מטלת מנחה (ממ"ן) 11

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 2,1

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 17.3.2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה
 הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1

$$A = \left\{ \frac{1}{2}, \frac{1}{2^2}, \frac{1}{2^3}, \cdots \right\} = \left\{ \frac{1}{2^n} \mid n \in \mathbf{N} \right\}$$
נסמן: נסמן אוניים. נסמן: \mathbf{N}

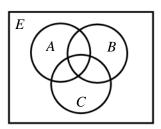
הוכיחו או הפריכו כל אחת מהטענות הבאות:

- א. A קבוצה אינסופית.
- ב. הקבוצות N ו- N שקולות.
- ... כל התאמה בין A ל- N היא חד-חד-ערכית.
- $1 rac{1}{4}$ -ד. קיימת התאמה חד-חד-ערכית בין \mathbf{N} ל-

שאלה 2

באיור שלפניכם דיאגרמת ון. קווקו את השטחים המתארים את הקבוצות הבאות (עשו זאת בדיאגרמות נפרדות).

- $(C \setminus B) \setminus (A \cap B)$.N
- $(C \setminus (B \setminus A)) \setminus (A \setminus B)$.
- $(A \setminus (B \cap C)) \cap (B \setminus (A \cap C))$ λ
- $(A \cup B^c(E)) \cap (A \cup C^c(E))$.7
 - $(A \setminus B) \cup (B \setminus C) \cup (C \setminus A)$.n



 $.\,2x\,{\in}A$ גם אבוצה וכי לכל וכי נתון כי א $.\,\mathbf{N}$ הטבעיים המספרים לקבוצת חלקית קבוצה און המספרים הטבעיים א

- A ושקולה ל- $B = \{2x \mid x \in A\}$ א. הוכיחו שהקבוצה
 - ב. הוכיחו ש- A קבוצה אינסופית.
 - ג. הדגימו קבוצה A השונה מ- N, שמקיימת את תנאי השאלה.

שאלה 4

יהיו או הפריכו כל אחת מן הטענות . $A \cap B$ שקולה ל- A,B קבוצות. נתון ש- $A \cap B$ שקולה ל- A הבאות:

- Aאז $A \cup B \neq B$ או אינסופית.
- ב. אם $B \neq A \cup B$ אז אינסופית.
 - $A \subseteq B$ ג. אם A סופית אז

מטלת מחשב (ממ״ח) 01

הקורס: אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 2,1

מספר השאלות: 24 נקודות

19.3.2019 מועד הגשה: 2019

את התשובות לממייח יש לשלוח באמצעות מערכת **שאילתא**

www.openu.ac.il/sheilta בכתובת

בכל אחת מהשאלות הבאות מופיעה טענה.

סמנו: א - אם הטענה נכונה

אם הטענה לא נכונה - ב

. הטבעיים הטפרים המספרים היא קבוצת \mathbf{N} - הו קבוצות A,B,C הו במטלה זו

שאלה 1

 $1 \in \{1, \{1\}\}$

שאלה 2

 $1 \in \{\{1\}\}$

שאלה 3

 $\{1\} \in \{\{1\}\}$

שאלה 4

 $\{2\} \subseteq \{1,\{1\},\{2\}\}$

שאלה 5

 $\{\emptyset\}\subseteq\{1,\{\emptyset\}\}$

שאלה 6

 $\{\emptyset\}\subseteq \{\emptyset,\{1\}\}$

 $\{1\} \in \{N\}$

8 שאלה

 $x \notin A$ כך ש- $x \in B$ אז קיים $A \nsubseteq B$

9 שאלה

 $x \notin B$ -כך ש $x \in A$ וקיים $x \notin A$ כך ש $x \in B$ אז קיים $x \notin A$

שאלה 10

 $A \subseteq B$ אם $A \in B$ אם

שאלה 11

אם A שקולה ל- B אז כל התאמה בין A ל- B היא חד-חד-ערכית

שאלה 12

אם או הייבת להתאים $B=\{4n|n\in {\bf N}\}$ ו- $A=\{2n|n\in {\bf N}\}$ או כל התאמה חד-חד-ערכית בין $A=\{2n|n\in {\bf N}\}$ את 2 ל- 4 .

שאלה 13

הקבוצות $\{1,\emptyset\}$ ו- $\{1,\emptyset\}$ הן שקולות

שאלה 14

A -שקולה B אז $B \subset A$ או אינסופית אינסופית אם A

שאלה 15

A -א אינה שקולה ל- B אז B אינה שקולה ל- A

שאלה 16

$$A \setminus (B \cup C) = (A \setminus B) \cup (A \setminus C)$$

שאלה 17

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

שאלה 18

$$N \cap \{N\} = \emptyset$$

שאלה 19

$$\{\mathbf{N}\}\setminus\{1,2\}\neq\{\mathbf{N}\}$$

 $A \subseteq P(A)$

שאלה 21

 $\{\varnothing\}\subseteq P(A)$

שאלה 22

 ${f N}$ -אינסופית אז A שקולה ל

שאלה 23

A -אינסופית אז P(A) לא שקולה ל

שאלה 24

 \cdot N -שקולה ל- P(A) אז $A = \{2n | n \in \mathbb{N}\}$ אם

מטלת מנחה (ממיין) 12

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 3,2

מספר השאלות: 3 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1 (30 נקודות)

. $B = \{\{\emptyset, 1\}, \{1\}\}, A = \{\emptyset, 1\}$ יהיו

. בעזרת צומדיים P(B) ו- P(A) בעזרת צומדיים.

