

0. Expresii logice

0.1. Se consideră expresia logică: $(X \text{ OR NOT } Z) \text{ AND } (\text{NOT } X \text{ OR } Y)$. Care din variantele de mai jos fac expresia true (adevărată)? (sursa: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

- A. $X \leftarrow \text{false}; \quad Y \leftarrow \text{false}; \quad Z \leftarrow \text{true};$
- B. $X \leftarrow \text{true}; \quad Y \leftarrow \text{false}; \quad Z \leftarrow \text{false};$
- C. $X \leftarrow \text{false}; \quad Y \leftarrow \text{true}; \quad Z \leftarrow \text{false};$
- D. $X \leftarrow \text{true}; \quad Y \leftarrow \text{true}; \quad Z \leftarrow \text{true}.$

V (sau/Or)	f	t
f	f	t
t	t	t

\wedge (și/and)	f	t
f	f	f
t	f	t

0.2. Precizați care dintre următoarele expresii are valoarea adevărat dacă și numai dacă numărul natural n este divizibil cu 3 și are ultima cifră 4 sau 6. Atenție: $a \text{ DIV } b = [a/b]$ (împărțirea întreagă, $b \neq 0$), iar $a \text{ MOD } b$ este restul împărțirii lui a la b . (sursa: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

- A. $n \text{ DIV } 3 = 0 \text{ AND } (n \text{ MOD } 10 = 4 \text{ OR } n \text{ MOD } 10 = 6);$
- B. $n \text{ MOD } 3 = 0 \text{ AND } (n \text{ MOD } 10 = 4 \text{ OR } n \text{ MOD } 10 = 6);$
- C. $(n \text{ MOD } 3 = 0 \text{ AND } n \text{ MOD } 10 = 4) \text{ OR } (n \text{ MOD } 3 = 0 \text{ AND } n \text{ MOD } 10 = 6);$
- D. $(n \text{ MOD } 3 = 0 \text{ AND } n \text{ MOD } 10 = 4) \text{ OR } n \text{ MOD } 10 = 6.$

0.3. Se consideră expresia următoare, în care a este un număr natural.

$$((a < 10) \text{ AND } (a < 5)) \quad \text{OR} \quad ((a > 2) \text{ AND } (a \leq 7))$$

Pentru ce valori ale lui a va avea expresia valoarea **TRUE**?

- A. $a \in \{3, 4, 5, 6, 7, 8\};$
- B. $a \in \{4, 5, 6, 7\};$
- C. $a \in \{2, 3, 4, 5, 6, 7\};$
- D. $a > 10.$

0.4. Se consideră expresia următoare, în care a este un număr natural.

$$((a < 10) \text{ OR } (a < 5)) \quad \text{AND} \quad ((a > 2) \text{ OR } (a \leq 7))$$

Pentru ce valori ale lui a va avea expresia valoarea **TRUE**?

- A. $a \in \{9, 10\};$
- B. $a \in \{11, 12, 13, 14, 15\};$
- C. $a \in \{2, 3, 4\};$
- D. $a \in \{0, 1\};$

0.5. Se consideră expresia următoare, în care **a** este un număr natural.

$$((a < 20) \text{ AND } (a < 15)) \text{ AND } ((a > 4) \text{ AND } (a \leq 10))$$

Pentru ce valori ale lui **a** va avea expresia valoarea **TRUE** ?

- A. $a \in \{9, 10\}$;
- B. $a \in \{11, 12, 13, 14, 15\}$;
- C. $a \in \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$;
- D. $a \in \{8, 9, 10, 11\}$;

0.6. Se consideră expresia următoare, în care **a** este un număr natural.

$$((a < 20) \text{ OR } (a < 15)) \text{ OR } ((a < 4) \text{ OR } (a \leq 10))$$

Pentru ce valori ale lui **a** va avea expresia valoarea **TRUE** ?

- A. $a \in \{9, 10\}$;
- B. $a \in \{20, 21\}$;
- C. $a \in \{1, 6, 17, 18, 20\}$;
- D. $a \in \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19\}$;

0.7. Se consideră expresia $(b - a + 1) \text{ DIV } p$. Cele 3 variabile sunt naturale nenule cu $a < b$, $p \neq 0$.

Care afirmații sunt adevărate ?

- A. Pentru $a=1$, $b=100$, $p=2$, expresia are valoarea **49**
- B. Pentru $a=1$, $b=100$, $p=2$, expresia are valoarea **50**
- C. Pentru $a=5$, $b=100$, $p=6$, valoarea expresiei este egală cu numărul de numere multiplu de **6** dintre **a** și **b** (inclusiv **a** și **b**);
- D. Pentru $a=6$, $b=96$, $p=6$, valoarea expresiei este egală cu numărul de numere multiplu de **6** dintre **a** și **b** (inclusiv **a** și **b**).

0.8. Se consideră expresia $C_n^0 + C_n^1 + \dots + C_n^n$, $n > 0$.

Care afirmații sunt adevărate ?

- A. Expresia are valoarea 2^{n+1} ;
- B. Expresia reprezintă numărul de submulțimi ale unei mulțimi de **n** elemente;
- C. Expresia are valoarea 2^n ;
- D. Expresia este suma coeficienților binomiali ai dezvoltării $(a + b)^n$.

0.9. Se consideră expresia $C_n^0 - C_n^1 + \dots + (-1)^n C_n^n$, n natural nenul.

Care afirmații sunt adevărate ?

- A. Expresia are valoarea 2^{n-1} ;
- B. Expresia reprezintă numărul de submulțimi ale unei mulțimi de **n** elemente;
- C. Expresia are valoarea 0;
- D. Expresia este suma coeficienților binomiali ai dezvoltării $(a - b)^n$.

0.10. Se consideră expresia m^n , ambele variabile naturale nenule.

Care afirmații sunt adevărate ?

- A.** Expresia are valoarea numărului de funcții injective $f: A \rightarrow B$, cu $\text{cardinal}(A)=n$ și $\text{cardinal}(B)=m$;
- B.** Expresia are valoarea numărului de funcții surjective $f: A \rightarrow B$, cu $\text{cardinal}(A)=n$ și $\text{cardinal}(B)=m$;
- C.** Expresia are valoarea numărului de funcții $f: A \rightarrow B$, cu $\text{cardinal}(A)=n$ și $\text{cardinal}(B)=m$;
- D.** Numărul de submulțimi de câte m elemente ale unei mulțimi de n elemente ($m < n$);

1. Cifre/Numere/Divizibilitate/etc.

Atenție: **a DIV b = $\lfloor a/b \rfloor$** (împărțirea întreagă), iar **a MOD b** este restul împărțirii lui **a** la **b**.

1.1. Se consideră secvența Pseudocod. Ce valoare este afișată? (sursă: personală)

```
                {n,i sunt întregi}
n ← 100
i ← 0
While i < n execute
    i ← i+1
EndWhile
Write i
```

- A. a lui n;
- B. 99;
- C. 101;
- D. 100.

1.2. Ce valoare se afișează după execuția secvenței? (Pseudocod; sursă: personală)

```
                {n,i sunt întregi}
n ← 50
For i ← 3,n,5 execute
    {corpul ciclului, nu se modifică i}
EndFor
Write i
```

- A. n+3;
- B. 50;
- C. 53;
- D. n-2.

1.3. Care secvență schimbă valorile întregi, nenule, ale lui **a** și **b**, între ele? (Pseudocod; sursă: personală)

A. {a,b sunt întregi}
 $a \leftarrow a-b$
 $b \leftarrow b+a$
 $a \leftarrow b-a$

B. {a,b sunt întregi}
 $a \leftarrow a+b$
 $b \leftarrow a-b$
 $a \leftarrow a-b$

C. {a,b sunt întregi}
 $a \leftarrow a \text{ DIV } b$
 $b \leftarrow a*b$
 $a \leftarrow b \text{ DIV } a$

D. {a,b sunt întregi}
 $a \leftarrow a*b$
 $b \leftarrow a \text{ DIV } b$
 $a \leftarrow a \text{ DIV } b$

1.4. Care afirmații sunt adevărate, pentru **n** întreg? (**v** este vector cu **10** elemente). (Pseudocod; sursă:personală)

```
For i←0,9 execute
    v[i]← 0
EndFor
While n > 0 execute
    v[n MOD 10]←1
    n← n DIV 10
EndWhile
```

- A. Pentru **n = 129912** $\Rightarrow v = [0, 2, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 9]$;
B. Pentru **n = 13913** $\Rightarrow v = [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]$;
C. Pentru **n = -1292121** $\Rightarrow v = [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]$;
D. Pentru **n = -17972**, $\Rightarrow v = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]$.

1.5. Care afirmații sunt adevărate, pentru **n** întreg? (**v** este vector cu **10** elemente). (Pseudocod; sursă: personală)

```
For i←0,9 execute
    v[i]← 0
EndFor
While n > 0 execute
    v[n MOD 10] ← v[n MOD 10]+1
    n          ← n DIV 10
EndWhile
```

- A. Pentru **n = 179712**, vectorul **v** are valorile
 $[0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1]$;
B. Pentru **n = 12912**, vectorul **v** are valorile
 $[0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]$;
C. Pentru **n = 132712**, vectorul **v** are valorile
 $[0, 2, 2, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0]$;
D. Pentru **n = -132912**, vectorul **v** are valorile
 $[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]$.

1.6. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmul **detVect(n)**? (**n** întreg). Algoritmul **detVect(n)** apelează algoritmul **caut(c,v,nr)** cu **c** natural, **v** vector, **nr** lungimea lui **v**. (Pseudocod; sursă: personală)

```

Algorithm detVect(n):
  For i ← 1, 10 execute
    v[i] ← 0
  EndFor
  nr ← 0
  If n < 0
    then
      n ← -n
  EndIf
  If n = 0
    then
      nr ← nr + 1
      v[nr] ← 0
    else
      While n > 0 execute
        p ← 1
        m ← n
        While m > 9 execute
          m ← m DIV 10
          p ← p * 10
        EndWhile
        a ← n DIV p
        If caut(a, v, nr) = 0
          then
            nr ← nr + 1
            v[nr] ← a
          EndIf
        n ← n MOD p
      EndWhile
    EndIf
  EndAlgorithm

```

```

Algorithm caut(c, v, nr):
  For i ← 1, nr EndFa
    If v[i] = c
      then
        return 1
    EndIf
  EndFor
  return 0
EndAlgorithm

```

- A. determină completarea vectorului **v** cu frecvența cifrelor lui **n**;
- B. determină completarea vectorului **v** cu mulțimea cifrelor lui **n**, în ordinea apariției în **n**, **n ≠ 0**;
- C. determină completarea vectorului **v** cu mulțimea cifrelor nenule ale lui **n**, în ordinea apariției în **n**, **n ≠ 0**;
- D. afirmațiile A., B., C. sunt false.

$n=3012 \Rightarrow p=1000 \quad a=3 \Rightarrow v=[3], nr=1 \Rightarrow$
 $\Rightarrow n=12 \Rightarrow p=10 \quad a=1 \Rightarrow v[3,1], nr=2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow n=2 \Rightarrow p=1 \quad a=2 \Rightarrow v[3,1,2], nr=3$

1.7. Ce conține vectorul v , după execuția algoritmului **detVect(n)**? (n întreg). Algoritmul **detVect(n)** apelează algoritmul **caut(c,v,nr)** cu c natural, v vector și nr lungimea lui v . (Pseudocod; sursă: personală)

```

Algorithm detVect(n,v,nr):
  For i ← 1,10 execute
    v[i] ← 0
  EndFor
  nr ← 0;
  If (n < 0)
    then
      n ← -n
  EndIf
  If n = 0
    then
      nr ← nr+1
      v[nr] ← 0
  else
    p ← [lg(n)] {log in baza 10}
    p ← 10p
    While n > 0 execute
      a ← n DIV p
      If caut(a,v,nr) = 0
        then
          nr ← nr+1
          v[nr] ← a
        EndIf
      n ← n MOD p
      p ← p DIV 10
    EndWhile
  EndIf
EndAlgorithm

```

```

Algorithm caut(c,v,nr):
  For i ← 1,nr execute
    If v[i] = c
      then
        return 1
    EndIf
  EndFor
  return 0
EndAlgorithm

```

- A. Pentru $n = -123406 \Rightarrow nr=5$, iar $v=[1,2,3,4,0,6]$;
- B. Pentru $n = -45616 \Rightarrow nr=0$, iar $v=[0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]$;
- C. Pentru $n = 4561161 \Rightarrow nr=4$, iar $v=[4,5,6,1]$;
- D. Pentru $n = -123456 \Rightarrow nr=6$, iar $v=[1,2,3,4,5,6]$.

1.8. Ce conține vectorul **v**, după execuția algoritmului **detVect(n)**? (**n** întreg). Algoritmul **detVect(n)** apelează algoritmul **caut(c,v,nr)** cu **v** vector și **nr** lungimea lui **v**). (Pseudocod; sursă: personală)

```

Algorithm detVect(n) :
  For i ← 1,10 execute
    v[i] ← 0
  EndFor
  nr ← 0
  If n < 0
    then
      n ← -n
  EndIf
  If n = 0
    then
      nr ← nr+1
      v[nr] ← 0
    else
      While n > 0 execute
        p ← 1
        m ← n
        While m > 0 execute
          m ← m DIV 10
          p ← p*10
        EndWhile
        p ← p DIV 10
        a ← n DIV p
        If caut(a,v,nr) = 0
          then
            nr ← nr+1
            v[nr] ← a
          EndIf
        n ← n MOD p
      EndWhile
    EndIf
  EndAlgorithm

```

```

Algorithm caut(c,v,nr) :
  For i ← 1,nr execute
    If v[i] = c
      then
        return 1
      EndIf
    EndFor
  return 0
EndAlgorithm

```

- A. Pentru **n= 3025** => **nr=4**, iar vectorul **v=[3,0,2,5]**;
- B. Pentru **n= 4561** => **nr=4**, iar vectorul **v=[4,5,6,1]**;
- C. Pentru **n= -45616** => **nr=4**, iar vectorul **v=[4,5,6,1]**;
- D. Pentru **n= 6060** => **nr=1**, iar vectorul **v=[6]**.

1.9. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului **cifre(n, m)**? (**n** întreg, **m** cifră)
(Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm cifre(n,m):
  For i ← 0,9 execute
    v[i] ← 0
  EndFor
  If n < 0
    then n ← -n
  EndIf
  If n = 0
    then
      v[0] ← 1
    else
      While n > 0 execute
        u ← n MOD 10
        If (u MOD m = 0)
          then
            v[u] ← 1
          EndIf
        n ← n DIV 10
      EndWhile
    EndIf
  EndAlgorithm
```

- A. pentru **n= 1234, m=3** => **v=[0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0];**
B. pentru **n= 9876, m=3** => **v=[0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1];**
C. pentru **n= -123456, m=2** => **v=[0, 0, -1, 0, -1, 0, -1, 0, 0, 0];**
D. pentru **n= - 9876543, m=4** => **v=[0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0].**

1.10. Ce se returnează după execuția algoritmului **f(n)**? (**n** natural) (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n):
  If n < 10
    then
      return n
  EndIf
  u ← n MOD 10
  p ← f(n DIV 10)
  If u > p
    then
      return u
    else
      return p
  EndIf
EndAlgorithm
```

- A. **n**, pentru **n=0**;
B. **9**, pentru **n=798659**;
C. **5**, pentru **n=598765**;
D. **9**, pentru **n>0**.

1.11. Ce se returnează după execuția algoritmului **f(n)**? (**n** natural) (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n):  
  If n < 10  
    then  
      return n  
  EndIf  
  u ← n MOD 10  
  p ← f(n DIV 10)  
  If u < p  
    then  
      return u  
    else  
      return p  
  EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. 9, pentru **n=798659**;
- B. 0, pentru **n=0**;
- C. 5, pentru **n=598765**;
- D. 0, pentru **n>0**.

1.12. Ce se returnează după execuția algoritmului **f(n)**? (**n** natural) (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algoritmul f(n):  
  If n < 10  
    then  
      If n MOD 2 = 0  
        then  
          return n  
        else  
          return -1  
      EndIf  
  EndIf  
  If n MOD 2 = 0  
    then  
      u ← n MOD 10  
    else  
      u ← -1  
  EndIf  
  p ← f(n DIV 10)  
  If u < p  
    then  
      return u  
    else  
      return p  
  EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. **n**, pentru **n=0**;
- B. 1, pentru **n=7135**;
- C. -1, pentru **n=98764**;
- D. 2, pentru **n=4628**.

1.13. Ce se returnează după execuția algoritmului **f(n)**? (**n** natural) (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n):  
  If n < 10  
    then  
      If n MOD 2 > 0  
        then  
          return n  
        else  
          return -1  
      EndIf  
    EndIf  
  If n MOD 2 > 0  
    then  
      u ← n MOD 10  
    else  
      u ← -1  
    EndIf  
  p ← f(n DIV 10)  
  If u < p  
    then  
      return u  
    else  
      return p  
  EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. n, pentru n=0;
- B. -1, pentru n=8468;
- C. 5, pentru n=98765;
- D. 1, pentru 73137.

1.14. Ce returnează algoritmul **f(n,neg,o)** pentru n număr întreg? (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n,neg,o):  
  If n < 0  
    then  
      n ← -n  
      neg ← 1  
    EndIf  
  If n > 0  
    then  
      return f(n DIV 10, neg, o*10+ (n MOD 10))  
    EndIf  
  If neg = 1  
    then  
      return -o  
    else  
      return o  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. n pentru apelul f(0, 0, 0);
- B. 111 pentru apelul f(111, 0, 0);
- C. - 222 pentru apelul f(-222, 0, 0);
- D. 213 pentru apelul f(321, 0, 0).

1.15. Ce returnează algoritmul $f(n, c1, c2)$ pentru $n, c1, c2$ numere naturale? (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n, c1, c2):  
  p ← 1  
  nou ← 0  
  While n > 0 execute  
    u ← n MOD 10  
    If u = c1  
      then  
        nou ← nou + c2 * p  
      else  
        nou ← nou + u * p  
    EndIf  
    p ← p * 10  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  return nou  
EndAlgorithm
```

- A. n, pentru apelul $f(n, 0, 0)$;
- B. 1212 pentru apelul $f(2121, 1, 2)$;
- C. 3234 pentru apelul $f(1214, 1, 3)$;
- D. 2232 pentru apelul $f(1131, 2, 1)$.

1.16. Ce se returnează? (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm ceFace(n, p):  
  If n > 0  
    then  
      If ((n MOD 10) MOD 3) = 0  
        then  
          return (9 - (n MOD 10)) * p + ceFace(n DIV 10, p * 10)  
        else  
          return ceFace(n DIV 10, p)  
      EndIf  
    else  
      return 0  
    EndIf  
  EndAlgorithm
```

- A. 6 pentru apelul $ceFace(12345, 10)$;
- B. 630 pentru apelul $ceFace(123456, 10)$;
- C. 6300 pentru apelul $ceFace(1234567, 10)$;
- D. 6300 pentru apelul $ceFace(123456789, 10)$.

1.17. Ce se returnează după execuția algoritmului **ceFace(n)**, **n** natural nenul?
(Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm ceFace(n) :  
  p ← 1  
  m ← 0  
  While n > 0 execute  
    u ← n MOD 10  
    If u MOD 2 = 0  
      then  
        m ← m + u*p  
        p ← p*10  
    EndIf  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  return m  
EndAlgorithm
```

- A. 6 pentru apelul **ceFace(12345)**;
B. 642 pentru apelul **ceFace(123456)**;
C. 1357 pentru apelul **ceFace(1234567)**;
D. 2468 pentru apelul **ceFace(123456789)**.

1.18. Ce se returnează după execuția algoritmului **ceFace(n,c)**, **n,c** naturale? (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm ceFace(n,c) :  
  p ← 1  
  m ← 0  
  While n > 0 execute  
    u ← n MOD 10  
    If u > c  
      then  
        m ← m+u*p  
        p ← p*10  
    EndIf  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  return m  
EndAlgorithm
```

- A. 6 pentru apelul **ceFace(12346,4)**;
B. 3456 pentru apelul **ceFace(123456,2)**;
C. 1357 pentru apelul **ceFace(1234567,1)**;
D. 798 pentru apelul **ceFace(1274968,6)**.

1.19. Algoritmul **pm (n)** apelează algoritmul **pr(n)**, **n** întreg. Ce afișează algoritmul **pm**, pentru valorile parametrului **n** ? (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm pm(n) :
  p ← pr(n)
  Afisare p
  While p ≠ n execute
    p ← pr(p)
    Write p
  EndWhile
EndAlgorithm
```

```
Algorithm pr (n) :
  neg ← 0
  If n < 0
    then
      neg ← 1
      n ← -n
  EndIf
  nr ← [lg(n)]
  p ← 10nr
  c ← n DIV p
  r ← n MOD p
  If neg = 1
    then
      return -(r*10+c)
  else
      return (r*10+c)
  EndIf
EndAlgorithm
```

- A. pentru **n = 1357** se afișează **7135 5713 3571 1357**;
- B. pentru **n = 4567** se afișează **5674 6745 7456 4567**;
- C. pentru **n = -123** se afișează **-231 -312 -123**;
- D. pentru **n = 6789** se afișează **6789 7896 8967 9678**.

1.20. Ce returnează algoritmul **a(n)**, n natural? (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm a(n):  
  If n = 0  
    then  
      return 0  
  EndIf  
  For i ← 0,9 execute  
    v[i] ← 0  
  EndFor  
  While n > 0 execute  
    v[n MOD 10] ← v[n MOD 10] + 1  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  c ← 1  
  While (c < 10) AND (v[c] = 0) execute  
    c ← c + 1  
  EndWhile  
  m ← c  
  v[c] ← v[c] - 1  
  For c ← 0,9 execute  
    While v[c] > 0 execute  
      m ← m * 10 + c  
      v[c] ← v[c] - 1  
    EndWhile  
  EndFor  
  return m  
EndAlgorithm
```

- A. pentru **n = 13507** se returnează **75310**;
- B. pentru **n = 400123** se returnează **1234**;
- C. pentru **n = 1203** se returnează **3021**;
- D. pentru **n = 4054022** se returnează **2002445**.

1.21. Algoritmul **ab(a,b)** apelează algoritmul **x(c,n)** , **a,b** sunt date și naturale. Verificați care din afirmațiile de mai jos sunt corecte. (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm ab(a, b):  
  While a>0 execute  
    u ← a MOD 10  
    If x(u,b) = 0  
      then  
        return 0  
    EndIf  
    a ← a DIV 10  
  EndWhile  
  return 1  
EndAlgorithm
```

```
Algorithm x(c, n):  
  While n>0 execute  
    If c = (n MOD 10)  
      then  
        return 1  
    EndIf  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  return 0  
EndAlgorithm
```

- A. Apelul **ab(1234, 5678)** returnează 1;
- B. Apelul **ab(1234, 34152)** returnează 1;
- C. Apelul **ab(1234, 47612)** returnează 0;
- D. Apelul **ab(1111, 1212)** returnează 1.

1.22. Care algoritmi determină primalitatea lui n , întreg: **true** dacă n e prim, **false** altfel?
(Pseudocod; sursă: personală).

```
1)
Algorithm prim(n):
  If (n > 2) AND (n MOD 2 = 0)
    then
      return false
  EndIf
  d ← 3
  While d*d ≤ n execute
    If (n MOD d) = 0
      then
        return false
    EndIf
    d ← d+2
  EndWhile
  return true
EndAlgorithm
```

```
2)
Algorithm prim(n):
  If n ≤ 1
    then
      return false
  EndIf
  If (n>2) AND ((n MOD 2) = 0)
    then
      return false
  EndIf
  d ← 3
  While d*d ≤ n execute
    If (n MOD d) = 0
      then
        return false
    EndIf
    d ← d+2
  EndWhile
  return true
SfAlgorithm
```

```
3) {la apelul primar, d=2}
Algorithm prim(n, d):
  If n ≤ 1
    then
      return false
  EndIf
  If d*d > n
    then
      return true
  EndIf
  If (n MOD d) = 0
    then
      return false
  EndIf
  If d = 2
    then
      return prim(n,d+1)
    else
      return prim(n,d+2)
  EndIf
EndAlgorithm
```

```
4) {la apelul primar d=2}
Algorithm prim(n,d):
  If n ≤ 1
    then
      return false
  EndIf
  d ← 2
  If d*d > n
    then
      return true
  EndIf
  If (n MOD d) = 0
    then
      return false
  EndIf
  return prim(n,d+2)
EndAlgorithm
```

- A. 1,2;
- B. 1,2,3;
- C. 2,3;
- D. 2,3,4;

1.23. Algoritmul **a(n)** cu parametrul $n \geq 3$, natural, iar **v** este vector. Ce va conține vectorul **v** după execuția algoritmului **a(n)**? (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm a(n) :  
  v[1] ← 2  
  nr ← 1  
  m ← 3  
  While m ≤ n execute  
    radM ←  $\lfloor \sqrt{m} \rfloor$   
    i ← 1  
    While (i < nr) AND (v[i] ≤ radM) execute  
      If (m MOD v[i]) = 0  
        then  
          i ← nr+1  
        else  
          i ← i+1  
      EndIf  
    EndWhile  
    If i ≤ nr  
      then  
        nr ← nr+1  
        v[nr] ← m  
      EndIf  
    m ← m+2  
  EndWhile  
EndAlgorithm
```

- A. pentru $n = 7 \Rightarrow v = [2, 3, 5, 7, 9, 11, 13]$
- B. pentru $n = 5 \Rightarrow v = [2, 3, 5, 7, 9]$
- C. pentru $n = 20 \Rightarrow v = [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19]$
- D. pentru $n = 20 \Rightarrow v = [2, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19]$

1.24. Care afirmații sunt adevărate la apelul programului **p(a,b)**? (**a,b** naturale, nenule)
(Pseudocod; sursă: Politehnica București).

```

Algorithm p(a,b):
  If a = 0
    then
      return 0
  EndIf
  If (b MOD a) = 0
    then
      return p(a-1, b) + 1
    else
      return p(a-1, b)
  EndIf
EndAlgorithm

```

- A. dacă **p(a,2) = 1** verifică că **a** este prim, **a>1**;
- B. dacă **p(a-1,a) = 1** verifică că **a** este prim, **a>1**;
- C. dacă **p(b DIV 2, b) = 1** verifică că **b** este prim, **b>1**;
- D. dacă **p(a*a,a) = 2** verifică că **a** este prim, **a>1**.

