

# Motor de jogos e Física

Simulação e colisão física

Slides por:  
Gustavo Ferreira Ceccon ([gustavo.ceccon@usp.br](mailto:gustavo.ceccon@usp.br))





Este material é uma criação do  
Time de Ensino de Desenvolvimento de Jogos  
Eletrônicos (TEDJE)

Filiado ao grupo de cultura e extensão  
Fellowship of the Game (FoG), vinculado ao  
ICMC - USP

Este material possui licença CC By-NC-SA. Mais informações em:  
<https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>



# Objetivos

- Introduzir física e a matemática de um motor de jogos
- Mostrar o processo da simulação física
  - ◆ Simulação e métodos de integração
  - ◆ Broadphase, Midphase e Narrowphase
  - ◆ Colisão e organização dos dados
- Não serão abordados todos algoritmos nessa aula



# Índice

1. Introdução
2. Etapas
3. Simulação
4. Colisores
5. Colisão
6. Colisão Contínua



# 1. Introdução



# 1. Introdução

## → Física no mundo real

- ◆ Contínua, não há saltos de tempo
- ◆ Contato, os objetos se tocam e não intersectam

## → Física no mundo virtual

- ◆ Discreta, a cada frame passa um  $\Delta t$
- ◆ Intersecção, os objetos podem ocupar mesmo espaço



# 1. Introdução

## → Física 2D

- ◆ Colisores: quadrados, círculos
- ◆ Transformações
  - $\mathbb{R}^2$
  - Rotação com um grau de liberdade

## → Física 3D

- ◆ Colisores: cubos, esferas
- ◆ Transformações
  - $\mathbb{R}^3$
  - Rotação com três graus de liberdade



### 3. Simulação

#### → Tipos de objetos

- ◆ Dinâmico com colisão: Mario
- ◆ Dinâmico sem colisão: Moeda
- ◆ Estático com colisão: Blocos
- ◆ Estático sem colisão: Fundo



## 2. Etapas



## 2. Etapas

→ Etapas do motor de física

- ◆ Simulação
- ◆ Detecção de Colisão
- ◆ Resposta

## 2. Etapas



# Simulação



# Simulação



# Detecção de Colisão



# Resposta



# Resposta





# 3. Simulação

### 3. Simulação

- Aplicar física newtoniana, que é suficiente para velocidades baixas
- ◆ Aplicamos as forças para descobrir as acelerações
- ◆ Aplicamos aceleração para descobrir a velocidade
- ◆ Aplicamos a velocidade para descobrir a posição

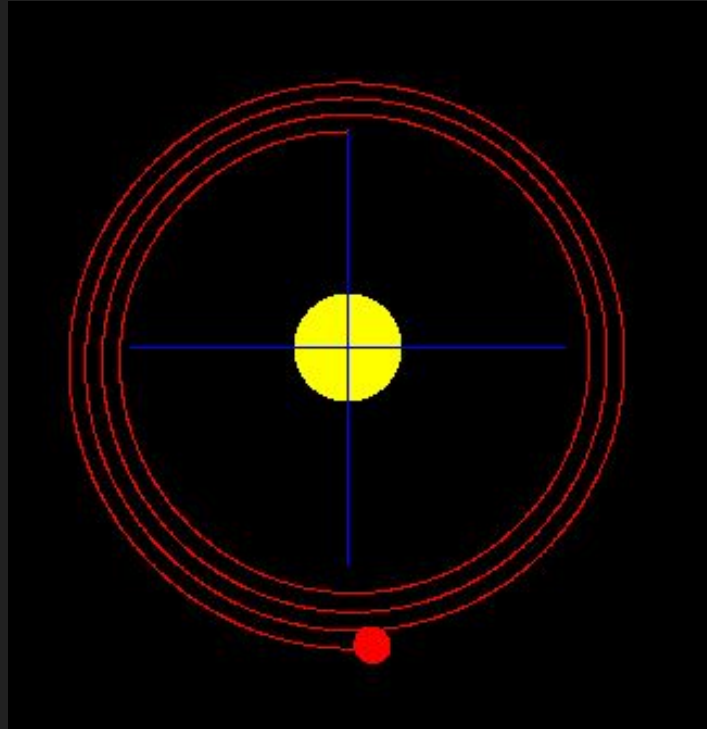
### 3. Simulação

- Não conseguimos aplicar as equações de ensino médio, porém elas são parecidas
  - ◆ Forças não são constantes, mundo discreto
- É preciso usar integrais para fazer os cálculos
  - ◆ Cálculo numérico aprendemos alguns métodos de integração, que são bem parecidos com esses

