

دانشكده مهندسي كامپيوتر

طراحي و تحليل الگوريتمها

تمرین ۹*

اساتید حل تمرین: هادی شیخی، ملیکا نوبختیان تهیه و تنظیم مستند: مریم سادات هاشمی

> استاد درس: سید صالح اعتمادی نیمسال دوم ۹۹-۹۸

@hadichhh @MeliNo2000	تلگرام
fb_A9	نام شاخه
A9	نام پروژه/پوشه/پول ریکوست
1899/8/10	مهلت تحويل

^{*}تشکر ویژه از اساتید حلتمرین مریم سادات هاشمی، بنفشه کریمیان، مهسا سادات رضوی، امیر خاکپور، سهیل رستگار و علی آلیاسین که در نیمسال دوم سال تحصیلی ۹۷-۹۸ نسخه اول این مجموعه تمرینها را تهیه فرمودند.

توضيحات كلى تمرين

- ۱. ابتدا مانند تمرین های قبل، یک پروژه به نام A9 بسازید.
- ۲. کلاس هر سوال را به پروژه ی خود اضافه کنید و در قسمت مربوطه کد خود را بنویسید. هر کلاس شامل دو متد اصلی است:
- متد اول: تابع Solve است که شما باید الگوریتم خود را برای حل سوال در این متد پیاده سازی کنید.
- متد دوم: تابع Process است که مانند تمرین های قبلی در TestCommon پیاده سازی شده است. بنابراین با خیال راحت سوال را حل کنید و نگران تابع Process نباشید! زیرا تمامی پیاده سازی ها برای شما انجام شده است و نیازی نیست که شما کدی برای آن بزنید.
- ۳. اگر برای حل سوالی نیاز به تابع های کمکی دارید؛ می توانید در کلاس مربوط به همان سوال تابع تان را اضافه کنید.

اکنون که پیاده سازی شما به پایان رسیده است، نوبت به تست برنامه می رسد. مراحل زیر را انجام دهید.

- ۱. یک UnitTest برای پروژهی خود بسازید.
- ۲. فولدر TestData که در ضمیمه همین فایل قرار دارد را به پروژهی تست خود اضافه کنید.
 - ۳. فایل GradedTests.cs را به پروژهی تستی که ساخته اید اضافه کنید.

توجه:

برای اینکه تست شما از بهینه سازی کامپایلر دات نت حداکثر بهره را ببرد زمان تست ها را روی بیلد Release امتحان کنید، درغیر اینصورت ممکن است تست های شما در زمان داده شده پاس نشوند.

```
using Microsoft.VisualStudio.TestTools.UnitTesting;
    using System;
    using TestCommon;
    namespace A9.Tests
۵
    {
        [DeploymentItem("TestData", "A9_TestData")]
        [TestClass()]
٨
        public class GradedTests
١.
            [TestMethod(), Timeout(200)]
۱۱
            public void SolveTest_Q1InferEnergyValues()
۱۳
                //Assert.Inconclusive("A9.Q1 Not Solved");
                RunTest(new Q1InferEnergyValues("TD1"));
            }
18
۱۷
            [TestMethod(), Timeout(200)]
۱۸
            public void SolveTest_Q2OptimalDiet()
                //Assert.Inconclusive("A9.Q2 Not Solved");
                RunTest(new Q2OptimalDiet("TD2"));
            }
44
            [TestMethod(), Timeout(200)]
۲۵.
            public void SolveTest_Q3OnlineAdAllocation()
48
                //Assert.Inconclusive("A9.Q3 Not Solved");
۲۸
                RunTest(new Q30nlineAdAllocation("TD3"));
            }
            public static void RunTest(Processor p)
٣٢
٣٣
                TestTools.RunLocalTest("A9", p.Process, p.TestDataName, p.Verifier,
                    VerifyResultWithoutOrder: p.VerifyResultWithoutOrder,
٣۵
                     excludedTestCases: p.ExcludedTestCases);
            }
٣٧
٣9
        }
```

1 میزان انر ژی مواد سازنده 1

شما در این مسئله برای بدست آوردن میزان انرژی موادغذایی تشکیلدهنده ی منوی یک رستوران (با استفاده از لیست مواد تشکیلدهنده و میزان کالری هر کدام) الگوریتم Elimination Gaussian را پیادهسازی میکنید.

