

כמה זהויות לוגיות

דה מורגן	 ¬<!-- ¬ --> (A ∧<!-- ∧ --> B) ↔<!-- ↔ --> ¬<!-- ¬ --> A ∨<!-- ∨ --> ¬<!-- ¬ --> B {\displaystyle \neg (A\wedge B)\leftrightarrow \neg A\vee \neg B}
גרירה	 ¬<!-- ¬ --> (A ∨<!-- ∨ --> B) ↔<!-- ↔ --> ¬<!-- ¬ --> A ∧<!-- ∧ --> ¬<!-- ¬ --> B {\displaystyle \neg (A\vee B)\leftrightarrow \neg A\wedge \neg B}
דיסטריבוטיביות	 A →<!-- → --> B ↔<!-- ↔ --> ¬<!-- ¬ --> A ∨<!-- ∨ --> B ↔<!-- ↔ --> ¬<!-- ¬ --> B →<!-- → --> ¬<!-- ¬ --> A {\displaystyle A\rightarrow B\leftrightarrow \neg A\vee B\leftrightarrow \neg B\rightarrow \neg A}
שלילת לכל	 ¬<!-- ¬ --> ∀<!-- ∀ --> x . P ↔<!-- ↔ --> ∃<!-- ∃ --> x . ¬<!-- ¬ --> P {\displaystyle \neg \forall x.P\leftrightarrow \exists x.\neg P}
שלילת קיים	 ¬<!-- ¬ --> ∃<!-- ∃ --> x . P ↔<!-- ↔ --> ∀<!-- ∀ --> x . ¬<!-- ¬ --> P {\displaystyle \neg \exists x.P\leftrightarrow \forall x.\neg P}
לכל – גם	 ∀<!-- ∀ --> x . (A ∧<!-- ∧ --> B) ↔<!-- ↔ --> (∀<!-- ∀ --> x . A) ∧<!-- ∧ --> (∀<!-- ∀ --> x . B) {\displaystyle \forall x.(A\wedge B)\leftrightarrow (\forall x.A)\wedge (\forall x.B)}
קיים – או	 ∃<!-- ∃ --> x . (A ∨<!-- ∨ --> B) ↔<!-- ↔ --> (∃<!-- ∃ --> x . A) ∨<!-- ∨ --> (∃<!-- ∃ --> x . B) {\displaystyle \exists x.(A\vee B)\leftrightarrow (\exists x.A)\vee (\exists x.B)}