### 3. Simulação

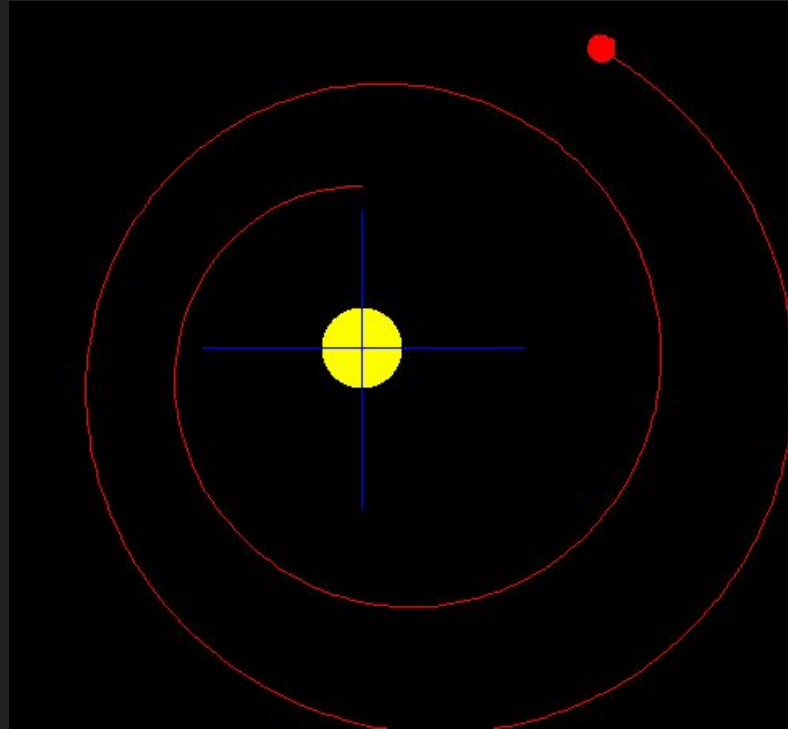
- Integração numérica é aproximar um valor de uma integral usando métodos computacionais (passos)
- ◆ Diferentes métodos para diferentes tipos físicos
- ◆ Euler e *Semi-Implicit* Euler (parecidos com ensino médio)
- ◆ Verlet e *Time-Corrected* Verlet (pulam uma etapa)
- ◆ Runge-Kutta 4ª ordem (mais acurado)

