# Tugas Besar IF2220 Probabilitas dan Statistika

# Penarikan Kesimpulan dan Pengujian Hipotesis

### Tujuan:

- Mahasiswa memahami dan dapat menyelesaikan persoalan distribusi peluang variabel random diskrit dan kontinu, dan
- Mahasiswa mampu menyelesaikan persoalan untuk menarik kesimpulan mengenai parameter populasi yang diperoleh dari data hasil eksperimen.
- Mahasiswa mampu menyelesaikan persoalan pengujian hipotesis.

# Anggota Kelompok

Mahesa Lizardy (13520116)
 Muhammad Gilang Ramadhan (13520137)

# **Soal Tugas**

Diberikan sebuah data water\_potability.csv yang dapat diakses pada Dataset Tugas Besar IF2220. water\_potability.csv merupakan data metrik kualitas air yang mengandung 11 kolom sebagai berikut:

- 1. id
- 2. pH
- 3. Hardness
- 4. Solids
- 5. Chloramines
- 6. Sulfate
- 7. Conductivity
- 8. OrganicCarbon
- 9. Trihalomethanes
- 10. Turbidity11. Potability

Kolom 2-10 adalah kolom atribut (non-target), sedangkan kolom 11 adalah kolom target. Anda diminta untuk melakukan analisis statistika sebagai berikut:

# 0. Import Library and Load Data

```
In []: from IPython.display import Markdown, display
    import pandas as pd
    import seaborn as sns
    import marblotlib.pyplot as plt
    import scipy
    import scipy.stats
    import numpy as np

def printM(string):
        display(Markdown(string))

columnsName = ["id","pH","Hardness","Solids","Chloramines","Sulfate","Conductivity","OrganicCarbon","Trihalomethanes","Turbidity","Potability"]
    water_potability = pd.read_csv("water_potability.csv", names= columnsName)
    # shows top 10 rows
    water_potability.head(10)
```

Out[]:		id	рН	Hardness	Solids	Chloramines	Sulfate	Conductivity	OrganicCarbon	Trihalomethanes	Turbidity	Potability
	0	1	8.316766	214.373394	22018.417441	8.059332	356.886136	363.266516	18.436524	100.341674	4.628771	0
	1	2	9.092223	181.101509	17978.986339	6.546600	310.135738	398.410813	11.558279	31.997993	4.075075	0
	2	3	5.584087	188.313324	28748.687739	7.544869	326.678363	280.467916	8.399735	54.917862	2.559708	0
	3	4	10.223862	248.071735	28749.716544	7.513408	393.663396	283.651634	13.789695	84.603556	2.672989	0
	4	5	8.635849	203.361523	13672.091764	4.563009	303.309771	474.607645	12.363817	62.798309	4.401425	0
	5	6	11.180284	227.231469	25484.508491	9.077200	404.041635	563.885481	17.927806	71.976601	4.370562	0
	6	7	7.360640	165.520797	32452.614409	7.550701	326.624353	425.383419	15.586810	78.740016	3.662292	0
	7	8	7.119824	156.704993	18730.813653	3.606036	282.344050	347.715027	15.929536	79.500778	3.445756	0
	8	9	6.347272	186.732881	41065.234765	9.629596	364.487687	516.743282	11.539781	75.071617	4.376348	0
	9	10	9.181560	273.813807	24041.326280	6.904990	398.350517	477.974642	13.387341	71.457362	4.503661	0

1. Menulis deskripsi statistika (Descriptive Statistics) dari semua kolom pada data yang bersifat numerik, terdiri dari mean, median, modus, standar deviasi, variansi, range, nilai minimum, maksimum, kuartil, IQR, skewness dan kurtosis. Boleh juga ditambahkan deskripsi lain

```
In [ ]: # Prosedur untuk menulis deskripsi statistik dari suatu kolom di tabel
        def StatisticDescription(Column):
            # Tulis statistik deskriptif dari kolom Column
            print("count\t\t: {}".format(len(Column)))
            print("mean\t\t\t: {}".format(Column.mean()))
            print("median\t\t\t: {}".format(Column.median()))
            print("modus\t\t: {}".format(Column.mode()[0]))
            print("standar deviasi\t\t: {}".format(Column.std()))
            print("variansi\t\t: {}".format(Column.std()**2))
            print("range\t\t\t: {}".format(Column.max()-Column.min()))
            print("nilai minimum\t\t: {}".format(Column.min()))
            print("nilai maksimum\t\t: {}".format(Column.max()))
            quartiles = Column.quantile([0,0.25,0.5,0.75,1])
            for i,quartile in enumerate(quartiles):
                print("Kuartil-{}\t\t: {}".format(i,quartile))
            print("IQR\t\t\t: {}".format(quartiles[0.75]-quartiles[0.25]))
            print("skewness\t\t: {}".format(Column.skew()))
            print("kurtosis\t\t: {}".format(scipy.stats.kurtosis(Column, fisher=False)))
```

# 1. id

Pada id, tidak perlu ditulis deskripsi statistiknya. Dikarenakan id hanya merepresentasikan identifier yang unik pada tiap baris di masing-masing kolom dari tabel water\_potability.csv atau dengan kata lain kolom ini bukan merupakan kolom numerik

# 2. pH

```
In []: # Ambil kolom pH
    pH = water_potability["pH"]
    # Tulis deskripsi statistika dari kolom pH
    print("Deskripsi statistika dari kolom pH adalah sebagai berikut.")
    StatisticDescription(pH)
```

```
count
                                : 2010
                                 : 7.0871927687138285
        mean
        median
                                 : 7.029490455474185
        modus
                                 : 0.2274990502021987
        standar deviasi
                                 : 1.5728029470456655
        variansi
                                 : 2.4737091102355304
        range
                                 : 13.7725009497978
        nilai minimum
                                 : 0.2274990502021987
        nilai maksimum
                                 : 13.99999999999998
        Kuartil-0
                                : 0.2274990502021987
        Kuartil-1
                                : 6.09078502142353
        Kuartil-2
                                : 7.029490455474185
        Kuartil-3
                                : 8.053006240791538
        Kuartil-4
                                : 13.99999999999998
                                : 1.9622212193680078
        IQR
                                : 0.04853451405270669
        skewness
        kurtosis
                                 : 3.622362158216349
        3. Hardness
In [ ]: # Ambil kolom Hardness
         Hardness = water_potability["Hardness"]
         # Tulis deskripsi statistika dari kolom Hardness
         print("Deskripsi statistika dari kolom Hardness adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Hardness)
        Deskripsi statistika dari kolom Hardness adalah sebagai berikut.
        count
                                 : 2010
                                 : 195.96920903783524
        mean
                                 : 197.20352491941043
        median
        modus
                                 : 73.4922336890611
        standar deviasi
                                 : 32.643165859429864
        variansi
                                 : 1065.5762773262475
                                 : 243.84589036652147
        range
        nilai minimum
                                : 73.4922336890611
        nilai maksimum
                                : 317.33812405558257
        Kuartil-0
                                 : 73.4922336890611
        Kuartil-1
                                 : 176.74065667669896
        Kuartil-2
                                 : 197.20352491941043
        Kuartil-3
                                 : 216.44758866727156
        Kuartil-4
                                 : 317.33812405558257
        IQR
                                 : 39.7069319905726
        skewness
                                 : -0.08532104172868622
        kurtosis
                                 : 3.521190648776977
        4. Solids
In [ ]: # Ambil kolom Solids
        Solids = water_potability["Solids"]
         # Tulis deskripsi statistika dari kolom Solids
        print("Deskripsi statistika dari kolom Solids adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Solids)
        Deskripsi statistika dari kolom Solids adalah sebagai berikut.
                                 : 2010
        count
                                 : 21904.673439053095
        mean
        median
                                 : 20926.88215534375
                                 : 320.942611274359
        modus
        standar deviasi
                                : 8625.397911190576
        variansi
                                : 74397489.12637074
        range
                                : 56167.72980146483
        nilai minimum
                                : 320.942611274359
        nilai maksimum
                                : 56488.67241273919
        Kuartil-0
                                : 320.942611274359
        Kuartil-1
                                : 15614.412961614333
        Kuartil-2
                                : 20926.88215534375
        Kuartil-3
                                : 27170.534648603603
        Kuartil-4
                                 : 56488.67241273919
        IQR
                                 : 11556.12168698927
                                 : 0.5910113724580447
        skewness
        kurtosis
                                 : 3.333498156306705
         5. Chloramines
In [ ]: # Ambil kolom Chloramines
         Chloramines = water_potability["Chloramines"]
         # Tulis deskripsi statistika dari kolom Chloramines
        print("Deskripsi statistika dari kolom Chloramines adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Chloramines)
        Deskripsi statistika dari kolom Chloramines adalah sebagai berikut.
        count
                                : 2010
                                 : 7.134322344600104
        mean
                                 : 7.1420143046226645
        median
        modus
                                 : 1.3908709048851806
        standar deviasi
                                 : 1.5852140982642102
        variansi
                                 : 2.512903737335613
                                 : 11.736129095114823
        range
        nilai minimum
                                : 1.3908709048851806
        nilai maksimum
                                : 13.12700000000000002
        Kuartil-0
                                : 1.3908709048851806
        Kuartil-1
                                : 6.138326387572855
        Kuartil-2
                                : 7.1420143046226645
        Kuartil-3
                                : 8.109933216133502
        Kuartil-4
                                : 13.1270000000000002
        IQR
                                : 1.9716068285606472
        skewness
                                : 0.013003497779569528
        kurtosis
                                 : 3.5454318545555785
        6. Sulfate
In [ ]: # Ambil kolom Sulfate
         Sulfate = water_potability["Sulfate"]
         # Tulis deskripsi statistika dari kolom Sulfate
         print("Deskripsi statistika dari kolom Sulfate adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Sulfate)
        Deskripsi statistika dari kolom Sulfate adalah sebagai berikut.
        count
                                : 2010
                                 : 333.211376415189
        mean
                                : 332.2141128069568
        median
                                : 129.000000000000003
        modus
        standar deviasi
                                : 41.21111102560979
        variansi
                                : 1698.3556719651367
                                : 352.03064230599716
        range
        nilai minimum
                                : 129.00000000000003
        nilai maksimum
                                : 481.0306423059972
        Kuartil-0
                                : 129.00000000000003
        Kuartil-1
                                : 307.6269864860709
        Kuartil-2
                                 : 332.2141128069568
        Kuartil-3
                                 : 359.26814739141554
        Kuartil-4
                                 : 481.0306423059972
                                 : 51.641160905344634
        IQR
        skewness
                                 : -0.04572780443653543
        kurtosis
                                 : 3.7819149219038866
        7. Conductivity
```

Deskripsi statistika dari kolom pH adalah sebagai berikut.

