01AYS / 07AYS - FONDAMENTI DI AUTOMATICA Tipologia degli esercizi proposti nel compito del 2/II/2004

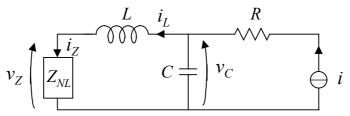
Esercizio 1 - Dato il sistema descritto dalle seguenti equazioni:

$$\begin{array}{rcl} \dot{x}_{1}\left(t\right) & = & x_{2}\left(t\right) + 3u_{1}\left(t\right) \\ \dot{x}_{2}\left(t\right) & = & 0.5x_{1}\left(t\right) + u_{2}\left(t\right) \\ y\left(t\right) & = & 2x_{1}\left(t\right) \cdot u_{1}\left(t\right) \end{array}$$

analizzare le proprietà del modello matematico, precisando se il sistema è a tempo continuo o discreto, statico o dinamico, a dimensione finita o infinita, SISO o MIMO, lineare o non lineare, tempo-variante o tempo-invariante.

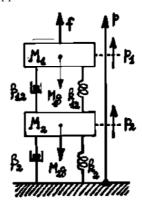
Soluzione: Il sistema è a tempo continuo, dinamico, a dimensione finita (pari a 2), MIMO (con 2 ingressi), non lineare, tempo-invariante.

Esercizio 2 - Si consideri il sistema dinamico elettrico riportato in figura, in cui compare un componente Z_{NL} avente caratteristica statica non lineare: $v_Z(t) = \alpha i_Z(t) + \beta i_Z^3(t)$.



Scrivere le equazioni di stato del sistema, scegliendo come variabile di stato $x = [i_L, v_C]^T$ e come variabile di ingresso u = i. Soluzione: $\dot{x}_1(t) = -\frac{1}{L} \left[\alpha \; x_1(t) + \beta \; x_1^3(t) \right] + \frac{1}{L} x_2(t)$, $\dot{x}_2(t) = -\frac{1}{C} x_1(t) + \frac{1}{C} u$

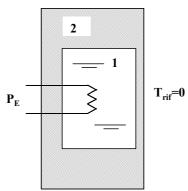
Esercizio 3 - Si consideri il sistema dinamico meccanico riportato in figura, costituito da due masse puntiformi M_1 ed M_2 che si muovono in senso verticale e le cui posizioni sono rispettivamente p_1 e p_2 . Le masse M_1 ed M_2 sono soggette alla rispettive forze peso M_1g ed M_2g ; alla massa M_1 è inoltre applicata una forza verticale esterna f.



Determinare le equazioni del moto delle due masse, assumendo i seguenti valori numerici dei parametri: $M_1 = 2$ kg, $M_2 = 5$ kg, $k_2 = 30$ N/m, $k_{12} = 10$ N/m, $\beta_2 = 20$ Ns/m, $\beta_{12} = 10$ Ns/m, g = 9.81 m/s².

Soluzione: $\ddot{p}_1 + 5\dot{p}_1 + 5p_1 = 5\dot{p}_2 + 5p_2 + 0.5f - 9.81$, $\ddot{p}_2 + 6\dot{p}_2 + 8p_2 = 2\dot{p}_1 + 2p_1 - 9.81$

Esercizio 4 - Un sistema termico è costituito da due corpi omogenei 1 e 2; all'interno del corpo 1 è applicato un flusso di calore P_E ; l'ambiente esterno è a temperatura costante $T_{rif} = 0$. Gli stati del sistema sono dati dalle temperature T_1 e T_2 dei due corpi omogenei, l'ingresso è costituito dal flusso P_E , mentre l'uscita è data dalla temperatura T_2 . Determinare le matrici A, B e C del modello LTI che descrive il sistema, assumendo che le capacità dei due corpi siano date da $C_1 = C_2 = 2C_0$ e le conduttanze termiche fra i due corpi e fra il corpo 2 e l'ambiente esterno siano $K_{12} = K_{20} = 1/(0.5R)$, ove 0.5R è la resistenza termica fra i vari elementi.



$$Soluzione: \ A = \frac{1}{RC_0} \left[\begin{array}{cc} -1 & 1 \\ 1 & -2 \end{array} \right], \quad B = \frac{1}{C_0} \left[\begin{array}{cc} 0.5 \\ 0 \end{array} \right], \quad C = \left[\begin{array}{cc} 0 & 1 \end{array} \right]$$

Esercizio 5 - Si consideri il seguente sistema LTI tempo continuo completamente raggiungibile ed osservabile a due ingressi (u_1, u_2) e due uscite, (y_1, y_2) :

$$\dot{x}(t) = \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 1 & -3.5 \end{bmatrix} x(t) + \begin{bmatrix} -1.2 & 1.2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1(t) \\ u_2(t) \end{bmatrix}$$
$$y(t) = \begin{bmatrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} x(t)$$

Calcolare la funzione di trasferimento G(s) tra il primo ingresso u_1 e la prima uscita y_1

Soluzione:
$$G(s) = \frac{2(s+1.2)}{(s+1.5)(s+2)}$$
.

