

# Estatística descritiva usando R bem-vind@ ao tidyverse

Curso livre de R

Profa Carolina e Prof Gilberto Parte 2

parte 2

### Na aula de hoje

Continuando com o conteúdo do dia 06/11/2021, hoje vamos aprender:

- Estatística descritiva
  - tabebla de distribuição de frequências
  - gráficos
- · Inferência para uma população (normal ou Bernoulli):
  - Intervalo de confiança para média, desvio padrão e proporção
  - Teste de hipóteses para média, desvio padrão e proporção

Na aula de hoje, usaremos a IDE RStudio.



### Pacotes da aula de hoje

- · glue: facilita a manipulação de string (caracteres)
- readxl: permite a leitura de arquivos .xlsx
- writexl: permite salvar um data.frame (tibble) como um arquivo excel
- statBasics: pacote criado pela equipe técnica para construir intervalos de confiança e teste de hipóteses
- ggthemes: pacote com diversos temas para gráficos no pacote ggplot2
- xtable: pacote para salvar tabelas html e latex
- · gt: permite construir e salvar tabelas customizadas e formatadas
- · tidyverse: framework para simplificar de forma moderna a análise de dados

Para acompanhar a aula de hoje, instale e carregue todos estes pacotes.



### estatística descritiva

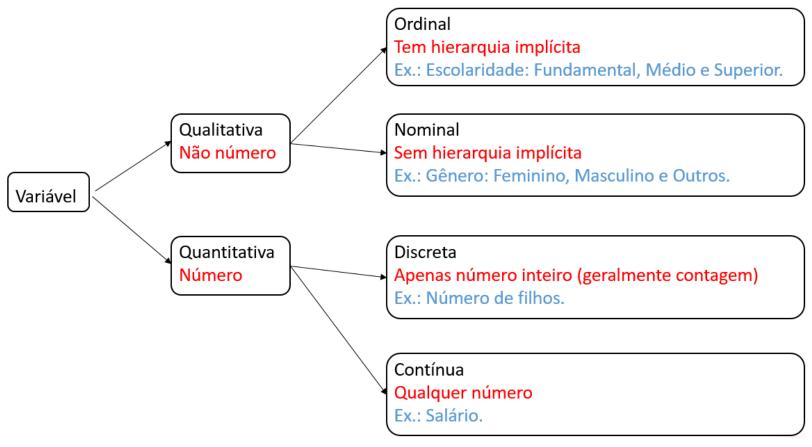
#### Conceitos básicos

Vamos começar com alguns conceitos básicos, que usaremos durante a aula de hoje.

- · População: Todos os elementos (ou indivíduos) alvos do seu estudo.
- · Amostra: parte da população.
- · Parâmetro: característica da população.
- Amostra: característica da amostra. (Usamos estimativa para aproximar a população).
- · Variável aleatória: característica de um elemento da população:
  - usamos uma letra maiúscula para denotar ou representar uma variável aleatória;
  - usamos uma letra minúscula para representar coletado ou observado da variável aleatória.



### Classificação de variáveis aleatórias



Classificação de variáveis aleatórias.



## tabelas

## Tabelas da distribuição de frequências variável qualitativa

A primeira coisa que podemos fazer é contar!

Seja X uma variável qualitativa com valores possíveis  $B_1,\ldots,B_k$  .

Tabela de distribuição de frequências.

X	Frequência	Frequência Relativa	Porcentagem
$B_1$	$n_1$	$f_1$	$100 \cdot f_1\%$
$B_2$	$n_2$	$f_2$	$100\cdot f_2\%$
· ·	÷	÷	:
$B_k$	$n_k$	$f_k$	$100 \cdot f_k \%$



## Tabelas da distribuição de frequências variável qualitativa

Vamos usar a variável escolaridade o conjunto de dados empresa.xlsx.

```
df_empresa <- read_xlsx("../data/raw/empresa.xlsx")
tab <- df_empresa |>
   group_by(escolaridade) |>
   summarise(frequencia = n()) |>
   mutate(fr = frequencia / sum(frequencia), p = 100 * fr)
tab
```



