20407

מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חוברת הקורס –אביב 2012ב

כתב: דייר גיק וינשטין

מרץ 2012 - סמסטר אביב– תשעייב

פנימי – לא להפצה.

© כל הזכויות שמורות לאוניברסיטה הפתוחה.

תוכן העניינים

1	אל הסטודנט
2	ב. לוח זמנים ופעילויות
4	2. תיאור המטלות
4	2.1 מבנה המטלות
4	2.2 חומר הלימוד הדרוש לפתרון המטלות
5	2.3 ניקוד המטלות
5	2.4 הנחיות לכתיבת אלגוריתמים
6	2.5 הנחיות לכתיבת פרויקט הרצה
7	:. התנאים לקבלת נקודות זכות בקורס
9	ממיין 11
11	ממיין 12
13	ממיין 13
15	1 ממיין 14 - פרויקט
16	ממיין 15
18	ממיין 16
20	ממיין 17
22	2 ממיין 18 - פרויקט

אל הסטודנט,

אנו מברכים אותך עם הצטרפותך לקורס ״מבני-נתונים ומבוא לאלגוריתמים״ באוניברסיטה הפתוחה. על מנת לסייע לך לעבור את הקורס בהצלחה, ברצוננו להפנות את תשומת לבך למספר נקודות חשובות:

- כידוע לך, נוכחות במפגשי ההנחיה אינה חובה. יחד עם זאת, מומלץ מאד להגיע באופן סדיר למפגשי ההנחיה. המפגשים כוללים תרגול רב וההשתתפות בהם תסייע לך בפתרון המטלות. כמו כן, ניסיון העבר מלמד, כי קיים מתאם גבוה בין נוכחות סדירה במפגשי ההנחיה לבין הצלחה במבחן הסופי.
- במהלך הקורס יש להגיש תרגילי בית. כדי להיות זכאי לגשת לבחינה, יש להגיש את שני הפרויקטים (ממיינים 14 ו-18) וכן להגיש עוד שלושה ממיינים. הכנת תרגילי הבית מהווה הכנה מצוינת לבחינה ולכן מומלץ להגיש כמה שיותר תרגילים. (כל ממיין נוסף שיוגש מעבר למינימום הנדרש יוכל רק לשפר את ציון המגן ר' סעיף 4.3 בחוברת).
 יש להקפיד על הגשת הממיינים במועד.

לקורס קיים אתר באינטרנט בו תמצאו חומרי למידה נוספים, אותם מפרסם/מת מרכז/ת ההוראה.

בנוסף, האתר מהווה עבורכם ערוץ תקשורת עם צוות ההוראה ועם סטודנטים אחרים בקורס. פרטים על למידה מתוקשבת ואתר הקורס, תמצאו באתר שה״ם בכתובת:

http://telem.openu.ac.il

מידע על שירותי ספרייה ומקורות מידע שהאוניברסיטה מעמידה לרשותכם, תמצאו באתר מידע על שירותי ספרייה ומקורות מידע שהאוניברסיטה (www.openu.ac.il/Library הספריה באינטרנט

מומלץ לעקוב אחרי ההודעות המתפרסמות בלוח ההודעות שבאתר. מאגר המשאבים שבאתר מתעדכן באופן שוטף במהלך הסמסטר, והוא מכיל פתרונות לשאלות מספר הלימוד, בחינות לדוגמה וכדומה.

צוות הקורס ישמח לעמוד לרשותך בכל שאלה שתתעורר.

ניתן לפנות למנחים בשעות ההנחיה הטלפונית שלהם, או אל מרכזי הקורס:

,09-7781270 בטלפון 17: 00-15: 00 ביום אי בשעות אי בשעות פיום בטלפון 17: 00-15: 00

jack-weinstein@hotmail.com : e-mail

אייל משיח: ביום ג' בשעות 13:00-11:00 בטלפון 09-7781233

eyalma@openu.ac.il :e-mail

פגישות יש לתאם מראש.

אנו מאחלים לך לימוד פורה ומהנה.

בברכה,

דייר גיק וינשטין מרכז ההוראה בקורס

לוח זמנים ופעילויות (20407 / 2012)ב)

תאריך אחרון למשלוח ממיין (למנחה)	*מפגשי ההנחיה	יחידת הלימוד המומלצת	תאריכי שבוע הלימוד	שבוע לימוד
		פרקים 1, 2	16.3.2012-11.3.2012	1
	מפגש ראשון	פרק 3	23.3.2012-18.3.2012	2
ממיין 11 1.4.2012		4 פרק	30.3.2012-25.3.2012	3
	מפגש שני	פרק 6	6.4.2012-1.4.2012 (ו ערב פסח)	4
ממיין 12 15.4.2012		פרק 7	13.4.2012-8.4.2012 (א-ו פסח)	5
	מפגש שלישי	9 ,7 פרקים	20.4.2012-15.4.2012 (ה יום הזכרון לשואה)	6
ממיין 13 29.4.2012		9 פרק	27.4.2012-22.4.2012 (ד יום הזכרון) (ה יום העצמאות)	7
		8 פרק	4.5.2012-29.4.2012	8
ממיין 14 13.5.2012	מפגש רביעי	פרק 10	11.5.2012-6.5.2012 (ה לייג בעומר)	9

^{*} התאריכים המדויקים של המפגשים הקבוצתיים מופיעים ביילוח מפגשים ומנחיםיי.

