$$a^{(i)}(y^{(i)} - \mathbf{w}^* \mathbf{x}^{(i)})^2 + \frac{1}{2}\lambda \|\mathbf{w}\|^2$$

$$(y^{(i)} - \mathbf{w}^* \mathbf{x}^{(i)})^2 + \frac{1}{2}\lambda \|\mathbf{w}\|^2$$

$$(y - \mathbf{x}\mathbf{w})^T (y - \mathbf{x}\mathbf{w}) + \frac{1}{2}\lambda \mathbf{w}^T \mathbf{w}$$

$$y^T \mathbf{y}^T + \mathbf{w}^T \mathbf{x}^T \mathbf{x}\mathbf{w} - 2\mathbf{w}^T \mathbf{x}^T \mathbf{y} + \frac{1}{2}\lambda \mathbf{w}^T \mathbf{w}$$

$$\nabla L(\mathbf{w}) = 2\mathbf{x}^T \mathbf{x}\mathbf{w}^* - 2\mathbf{x}\mathbf{y} + \lambda \mathbf{w}^* = 2\mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$2\mathbf{x}^T \mathbf{x}\mathbf{w}^* + \lambda \mathbf{w}^* - 2\mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x}^T \mathbf{x}\mathbf{w}^* + \lambda \mathbf{w}^* - 2\mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x}^T \mathbf{x}\mathbf{w}^* + \lambda \mathbf{w}^* - 2\mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$\mathbf{w}^* = (\mathbf{x}^T \mathbf{x} + \lambda \mathbf{I})^{-1} \mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$\mathbf{w}^*$$