תורת הקבוצות הנאיבית

שיויון קבוצות	 A = B ↔<!-- ↔ --> ∀<!-- ∀ --> x . [(x ∈<!-- ∈ --> A) ↔<!-- ↔ --> (x ∈<!-- ∈ --> B)] {\displaystyle A=B\leftrightarrow \forall x.[(x\in A)\leftrightarrow (x\in B)]}
הכלה (אם...כל איבר של A הוא איבר של B)	 A ⊆<!-- ⊆ --> B ↔<!-- ↔ --> ∀<!-- ∀ --> x . [(x ∈<!-- ∈ --> A) →<!-- → --> (x ∈<!-- ∈ --> B)] {\displaystyle A\subseteq B\leftrightarrow \forall x.[(x\in A)\rightarrow (x\in B)]}
עמ' 27 A ⊆<!-- ⊆ --> B ≡<!-- ≡ --> ∀<!-- ∀ --> x ∈<!-- ∈ --> A (x ∈<!-- ∈ --> B) {\displaystyle A\subseteq B\equiv \forall x\in A(x\in B)} (A ⊆<!-- ⊆ --> B) ↔<!-- ↔ --> [(A ∪<!-- ∪ --> B) = B] {\displaystyle (A\subseteq B)\leftrightarrow [(A\cup B)=B]} [(A ⊆<!-- ⊆ --> B) ∧<!-- ∧ --> (B ⊆<!-- ⊆ --> C)] →<!-- → --> (A ⊆<!-- ⊆ --> C) ⏟<!-- ⏟ --> (⊆<!-- ⊆ --> {\displaystyle is\;transitive} 	
 a ∈<!-- ∈ --> A ↔<!-- ↔ --> { a } ⊆<!-- ⊆ --> A {\displaystyle a\in A\leftrightarrow \{a\}\subseteq A} 	
 (...) {\displaystyle (...)} יש איבר של B שאינו ב-A. (A ⊂<!-- ⊂ --> B) ↔<!-- ↔ --> [(A ⊆<!-- ⊆ --> B) ∧<!-- ∧ --> ∃<!-- ∃ --> x (x ∈<!-- ∈ --> B ∧<!-- ∧ --> x ∉<!-- ∉ --> A)] {\displaystyle (A\subset B)\leftrightarrow [(A\subseteq B)\wedge \exists x(x\in B\wedge x\not\in A)]} 	
 (A ⊂<!-- ⊂ --> B) ↔<!-- ↔ --> [A ⊆<!-- ⊆ --> B ∧<!-- ∧ --> B ⊈<!-- ⊈ --> A] {\displaystyle (A\subset B)\leftrightarrow [A\subseteq B\wedge B\not\subseteq A]} 	
משפט (אם ורק אם יש איבר של A שאינו איבר של B) עמ' 27 A ⊈<!-- ⊈ --> B ↔<!-- ↔ --> ∃<!-- ∃ --> x (x ∈<!-- ∈ --> A ∧<!-- ∧ --> x ∉<!-- ∉ --> B) {\displaystyle A\not\subseteq B\leftrightarrow \exists x(x\in A\wedge x\not\in B)} A ⊈<!-- ⊈ --> B ↔<!-- ↔ --> ∃<!-- ∃ --> x ∈<!-- ∈ --> A (x ∉<!-- ∉ --> B) {\displaystyle A\not\subseteq B\leftrightarrow \exists x\in A(x\not\in B)} 	
משפט	 A = B ↔<!-- ↔ --> (A ⊆<!-- ⊆ --> B) ∧<!-- ∧ --> (B ⊆<!-- ⊆ --> A) {\displaystyle A=B\leftrightarrow (A\subseteq B)\wedge (B\subseteq A)}
 ∀<!-- ∀ --> x . x ≠<!-- ≠ --> ∅<!-- ∅ --> {\displaystyle \forall x.x\neq \phi } 	
קבוצה ריקה מוכלת בכל קבוצה	 ∀<!-- ∀ --> A . ∅<!-- ∅ --> ⊆<!-- ⊆ --> A {\displaystyle \forall A.\phi \subseteq A}
איחוד עמ' 31	 [(A ∩<!-- ∩ --> B = ∅<!-- ∅ -->) ∧<!-- ∧ --> (C ⊆<!-- ⊆ --> A)] →<!-- → --> (C ∩<!-- ∩ --> B = ∅<!-- ∅ -->) {\displaystyle [(A\cap B=\emptyset)\wedge (C\subseteq A)]\rightarrow (C\cap B=\emptyset)}
פרש	 A ∪<!-- ∪ --> B = { x (x ∈<!-- ∈ --> A) ∨<!-- ∨ --> (x ∈<!-- ∈ --> B) } {\displaystyle A\cup B=\{x (x\in A)\vee (x\in B)\}}
איחוד עמ' 33	 [(A ∪<!-- ∪ --> B) ⊆<!-- ⊆ --> C] ↔<!-- ↔ --> [(A ⊆<!-- ⊆ --> C) ∧<!-- ∧ --> (B ⊆<!-- ⊆ --> C)] {\displaystyle [(A\cup B)\subseteq C]\leftrightarrow [(A\subseteq C)\wedge (B\subseteq C)]}
חוק הפילוג	 [x ∈<!-- ∈ --> (A ∪<!-- ∪ --> B) ∩<!-- ∩ --> C] ↔<!-- ↔ --> [(x ∈<!-- ∈ --> A ∪<!-- ∪ --> B) ∨<!-- ∨ --> (x ∈<!-- ∈ --> C)] {\displaystyle [x\in (A\cup B)\cap C]\leftrightarrow [(x\in A\cup B)\vee (x\in C)]}
חיתוך	 (A ⊆<!-- ⊆ --> B) ↔<!-- ↔ --> (A ∩<!-- ∩ --> B = A) {\displaystyle (A\subseteq B)\leftrightarrow (A\cap B=A)}
חוק הפילוג	 [A ∩<!-- ∩ --> (B ∪<!-- ∪ --> C)] = [(A ∩<!-- ∩ --> B) ∪<!-- ∪ --> (A ∩<!-- ∩ --> C)] {\displaystyle [A\cap (B\cup C)]=[A\cap B)\cup (A\cap C)]}
פרש	 A ∖<!-- ∖ --> B = { x (x ∈<!-- ∈ --> A) ∧<!-- ∧ --> (x ∉<!-- ∉ --> B) } {\displaystyle A\setminus B=\{x (x\in A)\wedge (x\not\in B)\}}
פרש	 A ∖<!-- ∖ --> B = (A ∪<!-- ∪ --> B) ∖<!-- ∖ --> B {\displaystyle A\setminus B=(A\cup B)\setminus B}
פרש	 A ∖<!-- ∖ --> B = B c ∖<!-- ∖ --> A c {\displaystyle A\setminus B=B^{c}\setminus A^{c}}
פרש	 (A ∖<!-- ∖ --> B) = ∅<!-- ∅ --> ↔<!-- ↔ --> A ⊆<!-- ⊆ --> B {\displaystyle (A\setminus B)=\emptyset \leftrightarrow A\subseteq B}
פרש	 (A ∖<!-- ∖ --> B) = B ∖<!-- ∖ --> A {\displaystyle (A\setminus B)=B\setminus A}
פרש	 A ∪<!-- ∪ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = A {\displaystyle A\cup (B\setminus A)=A}
פרש	 A ∩<!-- ∩ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = ∅<!-- ∅ --> {\displaystyle A\cap (B\setminus A)=\emptyset }
פרש	 (B ⊆<!-- ⊆ --> A) →<!-- → --> [(B ∪<!-- ∪ --> (A ∖<!-- ∖ --> B)) = A] {\displaystyle (B\subseteq A)\rightarrow [(B\cup (A\setminus B))=A]}
פרש	 (C ⊆<!-- ⊆ --> D) →<!-- → --> [(A ∖<!-- ∖ --> D) ⊆<!-- ⊆ --> (A ∖<!-- ∖ --> C)] {\displaystyle (C\subseteq D)\rightarrow [(A\setminus D)\subseteq (A\setminus C)]}
פרש	 (A ∖<!-- ∖ --> B) ∪<!-- ∪ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = (A ∪<!-- ∪ --> B) ∖<!-- ∖ --> (A ∩<!-- ∩ --> B) {\displaystyle (A\setminus B)\cup (B\setminus A)=(A\cup B)\setminus (A\cap B)}
פרש	 A ∩<!-- ∩ --> (B ∪<!-- ∪ --> C) = (A ∩<!-- ∩ --> B) ∪<!-- ∪ --> (A ∩<!-- ∩ --> C) {\displaystyle A\cap (B\cup C)=(A\cap B)\cup (A\cap C)}
פרש	 A ∖<!-- ∖ --> (B ∩<!-- ∩ --> C) = (A ∖<!-- ∖ --> B) ∪<!-- ∪ --> (A ∖<!-- ∖ --> C) {\displaystyle A\setminus (B\cap C)=(A\setminus B)\cup (A\setminus C)}
פרש	 (A Δ<!-- Δ --> B) = A Δ<!-- Δ --> B ¯<!-- ¯ --> = A ¯<!-- ¯ --> Δ<!-- Δ --> B {\displaystyle (A\Delta B)=A\Delta {\overline {B}}={\overline {A}}\Delta B}