לוח זמנים ופעילויות - המשך

תאריך אחרון למשלוח הממיין (למנחה)	*מפגשי ההנחיה	יחידת הלימוד המומלצת	תאריכי שבוע הלימוד	שבוע הלימוד
ממיין 15 20.5.2012		פרק 11	18.5.2012-13.5.2012	10
	מפגש חמישי	12 פרק	25.5.2012-20.5.2012 (א יום ירושלים)	11
ממיין 16 3.6.2012		13 פרק	1.6.2012-27.5.2012 (א שבועות)	12
	מפגש שישי	14 ,13 פרקים	8.6.2012-3.6.2012	13
ממיין 17 17.6.2012		פרק 14	15.6.2012-10.6.2012	14
ממיין 18 10.7.2012	מפגש שביעי	חזרה	22.6.2012-17.6.2012	15

מועדי בחינות הגמר יפורסמו בנפרד

^{*} התאריכים המדויקים של המפגשים הקבוצתיים מופיעים ביילוח מפגשים ומנחיםיי.

2. תיאור המטלות

קרא היטב עמודים אלו לפני שתתחיל לענות על השאלות

חוברת זו מכילה שש מטלות "יבשות" ושני פרויקטים שעליך להגיש במהלך הקורס. שני פרויקטי ההרצה הם חובה! מבין שש המטלות הנותרות יש לפתור שלוש לפחות.

2.1 מבנה המטלות

ממ"ן רגיל

מטלה זו מורכבת מכמה שאלות. פתרון השאלות במטלה כזו אינו דורש הרצת תוכניות במחשב. את הפתרון יש לכתוב בעט על דף נייר, בכתב ברור ובצורה מסודרת. רצוי לכתוב ברווחים ולהשאיר שוליים רחבים להערות המנחה. (אפשר ורצוי, כמובן, להדפיס את הפתרונות למטלה.) אם שאלה כלשהי בממ"ן אינה ברורה די הצורך, תוכל להיעזר בקבוצת הדיון של הקורס, או להתקשר לאחד המנחים (בשעת ההנחיה הטלפונית).

פרויקט הרצה

במטלה כזו עליך לכתוב ולהריץ במחשב תוכנית בשפת ++C/C+ או Java. מובן שעל התוכנית לעבור הידור (קומפילציה) ולבצע את הנדרש ממנה ללא טעויות.

עליך לשלוח למנחה: 1. הדפסה של קובץ התוכנית

2. דוגמאות מייצגות של קלטים/פלטים אפשריים

3. קובץ התוכנית וקובץ exe של התוכנית.

הערה: מומלץ להתחיל לעבוד על הפרויקטים לפחות שבועיים לפני מועד ההגשה.

2.2 חומר הלימוד הדרוש לפתרון המטלות

מטלה	חומר הלימוד הנדרש לפתרונה (במדריך הלמידה)
ממיין רגיל 11	פרקים א,ב
ממיין רגיל 12	פרקים ג,ד
ממיין רגיל 13	פרקים ה,ו
ממיין 14 - פרויקט הרצה 1	פרקים א עד ו
ממיין רגיל 15	פרקים ז,ח
ממיין רגיל 16	פרקים ט,י
ממיין רגיל 17	פרקים יייא,יייב
2 ממיין 18 - פרויקט הרצה	פרקים ז עד יייב

הערות: 1. לצורך פתרון המטלה, יש להשתמש רק בחומר שנלמד עד למועד הגשת המטלה ולא בחומר הנמצא בפרקים מתקדמים יותר.

2. כעיקרון, בעת פתרון שאלות, אין להסתמך על תוצאות משאלות בלתי-פתורות בספר הלימוד בלי להוכיחן, אלא אם ניתן לכך היתר מפורש, או אם פתרונות לאלה מופיעים במדריך הלמידה, בחומר הנלמד במפגשי ההנחיה, באתר הקורס וכדומה (ובמקרה זה יש להזכיר את המקור עליו מסתמכים). עם זאת, ניתן לחרוג מכלל זה, ככל שמדובר בתוצאות מוכרות וקלות, או שאין בהן כדי להפוך את השאלה המקורית לקלה מדי ולחסרת עניין.

ניקוד המטלות 2.3

משקל כל אחד מהממיינים 11, 12, 13, 15, 16, 17 - 4 נקודות.

