

**LAPORAN**  
**TUGAS BESAR STRATEGI ALGORITMA**

“Perbandingan Algoritma *backtracking* dan Dynamic Programming dalam Menyelesaikan Permainan *Rubik’s Cube*”



Disusun Oleh:

**IF-47-EXT**

Vitria Anggraeni	103012380501
Fahri Alfiansyah	103012380508
Gid Achmad Ahlul Fadli	103012380509

**PROGRAM STUDI S1 INFORMATIKA**  
**FAKULTAS INFORMATIKA**  
**UNIVERSITAS TELKOM**  
**BANDUNG**  
**2024**

## Pembagian Tugas

Vitria Anggraeni	Dokumentasi dan penyusunan laporan
Fahri Alfiansyah	Analisis dan perbandingan algoritma
Gid Achmad Ahlul Fadli	Implementasi algoritma <i>backtracking</i> dan <i>dynamic programming</i>

### 1. Deskripsi Studi Kasus

Permainan *Rubik's Cube* adalah teka-teki mekanis yang menantang pemain untuk memutar-mutar sisi-sisinya hingga setiap sisi memiliki satu warna seragam. Menyelesaikan permainan ini membutuhkan strategi yang efektif dan efisien. Dalam tugas besar ini, kami membandingkan dua algoritma, *backtracking* dan *dynamic programming*, untuk menyelesaikan permainan *Rubik's Cube* 2x2x2. Tujuan utama kami adalah untuk mengevaluasi keefektifan dan efisiensi kedua algoritma tersebut dalam menyelesaikan teka-teki ini.

### 2. Strategi Algoritma yang Dipilih

- **Algoritma *backtracking***

Backtracking adalah teknik algoritma yang mencoba membangun solusi secara incremental. Dalam konteks *Rubik's Cube* 2x2x2, algoritma ini mencoba semua kemungkinan gerakan hingga menemukan solusi. Jika suatu gerakan tidak mengarah ke solusi, algoritma akan mundur (backtrack) dan mencoba gerakan lainnya. Berikut merupakan langkah-langkah penerapan dari algoritma *backtracking*:

1. Mulai dari keadaan awal *Rubik's Cube*.
2. Lakukan gerakan satu per satu.
3. Setelah setiap gerakan, periksa apakah *Rubik's Cube* sudah selesai.
4. Jika belum selesai, lanjutkan dengan mencoba gerakan berikutnya.
5. Jika gerakan tersebut tidak mengarah ke solusi, mundur dan coba gerakan lain.

Pseudocode algoritma *backtracking*:

---

**Algorithm 1:** Solve Rubik's Cube Using Backtracking

---

**Input:** cube: the initial state of the Rubik's Cube

**Output:** sequence of moves to solve the cube, or None if no solution is found

**Function** solve\_rubiks\_backtracking(cube):

**if** is\_solved(cube) **then**

**return** []

**for** move **in** all\_possible\_moves() **do**

        new\_cube ← apply\_move(cube, move);

        solution ← solve\_rubiks\_backtracking(new\_cube);

**if** solution is not None **then**

**return** [move] + solution;

**return** None;

---

- **Algoritma *dynamic programming***

Dynamic programming (DP) adalah teknik pemrograman yang menyelesaikan masalah kompleks dengan membaginya menjadi sub-masalah yang lebih kecil dan menyimpan hasil dari sub-masalah tersebut untuk menghindari perhitungan berulang. Untuk *Rubik's Cube*, DP dapat digunakan untuk menyimpan konfigurasi yang sudah ditemukan dan langkah-langkah yang diperlukan untuk mencapainya, sehingga mengurangi perhitungan berulang. Berikut merupakan langkah-langkah penerapan dari algoritma *dynamic programming*:

1. Definisikan tabel DP untuk menyimpan solusi sub-masalah.
2. Mulai dengan konfigurasi awal *Rubik's Cube* dan tambahkan ke tabel DP.
3. Untuk setiap konfigurasi, hitung semua kemungkinan gerakan berikutnya.
4. Simpan hasil gerakan dalam tabel DP.
5. Lanjutkan hingga menemukan solusi untuk konfigurasi yang diinginkan.

