Laurea in Ing. Informatica

Teoria ed Elaborazione dei Segnali (TES)

- □ Presentazione del corsoAnno accademico 2024-2025
- Docenti:
 - Gabriella Bosco
 - Roberto Gaudino (AAA a GIN)
 - Fabio Dovis (GIO a ZZZ)



Politecnico di Torino Department of Electronics and Telecommunications

I docenti del corso Per Laurea Ing. Informatica

- ☐ Gabriella Bosco (titolare per entrambi i corsi)
 - Ricevimento: su appuntamento
 - Ufficio: DET, 3º piano (ingresso al 1º piano, vicino all'aula 12)
 - Tel.: 011 0904036
 - e-mail: gabriella.bosco@polito.it

Studenti con Cognomi da AAA a GIN

□ Gaudino Roberto

- Ricevimento: su appuntamento
- Ufficio: DET, 2º piano
 - (ingresso al 1º piano, vicino all'aula 12)
- Tel.: 011 0904172
- e-mail: <u>roberto.gaudino@polito.it</u>

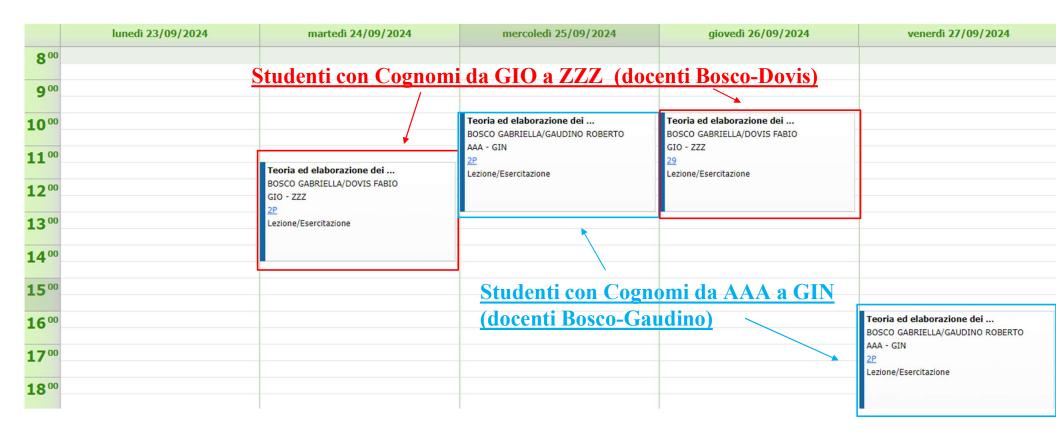
Studenti con Cognomi da GIO a ZZZ

□ Fabio Dovis

- Ricevimento: su appuntamento
- Ufficio: DET, 2° piano
 - (ingresso al 1º piano, vicino all'aula 12)
- Tel.: 011 0904175
- e-mail: fabio.dovis@polito.it

Politecnico di Torino Department of Electronics and Telecommunications

Orario del corso 2024/2025

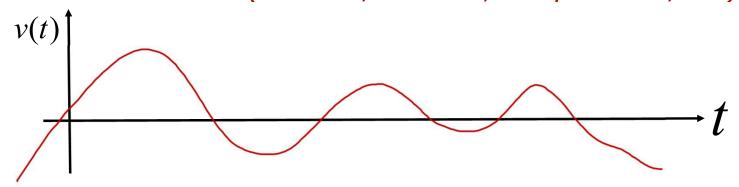


Presentazione del corso TES



 Obiettivo dell'insegnamento è fornire le basi dell'analisi e dell'elaborazione numerica dei segnali

<u>Segnali:</u> descrizione matematica dell'<u>evoluzione nel **tempo**</u> di grandezze fisiche (tensioni, correnti, temperature, etc)



Presentazione del corso TES



- □ Data la multi-dipliscinarietà degli argomenti trattati, le conoscenze acquisite sono utili praticamente in numerosi corsi seguenti affrontati dallo studente.
- Nella prima e terza parte (Teoria dei Segnali) si analizzano i segnali nel dominio del tempo continuo e in quello della frequenza, sia per segnali deterministici sia stocastici
- Nella seconda parte (Elaborazione dei Segnali) si introducono le metodologie di base per il trattamento numerico dei segnali a tempo discreto.