In [ ]: # Ambil kolom Conductivity

Conductivity = water\_potability["Conductivity"]

```
# Tulis deskripsi statistika dari kolom Conductivity
        print("Deskripsi statistika dari kolom Conductivity adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Conductivity)
        Deskripsi statistika dari kolom Conductivity adalah sebagai berikut.
        count
                                : 2010
                                : 426.47670835257907
        mean
        median
                                : 423.43837202443706
        modus
                                : 201.6197367551575
        standar deviasi
                                : 80.70187180729437
        variansi
                                : 6512.792113200973
                                : 551.7228828031471
        range
        nilai minimum
                                : 201.6197367551575
        nilai maksimum
                                : 753.3426195583046
        Kuartil-0
                                : 201.6197367551575
        Kuartil-1
                                : 366.61921929632433
                                : 423.43837202443706
        Kuartil-2
                                : 482.2097724598859
        Kuartil-3
        Kuartil-4
                                : 753.3426195583046
        IQR
                                : 115.5905531635616
        skewness
                                : 0.26801233302645316
        kurtosis
                                : 2.760400057844864
        8. OrganicCarbon
In [ ]: # Ambil kolom OrganicCarbon
        OrganicCarbon = water_potability["OrganicCarbon"]
        # Tulis deskripsi statistika dari kolom OrganicCarbon
        print("Deskripsi statistika dari kolom OrganicCarbon adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(OrganicCarbon)
        Deskripsi statistika dari kolom OrganicCarbon adalah sebagai berikut.
        count
        mean
                                : 14.357939902048074
        median
                                : 14.323285610653329
                                : 2.199999999999886
        modus
        standar deviasi
                                : 3.3257700016987197
        variansi
                                : 11.060746104199103
        range
                                : 24.80670661116602
        nilai minimum
                                : 2.199999999999886
        nilai maksimum
                                : 27.00670661116601
        Kuartil-0
                                : 2.199999999999886
        Kuartil-1
                                : 12.122530374047727
        Kuartil-2
                                : 14.323285610653329
        Kuartil-3
                                : 16.683561746173808
        Kuartil-4
                                : 27.00670661116601
                                : 4.561031372126081
        skewness
                                : -0.02021975629181238
        kurtosis
                                : 3.027957691493332
        9. Trihalomethanes
In [ ]: # Ambil kolom Trihalomethanes
        Trihalomethanes = water_potability["Trihalomethanes"]
        # Tulis deskripsi statistika dari kolom Trihalomethanes
        print("Deskripsi statistika dari kolom Trihalomethanes adalah sebagai berikut.")
        StatisticDescription(Trihalomethanes)
        Deskripsi statistika dari kolom Trihalomethanes adalah sebagai berikut.
        count
                                : 2010
                                : 66.40071666307466
        mean
                                : 66.48204080309809
        median
        modus
                                : 8.577012932983806
        standar deviasi
                                : 16.08110898232513
        variansi
                                : 258.60206610141796
        range
                                : 115.4229870670162
        nilai minimum
                                : 8.577012932983806
        nilai maksimum
                                : 124.0
        Kuartil-0
                                : 8.577012932983806
        Kuartil-1
                                : 55.94999302803186
        Kuartil-2
                                : 66.48204080309809
        Kuartil-3
                                : 77.2946128060674
        Kuartil-4
                                : 124.0
                              : 21.344619778035543
        IQR
                            : -0.05138268451619478
        skewness
                               : 3.2194788089667044
        kurtosis
        10. Turbidity
```

```
In [ ]: # Ambil kolom Turbidity
          Turbidity = water_potability["Turbidity"]
          # Tulis deskripsi statistika dari kolom Turbidity
         print("Deskripsi statistika dari kolom Turbidity adalah sebagai berikut.")
         StatisticDescription(Turbidity)
         Deskripsi statistika dari kolom Turbidity adalah sebagai berikut.
         count
                                    : 2010
                                    : 3.9694969126303676
         mean
                                  : 3.967373963531836
         median
         modus
         standar deviasi : 0.7804710407083957
         variansi
                                   : 0.6091350453844462
                                   : 5.044748555990993
         range

      nilai minimum
      : 1.45

      nilai maksimum
      : 6.494748555990993

                            : 1.45
: 3.442881623557439
: 3.967373963531836
: 4.5146627202018825
: 6.494748555990993
         Kuartil-0
         Kuartil-1
         Kuartil-2
         Kuartil-3
         Kuartil-4
                                   : 1.0717810966444437
         IQR
```

# 11. Potability

skewness

kurtosis

Pada potability, tidak perlu ditulis deskripsi statistikanya, karena potability hanya merepresentasikan potability dari suatu water dan tidak bisa dihitung deskripsi statistikanya atau dengan kata lain kolom ini bukan merupakan kolom numerik

# Penjelasan Tambahan:

: -0.03226597968019271

: 2.9473094836957947

Dari hasil pemanggilan fungsi mode() pada dataframe, dapat disimpulkan bahwa tidak semua kolom memiliki modus singular. Adapun untuk daftar modusnya dapat dilihat pada tabel berikut.

```
In [ ]: water_potability.mode(axis=0, numeric_only=True ,dropna=True)
```

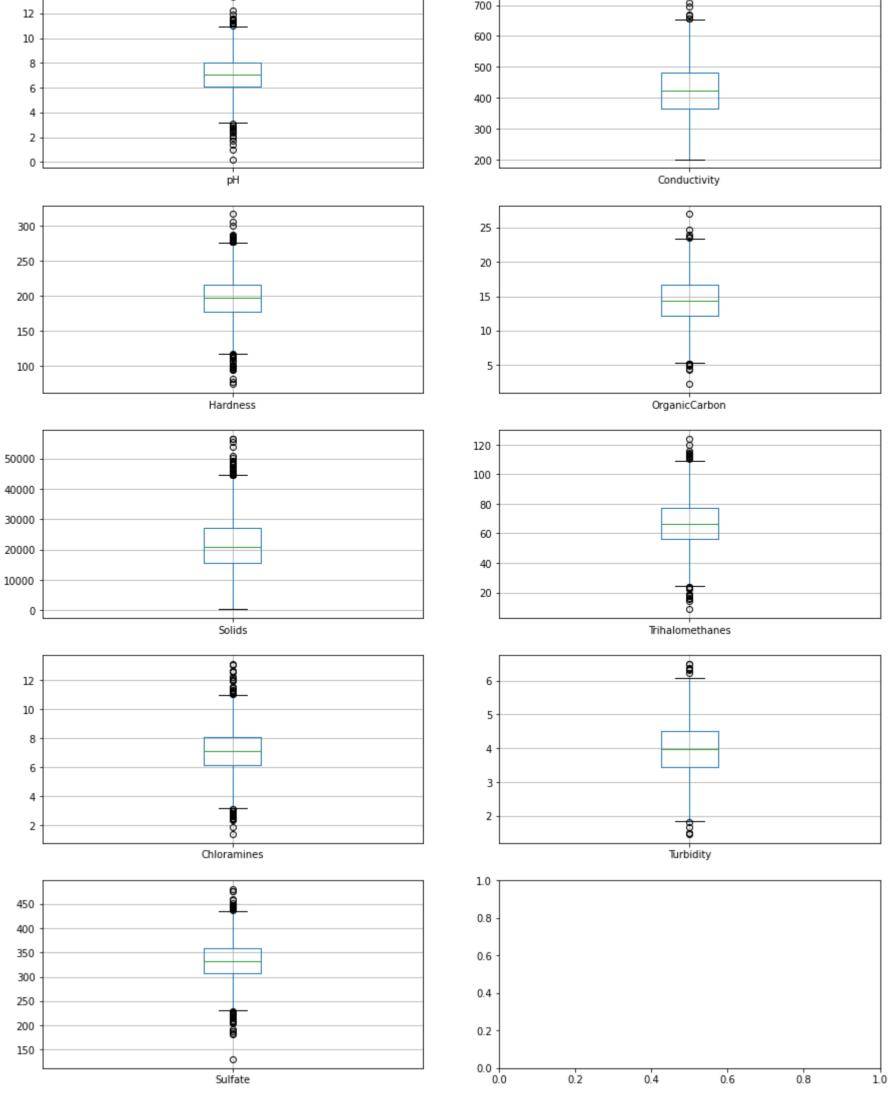
ut[ ]:		id	рН	Hardness	Solids	Chloramines	Sulfate	Conductivity	OrganicCarbon	Trihalomethanes	Turbidity	Potability
	0	1	0.227499	73.492234	320.942611	1.390871	129.000000	201.619737	2.200000	8.577013	1.450000	0.0
	1	2	0.989912	77.459586	1198.943699	1.920271	180.206746	210.319182	4.371899	14.343161	1.492207	NaN
	2	3	1.431782	81.710895	1351.906979	2.397985	182.397370	233.907965	4.466772	15.684877	1.496101	NaN
	3	4	1.757037	94.091307	1372.091043	2.456014	187.170714	245.859632	4.861631	16.291505	1.680554	NaN
	4	5	1.985383	94.812545	2552.962804	2.458609	187.424131	252.968328	4.966862	17.527765	1.812529	NaN
	•••											
	2005	2006	11.568768	286.567991	50793.898917	12.580026	458.441072	666.690618	23.569645	114.034946	6.307678	NaN
	2006	2007	11.898078	287.975540	53735.899194	12.626900	460.107069	669.725086	23.604298	114.208671	6.357439	NaN
	2007	2008	12.246928	300.292476	55334.702799	12.653362	475.737460	695.369528	23.917601	116.161622	6.389161	NaN
	2008	2009	13.349889	306.627481	56351.396304	13.043806	476.539717	708.226364	24.755392	120.030077	6.494249	NaN
	2009	2010	14.000000	317.338124	56488.672413	13.127000	481.030642	753.342620	27.006707	124.000000	6.494749	NaN

2010 rows × 11 columns

# 2. Membuat Visualisasi plot distribusi, dalam bentuk histogram dan boxplot untuk setiap kolom numerik. Berikan uraian penjelasan kondisi setiap kolom berdasarkan kedua plot tersebut

