# מציאת פרמטרים מיטביים ל־GA מציאת פרמטרים

גלעד הרצפלד וטל ואניש

10 ביולי 2016

202.2.5651 פרויקט סיכום – אלגוריתמים אבולוציוניים

המחלקה למדעי המחשב, אוניברסיטת בן גוריון

giladh11@gmail.com - גלעד הרצפלד

tal.vanish@gmail.com - טל ואניש

# תוכן עניינים

4	מבוא	1
4		L
4	בעיית הפונקציה – אבולוציה מסדר ראשון	?
4	1.3מיטבי לבעיית הפונקציה $-$ אבולוציה מסדר שני מיטבי לבעיית הפונקציה הבולוציה מסדר מיטבי לבעיית הפונקציה הבולוציה מסדר שני	3
6	שאלות מחקר	2
7	מהלך האבולוציה – בעיית הפונקציה	3
7		L
7	אופרטורי השינוי	2
8		3
8		ļ
10		9 4
13	GA מיטבי לבעיית הפונקציה האבולוציה $GA$ מיטבי לבעיית הפונקציה	5
13		
13		2
13	ב.פ. היים באר יותר בשני הסדרים	
14	ב	
15	בולקב זכי אני קור (האבולוציה	
16	GA מיטבי לבעיית הפונקציה מסדר שני למציאת או מיטבי לבעיית הפונקציה מסדר שני למציאת	
19	ממצאים ומסקנות	
19	$\dots \dots$ סביבת ההרצה עבור האבולוציה מסדר ראשון ־ RunLowerLevel - 7.1	
19		
20	au סביבת ההרצה עבור האבולוציה מסדר שני - RunHigherLevel סביבת ההרצה עבור האבולוציה	3
21	7.4 ניסויים ־ אבולוציה מסדר שני	ļ
23	סיכום	5
24		8
24	תמונה ־ תפריט סביבת ההרצה של האבולוציה מסדר ראשון	L
24	D אל מול דיוק	2
25	$p_m$ אל מול דיוק אל מול דיוק	3
25	P אל מול דיוק אל מול דיוק גודל $P$ אל מול דיוק 8.4	ŀ
25		5

27	רות מידע וסימוכין	מקו	9
26	(פונקציות טריגונומטריות) באבולוציה מסדר שני Setup קישור התוצאות לאחר הרצת	8.8	
26	1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 +	8.7	
26	קישור ־ תוצאות לאחר הרצת Setup באבולוציה מסדר שני(פולינומים)	8.6	

### מבוא 1

בפרק זה נציג את הסיבות המרכזיות בגינן בחרנו לעסוק במציאת פרמטרים מיטביים ל-GA, וכן נתאר באופן כללי את הבעיה ומרכיביה.

### 1.1 הקדמה

במהלך הקורס "אלגוריתמים אבולוציוניים" הוצגו בפנינו בעיות שונות שנפתרו ע"י GA. בעיות אלו השתמשו בערכים שמהלך הקורס "אלגוריתמים של ה־GA: גודל אוכלוסיה, הסתברות ל־Crossover ול־GA ועוד. נדמה שערכים אלו נקבעו לאחר ניסוי וטעיה ע"י החוקרים, ללא הנמקה סדורה לפני ביצוע הניסוי. רצינו לבחון אם יש הגיון מאחורי ערכים אלו, ואם ניתן לאפיין את הקשרים בין ערכים אלו לטיב הפתרון של הבעיה.

בחרנו לענות על שאלה זו ע"י החלת תהליך האבולוציה על פרמטרי ה־GA עצמם באמצעות בחינה של בעיית הפונקציה, וריאציה קלה על בעיה ידועה בשם Symbolic Regression. נרצה להשתמש באלגוריתם אבולוציוני כדי למצוא מופע מיטבי של GA לפתרון בעיית הפונקציה. מופעים שונים של GA נבדלים אחד מן השני בערכים של הפרמטרים האבולוציוניים (גדלים שונים של אוכלוסיה, הסתברויות שונות לאופרטורי שינוי וכיו"ב). לכן, נגדיר מופע מיטבי של GA ככזה המבטיח ביצועים מהירים וחל על משפחות שונות של פונקציות.

בעבודה זו ננסה לנתח את הקשר בין הפרמטרים האבולוציוניים של ה־GA לבין טיבו כפותר בעיית הפונקציה. נרצה לבדוק אם ייתכן וכדאי להשקיע בחיפוש פרמטרים מיטביים ל־GA לפני הרצתו, וכיצד פרמטרים מסוימים משפיעים על יכולתו של ה־GA לפתור פונקציות ממשפחות שונות. את התהליך האבולוציוני המוצא פתרון לבעיית הפונקציה נכנה "אבולוציה מסדר ראשון". באופן דומה, את התהליך האבולוציוני המוצא מופע מיטבי של GA לבעיית הפונקציה נכנה "אבולוציה מסדר שני".

### 1.2 הגדרת בעיית הפונקציה – אבולוציה מסדר ראשון

מופע של בעיית הפונקציה הינו "קופסה שחורה" אשר מגלמת פונקציה כלשהי  $f:\mathbb{R} o\mathbb{R}$ . ניתן לתשאל את הקופסה מופע של בעיית הפונקציה הינו "קופסה  $g:\mathbb{R} o\mathbb{R}$  ולקבל ערך f(x). המטרה היא למצוא פונקציה כלשהי  $x\in\mathbb{R}$  ל הערכה שלה לנקודה כלשהי f(x) ולקבל ערך f(x), כאשר f(x) קבוצת הנקודות הנבחנת.

k את קבוצת המופעים של הבעיה ניתן לחלק באופן טבעי למשפחות שונות של פונקציות: פולינומים ממעלה פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעריכיות וכיו"ב.

### מיטבי לבעיית הפונקציה - אבולוציה מסדר שני GA חיפוש

בהנתן מופע של בעיית הפונקציה, ניתן למצוא פתרון ע"י GA פשוט: פרטים באוכלוסיה הם פונקציות המיוצגות ע"י בהנתן מופע של בעיית הפונקציה, ניתן למצוא אריתמטיות, ואופרטורי Crossover ו־Mutation הפועלים בהסתברות כלשהי

בהתאמה. בנוסף, יש לקבוע מראש את גודל האוכלוסיה P; גודל האוכלוסיה S; וכן את העומק המירבי בהתאמה. d העצים בדור הראשון

 ${
m Param}{
m GA}=$  לפיכך, ניתן לתאר GA כקונפיגורציה המכילה ערכים אפשריים עבור סדרת הפרמטרים האבולוציוניים GA כקונפיגורציה של GA של מופעים לבעיית הפונקציה, נרצה למצוא קונפיגורציה של GA המוצאת את  $(P,p_c,p_m,s,d)$ . בהנתן קבוצה G ביעילות הגבוהה ביותר. כדי למצוא קונפיגורציה כזו, נשתמש ב־GA כאשר הפרטים הפתרונות הטובים ביותר עבור GA בעיית הפונקציה. פירוט נוסף על מהלך האבולוציה בחיפוש ה־GA המיטבי מובא בהמשך (פרק 5).

