

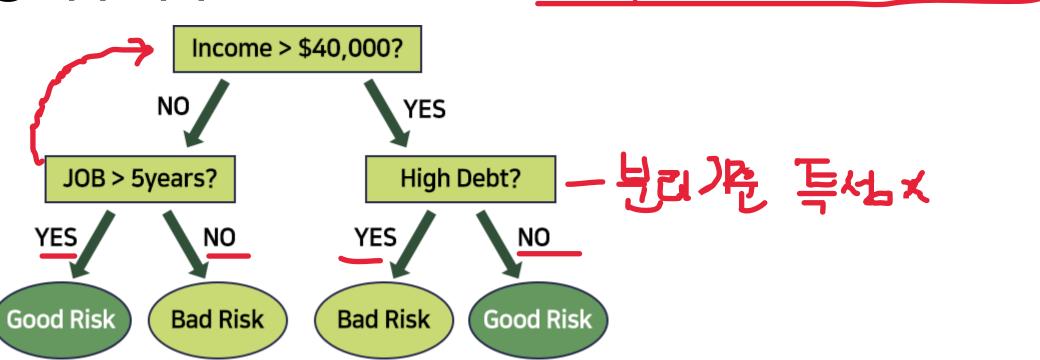


#CART #C4.5 #C5.0 #CHAID #불순도 #지니 불순도 #엔트로피

### Ⅰ의사결정나무모형 *투성*항병과 분류. → 도시한.

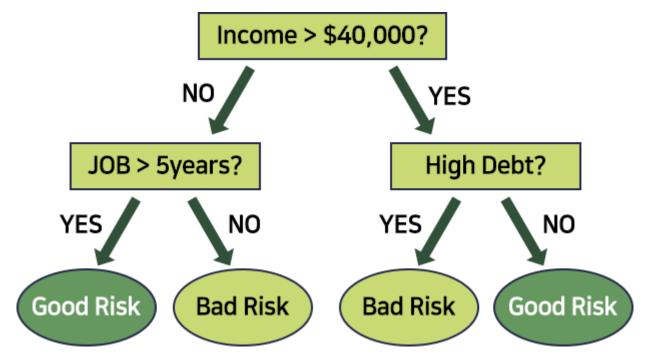
- 의사결정규칙(decision rule)을 나무 구조로 도표화하여 관심대상이 되는 집단을 몇 개의 소집단으로 분할하는 방식으로 분류 및 예측하는 분석 방법.
  - 목표변수가 범주형인 경우 : 분류 나무(classification tree)
  - 목표변수가 연속형인 경우 : 회귀 나무(regression tree)

#### ▮의사결정나무의구조



- 뿌리마디 (root node) : 시작되는 마디로 전체 자료로 구성됨.
- 자식마디 (child node) : 하나의 마디로부터 분리되어 나간 2개 이상의 마디들.
- 부모마디 (parent node) : 주어진 마디의 상위마디.

#### ▮의사결정나무의구조



- 끝마디 (terminal node): 자식마디가 없는 마디. 나지막 다니.
- 중간마디 (internal node) : 부모마디와 자식마디가 모두 있는 마디.
- 捧 깊이 (depth) : 뿌리마디부터 끝마디까지 중간마디의 수.
  - 一叶的 沙星 叶野儿

#### ▮의사결정나무의종류

• 의사결정나무 알고리즘은 CHAID, CART, C5.0, QUEST 등과 이들의 장점을 결합한 다양한 알고리즘이 있음.

■ 주요 알고리즘의 특징			一十四小4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4	
		분리기준	특징	
4	CART	• 분류나무(범주형 목표변수) : 지니불순도 • 회귀나무(연속형 목표변수) : 분산감소량	<ul> <li>항상 이진분리</li> <li>개별 특성변수 및 특성변수의 선형결합 형태의 분리기준도 가능</li> </ul>	_ 0xx+ bx0 > C
	C4.5, C5.0	• 엔트로피 불순도로 구한 정보이득	범주형 특성변수는 다진분라 나수 연속형 특성변수는 이진분리	년 ·
	CHAID	• 분류나무(범주형 목표변수) : 카이제곱 통계량 • 회귀나무(연속형 목표변수) : ANOVA F 통계량	다진분리     변수간 통계적 관계에 기반	

#### ▮의사결정나무분석절차

- ▶ 가지치기 (pruning) : 오류율(error rate)을 크게 할 위험이 높거나 부적절한 추론 규칙을 가지고 있는 가지를 제거.
- 타당성 평가 : 평가자료(test data)를 이용하여 의사결정나무를 평가.
- 해석 및 예측 : 구축된 나무 모형을 해석하고 분류 및
   예측 모형을 설정.