משקלו של פרויקט 1 (ממיין 14) - 2 נקודות

משקלו של פרויקט 2 (ממיין 18) - 4 נקודות

כאמור, חובה להגיש את ממיינים 14 ו-18 ועוד שלושה ממיינים רגילים.

כלומר, כדי שתוכל לגשת לבחינה עליך לצבור לפחות 18 נקודות מתוך 30 הנקודות האפשריות.

הכנת המטלות הרגילות חייבת להיעשות על-ידי כל תלמיד בנפרד. במקרה שתוגשנה שתי מטלות זהות, המטלות תיפסלנה ותוגש תלונה לוועדת המשמעת.

הכנת הפרויקטים (ממ"נים 14 ו-18) יכולה להיעשות בזוגות.

לתשומת לבכם!

פתרון המטלות הוא מרכיב מרכזי בתהליך הלמידה, לכן מומלץ שתשתדלו להגיש מטלות רבות ככל האפשר.

כדי לעודדכם להגיש לבדיקה מספר רב של מטלות הנהגנו את ההקלה שלהלן:

בחישוב הציון הסופי נשקלל את כל המטלות שציוניהן גבוהים מהציון בבחינת הגמר. ציוני מטלות כאלה תורמים לשיפור הציון הסופי.

ליתר המטלות נתייחס במידת הצורך בלבד. מתוכן נבחר רק את הטובות ביותר עד להשלמת המינימום ההכרחי לעמידה בתנאי הגשת מטלות. משאר המטלות נתעלם.

זכרו! ציון סופי מחושב רק לתלמידים שעברו את בחינת הגמר בציון 60 ומעלה והגישו מטלות כנדרש באותו קורס.

2.4 הנחיות לכתיבת אלגוריתמים

בחלק מהשאלות בממיינים הרגילים יש לכתוב אלגוריתם. להלן מספר הנחיות:

- .). הסבר בקצרה את אופן הפעולה של האלגוריתם (אלא אם כן האלגוריתם מאוד פשוט). אלגוריתם ללא הסבר - לא יתקבל !
- 2. כתוב את האלגוריתם בפסידו-קוד, בדומה לספר. מותר לשלב בפסידו-קוד הוראות בעברית, במידה שהמימוש שלהן חד-משמעי וברור. (לדוגמה: ניתן לכתוב "בחר את האיבר הראשון ברשימה; אם הוא גדול מ-7 אז...").

- 3. אסור בשום אופן לכתוב תוכניות בשפת תכנות במקום בפסידו-קוד.
- 4. אם נתבקשת להוכיח את נכונות האלגוריתם עשה זאת בצורה פורמלית ומדויקת (למשל, תוך שימוש באינדוקציה או בכלים מדויקים אחרים). **גם אם לא** נתבקשת להוכיח נכונות, יש להסביר באופן כללי מדוע האלגוריתם עובד כשורה.
- 5. בכל מקרה (גם אם הדבר לא צוין במפורש) יש לנתח את זמן הריצה של האלגוריתם.
 כמו כן, תמיד נסה להגיע לאלגוריתם יעיל ככל שניתן.

2.5 הנחיות לכתיבת פרויקט הרצה

ההנחיות נחלקות לשני נושאים עיקריים:

- ... כתיבת הקוד: תכנות פשוט וקריא, מודולריות, תכנות מלמעלה למטה.
 - 2. תיעוד: תיעוד כללי, תיעוד בגוף התוכנית.

1. כתיבת הקוד

תכנות פשוט וקריא

לאחר קריאת התיעוד, על התכנית להיות מובנת גם למי שלא היה שותף לכתיבתה! לכן יש להקפיד על הכללים הבאים :

- א. יש לתת למשתנים שמות משמעותיים.
- ב. אין להשתמש באותו משתנה למטרות שונות (יוצאים מן הכלל בעניין זה הם משתנים המשמשים כאינדקסים).
 - ג. אם משתנה מקבל במהלך התכנית ערכים בתחום מסוים, יש להגדיר תחום זה.
- ,C/C++ בשפת. למשל, בשפת בכל מקום שאפשר. למשל, בשפת פרוש enumerated type במקום בראי להשתמש ב- enum month = $\{\text{jan, feb ,.., dec}\}$ נשתמש ב- int month[12]
- ה. מומלץ להעביר פרמטרים בין הפונקציות השונות ומותר להשתמש במשתנים גלובליים במקרה הצורך.

מודולריות

את התוכנית יש לחלק לפונקציות בהתאם לכללים הבאים:

- א. אם קטע קוד או פעולה חוזרים על עצמם בשינויים קלים, יש לכתוב אותם פעם אחת כפונקציה.
 - ב. מספר המשפטים בפונקציה צריך להיות מוגבל, כך שניתן לקרוא ולהבין את פעולתה בקלות.
 - ג. יש להשתדל לרכז את פעולות הקלט/פלט בתוך פונקציות ספציפיות למטרות אלו.
 - ד. הפונקציה הראשית צריכה להיות מורכבת אך ורק מקריאות לפונקציות.

