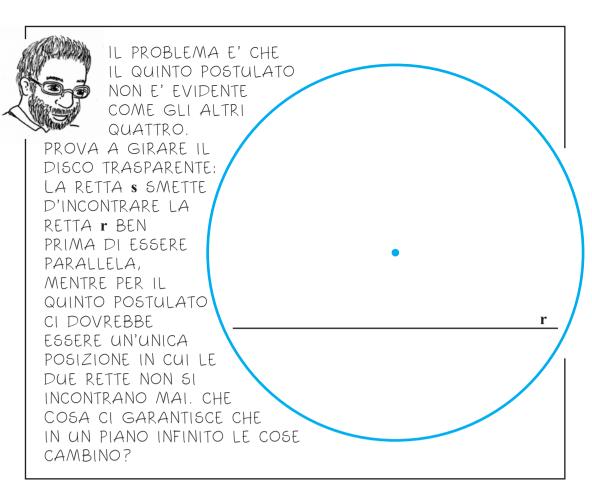


- ALLORA LI IMPARO! E' CHE LA MATEMATICA E' DIFFICILE. E LA GEOMETRIA, POI, E' NOIOSA.

- MA CHE DICI! LA GEOMETRIA E' COME UN BELLISSIMO CASTELLO, FORMATO DA STRUTTURE COMPLESSE: MURI, SCALE, TERRAZZE. QUESTI SONO I TEOREMI. MA SE GUARDI PIU' ATTENTAMENTE TI ACCORGERAI CHE PER COSTRUIRLI SERVONO ELEMENTI PIU' SEMPLICI: I POSTULATI. ALLA FINE SONO PROPRIO I POSTULATI A TENER SU L'INTERO PALAZZO! COSA SUCCEDEREBBE SE PROVASSIMO A TOGLIERNE UNO? IL QUINTO, PER ESEMPIO. SE GUARDI BENE, VEDRAI UNA CREPA.