#### ▮나무의 성장(growing)

- 상위노드로부터 하위노드로 나무 구조를 형성하는 매 단계마다 분리규칙(어느 특성변수로 어떻게 분할할 것인가)을 선택함.
- 분리규칙의 형태(이진분할의 경우)
  - 연속형 특성변수 : 분리에 사용될 특성변수 X와 분리점 c를 이용하여

- 범주형 특성변수 : 분리에 사용될 특성변수 X가 가자는 전체범주 중

부분집합인 A를 이용하여  $X \in A$  면 왼쪽 자식마디,

그렇지 않으면 오른쪽 자식마디로 자료를 분리.

#### ▮나무의성장(growing)

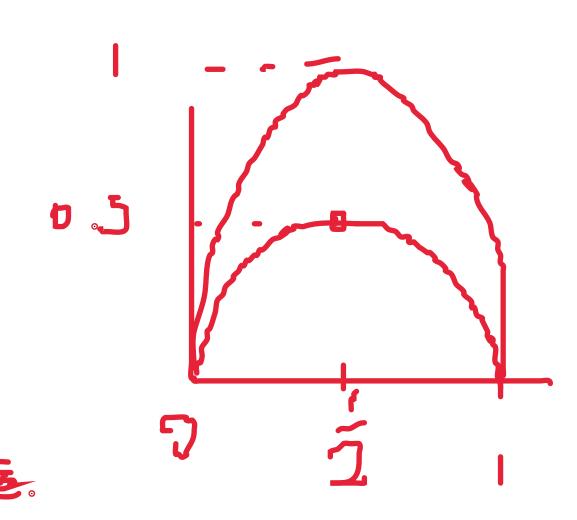
 분류기준은 해당 노드에서 그 기준으로 하위노드를 분기하였을 때, 하위 노드 내에서는 동질성이 하위 노드 간에는 이질성이 가장 커지도록 선택됨.

#### l 분류나무의 분리규칙 탐색

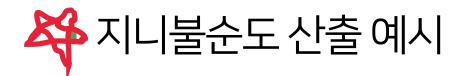
• 불순도 Y의 범주가 j = 1, ..., C로 구성될 때 t노드에서의 불순도 imp(t)는 다음과 같이 정의됨.

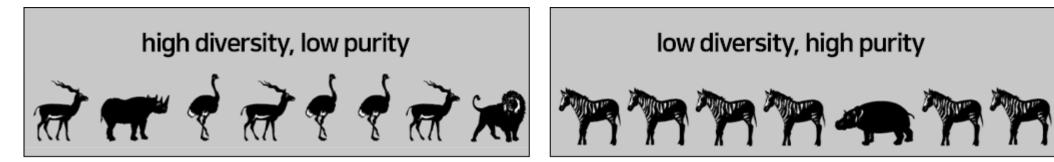
p(j|t): t 마디로 분류했는데 범주 j에 속할 확률이라고 할 때,

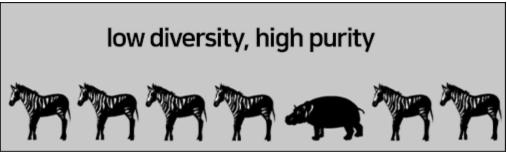
- 지니 불순도 (gini impurity) :  $imp(t) = 1 \sum_{i=1}^{C} p(j|t)^2$
- 엔트로피 불순도 (entropy impurity) :  $imp(t) \neq -\sum_{j=1}^{C} p(j|t) logp(j|t)$
- 불순도가 클수록 자식노드 내 이질성이 큼을 의미함. 불순도가 가장 작아지는 방향으로 가지분할을 수행함.