. $P(A) \cap B$ ואת $P(A) \cap A$ ב. רישמו את

. $P(B \setminus \{A\})$ ואת $B \setminus (A \cup P(A))$ ג. רישמו את

שאלה 2 (40 נקודות)

: קבוצות הטענות הוכיחו את קבוצות $A\,,B\,,C$

 $A \setminus (B \setminus C) = (A \setminus B) \cup (A \cap C)$.

 $A \subseteq B$ אז $(A \setminus C) \cup (C \setminus B) \subseteq A \cap B$ ב.

 $A \cap B = \emptyset$ in $P(A) \subseteq P(A \setminus B)$...

 $P(A)\subseteq P(B)$ אז $\{A\}\subseteq P(B)$ ד. אם .ד.

שאלה **3** (30 נקודות)

 $\mathbf{Z} = \{0,1,-1,2,-2,3,-3,...\}$ מגדירים פעולה בינרית על קבוצת המספרים השלמים

a<0 אם $a\Delta b=b$ רו $a \geq 0$ אם $a\Delta b=a$

- ${f Z}$ בדקו אם הפעולה Δ מקיימת את תכונות הסגירות, הקיבוציות, החילופיות, ואם קיים ב- איבר נטרלי ביחס לפעולה זו. נמקו את התשובה.
 - P(A) ב. תהי A קבוצה לא ריקה. על הקבוצה P(A) מגדירים פעולה בינרית

 $X * Y = X \cap Y$, $X, Y \in P(A)$ לכל

בדקו אם הפעולה* מקיימת את תכונות הסגירות, הקיבוציות והחילופיות, אם קיים ב-בדקו אם הפעולה איבר מקיימת את לכל איבר ב-P(A) יש נגדי ביחס לפעולה זו. נמקו את התשובה.

מטלת מחשב (ממ״ח) 20

הקורס: אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידה 3

מספר השאלות: 24 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 2019

את התשובות לממייח יש לשלוח באמצעות מערכת **שאילתא**

www.openu.ac.il/sheilta בכתובת

בכל אחת מהשאלות הבאות מופיעה טענה.

סמנו: א - אם הטענה נכונה

ב - אם הטענה לא נכונה

a*a=a על-ידי * על-ידי פעולה מוגדרת שעליה $A=\{a\}$ על-ידי 1,2 נתונה הקבוצה

שאלה 1

A -ם אינה איברים כי אין שלושה איברים ב- *

שאלה 2

* חבורה ביחס לפעולה A

שאלה 3

הפעולה * היא קיבוצית

שאלה 4

st חבורה ביחס לפעולה A

	*	a	b	c	. בשאלות 5, 6, 7 נתונה $\{a,b,c\}$ עם הפעולה $*$ המוגדרת על-ידי הטבלה:
C	a	a	b	С	
l	5	b	а	С	
(С	a	a	

שאלה 5

הפעולה * היא קיבוצית

* לאיבר c יש שני נגדיים שונים ביחס לפעולה

שאלה 7

* קיים לפעולה איבר של A קיים נגדי ביחס לפעולה

בשאלות 12-8, A היא קבוצה לא ריקה

שאלה 8

פעולת החיתוך ב- P(A) היא קיבוצית

שאלה 9

איבר נטרלי ב- P(A) ביחס לפעולת החיתוך

שאלה 10

ל- A יש איבר נגדי ב- P(A) ביחס לפעולת החיתוך

שאלה 11

פעולת ההפרש בין קבוצות ב- P(A) היא קיבוצית

שאלה 12

איבר נטרלי ב- P(A) ביחס לפעולת ההפרש בין קבוצות \varnothing

 $m,n\in \mathbf{N}$ לכל $m*n=m^n$ כך: \mathbf{N} כך: $m*n=m^n$ לכל מעולה הבינרית א המוגדרת על

שאלה 13

הפעולה * קיבוצית

שאלה 14

* קיים איבר נטרלי ביחס לפעולה

ב- 10. בשאלות 15,16 היא פעולת הכפל מודולו 10 כלומר m*n היא שארית החילוק של הכפל ידוע שפעולה או קיבוצית!

שאלה 15

*- היא חבורה ביחס ל-

*-ל ביחס היא חבורה $\{1,3,5,7,9\}$

. * היא קבוצה שעליה מוגדרת פעולה G 21-17 בשאלות G

. נתון ש-G סגורה ביחס לפעולה * ו- $e \in G$ איבר נטרלי.

