BÀI TẬP THAM KHẢO MÔN GIẢI TÍCH III Nhóm ngành 2 Mã học phần: MI 1132

- 1) Kiểm tra giữa kỳ hệ số 0.3, Tự luận, 60 phút. Nội dung: Đến hết phương trình vi phân cấp một.
- 2) Thi cuối kỳ hệ số 0.7, Tự luận, 90 phút.

Chương 1

Chuỗi

1.1 Chuỗi số

Bài 1. Xét sự hội tụ và tính tổng nếu có của các chuỗi số sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)}$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{n}{n+1}$$

b)
$$\frac{9}{10} + \frac{9}{10^2} + \dots + \frac{9}{10^n} + \dots$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left(1 + \frac{1}{n} \right)$$

Bài 2. Xét sự hội tụ của các chuỗi số dương sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+3}{4n+5}$$

f)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\ln n}{n^2}$$

k)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5^n} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{n^2}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{n+2} \right)^n$$

g)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{n} - \sin \frac{1}{n} \right)$$

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{n+2} \right)^{n^2}$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{1}{n^2}\right)$$

$$h) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{10}}{2^n}$$

m)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \left(\cos\frac{1}{n}\right)^{n^3}$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{e} - 1)$$

i)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3n+1)!}{n^2 8^n}$$

$$n) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^2 n}$$

e)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2}{\ln n}$$

j)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n (n!)^2}{(2n)!}$$

$$0) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{e^n n!}{n^n}$$

Bài 3. Xét sự hội tụ tuyệt đối và bán hội tụ của các chuỗi số sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n}{n^2}$$

e)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{\ln^2 n} \cos \frac{\pi n^2}{n+1}$$

i)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt[n]{n}}$$

b)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{n^2 + 1}$$

f)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n^p}$$

$$j) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \ln n}{n}$$

c)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} + (-1)^n}$$

g)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \sqrt{n}}{n+100}$$

k)
$$\sum_{n=2}^{\infty} \ln(1 + \frac{(-1)^n}{\sqrt{n}})$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\pi\sqrt{n^2+1}\right)$$

h)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{2n+100}{3n+1}\right)^n$$

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \sin \frac{\pi n}{2}$$

Bài 4. Cho chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ hội tụ, liệu có thể suy ra chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} u_n^2$ cũng hội tụ? Vẫn câu hỏi này, nếu thêm giả thiết chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ hội tụ tuyệt đối.

1.2 Chuỗi hàm số

Bài 5. Tìm miền hội tụ của các chuỗi hàm số sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x}{\left(x^2+1\right)^n}$$

e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{x^{2n} + 1}$$

i)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{x^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(nx)}{e^{nx}}$$

f)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^x + (-1)^n}{n}$$

$$j) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{x(x+n)}{n} \right)^n$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^x}$$

g)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(x + \frac{1}{n} \right)^n$$

$$k) \sum_{n=1}^{\infty} ne^{-nx}$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{x^n + 1}$$

$$h) \sum_{n=1}^{\infty} \left(x^n + \frac{1}{2^n x^n} \right)$$

$$l) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+x)^n}{n^{n+x}}$$

Bài 6. Xét sự hội tụ đều của chuỗi hàm số trên tập đã cho:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} x^n$$
, $|x| < q < 1$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{(x^2+1)^n}, \ x \in \mathbb{R}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} x^n$$
, $|x| < 1$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^n} \left(\frac{2x+1}{x+2} \right)^n$$
, $x \in [-1; 1]$

Bài 7. Tìm miền hội tụ của các chuỗi lũy thừa sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+2)x^n}{n^2+1}$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$$

g)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (\sin n) x^n$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} \left(\frac{x-1}{x+1} \right)^n$$

e)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{2^n + 3^n}$$

h)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + (-2)^n}{n} (x+1)^n$$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{2n+3} \right)^n x^n$$

f)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^3}{(3n)!} x^n$$

i)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{3n}(n!)^3}{(3n)!} \tan^n x$$