 A ∖<!-- ∖ --> B = B c ∖<!-- ∖ --> A c {\displaystyle A\setminus B=B^{c}\setminus A^{c}} 	
 (A ∖<!-- ∖ --> B) = A ↔<!-- ↔ --> (A ∩<!-- ∩ --> B) = ∅<!-- ∅ --> {\displaystyle (A\setminus B)=A\leftrightarrow (A\cap B)=\emptyset } 	 p42 q26
 A ∖<!-- ∖ --> B = ∅<!-- ∅ --> ↔<!-- ↔ --> A ⊆<!-- ⊆ --> B {\displaystyle A\setminus B=\emptyset \leftrightarrow A\subseteq B} 	
 (A ∖<!-- ∖ --> B) = B ∖<!-- ∖ --> A {\displaystyle (A\setminus B)=B\setminus A} 	
 A ∪<!-- ∪ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = A {\displaystyle A\cup (B\setminus A)=A} 	
 A ∩<!-- ∩ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = ∅<!-- ∅ --> {\displaystyle A\cap (B\setminus A)=\emptyset } 	
 (B ⊆<!-- ⊆ --> A) →<!-- → --> [(B ∪<!-- ∪ --> (A ∖<!-- ∖ --> B)) = A] {\displaystyle (B\subseteq A)\rightarrow [(B\cup (A\setminus B))=A]} 	
 (C ⊆<!-- ⊆ --> D) →<!-- → --> [(A ∖<!-- ∖ --> D) ⊆<!-- ⊆ --> (A ∖<!-- ∖ --> C)] {\displaystyle (C\subseteq D)\rightarrow [(A\setminus D)\subseteq (A\setminus C)]} 	
 (A ∖<!-- ∖ --> B) ∪<!-- ∪ --> (B ∖<!-- ∖ --> A) = (A ∪<!-- ∪ --> B) ∖<!-- ∖ --> (A ∩<!-- ∩ --> B) {\displaystyle (A\setminus B)\cup (B\setminus A)=(A\cup B)\setminus (A\cap B)} 	 p42 q3θ
Symmetric Difference A Δ<!-- Δ --> B = { x (x ∈<!-- ∈ --> A) ∧<!-- ∧ --> (x ∉<!-- ∉ --> B) ∨<!-- ∨ --> (x ∈<!-- ∈ --> B) ∧<!-- ∧ --> (x ∉<!-- ∉ --> A) } {\displaystyle A\Delta B=\{x (x\in A)\wedge (x\not\in B)\vee (x\in B)\wedge (x\not\in A)\}} 	
 A Δ<!-- Δ --> B = (A ∪<!-- ∪ --> B) ∖<!-- ∖ --> (A ∩<!-- ∩ --> B) {\displaystyle A\Delta B=(A\cup B)\setminus (A\cap B)} 	
 A ∩<!-- ∩ --> (B ∖<!-- ∖ --> C) = (A ∖<!-- ∖ --> B) ∩<!-- ∩ --> (A ∩<!-- ∩ --> C) {\displaystyle A\cap (B\setminus C)=(A\setminus B)\cap (A\cap C)} 	

