

# PART II-03 머신러닝 기본

# 시간계획

• 오늘도 파이팅 입니다.^^

시간	학습내용
09:00~10:40	통계이해, 대표 통계량 이해 및 실습
11:00~12:40	산포 통계량 이해 및 실습
12:40~14:00	즐거운 점심 시간
14:00~15:00	분포 통계량 이해 및 실습
15:20~16:20	Seaborn 실습
16:40~17:50	Seaborn 실습, 머신러닝 환경 설정



# 머신러닝 데이터 탐색을 위한 통계 기초 이해

### 학습 내용

- 통계학 용어에 익숙해 진다.
- 탐색적 데이터 분석을 이해한다.
- 통계학의 용어와 통계 모델링에 대해 살펴본다.
- 기술 통계, 산포 통계, 분포 통계의 핵심 내용에 대해 안다

### 일화적 증거

- 요즘 애들 대부분 핸드폰을 하루에 5시간 이상한다.
- 옆집에도 하루에 5시간 이상하고, 동생내도 아이들이 하루에 5시간 이상 하고, 우리 아들도 핸드폰 하기 위해 공부하는 모양으로 핸드폰 시간이 6시간이 넘는다.
- 그러니 요즘애들은 핸드폰을 하루에 5시간 이상할 것 같다.
- 일화적 증거의 신빙성이 부족한 이유
  - 적은 관측치
  - 선택편의
  - 확증편의(편향)
  - 부정확함



### 통계적 접근법

- 자료수집(Data collection): 대표성을 띠는 자료 수집
- 기술통계(Descriptive statistics): 데이터 통계량 요약,시각화
- 탐색적 데이터 분석(Exploratory data analysis)
  - 데이터의 패턴, 차이점, 특이점 찾기
- 추정(Estimation) : 사용한 데이터를 토대로 모집단 특징 추정
- 가설검정(Hypothesis testing) : 데이터셋에서 두 그룹 간의 차이가 명백한 것인지 혹은 우연한 사건인지 평가

### 탐색적 데이터 분석

탐색적 데이터 분석(EDA; Exploratory Data Analysis)

그래프를 통한 시각화와 통계 분석 등을 바탕으로 수집한 데이터를 **다양한 각도에서** 관찰하고 이해하는 방법



탐색적 데이터 분석을 위한 통계 기초 숙지 필요

### 통계학이란?

- 수치 데이터의 수집, 분석, 해석, 표현 등을 다루는 수학의 한 분야
- 기술통계학
  - 연속형 데이터 -> 평균, 표준편차와 같은 자료 요약
  - 범주형 데이터 -> 빈도, 백분율과 같은 자료 요약

키, 나이, 가격 등

성별, 성씨 등

#### • 추론 통계학

- 표본이라 불리는 일부 자료를 수집해서 전체 모집합에 대한 결론을 유추하는 것
- 추론은 **가설검정, 수치의 특징 계산, 데이터 간의 상관관계** 등을 통해 이뤄짐

#### •통계 모델링

데이터에 통계학을 적용해 변수의 유의성을 분석함으로써 데이터의 숨겨진 특징을 찾아내는 것

### 통계모델

#### •통계 모델

- 수학적 모델 : 변수들로 이뤄진 수학식을 계산해 실제 값을 추정하는 방법
- 통계 모델을 이루는 여러 가정은 확률 분포를 따름: 이산 확률 분포와 연속 확률 분포
- 모든 변수가 만족해야 하는 기본 가정으로 시작하며, 이 조건이 만족할 때만 모델의 성능이 통계학적으로 의미를 가짐
- 머신러닝 분야의 발전 방향
  - ◦수학 -> 통계학 -> 컴퓨터 과학 -> 머신러닝

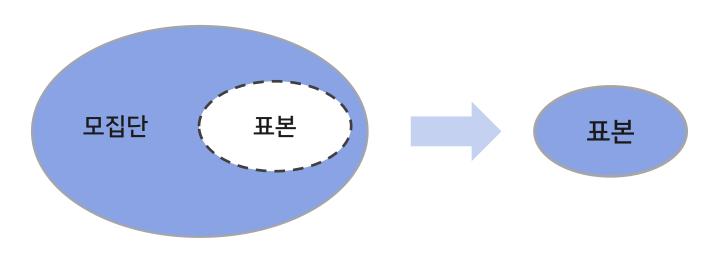
### 통계모델

모집단

모든 관측값 또는 분석 대상의 전체 데이터를 의미

표본

모집단의 부분 집합으로, 분석 대상 중인 전체 데이터의 일부분



### 통계모델

- •모수 : **모집단의 특징**을 나타내는 수치값
- •통계량
  - **표본의 특징을 나타내는 수치값**으로, **모수 추정**을 위해
  - 사용 통계량을 계산하는 기초통계분석(기술통계분석)을 바탕으로
     확률 분포를 간단하게 확인 가능
  - **평균, 중앙값, 최빈값, 분산** 등과 같은 데이터를 대표하는 값

