

由攻破 IND-CPA 安全性的敌手  $\mathcal{A}$  来构造解决 CDH 问题的敌手  $\mathcal{B}$ :

1. 首先挑战者生成  $(G, p, g, g^x, g^y)$ , 并发送给敌手  $\mathcal{B}$ ;
2. 敌手  $\mathcal{B}$  构造信息  $PK = (G, p, g, h = g^x)$  发送给敌手  $\mathcal{A}$ ;
3. 敌手  $\mathcal{A}$  向敌手  $\mathcal{B}$  查询预言机, 若输入  $x_i$  为新, 返回  $H(x_i)$ , 若不为新, 则返回对应结果;
4. 敌手  $\mathcal{A}$  发送明文信息  $M_0, M_1$  给敌手  $\mathcal{B}$ ;
5. 敌手  $\mathcal{B}$  构造信息  $C = (c_1 = g^y, c_2 \in \{0, 1\}^m)$  发送给敌手  $\mathcal{A}$ ;
6. 敌手  $\mathcal{A}$  运行算法, 由于  $H(h^y) = H(g^{xy})$ , 故敌手  $\mathcal{A}$  有不可忽略的概率会向敌手  $\mathcal{B}$  查询  $g^{xy}$  的预言机输出;
7. 此时敌手  $\mathcal{B}$  即可以不可忽略的概率获得  $g^{xy}$  解决 CDH 问题;