# מספר התלמיד הנבחן

רשום את כל תשע הספרות

## האוניברסיטה

הדבק כאן את מדבקת הנבחן

מס' שאלון - 485

20

בפברואר 2020

סמסטר 2020א

כ"ה בשבט תש"ף

20476 / 4

מס' מועד

שאלון בחינת גמר

20476 - מתמטיקה בדידה

שעות משך בחינה: 3

> בשאלון זה 3 עמודים

### מבנה הבחינה:

בבחינה שני חלקים:

חלק א: שאלת חובה. את התשובה לכל סעיף כתבו במחברת בלבד.

חלק ב: עליכם לענות על שלוש מתוך ארבע השאלות.

אם תענו על יותר מ- 3 שאלות, יחושב הציון לפי 3 התשובות הראשונות.

שימו לב:

- \* בחלק ב יש לנמק כל תשובה, גם אם זה לא נדרש בפירוש בגוף השאלה.
- \* מותר להסתמר על כל טענה המופיעה בספרי הלימוד של הקורס. כולל התשובות לשאלות שבספרי הלימוד, וכולל החוברת "אוסף תרגילים פתורים". אפשר להסתמך גם על הפתרונות שפורסמו למטלות של הסמסטר הנוכחי.
  - \* אם ברצונכם להסתמך על טענות ממפגשי הנחיה, כולל מפגשי אופק, עליכם לחזור ולהוכיחן.
- \* בפתרון סעיף של שאלה מותר להסתמך על סעיפים קודמים של אותה שאלה, גם אם לא פתרתם אותם.

## חומר עזר:

כל חומר עזר מותר בשימוש. אפשר להשתמש במחשבון מדעי. אסור בשימוש כל מכשיר אלקטרוני שבאמצעותו ניתן לאצור מידע לרבות מכשיר טלפון נייד, מחשב נישא, שעון חכם וכד'.

בהצלחה !!!

אינכם חייבים

להחזיר את השאלון לאוניברסיטה הפתוחה



## חלק א': שאלת חובה (19 נקודות)

2020.84 p2

#### שאלה 1

בחרו את התשובה הנכונה בכל סעיף. רשמו את התשובות בתוך המחברת.

בשאלה זו בלבד אין צורך בהוכחה. אפשר (לא חובה) לתת הסבר קצר: כמה מלים, לא יותר משתי שורות. הסבר עשוי לאפשר לבודק לתת לכם נקודה או שתים גם אם בחרתם תשובה לא נכונה. מצד שני, הסבר שגוי בצורה קיצונית עלול להביא להורדה של נקודה או שתים.

- : מתקיים  $\alpha, \beta, \gamma$  מתקיים א. לכל שלושה פסוקים
- $(\alpha \to \beta) \to \gamma \equiv \alpha \to (\beta \to \gamma)$  [1]
- $\alpha \rightarrow (\beta \rightarrow \gamma)$  אורר טאוטולוגית את ( $\alpha \rightarrow \beta$ ) אורר (2]
- $(\alpha \to \beta) \to \gamma$  את גורר אוטולוגית  $\alpha \to (\beta \to \gamma)$  [3]
  - $A\cup B = |A|$  כך ש- A,B ו. אז: (7 נקי)
    - |A| > |B| [1]
    - $|A| \le |\mathcal{P}(B)| \qquad [2]$
    - $|B| < |\mathcal{P}(A)| \qquad [3]$
    - $A \times B = A + A$ אינסופית אז  $A \times B = A$
- ג. מספר העצים על 6 צמתים המתויגים ב-1,2,3,4,5,6 שבהם יש צומת בעל דרגה 4 הוא
  - 30 [1]
  - 15 **[2]**
  - 40 [3]
  - [4] כל התשובות הקודמות שגויות

המשך הבחינה בעמוד הבא

#### חלק ב': ענו על שלוש מתוך ארבע השאלות הבאות

משקל כל שאלה 27 נקודות. משקל חלק בי כולו: 81 נקודות

#### שאלה 2

 $A,B\in\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$  לכל כך: לכל R,S מתונים שני יחסים על הקבוצה  $\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$  נתונים שני יחסים אם ASB ו-  $A\setminus\{1,4\}\subset B\setminus\{1,4\}$  אם ורק אם ASB

:S אבור הבאה הבאה לתלמידים מסמסטרים קודמים בלבד: אתם יכולים להשתמש בהגדרה הבאה עבור

- (14 נקי) א. קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הנתונים הוא יחס שקילות. מיצאו את מחלקות השקילות שלו.
- (13 נקי) ב. קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הוא יחס סדר. קבעו אם הוא סדר חלקי או מלא (נמקו את התשובה!) ומיצאו את האיברים המינימליים והמקסימליים שלו.

#### שאלה 3

 $x_1, x_2, x_3$  כאשר  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 + x_7 = n$  בשאלה זו נתייחס לפתרונות המשוואה ב- 3 בשאלה זו נתיים שאינם מתחלקים ב- 3 ב- 3 ב- 3 מספרים טבעיים שאינם מתחלקים ב-

(14 נקי) א. מיצאו פונקציה יוצרת המתאימה למציאת מספר פתרונות המשוואה.

n=13 ב. מיצאו את מספר פתרונות המשוואה כאשר (13 נקי).

(הדרכה: אפשר להוציא את  $(x+x^2)^4$  את אפשר להוציא אפשר (הדרכה: אפשר להוציא את

#### שאלה 4

 $_{\pm}$  נסמן בלבד. להמחרוזות שבהן מופיעות הספרות 1,2,3,4,5 בלבד. נסמן

. מספר המחרוזות ב- A שהן באורך n וסכום הספרות שלהן זוגי $a_n$ 

אי-זוגי. שהן באורך n וסכום הספרות שלהן אי-זוגי.  $b_n$ 

.  $b_4$  -ם סופרים 4131 את המחרוזת 215 סופרים כשמחשבים את  $a_3$  ואת המחרוזת 215 סופרים ב-

 $a_{n-1}$  -ו  $a_{n-1}$  בעזרת  $a_n$  וגם את  $a_n$  וגם את  $a_n$  בעזרת פור  $a_{n-1}$  וי-  $a_{n-1}$  וי- פור כל  $a_n$  א. עבור כל  $a_n$  הביעו את

 $a_n$  נקי) ב. מיצאו נוסחת נסיגה עבור (9 נקי

ולכן  $a_{n-1}$  -ו -<br/>  $a_n$  בעזרת את מסעיף אי מאפשר מסעיף -ו בעזרת הדרכה: הדרכה מסעיף אי<br/>). הציבו אותם האים השני מסעיף אי

 $(a_n - a_n - a_1)$ ג. חשבו את  $(a_1 + a_2 - a_1)$  ומיצאו נוסחה כללית ל-

#### שאלה 5

6,6,4,4,4,k,k נתון גרף מישורי פשוט וקשיר בעל 7 צמתים ו- 10 פאות שבו דרגות הצמתים הן

- (9 נקי) א. מיצאו את המספר k נמקו את התשובה (רמז: משפט אוילר)
  - (9 נקי) ב. הוכיחו שהגרף הוא המילטוני. נמקו את התשובה.
- (9 נקי) ג. האם קיים בגרף מעגל אוילר או מסלול אוילר שאינו מעגל! נמקו את התשובה.

#### בהצלחה!