### Como podemos salvar uma tabela

#### Exportar como latex

```
xtable(tab) |>
  print.xtable(digits = 2, include.rownames = F,
             booktabs = T, format.args = list(decimal.mark = ","))
## % latex table generated in R 4.1.2 by xtable 1.8-4 package
## % Sat Nov 20 06:34:41 2021
## \begin{table}[ht]
## \centering
## \begin{tabular}{lrrr}
   \toprule
## escolaridade & frequencia & fr & p \\
   \midrule
## ensino fundamental & 12 & 0,33 & 33,33 \\
  ensino médio & 18 & 0,50 & 50,00 \\
## superior & 6 & 0,17 & 16,67 \\
    \bottomrule
## \end{tabular}
## \end{table}
```



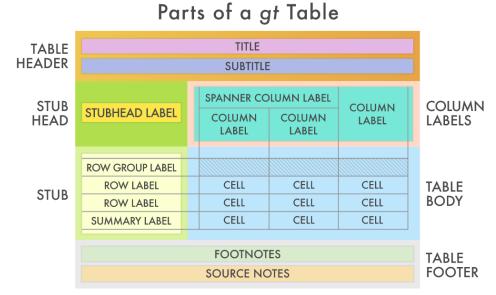
### Como podemos salvar uma tabela

#### Exportar como html



Vamos usar o pacote gt para customizar a apresentação de uma tabela.

A ideia do pacote gt é melhorar apresentação por camadas.



Customizando tabelas usando o pacote gt.



Incluindo cabeçalho e sub-cabeçalho

```
gt_tab <- gt(tab) |>
  tab_header(
    title = md("**Escolaridade dos funcionário:** _Empresa tal_ "),
    subtitle = md("**Criado por:** _Gilberto Sassi_")
  )
  gtsave(gt_tab, filename = "../output/gt_tab.html")
  gtsave(gt_tab, filename = "../output/gt_tab.tex")
  gtsave(gt_tab, filename = "../output/gt_tab.rtf")
```



#### Incluindo fonte

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_source_note(
    source_note = md("Exemplo didático.")
) |>
  tab_source_note(
    source_note = md("BUSSAB, Wilton de 0.; MORETTIN, Pedro A. **Estatística básica.**")
)
gt_tab
```



#### Escolaridade dos funcionário: Empresa tal

Criado por: Gilberto Sassi

		-	
escolaridade	frequencia	fr	р
ensino fundamental	12	0.3333333	33.33333
ensino médio	18	0.5000000	50.00000
superior	6	0.1666667	16.66667
Exemplo didático.			
BUSSAB, Wilton de O.; MORETTIN, Pedro A. Estatística básica.			



#### Agrupando linhas

Usamos a função tab\_row\_group para agrupar linhas.

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_row_group(
    label = "Ensino básico",
    rows = 1:2
) |>
  tab_row_group(
    label = "Ensino superior",
    row = 3
)
gt_tab
```



#### Escolaridade dos funcionário: Empresa tal

Criado por: Gilberto Sassi

Criado por: Gilberto Sassi					
escolaridade	frequencia	fr	р		
Ensino superior					
superior	6	0.1666667	16.66667		
Ensino básico					
ensino fundamental	12	0.3333333	33.33333		
ensino médio	18	0.5000000	50.00000		
Exemplo didático. BUSSAB, Wilton de O.; MORETTIN, Pedro A. <b>Estatística básica.</b>					



#### Agrupando colunas

Usamos a função tab\_spanner para agrupar linhas.

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_spanner(
    label = md("_Variável aleatória_"),
    columns = "escolaridade"
) |>
  tab_spanner(
    label = md("**Informações numéricas**"),
    columns = c(frequencia, fr, p)
)
gt_tab
```



#### Escolaridade dos funcionário: Empresa tal

Criado por: Gilberto Sassi

Variável aleatória	Informações numéricas		
escolaridade	frequencia	fr	р
Ensino superior			
superior	6	0.1666667	16.66667
Ensino básico			
ensino fundamental	12	0.3333333	33.33333
ensino médio	18	0.5000000	50.00000
Exemplo didático. BUSSAB, Wilton de O.; MORETTIN, Pedro A. <b>Estatística básica.</b>			



#### Modificando os rótulos da coluna

#### Podemos:

- · Mudar a ordem das colunas usando a função cols\_move\_to\_start
- · Mudar o nome das colunas usando a função cols\_label