### 2 שאלות מחקר

בעבודה ננסה לענות על שתי שאלות מחקר עיקריות:

א. האם קיימים פרמטרים למופע של GA המניבים שיפור משמעותי ביעילות הריצה על בעיית הפונקציה? הרצה של אלגוריתמים אבולוציוניים מתאפיינת בזמני ריצה ארוכים במיוחד בשל הסימולציות הרבות על הפרטים השונים בכל דור. נרצה לבדוק כיצד פרמטרים שונים ל־GA משפיעים על יעילות הריצה ולברר אם ניתן למצוא פרמטרים מיטביים לשם כך. ננסה למצוא פרמטרים שמגיעים לסף הדיוק הנדרש באופן יעיל יותר מפרמטרים אחרים, או לחלופין מגיעים לחסם העליון על מספר הדורות אך משיגים פתרון מדויק יותר. אם נמצא פרמטרים כאלו, נוכל לשער שייתכן ששיפור כזה קיים גם בשיטות אבולוציוניות אחרות, כגון GP. השערה זו יכולה להוות עילה להמשך מחקר עבור בעיות מורכבות יותר מהבעיה שבחנו.

ב. כיצד פרמטרים מיטביים עבור משפחת פונקציות אחת יתפקדו עבור משפחת פונקציות אחרת?

אחד המדדים שמשפיעים על טיבו של GA לבעיית הפונקציה הוא יכולתו להפיק פתרון טוב ביעילות גבוהה למשפחות שונות של פונקציות. מדד זה משקף את רצוננו למצוא קונפיגורציה ל-GA אשר תתאים לכמה שיותר סוגים שונים של פונקציות. באופן טבעי ניתן לשאול כיצד קונפיגורציה ל-GA שתפקדה כיאות מעל משפחת הפולינומים, לדוגמה, תתפקד מעל משפחת הפונקציות המעריכיות. נרצה לגלות אם אכן יש קשר בין משפחות שונות של פונקציות עבור קונפיגורציה כלשהי. אם נמצא פרמטרים ל-GA המתאימים למשפחות שונות של פונקציות ב"בעיית הפונקציה" עבור קונפיגורציה כלשהי. אם נמצא פרמטרים לבעיות אחרות. כמובן שמחקר נוסף ידרש בנושא.

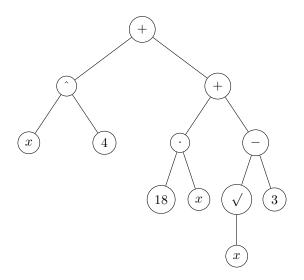
\*נעיר כי שאלה (ב) תקפה במידה שאכן נמצאו פרמטרים המבטיחים דיוק ויעילות גבוהים יותר בהשוואה לפרמטרים אחרים.

# 3 מהלך האבולוציה – בעיית הפונקציה

בפרק זה נסקור את מהלך האבולוציה מסדר ראשון עבור בעיית הפונקציה. כזכור, מופע לבעיית הפונקציה הינו "קופסה שחורה" המגלמת פונקציה כלשהי  $f:\mathbb{R} o \mathbb{R}$  , ופתרון לבעיה הינו מודל כך  $g:\mathbb{R} o \mathbb{R} o \mathbb{R}$  כך ש־|f(x)-g(x)| קטן ככל האפשר לכל  $g:\mathbb{R} o \mathbb{R} o \mathbb{R}$  , כאשר  $g:\mathbb{R} o \mathbb{R} o \mathbb{R}$  זו קבוצת הנקודות הנבחנת.

### ייצוג הבעיה 3.1

פרטים המיוצגות. לדוגמה, המיוצגות ע"י עצים מעל קבוצה מסוימת של טרמינלים ופעולות. לדוגמה, הפונקציה פרטים באוכלוסיה הם פונקציות המיוצגות ע"י עצים מעל קבוצה לועץ הבא:  $f\left(x\right)=x^4+18x+\sqrt{x}-3$ 



### אופרטורי השינוי 3.2

- את אופרטור הזיווג (Crossover) בהנתן שני הורים הורים  $T_1,T_2$  מפעילים עליהם בהסתברות אופרטור הזיווג (מערכור הזיווג בהורים בהנתן אקראי משני ההורים בהנאמה, ויוצר שני ילדים חדשים: הילד הראשון  $ST_1,ST_2$  באופן אקראי מופיע תת־העץ  $ST_2$ . הילד השני נבנה באופן סימטרי.
- על העץ המוטציה מבצע אחד מן השינויים הבאים להעץ, T, אופרטור המוטציה (Mutation) אופרטור אופרטור פהסתברות יבהסתברות יבהסתברות הבאים להעץ
  - . בחירת צומת כלשהי המייצגת פונקציה k־מקומית, והחלפתה בפונקציה המייצגת סונקציה k
    - ס בחירת תת־עץ שמאלי או ימני של השורש, והחלפתו בתת־עץ אקראי.
      - ∘ בחירת צומת כלשהי והחלפתה בתת־עץ כלשהו של אותו העץ.

- בחירת צומת כלשהי המייצגת פונקציה לא קומוטטיבית, והיפוך סדר הארגומנטים שלה.
  - . הפיכת העץ לתת־עץ מושרש עבור שורש כלשהו המייצג פונקציה שנבחרה באקראי.
    - 2 החלפת העץ כולו בעץ אקראי מעומק  $\circ$
    - . החלפת העץ כולו בתת־עץ אקראי של אותו העץ. ס

### (3lFitness) פונקצית הניקוד 3.3

העץ הע"י המתוארת הנכון. אם  $f_T$  היא הפונקציה המתוארת ע"י הע"י הע"י הע"י העאמתו של פרט באוכלוסיה נקבעת לפי המרחק שלו מן הפתרון הנכון. אז התאמתו של T מוגדרת ע"י:

$$lFitness\left(T\right) = \frac{\sum_{\left(x,y\right)\in D}\left|f_{T}\left(x\right)-y\right|}{\left|D\right|}$$

. יותר, עבוהה T גבוהה אמתו של  $tFitness\left(T\right)$  נמוך יותר, כך מידת לפיכך, ככל

### 3.4 מהלך האבולוציה

האבולוציה מתבססת על הפרמטרים הבאים:

- מספר הדורות המרבי עבור האבולוציה.  $^{-}$  GENERATIONS
  - . גודל חיובי קטן כלשהו  $\varepsilon$

חמשת הפרמטרים האחרונים יועמדו לאבולוציה בשלב הבא:

- בין שני פרטים. Crossover בין שני פרטים  $p_c ullet$
- על פרט מסוים.  $p_m$  ההסתברות לביצוע
  - . גודל האוכלוסיה  $P \bullet$
- . אל פרטים באוכלוסיה את מודדים אל מולה אל באוכלוסיה באוכלוסיה. s
  - . עומק העצים המרבי של הפרטים בדור הראשון. d

כעת, נתאר את מהלך האבולוציה:

- השחורה. בנה קבוצת נקודות D באמצעות הקופסה השחורה.
- בעיה. של עצים לכל היותר בעומק d, המייצגים פתרונות אפשריים לבעיה. P

<sup>.</sup>Lower Level Fitness קיצור של

- $.generation \leftarrow 1$  (x)
- $!(\exists T \text{ s.t } lFitntess\left(T\right) < arepsilon)$  וגם generation < GENERATIONS (ד)
  - $.newPopulation \leftarrow oldPopulation$  ()
- .newPopulationבהסתברות הפרטים החדשים ל-Mutation בהסתברות, כצע את לכל פרט ב-.newPopulation בהסתברות לכל פרט ב-
  - . ביותר הפרטים לפי היPים את הפרטים את וצמצם את וצמצם לפי היPים לפי הפרטים לפי מיין את מיין את וצמצם את
    - $.generation \leftarrow generation + 1$  ()

# 4 סקירת תכנה – אבולוציה מסדר ראשון לפתרון בעיית הפונקציה

בפרק זה נסקור בקצרה את התכנה למימוש האבולוציה על בעיית הפונקציה. נדגיש כי הפירוט המובא כאן חלקי בלבד, ומכיל את מרכיבי המערכת המהותיים להבנת התהליך.

