

# Gilles Callebaut

## Digitale voorstelling van informatie

Samenvatting

Gilles Callebaut

## Over Bits en Bytes

### Binaire woorden - bytes

binair woord is voorgesteld als  $b_{n-1} b_{n-2} \dots b_1 b_0$

voorstellen  $M$  symbolen  $\rightarrow n$  bits nodig

$$2^{n-1} < M \leq 2^n$$

$$2^{10} = 1024 \text{ of } 1\text{kbit}$$

$$2^{20} = 1\ 048\ 576 \text{ of } 1\text{Mbit}$$

# Voorstelling van getallen

## Zuivere binaire voorstelling

### Binaire codering

binair getal  $b_n \dots b_0, b_{-1} \dots b_{-m}$

decimale waarde

Most Significant Bit

$$b_n \times 2^n + \dots + b_0 \times 2^0 + b_{-1} \times 2^{-1} + \dots + b_{-m} \times 2^{-m}$$

Least Significant Bit

Opmerking

verplaatsing  
binair komma

← delen door 2

→ vermenigvuldigen met 2

schrijfbewerking

← vermenigvuldigen met 2  
o rechts toevoegen

probleem als MSB = 1

↳ overstappen op meer bits  
andus overflow

→ delen door 2

richtige bit verloren

o links toev.

↳ rest nt behouden

## Binair → Decimaal

$$\begin{array}{r}
 \boxed{1} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0} \quad \boxed{1} \quad \boxed{1} \\
 \text{---} \\
 \begin{array}{r}
 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 \\
 = 64 + 32 + 0 + 8 + 0 + 2 + 1 \\
 = 107
 \end{array}
 \end{array}$$

~~$$\begin{array}{r}
 \boxed{0} \quad \boxed{0} \quad \boxed{0} \quad \boxed{1} \\
 \text{---} \\
 \begin{array}{r}
 1 \cdot \frac{1}{2} + 0 \cdot \frac{1}{4} + 0 \cdot \frac{1}{8} + 1 \cdot \frac{1}{16} \\
 = \frac{1}{2} + 0 + 0 + \frac{1}{16} \\
 = \frac{8}{16} + \frac{1}{16} \\
 = \frac{9}{16}
 \end{array}
 \end{array}$$~~

## Decimaal → Binair

~~$$\begin{array}{r}
 0 \quad 1 \quad 3 \quad 7 \quad 14 \quad \frac{1}{2} \\
 \text{---} \\
 \boxed{1} \quad \boxed{1} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0}
 \end{array}$$

rest~~

~~$$\begin{array}{r}
 0,2 \quad \overset{\times 2}{\sim} 0,4 \quad \overset{\times 2}{\sim} 0,8 \quad \overset{\times 2}{\sim} 0,6 \quad \overset{\times 2}{\sim} 0,2 \quad \sim \\
 \text{---} \\
 \boxed{0} \quad \boxed{0} \quad \boxed{0} \quad \boxed{1} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0} \quad \boxed{0} \quad \boxed{1} \quad \boxed{1}
 \end{array}$$~~

als  $> 1 \rightarrow -1 \rightarrow 1$  binair

## Octale en hexadecimale voorstelling

Octale code: 3 bits nemen nemen  $\rightarrow$  van 0  $\rightarrow$  7

hexadecimale code: 4 bits nemen nemen  $\rightarrow$  van 0  $\rightarrow$  9, A  $\rightarrow$  F

vb.

octaal	4	7	2	3								
binair	1	0	0	1	1	1	0	1	0	0	1	1
hexa-dec.	9	D	3									

# Voorstelling v. negatieve getallen

## Sign-plus-value voorstelling

MSB: tekenbit  $\begin{cases} 0 & + \\ 1 & - \end{cases}$

nadieel: getal 0  $\begin{cases} +0 & \text{en kan zijn} \\ -0 & \end{cases}$

## Two's Complement voorstelling

voordeel: eenvoud vh gebruik bij rekenkundige bewerkingen

byte: pos. getallen:  $0 \rightarrow 127$  met  $b_7 = 0$

neg. getallen:  $-128 \rightarrow -1$  met  $b_7 = 1$

vb.

$+17_{10}$

0001 0001

$-17_{10}$

1110 1111

*he's  
compl.*

$$\begin{array}{r}
 1110 \\
 + 0000 \\
 \hline
 1110
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1110 \\
 + 0001 \\
 \hline
 1111
 \end{array}
 \quad \text{two's comple}$$

# Floating-point voorstelling

## principe

$$x = M \times 2^E$$

mantisse

genormaliseerde  
voorstelingswijze:

E gekozen zodat de  
M vd vorm  $0, \frac{1}{2}, \dots$  is.

## IEEE Standaard

$$\rightarrow E: 1 \rightarrow 254 : 8 \text{ bits}$$

M:	23 bits	}	32 bits = 4 bytes
S:	1 bit		

voorstelling:  $(-1)^S \cdot 2^{(E-127)} \cdot (1, M)$

↑  
hidden  
bit

vb.  $(-144,5)_d \rightarrow 144 \rightarrow \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 4 & 9 & 10 & 36 & 72 & 144 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{matrix}$

$0,5 \rightarrow \begin{matrix} 0,5 \\ 1 \end{matrix}$

$\therefore \begin{matrix} 0 \\ 1 \end{matrix}$

$$(144,5)_d \rightarrow (1001\ 0000, 1)_b = (1, 0010\ 0001 \cdot 2^7)_b$$

$7 = E - 127$

$$\rightarrow E = (134)_d \rightarrow E = (1000\ 0110)_b$$

$\begin{matrix} 1 & 100 & 0011 & 0001 & 0000 & 1 & 000 & 0000 & 0000 \\ \uparrow & & & & & & & & \\ \text{Signbit} & E & & M & & & & & \end{matrix}$

opvullen  
↓

32 bits (totaal)

# Enkele Precisie (32 bits)

Exponent E	Mantisse M	Waarde
255	$\neq 0$	geen betekenis
255	0	$(-1)^S \cdot \infty$
$0 < E < 255$	M	$(-1)^S \cdot 2^{E-127} \cdot (1, M)$
0	$\neq 0$	$(-1)^S \cdot 2^{E-126} (0, M)$
0	0	$(-1)^S \cdot 0$

} Genormaliseerd  
} Gedenumeraliseerd

## Genormaliseerd

Grootste getal:

$$\begin{aligned}
 M &= 1,1\dots1 \quad (\times E = 254) \\
 + \frac{2^{-23}}{2} &= 0,0\dots01 \\
 2 &= 10,0\dots00 \\
 \rightarrow (\pm)(2-2^{-23}) \cdot 2^{127}
 \end{aligned}$$

