# CONTROLLI AUTOMATICI (18AKSOA)

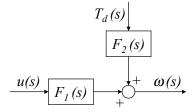
# IV esercitazione presso il LAIB

# Esercizio #1: simulazione di un motore elettrico controllato in velocità

Si consideri un motore elettrico comandato in armatura, descritto dalle equazioni:

$$L_a \frac{di_a(t)}{dt} = -R_a i_a(t) - K_m \omega(t) + v_a(t)$$
$$J \frac{d\omega(t)}{dt} = K_m i_a(t) - \beta \omega(t) - T_d(t)$$

La tensione di armatura  $v_a(t)$  è fornita da un amplificatore avente guadagno  $K_a$  ed ingresso u(t). Il sistema complessivo, avente come ingressi il comando u e la coppia di disturbo  $T_d$  e come uscita la velocità angolare  $\omega$ , può essere rappresentato mediante il seguente schema a blocchi:



in cui compaiono le funzioni di trasferimento:

$$F_{1}(s) = \frac{\omega(s)}{u(s)}\Big|_{T_{d}(s)=0} = \frac{K_{a}K_{m}}{s^{2}JL_{a} + s(\beta L_{a} + JR_{a}) + \beta R_{a} + K_{m}^{2}}$$

$$F_{2}(s) = \frac{\omega(s)}{T_{d}(s)}\Big|_{u(s)=0} = -\frac{sL_{a} + R_{a}}{s^{2}JL_{a} + s(\beta L_{a} + JR_{a}) + \beta R_{a} + K_{m}^{2}}$$

Si assumano i seguenti valori numerici dei parametri:  $R_a=1\Omega,\ L_a=6\cdot 10^{-3}H,\ K_m=0.5V\ s/rad=0.5Nm/A,\ J=0.1kg\ m^2,\ \beta=0.02N\ s/m,\ K_a=10.$ 

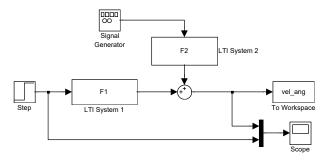
### 1. Simulazione del sistema in catena aperta

Mediante Simuli NK, si simuli il comportamento del sistema nelle seguenti condizioni di funzionamento, confrontando fra loro gli andamenti dell'uscita  $\omega(t)$  e del comando u(t):

1. 
$$u(t) = \left[\frac{K_a K_m}{\beta R_a + K_m^2}\right]^{-1} \varepsilon(t), T_d(t) = 0;$$

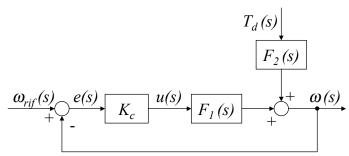
2. 
$$u(t) = \left[\frac{K_a K_m}{\beta R_a + K_m^2}\right]^{-1} \varepsilon(t), T_d(t) = \text{onda quadra di ampiezza } 0.05 \text{ e periodo } 10s.$$

Nella figura sottostante è riportato un possibile modello di simulazione di Simulink:



#### 2. Simulazione del sistema in catena chiusa

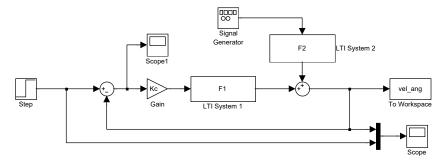
Al fine di controllare la velocità angolare  $\omega$  del motore, si progetta un sistema di controllo in catena chiusa costituito da un controllore proporzionale  $K_c$  e da una retroazione unitaria negativa, ottenendo così il seguente sistema controllato avente come ingresso la velocità angolare di riferimento  $\omega_{rif}$ :



Mediante SIMULINK, si simuli il comportamento del sistema controllato nelle seguenti condizioni di funzionamento, confrontando fra loro gli andamenti dell'uscita  $\omega(t)$  e del riferimento  $\omega_{rif}(t)$ , e visualizzando anche l'andamento dell'errore  $e(t) = \omega_{rif}(t) - \omega(t)$ :

- 1.  $\omega_{rif}(t) = \varepsilon(t)$ ,  $T_d(t) = 0$ , analizzando i casi:  $K_c = 0.1$ ;  $K_c = 1$ ;  $K_c = 5$ ;
- 2.  $\omega_{rif}(t) = \varepsilon(t)$ ,  $T_d(t) =$  onda quadra di ampiezza 0.05 e periodo 10s, analizzando gli stessi 3 casi di cui al punto precedente.

Nella figura sottostante è riportato un possibile modello di simulazione di SIMULINK:



Calcolare infine la funzione di trasferimento del sistema controllato  $\omega\left(s\right)/\left.\omega_{rif}\left(s\right)\right|_{T_{d}\left(s\right)=0}$  e tracciarne i diagrammi di Bode.

