

1. THÔNG TIN CHUNG

Tên học phần:	Giải tích III
Mã số học phần:	MI1134
Khối lượng:	3(2-2-0-6)
	- Lý thuyết: 30 tiết
	- Bài tập: 30 tiết
Học phần tiên quyết:	
Học phần học trước:	- MI1114
Học phần song hành:	- MI1124

2. MÔ TẢ HỌC PHẦN

Môn học này nhằm cung cấp cho sinh viên những kiến thức cơ bản về chuỗi, phương trình vi phân và phương pháp toán tử Laplace.

3. MỤC TIÊU VÀ CHUẨN ĐẦU RA CỦA HỌC PHẦN

Sinh viên hoàn thành học phần này có khả năng:

Mục tiêu/CĐR	Mô tả mục tiêu/Chuẩn đầu ra của học phần	CĐR được phân bổ cho HP/ Mức độ (I/T/U)
[1]	[2]	[3]
M1	Nắm vững được các kiến thức cơ bản của về chuỗi, phương trình vi phân và phương pháp toán tử Laplace	
M1.1	Nắm vững các khái niệm cơ bản.	IT
M1.2	Có khả năng vận dụng kiến thức đã học để giải các bài tập liên quan tới nội dung môn học.	TU
M2	Có thái độ làm việc nghiêm túc cùng kỹ năng cần thiết để làm việc có hiệu quả	
M2.1	Có kỹ năng: phân tích và giải quyết vấn đề bằng tư duy, logic chặt chẽ; làm việc độc lập, tập trung.	TU
M2.2	Nhận diện một số vấn đề thực tế có thể sử dụng công cụ của chuỗi, phương trình vi phân và phương pháp toán tử Laplace để giải quyết.	ITU
M2.3	Thái độ làm việc nghiêm túc, chủ động sáng tạo, thích nghi với môi trường làm việc có tính cạnh tranh cao.	IT

4. TÀI LIỆU HỌC TẬP

Giáo trình

- [1] Nguyễn Đình Trí, Trần Việt Dũng, Trần Xuân Hiền, Nguyễn Xuân Thảo (2015). *Bài tập Toán học cao cấp tập 3: Chuỗi và phương trình vi phân*. NXB Giáo dục.
- [2] Nguyễn Đình Trí, Trần Việt Dũng, Trần Xuân Hiền, Nguyễn Xuân Thảo (2017). *Bài tập Toán học cao cấp tập 3: Chuỗi và phương trình vi phân*. NXB Giáo dục.
- [3] Nguyễn Đình Trí, Tạ Văn Đĩnh, Nguyễn Hồ Quỳnh (2000). *Bài tập Toán học cao cấp tập II*. NXB Giáo dục.
- [4] Nguyễn Đình Trí, Tạ Văn Đĩnh, Nguyễn Hồ Quỳnh (1999). *Bài tập Toán học cao cấp tập III*. NXB Giáo dục.

Sách tham khảo

- [1] Trần Bình (2005). *Giải tích II và III*, NXB KH và KT.
- [2] Lê Ngọc Lăng, Nguyễn Chí Bảo, Trần Xuân Hiền, Nguyễn Phú Trường. *Ôn thi học kỳ và thi vào giai đoạn II*. NXB Giáo dục.
- [3] Lê Ngọc Lăng, Tống Đình Quỳ, Nguyễn Đăng Tuấn, Mai Văn Dục (1998). *Giúp ôn tập tốt môn Toán cao cấp*. NXBKH.
- [4] Đinh Bạt Thắm, Nguyễn Phú Trường (1993). *Bài tập Toán học cao cấp tập II*. NXB Giáo dục.
- [5] Nguyễn Xuân Thảo (2010). *Bài giảng Phương pháp Toán tử Laplace*.
- [6] Nguyễn Thiệu Huy: Infinite series and differential equations.
download: <http://sami.hust.edu.vn/tai-lieu/>

5. CÁCH ĐÁNH GIÁ HỌC PHẦN

Điểm thành phần	Phương pháp đánh giá cụ thể	Mô tả	CĐR được đánh giá	Tỷ trọng
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
A1. Điểm quá trình (*)	Đánh giá quá trình			30%
	A1.1. Bài tập trên lớp và bài tập về nhà	Tự luận	M1.1, M1.2, M2.1, M2.2, M2.3	
	A1.2. Thi giữa kỳ	Tự luận		
A2. Điểm cuối kỳ	A2.1. Thi cuối kỳ	Tự luận	M1.1, M1.2, M2.1, M2.2, M2.3	70%

* Điểm quá trình sẽ được điều chỉnh bằng cách cộng thêm điểm chuyên cần, điểm tích cực học tập. Điểm chuyên cần và điểm tích cực học tập có giá trị từ -2 đến +2, theo qui định của Viện Toán ứng dụng và Tin học cùng Quy chế Đào tạo đại học hệ chính quy của Trường ĐH Bách khoa Hà Nội.