Organizzazione del corso



- □ ~45h di lezione, ~35h di esercitazione, 15h di tutoraggio
 - Roberto Gaudino (Cognomi AAA-GIN) o Fabio Dovis (Cognomi GIO-ZZZ):
 - □ Lezioni di Teoria dei Segnali (TS)
 - ☐ Esercitazioni di Elaborazione dei Segnali
 - Gabriella Bosco (Titolare di entrambi i corsi)
 - ☐ Lezioni di Elaborazione numerica dei segnali (ENS)
 - □ Esercitazioni di Teoria dei Segnali
 - Lorenzo Andrenacci e Margareth Rosa Brusin
 - □ Tutoraggio di ENS (esercitazioni al computer)

Materiale didattico del corso



- □ Tutte le slides del corso verranno messe a disposizione sul portale in formato pdf
 - Sia per la parte di lezione che per la parte di esercitazioni
 - Su piattaforma Dropbox di Ateneo
- Per eventuali approfondimenti, sono disponibili i seguenti libri
 - L. Lo Presti, F. Neri, "L'Analisi dei Segnali", CLUT
 - L. Lo Presti, F. Neri, "Introduzione ai Processi Casuali", CLUT
 - F. Dovis, E. Magli, Esercizi svolti di teoria dei segnali, CLUT
 - M. Laddomada, M. Mondin, "Elaborazione numerica dei segnali", Pearson

Altro materiale disponibile online



- Una interessante risorsa disponibile gratuitamente online è la seguente:
 - https://teoriadeisegnali.it/ Parte I Teoria dei Segnali
 - ☐ Le notazioni sono leggermente diverse da quelle che useremo noi, ma i contenuti sono simili
- □ Un approccio interessante alla teoria dei segnali (ed in inglese)
 - https://greenteapress.com/thinkdsp/html/index.html



Programma del corso (prima parte)

- Classificazione dei segnali
 - Energia e potenza
- Vettori e Segnali
- Serie e trasformata di Fourier
- Sistemi Lineari e Tempo Invarianti (LTI)
 - risposta all'impulso e funzione di trasferimento
 - tipologie di filtri
- Spettro di energia e funzione di autocorrelazione
- □ Segnali periodici e spettro di potenza
- □ Teorema del campionamento



Programma del corso (seconda parte)

- □ I segnali a tempo discreto
 - Sequenze basilari, concetto di energia e potenza
 - Convoluzione e correlazione
- □ Analisi in frequenza di segnali a tempo discreto
 - La trasformata di Fourier a tempo discreto (DTFT)
 - Discrete Fourier Transform (DFT) e Fast Fourier Transform (FFT)
 - Analisi in frequenza di segnali a tempo continuo tramite DFT
- ☐ Sistemi LTI a tempo discreto
 - Analisi nel dominio del tempo e della frequenzaTrasformata zeta
 - Definizione e proprietà
 - Applicazione ai sistemi LTI a tempo discreto
 - Filtri numerici FIR e IIR



Programma del corso (terza parte)

- □ I processi stocastici
 - Definizione
 - Descrizione probabilistica
 - Stazionarietà
 - Trasformazioni e spettro di potenza
 - Medie temporali ed ergodicità

Prerequisiti (da corsi POLITO precedenti)



- Analisi reale e complessa di funzioni a una o più variabili
- Calcolo delle probabilità
 - Variabili casuali Gaussiane
- Distribuzione delta di Dirac e sue proprietà

Modalità di Esame



- □ L'esame finale si basa su uno scritto obbligatorio, costituito da domande ed esercizi a risposta multipla) e un orale opzionale (a discrezione dello studente o del docente)
 - Il tempo a disposizione dello studente <u>per la prova scritta (su</u> <u>piattaforma Exam) è di 90 minuti</u> e non è possibile consultare materiale didattico né appunti o altri testi. E' consentito utilizzare esclusivamente la calcolatrice e un formulario fornito dal docente.
 - ☐ Esempi di esami scritti degli anni precedenti saranno messi a disposizione attraverso il portale della didattica.
 - Per essere ammessi <u>all'orale opzionale occorre ottenere un voto di</u> <u>scritto superiore o uquale a 15/30</u>.
 - □ L'orale ha una durata di 10'-15', e riguarda tutti gli argomenti trattati nelle lezioni e nelle esercitazioni.

Esame scritto su piattaforma Exam - esempi

Si considerino i seguenti due segnali a tempo continuo:

- x(t) porta con ampiezza unitaria in $[T_0, 3T_0]$ e nullo altrove;
- y(t) segnale pari a 1 in $[0, T_0]$, pari a -1 in $[T_0, 2T_0]$ e nullo altrove;

con $T_0 > 0$. Sia z(t) = x(t) * y(t) la convoluzione tra i due segnali. Quale delle seguenti affermazioni è vera?