תכנות מלמעלה למטה (Top-Down)

לאחר כתיבת האלגוריתם לפתרון הבעיה המוצגת בממ״ן, יש ״לתרגם״ את האלגוריתם לתוכנית מחשב.

רצוי לכתוב את התוכנית באופן הבא:

שלב א - תכנון המבנה הכללי של התוכנית, וחלוקה לפונקציות עיקריות (מודולים).

שלב ב - תכנון כל מודול וחלוקה לתת-מודולים. (יש להחליט בשלב זה אילו ערכים מועברים בין המודולים).

שלב ג - כתיבת הקוד לתוכנית בסדר שבו היא תוכננה: מתחילים בפונקציה הראשית ומסיימים בפונקציות העזר.

שלב ד - ניפוי שגיאות, בדיקת נכונות התוכנית באמצעות הרצתה על קלטים שונים, כתיבת התיעוד.

2. תיעוד

התיעוד צריך להיות מורכב משני חלקים:

.1 תיעוד כללי:

- תיאור הבעיה והגישה הכללית של התוכנית לפתרונה.
- תיאור מבני הנתונים העיקריים שבהם התוכנית משתמשת.
- תיאור כללי של הפונקציות המרכיבות את התוכנית והקשרים ביניהן (מי קורא למי וכוי).

2. תיעוד בגוף התכנית:

לכל פונקציה יש להוסיף מספר שורות, המסבירות באופן כללי מה מבצעת השגרה ומהו תפקיד המשתנים המוגדרים בה. כמו כן יש להוסיף הסברים נוספים לפי הצורך.

3. התנאים לקבלת נקודות זכות בקורס

- א. הגשת פרויקט 1 (ממיין 14) ופרויקט 2 (ממיין 18).
- ב. הגשת שלושה ממיינים לפחות מתוך ששת הממיינים הרגילים.
 - ציון של 50 לפחות בכל פרויקט.
- ד. ציון של 23 לפחות בכל מטלה אחרת הנלקחת בחשבון (ר׳ סעיף 4.3).
 - ז. ציון של 60 לפחות בבחינת הגמר.
- ו. הציון המשוקלל של המטלות, הפרויקטים והבחינה נדרש להיות 60 לפחות.

הקורס: 20407 - מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 1, 2, 3 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 4 נקודות 4 נקודות

סמסטר: 2012 במבטר: ב2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (20 נקודות)

א׳ שינו את שגרת החיפוש הבינרי כך שתחלק את המערך לשלושה חלקים כל אחד בגודל שליש (בערך). מה אפשר לומר על זמן הריצה?

בי, הרחיבו את השגרה למקרה הכללי כאשר המערך מתחלק ל- k חלקים שווים (בערך) בגודלם. k נתחו את זמן הריצה של השגרה כפונקציה של n ושל

שאלה 2 (20 נקודות)

נתון מערך A[1..n] של מספרים ממשיים. ערך x נקרא פסגה של המערך A[1..n] אם מתקיים אחד A[i,i] (3) אם A[i,i] מהתנאים: A[i,i] (2) אונ A[i,i] (3) אונ מהתנאים: A[i,i] (2) אונ A[i,i] (3) אינ A[i,i] במילים אחרות, פסגה של A[i,i] מהווה מכסימום שעבורו A[i,i] במילים אחרות, פסגה של A[i,i] מכסימום גלובלי של המערך הינו פסגה שלו (מציאת מכסימום גלובלי במערך A[i,i] במילים אחרות זמן ריצה A[i,i]

 $O(\lg n)$ יהיה שלה הריצה אומן הריצה במערך , A כתבו פסגה שלה של מיקומה של פסגה כלשהי במערך

שאלה 3 (30 נקודות)

הוכיחו את נכונות האלגוריתם הנתון בשגרה הבאה:

```
1 left \leftarrow 1
2 right \leftarrow length [A]
3 while left < right
4
      do min \leftarrow left
5
           \max \leftarrow left
            for i \leftarrow left + 1 to right
6
7
              do if A[min] > A[i]
8
                      then \min \leftarrow i
9
                  if A[\max] < A[i]
10
                     then \max \leftarrow i
            T \leftarrow A[\min]
11
12
           A[\min] \leftarrow A[left]
           A[left] \leftarrow T
13
           if max = left
14
15
               then T \leftarrow A[\min]
```

 $A[\min] \leftarrow A[right]$

 $A[\max] \leftarrow A[right]$

 $A[right] \leftarrow T$

 $A[right] \leftarrow T$

else $T \leftarrow A[\max]$

 $left \leftarrow left + 1$

 $right \leftarrow right - 1$

SHAKERSORT(A)

16

1718

19

20

2122

ראו קודם את הבעיה 2-2 בספר הלימוד ואת השאלות א-11, א-12, א-13 במדריך הלמידה.