תחת ,https://github.com/giladh11/BestParamsProjectGA.git :Git המלא ב־,https://github.com/giladh11/BestParamsProjectGA.git :Git ו-evolutionGaTools.

- הפונקציה. ־ BlackBoxTree
  - ∘ שדות:
- . פונקצית המטרה הטמונה בתוך הקופסה השחורה, מיוצגת ע"י עץ $^{ au}$ 
  - ∘ מתודות:
- uעל function על ההערכה את ומחזירה ערך ל־uומחזירה מקבלת ערך ל־uומחזירה את הערכה של u
- המסדר ראשון. ' andקה זו מייצגת פרט באוכלוסיה עבור האבולוציה מסדר השון. FunctionTreeChromosome
  - ∘ שדות:
  - . עץ המייצג את המודל הנוכחי syntaxTree syntaxTree
    - ∘ מתודות:
- . המתודה מקבלת פרט אחר באוכלוסיה, ומבצעת  $^{-}$  המתודה מקבלת פרט אחר האוכלוסיה, ומבצעת  $^{-}$ 
  - המתודה מבצעת מוטציה על הפרט. -
- SymRegSolverChromosome מחלקה זו מייצגת את המנוע המחולל את האבולוציה מסדר ראשון על מופעים האר SymRegSolverChromosome של הייצגת מסדר שני, היא מכילה. האר מחלקה או מייצגת פרט באוכלוסיה באבולציה מסדר שני, היא מכילה מחודות נוספות עבור האופרטורים האבולוציוניים עליהן נפרט בפרק הבא (פרק 5.2).
  - ∘ שדות:
- MAX\_NUM\_OF\_ITERATIONS\_LOWER\_LEVEL MAX\_NUM\_OF\_ITERATIONS\_LOWER המספר המירבי של דורות עבור האבולוציה מסדר ראשון לפתרון בעיית הפונקציה. משמש כתנאי עצירה עבור האבולוציה מסדר ראשון.
- EPSILON\_DISTANCE\_FOR\_LOWER\_EVOLUTION\_TO\_STOP ערך מספרי הקובע בור האבולוציה משמש כתנאי עצירה עבור האבולוציה מסדר את הסף הרצוי עבור פתרון אפשרי לבעיית הפונקציה. משמש כתנאי עצירה עבור האבולוציה מסדר ראשון.

- המדיר פרמטרים הכרחיים לביצוע אבולוציה מסדר ראשון, וכן מייצג ParamGA את הפרמטרים שעומדים לאבולוציה מסדר שני. מכיל את הפרמטרים שהוזכרו קודם לכן: גודל את הפרמטרים שעומדים לאבולוציה מסדר שני. מכיל את הפרמטרים שהוזכרו קודם לכן: גודל האוכלוסייה, הסתברות ל-Crossover, הסתברות ל-Mutation, גודל קבוצת הנקודות D וכן את עומק העצים המירבי עבור הדור הראשון D.
- המשדר מסדר באבולופיה באוכלוסיה באוכליה מעליה מעליה מעליה מסדר baseFunctions לפתרון בעיית הפונקציה.

#### ∘ מתודות:

- המתודה מקבלת קופסה שחורה המייצגת מופע לבעיית המתודה המייצגת מופע לבעיית המתודה המייצגת מופע לבעיית הפונקציה, ומחוללת את התהליך האבולוציוני למציאת המודל הטוב ביותר לקופסה השחורה. תוך בדי פעולתה היא מעדכנת את שדה ה־effort
- י מסדר שני, ומבצעת מסדר שלי, ומבצעת באוכלוסיה של האבולוציה מסדר שני, ומבצעת  $crossover\left(other\right)$  איווג בין הפרטים. פירוט מובא בהמשך (פרק 5.2)
- המתודה מסדר שני. פירוט מובא  $mutate\left(\right)$  המתודה מבצעת מוטציה על הפרט באוכלוסיה של האבולוציה מסדר שני. פירוט מובא בהמשד (פרק 5.2).
- BestModelCandidate מחלקה זו מייצגת את המודל הטוב ביותר לקופסה השחורה כפי שנמצא ע"י BestModelCandidate מחלקה SymRegSolverChromosome משמשת אותנו לאבולוציה מסדר שני, נרחיב על השדות והמתודות שלה בסקירת התכנה הבאה (פרק 6).

### :ס שדות ∘

- . עץ המייצג את המודל המקורב לקופסה עץ בbestSyntaxTree
- כדי למצוא את SymRegSolverChromosome שדה את מייצג את מייצג את מייצג את בeffortElement בדי למצוא את המאמץ הוא שקלול של מספר הדורות, מספר פעולות האיווג והמוטציה ומספר bestSyntaxTree הנקודות ששוערכו במהלך האבולוציה. נפרט על כך בהמשך (פרק 5.4).
- OBJECTIVE\_NUM\_OF\_POINTS המרחק הממוצע עבור  $^4$  המרחק המודל מן הקופסה השחורה.  $^4$  נעיר כי בעוד שהמרחק של המודל מן הקופסה השחורה.  $^4$  נעיר כי בעוד שהמרחק של המודל מן הקופסה השחורה עבור עבור הנקודות אל מולן נבחן המודל צפוי להיות קטן, המרחק של המודל מן הקופסה השחורה עבור מספר גדול יותר של נקודות צפוי להיות גדול יותר.
- .effortElement שדה זה הוא שקלול של hFitnessElement שדה הוא שקלול hFitnessElement פירוט מובא בהמשך (פרק 5.4).

רי היא  $f_{best}$  ו  $|P| = \mathrm{OBJECTIVE\_NUM\_OF\_POINTS}^4$  כלומר, אם  $P = \left\{ (x,y) \,\middle|\, y = blackbox.function(x) \right\}$  היא הפונקציה המתאימה ל־ $\frac{\sum_{(x,y)\in P} |f_{best}(x)-y|}{|P|}$ , אזי המרחק נתון ע"י המרחק (אוי המרחק).

### :מתודות

effortElement ואת ואת לומודה משקללת את המתודה משקללת ההמתודה המתודה המתודה המתודה המתודה המתודה בסיסם.

# מיטבי לבעיית הפונקציה GA מיטבי לבעיית הפונקציה 5

בפרק זה נסקור את מהלך האבולוציה מסדר שני עבור מציאת GA מיטבי לבעיית הפונקציה. מופע לבעיה זו הינו  $blackbox \in O$  של מופעים לבעיית הפונקציה, ופתרון לבעיה הינו GA המספק את המודל הטוב ביותר לכל O ביעילות הגבוהה ביותר. בפרק זה נגדיר במדויק כיצד בחרנו למדוד טיב של פרמטרים ויעילותם.

