2. Prototypical Networks for Few-shot Learning

논문: https://arxiv.org/pdf/1703.05175.pdf

요약

- feature representation space에 각 범주별 데이터의 feature vector mean에 모이도록 학습하는 Prototypical Network 제안
- Loss로 사용할 유사도 계산은 유클리드 거리가 코사인 유사도보다 좋은것을 경험적으로 알게됨

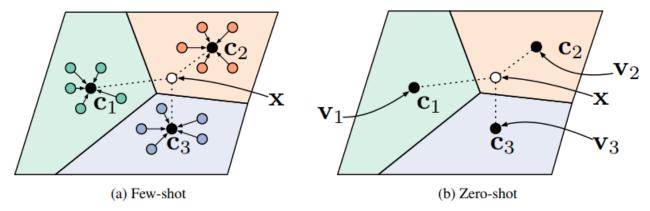


Figure 1: Prototypical networks in the few-shot and zero-shot scenarios. Left: Few-shot prototypes \mathbf{c}_k are computed as the mean of embedded support examples for each class. **Right**: Zero-shot prototypes \mathbf{c}_k are produced by embedding class meta-data \mathbf{v}_k . In either case, embedded query points are classified via a softmax over distances to class prototypes: $p_{\phi}(y = k | \mathbf{x}) \propto \exp(-d(f_{\phi}(\mathbf{x}), \mathbf{c}_k))$.

모델

모델 요약

- epoch 마다 각 범주별 학습데이터를 랜덤샘플링 후 모델을 통해 범주별 feature vector mean을 산출 후 softmax로 가장 가까운 범주를 정답으
- Loss Function: negative log-probability 최소화
- Optimizer : SGD

데이터/연산 형태 (알고리즘 1로 정리)

• 평범한 데이터 셋 X, Y pair 구조

$$S = \{(\mathbf{x}_1, y_1), \dots, (\mathbf{x}_N, y_N)\}\$$

• X는 이미지를 고려해서 D차원에 속함

$$\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^D$$

$$f_{\boldsymbol{\phi}}: \mathbb{R}^D \to \mathbb{R}^M$$

• 모델 f에서 M차원의 feature vector 연산 $f_{m{\phi}}: \mathbb{R}^D o \mathbb{R}^M$ • 범주 별 중앙 점 c는 학습 데이터에서 랜덤 샘플링된 x들의 feature vector mean을 취함

$$\mathbf{c}_k = \frac{1}{|S_k|} \sum_{(\mathbf{x}_i, y_i) \in S_k} f_{\phi}(\mathbf{x}_i)$$

$$\mathbf{c}_k \in \mathbb{R}^M$$

• feature vector간 거리 계산 함수 d.
$$d: \mathbb{R}^M imes \mathbb{R}^M o [0, +\infty)$$
.

• 어떤 데이터가 입력됬을 때 가장 가까운 범주 중앙 점과의 거리 차이를 바탕으로 softmax 적용

$$p_{\phi}(y = k \mid \mathbf{x}) = \frac{\exp(-d(f_{\phi}(\mathbf{x}), \mathbf{c}_k))}{\sum_{k'} \exp(-d(f_{\phi}(\mathbf{x}), \mathbf{c}_{k'}))}$$

Algorithm 1 Training episode loss computation for prototypical networks. N is the number of examples in the training set, K is the number of classes in the training set, $N_C \leq K$ is the number of classes per episode, N_S is the number of support examples per class, N_Q is the number of query examples per class. RANDOMSAMPLE(S, N) denotes a set of N elements chosen uniformly at random from set S, without replacement.

Input: Training set $\mathcal{D} = \{(\mathbf{x}_1, y_1), \dots, (\mathbf{x}_N, y_N)\}$, where each $y_i \in \{1, \dots, K\}$. \mathcal{D}_k denotes the subset of \mathcal{D} containing all elements (\mathbf{x}_i, y_i) such that $y_i = k$.

Output: The loss J for a randomly generated training episode.

$$V \leftarrow \mathsf{RANDOMSAMPLE}(\{1,\ldots,K\},N_C) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Select} \; \mathsf{class} \; \mathsf{indices} \; \mathsf{for} \; \mathsf{episode} \\ \mathbf{for} \; k \; \mathsf{in} \; \{1,\ldots,N_C\} \; \mathbf{do} \\ S_k \leftarrow \mathsf{RANDOMSAMPLE}(\mathcal{D}_{V_k},N_S) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Select} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ Q_k \leftarrow \mathsf{RANDOMSAMPLE}(\mathcal{D}_{V_k} \setminus S_k,N_Q) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Select} \; \mathsf{query} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \frac{1}{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{support} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{prototype} \; \mathsf{from} \; \mathsf{examples} \\ \mathbf{c}_k \leftarrow \mathbf{d}_{N_C} \sum_{(\mathbf{x}_i,y_i) \in S_k} f_{\boldsymbol{\phi}}(\mathbf{x}_i) \qquad \qquad \triangleright \mathsf{Compute} \; \mathsf{examples}$$

end for

$$J \leftarrow 0$$
 \triangleright Initialize loss for k in $\{1, \dots, N_C\}$ do

for
$$(\mathbf{x}, y)$$
 in Q_k do

$$J \leftarrow J + \frac{1}{N_C N_Q} \left[d(f_{\phi}(\mathbf{x}), \mathbf{c}_k)) + \log \sum_{k'} \exp(-d(f_{\phi}(\mathbf{x}), \mathbf{c}_k)) \right]$$
 \rightarrow Update loss

end for end for

논문엔 feature vector mean을 클러스터의 중앙점으로 사용하는 것이 선형 모델이지만 비선형 정보를 학습할 수 있다는 것

(ImageNet Classification with Deep Convolutional Neural Networks, Going deeper with convolutions)