- a. z(t) è un segnale con supporto limitato nel tempo con durata $2T_0$ e con $z(T_0) = 0$
- b. z(t) è un segnale con supporto limitato nel tempo, con durata $4T_0$ e che non assume neanche un valore nullo all'interno del suo supporto temporale
- c. z(t) è un segnale con supporto limitato nell'intervallo $[0, 4T_0]$
- **d** z(t) è un segnale con supporto limitato nel tempo, con una durata $4T_0$ e con $z(3T_0)=0$

Il segnale

$$x(t) = e^{-2t}u(t)$$

viene filtrato da un sistema LTI con funzione di trasferimento

$$H(f) = \frac{1}{1 + j2\pi f}$$

Il segnale di uscita y(t) vale:

a.
$$y(t) = e^{-t}u(t)$$

b.
$$y(t) = te^{-t}u(t)$$

c.
$$y(t) = (1 - e^{-t})$$

d. nessuna delle altre risposte

e.
$$y(t) = e^{-t}(1 - e^{-t})$$

Il segnale

$$x(t) = \cos(2\pi f_0 t) + |\cos(2\pi f_0 t)|$$

viene filtrato da un sistema LTI con risposta all'impulso

$$h(t) = 2 \frac{\sin\left(\frac{\pi f_0 t}{6}\right)}{\pi t} \cos(8\pi f_0 t)$$

Il segnale y(t) all'uscita del filtro vale:

a.
$$y(t) = -\frac{1}{2\pi}\cos(8\pi f_0 t)$$

b.
$$y(t) = \frac{1}{5\pi} \cos(4\pi f_0 t)$$

c. Nessuna delle altre risposte

d.
$$y(t) = 0 \quad \forall t$$

e.
$$y(t) = -\frac{2}{15\pi}\cos(8\pi f_0 t)$$

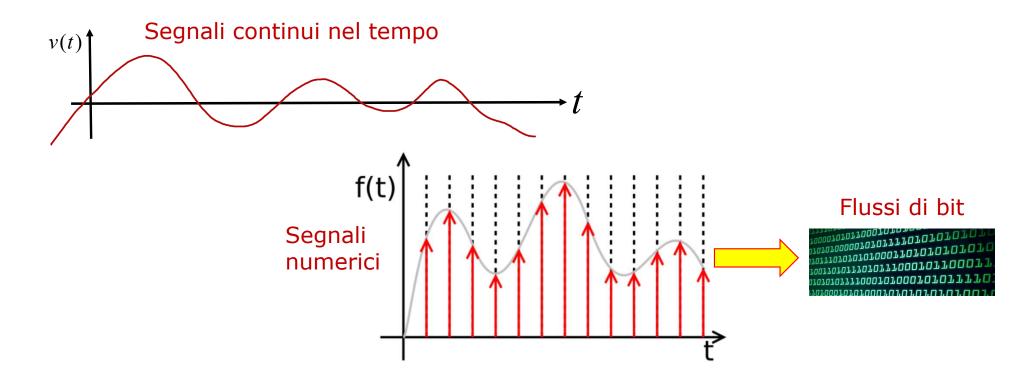
f.
$$y(t) = -\frac{2}{3\pi}\cos(4\pi f_0 t)$$

Attività in itinere (homeworks)



- □ Nella seconda parte del corso (a partire da fine novembre/inizio dicembre), durante le lezioni/esercitazioni in aula verranno proposti alcuni <u>esercizi facoltativi</u> da svolgere in ambiente Matlab (o Python, a scelta degli studenti).
- ☐ Gli studenti (suddivisi in squadre) potranno predisporre una relazione che contribuirà a determinare il voto finale (per un massimo di <u>3 punti</u> in aggiunta al voto conseguito nelle prove scritte e orali).
- □ Saranno programmate delle ore di tutoraggio in aula per fornire assistenza agli studenti nello svolgimento di queste attività.

Introduzione ai segnali

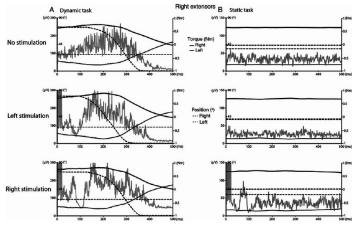


Introduzione



- ☐ Un segnale è in generale una <u>funzione</u> reale o complessa nella variabile tempo
- □ L'informazione trasportata da un segnale è contenuta nella "forma" del segnale
 - Cioè nella sua evoluzione nel tempo
- Esempi di segnali ingegneristicamente rilevanti:
 - Segnale elettrico
 - Segnale vocale
 - Segnale video
 - Segnale dati



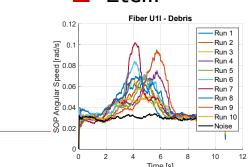


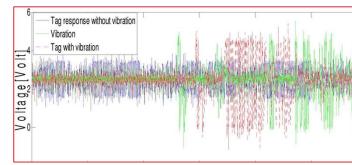


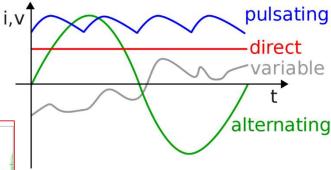
Esempi di Segnali



- □ Segnale Elettrico: Una tensione o una corrente che evolvono in funzione del tempo
 - Spesso sono generate da <u>trasduttori</u>, ossia dispositivi che convertono una qualsiasi grandezza scalare in un segnale elettrico
 - I principali esempi di trasduttori:
 - □ Pressione sonora (audio, microfono)
 - □ Intensità luminosa (immagini e video)
 - □ Temperatura
 - □ Velocità
 - □ Etc...