שאלה 17

b=e או a*b=a ואם וי $a,b\in G$ או $a,b\in G$

שאלה 18

אם a*b=b*a כך ש- $a,b\in G$ אז a*b=a אם קיימים

שאלה 19

b -אם a נגדי לb ואם b נגדי לa או $a,b \in G$

שאלה 20

y = z אז x*y=x*z או $x, y, z \in G$ א

שאלה 21

חבורה G יש שלושה איברים בדיוק ואם הפעולה st מקיימת את חוקי הצמצום אז G

G בשאלות 24-22 היא חבורה שעליה מוגדרת פעולה בינרית a,b ו- a,b הם איברים של

שאלה 22

G של האיברים כל מופיעים כל האיברים של באלכסון טבלת באלכסון

שאלה 23

אינה חילופית G אז $(a*b)^{-1} \neq a^{-1}*b^{-1}$ אם

שאלה 24

x = z אז x * y = y * z או $x, y, z \in G$ א

מטלת מנחה (ממ"ן) 13

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידה 3

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 3.4.2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

סימונים: $\mathbf{Z} = \{0,1,-1,2,-2,3,-3,...\}$ - קבוצת המספרים השלמים,

. קבוצת המספרים הרציונליים - $\mathbf{Q} = \left\{ rac{m}{n} \,\middle|\, m,n \in \mathbf{Z}\,, n
eq 0
ight\}$

שאלה 1

a*b=b*c - איברים שונים זה מזה. נתון שb*c=a, ויהיו $a,b,c\in G$ איברים שונים זה מזה. נתון

- א. הוכיחו ש- G חבורה לא חילופית.
- ב. הוכיחו שב-G יש לפחות חמישה איברים שונים.
- . נגדי לעצמו c נגדי לעצמו a נגדי לעצמו a

שאלה 2

 $\cdot * -$ ים הטבעיים $\cdot N$ נתונה פעולה בינרית חילופית שנסמנה ב

ידוע ש- ${f N}$ חבורה ביחס לפעולה *, ש- ${f 2}$ הוא איבר נטרלי וש- ${f 3}$ נגדי ל- ${f 1}$ בחבורה זו.

 $a\Delta b = (a*1)*b$, $a,b \in \mathbb{N}$ לכל לכל באופן הבא בינרית חדשה Δ באופן הבא על \mathbf{N}

 Δ חבורה ביחס לפעולה N

א. תהי $A = \{2n+1 \mid n \in \mathbf{Z}\}$ א. תהי $A = \{2n+1 \mid n \in \mathbf{Z}\}$

.
$$a * b = \frac{(a-3)(b-3)}{2} + 3$$
 , $a,b \in A$ לכל

. אלו מהתכונות שבהגדרת החבורה מתקיימות ב- A ביחס לפעולה st נמקו את התשובה.

ב. ענו על אותה שאלה כאשר $A = \mathbf{Q} \setminus \{3\}$ (קבוצת כל המספרים הרציונליים השונים מ- 3).

שאלה 4

 $a,b,c \in G$ ויהיו , * מבורה ביחס לפעולה G

- . נגדי לעצמו b*a נגדי לעצמו a*b נגדי לעצמו.
- .b*a=a*b אז a*c -ל נגדי ל- b*c נגדי ל- a אז a הוכיחו שאם ב.
- . נניח ש- e וו איבר נטרלי. (בת ארבעה איברים שונים) (בת אבר נטרלי. $G = \{e, a, b, c\}$
 - $.a*b \neq c*a$ -הוכיחו ש (i)
- . נמקו כל צעד. G נמקו לוח הפעולה את השלימו a*b=c*c נמקו (ii)

מטלת מחשב (ממ״ח) 03

הקורס: אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 5,4

מספר השאלות: 24 נקודות

סמסטר: 22019 מועד הגשה: ב2019

את התשובות לממ״ח יש לשלוח באמצעות מערכת **שאילתא**

www.openu.ac.il/sheilta בכתובת

בכל אחת מהשאלות הבאות מופיעה טענה.

סמנו: א - אם הטענה נכונה,

ב - אם הטענה לא נכונה

שאלה 1

. $\{1\}$ ל- $\{a,b\}$ מגדירה פונקציה מ- $\{a,b\}$, ל- $\{a,b\}$, השלשה

שאלה 2

. $\{1,2,3\}$ ל- $\{a,b\}$ מגדירה פונקציה מ- $\{a,b\}$, ל- $\{a,b\}$, ל- $\{a,b\}$, השלשה

שאלה 3

. N -ל א מגדירה פונקציה מ- $(N,N,\{(n,n-1)|n\in N\})$ השלשה

שאלה 4

. שוות. פונקציות פונקציות שוות. ($\{1,2\}, \mathbf{Z}, \{(1,5), (2,5)\}$) , ($\{1,2\}, \mathbf{N}, \{(1,5), (2,5)\}$) השלשות

שאלה 5

$$f=g$$
 אז $f(A)=g(A)$ אם B ל- A פונקציות מ- A פונקציות מ- A

 $f:\{a,b,c\} \to \{1,2,3\}$ המוגדרת כך: 6-10 נתונה פונקציה

$$f(a) = f(b) = 1$$
, $f(c) = 2$

שאלה 6

$$f({a,b}) = f({a,b,c})$$

$$f(\emptyset) = \emptyset$$

8 שאלה

$$f^{-1}(\{2,3\}) = f^{-1}(\{2\})$$

9 שאלה

$$f^{-1}(\{3\}) = \{\emptyset\}$$

שאלה 10

$${b} \in f^{-1}({2})$$

 $\{1,2,3\}$ ל- $\{1,2,3\}$ ל- פונקציה מ- $\{1,2,3\}$ ל-

שאלה 11

$$f(\{1,3\}) \cap f(\{2\}) = \emptyset$$

שאלה 12

$$f^{-1}(\{1,3\}) \cap f^{-1}(\{2\}) = \emptyset$$

שאלה 13

$$f^{-1}(f(\{2\})) = \{2\}$$

. $f(x)=x^2-4x$ ידי על-ידי המוגדרת פונקציה $f \colon \mathbf{R} \to \mathbf{R}$ נתונה 15-14 בשאלות בשאלות המונה