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(5, 2, figsize=(15,20))
         sns.histplot(water_potability["pH"], kde =True, ax=axs[0,0])
         sns.histplot(water_potability["Hardness"], kde =True, ax=axs[1,0])
         sns.histplot(water_potability["Solids"], kde =True, ax=axs[2,0])
         sns.histplot(water_potability["Chloramines"], kde =True, ax=axs[3,0])
         sns.histplot(water_potability["Sulfate"], kde =True, ax = axs[4,0])
         sns.histplot(water_potability["Conductivity"], kde =True, ax=axs[0,1])
         sns.histplot(water_potability["OrganicCarbon"], kde =True, ax=axs[1,1])
         sns.histplot(water_potability["Trihalomethanes"], kde =True, ax=axs[2,1])
         sns.histplot(water_potability["Turbidity"], kde =True, ax=axs[3,1])
         plt.show()
           175
                                                                              160
           150
                                                                              140
           125
                                                                              120
                                                                            넏 100
         날 100
                                                                              80
            75
                                                                               60
            50
                                                                               40
            25
                                                                               20
                                                                                                              500
                                                           12
                                                                                  200
                                                                                                                                700
                                                                                                         Conductivity
           175
                                                                              160
                                                                              140
           150
                                                                              120
           125
                                                                            ± 100
           100
                                                                              80
            75
                                                                               60
            50
                                                                               40
            25
                                                                               20
                                150
                                          200
                                                               300
                                                                                                             15
                                       Hardness
                                                                                                        OrganicCarbon
                                                                              150
           150
                                                                              125
           125
                                                                           100
75
         100
                                                                               75
            75
            50
                                                                               50
            25
                                                                               25
                                         30000
                                                            50000
                                                                                                                                   120
                                        Solids
                                                                                                       Trihalomethanes
           175
                                                                              175
           150
                                                                              150
           125
                                                                              125
                                                                           j 100
         100 -
            75
                                                                               75
            50
                                                                               50
            25
                                                                               25
                                      Chloramines
                                                                                                          Turbidity
                                                                              1.0
           175
                                                                              0.8
           150
           125
                                                                              0.6
         100 -
            75
                                                                              0.4
            50
                                                                              0.2
            25
                                                                             0.0 +
0.0
                   150
                                 250
                                                       400
                                                                                                                             0.8
                          200
                                        300
                                                350
                                                                                                                                        1.0
```

```
fig, axs = plt.subplots(5, 2, figsize=(15,20))
    water_potability.boxplot("pH", ax=axs[0,0])
    water_potability.boxplot("Hardness", ax=axs[1,0])
    water_potability.boxplot("Solids", ax=axs[2,0])
    water_potability.boxplot("Chloramines", ax=axs[3,0])
    water_potability.boxplot("Sulfate", ax=axs[4,0])
    water_potability.boxplot("Conductivity", ax=axs[0,1])
    water_potability.boxplot("OrganicCarbon", ax=axs[1,1])
    water_potability.boxplot("Trihalomethanes", ax=axs[2,1])
    water_potability.boxplot("Turbidity", ax=axs[2,1])
    plt.show()
```



Penjelasan No 2

14

# 1. id

id hanyalah pembeda dari setiap row pada data, sehingga tidak perlu dilakukan visualisasi terhadap kolom id karena bukan kolom numerik

# 2. pH

Histogram menunjukan bahwa distribusi kolom pH mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom pH memiliki nilai skewness yang cukup kecil yaitu 0.048535. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 3, nilai Q1 di sekitar 6, nilai Q2 di sekitar 7, nilai Q3 di sekitar 8, dan nilai maksimum di sekitar 11. Pada boxplot didapatkan juga bahwa garis median tepat di tengah box, whisker atas boxplot sama panjang dengan whisker bawah, dan terdapat banyak outlier di bagian atas dan bawah boxplot.

# 3. Hardness

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom Hardness mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom Hardness memiliki nilai skewness yang cukup kecil yaitu -0.085321. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 118, nilai Q1 di sekitar 177, nilai Q2 atau median di sekitar 197, nilai Q3 di sekitar 216, dan nilai maksimum di sekitar 276. Pada boxplot didapatkan juga bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas hampir sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat banyak outlier di bagian atas dan bawah.

# 4. Solids

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom Solids cenderung skew positif yang dapat dilihat juga kolom Solids memiliki nilai skewness 0.591011. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 300, nilai Q1 di sekitar 16000, nilai Q2 atau median di sekitar 21000, nilai Q3 di sekitar 27000, dan nilai maksimum di sekitar 45000. Pada boxplot juga didapatkan bahwa garis median sedikit ke bawah box dan whisker atas sedikit lebih panjang dari whisker bawah dan terdapat banyak outlier(pencilan) di bagian atas.

# 5. Chloramines

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom Chloramines mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom Chloramines memiliki nilai skewness 0.013003. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 3, nilai Q1 di sekitar 6, nilai Q2 atau median di sekitar 7, nilai Q3 di sekitar 8, dan nilai maksimum di sekitar 11. Pada boxplot didapatkan bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat banyak outlier di bagian atas dan bawah.

# 6. Sulfate

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom Sulfate mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom Sulfate memiliki nilai skewness -0.045728. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 231, nilai Q1 di sekitar 307, nilai Q2 atau median di sekitar 332, nilai Q3 di sekitar 359, dan nilai maksimum di sekitar 436. Pada boxplot didapatkan juga bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat banyak outlier(pencilan) di bagian atas dan bawah.

# 7. Conductivity

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom Conductivity sedikit skew positif yang dapat dilihat juga kolom Conductivity memiliki nilai skewness 0.268012. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 202, nilai Q1 di sekitar 367, nilai Q2 atau median di sekitar 423, nilai Q3 di sekitar 482, dan nilai maksimum di sekitar 652. Pada boxplot didapatkan bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas hampir sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat outlier di bagian atas.

# 8. OrganicCarbon

Histogram menunjukan bahwa distribusi data kolom OrganicCarbon mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom OrganicCarbon memiliki nilai skewness -0.020220. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 5.3, nilai Q1 di sekitar 12,1, nilai Q2 atau median di sekitar 14,3, nilai Q3 di sekitar 16,7, dan nilai maksimum di sekitar 23,4. Pada boxplot didapatkan bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas hampir sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat sedikit outlier di atas dan bawah.

# 9. Trihalomethanes

Histogram menunjukan menunjukan bahwa distribusi data kolom Trihalomethanes mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom Trihalomethanes memiliki nilai skewness -0.051383 Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 24.5, nilai Q1 di sekitar 56, nilai Q2 atau median di sekitar 66,4, nilai Q3 di sekitar 77,3, dan nilai maksimum di sekitar 108.9. Pada boxplot didapatkan bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat sedikit outlier di atas dan bawah.

# 10. Turbidity

Histogram menunjukan enunjukan bahwa distribusi data kolom Turbidity mendekati distribusi normal yang dapat dilihat juga kolom Turbidity memiliki nilai skewness -0.032266. Berdasarkan Boxplot di atas dapat diketahui nilai minimum di sekitar 1,8, nilai Q1 di sekitar 3,4, nilai Q2 atau median di sekitar 4, nilai Q3 di sekitar 4,5, dan nilai maksimum di sekitar 6. Pada boxplot didapatkan bahwa garis median tepat di tengah box dan whisker atas sama panjang dengan whisker bawah dan terdapat sedikit outlier di atas dan bawah.

#### 11. Potability

Potability hanya berisi nilai 1 dan 0, sehingga tidak perlu dilakukan visualisasi terhadap kolom Potability karena bukan merupakan kolom numerik

### 3. Menentukan setiap kolom numerik berdistribusi normal atau tidak. Gunakan normality test yang dikaitkan dengan histogram plot.

```
In [ ]: #digunakan normality test scipy
        # berdasarkan perhitungan normality test
        for i in columnsName:
            if(i != "id" and i != "Potability"):
                 k2, p = scipy.stats.normaltest(water potability[i])
                if (p < 0.05):
                     print(i, "tidak terdistribusi normal")
                     print(i, "terdistribusi normal")
        pH tidak terdistribusi normal
```

Hardness tidak terdistribusi normal Solids tidak terdistribusi normal Chloramines tidak terdistribusi normal Sulfate tidak terdistribusi normal Conductivity tidak terdistribusi normal OrganicCarbon terdistribusi normal Trihalomethanes terdistribusi normal Turbidity terdistribusi normal

#### 1. id

id hanyalah pembeda dari setiap row pada data, id bukanlah kolom numerik sehingga tidak dilakukan analisa / normality test

#### 2. pH

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. Tapi asumsi ini dibantah karena berdasarkan normality Test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal hal ini dikarenakan data pH memiliki banyak pencilan di atas dan bawah pada boxplot. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom pH tidak terdistribusi normal

#### 3. Hardness

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. Tapi asumsi ini dibantah karena berdasarkan normality Test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal hal ini dikarenakan data Hardness memiliki banyak pencilan di atas dan bawah pada boxplot. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Hardness tidak terdistribusi normal

#### 4. Solids

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. Tapi asumsi ini dibantah karena berdasarkan normality Test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal hal ini dikarenakan data Solids memiliki banyak pencilan di atas boxplot. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Solids tidak terdistribusi normal

#### 5. Chloramines

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan tidak terdistribusi normal dikarenakan data cenderung skew positif dan mempunyai banyak outlier(pencilan) di atas bloxpot. hal ini diperkuat berdasarkan normality test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Chloramines tidak terdistribusi normal

#### 6. Sulfate

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. Tapi asumsi ini dibantah karena berdasarkan normality Test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal hal ini dikarenakan data Sulfate memiliki banyak pencilan di atas dan bawah pada boxplot. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Sulfate tidak terdistribusi normal

### 7. Conductivity

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan tidak terdistribusi normal dikarenakan data cenderung skew positif dan mempunyai banyak outlier(pencilan) di atas bloxpot. hal ini diperkuat berdasarkan normality test didapatkan kesimpulan data tidak terdistribusi normal. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Conductivity tidak terdistribusi normal

# 8. OrganicCarbon

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. hal ini diperkuat berdasarkan normality test didapatkan kesimpulan data terdistribusi normal. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom OrganicCarbon terdistribusi normal

# 9. Trihalomethanes

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. hal ini diperkuat berdasarkan normality test didapatkan kesimpulan data terdistribusi normal. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Trihalomethanes terdistribusi normal

# 10. Turbidity

Berdasarkan histogram plotnya terlihat bahwa histrogam dapat diasumsikan terdistribusi normal. hal ini diperkuat berdasarkan normality test didapatkan kesimpulan data terdistribusi normal. Sehingga kesimpulannnya data pada kolom Turbidity terdistribusi normal

# 11. Potability

Pada Potability data tidak tersebar merata(data hanya terdiri dari nilai 0 dan 1) dan bukan merupakan kolom numerik. Sehingga tidak perlu dilakukan analisa / normality test

Didapatkan data yang terdistribusi normal adalah OrganicCarbon, Trihalomethanes, dan Turbidity

### 4. Melakukan test hipotesis 1 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian

# **Enam Langkah Testing:**

- 1. Tentukan Hipotesis nol (H0:  $\theta = \theta 0$ ), dimana  $\theta$  bisa berupa  $\mu$ ,  $\sigma 2$ ,  $\rho$ , atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).
- 2. Pilih hipotesis alternatif H1 salah dari dari  $\theta > \theta 0$ ,  $\theta < \theta 0$ , atau  $\theta \neq \theta 0$ .
- 3. Tentukan tingkat signifikan  $\alpha$ .
- 4. Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.
- 5. Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.
- 6. Ambil keputusan dengan TOLAK H0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan

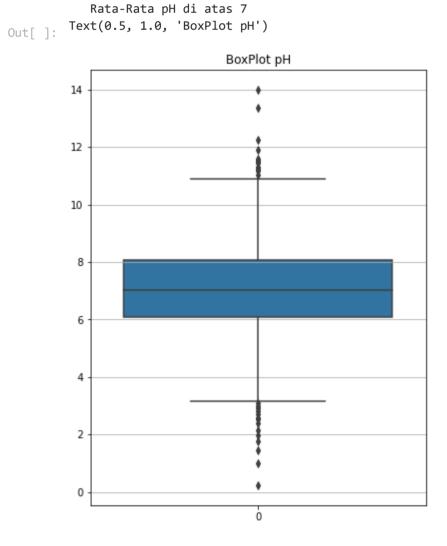
```
In [ ]: def Z_testStatistic(\bar{x},\mu\theta,\sigma,root_n):
              return (float)(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n)
          def Z_testStatistic_bigN(p,p0,q0,n):
              return (float)(p̂-p0)/np.sqrt(p0*q0/n)
          def T_testStatistic(x̄,μ0,s,root_n):
              return (float)(x-μ0)/(s/root_n)
```

# Asumsi yang digunakan :

Sampel yang dicek sejumlah 2010 dimana 2010 data tersebut juga merupakan populasi (sampel yang dicek sekaligus populasi). Karena itu digunakan uji statistik distribusi Z untuk satu mean dengan standar deviasi populasi diketahui.

# A. Nilai Rata-rata pH di atas 7?