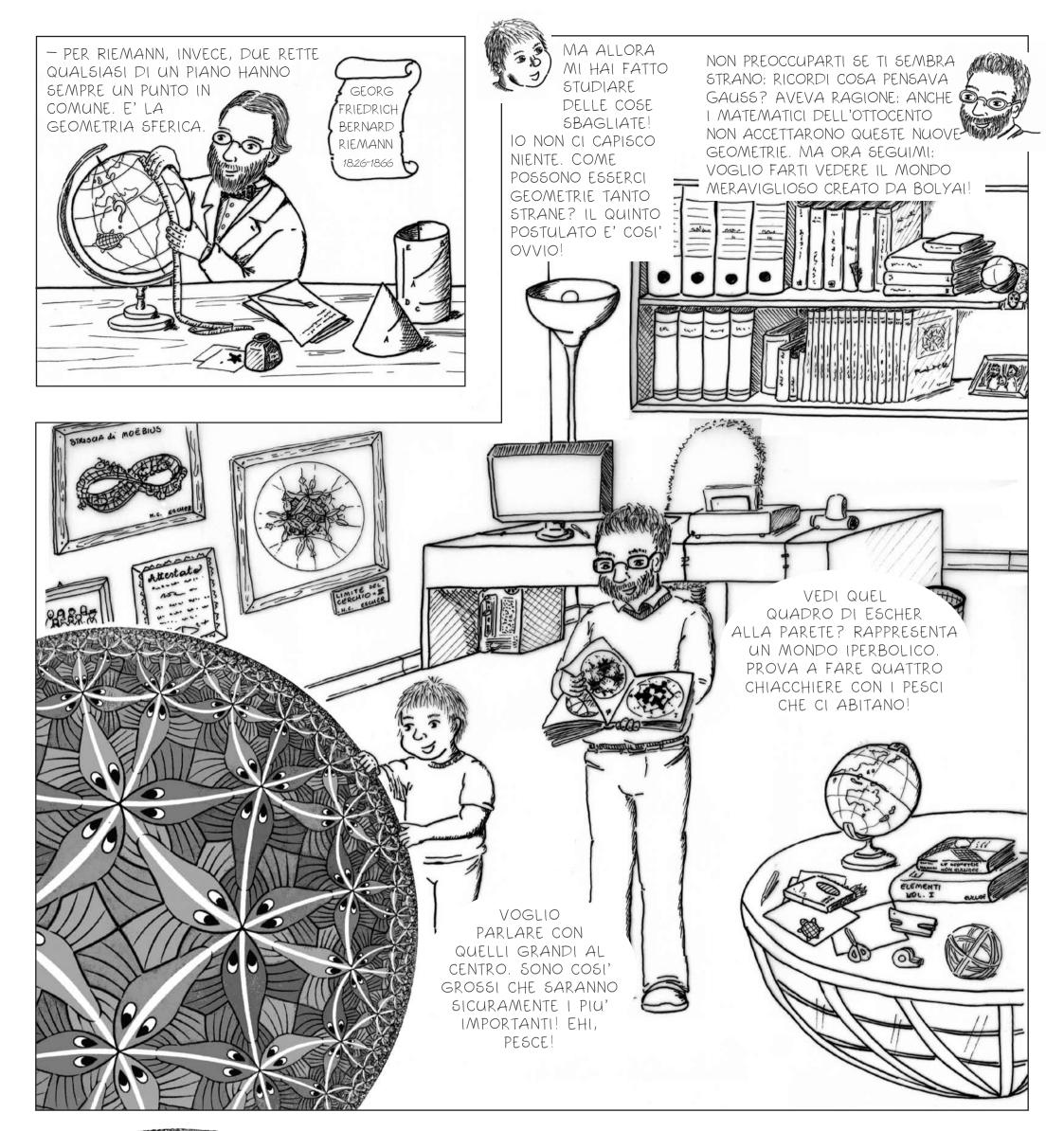


- LA CREPA RIMASE. 1 MATEMATICI NON SI RASSEGNARONO E TENTARONO IN OGNI MODO DI DIMOSTRARE IL QUINTO POSTULATO, CERCANDONE UNA FORMULAZIONE PIU' EVIDENTE OPPURE TENTANDO DI DIMOSTRARLO A PARTIRE DAGLI ALTRI QUATTRO, COME AVEVA GIA' PROVATO A FARE EUCLIDE.



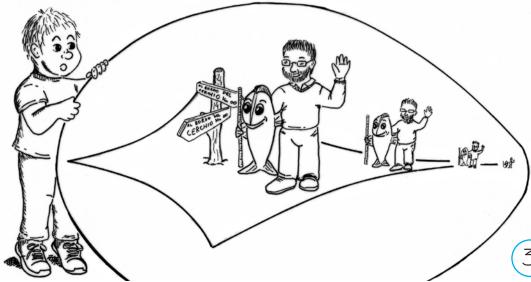
- STAL ATTENTO MARCO! SEMBRA CHE SACCHERI ABBIA RISOLTO IL PROBLEMA: IN REALTA' NON HA TROVATO UNA VERA E PROPRIA CONTRADDIZIONE, MA SOLO IPOTESI CONTROINTUITIVE. NEMMENO LUI E' RIUSCITO A CHIUDERE LA CREPA! POI, NELL' OTTOCENTO, DOPO SECOLI DI TENTATIVI, QUALCUNO RISOLSE LA QUESTIONE DRASTICAMENTE: ELIMINANDO IL V POSTULATO!

