במהלך הלימוד של קורס זה, אתם נדרשים לעיתים לחשב אינטגרלים מסוימים. ייתכן שעבר זמן מאז שחלק מכם עסק בנושא זה. לכן, מובאות להלן תזכורת לשתי שיטות אינטגרציה ורשימה של נוסחאות אינטגרציה מוכרות, שעשויות לשמש אתכם במהלך הקורס.

כמו כן, במהלך חישוב של אינטגרלים מסוימים, כאשר אתם נדרשים לחשב גבול של פונקציה נתונה, אפשר להשתמש בכל תוצאה ידועה ומוכרת מבלי להוכיחה בתרגיל. (ראו את הדוגמאות המצורפות בעמוד זה.)

אינטגרציה בשיטת ההצבה

$$\int \left[f(u) \frac{du}{dx} \right] dx = \int \left[f(u)u'(x) \right] dx = \int f(u)du \qquad \qquad : x \ \ \, x \ \ \, x \ \ \,$$
 אם u היא פונקציה גזירה של

כאשר משתמשים בשיטה זו, יש לשים לב לשינוי בגבולות האינטגרלים.

$$\int\limits_0^\infty (\underbrace{e^{-x}+7})^5 \underbrace{e^{-x}dx}_{-du} = -\int\limits_8^7 u^5 du = \int\limits_7^8 u^5 du = \frac{u^6}{6}\bigg|_7^8 = \frac{8^6-7^6}{6}$$
 :1 אינמה $u=e^{-x}+7$ ולכן $u=e^{-x}+7$ ולכן $u=e^{-x}+7$

 $e^{-0}+7=8$ -ש מקבל ערכים בין או מקבל ערכים בין $\frac{8}{5}$ ל- ∞ , או מקבל ערכים בין $\frac{8}{5}$ ל- ∞ , מכיוון ש-x מקבל ערכים בין . $\lim_{x\to\infty}e^{-x}+7=7$ ו-

$$\int_{-\infty}^{\infty} \underbrace{F_X(x)}_{u} \underbrace{f_X(x) dx}_{du} = \int_{0}^{1} u \, du = \frac{u^2}{2} \Big|_{0}^{1} = \frac{1}{2}$$

כאשר המצטברת ופונקציית הצפיפות של המשתנה $f_{\rm X}(x)$ ו- $f_{\rm X}(x)$ הן פונקציית ההתפלגות המעטברת ופונקציית הצפיפות של המשתנה . $du=f_{\rm X}(x)\,dx$ ונקבל כי $u=F_{\rm X}(x)$ בהתאמה. נסמן

במקרה זה, אם x מקבל ערכים בין x כ- ∞ , אז המוגדר כפונקציית התפלגות מצטברת, במקרה זה, אם $\lim_{x\to\infty}F_X(x)=1$ ו- $\lim_{x\to\infty}F_X(x)=0$ מקבל ערכים בין 0 ל-1, שכן 0 ל-1, שכן 0 ל-1, שכן 0

הנוסחה לאינטגרציה בחלקים

$$\int u \, dv = uv - \int v \, du$$

 \cdot אז ו \cdot v הן פונקציות גזירות של v, אז ו

y=g(x) ו- u=f(x) אם נסמן u=f(x) אם נסמן

$$\int f(x)g'(x)dx = f(x)g(x) - \int f'(x)g(x)dx$$

$$\int\limits_{0}^{\infty}\underbrace{x}\underbrace{e^{-x}}_{v'}dx = \underbrace{x}_{u}\cdot(\underbrace{-e^{-x}}_{v})\bigg|_{0}^{\infty} - \int\limits_{0}^{\infty}\underbrace{(\underline{-e^{-x}}_{v})\cdot\frac{1}{u'}}_{u'}dx = \left[-xe^{-x}-e^{-x}\right]_{0}^{\infty} = 0 + 1 = 1$$

$$v = -e^{-x}$$
 -ו $u' = 1$ ולכן $v' = e^{-x}$ -ו $u = x$

שימו לב: בחישוב אינטגרלים מסוימים בקורס זה, אין צורך להראות במפורש את חישוב הגבולות בשלב האחרון (באמצעות כללי לופיטל). כלומר, אפשר להציב ישירות את התוצאה הסופית, כפי שנעשה בדוגמה.

I הרחבה בנושא iשיטות אינטגרציהiי ודוגמאות נוספות אפשר למצוא בקורס חשבון אינפיניטסימלי (יחידה 12).

$$\int a \, dx = ax + C$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C \quad , \quad n \neq 1$$

$$\int (ax+b)^n dx = \frac{(ax+b)^{n+1}}{a(n+1)} + C \quad , \quad n \neq 1$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C \quad , \quad x \neq 0$$

$$\int e^x dx = e^x + C$$

$$\int e^{ax} dx = \frac{1}{a} e^{ax} + C \quad , \quad a \neq 0$$

$$\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C \quad , \quad a > 0$$