Pseudocode algoritma *dynamic programming*:

---

**Algorithm 1:** Solve Rubik's Cube Using Dynamic Programming

---

**Input:** cube: the initial state of the Rubik's Cube

**Output:** shortest sequence of moves to solve the cube, or None if no solution is found

**Function** solve\_rubiks\_dynamic (cube) :

**if** is\_solved(cube) **then**

**return** []

**if** cube **in** dp **then**

**return** dp [cube]

    shortest\_solution ← None;

**for** move **in** all\_possible\_moves() **do**

        new\_cube ← apply\_move(cube, move);

        solution ← solve\_rubiks\_dynamic (new\_cube);

**if** solution **is not** None **then**

            solution ← [move] + solution;

**if** shortest\_solution **is** None **or** len(solution) < len(shortest\_solution) **then**

                shortest\_solution ← solution;

    dp [cube] ← shortest\_solution;

**return** shortest\_solution;

**Function** solve\_rubiks(cube):

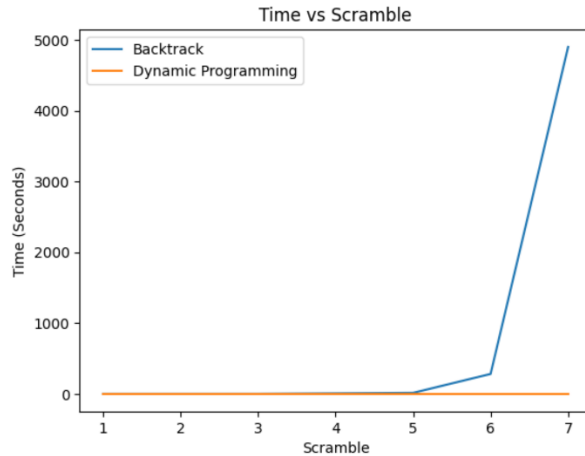
    dp ← {};

**return** solve\_rubiks\_dynamic (cube);

---

### 3. Analisis Perbandingan Algoritma

Untuk menganalisis perbandingan antara kedua algoritma, kami menguji keduanya dengan lima input *Rubik's Cube* 2x2x2 yang berbeda dan terurut secara ascending berdasarkan kompleksitasnya. Kompleksitas diukur berdasarkan jumlah gerakan yang diperlukan untuk menyelesaikan *Rubik's Cube* dari keadaan awal. Grafik dan tabel perbandingan *running time* dari kedua algoritma:



Input (scramble)	Backtracking (seconds)	Dynamic Programming (seconds)
1 gerakan	0,00020	0,00048
3 gerakan	0,29137	0,00050
5 gerakan	14,78876	0,00047
6 gerakan	282,13754	0,00051
7 gerakan	4899,74933	0,00050

#### Analisis Running Time:

- Backtracking:**  
 Waktu eksekusi untuk menyelesaikan *Rubik's Cube* dengan 1 gerakan termasuk sangat cepat, yaitu 0,00020 detik. Namun seiring dengan meningkatnya gerakan *scramble*, waktu eksekusi pun meningkat secara signifikan hingga sekitar 81 menit untuk 7 gerakan. Hal ini menunjukkan bahwa waktu yang dibutuhkan meningkat eksponensial seiring dengan peningkatan kompleksitas *scramble*.
- Dynamic Programming**  
 Untuk semua input (1, 3, 5, 6, dan 7 gerakan *scramble*), waktu eksekusi tetap konstan sekitar 0,00047 hingga 0,00051 detik. Hal ini menunjukkan bahwa algoritma *dynamic programming* mampu mengatasi peningkatan kompleksitas tanpa peningkatan signifikan dalam waktu eksekusi.

#### 4. Kesimpulan

Dari analisis dan grafik perbandingan, dapat disimpulkan bahwa algoritma *dynamic programming* umumnya lebih efisien dibandingkan dengan *backtracking* dalam menyelesaikan permainan *Rubik's Cube 2x2x2*, terutama untuk input dengan kompleksitas yang lebih tinggi. Hal ini disebabkan oleh kemampuan *dynamic programming* dalam menghindari perhitungan berulang melalui penyimpanan hasil sub-masalah. *backtracking*, meskipun sederhana dan langsung, cenderung lebih lambat karena harus mencoba semua kemungkinan solusi.