통계량이 실제 모집단을 **대표하는 값**이 될 때, **통계적 유의성**을 확보할 수 있음



# 기초 통계 분석

# 기초 통계 분석

• 통계량의 분류

구분	내용	예시
대표 통계량	데이터의 <b>중심 및 집중경향</b> 을 나타내는 통계량	평균, 중위값, 최빈값 등
산포 통계량	데이터의 <b>퍼진 정도</b> 를 나타내는 통계랑	분산, 표준편차, 범위
분포 통계량	데이터의 <b>위치 정보 및 모양</b> 을 나 타내는 통계량	왜도, 첨도, 사분위수, 최대값, 최소값

# 대표 통계량

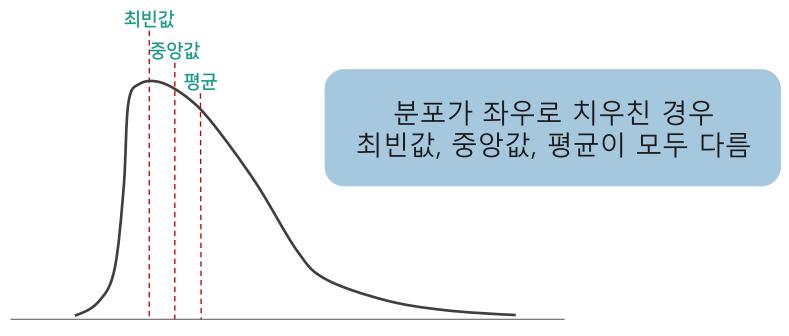
• 통계량의 분류

구분	내용	예시
대표 통계량	데이터의 중심 및 집중경향을 나타내는 통계량	평균, 중위값, 최빈값 등
산포 통계량	데이터의 <b>퍼진 정도</b> 를 나타내는 통계랑	분산, 표준편차, 범위
분포 통계랑	데이터의 위치 정보 및 모양을 나타내는 통계량	왜도, 첨도, 사분위수, 최대값, 최소값

### 대표 통계량

데이터의 대푯값(Representative value)

: 중심 경향(central tendency) 값이라고도 함.



참고: https://brunch.co.kr/@data/13

### 대표 통계량 - 평균

- 산술평균 : 가정 널리 사용되는 평균으로 연속형 변수 사용
  - 이진 변수 대한 산술 평균은 1의 비율과 같음
  - 다른 관측치에 비해 매우 크거나 작은 값에 크게 영향을 받음
- 조화평균 : 비율 및 변화율 등에 대한 평균을 계산할 때 사용
  - 데이터의 역수의 산술평균의 역수
- 절사평균 : 데이터에서  $\alpha \sim 1$   $\alpha$  의 범위에 속하는 데이터에 대해서만 평균을 낸 것
  - 매우 크거나 작은 값에 의한 영향을 줄이기 위해 고안됨

## 대표 통계량 - 평균

• 파이썬을 이용한 평균 계산

구분	구현 함수
산술 평균	<ul><li>numpy.mean(x)</li><li>numpy.array(x).mean()</li><li>Series(x).mean()</li></ul>
조화 평균	<ul><li>len(x) / numpy.sum(1/x)</li><li>scipy.stats.hmean(x)</li></ul>
절사 평균	• scipy.stats.trim_mean(x, proportiontocut) - proportiontocut: 절단한 비율

### [실습]대표 통계량

#### 데이터의 대푯값

```
import numpy as np
from scipy import stats
np.random.seed(0)
data = np.random.randint(0, 100, 10000)
mean = np.mean(data); print("평균값: ", mean.round(2))
median <u>= np.median(data</u>);    print("중앙값: ", median)
```

평균값: 49.17 중앙값: 49.0

최빈값: 3 (125)

numpy 라이브러리는 최빈값 관련 함수를 제공하지 않으므로, scipy 패키지의 status 모듈에 있는 mode() 함수를 사용

mode[0]: 최빈값

mode[1] : 최빈값의 빈도

### [실습]대표 통계량

#### 데이터의 대푯값

```
import numpy as np
from scipy import stats

np.random.seed(0)

data = np.random.randint(0, 100, 10000)

mean = np.mean(data); print("평균값: ", mean.round(2))
median = np.median(data); print("중앙값: ", median)
mode = stats.mode(data); print("최빈값: {} ({})".format(mode[0][0], mode[1][0]))
```

