ממ"ן 16 – פתרון שאלה 4

א' ניתן להבחין בין חוטים לבין מצביעים לבנים "אמיתיים" באמצעות המצביעים לאבות

;z אם מתקיים לבן הימני של right[z], אז p[right[z]] = z

z אחרת, אין ל-z בן ימני ו-z הוא מצביע לעוקב בסדר תוכי של החרת, אין ל-

. בדומה לכך ניתן לבדוק אם left[z] הוא מצביע לבן השמאלי של

אם בעץ לא קיימים מצביעים לאבות, אז ניתן להבחין בין חוטים לבין מצביעים רגילים .left[z] ואחד עבור $\operatorname{right}[z]$ ואחד עבור המצביע שדות לכל צומת – אחד עבור רכל צומת אחד עבור ואחד שני כל שדה יהיה מורכב מביט אחד, שיאפשר להבחין בין שתי האפשרויות.

ב׳ שגרת ההכנסה לעץ מחווט דומה לשגרת ההכנסה לעץ בינרי רגיל.

:TREE-INSERT נדרשים שני שינויים בשגרה

- (2) צריך לשנות את התנאי בשורה (3) בשגרה, מפני שבעץ מחווט אין מצביעי NIL (פרט למצביע השמאלי בעלה הכי שמאלי בעץ ולמצביע הימני בעלה הכי ימני). כלומר, הלולאה תימשך כל . עוד x איננו $oldsymbol{n}$ ולא כל עוד x שונה מ-NIL. בדיקת התנאי תתבצע כפי שהוסבר בסעיף אי
 - . של הצוב right[z] ו-left[z] ו-left[z] של הצומת החדש שהוכנס לעץ צריך להציב חוטים. : נפריד לשני מקרים

אם העוקב y אז y או בן שמאלי של הוא בן שהוכנס לעץ הוא אחדש או העוקב ב

y-ט שיצביע ולכן המצביע right[z] יהיה חוט שיצביע ל-

כמו-כן, הקודם של z בסדר תוכי הוא הצומת שהיה הקודם של y בסדר תוכי לפני שz הוכנס z $\operatorname{left}[y]$ יהיה חוט שיצביע לצומת שאליו הצביע ולכן המצביע ולכן יהיה חוט שיצביע ולכן אליו ולכן המצביע ולכן המצביע וואלי

באופן סימטרי, אם הצומת החדש z שהוכנס לעץ הוא בן ימני של אביו y, אז y הוא הקודם y-ט שיצביע ולכן יהיה וleft[z] יהיה אינביע ל-z, ולכן המצביע ל-

כמו-כן, העוקב בסדר תוכי של z הוא הצומת שהיה העוקב בסדר תוכי של y לפני שz הוא הצומת העוקב בסדר הוכי $\operatorname{right}[y]$ יהיה חוט שיצביע לצומת שאליו הצביע החוט $\operatorname{right}[z]$ לעץ, ולכן המצביע

THREADED-TREE-INSERT (T, z)

11

1-10 same as in TREE-INSERT (T, z) except for the change aforementioned in line 3

```
else if key[z] < key[y]
12
                 then right[z] \leftarrow y
13
                         left[z] \leftarrow left(y)
14
                         left[y] \leftarrow z
15
                  else left[z] \leftarrow y
16
                         right[z] \leftarrow right(y)
17
                         right[y] \leftarrow z
```

. נשים לב, שלהכנסה של z אין השפעה על ערכיהם של איזשהם חוטים בעץ

, עצמו, אם בסדר תוכי שלו בסדר הוא z, אז הצומת ש-z, אז הצומת שלו בסדר תוכי שלו (מדועי) והצומת ש-z הוא העוקב בסדר תוכי שלו (אם קיים כזה) הוא צומת שיש לו בן ימני.

שגרת המחיקה של צומת מעץ מחווט דומה לשגרת המחיקה מעץ בינרי רגיל. ההבדל הוא, שבמקרה של עץ מחווט צריך לבדוק אם בעקבות המחיקה של הצומת נדרש עדכון בשדות right ו-left של הצומת הקודם והצומת העוקב, בהתאמה, לצומת שנמחק מהעץ. נתייחס למקרים האפשריים:

- : שנמחק שנמחק מהעץ הוא עלה. נבחין בין שני תת-מקרים y
- יש אומת קודם בסדר תוכי, הרי y הוא בן שמאלי: ראשית, נשים לב לכך שאם ל-y יש צומת קודם בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן ימני (מדועי) ולכן אין צורך לעדכן את השדה right בצומת זה. העוקב של y בסדר תוכי הוא במקרה זה אביו של y. לאחר המחיקה של y לא יהיה לאביו של y בן שמאלי, ולכן צריך לעדכן את המצביע [[p[y]]. הצומת שיהיה הקודם לאביו של y הוא הצומת שהיה הקודם של y, ולכן העדכון הנדרש y -
- ע הוא בן ימני: הניתוח של מקרה זה סימטרי. אם ל-y יש צומת עוקב בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן שמאלי, ולכן אין צורך לעדכן את השדה left בצומת זה. הקודם של y בסדר תוכי הוא במקרה זה אביו של y. לאחר המחיקה של y לא יהיה לאביו של y בן ימני, ולכן צריך לעדכן את המצביע [y בן ימני, ולכן צריך לעדכן את המצביע y הוא העוקב של y, ולכן העדכון הנדרש y הוא הצומת שיהיה העוקב של y, ולכן העדכון הנדרש y. y
 - בין שני תת-מקרים על שנמחק שנמחק שלי אחד. אם כאן נבחין בין שני y שנמחק 2.
- יש בן ימני אם ל-y יש צומת קודם בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן ימני y בנו של y הוא בן ימני: אם בנו של y ולכן אין צורך לעדכן את השדה right בצומת בין
- נסמן ב-w את הצומת העוקב ל-y בסדר תוכי. הקודם של w לאחר מחיקת נסמן ב-w .left[SUCCESSOR[y]] \leftarrow left[y] : שהיה הקודם של y, ולכן העדכון הנדרש הוא
- בסדר עוקב בסדר y הוא בן שמאלי: הניתוח של מקרה זה סימטרי. אם ל-y יש צומת עוקב בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן שמאלי ולכן אין צורך לעדכן את השדה left בצומת זה. עוכי, הרי שלצומת זה יש בן שמאלי ולכן אין צורך לעדכן את השדה y הוא הצומת נסמן ב-y את הצומת הקודם ל-y בסדר תוכי. העוקב של y לאחר מחיקת y הוא הצומת שהיה העוקב של y, ולכן העדכון הנדרש הוא: y הוא: [PREDECESSOR[y]] y
 - ג' היתרון העיקרי של השימוש בחוטים: במקרה שלצומת אין בן ימני/שמאלי ניתן למצוא את העוקב/הקודם של הצומת באופן מיידי. כמו-כן, בעץ מחווט ניתן במקרים מסוימים (בהתאם ליישום) לוותר על המצביעים לאבות ולהשיג בדרך זו חיסכון במקום.