שאלה 4 (30 נקודות)

סדרו את הפונקציות לפי שיעור הגידול שלהן הגידול שלהן לפי שיעור הבאות הבאות סדרו את סדרו שלהן שיעור לפי שיעור לפי שיעור הגידול לפי שיעור הגידול אונק הפונקציות הבאות לפי שיעור הגידול אונק המקיים

$$: f_1 = O(f_2),..., f_9 = O(f_{10})$$

$$(\lg \lg n)^{\lg n} \quad (n!)^{1/\lg n} \quad \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{i^2}$$

$$2^{\sqrt{n}} \quad \lg(n^n \cdot n!) \quad n \cdot \lg n$$

$$n^{\frac{\lg \lg \lg n}{\lg n}} \quad 3^n \quad 1/n \quad n^2 + n \cdot \lg^3 n$$

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 4, 6 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: ב2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (30 נקודות)

n קבוע אם T(n) קבוע (הניחו כי הבאות המסיגה הבאות קבוע אם מצאו חסמים אסימפטוטיים הדוקים עבור נוסחאות הנסיגה הבאות הניחו כי קבוע אם קפון :

אי

$$T(n) = 9T(n/27) + \sqrt{n \cdot \lg n}$$

ב׳

$$T(n) = 64T(n/16) + n\sqrt{n} + n \cdot \lg n + \lg n$$

ر'

$$T(n) = 27T(n/3) + n^4 + n^3 \cdot \lg n$$

17

$$T(n) = T(n-1) + n \lg n + n$$

'n

$$T(n) = n^2 \sqrt{n} \cdot T(\sqrt{n}) + n^5 \cdot \lg^3 n + \lg^5 n$$

שאלה 2 (20 נקודות)

פתרו את הבעיה 4-2 (מציאת השלם החסר) מספר הלימוד (עמוד 73).

שאלה 3 (15 נקודות)

0 ספר הלימוד, עמוד 140). אם המערך A מתחיל באינדקס (חפר הלימוד, עמוד 140). אם המערך ∞ , אזי ניתן להוריד את ההשוואה i>1" שבשורה A[0], כתוצאה מזה, מקטינים את מספר ההשוואות שהשגרה מבצעת. אומרים שהאיבר A[0] משמש כ**זקיף**. כתבו את הגרסא החדשה של השגרה והסבירו למה היא עובדת נכון.

שאלה 4 (35 נקודות)

: את התנאים את המקיים את התנאים max-min ערמת

- , לכל צומת בעומק זוגי, ערכו גדול מ- או שווה לערכו של כל אחד מצאצאיו
- . לכל צומת בעומק אי-זוגי, ערכו קטן מ- או שווה לערכו של כל אחד מצאצאיו.
 - אי הוכיחו שאפשר למצוא את ערך המכסימום ואת ערך המינימום בזמן קבוע.
- , $\mathsf{HEAPSORT}(A)$, $\mathsf{BUILD\text{-}HEAP}(A)$, $\mathsf{HEAPIFY}(A,\ i)$: כתבו את השָגָרות
 - , HEAP-EXTRACT-MIN(A) , HEAP-EXTRACT-MAX(A)
- .max-min עבור ערמת , HEAP-DELETE(A, i), HEAP-INSERT(A, key)
 - ג׳ נתחו את סיבוכיות הזמן של כל שגרה.

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 7, 9 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 22012 **מועד אחרון להגשה:** 22012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (25 נקודות)

: נתבונן בגרסא שונה של מיון-מהיר, המתוארת בשגרות הבאות

```
PARTITION1(A, p, r)
  y \leftarrow A[p]
  i \leftarrow p
 j \leftarrow r + 1
  while i < j
    do i \leftarrow i + 1
        while i \le r and A[i] < y
           do i \leftarrow i + 1
       j \leftarrow j-1
       while j \ge p and A[j] > y
          do j \leftarrow j \leftarrow 1
       if i < j
         then exchange A[i] \leftrightarrow A[j]
  exchange A[j] \leftrightarrow A[p]
  return j
QUICKSORT1(A, p, r)
  if p < r
    then q \leftarrow \text{PARTITION1}(A, p, r)
  QUICKSORT1(A, p, q-1)
  QUICKSORT1(A, q +1,r)
```

: קריאת ההפעלה

QUICKSORT1(A,1,length[A])

A אי הוכיחו שהאלגוריתם ממיין נכון את המערך

י מהן ומדוע איזו מיותרת; איזו מהן ומדוע " $j \geq p$ ", " $i \leq r$ " אחת הבדיקות יותרת בלי

וממוין מראש! n באורך A באור מערן מבצע האלגוריתם עבור מערן A

שאלה 2 (25 נקודות)

נתון מערך A בגודל n ידוע ש- $\left(n-\left\lceil \sqrt{n} \right\rceil \right)$ האיברים הראשונים ממוינים; לא ידוע דבר על .n האיברים האחרונים. $\left| \sqrt{n} \right|$

איך ניתן למיין את כל המערך בזמן O(n) במקרה הגרוע?