```
gt_tab <- gt_tab |>
  cols_move_to_start(
    columns = c(escolaridade, frequencia)
) |>
  cols_label(
    escolaridade = md("**Grau de Escolaridade**"),
    frequencia = md("**Frequência**"),
    fr = md("**Frequência relativa**"),
    p = md("**Porcentagem**")
)
gt_tab
```



#### Escolaridade dos funcionário: Empresa tal

Criado por: Gilberto Sassi

Variável aleatória	Informações numéricas			
Grau de Escolaridade	Frequência	Frequência relativa	Porcentagem	
Ensino superior				
superior	6	0.1666667	16.66667	
Ensino básico				
ensino fundamental	12	0.3333333	33.33333	
ensino médio	18	0.5000000	50.00000	
Exemplo didático.  BUSSAB, Wilton de O.; MORETTIN, Pedro A. <b>Estatística básica.</b>				



Modificando o formato numérico dos valores

```
gt_tab <- gt_tab |>
  fmt_number(
    columns = c(fr),
    decimals = 2,
    dec_mark = ",",
    big_mark = "."
  ) |>
  fmt_number(
    columns = p,
    decimals = 2,
    dec_mark = ",",
    big_mark = ".",
    pattern = "{x}%"
gt_tab
```



#### Escolaridade dos funcionário: *Empresa tal*

Criado por: Gilberto Sassi

Variável aleatória	Informações numéricas			
Grau de Escolaridade	Frequência	Frequência relativa	Porcentagem	
Ensino superior				
superior	6	0,17	16,67%	
Ensino básico				
ensino fundamental	12	0,33	33,33%	
ensino médio	18	0,50	50,00%	
Exemplo didático. BUSSAB, Wilton de O.; MORETTIN, Pedro A. <b>Estatística básica.</b>				



## gráficos

#### Gráficos no R

- Pacote: ggplot2
- Permite gráficos personalizados com uma sintaxe simples e rápida, e iterativa por camadas
- Começamos com um camada com os dados ggplot (dados), e vamos adicionando as camadas de anotações, e sumários estatísticos
- Usa a gramática de gráficos proposta por Leland Wilkinson: Grammar of Graphics
- · Ideia desta gramática: delinear os atributos estéticos das figuras geométricas (incluindo transformações nos dados e mudança no sistema de coordenadas)
- Para mais detalhes, você pode consultar ggplot2: elegant graphics for data analysis e documentação do ggplot2



#### Gráficos no R

#### Estrutura básica de ggplot2

```
ggplot(data = <data possible tibble>) +
    <Geom functions>(mapping = aes(<MAPPINGS>)) +
    <outras camadas>
```

Você pode usar diversos temas e extensões que a comunidade cria e criou para melhorar a aparência e facilitar a construção de ggplot2.

Lista com extensões do ggplot: extensões do ggplots

Indicação de extensões:

- Temas adicionais para o pacote ggplot2: ggthemes
- · Gráfico de matriz de correlação: ggcorrplot
- · Gráfico quantil-quantil: qqplotr



#### Gráficos no R

#### Gráfico de Barras no ggplot2

- função: geom\_bar(). Para porcentagem: geom\_bar(x = <variável no eixo x>, y = ..prop.. \* 100).
- Argumentos adicionais:
  - fill: mudar a cor do preenchimento das figuras geométricas
  - color: mudar a cor da figura geométrica

#### Rótulos dos eixos

- Mudar os rótulos: labs(x = <rótulo do eixo x>, y = <rótulo do eixo y>)
- Trocar o eixo-x pelo eixo-y: coord\_flip()