#### ▮분류나무의 분리규칙 탐색







Pr(interspecific encounter) =  $1-2(3/8)^2 - 2(1/8)^2 = .69$  Pr(interspecific encounter) =  $1-(6/7)^2 - 2(1/7)^2 = .24$ 

#### ▮분류나무의분리규칙탐색



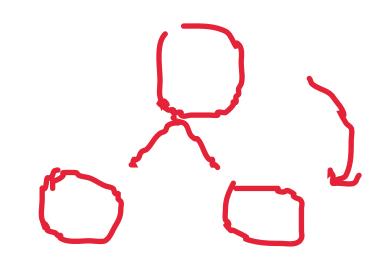
■ 불순도의 향상된 정도 (Goodness of split) G(s,t)

어떤 부모마디 t에서 분리기준 s로 분리한 뒤 생성된 두 자식마디를  $t_L, t_R$ 이라고 할때.

$$G(s,t) = \operatorname{imp}(t) - \frac{N(t_L)}{N(t)} \left( \operatorname{imp}(t_L) + \frac{N(t_R)}{N(t)} \cdot \operatorname{imp}(t_R) \right)$$

-N(t): t 마디에서 자료의 수

- imp(t): t 마디에서의 불순도





#### ▮분류나무의분리규칙탐색

• 모든 특성변수와 그 특성변수의 모든 가능한 분리점에 대하여 G(s,t)를 구한 뒤 G(s,t)가 가장 큰 특성변수 및 분리점을 해당 마디에서의 분리기준으로 정함.

#### ▮불순도 감소량을 이용한 분리기준 예시

- 부모마디

$$-\operatorname{imp}(t) = 1 - \left(\frac{2}{5}\right)^2 - \left(\frac{3}{5}\right)^2 = 0.48$$

■ 자식마디 (X1으로 분리 : *s*1 ( M vs F ))

$$-\mathrm{imp}(t_L) = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 = 0.5$$

$$-\mathrm{imp}(t_R) = 1 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 - \left(\frac{2}{3}\right)^2 = 0.4444$$

■ 자식마디 (X2으로 분리 : s2 (고졸 vs 대졸))

$$-\inf(t_L) = 1 - \left(\frac{0}{2}\right)^2 - \left(\frac{2}{2}\right)^2 = 0$$

$$-\mathrm{imp}(t_R) = 1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = 0.4444$$

X1 (성별)	X2 (학력)	Y(구매여부)
М	대졸	1
М	대졸	0
F	고졸	1
F	대졸	0
F	고졸	1

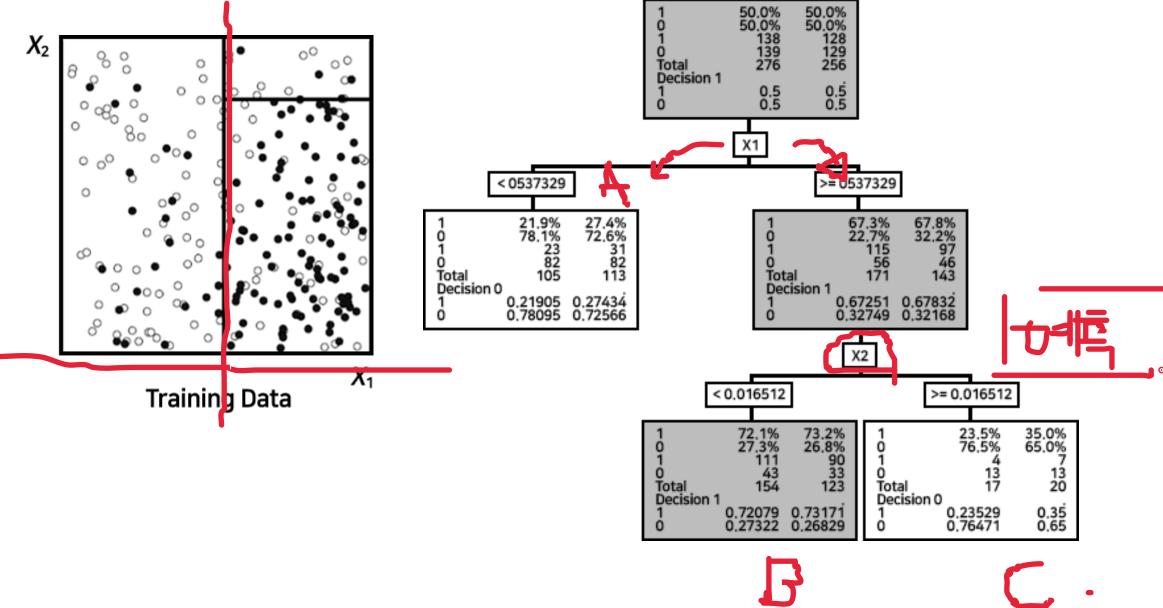
#### ▮불순도 감소량을 이용한 분리기준 예시

■ 불순도가 향상된 정도  $G(s1,t) = 0.48 - \frac{2}{5} \times 0.5 - \frac{3}{5} \times 0.4444 = 0.01336$   $G(s2,t) = 0.48 - \frac{2}{5} \times 0 - \frac{3}{5} \times 0.4444 = 0.21336$  $\Rightarrow s2$ 가 더 좋은 분리기준임.