הקבוצה המשלימה (כאשר יש מובן ל U)	 A ¯<!-- ¯ --> = U ∖<!-- ∖ --> A {\displaystyle {\overline {A}}=U\setminus A}
הפרש סימטרי	 A Δ<!-- Δ --> B ↔<!-- ↔ --> (A ∩<!-- ∩ --> B ¯<!-- ¯ -->) ∪<!-- ∪ --> (A ¯<!-- ¯ --> ∩<!-- ∩ --> B) {\displaystyle A\Delta B\leftrightarrow (A\cap {\overline {B}})\cup ({\overline {A}}\cap B)}
	 A Δ<!-- Δ --> B ↔<!-- ↔ --> A ¯<!-- ¯ --> ∨<!-- ∨ --> B ¯<!-- ¯ --> {\displaystyle A\Delta B\leftrightarrow {\overline {A}}\vee {\overline {B}}}
	 (A ⊆<!-- ⊆ --> B) ↔<!-- ↔ --> (B ⊆<!-- ⊆ --> A ¯<!-- ¯ -->) {\displaystyle (A\subseteq B)\leftrightarrow (B\subseteq {\overline {A}})}
	 (A ∩<!-- ∩ --> B = ∅<!-- ∅ -->) ↔<!-- ↔ --> (A ⊆<!-- ⊆ --> B ¯<!-- ¯ -->) {\displaystyle (A\cap B=\emptyset)\leftrightarrow (A\subseteq {\overline {B}})}
דה-מורגן	 A ¯<!-- ¯ --> ∪<!-- ∪ --> B ↔<!-- ↔ --> A ¯<!-- ¯ --> ∩<!-- ∩ --> B ¯<!-- ¯ --> {\displaystyle {\overline {A}}\cup B\leftrightarrow {\overline {A}}\cap {\overline {B}}}
	 (A ∩<!-- ∩ --> B) = (A ¯<!-- ¯ --> ∪<!-- ∪ --> B ¯<!-- ¯ -->) {\displaystyle (A\cap B)={\overline {A}}\cup {\overline {B}}}
זהות	 A ∩<!-- ∩ --> (B ∨<!-- ∨ --> C) ↔<!-- ↔ --> (A ∩<!-- ∩ --> B) ∨<!-- ∨ --> (A ∩<!-- ∩ --> C) {\displaystyle A\cap (B\vee C)\leftrightarrow (A\cap B)\vee (A\cap C)}
	 A ∖<!-- ∖ --> (B ∩<!-- ∩ --> C) = (A ∖<!-- ∖ --> B) ∩<!-- ∩ --> (A ∖<!-- ∖ --> C) {\displaystyle A\setminus (B\cap C)=(A\setminus B)\cap (A\setminus C)}
	 (A Δ<!-- Δ --> B) = A Δ<!-- Δ --> B ¯<!-- ¯ --> = A ¯<!-- ¯ --> Δ<!-- Δ --> B {\displaystyle (A\Delta B)=A\Delta {\overline {B}}={\overline {A}}\Delta B}