1.25. Ce conține vectorul **v**, după execuția algoritmului **a(n)**, **n** natural, **n>0** ?
(Pseudocod; sursă: personală).

```

Algorithm a(n):
  c ← 0
  d ← 2
  While d*d < n execute
    If (n MOD d) = 0
      then
        c ← c+1
        v[c] ← d
        c ← c+1
        v[c] ← n DIV d
      EndIf
      d ← d+1
    EndWhile
    If d*d = n
      then
        c ← c+1
        v[c] ← d
      EndIf
  EndAlgorithm

```

- A. pentru **n = 100** => **v = [1, 100, 2, 50, 4, 25, 5, 20, 10]**;
- B. pentru **n = 36** => **v = [1, 2, 3, 4, 9, 12, 18, 36, 6]**;
- C. pentru **n = 64** => **v = [2, 4, 16, 32, 8]**;
- D. pentru **n = 144** => **v = [2, 72, 3, 48, 4, 36, 6, 24, 8, 18, 12]**.

1.26. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului **s(n,d)** ? (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm s(n,d) :  
  If  $n \leq 1$   
    then  
      return 0  
  EndIf  
  If  $d*d > n$   
    then  
      return -n  
  EndIf  
  If  $d*d = n$   
    then  
      return d - n  
  EndIf  
  If  $(n \text{ MOD } d) = 0$   
    then  
      return  $(d + (n \text{ DIV } d)) + s(n,d+1)$   
    else  
      return s(n,d+1)  
  EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. pentru **n** natural, impar și **d=2** se returnează un număr negativ;
- B. pentru **n** natural, prim și **d=2** se returnează **-n**;
- C. pentru **n** natural, prim și **d=1** se returnează **-n**;
- D. pentru **n** natural, **n>1**, număr perfect și **d=1** se returnează **n**;

1.27. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului **s(n,d)**? **n** natural, nenul.
(Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm s(n,d):
  If n = 1
    then
      return 1
  EndIf
  If d*d = n
    then
      return d
  EndIf
  If d*d > n
    then
      return 0
  EndIf
  If (n MOD d) = 0
    then
      return d + (n DIV d) + s(n,d+1)
    else
      return s(n,d+1)
  EndIf
EndAlgorithm
```

- A. pentru $n \in \{16, 25\}$ și $d=1$ se returnează 31;
- B. pentru $n \in \{14, 15, 23\}$ și $d=1$ se returnează 24;
- C. pentru $n \in \{20, 26, 41\}$ și $d=1$ se returnează 42;
- D. pentru $n \in \{24, 36, 59\}$ și $d=1$ se returnează 60.

1.28. Ce returnează algoritmul următor? (**n,i** naturale nenule). (Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm ceFace(n, i):
  If i * i > n
    then
      return 1
  EndIf
  If i * i = n
    then
      return i + ceFace(n,i+1)
  EndIf
  If (n MOD i) = 0
    then
      return i + (n DIV i) + ceFace(n,i+1)
    else
      return ceFace(n,i+1)
  EndIf
SfAlgorithm
```

- A. Apelul **ceFace(10,2)** returnează 9;
- B. Apelul **ceFace(12,1)** returnează 29;
- C. Apelul **ceFace(28,2)** returnează 28;
- D. Apelul **ceFace(496,2)** returnează 496.

1.29. Numărul $30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$ are 4 divizori impari $\{1, 3, 5, 15\}$ și 4 divizori pari $\{2, 6, 10, 30\}$.
Care afirmații sunt adevărate? (sursă: personală).

- A. 4500 are 8 divizori impari;
- B. 4500 are 12 divizori impari și 24 divizori pari;
- C. 3600 are 7 divizori impari și 38 divizori pari;
- D. 3600 are 9 divizori impari și 36 divizori pari.

1.30. Numărul 3 poate fi scris ca sumă de numere naturale > 0 astfel:

$$3 = 1+1+1 = 1+2 = 2+1 = 3$$

Care afirmații sunt false?

(sursă: problema 16, Ingeniozitate și surpriză în matematică, Charles W. Trigg, Orizonturi, 1975).

- A. Numărul 10 se scrie în 1023 moduri;
- B. Numărul 8 se scrie în 128 moduri;
- C. Numărul 8 se scrie în 127 de moduri;
- D. Numărul 2^{16} se scrie în 32768 de moduri.

1.31. Care dintre cei 4 algoritmi determină cel mai mic multiplu comun dintre **a** și **b** (naturale și nenule) ?

```
1.
Algorithm cmmmc (a, b):
  If a ≤ b
    then
      a ← a-b
      b ← a+b
      a ← b-a
    EndIf
  m ← a
  While (m MOD b) > 0 execute
    m ← m+a
  EndWhile
  return m
EndAlgorithm
```

```
2.
Algorithm cmmmc (a, b):
  If a ≤ b
    then
      a ← a*b
      b ← a+b
      a ← b-a
    EndIf
  m ← a
  While (m MOD b) > 0 execute
    m ← m+a
  EndWhile
  return m
EndAlgorithm
```

```
3.
Algorithm cmmmc (a, b):
  If a ≤ b
    then
      a ← a DIV b
      b ← a*b
      a ← b DIV a
    EndIf
  m ← a
  While (m MOD a) > 0 execute
    m ← m+b
  EndWhile
  return m
EndAlgorithm
```

```
4.
Algorithm cmmmc (a, b):
  If a > b
    then
      m ← a
    else
      m ← b
    EndIf
  If m = a
    then
      While (m MOD b) > 0 execute
        m ← m+a
      EndWhile
    else
      While (m MOD a) > 0 execute
        m ← m+b
      EndWhile
    EndIf
  return m
EndAlgorithm
```

- A. 1,2,3;
- B. 1,2;
- C. 1,4;
- D. 1,2,3,4.

1.32. Ce valori vor avea **a**, **b** și **k** la sfârșitul secvenței? (sursă: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

```
a ← 20
b ← 90
k ← 0
If a < b
  then
    b ← b*a
    a ← b DIV a
    b ← b DIV a
EndIf
While a ≥ b execute
  a ← a-b
  k ← 2*k+1
EndWhile
```

- A. 90, 70, 7;
- B. 90, 20, 5;
- C. 10, 20, 15;
- D. 10, 30, 3.

1.33. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului **sp(n)** pentru n întreg? (Pseudocod; sursa: personală)

```
Algorithm sp(n):
  For i ← 2, n execute
    c ← 0
    While (n MOD i) = 0 execute
      n ← n DIV i
      c ← c+1
    EndWhile
    If c > 0
      then
        Write i, " ", c
      EndIf
  EndFor
EndAlgorithm
```

- A. Afișează perechi de numere prime ($n \geq 2$);
- B. Afișează toți divizorii lui n și puterile lor ($n \geq 2$);
- C. Afișează factorii primi ai lui n și puterile lor ($n \geq 2$);
- D. Algoritmul nu afișează nimic, dacă $n < 2$.

1.34. Fie secvența de instrucțiuni. Care afirmații sunt adevărate? (Pseudocod; sursa: personală)

```
Read a,b {numere întregi}
x← 1
While (a>0) AND (b>0) execute
  If (a MOD 10) < (b MOD 10)
    then
      x← 0
    EndIf
  a← a DIV 10
  b← b DIV 10
EndWhile
If (x=1) AND (b=0)
  then
    Write "DA"
  else
    Write "NU"
  EndIf
```

- A. Afișează „NU” pentru perechi de numere strict negative, $a, b < 0$;
- B. Afișează „DA” dacă $a < b$;
- C. Afișează „DA” dacă fiecare cifră a lui a este \geq decât cifra corespondentă a lui b (unități, zeci, etc.) și $\text{nrCif}(b) < \text{nrCif}(a)$, $a, b > 0$;
- D. Afișează „DA” pentru $a=534$, $b=112$.

1.35. Fie secvența de instrucțiuni. Care variante sunt corecte? (Pseudocod; sursa: personală)

```
Read n {numar natural}
a← n MOD 10
While n > 9 execute
  n← n DIV 10
EndWhile
If (a MOD 2) = (n MOD 2)
  then
    Write "DA"
  else
    Write "NU"
  EndIf
```

- A. Afișează „DA” pentru $n \geq 1$;
- B. Afișează „DA” dacă ultima cifră a lui n este egală cu penultima cifră a lui n ($n > 9$ și $n < 100$);
- C. Afișează „NU” dacă prima cifră a lui n are aceeași paritate cu ultima cifră a lui n , $n \geq 1$;
- D. Afișează „DA” pentru $n=1233$.

- 1.36. Ce face secvența de instrucțiuni pentru șirul: **15, 24, 35, 25, 75, 26, 0**. (sursă: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

```
Read x {x natural}
nr←0
s←0
While x ≠ 0 execute
    nr← nr+1
    If ((nr MOD 2) = 0) AND ((x MOD 5) = 0)
        atunci
            s← s + x MOD 10
    EndIf
    Read x
EndWhile
Write s," ", nr
```

- A. Afișează **15 7**;
- B. Afișează **20 5**;
- C. Afișează **5 6**;
- D. Afișează suma dintre ultimele cifre ale numerelor de indice par din șirul citit, și numărul de elemente citite.

1.37. Ce face secvența? (sursă: personală și concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

```
Read n      {n>0}
i ← 1
While n > 0 execute
  If (n MOD 2) > 0
    then
      Write i
  EndIf
  i ← i + 1
  n ← n DIV 2
EndWhile
```

- A. Afișează secvența: **12345** pentru **n=31**;
- B. Afișează secvența: **234** pentru **n=14**;
- C. Afișează **1** la începutul secvenței, pentru **n** impar, **n>0**;
- D. Afișează două cifre pentru **n=2^k**.

1.38. Ce returnează algoritmul **f(n)** pentru **n** număr natural? (Pseudocod; sursă: personală)

```
Algorithm f(n):
  If n < 10
    then
      If (n MOD 2) = 0
        then
          return n
        else
          return -1
      EndIf
    EndIf
  If (n MOD 2) = 0
    then
      u ← n MOD 10
    else
      u ← -1
    EndIf
  p ← f(n DIV 10)
  If u > p
    then
      return u
    else
      return p
  EndIf
EndAlgorithm
```

- A. **n**, pentru **n=0**;
- B. **-1**, pentru **n=7135**;
- C. **8**, pentru **n=98764**;
- D. **2**, pentru **n=4628**.

1.39. Ce afișează secvența? (sursă: personală)

```
Read n {număr natural  $\geq 0$ }
t ← 1
c ← n MOD 10
n ← n DIV 10
While (t = 1) AND (n > 0) execute
  If (n MOD 10) > c
    then
      t ← 0
    EndIf
  c ← n MOD 10
  n ← n DIV 10
EndWhile
```

- A. Afișează 1, dacă $n > 0$;
- B. Afișează 0, dacă $n = 1234$;
- C. Afișează 0, dacă $n = 4321$;
- D. Afișează 1, dacă $n = 55555$.

1.40. Ce afișează secvența? (sursă: personală)

```
Read x, m {x, m întregi}
y ← -1
While m > 0 execute
  If (m MOD 2) = 0
    then
      m ← m DIV 2
      x ← x * x
    else
      m ← m - 1
      y ← y * x
    EndIf
EndWhile
Write y
```

- A. Afișează x^2 , dacă $m = 2$;
- B. Afișează 1, pentru $m < 0$;
- C. Afișează x^k , dacă $m = 2^k$;
- D. Afișează un număr negativ dacă $x < 0$.

1.41. Fie secvența următoare, cu n este natural, nenul? Ce se afișează? (sursă: personală)

```
Read n
p ← 2
s ← 0
While p ≤ n execute
  s ← s + (n DIV p)
  p ← p * 2
EndWhile
Write s
```

- A. suma numerelor divizibile cu 2 și 4 și mai mici ca n ;
- B. suma numerelor divizibile cu 4;
- C. exponentul lui 2 (ca factor) în descompunerea lui $n!$;
- D. exponentul lui 4 (ca factor) în descompunerea lui $n!$.

1.42. Care din următoarele propoziții sunt adevărate? (sursă: personală)

```
Read n {natural cu cel mult 9 cifre}
While n ≥ 10 execute
    s ← 0
    While n ≠ 0 execute
        s ← s + (n MOD 10)
        n ← n DIV 10
    EndWhile
    n ← s
EndWhile
Write n
```

- A. corpul ciclului exterior se execute de n ori;
- B. indiferent de valoarea lui n , se afișează cifra 9;
- C. indiferent de valoarea lui n , se afișează o cifră;
- D. corpul ciclului exterior se execute de cel mult 3 ori.

1.43. Ce se afișează? (sursă: personală)

```
Read n {natural, n>1}
d ← 2
While (n MOD d) ≠ 0 execute
    d ← d+1
EndWhile
While (n MOD d) = 0 execute
    n ← n DIV d
EndWhile
If n = 1
    then
        Write d
    else
        Write n
EndIf
```

- A. valoarea inițială a lui n , dacă n este prim;
- B. 1, dacă n este prim;
- C. 2, dacă n este $n=2^k$;
- D. valoarea inițială a lui n , dacă valoarea inițială a lui n nu este număr prim.

1.44. Ce se afișează (n întreg)? (sursă: personală)

```
Read n
i ← 2
p ← 1
While n > 1 execute
    k ← 0
    While (n MOD i) = 0 execute
        k ← i
        n ← n DIV i
    EndWhile
    If k ≠ 0
        then
            p ← p*k
            i ← i+1
        EndIf
EndWhile
Write p
```

- A. 1, pentru $n=-6$;
- B. 6, dacă $n=6$;
- C. $n!$, dacă $n>0$;
- D. produsul factorilor primi ai lui n , n natural $n>1$.

1.45. Care e valoarea lui **z** după execuția secvenței? (sursă: personală)

```
Read n {n număr natural}
z ← 0
While n > 0 execute
    c ← n MOD 10
    n ← n DIV 10
    If (c MOD 2) = 0
        then
            z ← z*10 + c
    EndIf
EndWhile
Write z
```

- A. Dacă **n=12345**, **z** este **12345**;
- B. Dacă **n=54321**, **z** este **531**;
- C. Dacă **n=135**, **z=0**;
- D. Dacă **n=16345**, **z=46**.

1.46. Fie secvența următoare. Care afirmații sunt adevărate? (sursă: personală)

```
Read n,c {n natural nenul, c cifra}
z ← 0
While (n MOD 10) = c execute
    n ← n DIV 10
    |   z ← z+1
EndWhile
Write z
```

- A. Afișează **3**, pentru **n=123** și **c=3**;
- B. Afișează **2**, pentru **n=12003** și **c=0**;
- C. Afișează **4**, pentru **n=1277771** și **c=7**;
- D. Afișează **3**, pentru **n=12555** și **c=5**.

1.47. Fie secvența următoare. Care afirmații sunt adevărate? (sursă: personală)

```
Read n,k {n,k naturale nenule}
z ← 0
For i ← 1,n execute
    If (i MOD k) = 0
        then
            z ← z+i
    EndIf
EndFor
Write z
```

- A. Afișează **1** pentru **n>k**;
- B. Afișează $k * \left(1 + \left\lceil \frac{n}{k} \right\rceil\right) * \left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor / 2$ pentru **n>k**;
- C. Afișează **105** pentru **n=40** și **k=7**;
- D. Afișează o putere a lui **2**, pentru **n>k=2**.

1.48. Ce valoare returnează algoritmul **a(n,d)** ? (sursă: personală)

```
Algorithm a (n, d):           {n, d întregi}
  If d*d > n
    then
      return 1+n
  EndIf
  If d*d = n
    then
      return d + a(n,d+1)
  EndIf
  If (n MOD d) = 0
    then
      return a(n,d+1)
    else
      return d + (n DIV d) + a(n,d+1)
  EndAlgorithm
```

- A. -4, pentru **a(-5,1)**;
- B. 4, pentru **a(3,2)**;
- C. 6, pentru **a(5,2)**;
- D. Suma divizorilor proprii, pentru **a(n,2)** cu **n>1**.

1.49. Ce returnează algoritmul următor? (sursă: personală)

```
Algorithm a(b,c):           {b,c naturale}
  While (c>0) AND (b ≠ c MOD 10) execute
    c ← c DIV 10
  EndWhile
  If (c = 0)
    then
      return false
    else
      return true
  EndIf
EndAlgorithm
```

- A. false, pentru **a(1,1)**;
- B. true, pentru **a(2,2)**;
- C. false, pentru **a(5,22)**;
- D. true, pentru **a(5,25)**.

1.50. Ce returnează algoritmul **a(n,p)**? (sursă: personală)

```
Algorithm a(n,p):      {n,p naturale}
  If n > 0
    then
      If ((n MOD 10) MOD 4) = 0
        then
          return (10-(n MOD 10))*p + a(n DIV 10, p*10)
        else
          return a(n DIV 10, p)
      EndIf
    EndIf
  return 0
EndAlgorithm
```

- A. 14, pentru $n=147$, $p=1$;
- B. 62, pentru $n=451823$, $p=1$;
- C. 47, pentru $n=512346$, $p=1$;
- D. 60, pentru $n=632514$, $p=10$.

1.51. Se consideră numerele naturale **m** și **n** ($0 \leq m \leq 10$, $0 \leq n \leq 10$) și algoritmul **ack(m, n)** care calculează valoarea funcției **Ackermann** pentru valorile **m** și **n**. (sursă: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca)

```
Algorithm ack(m, n):
  If m = 0
    then
      return n + 1
    else
      If (m > 0) AND (n = 0)
        then
          return ack(m - 1, 1)
        else
          return ack(m - 1, ack(m, n - 1))
      EndIf
    EndIf
EndAlgorithm
```

Precizați de câte ori se autoapelează algoritmul **ack(m, n)** prin EndFarea secvenței de instrucțiuni:

$m \leftarrow 1, n \leftarrow 2$
ack(m, n)

- A. de 7 ori;
- B. de 10 ori;
- C. de 5 ori;
- D. de același număr de ori ca și în cazul executării secvenței de instrucțiuni:
 $m \leftarrow 1, n \leftarrow 3$
ack(m, n)

1.52. Ce conține vectorul **v**, după execuția secvenței, **n** întreg? (sursă: personală)

```
Read(n)
For c← 0,9 execute
  v[c]← 0
EndFor
While n>0 execute
  c      ← n MOD 10
  v[c]   ← v[c] + 1
  n      ← n DIV 10
EndWhile
```

- A. doar cifre binare, pentru **n>0**;
- B. doar cifre **0**, pentru numere strict negative;
- C. frecvența de apariție a cifrelor, pentru **n>0**;
- D. doar frecvența de apariție a cifrei **0**, pentru **n>0**.

1.53. Ce returnează algoritmul **a(n)**, **n** natural nenul. (sursă: personală)

```
Algorithm a(n):
  For i← 0,9 execute
    x[i]← 0
  EndFor
  While n > 0 execute
    u      ← n MOD 10
    x[u]   ← x[u]+1
    n← n DIV 10
  EndWhile
  If x[0] > 0
    then
      return false
  EndIf
  For i← 1,9 execute
    If x[i] > 1
      then
        return false
    EndIf
  EndFor
  return true
EndAlgorithm
```

- A. **false**, dacă **n** conține cifra **0**;
- B. **true**, dacă **n** conține toate cifrele nenule;
- C. **false** dacă **n** conține cifra **5** de două ori;
- D. **true**, dacă **n** are doar cifre nenule distincte.

1.54. Ce returnează algoritmul? Se consideră subalgoritmul **a(x, b)** cu parametri de intrare două numere naturale **x** și **b** ($1 \leq x \leq 1000$, $1 < b \leq 10$). (sursă: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca).

```
Algorithm  a(x,b):  
    s ← 0  
    While x > 0 execute  
        s ← s + x MOD b  
        x ← x DIV b  
    EndWhile  
    return (s MOD (b - 1)) = 0  
SfAlgorithm
```

- A. suma cifrelor reprezentării în baza **b** a numărului natural **x**;
- B. suma cifrelor reprezentării în baza **b-1** a numărului **x** dacă este divizibilă cu **b-1**;
- C. true dacă numărul natural **x** este divizibil cu **b-1**;
- D. true dacă suma cifrelor reprezentării în baza **b** a numărului **x** este divizibilă cu **b-1**.

1.55. Fie algoritmul **Calcul(a,b)** cu parametrii **a,b** numere naturale, $1 \leq a,b \leq 1000$. (sursă: concurs/admitere la FMI, UBB Cluj-Napoca).

```
1. Algorithm Calcul (a,b):
2.   If a ≠ 0
3.     atunci
4.       return Calcul(a DIV 2, b+b) + b*(a MOD 2)
5.   EndIf
6.   return 0
7. EndAlgorithm
```

Care afirmații sunt false?

- A. If **a** și **b** sunt egale, algoritmul returnează valoarea lui **a**;
- B. If **a=1000** și **b=2**, algoritmul se autoapeleză de **10** ori;
- C. Valoarea calculată și returnată de algoritm este $a / 2 + 2*b$;
- D. Instrucțiunea de pe linia **6** nu se execută niciodată.

1.56. Ce returnează algoritmul recursiv **a(n,d)**? (**n,d** întregi) (sursă: personală)

```
Algorithm a(n,d)
  If n < 2
    then
      return 0
  EndIf
  If d ≥ 2
    then
      If n MOD d = 0
        then
          return 0
        else
          return A(n,d-1)
      EndIf
    EndIf
  return 1
EndAlgorithm
```

- A. 0 pentru **A(-5,10)**;
- B. 0 pentru **A(2,2)**;
- C. 1 pentru **A(13,13)**;
- D. 0 pentru **A(14,2)**.

1.57. Ce face programul **pr(n)**, **n** natural, **n ≥ 3**? (sursă: personală)

```
Algorithm pr(n) :  
  cont ← 0  
  i ← 3  
  While cont < n execute  
    p ← i DIV 2  
    If i MOD 2 = 0  
      then  
        limJ ← p*p-1  
      else  
        limJ ← 2*p*(p+1)  
    EndIf  
    j ← i+1  
    While (cont < n) AND (j ≤ limJ) execute  
      k ← [√(i*i+j*j)]  
      If k*k = i*i+j*j  
        then  
          cont ← cont+1  
          Write cont, ".", i, j, k  
        EndIf  
      j ← j+1  
    EndWhile  
    i ← i+1  
  EndWhile  
EndAlgorithm
```

A. pt. **n=7** afișează:

1. 3 4 5
2. 6 8 10
3. 8 15 17
4. 9 12 15
5. 9 40 41
6. 10 24 26
7. 11 60 61

B. pt. **n=7** afișează:

1. 3 4 5
2. 5 12 13
3. 6 8 10
4. 7 24 25
5. 8 15 17
6. 9 12 15
7. 9 40 41

C. pt. **n=7** afișează:

1. 3 4 5
2. 5 12 13
3. 6 8 10
4. 7 24 25
5. 8 15 17
6. 9 12 15
7. 10 24 26

D. pt. **n=7** se afișează:

1. 3 4 5
2. 6 8 10
3. 8 15 17
4. 10 24 26
5. 11 60 61
6. 12 16 20
7. 12 35 37

1.58. Ce returnează algoritmul recursiv **a(n,d)**, **n,d** întregi? (sursă: personală)

```
Algorithm a(n,d) :  
  If n < 2  
    then  
      return 0  
  EndIf  
  If d*d ≤ n  
    then  
      If n MOD d = 0  
        then  
          return 0  
        EndIf  
      If d = 2  
        then  
          return A(n,d+1)  
        else  
          return A(n,d+2) ;  
        EndIf  
      EndIf  
    EndIf  
  return 1  
EndAlgorithm
```

- A. 0 pentru a (-5,10);
- B. 0 pentru a (2,2);
- C. 1 pentru a (13,4);
- D. 0 pentru a (14,2).

1.59. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului următor? (sursă: personală)

```
Algorithm a(n,d)    {n,d naturali, n≥d, apel primar cu d=2}  
  If d*d > n  
    then  
      Write "1,", n  
    else  
      If n MOD d =0  
        then  
          If n DIV d = d  
            then  
              Write d,"",  
              a(n,d+1)  
            else  
              Write d, ",", n DIV d, ",",  
              a(n,d+1)  
            EndIf  
          else  
            a(n,d+1)  
          EndIf  
        EndIf  
      EndIf  
    EndIf  
  EndAlgorithm
```

- A. Afișează divizorii naturali ai lui **n** (**n>1**);
- B. Afișează numai divizorii proprii ai lui **n** (**n>1**);
- C. Afișează un număr par de divizori ai lui **n** (**n>1**);
- D. Afișează un număr impar de divizori ai lui **n** (**n>1**).

1.60. Secvența următoare citește 3 numere întregi (a,b,c) și le prelucrează. Care afirmații sunt adevărate? (sursă: personală)

```
Read a,b,c
If a > b
then
  a  $\leftrightarrow$  b {interschimbă valorile}
EndIf
If b > c
then
  b  $\leftrightarrow$  c {interschimbă valorile}
EndIf
If a > b
then
  a  $\leftrightarrow$  b {interschimbă valorile}
EndIf
Write a,b,c
```

- A. Valoarea maximă dintre **a,b** și **c** se va afișa pe prima poziție;
- B. Valoarea minimă dintre **a,b** și **c** se va afișa pe ultima poziție;
- C. Valorile sunt afișate sortate descrescătoare;
- D. Nici un răspuns din cele de mai sus nu e corect.

