

## Série TD 3

### Fonctions de Hachage et signatures numériques

#### Exercice 1 :

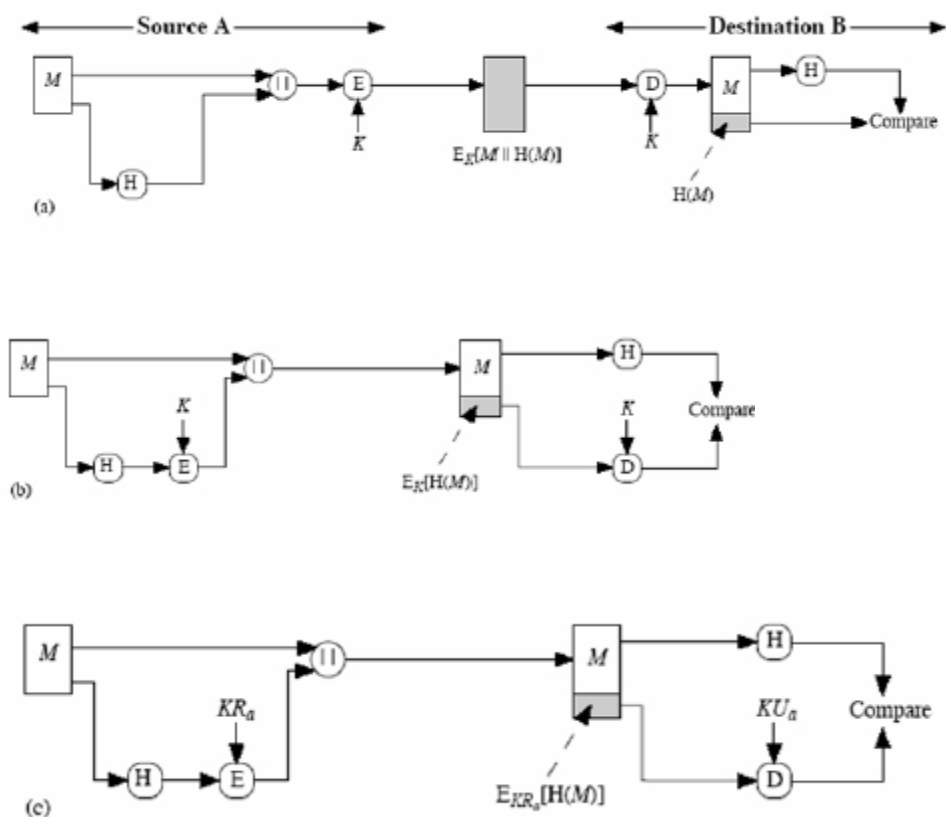
Soit  $M$  un message clair,  $E$  un algorithme de chiffrement symétrique,  $k$  une clé secrète partagée entre Alice et Bob,  $H$  une fonction de hachage et  $\parallel$  l'opération de concaténation. Quels sont les objectifs de sécurité assurés dans chacun des scénarios suivants :

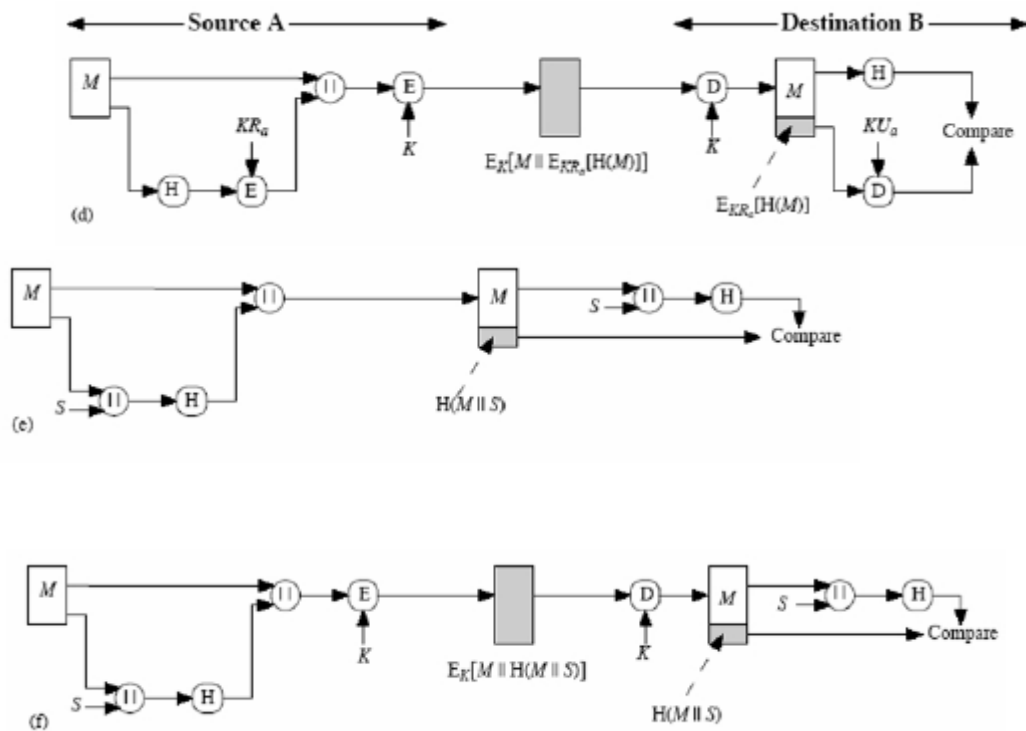
- 1) Alice envoie à Bob :  $M \parallel H(M)$ .
- 2) Alice envoie à Bob :  $E_k(M)$ .
- 3) Alice envoie à Bob :  $E_k(M) \parallel H(M)$ .

#### Exercice 2 :

Soient les exemples d'utilisation de la fonction de hachage ci-dessous. Expliquez les objectifs de sécurité visés dans ces exemples (entre la confidentialité, l'intégrité, l'authentification et le non répudiation).

(KU : la clé publique, KR : la clé secrète)





### Exercice 3 : Signature El-Gamal (DSS)

Soit la clé privé  $a=8$ ,  $p=11$  et  $g=2$ .

1. Trouver la clé publique
2. Calculer la signature du message  $M=5$
3. Vérifier la validité de la signature

### Exercice 4 : Signature RSA

1. Calculer  $N$  et  $\phi(n)$  associés aux nombres  $p=17$  et  $q=23$ .
2. Quels sont les exposants secrets de signatures associées aux exposants publics  $e=11$  et  $e=13$  ?
3. Quelle est la signature de  $m=100$  ?
4. Vérifier que la signature fonctionne.