평균값: 49.17 중앙값: 49.0

최빈값: 3 (125)

numpy 라이브러리는 최빈값 관련 함수를 제공하지 않으므로, scipy 패키지의 status 모듈에 있는 mode() 함수를 사용

mode[0] : 최빈값

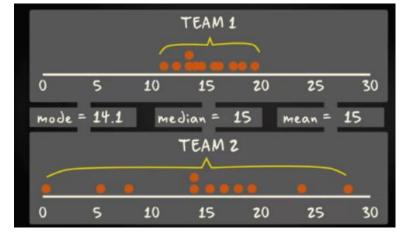
mode[1]: 최빈값의 빈도

[문제 해결]

pandas의 메소드를

### 대표 통계량의 문제점

- Team1과 Team2는 분명히 다른 값을 갖고 있지만 평균값과 중위값, 최빈값은 동일하게 나타남
- 대푯값 만으로는 데이터를 설명하는데 한계가 있음



출처: cousera.org

### 데이터의 변화량을 나타내는 것이 필요함.

# 산포 통계량

• 통계량의 분류

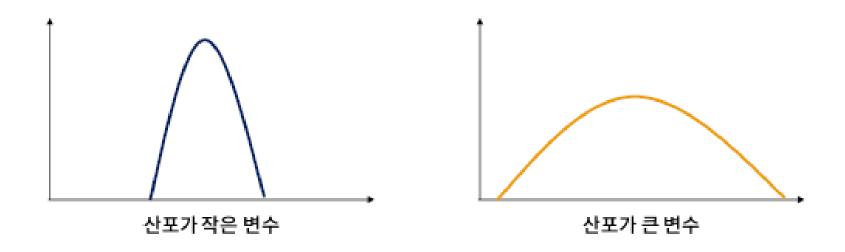
구분	내용	예시
대표 통계량	데이터의 중심 및 집중경향을 나타내는 통계량	평균, 중위값, 최빈값 등
산포 통계량	데이터의 <b>퍼진 정도</b> 를 나타내는 통계량	분산, 표준편차, 범위
분포 통계랑	데이터의 <b>위치 정보 및 모양</b> 을 나타내는 통계량	왜도, 첨도, 사분위수, 최대값, 최소값

### 산포 통계량

- 분산(variance): 평균과의 거리를 제곱한 값의 평균
- 표준편차(standard deviation) : 분산의 제곱근
- 범위(range) : 최대값과 최소값의 차이

### 산포 통계량

• 산포 : 데이터가 얼마나 퍼져 있는지를 의미함.



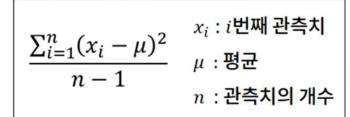
• 즉, 산포 통계량이란 데이터의 산포를 나타내는 통계량

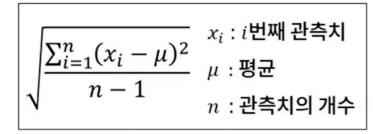
### 산포 통계량 - 분산, 표준편차

• 편차 : 한 샘플이 평균으로부터 떨어진 거리

$$x_i - \mu (x_i : i$$
번째 관측치,  $\mu : 평균)$ 

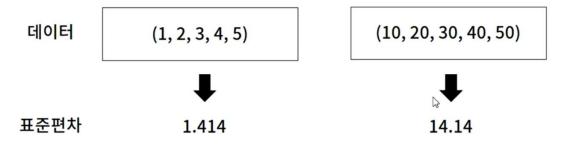
- 분산(variance)
  - 편차의 제곱평균, 편차의 합은 항상 0이되기 때문에, 제곱을 사용
  - 샘플 데이터는 n-1로 나눔
  - 자유도가 0(모분산)이면, n으로 나눔
- 표준편차(standard deviation)
  - 。 분산의 제곱근





### 산포 통계량 - 변동계수

 분산과 표준편차 모두 값의 스케일에 크게 영향을 받아서 상대적인 산포를 보여주는데 부적합함.