Possibili operazioni sui segnali



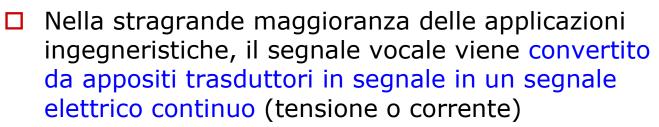
- □ <u>Elaborazione dei segnali</u>. Possibili obiettivi:
 - Filtrare componenti spurie generate dai trasduttori
 - Eliminare rumore
 - Estrarre le «componenti» più rilevanti per le successive elaborazioni
- ☐ <u>Trasmissione dei segnali</u>
 - L'informazione contenuta nel segnale deve essere trasmessa a distanza, per essere fruita in un posto diverso da quello dove e stata generata (Telecomunicazioni)
- □ Memorizzazione dei segnali
 - L'informazione contenuta nel segnale deve essere conservata per rimanere fruibile anche a distanza di tempo

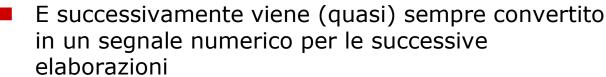
Esempio: Segnale vocale



□ La voce è generata e fruita come <u>variazioni nel</u> <u>tempo della pressione nell'aria</u>. Le operazioni che però si possono fare <u>direttamente</u> su questo tipo di segnale sono estremamente limitate





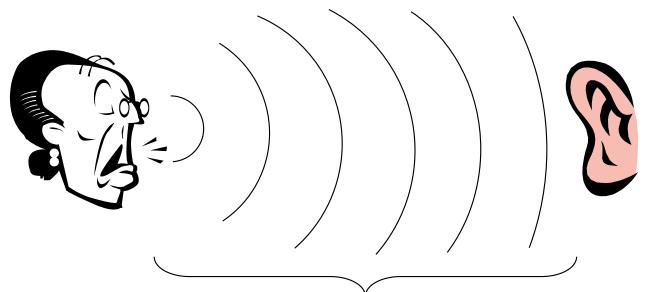




Segnale vocale «nativo» Trasmissione a corta distanza



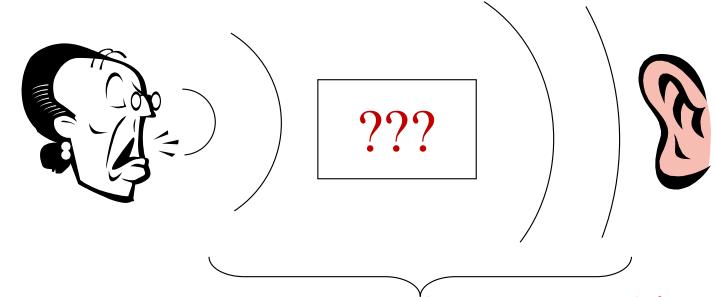
Onde acustiche nell'aria



In condizioni normali: trasmissione su 5-30 metri max

Trasmissione a lunga distanza

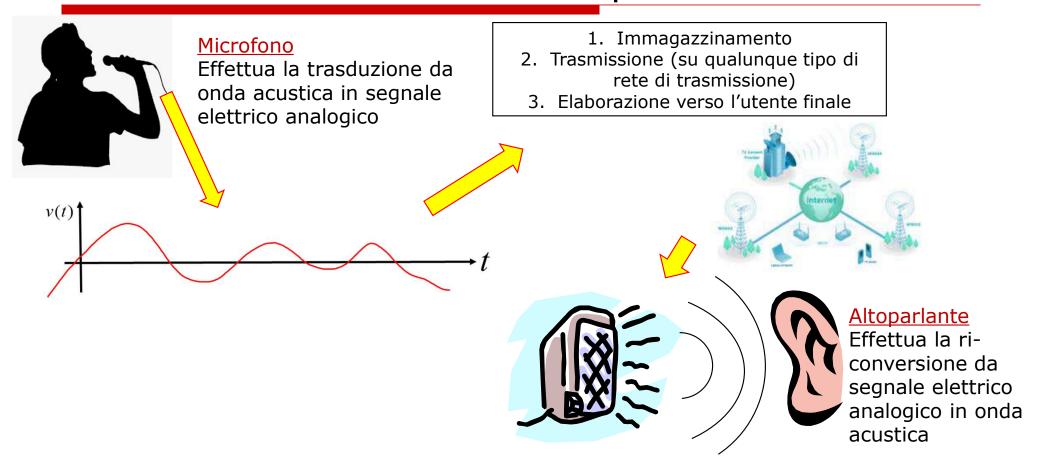




Come ottenere sistemi di trasmissione del segnale vocale su lunga distanza? (Da decine a migliaia di km)

