S : סימון סימון קבוצת כל התוצאות האפשריות של ניסוי מקרי.

נקודה במרחב המדגם: תוצאה אפשרית כלשהי של הניסוי המקרי (כלומר, איבר במרחב המדגם).

 \dots , C, B, A: סימון סימון על הראב המדגם (כלומר, אוסף כלשהו של תוצאות אפשריות).

אומרים ש**מאורע מתרחש**, אם תוצאת הניסוי המקרי היא אחת מהתוצאות השייכות לו.

 \varnothing : מאורע ריק: מאורע שאינו מכיל אף תוצאה ממרחב המדגם. סימון

 $\varnothing \subseteq A$ מתקיים A לכל

. ובכלל אה לשניהם איחוד מאורע A למאורע: מכל המורכב מכל התוצאות השייכות למאורע און למאורע פובכלל או לשניהם ובכלל און איחוד מאורעות אויב המאורע המורכב מכל התוצאות השייכות למאורע און המאורע און המאורע המורכב מכל התוצאות המורכב מכל התוצאות המורכב מכל התוצאות המורכב מכל התוצאות המורכב מכל המורכב מכל התוצאות המורכב מכל המורכב מכל המורכב מכל המורכב מכל המורכב מכל המורכב המורכ

. איחוד מאורעות מהמאורעות באיחוד. S, השייכות לפחות לאחד מהמאורעות שבאיחוד.

איחוד מאורעות שבאיחוד מתרחש – אם לפחות אחד מהמאורעות שבאיחוד מתרחש;

אם תוצאת הניסוי שייכת לפחות לאחד מהמאורעות שבאיחוד.

- $A \cup B$: סימון
- $A \cup S = S$, $A \cup A = A$, $A \cup \emptyset = A$, $A,B \subseteq A \cup B$: תמיד מתקיים
 - $A=\varnothing$ וגם $A=\varnothing$ אם ורק אם $A\cup B=\varnothing$
 - ניתן להכליל את מושג האיחוד לשלושה מאורעות ויותר.

B -ו A ו- מאורעות למאורעות המשותפות מכל התוצאות המאורעות B -ו המאורעות המאורעות מאורעות המאורעות המאורעות מכל

. חיתוך של מאורעות כולל את כל התוצאות ב-S, השייכות לכל המאורעות שבחיתוך.

היתוך מאורעות מתרחש – אם כל המאורעות שבחיתוך מתרחשים;

אם תוצאת הניסוי שייכת לכל המאורעות שבחיתוך.

- $A \cap B$: סימון
- $A \cap S = A$, $A \cap A = A$, $A \cap \emptyset = \emptyset$, $A \cap B \subseteq A, B$: תמיד מתקיים
 - ניתן להכליל את מושג החיתוך לשלושה מאורעות ויותר.

 $A \cap B = \emptyset$ אם זרים זרים Bו-B נקראים זרים אם מאורעות מאורעות מאורעות

- מאורעות זרים לא יכולים להתרחש בו-זמנית (מכיוון שאין להם תוצאות משותפות).
 - מאורעות, המכילים תוצאה אחת כל אחד (והתוצאות שונות זו מזו), זרים זה לזה.
 - . המאורעות A_1, A_2, A_1, \ldots נקראים זרים אם כל שניים מהם זרים לפי ההגדרה שלעיל.

A -אשר אינן שייכות ל- המשלים של מאורע המכיל את כל התוצאות במרחב המדגם A, אשר אינן שייכות ל

- A^C : סימון
- $\varnothing^C = S$, $S^C = \varnothing$, $(A^C)^C = A$, $A \cup A^C = S$, $A \cap A^C = \varnothing$: תמיד מתקיים

$$(A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$$
 חוקי הפילוג: $A \cap B = B \cap A$: חוקי החילוף:

$$(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C)$$

$$A \cup B = B \cup A$$

$$(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$$
 חוקי הקיבוץ: $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$ וחוקי הקיבוץ:

$$(A \cap B)^C = A^C \cup B^C \qquad (A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$$

הסתברות של מאורע: פונקציה שסימונה $P(\cdot)$, ערכיה ממשיים והיא מוגדרת על קבוצת כל המאורעות של ניסוי מקרי, ומקיימת את שלושת אקסיומות ההסתברות שלהלן.

