חלק א: שאלת חובה (19 נקודות)

שאלה 1

בחרו את התשובה הנכונה בכל סעיף. רשמו את התשובות בתוך המחברת.

בשאלה זו בלבד אין צורך בהוכחה. אפשר (לא חובה) לתת הסבר קצר: כמה מלים, לא יותר משתי שורות. הסבר עשוי לאפשר לבודק לתת לכם נקודה או שתים גם אם בחרתם תשובה לא נכונה. מצד שני, הסבר שגוי בצורה קיצונית עלול להביא להורדה של נקודה או שתים.

- (ט נקי) א. נתונים פסוקים lpha,eta כך ש- eta כך ש- lpha מכאן נובע א. נתונים פסוקים
 - . הוא טאוטולוגיה β [1]
 - . הוא טאוטולוגיה α [2]
 - (3] אף אחת מהטענות הקודמות אינה נכונה.
- $A \cup B = A \setminus B$ כך ש- $A \setminus B = A \setminus B$. אז: (7 נקי)
 - |A| > |B| [1]
 - $|A| \ge |B|$ [2] $\sqrt{5}^{\text{n}}$
 - $|A|>leph_0$ אז $|B|=leph_0$ אם [3]
 - |A| = |B| אם |B| אינסופית אז |B| אם
- .4 אוא גרף פשוט על א צמתים שבו הדרגה של כל צומת היא G הוא גרף משוט על 6 נקי) ג. נניח ש- G הוא גרף משוט על
 - . הוא בהכרח מישורי G [1]
 - . הוא בהכרח לא מישורי G [2]
 - [3] שתי הטענות הקודמות שגויות.

המשך הבחינה בעמוד הבא

חלק ב: ענו על שלוש מתוך ארבע השאלות הבאות

משקל כל שאלה 27 נקודות. משקל חלק ב' כולו: 81 נקודות

שאלה 2

 $A,B\in\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ לכל הקבוצה R,S נתונים שני יחסים $\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ נתונים שני יחסים ASB ו- $A\setminus\{1,2\}\subset B\setminus\{1,2\}$ אם ורק אם ARB

והערה לתלמידים מסמסטרים קודמים בלבד: אתם יכולים להשתמש בהגדרה הבאה עבור S:

אט וו ק אט A=B או $A\setminus\{1,2\}\subset B\setminus\{1,2\}$ או A=B אט וו ק אט A=B אט וו ק אט A=B

- (14 נקי) א. קבעו (ללא הוכחה) אם אחד מהיחסים הוא יחס שקילות ואם התשובה חיובית, מיצאו את מחלקות השקילות שלו.
- (13) ב. קבעו (ללא הוכחה) אם אחד היחסים הוא יחס סדר חלקי או מלא ואם התשובה חיובית, מיצאו את האיברים המינימליים והמקסימליים בקבוצה הסדורה שגיליתם.

שאלה 3

בשאלה זו נתייחס למשוואה $x_1+x_2+x_3+x_4+x_5+x_6+x_7=n$ ולפתרונות שלה בטבעיים. בשאלה זו נתייחס למשוואה וצרת המתאימה למציאת מספר פתרונות המשוואה במקרה (14 נקי) א. רישמו פונקציה יוצרת המתאימה למציאת מספר פתרונות המשוואה במקרה x_1,x_2,x_3 הם מספרים אי-זוגיים x_1,x_2,x_3 הם מספרים אי-זוגיים ומיצאו את המקדם של x_1 בפונקציה הזו.

(13 נקי) ב. מיצאו את מספר פתרונות המשוואה שבהם בדיוק שלושה מן הנעלמים הם מספרים זוגיים במקרה ש- n=14 .

שאלה 4

נסמן ב- a_n את קבוצת כל המחרוזות באורך n הכתובות הכתובות 1,2,3,4,5,6,7, שבהן מימין לכל ספרה זוגית מופיעה בהכרח ספרה אי-זוגית. למשל 12345 ו-53321 הן מחרוזות חוקיות, אבל 2. ב- a_0 מגדירים כ-1.

- . a_1, a_2 א. מיצאו בעזרת חישוב ישיר את א. מיצאו נקי)
- . מתאימים ליחס נסיגה ל- a_n ובדקו שהערכים של a_0 , a_1 , a_2 מתאימים ליחס הנסיגה.
 - a_n עבור את יחס הנסיגה וקבלו נוסחה מפורשת עבור ג. פתרו את יחס הנסיגה וקבלו נוסחה

שאלה 5

.3 יש לעלים ולכל צומת אינו עלה על דרגה עלים אינו עלים ולכל צומת בעץ

T א. מיצאו את מספר הצמתים של א. (14)

(13 נקי) ב. מיצאו את מספר העצים המתוייגים המקיימים את תנאי השאלה.

בהצלחה!