: גדולה את הממלאת הממלאת גדולה ביותר אסימפטוטית f(n) גדולה ביותר אסימפטוטית מצאו פונקציה

$$; \sqrt{n} = o(f) \quad .1$$

האיברים הראשונים (n-f(n)) אם ידוע ש- O(n) בזמן בזמן A האיברים הראשונים .2 שלו ממוינים.

שאלה 3 (20 נקודות)

איבר רוב במערך בגודל n מוגדר כאיבר שערכו מופיע במערך יותר מ-(n/2) פעמים. כתבו איבר רוב במערך בגודל אלגוריתם שזמן ריצתו לינארי, המחזיר את ערכו של איבר הרוב (אם הוא קיים) או NIL (במקרה הנגדי).

שאלה 4 (30 נקודות)

פתרו את הבעיה 7-6 (מיון עמום של קטעים) מספר הלימוד (עמוד 136).

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 7, 9 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 1 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: סמסטר: 13.5.2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

מותר לעבוד בזוגות

מטרת הפרויקט היא לבדוק את עומק מחסנית הרקורסיה של האלגוריתם מיון-מהיר, ביחס לבחירת איבר הציר בשגרת החלוקה.

- : אות הפעולות הבאות (C/C++ או Java אי כתבו תכנית (בשפת של Java) אי
- יישאר A[0] באורך A באורך n שלמים שונים n שלמים n באורך n+1 באורך באורך (1) ללא שימוש).
 - כאיבר ציר ; מציאת ערך המיקום זה k כאיבר איר, מציאת ערך המיקום זה (2) בכל קריאה רקורסיבית ייבחר ערך המיקום ה-A[n] איבר הציר יועבר ל- $RANDOMIZED ext{-SELECT}$ באמצעות

. פעולת החלפה במערך A המקורי

- (3) אחרי כל קריאה רקורסיבית יעודכן עומק הרקורסיה הנוכחי ועומק הרקורסיה המכסימלי; האלגוריתם יחזיר את העומק המכסימלי הסופי.
- ערכים עבור ערכים את (400, 200, 200, ועבור ערכים עבור ערכים את עליכם להריץ את אלגוריתם עבור ערכים שונים של m , $\lceil m/2 \rceil$, $\lceil m/4 \rceil$, $\lceil m/8 \rceil$, 1) k שונים של
- על סמך 12 התוצאות שקיבלתם, הסיקו מסקנות על הקשר בין עומק הרקורסיה המכסימלי על המיקום k .

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 8, 10 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: ב2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (25 נקודות)

- א' הוכיחו שכל אלגוריתם מיון מבוסס השוואות הממיין מערך באורך 5 חייב לבצע (במקרה הגרוע) 7 השוואות לפחות.
 - ב׳ כתבו אלגוריתם למיון מערך באורך 5 המבצע 7 השוואות במקרה הגרוע.
- ג' האם בין אלגוריתמי המיון (המבוססים השוואות) שלמדתם בקורס קיים אחד המקיים את התנאי הנדרש בסעיף ב'! הוכיחו או הפרכו את טענתכם.

שאלה 2 (30 נקודות)

פתרו את הבעיה 8-2 (מיון במקום בזמן לינארי) מספר הלימוד (עמוד 149).

שאלה 3 (20 נקודות)

A[1..n] הראו כיצד אפשר לממש שתי מחסניות LS , RS ודו-תור מערך אחד (מערך אחד הראו כיצד אפשר לממש שתי מחסניות (הכנסה, מחיקה ובדיקת מצבי הגלישה והמחיקה). עבור הגדרת הדו-תור, ראו את התרגיל 10.1-5 בספר הלימוד (עמוד 171).

שאלה 4 (25 נקודות)

איטה יעילה לייצוג סדרת ערכים המכילה קטעים רצופים שבהם הערכים זהים היא שיטה יעילה לייצוג סדרת ערכים המכילה קטעים (run-length encoding = קידוד אורכי רצפים

$$(a_1, r_1), (a_2, r_2), \dots, (a_k, r_k)$$

השקולה לסדרה

$$a_1,...,a_1,a_2,...,a_2,...,a_k,...,a_k$$

לכל $a_i \neq a_{i-1}$, i=1,...,k שבה הערך $r_i>0$, i=1,...,k פעמים לכל r_i פעמים מופיע a_i פעמים הערך . i=2,...,k

ב׳ כתבו גרסאות מתאימות של אותן פעולות עבור מבנה הנתונים ״רשימה דו-מקושרת ממוינת״ בצורת ה-RLE.

