به نام خدا

تمرین چهارم یادگیری عمیق

غزل زمانينژاد

97277188

1. به الگوریتمهای RMSProp ،Adadelta ،AdaGrad و RMSProp الگوریتمهای adaptive می گوییم زیرا می توانند نرخ یادگیری را بر پارامترها تطبیق دهند. RMSProp تقریبا مشابه AdaGrad است اما مشکل کوچک شدن نرخ یادگیری به صورت رادیکالی را برطرف کردهاست. Adam عملیات bias correction را بر روی RMSProp انجام می دهد و از momentum نیز استفاده می کند.

اگر دیتاستی با دادههای پراکنده داریم، بهتر است از بهینهسازهای تطبیقی استفاده کنیم. چون این بهینهسازها در راستایی که تغییرات گرادیان زیاد است، نرخ یادگیری را کاهش میدهند تا در گامهای کوچکتری جستجو کنند. و در راستایی که تغییرات گرادیان کم است، نرخ یادگیری را افزایش میدهند. یعنی در این گونه از بهینهسازها نیازی به fine-tune کردن نرخ یادگیری به صورت دستی نیست. در میان این بهینهسازها، معمولا Adam بهتر است.

از طرفی در بسیاری از مقالات از SGD همراه با کاهش نرخ یادگیری (annealing schedule) استفاده شده است. مطابق نمودارها دیده می شود که SGD می تواند نقاط مینیمم را پیدا کند اما نسبت به بهینه سازهای تطبیقی بسیار آهسته تر عمل می کند. همچنین SGD به مقدار دهی اولیه robust و چگونگی کم کردن نرخ یادگیری در طول بهینه سازی بسیار وابسته است و بیشتر ممکن است در نقاط زینی نسبت به نقاط مینیمم محلی گیر کند.

در دیتاست dogs-vs-cats مشاهده می شود که Adam کمترین خطای آموزش را دارد اما کمترین خطای اعتبارسنجی را ندارد. SGD به همراه Nesterov هنوز underfit هستند و سرعت همگرایی آن آهسته تر است. در این مدل، SGD به همراه Nesterov از سایر بهینه سازها عملکرد بهتری داشته چون این مدل کوچک است و تنها ۳ لایه مخفی دارد. اما ممکن است در مدلهای پیچیده SGD عملکرد ضعیف تری نسبت به بهینه سازهای تطبیقی داشته باشد.

^

$$\frac{1}{2} \frac{\omega_1}{\omega_2} \frac{\omega_5}{\omega_4} \frac{\omega_5}{\omega_6}$$

$$(i_1, i_2) = (3, 5)$$
 $y = 1$

random initialize: W_1 W_2 W_3 W_4 W_5 W_6

learning rate = 0.1

epoch 1 forward:
$$k_1 = w_1 i_1 + w_2 i_2 = 0.3 + 0.5 = 0.8$$

$$k_2 = w_3 i_1 + w_4 i_2 = 0.9 + 2 = 2.9$$

$$Z = w_5 k_1 + w_6 k_2 = 0.5 \times 0.8 + 0.6 \times 2.9 = 2.14$$

$$0 = 6(2) = \frac{1}{1 + e^{-2.14}} \approx 0.89$$

loss: MSE =
$$\sum_{i=1}^{1} (y_i - 0_i)^2 = (1 - 0.89)^2 = 0.0121$$

backward: $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \left(y_i - 0_i \right)^2 = \frac{1}{2} = \frac$