### ייצוג הבעיה 5.1

פרטים באוכלוסיה הם קונפיגורציות של GA. קונפיגורציה של GA היא סדרת ערכים עבור הפרמטרים האבולוציוניים s גודל האוכלוסיה P, ההסתברות לזיווג  $p_m$ , ההסתברות למוטציה  $p_m$ , גודל האוכלוסיה ההסתברות לזיווג GA, ההסתברות למוטציה באוכלוסיה הראשונית dA. לכן, ניתן לתאר dA באופן הבא:

 $0.5 \leq P \leq 15, 0 \leq p_m, p_c \leq 1, 5 \leq s \leq 20, 1 \leq d \leq 8$  כאשר:

#### אופרטורי השינוי 5.2

- י בהמתברות הזיווג מופעל החרים הורים  $GA_1$  ובוחר הזיווג מופעל בהסתברות הורים בהנתן שני הורים הורים באקראי נקודת הזיווג באקראי נקודת  $1 \leq crossoverPoint \leq 5$  באופן אחיד. האופרטור יוצר שני צאצאים: האחד מכיל את הערכים מן ההורה השני, והשני ההפך.
- אופרטור המוטציה יוצר פרט הנותן פרט  $\hat{p_m}$ , אופרטור הנותן פרט הנותן המוטציה יוצר פרט (Mutation) אופרטור הנותו הבא: אחד הפרמטרים האבולוציוניים נבחר באופן אקראי ובמקום הערך הנוכחי מוגרל ערך כלשהו בטווח בערכים החוקיים של אותו פרמטר.

### 5.3 חידוד על פונקצית הניקוד בשני הסדרים

לפני שנגדיר מסדר ראשון ועבור האבולוציה ה־Fitness עבור האבולוציה (חדד את hFitness, נחדד את הגדרת מסדר שני באופן כללי.

- Fitness זהו רכיב ה־Fitness באבולוציה מסדר ראשון לבעיית הפונקציה. ככזה, הוא מייצג את טיב התאמתו של מודל לקופסה שחורה נתונה. נסמן:
  - הפונקציה הטמונה בתוך הקופסה השחורה.  $f_{blackBox} \circ$
  - . המודל שנמצא לקופסה השחורה בתהליך האבולוציוני.  $g_{model} \circ$
  - $P=\left\{ \left( x,y
    ight) \left| y=f_{blackBox}\left( x
    ight) 
    ight\}$  קבוצת נקודות של הקופסה השחורה, כלומר P

לפיכך, lFitness של מודל כלשהו מוגדר ע"י:

$$\frac{\sum_{(x,y)\in P} |g_{model}(x) - y|}{|P|}$$

הור רכיב ה־Fitness באבולוציה מסדר שני למציאת GA מיטבי. תפקידו לייצג את טיב ביצועו האר ההליך אבולוציוני עם קבוצת פרמטרים O על קבוצה O על קופסאות שחורות. כדי לחשב את אב תהליך אבולוציוני עם קבוצה O, עלינו להתחשב בביצועים של התהליך האבולוציוני על כל קופסה שחורה בנפרד O, עלינו להתחשב של התהליך על קופסה שחורה O, ערך זה הינו שקלול של טיב נכנה את הביצועים של התהליך על קופסה שחורה O, יחד עם המאמץ שהושקע בה (תיאור מפורט של השקלול בסעיף הבא).

בבואנו לחשב את ה־hFitnessElement, נרצה להתחשב ב־hFitnessElement, נרצה לכן, עבור קבוצה את בבואנו לחשב את האיקוד את הניקוד של פרט ב-SymRegSolverChromosome של מודלים שנמצאו לקבוצה O, נגדיר את הניקוד של פרט ב־מסדר שני ע"י:

$$\frac{\sum_{m \in M} m.hFitnessElement}{|M|}$$

## (6hFitness) פונקצית הניקוד 5.4

hFitnessElement מזכיר כי לכל bestModel, שנמצא ע"י אבולוציה מסדר ראשון על קופסה שחורה, קיים שדה bestModel, פונקציג את שקלול טיבו כמודל של הקופסה השחורה וכן של המאמץ שהושקע כדי למצוא אותו. לכן, לפני שנגדיר את hFitnessElement עבור מודל כלשהו hFitnessElement

עבור המודל הינו hFitnessElement אבור המודל הינו hFitnessElement

$$effort(m) = \alpha_1 \cdot generationNum + \alpha_2 \cdot numOfCrossover + \alpha_3 \cdot numOfMutations$$
  
  $+ \alpha_4 \cdot numOfPointsEvaluated + \alpha_5 \cdot sumOfTreesSizesCreated$ 

,10² איהיה בסדר גודל של פל יהיה פ $effort\left(m\right)$ כך את ערכי קבענו את קבועי נרמול. קבועי פאטר  $lpha_1,lpha_2,lpha_3,lpha_4,lpha_5\in\mathbb{N}$  יהיה מאמצים בין חמשת הפרמטרים.

. עבור המודל הינו אוdistanceFromBlackBox, כפי שהוגדר קודם לכן. hFitnessElement עבור המודל הרכיב השני של מודל m ע"י:

$$hFitnessElement\left(m\right) = C_{1} \cdot distanceFromBlackBox + C_{2} \cdot effort\left(m\right)$$

מתחשב במרחק של מודל מהקופסה השחורה לכל נקודה בנפרד.  $m lFitness^5$ 

Higher Level Fitness קיצור של

מנרמל $^7$  את לסדר גודל של distanceFromBlackBox מנרמל $^7$  את הקבוע  $C_1$  הקבוע של  $C_1$  הקבוע  $C_1$  הקבוע  $C_1$  מנרמל $^7$  את הקבוע  $C_1$  הקבוע  $C_1$  הקבוע שהגיעו לסף דיוק דומה ברכיב ה"מרכזי בחישוב ה" $C_1$  הרכיב אילו מן המודלים בעל ניקוד גבוה יותר.  $C_2$  יקבע אילו מן המודלים בעל ניקוד גבוה יותר.

נזכיר כי מופע לבעיה הינו קבוצה O של קופסאות שחורות אשר יש למצוא להן מודלים טובים ככל הניתן. לכן, אם SymRegSolverChromosome מסוג GA שנמצאו ע"י פרט S היא קבוצת המודלים הטובים ביותר עבור קבוצה O שנמצאו ע"י פרט S ניתן להגדיר באופן טבעי את פונקצית הניקוד של האבולוציה מסדר שני עבור אותו הפרט ע"י:

$$\text{hFitness}\left(\text{SymRegSolverChromosome}\right) = \frac{\sum_{bestModel \in S} hFitnessElement\left(bestModel\right)}{|S|}$$

### 5.5 מהלך האבולוציה

האבולוציה מתבססת על הפרמטרים הבאים:

- $\hat{p_c} = 0.8$  בין שני פרטים. בחרנו לביצוע Crossover בין ההסתברות בחרנו י $\hat{p_c}$
- $\hat{p_m} = 0.25$  על פרט מסוים. בחרנו Mutation איז ההסתברות לביצוע י
- $1.0 \leq \hat{P} \leq 20$  : גודל האוכלוסייה. בחנו כמה גדלים אפשריים של אוכלוסייה. בחנו כמה בחנו ר $\hat{P}$
- .GENERATIONS = 50 מספר הדורות המרבי עבור האבולוציה. בחרנו  $^{ au}$

כעת, נתאר את מהלך האבולוציה:

- $\hat{P}$  אוכלוסיה ראשונית בגודל (א)
  - $.generation \leftarrow 1$  (2)
- generation < GENERATIONS ג) כל עוד
- $.newPopulation \leftarrow oldPopulation$  ()
- .newPopulationבהסתברות הפרטים החדשים את הפרטים בהסתברות של בהסתברות של ,oldPopulation ()
  - . ביותר הפרטים לפי היפרטים לפי הרשיט את הפרטים את הפרטים לפי הרשיט () מיין את הפרטים לפי הרשיט לפי הרשיט לפי היין את הפרטים לפי הרשיט לפי הרשיט לפי הרשיט היין את הפרטים לפי הרשיט היין הרשיט היין את הפרטים לפי הרשיט היין הרשיט היין הרשיט היין הרשיט הרשיט היין הרשיט היין הרשיט ה
    - $.generation \leftarrow generation + 1$  ()

<sup>.</sup> מודל שהגיע בדיוק ל־arepsilon יקבל ניקוד של 1000 לאחר נרמול.

