



LIÇÕES DE COMPUTAÇÃO

ALGORITMOS FUNDAMENTAIS

GILSON PEREIRA DO CARMO FILHO

LIÇÕES DE COMPUTAÇÃO

ALGORITMOS FUNDAMENTAIS

◆ Há alguns mecanismos computacionais que podem ser usados na construção de qualquer tipo de programa.

Esses mecanismos, chamados de algoritmos fundamentais, são a base para o estudo da programação de computadores.

Este material apresentará a você a essência desses conceitos fundamentais, importantes para lidarmos com os aspectos mais complexos da programação.



◆ Gilson Pereira do Carmo Filho

Cientista da Computação e mestre em Engenharia de Teleinformática pela Universidade Federal do Ceará. Especialista em Gerenciamento de Projetos pela Fundação Getúlio Vargas. Possui larga experiência em projetos de desenvolvimento e manutenção de software. Foi professor substituto na Universidade Federal do Ceará. Atualmente é professor da Universidade de Fortaleza e sócio-diretor do Estúdio de Aprendizagem.



SUMÁRIO

Introdução	05
Algoritmos Básicos	11
Algoritmos Iterativos	18
Algoritmos de Representação e Manipulação da Informação	27
Referências	36



1

❖ **INTRODUÇÃO**

O DESAFIO DA PROGRAMAÇÃO

Quando iniciamos no mundo da programação, várias vezes nos deparamos com problemas simples que podemos resolver com muita facilidade, mas para os quais temos grande dificuldade em formular uma solução computacional.

Isso acontece porque podemos resolver muitos problemas sem entender ou formular explicitamente o método usado para obter a solução.

Infelizmente, não podemos ter esse luxo quando lidamos com os computadores, pois a solução computacional de um problema deve ser obtida por meio de uma sequência de instruções **explícitas** e **não ambíguas**, expressas em uma linguagem de programação.

Dessa forma, a programar é uma atividade bastante exigente, pois requer muita reflexão, planejamento cuidadoso, precisão lógica, persistência e atenção aos detalhes.

Por outro lado, programar pode ser uma experiência desafiadora, emocionante e satisfatória, com espaço considerável para criatividade e expressão pessoal. Se for abordada nesse espírito, as chances de sucesso serão bastante ampliadas!

ALGORITMOS E PROGRAMAS

A noção de algoritmo é básica para toda a programação de computadores. Assim, devemos começar com uma análise cuidadosa desse conceito.

Existem muitas definições de algoritmo. A seguinte definição foi apresentada por Donald E. Knuth no livro *The Art of Computer Programming*, e é apropriada na Ciência da Computação:

Algoritmo é um conjunto finito de regras que fornece uma sequência de operações para resolver um problema específico.

Portanto, um algoritmo corresponde a uma solução para um problema, independente de qualquer linguagem de programação.

Por sua vez, um **programa** pode ser pensado como sendo um **algoritmo expresso em uma linguagem de programação**.

Geralmente, um programa recebe um conjunto de dados como **entrada** e o manipula de acordo com suas instruções (**processamento**), produzindo outro conjunto de dados como **saída**, que representa a solução para o problema.



ALGORITMOS FUNDAMENTAIS

Há alguns mecanismos computacionais que podem ser usados na construção de qualquer tipo de programa.

Esses mecanismos, chamados de **algoritmos fundamentais**, foram descritos por R. Geoff Dromey no livro *How to Solve it By Computer*, e são a base para o estudo da programação de computadores.

Depois que compreendemos a essência desses conceitos fundamentais, finalmente estamos preparados para enfrentar os aspectos mais complexos da programação.

Ao todo, são nove algoritmos fundamentais:

1. Troca dos valores de duas variáveis
2. Contagem
3. Soma de um conjunto de números
4. Cálculo do fatorial
5. Cálculo de uma série infinita

6. Geração da sequência de Fibonacci
7. Inversão dos dígitos de um número inteiro
8. Conversão de base
9. Conversão de caractere para número

Nos próximos capítulos, apresentaremos esses algoritmos fundamentais em detalhes, agrupados em três categorias: algoritmos básicos, algoritmos iterativos e algoritmos de representação e manipulação da informação.