```
library(ggthemes)
ggplot(df_empresa) +
  geom_bar(mapping = aes(x = escolaridade, y = ..prop.. * 100, group = 1),
  fill = "blue", color = "red") +
  labs(x = "Espécies", y = "Porcentagem") +
  theme_gdocs()
```

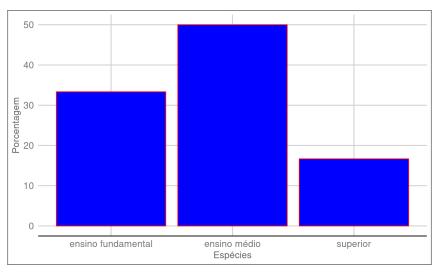


Gráfico de barras para escolaridade.



## Tabela de distribuição de frequência – Variável quantitativa discreta

A primeira coisa que fazemos é contar!

X	frequência	frequência relativa	porcentagem
$x_1$	$n_1$	$f_1$	$100 \cdot f_1\%$
$x_2$	$n_2$	$f_2$	$100\cdot f_2\%$
$x_3$	$n_3$	$f_3$	$100\cdot f_3\%$
÷	:	:	÷ ·
$x_k$	$n_k$	$f_k$	$100 \cdot f_k\%$
Total	n	1	100%

Em que n é o tamanho da amostra.



## Tabela de distribuição de frequência – Variável quantitativa discreta

A primeira coisa que podemos fazer é construir a tabela de distribuição de frequência.

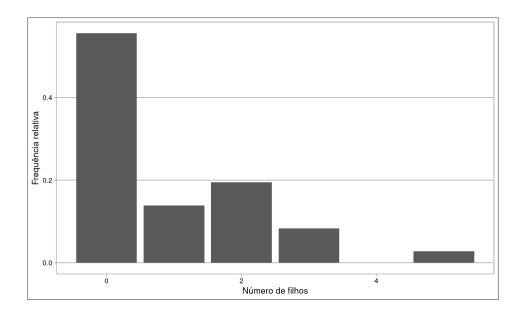


n_filhos	frequencia	fr	porcentagem
0	20	0,56	55,56
1	5	0,14	13,89
2	7	0,19	19,44
3	3	0,08	8,33
5	1	0,03	2,78
Total	36	1,00	100,00



#### Gráfico de barras no R