## Referensi

- Korf, R. E. (1997, July). Finding optimal solutions to *Rubik's Cube* using pattern databases. In AAAI/IAAI (pp. 700-705).
- Rokicki, T. (2010). Twenty-two moves suffice for *Rubik's Cube*®. *The Mathematical Intelligencer*, 32(1), 33-40.
- Rokicki, T., Kociemba, H., Davidson, M., & Dethridge, J. (2014). The diameter of the *Rubik's Cube* group is twenty. *siam REVIEW*, 56(4), 645-670.
- Felgenhauer, B., & Jarvis, F. (2005). God's number is 20. Available at <https://www.cube20.org/>.
- Ferenc, D. (2024). Herbert Kociemba's optimal cube solver – Cube Explorer. Retrieved from <https://ruwix.com/the-rubiks-cube/herbert-kociemba-optimal-cube-solver-cube-explorer/>.
- Kociemba, H. (2024). Cube Explorer. Retrieved from <http://kociemba.org/cube.htm>.
- Korf, R. E. (1985). Depth-first iterative-deepening: An optimal admissible tree search. *Artificial Intelligence*, 27(1), 97-109.
- Korf, R. E. (1997). Finding optimal solutions to *Rubik's Cube* using pattern databases. In AAAI/IAAI (pp. 700-705).
- Roux, G. (2024). Roux method. Retrieved from <https://rouxmethod.wordpress.com/>.
- Rubik's Cube* official site. (2024). Retrieved from <https://www.rubiks.com/>.
- First versions of *Rubik's Cube*. (2022, November). Retrieved from <https://www.firstversions.com/2015/08/rubiks-cube.html>.

## LAMPIRAN

```
[ ] def rotate(state, indices):
    new_state = list(state)
    # rotate face
    for i in range(4):
        new_state[indices[i]] = state[indices[(i+1) % 4]]
    # rotate edges
    for i in range(8):
        new_state[indices[i + 4]] = state[indices[(i+2) % 8 + 4]]
    return "".join(new_state)

# Apply a move to the cube's string state
def apply_move(state, move):
    if move.endswith("2"):
        indices = MOVES[move[:-1]]
        state = rotate(state, indices)
    indices = MOVES[move]
    return rotate(state, indices)

def rotate_x(top, left, front, right, back, bottom):
    # front, left, bottom, right, top, back
    return "".join(front) + "".join(left) + "".join(bottom) + "".join(right) + "".join(top) + "".join(back)

def rotate_y(top, left, front, right, back, bottom):
    # top, front, right, back, left, bottom
    return "".join(top) + "".join(front) + "".join(right) + "".join(back) + "".join(left) + "".join(bottom)

def rotate_z(top, left, front, right, back, bottom):
    # left, bottom, front, top, back, right
    return "".join(left) + "".join(bottom) + "".join(front) + "".join(top) + "".join(back) + "".join(right)

def get_face_to_rotate(state):
    return state[:4], state[4:8], state[8:12], state[12:16], state[16:20], state[20:24]

def apply_rotations(state):
    # divide cube into 6 faces
    rotations = list()
    for _ in range(4):
        state = rotate_x(*get_face_to_rotate(state))
        rotations.append(state)
    for _ in range(4):
        state = rotate_y(*get_face_to_rotate(state))
        rotations.append(state)
    for _ in range(4):
        state = rotate_z(*get_face_to_rotate(state))
        rotations.append(state)
    return rotations
```

Fungsi-fungsi pada  
kode program

```
[ ] # Check if the state is solved
def is_solved(state):
    return state == SOLVED_STATE

# Backtracking solver
def solve_cube_backtrack(state, depth, max_depth, path):
    shortest_path = None
    if is_solved(state):
        return path

    if depth == max_depth:
        return None

    for move in MOVES:
        new_state = apply_move(state, move)
        result = solve_cube_backtrack(new_state, depth + 1, max_depth, path + [move])
        if result:
            if not shortest_path or len(result) < len(shortest_path):
                shortest_path = result

    return shortest_path
```