Kleinste getal:

$$\begin{aligned}
 M &= 1,0\dots0 \quad (\times E = 1) \\
 \rightarrow (\pm)2^{-126}
 \end{aligned}$$

## Gedenumeraliseerd

Grootste getal:

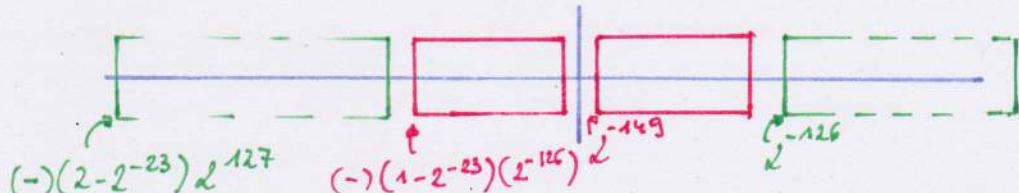
$$M = 0,1\dots1 \quad (\times E = 0)$$

$$\begin{aligned}
 + \frac{2^{-23}}{2} &= 0,0\dots01 \\
 1 &= 1,0\dots00
 \end{aligned}$$

$$\rightarrow (\pm)(1-2^{-23})(2^{-126})$$

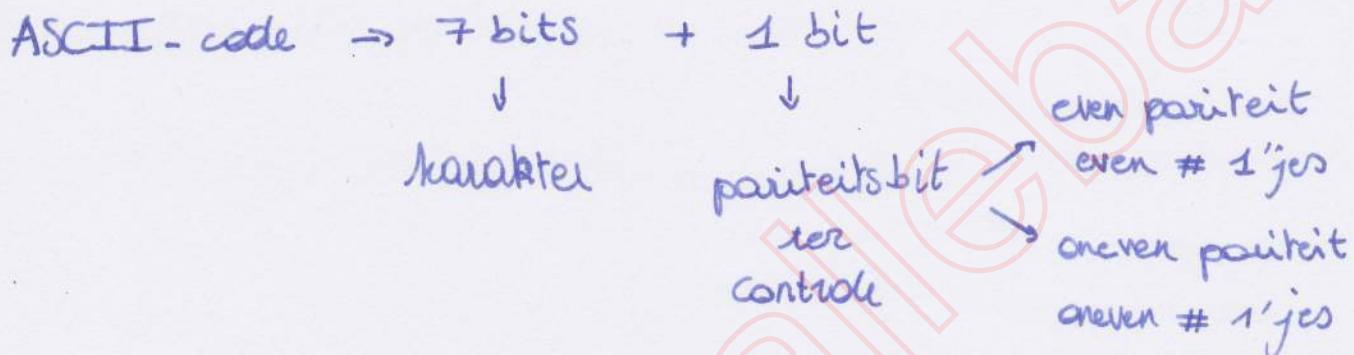
Kleinste getal:

$$\begin{aligned}
 M &= 0,0\dots01 \quad (\times E = 0) \\
 \rightarrow (\pm)(2^{-23})(2^{-126})
 \end{aligned}$$



# Andere codering

## Karaktercodes



## Instuctiecodes

processors → 8 bit werken  
= 256 ≠ instructies

### Opmerking

verschillende interpretaties aan binair code.

## Opslag Data

sequentiell  
toegankelijk

massagewagers  
datatype  
mt individueel geadresseerd  
gelezen  
geschreven

willekeurig toegankelijk  
op ieder ogenblik toeg.  
↳ plaats cel = adres

ROM

Read-only-mem.

RAM

Random-access-mem.

# Arithmetische en logische functies

Samenvatting

Gilles Callebaut

# Rekenkundige bewerkingen

## Optelling van binaire getallen

vb.

$$\begin{array}{r}
 \text{carry bit} \rightarrow \begin{array}{r}
 1 & 1 \\
 \hline
 1 & 0 & 1 & 0 \\
 0 & 1 & 1 & 1 \\
 \hline
 1 & 0 & 0 & 0 & 1
 \end{array}
 \end{array}$$

## De aftrekking

vb.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r}
 1 & 1 & 1 \\
 \hline
 1 & * & * & 1 \\
 \hline
 1 & 0 & 1 & 0
 \end{array}
 \text{borrow bit} \\
 \begin{array}{r}
 0 & 1 & 1 & 1 \\
 \hline
 0 & 0 & 1 & 1
 \end{array}
 \end{array}$$

## Bewerkingen in two's complement voorstelling

1. pos. getallen  $\rightarrow$  binair equivalent met MSB = 0
2. neg. getallen  $\rightarrow$  two's complement met MSB = 1

$$\Rightarrow \text{aftrekken} = \text{optelling } A + (-B) \quad \begin{array}{l} \leftarrow \text{uitkomst} \\ \leftarrow \text{pos} \\ \leftarrow \text{neg} \\ \leftarrow \text{binair equi.} \\ \leftarrow \text{two's compl.} \end{array}$$

probleem: Overflow  $\rightarrow$  buiten -128 tot +127

vb.

$$\begin{array}{r}
 1010 \quad 0001 \quad -85 \\
 1101 \quad 1000 \quad -40 \\
 \hline
 \cancel{x} 0111 \quad 1001 \quad +121 !
 \end{array}$$

## De vermenigvuldiging

$$\begin{array}{r} \times \\ \begin{array}{c} 0100 \\ 0011 \\ \hline \end{array} \\ \begin{array}{r} 0100 \\ 0100 \\ \hline 1100 \end{array} \end{array}$$

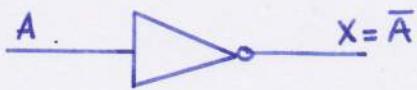
## De deling

$$\begin{array}{r} 1100 \quad 1001 \\ - 1001 \quad | \quad | \quad | \\ \hline 111 \quad | \quad | \quad | \\ - 0000 \quad | \quad | \quad | \\ \hline 1110 \quad | \quad | \quad | \\ - 1001 \quad | \quad | \quad | \\ \hline 10101 \quad | \quad | \quad | \\ - 1001 \quad | \quad | \quad | \\ \hline 11 \end{array}$$