- 따라서, **변수를 스케일링한 뒤, 분산 혹은 표준편차**를 구해야 함.
- 만약 모든 데이터가 양수인 경우에는 변동계수(상대 표준편차)를 사용할 수 있음

변동계수 = 표준편차/평균

## 파이썬을 이용한 분산, 표준편차, 변동계수 계산

구분	구현 함수	비고
분산	<ul><li>numpy.var(x, ddof)</li><li>numpy.array(x).var(ddof)</li><li>Series(x).var(ddof)</li></ul>	
표준편차	<ul><li>numpy.std(x, ddof)</li><li>numpy.array(x, ddof)std()</li><li>Series.std(x, ddof)</li></ul>	ddof : 자유도
변동계수 계산	<ul><li>numpy.std(x, ddof) / numpy.mean(x)</li><li>scipy.stats.variation(x)</li></ul>	

### 파이썬을 이용한 분산, 표준편차, 변동계수 계산

• 02. 통계학\_산포 통계량 실습.ipynb

### 산포 통계량 - 스케일링(Scaling)

- 둘 이상의 변수의 값을 상대적으로 비교할 때 사용
- 예) 영어 점수 = 85점인 학생, 수학 점수 = 75점인 학생 누가 더 잘 했나?
  - 국어 점수 변수와 수학 점수 변수의 분포가 다르기 때문에 정확히 비교가 힘듬
  - ·국어 점수 평균 = 90점, 수학 점수 평균 = 35점
  - ◦상대적을 봤을 때 수학점수 75점이 더 잘한 것임.

### 산포 통계량 - 스케일링(Scaling)

상대적으로 비교하기 위해 각 데이터에 있는 값을 상대적인
 값을 갖도록 변환함

$$\frac{x - \mu}{\sigma}$$

$$\frac{x - \min(x)}{\max(x) - \min(x)}$$
Standard Scaling

Min-max Scaling

· 스케일링은 변수간 비교 및 머신러닝에서 피처간의 데이터 수준을 맞춰주기 위해 많이 사용됨

## 산포 통계량 - 스케일링(Scaling)

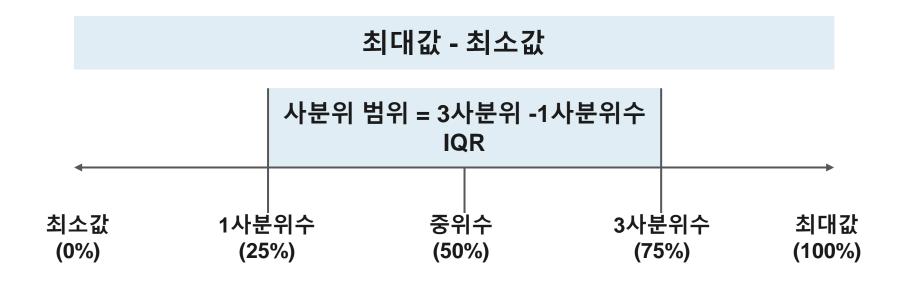
구분	구현 함수
Standard Scaling	<ul> <li>(x-x.mean()) / x.std() # x: ndarray</li> <li>sklearn.preprocessing.StandardScaler</li> </ul>
Min-max Scaling	<ul> <li>x-x.min() / (x.max() – x.min()) # x: ndarray</li> <li>sklearn.preprocessing.MinMaxScaler</li> </ul>

#### • 실습

- StandardScaler와 MinMaxScaler의 계산해서 두 피처 간의 결과 확인
- sklearn 클래스의 메소드 결과 비교해 보기

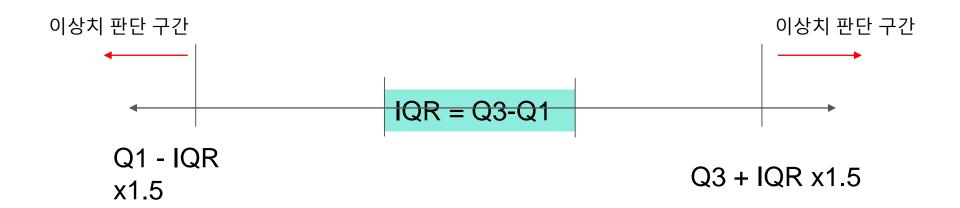
### 범위와 사분위 범위

- 범위와 사분위 범위는 산포를 나타내는 직관적인 지표
- IQR(Interquartile Range)이라고 하며, 이상치 탐색 시 활용함



### **IQR** Rule

• 변수별로 IQR 규칙을 만족하지 않는 샘플들을 판단하여 삭제하는 방법



### 파이썬을 이용한 범위 및 사분위 범위 계산

구분	구현 함수	
범위	<ul><li>numpy.ptp(x)</li><li>numpy.max(x) – numpy.min(x)</li></ul>	
사분위 범위	<ul> <li>numpy.quantile(x, 0.75) – numpy.quantile(x, 0.25)</li> <li>scipy.stats.iqr(x)</li> </ul>	

- 산포 통계량 실습
  - 정규분포(np.random.normal) 로 무작위 샘플 만들기(100, 20, size=1000)
  - np.random.normal(0,1,1000) # [정규분포] 평균 0, 표준편차 1, 개수 1000개