### Esercizio #2: simulazione di un motore elettrico controllato in posizione

Si consideri lo stesso motore elettrico di cui all'esercizio precedente, assumendo questa volta come uscita la posizione angolare  $\theta(t)$  in luogo della velocità angolare  $\omega(t)$ . Poiché  $\theta(t) = \int_0^t \omega(\tau) d\tau$ , il sistema complessivo può essere rappresentato mediante il seguente schema a blocchi:

$$T_{d}(s)$$

$$F_{2}(s)$$

$$+ \omega(s)$$

$$1/s$$

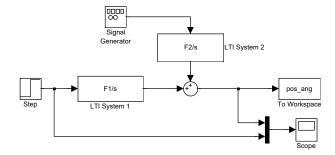
$$\theta(s)$$

#### 1. Simulazione del sistema in catena aperta

Mediante Simuli il comportamento del sistema nelle seguenti condizioni di funzionamento, confrontando gli andamenti dell'uscita  $\theta(t)$  e del comando u(t):

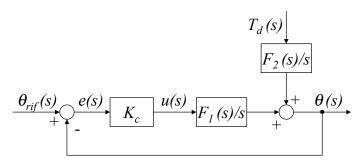
- 1.  $u(t) = \varepsilon(t), T_d(t) = 0;$
- 2.  $u(t) = \varepsilon(t)$ ,  $T_d(t) = \text{onda quadra di ampiezza } 0.05 \text{ e periodo } 10s$ .

Nella figura sottostante è riportato un possibile modello di simulazione di SIMULINK:



#### 2. Simulazione del sistema in catena chiusa

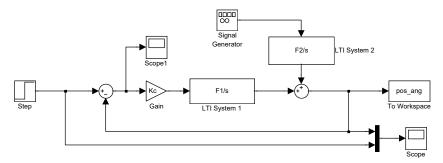
Al fine di controllare la posizione angolare  $\theta$  del motore, si progetta un sistema di controllo in catena chiusa costituito da un controllore proporzionale  $K_c$  e da una retroazione unitaria negativa, ottenendo così il seguente sistema controllato avente come ingresso la posizione angolare di riferimento  $\theta_{rif}$ :



Mediante SIMULINK, si simuli il comportamento del sistema controllato nelle seguenti condizioni di funzionamento, confrontando gli andamenti dell'uscita  $\theta(t)$  e del riferimento  $\theta_{rif}(t)$ , e visualizzando anche l'andamento dell'errore  $e(t) = \theta_{rif}(t) - \theta(t)$ :

- 1.  $\theta_{rif}\left(t\right)=\varepsilon\left(t\right),\,T_{d}\left(t\right)=0,$  analizzando i casi:  $K_{c}=0.1;\,K_{c}=1;\,K_{c}=5;$
- 2.  $\theta_{rif}(t) = \varepsilon(t)$ ,  $T_d(t) = \text{onda quadra di ampiezza } 0.05$  e periodo 10s, analizzando gli stessi 3 casi di cui al punto precedente.

Nella figura sottostante è riportato un possibile modello di simulazione di SIMULINK:



Calcolare infine la funzione di trasferimento del sistema controllato  $\theta\left(s\right)/\theta_{rif}\left(s\right)|_{T_{d}\left(s\right)=0}$  e tracciarne i diagrammi di Bode.

Comandi MATLAB da prendere in considerazione: tf , feedback , dcgain , bode

Blocchi SIMULINK di possibile interesse:

- LTI System (in Control System Toolbox): blocco corrispondente ad un sistema LTI (sia a tempo continuo sia a tempo discreto), definito dal modello in variabili di stato o dalla funzione di trasferimento.
- Gain (in Simulink/Math Operations): blocco di guadagno costante

- Sum (in Simulink/Math Operations): nodo di somma (con definizione dei segni algebrici dei rami entranti)
- Step (in Simulink/Sources): genera un segnale a gradino
- Ramp (in Simulink/Sources): genera un segnale a rampa
- Sine Wave (in Simulink/Sources): genera un segnale sinusoidale
- Signal Generator (in Simulink/Sources): generatore di segnali sinusoidali, a onda quadra, a dente di sega o casuali
- Mux (in Simulink/Signal Routing): combina più segnali (scalari o vettoriali) in un unico vettore di segnali
- Scope (in Simulink/Sinks): oscilloscopio
- To Workspace (in Simulink/Sinks): permette di esportare una variabile nella memoria di lavoro di Matlab (selezionare il formato "array" per esportare sia il vettore tout degli istanti temporali di simulazione sia il vettore dei corrispondenti valori della grandezza simulata)