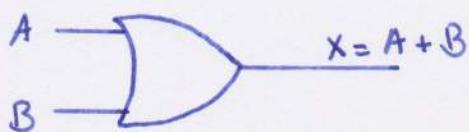
# Eenvoudige logische functies

## De fundamentele logische functies

NOT



OR



← inclusieve OR  
want  $A=B=1 \rightarrow X=1$

AND



Eigenschappen

$$A \times B = B \times A$$

$$A \times (B \times C) = (A \times B) \times C$$

$$A \times (B+C) = (A \times B) + (A \times C)$$

$$A+B = B+A$$

$$A+(B+C) = (A+B)+C$$

$$A \times 0 = 0 \quad A+0 = A$$

$$A \times 1 = A \quad A+1 = 1$$

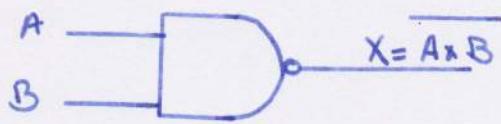
$$A \times A = A \quad A+A = A$$

$$A \times \bar{A} = 0 \quad A+\bar{A} = 1$$

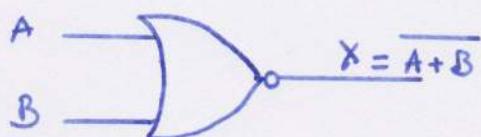
$$\begin{aligned} \overline{A \times B} &= \bar{A} + \bar{B} \\ \overline{A+B} &= \bar{A} \times \bar{B} \end{aligned} \quad \left. \right\} \text{De Morgan}$$

# Afgeleide logische functies

## NAND



## NOR



## XOR



$X = 1$  als # een ingang ongelijk is.

Eigenschappen van XOR:

$$A \oplus B = A \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B = (A+B)(\overline{A}+\overline{B})$$

$$A \oplus 0 = A$$

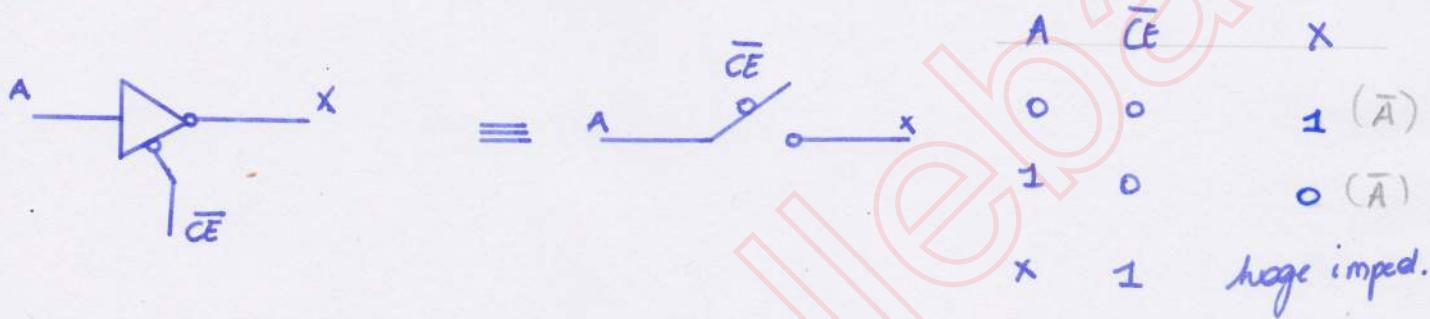
$$A \oplus 1 = \overline{A}$$

als  $A \oplus B = 1$  dan

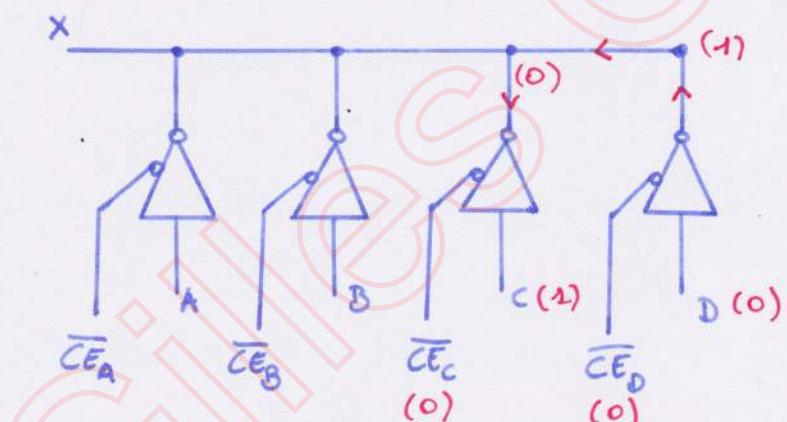
$$\left. \begin{array}{l} A \oplus 1 = B \\ B \oplus 1 = A \end{array} \right\} \begin{array}{l} A \& B \text{ zijn elkaars} \\ \text{complement} \end{array}$$

# Bouwstenen voor combinatoire circuite

## Tri-State Poorten



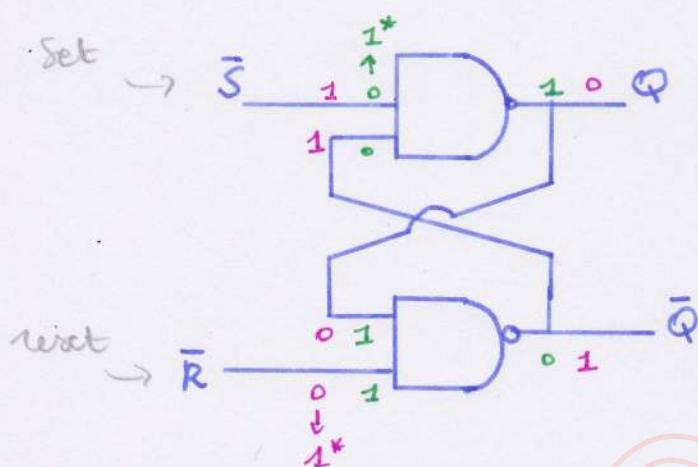
bus



maar 1 actief!  
↓  
and dus één onzeker  
kortsluiting mogelijk

## Bouwstenen voor sequentiële schakelingen

### De SR-latch



$$\bar{S} = 0 \wedge \bar{R} = 1 \rightarrow Q = 1 \wedge \bar{Q} = 0$$

als  $\bar{S} = 1^*$   $\rightarrow$  toestand onthouden

$$\bar{S} = 1 \wedge \bar{R} = 0 \rightarrow Q = 0 \wedge \bar{Q} = 1$$

als  $\bar{R} = 1^*$   $\rightarrow$  toestand onthouden

$$\bar{S} = 0 \wedge \bar{R} = 0 \rightarrow Q = 1 \wedge \bar{Q} = 1$$

als  $\bar{S} = 1$  &  $\bar{R} = 1 \rightarrow$  race-condition

### De flip-flop

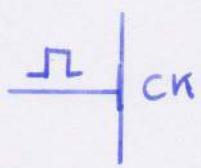
transitietafel /  
statentabel

$Q_n$        $Q_{n+1}$

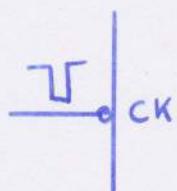
master-slave flip-flops  
 ingangsklemmen  $\rightarrow$  nieuwe toestand  
 oude toestand nog even vasthouden

C uitvoerig besproken  
 volgend hoofdstuk

## Triggering van Flip-Flops

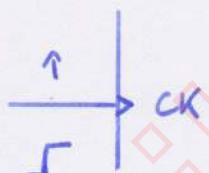


triggering vanaf stijgende flank ( $0 \rightarrow 1$ )  
terwijl toekomstig signaal '1' is  
stoppt datelater flank ( $1 \rightarrow 0$ )



omgekeerde van hier boven

flank - getriggerde flip-flops



triggering bij stijgende flank ( $0 \rightarrow 1$ )  
zeer snelle toestandsverandering



omgekeerde van hier boven.