שאלה 14

$$f^{-1}(\{-4,-5\}) = \{2\}$$

שאלה 15

$$f^{-1}(\{-3,-4\}) = \{2,3\}$$

 $x \in \mathbf{R} \setminus \{1\}$ לכל $f(x) = \frac{x}{x-1}$ ידי $f: \mathbf{R} \setminus \{1\} \to \mathbf{R}$ נתונה 18-16 נתונה $f: \mathbf{R} \setminus \{1\}$

$$x \in \mathbf{R}$$
 לכל $f \circ f(x) = x$

שאלה 17

היא פונקציה חד-חד-ערכית. f

שאלה 18

היא פונקציה על. f

. B היא לקבוצה מקבוצה היא f 20-19 בשאלות בשאלות

שאלה 19

. ערכית. f אז f אז $x_1 \neq x_2$ נובע שגם $f(x_1) \neq f(x_2)$ מתוך מתוך אם לכל אם לכל

שאלה 20

. f(x) = y מתקיים $x \in A$ ולכל $y \in B$ היא על אם ורק אם לכל f

f(n) = n+2 לכל f(n) = n+2 המוגדרת על-ידי $f: \mathbf{N} \to \mathbf{N}$ לכל 22-21 בשאלות

שאלה 21

 \mathbf{N} קיימת $\mathbf{g} \circ f$ כך ש- $\mathbf{g} : \mathbf{N} \to \mathbf{N}$ קיימת $\mathbf{g} \circ f$

שאלה 22

 \cdot N כך ש- $f \circ g$ היא פונקציית הזהות של $g: \mathbf{N}
ightarrow \mathbf{N}$

A הן פונקציות מקבוצה A לקבוצה g ו- g ו- g 1 בשאלות 24-23

שאלה 23

. אם f היא על אז f היא חד-חד-ערכית.

שאלה 24

אט $f \circ g$ היא על. $f \circ g$ אם $f \circ g$ אם היא פונקציית הזהות של

מטלת מנחה (ממיין) 14

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 4,5

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: ב2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה

הסבר מפורט ב#נוהל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1

 $B = \{1, 2\}$, $A = \{a, b, c\}$ יהיו

- אינן על. B ל- A שאינן על.
- ב. רישמו את כל הפונקציות מ- B ל- A שאינן חד-חד-ערכיות.
- $g\circ f
 eq I_A$ אך $f\circ g=I_B$ כך שי $g\colon B o A$ ו- $f\colon A o B$ אך ג. מיצאו פונקציות

 $f \circ g \neq I_B$ כך שר $f \circ g$ חד-חד-ערכית ועל אך $g : B \to A$ ו- $f : A \to B$ היצאו פונקציות ד. מיצאו

שאלה 2

 $C \subseteq A$ ותהי $f: A \rightarrow B$ ותהי

- $C \subset f^{-1}(f(C))$ א. הוכיחו ש
- $C = f^{-1}(f(C))$ ב. הוכיחו שאם f היא חד-חד-ערכית אז
- . ופונקציה f שעבורן ההכלה מסעיף אי היא הכלה ממש. A,B,C ופונקציה ג. הדגימו קבוצות

.(היא קבוצת המספרים הטבעיים \mathbf{N}) $f,g:\mathbf{N}
ightarrow \mathbf{N}$ נתונות פונקציות

$$f(n) = g(2n)$$
 : מתקיים $n \in \mathbb{N}$ מתקיים

- א. הוכיחו כי אם g היא חד-חד-ערכית אז הוכיחו כי אם g היא הוכיחו א.
 - . ב. הוכיחו כי אם f היא פונקציה על אז גם g היא פונקציה על
- . על אך fעל אך אינה כך ש- g-ש השאלה את תנאי המקיימות המקיימות $f,g:\mathbf{N}\to\mathbf{N}$ על אך אינה על.
 - ת-ערכית. g אינה f היא על אז g הוכיחו כי אם f

שאלה 4

 \cdot תהי \mathbf{Q} קבוצת המספרים הרציונליים. הוכיחו או הפריכו כל אחת מן הטענות הבאות

. היא חד-חד-ערכית.
$$f(x) = \frac{x^2}{x-2}$$
 המוגדרת על-ידי
$$f: \{x \in \mathbf{Q} \mid x \leq 0\} \to \mathbf{Q}$$
 א. הפונקציה

. ב. הפונקציה
$$g(x) = \frac{x^2}{x-2}$$
 המוגדרת על-ידי $g: \{x \in \mathbf{Q} \mid x > 2\} \to \mathbf{Q}$ היא חד-חד-ערכית.

. היא על.
$$h(x) = \frac{x^2}{x-2}$$
 המוגדרת על-ידי $h: \{x \in \mathbf{Q} \mid x > 2\} \rightarrow \{x \in \mathbf{Q} \mid x > 2\}$ היא על.