```
# Langkah 1
H0 = "\mu=7"
print("1. H0 : {}".format(H0))
# Langkah 2
H1 = "\mu > 7"
print("2. H1 : {}".format(H1))
# Langkah 3
\alpha = 5e-2
print("3. \alpha = \{\}".format(\alpha))
# Langkah 4
z\alpha = round(scipy.stats.norm.ppf(1-\alpha),3)
print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n), \sigma diketahui")
print(" Daerah Kritis : z>zα : z >{}".format(zα))
# Langkah 5
\bar{x} = pH.mean()
μ0= 7
\sigma = pH.std()
root_n = np.sqrt(len(pH))
z = round(Z_testStatistic(\bar{x}, \mu0, \sigma, root_n), 3)
p_value = 1-scipy.stats.norm.cdf(z)
print("5. Komputasi")
print(" \bar{x}: \{\} \ n \ root_n: \{\} \ n \ \mu0: \{\}".format(\bar{x}, root_n, \sigma, \mu0))
print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
# Langkah 6
print("6. Test Daerah Kritis")
if (z > z\alpha):
    print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\} > \{\} (z > z\alpha)".format(str(z),str(z\alpha)))
    print("
              Rata-Rata pH di atas 7")
else :
    print(" Terima H0 karena nilai uji = \{\} <= \{\} (z <= z\alpha)".format(str(z),str(z\alpha)))
    print(" Rata-Rata pH sama dengan 7")
# Menggambar Boxplot pH
# Konfigurasi Boxplot
plt.figure(figsize=(6,8))
plt.grid()
# Penggambaran Boxplot
BoxPlotpH= sns.boxplot(data=pH)
BoxPlotpH.set_title("BoxPlot pH")
Nilai rata-rata pH di atas 7 ?
1. H0 : \mu=7
2. H1 : μ>7
3. \alpha = 0.05
4. Uji Statistik : z=(x̄-μ0)/(σ/root_n), σ diketahui
   Daerah Kritis : z>zα : z >1.645
Komputasi
```



Tolak H0 karena nilai uji = 2.485 > 1.645 ( $z > z\alpha$ )

x̄ : 7.0871927687138285 root\_n: 44.83302354291979 σ: 1.5728029470456655

p\_value : 0.006477571731867804

μ0 : 7

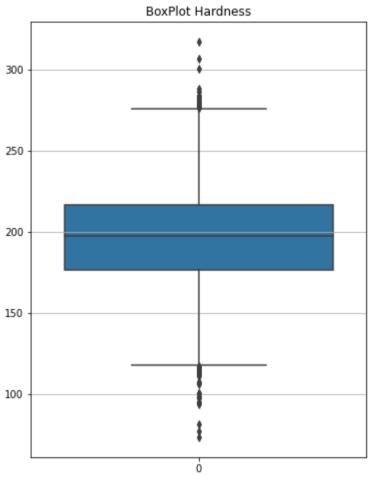
z: 2.485

6. Test Daerah Kritis

# B. Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205?

```
In [ ]: print("Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205 ?")
          # Langkah 1
          H0 = "\mu = 205"
          print("1. H0 : {}".format(H0))
          # Langkah 2
          H1 = "\mu \neq 205"
          print("2. H1 : {}".format(H1))
          # Langkah 3
          \alpha = 5e-2
          print("3. \alpha = \{\}".format(\alpha))
          # Langkah 4
          z\alpha_{\text{div2}} = \text{round(scipy.stats.norm.ppf(1-(}\alpha/2)),3)
          print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n), \sigma diketahui")
          print(" Daerah Kritis : z > z\alpha/2 atau z < -z\alpha/2 : z > \{\} atau z < \{\}".format(z\alpha_div2, -1*z\alpha_div2))
          # Langkah 5
          \bar{x} = Hardness.mean()
          μ0= 205
          \sigma = Hardness.std()
          n = len(Hardness)
          root_n = np.sqrt(n)
          z = round(Z_testStatistic(\bar{x}, \mu \theta, \sigma, root_n), 3)
          p_value = 1-abs(scipy.stats.norm.cdf(z)-scipy.stats.norm.cdf(-1*z))
          print("5. Komputasi")
          print(" \bar{x}: \{\} \ n \ n: \{\} \ n \ \sigma: \{\} \ n \ \mu0: \{\}".format(\bar{x},n,root\_n,\sigma,\mu0))
          print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
          # Langkah 6
          print("6. Test Daerah Kritis")
          if (z > z\alpha_div2 \text{ or } z < -1*z\alpha_div2):
              if (z > z\alpha_div2):
```

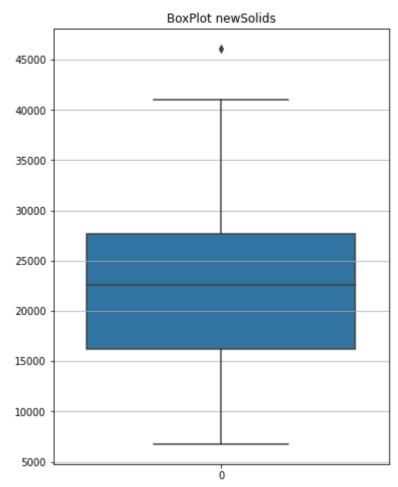
```
print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\}\ (z>z\alpha/2)".format(z,z\alpha_div2))
              else:
                  print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\ (z<-z\alpha/2)\}".format(z,-1*z\(\alpha\)div2))
             print(" Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205")
         else :
             print(" Terima H0 karena nilai uji = \{\<\}\<\ (-z\alpha/2< z< z\alpha/2)".format(-1*z\alpha_div2, z, z\alpha_div2))
             print(" Rata-rata Hardness sama dengan 205")
          # Menggambar Boxplot Hardness
         # Konfigurasi Boxplot
         plt.figure(figsize=(6,8))
         plt.grid()
         # Penggambaran Boxplot
         BoxPlotHardness= sns.boxplot(data=Hardness)
         BoxPlotHardness.set_title("BoxPlot Hardness")
         Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205 ?
         1. H0 : μ=205
         2. H1 : μ≠205
         3. \alpha = 0.05
         4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n), \sigma diketahui
            Daerah Kritis : z>z\alpha/2 atau z <-z\alpha/2 : z>1.96 atau z<-1.96
         Komputasi
            x : 195.96920903783524
            n: 2010
            root_n: 44.83302354291979
            σ: 32.643165859429864
            μ0 : 205
            p_value : 0.0
            z: -12.403
         6. Test Daerah Kritis
            Tolak H0 karena nilai uji = -12.403 < -1.96 (z<-z\alpha/2)
            Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205
Out[]: Text(0.5, 1.0, 'BoxPlot Hardness')
                               BoxPlot Hardness
```



# C. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?

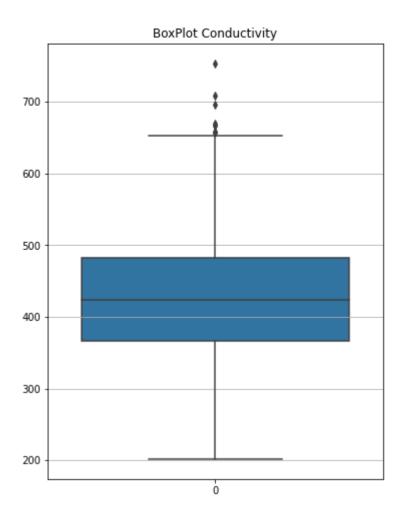
```
In [ ]: print("Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900 ?")
         # Langkan 1
         H0 = "\mu=21900"
         print("1. H0 : {}".format(H0))
         # Langkah 2
         H1 = "\mu \neq 21900"
         print("2. H1 : {}".format(H1))
         # Langkah 3
         \alpha = 5e-2
         print("3. \alpha = \{\}".format(\alpha))
         # Langkah 4
         z\alpha_{\text{div2}} = \text{round(scipy.stats.norm.ppf(1-(}\alpha/2)),3)
         print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n), \sigma diketahui")
         print(" Daerah Kritis : z > z\alpha/2 atau z < -z\alpha/2 : z > \{\} atau z < \{\}".format(z\alpha_div2, z\alpha_div2))
         # Langkah 5
         newSolids = Solids[:100]
         \bar{x} = \text{newSolids.mean()}
         μ0= 21900
         \sigma = Solids.std()
         n = len(newSolids)
         root_n = np.sqrt(n)
         z = round(Z_{testStatistic}(\bar{x}, \mu\theta, \sigma, root_n), 3)
         p_value = 1-abs(scipy.stats.norm.cdf(z)-scipy.stats.norm.cdf(-1*z))
         print("5. Komputasi")
         print(" \bar{x}: \{\} \ n \ root_n: \{\} \ n \ \mu0: \{\}".format(\bar{x}, root_n, \sigma, \mu0))
         print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
         # Langkah 6
         print("6. Test Daerah Kritis")
         if (z > z\alpha_div2 \text{ or } z < -1*z\alpha_div2):
              if (z > z\alpha_div2):
                   print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\}>\{\} (z>z\alpha/2)".format(z,z\alpha_div2))
              else:
                   print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{ \ (z < -z\alpha/2) \text{ ".format}(z, -1*z\alpha_div2) \}
              print(" Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids tidak sama dengan 21900")
              print(" Terima H0 karena nilai uji = \{\<\}\<\ (-z\alpha/2<z<z\alpha/2)".format(-1*z\alpha_div2,z,z\alpha_div2))
              print(" Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids sama dengan 21900")
         # Menggambar Boxplot Solids
         # Konfigurasi Boxplot
         plt.figure(figsize=(6,8))
         plt.grid()
         # Penggambaran Boxplot
         BoxPlotSolids= sns.boxplot(data=newSolids)
         BoxPlotSolids.set_title("BoxPlot newSolids")
```