### 3. Simulação



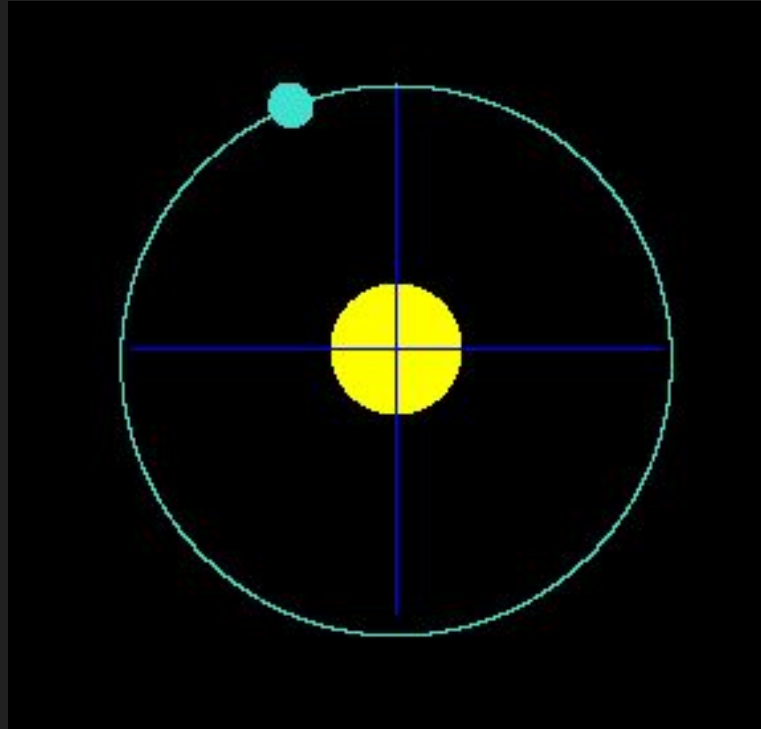
Euler 10 UPS

### 3. Simulação



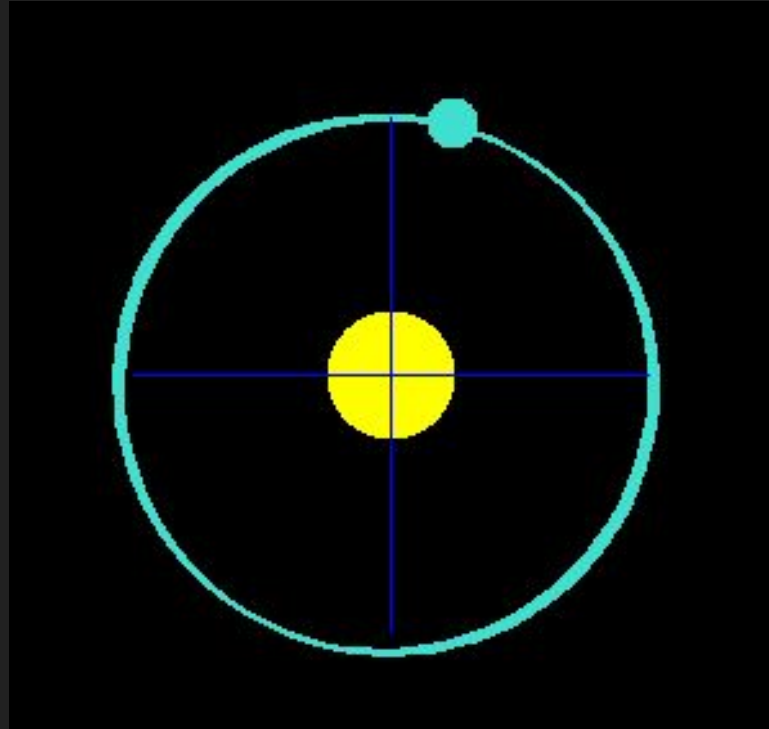
Euler 1 UPS

### 3. Simulação



Verlet 10 UPS

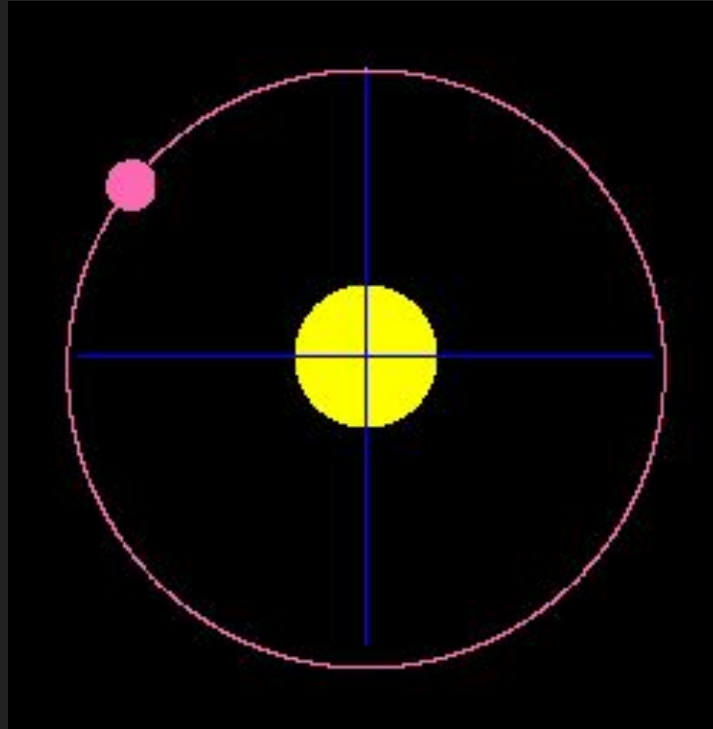
### 3. Simulação



Verlet 1 UPS

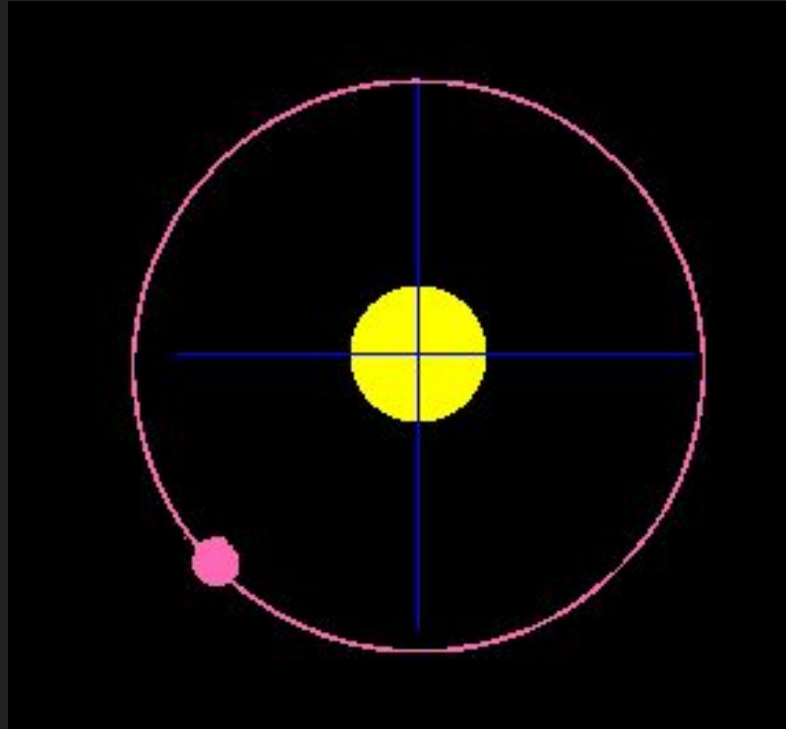


### 3. Simulação



RK4 10 UPS

### 3. Simulação

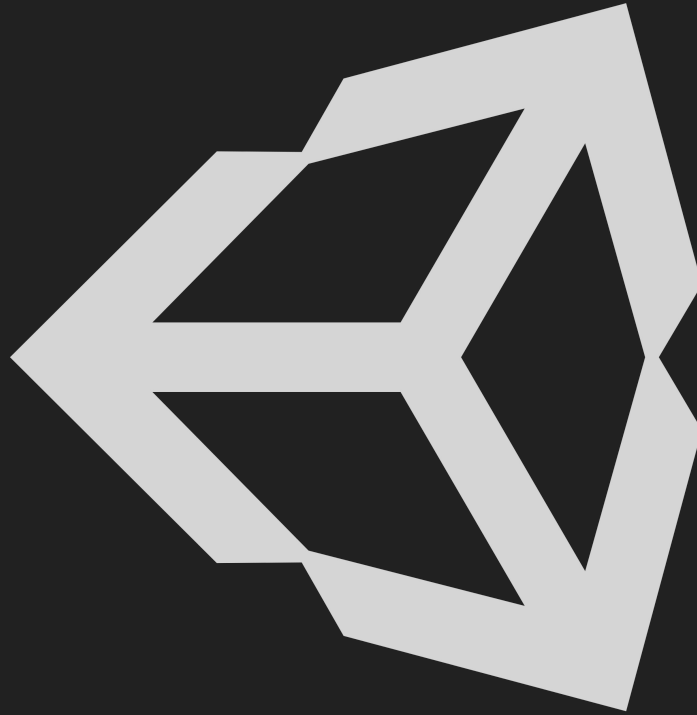


RK4 1 UPS

### 3. Simulação

- Problemas possíveis
  - ◆ Forças variáveis
  - ◆  $dt$  variável
- Problemas causam inconsistência na física
- Quanto maior a ordem do método, melhor a aproximação, porém maior custo computacional