Trasduzione in un segnale elettrico e successiva elaborazione e trasporto





Elaborazione del segnale audio (tipicamente con tecniche digitali)





Ad esempio: tecniche per eliminazione di interferenti/difetti su un segnale audio

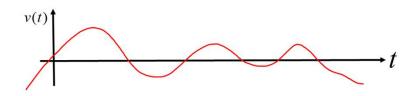
Just a (quite sophisticated) example among many:

https://sthalles.github.io/practical-deep-learning-audio-denoising/

Segnali analogici e trasmissione analogica



☐ Segnale analogico:
segnale continuo nel
tempo e nelle
ampiezze



Esempio di Trasmissione Analogica:

- Radio FM in broadcast (ancora attiva)
- □ Telefonia fissa tradizionale e cellulare di prima generazione (Total Access Communication System TACS)
 - Dismessa a partire dal 2005
- Televisione analogica
 - Dismessa a partire dal 2004







Immagazzinamento (analogico)



Musicassette





□ Videocassette





... la scomparsa dei sistemi analogici





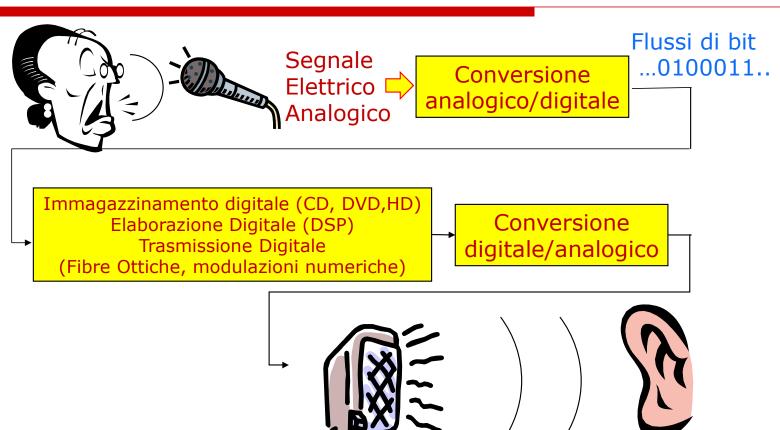




- □ A partire dal 1970, si è assistito alla progressiva scomparsa dei sistemi per la elaborazione e trasmissione diretta dei segnali analogici
 - Salvo l'eccezione della radio FM, tutti gli altri sistemi analogici "famosi" sono stati dismessi definitivamente attorno al 2004-2005
- ... a favore dei sistemi basati su tecniche digitali

Conversione analogico-digitale



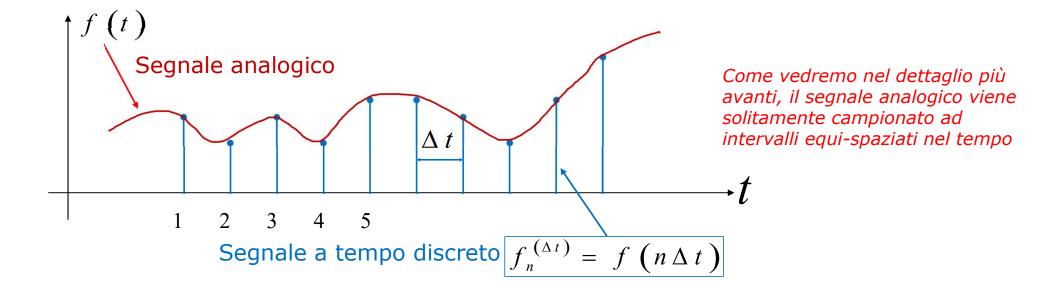


Conversione analogico/digitale:

Discretizzazione asse dei tempi



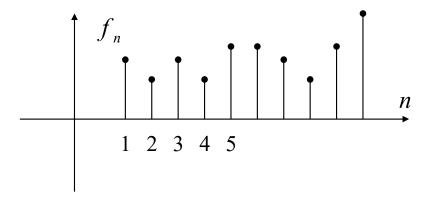
- Un segnale <u>a tempo discreto</u> può essere ottenuto <u>campionando</u> <u>nel tempo</u> un segnale analogico
 - La sequenza dipende quindi dall'intervallo di campionamento scelto