מטלת מנחה (ממ"ן) 15

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 6,5

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 13.5.2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1

נתונות פונקציות $\mathbf{Q} \rightarrow \mathbf{Q}$) $f,g:\mathbf{Q} \rightarrow \mathbf{Q}$ נתונות פונקציות

$$g(x) = f(3x+2)$$
 : מתקיים $x \in \mathbf{Q}$

- . היא חד-חד-ערכית g היא גם f היא חד-חד-ערכית.
 - .4 היא פונקציה על אז g היא פונקציה על היא פונקציה על.
- $g^{-1}(y) = \frac{f^{-1}(y) 2}{3}$: מתקיים g מתקיים g הפיכה, אז g הפיכה, אז g הפיכה ולכל 3

שאלה 2

תהי G,A,B נקודות במישור השונה איזומטרית הזהות ויהיו O,A,B נקודות במישור השונה איזומטריה של המישור השונה סיא קבוצה קבועה של שאינן על אותו ישר. ידוע כי O היא נקודת שבת של f וכי ידוע כי O היא נקודת היא נקודת שבת של f . f

- א. הוכיחו שהמשולש OAB הוא שווה שוקיים.
- ב. הוכיחו שלאיזומטריה f יש נקודת שבת נוספת (שונה מ-O).
- . תארו באופן מדויק את כל האיזומטריות f המקיימות את תנאי השאלה.

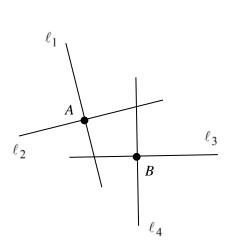
 $\,.\,g\,$ שבת שבת נקוף וכי $A\,$ וכי שיקוף ידוע ידוע איזומטריות של המישור. ידוע ידוע ידוע $f,g\,$ יהיו

- f(B) = A כך ש- B כקודה א. הוכיחו שקיימת נקודה
- . $f \circ g \circ f$ היא הוכיחו ש- B היא נקודת שבת של היא ב.
 - . הוכיחו שאם g שיקוף אז גם $f \circ g \circ f$ שיקוף.

שאלה 4

Aהנקודה דרך העוברים אונכים מאונכים שני שני שני במישור במישור במישור לוח שני שני שני פו ℓ_1,ℓ_2

- .(ראו איור) איני דרך הנקודה זה לזה מאונכים מאונכים שני שני שני שני שני ℓ_3,ℓ_4
 - . $S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}=S_{\ell_1}\circ S_{\ell_2}$ א. הוכיחו כי
- . בה. נמקו את גמקו התשובה.
. S $_{\ell_4}\circ S_{\ell_3}\circ S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}$ האיזומטריה את מדויק מדויק באופן
 - ג. מיצאו ישר ℓ כך שהאיזומטריה $S_{\ell_4}\circ S_{\ell}\circ S_{\ell_3}$ תהיה שיקוף מוזז ביחס ל- ℓ_3 (כלומר: שיקוף ביחס ל- ℓ_3).



מטלת מחשב (ממ״ח) 04

הקורס: אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 7,6

מספר השאלות: 24

26.5.2019 מועד הגשה: 2019

את התשובות לממייח יש לשלוח באמצעות מערכת **שאילתא**

משקל המטלה: 2 נקודות

בכתובת www.openu.ac.il/sheilta

בכל אחת מהשאלות הבאות מופיעה טענה.

סמנו: א - אם הטענה נכונה,

ב - אם הטענה לא נכונה

. ביחס אליהם שיקופים הם $S_{\ell_1}, S_{\ell_2}, S_{\ell_3}, S_{\ell_4}$ -ו הם ישרים $\ell_1, \ell_2, \ell_3, \ell_4$,6-1 בשאלות

שאלה 1

שאלה 2

אם משותפת נקודה וויאלי ל- $\ell_1,\ell_2,\ell_3,\ell_4$ יש ל- אותו סיבוב לא טריוויאלי הן אותו אותו אות $S_{\ell_4}\circ S_{\ell_3}$ ו יש כקודה אותפת אותו אותו היבוב לא טריוויאלי אותו היבוב אותו היבוב אותו היבוב לא טריוויאלי אותו היבוב לא טריוויאלי היבוב לא טריוויא

שאלה 3

 $S_{\ell_4'}\circ S_{\ell_3'}=S_{\ell_4}\circ S_{\ell_3}$ -ו $\ell_3'\parallel\ell_1$ -פך שר ℓ_3',ℓ_4' כך אז ישנם ישרים אי סיבוב אז סיבוב אז ישנם ישרים ישרים $S_{\ell_4}\circ S_{\ell_3}$ -ו הזזה ישנה $S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}$

שאלה 4

. איקוף $S_{\ell_3}\circ S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}$ אז הזזה איז $S_{\ell_3}\circ S_{\ell_1}$ האזה אוזה איקוף איקוף

שאלה 5

. איקוף $S_{\ell_3}\circ S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}$ אי סיבוב אז $S_{\ell_3}\circ S_{\ell_1}$ הזזה איזה איקוף איקוף

אינם ישרים ישרים נקודה, קיימים כולם נחתכים ואינם לזה ואינם מקבילים אינם מקבילים אינם אינם מקבילים אינם אינם מקבילים ואינם לזה ואינם מקבילים אינם מקבילים מקבים מקבים מקבים מקבילים מ

. $S_{\ell_3'}\circ S_{\ell_2'}\circ S_{\ell_1'}=S_{\ell_3}\circ S_{\ell_2}\circ S_{\ell_1}$ -שמונך להם כך מאונך מאונך ℓ_3' , ℓ_2'

שאלה 7

. אם איזומטריה של המישור אז f^{-1} היא איזומטריה של איזומטריה של

שאלה 8

. כך שיקוף מוזז. $f \circ f$ היא שיקוף מוזז.

