# 11.4 散列表的性能分析



#### 散列表的性能分析

- 平均查找长度(ASL)用来度量散列表查找效率: 成功、不成功
- 关键词的比较次数,取决于产生冲突的多少 影响产生冲突多少有以下三个因素:
- (1) 散列函数是否均匀;
- (2) 处理冲突的方法; (3) 散列表的装填因子a。

分析:不同冲突处理方法、装填因子对效率的影响



### 线性探测法的查找性能

可以证明,线性探测法的期望探测次数 满足下列公式:

$$p = \begin{cases} \frac{1}{2} \left[ 1 + \frac{1}{(1-\alpha)^2} \right] & (对插入和不成功ing) \\ \frac{1}{2} \left[ 1 + \frac{1}{(1-\alpha)^2} \right] & (对成功查找而言) \end{cases}$$

(对插入和不成功查找而言)

当α= 0.5时,

插入操作和不成功查找的期望 ASLu = 0.5\*(1+1/(1-0.5)2) = 2.5 次

成功查找的期望 ASLs = 0.5\*(1+1/(1-0.5)) = 1.5次

冲突次数	key	H(key)
0	11	0
6	30	1
		2
0	47	3
		4
		5
		6
0	7	7
1	29	8
0	9	9
3	84	10
1	54	11
3	20	12

α= 9/13=0.69,于是

期望 ASLu = 0.5\*(1+1/(1-0.69)²) = 5.70次

期望 ASLs =0.5\*(1+1/(1-0.69) )=2.11次(实际计算ASLs=2.56)



# 2. 平方探测法和双散列探测法的查找性能

可以证明,平方探测法和双散列探测法探测次数 满足下列公式:

$$p = \begin{cases} \frac{1}{1-\alpha} & (对插入和不成功查找而言) \\ \frac{1}{\alpha} & ( \sqrt{1} - \alpha) \\ \frac{1}{\alpha} & ( \sqrt{1} - \alpha) \end{cases}$$

当α= 0.5时,

- | 插入操作和不成功查找的期望 ASLu = 1/(1-0.5) = 2 次
- 成功查找的期望 ASLs = -1/0.5\* ln(1-0.5) ≈ 1.39 次

冲突次数	key	H(key)
0	11	0
3	30	1
3	20	2
0	47	3
		4
		5
2	84	6
0	7	7
1	29	8
0	9	9
0	54	10

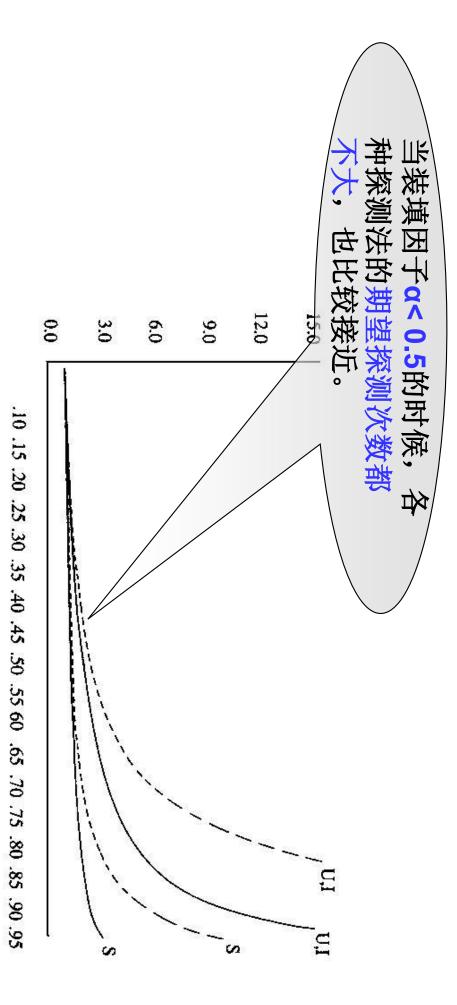
α= 9/11=0.82, 于是

期望 ASLu = 1/(1-0.82) ≈ 5.56次

期望 ASLs =-1/0.5\* In(1-0.5)≈2.09次(例中ASLs =2)