شما منوی یک رستوران را در اختیار دارید که در آن برای هر غذا لیست مواد تشکیل دهنده و تخمینی از میزان کالری آن غذا مشخص شدهاند. شما باید میزان کالری مواد تشکیل دهنده را برای تخمین میزان کالری غذای مورد علاقه ی خود بدست آورید.

فرمت ورودی: در خط اول تعداد غذاهای هر منو (تعداد مواد تشکیل دهنده برابر تعداد غذاهای در منو است) و در خطوط بعدی E و ادریافت میکنید که برای هر غذا (هر خط) a_i میزان ماده a_i ام و a_i تخمینی از کالری کلی این غذا است. اگر ماده ای در غذایی استفاده نشده باشد مقدار آن 0 دریافت می شود ولی توجه داشته باشید که کد شما باید برای مقادیر منفی هم کار کند.

فرمت خروجی: برای هر کدام از مواد تشکیل دهنده کالری تخمین زده ی خود را رند کنید. به این صورت که اگر اعشار شما از ۰/۲۵ کمتر بود اعشار را برداشته و یا از ۰/۷۵ بزرگتر مساوی بود به بالا رند کنید (اعشار را برداشته و در صورت مثبت بودن جواب یک عدد به جواب اضافه و در غیر این صورت یک عدد از آن کم کنید) در غیر این صورت اعشار را ۰/۵ قرار دهید.

توجه:

لطفًا عمليات رند كردن آخرين مرحله انجام شود.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	1 5 4 3
1 0 0 0 1	
0 1 0 0 5	
0 0 1 0 4	
0 0 0 1 3	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
2	2 1
1 1 3	
2 3 7	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
5	0 0.5
5 -5 -1	
1 -2 -1	

دقت کنید که جواب دقیق برابر با ۰/۴ و ۰/۲ بوده که به ۰ و ۰/۵ رند شده است.

```
using System;
   using TestCommon;
    namespace A9
    {
۵
        public class Q1InferEnergyValues : Processor
            public Q1InferEnergyValues(string testDataName) : base(testDataName)
٨
            {
            }
            public override string Process(string inStr) =>
۱۲
                TestTools.Process(inStr, (Func<long, double[], double[]>)Solve);
۱۳
۱۴
            public double[] Solve(long MATRIX_SIZE, double[,] matrix)
۱۵
                // Comment the line below and write your code here
۱٧
                throw new NotImplementedException();
            }
        }
    }
۲١
```

۲ مسئلهی رژیم بهینه ۲

در این مسئله یک الگوریتم برای حل Programming Linear با تعداد نامساوریهای کم برای حل مسئلهی رژیم بهینه پیاده سازی میکنید. شما میخواهید رژیم خود را بهینه کنید به این معنا که علاوه بر رعایت تمام ضوابط پیشنهاد داده شده توسط متخصص تغذیه، میخواهید بیشترین لذت را از غذای خود ببرید. شما ضوابط برای هر غذا و تخمینی از میزان علاقه خود به غذای مورد نظر را دارید. مثالی ضوابط میتواند "جمع میزان مصرف روزانه کره و پنیر باید از ما و ما این مسئله افزایش لذت وعده غذایی خود علاوه بر رعایت ضوابط است. میزان لذت شما از هر وعده غذایی برابر جمع میزان علاقه شما از خوردن هر غذا و میزان پیشنهادی الگوریتم شما برای آن غذا است. ضوابط داده شده را میتوان به فرم یک سری نامساویهای خطی نوشت. برای مثال ضابطهی "جمع میزان مصرف روزانه کره و پنیر باید از ۲ واحد کمتر باشد" را میتوان به صورت 2 m0 مسئله باید بیشترین میزان مصرف روزانه کره و پنیر باید از ۲ واحد کمتر باشد" را میتوان به صورت 2 m0 مسئله باید بیشترین میزان ممکن برای این مسئله در نظر داشته باشید که m0 میلای میشود و جواب بهینه همواره در یکی از یالهای چند ضلعی حاصل از نامساوی است. در نظر داشته باشید که داده میشود و جواب بهینه همواره در یکی از یالهای چند ضلعی حاصل از نامساوی است. (هر متغیر باید بزرگتر از ۰ داده میشود و خواب بهینه همواره در یکی از یالهای چند ضلعی حاصل از نامساوی است. در نظر داشته باشید که برای بید بزرگتر از ۰ باشد که خود یک نامساوی تلقی میشود) و m1 نامساوی تبدیل به معادله تساوی میشود. برای حل باید m1 نامساوی را به عنوان معادله تساوی حل کنید و جواب را چک کنید که برای بقیه نامساویها جواب دود ربین این جوابها مقدار بهینه را انتخاب کنید.