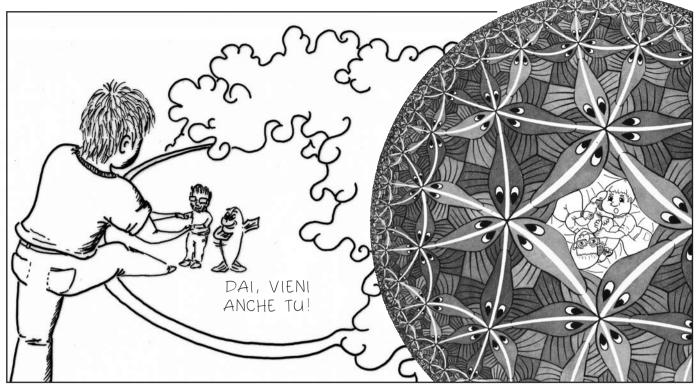




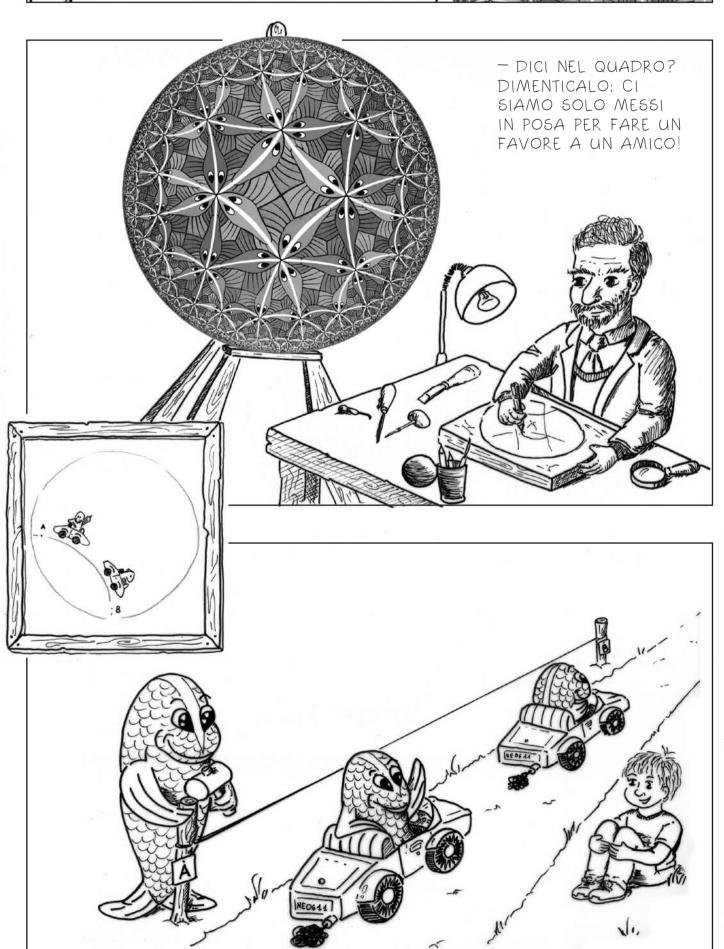


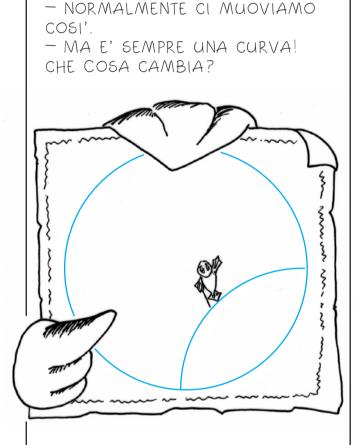
- 10 SONO ALTO 180 CM, MA PIU' MI AVVICINO AL BORDO PIU' MI VEDI RIMPICCIOLIRE, PERCHE' STO ANDANDO MOLTO LONTANO, INFINITAMENTE LONTANO DAL CENTRO. PER QUANTO IO CONTINUI A CAMMINARE, NON RIUSCIRO' MAI A RAGGIUNGERE IL BORDO!

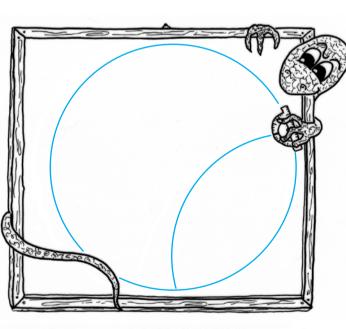


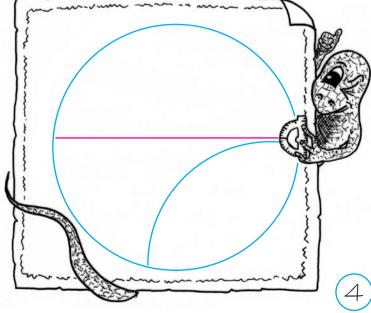












- QUESTA NON E' UNA CURVA QUALSIASI! E' UN ARCO DI CIRCONFERENZA PERPENDICOLARE AL BORDO DEL NOSTRO MONDO. O MEGLIO, COSI' SEMBRA A CHI GUARDA IL NOSTRO MONDO DA FUORI. CIOE, COSI' SEMBRA NEL MODELLO CHE VOI EUCLIDEANI UTILIZZATE PER RAPPRESENTARLO. MA PER NOI SI TRATTA DI RETTE, CIOE' DELLA STRADA PIU' CORTA TRA DUE PUNTI. SAI, NOI PESCI SIAMO UN PO' PIGRI!



