ĐỀ THI THỬ GIỮA KỲ MÔN GIẢI TÍCH 2 - Học kì 2022.2 Nhóm ngành 1 Thời gian làm bài: 60 phút

Chú ý: Thí sinh không được sử dụng tài liệu và giám thị phải kí xác nhận số đề vào bài thi.

Câu 1. [1đ] Tính độ cong của đường cong $\begin{cases} x = e^t \cos t \\ y = e^t \sin t \end{cases}$ $(t \in \mathbb{R})$ tại điểm ứng với t = 0.

Câu 2. [1đ] Viết phương trình pháp tuyến và tiếp diện của mặt cong

$$x^3 + 3xy + e^{z^2} = 5$$
 tại điểm $M(1, 1, 0)$

Câu 3. [1d] Tìm hình bao của họ đường cong $x\sin^3 c + y\cos^3 c = 1$ với $c \in \mathbb{R}$ là tham số.

Câu 4. [1đ] Đổi thứ tự lấy tích phân $\int_{-1}^{0} dx \int_{1+\sqrt{1-x^2}}^{2-x} f(x,y)dy$

Câu 5. [1d] Tính tích phân kép $\iint_D dx dy \text{ trong dó D: } \begin{cases} y \le x^2 + y^2 \le 2y \\ x \le y \le \sqrt{3}x \end{cases}$

Câu 6. [1d] Tính $\iiint_V \sqrt{4x^2 + y^2 + z^2} dx dy dz$ với V là miền giới hạn bởi

$$4x^2 + y^2 + z^2 \le z$$

Câu 7. [1d] Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $\begin{cases} y^2 + 2y - 3x + 1 = 0 \\ 3x - 3y - 7 = 0 \end{cases}$

Câu 8. [1d] Tính thể tích của miền được giới hạn bởi các mặt cong $y = x^2$, $x = y^2, z = y^2$ và mặt Oxy

Câu 9. [1đ] Tính $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \ln(1+2\sin^2 x) dx$

Câu 10. [1đ] Xét sự hội tụ đều của $I(y) = \int\limits_0^{+\infty} e^{-xy} x^2 dx$ trên khoảng $(0,+\infty)$.