فرمت ورودی: در خط اول تعداد ضوابط و تعداد غذاها (که با n و m به ترتیب نشان داده می شوند) و در n خط بعدی ماتریس A (که با ابعاد n است) را دریافت می کنید به صورتی که خط i ام سات a_{i1},\ldots,a_{im} از دریافت می کنید به طوری که a_{i1},\ldots,a_{im} از دریافت می کنید به طوری که a_{i2},\ldots,a_{im} از دریافت ماتریس a_{i2},\ldots,a_{im} در خط بعدی وکتور a_{i2},\ldots,a_{im} به طول a_{i3},\ldots,a_{im} در در خط میزان مصرفی از هر غذا و به طول a_{i3},\ldots,a_{im} اگر در خط a_{i4},\ldots,a_{i5} اگر در خط a_{i5},\ldots,a_{i5} داریم ($a_{i5},\ldots,a_{i5},\ldots,a_{i5}$ داریم ($a_{i5},\ldots,a_{i5},\ldots,a_{i5}$ داریم ($a_{i5},\ldots,a_{i5},\ldots,a_{i5}$ داریم ($a_{i5},\ldots,a_{i5},\ldots,a_{i5}$ داریم (وقودی وکتور a_{i5},\ldots,a_{i5} باید باشد. در خط آخر از ورودی وکتور a_{i5},\ldots,a_{i5} که نمایانگر میزان علاقه به هر غذا است را به عنوان ورودی می گیرید. برای مثال اگر خط آخر ورودی به ترتیب a_{i5},\ldots,a_{i5} و a_{i5},\ldots,a_{i5} باید باشد یعنی برای رسیدن به هدف مسئله باید

 $amount_{f1} \times 2 + -1 \times amount_{f2}$

را بیشینه کنید. در نظر داشته باشید که میزان علاقه به یک غذا میتواند منفی نیز باشد.

فرمت خروجی: اگر هیچ رژیمی با این شرایط یافت نمیشد solution No و اگر تعداد زیادی رژیم با این محدودیتها بود Infinity را به خروجی دهید. در غیر اینصورت solution Bounded را در خط اول و وکتوری از میزان پیشنهادی برای مصرف هر غذا در این رژیم پس از رند شدن به روش توضیح داده را در خط دوم بنویسید.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
3 2	Bounded solution
-1 1	0 2
1 0	
0 1	
-1 2 2	
-1 2	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
2 2	No Solution
1 1	
-1 -1	
1 -2	
1 1	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
1 3	Infinity
0 0 1	
3	
111	

```
using System;
    using TestCommon;
   namespace A9
۵
        public class Q2OptimalDiet : Processor
            public Q2OptimalDiet(string testDataName) : base(testDataName)
٨
            {
            }
11
            public override string Process(string inStr) =>
۱۲
                TestTools.Process(inStr, (Func<int, int, double[,], String>)Solve);
۱۳
            public string Solve(int N, int M, double[,] matrix1)
۱۵
                // Comment the line below and write your code here
۱٧
                throw new NotImplementedException();
۱۸
۱٩
        }
```

