הפונקציה יוצרת המומנטים	השונות	התוחלת	פונקציית ההסתברות / פונקציית הצפיפות	ההתפלגות
$(pe^t + 1 - p)^n$	np(1-p)	np	$\binom{n}{i} \cdot p^{i} \cdot (1-p)^{n-i} , i=0,1,,n$	בינומית
$\frac{pe^{t}/(1-(1-p)e^{t})}{t<-\ln(1-p)}$	$(1-p)/p^2$	1/ p	$(1-p)^{i-1} \cdot p$, $i = 1, 2,$	גיאומטרית
$\exp\{\lambda(e^t-1)\}$	λ	λ	$e^{-\lambda} \cdot \lambda^i / i!$, $i = 0,1,$	פואסונית
$ \left(pe^t / (1 - (1 - p)e^t) \right)^r $ $ t < -\ln(1 - p) $	$(1-p)r/p^2$	r/p	$\binom{i-1}{r-1}(1-p)^{i-r} \cdot p^r$, $i=r,r+1,$	בינומית שלילית
	$\frac{N-n}{N-1}n\frac{m}{N}(1-\frac{m}{N})$	nm/N	$ \binom{m}{i} \binom{N-m}{n-i} / \binom{N}{n} , i = 0, 1,, m $	היפרגיאומטרית
	$(n^2-1)/12$	m + (1+n)/2	$\frac{1}{n}$, $i = m+1, m+2,, m+n$	אחידה בדידה
$(e^{bt}-e^{at})/(tb-ta), t\neq 0$	$(b-a)^2/12$	(a+b)/2	$1/(b-a) , a \le x \le b$	אחידה
$\exp\{\mu t + \sigma^2 t^2/2\}$	σ^2	μ	$(1/\sqrt{2\pi}\sigma)\cdot e^{-(x-\mu)^2/(2\sigma^2)}$, $-\infty < x < \infty$	נורמלית
$\lambda/(\lambda-t)$, $t<\lambda$	$1/\lambda^2$	1/λ	$\lambda e^{-\lambda x}$, $x > 0$	מעריכית
	_		$\binom{n}{n_1,\dots,n_r} \cdot p_1^{n_1} \cdot \dots \cdot p_r^{n_r} , \sum n_i = n, \sum p_i = 1$	מולטינומית

נוטחת הבינום
$$(x+y)^n = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} x^i y^{n-i}$$
 נוטחת הבינום
$$P(A) = P(A \cap B) + P(A \cap B^C)$$

$$P\left(\bigcup_{i=1}^n A_i\right) = \sum_{i=1}^n P(A_i) - \sum_{i < j} P(A_i \cap A_j) + \ldots + (-1)^{n+1} P(A_1 \cap A_2 \cap \ldots \cap A_n)$$
 הסתברות מותנית
$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$
 מוטחת הכפל
$$P(A_1 \cap A_2 \cap \ldots \cap A_n) = P(A_1) P(A_2 \mid A_1) P(A_3 \mid A_1 \cap A_2) \cdot \ldots \cdot P(A_n \mid A_1 \cap A_2 \cap \ldots \cap A_{n-1})$$
 נוטחת ההסתברות השלמה
$$P(A) = \sum_{i=1}^n P(A \mid B_i) P(B_i) \quad , \quad S$$
 מוטחת ההסתברות השלמה
$$P(A \mid C) = \sum_{i=1}^n P(A \mid B_i) P(B_i) \quad , \quad S$$
 נוטחת בייט
$$P(B_j \mid A) = \frac{P(A \mid B_j) P(B_j)}{\sum_{i=1}^n P(A \mid B_i) P(B_i)} \quad , \quad S$$
 נוסחת בייט
$$P(B_j \mid A) = \sum_{i=1}^n P(A \mid B_i) P(B_i) \quad , \quad S$$
 תוחלת של פונקציה של מ"מ
$$P(A \mid C) = \sum_{i=1}^n P(X \mid B_i) P(X \mid C) = \sum_{i=1}^n P(X \mid B_$$

אם מופעים של מאורע נתון מתרחשים בהתאם לשלוש ההנחות של **תהליך פואסון** עם קצב λ ליחידת זמן אחת, אז מספר המופעים שמתרחשים ביחידת זמן אחת הוא משתנה מקרי פואסוני עם הפרמטר λ .

