

ĐỀ THI THỬ GIỮA KÌ MÔN GIẢI TÍCH 3 - Học kì 2022

Nhóm ngành 1

Thời gian làm bài: 60 phút

Chú ý: Thí sinh không được sử dụng tài liệu và giám thị phải ký xác nhận số đề vào bài thi.

Câu 1. [3đ] Xét sự hội tụ, phân kỳ của các chuỗi số sau:

a) $\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left(\cos \frac{1}{n} \right)$ b) $\sum_{n=3}^{\infty} (-1)^n \frac{n^2}{(\ln n)^n}$ c) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{3n^2 + \sqrt{n} + 1}{4n^2 + \cos n} \right)^{2n \ln n}$

Câu 2. [2đ] Tìm miền hội tụ của các chuỗi hàm số sau:

a) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n+2}{n(n-1)} \left(\frac{2x+1}{1-x} \right)^n$ b) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(n-e^x)^p}$

Câu 3. [3đ] Giải các phương trình vi phân sau:

a) $\frac{dx}{x} - \frac{dy}{x+y+3} = 0$
 b) $(x^2 + 1) \cdot y' + y = x^2 + x + 1$
 c) $(x^2 + 3 \ln y) y dx = x dy$

Câu 4. [1đ]. Tìm khai triển Fourier của hàm số tuần hoàn với chu kì 1 được xác định như sau

$$f(x) = \min\{x, 1-x\} \quad \forall x \in [0; 1]$$

Câu 5. [1đ]. Giả sử $\{a_n\}_{n=1}^{+\infty}$ là dãy số dương và $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$ hội tụ. Chứng minh

rằng chuỗi $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^{\frac{n-1}{n}}$ cũng hội tụ.

Chúc các bạn hoàn thành tốt bài thi