- SECONDO ME C'E' QUALCOSA DI PIU' STRANO DELLE RETTE. TI VA DI DISEGNARE UNA CIRCONFERENZA? PARTIAMO CON UN RAGGIO DI 4 PASSI. LA CIRCONFERENZA SARA' LUNGA...?

- 4 PASSI MOLTIPLICATO PER 6,28. MA PAPA', COME FACCIO A FARE 25,12 PASSI?

- ARROTONDA A 25!

- 1, 2, 3... 25! EHI PAPA'! NON SONO MICA RITORNATO AL PUNTO DI PARTENZA!



- ASPETTA CHE LI CONTO: 1, 2, 3... 9 PASSI. CHE STRANO: IN QUESTO MONDO, UNA CIRCONFERENZA DI RAGGIO 4 E' LUNGA 34!

RAGGIO 4 E' LUNGA 34!

NON CI CREDO. VOGLIO

PROVARE CON UN RAGGIO

PIU' LUNGO. SE IL MIO

RAGGIO E' DI 5 PASSI,

DOVREI AVERE UNA

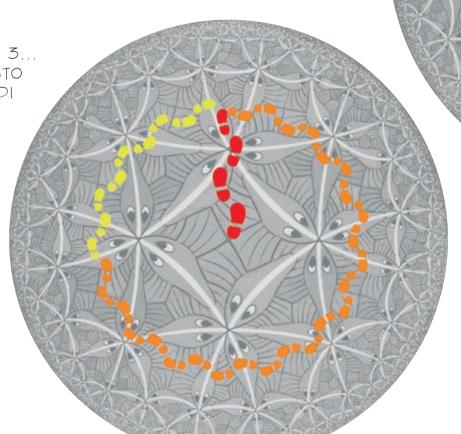
CIRCONFERENZA DI 31,4 CHE

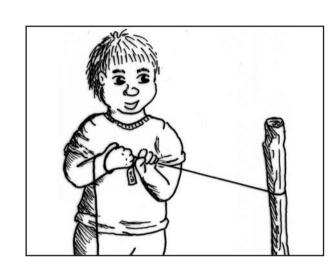
ARROTONDO A 31.

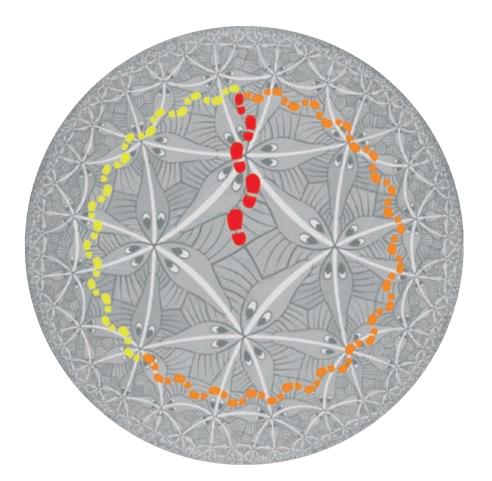
1,2,3,... 31 E SONO SOLO A POCO PIU' DI META'! PAPA', QUESTA VOLTA MI MANCANO 19 PASSI. CON UN RAGGIO DI 5 HO OTTENUTO UNA CIRCONFERENZA DI 50!

- COSA PUOI CONCLUDERE?

- BE', DI SICURO CHE LE FORMULE SOLITE QUI NON FUNZIONANO!







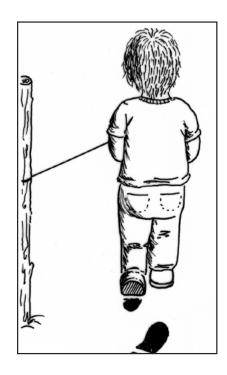
— ESATTO. IL RAPPORTO TRA CIRCONFERENZA E RAGGIO, CHE IN GEOMETRIA EUCLIDEA E' COSTANTE E DEFINITO COME 2π , QUI VARIA, E IN PARTICOLARE AUMENTA ALL'AUMENTARE DELLA CIRCONFERENZA.