# 기초 통계 분석

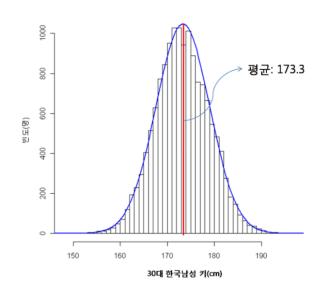
• 통계량의 분류

구분	내용	예시
대표 통계량	데이터의 중심 및 집중경향을 나타내는 통계량	평균, 중위값, 최빈값 등
산포 통계량	데이터의 <b>퍼진 정도</b> 를 나타내는 통계랑	분산, 표준편차, 범위
분포 통계량	데이터의 <b>위치 정보 및 모양</b> 을 나타내는 통계량	사분위수, 최대값, 최소값, 왜도, 첨도

### 분포 통계량

- 최댓값(maximum), 최솟값(minimum)
- 사분위수(quartiles) : 자료를 4등분한 값
- 왜도(skewness), 첨도(kurtosis) : 데이터 분포의 대칭 정도와 데이터의 이상치(outliers) 존재 여부를 나타냄
- 정규분포(normal distribution)

정규분포, 표준정규분포 참고 : https://m.blog.naver.com/istech7/50153739190



### 분포 통계량 – 최댓값과 최솟값

•범위(range)

임의의 값을 가지는 데이터 집합에서 최댓값과 최솟값의 차이

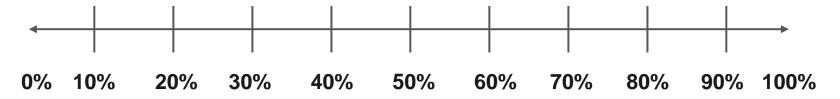
• Team1: 8.5

• Team2 : 27.7

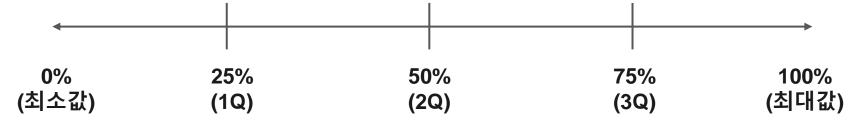


## 분포 통계량 - 백분위수와 사분위수

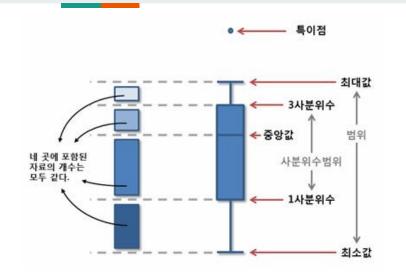
• 백분위수(percentile): 데이터를 크기 순서대로 오름차순 정렬했을 때, 백분율로 나타낸 특정 위치의 값을 의미 함

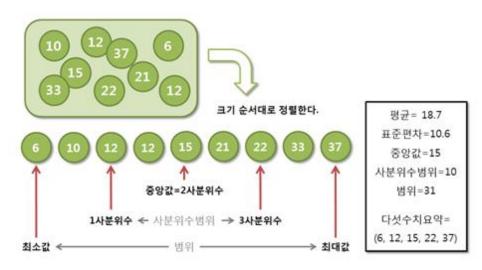


• 사분위수(quantile): 데이터를 크기 순서대로 **오름차순 정렬**했을 때, **4등분한 위치**의 값을 의미함



## 분포 통계량 - 사분위수



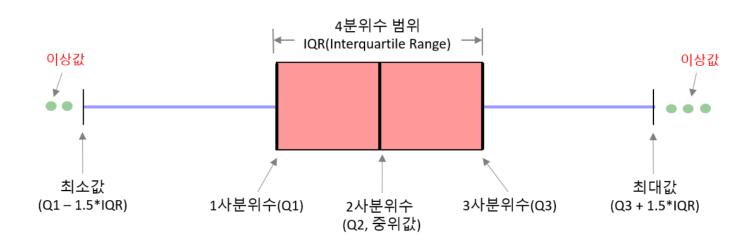


참고: https://t1.daumcdn.net/cfile/tistory/2223A24654298E1415

- 사분위수 : 데이터를 4등분한 값
  - 。25%값: 1사분위수(Q1),
  - 。50%값: 2사분위수(Q2),
  - 75%값 : 3사분위수(Q3)
  - IQR : Interquartile Range, (Q3 Q1)

# 분포 통계량 - 사분위수

- Box plot에서 활용
  - 박스 플롯은 관측값의 대략적 분포와 개별적 이상치를 파악할 수 있는 시각화 차트,
  - 한 공간에서 여러 개의 관측값 그룹 시각화

