מטלת מנחה (ממיין) 19

חומר הלימוד למטלה: לוגיקה סעיפים 3.10 - 3.10 הקורס: 20283 - מתמטיקה דיסקרטית

> משקל המטלה: 3 נקודות מספר השאלות: 4

מועד אחרון להגשה: יום וי 20.6.08 סמסטר: 2008

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות:

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות מנחה"

שאלה 1 (24 נקודות)

קבע לכל אחד מהביטויים הבאים אם הוא שם-עצם, תבנית אטומית, תבנית שאינה אטומית, פסוק, או שאינו עונה על אף אחת מהגדרות אלו. כתיב מקוצר - מותר. שים לב שביטוי יכול להתאים ליותר מהגדרה אחת: פסוק יכול להיות תבנית אטומית או תבנית לא אטומית.

$$\sim A_1^3(x_1, x_2, a_1)$$
 . λ $A_1^3(x_1, \sim (x_2), a_1)$. λ $A_1^3(x_1, f_1^2(x_2), a_1)$.

$$f_1^3(x_1, f_1^2(x_2), a_1)$$
 .

$$\exists x_1 A_1^3(a_1, a_2, x_1)$$
 .1 $f_1^3(A_1^3(x_1, x_2, a_1), x_2, a_1)$.7 $A_1^3(x_1, f_1^1(x_2), a_1)$.7

$$A_1^3(x_1,f_1^1(x_2),a_1)$$
 .7

$$\forall x_1 (A_1^3(x_1, a_1, a_1) \vee \forall x_2 A_1^3(x_1, x_2, a_1))$$
 .n

$$\forall x_1 f_1^1(x_1)$$
 .

שאלה 2 (26 נקודות)

תהי בשרה חלקית לשפת תחשיב הפרדיקטים, ובה סימנים אלה: קשרים לוגיים, סוגרים, תהי Lסימני משתנים A_1^2 סימן פרדיקט הימן פרדיקט הימן פרדיקט הימן פרדיקט הימן סימני משתנים , x_1,x_2,\dots כרגיל **כשוויון** וסימני הכמתים E, \forall . אין סימני פונקציות או פרדיקטים נוספים ואין סימני קבועים אישיים.

R -שום 3 פסוקים ψ_1,ψ_2,ψ_3 בשפה זו, כך שהפסוק ψ_1,ψ_2,ψ_3 מביע את הטענה ש ψ_1, ψ_2, ψ_3 בכל אחד מהפסוקים האינטרפרטציה. מגבלה מגבלה בכל אחד מהפסוקים אינו יחס שקילות מעל עולם האינטרפרטציה. אסור שהסימן הראשון יהיה סימן השלילה (הכנס את השלילה פנימה בעזרת זהויות ידועות).

שאלה 3 (26 נקודות)

ותש הטענות הבאות עוסקות בדפים ברשת (web pages):

- 1. קיים דף נוח לשימוש שאינו מעוצב יפה וקיים דף בעל עיצוב יפה שאינו נוח לשימוש.
 - 2. כל דף נוח לשימוש מכיל הפניה לדף שהוא מעוצב יפה או נוח לשימוש.
 - 3. יש דף, שכל ההפניות בו הן רק לדפים שאינם מעוצבים יפה.
 - 4. כל דף שמכיל הפניה לעצמו אינו נוח לשימוש.
 - 5. יש דף, שאף אחד מהדפים שהוא מֵפנה אליהם אינו מֵפנה חזרה אליו.

נסמן x:D(x) הוא דף נוח לשימוש; הוא דף בעל עיצוב יפה.

יהי אים נוסף. תן פירוש מתאים ל- א בעולם שהוא קבוצת כל הדפים ברשת, יהי א סימן יחס נוסף. תן פירוש מתאים ל- א בעולם אוס נוסף. ען יחס נוסף. ען איינעגות המייצגות המייצגות בהתאמה את הטענות 1,2,3,4,5 בעולם זה. ורשום תבניות בייע איינעגות המייצגות בהתאמה את הטענות 1,2,3,4,5 בעולם איינעגות בייע המייצגות בהתאמה את הטענות בייע איינעגות בייע המייצגות בייע המייע המייצגות בייע המייצגות בייע המייע המייע

שים לב:

- . אחר. אין איך מתפרש K, ואם הוא יחס חד-מקומי, דו-מקומי או אחר \star
- * סימני היחסים היחידים בהם מותר להשתמש הם U,D,K. אין סימני פונקציות ואין קבועים. $,\sim,\to,\leftrightarrow,\land,\lor$ אין גם סימן עבור יחס השוויון. יתר מרכיבי השפה: הקשרים הלוגיים $\forall,\to,\leftarrow,\leftarrow,\leftarrow,$ סוגריים, הכמתים \exists,\forall וסימני משתנים כגון x,v,z עומדים לרשותך.
 - אין צורך בסימן עבור התכונה x הוא דף ברשתיי, כי עולם האינטרפרטציה מכיל רק דפים * ברשת.
- * כתיב מקוצר מותר. במקום שייתכן ספק בקריאה, ובפרט ליד כמתים, הקפד לשים סוגרים.

שאלה 4 (24 נקודות)

. השאלה עוסקת בשפה של תחשיב הפרדיקטים, שבה S,R הם סימני פרדיקטים חד-מקומיים

- א. הוכח שהפסוק $\exists x(R(x)\land S(x))$ והפסוק $\exists x(R(x)\land S(x))\land \exists x(R(x)\land S(x))$ אינם שקולים לוגית זה לזה. כדי להוכיח עליך להציג אינטרפרטציה שבה לשני הפסוקים ערכי אמת שונים זה מזה.
 - ב. הראה כי אחד משני הפסוקים הנ״ל (איזה:) גורר לוגית את האחר. אין צורך בהוכחה פורמלית מלאה, די בהסבר מילולי.
 - ג. האם הפסוק $\exists x (R(x) \lor S(x))$ שקול לוגית לפסוק $\exists x (R(x) \lor S(x))$? אם לא, הוכח בעזרת אינטרפרטציה מתאימה. אם כן, תן הסבר מילולי.