ממ"ן 16 - פתרון שאלה 1

אי ניתן להבחין בין חוטים לבין מצביעים לבנים "אמיתיים" באמצעות המצביעים לאבות

z או הימני של בן הימני של right[z] או p[right[z]] אם מתקיים א

z אחרת אין ל-z בן ימני ו- $\operatorname{right}[z]$ הוא מצביע לעוקב בסדר תוכי של

. בדומה לכך ניתן לבדוק אם $\operatorname{left}[z]$ הוא מצביע לבן השמאלי של

אם בעץ לא קיימים מצביעים לאבות, אז ניתן להבחין בין חוטים לבין מצביעים רגילים אם בעץ לא קיימים מצביעים לאבות, אז ניתן לפל צומת – אחד עבור $\operatorname{right}[z]$ ואחד עבור לכל צומת – אחד עבור המצביע כל שדה יהיה מורכב מביט אחד, שיאפשר להבחין בין שתי האפשרויות.

ב׳ שגרת ההכנסה לעץ מחווט דומה לשגרת ההכנסה לעץ בינרי רגיל.

:TREE-INSERT נדרשים שני שינויים בשגרה

- (פרט למצביע NIL צריך לשנות את התנאי בשורה (3) בשגרה, מפני שבעץ מחווט אין מצביעי (3) פרט למצביע השמאלי בעלה הכי שמאלי בעץ ולמצביע הימני בעלה הכי ימני). כלומר, הלולאה תימשך כל עוד x איננו **חוט** ולא כל עוד x שונה מ-NIL בדיקת התנאי תתבצע כפי שהוסבר בסעיף אי.
 - ו-(z ו-z וווווות החדש שהוכנס לעץ אריך להציב אוטים. (בשדות right ו-z וווווווווות נפריד לשני מקרים:

אם העוקב א החדש א החדש אחוכנס לעץ הוא בן שמאלי של אביו א שהוכנס לעץ הוא אם הצומת החדש ב

y-ט שיצביע חוט יהיה יהיה right[z] בסדר תוכי של

כמו-כן הקודם של z בסדר תוכי הוא הצומת שהיה הקודם של z בסדר תוכי לפני ש-z הוכנס לעץ, ולכן המצביע 'left[z] יהיה חוט שיצביע לצומת שאליו הצביע (left[z]

באופן סימטרי, אם הצומת החדש z שהוכנס לעץ הוא בן ימני של אביו y, אז y הוא הקודם באופן סימטרי, אם הצביע לפולני ופרנz יהיה חוט שיצביע ל-z, ולכן המצביע z

כמו-כן העוקב בסדר תוכי של z הוא הצומת שהיה העוקב בסדר תוכי של z לפני ש-z הוכנס רמו-כן העוקב בסדר תוכי של יהיה חוט שיצביע לצומת שאליו הצביע החוט z right[z] יהיה חוט שיצביע לצומת שאליו הצביע החוט

THREADED-TREE-INSERT (T, z)

1-10 same as in TREE-INSERT (T, z) except for the change aforementioned in line 3

```
11 else if key[z] < key[y]

12 then right[z] \leftarrow y

13 left[z] \leftarrow left(y)

14 left[y] \leftarrow z

15 else left[z] \leftarrow y

16 right[z] \leftarrow right(y)

17 right[y] \leftarrow z
```

. נשים לב, שלהכנסה של z אין השפעה על ערכיהם של איזשהם חוטים בעץ

למשל, אם בסדר תוכי שלו הוא z, אז הצומת ש-z הוא הקודם בסדר תוכי שלו הוא z עצמו, למשל, אם הוא בסדר תוכי שלו (אם קיים כזה) הוא צומת שיש לו בן ימני. (מדועי:)

שגרת המחיקה של צומת מעץ מחווט דומה לשגרת המחיקה מעץ בינרי רגיל. ההבדל הוא, שבמקרה של עץ מחווט צריך לבדוק אם בעקבות המחיקה של הצומת נדרש עדכון בשדות right ו-left של הצומת הקודם והצומת העוקב, בהתאמה, לצומת שנמחק מהעץ. נתייחס למקרים האפשריים:

: שנמחק מהעץ הוא עלה. נבחין בין שני תת-מקרים y

- י ע הוא בן שמאלי: ראשית, נשים לב לכך שאם ל-y יש צומת קודם בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן ימני (מדועי) ולכן אין צורך לעדכן את השדה right בצומת זה. שלצומת זה יש בן ימני (מדועי) ולכן אין צורך לעדכן את המחיקה של y לא יהיה העוקב של y בסדר תוכי הוא במקרה זה אביו של y. לאחר המחיקה של y לא יהיה לאביו של y בן שמאלי, ולכן צריך לעדכן את המצביע [[p[y]]. הצומת שיהיה הקודם לאביו של y הוא הצומת שהיה הקודם של y, ולכן העדכון הנדרש y. y
- י ע הוא בן ימני: הניתוח של מקרה זה סימטרי. אם ל-y יש צומת עוקב בסדר תוכי, הרי שלצומת זה יש בן שמאלי ולכן אין צורך לעדכן את השדה left בצומת זה. הקודם של y בסדר תוכי הוא במקרה זה אביו של y. לאחר המחיקה של y לא יהיה לאביו של y בן ימני, ולכן צריך לעדכן את המצביע y בו העוקב של y בן ימני, ולכן ביין של y הוא הצומת שהיה העוקב של y, ולכן העדכון הנדרש y. y הוא y הוא y הוא y הניתוח של y הניתוח של y הניתוח הניתוח הניתוח של y הוא הצומת שהיה העוקב של y הניתוח הניתוח של y הוא הצומת שהיה העוקב של y הניתוח של y הוא הצומת שהיה העוקב של y הניתוח של y הוא הצומת שהיה העוקב של y הניתוח של y הניתוח של y הוא הצומת שהיה העוקב של y הניתוח של y הנית

בין שני תת-מקרים: y שנמחק מהעץ שבן אחד. y אחד. גם כאן נבחין בין שני y

- יש בו אם אין הרי שלצומת הרי שלצומת א בו אם y יש צומת א בנו של א בנו של א בנו של אין אורך לעדכן את השדה right מדועי!) ולכן אין צורך לעדכן את השדה
- נסמן ב-w את הצומת העוקב ל-y בסדר תוכי. הקודם של w לאחר מחיקת נסמן ב-w ולכן העדכון הנדרש פולנן y ולכן העדכון הנדרש שהיה הקודם של y ולכן העדכון הנדרש הוא
- בסדר עוקב בסדר יש אומת עוקב בסדר אם ל-y יש צומת עוקב בסדר פנו של y הוא בן שמאלי: הניתוח של מקרה זה סימטרי. אם ל-y יש צומת זה יש בן שמאלי ולכן אין צורך לעדכן את השדה left בצומת זה יש בן שמאלי ולכן אין צורך לעדכן את השדה y את הצומת הקודם ל-y בסדר תוכי. העוקב של y לאחר מחיקת y הוא הצומת בסמן ב-y ולכן העדכון הנדרש הוא: y ולכן העדכון הנדרש הוא: y ולכן העדכון הנדרש הוא: y ולכן העדכון הנדרש הוא:
- ג' היתרון העיקרי של השימוש בחוטים: במקרה שלצומת אין בן ימני/שמאלי ניתן למצוא את העוקב/הקודם של הצומת באופן מיידי. כמו-כן, בעץ מחווט ניתן במקרים מסוימים (בהתאם ליישום) לוותר על המצביעים לאבות ולהשיג בדרך זו חסכון במקום.