Bài 8. Tính tổng của các chuỗi sau:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} nx^n$$
, $x \in (-1; 1)$

c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{n+1}}{n(n+1)}$$
, $x \in (-1;1)$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{(2n-1)3^n}$$

d)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{4n-3}}{4n-3}$$
, $x \in (-1;1)$

Bài 9. Khai triển các hàm số sau thành chuỗi Maclaurin

a)
$$y = \frac{2x+4}{x^2-3x+2}$$

c)
$$y = \frac{1}{\sqrt{4-x^2}}$$

e)
$$y = \ln(1 + x - 2x^2)$$

b)
$$y = x\sin^2 x$$

d)
$$y = \frac{1}{x^2 + x + 1}$$

f)
$$y = \arcsin x$$

Bài 10. Khai triển các hàm số sau thành chuỗi Taylor (trong lân cận điểm x_0 tương ứng):

a)
$$y = \frac{1}{2x+3}$$
, $x_0 = 4$

b)
$$y = \sin \frac{\pi x}{3}$$
, $x_0 = 1$ c) $y = \sqrt{x}$, $x_0 = 4$

c)
$$y = \sqrt{x}, x_0 = 4$$

Bài 11. Khai triển các hàm số tuần hoàn với chu kì $T=2\pi$ sau thành chuỗi Fourier

a)
$$y = x, x \in (-\pi, \pi)$$

b)
$$y = |x|, x \in (-\pi, \pi)$$

Bài 12. Khai triển các hàm số tuần hoàn với chu kì T=2 sau thành chuỗi Fourier

a)
$$f(x) = x, x \in (-1, 1)$$

b)
$$f(x) = |x|, x \in (-1, 1)$$

Bài 13. Khai triển các hàm số sau thành chuỗi Fourier

a)
$$f(x) = \begin{cases} A & \text{n\'eu } 0 < x < l \\ 0 & \text{n\'eu } l < x < 2l \end{cases}$$

b)
$$f(x) = \begin{cases} ax & \text{n\'eu } -\pi < x < 0 \\ bx & \text{n\'eu } 0 < x < \pi \end{cases}$$

c)
$$f(x) = 10 - x, x \in (5, 15)$$

Chương 2

Phương trình vi phân

2.1 Phương trình vi phân cấp một

Bài 14. Giải các phương trình vi phân cấp một sau.

1) Các phương trình khuyết:

a)
$$y' = \frac{1}{2}(y^2 - 1), y(0) = 2$$

b)
$$y' + y = 1$$

c)
$$x = (y')^2 - y' + 2$$

d)
$$y^2 + (y')^2 = 4$$

2) Các phương trình phân ly:

a)
$$y' = x^2 y$$

b)
$$2y(x^2+4)dy = (y^2+1)dx$$

c)
$$y' + e^{y+x} = 0$$

d)
$$1 + x + xy'y = 0$$

3) Các phương trình thuần nhất:

a)
$$y' = \frac{y}{x} + \frac{x}{y} + 1$$

b)
$$xy' = x\sin\frac{y}{x} + y$$

$$c) 2y' + \left(\frac{y}{x}\right)^2 = -1$$

$$d) (x+2y)dx - xdy = 0$$

4) Các phương trình tuyến tính:

a)
$$y' - \frac{4}{x}y = 4x^7$$

b)
$$xy' + y = \sqrt{x}$$

c)
$$y' = x - y$$

d)
$$(2xy + 3)dy - y^2dx = 0$$

5) Các phương trình Bernoulli:

a)
$$y' + \frac{y}{x} = x^2y^4, y(1) = 2$$

b)
$$y' + \frac{2}{x}y = \frac{y^3}{x^2}$$

c)
$$xy' + y = -xy^2$$

d)
$$ydx + (x + x^2y^2)dy = 0$$

6) Các phương trình vi phân toàn phần:

a)
$$(x^2 + y)dx = (2y - x)dy$$

$$b) (2xy+3)dy = -y^2dx$$

c)
$$e^y dx = (xe^y - 2y)dy$$

$$d) (x^2y^2 - x)dy = ydx$$

7) Các phương trình cần đổi biến và/hoặc nhận dạng:

a)
$$y' = (x + y)^2$$

b)
$$y' = 1 + x + y + xy$$

c)
$$y' = \frac{x+y-2}{x-y+4}$$

d)
$$(x^2 + 1)y' + xy = 1$$

e)
$$3xy^2y' - y^3 = x, y(1) = 3$$

f)
$$(2xy^2 - 3y^3)dx = (3xy^2 - y)dy$$

g)
$$y = xy' + y' - y' \ln(y')$$

h)
$$xy' = y + x^3 \sin x, y(\pi) = 0$$

2.2 Phương trình vi phân cấp hai

Giải các phương trình vi phân cấp hai sau.