1.61. Care afirmație e adevărată? (sursă: personală)

```
Algorithm ceFace(n, L, i, j):
  {n>0,intreg, L,i,j naturale}
  nou  $\leftarrow$  0
  p10  $\leftarrow$  1
  p  $\leftarrow$  L-i+1
  cont  $\leftarrow$  1
  While n > 0 execute
    c  $\leftarrow$  n MOD 10
    If cont = p
      then
        nou  $\leftarrow$  nou + j * p10
      else
        nou  $\leftarrow$  nou + c * p10
    EndIf
    p10  $\leftarrow$  p10 * 10
    n  $\leftarrow$  n DIV 10
    cont  $\leftarrow$  cont+1
  EndWhile
  return nou
EndAlgorithm
```

- A. ceFace(123,3,4,6), retur **123**
- B. ceFace(654321,6,3,0), retur **354321**
- C. ceFace(654321,6,3,1), retur **651321**
- D. ceFace(654321,8,3,0), retur **54321**

1.62. Care numere naturale au un singur divizor propriu? (sursă: personală)

- A. Numerele prime;
- B. Numerele impare;
- C. Pătratele perfecte;
- D. Pătratele perfecte $n=p^2$, cu p prim.

1.63. Câte numere care au mai mult de 4 (>4) divizori sunt de la 1 până la n , ($n \geq 12$) ? (sursă: personală)

- A. $n - (1 + |\{p / p \leq n, p \text{ prim}\}| + |\{p / p^2 \leq n, p \text{ prim}\}| + |\{p / p^3 \leq n, p \text{ prim}\}| + |\{pq / pq \leq n, p, q \text{ prime}\}|)$;
- B. 39, dacă $n=100$;
- C. 38, dacă $n=100$;
- D. Numărul de pătrate perfecte egale cu $p^{2k} \leq n$, cu p prim și $k \geq 2$.

1.64. Ce returnează algoritmul? (sursă: personală)

```
Algorithm Calcul(i, j, k)
    {i, j, k naturale, k > 0}
    iMK ← i MOD k
    r ← 1
    While (j > 0) execute
        r ← (r * iMK) MOD k
        j ← j - 1
    EndWhile
    return r
SfAlgorithm
```

- A. $r=2$ pentru $i=100$, $j=100$ și $k=7$;
- B. $r=1$ pentru $i=1000$, $j=1000$ și $k=7$;
- C. $r=1$ pentru $i=n+1$, j oarecare și $k=n$, $n > 2$;
- D. $r=2$ pentru $i=1000$, $j=1000$ și $k=7$.

1.65. Ce returnează algoritmul $y(a, b)$? (sursă: personală)

```
{a, b naturale nenule, a ≥ b}
Algorithm y(a, b) :
    If b = 1
        then
            return a
    EndIf
    If b > a
        then
            return 0
    EndIf
    return (a - b + 1) * y(a, b - 1)
EndAlgorithm
```

- A. 1, pentru $y(1, 1)$;
- B. 3, pentru $y(3, 2)$;
- C. 20, pentru $y(5, 2)$;
- D. Combinări de a luate câte b .

1.66. Care algoritmi calculează corect combinaări de n luate câte k ? (sursă: personală)

A.
Algorithm a(n, k) { n, k naturale}
 If $n < k$
 then
 return 0
 EndIf
 If $(k = 0)$ OR $(k = n)$
 then
 return 1
 EndIf
 return $(n * a(n-1, k)) \text{ DIV } (n-k)$
EndAlgorithm

B.
Algorithm b(n, k) { n, k naturale}
 If $n < k$
 then
 return 0
 EndIf
 If $k = 1$
 then
 return n
 EndIf
 return $(n-k+1) * b(n, k-1)$
EndAlgorithm

C.
Algorithm c(n, k) { n, k naturale}
 If $(n=0)$ sau $(n=1)$
 then
 return 1
 return $n * c(n-1, k)$
EndAlgorithm

D.
Algorithm d(n, k) { n, k naturale}
 If $n < k$
 then
 return 0
 EndIf
 If $(k = 0)$ OR $(k = n)$
 then
 return 1
 EndIf
 If $k = 1$
 then
 return n
 EndIf
 return $(n * d(n-1, k-1)) \text{ DIV } k$
EndAlgorithm

1.67. Algoritmii 1 și 2 afișează toate tripletele (i, j, k) de numere naturale care verifică condițiile:

$$i^2 + j^2 = k^2$$

$$3 \leq i < j < k \leq n \text{ (n dat)}$$

(sursă: personală)

```
1. Algorithm Pitagoral (n):
    cont ← 0                                {cont este contor pentru triplete}
    For i ← 3, n-2 execute {tripletele pitagorice incep cu 3,4,5}
        For j ← i+1, n-1 execute
            For k ← j+1, n execute
                If  $i^2 + j^2 = k^2$ 
                    then
                        cont ← cont+1
                        Write cont, i, j, k, newline
                EndIf
            EndFor
        EndFor
    EndFor
SfAgoritm
```

```
2. Algorithm Pitagora2 (n):
    cont ← 0                                {cont este contor pentru triplete}
    nPeRad2 ← n DIV  $\sqrt{2}$ 
    For i ← 3, nPeRad2 execute {tripletele pitagorice incep cu 3,4,5}
        iLa2 ←  $i^2$ 
        For j ← i+1, n-1 execute
            sumaPat ←  $iLa2 + j^2$ 
            k ← [  $\sqrt{\text{sumaPat}}$  ]
            If  $(k \leq n)$  AND  $(k^2 = \text{sumaPat})$ 
                then
                    cont ← cont+1
                    Write cont, i, j, k, newline
            EndIf
        EndFor
    EndFor
SfAgoritm
```

Care afirmații sunt adevărate?:

- A. Algoritmul 1 este mai eficient;
- B. Algoritmul 2 este mai eficient;
- C. Ambele metode sunt la fel de eficiente;
- D. Algoritmul 2 are complexitatea $O(n^2)$.

1.68. Ce returnează algoritmul următor? (sursa: personală)

```
Algorithm s(n, d):      {n, d naturale, nenule iar d=2 la apelul primar}
  If n ≤ 1
    then
      return 0
  EndIf
  If d*d > n
    then
      return 1
  EndIf
  If d*d = n
    then
      return 1 + d
  EndIf
  If (n MOD d) = 0
    then
      return d + (n DIV d) + s(n,d+1)
  EndIf
  return s(n,d+1)
EndAlgorithm
```

- A. Suma divizorilor lui n , ($n > 1$);
- B. Suma divizorilor proprii, ai lui n , ($n > 1$);
- C. Suma divizorilor lui n fără n , ($n > 1$);
- D. Suma divizorilor improprii ai lui n , ($n > 1$).

1.69. Care din algoritmi de calcul al C_n^k (combinări de n luate câte k) sunt mai eficienți (ca număr de autoapeluri)? (n, k naturale) (sursă: personală)

```
1. Algorithm c1 (n, k){
    If k > n
        then
            return 0
    EndIf
    If (k = 0) OR (k = n)
        then
            return 1
    EndIf
    If k = 1
        then
            return n
    EndIf
    return c1(n-1,k-1)+c1(n-1,k)
SfAlgoritim
```

```
2. Algorithm c2 (n, k){
    If k > n
        then
            return 0
    EndIf
    If (k = 0) OR (k = n)
        then
            return 1
    EndIf
    If k = 1
        then
            return n
    EndIf
    return (c2(n-1,k-1)*n) DIV k
SfAlgoritim
```

```
3. Algorithm c3 (n, k){
    If k > n
        then
            return 0
    EndIf
    If (k = 0) OR (k = n)
        then
            return 1
    EndIf
    If k = 1
        then
            return n
    EndIf
    return (c3(n-1,k)*n) DIV (n-k)
SfAlgoritim
```

- A. Metodele 1 și 2 mai eficiente ca 3;
- B. Metodele 1 și 3 mai eficiente ca 2;
- C. Metodele 2 și 3 mai eficiente ca 1;
- D. Toate 3 sunt la fel de eficiente.

1.70. Algoritmul trebuie să afișeze soluțiile probl. $\overline{abc} = a^3 + b^3 + c^3$, a, b, c cifre. Ce instrucțiune trebuie pusă în locul celor 3 puncte, pentru cifra b . (sursă: personală)

```
Algorithm sumaCub()  
  For i ← 100,999 execute  
    c ← i MOD 10  
    ...  
    a ← i DIV 100  
    If  $a^3 + b^3 + c^3 = i$   
      then  
        Write i, newline  
      EndIf  
    EndFor  
EndAlgorithm
```

- A. $b \leftarrow (i \text{ DIV } 10) \text{ DIV } 10$
- B. $b \leftarrow (i \text{ MOD } 10) \text{ DIV } 10$
- C. $b \leftarrow (i \text{ DIV } 100) \text{ MOD } 10$
- D. $b \leftarrow (i \text{ DIV } 10) \text{ MOD } 10$

- 1.71. Se dau 2 numere naturale **a,b**, astfel ca $1 < a < b$. Algoritmul **C(a,b)** apelează **d2p(x,p,q)**, iar **d2p** apelează algoritmul **prim(k)** care returnează 1, dacă **k** e prim și 0 în caz contrar. Algoritmul **prim** se consideră știut. (sursa: personală)

Algorithm C(a,b)

$x \leftarrow a$

While $x < b$ {p1,p2,p3,p4 sunt determinati în d2p}

If (d2p(x,p1,p2) = 1) AND (d2p(x+1,p3,p4) = 1)

then

Write x,"=",p1,"*",p2

Write x+1,"=",p3,"*",p4

EndIf

$x \leftarrow x+1$

EndIf

EndAlgorithm

Algorithm d2p(x,p,q)

{p,q transmisi prin referință !!!}

$d \leftarrow 2$

While $d \cdot d \leq x$ execute

If $x = d * (x \text{ DIV } d)$

then

If (prim(d)=1) AND (prim(x DIV d)=1)

then

$p \leftarrow d$

$q \leftarrow x \text{ DIV } d$

return 1

EndIf

SfDaca

If $d = 2$

then

$d \leftarrow d+1$

else

$d \leftarrow d+2$

EndIf

EndWhile

return 0;

EndAlgorithm

Ce se afișează?

A. Dacă $a=115$ și $b=125$

$118=2*59$ $119=7*17$

$121=11*11$ $122=2*61$

$122=2*61$ $124=2*62$

B. Dacă $a=115$ și $b=125$

$118=2*59$ $119=7*17$

$121=11*11$ $122=2*61$

$122=2*61$ $123=3*41$

C. Dacă $a=30$ și $b=40$

$33=3*11$ $34=2*17$

$34=2*17$ $35=5*7$

$37=1*37$ $38=2*19$

D. Dacă $a=30$ și $b=40$

$33=3*11$ $34=2*17$

$34=2*17$ $35=5*7$

$38=2*19$ $39=3*13$

1.72. Algoritmul următor, afișează triplete „heronice”. Un triplet (i,j,k) de numere naturale se numește „heronic”, dacă îndeplinește condițiile:

- 1) i, j, k sunt măsurile laturilor unui triunghi, $i \leq j < k$.
- 2) aria triunghiului se exprimă printr-un număr întreg de unități. (sursa: personală)

Algorithm heron(n) :

```

cont ← 0
For i ← 3, n-1 execute
  For j ← i, n-1 execute
    For k ← j+1, n execute
      If i > k-j
        then
          p ← (i+j+k) DIV 2
          ap ← p*(p-i)*(p-j)*(p-k)
          rad ← [  $\sqrt{ap}$  ]
          If rad * rad = ap
            then
              cont ← cont+1
              Write cont, ". ", i, j, k, " Aria=", rad, newline
            EndIf
          EndIf
        EndFor
      EndFor
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

Care afirmații sunt adevărate?

A. dacă $n=10$ atunci se afișează:

1. 3 4 5 Aria= 6
2. 5 5 6 Aria= 12
3. 5 5 7 Aria= 13
4. 5 5 8 Aria= 12

B. dacă $n=10$ atunci se afișează:

1. 3 4 5 Aria= 6
2. 5 5 6 Aria= 12
3. 5 5 8 Aria= 12
4. 5 5 10 Aria= 20

C. dacă $n=10$ atunci se afișează:

1. 3 4 5 Aria= 6
2. 5 5 6 Aria= 12
3. 5 5 8 Aria= 12
4. 6 8 10 Aria= 24

D. Toate tripletele pitagorice sunt și „heronice”.

1.73. Ce afișează următoarea secvență de instrucțiuni în pseudocod? (sursa: personală)

```
Read n {număr natural}
k ← 1
While n ≥ 1 execute
    If n > k
        then i ← k
        else i ← n
    EndIf
    n ← n-i
    While i ≥ 1 execute
        Write k, ", "
        i ← i-1
    EndWhile
    k ← k+1
EndWhile
```

- A. $n=9 \Rightarrow 1, 2, 2, 3, 3, 4, 4, 5, 5;$
- B. $n=10 \Rightarrow 1, 1, 2, 2, 3, 3, 4, 4, 5, 5;$
- C. $n=11 \Rightarrow 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 1, 2;$
- D. $n=12 \Rightarrow 1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 5, 5.$

1.74. Se dă o matrice **A** pătratică de ordinul n , $n>1$. Matricea este booleană (conține doar valori de **0,1**). Știind că numărul de valori **1** de este două treimi din numărul de valori **0**, aflați ce valoare poate lua n ? (sursa: personală)

- A. $n=4;$
- B. $n=10;$
- C. $n=12;$
- D. $n=15.$

1.75. O matrice **A** pătratică de ordinul n , ($n>1$), este booleană (conține doar valori de **0,1**) și simetrică față de prima diagonală. Indicați numărul de matrice care se pot construi: (sursa: personală)

- A. $n=2 \Rightarrow 512$ matrice;
- B. $n=3 \Rightarrow 81$ matrice;
- C. $n=4 \Rightarrow 1024$ matrice;
- D. $n=5 \Rightarrow 625$ matrice.

1.76. Cei n participanți la o competiție sunt organizați în m echipe, fiecare participant făcând parte dintr-o singură echipă. În timpul competiției fiecare participant dintr-o echipă devine prieten cu fiecare din ceilalți participanți din aceeași echipă. Dându-se m și n aflați numărul maxim și numărul minim de prietenii potențiale. Care afirmații sunt adevărate? (sursa: folclorul matematic)

Exemplu: $n = 6$ participanți și $m = 3$ echipe \Rightarrow **Max=6** pentru distribuția **1,1,4**
iar **Min=3** pentru distribuția **2,2,2**.

- A. $n = 11, m = 3 \Rightarrow$ **Max=36** iar **Min=15**
- B. $n = 12, m = 4 \Rightarrow$ **Max=36** iar **Min=10**
- C. $n = 50, m = 20 \Rightarrow$ **Max=190** iar **Min=30**
- D. $n = 15, m = 6 \Rightarrow$ **Max=45** iar **Min=12**

1.77. Fie secvența: (sursa: personală)

```
Read m,n,x {numere natural nenule, m<n}
p←0
While (m < n) AND (p = 0) execute
  If (m MOD x = 0) AND (n MOD x = 0)
    then
      p← x
    else
      If m MOD x = 0
        then
          n← n-1
        else
          m← m+1
      EndIf
    EndIf
  EndWhile
Write m," ",n
```

Care afirmație e adevărată?

- A. m=30, n=40, x=17, se afișează 18 19
- B. m=10, n=40, x=17, se afișează 18 20
- C. m=11, n=30, x=7, se afișează 14 28
- D. m=14, n=15, x=5, se afișează 15 15

1.78. Avem 9 monede de aceeași formă și culoare. 8 monede au aceeași masă, iar una are cu 1 gram mai puțin (nu știm care monedă). Dispunem de o balanță (cântar) cu 2 talere. Pe fiecare taler al balanței se pot pune oricâte monede. Care este numărul minim de utilizări ale balanței (indiferent de aranjarea monedelor) pentru a afla care este moneda cu masa mai mică. (sursa: folclor matematic)

- A. 4
- B. 1
- C. 2
- D. 3

1.79. Un individ (mai tânăr) trebuie să urce o scară de n trepte (în drumul spre casă). Treptele le poate urca câte una sau câte două (fiind mai sportiv). În câte moduri poate urca cele n trepte? (sursa: personală)

- A. n=7 => 12 moduri
- B. n=8 => 34 moduri
- C. n=10 => 53 moduri
- D. n=11 => 144 moduri

1.80. O comunitate de oameni este împărțită în 3 grupuri etnice. Câte legături duale se pot forma între cele 3 grupuri etnice (legătură duală = un membru dintr-un grup cu un membru din alt grup)? (sursa: personală)

- A. Primul grup:3 membri, al 2-lea grup: 4 și ultimul grup are 2 => 25 legături;
- B. Primul grup:3 membri, al 2-lea grup: 5 și ultimul grup are 2 => 28 legături;
- C. Primul grup:3 membri, al 2-lea grup: 4 și ultimul grup are 2 => 26 legături;
- D. Primul grup:3 membri, al 2-lea grup: 5 și ultimul grup are 2 => 31 legături.

1.81. Ce returnează algoritmul **cc(n,k)** pentru **n** și **k** numere naturale ca date de intrare. (sursa: personală)

```
Algorithm cc(n, k):  
  c ← 1  
  For i ← 1, k execute  
    c ← (c*(n-i+1)) DIV i  
  EndFor  
  returnează c;  
EndAlgorithm
```

- A. $n=15, k=10 \Rightarrow 3001$;
- B. $n=15, k=10 \Rightarrow 3003$;
- C. $n=19, k=15 \Rightarrow 3877$;
- D. $n=19, k=15 \Rightarrow 3876$;

1.82. Ce afișează algoritmul **p(a)**, **a** număr natural nenul. (sursa: personală)

```
Algorithm p(a):  
  nC ← [log10(a)]  
  p ← 10nC  
  b ← a  
  Repeat  
    b ← (b MOD 10)*p + b DIV 10  
    Write b  
  Until (a = b)  
EndAlgorithm
```

- A. $a=1234 \Rightarrow 2341 \ 3412 \ 4123 \ 1234$
- B. $a=1234 \Rightarrow 4123 \ 1234 \ 2341 \ 3412$
- C. $a=1234 \Rightarrow 4123 \ 1234 \ 3412 \ 2341$
- D. $a=1234 \Rightarrow 4123 \ 3412 \ 2341 \ 1234$

1.83. Alegeți afișările corecte al algoritmului **sp(n)** pentru **n** întreg? (sursa: personală)

```
Algorithm sp(n):  
  For f ← 2, n execute  
    p ← 0  
    While n MOD f = 0 execute  
      n ← n DIV f  
      p ← p + 1  
    EndWhile  
    Write p  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

- A. $n = -10$, afișează **11**
- B. $n = 10$, afișează **1001**
- C. $n = 100$, afișează **2002**
- D. $n = 121$, afișează **0000000003**

1.84. Ce returnează algoritmul? (sursa: personală)

```
Algorithm sp(n,p):  
  If p > n  
    then  
      Returnează 0  
    else  
      return (n DIV p) + sp(n,p+p)  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. pentru $n=10, p=2$, returnează 8;
- B. pentru $n=11, p=2$, returnează 8;
- C. pentru $n=12, p=2$, returnează 8;
- D. pentru $n=12, p=3$, returnează 7.

1.85. De câte ori se execută instrucțiunea de la linia 6 pentru $n=798659$? (sursa: personală)

```
1. Algorithm f(n):  
2.   If (n<10)  
3.     then  
4.       return n  
5.   EndIf  
6.   u ← n MOD 10  
7.   p ← f(n DIV 10)  
8.   If u > p  
9.     then  
10.      return u  
11.    else  
12.      return p  
13.   EndIf  
14. EndAlgorithm
```

- A. de 6 ori;
- B. de 5 ori;
- C. de același număr de ori ca pentru $n=123456$
- D. de același număr de ori ca pentru $n=7654321$.

1.86. De câte ori se execută instrucțiunea de la linia 12 (**returnează p**) pentru **n=798659**? (sursa: personală)

```
1. Algorithm f(n) :  
2.   If (n<10)  
3.     then  
4.       return n  
5.   EndIf  
6.   u ← n MOD 10  
7.   p ← f(n DIV 10)  
8.   If u < p  
9.     then  
10.      return u  
11.    else  
12.      return p  
13.   EndIf  
14. EndAlgorithm
```

- A. de 4 ori;
- B. de 3 ori;
- C. de același număr de ori ca pentru **n=76543**;
- D. de același număr de ori ca pentru **n=123456**.

1.87. Care afirmații sunt adevărate? (sursa: personală)

```
      {nr=1, la apelul primar}  
1  Algorithm a(nr) :  
2    Read x  
3    If (x=0)  
4      then  
5        return 0  
6    EndIf  
7    If (x MOD 3 = 0)  
8      then  
9        return (x MOD 10) + a(nr+1)  
10     else  
11       return a(nr+1)  
12    EndIf  
13 EndAlgorithm
```

- A. Pt. șirul x: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0 returnează 10;
- B. Pt. șirul x: 15, 24, 25, 25, 25, 222, 0 returnează 11;
- C. Pt. șirul x: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0 instrucțiunea de la linia 11 se execută de 2^2 ori;
- D. Pt. șirul x: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0 returnează 9.

1.88. De câte ori se execută instrucțiunea de la linia 12 pentru $n=798659$? (sursa: personală)

```
1. Algorithm f(n) :  
2.   If (n<10)  
3.     then  
4.       return n  
5.   EndIf  
6.   u ← n MOD 10  
7.   p ← f(n DIV 10)  
8.   If u < p  
9.     then  
10.      return u  
11.    else  
12.      return p  
13.   EndIf  
13. EndAlgorithm
```

- A. de 4 ori;
- B. de 3 ori;
- C. de același număr de ori ca pentru $n=3456$;
- D. de același număr de ori ca pentru $n=12345$.

1.89. Care afirmații sunt false? (sursa: personală)

```
1 Algorithm p(n,d) :  
2   If n ≤ 1  
3     then  
4       return false  
5   EndIf  
6   If (n > 2) AND (n MOD 2=0)  
7     then  
8       return false  
9   EndIf  
10  If d*d > n  
11    then  
12      return true  
13  EndIf  
14  If n MOD d = 0  
15    then  
16      return false  
17    else  
18      return p(n,d+2)  
19  EndIf  
20 EndAlgorithm
```

- A. la apelul $p(10,3)$ comparația (If-ul) de pe linia 6 se execută de 2 ori;
- B. la apelul $p(27,3)$ instrucțiunea de pe linia 18 (returnează $p(n,d+2)$) se execută de 2 ori;
- C. la apelul $p(29,3)$ instrucțiunea de pe linia 18 (returnează $p(n,d+2)$) se execută de 2 ori;
- D. la apelul $p(11,2)$ comparația (If-ul) de pe linia 6 se execută 3 ori.

1.90. Fie algoritmul **calcul(a,b)** cu parametrii **a,b** numere naturale, $1 \leq a, b \leq 1000$. (Din concurs mai vechi)

```
Algorithm calcul (a,b)
  If a  $\neq$  0
    then
      return Calcul(a DIV 2, b+b) + b*(a MOD 2)
    else
      return 0
  EndIf
EndAlgorithm
```

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Dacă **a** și **b** sunt egale, algoritmul returnează valoarea lui **a**;
- B. Dacă **a=100** și **b=2**, algoritmul se autoapeleză de **7** ori;
- C. Valoarea calculată și returnată de algoritm este **a+a+...+a** de **b** ori;
- D. Algoritmul returnează **a*b**.

1.91. Ce se va afișa pe ecran în urma executării următoarelor instrucțiuni? (sursa: Politehnica București)

```
For i← 1,6 execute
  For j← 6,i,-1 execute
    If (i MOD 2) = 0
      then
        Write i
      else
        Write j
    EndIf
  EndFor
EndFor
```

- A. 654321222226543444456
- B. 654321222226543444556
- C. 654321222226543444666
- D. 654321222226543444656

1.92. Pe o masă este scrisă ecuația $a + b = c$ cu cifre de piese de rummy (cele de la 1 la 9 indiferent de culoare). După un cutremur puternic, s-au permutat toate cifrele și semnele matematice între ele și s-a obținut o noua "ecuație" (evident, greșită). (sursă: model FMI U.București)

$$129129851 = 29552 + 1177003$$

Care ar fi putut fi valoarea inițială a lui c?

- A. 14010927
- B. 16038950
- C. 15111922
- D. 18839920

1.93. Ce afișează următorul algoritm (care sunt corecte): (sursa: personală)

```
Algorithm t(n):
  For i← 1,(n DIV 2) execute
    s← i
    j← i+1;
    While s < n execute
      s← s + j
      j← j + 1
    EndWhile
    If s = n
      then
        Write n,"="
        For k← i,j-1,1
          Write k,"+"
        EndFor
        {se șterge ultimul "+"}
        Write newline
      EndIf
    EndFor
EndAlgorithm
```

- | | |
|-------------------|--|
| A. pentru n=15 => | 15=1+2+3+4+5
15=7+8 |
| B. pentru n=9 => | 9=2+3+4 |
| C. pentru n=21 => | 21=1+2+3+4+5+6
21=6+7+8
21=10+11 |
| D. pentru n=30 => | 30=4+5+6+7+8
30=9+10+11 |

1.94. Ce afișează următorul algoritm (care sunt corecte): (sursa: personală)