```
Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900 ?
1. H0 : μ=21900
2. H1 : μ≠21900
3. \alpha = 0.05
4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-\mu\theta)/(\sigma/root_n), \sigma diketahui
   Daerah Kritis : z > z\alpha/2 atau z \langle -z\alpha/2 : z > 1.96 atau z\langle 1.96 \rangle
5. Komputasi
   x : 22347.334446383426
   root_n: 10.0
   σ: 8625.397911190576
   μ0 : 21900
   p_value : 0.6037607412507624
   z: 0.519
6. Test Daerah Kritis
   Terima H0 karena nilai uji = -1.96<0.519<1.96 (-z\alpha/2<z<z\alpha/2)
   Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids sama dengan 21900
Text(0.5, 1.0, 'BoxPlot newSolids')
```



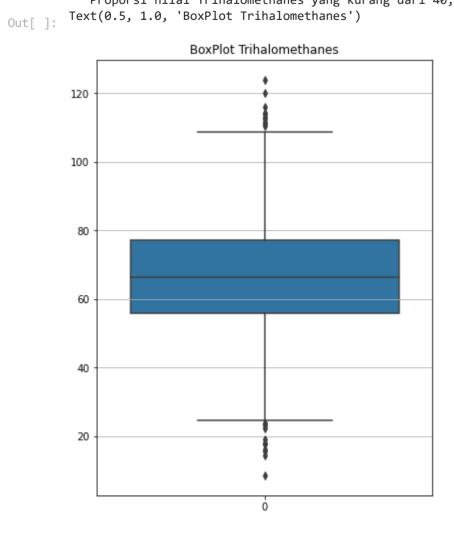
# D. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10%?

```
In [ ]: print("Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10% ?")
         # Langkah 1
         H0 = "p=0.10"
         print("1. H0 : {}".format(H0))
         # Langkah 2
         H1 = "p \neq 0.10"
         print("2. H1 : {}".format(H1))
         # Langkah 3
         \alpha = 5e-2
         print("3. \alpha = \{\}".format(\alpha))
         # Langkah 4
         z\alpha_{\text{div2}} = \text{round(scipy.stats.norm.ppf(1-(}\alpha/2)),3)
         print("4. Uji Statistik : z=(p̂-p0)/sqrt(p0*q0/n), σ diketahui")
         print(" Daerah Kritis : z > z\alpha/2 atau z < -z\alpha/2 : z > \{\} atau z < \{\}".format(z\alpha_div2, z\alpha_div2))
         # Langkah 5
          newConductivity = [dia for dia in Conductivity if dia > 450]
         \hat{p} = len(newConductivity)/len(Conductivity)
         p0 = 0.10
         q0 = 1-p0
         n = len(Conductivity)
         z = round(Z_testStatistic_bigN(\hat{p},p0,q0,n),3)
         p_value = 1-abs(scipy.stats.norm.cdf(z)-scipy.stats.norm.cdf(-1*z))
         print("5. Komputasi")
         print(" \hat{p} : \{\} \ n \ q0: \{\} \ n : \{\}".format(\hat{p},p0,q0,n))
         print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
         # Langkah 6
         print("6. Test Daerah Kritis")
         if (z > z\alpha_div2 \text{ or } z < -1*z\alpha_div2):
             if (z > z\alpha_div2):
                  print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\} \times \{\} (z > z\alpha/2)".format(z,z\alpha_div2))
              else:
                  print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\} < \{\} (z < -z\alpha/2)".format(z,-1*z\alpha_div2))
              print(" Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 tidak sama dengan 10%")
              print(" Terima H0 karena nilai uji = \{\<\}\<\ (-z\(\alpha/2\<\z\alpha/2\)".format(-1*z\(\alpha\)_div2,z,z\(\alpha\)_div2))
              print(" Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 sama dengan 10%")
         # Menggambar Boxplot Conductivity
         # Konfigurasi Boxplot
         plt.figure(figsize=(6,8))
         plt.grid()
         # Penggambaran Boxplot
         BoxPlotConductivity= sns.boxplot(data=Conductivity)
         BoxPlotConductivity.set_title("BoxPlot Conductivity")
         Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10% ?
         1. H0 : p=0.10
         2. H1 : p≠0.10
         3. \alpha = 0.05
         4. Uji Statistik : z=(\hat{p}-p\theta)/sqrt(p\theta*q\theta/n), \sigma diketahui
            Daerah Kritis : z>z\alpha/2 atau z <-z\alpha/2 : z>1.96 atau z<1.96
         Komputasi
            p : 0.3706467661691542
            p0: 0.1
            q0: 0.9
            n : 2010
            p_value : 0.0
            z: 40.446
         6. Test Daerah Kritis
            Tolak H0 karena nilai uji = 40.446 > 1.96 (z > z\alpha/2)
            Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 tidak sama dengan 10%
Out[]: Text(0.5, 1.0, 'BoxPlot Conductivity')
```



### E. Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%?

```
In [ ]: print("Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5% ?")
         # Langkah 1
         H0 = "p=0.05"
         print("1. H0 : {}".format(H0))
         # Langkah 2
         H1 = "p<0.05"
         print("2. H1 : {}".format(H1))
         # Langkah 3
         \alpha = 5e-2
         print("3. \alpha = \{\}".format(\alpha))
         # Langkah 4
         z\alpha = round(scipy.stats.norm.ppf(1-\alpha),3)
         print("4. Uji Statistik : z=(\hat{p}-p0)/sqrt(p0*q0/n), \sigma diketahui")
         print(" Daerah Kritis : z <-z\alpha : z < \{\}".format(-1*z\alpha))
         # Langkah 5
         newKel = [kel for kel in Trihalomethanes if kel < 40]</pre>
         \hat{p} = len(newKel)/len(Trihalomethanes)
         p0 = 0.05
         q0 = 1-p0
         n = len(Trihalomethanes)
         z = round(Z_testStatistic_bigN(\hat{p},p0,q0,n),3)
         p_value = scipy.stats.norm.cdf(z)
         print("5. Komputasi")
         print(" \hat{p} : \{\} \ n \ q0: \{\} \ n : \{\}".format(\hat{p},p0,q0,n))
         print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
         # Langkah 6
         print("6. Test Daerah Kritis")
         if (z < -1*z\alpha):
             print(" Tolak H0 karena nilai uji = \{\ (z < -z\alpha) \text{ ".format}(str(z), str(-1*z\alpha)))
             print(" Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%")
         else :
             print(" Terima H0 karena nilai uji = \{\} > = \{\} (z > -z\alpha)".format(str(z),str(-z\alpha)))
             print(" Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah sama dengan 5%")
         # Menggambar Boxplot Trihalomethanes
         # Konfigurasi Boxplot
         plt.figure(figsize=(6,8))
         plt.grid()
         # Penggambaran Boxplot
         BoxPlotTrihalomethanes= sns.boxplot(data=Trihalomethanes)
         BoxPlotTrihalomethanes.set_title("BoxPlot Trihalomethanes")
         Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5% ?
        1. H0 : p=0.05
         2. H1 : p<0.05
        3. \alpha = 0.05
        4. Uji Statistik : z=(\hat{p}-p\theta)/sqrt(p\theta*q\theta/n), \sigma diketahui
            Daerah Kritis : z <-zα : z<-1.645
         Komputasi
            p : 0.0527363184079602
            p0: 0.05
            q0: 0.95
            n : 2010
            p_value : 0.7132825580297869
            z: 0.563
         6. Test Daerah Kritis
```



Terima H0 karena nilai uji = 0.563 > = -1.645 ( $z > = -z\alpha$ )

Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah sama dengan 5%

### 5. Melakukan test hipotesis 2 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

- a. Data kolom Sulfate dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata kedua bagian tersebut sama?
- b. Data kolom OrganicCarbon dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar dari pada bagian akhir sebesar 0.15?
- c. Rata-rata 100 baris pertama kolom Chloramines sama dengan 100 baris terakhirnya?
- d. Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, adalah lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity?
- e. Bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya?

#### a. Data kolom Sulfate dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata kedua bagian tersebut sama?

1. Hipotesis Nol

 $H_0: \mu_{SulfateAwal} = \mu_{SulfateAkhir}$ 

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{SulfateAwal} \neq \mu_{SulfateAkhir}$ 

3. Tingkat Signifikan lpha

 $\alpha = 0.05$ 

4. Uji Statistik dan Daerah Kritis

Derajat Kebebasan = 2008

Asumsi kolom Sulfate berdistribusi normal maka didapatkan nilai kritis t' < -1.961 atau t' > 1.961

