מספר התלמיד הנבחן רשום את כל תשע הספרות

האוניברסיטה

הפתוחה

כ"ה בשבט תש"ף

20

מס' שאלון - 485

הדבק כאן את

מדבקת הנבחן

בפברואר 2020

מס' מועד

סמסטר 2020א

20476 / 4

שאלון בחינת גמר

20476 - מתמטיקה בדידה

משך בחינה: שעות

> בשאלון זה 3 עמודים

מבנה הבחינה:

בבחינה שני חלקים:

חלק א: שאלת חובה. את התשובה לכל סעיף כתבו במחברת בלבד.

חלק ב: עליכם לענות על שלוש מתוך ארבע השאלות.

אם תענו על יותר מ- 3 שאלות, יחושב הציון לפי 3 התשובות הראשונות.

שימו לב:

* בחלק ב יש לנמק כל תשובה, גם אם זה לא נדרש בפירוש בגוף השאלה.

* מותר להסתמך על כל טענה המופיעה בספרי הלימוד של הקורס, כולל התשובות לשאלות שבספרי הלימוד, וכולל החוברת "אוסף תרגילים פתורים". אפשר להסתמך גם על הפתרונות שפורסמו למטלות של הסמסטר הנוכחי.

* אם ברצונכם להסתמך על טענות ממפגשי הנחיה, כולל מפגשי אופק, עליכם לחזור ולהוכיחן.

, בפתרון סעיף של שאלה מותר להסתמך על סעיפים קודמים של אותה שאלה גם אם לא פתרתם אותם.

חומר עזר:

כל חומר עזר מותר בשימוש. אפשר להשתמש במחשבון מדעי. אסור בשימוש כל מכשיר אלקטרוני שבאמצעותו ניתן לאצור מידע לרבות מכשיר טלפון נייד, מחשב נישא, שעון חכם וכד'.

בהצלחה !!!

להחזיר את השאלון לאוניברסיטה הפתוחה



חלק א': שאלת חובה (19 נקודות)

שאלה 1

בחרו את התשובה הנכונה בכל סעיף. רשמו את התשובות בתוך המחברת.
בשאלה זו בלבד אין צורך בהוכחה. אפשר (לא חובה) לתת הסבר קצר: כמה מלים,
לא יותר משתי שורות. הסבר עשוי לאפשר לבודק לתת לכם נקודה או שתים גם אם
בחרתם תשובה לא נכונה. מצד שני, הסבר שגוי בצורה קיצונית עלול להביא להורדה
של נקודה או שתים.

- : א. לכל שלושה פסוקים α, β, γ מתקיים א. לכל שלושה פסוקים
- $(\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow \gamma \equiv \alpha \rightarrow (\beta \rightarrow \gamma)$ [1]
- $(lpha
 ightarrow (eta
 ightarrow \gamma)$ אורר טאוטולוגית את ($(lpha
 ightarrow eta)
 ightarrow \gamma$ נורר טאוטולוגית את ((2)
- $(\alpha o eta) o \gamma$ גורר טאוטולוגית את $\alpha o (eta o \gamma)$ גורר טאוטולוגית את $lpha o (eta o \gamma)$
 - : נתונות קבוצות A,B כך ש- $|A \cup B| = |A|$. אז (7 נקי)
 - |A| > |B| [1]
 - $|A| \leq |\mathcal{P}(B)| \qquad [2]$
 - $|B| < |\mathcal{P}(A)|$ (31)
 - $A \times B = A \mid A \mid$ אינסופית אז $A \subseteq A$
- (6 נקי) ג. מספר העצים על 6 צמתים המתויגים ב- 1,2,3,4,5,6 שבהם יש צומת בעל דרגה 4 הוא
 - 30 [1]
 - 15 [2]
 - 40 [3]
 - כל התשובות הקודמות שגויות