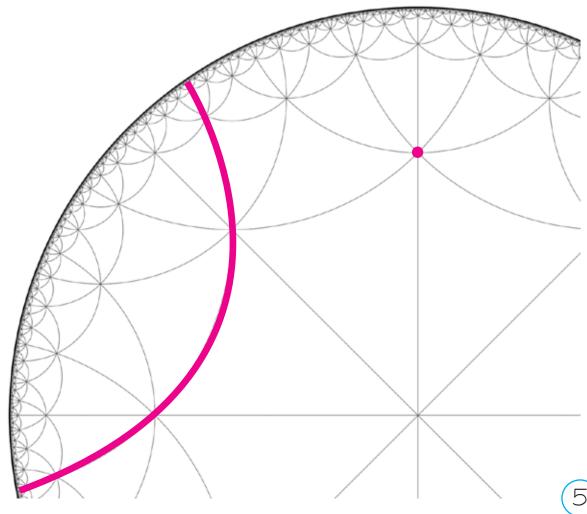
E AUMENTA TANTO! PENSA SOLO ALLA DIFFERENZA TRA LE DUE CIRCONFERENZE CON RAGGIO 4 E 5. SE AVESSI FATTO UN RAGGIO DI 6, NON SARESTI ARRIVATO NEMMENO A META' CON I PASSI PREVISTI. EH SI', IN GEOMETRIA IPERBOLICA C'E' MOLTO PIU' SPAZIO DI QUELLO A CUI SIAMO ABITUATI.

- MA PAPA', TRA TUTTE QUESTE COSE COSI' STRANE NON MI HAI ANCORA FATTO VEDERE COME FANNO DUE RETTE DISTINTE A PASSARE PER UNO STESSO PUNTO E AD ESSERE PARALLELE AD UNA STESSA RETTA!

- MA E' FACILE! PROVA A DISEGNARLE E LO VEDRAI ANCHE TU!