```
Algoritmul t(n):  
  For i ← 1, [√n] execute  
    s ← i  
    j ← i;  
    While s < n execute  
      j ← j + 1  
      s ← s * j  
    EndWhile  
    If s = n  
      then  
        Write n, "="  
        For k ← i, j-1, 1  
          Write k, ""  
        EndFor  
        {se șterge ultimul ""}  
        Write newline  
      EndIf  
    EndFor  
EndAlgorithm
```

- | | |
|-------------------------------|--|
| A. pentru $n=24 \Rightarrow$ | $24=1*2*3*4*5$
$24=1*2*3*4$ |
| B. pentru $n=120 \Rightarrow$ | $120=1*2*3*4*5$
$120=2*3*4*5$ |
| C. pentru $n=720 \Rightarrow$ | $720=1*2*3*4*5*6$
$720=2*3*4*5*6$
$720=8*9*10$ |
| D. pentru $n=72 \Rightarrow$ | $72=8*9$ |

1.95. Se întâlnesc doi prieteni, să zicem **X** și **Y**, după mai mulți ani. (sursa: foclor matematic)

X - ce mai faci, ai copii?

Y – m-am căsătorit și am **3** copii de când nu ne-am mai văzut.

X – ce vârstă au?

Y – te știu matematician/informatician, îți dau **2** repere:

1) Produsul vârstelor lor este **36**.

2) Iar suma vârstelor lor este egală cu numărul de mașini din parcare lângă care ne aflăm.

X gândește... .. și după un timp spune:

– mai am nevoie de un reper.

Y – cel mai mare băiat al meu are părul blond.

X – Ok și îi spune vârstele celor **3** copii.

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Copilul cel mare are vârsta de **12** ani;
- B. Cei **3** copii au vârstele: **1,4,9** ani;
- C. Cel mai mare copil are vârsta de **9** ani;
- D. Numărul mașinilor din parcare este **13**.

1.96. Se dă numărul **32767** în baza **10**. Care afirmații sunt adevărate? (sursa: personală)

- A. $32767 = 11111111111110_{(2)}$
- B. $32767 = 11111111111111_{(2)}$
- C. $32767 = 77777_{(8)}$
- D. $32767 = 7FFF_{(16)}$

1.97. Se dă numărul **1024** în baza **10**. Care afirmații sunt adevărate? (sursa: personală)

- A. $1024 = 1101221_{(3)}$
- B. $1024 = 1101220_{(3)}$
- C. $1024 = 1358_{(9)}$
- D. $1024 = 1357_{(9)}$

1.98. Trei inși **A, B, C** sunt așezați în coloană, **C** este primul, **B** al-2-lea și apoi **A**. Există **5** pălării de **2** culori (**3** roșii și **2** albe). Li se pune pe cap câte o pălărie, fără să cunoască culoarea (random). **A** (a lui nu și-o vede), vede palăria lui **B** și pălăria lui **C**. **B** (a lui nu și-o vede) vede doar pălăria lui **C**) iar **C** nu vede nici o pălărie (nici a lui). (sursa: folclor matematic)

Este întrebat **A** ce culoare are pălăria sa;

A- Nu știu

Este întrebat apoi **B** ce culoare are pălăria sa;

B- Nu știu

Este întrebat și **C**, ce culoare are pălăria sa;

C – eu știu

Care afirmații sunt adevărate:

- A. **C** are pălărie de culoare albă;
- B. **B** are pălărie de culoare roșie;
- C. **A** și **B** au pălării de culori diferite;
- D. **C** are pălărie de culoare roșie .

1.99. La concursul de admitere la **FMI**, se dau teste-grile. La fiecare grilă se poate da **1** răspuns sau **2** răspunsuri sau **3** răspunsuri din cele **4** întrebări.

Câte răspunsuri sunt posibile la o grilă. (sursa: personală)

- A. $4! / 2 + 2$ răspunsuri;
- B. 12 răspunsuri;
- C. $2 \cdot 4 + 2 \cdot 3$ răspunsuri;
- D. 13 răspunsuri.

1.100. Un test alcatuit din **30** de intrebari a fost notat astfel: pentru fiecare răspuns corect s-au dat **9** puncte și pentru fiecare răspuns greșit s-au scăzut **6** puncte. Un candidat a obținut în final **0**(zero) puncte.

Care propoziții sunt adevărate?

- A. Candidatul a dat **8** răspunsuri corecte;
- B. Candidatul a dat **12** răspunsuri corecte;
- C. Candidatul a dat **22** răspunsuri greșite;
- D. Candidatul a dat **18** răspunsuri greșite.

1.101. Un triunghi echilateral și un hexagon regulat au perimetrele egale. Care afirmații sunt adevărate?

- A. Triunghiul și hexagonul au arii egale;
- B. Triunghiul are aria mai mare;
- C. Raportul ariilor $A(\text{triunghi})/A(\text{hexagon}) = 2/4$;
- D. Raportul ariilor $A(\text{triunghi})/A(\text{hexagon}) = 2/3$.

1.102. Fie schema de „calcul”: (sursă: folclorul matematic)

$$1 \oplus 4 = 5$$

$$2 \oplus 5 = 12$$

$$3 \oplus 6 = 21$$

$$4 \oplus 7 = 32$$

Ce valoare va avea $6 \oplus 9$?

- A. 32
- B. 45
- C. 60
- D. 77

1.103. Se consideră următorul subalgoritm: (sursa: admitere/concurs FMI UBB Cluj-Napoca).

```
Algorithm s(a):  
    If a < 50  
        then  
            If a MOD 3 = 0  
                then  
                    return s(2 * a - 3)  
                else  
                    return s(2 * a - 1)  
            EndIf  
        else  
            return a  
        EndIf  
SfAlgorithm
```

For care dintre valorile parametrului de intrare **a** subalgoritmul va returna valoarea **61**?

- A. 16
- B. 61
- C. 4
- D. 31

1.104. Care dintre algoritmii care urmează returnează cel mai mare multiplu al numărului natural **a**, multiplu care este mai mic sau egal cu numărul natural **b** ($0 < \mathbf{a} < 10\,000$, $0 < \mathbf{b} < 10\,000$, $\mathbf{a} < \mathbf{b}$)?
(sursa: admitere/concurs FMI UBB Cluj-Napoca)

A. Algorithm $f(a, b)$:
 $c \leftarrow b$
 While $c \bmod a = 0$ execute
 $c \leftarrow c - 1$
 EndWhile
 returnează c
 EndAlgorithm

B. Algorithm $f(a, b)$:
 If $a < b$
 then
 return $f(2 * a, b)$
 else
 If $a = b$
 then
 return a
 else
 return b
 EndIf
 EndIf
SfAlgorithm

C. Algorithm $f(a, b)$:
 return $(b \operatorname{DIV} a) * a$
 EndAlgorithm

D. Algoritmul $f(a, b)$:
 If $b \bmod a = 0$
 then
 return b
 EndIf
 return $f(a, b - 1)$
 SfAlgorithm

1.105. Ce returnează subprogramul **f(n)** pentru **n** număr natural? (sursă: personală)

```
Algorithm f(n) :  
  If n<10  
    then  
      If n MOD 2 > 0  
        then  
          return n  
        else  
          return -1  
      EndIf  
    EndIf  
  If n MOD 2 > 0  
    then  
      u ← n MOD 10  
    else  
      u ← -1  
    EndIf  
  p ← f(n DIV 10)  
  If u > p  
    then  
      return u  
    else  
      return p  
  EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. n, pentru n=0;
- B. -1, pentru n=8468;
- C. 5, pentru n=98765;
- D. 7, pentru n=73137.

1.106. Care secvențe returnează lungimea sufixului celui mai lung (a lui **n**) care se repetă?
(**n** are cel mult **20** de cifre, **n** natural, vectorul **c** are 21 de componente).

```
A. Algorithm sufixA(n):    {n=83456345 => lung =3 sau n=134343 => lung =3}
    nn      ← n
    nrCifre ← 0
    While (nn > 0) execute
        nrCifre ← nrCifre + 1
        nn      ← nn DIV 10
    EndWhile
    nr ← nrCifre
    While n > 0 execute
        c[nr] ← n MOD 10
        nr    ← nr - 1
        n     ← n DIV 10
    EndWhile
    lung ← 0                                     ///determinare lungime sufix
    For i ← nrCifre, i > 1, -1 Execute
        k ← 0
        While (nrCifre - k > 1) AND (i - k > 1) AND (c[n - k] = c[i - k - 1]) execute
            k ← k + 1
        SfCătTimp
        If k > lung
            then
                lung ← k
        EndIf
    EndFor
    return lung
EndAlgorithm
```

```
B. Algorithm sufixB(n):
    nn      ← n
    nrCifre ← 0
    While (nn > 0) execute
        nrCifre ← nrCifre + 1
        nn      ← nn DIV 10
    EndWhile
    nr ← nrCifre
    While n > 0 execute
        c[nr] ← n MOD 10
        nr    ← nr - 1
        n     ← n DIV 10
    EndWhile
    lung ← 0                                     ///determinare lungime sufix
    For i ← nrCifre, i > 1, -1 Execute
        k ← -1
        While (nrCifre - k > 1) AND (i - k > 1) AND (c[nrCifre - k] = c[i - k - 1]) execute
            k ← k + 1
        SfCătTimp
        If k > lung
            then
                lung ← k
        EndIf
    EndFor
    return lung
EndAlgorithm
```

C. Algorithm sufixC(n):

```

    nn      ← n
    nrCifre ← 0
    While (nn > 0) execute
        nrCifre ← nrCifre + 1
        nn      ← nn DIV 10
    EndWhile
    nr ← nrCifre
    While n > 0 execute
        c[nr] ← n MOD 10
        nr    ← nr - 1
        n     ← n DIV 10
    EndWhile
    lung ← 0                                     ///determinare lungime sufix
    For i ← nrCifre, i > 1, -1 Execute
        k ← 0
        While (nrCifre - k > 1) AND (i - k > 1) AND (c[nrCifre - k] = c[i - k - 1]) execute
            k ← k + 1
        SfCătTimp
        If k < lung
            then
                lung ← k
        EndIf
    EndFor
    return lung
EndAlgorithm

```

D. Algorithm sufixD(n):

```

    nn      ← n
    nrCifre ← 0
    While (nn > 0) execute
        nrCifre ← nrCifre + 1
        nn      ← nn DIV 10
    EndWhile
    nr ← nrCifre
    While n > 0 execute
        c[nr] ← n MOD 10
        nr    ← nr - 1
        n     ← n DIV 10
    EndWhile
    lung ← 0                                     ///determinare lungime sufix
    For i ← nrCifre, i > 1, -1 Execute
        k ← 0
        While (nrCifre - k > 1) AND (i - k > 1) AND (c[nrCifre - k] = c[i - k - 1]) execute
            k ← k + 1
        SfCătTimp
        If k > lung
            then
                lung ← k
        EndIf
    EndFor
    return lung
EndAlgorithm

```

1.107. Se dă următoarea porțiune de pseudocod . Care afirmații sunt false?

```

Read n
For i← 1,n execute
    j← i*i
    Write j
EndFor

```

- A. După instrucțiunea **For**, **j** are valoarea $(n-1)^2$;
- B. După instrucțiunea **For**, **j** are valoarea **n**;
- C. După instrucțiunea **For**, **j** are valoarea $(n+1)^2$;
- D. Toate din afirmațiile **A.**, **B.**, **C.** sunt false.

1.108. Care algoritmi calculează corect combinați de **n** luate câte **k**, pentru orice valori naturale ale lui **n** și **k**.
(sursa: personală)

```

A.Algoritihm A(n,k):  {n,k naturale}
  If n < k
    then
      return 0
  EndIf
  If (k=0) OR (n=k)
    then
      return 1
  EndIf
  n← n-1
  k← k-1
  return A(n,k+1)+A(n,k)
EndAlgorithm

```

```

B.Algorithm B(n,k)    {n,k>1 naturale}
  If n < k
    then
      return 0
  EndIf
  If k = 1
    then
      return n
  EndIf
  return ((n-k+1) DIV k)*B(n,k-1)
EndAlgorithm

```

```

C. Algorithm C(n,k):  {n,k naturale}
  If (n=0) OR (n=1)
    then
      return 1
  EndIf
  n← n-1
  return (n+1)*C(n,k)
EndAlgorithm

```

```

D. Algorithm D(n, k):  {n,k naturale}
  If n < k
    then
      return 0
  EndIf
  If k = 1
    then
      return n
  EndIf
  If (k=0) OR (k=n)
    then
      return 1
  EndIf
  return (D(n-1,k-1) DIV k)*n
EndAlgorithm

```

1.109. La caseria Operei de Stat se vând bilete pentru un spectacol. Se așează la rând n cumpărători de bilet. Biletul de spectacol costă 25 de lei. Fiecare cumpărător poate să aibă bancnote de 25, 50, 100 de lei. (bancnotele care circulă în țară). Există cumpărători care nu au toate tipurile de bancnote. Mai există restricția că fiecare cumpărător poate cumpăra doar un bilet. În momentul când nu se poate da rest se oprește vânzarea de bilete. Următorul algoritm simulează cumpărarea de bilete. La început caseria nu are nici o bancnotă. Care afirmații sunt adevărate? {sursă personală}.

```

Algorithm bilete(n):      {n>0, și reprezintă numărul de cumparatori ce stau la rand}
  c25← c50← c100← 0
  For i← 1,n execute
    Citeste val {caseria primește bancnota}
    If val = 25
      then c25← c25+1
           {se vinde biletul}
    else
      If val = 50
        then
          If c25 > 0
            then
              c25← c25-1
              c50← c50+1
              {se vinde biletul}
            else
              return false
          EndIf
        else {val este 100 sigur}
          If (c50 > 0) AND (c25 > 0)
            then
              c25← c25-1
              c50← c50-1
              c100←c100+1
              {se vinde biletul}
            else
              If c25 ≥ 3
                then
                  c25← c25-3
                  c100←c100+1
                  {se vinde biletul}
                else
                  return false
                EndIf
              EndIf
            EndIf
          EndIf
        EndIf
      EndIf
    EndFor
  return true
EndAlgorithm

```

- A. dacă $n=5$ și șirul bancnotelor cumpărătorilor este: 25,50,25,100,100 se returnează true;
- B. dacă $n=5$ și șirul bancnotelor cumparatorilor este: 25,25,50,100,100 atunci caseria a vândut 5 bilete
- C. dacă $n=10$ și șirul bancnotelor cumpărătorilor este: 25,50,25,25,50,50,100,25,50,50 se returnează true și caseria are:
1 bancnota de 100
3 bancnote 50
3 bancnote de 25
- D. dacă $n=10$ și șirul bancnotelor cumpărătorilor este: 25,50,25,50,25,50,25,25,100,50 se returnează true și caseria are:
1 bancnota de 100
3 bancnote 50

1.110. La caseria Operei de Stat se vând bilete pentru un spectacol. Se așează la rând n cumpărători de bilet. Biletul de spectacol costă 25 de lei. Fiecare cumpărător poate să aibă bancnote de 25, 50, 100 de lei. (bancnotele care circulă în țară). Există cumpărători care nu au toate tipurile de bancnote. Fiecare cumpărător poate cumpăra mai multe bilete. În momentul când nu se poate da rest se oprește vânzarea de bilete. La început caseria nu are nici o bancnotă. Pentru fiecare cumpărător se dau numărul de bilete și bancnotele de 25, 50, 100 de lei oferite casierului.

Exemple:

-(4, 0, 2, 0) înseamnă: cumpărătorul vrea să cumpere 4 bilete și oferă 2 bancnote de 50 de lei

-(3, 0, 0, 1) înseamnă: cumpărătorul vrea să cumpere 3 bilete și oferă 1 bancnotă de 100 de lei

Cumpărătorul oferă bancnote astfel încât suma oferită \geq costul total de bilete, dar cât mai apropiată de acest cost.

De exemplu (3,0,0,2) e illogică (oferă 200 de lei pentru costul a 3 bilete cu totalul de 75 de lei) . Normal ar oferi doar 100 de lei. {sursă: personală}.

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Dacă $n=5$ cu șirul de cumpărători (2, 2,0,0) (3, 0,2,0) (2, 0,0,1) (2, 0,1,0), (5, 0,0,2) atunci caseria ii poate servi pe toți cumpărătorii.**
- B. Dacă $n=5$ cu șirul de cumpărători (2, 2,0,0) (3, 0,2,0) (2, 0,0,1) (2, 0,1,0), (5, 0,0,2) atunci caseria ii poate servi pe toți cumpărătorii și are în casă 300 de lei.**
- C. Dacă $n=5$ cu șirul de cumpărători (2, 2,0,0) (3, 0,2,0) (2, 0,0,1) (2, 0, 1,0), (5, 0,0,2) atunci caseria ii poate servi pe toți cumpărătorii și are în casă 350 de lei sub forma: 1 bancnota de 50 și 3 bancnote de 100 lei.**
- D. Dacă $n=5$ cu șirul de cumpărători (2, 2,0,0) (3, 0,2,0) (2, 0,0,1) (3, 0,0,1), (5, 0,1,1) atunci caseria ii poate servi pe toți cumpărătorii și are în casă 375 de lei.**

1.111. Se consideră secvența Pseudocod. Care valori **NU** se afișează? (sursă: personală)

```

                                {n,i sunt întregi}
n← 50
i← 0
While (i<n) execute
    i← i+1
EndWhile
Write i

```

- A. a lui n ;**
- B. 49;**
- C. 50;**
- D. 51.**

1.112. Ce valoare **NU** se afișează după execuția secvenței? (Pseudocod; sursă: personală)

```
                {n,i sunt întregi}
n ← 100
For i ← 3,n,5 execute
    {corpul ciclului, nu se modifică i}
EndFor
Write i
```

- A. n+3;
- B. 98;
- C. 103;
- D. n-2.

1.113. Care afirmații sunt **false**, pentru n întreg? (Pseudocod; sursă:personală)

```
For i ← 0,9 execute
    v[i] ← 0
EndFor
While n > 0 execute
    v[n MOD 10] ← 1
    n ← n DIV 10
EndWhile
```

- A. Pentru n=139912 ⇒ v= [0, 1, 2, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1];
- B. Pentru n=13913 ⇒ v= [0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1];
- C. Pentru n=-129121 ⇒ v= [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1];
- D. Pentru n=-17972, ⇒ v= [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0].

1.114. Care afirmații sunt **false**, pentru n întreg? (Pseudocod; sursă: personală)

```
For i ← 0,9 execute
    v[i] ← 0
EndFor
While n > 0 execute
    v[n MOD 10] ← v[n MOD 10] + 1
    n ← n DIV 10
EndWhile
```

- A. Pentru n=179712, vectorul v are valorile [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1];
- B. Pentru n=12912, vectorul v are valorile [0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1];
- C. Pentru n=132712, vectorul v are valorile [0, 2, 2, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0];
- D. Pentru n=-132912, vectorul v are valorile [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0].

1.115. Care afirmații sunt **false** după execuția algoritmului **cifre(n, m)**? (**n** întreg, **m** cifră)
(Pseudocod; sursă: personală)

```

Algorithm cifre(n,m) :
  For i ← 0,9 execute
    v[i] ← 0
  EndFor
  If n < 0
    then
      n ← -n
  EndIf
  If n = 0
    then
      v[0] ← 1
    else
      While n > 0 execute
        u ← n MOD 10
        If u MOD m = 0
          then
            v[u] ← 1
          EndIf
        n ← n DIV 10
      EndWhile
    EndIf
EndAlgorithm

```

- A. pentru $n = 1234$, $m = 3$ \Rightarrow $v = [0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0]$;
- B. pentru $n = 9876$, $m = 3$ \Rightarrow $v = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1]$;
- C. pentru $n = -123456$, $m = 2$ \Rightarrow $v = [0, 0, -1, 0, -1, 0, -1, 0, 0, 0]$;
- D. pentru $n = -9876543$, $m = 5$ \Rightarrow $v = [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0]$.

1.116. Algoritmul **a(n)**, n natural, returnează valori naturale. Care afirmații sunt **false**?
(Pseudocod; sursă: personală).

```
Algorithm a(n) :  
  If n=0  
    then  
      return 0  
  EndIf  
  For i ← 0,9 execute  
    v[i] ← 0  
  EndFor  
  While n > 0 execute  
    v[n MOD 10] ← v[n MOD 10] + 1  
    n ← n DIV 10  
  EndWhile  
  c ← 1  
  While (c < 10) AND (v[c] = 0) execute  
    c ← c + 1  
  EndWhile  
  m ← c  
  v[c] ← v[c] - 1  
  For c ← 0,9 execute  
    While v[c] > 0 execute  
      m ← m * 10 + c  
      v[c] ← v[c] - 1  
    EndWhile  
  EndFor  
  return m  
EndAlgorithm
```

- A.** pentru **n=13507** se returnează **30157**;
B. pentru **n=40123** se returnează **10234**;
C. pentru **n=1203** se returnează **2013**;
D. pentru **n=405402** se returnează **200445**.

- 1.117. Care afirmații sunt **adevărate**, pentru n întreg? Algoritmul **a** are ca parametru un număr întreg n . Din **algoritmul a** se apelează algoritmul **b(v)**, unde v este un vector de 10 poziții, numerotarea de la poziția 0. Apoi se apelează algoritmul **c(n,v)** unde n este parametrul de intrare a lui **a**, iar v este vectorul de 10 poziții anterior explicat.
- Ce se afișează? (Pseudocod; sursă:personală)

```
Algorithm a(n):  
  b(v)  
  c(n,v)  
  Write v  
EndAlgorithm  
  
Algorithm b(v):  
  For i=0,9 execute  
    v[i] ← 0  
  EndFor  
EndAlgorithm  
  
Algorithm c(n,v):  
  If (n>0)  
    then  
      v[n MOD 10] ← 1  
      c(n DIV 10, v)  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

- A. Pentru $n=318912 \Rightarrow 0121000011$;
B. Pentru $n=13913 \Rightarrow 0101000001$;
C. Pentru $n=-4321 \Rightarrow 0111100000$;
D. Pentru $n=-17972, \Rightarrow 0000000000$.

1.118.

Fie secvența următoare. Care afirmații sunt **false**? (sursă: personală)

```
Read n,c {n natural nenul, c cifra}  
z ← 0  
While (n MOD 10) = c execute  
  n ← n DIV 10  
  z ← z+1  
EndWhile  
Write z
```

- A. Afișează 3, pentru $n=123$ și $c=3$;
B. Afișează 2, pentru $n=12003$ și $c=0$;
C. Afișează 4, pentru $n=1277771$ și $c=7$;
D. Afișează 3, pentru $n=12555$ și $c=5$.

1.119. Se consideră algoritmul afis(n), unde n este un număr întreg. (sursă: concurs/admitere FMI)

```
Algorithm afis(n):  
    Write n, ", "  
    If n > 0 then  
        afis(n DIV 3)  
        Write n, ", "  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

Ce se va afișa la apelul **afis(n)**?

- A. Pentru $n=16$ se va afișa : 16,5,1,-1,1,5,16,;
- B. Pentru $n=-16$ se va afișa: -16,16,;
- C. Pentru $n=24$ se va afișa: 24, 8, 2, 0, 2, 8, 24,;
- D. Pentru $n=27$ se va afișa: 27, 9, 3, 1, 3, 9,27,.

1.120. Se consideră algoritmul afis(n), unde n este un număr întreg. (sursă: concurs/admitere FMI)

```
Algorithm afis(n):  
    Write n, ", "  
    If n > (n DIV 3) then  
        afis(n DIV 3)  
        Write n, ", "  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

Ce se va afișa la apelul **afis(n)**?

- A. Pentru $n=27$ se va afișa : 27,9,3,1,0,1,3,9,27, ;
- B. Pentru $n=-15$ se va afișa: -15,-15, ;
- C. Pentru $n=-33$ se va afișa: -33, ;
- D. Pentru $n=27$ se va afișa: 27, 27,9,9,3,3,1,1,0, ;

1.121. Se consideră algoritmul afis(n), unde n este un număr întreg. (sursă: concurs/admitere FMI)

```
Algorithm afis(n):  
    Write n, ", "  
    If n > n DIV 3 then  
        Write n, ", "  
        afis(n DIV 3)  
    EndIf  
EndAlgorithm
```

Ce se va afișa la apelul **afis(n)**?

- A. Pentru $n=27$ se va afișa : 27,9,3,1,0,1,3,9,27, ;
- B. Pentru $n=-16$ se va afișa: -16,-16, ;
- C. Pentru $n=-24$ se va afișa: -24, ;
- D. Pentru $n= 27$ se va afișa: 27, 27,9,9,3,3,1,1,0, ;

1.122. Se consideră algoritmul $\text{cauta}(n, b)$, unde n și b sunt numere naturale ($0 \leq n \leq 10^6$, $2 \leq b < 10$, $c \geq 0$).
(sursă: concurs/admitere FMI)

```
Algorithm  $\text{cauta}(n, b, c)$ :  
     $v \leftarrow 0$   
    If  $n = 0$  then  
        return 1  
    else  
         $m \leftarrow n$   
        While  $m > 0$  execute  
            If  $m \bmod b = c$  then  
                 $v \leftarrow v + 1$   
            EndIf  
             $m \leftarrow m \text{ DIV } b$   
        EndWhile  
        return  $v$   
    EndIf  
EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt **adevărate**:

- A. Algoritmul determină și returnează câte cifre egale cu c are numărul n .
- B. Algoritmul determină și returnează numărul de cifre egale cu c din reprezentarea în baza b a numărului n , dacă $c < b$.
- C. Pentru $n=1456$, $b=4$ și $c=3$, algoritmul returnează 1
- D. Pentru $n=123123$, $b=4$ și $c=3$, algoritmul returnează 4.

1.123. Pentru a genera numerele cu n cifre formate doar din cifrele 1, 5, 8, se utilizează un algoritm care, pentru $n = 2$, generează în ordine descrescătoare numerele 88, 85, 81, 58, 55, 51, 18, 15, 11.

Dacă $n = 4$ și se utilizează același algoritm, care afirmații sunt **adevărate**?

- A. Numărul total de elemente al șirului generat este **64**;
- B. Numărul total de elemente al șirului generat este **81**;
- C. Înaintea elementului **5555** este **5558**;
- D. După elementul **5151** este **5115**.

1.124. Algoritmul `ceFace(n)` are ca parametru de intrare un număr natural n ($0 \leq n \leq 10000$).

```
Algorithm ceFace(n) :  
    s ← 0  
    While n > 0 execute  
        c ← n MOD 10  
        If (c MOD 3 = 1) OR (c MOD 3 = 2)  
            then  
                s ← s + (c MOD 3)  
        EndIf  
        n ← n DIV 10  
    EndWhile  
    return s  
EndAlgorithm
```

Care afirmații sunt **adevărate**?