# מיטבי לבעיית הפונקציה GA סקירת תכנה - אבולוציה מסדר שני למציאת

בפרק זה נסקור בקצרה את התכנה למימוש האבולוציה מסדר שני עבור מציאת GA מיטבי לבעיית הפונקציה. פעם נוספת, הפירוט המובא כאן איננו כולל את כל מרכיבי המערכת ומתמקד אך ורק באלו החיוניים להבנת התהליך האבולוציוני.

תחת ,https://github.com/giladh11/BestParamsProjectGA.git :Git המלא ב־,https://github.com/giladh11/BestParamsProjectGA.git :Git ו-evolutionGaTools החבילות

תפקידה של מחלקה או היא לספק פונקציות אקראיות ממשפחות שונות של פונקציות. • TestFunctions השתמשנו במחלקה או בכדי ליצור קבוצה O של קופסאות שחורות המשמשת מופע לבעיית מציאת GA מיטבי באבולוציה מסדר שני.

#### ∘ מתודות:

- ממעלה ממעלה בייט מחדה היוצרת היוצרת מתודה polynomials (degree, count)  $. degree \geq$
- מתודה היוצרת בינת מעריכיות מעריכיות מעריכיות מתודה בי exponents (length, count)  $.length \geq 1$
- מתודה ביות טריגונומטריות מתודה ביות מתודה היוצרת מתודה ביtrigonometricFunctions (length, count) אקראיות באורך אורך באורך
- ם מתודה או יוצרת רשימה של פונקציות שבחרנו בעצמנו, וכוללת: פולינום getTestFunctions () אקראי ממעלה  $3 \geq 3$ , פולינום אקראי ממעלה  $4 \geq 5$ , שתי פונקציות מעריכיות באורך  $3 \geq 3$ , פונקציה  $\sin^2(x) + 3$ , באורך  $3 \geq 3$ , פונקציה טריגונומטרית באורך  $3 \geq 3$ , פונקציה טריגונומטרית באורך  $3 \geq 3$ , ולבסוף  $3 \geq 3$ , ולבסוף  $3 \geq 3$  ולבסוף  $3 \geq 3$ .
- ParamGA מייצגת את הפרמטרים שעומדים לאבולוציה מסדר שני. כפי שראינו בסקירה הקודמת, בסקירה הקודמת מייצגת את הפרמטרים את SymRegSolverChromosome מופע של המחלקה מוחזק כשדה ב־SymRegSolverChromosome מיינת הפונקציה.

#### ישדות: ○

- האוכלוסיה. ropulationSize –
- הסתברות לביצוע זיווג. pCrossover –
- הסתברות לביצוע מוטציה. pMutation
- . בחנים המודלים אל הנקודות קבוצת המודלים dataSetSize
- האוכלוסיה. העומק המירבי של פרטים בדור הראשון של האוכלוסיה. - העומק המירבי של האוכלוסיה.

#### ∘ מתודות:

- עם ערכים ParamGA =  $(P, p_c p_m, |D|, d)$  שם המחוללת אובייקט getRandomParamGA() SymRegSolverChromosome אקראיים חוקיים. משמשת ליצירת האוכלוסיה הראשונית של פרטי עבור האבולוציה מסדר שני.
- SymRegSolverChromosome מחלקה זו מייצגת פרט באוכלוסיה עבור האבולוציה מסדר שני. ככזו, היא מסדר שני. ככזו, היא מכילה את האופרטורים האבולוציוניים crossover, mutate שתוארו בפרק הקודם. לפירוט נוסף ראו את תיאור המחלקה בסקירת התכנה הקודמת (פרק 5.2).
- בחלקה זו מייצגת את המאמץ של SymRegSolverChromosome מחלקה זו מייצגת את המאמץ של בדי למצוא את כל אחד מחלקה זו מייצגת את המאמץ של המודלים לכל אחת מן הקופסאות השחורות שניתנו לו. נדגיש כי בחרנו להביא בחשבון גורמים נוספים מן המודלים לכל אחת מן הקופסאות השחורות. בחישוב ה־SymRegSolverChromosome של המאמץ מעבר למספר הדורות. בחישוב ה־hFitness של שתואר בפרק הקודם.

#### ∘ שדות:

- מספר הדורות עד שנמצא המודל. generationNum –
- הרעיון מספר מספר מספר מספר מעולות הזיווג שנעשו בתהליך מציאת המודל. שדה המשקף הרעיון numOfCrossover שככל שמתבצעות יותר פעולות זיווג על עצים כך התהליך האבולוציוני יקר יותר.
- מספר פעולות המוטציה שנעשו בתהליך מציאת המודל. הרעיון מאחורי שדה numOfMutations זה דומה לרעיון מאחורי השדה הקודם.
- מספר הנקודות ששוערכו בתהליך מציאת המודל. כזכור, כל פרט numOfPointsEvaluated באוכלוסיה עבור האבולוציה מסדר ראשון נמדד בהתאמתו ע"י מרחקו מקבוצת הנקודות D. שדה זה משקף את הרעיון שתהליך אבולוציוני בו משערכים מספר גדול של נקודות כבד יותר.
- הרעיון האבולוציה. משקף את סכום במהלך העצים שנוצרו sumOfTreesSizesCreated שככל שעצים גדולים יותר, כך יקר יותר לשערך אותם.

### ∘ מתודות:

- פרק הקודם (פרק השדות, כפי שהוגדר בפרק הקודם (פרק calculate Effort () calculate Effort () .
  - המוע מסדר שני על פרטים מסוג HigherLevelEngine מחלקה זו היא המנוע המחולל את האבולוציה מסדר שני על פרטים מסוג. SymRegSolverChromosome

#### ∘ שדות:

- המייצגת מופע לאבולוציה מסדר listOfBlackboxes רשימה של אובייקטים מסוג BlackBoxTree המייצגת מופע לאבולוציה מסדר שני. כל פרט באוכלוסיה נמדד בהתאם למודלים שמצא עבור הקופסאות השחורות ובהתחשב במאמץ שהשקיע בכך.
  - . גודל מסדר שני. גודל האוכלוסיה עבור האבולוציה מסדר שני. populationSize

#### ∘ מתודות:

- מתודה או יוצרת אוכלוסיה ראשונית ע"י הגרלה של מופעי createPopulation (popluationSize) מתודה או אוכלוסיה אברלום אהם כפי שהתקבלו SymRegSolverChromosome  $getRandomParamGA\left(\right)$ מ"ר
- בפרק המתודה אשר מחוללת את התהליך המתודה בעסlve (GENERATIONS) המתודה הקודם (פרק 5.5).
  - המתודה מחזירה את המופע getBestSymRegSolver() המתודה SymRegSolverChromosome

### 7 ממצאים ומסקנות

בחלק זה נתאר את תהליך העבודה שביצענו בנסיון לענות על שאלות המחקר. לפני הרצת האבולוציה מסדר שני, רצינו לבחון כיצד מופעים שונים של GA מתמודדים עם פונקציות ממשפחות שונות. לשם כך, כתבנו סביבת הרצה עבור כל אחת מרמות האבולוציה וביצענו עליהן ניסויים. ראשית, נתאר את סביבות ההרצה ולאחר מכן נתאר מדגם מייצג של הניסויים שערכנו.