```
ggplot(df_empresa) +
  geom_bar(aes(x = numero_filhos, y = ..prop.., group = 1)) +
  labs(x = "Número de filhos", y = "Frequência relativa") +
  theme_calc()
```





## Tabela de distribuição de frequência – Variável quantitativa contínua

· X: variável quantitativa contínua

Tabela de Distribuição de Frequências para a variável quantitativa contínua.

x	Frequência	Frequência relativa	Porcentagem
$[l_0,l_1)$	$n_1$	$f_1=rac{n_1}{n_1+\cdots+n_k}$	$p_1 = f_1 \cdot 100$
$[l_1,l_2)$	$n_2$	$f_2=rac{n_2}{n_1+\cdots+n_k}$	$p_2 = f_2 \cdot 100$
÷	÷	÷ :	÷
$[l_{k-1},l_k]$	$n_k$	$f_k = rac{n_k}{n_1 + \cdots + n_k}$	$p_k = f_k \cdot 100$

Em que  $\min = l_0 \le l_1 \le \cdots \le l_{k-1} \le l_k = \max$  ( $\min$  é o menor valor do suporte da variável X e  $\max$  é o maior valor do suporte da variável X),  $n_i$  é número de valores de X entre  $l_{i-1}$  e  $l_i$ , e  $l_0, l_1, \ldots, l_k$  quebram o suporte da variável X (breakpoints).

 $l_0, l_1, \cdots, l_k$  são escolhidos de acordo com a teoria por trás da análise de dados (ou pelo regulador). Se você está em uma nova área, use  $l_0, l_1, \cdots, l_k$  igualmente espaçados, e use a <u>regra de Sturges</u> para determinar o valor de k:  $k=1+\log 2(n)$  onde n é tamanho da amostra. Se  $1+\log 2(n)$  não é um número inteiro, usamos  $k=\lceil 1+\log 2(n)\rceil$ .



## Tabela de distribuição de frequência – Variável quantitativa contínua



sepal_length_intervalo	freq	fr	р
[4.3,4.75)	11	0,07	7,33
[4.75,5.2)	30	0,20	20,00
[5.2,5.65)	24	0,16	16,00
[5.65,6.1)	24	0,16	16,00
[6.1,6.55)	31	0,21	20,67
[6.55,7)	17	0,11	11,33
[7,7.45)	7	0,05	4,67
[7.45,7.9]	6	0,04	4,00
Total	150	1,00	100,00



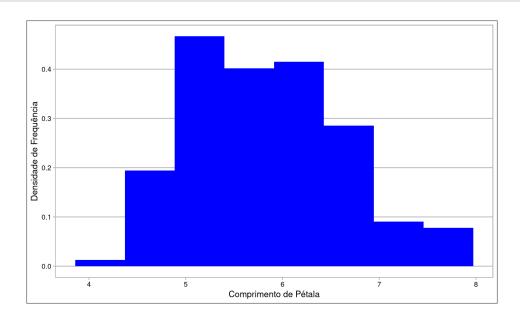
# Histograma

Para variávieis quantitativas contínuas, geralmente não construímos gráficos de barras, e usamos uma figura geométrica chamada de *histograma*.

- O histograma é um gráfico de barras contíguas em que a área de cada barra é igual à frequência relativa.
- · Cada faixa de valor  $[l_{i-1},l_i), i=1,\ldots,n,$  será representada por um barra com área  $f_i, i=1,\ldots,n$  .
- · Como cada barra terá área igual a  $f_i$  e base  $l_i l_{i-1}$ , e a altura de cada barra será  $\frac{f_i}{l_i l_{i-1}}$ .
- $\frac{f_i}{l_i-l_{i-1}}$  é denominada de densidade de frequência.



# Histograma





# Medidas Resumo (variável quantitativa)

A ideia é encontrar um ou alguns valores que sintetizem todos os valores.

#### Medidas de posição (tendência central)

A ideia é encontrar um valor que representa bem todos os valores.

· Média: 
$$\overline{x} = \frac{x_1 + \dots + x_n}{n}$$

· Mediana: valor que divide a sequência ordenada de valores em duas partes iguais.

#### Medidas de dispersão

A ideia é medir a homogeneidade dos valores.

Variância: 
$$s^2=rac{(x_1-\overline{X})^2+\cdots+(x_n-\overline{X})^2}{n-1}$$
;

- · Desvio padrão:  $s=\sqrt{s^2}$  (mesma unidade dos dados);
- $coeficiente de variação <math>cv=rac{s}{\overline{x}}\cdot 100\%$  (adimensional, ou seja, "sem unidade")

### Medidas de Resumo: exemplo

Podemos usar a função summarise do pacote dplyr (incluso no pacote tidyverse).

```
tab <- df_empresa |>
 summarise(media = mean(salario), dp = sd(salario), mediana = median(salario),
          cv = dp / media) >
 gt() |>
 tab_header(title = "Medidas de resumo para salário.",
            subtitle = "Média, mediana, desvio padrão e coeficiente de variação") |>
 cols_label(
   media = md("**Média salarial**"),
   dp = md("**Desvio padrão do salário**"),
   mediana = md("**Salário mediano**"),
   cv = md("**Coeficiente de variação**")) |>
 fmt number(
   columns = everything(),
   decimals = 2,
   dec_mark = ",",
   sep mark = "."
tab
```



#### Medidas de resumo para salário.

Média, mediana, desvio padrão e coeficiente de variação em salários mínimos.

Média salarial	Desvio padrão do salário	Salário mediano	Coeficiente de variação
11,12	4,59	10,16	0,41



### Medidas de Resumo: exemplo

Podemos usar a função **group\_by** para calcular medidas de resumo por categorias de uma variável qualitativa.