- A. Pentru $n=987654$ se returnează 5;
- B. Pentru $n=987654$ se returnează 6;
- C. Pentru $n=7777777$ se returnează 7;
- D. Pentru $n=8888888$ se returnează 8.

1.125. Se consideră toate șirurile de lungime $L \in \{1, 2, 3\}$ formate din litere din mulțimea alfabetului englez (26 litere din care 5 vocale)
Câte dintre aceste șiruri au elementele ordonate strict crescător (conform alfabetului) și un număr impar de vocale? (a, e, i, o, u sunt vocale)

- A. 1160
- B. 1165
- C. 1170
- D. 1175

1.126. Precizați care dintre următoarele expresii are valoarea adevărat dacă și numai dacă numărul natural n este divizibil cu 6 și are ultima cifră 2 sau 8:

- A. $(n \bmod 9 = 0) \text{ AND } ((n \bmod 10 = 4) \text{ OR } (n \bmod 10 = 8))$
- B. $(n \bmod 6 = 0) \text{ AND } ((n \bmod 10 = 2) \text{ OR } (n \bmod 10 = 8))$
- C. $((n \bmod 3 = 0) \text{ AND } (n \bmod 10 = 2)) \text{ OR } ((n \bmod 3 = 0) \text{ AND } (n \bmod 10 = 8))$
- D. $(n \bmod 3 = 0) \text{ AND } (n \bmod 10 = 2) \text{ AND } (n \bmod 10 = 8)$

1.127. Se consideră toate șirurile de lungime $L \in \{1, 2, 3\}$ formate din litere din mulțimea alfabetului englez (26 litere din care 5 vocale)
Câte dintre aceste șiruri sunt palindroame și au un număr impar de vocale? (a, e, i, o, u sunt vocale).

- A. 115
- B. 125
- C. 135
- D. 145

1.128. Se consideră algoritmul **calcul(x, n)**, unde parametrii de intrare sunt numerele naturale n și x , având proprietatea: $1 \leq x \leq n < 10$.

```

Algorithm calcul(x, n):
    b ← 1
    For i ← 1, n - x, 2 execute
        b ← b + i
    EndFor
    a ← b - 1 (*)
    For i ← n - x + 1, n, 2 execute
        a ← a + i
    EndFor
    return a - b
EndAlgorithm

```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Dacă $n = 7$ și $x = 3$, atunci algoritmul returnează **12**.
- B. Dacă $n = 7$ și $x = 3$, atunci algoritmul returnează **11**.
- C. Pentru orice valori ale lui x și n (cu precondiții adevărate) a se inițializează cu **0**. (*)
- D. Algoritmul returnează întotdeauna o valoare strict mai mare decât **0**.

1.129. Se dă algoritmul $s(a, b, c)$, unde a, b, c sunt numere naturale pozitive ($1 \leq a, b, c \leq 10000$).

```

Algorithm s(a, b, c):
    If (a = 0) OR (b = 0) OR (c = 0) then
        return 1
    else
        If a > b then
            return a * s(a - 1, b, c)
        else
            If a < b then
                return b * s(a, b - 1, c)
            else
                return c * s(a - 1, b - 1, c - 1)
            EndIf
        EndIf
    EndIf
EndAlgorithm

```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate în cazul în care $a = b$ și $a < c$;

- A. Algoritmul calculează și returnează $c! / (c - a)!$
- B. Algoritmul calculează și returnează $c! / (c - a + 1)!$
- C. Algoritmul calculează și returnează $c! / (c - a - 1)!$
- D. Algoritmul calculează și returnează aranjamente de c luate câte a .

1.130. Se dă algoritmul $s(a, b, c)$, unde a, b, c sunt numere naturale pozitive ($1 \leq a, b, c \leq 10000$).

```

Algorithm s(a, b, c):
  If (a = 0) OR (b = 0) OR (c = 0) then
    return 1
  else
    If a > b then
      return a * s(a - 1, b, c)
    else
      If a < b then
        return b * s(a, b - 1, c)
      else
        return c * s(a - 1, b - 1, c - 1)
      EndIf
    EndIf
  EndIf
EndAlgorithm

```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate în cazul în care $a < b < c$;

- A. Algoritmul calculează și returnează $(b!/(b-a)!) * (c! / (c - a)!)$;
- B. Algoritmul calculează și returnează $(b!/(b-a+1)!) * (c! / (c - a)!)$;
- C. Algoritmul calculează și returnează $(b!/(b-a-1)!) * (c! / (c - a)!)$;
- D. Algoritmul calculează și returnează valoarea 4200 pentru $a=3, b=5, c=7$.

1.131. Fie s un șir de numere naturale unde elementele s_i sunt de forma

$$s_i = \begin{cases} x, & \text{dacă } i = 1 \\ x + 1, & \text{dacă } i = 2 \\ s_{i-2} @ s_{i-1} & \text{dacă } i > 2 \end{cases} \quad (i = 1, 2, \dots).$$

Operatorul @ concatenează cifrele operandului stâng cu cifrele operandului drept, în această ordine (cifre aferente reprezentării în baza 10), iar x este un număr natural ($1 \leq x \leq 99$). De exemplu, dacă $x = 2$, șirul s va conține valorile 2, 3, 23, 323, 23323, ...

Pentru un număr natural k ($1 \leq k \leq 30$) precizați numărul cifrelor aceluși termen din șirul s care este succesorul termenului format din $k1$ cifre, unde $k1$ este cel mai mare număr cu proprietatea că $k \leq k1 \leq 30$ și există un termen format din $k1$ cifre.

- A. dacă $x = 15$ și $k = 8$, numărul cifrelor termenului căutat este 42.
- B. dacă $x = 2$ și $k = 6$, numărul cifrelor termenului căutat este 55.
- C. dacă $x = 14$ și $k = 27$, numărul cifrelor termenului căutat este 26.
- D. dacă $x = 5$ și $k = 12$, numărul cifrelor termenului căutat este 34.

1.132. Ce returnează algoritmul $m2(n)$? Parametrul n este natural. (sursă: personală)

```
Algoritmul  $m2(n)$  :  
  rez ← 0  
  nr ← 0  
  backN ← n  
  Pentru  $c \leftarrow 0,9$  execută  
    n ← backN  
    CâtTimp (n > 0)  
      Dacă (n Mod 10 = c) AND (c = 0)  
        Atunci  
          nr ← nr + 1  
        Altfel  
          Dacă (n Mod 10 = c and c > 0)  
            Atunci  
              rez ← rez * 10 + c;  
              CâtTimp (nr > 0)  
                rez ← rez * 10;  
                nr ← nr - 1  
              SfCâtTimp  
            SfDacă  
          SfDacă  
          n ← n / 10  
        SfCâtTimp  
      SfPentru  
    Return rez  
SfAlgoritm
```

- A. dacă $n=303$, returnează 303
- B. dacă $n=30303$, returnează 30303
- C. dacă $n=60606$, returnează 60606
- D. dacă $n=90909$, returnează 90099

2. Vectori de 1 dimensiune (șiruri)

2.1. Ce returnează algoritmul $s(n,v)$, $n > 1$, natural și $v[1], \dots, v[n]$ un vector cu numere întregi? (sursa: personală)

```
Algorithm prim(n)
...
    {returnează 1, dacă n e prim}
    {returnează 0, dacă n nu e prim}
EndAlgorithm

Algorithm s(n,v):
    s1 ← 0
    s2 ← 0
    For i ← 1, n execute
        If (prim(i)=0) AND (prim(v[i])=1)
            then
                s1 ← s1+v[i]
            else
                s2 ← s2+v[i]
        EndIf
    EndFor
    return s1-s2
EndAlgorithm
```

- A. Diferența dintre suma valorilor prime din vector și suma valorilor neprime;
- B. Diferența dintre suma numerelor prime de pe pozițiile neprime din vector și suma celorlate valori din vector;
- C. Diferența dintre suma numerelor prime de pe pozițiile neprime din vector și suma valorilor neprime de pe pozițiile prime din vector;
- D. Pentru $n=6$, $v = [1, 2, 14, 13, 15, 7]$ se returnează -12.

2.2. Se consideră subalgoritmul **dif(a, n)**, unde **a** este un șir cu **n** numere întregi (**n** – număr natural, $1 < n < 100$):
(sursa: admitere/concurs FMI UBB Cluj-Napoca)

```

Algorithm dif(a, n):
    If n = 0
        then
            return 0
    EndIf
    If |a[n]| MOD 2 = 0                { |a[n]| e modulul lui a[n] }
        then
            return dif(a, n - 1) + a[n]
        else
            return dif(a, n - 1) - a[n]
    EndIf
EndAlgorithm

```

Precizați pentru care valori ale lui **n** și **a** subalgoritmul returnează valoarea 0.

- A. $n = 4$ și $a = (6, 4, 5, 5)$
- B. $n = 4$ și $a = (-6, 5, 4, -7)$
- C. $n = 8$ și $a = (-6, 5, -1, -4, 1, 4, -7, 6)$
- D. $n = 8$ și $a = (-6, -3, 0, 1, 2, 3, -1, 4)$

2.3. Ce face algoritmul ? Vectorul **x** are valori întregi și are lungimea **n** (date de intrare). Vectorul **p** și lungimea sa **k** trebuie determinate (sursa:personală)

```

Algorithm pm(x, n){
    k ← 1
    p[1] ← 1
    For i ← 2, n execute
        If x[i] > x[p[1]]
            then
                k ← 1
                p[1] ← i
            else
                If x[i] = x[p[1]]
                    then
                        k ← k+1
                        p[k] ← i
                EndIf
            EndIf
        EndIf
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. Pentru $x=(9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1) \Rightarrow P=(1,2,3)$;
- B. Pentru $x=(1, 3, 9, 4, 6, 5, 8, 7, 9) \Rightarrow P=(1,3,9)$;
- C. Pentru $x=(4, 8, 3, 5, 8, 2, 8, 5, 1) \Rightarrow P=(2,5,7)$;
- D. Pentru $x=(8, 4, 3, 2, 8, 2, 5, 8, 3) \Rightarrow P=(4,6)$.

2.4. Ce returnează algoritmul **a(v,n)**? **v** este un vector de numere întregi, iar **n** este lungimea lui **v**.
(sursa:personală)

```
Algorithm a(v,n):           { algoritmul prim(m) returneaza 1 daca m e prim și }
                             { 0 în caz contrar }

    k ← 1
    While (k ≤ n) AND (prim(v[k])=0) execute
        k ← k + 1
    EndWhile
    If k > n
        then
            returnează -1
        else
            m ← v[k]
            k ← k + 1
            While k ≤ n execute
                If m = v[k]
                    then
                        returnează 2
                    else
                        k ← k + 1
                EndIf
            SfCătTimp
        EndIf
    return 1
EndAlgorithm
```

- A. For **v**= (9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 9) ⇒ -1
- B. For **v**= (1, 3, 9, 4, 6, 5, 8, 7, 9) ⇒ 2;
- C. For **v**= (4, 8, 3, 5, 8, 2, 8, 5, 1) ⇒ 1;
- D. For **v**= (8, 4, 3, 2, 8, 2, 5, 8, 3) ⇒ 2.

2.5. Avem 4 variante ale algoritmului de căutare binară. Care e corectă? (x este, aprioric, sortat crescător).
(sursa:personală)

```
A. {ls=1, ld=lung.lui x la apelul primar}
Algorithm cbr(ls, ld, x, val):
  m ← (ls+ld) DIV 2
  If ls ≤ ld
    then
      If val = x[m]
        then
          return m
      EndIf
      If val < x[m]
        then
          return cbr(ls,m-1,x,val)
        else
          return cbr(m+1,ld,x,val)
      EndIf
    EndIf
  return -1
EndAlgorithm
```

```
B. {ls=1, ld=lung.lui x la apelul primar}
Algorithm cbr(ls, ld, x, val):
  m ← (ls+ld) DIV 2
  If ls ≤ ld
    then
      If val = x[m]
        then
          return m
      EndIf
      If val < x[m]
        then
          return cbr(ls,m+1,x,val)
        else
          return cbr(m-1,ld,x,val)
      EndIf
    EndIf
  return -1
EndAlgorithm
```

```
C. {n lungimea lui x}
Algorithm cbr(n, x, val):
  ls ← 1
  ld ← n
  Câtimp ls ≤ ld execute
    m ← (ls+ld) DIV 2
    If val=x[m]
      then
        return m
    EndIf
    If val < x[m]
      then
        ld ← m
      else
        ls ← m+1
    EndIf
  EndWhile
  return -1
EndAlgorithm
```

```
D. {n lungimea lui x}
Algorithm cbr(n, x, val):
  ls ← 1
  ld ← n
  Câtimp ls ≤ ld execute
    m ← (ls+ld) DIV 2
    If val=x[m]
      then
        return m
    EndIf
    If val < x[m]
      then
        ld ← m-1
      else
        ls ← m+1
    EndIf
  EndWhile
  return -1;
EndAlgorithm
```

2.6. Ce valori au variabilele **ls**, **ld**, fie la terminarea instrucțiunii repetitive **Repetă ... PânăCand** fie înainte de instrucțiunea **return m**? (sursa: personală)

```

Algorithm cautBinar(n, x, val): {n lungimea lui x}
  ls ← 1
  ld ← n
  Repetă
    m ← (ls+ld) DIV 2
    If x[m] = val
      then
        (*) return m
    EndIf
    If val < x[m]
      then
        ld ← m-1
      else
        ls ← m+1
    EndIf
  Until ls > ld
  return -1
EndAlgorithm

```

- A. $n=6$, $x=\{1,2,3,4,5,6\}$, $val = 10 \Rightarrow ls=7$, $ld=8$
- B. $n=6$, $x=\{1,2,3,4,5,6\}$, $val = 10 \Rightarrow ls=7$, $ld=5$
- C. $n=6$, $x=\{1,2,3,4,5,6\}$, $val = 4 \Rightarrow ls=5$, $ld=6$
- D. $n=6$, $x=\{1,2,3,4,5,6\}$, $val = 4 \Rightarrow ls=4$, $ld=4$

2.7. Vectorul **p**, de **n** componente ($n > 10$), este modificat după secvența de mai jos. Aprioric **v** este inițializat cu **0**. (sursa: personală). Care afirmații sunt adevarate?

```

For i ← 2, [√n] execute
  For k ← 2*i, n, i execute
    p[k] ← 1
  EndFor
EndFor

```

- A. Pentru fiecare j par și ($1 \leq j \leq n$) atunci $P[j] = 1$;
- B. Pentru fiecare j impar și ($1 \leq j \leq n$) atunci $P[j] = 0$;
- C. Dacă j este prim și ($1 \leq j \leq n$) atunci $P[j] = 1$;
- D. Dacă j este prim și ($1 \leq j \leq n$) atunci $P[j] = 0$.

2.8. Ce face algoritmul $x(v,n)$? v este un vector de n numere întregi. (sursa:personală)

```
Algorithm  $x(v,n)$ : { $n$  lungimea lui  $v$ }  
  For  $k \leftarrow 1, n-1$  execute  
    For  $i \leftarrow 1, n-1$  execute  
      If  $v[i] < v[i+1]$   
        then  
           $v[i] \leftrightarrow v[i+1]$  { interschimba }  
        EndIf  
    EndFor  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

- A. BubbleSort crescator vectorul v ;
- B. SelectSort descrescator vectorul v ;
- C. SelectSort crescator vectorul v ;
- D. BubbleSort descrescator vectorul v ;

2.9. Ce face algoritmul $x(v,n)$? v este un vector de n numere întregi ($n > 3$). (sursa:personală)

```
Algorithm  $x(v,n)$ : { $n$  lungimea lui  $v$ }  
  For  $k \leftarrow 1, 3$  execute  
    For  $i \leftarrow 1, n-1$  execute  
      If  $v[i] > v[i+1]$   
        then  
           $v[i] \leftrightarrow v[i+1]$  { interschimba }  
        EndIf  
    EndFor  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

- A. BubbleSort crescator a vectorului v ;
- B. Pe primele 3 poziții se vor afla cele mai mici 3 valori ale vectorului v și acestea sunt sortate crescător;
- C. Pe ultimele 3 poziții se vor afla cele mai mari 3 valori ale vectorului v și acestea sunt sortate crescător;
- D. Sortează crescător vectorul v , pentru $n=4$.

2.10. Ce fac cei doi algoritmi? (v este un vector de n componente întregi, $n > 3$). (sursa:personală)

```
Algorithm b1(n,v):
  For k ← 1,n-1 execute
    For i ← 1,n-1 execute
      If v[n-i+1] < v[n-i]
        then
          v[n-i+1] ↔ v[n-i] { interschimba }
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  EndAlgorithm
```

```
Algorithm b2(n,v):
  For k ← 1,n-1 execute
    For i ← n,2,-1 execute
      If v[i] < v[i-1]
        then
          v[i] ↔ v[i-1] { interschimba }
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  EndAlgorithm
```

- A. **b1** sortează crescător pe v , **b2** sortează descrescător pe v ;
- B. **b1** sortează descrescător pe v , **b2** sortează crescător pe v ;
- C. **b1** sortează descrescător pe v , **b2** sortează descrescător pe v ;
- D. **b1** sortează crescător pe v , **b2** sortează crescător pe v .

2.11. Fie algoritmul de mai jos, care variante sunt adevărate? (sursa:personală)

```

Algorithm x(v,n): {n lungimea lui v}
  For k← 1,n-1 execute
    For i← 1,n-1 execute
      If v[i] > v[i+1]
        then
          v[i]↔ v[i+1] { interschimba }
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  EndAlgorithm

```

A. Înlocuind If ... EndIf, cu instrucțiunile:

```

d← i+1
If v[i] > v[i+d]
  then
    v[i]↔ v[i+d]
  EndIf

```

Efectul algoritmului se schimbă.

B. Înlocuind If ... EndIf, cu instrucțiunile:

```

d← i+1
If v[i] > v[d]
  then
    v[i]↔ v[d]
  EndIf

```

Efectul algoritmului nu se schimbă.

C. Înlocuind If ... EndIf, cu:

```

If v[n-i+1] < v[n-i]
  then
    v[n-i]↔ v[n-i+1]
  EndIf

```

Efectul algoritmului nu se schimbă.

D. Înlocuind If ... EndIf, cu:

```

If v[n-i+1] > v[n-i]
  then
    v[n-i]↔ v[n-i+1]
  EndIf

```

Efectul algoritmului nu se schimbă.

2.12. Se dă o variantă a tehnicii bulelor de sortare a vectorului **v** de lungime **n** (**n>1**). (sursa:personală)

```

Algorithm b(n v):
  poz← n          {poz = poziția ultimei schimbări după instrucțiunea For}
  Repetă
    ok← 1          {ok e variabilă semafor}
    pI← 1          {pI e poziția unei schimbări}
    For i← 1,poz-1 execute
      If v[i] > v[i+1]
        then
          v[i] ↔ v[i+1]    (*)
          ok← 0
          pI← i
        EndIf
      EndFor
    poz← pI
  PânăCând ok = 1
EndAlgorithm

```

De câte ori se execute interschimbarea (*), pentru **n=8** și **v= {3, -9, 123, 17, -333, -56, 7, 27}**?

- A. de 12 ori;
- B. de 13 ori;
- C. de 14 ori;
- D. de 15 ori.

2.13. Se dă o variantă a tehnicii selecției de sortare a vectorului v de lungime n ($n > 1$). (sursa:personală)

```
Algorithm s2Cresc (n, v):  
  For i ← 1, n-1  
    pMin ← i  
    For j ← i+1, n  
      If v[j] < v[pMin]  
        then  
          pMin ← j  
      EndIf  
    EndFor  
    v[i] ↔ v[pMin] {interschimbare}  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

De câte ori se face interschimbarea pentru $n=8$ și $v=\{3, -9, 123, 17, -333, -56, 7, 27\}$

- A. de 9 ori
- B. de 8 ori
- C. de 7 ori
- D. de 6 ori

2.14. Se dă o variantă a tehnicii inserției de sortare a vectorului v de lungime n . (sursa:personală)

```
Algorithm insCresc(n, v):  
  For i ← 2, n execute  
    aux ← v[i]  
    j ← i-1  
    While (j > 0) AND (aux < v[j]) execute  
      v[j+1] ← v[j] (*)  
      j ← j-1  
    EndWhile  
    v[j+1] ← aux;  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

De câte ori se execute instrucțiunea (*) pentru $n=8$ și $v=\{3, -9, 123, 17, -333, -56, 7, 27\}$?

- A. de 12 ori
- B. de 13 ori
- C. de 14 ori
- D. de 15 ori

2.15. Care afirmații sunt adevărate, pentru cei 4 algoritmi? (sursa:personală)

- A. Algoritmul 1 și algoritmul 2 fac sortarea prin algoritmul bulelor;
- B. Algoritmul 3 și algoritmul 4 fac sortarea prin inserție;
- C. Algoritmul 4 face sortarea prin selecție;
- D. Algoritmul 3 face sortarea prin inserție;

```
1.      {v vector iar n=lungimea v}
Algorithm unu(n,v):
  For k← 1,n-1 execute
    For i k← 1,n-1 execute
      If v[i] > v[i+1]
        then {schimbare}
          v[i]↔ v[i+1]
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  EndAlgorithm
```

```
2.      {v vector iar n=lungimea v}
        {apelul primar cu i=1, ok=true}
Algorithm doi(n,x,i,ok):
  If i < n
    then
      If x[i] > x[i+1]
        then
          v[i]↔ v[i+1] {schimbare}
          ok← false;
        EndIf
        doi(n,x,i+1,ok)
      EndIf
    If ok = false
      then
        doi(n,x,i←1,ok←true)
      EndIf
  EndAlgorithm
```

```
3.      {x vector iar n=lungimea lui x}
        {apelul primar cu i←2,j←1,aux←x[2]}
Algorithm trei(n,i,j,x,aux):
  If i ≤ n
    then
      If (j > 0) AND (aux < x[j])
        then
          x[j+1]← x[j]
          trei(n,i,j-1,x,aux)
        else
          x[j+1]← aux
          trei(n,i+1,i,x,x[i+1])
        EndIf
      EndIf
    EndAlgorithm
```

```
4.      {v vector iar n=lungimea v }
        {apelul primar D(n,v,i←1,j←2)}
Algorithm patru(n,v,i,j):
  If i < n
    then
      If j ≤ n
        then
          If v[i] > v[j]
            then
              v[i]↔ v[j] {schimbare}
            EndIf
            patru(n,v,i,j+1)
          else
            patru(n,v,i+1,i+2)
          EndIf
        EndIf
      EndAlgorithm
```

2.16. Fie algoritmul **f** de mai jos. Cum se aranjează elementele vectorului **a** (indicii de la **1** la **n**), după execuția algoritmului (sursa:personală)

```

Algorithm f(n,a):
  i ← j ← 1
  While j ≤ n execute
    If a[j] ≥ 0
      then
        j ← j+1
      else
        a[j] ↔ a[i]
        i ← i+1
        j ← j+1
    EndIf
  EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. Primele elemente sunt > 0 apoi ultimele sunt ≤ 0 ;
- B. Primele elemente sunt ≤ 0 ;
- C. Există $k \in \{1, \dots, n\}$ astfel că primele k sunt amestecate, iar ultimele $(n-k) \geq 0$;
- D. Există $k \in \{0, \dots, n\}$ astfel că primele k sunt < 0 , iar ultimele $(n-k) \geq 0$.

2.17. Ce valori au variabilele **iM** și **Im**, după executarea secvenței? (sursa:personală)

```

{x e vector, n e lungimea lui x}
Im ← iM ← n
For i ← n-1, 1, -1 execute
  If x[i] > x[Im]
    then
      Im ← i
  EndIf
  If x[i] < x[iM]
    then
      iM ← i
  EndIf
EndFor

```

- A. Pentru $x=(9,8,7,6,5,4,3,2,1) \Rightarrow Im=9, iM=1$;
- B. Pentru $x=(9,8,7,6,5,4,3,2,1) \Rightarrow Im=5, iM=5$;
- C. Pentru $x=(9,8,7,6,5,4,3,2,1) \Rightarrow Im=1, iM=9$;
- D. Pentru $x=(9,8,7,6,5,4,3,2,1) \Rightarrow Im=9, iM=9$;

2.18. Ce face Algoritmul următor **pmn (n,x)**? (**n** natural și este lungimea vectorului **x**).
Tabloul **p** și lungimea lui **k** se crează. (sursa:personală)

```

Algorithm pmn(n,x):  {n și x date, n>1}
    i ← 1
    While (i ≤ n) AND (x[i] ≥ 0) execute
        i ← i+1
    EndWhile
    If i ≤ n
        then
            k ← 1
            p[k] ← i
            For j ← i+1, n execute
                If x[j] = x[p[1]]
                    then
                        k ← k+1
                        p[k] ← j
                    else
                        If (x[j] < 0) AND (x[j] > x[p[1]])
                            then
                                k ← 1
                                p[k] ← j
                        EndIf
                    EndIf
            EndFor
        else
            k ← 0
        EndIf
    EndAlgorithm

```

- A. Determină pozițiile numerelor negative din **x** sau **k=0** în caz contrar;
- B. Determină valorile numerelor negative din **x** sau **k=0** în caz contrar;
- C. Determină pozițiile numărului maxim negativ din **x**, sau **k=0** în caz contrar;
- D. Determină valoarea numărului maxim negativ din **x**, sau **k=0** în caz contrar.