### 7.1 הרצה מסדר ראשון מסדר ראשון מסדר ראשון RunLowerLevel

סביבה זו תומכת בפעולות הבאות<sup>8</sup>:

- וקופסה שחורה, עליה ניתן להריץ אבולוציה מסדר ParamGA אי צירוף של Setups איצירת איצירת שונים: ראשון.
  - .Setups מאפשרת לבחור ערכים עבור currentParamGA (ב) setParamGA מאפשרת לבחור ערכים עבור
- י בנה בעולה או, ייבנה בארת לבנות המיוצגת ע"י מחרוזת. לאחר פעולה או, ייבנה באר  $^{\circ}$  setNewFunc (ג) בסיס פונקציה החדשה ואת בעולה את הפונקציה החדשה ואת Setup
- נער בשיטה בחקש המבחן המבחן בשיטה בערה Setups על בסיס הנקציות בשיטה בערה אוterentParamGA בונה עשרה בשיטה בונה שבה t setTestFunctions (דאו תחילת פרק t).
- ו־ע currentParamGA יוצרת אוצר בסיס ביס היוצרת יוצר ביים אוצר האווץ currentParamGA יוצרת אוצר האורף האורף האורף האורף אוצר האייכות למשפחה שנבחרה ממעלה או באורך x
  - . פעמים: x מריצה את כל ה־Setups מריצה את מריצה מריצה: runAll x
- printSetups (t) אודפס מידע המשקלל את כל ההרצות שבוצעו על ה־Setup. לדוגמה: מרחק: אודפס מידע המשקלל את כל ההרצות שבוצעו על ה־Setup. למוצע/מירבי/מזערי, מאמץ ממוצע/מירבי/מזערי וכו'.

#### 7.2 ניסויים - אבולוציה מסדר ראשון

כדי לקבל מושג ראשוני על ההשערות שהעלנו בשאלות המחקר, ערכנו מספר הרצות של מקרי מבחן. עבור כל מקרה מבחן, הגדרנו מספר עותקים זהים של ParamGA הנבדלים זה מזה אך ורק בערך של פרמטר אבולוציוני יחיד. רצינו לבדוק כיצד שינוי בערך של פרמטר אחד משפיע על תוצאות המהלך האבולוציוני. להלן הפירוט:

(א) שינוי בגודל D: דיוק של מודל באבולוציה מסדר ראשון נקבע ע"י מרחקו הממוצע מקבוצת הנקודות אינוי בגודל (א) שינוי באבולוציה מסדר באבולוציה מסדר האבולוציה מסדר ראשון מתקבל בפרמטר מ־ParamGA. לאחר האבולוציה מסדר ראשון מתקבל בפרמטר מ

<sup>.</sup>ראו תמונה 8.1 בנספח

אל מול מספר גדול של נקודות (ראו תיאור המחלקה BestModelCandidate בפרק 4), ומהווה את הדיוק אל מול מספר גדול של נקודות (ראו שככל שגודלה של D במהלך האבולוציה יהיה גדול יותר כך דיוקו האובייקטיבי של המודל. שערנו שככל שגודלה של D במהלך במחלי מגרף B בנספח.

- (ב) שינוי ב־ $p_m$ : לא זיהינו מגמה ברורה. כפי שניתן לראות מהדוגמה בגרף 8.3 בנספח, ערכים שונים של שיעור הינוי ב־ $p_m$  עבור שלושה פולינומים ממעלה  $2 \geq 2$  לא הצביעו על שינוי מגמתי בדיוק שהושג.
- (ג) שינוי בגודל האוכלוסייה: כפי שניתן להתרשם מגרף 8.4 בנספח, עבור שלושה פולינומים ממעלה  $2 \geq 2$  לא זוהה שינוי בדיוקם בעקבות שינוי תואם בגודל האוכלוסייה.

# שני מסדר שני RunHigherLevel 7.3

סביבה זו תומכת בפעולות הבאות<sup>9</sup>:

- אבולוציה מסדר שני הכולל קבוצת אוigherLevelSetup אבולוציה המבחן אויז setTestFunctions (א) אבולוציה פנקציות המבחן שהוגדרו  $\operatorname{getTestFunction}($
- אבולוציה מסדר שני הכולל HigherLevelSetup יוצרת הכולל הפראמוץ הסדר שני הכולל הכולוציה מסדר שני הכולל הכול הפונקציות שנבחרה. את משפחת הפונקציות שנבחרה.
  - ים בזכרון. arunAll מריצה את כל ה־HigherLevelSetup-ים בזכרון.
- HigherLevelSetup מדפיסה את המידע על כל HigherLevelSetup בזכרון. עבור כל printSetupsInfo (ד) מודפסים הפרמטרים הטובים ביותר שנמצאו וערך ה־hFitness שלהם. כמו כן, ניתן גם לראות את המודל הטוב ביותר שפרמטרים אלו מניבים לכל קופסה שחורה, המאמץ שהושקע עבור אותו מודל, הדיוק של המודל hFitnessElement.
- הדות את ערך ה־ParamGA שלהם על ההדוק מאפשרת ה־setParamGaSetup (ה) האפשרת מאפשרת מאפשרת מאפשרת מאפשרת שיטה או, בדקנו שיטה שונות של משפחות שונות של משפחות שונות של פונקציות.

<sup>.</sup>ראו תמונה 8.5 בנספח.

### 7.4 ניסויים - אבולוציה מסדר שני

בחלק זה נתאר את אחד מן הניסויים שערכנו בכדי לענות של שאלות המחקר.