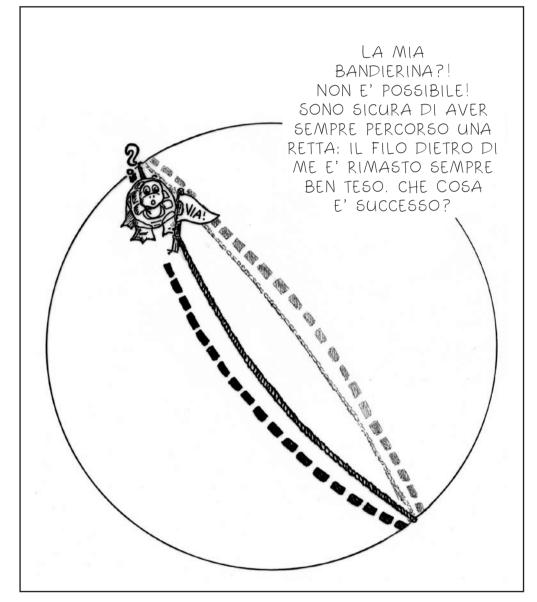


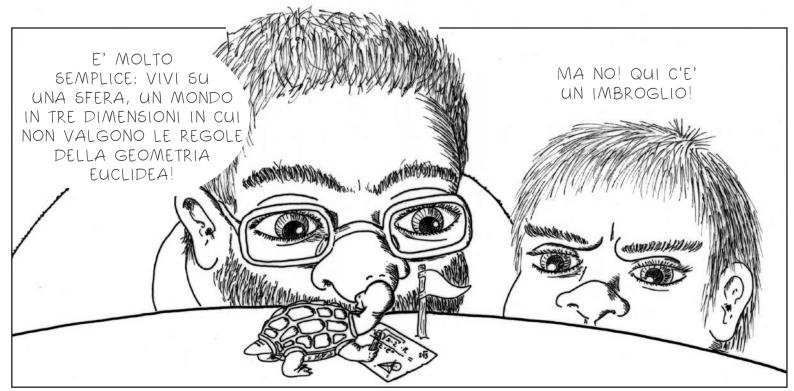




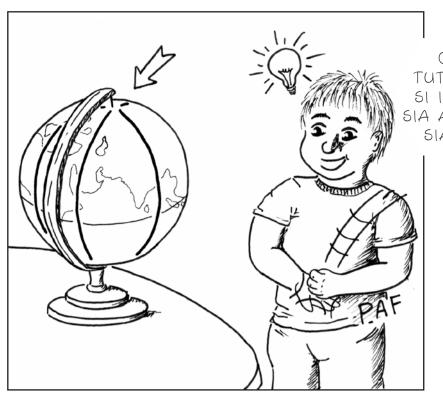








- PERCHE' DICI COSI', MARCO?
- QUI NON CAMBIA IL QUINTO POSTULATO, MA IL SECONDO: SI AMMETTE CHE OGNI RETTA TERMINATA SI POSSA PROLUNGARE INFINITAMENTE.
- HAI RAGIONE: PER
 AFFERMARE CHE NON
 ESISTONO RETTE PARALLELE
 BISOGNA MODIFICARE
 ANCORA I POSTULATI.
 NON SOLO LE RETTE IN
 QUESTA GEOMETRIA SONO
 LINEE CHIUSE MA... RIESCI
 A TROVARE UN ALTRO
 "IMBROGLIO"?



CI SONO!
TUTTE LE RETTE
SI INCONTRANO
SIA AL POLO SUD
SIA AL POLO
I NORD!

- ESATTO. IN GEOMETRIA SFERICA DUE RETTE HANNO SEMPRE DUE PUNTI IN COMUNE: I PUNTI ANTIPODALI. PERCIO' NON E' SEMPRE VERO CHE, SCELTI A CASO DUE PUNTI DISTINTI SULLA SFERA, PER ESSI PASSA UNA E UNA SOLA RETTA.

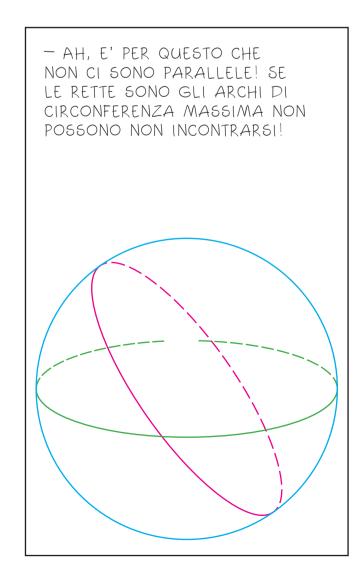


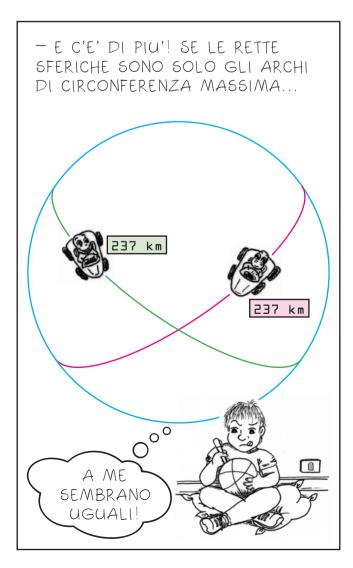
- CHE STRADA FARESTI PER
TORNARE A ROMA PARTENDO
DALLO STRETTO DI BERING?

SICURAMENTE
PASSEREI PER
OSLO! E' LA STRADA
PIU' BREVE!







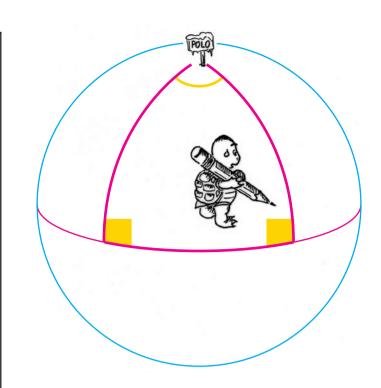




- MA NON E' FINITA! GUARDA I MERIDIANI: SONO TUTTI PERPENDICOLARI
ALL'EQUATORE E SI INCONTRANO TUTTI AI POLI. E' UN'ALTRA DIFFERENZA CON
LA GEOMETRIA EUCLIDEA, IN CUI LE RETTE PERPENDICOLARI AD UNA RETTA DATA
SONO PARALLELE TRA LORO. MA SU UNA SFERA NON CI SONO RETTE PARALLELE!

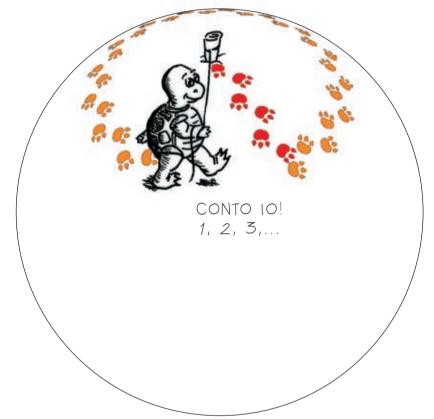
ALLORA
SE CONSIDERO
IL TRIANGOLO
INDIVIDUATO DA DUE
MERIDIANI E L'EQUATORE,
LA SOMMA DEI SUOI
ANGOLI INTERNI SARA'
MAGGIORE DI 180
GRADI!

