## בחינה 8

## מבנה הבחינה:

בבחינה שני חלקים.

חלק א' הוא שאלת חובה. בחלק ב' יש לענות על 3 מתוך 4 השאלות.

בסך הכל יש לענות אפוא על ארבע שאלות:

שאלה 1 שבחלק אי ועוד שלוש מארבע השאלות שבחלק בי.

. אם בחלק בי תשיב/י על יותר מ- 3 שאלות, יחושב הציון לפי 2 התשובות הראשונות

משך המבחן: 3 שעות.

חומר עזר: כל חומר עזר מותר, כולל מחשבון.

# שימו לב:

- \* בחלק ב' של הבחינה יש לנמק כל תשובה, גם אם זה לא נדרש בפירוש בגוף השאלה.
- \* מותר להסתמך על כל טענה המופיעה בספרי הלימוד של הקורס, כולל התשובות לשאלות שבספרי הלימוד וכולל החוברת "אוסף תרגילים פתורים". אפשר להסתמך גם על הפתרונות שפורסמו למטלות של הסמסטר הנוכחי.
- \* אם ברצונך להסתמך על טענות ממפגשי הנחיה, כולל מפגשי אופק, עליך לחזור ולהוכיחן.
- \* בפתרון סעיף של שאלה מותר להסתמך על סעיפים קודמים של אותה שאלה, גם אם לא פתרת אותם.

אין צורך להחזיר את השאלון בתום הבחינה

1 בחינה

## חלק א': שאלת חובה (19 נקודות)

#### שאלה 1

בחרו את התשובה הנכונה בכל סעיף. רשמו את התשובות בתוך המחברת.

**בשאלה זו בלבד אין צורך בהוכחה.** אפשר (לא חובה) לתת הסבר קצר: כמה מלים, לא יותר משתי שורות. הסבר עשוי לאפשר לבודק לתת לכם נקודה או שתים גם אם בחרתם תשובה לא נכונה. מצד שני, הסבר שגוי בצורה קיצונית עלול להביא להורדה של נקודה או שתים.

- (6 נקי) אי $\alpha \wedge \beta$  הם פסוקים. נתון שהפסוק  $\alpha \wedge \beta$  הוא סתירה. מכאן נובע אום  $\alpha \wedge \beta$ 
  - .הוא סתירה ו-  $\beta$  הוא סתירה  $\alpha$
  - .הוא סתירה משני הפסוקים  $\alpha, \beta$  הוא סתירה.
  - התשובות הקודמות אינן נכונות, התשובות הקודמות אינן ממני הפחובות אחד משני הפחות אבל לפחות אחד משני הפחוקים  $\alpha,\beta$ 
    - התשובות הקודמות אינן נכונות, התשובות הקודמות אינן מאנן eta אבל הפסוק  $\alpha$  שקול לשלילתו של הפסוק
      - אף אחת מהטענות הקודמות אינה נכונה.
- : המקיימות את התנאים אלקבוצה (0,1), המקיימות את התנאים הבאים אלקבוצה (7 נקי) ב. A

f(n) = 1 , אי-זוגי מספר אל-

. f(n) = 0 ,4 ב- 4, המתחלק ה

 $\cdot$  עוצמתה של A היא  $\cdot$  עוצמתה של A היא

- C [3] מספר סופי [1]
- A את עוצמת את מהנתונים את ניתן לקבוע מהנתונים את עוצמת [4]
  - c : הוא גרף פשוט על 32 צמתים, המוגדר כך 6) אוא גרף פשוט על 32 נקי

a,b אותיות מהאותיות באורך 5 הבנויה מהאותיות G

G גם aaaaa היא צומת של aabab היא צומת של aabab

צמתים (כלומר הות) מתלכדות אם המחרוזות x,y מתלכדות בקשת אם ורק אם בקשת אם ביים בקשת מתלכדות יהות).

למקום אחד בלבד במחרוזת.

למשל, יש קשת בין הצומת aabab לצומת abbab, כי המחרוזות הללו נבדלות זו מזו רק במקום אחד (האות השניה במחרוזת).

:מספר G של G הוא

160 [5] 144 [4] 128 [3] 80 [2] 64 [1]

2 בחינה

# חלק ב': ענו על שלוש מתוך ארבע השאלות הבאות

משקל כל שאלה 27 נקודות. משקל חלק ב׳ כולו: 81 נקודות

#### שאלה 2

.  $\{1,2,3,4\}$  מעל הקבוצה כזה מעל פיים יחס (רלציה) בכל אחד מהסעיפים, קבעו אם היים יחס

אם קיים – הביאו דוגמא. אם לא קיים – **הוכיחו** שלא קיים.

- (6 נקי) א. סימטרי, טרנזיטיבי, לא רֵיק ולא רפלקסיבי.
  - (7 נקי) ב. טרנזיטיבי, לא סימטרי ולא אנטי-סימטרי.
- (7 נקי) ד. סדר חלקי שבו קיים אבר **קטן ביותר** וקיימים בדיוק שני אברים מקסימליים.

## שאלה 3

,בטבעיים  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 9$  בטבעיים מספר פתרונות מספר פתרונות

. 5 - כאשר אף אחד מהמשתנים אינו שווה ל- 4 ואף אחד מהמשתנים אינו שווה ל

0 הוא מספר טבעי. כדאי לפתור בעזרת הפרדה והכלה. יש להגיע לתשובה סופית מספרית.

## שאלה 4

- א. (5 נקי) מהו מספר המחרוזות באורך 11 הבנויות מ- 7 הופעות של 0 א. (1 נקי) מהו מספר המחרוזות באורך 11 הבנויות מו נו- 4 הופעות של 1 ? למשל 11000100001 היא מחרוזת כזו.
- ב. (11 נקי) בכמה מהמחרוזות שבסעיף א אין הופעות צמודות של 1, כלומר אין הופעה של המחרוזת "11"? הדרכה לפתרון מהיר: חשבו על ספרות 0 כעל מחיצות.
  - X, |X|=4 ,  $X\subseteq\{1,2,3...,11\}$  מקיימות: X מקיימות מצאו כמה קבוצות (נב- X לא נמצאים אף שני מספרים שההפרש ביניהם הוא X במלים אחרות, לכל X טבעי, אם X אז X X (במלים אחרות, לכל X טבעי, אם X אז X X X

הדרכה: היעזרו בסעיפים הקודמים. אפשר להיעזר במושג "פונקציה אופיינית" ("תורת הקבוצות" עמי 85).

## שאלה 5

. גם מעגל המילטון. G קיים מעגל אוילר, וקיים ב- G גם מעגל המילטון.

?האם בהכרח קיים ב- G מסלול שהוא בעת ובעונה אחת מעגל אוילר ומעגל המילטון? אם בהכרח קיים ב- מסלול אם לא G אם כן G הוכיחי בפירוט. אם לא G תני דוגמא נגדית מנומקת.

# !กทร์วิกล

2 בחינה