```
In [ ]: SulfateAwal = water_potability.iloc[:water_potability['Sulfate'].count()//2,:]
       SulfateAkhir = water potability.iloc[water potability['Sulfate'].count()//2:,:]
       print("5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample")
       printM("$\\bar{X}_{SulfateAwal} = "+ str(SulfateAwal['Sulfate'].mean()) + "$")
       printM("$\\bar{X}_{SulfateAkhir} = " + str(SulfateAkhir['Sulfate'].mean()) +"$")
       printM("$$^2_{SulfateAwal} = "+ str(SulfateAwal['Sulfate'].var()) + "$")
       printM("$$^2 {SulfateAkhir} = " + str(SulfateAkhir['Sulfate'].var()) +"$")
       Sp = ((len(SulfateAwal['Sulfate'])-1)*SulfateAwal['Sulfate'].var()+(len(SulfateAkhir['Sulfate'])-1)*SulfateAwal['Sulfate'])+len(SulfateAkhir['Sulfate'])-2)
       printM("$S^2_{p} = " + str(Sp) + "$")
       printM("$n_{SulfateAwal} =" + str(len(SulfateAwal['Sulfate'])) +",\\, n_{SulfateAkhir} ="+ str(len(SulfateAwal['Sulfate'])) + "$")
       printM("dengan $d_0 = \\mu_{SulfateAwal} - \\mu_{SulfateAkhir} = 0$")
       t=((SulfateAwal['Sulfate'].mean() - SulfateAkhir['Sulfate'].mean()) - 0)/((((1/len(SulfateAwal['Sulfate']))) + (1/len(SulfateAwal['Sulfate'])))*Sp)**0.5)
       dk = len(SulfateAwal['Sulfate'])+len(SulfateAkhir['Sulfate']) - 2
       printM("didapat **t' = "+str(t)+"**")
       printM("didapat **P-Value = "+ str(scipy.stats.t.sf(abs(t), dk)*2) + "**")
       5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample
       \bar{X}_{SulfateAwal} = 331.30532950549565
       X_{SulfateAkhir} = 335.11742332488245
       S_{SulfateAwal}^2 = 1708.3966020772502
       S_{SulfateAkhir}^2 = 1682.7330644425087
```

 $S_p^2 = 1696.4028477342033$ 

 $n_{SulfateAwal} = 1005,\, n_{SulfateAkhir} = 1005$ 

$$t' = rac{(ar{X}_{SulfateAwal} - ar{X}_{SulfateAkhir}) - d_0}{S_p \sqrt{rac{1}{n_{SulfateAwal}} + rac{1}{n_{SulfateAkhir}}}}$$

dengan  $d_0 = \mu_{SulfateAwal} - \mu_{SulfateAkhir} = 0$ 

didapat t' = -2.0747564201266155

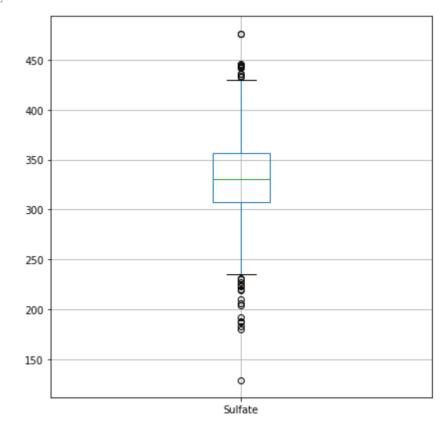
didapat P-Value = 0.03813621568882176

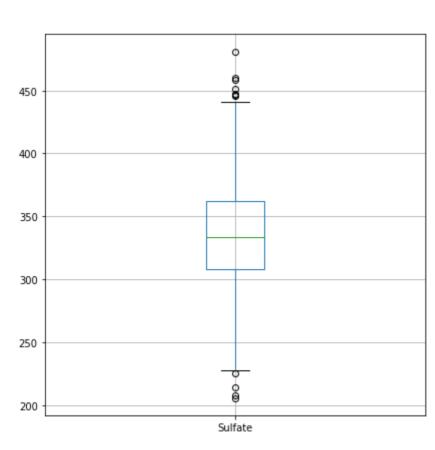
# 1. Kesimpulan

Karena nilai t' terletak di titik kritis t' < -1,961 maka  $H_0$  ditolak P-value yang didapatkan juga lebih kecil dibanding tingkat sinifikansi yang diinginkan. Sehingga, didapatkan kesimpulan **rata-rata bagian awal dan** bagian akhir kolom Sulfate tidak sama.

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(15,7))
        SulfateAwal.boxplot("Sulfate", ax=axs[0])
        SulfateAkhir.boxplot("Sulfate", ax=axs[1])
        # boxplot kiri merupakan Sulfate awal, kanan Sulfate akhir
```

<AxesSubplot:> Out[]:





b. Data kolom OrganicCarbon dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar dari pada bagian akhir sebesar 0.15?

1. Hipotesis Nol

 $H_0: \mu_{OrganicCarbonAwal} = \mu_{OrganicCarbonAkhir} + 0.15$ 

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{OrganicCarbonAwal} \neq \mu_{OrganicCarbonAkhir} + 0.15$ 

3. Tingkat Signifikan lpha

 $\alpha = 0.05$ 

4. Uji Statistik dan Daerah Kritis

Derajat Kebebasan = 2008

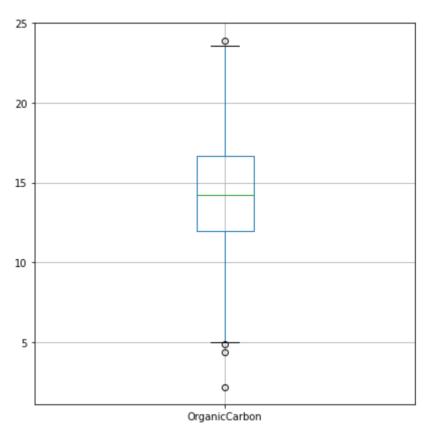
Asumsi kolom OrganicCarbon berdistribusi normal maka didapatkan nilai kritis t' < -1.961 atau t' > 1.961

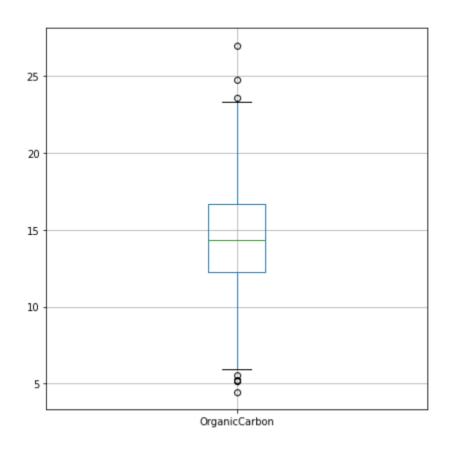
```
OrganicCarbonAkhir = water_potability.iloc[water_potability['OrganicCarbon'].count()//2:,:]
  print("5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample")
  printM("$\\bar{X}_{OrganicCarbonAwal} = "+ str(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'].mean()) + "$")
  printM("$\\bar{X}_{OrganicCarbonAkhir} = " + str(OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbon'].mean()) +"$")
  printM("$S^2_{OrganicCarbonAwal} = "+ str(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'].var()) + "$")
  printM("$S^2_{OrganicCarbonAkhir} = " + str(OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbon'].var()) +"$")
  Sp = ((len(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'])-1)*OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'].var()+(len(OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbon'].var())/(len(OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbonAkhir['Or
  printM("$S^2 {p} = " + str(Sp) + "$")
  printM("$n_{OrganicCarbonAwal} = " + str(len(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'])) +",\\, n_{OrganicCarbonAkhir} = "+ str(len(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'])) + "$")
  printM("$t' = \\Large\\frac{(\\bar{X}_{0rganicCarbonAwal} - \\bar{X}_{0rganicCarbonAwal}} + \\Large n_{0rganicCarbonAwal}} + \\Large \\frac{1}{\\Large n_{0rganicCarbonAwal}} + \\Large \\Large \\frac{1}{\\Large n_{0rganicCarbonAwal}} + \\Large \\\Large \\frac{1}{\\Large n_{0rganicCarbonAwal}} + \\Large \\\Large \\Large \\\Large \\Large \\
  printM("dengan $d 0 = \\mu {OrganicCarbonAwal} - \\mu {OrganicCarbonAkhir} = 0.15$")
  t =((OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'].mean() - OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbon']) + 1/len(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon']) *Sp)
  dk = len(OrganicCarbonAwal['OrganicCarbon'])+len(OrganicCarbonAkhir['OrganicCarbon']) - 2
  printM("didapat **t' = "+str(t)+"**")
  printM("didapat **P-Value = "+ str(scipy.stats.t.sf(abs(t), dk)*2) + "**")
 5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample
X_{OrganicCarbonAwal} = 14.253972723723393
X_{OrganicCarbonAkhir} = 14.461907080372756
S^2_{OrganicCarbonAwal}=11.230287224380323 \\
S_{OrganicCarbonAkhir}^2 = 10.880581782847479
S_p^2 = 11.06085312003962
n_{OrganicCarbonAwal} = 1005, n_{OrganicCarbonAkhir} = 1005
              (X_{OrganicCarbonAwal} - X_{OrganicCarbonAkhir}) - d_0
                             ^{n}OrganicCarbonAwal ^{\top} ^{n}OrganicCarbonAkhir
dengan d_0 = \mu_{OrganicCarbonAwal} - \mu_{OrganicCarbonAkhir} = 0.15
didapat t' = -2.412554355813619
didapat P-Value = 0.015930288341907173
      1. Kesimpulan
```

Karena nilai t' terletak di titik kritis t' < -1,961 maka  $H_0$  ditolak. P-value yang didapatkan juga lebih kecil dibanding tingkat signifikansi  $\alpha$  yang diinginkan. Sehingga, didapatkan kesimpulan **rata-rata bagian awal** dan bagian akhir kolom OrganicCarbon tidak sama.

```
In []: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(15,7))
    OrganicCarbonAwal.boxplot("OrganicCarbon", ax=axs[0])
    OrganicCarbonAkhir.boxplot("OrganicCarbon", ax=axs[1])
# boxplot kiri merupakan OrganicCarbon awal, kanan OrganicCarbon akhir
```

## Out[]: <AxesSubplot:>





# c. Rata-rata 100 baris pertama kolom Chloramines sama dengan 100 baris terakhirnya?

1. Hipotesis Nol

 $H_0: \mu_{ChloraminesAwal} = \mu_{ChloraminesAkhir}$ 

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{ChloraminesAwal} 
eq \mu_{ChloraminesAkhir}$ 