תוחלת ושונות של פונקציה לינארית

$$P\{X>s+t \, \big|\, X>t\}=P\{X>s\}$$
 , $s,t\geq 0$

E[aX + b] = aE[X] + b

 $Var(aX + b) = a^2 Var(X)$

 $E[X | Y = y] = \sum_{x} x p_{X|Y}(x | y) = \int x f_{X|Y}(x | y) dx$ תוחלת מותנית $Var(X | Y = y) = E[X^{2} | Y = y] - (E[X | Y = y])^{2}$ שונות מותנית $E[X] = E[E[X \mid Y]] = \sum_{y} E[X \mid Y = y] p_Y(y)$ נוסחת התוחלת המותנית $E[X \cdot g(Y)] = E[g(Y)E[X \mid Y]]$ (טענה מתרגיל ת26, עמוד 430) Var(X) = E[Var(X|Y)] + Var(E[X|Y])נוסחת השונות המותנית $E \left| \sum_{i=1}^{n} X_i \right| = \sum_{i=1}^{n} E[X_i]$ תוחלת של סכום משתנים מקריים Cov(X,Y) = E[(X - E[X])(Y - E[Y])] = E[XY] - E[X]E[Y]שונות משותפת $\operatorname{Cov}\left(\sum_{i=1}^{n} X_{i}, \sum_{i=1}^{m} Y_{j}\right) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} \operatorname{Cov}(X_{i}, Y_{j})$ $\operatorname{Var}\left(\sum_{i=1}^{n} X_{i}\right) = \sum_{i=1}^{n} \operatorname{Var}(X_{i}) + 2\sum_{i < j} \operatorname{Cov}(X_{i}, X_{j})$ שונות של סכום משתנים מקריים $\rho(X,Y) = \text{Cov}(X,Y) / \sqrt{\text{Var}(X)\text{Var}(Y)}$ מקדם המתאם הלינארי $M_{\scriptscriptstyle X}(t) = E[e^{tX}] \qquad ; \qquad M_{aX+b}(t) = e^{bt} M_{\scriptscriptstyle X}(at)$ פונקציה יוצרת מומנטים $M_{X_1+\ldots+X_n}(t)=M_{X_1}(t)\cdot\ldots\cdot M_{X_n}(t)$: כאשר X_i מיים ביית מתקיים $E\left[\sum_{i=1}^{N} X_{i}\right] = E[N]E[X_{1}]$ תוחלת, שונות ופונקציה יוצרת מומנטים של סכום מקרי $\operatorname{Var}\left(\sum_{i=1}^{N} X_{i}\right) = E[N]\operatorname{Var}(X_{1}) + (E[X_{1}])^{2}\operatorname{Var}(N)$ (כאשר X_i מיימ ביית שייה X_i $M_{X_{1+} + X_{N}}(t) = E\left[\left(M_{X_{1}}(t)\right)^{N}\right]$ $P\{X \ge a\} \le E[X]/a$, a > 0 , מיימ אי-שלילי Xאי-שוויון מרקוב $P\{|X-\mu| \ge a\} \le \sigma^2/a^2$, a > 0, $\mu, \sigma^2 < \infty$ אי-שוויון צ'בישב $Pigg\{(\sum\limits_{i=1}^n X_i - n\mu)igg/\sqrt{n\sigma^2} \le aigg\} \mathop{
ightarrow}_{n o\infty} \Phi(a) \quad , \quad \mu,\sigma^2 < \infty \ , \$ משפט הגבול המרכזי משפט הגבול המרכזי