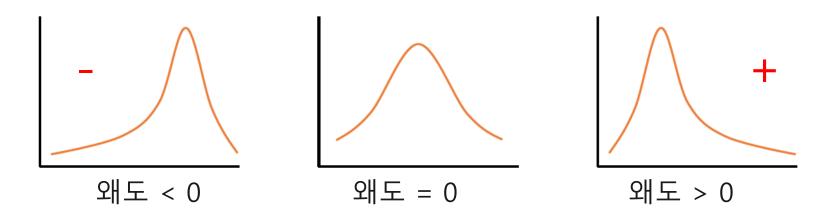


# 분포 통계량 – 백분위수와 사분위수

구분	구현 함수	비고
백분위수	<ul><li>numpy.percentile(x, q)</li></ul>	q: 위치(0~100)
사분위수	<ul><li>numpy.quantile(x, q)</li></ul>	q: 위치(0~1)

# 분포 통계량 – 왜도

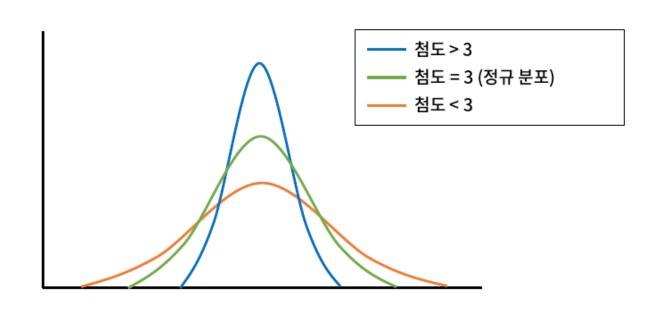
- 왜도(skewness) : 분포의 비대칭도를 나타내는 통계량
- 왜도가 음수면 오른쪽으로 치우친 것을 의미하며, 양수면 왼쪽으로 치우침을 의미함



• 일반적으로 왜도의 절대값이 1.5이상이면 치우쳤다고 봄

### 분포 통계량 – 첨도

• 첨도(kurtosis) : 데이터의 분포가 얼마나 뾰족 한지를 의미함 즉, 첨도가 높을 수록 이 변수가 좁은 범위에 많은 값들이 몰려 있다고 할 수 있음.



# 분포 통계량 – 첨도

구분	구현 함수
왜도	<ul><li>scipy.stats.skew(x)</li><li>Series(x).skew()</li></ul>
첨도	<ul><li>scipy.stats.kurtosis(x)</li><li>Series(x).kurtosis()</li></ul>

• 실습 : 분포 통계량 – 왜도, 첨도

### 머신러닝을 위한 통계학 핵심 개념

#### 분포

• 왜도:데이터 분포의 대칭 정도를 나타냄

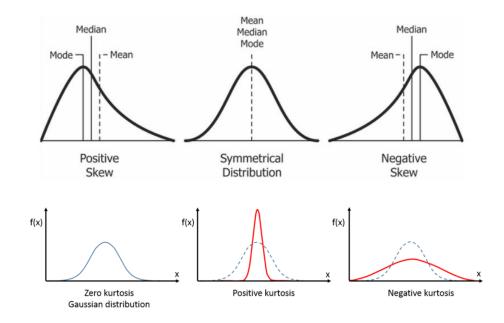
• 음의 왜도 : 오른쪽으로 치우침

• 양의 왜도 : 왼쪽으로 치우침

• 첨도:데이터의 이상치(outliers) 존재여부를 나타냄

• 음의 첨도 : 납작한 분포

• 양의 첨도 : 뾰족한 분포



### 머신러닝을 위한 통계학 핵심 개념

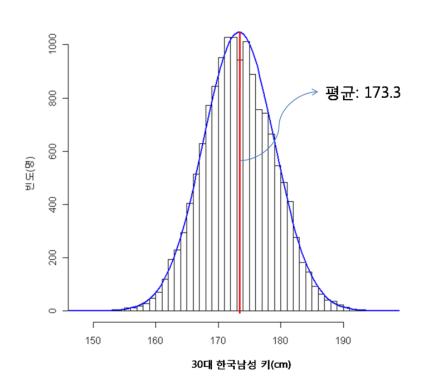
• 분산, 표준편차, 범위, 사분위수, IQR 구하기

```
import numpy as np
   |from statistics import variance, stdev
   np.random.seed(0)
   points = np.random.randint(0, 100, 20)
   var = variance(points); print("분산: ", var)
   |std = stdev(points);    print("표준편차: ", np.round(std, 2))|
   |range = np.max(points) - np.min(points);    print("범위: ", range)
  | print("사분위수:")
11 | for val in [0, 25, 50, 75, 100]:
       quantile = np.percentile(points, val)
13
       print("{}% => {}".format(val. guantile))
14
   q1, q3 = np.percentile(points, [25, 75])
16 | print("IQR: ", a3 - a1)
```