3. Tingkat Signifikan lpha

 $\alpha = 0.05$ 

4. Uji Statistik dan Daerah Kritis

Derajat Kebebasan = 100 + 100 - 2 = 198

Asumsi kolom Chloramines berdistribusi normal maka didapatkan nilai kritis t' < -1.972 atau t' > 1.972

```
In [ ]: ChloraminesAwal = water_potability.iloc[:100,:]
                                  ChloraminesAkhir = water_potability.iloc[-100:,:]
                                  print("5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample")
                                  printM("$\\bar{X}_{ChloraminesAwal} = "+ str(ChloraminesAwal['Chloramines'].mean()) + "$")
                                  printM("$\\bar{X}_{ChloraminesAkhir} = " + str(ChloraminesAkhir['Chloramines'].mean()) +"$")
                                  printM("$S^2_{ChloraminesAwal} = "+ str(ChloraminesAwal['Chloramines'].var()) + "$")
                                  printM("$S^2_{ChloraminesAkhir} = " + str(ChloraminesAkhir['Chloramines'].var()) +"$")
                                  Sp = ((len(ChloraminesAwal['Chloramines'].var()+(len(ChloraminesAkhir['ChloraminesAkhir['Chloramines'].var())/(len(ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['Chloramines'].var())/(len(ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['C
                                  printM("$S^2_{p} = " + str(Sp) + "$")
                                  printM("$n_{ChloraminesAwal} =" + str(len(ChloraminesAwal['Chloramines'])) +",\\, n_{ChloraminesAkhir} ="+ str(len(ChloraminesAwal['Chloramines'])) + "$")
                                  printM("$t' = \\ ChloraminesAwal) + \\ ChloraminesAwal} + \\ ChloraminesAwal) + \\ ChloraminesA
                                  printM("dengan $d_0 = \\mu_{ChloraminesAwal} - \\mu_{ChloraminesAkhir} = 0$")
                                  t = ((ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal['ChloraminesAwal]']')]
                                  dk = len(ChloraminesAwal['Chloramines'])+len(ChloraminesAkhir['Chloramines']) - 2
                                  printM("didapat **t' = "+str(t)+"**")
                                  printM("didapat **P-Value = "+ str(scipy.stats.t.sf(abs(t), dk)*2) + "**")
                                5. Perhitungan Nilai Uji Statistik dari Data Sample
                               X_{ChloraminesAwal} = 7.007771140423921
                               \bar{X}_{ChloraminesAkhir} = 7.147197636249925
                               S_{ChloraminesAwal}^2 = 2.193041986248721
                               S_{ChloraminesAkhir}^2 = 1.7077427735538262
                               S_p^2 = 1.9590173434040707
                               n_{ChloraminesAwal} = 100, n_{ChloraminesAkhir} = 100
                               dengan d_0 = \mu_{ChloraminesAwal} - \mu_{ChloraminesAkhir} = 0
```

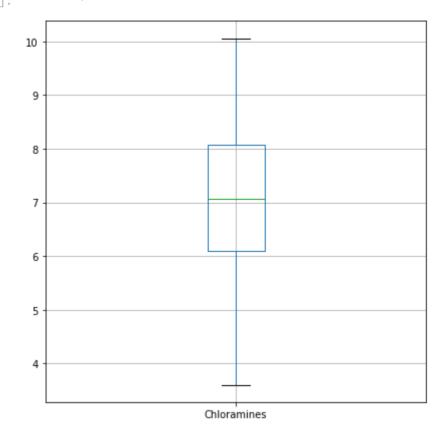
didapat t' = -0.7043867438713249 didapat P-Value = 0.48201960658934917

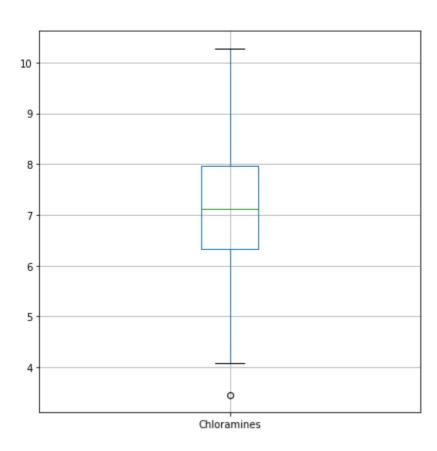
### 1. Kesimpulan

Karena nilai t' diluar titik kritis maka  $H_0$  diterima. P-value yang didapatkan juga lebih besar dibanding tingkat sinifikansi  $\alpha$  yang diinginkan. Sehingga, didapatkan kesimpulan **rata-rata 100 bagian awal dan 100 bagian akhir kolom Chloramines sama**.

```
In []: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(15,7))
    ChloraminesAwal.boxplot("Chloramines", ax=axs[0])
    ChloraminesAkhir.boxplot("Chloramines", ax=axs[1])
    # boxplot kiri merupakan Chloramines awal, kanan Chloramines akhir
```

Out[]: <AxesSubplot:>





- d. Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, adalah lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity?
- 1. Hipotesis Nol

$$H_0: P(X_1 > 4) = P(X_2 > 4)$$

2. Hipotesis Alternatif

$$H_1: P(X_1>4)>P(X_2>4)$$

3. Tingkat Signifikan lpha

$$\alpha = 0.05$$

4. Uji Statistik dan Daerah Kritis

Asumsi kolom Turbidity berdistribusi normal maka didapatkan nilai kritis Z > 1,645

```
In [ ]: TurbidityAwal = water_potability.iloc[:water_potability['Turbidity'].count()//2,:]
         TurbidityAkhir = water_potability.iloc[water_potability['Turbidity'].count()//2:,:]
         jumlahAwal = 0
         jumlahAkhir= 0
         for i in range(len(TurbidityAwal)):
             if (TurbidityAwal["Turbidity"][i] > 4):
                  jumlahAwal += 1
         for i in range(len(TurbidityAkhir)):
             if (TurbidityAkhir["Turbidity"][i+len(TurbidityAwal)] > 4):
                  jumlahAkhir+= 1
         print("5. Perhitungan nilai uji statistik dan p-value")
         printM("$\\hat{p} = \\Large\\frac{x}{n}$")
         p1 = jumlahAwal/len(TurbidityAwal)
         p2 = jumlahAkhir/len(TurbidityAkhir)
         printM("$\hat{p}_1 = " + f"{p1}$")
         printM("$\hat{p}_2 = " + f"{p2}$")
         printM("$\bar{p}=\Large\frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2}$")
         p = (jumlahAwal + jumlahAkhir)/(len(TurbidityAwal)+len(TurbidityAkhir))
         q = 1-p
         printM("$\\bar{p} = " + f"{p}$")
         printM("$z=\\Large\\frac{\\hat{p}_1-\\hat{p}_2}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2})}}$")}
         z = (p1 - p2)/((p*(1-p)*(1/len(TurbidityAwal) + 1/len(TurbidityAkhir)))**0.5)
         printM("didapat **z = "+f"{z}**")
         pZ = scipy.stats.norm.sf(z)
         printM("**P-value = "+f"{pZ}**")
        5. Perhitungan nilai uji statistik dan p-value
        \hat{p} = \frac{x}{n}
        \hat{p}_1 = 0.4835820895522388
       \hat{p}_2 = 0.48656716417910445
        \bar{p} = \frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2}
        \bar{p} = 0.48507462686567165
       z=rac{\hat{p}_1{-}\hat{p}_2}{\sqrt{ar{p}(1{-}ar{p})(rac{1}{n_1}{+}rac{1}{n_2})}}
        didapat z = -0.13388958661778735
```

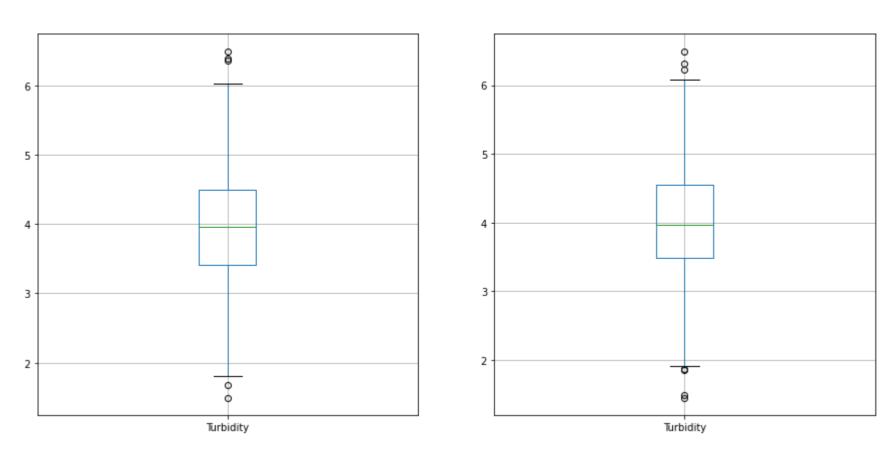
P-value = 0.5532550575911831

# 1. Kesimpulan

Karena nilai t' diluar titik kritis maka  $H_0$  diterima, P-value yang didapatkan juga lebih besar dibanding tingkat sinifikansi yang diinginkan. maka **Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, tidak lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity**.

```
In []: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(15,7))
    TurbidityAwal.boxplot("Turbidity", ax=axs[0])
    TurbidityAkhir.boxplot("Turbidity", ax=axs[1])
    # boxplot kiri merupakan Turbidity awal, kanan Turbidity akhir
```

Out[ ]: <AxesSubplot:>



e. Bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya?

1. Hipotesis Nol

 $H_0: \sigma_{SulfateAwal} = \sigma_{SulfateAkhir}$ 

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \sigma_{SulfateAwal} 
eq \sigma_{SulfateAkhir}$ 

3. Tingkat Signifikan lpha

lpha=0.05

4. Uji Statistik dan Daerah Kritis

Derajat Kebebasan awal = 1005 - 1 = 1004

Derajat Kebebasan akhir = 1005 - 1 = 1004

Asumsi kolom Sulfate berdistribusi normal maka didapatkan nilai kritis dengan uji test distribusi F adalah  $0 < f \le 0.8836$  dan  $f \ge 1.1318$ 

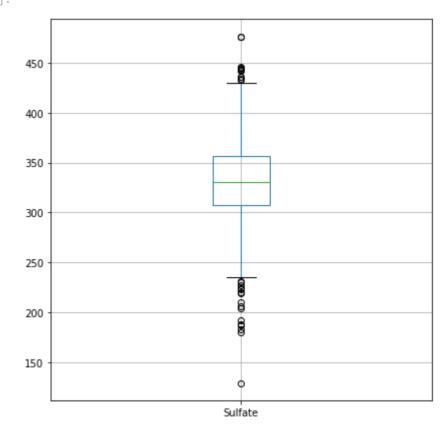
P-value = 0.8104407122629728

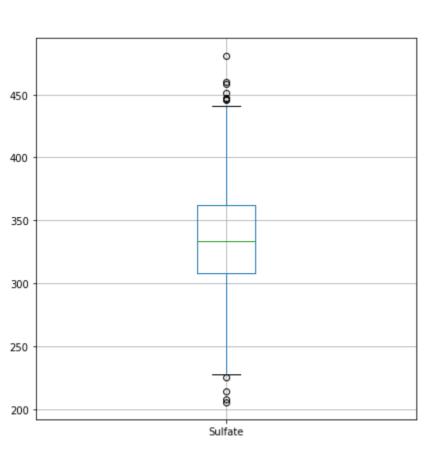
1. Kesimpulan

Nilai f yang didapat tidak terletak pada titik kritis,  $0 < f \le 0.8836$  dan  $f \ge 1.1318$  maka  $H_0$  diterima. value yang didapatkan juga lebih besar dibanding tingkat sinifikansi  $\alpha$  yang diinginkan. Sehingga, dapat disimpulkan **bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya**.

```
In []: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(15,7))
SulfateAwal.boxplot("Sulfate", ax=axs[0])
SulfateAkhir.boxplot("Sulfate", ax=axs[1])
# boxplot kiri merupakan Sulfate awal, kanan Sulfate akhir
```

Out[ ]: <AxesSubplot:>





6. Test korelasi: tentukan apakah setiap kolom non-target berkorelasi dengan kolom target, dengan menggambarkan juga scatter plot nya. Gunakan correlation test.