Chain rule is osi is

$$\frac{2l}{2m} = -2(y-a)\alpha(1-a) \frac{1}{2} = -2(1-0.89)0.89(1-0.89)2.9 \approx -0.062$$

$$\partial l_{j_{0}} = \partial l_{j_{0}} \partial l_{j_{0}} \partial l_{j_{0}} \partial l_{j_{0}} \partial l_{j_{0}} = -2(y-\alpha)\alpha(1-\alpha)w_{5}i_{j_{0}} = -2(1-0.89)0.89(1-0.89)0.5 \times 3 = -0.032$$

$$\frac{\partial l_{0w_{2}}}{\partial w_{2}} = \frac{\partial l_{0a}}{\partial a} \frac{\partial a}{\partial z} \frac{\partial a}{\partial k} \frac{\partial h_{y}}{\partial w_{1}} = -2(y-a)\alpha(1-a)w_{5}\dot{z}_{2} =$$

$$= -2(1-0.89)0.89(1-0.89)0.5 \times 5 = -0.053$$

$$\frac{\partial f}{\partial w_{3}} = \frac{\partial f}{\partial a} \frac{\partial a}{\partial z} \frac{\partial h_{2}}{\partial h_{2}} \frac{\partial h_{2}}{\partial w_{3}} = -2(y-a)\alpha(1-a)w_{6}i_{1} = \\ = -2(1-0.89)\alpha.89(1-0.89)\alpha.6 \times 3 \approx -0.038$$

$$\frac{\partial f}{\partial w_{4}} = \frac{\partial f}{\partial a} \frac{\partial a}{\partial z} \frac{\partial h_{2}}{\partial h_{2}} \frac{\partial h_{2}}{\partial w_{4}} = -2(y-a)\alpha(1-a)w_{6}i_{2} = \\ = -2(1-0.89)\alpha.89(1-0.89)\alpha.6 \times 5 \approx -0.064$$

update:
$$W_1 = W_1 - d \frac{\partial l}{\partial w} = 0.1 - 0.1 \times (-0.032) = 0.1032$$
 $W_2 = W_2 - d \frac{\partial l}{\partial w_2} = 0.2 - 0.1 \times (-0.053) = 0.2053$
 $W_3 = W_3 - d \frac{\partial l}{\partial w_3} = 0.3 - 0.1 (-0.038) = 0.3038$
 $W_4 = W_4 - d \frac{\partial l}{\partial w_4} = 0.4 - 0.1 (-0.064) = 0.4064$
 $W_5 = W_5 - d \frac{\partial l}{\partial w_5} = 0.5 - 0.1 (-0.017) = 0.5017$
 $W_6 = W_6 - d \frac{\partial l}{\partial w_6} = 0.6 - 0.1 (-0.062) = 0.6062$

epoch 2 ferword:
$$h_1 = 0.1032 \times 3 + 0.2053 \times 5 \approx 1.336$$
 $k_2 = 0.3038 \times 3 + 0.4064 \times 5 \approx 2.943$
 $Z = 0.5017 \times 1.336 + 0.6062 \times 2.943 \approx 2.454$
 $0 = 6(2) \approx 0.92$

less = $(1-0.92)^2 = 0.0064$

backward: $2k_1 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 1.336 \approx -0.015$
 $3k_2 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 2.943 \approx -0.034$
 $3k_3 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 0.5017 \times 3 \approx -0.017$
 $3k_4 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 0.5017 \times 5 \approx -0.029$
 $3k_4 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 0.5017 \times 5 \approx -0.029$
 $3k_4 = -2(1-0.92) \cdot 0.92(1-0.92) \cdot 0.6062 \times 5 \approx -0.025$

update: $w_1 = 0.1032 - 0.1 \times (-0.017) = 0.1049$
 $w_2 = 0.2053 - 0.1 \times (-0.029) = 0.2082$
 $w_3 = 0.3038 - 0.1(-0.021) = 0.3059$

$$w_4 = 0.4064 - 0.1(-0.035) = 0.4099$$
 $w_5 = 0.5017 - 0.1(-0.015) = 0.5032$
 $w_6 = 0.6062 - 0.1(-0.034) = 0.6096$

^

با توجه به اینکه شبکه تنها یک داده ورودی دارد، بعد از آموزش دیدن شبکه، دقت آن روی همین داده برابر با ۱۰۰ است. در این شبکه لایههای میانی تابع فعالسازی ندارند. به دلیل استفاده از MSE به عنوان تابع ضرر، مقدار sosl همواره کوچک است. مقدار گرادیانهای محاسبه شده نیز کوچک هستند و باعث میشود پارامترهای شبکه خیلی کم آپدیت شوند. در اینجا شبکه هنوز همگرا نشده است چون اگر آموزش را ادامه دهیم همچنان شبکه به یادگیری ادامه می دهد و مقدار پارامترها تغییر میکند.