```
df_empresa |>
  group_by(escolaridade) |>
  summarise(media = mean(salario), dp = sd(salario), md = median(salario), cv = dp / media) |>
  gt() |>
  tab_header(
    title = "Medidas de resumo por escolaridade.",
    subtitle = "Média, desvio padrão, mediana e coeficiente de variação em salários mínimos."
  ) |>
  cols_label(
    escolaridade = "Escolaridade",
    media = "Média salarial",
    dp = "Desvio padrão de salário",
    md = "Salário mediano",
    cv = "Coeficiente de variação"
  ) |>
  fmt number(
    columns = c(media, dp, md, cv),
    decimals = 2,
    dec_mark = ",",
    sep_mark = "."
```



#### Medidas de resumo por escolaridade.

Média, desvio padrão, mediana e coeficiente de variação em salários mínimos.

Escolaridade	Média salarial	Desvio padrão de salário	Salário mediano	Coeficiente de variação
ensino fundamental	7,84	2,96	7,12	0,38
ensino médio	11,53	3,72	10,91	0,32
superior	16,48	4,50	16,74	0,27



# Inferência Estatística

#### O processo da inferência estatística

- · Usando as técnicas de Estatística Descritiva, podemos fazer afirmações válidas para uma amostra.
- Já em Inferência Estatística, queremos fazer afirmações válidas para toda a população. Isto é, queremos fazer generalizações para a população a partir da amostra, conforme ilustrado na Figura abaixo.

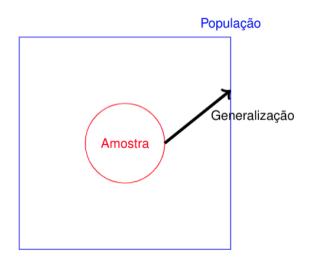


Ilustração da inferência estatística.



#### O que queremos?

• **Estimação pontual:** Aproximar um parâmetro usando a estimativa. Usamos estimativa para aproximar o parâmetro.

Exemplo: Média salarial dos funcionários.

· Intervalo de confiança: Encontrar a e b tal que a < parâmetro < b com alguma confiança fixada pelo pesquisador.

**Exemplo:** Encontrar a < parâmetro < b com alguma confiança pré-estabelecida.

· Teste de hipóteses: Decidir entre duas hipóteses científicas  $H_0$  e  $H_1$ , onde  $H_1$  é negação de  $H_0$ .

Exemplo: Queremos decidir entre

 $\left\{ egin{aligned} H_0: & a & média salarial é no máximo 3 salários mínimos \\ H_1: & a & média salarial é maior que 3 salários mínimos \end{aligned} 
ight.$ 



# Intervalo de confiança

Intervalo de confiança para proporção

Usamos quando temos apenas duas opções (sucesso e fracasso). Seja p proporção de sucesso na população, e queremos encontrar a e b tal que  $a com coeficiente de confiança <math>\gamma$ .

Intervalo de confiança para média

Seja  $\mu$  a média na população, e queremos encontrar a e b tal que  $a<\mu< b$  com coeficiente de confiança  $\gamma$ .



#### Intervalo de confiança para a média

Considere a variável salario do conjunto de dados empresa.xlsx, e suponha que desejamos construir um intervalo de confiança para a média salarial com coeficiente de confiança  $\gamma=98\%$ .

```
dados <- read_xlsx("../data/raw/empresa.xlsx")
ci_general(dados$salario, conf_level = 0.98)

## # A tibble: 1 × 3

## lower_ci upper_ci conf_level

## <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 9.26 13.0 0.98
```



### Interpretação do intervalo de confiança

Para cada amostra (ou estudo), o intervalo de confiança pode estar correto ( $a < \mu < b$ ) ou pode estar incorreto ( $\mu < a$  ou  $b < \mu$ ).

No conjunto de dados amostras.xlsx, temos seis amostras de uma população com média 25, e vamos calcular o intervalo de confiança para cada amostra.