- אם A ו- B מאורעות זרים של ניסוי מקרי, אז ההסתברות שבחזרות ביית על הניסוי B ואם A יתרחש לפני המאורע B היא B היא B היא ווארע B יתרחש לפני המאורע B היא ווארע B היא ווארע B היא ווארע B ישר לפני המאורע B היא ווארע B היא ווארע B היא ווארע B ישר לפני המאורע לפני המאורע לפני המאורע לפני המאורע לביי המאורע לפני המאורע לביי המ
 - $oldsymbol{\bullet}$ סכום של מיים בינומיים (גיאומטריים) ביית עם אותו הפרמטר p הוא מיים בינומי (בינומי-שלילי).
 - סכום של מיימ פואסוניים ביית הוא מיימ פואסוני.
 - סכום של מיימ נורמליים ביית הוא מיימ נורמלי.
 - יית (p אותו של X בהינתן המותנית פואסוניים (בינומיים עם אותו אותו Y ביית אותו אותו Y ביית בינומית (היפרגיאומטרית).

$$\begin{split} \sum_{i=0}^n i &= \frac{n(n+1)}{2} \qquad ; \qquad \sum_{i=0}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} \qquad ; \qquad \sum_{i=0}^n i^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4} \\ \sum_{i=0}^\infty \frac{x^i}{i!} &= e^x \qquad ; \qquad \sum_{i=0}^n x^i = \frac{1-x^{n+1}}{1-x} \qquad ; \qquad \sum_{i=0}^\infty x^i = \frac{1}{1-x} \qquad , \qquad -1 < x < 1 \qquad ; \qquad \sum_{i=1}^\infty \frac{x^i}{i} = -\ln(1-x) \qquad , \qquad 0 < x < 1 \\ \int (ax+b)^n dx &= \frac{1}{a(n+1)}(ax+b)^{n+1} \qquad , \qquad n \neq -1 \qquad ; \qquad \int \frac{1}{ax+b} dx = \frac{1}{a}\ln(ax+b) \\ \int e^{ax} dx &= \frac{1}{a}e^{ax} \qquad ; \qquad \int b^{ax} dx = \frac{1}{a\ln b}b^{ax} \qquad ; \qquad \int f(x)g'(x) dx = f(x)g(x) - \int f'(x)g(x) dx \\ \log_n a &= \log_m a/\log_m n \qquad ; \qquad \log_n (a^b) = b \cdot \log_n a \qquad ; \qquad \log_n (ab) = \log_n a + \log_n b \end{split}$$

$\Phi(z)$ ערכים של פונקציית ההתפלגות המצטברת הנורמלית סטנדרטית,

$$\Phi(z) = P\{Z \le z\} = \int_{-\infty}^{z} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt \qquad ; \qquad \Phi(-z) = 1 - \Phi(z) \qquad ; \qquad Z \sim N(0,1)$$

$$\Phi(z) pprox \Phi(z_1) + rac{z-z_1}{z_2-z_1} [\Phi(z_2) - \Phi(z_1)]$$
 : נוסחת האינטרפולציה

z	0.0	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.0	0.5398	0.5438	0.5478	0.5120	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5319	0.5359
0.1	0.5793	0.5832	0.5476	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.4	0.0554	0.0571	0.0020	0.0004	0.0700	0.0730	0.0772	0.0000	0.0011	0.0077
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998

$\Phi(z)$	0.50	0.55	0.60	0.65	0.70	0.75	0.80	0.85	0.90
z	0.0	0.126	0.253	0.385	0.524	0.674	0.842	1.036	1.282
$\Phi(z)$	0.91	0.92	0.93	0.94	0.95	0.96	0.97	0.98	0.99
z	1.341	1.405	1.476	1.555	1.645	1.751	1.881	2.054	2.326