# Implementaties van logische functies

## Standaardvormen

### standaardproduct (minterm)

and-functie

waarheidstabel  $\rightarrow 1$

enkel één

$$F = \prod_{\square} (\dots)$$

### standaardsom (maxterm)

or-functie

waarheidstabel  $\rightarrow 0$

enkel één

$$F = \sum_{\square} (\dots)$$

Voorbeeld:

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
...			

P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	...
0	0	
1	0	
0	0	
0	1	
...		

$\bar{A}\bar{B}C$      $\bar{A}BC$

$$P_1 + P_2 + \dots$$

$$F = \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}BC + \dots$$

$$F = \sum (1, 3, \dots)$$

Sum-Of-Products

SOP

De Morgan

Products-Of-Sums

POS

S <sub>1</sub>	S <sub>2</sub>	...
0	1	
1	1	
1	0	
1	1	
...		

$A + B + C$      $A + \bar{B} + C$

$$S_1 \times S_2 \times \dots$$

$$F = (A + B + C) \times (A + \bar{B} + C) \times \dots$$

$$F = \prod (0, 2, \dots)$$

# Combinatorische logische functies

Gilles Callebaut

## Betekenis van "don't care"- functiewaarden

Intuïtie:

- functiewaarde gñ enkel belang bý de betreffende combinatie vd onafh. veranderlyken.
- betreffende combinatie v onafh. verand. kan n̄t voorkomen.

~ BCD-gallen  
1010 } gñ betekenis  
1111

want maar voorstellen 1 t.e.m. 9

# Gebruik van de Karnaughkaart

## Voorstelling van functies

	ab	00	01	11	10
c \ \	0				
0					
1					

nodig voor het oplossen van de Karnaughkaarten  
slechts één veranderlijke veranderen → en ↓

## Vereenvoudiging v. functies m.b.v. Karnaughkaarten

- identificeer alle valtjes → 1 die niet kunnen gecombineerd worden
- identificeer alle valtjes → 1 die op een enkele wijze kunnen gecombineerd worden
  - met 2 buren
  - met 4 buren
  - met 8 buren
- gebruik "don't care"-waarden in uw voorbeeld

⇒ SOP-form opschrijven (kijken naar 1'en)

POL-form opschrijven (kijken naar 0'en)

Let op AB 00 niet  $\bar{A} + \bar{B}$   
 $\Leftrightarrow (A + B)$  zoals bij SOP

## Methode van Quine - McCluskey

- Opspoelen priemimplicanten.
- Bepalen essentiële priemimplicanten

Voorbeeld:  $f = \sum m(0, 1, 2, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 14)$

Gillies  
file dropbox

## Implementatie van logische functies

### XOR-poolen

bijna dam bord patroon → som XOR + <sup>andere</sup> logische functie

te veel enen:

	AB	00	01	11	10
CD					
00	0	1	0	1	
01	1	0	1	0	
11	1	1	0	1	
10	1	1	1	0	

XOR +

	AB	00	01	11	10
CD					
00	0	x	0	x	
01	x	0	x	0	
11	1	x	0	x	
10	x	1	x	0	

$$F = A \oplus B \oplus C \oplus D + \bar{A} \cdot C$$

te veel nullen:

	AB	00	01	11	10
CD					
00	0	0	1	0	
01	0	0	0	1	
11	1	0	0	0	
10	1	1	0	0	

XOR X

	AB	x	x	1	0
CD		x	x	0	1
1	0	x	x	1	x
1	1	x	x	1	x

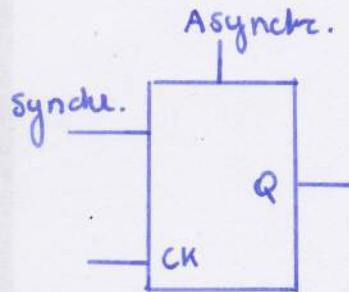
$$F = (A \oplus C) \times (C\bar{D} + B \oplus D)$$

