

Разработка алгоритмов оптимизации групповой работы мобильных роботов

Студент группы с8503а, Спорышев М. С.

Руководитель:

н.с. лаборатории необитаемых подводных аппаратов и их систем, к.т.н.

Туфанов И. Е.

Соруководитель:

старший преподаватель каф. информатики, математического и
компьютерного моделирования

Кленин А. С.

25 Июня 2015

- АНПА – автономный необитаемый подводный аппарат
- СПУ – система программного управления
- ГА – генетический алгоритм
- МАРК – морской автономный робототехнический комплекс лаборатории НПА и их систем ДВФУ.
- mTSP – множественная задачи коммивояжера (multiple traveling salesman problem)

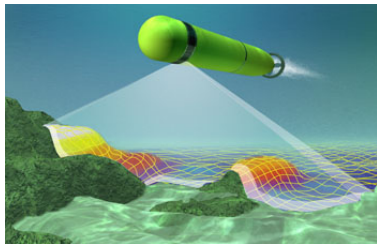
Автономные необитаемые подводные аппараты

Обзорно-поисковые задачи

- Поиск затонувших объектов
- Замеры параметров водной среды
- Исследование локальных неоднородностей

Использование групп АНПА

- Централизованное управление
- Групповое управление



Составляются n заданий. Предполагается, что каждый аппарат может выполнять каждое задание.

i -е задание может быть выполнено в одном из v_i вариантов:

- $(a_{i1}, b_{i1}, \tau_{i1})$
- $(a_{i2}, b_{i2}, \tau_{i2})$
- ...
- $(a_{iv_i}, b_{iv_i}, \tau_{iv_i})$

a_{ij} – точка трехмерного пространства.

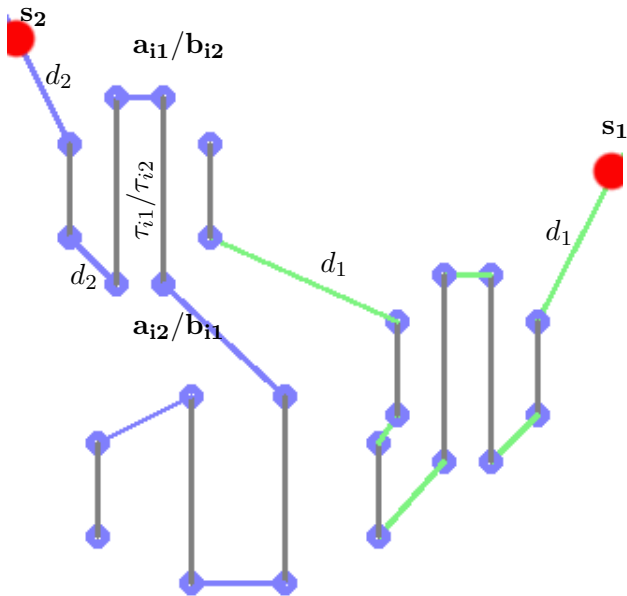
Входные данные

- Имеется m аппаратов и n заданий. q -ый аппарат в начальный момент времени находится в точке s_q
- $d_q(\mathbf{a}, \mathbf{b}) = |\mathbf{a} - \mathbf{b}|/u_q$ – время перехода АНПА от точки \mathbf{a} к точке \mathbf{b} , где u_q – максимальная скорость q -го аппарата.
- План q -го аппарата: $p = ((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_{|p|}, j_{|p|}))$.
- $t_q(p) = d_q(\mathbf{s}_q, \mathbf{a}_{i_1, j_1}) + \sum_{k=2}^{|p|} d_q(\mathbf{b}_{i_{k-1}j_{k-1}}, \mathbf{a}_{i_k j_k}) + \sum_{k=1}^{|p|} \tau_{i_k j_k}$
- Общий план $P = (p_1, p_2, \dots, p_m)$
- Время выполнения общего плана: $t(P) = \max_{q \in 1..m} t_q(p)$

Задача

Найти общий план P , при котором $t(P) \rightarrow \min$

Пример плана



Раньше использовался алгоритм Хельда-Карпа

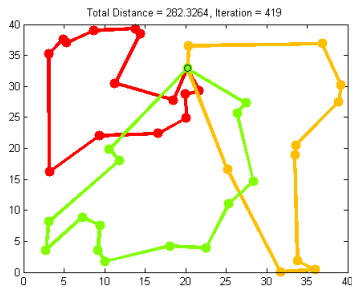
- Экспоненциальная зависимость времени работы от количества заданий (Перебор подмножеств)
- Работает дольше минуты для 20 заданий

Цель

Разработать новые алгоритмы для решения задачи планирования, способные составлять планы для 100 заданий и 5 аппаратов за приемлемое время(несколько минут) и внедрить их в существующую СПУ.

Множественная задача коммивояжера

- Каждое задание является единственной точкой
- Полный граф
- Стартовая вершина
- Поиск оптимальной системы циклов
- Минимизация суммы или максимума



Жадный алгоритм

Асимптотика времени работы – $O(n^2)$.

T – номера заданий. V – номера аппаратов. $Vars(t)$ - номера вариантов задания t .

```
1: for all  $t \in T$  do
2:   for all  $var \in Vars(t)$  do
3:     for all  $v \in V$  do
4:        $time, pos \leftarrow \text{MINPATHTIME}(t, var, Plan(v))$ 
5:       if  $time < minTime$  then
6:          $minTime \leftarrow time$ 
7:          $bestPos \leftarrow pos$ 
8:          $bestV \leftarrow v$ 
9:          $bestVar \leftarrow var$ 
10:      end if
11:    end for
12:  end for
13:   $\text{INSERT}(t, bestVar, Plan(bestV), bestPos)$ 
14:   $\text{OPTIMIZEVARS}(bestV)$ 
15: end for
```

Оптимальный выбор вариантов

Известен план некоторого аппарата, найти варианты заданий, дающие минимальное время выполнения этого плана.

