מטלת מנחה (ממ"ן) זו

הקורס: 20283 - מתמטיקה דיסקרטית

חומר הלימוד למטלה: קומבינטוריקה פרקים 1-2

מספר השאלות: 4 מספר השאלות: 3 נקודות מספר השאלות: 4 מספר המטלה: 3 נקודות מספר: 22.5.06 מועד אחרון להגשה: יום בי

: אנא שים לב

מלא בדייקנות את הטופס המלווה לממ״ן בהתאם לדוגמה שלפני המטלות. העתק את מספר הקורס ומספר המטלה הרשומים לעיל.

בכל השאלות בממ"ן זה יש להגיע לתשובה סופית מספרית.

שאלה 1 (24 נקודות)

תהי A קבוצה בת B איברים, B קבוצה בת B איברים.

בסדר A בסדר ניתן לסדר את A (בכמה דרכים ניתן לסדר את A בסדר מלא)!

- ב! כמה קבוצות חלקיות בגודל 3 יש ל- A!
- A כמה פונקציות חד-חד-ערכיות של B ל- A קיימות!
 - ד! כמה פונקציות של B ל- A קיימות!
- ה! כמה חלוקות של A אפשריות, ל- 3 מחלקות, כאשר שתים מהמחלקות הןבנות 3 איברים ואחת בת 2 איברים !
 - ו. כמה פונקציות של A על $\{1,2\}$ קיימות! הדרכה: ספור את כל הפונקציות והורד את אלו שאינן על.

שאלה 2 (26 נקודות)

- 0 אין מהו מספר הסדרות (או מחרוזות) באורך m+k הבנויות מ-k הופעות של m+k הופעות של m+k הופעות של m+k הופעות של m+k
- ב. (10 נקי) בכמה מהסדרות שבסעיף א אין הופעות צמודות של 1, כלומר אין הופעה של 10. במחרוזת 11יי : הדרכה: אפשר לחשוב על ספרות מסוימות כעל מחיצות.
 - |X| = 5 , X . {1,2,3...,14} מפא כמה קבוצות X מקיימות:

1 וב- X לא נמצאים אף שני מספרים שההפרש ביניהם הוא

i+1 אז i^{-1} אז i^{-1} אז טבעי, אם אחרות, לכל

 $\{1,2,3...,14\}$ הדרכה: חשוב על הפונקציה האפיינית של X בתוך (ייתורת הקבוצותיי עמי 85).

שאלה 3 (24 נקודות)

בכמה דרכים ניתן לבחור 10 כדורים, ללא חשיבות לסדר, מתוך:

- א! מספר בלתי-מוגבל של כדורים בצבעים אדום, סגול ולבן.
- ב! 8 כדורים אדומים, 8 כדורים סגולים ו- 7 כדורים לבנים. הדרכה: היעזר בסעיף א, חסר את המצבים הבלתי אפשריים כעת.
- ג! אותם כדורים הנתונים בסעיף ב, וכל צבע חייב להיבחר לפחות פעם אחת.

בכל הסעיפים, כדורים בעלי אותו צבע נחשבים זהים.

שאלה 4 (26 נקודות)

 $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 29$ מצאו את מספר פתרונות המשוואה

כאשר 3 מהמשתנים הם מספרים טבעיים **זוגיים**, 3 המשתנים האחרים הם מספרים טבעיים

 $.\ I$ אי-זוגיים, ואף אחד מהמשתנים אינו שווה 0 ואינו שווה

לא נתון איזה מהמשתנים הם זוגיים ואיזה אי-זוגיים.

מספר הפתרונות של משוואה מסוג זה בטבעיים ללא אילוצים מתואר בספר בסעיף 2.4

מספר טבעי גדול מ- 1 אפשר לרשום כ- y+2 כאשר y טבעי כלשהו.

מספר טבעי זוגי אפשר לרשום כ-z כאשר z טבעי כלשהו.

מספר טבעי אי-זוגי אפשר לרשום כ-z+1 כאשר z טבעי כלשהו.

יש להגיע לתשובה סופית מספרית.