Bouwstenen voor

Sequentiële uitwijken

Gilles Callebaut

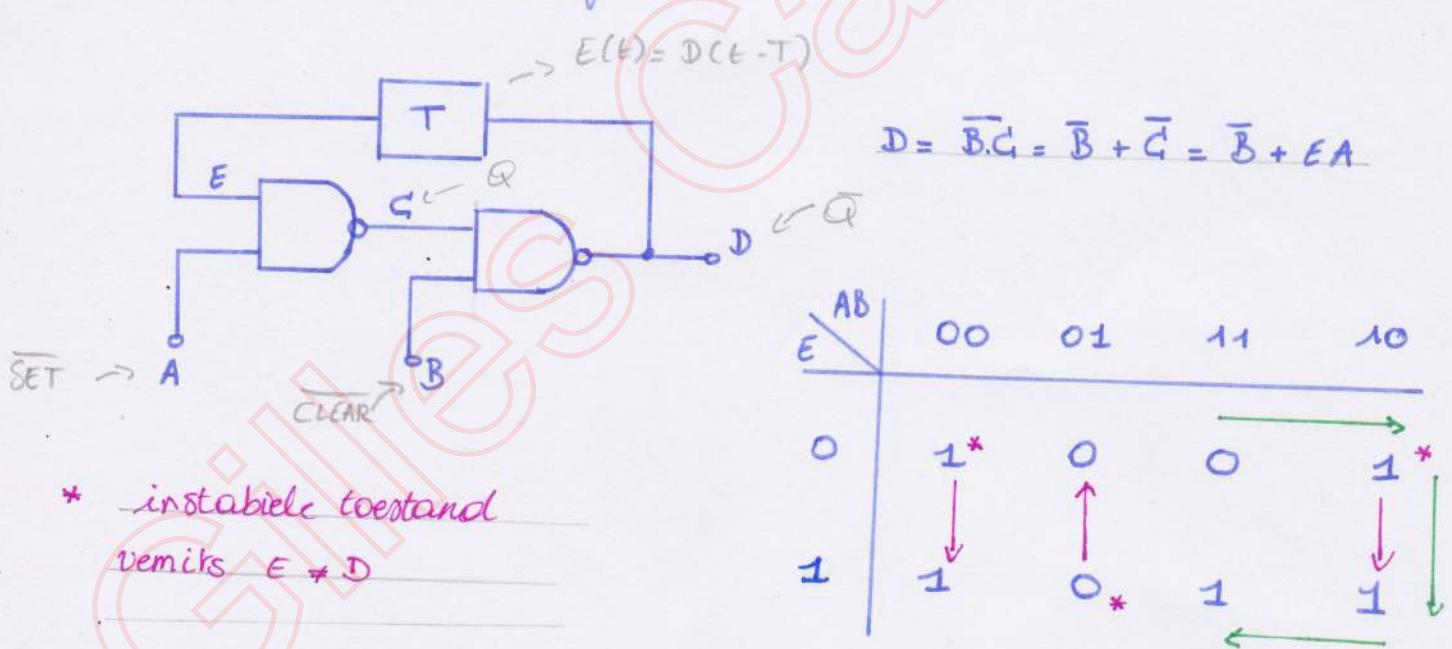
## Flip-Flops



Synchrone ingangen  $\rightarrow$  hoe flip-flop reageren op ck  
 klokingang  $\rightarrow$  flip-flop bevel aan te passen  
 aan de synchrone ingangen

asynchrone ingangen  $\rightarrow$  flip-flop in toestand  
 duren onafh. vd ck

### De basis-latch schakeling



AB	00	01	11	10
E	0	1*	0	0
A	0	1	1	1
B	1	0	0	1

Stel  $A \& B = 1$  en  $D = 0 \rightarrow D = 1$  maken

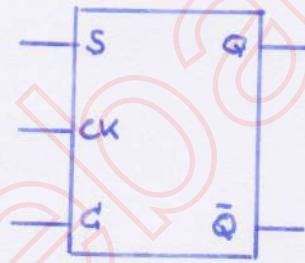
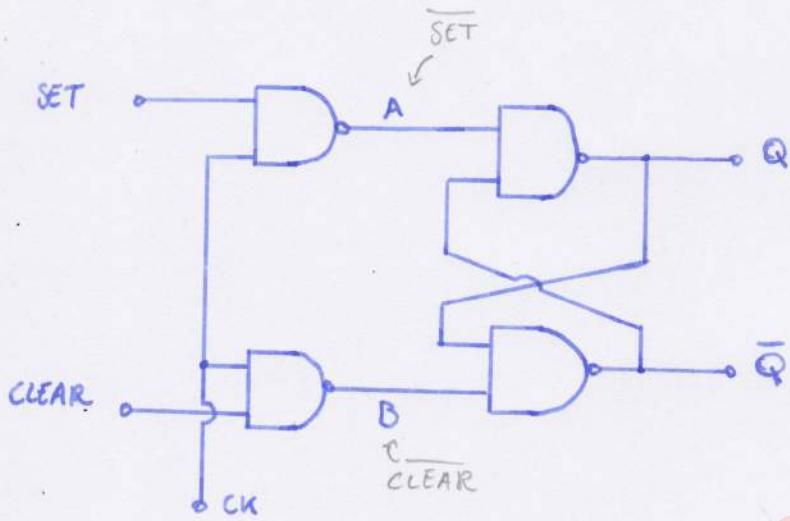
$B = 0$  zodat  $E = 1 \rightarrow E = D$

$B = 1$  zodat  $D = 1$  bij  $AB = 11$

Stel  $A \& B = 0 \rightarrow A \& B = 1$  hangt het eindresultaat af van wie eerst '1' is

SET	CLEAR	Q	$\bar{Q}$	
0	0	1	1	niet toegelaten ingangscombinatie
0	1	1	0	latch is ge-set
1	0	0	1	latch is ge-deleared
*	1	NC	NC	geheugentoestand (No change)
1	1	NC	NC	

## De flip-flop met klokingang

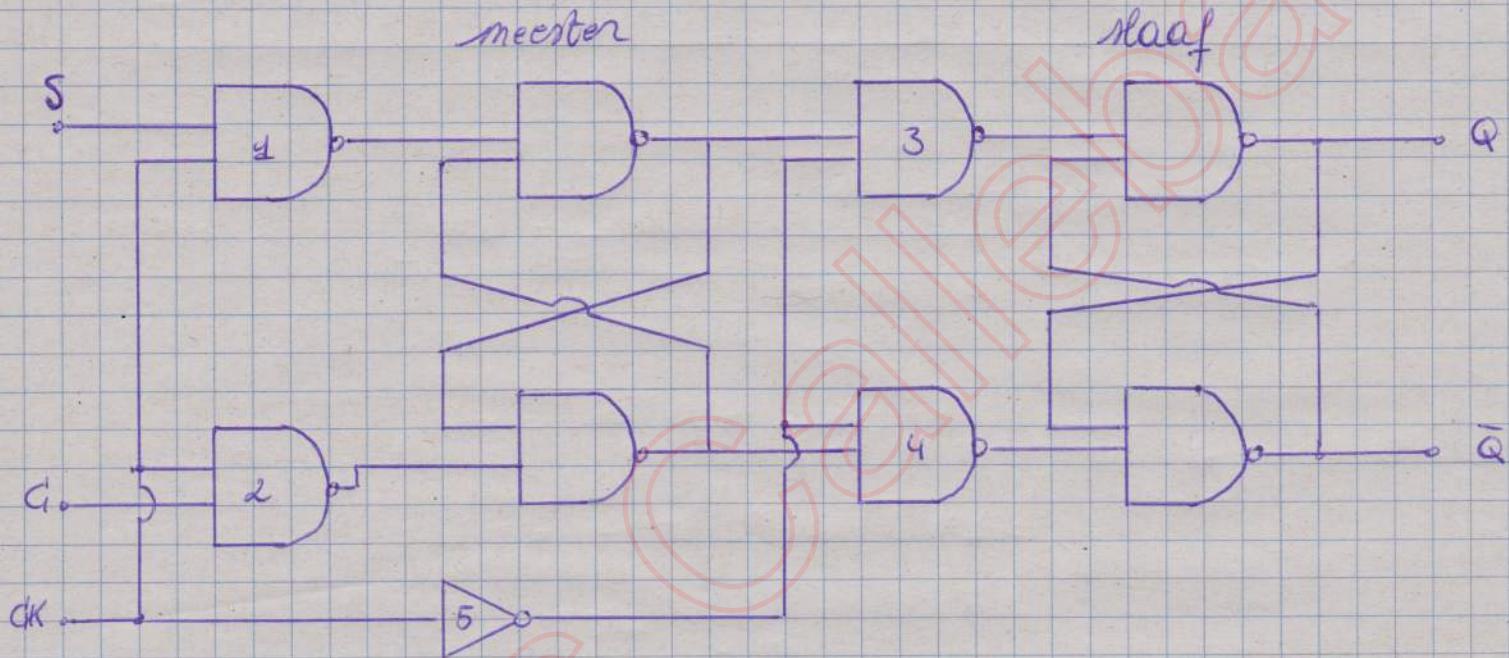


SET	CLEAR	$Q_{n+1}$	
0	0	$Q_n$	NG
0	1	0	ge-cleared
1	0	1	ge-set
1	1	?	niet toegelaten

