

Conceitos básicos e gráficos

Gilberto Pereira Sassi
Cartolina Costa Mota Paraíba

Universidade Federal da Bahia
Instituto de Matemática e Estatística
Departamento de Estatística

Programa da Unidade

- 1 Conceitos básicos: inferência indutiva, população, amostra, parâmetro, estimativa e variável;
- 2 Tabela de distribuição de frequência;
- 3 Gráfico de barras;
- 4 Histograma

Tipos de inferência

Dedutiva

Usa-se argumentos lógicos para chegar a conclusões a partir de premissas.

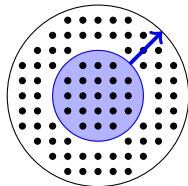
Exemplo:

- Premissa: Todo ser humano nascido em solo brasileiro, tem direito a cidadania brasileira.
- João nasceu em Salvador, então João tem direito a cidadania brasileira.

Indutiva

Processo de generalização da parte ao todo. (Objeto de estudo desse curso).

Exemplo: Em uma pesquisa eleitoral, entrevista-se parte do eleitorado para estudar a intenção de votos para cada candidato.



Nomenclatura

População Todos elementos alvo do estudo;

Amostra Parte da população;

Parâmetro Característica da população;

Variável Característica de um elemento da população. Usamos uma letra maiúscula para representar essa característica;

Estimativa Característica de amostra.

Exemplo

Intenção de voto para Lula em outubro de 2018.

População Todos eleitores aptos a votar em outubro de 2018;

Amostra Três mil eleitores que serão questionados se pretendem, ou não, em Lula;

Parâmetro Proporção de eleitores que votariam em Lula;

Estimativa Proporção de eleitores entre os três mil eleitores da amostra;

Variável Intenção de voto de cada eleitor (vota ou não no Lula).

Classificação de variáveis

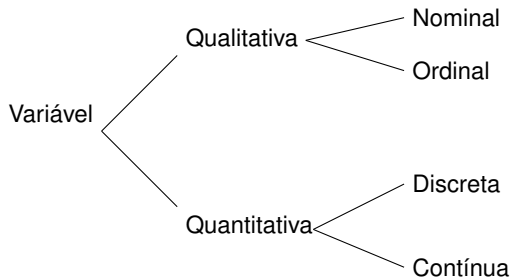
Variáveis podem ser variáveis em quatro categorias:

Variável Qualitativa Nominal Característica não-numérica com valores possíveis sem hierarquia. **Exemplo:** Gênero (valores possíveis: Masculino, Feminino, Outros).

Variável Qualitativa Ordinal Característica não-numérica com valores possíveis com hierarquia. **Exemplo:** Escolaridade (valores possíveis: Ensino Fundamental, Ensino Médio, Ensino Superior).

Variável Quantitativa Discreta Característica numérica geralmente proveniente de um processo de contagem. **Exemplo:** Número de filhos (valores possíveis: 0, 1, 2, 3, 4, ...).

Variável Quantitativa Contínua Característica numérica possivelmente não inteiro. **Exemplo:** Salário (um operário pode ganhar R\$1200,34).



Estatística Descritiva

Objetivo

Estudar padrões e comportamentos presentes na amostra (ou na população) usando gráficos e medidas resumo.

Vamos introduzir as técnicas gráficas usando exemplos.

Exemplo – Tabela 2.1 do livro do Morettin

Um pesquisador está interessado em fazer um levantamento sobre alguns aspectos socioeconômicos dos empregados da seção de orçamentos da companhia MB. Usando informações obtidos do departamento pessoal, ele obteve uma amostra de 36 funcionários e armazenou as seguintes variáveis:

Variável	Representação	Tipo
Estado civil	X	Qualitativa Nominal
Escolaridade	Y	Qualitativa Ordinal
Número de filhos	Z	Quantitativa Discreta
Salário	S	Quantitativa Contínua
Idade	U	Quantitativa Discreta
Região da procedência	V	Qualitativa Nominal

◀ ◻ ▶ ◀ ◻ ▶ ◀ ≡ ▶ ◀ ≡ ▶ ≡ ≡ ↺ 🔍 ↻

Tabela de distribuição de frequência

Contagem do número de vezes que um valor possível aparece na amostra.

Variável	Frequência	Frequência Relativa	Porcentagem
categoria 1	n_1	$f_1 = \frac{n_1}{n}$	$100 \cdot f_1 \%$
categoria 2	n_2	$f_2 = \frac{n_2}{n}$	$100 \cdot f_2 \%$
\vdots	\vdots	\vdots	\vdots
categoria k	n_k	$f_k = \frac{n_k}{n}$	$100 \cdot f_k \%$
Total	$n = n_1 + n_2 + \cdots + n_k$	1	100%

n_i Número de elementos da população com variável igual a categoria $i, i = 1, 2, \dots, k$;

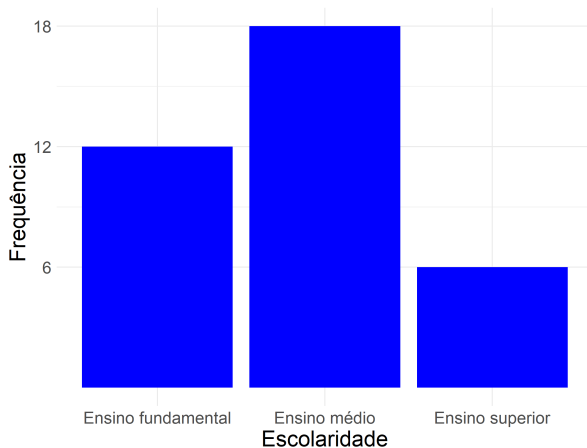
f_i Proporção ou frequência relativa calculada por $f_i = \frac{n_i}{n}, i = 1, 2, \dots, k$, em que $n = n_1 + n_2 + \cdots + n_k$.

