## מבנה הבחינה:

- . יש לענות על 4 מתוך 5 השאלות.
  - . 25% משקל כל שאלה \*
- אם תשיב/י על יותר מ- 4 שאלות, יחושב הציון לפי + התשובות הראשונות. +

משך המבחן: 3 שעות.

חומר עזר: כל חומר עזר מותר, כולל מחשבון.

# שימו לב:

- \* יש לנמק כל תשובה, גם אם זה לא נאמר במפורש בשאלה.
- \* מותר להסתמך על כל טענה המופיעה בספרי הלימוד של הקורס, כולל התשובות לשאלות שבספרי הלימוד וכולל החוברת
  - "אוסף תרגילים פתורים". אפשר להסתמך גם על הפתרונות שפורסמו למטלות של הסמסטר הנוכחי.
- \* אפשר גם להסתמך על טענות מהמדור "עזרים ללמידה" באתר הקורס.
- \* אם ברצונך להסתמך על טענות ממפגשי הנחיה, כולל מפגשי אופק, עליך לחזור ולהוכיחן.
  - \* בפתרון סעיף של שאלה מותר להסתמך על סעיפים קודמים של אותה שאלה, גם אם לא פתרת אותם.

אין צורך להחזיר את השאלון בתום הבחינה

## אנא קראו בתשומת-לב את כל ההנחיות שבעמוד הקודם!

#### שאלה 1

 $A = \{1,2,3\}$  מעל (הרלציות) היחסים היחסים M

- $! \mid M \mid$  א. מהי  $M \mid$ !
- $(A \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A)$  ולא מעל  $(A \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A)$  ולא מעל  $(A \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A) \; \mathsf{L}(A)$

$$R_1R_2 = R_2R_1$$
 אםם  $(R_1, R_2) \in \mathbf{S}$   $: R_1, R_2 \in M$  עבור

M אינו יחס שקילות מעל S - הוכיחו ש

#### שאלה 2

בעמי 27 בכרך ייתורת הקבוצותיי הגדרנו פעולה של הפרש סימטרי בין שתי קבוצות. להלן נסיון לא מוצלח להגדיר הפרש סימטרי בין **עוצמות**.

מצאו מה לא תקין בהגדרה הבאה.

,(לא בהכרח שונות זו מזו), בהנתן עוצמות k,m

|B|=m , |A|=k המקיימות קבוצות A,B

.  $k \oplus m = |A \oplus B|$  : נגדיר

הגדרה כזו אינה אפשרית. עליכם להסביר מה הבעיה בהגדרה, ולהראות ע״י דוגמא שההגדרה אינה תקינה. הדרכה: ראו ההגדרות של חיבור, כפל וחזקה של עוצמות.

#### שאלה 3

ברשותנו כדורים אדומים, כדורים כחולים, כדורים ירוקים וכדורים לבנים, מכל צבע בדיוק 10 כדורים. בכמה דרכים ניתן לבחור מתוכם 24 כדורים, ללא חשיבות לסדר הבחירה! כדורים בעלי אותו צבע נחשבים זהים.

יש להגיע לתשובה סופית מספרית, ולא עייי חישוב סכום של עשרות גורמים.

אפשר להיעזר בפונקציה יוצרת, אפשר בעזרת הכלה והפרדה, כל דרך נכונה תתקבל.

### שאלה 4

.  $A = \{1,2,3,4,5\}$  תהי

A-מם מ- $A^3=A imes A imes A$  שאבריהן לקוחים מ- $A^3=A imes A imes A$ 

- (3 נקי) א. כמה פונקציות של  $A^3$  לקבוצה (3,1) קיימות:
- , שוות, שקולות אם הן שקולות ייקראו סדורות אם הן שוות, ב. נגדיר אם שקילות מעל  $A^3$ שתי שקילות בהירות נגדיר בשלשה או נבדלות בסידור האיברים בשלשה או בשלשה או נבדלות בסידור האיברים בשלשה או בסידור האיברים בעדר בעדר האיברים בעדר האיברים בעדר בעדר האיבר
  - . (2,1,3) שקולה ל- (1,2,3)
  - (1,1,2), אך אינה שקולה ל- (2,1,2), אך אינה שקולה ל- (1,2,2)

כמה מחלקות שקילות יש! נמקו.

הבאה: יש התכונה הבאה  $\{0,1\}$  יש לכמה פונקציות של בוצה  $A^3$  לקבוצה לכמה פונקציות של 11)

: מתקיים זה מזה מונים אונים לאו a,b,c ) מתקיים מתקיים

$$f(a,b,c) = f(a,c,b) = f(b,a,c) = f(b,c,a) = f(c,a,b) = f(c,b,a)$$

הדרכה לסעיף ג': היעזרו בסעיף בי. יש לנמק.

אפשר גם להיעזר במושג ״פונקציה אופיינית״, שהוגדר בעמ׳ 85 בכרך ״תורת הקבוצות״.

#### שאלה 5

V שני עצים על אותה קבוצת אמתים  $G_2 = (V, E_2)$  ,  $G_1 = (V, E_1)$  יהיו

 $G_2$  -ב v של הדרגה של ב-  $d_2(v)$  ותהי ותהי  $G_1$  הדרגה של  $d_1(v)$  הדרגה לכל

.  $d_1(v) + d_2(v) \le 3$ עבורו  $v \in V$  קיים כי הוכיחו הוכיחו

הדרכה: חשבו את סכום כל הדרגות בשני העצים.

# Innf3na