Para cada algoritmo, teremos um problema contexto, exemplos de aplicações, a descrição dos passos e a respectiva implementação em uma linguagem de programação (JavaScript).

Todos os códigos fontes estão disponíveis também no endereço: <https://github.com/gilsonpcf/algoritmos>.

Boa leitura!



2



ALGORITMOS BÁSICOS

Um dos mecanismos fundamentais mais utilizados na programação é o de trocar os valores associados a duas variáveis. Em particular, esta operação é amplamente usada em muitos algoritmos de ordenação.

A ideia de contar também é uma parte essencial de muitos procedimentos computacionais mais elaborados. Uma extensão da ideia de contagem forma a base do mecanismo frequentemente usado para somar um conjunto de dados.

Neste capítulo, serão apresentados os seguintes algoritmos fundamentais, que formam a base para todos os outros:

- ◇ Troca dos valores de duas variáveis
- ◇ Contagem
- ◇ Soma de um conjunto de números

TROCA DOS VALORES DE DUAS VARIÁVEIS

Problema

Dadas duas variáveis, **a** e **b**, trocar os valores atribuídos a elas.

Aplicações

Algoritmos de ordenação.

Descrição do Algoritmo

1. Atribuir à variável **c** o valor original da variável **a**.
2. Atribuir à variável **a** o valor original da variável **b**.
3. Atribuir à variável **b** o valor original da variável **a**, que está armazenado na variável **c**.

Implementação em JavaScript

```
c = a;
```

```
a = b;
```

```
b = aux;
```

CONTAGEM

Problema

Dado um conjunto de n notas de alunos em um exame, fazer uma contagem do número de alunos que foram aprovados no exame. Será considerado aprovado o aluno que tirar nota 50 ou maior (no intervalo de 0 a 100).

Aplicações

Todas as formas de contagem.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número de notas a serem processadas.
2. Inicializar a contagem com zero.
3. Enquanto houver notas a serem processadas, fazer repetidamente:
 - ◇ obter a próxima nota;
 - ◇ se a nota for suficiente para passar no exame (≥ 50) então adicionar 1 (um) à contagem.
4. Exibir a contagem (número total de aprovações).

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Número de notas");

var nota;

var cont = 0;

var i = 0;

while (i < n) {

    i = i + 1; // ou i++

    nota = prompt("Nota do aluno:");

    if (nota >= 50) {

        cont = cont + 1; // ou cont++

    }

}

document.write("Número de aprovações: "
+ cont);
```

SOMA DE UM CONJUNTO DE NÚMEROS

Problema

Dado um conjunto de n números, calcular a soma desses números. Assumir que n é maior ou igual a zero.

Aplicações

Cálculos de média, cálculos de variância e mínimos quadrados.

Descrição do Algoritmo

1. Obter a quantidade de números a serem somados.
2. Inicializar a soma com 0 (zero).
3. Enquanto menos do que n números tiverem sido somados, fazer repetidamente:
 - ◇ obter o próximo número;
 - ◇ calcular a soma atual, adicionando o número obtido à soma mais recente.
4. Exibir a soma dos n números

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Quantidade de números:");

var num;

var soma = 0;

var i = 0;

while (i < n) {

    i = i + 1; // ou i++

    num = parseInt(prompt("Número:"));

    soma = soma + num; // ou soma += num

}

document.write("Soma dos " + n + " números: " + soma);
```



3



ALGORITMOS ITERATIVOS

A habilidade mais importante que precisamos desenvolver na programação é, provavelmente, a capacidade de expressar problemas de maneira que se possa formular uma solução iterativa, isto é, obtida por meio de um processo repetitivo.

Infelizmente, antes do nosso primeiro contato com a programação, a maioria de nós teve pouca ou nenhuma experiência em formular soluções iterativas para problemas. No entanto, depois que entendemos a ideia de "pensar iterativamente", começamos a ter condição de formular soluções computacionais para problemas cada vez mais complexos.