Bài 15. Các phương trình khuyết:

a)
$$xy'' + 2y' = 12x^2$$

b)
$$\begin{cases} (1-x^2)y'' - xy' = 2, \\ y(0) = 0, y'(0) = 0 \end{cases}$$

c)
$$2yy' = (y')^2 + 1$$

d)
$$\begin{cases} (1+x)y'' + x(y')^2 = y', \\ y(0) = 1, y'(0) = 2 \end{cases}$$

Bài 16. Các phương trình tuyến tính hệ số hằng:

a)
$$y'' - 3y' + 2y = 0$$

b)
$$y'' - 2y' + y = 0$$

c)
$$y'' - y = \frac{e^x}{e^x + 1}$$

d)
$$y'' - 4y' + 3y = (15x + 37)e^{-2x}$$

e)
$$y'' - y = 4(x+1)e^x$$

f)
$$y'' - 2y' + y = (12x + 4)e^x$$

$$g) y'' + y = 2\cos x \cos 2x$$

h)
$$y'' + 2y' + 2y = 8\cos x - \sin x$$

i)
$$y'' + y' - 2y = x + \sin 2x$$

j)
$$y'' + 3y' - 4y = 200\sin^2 x$$

k)
$$y'' - y' - 2y = xe^x \cos x$$

l)
$$y'' + 2y' + 10y = x^2 e^{-x} \cos 3x$$

$$m) y'' - 3y' + 2y = e^x + \sin x$$

n)
$$y'' + 4y = e^{3x} + x \sin 2x$$

Bài 17. Phương pháp biến thiên hằng số:

a)
$$y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{x}$$

b)
$$y'' - 3y' + 2y = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

Bài 18. Các phương trình tuyến tính có hệ số hàm số:

a)
$$(2x-x^2)y'' + 2(x-1)y' - 2y = -2$$
 biết nó có hai nghiệm riêng $y_1 = 1, y_2 = x$

b)
$$y'' - \frac{2xy'}{x^2 + 1} + \frac{2y}{x^2 + 1} = 0$$
 biết nó có một nghiệm riêng $y_1 = x$

c)
$$y'' - \frac{y'}{x} + \frac{y}{x^2} = \frac{2}{x}$$

d)
$$\frac{y''}{(y')^3} + \frac{2}{y'} - x + y = e^y \cos y$$
 (Gợi ý: coi $x = x(y)$)

2.3 Hệ phương trình vi phân cấp một

Bài 19. Giải các hệ phương trình vi phân sau

a)
$$\begin{cases} \frac{dy}{dx} = 5y + 4z \\ \frac{dz}{dx} = 4y + 5z \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \frac{y}{x - y} \\ \frac{dy}{dt} = \frac{x}{x - y} \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} \frac{dy}{dx} = y + 5z \\ \frac{dz}{dx} = -y - 3z \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y \\ \frac{dy}{dt} = -x + \frac{1}{\cos t} \end{cases}$$

2.4 Ứng dụng chuỗi hàm số giải phương trình vi phân

Bài 20. Giải các phương trình vi phân sau bằng phương pháp khai triển chuỗi

a)
$$y'' + y = 0$$

b)
$$y'' - 2xy' + y = 0$$

Chương 3

Phương pháp toán tử Laplace

Phép biến đổi Laplace và phép biến đổi ngược 3.1

Bài 21. Sử dụng định nghĩa, tìm biến đổi Laplace của các hàm số sau:

a)
$$f(t) = t$$

b)
$$f(t) = e^{3t+1}$$

c)
$$f(t) = \sinh kt$$
 d) $f(t) = \sin^2 t$

$$d) f(t) = \sin^2 t$$

Bài 22. Tìm biến đổi Laplace của các hàm số sau:

a)
$$f(t) = \sqrt{t} + 3t$$

$$d) f(t) = \cos^2(2t)$$

g)
$$f(t) = 2\sin 3t\cos 5t$$

b)
$$f(t) = t - 2e^{3t}$$

a)
$$f(t) = \sqrt{t} + 3t$$

b) $f(t) = t - 2e^{3t}$
c) $f(t) = 1 + \cosh(5t)$
d) $f(t) = \cos^2(2t)$
e) $f(t) = (t+1)^3$

c)
$$f(t) = 1 + \cosh(5t)$$

c)
$$f(t) = 1 + \cosh(5t)$$
 f) $f(t) = 2\sin\left(t + \frac{\pi}{3}\right)$ h) $f(t) = \sinh^2(3t)$

$$h) f(t) = \sinh^2(3t)$$

Bài 23. Tìm biến đổi Laplace ngược của các hàm số sau:

a)
$$F(s) = \frac{3}{s^4}$$

c)
$$F(s) = \frac{3}{s-4}$$

e)
$$F(s) = \frac{10s - 3}{25 - s^2}$$

b)
$$F(s) = \frac{1}{s} - \frac{2}{s^{\frac{5}{2}}}$$

d)
$$F(s) = \frac{5-3s}{s^2+9}$$

Phép biến đổi của bài toán với giá trị ban đầu

Bài 24. Giải các bài toán giá trị ban đầu

a)
$$\begin{cases} x^{(3)} - x'' - x' + x = e^{2t} \\ x(0) = x'(0) = x''(0) = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x^{(4)} - 16x = 240 \cos t \\ x(0) = x'(0) = x''(0) = x^{(3)} = 0 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x^{(3)} - 6x'' + 11x' - 6x = 0\\ x(0) = x'(0) = 0, x''(0) = 2 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x^{(4)} + 8x'' + 16x = 0 \\ x(0) = x'(0) = x''(0) = 0, x^{(3)}(0) = 1 \end{cases}$$

Bài 25. Giải các bài toán giá trị ban đầu

a)
$$\begin{cases} x' = 2x + y \\ y' = 6x + 3y \\ x(0) = 2, y(0) = 3 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x'' + x' + y' + 2x - y = 0 \\ y'' + x' + y' + 4x - 2y = 0 \\ x(0) = y(0) = 1, \\ x'(0) = y'(0) = 3 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x' + 2y' + x = 0 \\ x' - y' + y = 0 \\ x(0) = 1, y(0) = 3 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x'' + 2x - 4y = 0 \\ y'' - x + 2y = 0 \\ x(0) = y(0) = 0 \\ x'(0) = 1, y'(0) = -1 \end{cases}$$

Phép tịnh tiến và phân thức đơn giản 3.3

Bài 26. Tìm biến đổi Laplace của các hàm số sau:

a)
$$f(t) = t^4 e^{\pi t}$$

$$f(t) = e^{-2t} \sin 3t$$

c)
$$f(t) = e^t \sin\left(t + \frac{\pi}{4}\right)$$

 ${\bf B}$ ài 27. Tìm biến đổi Laplace ngược của các hàm số sau:

a)
$$F(s) = \frac{1}{s^2 - 3s}$$

f)
$$F(s) = \frac{3}{2s-4}$$

k)
$$F(s) = \frac{1}{s^3 - 5s^2}$$

b)
$$F(s) = \frac{1}{s(s^2 + 4)}$$

b)
$$F(s) = \frac{1}{s(s^2 + 4)}$$
 g) $F(s) = \frac{1}{s^2 + 4s + 4}$ l) $F(s) = \frac{1}{s^3 - 1}$

