Interprete Prolog

L'esecuzione dei programmi Prolog avviene mediante una concatenazione all'indietro ($backward\ chaining$) in profondità. La computazione inizia dal goal che si vuole derivare, costituito da una congiunzione di formule atomiche (sottogoal): G_1, G_2, \ldots, G_n

Una regola $A: -B_1, \ldots, B_m$ è **applicabile** ad un goal atomico G_i se:

- 1. Le variabili della regola vengono rinominate (standardizzate separatamente)
- 2. $A \in G_i$ unificano

L'interprete può essere descritto ricorsivamente con la seguente formulazione $non\ deterministica$:

```
\begin{array}{l} \operatorname{interprete}(G) \\ \mathbf{if} \ G \ \operatorname{vuoto} \\ \mathbf{then} \ \operatorname{successo} \\ \mathbf{else} \ \operatorname{sia} \ G = G_1, G_2, \dots, G_n \\ \operatorname{sia} \ R \ \operatorname{l'insieme} \ \operatorname{delle} \ \operatorname{regole} \ \operatorname{applicabili} \ \operatorname{a} \ G_1 \\ \mathbf{if} \ R \ \operatorname{\grave{e}} \ \operatorname{vuoto} \\ \mathbf{then} \ \operatorname{fallimento} \\ \mathbf{else} \ \operatorname{scegliere} \ \operatorname{una} \ \operatorname{regola} \ A : -B_1, \dots, B_m \in R \\ \operatorname{sia} \ \sigma \ \operatorname{il} \ \operatorname{MGU} \ \operatorname{di} \ G_1 \in A \\ \operatorname{interprete}(B_1\sigma, \dots, B_m\sigma, G_2\sigma, \dots, G_n\sigma) \end{array}
```

L'esecuzione ha successo, se esiste una computazione che termina con successo.

Questa formulazione è non deterministica perché non specifica quale regola scegliere in R. In realtà, l'interprete del Prolog si comporta in modo deterministico considerando le regole nell'ordine in cui sono scritte nel programma e facendo backtracking ogni volta che la computazione fallisce.

Se l'interprete termina con successo, resituisce anche una sostituzione per le variabili che compaiono nel goal.

ESEMPIO

Si consideri il seguente programma:

```
R1) g(c, m).
R2) g(m, l).
R3) a(X, Y) : -g(X, Y).
R4) a(X, Y) : -g(Z, Y), a(X, Z).
```

dove g sta per genitore e a per antenato.

Vediamo la traccia dell'esecuzione del goal a(X, l). Per semplicità supponiamo che vengano rinominate solo le variabili della regola R4.

```
\begin{array}{c} a(X,l) \\ \text{R3 } g(X,l) \\ \text{R2 } \{X/m\} \ \Box \\ \text{R4 } \{X1/X,Y1/l\} \ g(Z1,l), a(X,Z1) \\ \text{R2 } \{Z1/m)\} \ a(X,m) \\ \text{R3 } g(X,m) \\ \text{R1 } \{X/c\} \ \Box \\ \text{R4 } g(Z2,m), a(X,Z2) \\ \text{R1 } \{Z2/c)\} \ a(X,c) \\ \text{R3 } g(X,c) \ \text{FALLIMENTO} \\ \text{R4 } g(Z3,c), a(X,Z3) \ \text{FALLIMENTO} \end{array}
```

L'indentazione rappresenta il livello di profondità delle chiamate ricorsive dell'interprete. Ogni riga contiene:

- nome della regola applicata
- MGU del primo sottogoal con la testa della regola applicata
- il nuovo goal

Ad esempio, per applicare la regola R4 al goal a(X,l) si rinominano le variabili della regola, ottenendo R4.1: a(X1,Y1):-g(Z1,Y1),a(X1,Z1). La testa della regola R4.1 unifica con il goal a(X,l) con MGU $\sigma=\{X1/X,Y1/l\}$. Il nuovo goal sarà g(Z1,l),a(X,Z1), ottenuto applicando la sostituzione σ al corpo di R4.1.

Quando si raggiunge il goal vuoto \(\square\), l'esecuzione termina con successo. Quando si raggiunge FALLIMENTO, l'inteprete fa backtracking fino al primo punto di scelta e da lì riparte. Se la computazione termina con successo, è possibile forzare il backtracking dando ;.

PROBLEMA. Cosa succede se si inverte l'ordine dei due sottogoal nel corpo delle regola R4?