### ۱ مثال: دورنوردی کوانتومی

در این مثال سعی می کنیم یک پدیده غیربدیهی و عجیب را بررسی کنیم: دورنوردی کوانتومی <sup>۱</sup>! دورنوردی کوانتومی این انتقال حالت کوانتومی بدون استفاده از لینک مخابراتی کوانتومی بین فرستنده و گیرنده (است. دورنوردی کوانتومی به ترتیب زیر کار می کند. فرستنده (آلیس) و گیرنده (باب) در زمان ملاقات یک جفت





شکل ۱: ریک و مورتی در حال دورنوردی! عکس تزئینی است.

 $^{ ext{TEPR}}$  را تولید کردهاند و هر کدام یک کیوبیت را با خود حمل می کند. الان آلیس و باب در فاصله بسیار زیادی از یکدیگر قرار دارند. آلیس میخواهد یک کیوبیت  $|\psi\rangle$  را بدون اینکه اندازه گیری کند و از حالت آن با خبر شود به باب ارسال کند. اما آلیس فقط میتواند اطلاعات کلاسیک برای باب ارسال کند. در نگاه اول آلیس با پالشهای زیادی روبرو است. آلیس حالت کیوبیت را نمیداند و حتی اگر حالت آن را نیز میدانست برای توصیف آن به بینهایت اطلاعات کلاسیک نیاز دارد. اما خواهیم دید که آلیس با کمک جفت EPR و سربار قابل پذیرش انتقال اطلاعات کلاسیک میتواند وظیفه خود را انجام دهد. گامهایی که آلیس باید دنبال کند به شرح زیر هستند:

- ۱. آلیس به صورت محلی محاسباتی را با استفاده از نیمی از جفت  $\mathrm{EPR}$  و کیوبیت  $|\psi
  angle$  انجام می دهد.
- ۲. آلیس هر دو کیوبیت را پس از انجام محاسبات اندازه میگیرد و حاصل را که یکی از مقادیر 00، 01، 10، یا 11 است را برای باب ارسال می کند.
- . باب بر اساس مقدار دریافتی از آلیس محاسباتی را در سمت خود انجام می(1,1) می دهد. بر اساس این محاسبات محلی باب می(1,1) و ابزیابی کند.

مدار اسلاید ۴ را برای جزئیات بیشتر ملاحظه کنید. سیم اول کیوبیت  $|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$  را نشان می دهد و و سیم بعدی دو کیوبیت در هم تنیده سیم اول کیوبیت را نشان می دهند (جفت  $|\psi\rangle|$  قرار دارد. سپس آلیس دو عملیات CNOT استفاده می کند. و حالت سیستم را به  $|\psi\rangle|$  تغییر می دهد. سپس، آلیس دو کیوبیت خودش را اندازه گیری می کند و حاصل که اطلاعات کلاسیک است را برای باب ارسال می کند. باب بیس از دریافت این دو بیت، به صورت کنترل شده دو عملیات  $|\psi\rangle|$  تغییر می کند. اگر دو بیت دریافتی 00 باشند، باب هیچ کاری انجام نمی دهد و اگر دو بیت دریافت 11 باشند باب هر دو عملیات را اعمال می کند. برای بقیه حالتها هم اسلاید ۵ را ببینید. ملاحظه می کنید که حالت کیوبیت سوم که در اختیار باب بوده است به حالت کیوبیت سوم که در اختیار باب بوده است به حالت کیوبیت سمت آلیس به دلیل محاسبات و اندازه گیری از دست رفته است و دیگر در دسترس نیست. بنابراین اصل عدم امکان کپی تخطی نشده است. در اسلاید ۶ خلاصهای از تاریخچه دورنوردی کوانتومی را ملاحظه می کنید. این پدیده نخستین بار در سال ۱۹۹۳ مطرح شد، نخستین بار در سال ۱۹۹۳ مورت آزمایشگاهی بررسی شد [۲] و بیشترین فاصلهای که تا کنون دورنوردی انجام گرفته است ۱۴۰ کیلومتر از طریق ماهواره Micius به است ۱۳۰ کیلومتر از طریق ماهواره داشت ۱۳۰ این دورنوردی انجام است ۱۳۰ کیلومتر از طریق ماهواره در سال ۱۹۹۳ می دورت آزمایشگاهی بردس شد (۲ کیلومتر از طریق ماهواره سال ۱۹۹۳ می دورتوردی کوانتوم است ۱۳۰ کیلومتر از طریق ماهواره سال ۱۹۹۳ می دورتوردی کوانتوم است ۱۳۰ کیلومتر از طریق ماهواره سال ۱۹۹۳ می دورتورد کولیت کیل می خود کند. این کنون دورتورد کولیت که تا کنون دورتورد کیلومتر از طریق ماهواره سال ۱۹۹۳ می کنون دورتورد کولیت کنون دورتورد کولیت کولیت