분산: 662 표준편차: 25.73 범위: 79 사분위수: 0% => 9.0 25% => 42.75 50% => 64.5 75% => 84.0 100% => 88.0 10R: 41.25

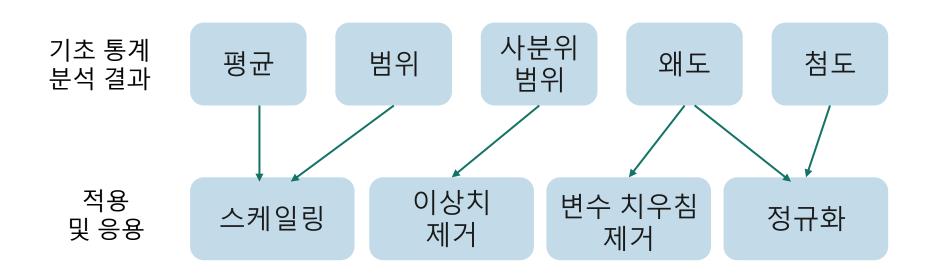
### 분포 통계량 - 정규분포

- 정규분포(normal distribution)
  - 평균을 중심으로 해서 사건이
     중앙에 가장 많이 분포하고
     양끝으로 갈수록 희박하게 분포하며,
     평균을 축으로 그래프의 양쪽이
     정확히 겹쳐짐
  - 표준 정규분포 : 평균 0, 표준편차1인 정규분포



### 변수 분포 문제를 확인 후 적용

• 머신러닝에서 각 **변수를 이해**하고, 특별한 분포 **문제가 없는지 확인**하기 위해 기초 통계 분석을 수행함





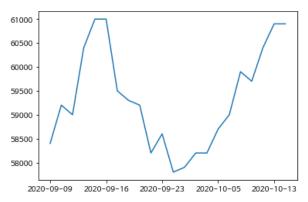
# Seaborn 시각화 +

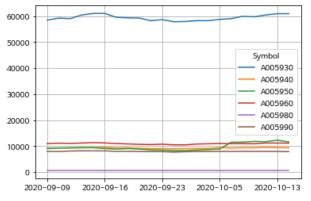
# 데이터 시각화

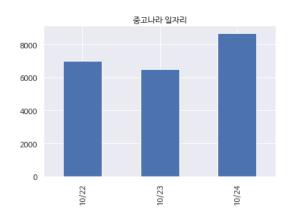
종류	내용
시간시각화	- 분절형과 연속형 - 특정시점 또는 특정시간의 구간 값을 막대 그래프, 누적막대 그래프, 점 그래프 등으로 표현
분포 시각화	- 전체분포와 시간에 따른 분포 - 전체 분포 : 파이차트, 도넛차트, 누적막대, 박스플롯 그래프 - 시간에 따른 분포 : 누적연속 그래프, 누적영역그래프, 선그래프
관계 시각화	- 상관관계, 분포, 비교 - 각 기 다른 변수 사이에서 관계를 시각화 - 스캐터플롯, 행렬, 버블차트 등으로 표현
비교 시각화	- 히트맵, 아웃라이어 찾기(box 플롯)

## 시간적 시각화(시계열)

- 경제활동 : 국내 총생산, 소비자 물가지수, 수출액
- 물리적활동 : 일일강수량, 기온, 습도
- 인구관련 : 총인구, 농가 수
- 사회생활과 관련 : 교통사고 건수, 범죄발생 수
- 품질 생산관리 등 : 품질 지수, 생산성