Neste capítulo, serão apresentados os seguintes algoritmos fundamentais, que consistem em soluções iterativas:

- ◇ Cálculo do fatorial
- ◇ Cálculo de uma série infinita
- ◇ Geração da sequência de Fibonacci

CÁLCULO DO FATORIAL

Problema

Dado um número n , calcular o fatorial de n (escrito como $n!$), onde $n \geq 0$.

Aplicações

Probabilidade, cálculos estatísticos e matemáticos.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número n , onde $n \geq 0$.
2. Inicializar o produto com 1 (um) e a contagem de produtos com 0 (zero).
3. Enquanto menos do que n produtos tiverem sido calculados, fazer repetidamente:
 - ◇ incrementar a contagem de produtos;
 - ◇ calcular o produto atual, multiplicando a variável de contagem pelo produto mais recente.
4. Exibir o produto (resultado de $n!$).

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Valor de n:");  
  
var prod = 1;  
  
var i = 0;  
  
while (i < n) {  
    i = i + 1; // ou i++  
    prod = prod * i; // ou prod *= i;  
}  
  
document.write("Fatorial de " + n + " = "  
+ prod);
```

CÁLCULO DE UMA SÉRIE INFINITA

Problema

Calcular o valor de S , conforme definido pela seguinte série infinita:

$$S = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots$$

Aplicações

Cálculos matemáticos e estatísticos.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número de termos (n) e o valor de x .
2. Definir as condições iniciais para o primeiro termo, que não pode ser calculado iterativamente.
3. Enquanto menos do que n termos tiverem sido calculados, fazer repetidamente:
 - ◇ identificar o termo atual;
 - ◇ gerar termo atual a partir do seu antecessor;
 - ◇ adicionar o termo atual, com o sinal apropriado, à soma acumulada.

4. Exibir o valor da soma.

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Número de termos:");  
var x = parseFloat(prompt("Valor de x:"));  
var termo = x;  
var s = x;  
var i = 1;  
var x2 = x * x;  
for (var j = 1; j < n; j++) {  
    i = i + 2; // ou i += 2;  
    termo = - termo * x2 / (i * (i - 1));  
    s = s + termo; // ou s += termo;  
}  
document.write("S = " + s);
```

GERAÇÃO DA SEQUÊNCIA DE FIBONACCI

Problema

Gerar e imprimir os n primeiros termos da sequência de Fibonacci, onde $n \geq 1$. Os primeiros termos são:

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

Cada termo, além dos dois primeiros, é derivado da soma dos seus dois antecessores mais próximos.

Aplicações

Botânica, teoria das redes elétricas, ordenação e pesquisa.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número de termos a serem gerados (n).
2. Atribuir valores aos dois primeiros números de Fibonacci, a e b .
3. Inicializar a contagem de números gerados.
4. Enquanto menos do que n números de Fibonacci tiverem sido gerados, fazer repetidamente:

- ◇ escrever os próximos dois números de Fibonacci;
 - ◇ gerar o próximo número de Fibonacci, mantendo **a** relevante;
 - ◇ gerar o próximo número de Fibonacci a partir do par mais recente, mantendo **b** relevante para o próximo cálculo;
 - ◇ atualizar a contagem de números gerados.
5. Se **n** for par, então exibir os dois últimos números de Fibonacci, senão exibir o segundo e último número.

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Número de termos:");

var a = 0;

var b = 1;

var i = 2;

while (i < n) {

    document.write(a + ", " + b + ", ");

    a = a + b; // ou a += b;

    b = a + b; // ou b += a;

    i = i + 2; // ou i += 2;