Esercizio 6 - Dato il sistema dinamico a tempo discreto caratterizzato dalle seguenti equazioni di stato:

$$x_1(k+1) = -x_1(k) + 4x_2(k) + 17u(k)$$

$$x_2(k+1) = 2x_1(k) + x_2(k) + 7u(k)$$

$$y(k) = x_1(k) + x_2(k) + 5u(k)$$

determinare l'espressione analitica dell'uscita y(k) supponendo condizioni iniziali non nulle, $x(0) = \begin{bmatrix} 3 & -1 \end{bmatrix}^T$, ed ingresso nullo, $u(k) = 0, \ \forall k$.

Soluzione:
$$y(k) = [0.67 \cdot (3)^k + 1.33 \cdot (-3)^k] \varepsilon(k)$$

Esercizio 7 - Dato il sistema dinamico SISO caratterizzato dalla seguente funzione di trasferimento:

$$G(s) = Y(s)/U(s) = \frac{5(s+9)(s-2)}{(3s^2+2s+0.6)(5s^2+5s+2.5)}$$

calcolare, se possibile, il valore finale y_{∞} della risposta all'ingresso a gradino di ampiezza 0.1, $u\left(t\right)=0.1\varepsilon\left(t\right)$. Soluzione: $y_{\infty}=-6$

Esercizio 8 - Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti matrici:

$$A = \begin{bmatrix} 0.4 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 2 \\ 1 & p & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad D = 0$$

determinare per quali valori del parametro reale p il sistema è (internamente) asintoticamente stabile. Soluzione: Il sistema è asintoticamente stabile per -1 .

Esercizio 9 - Un sistema dinamico non lineare, a tempo continuo, con nonlinearità derivabili, viene linearizzato nell'intorno del suo unico punto di equilibrio, ottenendo un sistema LTI descritto dalle seguenti matrici:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -1 & 2 \\ -3 & -10 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -4 & -20 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & -2 \end{bmatrix}, \quad D = 0$$

Analizzare le proprietà di stabilità del punto di equilibrio.

Soluzione: Il punto di equilibrio del sistema non lineare è asintoticamente stabile.

Esercizio 10 - Date le matrici

$$A = \left[\begin{array}{cc} 2p & 1 \\ 1 & 2p - 2 \end{array} \right] \quad B = \left[\begin{array}{c} -1 \\ p \end{array} \right]$$

di un modello LTI in variabili di stato a tempo continuo, determinare per quali valori del parametro reale p è possibile realizzare una legge di controllo per retroazione dagli stati che permetta di posizionare ad arbitrio tutti gli autovalori del sistema Soluzione: È possibile per tutti i valori di p ad eccezione dei valori p = 2.4142 e p = -0.4142.

Esercizio 11 - Date le matrici

$$A = \left[\begin{array}{ccc} 0 & 0 & -0.001 \\ 1 & 0 & -0.03 \\ 0 & 1 & -0.3 \end{array} \right], \quad C = \left[\begin{array}{ccc} 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

di un modello LTI in variabili di stato a tempo continuo, determinare, se possibile, i coefficienti L dello stimatore asintotico che permettono di posizionare gli autovalori del sistema osservato in $\lambda_1 = -2$, $\lambda_2 = -3$ e $\lambda_3 = -4$. Soluzione: $L' = [23.999\ 25.970\ 8.700]$

Esercizio 12 - Siano x il vettore di stato, u l'ingresso ed y l'uscita di un modello LTI, SISO, a tempo discreto, internamente instabile, completamente osservabile ma non completamente raggiungibile.

È possibile realizzare una legge di controllo della forma $u(k) = -Kx(k) + \alpha r(k)$ tale da posizionare arbitrariamente tutti gli autovalori del sistema retroazionato?

