אין צורך לכתוב פסידוקוד, אלא אם נדרש במפורש. חובה להוכיח (או להסביר) כל טענה.

### שאלה 1

 $q \leq q \leq n$  ,  $q \leq n$  ,  $q \leq n$  ,  $q \leq n$  של מספרים ממשיים. ידוע שקיימים שני אינדקסים  $q \leq n$  של  $q \leq n$  של מספרים ממשיים. ידוע שקיימים אינם הבאים:

$$A[1] \leq ... \leq A[p]$$

$$A[p] \geq ... \geq A[q]$$

$$A[q] \leq ... \leq A[n]$$

A במערך נתון ערך נתון למציאת למציאת ריצתו ריצתו כתבו אלגוריתם שזמן ריצתו  $O(\lg n)$ 

# שאלה 2

נתונה נוסחת הנסיגה הבאה:

$$T(n)=2T(n/4)+n^{(1-\alpha)/2}+n^{\alpha/2}$$
 פתרו את נוסחת הנסיגה עבור הערכים השונים של הפרמטר הממשי  $\alpha\in[0,1]$  .  $\beta$ 

# שאלה 3

הציעו מבנה נתונים S התומך בפעולות הבאות:

,S-ל איבר הכנסת האיבר : PUSH(S,x)

;Sל מחיקת שהוכנס האיבר מחיקת :  $\mathsf{POP}(S)$ 

S החזרת האיבר המינימלי של: MIN(S)

S הוספת הערך הממשי לכל איברי החספת הערך החספת :  $\mathrm{ADD}(S,d)$ 

O(1) כל פעולה צריכה להתבצע בזמן <

המשך הבחינה בעמוד הבא

#### שאלה 4

תציעו מבנה נתונים S שבאמצעותו ניתן לבצע את הפעולות הבאות בזמנים הנדרשים (ח מציין את מספר האיברים של S; הניחו שמפתחות המבנה הינם מספרים ממשיים):

- $;\,O(n)$ : מסדרה ממוינת של מספרים ממשיים: מסדרה מסדרה מסדרה מסדרה מסדרה ממוינת ווער מספרים מסדרה מסדר
  - S ;  $O(\lg n)$  : זמן הריצה: INSERT(S,k)
  - ;  $O(\lg n)$  : מחיקת האיבר שאליו מצביע מהמבנה ב מחיקת האיבר ישליו ימנה: DELETE(S,z)
    - O(1): החזרת המפתח השכיח ביותר במבנה: MODE(S) החזרת המפתח השכיח ו
- .  $O(\lg n)$  : זמן הריצה: DEL-MODE(S)

# שאלה 5

ברצוננו לתחזק מבנה נתונים M המורכב ממערך S באורך k ומ-k עצים אדומים-שחורים i=1,...,k עצים i=1,...,k מורחבים i=1,...,k וסמן ב-i=1,...,k עדים i=1,...,k מכיל מצביע אל שורש העץ i=1,...,k (ושדות נוספים, לפי הצורך). כל עץ i=1,...,k מכיל i=1,...,k איבר ב-i=1,...,k או i=1,...,k מתים, i=1,...,k כל איבר ב-i=1,...,k ווחה ל-i=1,...,k מבר ב-i=1,...,k

- .  $\Theta (\lg k + \lg(n/k))$  א. תארו שגרת חיפוש שרצה בזמן
- $\Theta \left( k \cdot \lg(n/k) \right)$  ב. תארו שגרת הכנסה ושגרת מחיקה הרצות כל אחת בזמן
- ג. תארו שגרה יעילה המחזירה את האיבר בעל דירוג (מיקום לינארי) נתון מחמבנה M ; נתחו את זמן הריצה של השגרה.
- $;\,M$  תארו שגרה יעילה המחזירה את דירוגו (מיקומו הלינארי) של איבר נתון של המבנה נתחו את זמן הריצה של השגרה.

. פרט למצביעים איזה מידע איזה מידע אריך שמור בתאים של S, פרט למצביעים.

# !カロフェカニ