המשך הבחינה בעמוד הבא

חלק ב': ענו על שלוש מתוך ארבע השאלות הבאות

משקל כל שאלה 27 נקודות. משקל חלק בי כולו: 81 נקודות

שאלה 2

 $A,B \in \mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ נתונים שני יחסים R,S חמוגדרים כך: לכל $\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ על הקבוצה $\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ $A\setminus\{1,4\}\subset B\setminus\{1,4\}$ אם ורק אם ASB -ו $A\setminus\{1,4\}=B\setminus\{1,4\}$ אם ורק אם ARB

> (הערה לתלמידים מסמסטרים קודמים בלבד: אתם יכולים להשתמש בהגדרה הבאה עבור S: אם ורק אם B=B או $A=B\setminus\{1,4\}\subset B\setminus\{1,4\}$. תלמידי 2019ב, אנא התעלמו מהערה זו ASB

קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הנתונים הוא יחס שקילות. מיצאו את מחלקות השקילות שלו.

(13 נקי) ב. קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הוא יחס סדר. קבעו אם הוא סדר חלקי או מלא אוניגלי לאוניגלי לאוניף לאוניף לאוניף לאוניף לאוניף לאוני אלה ב לאוניהלה ב (נמקו את התשובה!) ומיצאו את האיברים המינימליים והמקסימליים שלו.

 x_1, x_2, x_3 כאשר כאשר $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 + x_7 = n$ בשאלה זו נתייחס לפתרונות המשוואה מספרים טבעיים שמתחלקים ב- 3 ו- x_4, x_5, x_6, x_7 מספרים טבעיים שאינם מתחלקים ב- 3.

(14 נקי) א. מיצאו פונקציה יוצרת המתאימה למציאת מספר פתרונות המשוואה.

n = 13 ב. מיצאו את מספר פתרונות המשוואה כאשר n = 13

(הדרכה: אפשר להוציא את $(x + x^2)^4$ כגורם משותף בפונקציה היוצרת).

PC.

שאלה 4

A קבוצת כל המחרוזות שבהן מופיעות הספרות 1,2,3,4,5 בלבד. נסמן

מספר המחרוזות ב- A שהן באורך n וסכום הספרות שלהן זוגי. a_n

מספר המחרוזות ב- A שהן באורך n וסכום הספרות שלהן אי-זוגי.

 $.b_4$ -סופרים 4131 את המחרוזת 215 סופרים כשמחשבים את a_3 ואת המחרוזת 215 סופרים ב a_{n-1} -ו a_{n-1} בעזרת b_n בעזרת וגם את b_{n-1} וום את a_n בעזרת הביעו את a_n בעזרת $n \geq 2$ א. עבור כל $n \geq 2$ a_n מיצאו נוסחת נסיגה עבור (9 נקי)ב. מיצאו נוסחת

ולכן a_{n-1} -ו a_n בעזרת בעזרת את מאפשר מאפשר מאפשר הדרכה והראשון מסעיף אי מאפשר להביע את בעזרת הראשון מסעיף אי מאפשר להביע את השוויון הראשון מסעיף אי מאפשר להביע את בעזרת הראשון מסעיף אי מאפשר להביע את השוויון הראשון מסעיף אי משר הביע הראשון מסעיף אווי מערכה הראשון מסעיף אי מערכה הראשון מסעיף אווי מערכה הראשון מסעיף אווי מערכה הראשון .(ט את אין השני מסעיף השני מסעיף אי הציבו אותם במקום במקום ו b_{n-1} השני מסעיף אי הציבו אותם במקום וויון השני מסעיף אי a_n -ואת נוסחה כללית a_1 ואת a_2 ומיצאו נוסחה כללית ל- 9)

שאלה 5

6,6,4,4,4,k,k נתון גרף מישורי פשוט וקשיר בעל 7 צמתים ו- 10 פאות שבו דרגות הצמתים הן

(רמז: משפט אוילר) מיצאו את המספר k. נמקו את התשובה (רמז: משפט אוילר)

תוכיחו שהגרף הוא המילטוני. נמקו את התשובה.

(ג.) האם קיים בגרף מעגל אוילר או מסלול אוילר שאינו מעגל! נמקו את התשובה.

בהצלחה!