- □ Si tratta di funzioni discretizzate del tempo
 - La sua rappresentazione matematica è dunque una sequenza di numeri (reali o complessi)
 - ☐ In un linguaggio di programmazione: tipicamente memorizzato come un vettore di numeri in floating point



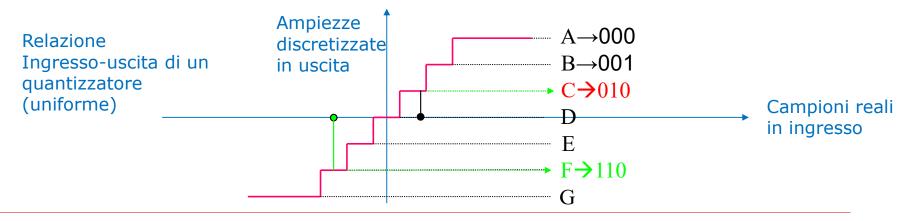
$$(f_n)_{n=-\infty}^{\infty} = \{ \dots f_{-1}, f_0, f_1, f_2, f_3, \dots \}$$

Conversione analogico/digitale:

Discretizzazione delle ampiezze

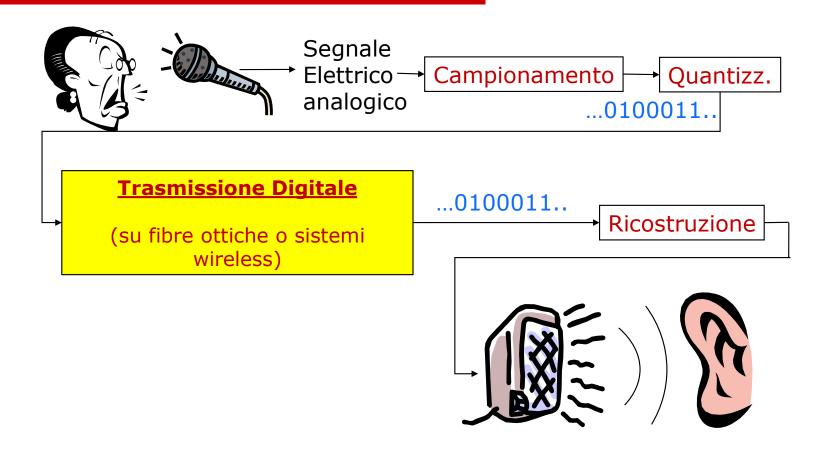


- ☐ Un <u>segnale digitale</u> è ottenuto da un segnale a tempo discreto con il procedimento della quantizzazione per discretizzare ANCHE sull'asse delle ampiezze
 - Il quantizzatore divide l'asse dei reali in un insieme finito di intervalli ed associa ogni valore reale di ingresso al simbolo corrispondente all'intervallo a cui appartiene
 - Un segnale digitale è quindi una sequenza di simboli che appartengono ad un insieme finito, convertibile in flussi di bit



Trasmissione digitale di segnali «nativi» analogici





Esempio: evoluzioni dei sistemi per la telefonia mobile





Immagazzinamento digitale















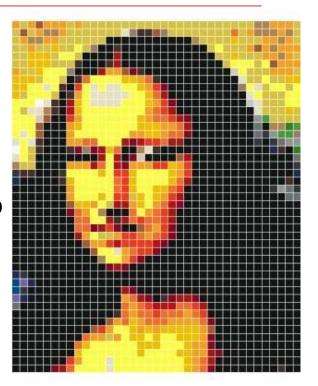




Immagini fotografiche



- Per ogni pixel di una immagine, vengono registrati 3 valori di intensità (=ampiezza) per ciascuno dei 3 colori fondamentali
- ☐ Le immagini fotografiche ovviamente NON hanno una evoluzione nel tempo
 - Tuttavia nella elaborazione delle immagini si usano comunque moltissime delle tecniche che vedremo in questo Corso
 - Questo perché una immagine può essere interpretata come una ampiezza che varia rispetto alla due variabili «spaziali» x e y (anziché rispetto al tempo)



Altro esempio fondamentale: Segnali video









- Anche i video sono formalizzabili come segnali
 - Per ogni pixel, vengono registrati 3 segnali (corrispondenti a 3 colori fondamentali) con intensità (=ampiezza) che evolve nel tempo





<u>Un segnale video</u> è dunque un insieme di moltissimi segnali che evolvono in funzione del tempo (uno per ogni «pixel» del video)

Segnali analogici e digitali



- Malgrado sostanzialmente tutti i segnali siano oggi elaborati e trasmessi con tecniche digitali, è tuttavia fondamentale ricordare che i segnali più rilevanti per le applicazioni nascono in forma analogica
 - Si veda l'esempio dell'audio
 - ma anche della maggior parte dei sensori usati nell'Internet of Thing (IoT)
- Questo è il motivo per cui la prima parte del corso sarà comunque dedicata ai segnali analogici, di cui dovremmo descrivere:
 - Classificazione e modalità di rappresentazione
 - Concetti di energia e potenza
 - Rappresentazioni spettrali
 - Conversione da analogico a digitale

... senza la comprensione della teoria dei segnali analogici, sarebbe difficile comprendere quelli digitali!