by  $CK = '1'$

# De Meester-slave flip-flop (MS-flip flop)

✓  $\hookrightarrow$  oude toestand even onthouden  
nieuwe info  $\downarrow$

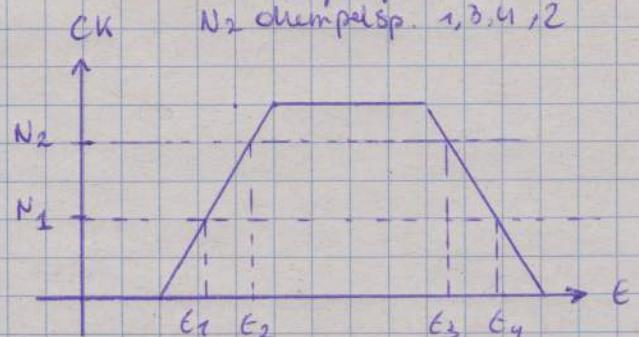


- CK lang:  $1, 2, 5 \rightarrow \text{hoog}$

meester los van ingang  
slaaf verbonden met meester.

- $t_1$ : 5: '0' voor 3,4  
 $\rightarrow$  slaaf losgekoppeld  
van meester  
oude toestanden behouden.

$N_2$  chimpelsp. 5  
 $N_1$  chimpelsp. 1,3,4,12



- $t_2$ : meester verbonden aan S & C  
slaaf nu altijd losgekoppeld.  
meester nieuwe staat  $Q_{n+1}$

- $t_3$ : '0' voor 1 & 2  $\rightarrow$  meester losgekoppeld van ingangen.

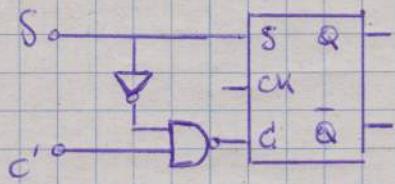
na CK puls

- $t_4$ : slaaf verbonden met meester  
 $\rightarrow$  nieuwe toestand overnemen

$\rightarrow$

S	C	$Q_{n+1}$
0	0	$Q_n$
0	1	0
1	0	1
1	1	??

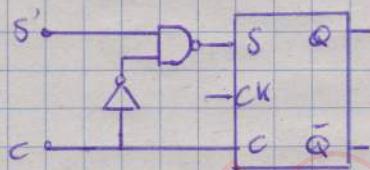
## Prioritäre-set Flip-Flop



zodat

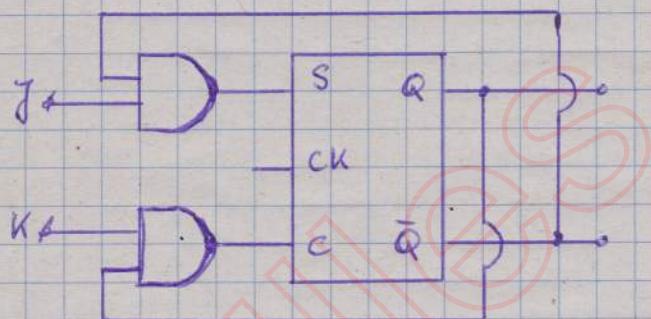
S	C'	$Q_{n+1}$
1	1	1

## Prioritäre-clear Flip-Flop



S'	C	$Q_{n+1}$
1	1	0

## JK-MS Flip-Flop



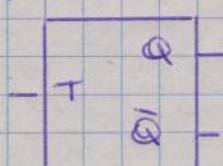
J	K	$Q_{n+1}$
0	0	$Q_n$
0	1	0
1	0	1
1	1	$\bar{Q}_n$ *

$$* \text{ Set } Q_n = 1 \rightarrow C = 1 \\ \bar{Q}_n = 0 \rightarrow S = 0 \quad \} \Rightarrow Q_{n+1} = 0 \quad \} \Rightarrow \bar{Q}_n$$

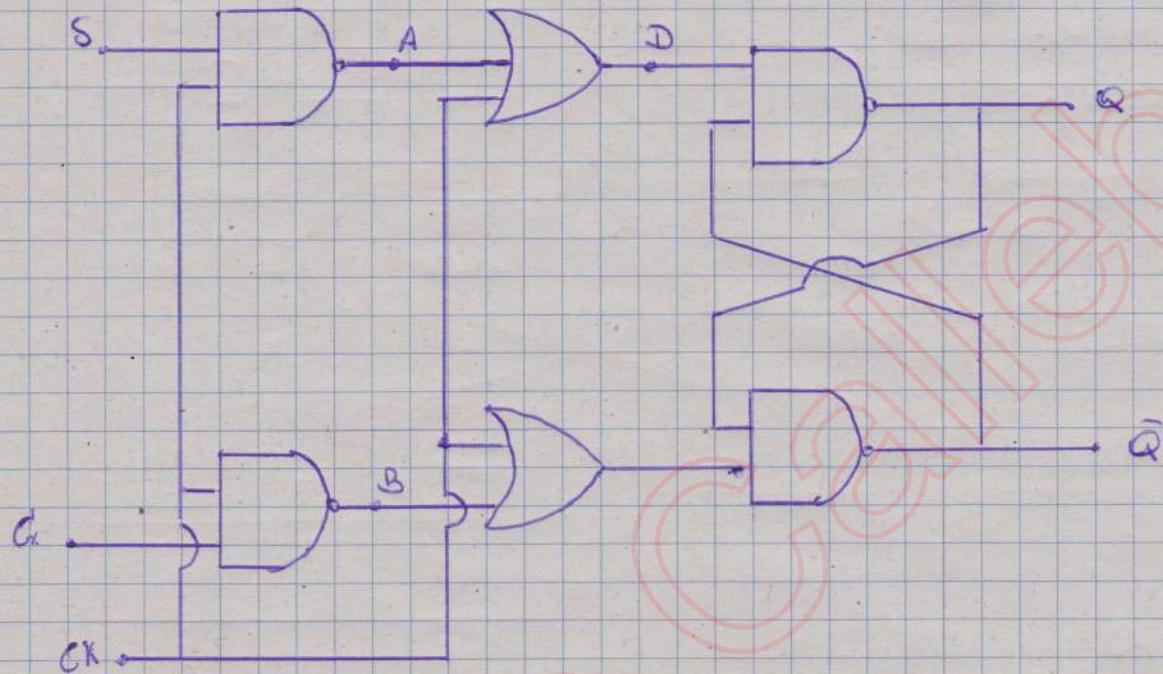
$$Q_n = 0 \rightarrow C = 0 \quad \} \\ \bar{Q}_n = 1 \rightarrow S = 1 \quad \} \Rightarrow Q_{n+1} = 1$$

Als  $J = K = 1 \rightarrow$  bij elke CK puls  $\rightarrow$  uitgang omkippen.