מכפלה קרטזית	 A ×<!-- × --> B = { ⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∣<!-- ∣ --> a ∈<!-- ∈ --> A ∧<!-- ∧ --> b ∈<!-- ∈ --> B } {\displaystyle A\times B=\{\langle a,b\rangle \mid a\in A\wedge b\in B\}}
הגדרת זוג סדור	 ⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ≡<!-- ≡ --> { { a , b } , a } {\displaystyle \langle a,b\rangle \equiv \{\{a,b\},a\}}
קבוצת החזקה	
קבוצה תת-הקבוצות של A	 P (A) = { B ∣<!-- ∣ --> B ⊆<!-- ⊆ --> A } {\displaystyle P(A)=\{B\mid B\subseteq A\}}
עוצמته	 P (A) = 2 A {\displaystyle P(A) =2^{ A }}
דוגמא:	 P (∅<!-- ∅ -->) = { ∅<!-- ∅ --> } {\displaystyle P(\phi)=\{\phi \}}
משפט	 P (A ∩<!-- ∩ --> B) = P (A) ∩<!-- ∩ --> P (B) {\displaystyle P(A\cap B)=P(A)\cap P(B)}
יש x שהוא איבר של A, וניחן בתכונה P:	 ∃<!-- ∃ --> x ∈<!-- ∈ --> A P (x) ≡<!-- ≡ --> ∃<!-- ∃ --> x (x ∈<!-- ∈ --> A ∧<!-- ∧ --> P (x)) {\displaystyle \exists x\in AP(x)\equiv \exists x(x\in A\wedge P(x))}
כל עצם, אם הוא איבר של A, אז הוא נבחן בתכונה P	 ∀<!-- ∀ --> x (x ∈<!-- ∈ --> A →<!-- → --> P (x)) {\displaystyle \forall x(x\in A\rightarrow P(x))}