È possibile realizzare uno stimatore asintotico dello stato che posizioni arbitrariamente tutti gli autovalori del sistema osservato? È possibile realizzare una legge di controllo della forma $u(k) = -K\hat{x}(k) + \alpha r(k)$ tale da posizionare arbitrariamente tutti gli autovalori del sistema retroazionato, essendo $\hat{x}(k)$ la stima dello stato fornita da uno stimatore asintotico?

Soluzione: È possibile realizzare solo uno stimatore asintotico dello stato che posizioni arbitrariamente tutti gli autovalori del sistema osservato.

Esercizio 13 - Dato il sistema dinamico SISO caratterizzato dalla seguente funzione di trasferimento:

$$G(s) = Y(s)/U(s) = \frac{3(s+5)(s-3)}{(s^2+3s+2)(s^2+7s+12)}$$

determinare l'insieme T delle costanti di tempo che lo caratterizzano. Soluzione: $T=\{1,\ 0.5,\ 0.33,\ 0.25\}$

×,(+) = x2(+) + 3m,(+) ×2(4) = 0.5 xa(4) + nx(t) yth= exitting (4) sixtue a temp contino Ldiento, Adica / dinamica, - dimensione finite furtiste (m=2<00) 5150 Mimo (2 ingremi) - time are I mon live one top temp-insonict Br #2 ng(t) = a va(t) + \beta va(t) $\times (H) = \begin{bmatrix} i_{\ell}(\ell) \\ v_{\ell}(\ell) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{\ell}(\ell) \\ x_{\ell}(\ell) \end{bmatrix}$ wet = [ib] of (1) = L dig(t) Eq. contitututions: ic(t) = < dracts ゴル · エルル ン Eq. mado: 1= 1+10 ଡ଼√ Eq. maglia. v + ~ = ~ Equar. du rich [x,= die = 1 τ = (v,-v) = 1 × 2 (x i + β i) = -2 (0 x, + β x,²) + 1 x = f, (x, n)

[x,= die = -2 (v,-ve) = -2 (x,+p,2) = -2 (0x,+p,2) + -2 (x,m)

[x,= die = -2 (v,-ve) = -2 x,+2 m] = (x,m)

[x,= die = -2 (v,-ve) = -2 x,+2 m] = (x,m)

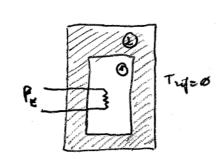
Af Al M,= 2ky, M,= 5ky,

Rz = 30 Hm, Riz = 10 Hm,

 $\beta_{1} = 20 \text{ Mg/m}, \quad \beta_{12} = 10 \text{ Mg/m}$ $\beta = 9.81 \text{ m/s}^{2}$ Eq. and : Mi $\vec{p}_{n} = \frac{1}{2} k \, f k$ $k = \frac{1}{2} \left[\frac{e_{0}t}{e_{1}} - \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{e_{1}} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{e_{1}} - \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{e_{1}} \right] = 0$ $\vec{p}_{1} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{1}} \vec{p}_{1} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{2}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{1}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{2}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{1}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{2}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{2}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{e_{0}t}{m_{2}} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \vec{p}_{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{$

p+ 5p, +5p= 5p2 + 5p2+0.54 - 9.81

Es. #4



x =
$$\begin{bmatrix} P_4 \\ P_2 \end{bmatrix}$$
 = $\frac{q_1}{q_2}$ dei capi angenes non termostotok
n = $\begin{bmatrix} P_E \\ T_2 \end{bmatrix}$ = $\begin{bmatrix} P_E \end{bmatrix}$

Equation to the contract
$$(\hat{\theta}_{n} = \sum_{k=1}^{n} \hat{\theta}_{k}) = \sum_{k=1}^{n} \hat{\theta}_{k}$$

$$(\hat{\theta}_{n} = +\hat{\theta}_{n} - K) = \sum_{k=1}^{n} \hat{\theta}_{n} = \sum_{k=1}^{n} \hat{\theta}_{k} + \sum_{k=1}^{n} \hat{\theta}_{k}$$

$$\zeta_1 \dot{\theta}_1 = + P_E - K_{12} \left(\theta_1 - \theta_2 \right) \Rightarrow \qquad \dot{\zeta}_1 = \dot{\theta}_1 = - \frac{K_{12}}{C_1} \times_1 + \frac{K_{12}}{C_1} \times_2 + \frac{1}{C_1} m = \left(a^{(x_1 m)} \right)$$

$$y = Cx + \Delta x = x_{2} + \Delta c = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bx \\ \dot{y} = Cx \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 1 & -3.5 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} -1.2 & 1.2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} B_{1} & B_{2} \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{1} \\ C_{2} \end{bmatrix}$$