בשאלות חופפים $\triangle A'B'C'$ ו- $\triangle ABC$ 9-11 בשאלות בשאלות

שאלה 9

 $\triangle A'B'C'$ על איזומטריה את המעתיקה אמה שהופכת שהופכת ק

שאלה 10

 $\triangle A'B'C'$ על $\triangle ABC$ את המעתיקה שבת בעלת נקודת שבת בעלת ל

שאלה 11

 $\triangle A'B'C'$ על $\triangle ABC$ את המעתיקות שונות שונות איזומטריות קיימות

שאלה 12

f(x) = x -ע כך ש- $x \in M$ אינה קבוצת שבת של איזומטריה א אי קיימת נקודה M

lpha בשאלות 13- 20 lpha היא מערכת אקסיומות, lpha אקסיומה כלשהי ו- lpha היא שלילת A בשאלות 13-

שאלה 13

. חסרת סתירה אז $A \cup \{\alpha\}$ אם המערכת $A \cup \{\alpha\}$

שאלה 14

. בעלת סתירה $A \cup \{\alpha\}$ בעלת סתירה A

שאלה 15

. אם $A \cup \{lpha\}$ שלמה A

אם שלמה ואם $A \setminus \{\alpha\}$ אז $\alpha \in A$ לא שלמה.

שאלה 17

. תלויה $A \cup \{ \sim \alpha \}$ או $A \cup \{ \alpha \}$ תלויה $A \cup \{ \alpha \}$

שאלה 18

אם $A \cup \{ \sim \alpha \}$ או $A \cup \{ \alpha \}$ בעלת סתירה. $A \cup \{ \alpha \}$

שאלה 19

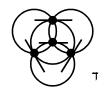
. אם $A \setminus \{\alpha\}$ אז $\alpha \in A$ לא שלמה $A \setminus \{\alpha\}$

שאלה 20

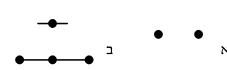
אם $A \cup \{\alpha\}$ חסרת סתירה אז $A \cup \{\alpha\}$ אם $A \cup \{\alpha\}$

בשאלות 24-20 נתייחס למערכת האקסיומות הבאה:

- א. על כל ישר יש נקודה
- ב. לכל שלוש נקודות קיים בדיוק ישר אחד כך ששלושתן נמצאות עליו
- m ג. לכל ישר m ונקודה P שאינה עליו, קיים בדיוק ישר אחד דרך P ללא נקודה משותפת עם לפניכם ההמחשות הבאות (מעגלים וקשתות מגדירים ישרים):







שאלה 21

המחשה א מראה שהמערכת חסרת סתירה

שאלה 22

1,3 אמחשה ב מראה שאקסיומה 2 לא נובעת מאקסיומות

שאלה 23

מן ההמחשות ג ו- ד ניתן להסיק שהמערכת אינה קטגורית.

שאלה 24

מן ההמחשות הנתונות אפשר להסיק שהמערכת אינה שלמה.

מטלת מנחה (ממיין) 16

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 7

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 2019

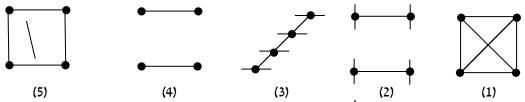
קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1 (28 נקודות)

לפניכם מערכת אקסיומות, אשר מושגי היסוד שלה הם "נקודה", "ישר" (כקבוצה של נקודות) והיחס "נמצאת על".

- .1 יש בדיוק ארבע נקודות.
- ואין לו אפר P נמצאת עליו, ואין לו פאינה על ℓ , קיים ישר יחיד, אשר ולכל נקודה ℓ נקודה משותפת עם . ℓ
 - 3. כל נקודה נמצאת על שני ישרים שונים לפחות.
- א. עבור כל אחת מן ההמחשות הבאות, קבעו אם היא מגדירה מודל למערכת. אם לאו ציינו את האקסיומות שאינן מתקיימות.



- ב. הוכיחו שהמערכת אינה תלויה.
- ג. הוכיחו שהמערכת אינה שלמה.
- ד. הוכיחו או הפריכו כל אחת מהטענות הבאות:
- 1. בכל מודל של המערכת הנתונה, על כל ישר יש לפחות נקודה אחת.
- 2. קיים מודל למערכת שבו יש ישר שעליו נמצאות שלוש נקודות בדיוק.

שאלה 2 (16 נקודות)

לפניך מערכת אקסיומות, אשר מושגי היסוד שלה הם יינקודהיי, ייישריי והיחס יינמצאת עליי.

- 1. קיימת נקודה הנמצאת על שני ישרים שונים בדיוק.
- 2. לכל שתי נקודות שונות קיים ישר אחד ויחיד ששתיהן נמצאות עליו.
 - 3. קיימים לפחות שלושה ישרים שונים.
 - 4. לא כל הנקודות נמצאות על ישר אחד.