 $0 \le P(A) \le 1$ מתקיים S מתקיים לכל מאורע A במרחב מדגם S

P(S) = 1 .2

$$Pigg(igcup_{i=1}^{\infty}A_iigg) = \sum\limits_{i=1}^{\infty}P(A_i)$$
 מתקיים ... , A_2 , A_1 סדרה של מאורעות זרים ...

$$P\left(\bigcup_{i=1}^{n}A_{i}\right)=\sum_{i=1}^{n}P(A_{i})$$
 מקבלים כי , $i=n+1,\,n+2$ לכל , $A_{i}=\varnothing$ כאשר מציבים , כאשר מציבים , $A_{i}=\varnothing$

2. פונקציית ההסתברות מתאימה לכל מאורע במרחב המדגם של ניסוי מקרי מספר ממשי בין 0 ל-1, המבטא את הסיכוי שהמאורע יתרחש בביצוע של הניסוי המקרי.

$$P(\varnothing) = 0$$
 : טענות בסיסיות בהסתברות:

$$P(A^C) = 1 - P(A)$$

$$P(A \cap B^C) = P(A) - P(A \cap B) = P(A \cup B) - P(B)$$

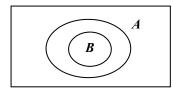
$$0 \le P(A \cap B) \le P(A), P(B) \le P(A \cup B) \le 1$$

עני מאורעות
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$
 שני מאורעות ישני מהכלה וההפרדה:

שלושה מאורעות
$$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) - P(A \cap B) - P(A \cap C) - P(B \cap C) + P(A \cap B \cap C)$$

מאורעות
$$n\left[P\left(igcup_{i=1}^{n}A_{i}
ight)=\sum\limits_{i=1}^{n}P(A_{i})-\sum\limits_{i< j}P(A_{i}\cap A_{j})+\ldots+(-1)^{n+1}P(A_{1}\cap A_{2}\cap\ldots\cap A_{n})
ight]$$

הערה: אפשר לנסח את כלל ההכלה וההפרדה להסתברויות, אך גם לעוצמות של קבוצות סופיות.



$$P(B) \le P(A)$$

אם אז מתקיים
$$B\subseteq A$$

$$P(A \cap B) = P(B)$$

$$P(A \cup B) = P(A)$$

$$P(A \cap B^C) = P(A) - P(B)$$

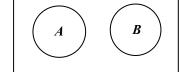
$$A\subseteq B^C$$
 -ו $B\subseteq A^C$ אז מתקיים $A\cap B=\varnothing$ אם



$$P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

$$P(A \cap B^C) = P(A)$$
 ; $P(A \cup B^C) = P(B^C)$

$$P(B \cap A^C) = P(B)$$
 ; $P(B \cup A^C) = P(A^C)$



A היא ההסתברות שהמאורע $P(A^C)$ היא ההסתברות שהמאורע

Bו-B, יתרחשו <u>בו-זמנית.</u> ו-B, היא ההסתברות ששני המאורעות, Bו-B, יתרחשו בו-זמנית.

. יתרחש, Bו-A היא ההסתברות שלפחות אחד משני המאורעות, Bו-A, יתרחש

מרחב מדגם בעל תוצאות שוות-הסתברות:

זהו מרחב מדגם <u>בעל מספר תוצאות סופי,</u> שבו כל התוצאות האפשריות מתקבלות באותן ההסתברויות.

כללי הקומבינטוריקה משמשים לחישוב הסתברויות של מאורעות במרחב מדגם בעל תוצאות שוות-הסתברות.

$$P\{$$
מאורע $\}=$ מספר הנקודות במרחב המדגם השייכות למאורע מספר הנקודות במרחב המדגם מספר הנקודות במרחב המדגם

אטרעות, של מאורעות, או יורדת) איז פונקציית קבוצות רציפה, כלומר, אם אורעות היא פונקציית קבוצות רציפה, כלומר, אם אורעות היא פונקציית קבוצות רציפה. כלומר, או רובת אורעות אורעות וורדת. פונקציית אורעות אורעות