# UNITY TIME !!!! - Cubo/Rigidbody



# 4. Colisores

## 4. Colisores

- Sprite 2D - pixel-level
- Malha 3D - triângulos
- Formas primitivas
  - ◆ AABB - Axis Aligned Bounding Box
- Formas côncavas e convexas
- Raycast

## 4. Colisores

Exemplo



## 4. Colisores

- Formas côncavas
  - ◆ Não funciona com os algoritmos usados
- Dividir em formas convexas
  - ◆ Côncavo para convexo
  - ◆ Decomposição e triangulação
  - ◆ Convex hull





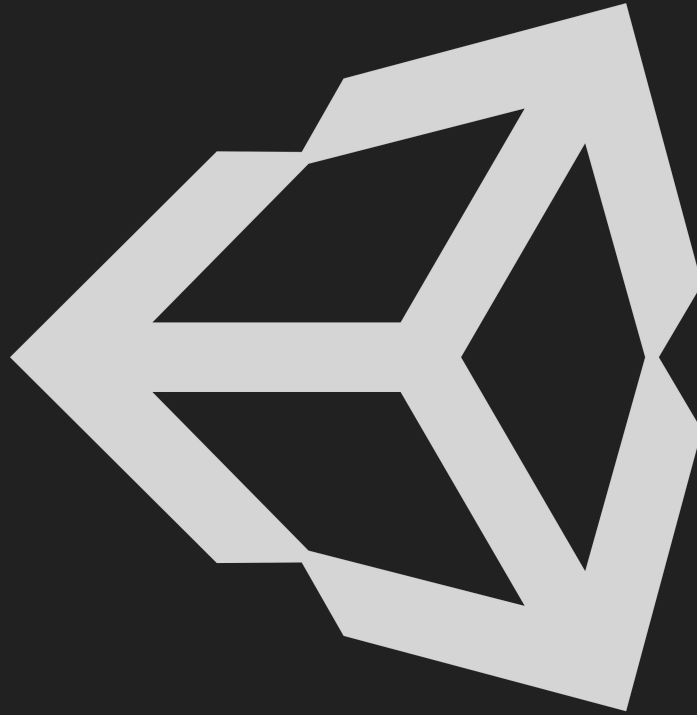
## 4. Colisores

### → Raycast

- ◆ Raio de colisão
- ◆ Útil em aproximação de objetos rápidos
  - Projétil
- ◆ Muito pesado normalmente
- ◆ Pode testar até o primeiro alvo ou todos os objetos