3. در سلول اول کتابخانههای مورد نیاز را import می کنیم.
 در سلول دوم، باید دیتاست CIFAR10 را دانلود کنیم. این دیتاست شامل ۶۰هزار تصویر با ابعاد ۳۲ * ۳۲
 است که در ۱۰ کلاس طبقه بندی می شود. کلاس ها عبار تند از:

airplanes, cars, birds, cats, deer, dogs, frogs, horses, ships, and trucks

از کتابخانه torchvision دیتاست را دانلود می کنیم. برای داده آموزشی پارامتر train را True و برای داده آزمون آن را False قرار می دهیم (تا شبکه بر روی دادههای آزمون، آموزش نبیند). اندازه batch را برابر ۴ قرار می دهیم.

از data augmentation نیز استفاده میکنیم. با این کار از هر نمونه داده چند نمونه جدید تولید میکنیم. افزایش robustness شبکه میشود. در بخش افزایش robustness شبکه میشود. در بخش augmentation انواع روشهای augmentation وجود دارد که در این سوال از موارد زیر استفاده شده:

● RandomHorizontalFlip(): تصوير را با احتمال p به صورت افقى فليپ مى كنيم.











()RandomResizedCrop: قسمتی از تصویر را به صورت تصادفی کراپ میکند و به اندازه داده شده resize میکند.













 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

• (RandomRotation: تصویر را با زاویه تصادفی (در بازه داده شده) می چرخاند.











• ()RandomAffine: بر روی تصویر random affine را پیادهسازی می کند.











()RandomInvert: به صورت تصادفی رنگهای تصویر را وارونه میکند.

Original image











سپس تصاویر را به تنسور تبدیل کرده و تنسورها را نرمالایز میکنیم (تا پراکندگی دادهها زیاد نباشد).

```
transforms.RandomRotation(15),
transforms.RandomInvert(p=0.3),
```

Transform ساخته شده را به هنگام دانلود دادهها به تابع مربوطه پاس میدهیم.

برای دادههای آزمون نباید از augmentation استفاده کنیم. پس تنها آنها را به تنسور تبدیل کرده و تنسورها را نرمالایز میکنیم.

```
10 transform_test = transforms.Compose([transforms.ToTensor(),
11 transforms.Normalize((0.5, 0.5, 0.5), (0.5, 0.5))])
```

در سلول سوم، دسترسی به GPU را بررسی میکنیم. در صورت وجود GPU از آن برای سرعت بخشیدن به انجام محاسبات استفاده میکنیم.

```
1 use_cuda = torch.cuda.is_available()
2 device = torch.device("cuda" if use_cuda else "cpu")
3 print("using", device)
using cuda
```

در سلول چهارم،شبکه عصبی را با ارثبری از nn.Module میسازیم. در ورودی constructor این کلاس، مقادیر مورد نیاز شبکه از جمله تعداد نورونهای هیدن، اندازه کرنل، اندازه padding و ... را داریم. این شبکه از دو قسمت کلی تشکیل شده:

اول) لايه كانولوشني:

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

 $^{\downarrow}$

```
self.conv_layer = nn.Sequential(
    nn.Conv2d(n_in, n_hidden1, kernel_size_cnn, padding=padding), #(in_channels, out_channels, kernel_size)
    nn.BatchNorm2d(n_hidden1), #(number of features)
    nn.ReLU(),
    nn.Conv2d(n_hidden1, n_hidden2, kernel_size_cnn, padding=padding),
    nn.ReLU(),
    nn.Conv2d(n_hidden2, n_hidden3, kernel_size_cnn, padding=padding),
    nn.BatchNorm2d(n_hidden3),
    nn.ReLU(),
    nn.ReLU(),
    nn.ReLU(),
    nn.ReLU(),
    nn.MaxPool2d(kernel_size_pool),
    nn.NaxPool2d(kernel_size_pool),
    nn.Dopout(p),
    nn.Conv2d(n_hidden4, n_hidden5, kernel_size_cnn, padding=padding),
    nn.BatchNorm2d(n_hidden5),
    nn.ReLU(),
    nn.Conv2d(n_hidden5, n_hidden6, kernel_size_cnn, padding=padding),
    nn.ReLU(),
    nn.Conv2d(n_hidden5, n_hidden6, kernel_size_cnn, padding=padding),
    nn.ReLU(),
    nn.Conv2d(kernel_size_pool), # output shape = (128, 4, 4)
)
```

دوم) لایه خطی:

```
self.fc_layer = nn.Sequential(
    nn.Dropout(p),
    nn.Flatten(),
    nn.Linear(n_hidden6*4*4, n_l1),
    nn.ReLU(),
    nn.Linear(n_l1, n_l2),
    nn.ReLU(),
    nn.Dropout(p),
    nn.Linear(n_l2, n_output)
)
```

با توجه به عمیق بودن شبکه و کوچک بودن اندازه تصویر، در لایههای کانولوشنی به ورودی padding اضافه می کنیم (در صورت اضافه نکردن اندازه خروجی صفر می شود).

تعداد کانالهای ورودی یک لایه کانولوشنی، همان تعداد کانالهای خروجی لایه کانولوشنی قبلی است.

از لایه Dropout به عنوان یک روش Regularization استفاده می کنیم تا شبکه overfit نشود و در هر مرحله از آموزش تعدادی از نورونها را با احتمال p حذف کند.

خروجی لایه آخر Linear باید ۱۰ نورون داشته باشد (به اندازه تعداد کلاسها).

در تابع فوروارد این شبکه، ورودی را از ابتدا از لایه کانولوشن و سپس از لایه خطی رد میکنیم و خروجی را برمیگردانیم.

سپس نمونهای از کلاس Network میسازیم. آن را به device موجود منتقل میکنیم. خلاصه شبکه را چاپ میکنیم.

در سلول پنجم، از تابع ضرر Cross entropy استفاده کرده و آن را به device منتقل می کنیم.

همچنین از بهینهساز Adam با نرخ یادگیری 0.001 استفاده میکنیم.

```
1 loss_fn = nn.CrossEntropyLoss().to(device)
2 optimizer = optim.Adam(model.parameters(), lr=0.001, weight_decay=0.005)
```

در سلول ششم ابتدا تابع train را تعریف میکنیم. در یک حلقه هر بار به اندازه batch که در اینجا ۴ است روی دادهها iterate میکنیم. ابتدا ورودی و لیبل آن را به device منتقل میکنیم. بعد تمامی گرادیانها را برابر با صفر قرار میدهیم. سپس پیشبینی مدل از ورودی داده شده را مییابیم. بعد مقدار ضرر را محاسبه میکنیم. در پسانتشار مقدار گرادیانها را حساب کرده و پارامترهای شبکه را آپدیت میکنیم. در صورتی که پیشبینی شبکه با لیبل دادهشده برابر باشد، به متغیر correct یک عدد اضافه میکنیم.

```
def train(dataloader, model, loss_fn, optimizer):
  size = len(dataloader.dataset)
  correct = 0
  model.train()
  for batch, (x, y) in enumerate(dataloader):
    x, y = x.to(device), y.to(device)
    optimizer.zero_grad()
    pred = model(x)
    loss = loss_fn(pred, y)
    loss.backward()
    optimizer.step()
    correct += (pred.argmax(1) == y).type(torch.float).sum().item()
    if batch % 500 == 0:
        loss, current = loss.item(), batch * batch_size
        print(f"loss: {loss:>7f} [{current:>5d}/{size:>5d}]")
  print(f"total train accuracy: {correct*100/size:>7f}")
```

بعد از هر ۵۰۰ batch مقدار تابع ضرر را چاپ میکنیم. همچنین بعد از هر epoch مقدار دقت را بدست می آوریم.