2.19. Ce conține vectorul **y** ($n > 1$, natural și este lungimea vectorilor **x** și **y**). Algoritmul **createY(...)** apelează algoritmul **mm(...)**.

```

Algorithm createY(n,x,y):
  For i ← 1,n execute
    y[i] ← mm(n,x,i)
  EndFor
EndAlgorithm

Algorithm mm (n,x,i):
  cnt ← 0
  j ← 1
  CâtTimp j < i execute
    If x[j] < x[i]
      then
        cnt ← cnt+1
      EndIf
    j ← j+1
  EndWhile
  return cnt
EndAlgorithm

```

- A. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\};$
- B. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{5, 4, 3, 2, 1, 0\};$
- C. $x = \{1, 20, 3, 40, 5, 6\} \Rightarrow y = \{0, 1, 1, 3, 2, 3\};$
- D. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}.$

2.20. Algoritmul **creY(...)** apelează, ceilalți doi algoritmi; **m,n>1** naturale; vectorul **x** și lungimea lui **n**, sunt date; trebuie creat vectorul **y** și lungimea lui **m**.

```

Algorithm creY(n, x, m, y):
    m ← 0
    For i ← 1, n execute
        poz ← existaInY(m, y, x[i])
        If poz = 0
            then
                adaugInY(m, y, x[i])
        EndIf
    EndFor
EndAlgorithm

```

```

Algorithm existaInY(m, y, v)
    For i ← 1, m execute
        If v = y[i]
            then
                returnează i
        EndIf
    EndFor
    returnează 0
EndAlgorithm

```

```

Algorithm adaugInY (m, y, v)      {m transmis prin referință}
    j ← m
    CatTimp (j > 0) AND (v < y[j]) execute
        y[j+1] ← y[j]
        j ← j-1
    EndWhile
    y[j+1] ← v
    m ← m+1
EndAlgorithm

```

- | | | |
|--|----|-------------------------------------|
| A. Dacă $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4\}$, $n=9$ | => | $y = \{5, 4, 3, 2, 1\}$ și $m=5$; |
| B. Dacă $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 4\}$, $n=9$ | => | $y = \{1, 2, 30, 5, 4\}$ și $m=5$; |
| C. Dacă $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 4\}$, $n=9$ | => | $y = \{1, 2, 4, 5, 30\}$ și $m=5$; |
| D. Dacă $x = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}$, $n=6$ | => | $Y = \{1\}$ și $m=1$; |

2.21. Algoritmul **cmls(...)** apelează algoritmul **s(...)**. Se dau: vectorul **x** și **n>0** lungimea lui **x**; **st** și **dr** trebuie determinate. Care afirmații sunt corecte?

```

Algorithm cmls(n, x):
    i ← 1
    st ← 0
    dr ← -1
    While i < n execute
        While (i < n) AND (x[i] ≥ x[i+1]) execute
            i ← i+1
        EndWhile
        If (i < n)
            then
                j ← s(i,n,x)
                If (j-i > 0) AND (j-i > dr-st)
                    then
                        st ← i
                        dr ← j
                    EndIf
            EndIf
        i ← j+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

```

Algorithm s(i, n, x):
    j ← i
    While (j < n) AND (X[j] < X[j+1]) execute
        j ← j+1
    SfCătTimp
    returnează j
EndAlgorithm

```

- | | |
|---|--------------------------------|
| A. Dacă $X = \{1, 2, 3, -5, 3, 1, 2, 3, 4\}$, $n=9$ | $\Rightarrow st = 1, dr = 3$ |
| B. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 10\}$, $n=9$ | $\Rightarrow st = 6, dr = 9;$ |
| C. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 4\}$, $n=9$ | $\Rightarrow st = 6, dr = 8;$ |
| D. Dacă $X = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}$, $n=6$ | $\Rightarrow st = 0, dr = -1;$ |

2.22. Algoritmul **dp(...)** are ca parametri vectorul **x** (valori nenule) și **n>0** lungimea lui **x**;
Vectorul **p** trebuie determinat, **x** are valori întregi nenule. Care afirmații sunt adevărate?

```

Algorithm dp (n, x){
    For i← 1,n
        p[i] ← i
    EndFor
    For i← 1,n-1 execute
        For j← i+1,n execute
            If x[p[i]] < x[p[j]]
                then
                    p[i] ← p[i] * p[j]
                    p[j] ← p[i] DIV p[j]
                    p[i] ← p[i] DIV p[j]
            EndIf
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $X = \{1, 2, 3, -5, 6, -7\}$, $n=6$ $\Rightarrow P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$;
- B. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 8, 1\}$, $n=6$ $\Rightarrow P = \{3, 5, 4, 2, 1, 6\}$;
- C. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$ $\Rightarrow P = \{1, 6, 2, 4, 5, 3\}$;
- D. Dacă $X = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}$, $n=6$ $\Rightarrow P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$.

2.23. Algoritmul **fda(..)** schimbă ordinea elementelor inițiale din vectorul **x** de lungime **n**, **a** este dat de asemenea.
Care afirmații sunt adevărate?

```

Algorithm fda(n,x,a):
    i← 1
    j← 1
    While j ≤ n execute
        If x[j] < a
            then
                x[j] ↔ x[i]
                i← i+1
            EndIf
        j← j+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $X = \{1, 2, 3, -5, 6, -7\}$, $n=6$, $a=4$ $\Rightarrow X = \{1, 2, 3, -5, -7, 6\}$
- B. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=4$ $\Rightarrow X = \{1, 2, 2, 1, 5, 30\}$;
- C. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=-4$ $\Rightarrow X = \{2, 1, 30, 5, 2, 1\}$;
- D. Dacă $X = \{1, 2, 5, 9, 10, 20\}$, $n=6$, $a=5$ $\Rightarrow X = \{20, 1, 2, 5, 9, 10\}$;

- 2.24. Algoritmul **ea(...)** modifică vectorul **x** de lungime **n**, **a** este dat de asemenea. Care afirmații sunt adevărate?

```

Algorithm ea (n,x,a):
    i ← 1
    While i ≤ n execute
        If x[i] ≤ a
            then
                For j ← i,n-1 execute
                    x[j] ← x[j+1]
                EndFor
                n ← n-1
            else
                i ← i+1
        EndIf
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $X = \{1, 2, 3, -5, 6, -7\}$, $n=6$, $a=4 \Rightarrow X = \{1, 2, 3, -5, -7\}$, $n=5$
 B. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=2 \Rightarrow X = \{30, 5\}$, $n=2$;
 C. Dacă $X = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=-4 \Rightarrow X = \{2, 1, 30, 5, 2, 1\}$, $n=6$;
 D. Dacă $X = \{1, 2, 5, 9, 10, 20\}$, $n=6$, $a=5 \Rightarrow X = \{20, 1, 2, 5, 9, 10\}$, $n=6$;

- 2.25. Se dau n , natural $n > 1$, și vectorul de întregi x . Ce valori are x după execuția algoritmului ce urmează (alegeți variantele corecte):

```

Algorithm selectie (n, x):
    For i ← 1,3 execute
        For j ← i+1,n execute
            If x[i] > x[j]
                then
                    x[i] ↔ x[j]
            EndIf
        EndFor
    EndFor
SfAlgorithm

```

- A. $n=6$, $x = \{4, 5, 6, 3, 2, 1\} \Rightarrow x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
 B. $n=2$, $x = \{5, 4\} \Rightarrow x = \{4, 5\}$
 C. $n=5$, $x = \{5, 4, 3, 1, 2\} \Rightarrow x = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 D. $n=5$, $x = \{5, 4, 3, 1, 2\} \Rightarrow x = \{1, 2, 3, 5, 4\}$

2.26. Se dau algoritmi **pc(...)** și **ps(...)**. Algoritmul **ps(...)** are parametri de intrare un vector **v** și doi indici **st**, **dr**. Apelul lui **ps** (din exterior) se face cu **st=1** și **dr=lungimea lui v**. Algoritmul **ps** apelează algoritmul **pc(...)**.

```

Algorithm ps(v, st, dr):
    i ← st
    d ← st+1
    While d ≤ dr execute
        If v[i] ≤ v[d]
            then
                d ← d+1
            else
                pc(v, i, d)
                i ← i+1
                d ← d+1
        EndIf
    EndWhile
    return i
EndAlgorithm

```

```

Algorithm pc(v, p, q)                                {p < q}
    aux ← v[q]
    For i ← q, p+1, -1 execute
        v[i] ← v[i-1]
    EndFor
    v[p] ← aux
EndAlgorithm

```

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Dacă **v**= {-10, 10, -10, 10, -10, 10}, **n**=6, algoritmul **pc** returnează 4;
- B. Dacă **v**= {-14, 13, -12, 11, -10, 9}, **n**=6, algoritmul **pc** returnează 2;
- C. Dacă **v**= {-9, 10, -11, 12, -13, 14}, **n**=6, algoritmul **pc** returnează 3;
- D. Dacă **v**= {9, 3, 15, 12, -100, 2}, **n**=6, algoritmul **pc** returnează 4.

- 2.27. Se dă algoritmul **pU(...)** de mai jos. Algoritmul **pu** are parametrii de intrare un vector **x** și doi indici **st**, **dr**. Apelul lui **pU** (din exterior) se face cu **st=1** și **dr=lungimea** lui **v**.

```

Algorithm pU(x, st, dr):
    i ← st
    For j ← st, dr execute
        If x[j] < x[dr]
            then
                x[i] ↔ x[j]
                i ← i+1
        EndIf
    EndFor
    x[i] ↔ x[dr]
    return i
EndAlgorithm

```

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Pentru **V = {-10, 10, -10, 10, -10, 10}**, **n=6**, algoritmul **pU** returnează **4**;
- B. Pentru **V = {-14, 13, -12, 11, -10, 9}**, **n=6**, algoritmul **pU** returnează **1**;
- C. Pentru **V = {-9, 10, -11, 12, -13, 14}**, **n=6**, algoritmul **pU** returnează **3**;
- D. Pentru **V = {9, 3, 15, 12, -100, 2}**, **n=6**, algoritmul **pU** returnează **2**.

- 2.28. Se dă algoritmul **ps(...)** de mai jos. Algoritmul **ps** are parametrii de intrare un vector **x** și doi indici **st**, **dr**. Apelul lui **ps** (din exterior) se face cu **st=1** și **dr=lungimea** lui **x**.

```

Algorithm ps(x, st, dr):
    i ← dr
    For j ← dr, st, -1 execute
        If x[j] > x[st]
            then
                x[i] ↔ x[j]
                i ← i-1
        EndIf
    EndFor
    x[i] ↔ x[st]
    return i
EndAlgorithm

```

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Pentru **V = {-10, 10, -11, 10, -12, 10}**, **n=6**, algoritmul **ps** returnează **4**;
- B. Pentru **V = {-1, 13, -12, 11, -10, 9}**, **n=6**, algoritmul **ps** returnează **3**;
- C. Pentru **V = {-9, 10, -11, 12, -13, 14}**, **n=6**, algoritmul **ps** returnează **3**;
- D. Pentru **V = {-9, 3, 15, 12, -100, 2}**, **n=6**, algoritmul **ps** returnează **4**.

2.29. Ce returnează algoritmul **func**. Vectorul **f** are valorile unei funcții definite pe $\{1..m\}$ cu valori în $\{1..n\}$.
Exemplu: o funcție: $\{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ este reprezentată de vectorul $f = \{2, 4, 3\}$.

E funcție

1	2	3
2	4	3

f injectiva

1	2	3
2	3	4

Nu e funcție

1	2	3
2	7	3

f: $\{1,2,3,4\} \rightarrow \{1,2\}$ se pot construi f. surjective

1	2	3	4
2	1	2	2

```

Algorithm func (m, f, n):
    If esteFunctie(m,f,n) = false
    then
        return false
    else
        return true
    EndIf
EndAlgorithm

```

```

Algorithm esteFunctie(m, f, n):
    For i ← 1, m execute
        If (f[i] < 1) OR (f[i] > n)
        then
            return false
        EndIf
    EndFor
    return true
EndAlgorithm

```

- A. false** dacă **f** este funcție bijectivă;
- B. false** dacă **f** este funcție surjectivă;
- C. true** dacă **f** este funcție;
- D. false** dacă **f** este funcție injectivă.

2.30. Ce returnează algoritmul **func**. Vectorul **f** are valorile unei funcții definite pe $\{1..m\}$ cu valori în $\{1..n\}$.
Exemplu: o funcție: $\{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ este reprezentată de vectorul $f = \{2, 4, 3\}$.

```

Algorithm func (m, f, n):
  If m ≠ n
    then
      returnează false
  EndIf
  If esteFuncție(m,f,n) = false
    then
      return false
  EndIf
  For i← 1, m-1 execute
    For j← i+1, m execute
      If f[i] = f[j]
        then
          return false
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  For i← 1,n execute
    If exista (m,f,i) = false
      then
        return false
      EndIf
    EndFor
  return true
EndAlgorithm

Algorithm esteFuncție(m, f, n):
  For i← 1,m execute
    If (f[i] < 1) OR (f[i] > n)
      then
        return false
      EndIf
    EndFor
  return true
EndAlgorithm

Algorithm exista(m, f, val):
  For i← 1,m execute
    If f[i] = val
      then
        return true
      EndIf
    EndFor
  return false
EndAlgorithm

```

- A. true dacă **f** este funcție bijectivă;
- B. true dacă **f** este funcție surjectivă;
- C. true dacă **f** este funcție;
- D. true dacă **f** este funcție injectivă.

2.31. Ce se obține în vectorul x , după execuția algoritmului **pm**. Date: x și n =lungimea lui x .

```

Algorithm pm(x, n) :
  k ← 1
  p[k] ← 1           {vectorul p este intern algoritmului}
  For i ← 2, n execute
    If x[i] > x[p[1]]
      then
        k ← 1
        p[k] ← i
      else
        If x[i] = x[p[1]]
          then
            k ← k+1
            p[k] ← i
          EndIf
        EndIf
      EndFor
    j ← p[k]
    For i ← j-1, 1, -1 execute
      x[i] ← x[i+1]
    EndFor
  EndAlgorithm

```

- A. Pentru $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 8, 7, 6\}$, $n=8$ la final $x = \{7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7\}$
- B. Pentru $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 3\}$, $n=8$ la final $x = \{7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7\}$
- C. Pentru $x = \{1, 2, 8, 4, 5, 8, 7, 6\}$, $n=8$ la final $x = \{8, 8, 8, 8, 8, 8, 7, 6\}$
- D. Pentru $x = \{1, 2, 3, 9, 5, 6, 9, 3\}$, $n=8$ la final $x = \{1, 2, 3, 5, 6, 3, 9, 9\}$

2.32. Avem algoritmul $f(\dots)$ cu 4 parametri: 2 vectori p, q , și lungimile lor m, n .

```
Algorithm f(m,p,n,q) :  
    k ← m+n  
    For i ← 0, k execute    {r vector intern, k lungimea lui}  
        r[i] ← 0  
    EndFor  
    For i ← 0, m execute  
        For j ← 0, n execute  
            r[i+j] ← r[i+j] + p[i] * q[j]  
        EndFor  
    EndFor  
EndAlgorithm
```

Dacă $m=3$, $p= \{1, 2, 3, 4\}$, $n=2$, $q= \{1, 2, 3\}$, care propoziții sunt adevărate ?

- A. $k=3$ și $r= \{10, 20, 30, 40\}$;
- B. $k=4$ și $r= \{12, 13, 12, 10, 9\}$;
- C. $k=5$ și $r= \{1, 4, 10, 16, 17, 12\}$;
- D. $k=5$ și $r= \{1, 4, 10, 16, 18, 12\}$.

2.33. Ce se obține în vectorul **P** după execuția algoritmului **pm(...)**?

```
Algorithm PM(n, x):  
    {n e lungimea lui x, k lungimea lui P}  
    k ← 1  
    p[k] ← 1  
    For i ← 2, n execute  
        If x[i] < x[p[1]]  
            then  
                k ← 1  
                p[k] ← i  
            else  
                If x[i] = x[p[1]]  
                    then  
                        k ← k+1  
                        p[k] ← i  
                EndIf  
            EndIf  
        EndFor  
    EndAlgorithm
```

- A. Pentru $x = \{9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1\} \Rightarrow k=1$ și $P = \{1\}$;
- B. Pentru $x = \{1, 3, 2, 4, 6, 5, 8, 9, 9\} \Rightarrow k=2$ și $P = \{8, 9\}$;
- C. Pentru $x = \{4, 8, 8, 5, 8, 3, 8, 5, 3\} \Rightarrow k=2$ și $P = \{6, 9\}$;
- D. Pentru $x = \{9, 4, 2, 2, 9, 2, 5, 9, 3\} \Rightarrow k=3$ și $P = \{3, 4, 6\}$.

2.34. Se dă algoritmul **a(...)** cu 4 parametri între care **x, y** sunt vectori și **m, n** sunt lungimile lor. Trebuie determinați **b, d** și **c**. Care afirmații sunt corecte?

```

Algorithm a(m,x,n,y):
  b ← c ← d ← 0
  For i ← 1, m execute
    For j ← 1, n execute
      k ← 0
      While (i+k ≤ m) AND (j+k ≤ n) AND (x[i+k]=y[j+k]) execute
        k ← k+1
      EndWhile
      If k > d
        then
          b ← i
          d ← k
          c ← j
        EndIf
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $m=8, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30, 17\}$
 $n=14, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 25, 17, 5, 10, 2\} \Rightarrow b=5, d=3, c=7;$
- B. $m=8, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30, 17\}$
 $n=14, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 25, 17, 5, 10, 2\}; \Rightarrow b=4, d=3, c=12;$
- C. $m=5, x = \{1, 1, 1, 1, 1\}$
 $n=7, y = \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 1\} \Rightarrow b=1, d=5, c=1;$
- D. $m=5, x = \{1, 1, 1, 1, 1\}$
 $n=7, y = \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 1\} \Rightarrow b=1, d=5, c=2;$

- 2.35. Ce returnează algoritmul **func**. Vectorul **f** are valorile unei funcții definite pe $\{1..m\}$ cu valori în $\{1..n\}$.
Exemplu: o funcție: $\{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ este reprezentată de vectorul $f = \{2, 4, 3\}$

```
Algorithm func (m, f, n):
  If m > n
    then
      returnează false
  EndIf
  If esteFunctie(m,f,n) = false
    then
      return false
  EndIf
  For i ← 1, m-1 execute
    For j ← i+1, m execute
      If f[i] = f[j]
        then
          return false
        EndIf
      EndFor
    EndFor
  return true
SfAlgorithm

Algorithm esteFunctie(m, f, n):
  For i ← 1, m execute
    If (f[i] < 1) OR (f[i] > n)
      then
        return false
      EndIf
    EndFor
  return true
EndAlgorithm
```

- A. true dacă f nu este funcție bijectivă;
- B. true dacă f este funcție surjectivă;
- C. true dacă f este doar funcție;
- D. true dacă f este funcție injectivă.

2.36. Ce returnează algoritmul **func**. Vectorul **f** are valorile unei funcții definite pe $\{1..m\}$ cu valori în $\{1..n\}$.

Exemplu: o funcție: $\{1, 2, 3\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4\}$ este reprezentată de vectorul $f = \{2, 4, 3\}$

```
Algorithm func (m, f, n):
  If m < n
    then
      return false
  EndIf
  If esteFunctie(m,f,n) = false
    then
      return false
  EndIf
  For i ← 1,n execute
    If exista (m,f,i) = false
      then
        return false
    EndIf
  EndFor
  return true
SfAlgoritm

Algorithm esteFunctie(m, f, n):
  For i ← 1,m execute
    If (f[i] < 1) sau (f[i] > n)
      then
        return false
    EndIf
  EndFor
  return true
EndAlgorithm

Algorithm exista(m, f, val):
  For i ← 1,m execute
    If f[i] = val
      then
        return true
    EndIf
  EndFor
  return false
EndAlgorithm
```

- A. true dacă f nu este funcție bijectivă;
- B. true dacă f este funcție surjectivă;
- C. true dacă f este doar funcție;
- D. true dacă f este funcție injectivă.

2.37. Se dă algoritmul **a(m,x)**. Parametrul **x** este vector iar **m** este lungimea lui,
Ce valori au **b,c,d** după execuția algoritmului?

```
Algorithm a(m,x) :  
  b← c← d← 0  
  For i← 1,m-1 execute  
    For j← i+1,m execute  
      k← 0  
      While (j+k ≤ m) AND (x[i+k] = x[j+k]) execute  
        k← k+1  
      SfCâtImp  
      If k > d  
        then  
          b← i  
          d← k  
          c← j  
        EndIf  
      EndFor  
    EndFor  
  EndAlgorithm
```

- | | |
|---|-----------------|
| A. m=8, X= {1, 4, -1, 5, 10, 2, 30, 17} | ⇒ b=0,d=0, c=0; |
| B. m=8, X= {1, 4, -1, 5, 10, 1, 4, 17} | ⇒ b=1,d=2, c=6; |
| C. m=5, X= {1, 1, 1, 1, 1} | ⇒ b=1,d=4, c=2; |
| D. m=5, X= {1, 1, 1, 1, 1} | ⇒ b=1,d=5, c=1; |

2.38. Se dă algoritmul $a(n,x,m,y)$ cu $n>0$, $m>0$ valori naturale iar x,y sunt mulțimi de întregi. Algoritmul $a(\dots)$ apelează algoritmul $e(\dots)$. Care afirmații sunt corecte?

```

Algorithm a(n,x,m,y):
    k ← 0
    For i ← 1,n execute
        If e(m,y,x[i]) = 1
            then
                k ← k+1
                z[k] ← x[i]
            EndIf
    EndFor
EndAlgorithm

```

```

Algorithm e(n,b,val):
    For i ← 1,n execute
        If val = b[i]
            then
                return 1
            EndIf
    EndFor
    return 0
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $X = \{1, 3, 5, 7, 9\}$; $Y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow Z = \{1, 2, 3, 4, 5, 5, 7, 9\}$;
- B. Dacă $X = \{3, 7, 9, 5, 1\}$; $Y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow Z = \{3, 5, 1\}$;
- C. Dacă $X = \{1, 3, 5, 7, 9\}$; $Y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow Z = \{7, 9\}$;
- D. Dacă $X = \{1, 3, 4, 5\}$; $Y = \{4, 5\} \Rightarrow Z = \{4, 5\}$.

2.39. Se dă algoritmul **b(n,x,m,y)** cu $n>0$, $m>0$ valori naturale iar **x,y** sunt mulțimi de întregi (vectori). Algoritmul **b(...)** apelează algoritmul **e(...)**. Care afirmații sunt corecte?

```

Algorithm b(n,x,,y) :
    k ← 0
    For i ← 1,n execute
        k ← k+1
        z[k] ← x[i]
    EndFor
    For i ← 1,m execute
        If e(n,x,y[i]) = 0
            then
                k ← k+1
                x[k] ← y[i]
            EndIf
    EndFor
SfAlgoritm

```

```

Algorithm e(n,x,val) :
    For i ← 1,n execute
        If val = x[i]
            then
                return 1
            EndIf
    EndFor
    return 0
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $x = \{3, 5, 1, 7, 9\}$; $y = \{1, 4, 3, 2, 5\} \Rightarrow z = \{3, 5, 1, 7, 9, 4, 2\}$;
- B. Dacă $x = \{1, 3, 5, 7, 9\}$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow z = \{1, 3, 5\}$;
- C. Dacă $x = \{1, 3, 5, 7, 9\}$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow z = \{7, 9\}$;
- D. Dacă $x = \{1, 3, 4, 5\}$; $y = \{4, 5\} \Rightarrow z = \{1, 3, 5\}$.

2.40. Se dă algoritmul $c(n, x, m, y)$ cu $n > 0$, $m > 0$ valori naturale iar x, y sunt mulțimi de întregi (vectori). Algoritmul $c(\dots)$ apelează algoritmul $e(\dots)$. Care afirmații sunt corecte?

```

Algorithm c(n, x, m, y) :
    k ← 0
    For i ← 1, n execute
        If e(m, y, x[i]) = 0
            then
                k ← k + 1
                z[k] ← x[i]
            EndIf
    EndFor
EndAlgorithm

```

```

Algorithm e(m, y, val) :
    For i ← 1, m execute
        If val = y[i]
            then
                return 1
            EndIf
    EndFor
    return 0
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $x = \{9, 3, 7, 5, 1\}$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow z = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 9\}$;
- B. Dacă $x = \{3, 5, 7, 9, 1\}$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\} \Rightarrow z = \{3, 5, 1\}$;
- C. Dacă $x = \{7, 1, 5, 9, 3\}$; $y = \{4, 2, 1, 5, 3\} \Rightarrow z = \{7, 9\}$;
- D. Dacă $x = \{1, 3, 5\}$; $y = \{1, 3, 4, 5\} \Rightarrow z = \{4\}$;

2.41. Algoritmul **creV(n)**, creează vectorul **v** cu numere naturale, **n** este dată de intrare.

```
Algorithm creV(n):  
    v[1] ← m ← k ← 1  
    While k < n execute  
        m ← m+1  
        i ← 1  
        While (k < n) AND (i ≤ m) execute  
            k ← k+1  
            v[k] ← i  
            i ← i+1  
        SfCătTimp  
    SfCătTimp  
EndAlgorithm
```

Ce valori are vectorul **v**?

- A. dacă **n=10** atunci **v= {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}**
- B. dacă **n=10** atunci **v= {1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 1}**
- C. dacă **n=11** atunci **v= {1, 1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4}**
- D. dacă **n=10** atunci **v= {1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4}**

2.42. Algoritmul **rez(n)**, crează vectorul **v** cu numere naturale, **n** este dată de intrare. Algoritmul **rez(n)** apelează **p(k)**

```

Algorithm rez(n) :
    k ← 3
    nr ← 0
    While (nr < n) execute
        If (p(k) = 1) AND (p(k+2) = 1)
            then
                nr ← nr+1
                v[nr] ← k
                nr ← nr+1
                v[nr] ← k+2
            EndIf
        k ← k+2
    EndWhile
EndAlgorithm

```

```

Algoritmul p(n) :
    If n < 2
        then
            return 0
    EndIf
    If (n > 2) AND (n MOD 2 = 0)
        then
            return 0
    EndIf
    d ← 3
    Câtîmp d*d ≤ n execute
        If (n MOD d) = 0
            then
                return 0
        EndIf
        d ← d+2
    EndWhile
    return 1
EndAlgorithm

```

Ce conține vectorul **v**?