Segnali analogici con caratteristiche stocastiche: processi casuali



- Tutti gli esempi fatti fino ad adesso si riferiscono a "classi di segnali" (tipo voce, video, dati...) più che a un singolo segnale determinato
- ☐ Un sistema di trasmissione/ elaborazione/ memorizzazione deve essere progettato per funzionare per ogni possibile elemento di tali classi
- ☐ E' necessario dotarsi di uno strumento matematico che consenta di descrivere il comportamento di classi di segnali
- ☐ Il "processo casuale" è precisamente lo strumento matematico che serve. Esso descrive le caratteristiche statistiche e probabilistiche di un insieme di segnali

Uno breve sguardo sulle applicazioni dell'analisi e elaborazione dei segnali

... alcuni esempi importanti in "ordine sparso"

Compressione di immagini



From: https://en.wikipedia.org/wiki/Image compression

Basata su FFT, seconda parte del corso

History [edit]

Entropy coding started in the 1940s with the introduction of Shannon–Fano coding, [5] the basis for Huffman coding which was developed in 1950. [6] Transform coding dates back to the late 1960s, with the introduction of fast Fourier transform (FFT) coding in 1968 and the Hadamard transform in 1969. [7]

An important development in image data compression was the discrete cosine transform (DCT), a lossy compression technique first proposed by Nasir Ahmed in 1972.^[8] DCT compression became the basis for JPEG, which was introduced by the Joint Photographic Experts Group (JPEG) in 1992.^[9] JPEG compresses images down to much smaller file sizes, and has become the most widely used image file format.^[10] Its highly efficient DCT compression algorithm was largely responsible for the wide proliferation of digital images and digital photos.^[11] with several billion JPEG images produced every day as of 2015.^[12]

Lempel–Ziv–Welch (LZW) is a lossless compression algorithm developed by Abraham Lempel, Jacob Ziv and Terry Welch in 1984. It is used in the GIF format, introduced in 1987. [13] DEFLATE, a lossless compression algorithm developed by Phil Katz and specified in 1996. is used in the Portable Network Graphics (PNG) format. [14]

Wavelet coding, the use of wavelet transforms in image compression, began after the development of DCT coding [.15]. The introduction of the DCT led to the development of wavelet coding, a variant of DCT coding that uses wavelets instead of DCT's block-based algorithm. [15] The JPEG 2000 standard was developed from 1997 to 2000 by a JPEG committee chaired by Touradj Ebrahimi (later the JPEG president). [16] In contrast to the DCT algorithm used by the original JPEG format, JPEG 2000 instead uses discrete wavelet transform (DWT) algorithms. It uses the CDF 9/7 wavelet transform (developed by Ingrid Daubechies in 1992) for its lossy compression algorithm, [17] and the LeGall-Tabatabai (LGT) 5/3 wavelet transform [18][19] (developed by Didier Le Gall and Ali J. Tabatabai in 1988)[20] for its lossless compression algorithm, [17] JPEG 2000 technology, which includes the Motion JPEG 2000 extension, was selected as the video coding standard for digital cinema in 2004.[21]



Three levels of JPG compression. The left-most image is the original. The middle image offers a medium compression, which may not be immediately obvious to the naked eye without closer inspection. The right-most image is maximally compressed.

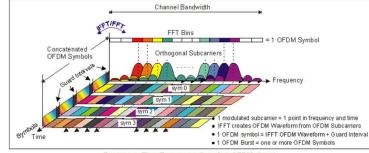
La compressione JPEG (tra le più diffuse) si basa sulla Discrete Cosine Transform (DCT), che è una variante della trasformata di Fourier discreta e della Fast Fourier Transform (FFT)



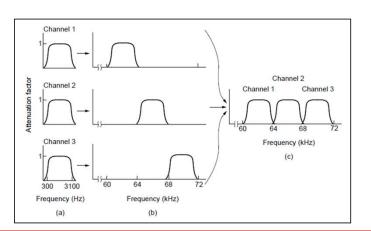
Trasmissioni digitali



- TUTTI I sistemi moderni di <u>trasmissione digitale (wireless, fibra, satellite, etc)</u> utilizzano pesantemente tecniche di processamento digitale del segnale
- □ A titolo di esempio:
 - Filtraggio adattativo del segnale ricevuto
 - FFT e IFFT
 - Multiplazione in frequenza e tempo
 - Etc..
- In generale, <u>l'interpretazione in frequenza</u> dei segnali trasmessi e ricevuti è fondamentale in tutti i campi delle telecomunicazioni