יחסים

יחס ASB	תת קבוצה של A×B : S ⊆<!-- ⊆ --> P (A ×<!-- × --> B) {\displaystyle S\subseteq P(A\times B)}
יחס הפוך	 S −<!-- − --> 1 = { ⟨<!-- ⟨ --> b , a ⟩<!-- ⟩ --> ∣<!-- ∣ --> ⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S } {\displaystyle S^{-1}=\{\langle b,a\rangle \mid \langle a,b\rangle \in S\}}
	 a S b ↔<!-- ↔ --> b S −<!-- − --> 1 a {\displaystyle aSb\leftrightarrow bS^{-1}a}
הרכבת יחסים	 ⟨<!-- ⟨ --> a , c ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> T ◦<!-- ◦ --> S ↔<!-- ↔ --> {\displaystyle \langle a,c\rangle \in T\circ S\leftrightarrow }
יחס משלים	 ∃<!-- ∃ --> b ∈<!-- ∈ --> B . [⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S ∧<!-- ∧ --> ⟨<!-- ⟨ --> b , c ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> T] {\displaystyle \exists b\in B.[\langle a,b\rangle \in S\wedge \langle b,c\rangle \in T]}
יחס סימטרי	 S ¯<!-- ¯ --> = (A ×<!-- × --> B) −<!-- − --> S {\displaystyle {\overline {S}}=(A\times B)-S}
יחס טרנסטיבי	 ∀<!-- ∀ --> a , b ∈<!-- ∈ --> A . [⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S →<!-- → --> ⟨<!-- ⟨ --> b , a ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S] {\displaystyle \forall a,b\in A.[\langle a,b\rangle \in S\rightarrow \langle b,a\rangle \in S]}
יחס רפלקסיבי	 ∀<!-- ∀ --> a , b , c ∈<!-- ∈ --> A . [a S b ∧<!-- ∧ --> b S c →<!-- → --> a S c] {\displaystyle \forall a,b,c\in A.[aSb\wedge bSc\rightarrow aSc]}
יחס רפלקסיבי	 ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> A a S a {\displaystyle \forall a\in AaSaa}
יחס רפלקסיבי	 ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> A . ¬<!-- ¬ --> (a S a) {\displaystyle \forall a\in A.\neg (aSaa)}
יחס סימטרי	 ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> A ∀<!-- ∀ --> b ∈<!-- ∈ --> B . [a S b ∧<!-- ∧ --> b S a →<!-- → --> a = b] {\displaystyle \forall a\in A\forall b\in B.[aSb\wedge bSa\rightarrow a=b]}
יחס סימטרי	 ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> A ∀<!-- ∀ --> b ∈<!-- ∈ --> A . [a S b →<!-- → --> ¬<!-- ¬ --> b S a] {\displaystyle \forall a\in A\forall b\in A.[aSb\rightarrow \neg bSa]}
יחס סימטרי חזק (גם לא עם עצמו)	 רפלקסיבי + אנטי סימטרי + טרנסטיבי (⊆) {\displaystyle {\text{רפלקסיבי}}+{\text{אנטי סימטרי}}+{\text{טרנסטיבי}}(\subseteq)}
יחס סימטרי חזק	 רפלקסיבי + טרנסטיבי (<) {\displaystyle {\text{רפלקסיבי}}+{\text{טרנסטיבי}}(<)}
יחס סימטרי חזק	 סדר חלקי + {\displaystyle {\text{סדר חלקי}}+}
יחס סימטרי חזק	 ∀<!-- ∀ --> a , b ∈<!-- ∈ --> A . [a S b ∨<!-- ∨ --> b S a] {\displaystyle \forall a,b\in A.[aSb\vee bSa]}
יחס סימטרי חזק	 סדר חלקי חזק+ {\displaystyle {\text{סדר חלקי חזק}}+}
יחס סימטרי חזק	 ∀<!-- ∀ --> a , b ∈<!-- ∈ --> A . [a S b ∨<!-- ∨ --> b S a ∨<!-- ∨ --> (a = b)] {\displaystyle \forall a,b\in A.[aSb\vee bSa\vee (a=b)]}
איחוד יחסים	 x (S ∪<!-- ∪ --> T) y ↔<!-- ↔ --> x S y ∨<!-- ∨ --> x T y {\displaystyle x(S\cup T)y\leftrightarrow xSy\vee xTy}

מחלקת שקילות - מחלקת השקילות של x היא כל האיברים שמקיימים את יחס השקילות איתו	
--	--

[
x
]
=
{
y
∣
x
S
y
}

{\displaystyle [x]=\{y\mid xSy\}}

קבוצת המנה - קבוצת מחלקות השקילות.