הוכיחו שהמערכת תלויה ולא שלמה.

שאלה 3 (28 נקודות)

בשאלה זו נתייחס למערכת אשר מושגי היסוד שלה הם "איבר" ו"פעולה בינרית", הכוללת את ארבע האקסיומות של החבורה כפי שהוגדרו ביחידה 3, ואותן נסמן על-פי סדרן ב- 1,2,3,4 ואת אקסיומה 5: "יש בדיוק 4 איברים".

- א. הוכיחו שאקסיומה 2 אינה נובעת מן האקסיומות האחרות.
- ב. הוכיחו שאקסיומה 4 אינה נובעת מן האקסיומות האחרות.
- ג. הוכיחו שהקבוצות הבאות הן מודלים למערכת (1,2,3,4,5): הקבוצה {3,6,9,12} יחד עם פעולת הכפל מודולו 15 והקבוצה {1,4,11,14} יחד עם פעולת הכפל מודולו 15. (בשני המקרים, אין צורך להוכיח קיבוציות).
 - ד. הוכיחו שהמערכת (1,2,3,4,5) אינה קטגורית.

שאלה 4 (28 נקודות)

נתונה מערכת האקסיומות הבאה, אשר מושגי היסוד שלה הם יינקודהיי, ייישריי (כקבוצה של נקודות) והיחס יינמצאת עליי.

- קיימים שני ישרים שונים שיש להם לפחות נקודה משותפת אחת (כלומר נקודה הנמצאת על שניהם).
- 2. לכל שני ישרים שונים ℓ_1,ℓ_2 , אם קיימת נקודה A הנמצאת על שניהם אז קיימת נקודה .נוספת A, שונה מ- A, הנמצאת אף היא על שני הישרים האלה.
- נמצאת עליו P -שאינה על קיים לפחות ישר אחד כך ש- P נמצאת עליו . לכל נקודה משותפת עם . ℓ
 - א. הוכיחו שהמערכת היא חסרת סתירה.
 - ב. הוכיחו שהמערכת היא בלתי תלויה.
 - נ. הוכיחו שהמערכת אינה קטגורית.
 - ד. הוכיחו שבמערכת הנתונה מתקיים המשפט: ייקיימות לפחות ארבע נקודות שונותיי.

מטלת מחשב (ממ״ח) 05

הקורס: אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 9,8

מספר השאלות: 24 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: ב2019

את התשובות לממייח יש לשלוח באמצעות מערכת **שאילתא**

www.openu.ac.il/sheilta בכתובת

בכל אחת מהשאלות הבאות מופיעה טענה.

סמנו: א - אם הטענה נכונה

ב - אם הטענה לא נכונה

. במטלה זו פירוש המילה "מישור" היא המישור הרגיל. נסמן ב- P את קבוצת הנקודות שלו.

בשאלות 4-1 נתייחס למודל שבו קבוצת הנקודות היא $M = P \setminus AB$ היא קבוצת שבו למודל למודל 4-1 בשאלות .M במישור. הישרים של החיתוכים הלא החיתוכים הלא הישרים במודל ההם כל החיתוכים הלא היקים של הישרים במודל החיתוכים הלא היקים של החיתוכים הלא הישרים במודל החיתוכים הלא היקים של הישרים במודל החיתוכים הלא היקים של החיתוכים הלא היקים הלא היקים של החיתוכים הלא היקים הלא היקי

(שימו לב שבמודל זה ישרים יכולים להיות גם איחוד של שתי קרניים).

שאלה 1

במודל זה מתקיימות כל אקסיומות החילה.

שאלה 2

המודל מדגים את האי-תלות של אקסיומת המקבילים באקסיומות החילה.

שאלה 3

המודל מקיים את כל אקסיומות הסדר.

שאלה 4

המודל מדגים את האי-תלות של אקסיומת פאש בשאר אקסיומות הסדר.

המודל מקיים את אקסיומת החפיפה 1-III.

שאלה 6

. 2-III המודל מקיים את אקסיומת החפיפה

שאלה 7

המודל מקיים את אקסיומת החפיפה 3-III.

שאלה 8

המודל מקיים את אקסיומת החפיפה 4-III .





: בשאלות 10-9 נעסוק בהמחשות הבאות

הנקודות בכל המחשה הן הנקודות הפנימיות, ללא הנקודות שעל הקו המקיף. ישר הוא אותו חלק של ישר רגיל הנמצא בתוך קבוצת הנקודות הנתונה.

9 שאלה

המחשה א מקיימת את אקסיומת המקבילים.

שאלה 10

המחשה ב מקיימת את אקסיומת פאש.

שאלה 11 ההמחשה



מתארת מודל שמקיים את אקסיומות החילה ואקסיומת המקבילים.

שאלה 12

ההמחשה



מתארת מודל שמקיים את אקסיומות החילה ואקסיומת המקבילים.