Toggle Flip-Flop



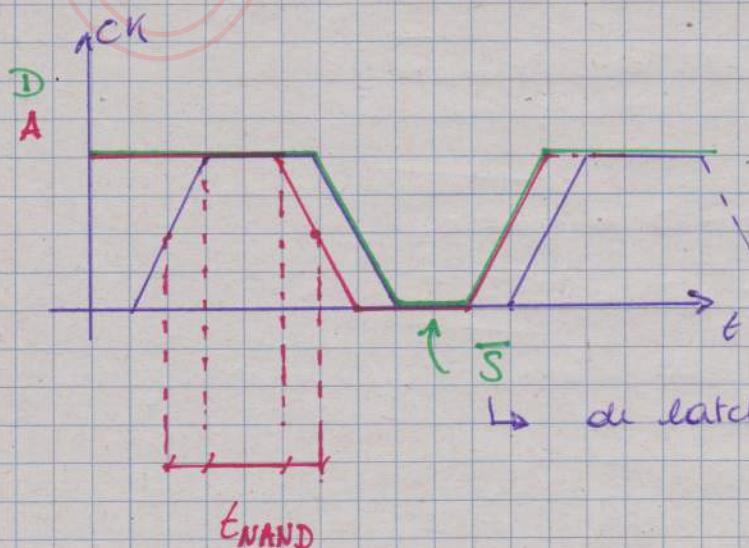
# Flankgeactiveerde Flip-Flop



CK transitie  $\rightarrow$  ingangen OR posities L-niveau  
 $H \rightarrow L$

$\rightarrow$  door enige nachtijd posities  $\Rightarrow$  NAND posities waarin toen CK nog H was.

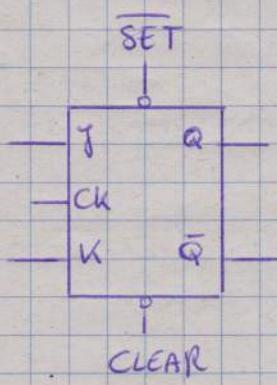
we stellen  $C=0$  &  $S=1$



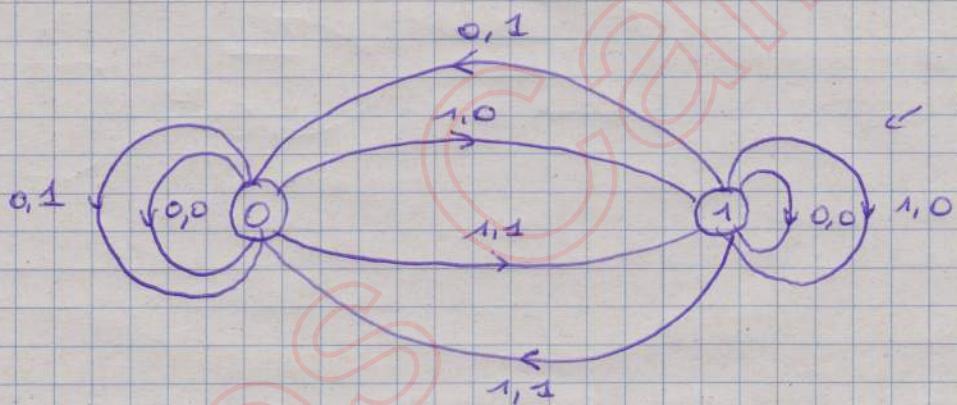
we stellen  $t_{OR}=0$

$\hookrightarrow$  de latch is geset (door D)

# JK - Flip-Flop



	$Q(t)$	$J$	$K$	$Q(t+T)$
	0	0	0	0
	0	0	1	0
	0	1	0	1
	0	1	1	1
	1	0	0	1
	1	0	1	0
	1	1	0	0
	1	1	1	1
CLEAR	1	1	1	0



transitietabel: (= excitatietabel)