# UNITY TIME !!!! - Colisores/Matrix



# 5. Colisão

## 5. Colisão

- Precisamos testar a colisão de  $n$  objetos
  - ◆ Força bruta demoraria  $O(n^2)$  para testar a colisão entre si todos os objetos
  - ◆ Precisamos diminuir o número de testes, além disso precisamos coletar as informações das colisões

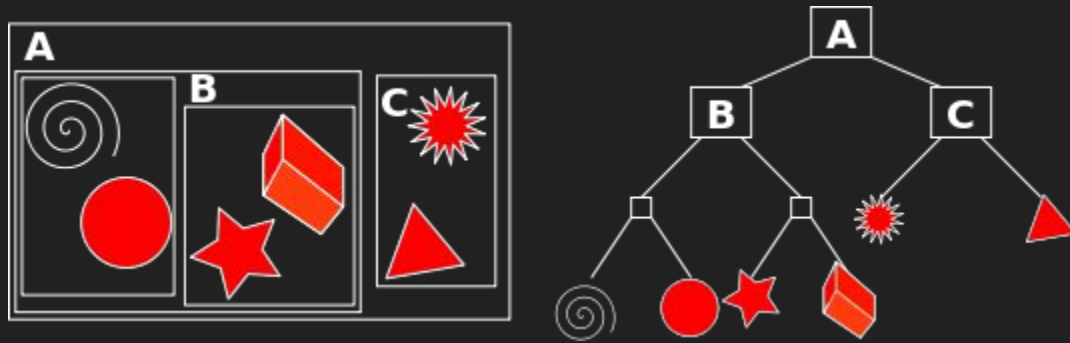
## 5. Colisão

- Dividimos em três etapas a colisão
- Broad-phase
  - ◆ Separação brusca dos objetos impossíveis de colidir
- Mid-phase
  - ◆ Teste rápido de colisão entre objetos, usando colisores simples
- Narrow-phase
  - ◆ Teste preciso de colisão entre objetos, usando diferentes tipos de colisores (compostos) e algoritmos de colisão

## 5. Colisão

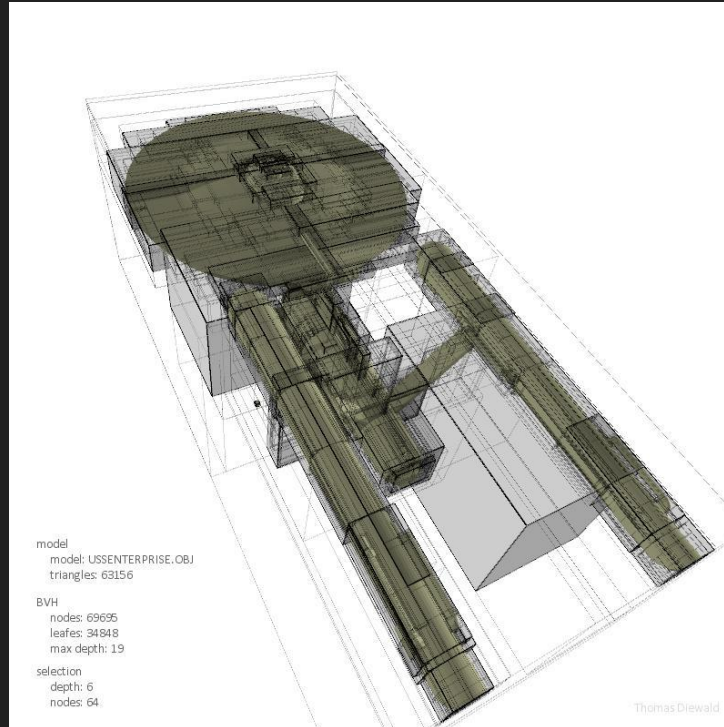
- BVH - Bounding Volume Hierarchy
  - ◆ Árvore de colisores de bounding volumes (como uma caixa ou uma esfera)
  - ◆ Nós são colisores aproximados de todos os colisores filhos
  - ◆ Quanto mais alta hierarquia, pior a aproximação
  - ◆ Usados tanto para teste quanto para representação

## 5. Colisão



Bounding Volume Hierarchy

## 5. Colisão



Bounding Volume Hierarchy



## 5. Colisão

- BVH - Bounding Volume Hierarchy
  - ◆ Estática: usada geralmente em um objeto para subdividir os colisores
  - ◆ Dinâmica: usada em múltiplos objetos (geralmente dinâmicos), calculada em tempo de execução
    - São pesadas para calcular todo frame