Frequency-Time Representative of an OFDM signa



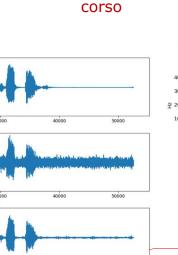
Tecniche per eliminazione di interferenti su un segnale audio



☐ Esistono numerosi approcci, tutti molto complessi, che usano un mix di tecniche, tra cui alcune spiegate nel nostro corso

Un esempio: https://sthalles.github.io/practical-deep-learning-audio-

denoising/

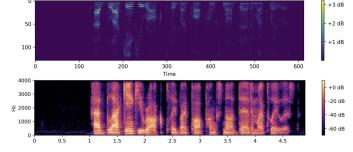


FFT, seconda

parte del



You can see bellow, common representations of audio signals



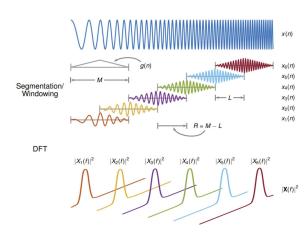
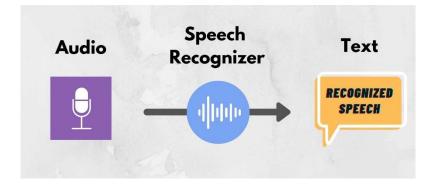


Image Credits to: MATLAB STFT docs.

Riconoscimento e comprensione automatica del parlato umano







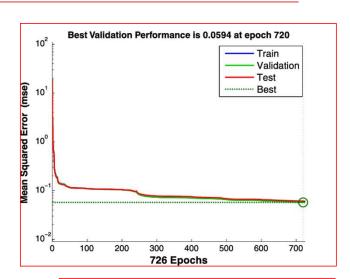
- □ Le moderne tecniche di riconoscimento del parlato si basano su reti neurali molto complesse (o in generale tecniche di intelligenza artificiale)
- Anche in questo caso tuttavia, alcuni dei concetti fondanti sono basati sulla teoria dei segnali
- □ Ad esempio:
 - Discretizzazione e campionamento
 - Distanza euclidea tra due segnali

Legami con Al, Machine Learning, Neural Networks



- Moltissime tecniche di AI, Machine Learning, Neural Networks si basano pesantemente su concetti che nascono nella teoria dei segnali
- □ Ad Esempio, la maggior parte delle "cost function" (o loss function) usate per addestrare le neural network sono basate su variant del concetto di <u>distanza euclidea tra</u> <u>due "segnali"</u> (intesi in senso lato)

☐ E in particolare sul concetto di "minimum mean square error"



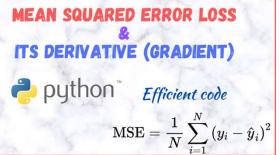


Figure prese da: https://www.bragitoff.com/2021/12/mean-squared-error-loss-function-and-its-gradient-derivative-for-a-batch-of-inputs-python-code/

Analisi delle serie di dati



La teoria e l'analisi dei segnali a tempo discreto è fondamentale nel campo della "**Data Science**" in cui ci si soventemente ritrova a elaborare serie di dati del tempo - *Time Series* –

Queste serie di dati sono talvolta per loro natura "a tempo discreto" e non derivano dal campionamento di un segnale analogico

Possibili elaborazioni:

- Studio delle caratteristiche del fenomeno, sulla base dell'analisi del segnale
- Filtraggio dei dati
- Cross-correlazioni tra serie diverse



Conoscenze e abilità che verranno acquisite durante il corso

- ■Teoria ed Elaborazione dei Segnali
 - (dai documenti ufficiali sulle pagine del corso)

Conoscenze e abilità da acquisire - I



- ☐ Classificazioni dei segnali
- Tecniche di <u>analisi in frequenza</u> dei segnali a tempo continuo
- Sistemi lineari tempo-invarianti (LTI), e loro rappresentazione nel dominio del tempo e della frequenza
- Tipologie fondamentali di <u>filtri lineari</u>
- ☐ Processi stocastici (casuali) e loro rappresentazione spettrale

Politecnico di Torino Department of Electronics and Telecommunications

Conoscenze e abilità da acquisire - Il

- Tecniche per il passaggio da segnali a tempo continuo ai <u>segnali</u> <u>a tempo discreto</u>, e viceversa
- Tecniche per l'<u>elaborazione in frequenza</u> dei segnali a tempo discreto
- □ Tecniche per <u>l'analisi dei sistemi LTI a tempo discreto e</u> <u>trasformata Z</u>
- □ <u>Tecniche di filtraggio numerico</u>, tipologie di filtri numerici (FIR, IIR)