# ۲ مثال: کدگذاری اَبرچگال

کدگذاری ابرچگال یکی از کاربردهای مقدماتی و جالب مکانیک کوانتوم است. این پدیده در سال ۱۹۹۲ به صورت تئوری و در سال ۱۹۹۶ به صورت آزمایشگاهی ارائه شده است. مانند مثال قبلی فرض کنید که یک فرستنده (آلیس) و گیرنده (باب) در فاصله بسیار دور از یکدیگر قرار دارند ولی یک جفت EPR را تقسیم شده در اختیار دارند:

$$|\psi\rangle = \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}}.\tag{1}$$

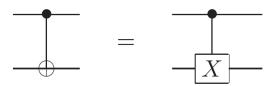
در ادامه میبینیم که آلیس میتواند یک کیوبیت را برای باب ارسال کند (از طریق یک لینک کوانتومی) و باب با بررسی آن دو بیت کلاسیک را استخراج نماید. روال کاری آلیس به شرح زیر خواهد بود:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Quantum Teleportation

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Einstein, Podolsky, and Rosen

- ۱. اگر آلیس بخواهد رشته 00 را برای باب ارسال کند، تغییری در نیمه جفت EPR ایجاد نمی کند.
- ۲. اگر آلیس بخواهد رشته 01 را برای باب ارسال کند، عملیات X را بر روی کیوبیت خود اعمال می کند.
- ". اگر آلیس بخواهد رشته 10 را برای باب ارسال کند، عملیات Z را بر روی کیوبیت خود اعمال می کند.
- ۴. اگر آلیس بخواهد رشته 11 را برای باب ارسال کند، عملیات XZ را بر روی کیوبیت خود اعمال می کند (یعنی اول Z و سپس X).

در نتیجه این عملیات، جفت  $\mathrm{EPR}$  تغییر می کند. حاصل را در اسلاید شماره ۷ می توانید ملاحظه کنید. توجه کنید که چگونه مقدار بیت اول تغییر کرده است. سپس، آلیس کیوبیت خود را به سمت باب می فرستد. باب، پس از دریافت کیوبیت، مدار صفحه ۸ را به کار می برد. به خاطر داشته باشید که مدار  $\mathrm{CNOT}$  به صورت زیر عمل می کند، یعنی به صورت کنترل شده مدار  $\mathrm{X}$  را اعمال می کند. به صورت دقیق تر، اگر کیوبیت اول  $|1\rangle$  باشد، مدار بر روی کیوبیت دوم اعمال می شود و در غیر اینصورت



شکل ۲: نمایشهای CNOT

کیوبیت دوم بی تغییر میماند. سپس، مدار هادامارد بر روی کیوبیت اول اعمال میشود. خروجی گام به گام ناشی از عملیات فوق را در جدول اسلاید ۸ میبینید. ملاحظه می کنید که با اندازه گیری در پایههای محاسباتی، می توان دو بیت کلاسیک که منظور آلیس بوده است را استخراج کرد.

#### ٣ خلاصه

Quantum teleportation is a process by which the state of qubit  $(|\psi\rangle)$  can be transmitted from one location to another, using two bits of classical communication and a Bell pair. ... Superdense coding is a procedure that allows someone to send two classical bits to another party using just a single qubit of communication. It can be thought of as the opposite of quantum teleportation, in which one transfers one qubit from Alice to Bob by communicating two classical bits. Wikipedia.

## ۴ یادآوری

گیت کوانتومی NOT:

$$X = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}. \tag{7}$$

گیت Z که کیوبیت در حالت  $|0\rangle$  را تغییر نمی دهد، اما حالت  $|1\rangle$  را به  $|1\rangle$  تغییر می دهد:

$$Z = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}. \tag{7}$$

گیت هادامارد:

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & 1\\ 1 & -1 \end{bmatrix}. \tag{f}$$

بعضی مواقع به این گیت «ریشه دوم NOT» و «جذر NOT» نیز گفته میشود. چونکه، حالت  $|0\rangle$  را به  $\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}$  تبدیل می کند (ستون اول را ببینید) که وسط NOT و  $|0\rangle$  تبدیل می کند (ستون دوم را ببینید) که باز هم بین  $|0\rangle$  و  $|1\rangle$  قرار دارد. توجه کنید که  $|1\rangle$  برابر گیت NOT و  $|1\rangle$  قرار می گیرد. همچنین، حالت  $|1\rangle$  را به  $|1\rangle$  تبدیل می کند (ستون دوم را ببینید) که باز هم بین  $|1\rangle$  و  $|1\rangle$  قرار دارد. توجه کنید که  $|1\rangle$  است.

### مراجع

- [1] C. H. Bennett, G. Brassard, C. Crépeau, et al., "Teleporting an unknown quantum state via dual classical and einstein-podolsky-rosen channels," Phys. Rev. Lett., vol.70, pp.1895–1899, Mar 1993.
- [2] D. Bouwmeester, J.-W. Pan, K. Mattle, et al., "Experimental quantum teleportation," Nature, vol.390, pp.575–579, Dec. 1997.
- [3] J.-G. Ren, P. Xu, H.-L. Yong, et al., "Ground-to-satellite quantum teleportation," Nature, vol.549, pp.70–73, Sept. 2017.