Exemplo

Variável Escolaridade (Y).

Y	Frequência	Frequência Relativa	Porcentagem
Ensino Fundamental	12	0,3333	33,33%
Ensino Médio	18	0,5	50%
Ensino Superior	6	0,1667	16,67%
Total	36	1	100%

Exemplo – continuação



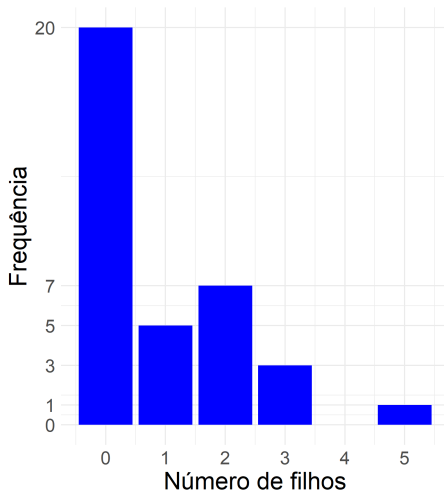
Interpretação: O grau de escolaridade mais presente entre os funcionários é “Ensino Médio”, podemos inclusive dizer que esse atributo é maioria entre os funcionários da companhia MB.

Exemplo

Número de filhos (Z).

Z	Frequência	Frequência relativa	Porcentagem
0	20	0,5556	55,56%
1	5	0,1386	13,86%
2	7	0,1944	19,44%
3	3	0,0833	8,33%
4	0	0,00	0,00%
5	1	0,0278	2,78%
Total	36	1	100%

Exemplo – continuação



Interpretação: A maioria dos funcionários tem até 2 filhos.

Exemplo

Salário (S).

S	Frequência	Frequência relativa	Porcentagem
[4, 8)	10	0,2778	27,78%
[8, 12)	12	0,3333	33,33%
[12, 16)	8	0,2222	22,22%
[16, 20)	5	0,1389	13,89%
[20, 24]	1	0,0278	2,78%
Total	36	1	100%

Exemplo – continuação

Simplificação

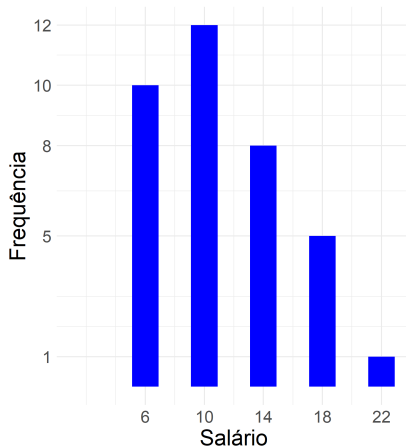
Representamos cada faixa da variável contínua pelo seu “ponto médio”.

Salário	Ponto Médio	Frequência
[4, 8)	6	10
[8, 12)	10	12
[12, 16)	14	8
[16, 20)	18	5
[20, 24]	22	1

Observação

Em nosso exemplo, estamos afirmando que todos os funcionários da faixa salarial [4, 8) ganham aproximadamente 6 salários mínimos.

Exemplo – continuação



Interpretação: Notamos que o salário mais frequente é dez salários mínimos.

Definição

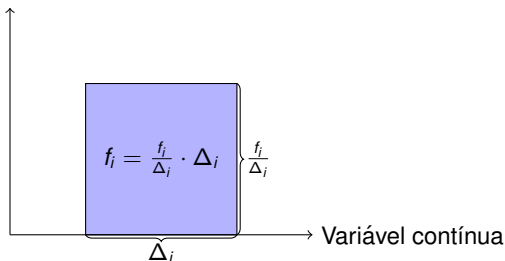
Gráficos de barras contíguas, com as bases proporcionais a largura das classes/faixas e a área de cada retângulo proporcional à respectiva frequência relativa.

Notação

Δ_i : amplitude da i -ésima barra;

$\frac{f_i}{\Delta_i}$: altura da barra chamada de densidade de frequência.

Densidade de frequência

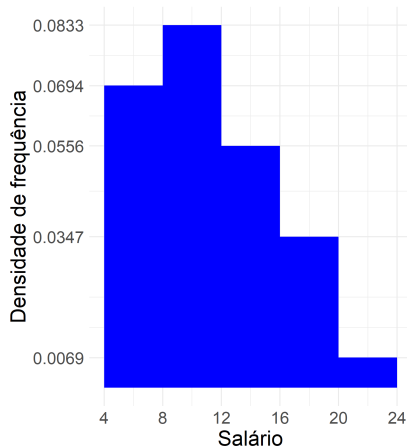


Exemplo

Salário (S).

Salário	Amplitude (Δ_i)	Frequência (f_i)	Densidade de frequência ($\frac{f_i}{\Delta_i}$)
[4, 8)	4	0,2778	$\frac{0,2778}{4} = 0,0694$
[8, 12)	4	0,3333	$\frac{0,3333}{4} = 0,0833$
[12, 16)	4	0,2222	$\frac{0,2222}{4} = 0,0556$
[16, 20)	4	0,1389	$\frac{0,1389}{4} = 0,0347$
[20, 24]	4	0,0278	$\frac{0,0278}{4} = 0,0069$

Exemplo – continuação



Interpretação: A maioria dos funcionários ganham entre 4 e 12 salários mínimos.