 $oldsymbol{k}$ אמני הריצה ייחשבו כפונקציות של

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 11, 12 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: 2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (30 נקודות)

פתרו את הבעיה 11.1-4 מספר הלימוד (עמוד 188).

שאלה 2 (20 נקודות)

א' נתונה טבלת גיבוב עם שרשור בת m תאים, ריקה מלכתחילה. מהי ההסתברות שאחרי הכנסת ארבעת מפתחות תיווצר שרשרת באורך 4?

בי נתונה טבלת גיבוב פתוח בת m תאים, ריקה מלכתחילה. נכניס לטבלה את המפתח m אחריו את המפתח k_3 תדרוש שלוש את המפתח k_3 ובסוף את המפתח k_3 מהי ההסתברות שהכנסת המפתח בדיקות:

ג'י נתונה טבלת גיבוב כאשר מקדם העומס α שלה קשור למספר האיברים שבטבלה על ידי הנוסחה . $\alpha=1-1/\lg n$ הנוסחה הנוסחה . $\alpha=1-1/\lg n$ כושל בפונקציה של n :

שאלה 3 (20 נקודות)

נתאר אלגוריתם חלופי עבור מחיקת צומת מעץ חיפוש בינרי.

במקרה השלישי, כאשר לצומת z שני בנים, מאתרים את העוקב שלו y, ואז מחליפים בין

. עכשיו אפשר להסיר את z כמו במקרה השני: left[y]

הוכיחו שהאלגוריתם הזה נכון. מהו זמן הריצה במקרה הגרוע! מהם היתרונות והחסרונות שלו בהשוואה לאלגוריתם המחיקה המתואר בספר!

שאלה 4 (30 נקודות)

ידוע שבעח"ב בן NIL מצביעי right ו- left מצביעי n+1 במילים אחרות; אמתים בן אחרות בעח"ב בן מבוזבז.

z בעץ בע את השינוי הבא לכל צומת

אם ; TREE-PREDECESSOR(z) אם left[z] את הערך של left[z] אם , left[z]

עץ בנוי בצורה . TREE-SUCCESSOR(z) את הערך של $\mathit{right}[z]$, $\mathit{right}[z]$ – NIL הזאת נקרא עץ **מחווט** והקישורים החדשים נקראים **חוטים**.

- איד ניתן להבדיל בין חוטים לבין מצביעים לבנים אמיתיים?
- בי כתבו שגרות עבור פעולות ההכנסה והמחיקה בעצים מחווטים.
 - ני מהו היתרון העיקרי של השימוש בחוטים?

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 13, 14 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 3 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: ב2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שאלה 1 (20 נקודות)

עץ חיפוש בינרי הוא עץ אדום-אדום-שחור אם הוא מקיים את התכונות של האדום-אדום-שחור:

- 1. כל צומת הוא אדום או שחור;
- נ. כל צומת עלה (NIL) הוא שחור;
- 3. אם צומת הוא אדום וההורה שלו גם הוא אדום, אזי שני בניו שחורים;
- 4. כל המסלולים הפשוטים מצומת לצאצאים עלים מכילים אותו מספר של צמתים שחורים (גובה-השחור של הצומת).

כמה צמתים פנימיים שגובה-השחור שלהם k קיימים לכל היותר בעץ אדום-אדום-שחור המכיל צמתים פנימיים לכל הפחות י

שאלה 2 (40 נקודות)

z נגדיר את המבנה של **עץ צובר** – עץ בינרי המכיל בכל צומת שני שדות מספריים:

- ; key[z] שדה המפתח -
- accum[z] השדה הצובר

- . בינרי. A מייצג עץ חיפוש בינרי, O(n), הבודק האם העץ הצובר A מייצג עץ חיפוש בינרי.
- A כתבו שְגָרות בפְּסֵידוקוד עבור פעולות החיפוש, ההכנסה והמחיקה עבור העץ הצובר כתבו שָגָרות בפְּסֵידוקוד עבור פעולות החיפוש, המייצג עץ חיפוש בינרי; זמן הריצה של שלוש השְגַרות חייב להישאר A הוא גובה העץ).
- את ב-A שדה צבע, כך ש-A ייצג עץ אדום-שחור. כתבו את A' הראו שניתן להוסיף לכל צומת ב-A שדה צבע, כך ש-הערות החדשות של שָּגְרות הסיבובים.

שאלה 3 (40 נקודות)

. keyl[R] ו- key0[R] ו- key0[R] ו- key0[R] ו- key0[R] ו- key0[R] מספריים ב- key0[R] השונים המופיעים ב- key0[R] השונים אל השונים המופיעים ב- key0[R] המופיעים ב- key0[R] השונים המופיעים ב- key0[R] השונים המופיעים ב- key0[R] המופיעים ב- key0[R] השונים המופיעים ב- key0[R] המופיעים ב- key0[R]

נניח שלכל ערך נתון key0 של key0 קיימים לכל היותר א ערכים של key0 השונים key0 של נניח שלכל ערך נתון $m \leq N$, n = N .