1)
$$F(s) = \frac{1}{s^3 - 1}$$

c)
$$F(s) = \frac{1}{s^2(s^2+1)}$$

c)
$$F(s) = \frac{1}{s^2(s^2+1)}$$
 h) $F(s) = \frac{3s+5}{s^2-6s+25}$ m) $F(s) = \frac{1}{s^4-16}$

m)
$$F(s) = \frac{1}{s^4 - 16}$$

d)
$$F(s) = \frac{1}{s^2(s^2 - 1)}$$

i)
$$F(s) = \frac{1}{s^2 - 4}$$

d)
$$F(s) = \frac{1}{s^2(s^2 - 1)}$$
 i) $F(s) = \frac{1}{s^2 - 4}$ n) $F(s) = \frac{s^2 - 2s}{s^4 + 5s^2 + 4}$

e)
$$F(s) = \frac{1}{s(s+1)(s+2)}$$
 j) $F(s) = \frac{5-2s}{s^2+7s+10}$ o) $F(s) = \frac{s^2+3}{(s^2+2s+2)^2}$

j)
$$F(s) = \frac{5 - 2s}{s^2 + 7s + 10}$$

o)
$$F(s) = \frac{s^2 + 3}{(s^2 + 2s + 2)^2}$$

Đạo hàm, tích phân và tích của các phép biến đổi 3.4

Bài 28. Tìm biến đổi Laplace của các hàm số sau:

a)
$$f(t) = t \cos^2 t$$

e)
$$f(t) = \frac{\sin t}{t}$$

h)
$$f(t) = \frac{\cosh t}{t}$$

b)
$$f(t) = t^2 \sin kt$$

f)
$$f(t) = \frac{e^{2t-1}}{t}$$

$$i) f(t) = \frac{1 - \cos 2t}{t}$$

d)
$$f(t) = (t - e^{2t})^2$$

c) $f(t) = te^{2t} \sin 3t$

g)
$$f(t) = \frac{\sinh t}{t}$$

$$j) f(t) = \frac{e^t - e^{-t}}{t}$$

Bài 29. Tìm phép biến đổi Laplace ngược của các hàm sau

a)
$$F(s) = \arctan \frac{1}{s}$$

c)
$$F(s) = \ln \frac{s-2}{s+2}$$

c)
$$F(s) = \ln \frac{s-2}{s+2}$$
 e) $F(s) = \ln \left(1 + \frac{1}{s^2}\right)$

b)
$$F(s) = \ln \frac{s^2 + 1}{s^2 + 4}$$

b)
$$F(s) = \ln \frac{s^2 + 1}{s^2 + 4}$$
 d) $F(s) = \ln \frac{s^2 + 1}{(s+2)(s-3)}$ f) $F(s) = \frac{e^{-3s}}{s}$

f)
$$F(s) = \frac{e^{-3s}}{s}$$

Bài 30. Giải các bài toán giá tri ban đầu:

a)
$$\begin{cases} tx'' + (t-2)x' + x = 0\\ x(0) = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} tx'' + (4t - 2)x' + (13t - 4)x = 0\\ x(0) = 0 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} tx'' - (4t+1)x' + 2(2t+1)x = 0\\ x(0) = 0 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} ty'' - ty' + y = 2\\ y(0) = 2, y'(0) = -4 \end{cases}$$

Bài 31. Giải các bài toán giá trị ban đầu:

a)
$$\begin{cases} x'' + x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} x'' + x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases} \quad \mathring{\sigma} \text{ d}\mathring{\sigma} f(t) = \begin{cases} \cos t, & 0 \le t < 2\pi \\ 0, & t \ge 2\pi \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x'' + 4x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x'' + 4x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0, \end{cases}$$
 ở đó $f(t) = \begin{cases} 1, & 0 \le t < \pi \\ 0, & t \ge \pi \end{cases}$

c)
$$\begin{cases} x'' + 4x' + 4x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x'' + 4x' + 4x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$
 do do $f(t) = \begin{cases} t, & 0 \le t < 2 \\ 0, & t \ge 2 \end{cases}$

d)
$$\begin{cases} x'' + 4x' + 5x = f(x') \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x'' + 4x' + 5x = f(t) \\ x(0) = x'(0) = 0 \end{cases}$$
 $\mathring{\sigma} \mathring{d} \mathring{\sigma} f(t) = \begin{cases} 1, & 0 \le t < 2 \\ 0, & t \ge 2 \end{cases}$

Viện Toán ứng dung và Tin học