- A. $n=8 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17\}$
- B. $n=8 \Rightarrow v = \{3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23\}$
- C. $n=8 \Rightarrow v = \{3, 5, 5, 7, 11, 13, 17, 19\}$
- D. $n=8 \Rightarrow v = \{3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 21\}$

2.43. Algoritmul **rezolv(n)**, crează vectorul **x** cu numere naturale, **n** este data de intrare; **rezolv()** apelează **prim(k)** care determină primalitatea unui numar natural (1, dacă **k** e prim).

```

Algorithm rezolv(n) :
    x[1] ← 1
    i ← k ← 2
    While i ≤ n execute
        If prim(k) = 1
            then
                j ← 1
                While (i ≤ n) AND (j ≤ k) execute
                    x[i] ← j
                    i ← i+1
                    j ← j+1
                EndWhile
            else
                j ← 1
                While (i ≤ n) AND (j ≤ k)
                    x[i] ← k
                    i ← i+1
                    j ← j+1
                EndWhile
            EndIf
        k ← k+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

Ce conține vectorul **x**?

- A. $n=12 \Rightarrow x = \{1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 1, 2\};$
- B. $n=12 \Rightarrow x = \{1, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4\};$
- C. $n=12 \Rightarrow x = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 1, 2\};$
- D. $n=12 \Rightarrow x = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4\}.$

2.44. Algoritmul **comp(n,f,g)** compune doi vectori ce reprezintă 2 funcții, **f** și **g**. Ce conține vectorul **gf**?
(**n** lungimea lui **f**, precum și vectorii **f** și **g** sunt date).

```

Algoritmul comp(n, f, g):
  For i ← 1, n execute
    gf[i] ← g[f[i]]
  EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=4, f = \{2, 1, 3, 3\}, g = \{2, 1, 4\} \Rightarrow gf = \{1, 2, 3, 4\}$
- B. $n=5, f = \{5, 1, 2, 3, 4\}, g = \{1, 1, 1, 2, 3\} \Rightarrow gf = \{4, 1, 1, 2, 3\}$
- C. $n=4, f = \{2, 1, 3, 3\}, g = \{2, 1, 4\} \Rightarrow gf = \{1, 2, 4, 4\}$
- D. $n=5, f = \{5, 1, 2, 3, 4\}, g = \{1, 1, 1, 2, 3\} \Rightarrow gf = \{3, 1, 1, 1, 2\}$

2.45. Algoritmul **creV(n)**, crează vectorul **v** cu numere naturale, **n** este data de intrare.

```

Algorithm creV (n):
  v[1] ← 1
  i ← k ← 2
  While i ≤ n execute
    j ← 2
    v[i] ← k;
    i ← i+1
    While (i ≤ n) AND (j ≤ k DIV 2)
      If (k MOD j) = 0
        then
          v[i] ← j;
          i ← i+1
        EndIf
      j ← j+1
    SfCâtImp
    k ← k+1
  EndWhile
EndAlgorithm

```

Care din afirmații sunt corecte?

- A. $n=12 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$
- B. $n=14 \Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 3, 1, 2, 4, 1, 5, 1, 2, 3, 6\}$
- C. $n=13 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 4, 5, 2, 3, 6, 7, 2, 4, 8\}$
- D. $n=15 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 5, 6, 2, 3, 7, 8, 2, 4, 9, 3\}$

2.46. Algoritmul **creV(n)**, crează vectorul **v** cu numere naturale, **n** este dată de intrare.

```

Algorithm creV(n) :
    v[1] ← 1
    i ← k ← 2                                ///i indice pentru V
    While i ≤ n execute
        j ← 2
        v[i] ← k
        i ← i+1
        u ← 0
        While (i ≤ n) AND (j ≤ (k DIV 2)) execute
            If (k MOD j) = 0
                then
                    v[i] ← j
                    i ← i+1
                    If u = 0
                        then
                            u ← k DIV j
                        EndIf
                    EndIf
                j ← j+1
            EndWhile
        j ← 2
        While (i ≤ n) AND (j ≤ U) execute
            v[i] ← u
            i ← i+1
            j ← j+1
        EndWhile
        k ← k+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

Care din afirmații sunt corecte?

- A. $n=12 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$
- B. $n=14 \Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 3, 1, 2, 4, 1, 5, 1, 2, 3, 6\}$
- C. $n=16 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 5, 6, 2, 3, 3, 7, 8, 2, 4, 4, 4\}$
- D. $n=19 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 2, 5, 6, 2, 3, 3, 3, 7, 8, 2, 4, 4, 4, 4\}$

2.47. Algoritmul **creV(n)**, crează vectorul **v** cu numere naturale, **n** este data de intrare.

```

Algorithm creV (n):
    v[1] ← 1
    i ← 2
    k ← 2
    While i ≤ n execute
        j ← 2
        If P(k) = 1
            then
                v[i] ← k
                i ← i+1
            EndIf
        While (i ≤ n) AND (j ≤ (k DIV 2)) execute
            If (k MOD j) = 0
                then
                    v[i] ← j
                    i ← i+1
                EndIf
            j ← j+1
        EndWhile
        k ← k+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

```

Algorithm p(n):
    If n < 2
        then
            return 0
    EndIf
    If (n > 2) AND (n MOD 2 = 0)
        then
            return 0
    EndIf
    d ← 3
    Câtîmp d*d ≤ n execute
        If (n MOD d) = 0
            then
                return 0
        EndIf
        d ← d+2
    EndWhile
    return 1
EndAlgorithm

```

Care din afirmații sunt corecte?

- A. $n=12 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 5\}$
- B. $n=14 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 1, 4, 3, 2, 3, 6\}$
- C. $n=16 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 2, 5, 11, 2, 3\}$
- D. $n=20 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 2, 5, 11, 2, 3, 4, 6, 13, 2\}$

2.48. Fie algoritmul **in(m,x,n,y)**, cu $m, n > 1$ și x, y vectori ca date de intrare. Algoritmul crează vectorul z . Care răspunsuri sunt corecte?

```

Algorithm in(m,x,n,y):
  i ← j ← 1
  k ← 0
  While (i ≤ m) AND (j ≤ n) execute
    If x[i] < y[j]
      then
        k ← k+1
        z[k] ← x[i]
        i ← i+1
      else
        If x[i] > y[j]
          then
            k ← k+1
            z[k] ← y[j]
            j ← j+1
          else
            i ← i+1
            j ← j+1
          EndIf
        EndIf
    EndWhile
  While i ≤ m execute
    k ← k+1
    z[k] ← x[i]
    i ← i+1
  EndWhile
  While j ≤ n execute
    k ← k+1
    z[k] ← y[j]
    j ← j+1
  EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 41, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 91, 92, 301, 401, 401\}$
- B. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 41, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 91, 92, 301, 401\}$
- C. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 21, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 92, 301\}$
- D. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 92, 301, 401\}$

2.49. Fie algoritmul $\text{in}(m, x, n, y)$, cu $m, n > 1$ și x, y vectori ca date de intrare. Algoritmul crează vectorul z . Care răspunsuri sunt corecte?

```

Algorithm in(m, x, n, y) :
    i ← j ← 1
    k ← 0
    While (i ≤ m) AND (j ≤ n) execute
        If x[i] < y[j]
            then
                k ← k+1
                z[k] ← x[i]
                i ← i+1
            else
                If x[i] > y[j]
                    then
                        k ← k+1
                        z[k] ← y[j]
                        j ← j+1
                    else
                        k ← k+1
                        z[k] ← x[i]
                        i ← i+1
                        j ← j+1
                EndIf
            EndIf
        EndWhile
    While i ≤ m execute
        k ← k+1
        z[k] ← x[i]
        i ← i+1
    EndWhile
    While j ≤ n execute
        k ← k+1
        z[k] ← y[j]
        j ← j+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 21, 41, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 91, 92, 301, 401, 401\}$
- B. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 21, 41, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 91, 92, 301, 401\}$
- C. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 21, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 92, 301, 401, 401\}$
- D. $m=11, x = \{-1, 2, 3, 41, 51, 61, 71, 81, 91, 301, 401\}; n=9, y = \{1, 21, 41, 86, 87, 88, 91, 92, 401\};$
atunci $z = \{-1, 1, 2, 3, 21, 41, 51, 61, 71, 81, 86, 87, 88, 91, 92, 301, 401\}$

2.50. Ce conține vectorul **z** după execuția algoritmului, pentru vectorii:

x = {1, 2, 3, 55, 66, 77, 78};
y = {1, 2, 44, 57, 66, 77, 79, 200}.

```
Algorithm a(m,x,n,y) :  
  i ← j ← 1  
  k ← 0  
  While (i ≤ m) AND (j ≤ n) execute  
    k ← k+1  
    If x[i] ≤ y[j]  
      then  
        z[k] ← x[i]  
        i ← i+1  
      else  
        z[k] ← y[j]  
        j ← j+1  
      EndIf  
    EndWhile  
  While i ≤ m      execute  
    k ← k+1  
    z[k] ← x[i]  
    i ← i+1  
  EndWhile  
  While j ≤ n execute  
    k ← k+1  
    z[k] ← y[j]  
    j ← j+1  
  EndWhile  
EndAlgorithm
```

- A. **z** = {1, 1, 2, 3, 44, 55, 66, 77, 78, 79, 200}
- B. **z** = {1, 1, 2, 2, 44, 55, 57, 66, 66, 77, 77, 78, 79, 200}
- C. **z** = {1, 1, 2, 2, 3, 44, 55, 57, 66, 66, 77, 77, 78, 79, 200}
- D. **z** = {1, 1, 2, 2, 3, 44, 55, 66, 77, 78, 79, 200}

2.51. Ce conține vectorul z după execuția algoritmului, pentru vectorii:

$x = \{2, 3, 41, 51, 61, 401\};$
 $y = \{1, 2, 41, 86, 87, 91, 92, 401\}.$

```
Algorithm a(m,x,n,y) :  
  i ← j ← 1  
  k ← 0  
  While (i ≤ m) AND (j ≤ n) execute  
    If x[i] ≤ y[j]  
      then  
        k ← k+1  
        z[k] ← x[i]  
        i ← i+1  
      else  
        k ← k+1  
        z[k] ← y[j]  
        j ← j+1  
      EndIf  
    EndWhile  
  While i ≤ m      execute  
    k ← k+1  
    z[k] ← x[i]  
    i ← i+1  
  EndWhile  
  While j ≤ n      execute  
    k ← k+1  
    z[k] ← y[j]  
    j ← j+1  
  EndWhile  
EndAlgorithm
```

- A. $z = \{1, 3, 51, 62, 86, 87, 91, 92\}$
- B. $z = \{1, 2, 3, 41, 51, 61, 86, 87, 91, 92, 401\}$
- C. $z = \{1, 2, 3, 41, 41, 51, 61, 86, 87, 92, 401, 401\}$
- D. $z = \{1, 2, 2, 3, 41, 41, 51, 61, 86, 87, 91, 92, 401, 401\}$

2.52. Ce conține vectorul **v** după execuția algoritmului **creV(n)**, **n** natural, **n>1**?

```

Algorithm creV(n):
    v[1] ← m ← k ← 1
    While k < n execute
        m ← m+1
        i ← 1
        While (k < n) AND (i ≤ m) execute
            k ← k+1
            v[k] ← i
            i ← i+1
        EndWhile
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. pentru **n=10**, $\Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$
- B. pentru **n=10**, $\Rightarrow v = \{1, 2, 1, 3, 2, 1, 4, 3, 2, 1\}$
- C. pentru **n=12**, $\Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4\}$
- D. pentru **n=11**, $\Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 1\}$

2.53. Ce conține vectorul **v** după execuția algoritmului **creV(n)**, **n** natural, **n>1**?

```

Algorithm CreV (n):
    v[1] ← 1
    i ← 2
    k ← 2
    While i ≤ n execute
        j ← 2
        v[i] ← k
        i ← i+1
        While (i ≤ n) AND (j ≤ (k DIV 2)) execute
            If (k MOD j) = 0
                then
                    v[i] ← j
                    i ← i+1
            EndIf
            j ← j+1
        EndWhile
        k ← k+1
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. pentru **n=15** $\Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 5, 6, 2, 3, 7, 8, 2, 4, 9, 3\}$
- B. pentru **n=15** $\Rightarrow v = \{1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 2, 5, 11, 2\}$
- C. pentru **n=12** $\Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 5, 6, 2, 3, 7, 2, 4\}$
- D. pentru **n=12** $\Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 2, 5, 6, 2, 3, 7, 8, 2\}$

2.54. Ce conține vectorul v după execuția algoritmului **creV(n)**, n natural, $n > 1$?

```

Algorithm creV(n) :
    i ← k ← 0
    While i < n execute
        k ← k+1
        j ← 1
        While (i < n) AND (j ≤ k) execute
            i ← i+1
            v[i] ← j
            j ← j+1
        EndWhile
    EndWhile
EndAlgorithm

```

- A. $n=10 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$
- B. $n=12 \Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4\}$
- C. $n=13 \Rightarrow v = \{1, 1, 2, 1, 2, 3, 1, 2, 3, 4, 1, 2, 3\}$
- D. $n=14 \Rightarrow v = \{1, 2, 3, 4, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 1, 2\}$

2.55. Se dă algoritmul **a(m,x,n,y)**. Care afirmații sunt adevărate?

```

Algorithm a(m,x,n,y) :
    b ← c ← d ← 0
    For i ← 1, m execute
        For j ← 1, n execute
            k ← 0
            While (i+k ≤ m) AND (j+k ≤ n) AND (x[i+k] = y[j+k]) execute
                k ← k+1      (*)
            EndWhile
            If k > d
                then
                    b ← i      (**)
                    d ← k
                    c ← j
            EndIf
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. Grupul de 3 instrucțiuni care începe la **(**)** se execută de 4 ori pentru $m=8, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30, 17\}; n=12, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 17, 5, 10\};$
- B. Grupul de 3 instrucțiuni care începe la **(**)** se execută de 3 ori pentru $m=8, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30, 17\}; n=12, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 17, 5, 10\};$
- C. Instrucțiunea **(*)**, adică $k \leftarrow k+1$ se execută de 8 ori pentru $m=7, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30\}; n=10, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 17\};$
- D. Instrucțiunea **(*)**, adică $k \leftarrow k+1$ se execută de 9 ori pentru $m=7, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 2, 30\}; n=10, y = \{-2, -7, 1, 5, -1, 7, 10, 2, 30, 17\};$

2.56. Se dă algoritmul $a(m, x)$. (x este vector, iar m lungimea lui x). Care afirmații sunt adevărate?

```
Algorithm a(m, x) :  
  d ← 0  
  For i ← 1, m-1 execute  
    For j ← i+1, m execute  
      k ← 0  
      While (j+k ≤ m) AND (x[i+k] = x[j+k]) execute  
        k ← k+1          (*)  
      SfCâtImp  
      If k > d  
        then  
          d ← k          (**)  
        EndIf  
      EndFor  
    EndFor  
  EndFor  
EndAlgorithm
```

- A. $m=10, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 1, 4, 17, -1, 5\}$; instrucțiunea (**) se execute de 2 ori;
- B. $m=10, x = \{1, 4, -1, 5, 10, 1, 4, 17, -1, 5\}$; instrucțiunea (*) se execute 6 ori;
- C. $m=4, x = \{1, 1, 1, 1\}$; instrucțiunea (**) se execute o dată;
- D. $m=4, x = \{1, 1, 1, 1\}$; instrucțiunea (*) se execute de 10 ori.

2.57. Se dă algoritmul $a(n,x,m,y,k,z)$ cu $n>0$, $m>0$, k valori naturale iar x,y,z sunt șiruri de numere naturale. Algoritmul $a(\dots)$ apelează algoritmul $e(m,y, \text{val})$ cu $n>0$ și val naturale, precum și y vector. Care afirmații sunt adevărate? (Algoritmul $a(\dots)$ este apelat cu $a(n,x,m,y,0,z)$)

```

Algorithm a(n,x,m,y,k,z):
    If n > 0
        then
            If e(m,y,x[n]) = 1
                then
                    k ← k+1
                    z[k]=x[n]
                EndIf
            a(n-1,x,m,y,k,z)
        EndIf
EndAlgorithm

```

```

Algorithm e(m,y, val):
    For i ← m,1,-1 execute
        If val = t[i]
            then
                return 1
        EndIf
    EndFor
    return 0
EndAlgorithm

```

- A. Dacă $x = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $n=5$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $m=5 \Rightarrow Z = \{1, 2, 3, 4, 5, 5, 7, 9\}$;
- B. Dacă $x = \{3, 7, 9, 5, 1\}$, $n=5$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $m=5 \Rightarrow Z = \{1, 5, 3\}$;
- C. Dacă $x = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $n=5$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $m=5 \Rightarrow Z = \{3, 5, 1\}$;
- D. Dacă $x = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $n=5$; $y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $m=5 \Rightarrow Z = \{5, 3, 1\}$.

2.58. Ce face algoritmul următor? (n, k naturale, x, p tablouri de întregi, x, n date de intrare; k, p trebuie determinate).

```

Algorithm pmn(n,x):
    i ← 1
    While (i < n) AND (x[i] ≥ 0)
        i ← i+1
    EndWhile
    If i ≤ n
        then
            k ← 1
            p[k] ← i;
            For j ← i+1, n execute
                If x[j] = x[p[1]]
                    then
                        k ← k+1
                        p[k] ← j
                    else
                        If (x[j] < 0) AND (x[j] > x[p[1]])
                            then
                                k ← 1
                                p[k] ← j
                        EndIf
                    EndIf
            EndFor
        else
            k ← 0
        EndIf
    EndAlgorithm

```

- A. $n=9, x=\{2, -5, 3, -2, -9, 1, 3, -2, 1\} \Rightarrow k=2$ și $p=\{4, 8\}$;
 B. $n=8; x=\{-4, 2, 5, 1, -5, 1, 3, 4\} \Rightarrow k=1$ și $p=\{5\}$;
 C. $n=10; x=\{2, 3, 4, 65, 31, 2, 4, 5, 45, 10\} \Rightarrow k=1$ și $p=\{4\}$;
 D. $n=10; x=\{2, 3, 4, 65, 31, 2, 4, 5, 45, 10\} \Rightarrow k=0$.

2.59. Ce conține vectorul **y** (**n** natural, lungimea vectorilor **x** și **y**) după execuția algoritmului **createY(n,x,y)**? Algoritmul **createY(...)** apelează **mm(n,x,i)**.

```

Algorithm CreateY(n,x,y) :
  If n > 0
    then
      y[n] ← mm(n,x,n)
      createY(n-1,x,y)
  EndIf
EndAlgorithm

```

```

Algorithm mm(n,x,i) :
  j ← 1
  cnt ← 0
  While j < i execute
    If x[j] < x[i]
      then
        cnt ← cnt+1
      EndIf
    j ← j+1
  EndWhile
  return cnt
EndAlgorithm

```

- A. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\};$
- B. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{5, 4, 3, 2, 1, 0\};$
- C. $x = \{1, 20, 3, 40, 5, 6\} \Rightarrow y = \{0, 1, 1, 3, 2, 3\};$
- D. $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \Rightarrow y = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}.$

2.60. Algoritmul **creY(...)** apelează, celelalte 2 metode; **m,n>0** naturale; vectorul **x** și lungimea **n**, sunt date; trebuie creat vectorul **y** și lungimea **m**.

```

Algorithm creY(n, x, m, y):
    m ← 0
    For i ← 1, n execute
        poz ← existaInY(m, y, x[i])
        If poz = 0
            then
                m ← adaugInY(m, y, x[i])
        EndIf
    EndFor
EndAlgorithm

```

```

Algorithm existaInY(m, y, v)
    For i ← 1, m execute
        If v = y[i]
            then
                returnează i
        EndIf
    EndFor
    returnează 0
EndAlgorithm

```

```

Algorithm adaugInY (m, y, v)
    j ← m
    CatTimp (j > 0) AND (v > Y[j]) execute
        y[j+1] ← y[j]
        j ← j-1
    EndWhile
    y[j+1] ← v
    m ← m+1
    return m
EndAlgorithm

```

- | | | |
|--|---------------|-------------------------------------|
| A. Dacă $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4\}$, $n=9$ | \Rightarrow | $y = \{5, 4, 3, 2, 1\}$ și $m=5$; |
| B. Dacă $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 4\}$, $n=9$ | \Rightarrow | $y = \{1, 2, 4, 5, 30\}$ și $m=5$; |
| C. Dacă $x = \{1, 1, 1, 1, 1, 1\}$, $n=6$ | \Rightarrow | $y = \{1\}$ și $m=1$; |
| D. Dacă $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1, 2, 5, 4\}$, $n=9$ | \Rightarrow | $y = \{1, 2, 30, 5, 4\}$ și $m=5$. |

2.61. Care afirmații sunt adevărate, după execuția subprogramului **cmlsf (n,x)**?

Parametri sunt: **x** vector și **n** lungimea sa, **n>2**.

```
Algorithm cmlsf(n,x) :  
  i ← 1  
  st ← 0  
  dr ← -1  
  While i < n exexută  
    j ← i+1  
    While (j < n) AND ((X[j]-X[j-1])*(X[j+1]-X[j])<0)  
      j ← j+1  
    EndWhile  
    If j ≤ n  
      then  
        If ((j-i) > (dr-st)) AND (j-i ≥ 2)  
          then  
            st ← i  
            dr ← j  
          EndIf  
        EndIf  
      i ← j  
    EndWhile  
  EndAlgorithm
```

- A. Pentru $x = \{1, 8, 3, 7, 4, 5, 2, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1\}$, $n=19 \Rightarrow st=1, dr=8$;
- B. Pentru $x = \{1, 8, 3, 7, 4, 5, 2, 1, -10, 1, -5, 4, -1, 15, -11, 1, -1, 1, -1\}$, $n=19 \Rightarrow st=8, dr=19$;
- C. Pentru $x = \{6, 5, 4, 4, 5, 6, 7\}$, $n=7 \Rightarrow st=2, dr=6$;
- D. Pentru $x = \{1, 8, 3, 7, 4, 5, 2, 2, 2, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1\}$, $n=16 \Rightarrow st=10, dr =16$.

2.62. Ce se returnează după execuția metodei **v**, indice de la 1.

```
Algorithm v(n,x) :  
  cont ← 1  
  uV1 ← 2  
  For i ← 3,n execute  
    If x[i]*(uV1-1) > (i-1)*x[uV1]  
      then  
        cont ← cont+1  
        uV1 ← i  
      EndIf  
    EndFor  
  return cont  
EndAlgorithm
```

- A. $n=4$; $x = \{0, 3, 6, 6\} \Rightarrow$ valoarea 2;
- B. $n=4$; $x = \{0, 2, 6, 7\} \Rightarrow$ valoarea 1;
- C. $n=6$; $x = \{0, 3, 6, 6, 13, 17\} \Rightarrow$ valoarea 3;
- D. $n=7$; $x = \{0, 3, 6, 6, 13, 17, 18\} \Rightarrow$ aceeași valoare ca la punctul C.

2.63. Ce conține vectorul **a** de lungime **n**, după executarea algoritmului **aran(a,n)**?

```
Algorithm aran(a,n):  
  i ← j ← 1  
  While j ≤ n execute  
    If (a[j] MOD 2 = 1)  
      then  
        j ← j+1  
      else  
        aux ← a[j]  
        a[j] ← a[i]  
        a[i] ← aux  
        j ← j+1  
        i ← i+1  
      EndIf  
    EndWhile  
  EndAlgorithm
```

- A. $a = \{3, 4, 5, -6, -5, 20, -20, 0, 17, -18\}$, $n=10$; $\Rightarrow a = \{4, -6, 20, -20, -18, 3, -5, 17, 5\}$;
B. $a = \{3, 4, 5, -6, -5, 20, -20, 0, 17, -18\}$, $n=10$; $\Rightarrow a = \{3, 5, -5, 17, 4, 20, -20, 0, -6, -18\}$;
C. $a = \{3, 4, 5, -6, -5, 20, -20, 0, 17, -18\}$, $n=10$; $\Rightarrow a = \{3, 4, 5, -6, -5, 20, -20, 0, 17, -18\}$;
D. $a = \{3, 4, 5, -60, -5, 200, -20, 0, 17, -18\}$, $n=10$; $\Rightarrow a = \{4, -60, 200, -20, 0, -18, 3, -5, 17, 5\}$.

2.64. Care afirmații sunt adevărate după execuția algoritmului **pm(x,n)**:

```

Algorithm pm(x,n):           {vectorul p se creează}
    k ← 1
    p[1] ← 1
    For i ← 2,n execute
        If (x[i] > x[p[1]])
            then
                k ← 1
                p[1] ← i
            else
                If x[i] = x[p[1]]
                    then
                        k ← k+1
                        p[k] ← i
                    EndIf
                EndIf
            EndFor
    val ← x[p[k]]
    i ← j ← 1
    While j ≤ n execute
        If x[j] = val
            then
                j ← j+1
            else
                x[j] ↔ x[i]
                i ← i+1
                j ← j+1
            EndIf
        EndWhile
    EndAlgorithm

```

- A. Pentru $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, $n=8$ la final $x = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 1\}$
- B. Pentru $x = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 3\}$, $n=8$ la final $x = \{7, 1, 2, 4, 5, 6, 3, 3\}$
- C. Pentru $x = \{1, 2, 8, 4, 5, 6, 7, 8\}$, $n=8$ la final $x = \{1, 2, 8, 4, 5, 6, 7, 8\}$
- D. Pentru $x = \{1, 2, 3, 7, 5, 6, 7, 3\}$, $n=8$ la final $x = \{1, 2, 3, 5, 6, 3, 7, 7\}$

2.65. Ce returnează următorul algoritim $m(\dots)$?