 $.\mathit{key1}$ יהיו כמה רשומות בעלות אותו ערך של $\mathit{key0}$ של אשל אותו ערך של ויתכן שעבור ערך נתון

הציעו מבנה נתונים S, שבאמצעותו ניתן לממש כל אחת מהפעולות הבאות בזמנים הנדרשים ,S (במקרה הגרוע):

- ; $O(N \cdot \lg(m \cdot n))$: בניית המבנה המבנה : BUILD(S) .1
 - רשומה R המקיימת את התנאים : SEARCH (S,k_0,k_1)

$$; key1[R] = k_1, key0[R] = k_0$$

; $O(\lg(m \cdot n))$: סיבוכיות הזמן

- הכנסה את המקיימת R של רשומה S הכנסה למבנה : INSERT (S,k_0,k_1) .3 $; O(\lg(m\cdot n)):$ איים די $keyl[R]=k_1, key0[R]=k_0$
- . סיבוכיות הזמן: p שאליה מצביע אליה מצביע אליה מחיקה מהמבנה בוכיות הזמן: DELETE (p) .4 S , $O(\lg m)$
- סיבוכיות ; S החזרת במבנה (k_0,k_1) בעל שכיחות החזרת ווג מפתחות החזרת : $\mathrm{MODE}(S)$.6

הערה: עליכם לתאר כל פעולה באופן מלא.

הקורס: 20407 – מבני נתונים ומבוא לאלגוריתמים

חומר הלימוד למטלה: פרקים 13, 14 (ספר הלימוד)

מספר השאלות: 1 מספר המטלה: 4 נקודות

סמסטר: 2012 במסטר: סמסטר: 10.7.2012

קיימות שתי אפשרויות להגשת המטלות:

- שליחת המטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת המטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב"נוהל הגשת מטלות המנחה"

שמונה-עשרה ... שמונה-עשרה ... שמונה-עשרה ... שמונה-עשרה

מותר לעבוד בזוגות

מבוא

בפרויקט זה עליכם לכתוב ולהריץ תכנית ב-Java או ב-+C/C++, שתפקידה לנהל בית מלאכה לאריזת מתנות.

במלאי שלנו קופסאות בעלות בסיס ריבועי (לא בהכרח קוביות). לכל קופסה ידועים צלע הבסיס side והגובה height. כאשר מגיעה בקשה לאריזת מתנה, הלקוח יודע את ממדי הקופסה הקטנה ביותר שמתאימה למתנה; אבל אנחנו נספק לו מהמלאי שלנו את הקופסה בעלת הנפח המינימלי המתאימה למתנה.

המשימה שלנו היא לתכנן מבנה נתונים לניהול מלאי הקופסאות; המבנה חייב לתמוך בפעולות המשימה שלנו היא לתכנן מבנה נתונים לניהול מלאי הקופסאות;

: הוספת קופסה בממדים הנתונים: INSERTBOX(side, height)

הנתונים: REMOVEBOX(side, height)

וגובהה side החזרת ממדי הקופסה בנפח מינימלי שצלעה לפחות החזרת ממדי החזרת החזרת החזרת החזרת החזרת אלעה לפחות side ; height

. בדיקה האם קיימת במלאי קופסה המתאימה למתנה: CHECKBOX(side, height)

הדרישה העיקרית בתכנית היא לבחור מבנה נתונים יעיל ככל האפשר, כך שבעקבות הודעה חדשה על לקוח שקנה מתנה, ניתן יהיה לבצע בצורה יעילה את השינוי הנדרש על מבנה הנתונים. כמו-כן, נדרש שהתשובות לשאילתות יוכלו להינתן ביעילות.

הערה: אין צורך לבדוק את חוקיות הקלט. ההנחה היא כי הקלט חוקי.

עליכם להדפיס שורות קלט, לבצע את הפעולות המתאימות ולהדפיס שורות פלט.

צורת הפלט

יש להדפיס כל שינוי בצורה ברורה ומדויקת.

יש להדפיס בצורה ברורה כל שאילתה, ולאחריה את התשובה עליה.

יעילות

n ומספר ערכי הגבהים m ומספר ערכי הצלעות מספר ערכי הגבהים

n-1 ו- m ו- m ו- m ביצוע הפעולות השונות צריך להיות יעיל כפונקציה של

הרצה

הריצו את התכנית על שתי סדרות של 20 מתנות לפחות.

תיעוד

תעדו את התכנית בהתאם לכתוב בסעיף ״הנחיות לכתיבת פרויקט הרצה״ בחוברת הקורס. תארו את מבנה הנתונים והסבירו איך מתבצעת כל פעולה.

n-1 ו- m ו- m ור m ור m ור m

דרישה נוספת

צרפו את דיונכם בסיבוכיות האלגוריתמים השונים שבהם התכנית משתמשת.