A



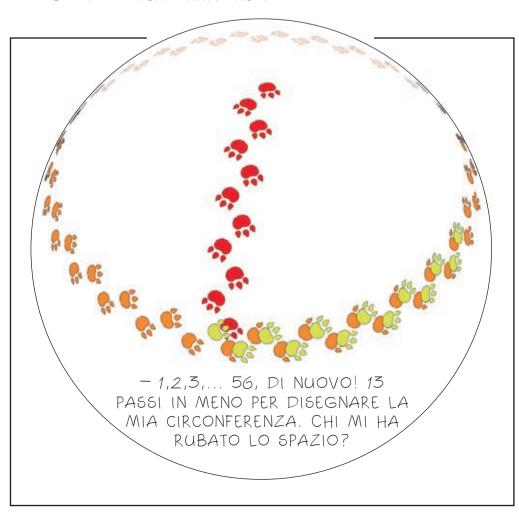
- ESATTO. POICHE' I DUE ANGOLI ALLA BASE SONO DI 90 GRADI, IL TERZO, PER QUANTO PICCOLO, FARA' SI' CHE LA SOMMA DEGLI ANGOLI INTERNI SUPERI I 180 GRADI.

- PAPA', SECONDO TE LE CIRCONFERENZE COME SONO QUI?

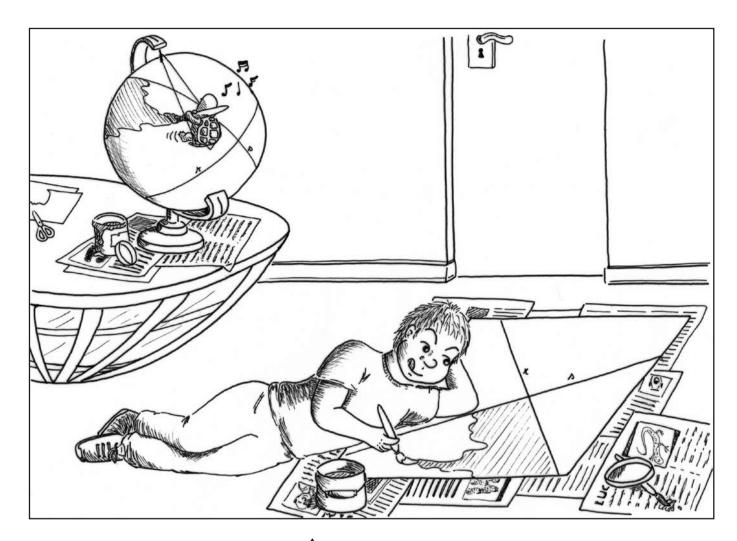


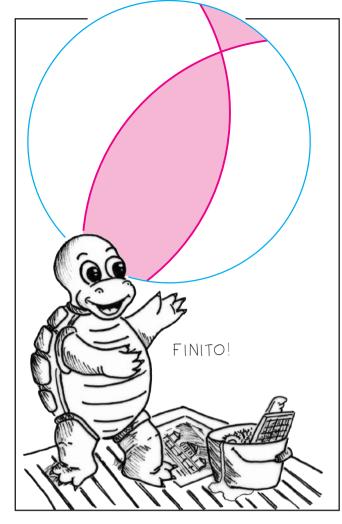
- ALLORA TARTARUGHINA, CON UN RAGGIO DI 6 PASSI IN GEOMETRIA EUCLIDEA MI ASPETTO UNA CIRCONFERENZA DI 38 PASSI. STAI ATTENTA PERO': MAGARI NEL TUO MONDO NON BASTANO PER ARRIVARE IN FONDO!













- IN GEOMETRIA SFERICA,
DIVERSAMENTE DA QUELLA EUCLIDEA,
DUE RETTE RACCHIUDONO UN'AREA.
LA PROSSIMA VOLTA PENSACI PRIMA
DI ACCETTARE LA SFIDA!