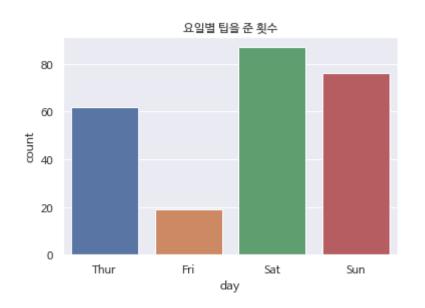


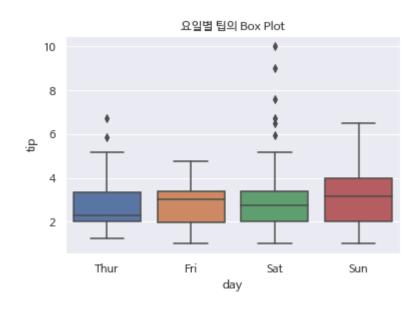




### 분포 시각화 이해

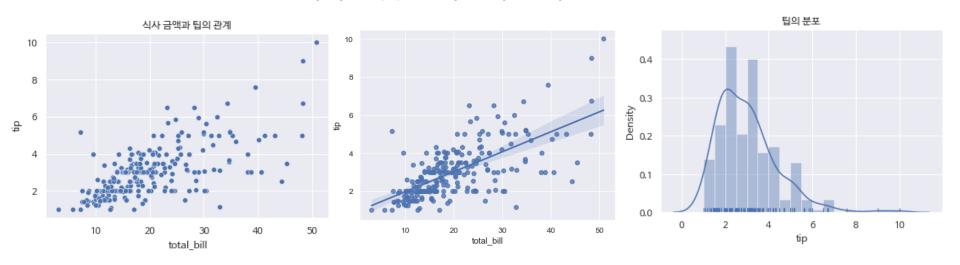
- 분포 데이터 구분 : 샘플 측정 범위에서의 분류
- 분포 데이터 특성 : 최대, 최소, 전체 분포로 나눔
- 전체에 대한 데이터의 양이나 크기를 표현 할 때 사용





# 관계 시각화

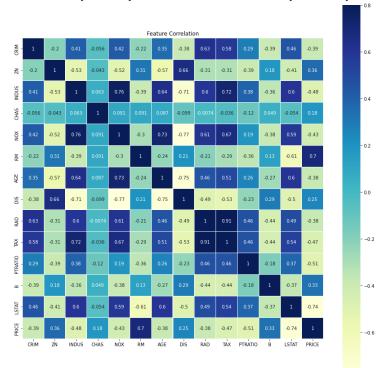
- 어떤 항목이 다른 항목에 어떤 영향을 주는지 알기 위해 사용
- Scatter 변수 간의 관계를 설명하기 위해
- Histogram : 측정값을 몇 개의 구간으로 나누어 표현한 차트
- Bubble Chart : 스캐터 플롯 + 버블의 크기



### 비교 시각화

• 다양한 변수의 특징을 한 번에 비교하여 전체적인 정보 표현이 가능함

• 히트맵: 색상의 명암으로 값의 크기 표현한 차트



### 시각화 도구

### Matplotlib

- 그래프를 그리거나, 분포를 보여주는 파이썬 시각화 패키지
- 연구용으로 많이 쓰인 MATLAB의 코드 스타일 모방
- 사용하기 좀 복잡함.



#### Seaborn

- matplotlib을 wrapping하여 만든 보다 쉬운 패키지
- 다양하고 화려한 그래프 제공
- matplotlib 보다 쉽고 단순한 코드
- matplotlib의 명령을 사용할 수 있음.

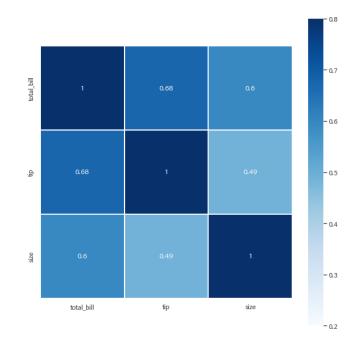


# Seaborn 데이터 시각화

- matplotlob과 statsmodel 패키지를 이용하여 만듬
- 데이터의 통계적인 부분을 살펴볼 때, matplotlib에 비해 쉽고 간편함
- 내장 데이터 셋 제공
- 다양한 그래프
  - 데이터의 수를 세는 countplot
  - 5분위 도표 boxplot
  - 두 변수 관계를 점 찍어 그리는 scatterplot
  - ◦두 변수 관계를 점과 분포로 보기 jointplot
  - Hue 인자로 x축 안에서 botplot 그래프 분리
  - 바이올린 모양의 그래프 viloinplot
  - 데이터의 분포를 그리는 distplot
  - Regression 을 표현하는 regplot

# Seaborn heatmap 그리기

- 컬럼 간의 상관관계를 만들어 주는 함수
   corr = pandas.corr()
- searborn의 heatmap()으로 시각화
  sns.heatmap(corr, #데이터
  vmin = 0.2, #최소값
  vmax = 700, #최댓값
  cbar = True, #중앙값 선정
  center=400, #cell사이에 선 넣기
  annot = True, #cell에 값 넣을지 설정
  cmap = 'Blues' #히트맵의 색을 설정



# [실습]Seaborn 데이터 시각화

- seaborn 실습 하기
- 파일 : 데이터\_시각화\_seaborn\_실습.ipynb