}

if (i == n)

    document.write(a + ", " + b);

else

    document.write(a);
```

4

❖ ALGORITMOS DE REPRESENTAÇÃO E MANIPULAÇÃO DA INFORMAÇÃO

Outro fundamento que devemos aprender no início da nossa jornada na Computação é o entendimento de como os computadores representam e manipulam informações.

Em particular, devemos considerar as diferenças entre as representações de informações numéricas e alfanuméricas, bem como manipular e converter essas representações.

Neste capítulo, serão apresentados os seguintes algoritmos fundamentais, que trabalham com a representação e manipulação da informação:

- ◇ Inversão dos dígitos de um número inteiro
- ◇ Conversão de base
- ◇ Conversão de caractere para número

INVERSÃO DOS DÍGITOS DE UM NÚMERO INTEIRO

Problema

Inverter a ordem dos dígitos de um número inteiro positivo.

Aplicações

Hashing e recuperação de informações, aplicativos de banco de dados.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número inteiro positivo a ser invertido.
2. Definir a condição inicial para o número inverso.
3. Enquanto o número que está sendo invertido for maior do que zero, faça:
 - ◇ extrair o dígito mais à direita desse número, usando o resto da divisão dele por 10;
 - ◇ atualizar o número inverso, multiplicando o seu valor anterior por 10 e adicionando a ele o dígito extraído mais recentemente;

- ◇ remover o dígito mais à direita do número que está sendo invertido, usando a divisão inteira por 10;

4. Exibir o número inverso.

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Número inteiro  
positivo:");  
  
var inverso = 0;  
  
var digito;  
  
while (n > 0) {  
    digito = n % 10;  
  
    inverso = inverso * 10 + digito;  
  
    n = Math.trunc(n / 10);  
  
}  
  
document.write("Número inverso: " +  
inverso);
```

CONVERSÃO DE BASE

Problema

Converter um número inteiro decimal para a sua representação binária correspondente.

Aplicações

Interpretação de instruções e dados armazenados do computador.

Descrição do Algoritmo

1. Obter o número decimal a ser convertido e inicializar o quociente com este número.
2. Inicializar a contagem de novos dígitos com zero.
3. Fazer repetidamente até que o quociente seja zero:
 - ◇ calcular o próximo dígito mais significativo, usando o resto da divisão do quociente atual pela nova base;
 - ◇ armazenar esse dígito no *array* de saída;
 - ◇ incrementar a contagem de novos dígitos;

- ◇ calcular o próximo quociente a partir do seu antecessor, usando a divisão inteira pela nova base.
4. Exibir a representação binária do número a partir do *array* de saída, usando a ordem inversa dos elementos.

Implementação em JavaScript

```
var n = prompt("Número inteiro decimal:");

var q = n;

var ndigit = 0;

var novarep = [];

var r;

do {

    r = q % 2;

    novarep[ndigit] = r;
```



```
    ndigit++;

    q = Math.trunc(q / 2);

}

while (q != 0);

document.write("Número " + n + " na base
binária: ");

for (var i = ndigit - 1; i >= 0; i--) {

    document.write(novarep[i]);

}
```

CONVERSÃO DE CARACTERE PARA NÚMERO

Problema

Dada a representação em caracteres de um número inteiro, convertê-la para o seu formato decimal convencional.

Aplicações

Aplicativos de negócios, processamento de dados.

Descrição do Algoritmo

1. Obter a cadeia de caracteres a ser convertida para decimal, e determinar o seu comprimento n .
2. Inicializar o valor decimal com zero.
3. Definir como base o valor ordinal do caractere "0" na tabela ASCII.
4. Enquanto menos do que n caracteres tiverem sido examinados, faça:
 - ◇ converter o próximo caractere para o dígito decimal correspondente;

- ◇ deslocar o valor decimal atual para a esquerda e adicionar o dígito do caractere atual.

4. Exibir o número inteiro decimal correspondente.

Implementação em JavaScript

```
var string = prompt("String numérica:");  
var n = string.length;  
var decimal = 0;  
var base = '0'.charCodeAt();  
var digito;  
for (var i = 0; i < n; i++) {  
    digito = string.charCodeAt(i) -  
base;  
    decimal = decimal * 10 + digito;  
}  
  
document.write("Formato decimal: " +  
decimal);
```



5

❖ REFERÊNCIAS

DROMEY, R. G. **How to solve it by computer.**
Londres: Prentice-Hall International, 1982.

KNUTH, D. E. **The art of computer programming.** 3.
ed. Reading, MA: Addison-Wesley, 1997. v. 1.

LIÇÕES DE COMPUTAÇÃO

ALGORITMOS FUNDAMENTAIS