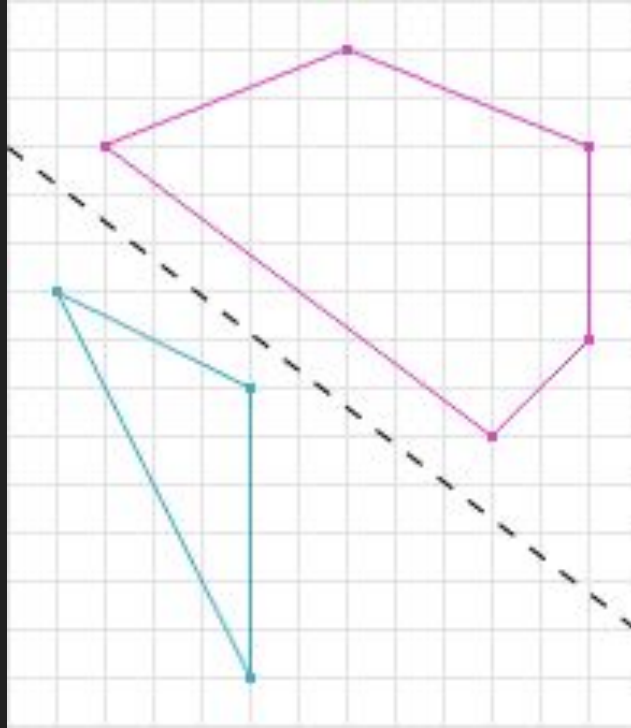
## 5. Tipos de Colisão

### → SAT - Separating Axis Theorem

- ◆ A ideia é testar a colisão em diferentes eixos dos objetos, projetando eles em uma reta ou em um plano
- ◆ Algumas bibliotecas de física 2D (Box2D) implementam o SAT e deixam o usuário escolher qual algoritmo usar
- ◆ Complexidade aumenta com a quantidade de vértices