- $\cdot 2 >$ הרצת אבולוציה מסדר שני על  $\cdot 10$  פולינומים מדרגה  $\cdot \cdot 2$
- עם 10 פולינומים מדרגה את והרצנו עם 1 $2 \geq 1$  פולינומים מדרגה שני עליו. 0 והרצנו עם 0
- ס כפי שניתן לראות, בכל דור של האבולוציה כל פרט SymRegSolverChromosome ס כפי שניתן לראות, בכל דור של האבולוציה כל פרט  ${
  m hFitnessElement}$  והשקלול של כולם מגדיר את ה־SymRegSolverChromosome של הפרט של הפרט

```
$setFamily 10poly poly 2 10
 runAll
  created 10 new blackBoxes in a list
**Running Setup 10poly
calculated hFitnessElement for 38*x^1 + 6| distanceWeight: 736.249710118198, effortWeight: 239.0
calculated hFitnessElement for + 47| distanceWeight: 701.3529630810922, effortWeight: 2.0
calculated hFitnessElement for 45*x^1| distanceWeight: 784.9529588968807, effortWeight: 69.0
calculated hFitnessElement for 18*x^1 - 25| distanceWeight: 520.9192680477414, effortWeight: 102.0
calculated hFitnessElement for 19*x^1 - 36| distanceWeight: 570.1691865131551, effortWeight: 53.0
              calculated hritnessElement for 19*x*1 - 36| distanceWeight: 570.1691865131551, effortWeight: 53.0 calculated hritnessElement for 38*x*2| distanceWeight: 4664.749820103212, effortWeight: 475.0 calculated hritnessElement for 19*x*2 + 23*x*1| distanceWeight: 3089.692958690449, effortWeight: 477.0 calculated hritnessElement for 11*x*2 + 43*x*1 + 14| distanceWeight: 132763.0263458314, effortWeight: 502.0 calculated hritnessElement for 27*x*2| distanceWeight: 4182.798801054979, effortWeight: 477.0 calculated hritnessElement for 15*x*1| distanceWeight: 110.72405664775431, effortWeight: 121.0
  calculated hFitness for
                ParamGA - populationSize: 20, pCrossover: 0.401311000375586, pMutation: 0.5718873318945531, dateSetSize: 30, maxInitialTreeDepth: 1, bloatPenaltyRate: 0.9641926348816532
      hFitness = 15064.163606898484
              calculated hFitnessElement for 38*x^1 + 6| distanceWeight: 1991.0262865500765, effortWeight: 96.0
              calculated hFitnessElement for + 47| distanceWeight: 844.3429598209207, effortWeight: 0.0 calculated hFitnessElement for 45*x^1| distanceWeight: 716.186591239051, effortWeight: 4.0
              calculated hFitnessElement for 18*x^1 - 25 | distanceWeight: 957.4373576863877, effortWeight: 66.0 calculated hFitnessElement for 19*x^1 - 36 | distanceWeight: 361.7899618591842, effortWeight: 55.0
              calculated hFitnessElement for 38*x^2| distanceWeight: 34670.58954075871, effortWeight: 87.0
              calculated hFitnessElement for 19*x^2 + 23*x^1 distanceWeight: 8064126.94830606, effortWeight: 91.0 calculated hFitnessElement for 11*x^2 + 43*x^1 + 14 distanceWeight: 1057080.3303377295, effortWeight: 87.0
              calculated hFitnessElement for 27*x^2| distanceWeight: 5.708089495265906E9, effortWeight: 80.0 calculated hFitnessElement for 15*x^1| distanceWeight: 111.70962882830793, effortWeight: 18.0
  calculated hFitness for
                 ParamGA - populationSize: 5, pCrossover: 0.24300244030595408, pMutation: 0.46465411052310845,
      dateSetSize: 37, maxInitialTreeDepth: 3, bloatPenaltyRate: 1.7654147634951178 hFitness = 5.717250939626877E8
 :כבר בדור הראשון ישנו פרט עם ^{+} הוות פי ^{+} פחות מהדיוק הנדרש: ^{+} כבר בדור הראשון ישנו פרט עם ^{+} hFitness=4687^{-} כבר בדור הראשון ישנו פרט עם ^{-} calculated hFitness for ParamGA – populationSize: 13, pCrossover: 0.07354830652783084, pMutation: 0.7872
 1.082164005417698
      hFitness = 17085.236262436345
                                    hFitness = 4687,444666607192
 param = ParamGA - populationSize: 29, pCrossover: 0.38085353384803333, pMutation: 0.7931209540808409,
dateSetSize: 34, maxInitialTreeDepth: 4, bloatPenaltyRate: 0.7927024235210136
              calculated hFitnessElement for 38*x^1 + 6| distanceWeight: 776.6861635383862, effortWeight: 148.0
              calculated hFitnessElement for + 47| distanceWeight: 257.604789255339, effortWeight: 1.0 calculated hFitnessElement for 45*x^1| distanceWeight: 559.9359119027127, effortWeight: 9.0
```

:hFitness=1000 בדור השמיני אנחנו מגיעים לדיוק הנדרש, עם  $\circ$ 

calculated hFitness for ParamGA - populationSize: 20, pCrossover: 0.9042/05250914993, pMutation: 0.8/026//
1.2808869139209949
hFitness = 7541.002424934282

calculated hFitnessElement for 38\*x^1 + 6| distanceWeight: 140.89258101411684, effortWeight: 134.0 calculated hFitnessElement for + 47| distanceWeight: 269.9224576630854, effortWeight: 6.0 calculated hFitnessElement for 45\*x^1| distanceWeight: 709.6384998292535, effortWeight: 22.0 calculated hFitnessElement for 10\*\*x^1| distanceWeight: 802.74833644036 effortWeight: 42.0

עבור הפרמטרים שמצאנו hFitness אחר הרצה בדקנו ממעלה פולינומים ממעלה פולינומים בדקנו הרצה הרצה פולינומים החדשה:

SetupHigherLevel: name: 10\_poly^2.setParams
 ParamGA: ParamGA - populationSize: 29, pCrossover: 0.0380853, pMutation: 0.79312,
 dateSetSize: 32, maxInitialTreeDepth: 4, bloatPenaltyRate: 0.0
 with hFitness: 10634.0372203382

- $\circ$  כפי שניתן לראות, דוגמה זו ממחישה כי על אף שפרמטרים אלו הניבו ערך hFitness סוב עבור קבוצת פולינומים אחת, הם תפקדו באופן רע למדי עבור קבוצת פולינומים אחרת. על אף ששערנו שקבוצת פרמטרים המתאימה למשפחת פונקציות אחת יכולה להתאים למשפחת פונקציות אחרת, דוגמה זו מראה כי אפילו עבור קבוצות פונקציות מאותה משפחה השערה זו נסדקת.
- יאת ועוד, בחינה של פרמטרים מיטביים עבור פולינומים עבור פונקציות ממשפחת הפונקציות הטריגונומטריות  $^{
  m hFitness}$  בסדרי גודל משמעותיים בהרבה.

#### 7.5 סיכום

התחלנו את העבודה בשאיפה למצוא התאמה בין ערכי הפרמטרים האבולוציוניים של GA לבין ה־Fitness של התחלנו את העבודה בשאיפה למצוא התאמה בין ערכי שערכנו העידו על כך שלא ניכרת התאמה כזו. לסיכום העבודה, אנו הפתרונות שאותו GA מפיק. עם זאת, הניסויים שערכנו העידו על כך שלא ניכרת התאמה כזו. לסיכום העבודה, אנו רוצים להצביע על מספר סיבות אפשריות לכך:

- (א) על אף שקבענו את ערכי הפרמטרים האבולוציוניים לאבולוציה מסדר שני ו $\hat{p}_c,\hat{p}_m,\hat{P}$  וכיו"ב) לאחר ניסוי וטעיה, ייתכן ועדיין הם אינם מתאימים לאופי הבעיה.
- 1-Point Crossover באופן דומה, ייתכן ואופרטורי השינוי שהגדרנו עבור האבולוציה מסדר שני, הכוללים וב-Point Crossover ומוטציה על הפרמטרים האבולוציוניים, אינם הולמים את אופי הבעיה.
- (ג) בבואנו למצוא פרמטרים מיטביים עבור קבוצה קטנה של קופסאות שחורות באבולוציה מסדר שני, הרצנו כל אחד מן הפרטים פעם אחת בלבד על כל קופסה. מאחר ותהליך אבולוציוני הינו תהליך סטוכסטי, ייתכן ויש לקבוע את התאמתם של פרטים באבולוציה מסדר שני בהתבסס על מספר גדול יותר של הרצות על כל קופסה, ולהגדיל בשיעור ניכר את מספר הקופסאות השחורות שניתנו כמופע לבעיה.

