## ĐỀ THI THỬ GIỮA KÌ MÔN GIẢI TÍCH 3 - Học kì 20222

Nhóm ngành 1 Thời gian làm bài: 60 phút

Chú ý: Thí sinh không được sử dụng tài liệu và giám thị phải kí xác nhận số đề vào bài thi.

Câu 1. [3đ] Xét sự hội tụ, phân kỳ của các chuỗi số sau:

a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 - 2\sin^2\frac{1}{2n}\right)$$
b)  $\sum_{n=3}^{\infty} (-1)^n \frac{n^3}{(\ln n)^n}$  c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{4n^2 + \sqrt{n} + 1}{5n^2 + \sin n}\right)^{n\ln n}$ 

Câu 2. [2đ] Tìm miền hôi tu của các chuỗi hàm số sau:

a) 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n+3}{n(n-1)} \left(\frac{2x+1}{1-x}\right)^n$$
 b)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(n-\ln x)^p}$ 

Câu 3. [3d] Giải các phương trình vi phân sau:

a) 
$$\frac{dx}{x} - \frac{dy}{x + y - 3} = 0$$

b) 
$$(x^2+1).y'+y=x^2+x+1$$

c) 
$$(x^2 + 2 \ln y)ydx = xdy$$

Câu 4. [1đ] Tìm khai triển Fourier của hàm số tuần hoàn với chu kì 1 được xác định như sau

$$f(x) = max\{x, 1 - x\} \, \forall x \in [0; 1]$$

**Câu 5.** [**1đ**] Giả sử  $\{a_n\}_{n=1}^{+\infty}$  là dãy số dương và  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  hội tụ. Chứng minh

rằng chuỗi  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^{\frac{n-1}{n}}$  cũng hội tụ.

- Chúc các bạn hoàn thành tốt bài thi -