$Q(t)$	$Q(t+T)$	$J(t)$	$K(t)$
0	0	0	x
0	1	1	x
1	0	x	1
1	1	x	0

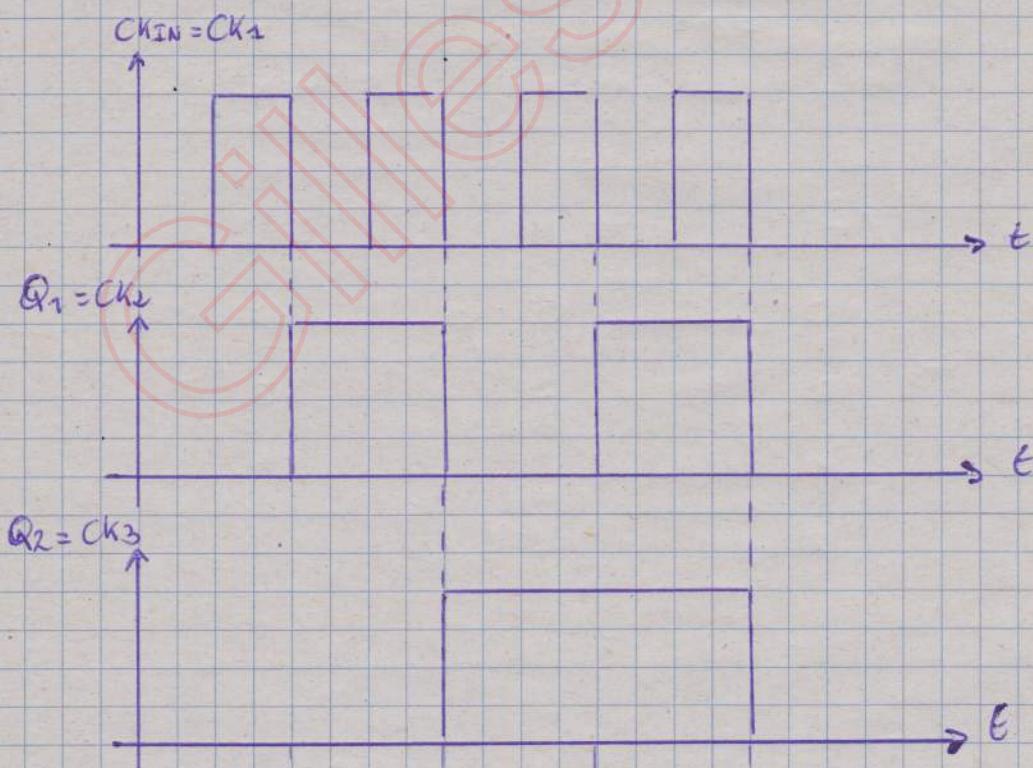
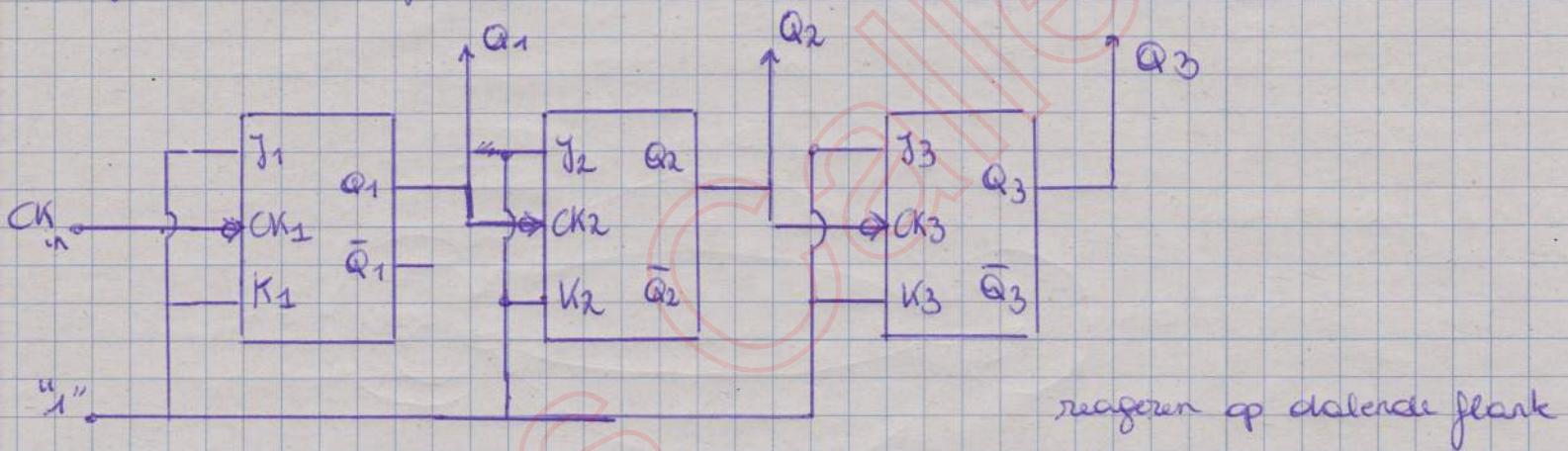


van buitzen kennen.

# Synchrone sequentiële netwerken

## Asynchrone tellers

- Asynchrone, volledige, binaire tellers



$Q_3 Q_2 Q_1$

$\hookrightarrow 000 \ 001 \ 010 \ 011$

$\Rightarrow$  modulo- $2^n$  teller.

## Asynchrone, afgeknotte, binair tellers (fig 5 p7)

BCD      b<sub>3</sub> b<sub>2</sub> b<sub>1</sub> b<sub>0</sub>

Als b<sub>3</sub> & b<sub>1</sub> = 1  $\rightarrow$  clear via NAND.

probleem: Als één flip-flop sneller  $\Rightarrow$  '0' (gedleared is) dan verdwijnt de clear-puls  
 $\Rightarrow$  onzeker of andere flip-flops gedleared zijn.

## Parallel laden van teller

lees p7 & 8 (niet zo belangrijk denk ik)

# Synchrone tellers

Eenvoudige binaire teller ← eens lezen (niet zo belangrijk denk ik)

Gray-code teller met JK-Flip-Flops

Excitatietabel voor JK-Flip-Flops

$Q_n$	$Q_{n+1}$	$J$	$K$
0	0	0	X
0	1	1	X
1	0	X	1
1	1	X	0

CKL	huidige staat			volgende staat			huidige synch. ingangen					
	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$Q_3$	$Q_2$	$Q_1$	$J_3$	$K_3$	$J_2$	$K_2$	$J_1$	$K_1$
0	0	0	0	0	0	1	0	X	0	X	1	X
1	0	0	1	0	1	1	0	X	1	X	X	0
2	0	1	1	0	1	0	0	X	X	0	X	1
3	0	1	0	1	1	0	1	X	X	0	0	X
4	1	1	0	1	1	1	1	0	X	0	X	1
5	1	1	1	1	0	1	0	0	X	0	X	1
6	1	0	1	1	0	0	0	0	X	0	0	X
7	1	0	0	0	0	0	X	1	0	X	0	X

Karnaugh kaarten opstellen  
voor de huidige synchr. ingangen.

vb.  $K_2$ :  $\begin{array}{c|cccc} & Q_2 Q_1 \\ \hline Q_3 & 00 & 01 & 11 & 10 \end{array}$

0	$x^{-1}$	0	1	$x^0$
1	$x^0$	1	0	$x^{-1}$

↑ huidige staat

$$\Rightarrow K_2 = Q_2 \oplus Q_3$$

# Möbiussteller

$Q_3\ Q_2\ Q_1$	$Q_3\ Q_2\ Q_1$	$J_3\ K_3$	$J_2\ K_2$	$J_1\ K_1$
0 0 0	0 0 1	0 x	0 x 1 x	
0 0 1	0 1 1	0 x	1 x x 0	
0 1 0	? ? ?	= 1 = 0 = 1 x x x	x = 0 = 1 x	x = 1 = 0 x
0 1 1	1 1 1	1 x	x 0 x 0	
1 0 0	0 0 0	x 1	0 x 0 x	
1 0 1	? ? ?	x x	x x x x	
1 1 0	1 0 0	x 0	x 1 0 x	
1 1 1	1 1 0	x 0	x 0 x 1	

$$\Rightarrow J_3 = \overline{Q}_2 \quad K_3 = \overline{Q}_2$$

$$J_2 = Q_1 \quad K_2 = \overline{Q}_1$$

$$J_1 = \overline{Q}_3 \quad K_1 = Q_3$$

hang-up staat

vullen ??? zodat