X1 (성별)	X2 (학력)	Y(구매여부)
М	대졸	1
М	고졸	0
F	대졸	1
F	대졸	0
F	고졸	1

#### ▮분류나무적합결과

■ 분류경계면이 축에 수직임.

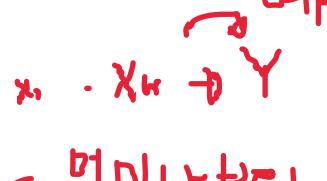




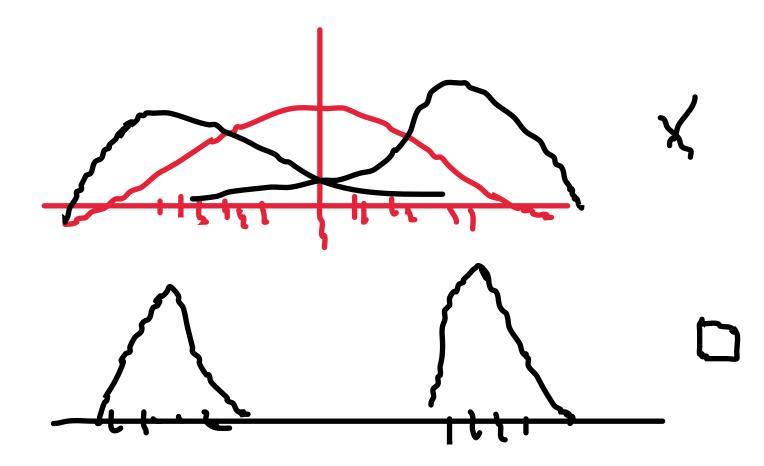


#분산감소량 #정지규칙 #가지치기





- 회귀나무(Regression Tree)의 분리규칙 탐색
- 분산의 감소량
  - <sup>'</sup>각 그룹(자식노드) 내에서의 목표변수의 분산이 작<del>을수록</del>,
  - 그룹 내 이질성이 작은 것으로 볼 수 있음.
  - 자식노드로 분리했을 때 분산의 감소량이 가장 커지도록 하는 분리규칙을 탐색.