Kode program  
*backtracking*

```
[ ] def canonical_form(state):
    rotations = apply_rotations(state)
    return min(rotations)

def precompute_states():
    dp = {}
    queue = deque([(SOLVED_STATE, [])])
    dp[canonical_form(SOLVED_STATE)] = []

    # Correct upper limit for progress tracking
    total_states = 3_674_160
    # total_states = 100
    visited = set()
    visited.add(canonical_form(SOLVED_STATE))

    with tqdm(total=total_states, desc="Precomputing states") as pbar:
        while queue and len(dp) < total_states:
            current_state, path = queue.popleft()

            for move in MOVES:
                new_state = apply_move(current_state, move)
                canonical_new = canonical_form(new_state)
                if canonical_new not in visited:
                    dp[canonical_new] = path + [move]
                    visited.add(canonical_new)
                    queue.append((new_state, path + [move]))
                    pbar.update(1)

    return dp

def solve_dp(state, dp):
    canonical_state = canonical_form(state)
    return dp.get(canonical_state, None)

# Check if dp file exist
if os.path.exists("/content/drive/MyDrive/Colab Notebooks/Tubes SA/dp.json"):
    with open("/content/drive/MyDrive/Colab Notebooks/Tubes SA/dp.json") as f:
        dp = json.load(f)
else:
    start_dp = time.time()
    dp = precompute_states()
    end_dp = time.time()
    print("DP Time: ", (end_dp - start_dp))
    with open("/content/drive/MyDrive/Colab Notebooks/Tubes SA/dp.json", "w") as f:
        json.dump(dp, f)
```

Kode program *dynamic programming*



```
[ ] # Example usage
initial_state = "YYYYBBBBRRRRGGGGOOOOWWWW"

# Scramble the cube
scrambled_state = apply_move(initial_state, "U2")
scrambled_state = apply_move(scrambled_state, "R")
scrambled_state = apply_move(scrambled_state, "B'")
scrambled_state = apply_move(scrambled_state, "L'")
scrambled_state = apply_move(scrambled_state, "F2")
scrambled_state = apply_move(scrambled_state, "R")
print("Scrambled state:", scrambled_state)
scrambled_state_backtrack = scrambled_state
scrambled_state_dp = scrambled_state

print("----- Backtrack -----")
# Solve the scrambled cube
max_depth = 6 # Adjust based on the complexity of the scramble
start_backtrack = time.time()
solution_backtrack = solve_cube_backtrack(scrambled_state_backtrack, 0, max_depth, [])
end_backtrack = time.time()
print("Solution backtrack:", solution_backtrack)
print("Backtrack Time: ", (end_backtrack - start_backtrack))

# print final state after applying moves in solution_backtrack
print("initial state backtrack:", scrambled_state_backtrack)
for move in solution_backtrack:
    scrambled_state_backtrack = apply_move(scrambled_state_backtrack, move)
print("final state backtrack:", scrambled_state_backtrack)

print("----- Dynamic Programming -----")
# Solve the scrambled cube using the precomputed DP table
start_dp = time.time()
solution_dp = solve_dp(scrambled_state_dp, dp)
end_dp = time.time()

# change the order of moves, and change move in solution_dp to reverse move
solution_dp = solution_dp[::-1]
for move in solution_dp:
    solution_dp[solution_dp.index(move)] = REVERSE_MOVES[move]

print("Solution DP:", solution_dp)
print("DP Time: ", (end_dp - start_dp))
print("initial state DP:", scrambled_state_dp)
for move in solution_dp:
    scrambled_state_dp = apply_move(scrambled_state_dp, move)

print("final state DP:", scrambled_state_dp)
```

Contoh implementasi  
kedua algoritma

```
➡ Scrambled state: OBOWGGWGRWBBROYYYGBRYOR
----- Backtrack -----
Solution backtrack: ["R'", 'F2', 'L', 'B', "R'", 'U2']
Backtrack Time: 200.49397134780884
initial state backtrack: OBOWGGWGRWBBROYYYGBRYOR
final state backtrack: YYYYBBBBRRRRGGGGOOOOWWWW
----- Dynamic Programming -----
Solution DP: ["R'", 'F2', 'L', 'B', "R'", 'U2']
DP Time: 0.0005853176116943359
initial state DP: OBOWGGWGRWBBROYYYGBRYOR
final state DP: YYYYBBBBRRRRGGGGOOOOWWWW
```

Tampilan output  
program

Link Kode Program: <https://github.com/gidachmad/rubiks-2x2x2-solver.git>