```
dados <- read_xlsx("../data/raw/amostras.xlsx")
intervalos <- dados |>
    group_by(amostra) |>
    summarise(li = ci_general(valores)$lower_ci, ls = ci_general(valores)$upper_ci)
gt(intervalos) |>
    fmt_number(
        columns = c(li, ls),
        decimals = 2,
        dec_mark = ",",
        sep_mark = "."
) |>
    cols_label(
        amostra = md("**amostras**"),
        li = md("**Limite inferior**"),
        ls = md("**Limite superior**")
)
```

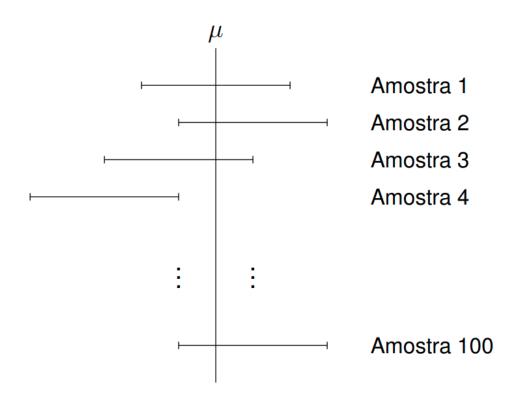


Limite inferior	Limite superior
24,33	26,00
24,24	26,01
24,33	25,75
23,02	24,51
25,13	25,94
24,16	24,89
	24,33 24,24 24,33 23,02 25,13



### Interpretação do intervalo de confiança

**Importante:**  $\gamma\%$  dos intervalos de confiança estão corretos e contêm o parâmetro da população.



Interpretação do intervalo de confiança:  $\gamma$ % dos intervalos estão corretos.



### Intervalo de confiança para proporção

Considere a variável procedencia do conjunto de dados empresa.xlsx, e suponha que desejamos construir um intervalo de confiança para a proporção de pessoas que vieram da capital com coeficiente de confiança  $\gamma=99\%$ .

Nesse caso, temos

- sucesso: funcionário nasceu na capital;
- fracasso: funcionário não nasceu na capital.

```
dados <- read_xlsx("../data/raw/empresa.xlsx")
ci_bern(dados$procedencia == 'capital', conf_level = 0.99)

## # A tibble: 1 × 3

## lower_ci upper_ci conf_level

## <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 0.0909 0.520 0.99
```



# Teste de hipóteses

**Objetivo:** decidir entre duas hipóteses científicas  $H_0$  e  $H_1$ , onde  $H_0$  é chamada de hipótese nula e  $H_1$  é chamada de hipótese alternativa.

#### Como estabelecer $H_0$ e $H_1$

- · Valor padrão (benchmark do mercado ou benchmark do regulador) ou especificação do cliente vai sempre no  $H_0$ .
- · Hipótese científica ou pergunta vai sempre no  $H_1$ .

Ao decidirmos, podemos errar de duas formas:

	Situação na população		
1	H <sub>0</sub>	H <sub>1</sub> (Negação de H <sub>0</sub> )	
Decisão $\begin{vmatrix} H_0 \\ H_1 \end{vmatrix}$ (Negação de $H_0$ )	Sem erro (verdadeiro negativo) Erro tipo I (Falso positivo)	Erro tipo II (Falso negativo) Sem erro (Verdadeiro positivo)	

Tipos de erros que um analista pode cometer ao decidir usando as informações (*evidências estatísticas*) de uma amostra.



### Teste de hipóteses

Usamos probabilidade para controlar os falsos positivos ou falsos negativos:

- ·  $lpha = P( ext{falso positivo}) = P( ext{Erro tipo I})$  nível de significância.
- ·  $\beta = P(\text{falso negativo}) = P(\text{Erro tipo II}).$
- ·  $1 \beta = P(\text{verdadeiro negativo})$  poder do teste.

Impossível estabelecer uma decisão que miniza, simultaneamente,  $\alpha$  e  $\beta$  (ou minimiza  $\alpha$  e maximiza  $1-\beta$ ).

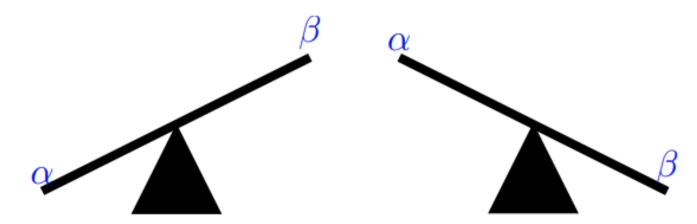


Ilustração dos erros tipos I e II. Impossível minimizar, simultaneamente,  $\alpha$  e  $\beta$ .

# Teste de hipóteses

Falso positivo: é o erro mais grave!

#### Estratégia para especificar $H_0$ e $H_1$ :

- 1. Determinar o erro mais grave que será o falso positivo;
- 2. Determino  $H_0$  e  $H_1$  a partir do falso positivo.

#### Exemplo (Ilustração do falso positivo)

Em um julgamento precisamos decidir se um *réu* é: **inocente** ou **culpado**.

Temos dois erros possíveis:

- · Culpar um inocente;
- · Inocentar um culpado.

Determinando as hipóteses nulas e alternativas:

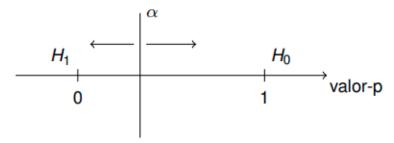
- 1. O erro mais grave é culpar um inocente;
- 2. Falso positivo é culpar um inocente;

3. 
$$\begin{cases} H_0: \text{o r\'eu \'e inocente} \ H_1: \text{o r\'eu \'e culpado} \end{cases}$$
 .

### Valor-p

#### Descrição intuitiva

- · estatística teste: quantidade que indica a evidência contra  $H_0$ . Quanto mais extrema (muito pequeno ou muito grande), mais evidência temos contra  $H_0$ .
- · O valor-p, ou *p-value* em inglês, é a probabilidade de coletar uma outra amostra com **estatística teste** igual ou mais extrema do que a amostra observada coletada quando  $H_0$  é verdadeira. Lembre que o erro tipo I ou falso positivo é o mais grave.
- · Rejeitamos  $H_0$  quando o valor-p é pequeno, e usamos como valor de referência o nível de significância  $\alpha\%$ . Ilustramos essa ideia na Figura abaixo.



Decisão usando o valor-p.



### Valor-p

#### Interpretação

Imagine um contexto em que  $H_0$  é verdade. Neste contexto, o valor-p pode ser pequeno ou grande, ou seja, podemos rejeitar ou não a hipótese nula.

O importante é que para  $\alpha \cdot 100\%$  das amostras rejeitaremos  $H_0$ .