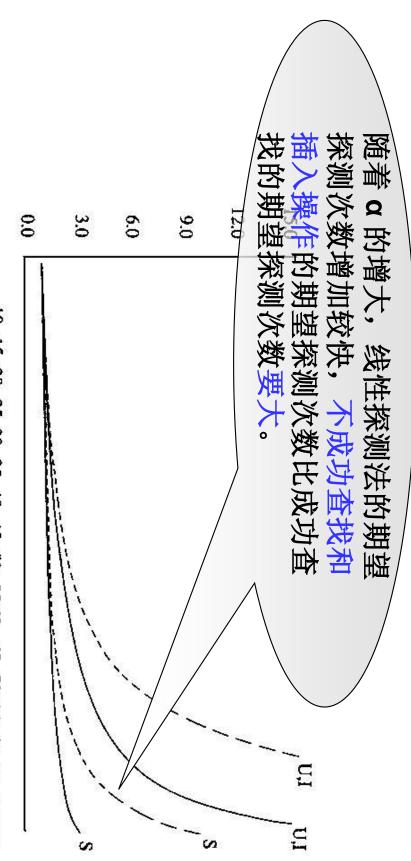
## 期望探测次数与装填因子α的关系。







## 期望探测次数与装填因子α的关系。



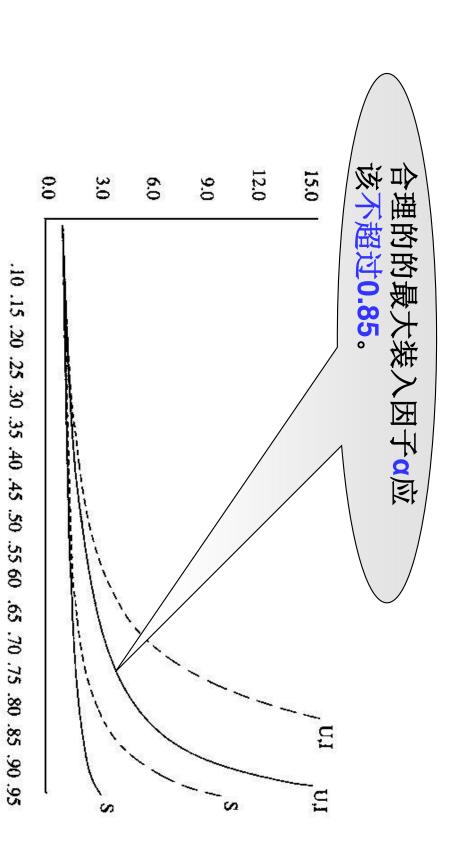
.10 .15 .20 .25 .30 .35 .40 .45 .50 .55 60 .65 .70 .75 .80 .85 .90 .95

线性探测法(虚线)、双散列探测法(实线) U表示不成功查找,I表示插入,S表示成功查找





## 期望探测次数与装填因子α的关系。



线性探测法(虚线)、双散列探测法(实线) U表示不成功查找,I表示插入,S表示成功查找

### 3. 分离链接法的查找性能

不难证明: 其期望探测次数 p为: 所有地址链表的平均长度定义成装填因子α,α有可能超过1。

当α = 1时,

- I 插入操作和不成功查找的期望 ASLu = 1+e<sup>-1</sup> = 1.37 次,
- 成功查找的期望 ASLs = 1+1/2 = 1.5 次。

期望 ASLu = 1.27+e<sup>-1.27</sup>≈ 1.55次 期望 ASLs =1+1.27/2≈1.64次(例中ASLs=1.36)。 > 前面例子14个元素分布在11个单链表中,所以α= 14/11≈1.27, 故



关键字的空间的大小n无关!也适合于关键字直接比较计算量大的问题 它是以较小的a为前提。因此,散列方法是一个以空间换时间 **心**选择合适的 h(key),散列法的查找效率期望是常数0(1),它几乎与

也不适合于范围查找,或最大值最小值查找。 



#### 开放地址法:



數列表是一个数组,存储效率高,随机查找。



😯 散列表有"聚集"现象



#### 分离链法:

和查找效率都比较低。 散列表是顺序存储和链式存储的结合,链表部分的存储效率

√ 大小的α可能导致空间浪费,大的α又将付出更多的时间代价。 **3** 关键字删除不需要"懒惰删除"法,从而没有存储"垃圾"

不均匀的链表长度导致时间效率的严重下降。