. בשאלות 13-8 הם מספרים שלמים a,b,c

שאלה 13

. $bc \mid a^2$ אם $c \mid a$ וא $c \mid a$ אם א

שאלה 14

 $a^2|bc$ אם a|c -ו a|b אם

שאלה 15

. c או a אז a או a או a או a אם a

שאלה 16

a אם אז a אם אז a אם אז a אם אם a

שאלה 17

3 ב- 4 ב- 4 ב- 4 היא מספר a^2 ב- 4 היא קיים מספר

שאלה 18

a אז b=c אז ב- a אם שארית החלוקה של ב- a אז ב- a אז

שאלה 19

. c - ב a אז שארית החלוקה של b - ב a קטנה של אז שארית החלוקה של b

שאלה 20

2r איז ב- 2a ב- a היא אז שארית החלוקה של ב- a היא היא

שאלה 21

הקבוצה הנוצרת מ- {2,-5} על-ידי חיבור היא קבוצת כל המספרים השלמים.

שאלה 22

הגדולים הטבעיים המספרים את קבוצת מכילה אל (1,2,3,5,7,1 1,13) על ידי כפל מכילה את הנוצרת מ- $\{1,2,3,5,7,1 1,13\}$ על ידי כפל מכילה את הנוצרת מ- $\{1,2,3,5,7,1 1,13\}$

שאלה 23

. אינו ראשוני n+4 , n+2 , n מספר טבעי גדול מ-n+4 אינו ראשוני מחד מבין המספרים

שאלה 24

 $1.15^{2m-1}\cdot 6^n\cdot 2^k=5^k\cdot 9^n\cdot 2^m$ כך ש- היימים מספרים טבעיים m,n,k

מטלת מנחה (ממיין) 17

הקורס: 04101 - אשנב למתמטיקה

חומר הלימוד למטלה: יחידות 9,8

מספר השאלות: 4 נקודות

סמסטר: 2019 מועד הגשה: 18.6.2019

קיימות שתי חלופות להגשת מטלות;

- שליחת מטלות באמצעות מערכת המטלות המקוונת באתר הבית של הקורס
 - שליחת מטלות באמצעות הדואר או הגשה ישירה למנחה במפגשי ההנחיה הסבר מפורט ב#נוחל הגשת מטלות מנחה#

שאלה 1

בשאלה זו נניח כי כל הנקודות נמצאות במישור אחד וכי מתקיימות אקסיומות החילה, הסדר ואקסיומת המקבילים. נאמר כי שני קטעים ST ו- ST הם מקבילים אם הישר המכיל את הנקודות A,B,C יהיו A,B,C נקודות לא קוויות.

- א. הוכיחו שלכל נקודה F המקיימת את הסדר (AEB) אה המקיימת את המדר בקודה א המקיימת המדר בקיימת הסדר בהקטע EF מקביל לקטע (AFC) הסדר הסדר המקיימת את
- ב. נאמר כי נקודות F היא פנימית למשולש Δ ABC ב. נאמר כי נקודות P היא פנימית למשולש ב. (EPF) (AFC) (AEB) וקיימים הסדרים EF

Pו- או הנקודות את ישר ישר או על את המטולש הוכיחו או נקודה פנימית למשולש הוכיחו או על ישר המכיל הובר פנימית למשולש האובר העובר האובר במשולשים באר האובר האובר האובר העובר באר הנקודות או באר העובר הנקודות או באר הנקודות או באר הנקודות או באר המשולש האובר המסודה המשולש האובר המסודה המשול האובר המשולש האובר המשול המשול האובר המשול המשול

שאלה 2

a,b,d הם מספרים טבעיים. הוכיחו או הפריכו כל אחת מן הטענות הבאות:

- א. אם שארית החילוק של a ב- b היא החילוק של r_1 ושארית החילוק של a ב- a היא שארית החילוק של a+b החילוק של a+b החילוק של a+b
 - . $a^2 = b^3$ -כך ש- מספרים טבעיים a,b כד ש-
 - $a^2 = b^3$ אז א , $p \mid b$ ואם $a^2 = b^3$ ואם מספר ראשוני, אם $a^2 = b^3$ ואם אז א הוא מספר ראשוני, אם

- .4 א ב- 5 היא א ב- n^2+n של הוכיחו שלא היים מספר טבעי n כך ששארית החילוק של
- ב. נסמן ב- A^* את הקבוצה הנוצרת על-ידי הכפל מ- $A = \{6,14\}$ את הקבוצה הנוצרת על-ידי הכפל מ- $B = \{2,9,10\}$ הנוצרת על-ידי הכפל מ- $B = \{2,9,10\}$ הוכיחו כי

שאלה 4

- א. מיצאו מספר טבעי a קטן ביותר שעבורו מתקיים $a>3^a$ והוכיחו באינדוקציה א. מיצאו מספר טבעי a>a טבעי, מתקיים כי לכל a>a
- ב. נתונים n ישרים במישור כך שאף שניים מהם אינם מקבילים ואף שלושה מהם אינם עוברים n ישרים במישור על-ידי n את מספר האזורים השונים הנוצרים במישור על-ידי S(n) את מספר האזורים השונים הנוצרים במישור על-ידי הישרים האלה.
- S(4) מהו (3) בכמה יגדל מספר האזורים כאשר מוסיפים ישר רביעי? בכמה יגדל (i) אם נוסיף ישר חמישי?
 - $S(n) = \frac{n^2 + n + 2}{2}$: מתקיים מתקיים אינדוקציה שלכל (ii)