۳ جاگذاری تبلیغات آنلاین ۳

یکی از بیزینسهای سودآور در دنیا تبلیغات آنلاین است. گوگل و فیسبوک سالانه بیلیونها دلار سود از این راه بست میآورند و غالب بر ۹۰ درصد سود خود را از تبلیغات بدست میآورند. در این مسئله شما به یک سیستم بدست میآورند. در این مسئله شما به یک سیستم Yandex یا AdSense Google کمک آنلاین تبلیغات مثل AdSense Google یا Yandex در جایگذاری تبلیغات با پیادهسازی الگوریتم AdSense Google میکنید تا علاوه بر پر کردن محل تبلیغات، نیازمندیهای متقاضیان تبلیغ را پوشش دهید. شما n مشتری دارید که هرکدام میخواهند تبلیغات آنلاین شما m جا میزان پولی که هر مشتری برای هر کاربرانی که هرکدام از m جای مخصوص تبلیغات را می بینند کاربرانی که هرکدام از m جای مخصوص تبلیغات را می بینند در اختیار دارید. شما میتوانید تبلیغات متفاوت را در طول یک ماه در یک جا نمایش بدهید یا یک جا را فقط به یک در اختیار دارید. شما میتوانید تبلیغات متفاوت را در طول یک ماه در یک جا نمایش بدهید یا یک جا را فقط به یک تبلیغ خاص اختصاص دهید. هدف بیشینه کردن سود که برابر جمع مبلغی است که هر مشتری برای تعداد کاربرهایی که تبلیغ شی را دیده پرداخت میکند. اگر فرض کنیم m تعداد کاربرانی است که تبلیغ آن را در جای ام و فرض کنیم m تعداد کاربرانی است که تبلیغ m ام را می بینند و اگر مشتری m ام بخواهد تبلیغاتش توسط حداقل m کاربر دیدهشوند؛ کل کاربرانی است که تبلیغ m ام را می بینند و اگر مشتری m ام بخواهد تبلیغاتش توسط حداقل m کاربر دیدهشوند؛ آنگاه نامساوری m می بایست درست باشد. دقت کنید که m است. اگر میزان مبلغی که مشترری آام برای هر کاربر که تبلیغش را در جای ام و میبیند، با زوی نشان دهیم، هدف مسئله بیشینه کردن و مبلغی که مشترری آام مسئله ی که تبلیغش را در جای ام و میبیند، با تعداد متغیرهای بیشتر است.

فرمت ورودی: شما مسئله را ساده شده به صورت یک مسئله ی programming linear دریافت میکنید. در خط اول شما به ترتیب p و p را که نشان دهنده ی تعداد نامساوی ها و تعداد متغیرهاست را دریافت میکنید. در p خط بعد ماتریس p (ابعاد $p \times q$ است) را دریافت میکنید به صورتی که خط p را p را شامل می شود. پس از دریافت ماتریس p در خط بعدی وکتور p به طول p را دریافت میکنید به طوری که p است. در خط آخر شما وکتور p را دریافت میکنید که هدف مسئله بیشینه کردن p با رعایت ضوابط است.

فرمت خروجی: اگر هیچ رژیمی با این شرایط یافت نمیشد solution No و اگر تعداد زیادی رژیم با این محدودیت ها بود Infinity را به خروجی دهید. در غیر اینصورت solution Bounded را در خط اول و وکتوری از میزان پیشنهادی برای مصرف هر غذا در این رژیم پس از رند شدن به روش توضیح داده شده را در خط دوم بنویسید. (دقت کنید که $x=x_{ij}$ همان تعداد کاربرانی است که تبلیغ $x=x_{ij}$ می در جای ام میشوند).

Online Advertisement Allocation

ورودی نمونه	خروجي نمونه
3 2	Bounded Solution
-1 1	0 2
1 0	
0 1	
-1 2 2	
-1 2	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
2 2	No Solution
1 1	
-1 -1	
1 -2	
1 1	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
1 3	Infinity
0 0 1	
3	
111	

```
using System;
    using TestCommon;
    namespace A9
۵
        public class Q3OnlineAdAllocation : Processor
٨
            public Q30nlineAdAllocation(string testDataName) : base(testDataName)
            {
            }
11
١٢
            public override string Process(string inStr) =>
۱۳
                TestTools.Process(inStr, (Func<int, int, double[,], String>)Solve);
۱۵
            public string Solve(int c, int v, double[,] matrix1)
۱٧
                // Comment the line below and write your code here
۱۸
                throw new NotImplementedException();
۱٩
            }
        }
۲١
    }
```