ĐỀ THI THỬ TRẮC NGHIỆM ĐẠI SỐ GIỮA KÌ-1

Thời gian: 40'

Câu 1. Cho $A \subset B$ là hai tập khác rỗng. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào **sai**:

[a]
$$A \cap B = A$$

$$[b]A \setminus B = \emptyset$$

[c]
$$A \cup B = B$$

$$[d]A \setminus B = A$$

Câu 2. Cho A, B là các ma trận vuông cấp n trên \mathbb{R} . Trong các khẳng định sau, khẳng đinh nào đúng?

[a]
$$\det(-A) = -\det A$$

[b]
$$(AB)^t = A^t B^t$$

[c]
$$(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$$

[d]
$$(A-B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$$

[a]
$$\det(-A) = -\det A$$
 [b] $(AB)^t = A^t B^t$ [c] $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$ [d] $(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$ Câu 3. Cho các ma trận $A = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$; $C = \begin{bmatrix} 4 & 8 & 2 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$. Trong các phép toán sau,

phép toán nào thực hiện được?

Câu 4. Hạng của ma trận $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 4 \\ 0 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 12 \\ 3 & 11 & 20 \end{bmatrix}$ là :

Câu 5. Trong các ma trân sau, ma trân nào không khả nghich

$$[a] \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$[b] \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

$$[c] \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 12 & 11 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{d} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathbf{1} \\ \mathbf{1} & \mathbf{0} \end{bmatrix}$$

Câu 6. Nghịch đảo của ma trận $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{1}{2} & 1 & 0 \end{bmatrix}$ là :

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{3}{4} & \frac{5}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 1 & 0 \\ -\frac{3}{4} & \frac{5}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{3}{4} & -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 1 & 0 \\ -\frac{3}{4} & \frac{5}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$[d] \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{3}{4} & \frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

Câu 7. Định thức của ma trận

$$\begin{vmatrix} 16 & 22 & 4 \\ 4 & -3 & 2 \\ 12 & 25 & 2 \end{vmatrix}$$
 là:

[c] 6

Câu 8. Giá trị của biểu thức $\left| \frac{(1+i)^4}{i^3(3+i)^2} \right|$

[a]
$$\frac{3}{5}$$

[c]
$$\frac{4}{5}$$

Câu 9.

Cho $A = \{1; 2; 3\}$; $B = \{0; 3; 4\}$; $C = \{6; 7\}$ là các tập hợp. Xác định các phần tử của tập $(A \cap B) \times C$

[a]
$$(2,6)$$
; $(2,7)$

[c]
$$(3,6)$$
; $(3,7)$

[b]
$$(1,6);(2,7)$$

[d]
$$(3,6)$$
; $(4,6)$

Câu 10.

Xét các tập con của $R: A = (-\infty,3]; B = (2,5); C = [4,7]$

Xác định tập $A \cup (B \setminus C)$

[a]
$$(-\infty,5)$$

[c]
$$(-\infty,7]$$
 [d] $(2,7]$

[b]
$$(-\infty,4)$$

Câu 11. Cho tập A có 3 phần tử, B có 2 phần tử. Tìm số ánh xạ từ A vào B

Câu 12

Cho ánh xạ $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$. Xét xem ánh xạ nào là đơn ánh:

[a]
$$f(x,y) = (x^2, y)$$

c)
$$f(x,y) = (x^2, e^y)$$

[b]
$$f(x,y) = (x,y^3)$$

d)
$$f(x,y) = (x, y^2)$$

Câu 13. Kết quả của phép nhân ma trận

d)
$$f(x,y) = (x, \frac{1}{2}\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$
 là

$$\begin{bmatrix}
1 & 3 & 2 \\
2 & 6 & 4 \\
3 & 9 & 6
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

Câu 14.

Xác định tập $\sqrt[6]{-i}$

[a]
$$\left\{ \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{i}; \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i \right\}$$

[b]
$$\left\{\cos\left(\frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{3}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{3}\right), \quad k = 0...5\right\}$$

$$[c] \left\{ \cos \left(\frac{\pi}{2} + \frac{k\pi}{3} \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{2} + \frac{k\pi}{3} \right), \quad k = 0..5 \right\}$$

[d]
$$\left\{\cos\left(\frac{3\pi}{4} + \frac{k\pi}{3}\right), \quad k = 0...5\right\}$$

Câu 15.

Biểu diễn số phức $\frac{(1-2i)^3}{2+3i}$ dưới dạng chính tắc:

[a]
$$\frac{5}{13} + \frac{7}{13}i$$

[c]
$$\frac{-18}{13} + \frac{1}{13}i$$

[b]
$$\frac{18}{13} - \frac{1}{13}i$$

[d]
$$\frac{18}{13} + \frac{1}{13}i$$

Câu 16.

Xác định mệnh đề sai trong các mệnh đề sau:

- a) Nếu A là ma trận vuông có $\det(A)$ khác 0 thì A khả nghịch
- b) Tồn tại các ma trân A, B để AB khác BA
- c) Với mọi ma trận A, B, C nếu AB = AC thì B = C
- d) Với mọi ma trận vuông A, B, C cùng cấp AB+AC=A(B+C)

Câu 17.

Tìm ma trận X để $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 4 & 8 \\ 5 & -4 \end{bmatrix}$

a)
$$\begin{bmatrix} 4 & 4 \\ \frac{5}{3} & 4 \end{bmatrix}$$

$$c)\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$$

b)
$$\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$$

d)
$$\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

Câu 18.

Tính định thức $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 4 \\ -1 & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 4 & 5 & -1 \end{vmatrix}$

Câu 19. Tìm hạng của ma trận $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 4 \\ 4 & 3 & 8 \end{bmatrix}$

Câu 20.

Xác định nghiệm của hệ phương trình $\begin{cases} x+y+z=3\\ -2x-2y+3z=14\\ 2x+y-z=-4 \end{cases}$

[a]
$$(1,2,4)$$

$$[c]\left(\frac{-3}{5},0,\frac{18}{5}\right)$$

$$[d] (1,-2,4)$$