$$\boxed{G(s) = \frac{Y_{n}(s)}{V_{n}(s)} = C_{n}(sT-A)^{-1}B_{n} = \begin{bmatrix} \alpha & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s & +3 \\ -A & s+3.5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} -A.2 \\ -A \end{bmatrix} = C_{n}(sT-A)^{-1}B_{n} = \begin{bmatrix} a & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & +3 \\ -A & s+3.5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} -A.2 \\ -A \end{bmatrix} = C_{n}(sT-A)^{-1}B_{n} = C_{$$

$$= \begin{bmatrix} 0 & -2 \end{bmatrix} \frac{1}{s(s+3.5)+3} \begin{bmatrix} s+3.5 & -3 \\ +1 & s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1.2 \\ -1 \end{bmatrix} =$$

$$= \frac{1}{s^2 + 3.5z + 3} \left[-2 - 2s \right] \left[-4 \right] = \frac{2s + 2.4}{(s + 1.5)(s + 2)} = \frac{2(s + 4.2)}{(s + 4.5)(s + 2)}$$

$$[ES. #6]$$
 $[x_1(k+1) = -x_1(k) + hx_1(k) + 17u(k)$

$$\begin{cases} x_1(k+1) = -x_1(k) + 4x_2(k) + 17u(k) \\ x_2(k+1) = 2x_1(k) + x_2(k) + 7u(k) \\ y(k) = x_1(k) + x_2(k) + 5u(k) \end{cases}$$

$$\begin{cases} x(k=a) = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = b \quad y(k) = ? \\ \lambda(k) = 0, \forall k \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} 5 \end{bmatrix}$$

$$Y(t) = Ce(tT-A)^{-1}x_{0} + [C(tT-A)^{-1}B+L]V(t) = Ce(tT-A)^{-1}x_{0} = [1 \ 1]e[t+1 \ -2 \ t-1]^{-1}[t] = e[1 \ 1]e[t+1 \$$

$$= \varepsilon \left[1 \ 1 \right] \frac{1}{(\varepsilon+1)(\varepsilon+1)-8} \left[\frac{2}{\varepsilon} + \frac{4}{\varepsilon+1} \right] \left[\frac{3}{\varepsilon} \right] = \frac{\varepsilon}{\varepsilon^2-9} \left[\varepsilon+1 \ \varepsilon+5 \right] \left[\frac{2}{\varepsilon+1} \right] = \frac{\varepsilon(3\varepsilon+3-\varepsilon-5)}{(\varepsilon+3)(\varepsilon-3)}$$

$$=\frac{2(2z-2)}{(2+3)(2-3)}=2\left[\frac{8/6}{2+3}+\frac{3/6}{2-3}\right]=\frac{1}{3}\frac{z}{z+3}+\frac{2}{3}\frac{z}{z-3}\xrightarrow{2-3}\sqrt{y(k)}=\left[\frac{1}{3}(-3)^{k}+\frac{1}{3}\frac{3^{k}}{3}\right]\in(6)$$

Existe il regime permenante ad on ingresso contate sob re il rivterno è B180 - Hotile, coën i do do 60) lune Ru 20 0 policie Den 600) è il produtto de 2 policieni di I grado, a coeff. > 00, conflicti es delle regole de Contesto, hitte le rader lamo Reco es à BIBO - stable.

 $\frac{1}{100} = \lim_{t \to \infty} \frac{y(t)}{1.5} = \lim_{t \to \infty} \frac{1}{1.5} = \lim_{t$

$$A = \begin{bmatrix} 0.4 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 2 \\ 1 & p & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad \Delta = \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$$

Arinholde Stelleto (Line) di m norte LT1-T.S. $\Rightarrow |\lambda_{i}(A)| < 1$ $A = \text{triangeline a Black.} \quad A = \begin{bmatrix} 0.4 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 2 \\ 1 & p & -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \lambda_{i}(A) = \begin{bmatrix} 0.4, \lambda_{i}(\begin{bmatrix} 0.5 & 2 \\ p & -2 \end{bmatrix}) \end{bmatrix} \Rightarrow \sum_{i=1}^{n} |\lambda_{i}(A) = \begin{bmatrix} 0.4, \lambda_{i}(\begin{bmatrix} 0.5 & 2 \\ p & -2 \end{bmatrix}) \end{bmatrix}$

p.c.(1) = 1-0.5 -2 = (1-0.5)(1+2) - 2p = 12+1.5/-1-2p => pm quol p, |200100| <1? Od Entris de Juny, essento pld) de I grado, la cadisses necessorie enfect à:

· p.c. (L=1) >0 + 1+1.5-1-2p> d do 2p < 1.5 de p < 0.75

· (-1) p.c.(/=-1) >0 40 /-1.5 0/-2p >0 45 2p <-1.5 40 p<-0.75

#> [P = 0 + -1 < P < 0

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -1 & 2 \\ -3 & -10 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -4 & -2d \end{bmatrix}$$

Stabilità dell'equilibres del puta di equilibre de - intre NON linear-T.C. 4-D Relia)=?