```
Algorithm m (s,n):           {s-sir, n- lungimea sirui}
    i← 1                     {aprioric s este sortat crescător}
    cont← 0
    While i ≤ n execute
        j← i + 1
        While (j ≤ n) AND (s[i]=s[j]) execute
            j← j + 1
        EndWhile
        cont← cont + 1
        i← j
    EndWhile
    return cont
EndAlgorithm
```

Care afirmații sunt adevărate ?

- A. $m(\dots)$ returnează numărul de secvențe de lungime 2, care au termenii egali;
- B. $m(\dots)$ returnează numărul de elemente ale celei mai lungi secvențe cu termeni egali;
- C. $m(\dots)$ returnează cardinalul mulțimii formate din elementele lui s ;
- D. $m(\dots)$ returnează n , dacă toate elementele din s sunt egale.

2.66. Ce returnează următorul algoritim $m(\dots)$?

```
Algorithm m (s,n):           {s-sir, n- lungimea sirui}
    i← 1                     {aprioric s este sortat crescător}
    cont← 0
    While i ≤ n execute
        j← i + 1
        While (j ≤ n) AND (s[i]=s[j]) execute
            j← j + 1
            cont← cont + 1
        EndWhile
        i← j
    EndWhile
    return cont
EndAlgorithm
```

Care afirmații sunt adevărate ?

- A. $m(\dots)$ returnează numărul de secvențe care au termenii egali;
- B. $m(\dots)$ returnează numărul de elemente ale celei mai lungi secvențe cu termeni egali;
- C. $m(\dots)$ returnează cardinalul mulțimii formate din elementele lui s ;
- D. $m(\dots)$ returnează $n-1$, dacă toate elementele din s sunt egale.

2.67. Algoritmul **fda(...)** schimbă ordinea elementelor inițiale din vectorul **x** de lungime **n**. Valoarea **a** este dată de intrare ca și **x** și **n**. Care afirmații sunt adevărate?

```

Algorithm fda(a,x,n) :
    i ← j ← 1
    While j ≤ n execute
        If x[j] ≥ a
            then
                x[j] ↔ x[i]
                i ← i+1
            EndIf
        j ← j+1
    SfCâtImp
EndAlgorithm

```

- A. If $x = \{1, 2, 3, -5, 6, -7\}$, $n=6$, $a=4 \Rightarrow x = \{6, 2, 3, -5, 1, -7\}$;
- B. If $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=4 \Rightarrow x = \{30, 5, 1, 2, 2, 1\}$;
- C. If $x = \{1, 2, 30, -5, 6, -7\}$, $n=6$, $a=5 \Rightarrow x = \{6, 1, 2, 30, -5, -7\}$;
- D. If $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=6 \Rightarrow x = \{30, 2, 1, 2, 5, 1\}$.

2.68. Algoritmul **ea(...)** schimbă ordinea elementelor inițiale din vectorul **x** de lungime **n**, și uneori modifică lungimea lui **x**. Valoarea **a** este dată de intrare ca și **x** și **n**.

```

Algorithm ea(n,x,a):
    i ← 1
    While i ≤ n execute
        If x[i] > a
            then
                For j ← i,n-1 execute
                    x[j] ← x[j+1]
                EndFor
                n ← n-1
            else
                i ← i+1
        EndIf
    EndWhile
SfAlgorithm

```

- | | |
|---|---|
| A. Dacă $x = \{1, 2, 3, -5, 6, -7\}$, $n=6$, $a=4$ | $\Rightarrow x = \{1, 2, 3, -5, -7\}$, $n=5$; |
| B. Dacă $x = \{1, 2, 30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=2$ | $\Rightarrow x = \{30, 5\}$, $n=2$; |
| C. Dacă $x = \{1, 2, -30, 2, 5, 1\}$, $n=6$, $a=-4$ | $\Rightarrow x = \{-30\}$, $n=1$; |
| D. Dacă $x = \{1, 2, 5, 9, 10, 20\}$, $n=6$, $a=5$ | $\Rightarrow X = \{1, 2, 5\}$, $n=3$. |

2.69. Fie șirul **a**: -5, 7, -5, 7, ...

Care afirmații sunt adevărate?

- A. Termenul general este $a_n = 1.5 + 6.5 \cdot (-1)^n$;
- B. Termenul general este $a_n = 1 + 6 \cdot (-1)^n$;
- C. Suma primilor $2 \cdot n$ termeni este un număr par;
- D. Suma primilor $2 \cdot n - 1$ termeni este < 0 .

2.70. Subalgoritmul **generare(n)** prelucrează un număr natural **n** ($0 < n < 100$). (Model FMI)

```
Algorithm generare(n) :  
    nr ← 0  
    For i ← 1,1801 execute  
        folositi ← fals  
    EndFor  
    While folositn = fals execute  
        suma ← 0  
        folositn ← adevărat  
        While n ≠ 0 execute  
            cifra ← n MOD 10  
            n ← n DIV 10  
            suma ← suma + cifra * cifra * cifra  
        EndWhile  
        n ← suma  
        nr ← nr + 1  
    EndWhile  
    returnează nr  
EndAlgorithm
```

Precizați care este efectul acestui subalgoritm.

- A.** Calculează, în mod repetat, suma cuburilor cifrelor numărului **n** până când suma egalează numărul **n** și returnează numărul repetărilor efectuate;
- B.** Calculează suma cuburilor cifrelor numărului **n** și returnează această sumă;
- C.** Calculează suma cuburilor cifrelor numărului **n**, înlocuiește numărul **n** cu suma obținută și returnează această sumă;
- D.** Calculează numărul înlocuirilor lui **n** cu suma cuburilor cifrelor sale până când se obține o valoare calculată anterior sau numărul însuși și returnează numărul de repetări.

2.71. Algoritmul de mai jos are ca parametri de intrare un vector v cu n numere naturale ($v[1], v[2], \dots, v[n]$) și numărul întreg n ($1 \leq n \leq 10000$).

```
Algorithm fn(v, n):  
    a ← 0  
    For i ← 1, n execute  
        ok ← True  
        b ← v[i]  
        While (b ≠ 0) AND (ok = True) execute  
            If b MOD 2 = 1 then  
                ok ← False  
            EndIf  
            b ← b DIV 10  
        EndWhile  
        If ok = True then  
            a ← a + 1  
        EndIf  
    EndFor  
    return a  
EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt **adevărate**:

- A. Algoritmul returnează numărul elementelor impare din vectorul v .
- B. Algoritmul returnează numărul elementelor din vectorul v care sunt puteri ale lui 2.
- C. Algoritmul returnează numărul elementelor din vectorul v care au în componența lor doar cifre pare.
- D. Algoritmul returnează numărul elementelor din vectorul v care au în componența lor doar cifre impare.

2.72.

2.73.

2.74.

3. Matrice

3.1. Se dă o matrice **a** de cel mult **20** de linii și coloane. Se mai dau **m**-numărul de linii efectiv și **n**-numărul de coloane efectiv; **m,n** din **{2,3,4,5,...,20}**; valorile matricii sunt întregi.
Ce valori au variabilele **lin** și **col**, după execuția secvenței?

```
lin ← col ← 0
i ← 1
While i ≤ m execute
    j ← 1
    While j ≤ n execute
        If a[i][j] ≥ 0
            then
                lin ← i
                col ← j
                i ← m+1
                j ← n+1
        EndIf
        j ← j+1
    EndWhile
    i ← i+1
EndWhile

If lin > 0
    then
        For i ← lin, m execute
            For j ← 1, n execute
                If (a[i][j] ≥ 0) AND (a[i][j] < a[lin][col])
                    then
                        lin ← i
                        col ← j
                EndIf
            SfPenru
        EndFor
    EndIf
```

- A. **lin** și **col** conțin numărul coloanei, respectiv al liniei în care se găsește valoarea maximă din matrice;
- B. **lin** și **col** conțin numărul liniei, respectiv al coloanei în care se găsește valoarea maximă din matrice sau **lin=col=0**;
- C. **lin** și **col** conțin numărul liniei, respectiv al coloanei în care se găsește valoarea minimă pozitivă din matrice sau **lin=col=0**;
- D. **lin** și **col** conțin numărul coloanei, respectiv al liniei în care se găsește valoarea minimă pozitivă din matrice sau **lin=col=0**.

3.2. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n):
    k ← 0
    For j ← 1, n execute
        For i ← 1, j execute
            k ← k+1
            a[i][j] ← k
        EndFor
        For i ← j-1, 1, -1 execute
            k ← k+1
            a[j][i] ← k
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 6,7,8,9,10, \quad 11,12,13,14,15, \quad 16,17,18,19,20, \quad 21,22,23,24,25;$
 B. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 10,9,8,7,6, \quad 11,12,13,14,15, \quad 20,19,18,17,16, \quad 21,22,23,24,25;$
 C. $n=5 \Rightarrow 1,2,5,10,17 \quad 4,3,6,11,18, \quad 9,8,7,12,19, \quad 16,15,14,13,20, \quad 25,24,23,22,21;$
 D. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 16,17,18,19,6, \quad 15,24,25,20,7, \quad 14,23,22,21,8, \quad 13,12,11,10,9.$

3.3. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n):
    k ← 0
    For i ← 1, n execute
        For j ← 1, i execute
            k ← k+1
            a[i][j] ← k
        EndFor
        For j ← i-1, 1, -1 execute
            k ← k+1
            a[j][i] ← k
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 6,7,8,9,10, \quad 11,12,13,14,15, \quad 16,17,18,19,20, \quad 21,22,23,24,25;$
 B. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 10,9,8,7,6, \quad 11,12,13,14,15, \quad 20,19,18,17,16, \quad 21,22,23,24,25;$
 C. $n=5 \Rightarrow 1,2,5,10,17 \quad 4,3,6,11,18, \quad 9,8,7,12,19, \quad 16,15,14,13,20, \quad 25,24,23,22,21;$
 D. $n=5 \Rightarrow 1,4,9,16,25, \quad 2,3,8,15,24, \quad 5,6,7,14,23, \quad 10,11,12,13,22, \quad 17,18,19,20,21;$

3.4. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n):
  For i ← 1, n execute
    For j ← 1, n execute
      If i ≤ j
        then
          a[i][j] ← (j-1)*(j-1)+i
        else
          a[i][j] ← i*i-j+1
      EndIf
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 6,7,8,9,10, \quad 11,12,13,14,15, \quad 16,17,18,19,20, \quad 21,22,23,24,25;$
 B. $n=5 \Rightarrow 1,2,5,10,17, \quad 4,3,6,11,18, \quad 9,8,7,12,19, \quad 15,16,13,14,20, \quad 25,24,23,22,21;$
 C. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 16,17,18,19,6, \quad 15,24,25,20,7, \quad 14,23,22,21,8, \quad 13,12,11,10,9;$
 D. $n=5 \Rightarrow 1,2,5,10,17, \quad 4,3,6,11,18, \quad 9,8,7,12,19, \quad 16,15,14,13,20, \quad 25,24,23,22,21.$

3.5. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n):
  For i ← 1, n execute
    For j ← 1, n execute
      If j ≤ i
        then
          a[i][j] ← (i-1)*(i-1)+j
        else
          a[i][j] ← j*j-i+1
      EndIf
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow 1,2,3,4,5, \quad 6,7,8,9,10, \quad 11,12,13,14,15, \quad 16,17,18,19,20, \quad 21,22,23,24,25;$
 B. $n=5 \Rightarrow 1,4,9,16,25, \quad 2,3,8,15,24, \quad 7,6,5,14,23, \quad 12,11,10,13,22, \quad 21,19,18,20,17;$
 C. $n=5 \Rightarrow 1,2,5,10,17, \quad 4,3,6,11,18, \quad 9,8,7,12,19, \quad 16,15,14,13,20, \quad 25,24,23,22,21;$
 D. $n=5 \Rightarrow 1,4,9,16,25, \quad 2,3,8,15,24, \quad 5,6,7,14,23, \quad 10,11,12,13,22, \quad 17,18,19,20,21.$

3.6. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n) :
    k ← 0
    For d ← 1, n execute
        For j ← 1, d execute
            k ← k + 1
            a[d+1-j][j] ← k
        EndFor
    For d ← 2, n execute
        For j ← d, n execute
            k ← k + 1
            a[n+d-j][j] ← k
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 6,7,8,9,10, 11,12,13,14,15, 16,17,18,19,20, 21,22,23,24,25.
 B. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 10,9,8,7,6, 11,12,13,14,15, 20,19,18,17,16, 21,22,23,24,25.
 C. $n=5 \Rightarrow$ 1,3,6,10,15, 2,5,9,14,19, 4,8,13,18,22, 7,12,17,21,24, 11,16,20,23,25.
 D. $n=5 \Rightarrow$ 1,4,9,16,25, 2,3,8,15,24, 5,6,7,14,23, 10,11,12,13,22, 17,18,19,20,21.

3.7. Algoritmul **creMat (n)** inițializează matricea **a[n][n]**, cu $2 \leq n \leq 10$. Ce elemente are matricea **a** (linie cu linie)?

```

Algorithm creMat(n) :
    k ← 0
    For d ← 1, n execute
        For i ← 1, d execute
            k ← k + 1
            a[i][d+1-i] ← k
        EndFor
    For d ← 2, n execute
        For i ← d, n execute
            k ← k + 1
            a[i][n+d-i] ← k
        EndFor
    EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 6,7,8,9,10, 11,12,13,14,15, 16,17,18,19,20, 21,22,23,24,25;
 B. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 10,9,8,7,6, 11,12,13,14,15, 20,19,18,17,16, 21,22,23,24,25;
 C. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,5,10,17, 4,3,6,11,18, 9,8,7,12,19, 16,15,14,13,20, 25,24,23,22,21;
 D. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,4,7,11, 3,5,8,12,16, 6,9,13,17,20, 10,14,18,21,23, 15,19,22,24,25.

3.8. Avem matricea:

1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36

Care din algoritmi următorii afișează elementele matricii în ordinea (linie după linie)?

1,2,3,4,5,6, 12,11,10,9,8,7, 13,14,15,16,17,18, 24,23,22,21,20, 25,26,27,28,29,30, 36,35,34,33,32,31

A.

```
Algorithm afisMatrice (n)           {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 0
      then
        For j← n,1,-1 execute
          Write a[i][j] + ','
        EndFor
      else
        For j← 1,n execute
          Write a[i][j] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

B.

```
Algorithm afisMatrice (n)           {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 0
      then
        For j← 1,n execute
          Write a[i][n-j] + ','
        EndFor
      else
        For j← 1,n execute
          Write a[i][j] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

C.

```
Algorithm afisMatrice (n)           {n=6 la apel}
  For j← 1,n execute
    If (j MOD 2) = 0
      then
        For i← 1,n execute
          Write a[j][n-i+1] + ','
        EndFor
      else
        For i← 1,n execute
          Write a[j][i] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

D.

```
Algorithm afisMatrice (n)           {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 1
      then
        For j← n,1,-1 execute
          Write a[i][n-j+1] + ','
        EndFor
      else
        For j← 1,n execute
          Write a[i][n-j+1] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```


3.9. Avem matricea:

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

Care din metodele următoare afișează elementele matricii în ordinea următoare (paralele cu diagonala principală, inclusiv diagonala principală)?

21, 16,22, 11,17,23, 6,12,18,24, 1,7,13,19,25, 2,8,14,20, 3,9,15, 4,10, 5

A.

```

Algorithm a(n):                                {n=5 la apel}
  For k ← 1,3*n execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1,k execute
          Write a[n-k+i][i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k,2*n-1 execute
          Write a[i-k+1][i-n+1] + ',';
        EndFor
      EndIf
    EndAlgorithm

```

B.

```

Algorithm b(n):                                {n=5 la apel}
  For k ← 1,2*n+1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1,k execute
          Write a[n-k+i][i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k,2*n-1 execute
          Write a[i-k+1][i-n+1] + ',';
        EndFor
      EndIf
    EndAlgorithm

```

C.

```
Algorithm c(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1, 2*n-1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1, k execute
          Write a[n-k+i][i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k, 2*n-1 execute
          Write a[i-k+1][n-i+1] + ',';
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm
```

D.

```
Algorithm d(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1, 2*n-1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1, k execute
          Write a[n-k+i][i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k+1, 2*n-1 execute
          Write a[i-k+1][i-n+1] + ',';
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm
```

3.10. Avem matricea:

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

Care din metodele următoare afișează elementele matricii în ordinea (paralele cu diagonala secundară):

1, 2,6, 3,7,11, 4,8,12,16, 5,9,13,17,21, 10,14,18,22, 15,19,23 20,24 25

A.

```

Algorithm a(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1,3*n execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1,k execute
          Write a[i][k+1-i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k,2*n-1 execute
          Write a[i-n+1][n+k-i] + ',';
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm

```

B.

```

Algorithm b(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1,3*n-1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1,k execute
          Write a[i][k+1-i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k,2*n+1 execute
          Write a[i-n+1][n+k-i] + ',';
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm

```

C.

```

Algorithm c(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1,2*n-1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1,k execute
          Write a[n-k+1][i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k,2*n-1 execute
          Write a[i-k+1][n-i+1] + ',';
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm

```

D.

```
Algorithm d(n):                                     {n=5 la apel}
  For k ← 1, 2*n-1 execute
    If k ≤ n
      then
        For i ← 1, k execute
          Write a[i][k+1-i] + ','
        EndFor
      else
        For i ← k, 2*n-1 execute
          Write a[i-n+1][n+k-i] + ','
        EndFor
      EndIf
  EndAlgorithm
```

3.11. Avem matricea:

1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36

Care din metodele următoare afișează elementele matricii în ordinea:

1,7,13,19,25,31, 32,26,20,14,8,2, 3,9,15,21,27,33, 34,28,22,16,10,4 5,11,17,23,29,35, 36,30,24,18,12,6

A.

```
Algorithm afisMatrice (n)                           {n=6 la apel}
  For i ← 1, n execute
    If (i MOD 2) = 1
      then
        For j ← 1, n execute
          Write [j][i] + ','
        EndFor
      else
        For(int j ← n, 1, -1 execute
          Write a[j][i] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

B.

```
Algorithm afisMatrice (n)                                {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 0
      then
        For j← 1,n execute
          Write [i][n-j] + ','
        EndFor
      else
        For(int j← 1,n execute
          Write a[i][j] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

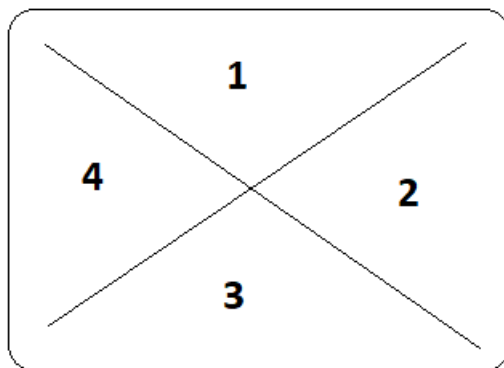
C.

```
Algorithm afisMatrice (n)                                {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 0
      then
        For j← 1,n execute
          Write [n-j+1][i] + ','
        EndFor
      else
        For(int j← 1,n execute
          Write a[j][i] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

D.

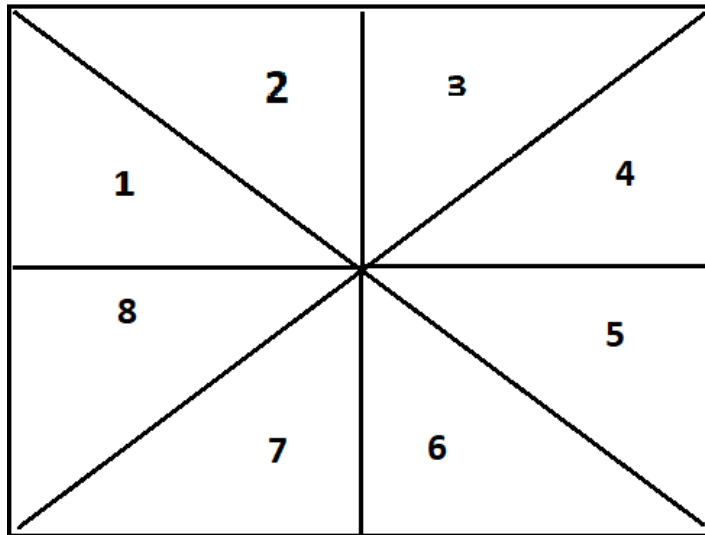
```
Algorithm afisMatrice (n)                                {n=6 la apel}
  For i← 1,n execute
    If (i MOD 2) = 1
      then
        For j← n,1,-1 execute
          Write [n-j+1][i] + ','
        EndFor
      else
        For(int j← 1,n execute
          Write [n-j+1][i] + ','
        EndFor
      EndIf
    EndFor
  EndAlgorithm
```

3.12. Fie o matrice pătratică cu zonele **1,2,3,4** ca în figura ce urmează. Fiecare zona nu conține elementele matricii aflate pe cele două diagonale. Care afirmații sunt adevărate?



- A. pentru $n=5$ zona 1 conține 5 elemente;
- B. pentru $n=100$ zona 2 conține 2450 elemente;
- C. pentru $n=99$ zona 3 conține 49^2 elemente;
- D. pentru $n>1$, cele 4 zone conțin în total $n*(n-2)-(n\%2)$ elemente.

3.13. Fie o matrice pătratică cu zonele **1,2,3,4,5,6,7,8** ca în figura următoare. Fiecare zonă nu conține elementele matricii aflate pe cele două diagonale și pe cele 2 axe de simetrie. Atenție: dacă n este par cele două axe de simetrie nu conțin nici un element, dacă n este impar atunci axele de simetrie conțin elemente ale matricii. Care afirmații sunt adevărate?



- A. Elementele din zona 1 sunt în număr de $(n^2 - 4*n) \text{ DIV } 8$, pentru $n>1$;
- B. Elementele din zona 2 sunt în număr de 3 elemente, pentru $n=7$;
- C. Elementele din zona 3 sunt în număr de $(n^2 - 2*n*(1+(n \text{ MOD } 2)) + 2*(n \text{ MOD } 2)) \text{ DIV } 8$, $n>1$;
- D. Elementele din zona 4 sunt în număr de $(n^2 - 2*n*(1+(n \text{ MOD } 2)) + 3*(n \text{ MOD } 2)) \text{ DIV } 8$, $n>1$.

3.14. Ce face algoritmul citR(...)?

```

{m,n>1 naturale si m,n <10, n2=n, la apel primar}
{a este o matrice de m linii și n coloane}
Algorithm citR(m,n,n2,a):
  If m > 0
    then
      If n > 0
        then
          citR(m,n-1,n2,a)
          Write "a[" + m + "][" + n + "]= "
          Citește a[m][n]
        else
          citR(m-1,n2,n2,a)
      EndIf
    EndIf
  EndAlgorithm

```

- A. Citește recursiv o matrice coloană după coloană începând cu prima coloană;
- B. Citește recursiv o matrice **linie după linie** începând cu prima linie;
- C. Citește recursiv o matrice linie după linie începând cu ultima linie;
- D. Citește recursiv o matrice coloană după coloană începând cu ultima coloană.

3.15. Ce elemente are matricea pătratică **a** de ordinul **n**(linie cu linie) după execuția următorului algoritmul:

```

Algorithm s(n):
  k ← 0
  For i ← 1, (n DIV 2)+1 execute
    For j ← i, n-i+1 execute
      k ← k+1
      a[i][j] ← k
    EndFor
    For j ← i+1, n-i+1 execute
      k ← k+1
      a[j][n-i+1] ← k
    EndFor
    For j ← n-i, i, -1 execute
      k ← k+1
      a[n-i+1][j] ← k
    EndFor
    For j ← n-i, i+1, -1 execute
      k ← k+1
      a[j][i] ← k
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

- A. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 6,7,8,9,10, 11,12,13,14,15, 16,17,18,19,20, 21,22,23,24,25;
- B. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 10,9,8,7,6, 11,12,13,14,15, 20,19,18,17,16, 21,22,23,24,25;
- C. $n=5 \Rightarrow$ 1,6,11,16,21, 2,7,12,17,22, 3,8,13,18,23, 4,9,14,19,24, 5,10,15,20,25;
- D. $n=5 \Rightarrow$ 1,2,3,4,5, 16,17,18,19,6, 15,24,25,20,7, 14,23,22,21,8, 13,12,11,10,9.

3.16. O matrice cu 8 linii, formată doar din elemente 0 și 1, are următoarele trei proprietăți: (model FMI)

- prima linie conține un singur element cu valoarea 1,
- linia j conține de două ori mai multe elemente nenule decât linia $j - 1$, pentru orice $j \in \{2, 3, \dots, 8\}$,
- ultima linie conține un singur element cu valoarea 0.

Care este numărul total de elemente cu valoarea 0 din matrice?

- 528;
- 769;
- 777;
- nu există o astfel de matrice.

3.17. Se dorește afișarea unui pătrat împreună cu interiorul său folosind doar caracterele * (asterisc) și . (punct) (conform desenului de mai jos). Exemplul din desen ilustrează un pătrat având laturile de $n = 6$ asteriscuri și apoi pătratele interioare de puncte și asteriscuri. (Un pătrat de asteriscuri apoi un pătrat de puncte, etc). Pentru acesta a fost necesară utilizarea a 24 asteriscuri și 12 puncte.

```

. . . . .
. * * * * .
. * . . . * .
. * . * * . * .
. * . . . * .
. * * * * *
. . . . .

```

72

49-20-4

2

Care din afirmațiile de mai jos sunt adevărate?

- Pentru $n = 7$, este nevoie de exact 36 asteriscuri și 13 puncte.
- Pentru $n = 7$, este nevoie de exact 32 asteriscuri și 17 puncte.
- Pentru $n = 8$, este nevoie de exact 40 asteriscuri și 24 puncte.
- Pentru $n = 10$, este nevoie de exact 200 asteriscuri și 124 puncte.

182 - 122 - 152

Sc F b1