در تابع test، ابتدا شبکه را روی حالت eval قرار می دهیم تا از لایه هایی مثل dropout استفاده نکند. دو دیگری دیکشنری با کلید نام لیبل ها ایجاد می کنیم. در یکی تعداد پیش بینی های درست شبکه از هر کلاس و در دیگری تعداد کل نمونه های متعلق به آن کلاس را نگه داری می کنیم. بعد از ()torch.no_grad استفاده می کنیم تا پارامتر های شبکه را آپدیت نکند. روی داده های آزمون iterate می کنیم. لا را به شبکه می دهیم. پیش بینی شبکه از آن داده، ایند کس خانه ای است که بیشترین احتمال را دارد پس از تابع armgax استفاده می کنیم. در صورت درست بودن پیش بینی شبکه یک عدد به دیکشنری با کلید آن لیبل اضافه می کنیم.

```
23 def test(dataloader, model, loss_fn, optimizer):
24 correct_pred = {c: 0 for c in classes}
    model.eval()
    with torch.no_grad():
      for data in dataloader:
        x, y = data
        x, y = x.to(device), y.to(device)
        out = model(x)
        pred = out.argmax(1)
         for y, pred in zip(y, pred):
          if y == pred:
            correct_pred[classes[y]] += 1
          total[classes[y]] += 1
    for c in classes:
      acc = float(correct_pred[c]) / total[c]
      print(f"Accuracy of {c}: {acc*100}%")
```

در پایان دقت شبکه روی هر کلاس از دادههای آزمون را چاپ میکنیم.

```
Accuracy of plane: 12.0%
Accuracy of car: 70.5%
Accuracy of bird: 3.500000000000000004%
Accuracy of cat: 6.600000000000000005%
Accuracy of deer: 42.8%
Accuracy of dog: 54.7%
Accuracy of frog: 16.5%
Accuracy of horse: 49.0%
Accuracy of ship: 58.5%
Accuracy of truck: 9.6%
```

از تابع train که قبل تعریف کردهایم استفاده می کنیم و در train شبکه را آموزش می دهیم. سپس تابع test را صدا می زنیم تا دقت پیش بینی شبکه روی داده های آزمون را بیابیم (نتایج آن در تصاویر بالا دیده می شود).

```
44 for epoch in range(2):
45    print(f"Epoch {epoch+1}\n----")
46    train(train_loader, model, loss_fn, optimizer)
47    print('Finished Training')
48
49 test(test_loader, model, loss_fn, optimizer)
```

نتیجه گیری: دقت شبکه روی دادههای آموزشی بعد از ۲ epoch درصد است که بسیار کم است. یعنی شبکه در ۲ لوپ، کمی بهتر از پیش بینی تصادفی عمل کرده است. پس برای آموزش شبکه باید تعداد شبکه در ۲ لوپ، کمی بهتر از پیش بینی تصادفی عمل کرده است. پس برای آموزش شبکه باید تعداد epochها را زیاد کنیم. همچنین به دلیل کم بودن batch size آموزش بسیار طول می کشد (۴ batch size تقریبا شبیه sgd است). دیده می شود که دقت مدل روی بعضی از کلاسها با سایر کلاسها تفاوت چشمگیری دارد (مثلا کلاس ماشین در مقایسه با پرنده). شبکه نتوانسته به خوبی generalize کند و بعضی از کلاسها را خیلی بیشتر آموزش دیده است.

با زیاد کردن اندازه batch و همچنین تعداد epochها شبکه بهتر آموزش میبیند و سرعت یادگیری نیز بیشتر خواهد شد.

^

منابع استفادهشده:

 $\frac{https://medium.com/geekculture/a-2021-guide-to-improving-cnns-optimizers-adam-vs-sgd-495848ac6008$

https://pytorch.org/vision/stable/auto_examples/plot_transforms.html#sphx-glr-auto-examples-plot-transforms-py