```
dados <- read_xlsx("../data/raw/amostras.xlsx")
dados |>
    group_by(amostra) |>
    summarise(valor_p = t.test(valores, mu = 25)$p.value) |>
    gt() |>
    fmt_number(
        columns = valor_p,
        decimals = 2,
        sep_mark = ".",
        dec_mark = ".",
        dec_mark = ","
) |>
    cols_label(
        amostra = md("**Amostras**"),
        valor_p = md("**Valor-p**")
)
```



Amostras	Valor-p
amostra_1	0,68
amostra_2	0,77
amostra_3	0,91
amostra_4	0,00
amostra_5	0,01
amostra_6	0,01



### Teste de hipóteses para média

A média salarial dos funcionários é maior que 5 salários mínimos ao nível de significância 5%?

 $\left\{ egin{aligned} H_0: & a & média salarial é no máximo 5 salários mínimos, \\ H_1: & a & média salarial é mario que 5 salários mínimos. \end{aligned} 
ight.$ 



# Teste de hipóteses para proporção

Os funcionários com origem na capital são maioria ao nível de significância 1%?

 $\begin{cases} H_0: \text{a porcentagem de funcionários com origem na capital é no máximo } 50\%, \\ H_1: \text{a porcentagem de funcionários com origem na capital é maior que } 50\%. \end{cases}$ 

```
dados <- read_xlsx("../data/raw/empresa.xlsx")
num_sucessos <- sum(sum(dados$procedencia == 'capital'))
tamanho_amostra <- nrow(dados)
prop.test(num_sucessos, tamanho_amostra, p = 0.5, alternative = "greater")

##
## 1-sample proportions test with continuity correction
##
## data: num_sucessos out of tamanho_amostra, null probability 0.5
## X-squared = 4.6944, df = 1, p-value = 0.9849
## alternative hypothesis: true p is greater than 0.5
## 95 percent confidence interval:
## 0.1851783 1.0000000
## sample estimates:
## p
## 0.3055556</pre>
```