Adapun daftar kolom non-target adalah sebagai berikut.

- 1. pH
- 2. Hardness
- 3. Solids
- 4. Chloramines
- 5. Sulfate
- 6. Conductivity
- 7. OrganicCarbon
- 8. Trihalomethanes
- 9. Turbidity

Sedangkan kolom target hanyalah Potability.

Adapun metode yang digunakan adalah sebagai berikut.

- 1. Melakukan tes korelasi dengan metode Pearson
  - H0: p = 0 (Tidak ada korelasi antara kolom target dan kolom non-target)
  - H1: p ≠ 0 (Ada korelasi antara kolom target dan kolom non-target)

2. Jika terdapat korelasi diantara kolom non-target dan kolom target maka cari berapa koefisien korelasi diantara kedua kolom tersebut. Beberapa kesimpulan yang dapat diambil sebagai berikut :

- 0 < Koefisien Korelasi < 1 (Positive Correlation)
- Koefisien Korelasi = 1 (Strong Positive Correlation)
- -1 < Koefisien Korelasi < 0 (Negative Correlation)
- Koefisien Korelasi = -1 (Strong Negative Correlation)
- Koefisien Korelasi = 0 (No Correlation)

3. Tampilkan Scatter Plot di antara dua kolom tersebut

```
In [ ]: # Deklarasi dataframe kolom Potability
        Potability = water_potability["Potability"]
In [ ]: # Deklarasi Procedure
        def testCorelation(column):
            if column == 'pH':
                test = pH
            elif column == 'Hardness':
                test = Hardness
            elif column == 'Solids':
                test = Solids
            elif column == 'Chloramines':
               test = Chloramines
            elif column == 'Sulfate':
               test = Sulfate
            elif column == 'Conductivity':
               test = Conductivity
            elif column == 'OrganicCarbon':
                test = OrganicCarbon
            elif column == 'Trihalomethanes':
                test = Trihalomethanes
            else:
                test = Turbidity
            display(Markdown("#### Kesimpulan : <br>"))
            stat, p = scipy.stats.pearsonr(test, Potability)
            isCorelating = True
            if p == 0:
                print("H0 tidak bisa ditolak, sehingga tidak ada korelasi antara kolom {} (non-target) dan kolom Potability (target).".format(column))
                isCorelating = False
            else:
                print("H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom {} (non-target) dan kolom Potability (target).".format(column))
            # Koefisien Korelasi
            if (isCorelating):
                koefColumn = test.corr(Potability, method='pearson')
                print("Koefisien korelasi : {}.". format(koefColumn))
                if (koefColumn > 0 and koefColumn < 1):</pre>
                    print("Jenis korelasi : Positive Correlation.")
                    print("Sehingga nilai {} yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya. ".format(column))
                elif (koefColumn == 1):
                    print("Jenis korelasi : Strong Positive Correlation.")
                    print("Sehingga nilai {} yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya. ".format(column))
                elif (koefColumn > -1 and koefColumn < 0):</pre>
                    print("Jenis korelasi : Negative Correlation.")
                    print("Sehingga nilai {} yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.".format(column))
                elif (koefColumn == -1):
                    print("Jenis korelasi : Strong Negative Correlation.")
                    print("Sehingga nilai {} yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.".format(column))
                    print("Jenis korelasi : No Correlation")
            # Scatter Plot
            display(Markdown("#### Scatter Plot antara Kolom {} dengan {} : <br>.format(column, "Potability")))
            # water_potability.plot(title="{} vs {}".format(column, 'Potability'), kind='scatter', x=column, y='Potability', yticks=[0.0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0], color='blue')
            sns.regplot(x=water_potability[column], y=water_potability['Potability'])
```

# 1. Tes Korelasi Kolom pH dengan Kolom Potability

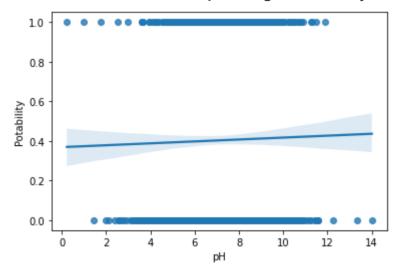
# In [ ]: testCorelation('pH')

# Kesimpulan:

HØ ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom pH (non-target) dan kolom Potability (target). Koefisien korelasi: 0.01547509440843348. Jenis korelasi: Positive Correlation.

Sehingga nilai pH yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya.

# Scatter Plot antara Kolom pH dengan Potability:



# 2. Tes Korelasi Kolom Hardness dengan Kolom Potability

In [ ]: testCorelation('Hardness')

# Kesimpulan :

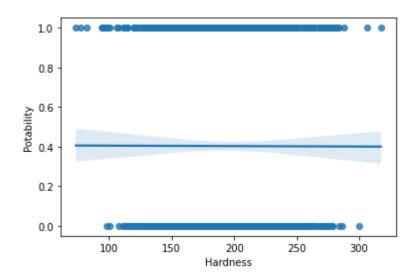
H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Hardness (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi: -0.0014631528959479344.

Jenis korelasi: Negative Correlation.

Sehingga nilai Hardness yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.

Scatter Plot antara Kolom Hardness dengan Potability :



#### 3. Tes Korelasi Kolom Solids dengan Kolom Potability

### In [ ]: testCorelation('Solids')

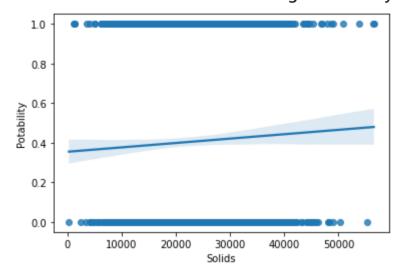
#### Kesimpulan:

H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Solids (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : 0.03897657818173466. Jenis korelasi : Positive Correlation.

Sehingga nilai Solids yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya.

### Scatter Plot antara Kolom Solids dengan Potability:



#### 4. Tes Korelasi Kolom Chloramines dengan Kolom Potability

### In [ ]: testCorelation('Chloramines')

### Kesimpulan:

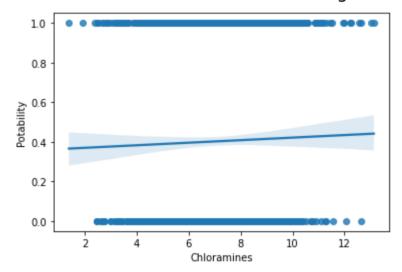
HO ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Chloramines (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : 0.02077892184052409.

Jenis korelasi : Positive Correlation.

Sehingga nilai Chloramines yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya.

### Scatter Plot antara Kolom Chloramines dengan Potability:



# 5. Tes Korelasi Kolom Sulfate dengan Kolom Potability

# In [ ]: testCorelation('Sulfate')

# Kesimpulan:

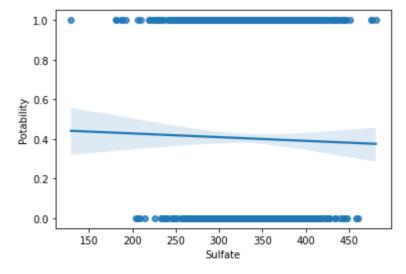
H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Sulfate (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : -0.015703164419273778.

Jenis korelasi : Negative Correlation.

Sehingga nilai Sulfate yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.

# Scatter Plot antara Kolom Sulfate dengan Potability:



# 6. Tes Korelasi Kolom Conductivity dengan Kolom Potability

# In [ ]: testCorelation('Conductivity')

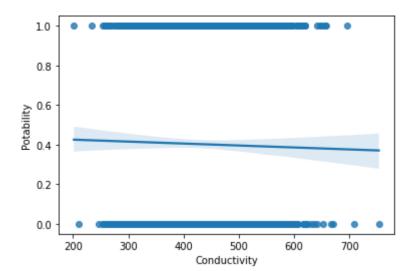
# Kesimpulan:

H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Conductivity (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : -0.016257120111377067. Jenis korelasi : Negative Correlation.

Sehingga nilai Conductivity yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.

# Scatter Plot antara Kolom Conductivity dengan Potability:



#### 7. Tes Korelasi Kolom OrganicCarbon dengan Kolom Potability

### In [ ]: testCorelation('OrganicCarbon')

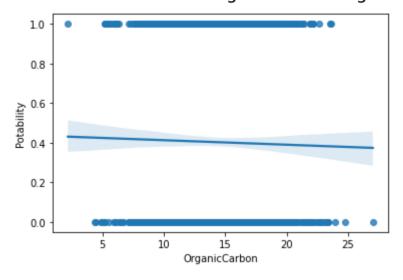
### Kesimpulan:

H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom OrganicCarbon (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : -0.015488461910747259. Jenis korelasi : Negative Correlation.

Sehingga nilai OrganicCarbon yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih kecil atau sebaliknya.

# Scatter Plot antara Kolom OrganicCarbon dengan Potability :



#### 8. Tes Korelasi Kolom Trihalomethanes dengan Kolom Potability

### In [ ]: testCorelation('Trihalomethanes')

### Kesimpulan:

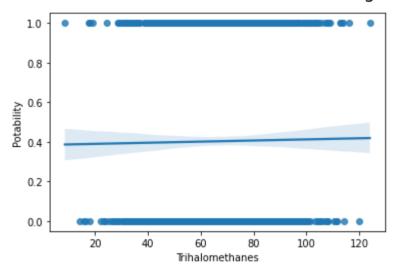
HO ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Trihalomethanes (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi : 0.009236711064712997.

Jenis korelasi : Positive Correlation.

Sehingga nilai Trihalomethanes yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya.

### Scatter Plot antara Kolom Trihalomethanes dengan Potability:



# 9. Tes Korelasi Kolom Turbidity dengan Kolom Potability

# In [ ]: testCorelation('Turbidity')

# Kesimpulan:

H0 ditolak, sehingga ada korelasi antara kolom Turbidity (non-target) dan kolom Potability (target).

Koefisien korelasi: 0.022331042640622665.

Jenis korelasi: Positive Correlation.
Sehingga nilai Turbidity yang lebih bes

Sehingga nilai Turbidity yang lebih besar akan dikategorikan pada potability yang lebih besar atau sebaliknya.

# Scatter Plot antara Kolom Turbidity dengan Potability :

