פתרון שאלה 3 בממ"ן 11 – 2012ב

שמורת הלולאה החיצונית (מתקיימת לפני כל איטרציה של הלולאה הראשית):

; הוא ממוין הקטנים הקטנים האיברים ומכיל את A[1.left-1] הוא התת-מערך

. האיברים הגדולים ביותר n-right את ממוין ומכיל את A[right+1..n] הוא

. ייק. באופן ריק. ולכן הטענה וteft=1 ו- teft=1 ולכן הטענה מתקיימת באופן ריק.

מוצב A[left..right] מוצב המינימלי בתת-מערך הלולאה הראשית, האיבר הלולאה של הלולאה בכל איטרציה של

ב-A[right] והאיבר המקסימלי בתת-מערך A[left..right] מוצב ב-A[left] (זה נובע מהנכונות של שמורת הלולאה הפנימית).

. בשורות 21-22 מעודכנים הערכים של left ו- left מעודכנים מעודכנים בשורות 21-22 מעודכנים הערכים של

: שתי אפשרויות מסתיימת כאשר וופ $ft \geq right$ יש מסתיימת מסתיימת מסתיימת

אם חלקים משני מורכב משני וleft = right + 1 אם n

. ומנכונות הטענה נובע שכל המערך ממוין. A[right+1..n] ו- A[1..right]

אם חלקים מערך מורכב משלושה כלומר, המערך מורכב left = right אי-זוגי או

. ומנכונות הטענה נובע שכל המערך ממוין. A[left+1..n] ו A[left] , A[1..left-1]

 \cdot שמורת הלולאה הפנימית (מתקיימת לפני האיטרציה ה- k של הלולאה הפנימית)

; A[left..left+k-1] הוא האיבר המינימלי בתת-מערך A[min]

. A[left.left + k - 1] הוא האיבר המקסימלי בתת-מערך A[max]

ההוכחה ששמורת הלולאה הפנימית מתקיימת (אתחול, תחזוקה וסיום) מושארת כתרגיל לקורא.