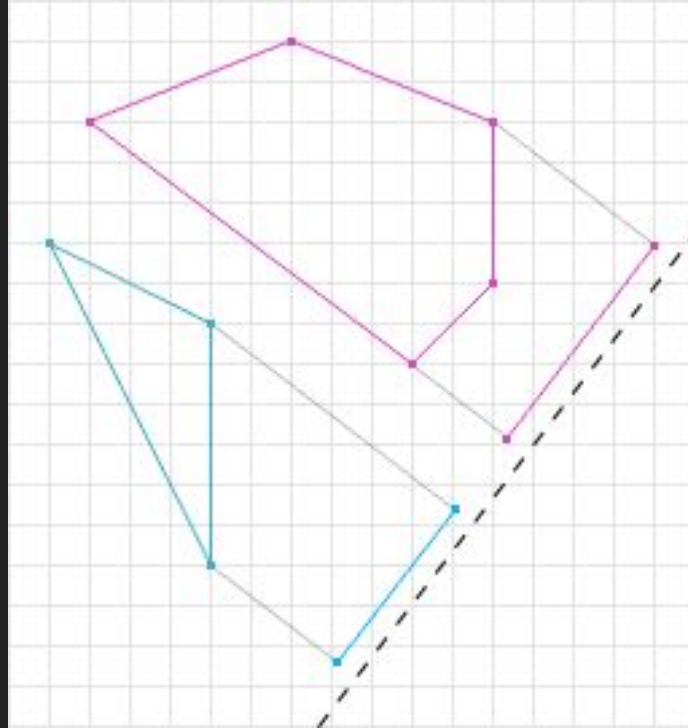
## 5. Tipos de Colisão



*SAT - Separating Axis Theorem*



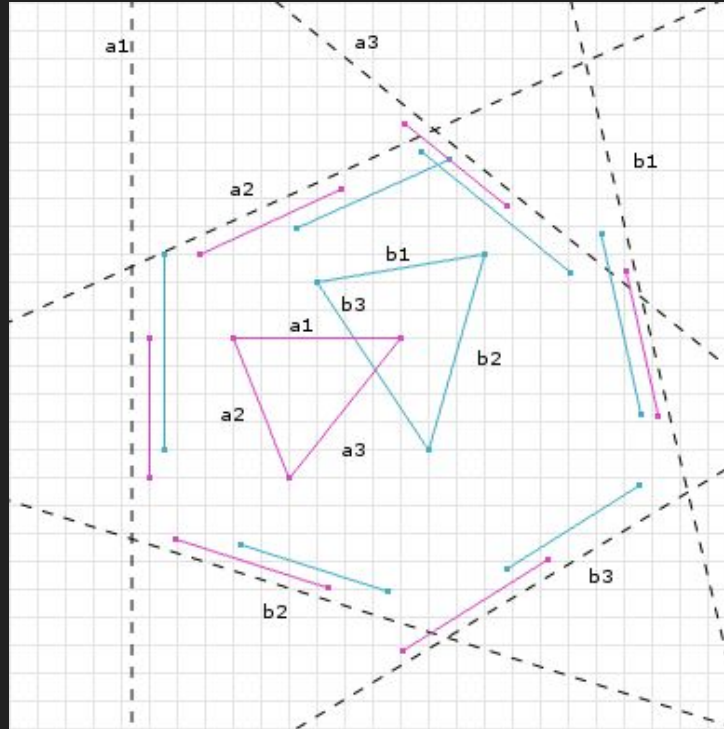
## 5. Tipos de Colisão



*SAT - Separating Axis Theorem*



## 5. Tipos de Colisão



*SAT - Separating Axis Theorem*



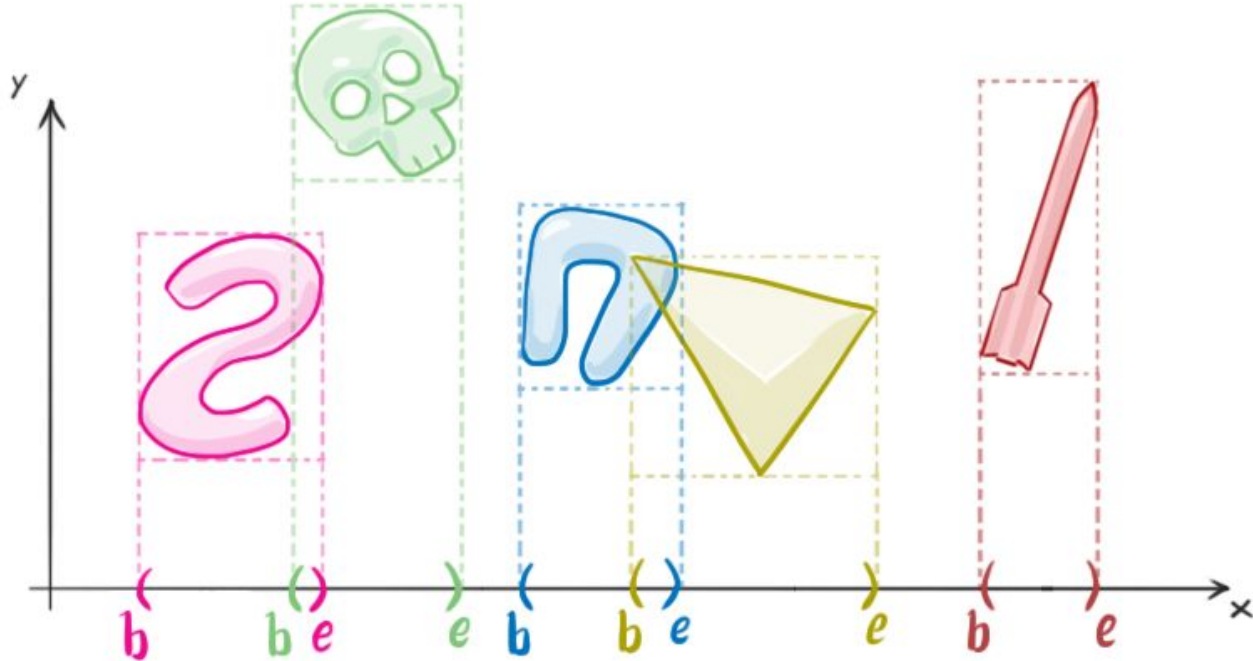
## 5. Tipos de Colisão

### → Sweep and Prune (SAP)

- ◆ A ideia é ordenar os objetos num eixo e fazer pares de possíveis colisões
  - Só pegamos o máximo e o mínimo do colisor
- ◆ Em 2D temos eixos X ou Y
- ◆ Em 3D temos planos X, Y ou Z



## 5. Tipos de Colisão



## 5. Tipos de Colisão

### → Sweep and Prune

- ◆ É preciso ordenar a lista quando atualizar as colisões, então entra a complexidade de computação e memória
- ◆ Um eixo pode ter muitas possíveis colisões e no outro eixo não, por exemplo, Mário
- ◆ Calcular o mínimo e o máximo do colisor pode ser difícil, como malhas 3D



