

CI 3 – CIN : ÉTUDE DU COMPORTEMENT CINÉMATIQUE DES SYSTÈMES

Chapitre 7 – Torseurs

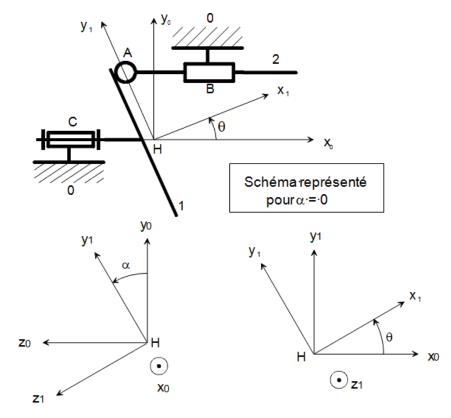
TRAVAUX DIRIGÉS

Exercice 1 - Came plate

D'après ressources de Jean-Pierre Pupier.

La came plate 1 tourne et transmet un mouvement de translation alternatif à la pièce 2. Il y a une liaison sphère – plan de centre A.

- On associe au bâti 0 un repère $\mathcal{R}_0 = (H, \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0},)$.
- On associe à la came plate 1 un repère $\mathcal{R}_1 = (H, \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1})$.
- On pose $\alpha = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1})$.
- Un repère \mathcal{R}_1' est également lié à $1:\mathcal{R}_1'=\left(H,\overrightarrow{x_1'},\overrightarrow{y_1'},\overrightarrow{z_1}\right)$.
- Ce repère est tel que $\overrightarrow{x_1}$ est perpendiculaire à la surface plane de 1 sur laquelle appuie la sphère.
- On pose $\theta = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1})$. θ est constant.
- On associe à la pièce 2 un repère $\Re_2 = (A, \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$.
- On pose $\overrightarrow{HA} = R\overrightarrow{y_0} + \lambda \overrightarrow{x_0}$ où R est constant et λ variable.



Question 1

Exprimer les torseurs $\{\mathcal{V}(1/0)\}\$ et $\{\mathcal{V}(2/0)\}\$. Préciser les noms de ces deux types de torseurs.

Question 2

Exprimer le torseur $\{\mathcal{V}(2/1)\}$.



Question 3

Trouver la relation entre $\dot{\lambda}$ et $\dot{\alpha}$.

Question 4

Trouver l'expression de λ et exprimer la course de 2 par rapport à 0.

Question 5

Trouver la vitesse de glissement $\overrightarrow{V(A \in 2/1)}$ dans \mathscr{B}'_1 sans faire intervenir λ (et sa dérivée).