חלוקות

חלוקה P של A היא קבוצת תת-קבוצות לא ריקות של A	
 ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> A . [∃<!-- ∃ --> m ∈<!-- ∈ --> P . a ∈<!-- ∈ --> m] {\displaystyle \forall a\in A.[\exists m\in P.a\in m]} 	המקיימת
 ∀<!-- ∀ --> m 1 , m 2 ∈<!-- ∈ --> P . [(m 1 ∩<!-- ∩ --> m 2 ≠<!-- ≠ --> ∅<!-- ∅ -->) →<!-- → --> (m 1 = m 2)] {\displaystyle \forall m_{1},m_{2}\in P.[(m_{1}\cap m_{2}\neq \emptyset)\rightarrow (m_{1}=m_{2})]} 	הקבוצות זרות
משפט: קבוצת מחלקות השקילות היא חלוקה.	

פונקציות

יחס חד ערכי	לכל a ∈<!-- ∈ --> A {\displaystyle a\in A} קיים לכל היותר b ∈<!-- ∈ --> B {\displaystyle b\in B} אחד כך ש ⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S {\displaystyle \langle a,b\rangle \in S}
יחס מלא	לכל a ∈<!-- ∈ --> A {\displaystyle a\in A} קיים לפחות b ∈<!-- ∈ --> B {\displaystyle b\in B} אחד כך ש ⟨<!-- ⟨ --> a , b ⟩<!-- ⟩ --> ∈<!-- ∈ --> S {\displaystyle \langle a,b\rangle \in S}
פונקציה	 f : A →<!-- → --> B {\displaystyle f:A\rightarrow B} היא יחס מ A ל B חד ערכי ו מלא
פונקציה חח"ע	מספר הגדרות: <ol style="list-style-type: none">היחס ההפוך חד ערכי ∀<!-- ∀ --> x , y ∈<!-- ∈ --> A . [x ≠<!-- ≠ --> y →<!-- → --> f (x) ≠<!-- ≠ --> f (y)] {\displaystyle \forall x,y\in A.[x\neq y\rightarrow f(x)\neq f(y)]} ∀<!-- ∀ --> x , y ∈<!-- ∈ --> A . [f (x) = f (y) →<!-- → --> x = y] {\displaystyle \forall x,y\in A.[f(x)=f(y)\rightarrow x=y]}
פונקציה על	<ol style="list-style-type: none">היחס ההפוך מלא ∀<!-- ∀ --> b ∈<!-- ∈ --> B . ∃<!-- ∃ --> a ∈<!-- ∈ --> A . [f (a) = b] {\displaystyle \forall b\in B.\exists a\in A.[f(a)=b]}
הרכבה	 f : A →<!-- → --> B g : B →<!-- → --> C {\displaystyle f:A\rightarrow B~~g:B\rightarrow C}
כלל η	 g ◦<!-- ◦ --> f : A →<!-- → --> C (g ◦<!-- ◦ --> f) (c) = g (f (c)) {\displaystyle g\circ f:A\rightarrow C~~~(g\circ f)(c)=g(f(c))}
כלל η	 λ<!-- λ --> x . f (x) = f {\displaystyle \lambda x.f(x)=f}
פונקציה הפיכה	פונקציה חח"ע ו על . נקראת גם פ' שקילות

הרכבת פונקציות

$(g \circ f) \circ h = g \circ (f \circ h)$	הרכבת פונקציות היא אסוציאטיבית
אם g, f חח"ע	אז $g \circ f$ חח"ע
אם g, f על	אז $g \circ f$ על
אם $g \circ f$ חח"ע	אז f חח"ע
אם $g \circ f$ על	אז g על
אם $g \circ f$ חח"ע ו- f על	אז g חח"ע
אם $g \circ f$ על ו- g חח"ע	אז f על
משפט: $f: A \rightarrow B$ הפיכה \Leftrightarrow קיימת $g: B \rightarrow A$	
$g \circ f = I_A \wedge f \circ g = I_B$ כ"ש:	
אם g קיימת היחידה ותסמוך: $g = f^{-1}$	