לדוגמה, במקום להריץ כל פרט באוכלוסיה פעם אחת בלבד על קבוצה בת 10 פונקציות, יש להריץ כל פעם באוכלוסיה 100 פעמים על קבוצה בת 1000 פונקציות ולשקלל את ביצועיו. באופן זה, ניתן לבסס את התאמתו של כל פרט בהתבסס על מגוון רחב של דוגמאות. למותר לציין כי הרצה שכזו יקרה להחריד בהיבטים של סיבוכיות זמן ריצה.

### 8 נספח

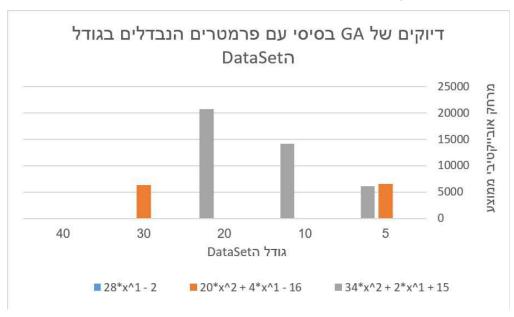
#### 8.1 תמונה - תפריט סביבת ההרצה של האבולוציה מסדר ראשוו

----- Test SymRegSolverChromosomes program -----

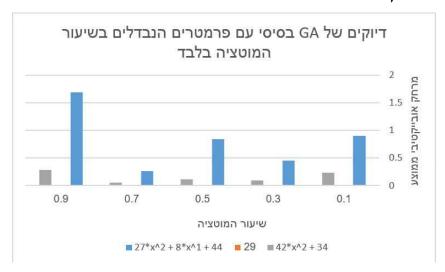
#### Options:

random - create a random black box and run on it setNewFunc 'FUNCTION\_STRING' - will create a new BlackBox according to the requested string setTestFunctions - will add the 10 diverse functions to the SetupList with the current ParamGA setFamily poly/exp/trigo 'x' 'y' - will add 'y' functions from the family with degree/length x copySetups x y - will copy all the setups with indexes between x and y (including) as new ones with the current run x - will rerun the last blackBox x times. when finished will print the results of the pervious runs and the runAll x - will make each memory setup run the same amount in total printModels - will print all the models found by the runs on the currentBlackBox printSetups - will print all the setups currently on memory chooseSetup x - will change to the requested setup index currentParamGA - will print the current ParamGA used setParamGA - to choose 6 new params for currentParamGA currentSetup - will printthe current setup index, the blackbox and its averages removeCurrentSetup - will remove the current setup from the memory(and reset the box resetBlackBox - will reset the currentBox help - will print this option menu again quit - will exit the program

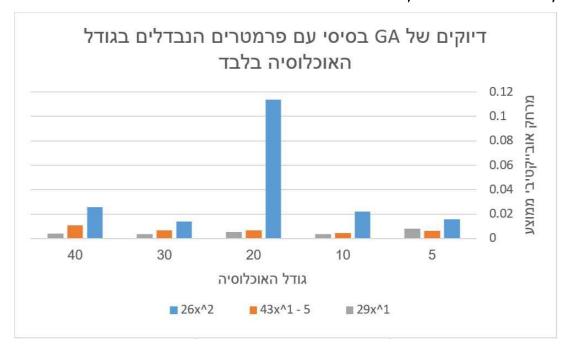
# גרף $\tau$ גודל D אל מול דיוק 8.2



# גרף $^{ au}$ שיעור אל מול $p_m$ אל גרף ארף 8.3



# גרף $^{2}$ גודל P אל מול דיוק 8.4



### 8.5 תמונה - תפריט סביבת ההרצה של האבולוציה מסדר שני

```
----- RunHigherLevel program -----
Options:
default - will set all the default setups and run them
setTestFunctions chosenName - will add a list of 10 functions from the testfunctions, to a new setup chosenName in the list
setFamily chosenName poly/exp/trigo 'x' 'y' - will add a list of 'y' functions from the family with degree/length x, to a new setup chosenName
runAll - will make sure all the current setups were run
printSetups - will print all the setups currently on memory
printSetupsInfo - will print all the setups currently on memory, and the black boxes and the bestModels each one of them found
printSetupsModels - will print all the setups currently on memory, and the bestModels each one of them found
printSetupsBoxes - will print all the setups currently on memory, and the black boxes
chooseSetup x - will change to the requested setup index
currentParamGA - will print the current ParamGA used
setParamGA - to choose 6 new params for currentParamGA
setParamGaSetups \ x \ y - will recreate the setups with indexes between x and y (including) as new ones with the current paramGA
         //the idea is that it allows you to run different families on params we got in different runs
currentSetup - will printthe current setup index, and all its models
removeCurrentSetup - will remove the current setup from the memory(and reset the box
help - will print this option menu again
quit - will exit the program
```

\$

### 8.6 קישור - תוצאות לאחר הרצת Setup באבולוציה מסדר שני(פולינומים)

הפלט זמין בקישור הבא:

https://www.dropbox.com/s/d6mggthe2i2iit8/SetupHigherLevel\_3poly3.rtf?dl=0
עבור ערכי ParamGA הנתונים, ניתן לראות לכל קופסה שחורה את המודל הכי טוב שהושג ואת המאמץ.

### 8.7 קישור - תוצאות לאחר הרצת Setup באבולוציה מסדר שני(פולינומים)

הפלט זמין בקישור הבא:

https://www.dropbox.com/s/6mfiiayduv5eyel/SetupHigherLevel\_5poly3.rtf?dl=0 עבור ערכי ParamGA הנתונים, ניתן לראות לכל קופסה שחורה את המודל הכי טוב שהושג ואת המאמץ.

### (פונקציות טריגונומטריות אווער הוצאות לאחר הרצת הוצה באבולוציה מסדר שני ${ m Setup}$

הפלט זמין בקישור הבא:

https://www.dropbox.com/s/lao9rmju63ar5a0/SetupHigherLevel\_5trigo3.rtf?dl=0 עבור ערכי ParamGA הנתונים, ניתן לראות לכל קופסה שחורה את המודל הכי טוב שהושג ואת המאמץ.

# 9 מקורות מידע וסימוכין

- כל הקוד שנכתב במהלך וכן הדו"ח מצוי ב־Git: https://github.com/giladh11/BestParamsProjectGA.git
- מאמר המתאר פתרון של בעיית ה־Symbolic Regression באמצעות של בעיית ה-Genetic Programming ואת השיקולים השונים:

http://web.eecs.utk.edu/~czhang24/projects/cs528\_Project2\_Zhang.pdf

- על אופרטורי השינוי: Meta Genetic Programming של אופרטורי השינוי:

  http://cfpm.org/pub/papers/mgp.pdf
- עבור האבולוציה מסדר ראשון לפתירת בעיית הפונקציה,
  GA נעזרנו בקוד פתוח שפותר את בעיית ה־Symbolic Regression נעזרנו בקוד פתוח שפותר את בעיית הhttps://github.com/lagodiuk/genetic-programming