Li(A) = { Li([=3 -10]), Li([=4 -20])}

· p.c(1). | 1 -1 | = 1(1+10)+3 = 12+101+3 + m le regole di Carterio, 2 rodin a Recos

· PC.(1) = | 1 -1 | = 1/1+20/+4 = 12+20/+4 => , 2 eadies on Reca

→ Re Li(A) < Ø, Vi => punto di equello esentoticomente tible.

Occome de il siteme via conflétemente reggigible, coè che S(R=[B|AB])= m=2.

 $R = [B \mid AB] = \begin{bmatrix} -1 & -P \\ P & 2p^2 - 2p - 1 \end{bmatrix} = R(P)$ Le 2 colonne linearment sidife de la (coño g(P) = 2)

 $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -0.001 \\ 1 & 0 & -0.03 \\ 0 & 1 & -0.3 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 17 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}; \exists L : J_{ii}(A-LC) = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$ $O = \begin{bmatrix} CA \\ CA^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -0.3 \\ 1 & -0.3 & 0.06 \end{bmatrix} CAA$ he 3 right C.i. = D S(O) = 3 = m = Dit where i capletomete ossewshile its IL tole do porosare ad arbitio Li(A-LC). p.c.(1) = det (11- (A-LC)) = |11-A+LC|, co- L= | e2 | => $\begin{vmatrix} -0 & | +0.001 + l_1 \\ \lambda -0 & | +0.03 + l_2 \\ -1 & | \lambda +0.3 + l_3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \lambda & 0 & 0.0001 + l_1 \\ -1 & \lambda & 0.03 + l_2 \\ 0 & -1 & \lambda +0.3 + l_3 \end{vmatrix} = \lambda \left[\lambda (\lambda +0.3 + l_3) + 1 \cdot (0.03 + l_2) \right] - (-1)(0.0001 + l_1)$ $= \lambda \left[\lambda^{2} + \lambda(0.3 + \ell_{3}) + 0.03 + \ell_{4} \right] + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.3 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.03 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.3 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.03 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.03 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.001 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.001 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.001 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + 0.001 + \ell_{4} = \lambda^{3} + \lambda^{2} \left(0.001 + \ell_{3} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell_{4} \right) + \lambda \left(0.001 + \ell$ p.c.(1) desident = i=1 (1-1 indesidenti) = [1-(-2)][1-(-3)][1-(-4)] = (1+2)(1+3)(1+4) = = (12+51+6)(1+h) = 13+512+61+4/2+201+24=13+912+261+24 -D $0.001 + l_{2} = 2h \implies \begin{cases} l_{1} = 2h - 0.004 = 23.999 \\ l_{2} = 26 - 0.03 = 25.99 \end{cases} \implies L = \begin{cases} 23.995 \\ 25.995 \\ 8.96 \end{cases}$ 0.0001+e=24 => [l=2h-0.001=23.999 (0.3 + l₃ = 9 → \ l₃ = 9 - 0.3 = 8.7 Sisteme LTI, SISO, T.D., intoble returnent, E7 #15 non completemente reggigible, confetement orrevolile 1) Le legge di catrollo note) = - K × (k) + × 2(k) [rotrossione degli stati] terrette di positione ad artino tente gli anteroloni del meter contellate sob au soli tutte le sociolise de toto somo accossibili (ter mi si retorossione x) 2) Mus functore assistativo della stata parasione antitrariamente tutto gli autoralam del vintere oriento ado se il vitera è confetamente osserabile et ou in quest ano 3) Le legge di controlle $n(k) = -K \hat{x}(k) + arck)$ [votrostrane dagle state stimuti i premotte di perissone ad authoris tutti gli autorolori del sintere controllato ado ae at sisteme è complètemente reggingelfice le conflitamente corresolule » MOM è pomble de sisteme è complètemente reggingelfice le conflitamente corresolule » MOM è pomble care

If without to complote the conflictment ordered to the point of the conflictment of t

T= { 1, Ø.5, Ø.3, Ø.25}