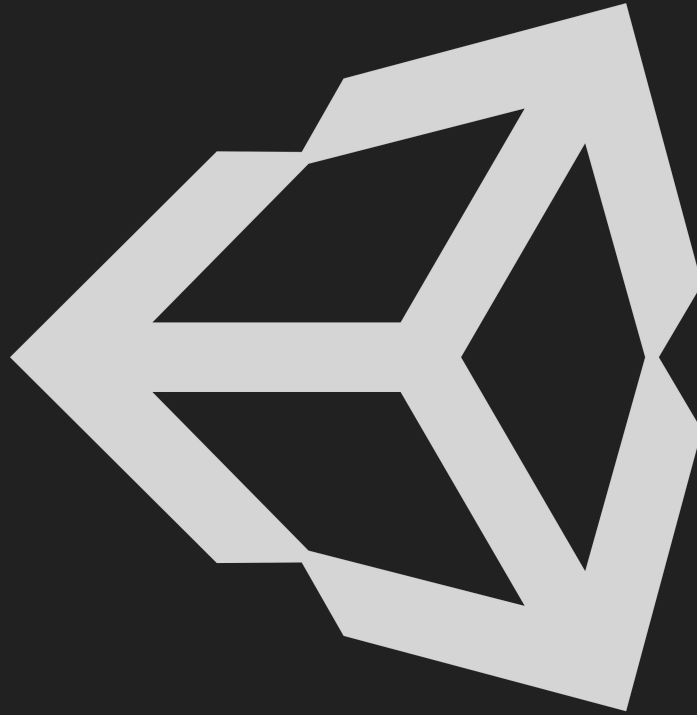


## 5. Tipos de Colisão

Colisores na Unity



# UNITY TIME !!!! - Settings/Colisão/Raycast

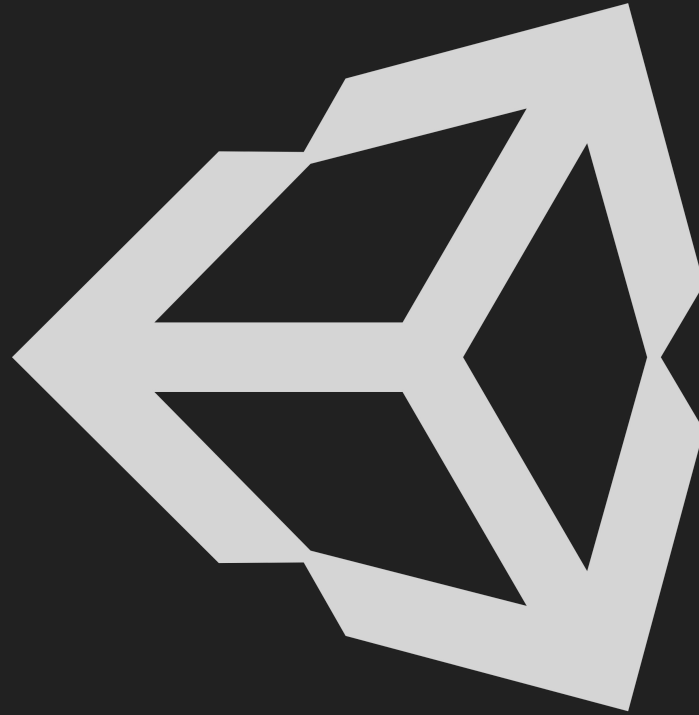


## 6. Colisão Contínua

## 6. Colisão Contínua

- Objetos muito rápidos podem quebrar a física, por exemplo projéteis
- ◆ Detectando colisões de objetos rápidos
  - Múltiplas iterações (tempo entre o  $\Delta t$ )
  - Estender o colisor para interceptar os objetos entre os tempos
- ◆ Precisamos determinando tempo de impacto para resolver a física, muitas vezes desnecessário, por exemplo num projétil

# UNITY TIME !!!! - Colisão Contínua



# Dúvidas?

# Referências

# Referências

- [1]<http://www.dyn4j.org/>
- [2]<http://allenchou.net/game-physics-series/>
- [3]<http://codeflow.org/entries/2010/aug/28/integration-by-example-euler-vs-verlet-vs-runge-kutta/>
- [4]<https://benjaminhorn.io/code/pixel-accurate-collision-detection-with-javascript-and-canvas/>
- [5][www.jeffreythompson.org/collision-detection/table\\_of\\_contents.php](http://www.jeffreythompson.org/collision-detection/table_of_contents.php)
- [6]<https://www.toptal.com/game/video-game-physics-part-ii-collision-detection-for-solid-objects>
- [7]<https://research.ncl.ac.uk/game/mastersdegree/gametechnologies/physics8collisionmanifolds/Tutorial%208%20-%20Collision%20Manifolds.pdf>
- [8]<http://judis.me/wordpress/sequential-impulse-solver/>
- [9]<http://box2d.org/>
- [10]<http://thomasdiewald.com/blog/?p=1488>
- [11][https://en.wikipedia.org/wiki/Binary\\_space\\_partitioning](https://en.wikipedia.org/wiki/Binary_space_partitioning)
- [12]<http://www.gdcvault.com/play/1020583/Animation-Bootcamp-An-Indie-Approach>
- [13] (The Morgan Kaufmann Series in Interactive 3-D Technology) Christer Ericson-Real-Time Collision Detection-Morgan Kaufmann (2005)