# 회귀나무

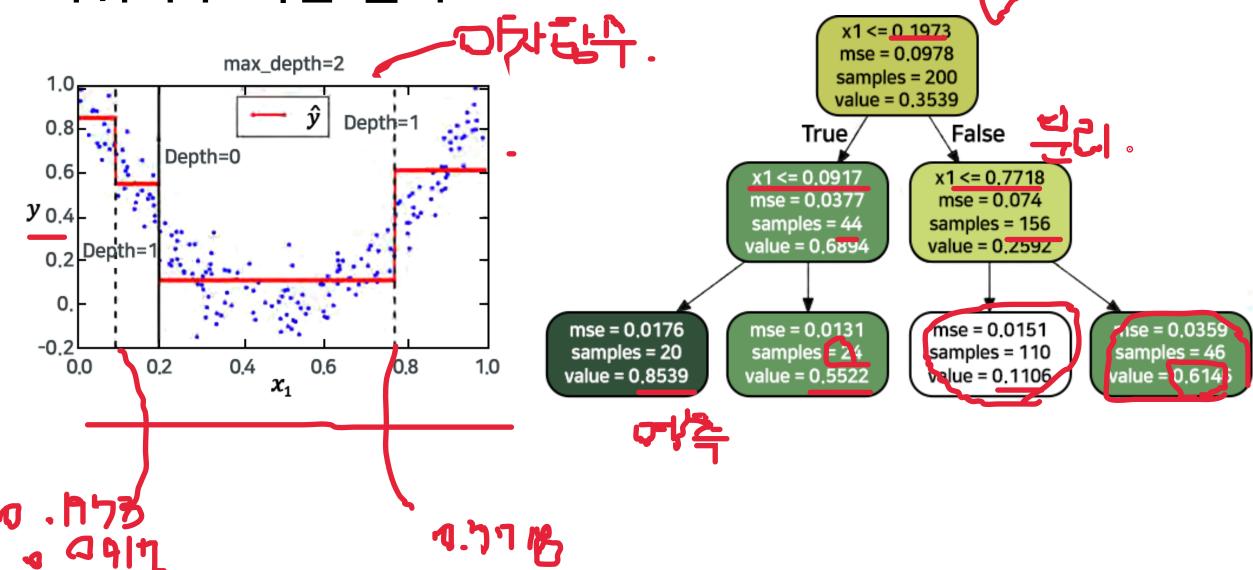
▮회귀나무(Regression Tree)의 분리규칙 탐색

• ANOVA의 F 통계량 나는 ... - F값이 클수록 그룹(자식노드) 간에 평균차이가 있다는 것이므로, 그룹 간 이질성이 큰 것으로 볼 수 있음.

✔F값이 가장 커지게 되는 분리규칙을 탐색.

# 회귀나무

#### Ⅰ회귀나무 적합 결과



# 정지규칙과 가지치기

#### ▮의사결정나무의 과적합 방지 방법

- ▼ 지나치게 많은 마디를 가지는 의사결정나무는 새로운 자료에 적용할 때 예측오차가 매우 커지는 과적합(overfitting) 상태가 됨. → レストン
- 이를 방지하기 위한 방법으로 정지규칙 또는 가지치기 방법을 사용함.

분리, 산게

# 정지규칙과 가지치기

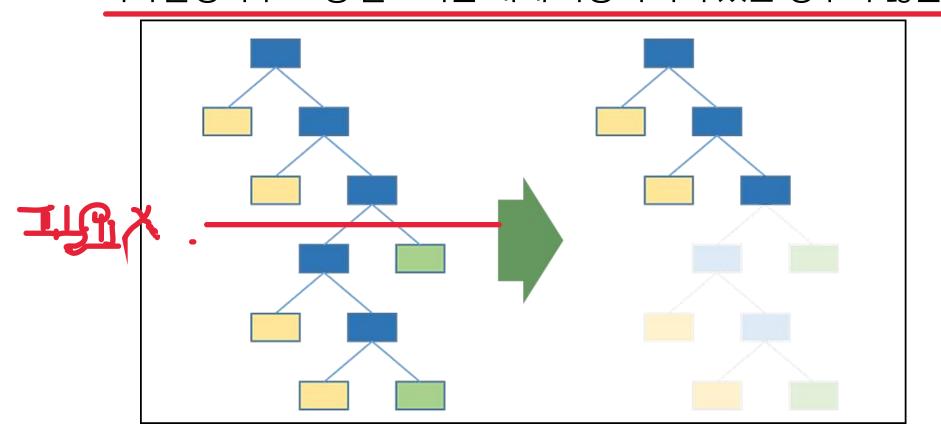
#### ▮의사결정나무의 과적합 방지 방법

- 정지규칙 (stopping rule)
  - 다음의 경우에 더 이상 분리하지 않고 나무가 성장을 멈추도록 함.

- - 마디에 속하는 자료의 개수가 일정 수준보다 적을 때.
  - 뿌리마디로부터의 깊이가 일정 수준 이상일 때. 그렇다나니는
  - 불순도의 감소량이 지정된 값보다 적을 때.

### 정지규칙과 가지치기

- L의사결정나무의 <u>과적합</u>방지 방법
  - 가지치기 (pruning)
    - 성장이 끝난 나무의 가지를 제거하여 적당한 크기를 가지도록 함.
    - 적당한 크기를 결정하는 방법은 검증용 자료(validation data)에 대한 예측 오류가 가장 작은 나무 모형을 찾는 것이 일반적이며, 이 과정은 의사결정나무 모형 알고리즘 내에 자동화되어 있는 경우가 많음.



### 의사결정나무모형 특징

장점	단점
<ul> <li>이해하기 쉬운 규칙을 생성함: if-then-e Ise 방식</li> <li>특성변수 및 목표변수 둘 다 연속형. 범주형 가료 모두 취급함.</li> <li>데이터의 전처리가 거의 필요하지 않음.</li> <li>이상치에 덜 민감.</li> <li>모형에 가정이 필요 없는 비모수적 모형.</li> </ul>	• 훈련결과가 불안정함. • 모든 분할은 축에 수직임. • 나무가 깊어질수록 과적합으로 예측력이 저하되며, 해석이 어려워짐.
17111 おっこま	