Метод динамического программирования

- Номер последнего задания
- Номер варианта задания

Переход к следующему состоянию

```

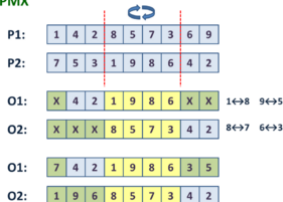
$$val \leftarrow d[i-1][var1] + Dist(v, p[i-1], var1, p[i], var2)$$
if  $d[i][var2] > val$  then  
     $d[i][var2] \leftarrow Min(d[i][var2], val)$   
     $prev[i][var2] = var1$   
end if
```

Линейное время работы относительно количества заданий в плане.

- Решение представлено в виде двух хромосом
 - Перестановка номеров заданий
 - Последовательность номеров аппаратов
- Используется 3 вида мутаций
 - Swap
 - Reverse
 - Select
- Функция приспособленности использует метод динамического программирования для оптимального подбора вариантов.

- Оператор скрещивания – Partially matched crossover

PMX



Асимптотика времени работы одной итерации ГА:

$O(sn + s \log s)$, s – размер популяции.

Плюсы подхода

- Находит точное решение в отличие от предыдущих методов
- Позволяет решать задачу коммивояжера для 100 заданий за секунды

Реализация

- Строим решение для упрощенной задачи (mTSP).
- Метод ветвей и границ для решения задачи дискретной оптимизации.
- Оптимизация максимума
- Бинарный поиск максимума и оптимизация суммы с доп. ограничениями

Результат

Работает медленнее алгоритма Хельда-Карпа

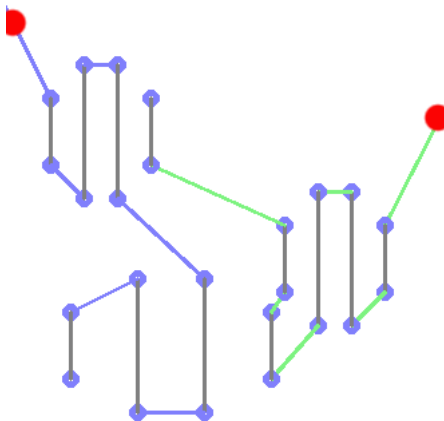
Сторонние библиотеки

- FlopC++ – формулировка задачи целочисленной оптимизации на C++
- SYMPHONY – фреймверк для решения задач целочисленного программирования
- OpenCV – визуализация полученных решений
- Boost – расширение стандартных возможностей C++

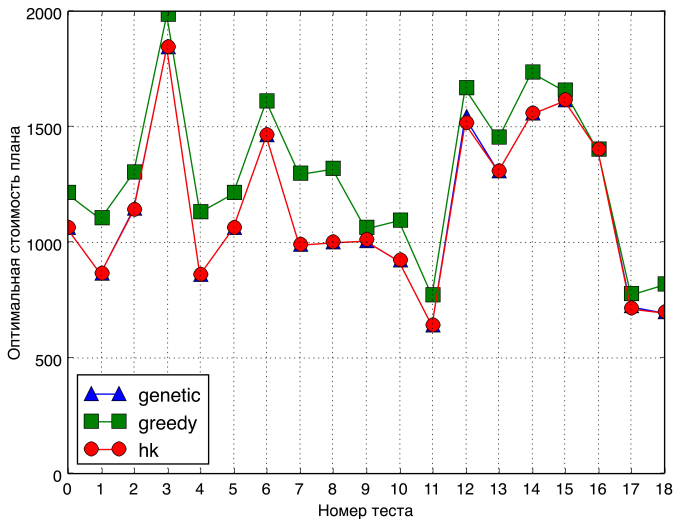
Python

- Pandas – сохранение и загрузка данных
- matplotlib – построение графиков

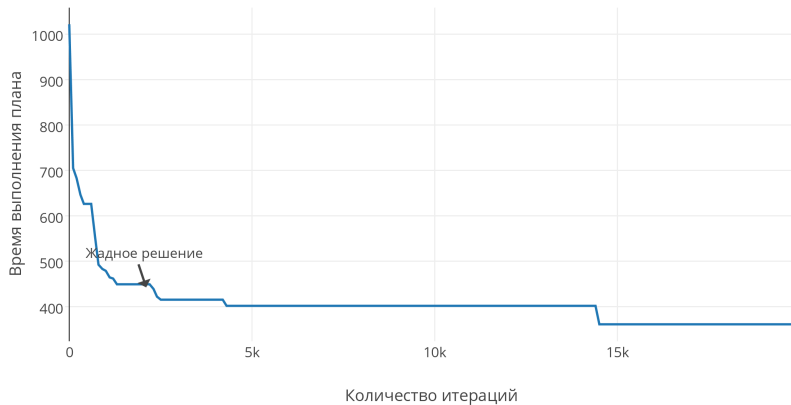
Визуализация



Время выполнения плана на каждом тесте



Стоимость решения ГА от количества итераций



- Алгоритмы внедрены в СПУ комплекса “МАРК”.
- Система контроля версий git, 52 коммита, +4900 -1800. Языки C++ и Python.
- Автоматический выбор алгоритма в зависимости от размера задачи.
 - до 18 заданий – алгоритм Хельда-Карпа
 - до 40 заданий – генетический алгоритм
 - от 40 заданий – жадный алгоритм