Euclidean distance가 Mixture Density Estimation을 만족하는 것을 증명하는 수식이 들어가 있음

(Clustering with Bregman Divergences)

고려할 수 있는 것들

- Distance Metric
 - Euclidean Distance 대신 Cosine Distance를 사용해도 되나, mixture density estimation을 만족하지 않고 실험해보니 더 안좋아지더라
- Episode composition
 - M-way N-shot 방식(에피소드 별로 학습과 테스트셋이 분류되어 M개의 범주를 범주별 N개의 데이터로 학습/검증하는 방식)

 - 저자들이 경험적으로 알게 된것

 학습 시간에 테스트보다 더 큰 M 을 사용하는게 좋음
 학습 시간과 테스트에는 동일한 N을 사용하는게 좋음
- Zero-shot Learning
 - one-shot learning/few-shot learning과 다르게 메타정보가 추가되는데 메타정보를 feature vector로 연산하는 별도의 모델을 만들어 서 처리하면 few-shot learning 때와 동일하게 학습/운용 할 수 있다고 함

실험

- 실험 방법
 - 기존의 제안 기법과 성능 비교 (결과 표 1)
 - Omniglot 데이터셋 사용
 - Matching Network 에서 제안한 학습기법과 논문이 제안한 학습기법을 비교하기위해 모델 구조 / 에피소드 구성 사용
 - 다른 제안 기법과 성능 비교 + 고려사항에 대한 성능 향상 확인 (결과 표 2, 그림 2)

• minilmageNet 데이터셋 사용 (input size 84x84의 100 class * 600 sample)



- 에피소드 구성을 사용하되 학습 셋이 테스트 셋보다 더 많은 범주를 학습
 테스트 셋: 5-way 5-shot (5개의 범주를 범주 별 5개의 이미지로 학습) / 5-way 1-shot
 학습 셋: 5-way와 20-way를 둘다 실험
 cosine distance와 euclidean distance를 비교 실험

다른 기법과 zero-shot learning 성능 비교 (표 3)
 CUB-200 데이터셋 사용 (200 종류의 11,788 개의 새 사진)



Table 1: Few-shot classification accuracies on Omniglot.

Model	Dist.	Fine Tune	5-way Acc.		20-way Acc.	
			1-shot	5-shot	1-shot	5-shot
MATCHING NETWORKS [29]	Cosine	N	98.1%	98.9%	93.8%	98.5%
MATCHING NETWORKS [29]	Cosine	Y	97.9%	98.7%	93.5%	98.7%
NEURAL STATISTICIAN [6]	-	N	98.1%	99.5%	93.2%	98.1%
PROTOTYPICAL NETWORKS (OURS)	Euclid.	N	98.8%	99.7%	96.0%	98.9%

Table 2: Few-shot classification accuracies on *mini*ImageNet. All accuracy results are averaged ove 600 test episodes and are reported with 95% confidence intervals. *Results reported by [22].

Model	Dist.	Fine Tune	5-way Acc.		
			1-shot	5-shot	
BASELINE NEAREST NEIGHBORS*	Cosine	N	$28.86 \pm 0.54\%$	49.79 ± 0.799	
MATCHING NETWORKS [29]*	Cosine	N	$43.40 \pm 0.78\%$	51.09 ± 0.719	
MATCHING NETWORKS FCE [29]*	Cosine	N	$43.56 \pm 0.84\%$	55.31 ± 0.739	
META-LEARNER LSTM [22]*	-	N	$43.44 \pm 0.77\%$	60.60 ± 0.719	
PROTOTYPICAL NETWORKS (OURS)	Euclid.	N	$\textbf{49.42} \pm \textbf{0.78}\%$	68.20 ± 0.669	

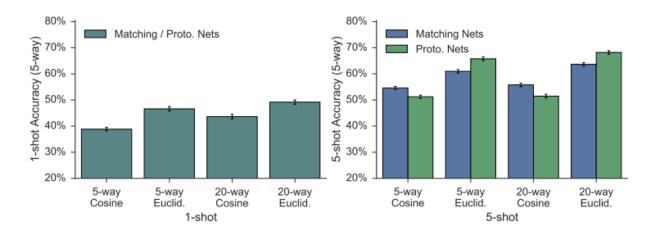


Table 3: Zero-shot classification accuracies on CUB-200.

Model	Image Features	50-way Acc. 0-shot	
ALE [1]	Fisher	26.9%	
SJE [2]	AlexNet	40.3%	
SAMPLE CLUSTERING [17]	AlexNet	44.3%	
SJE [2]	GoogLeNet	50.1%	
DS-SJE [23]	GoogLeNet	50.4%	
DA-SJE [23]	GoogLeNet	50.9%	
PROTO. NETS (OURS)	GoogLeNet	54.6%	