6. KẾ HOẠCH GIẢNG DẠY

Tuần	Nội dung	CDR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
1	<p>Chương 1. Chuỗi (11LT+ 11BT)</p> <p>1.1 Đại cương về chuỗi số</p> <ul style="list-style-type: none"> - Các khái niệm: Chuỗi số, số hạng tổng quát, tổng riêng, phần dư, chuỗi hội tụ, phân kỳ, tổng của chuỗi hội tụ. Chú ý: Phải có ví dụ chuỗi $\sum_{n=0}^{+\infty} aq^n$. - Điều kiện cần để chuỗi hội tụ (có chứng minh). Chú ý: Phải có ví dụ chuỗi $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n}$. - Các tính chất cơ bản của chuỗi số hội tụ (học sinh tự đọc chứng minh) <p>1.2 Chuỗi số dương</p> <ul style="list-style-type: none"> - Định nghĩa chuỗi số dương - Các định lý so sánh 1 và 2 (chứng minh định lý 1, học sinh tự đọc chứng minh định lý 2) - Các tiêu chuẩn hội tụ (tiêu chuẩn D’Alambert, Cauchy, tích phân) (Chứng minh tiêu chuẩn D’Alambert, học sinh tự đọc chứng minh 2 tiêu chuẩn còn lại). Chú ý: Phải có ví dụ chuỗi $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n^\alpha}$. 	M1,M2	<ul style="list-style-type: none"> - Giới thiệu môn học, tài liệu, cách học. - Giảng bài 	A1 A2
2	<p>1.3 Chuỗi số có số hạng với dấu bất kỳ</p> <ul style="list-style-type: none"> - Chuỗi có dấu bất kỳ: các khái niệm hội tụ tuyệt đối, bán hội tụ. Định lý về chuỗi số hội tụ tuyệt đối (học sinh tự đọc chứng minh) - Chuỗi số đan dấu: định nghĩa, định lý Leibniz (có chứng minh) - Các tính chất của chuỗi số hội tụ tuyệt đối. Tính chất đổi thứ tự và tích hai chuỗi (học sinh tự đọc chứng minh) 	M1,M2		A1 A2
3	<p>1.4 Chuỗi hàm</p> <ul style="list-style-type: none"> - Định nghĩa chuỗi hàm, miền hội tụ của chuỗi hàm (hội tụ điểm), tổng của chuỗi hàm - Sự hội tụ đều của chuỗi hàm: định nghĩa, tiêu chuẩn Cauchy, tiêu chuẩn Weierstrass (không chứng minh) 	M1,M2		A1 A2

Tuần	Nội dung	CĐR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
	- Các tính chất của chuỗi hàm hội tụ đều: tổng là hàm liên tục, tích phân, đạo hàm dưới tổng (học sinh tự đọc chứng minh hai tính chất cuối)			
4	1.5 Chuỗi lũy thừa - Định nghĩa chuỗi lũy thừa: định lý Abel (có chứng minh), khoảng và miền hội tụ - Các tính chất của chuỗi lũy thừa: chuỗi hội tụ đều, tổng là hàm liên tục, tích phân và đạo hàm dưới tổng (học sinh tự đọc chứng minh). Phân áp dụng để tính tổng một số chuỗi (chỉ nêu một ví dụ, học sinh tự đọc) - Khai triển hàm thành chuỗi lũy thừa (Chuỗi Taylor, Maclaurin). Các định lý để hàm khai triển được (không chứng minh)	M1,M2		A1 A2
5	- Các khai triển của một số hàm số sơ cấp cơ bản. Áp dụng để tính gần đúng giá trị của hàm, tính gần đúng tích phân xác định (học sinh tự đọc) 1.6 Chuỗi Fourier - Chuỗi lượng giác, chuỗi Fourier - Điều kiện để một hàm khai triển được thành chuỗi Fourier. Định lý Dirichlet (không chứng minh)	M1,M2		A1 A2
6	- Khai triển Fourier hàm chẵn, hàm lẻ tuần hoàn chu kỳ 2π . - Khai triển Fourier hàm tuần hoàn chu kỳ 2π , chu kỳ $2l$ giới thiệu khai triển Fourier hàm trên $[a,b]$. Chương 2. Phương trình vi phân (11LT+ 12 BT) 2.1 Khái niệm mở đầu - Định nghĩa phương trình vi phân (PTVT), cấp của phương trình, nghiệm của phương trình (PT) 2.2 Phương trình vi phân cấp 1 - Đại cương về PTVP cấp 1: dạng tổng quát của PT, định lý về sự tồn tại và duy nhất nghiệm (không chứng minh), bài toán Cauchy,	M1,M2		A1 A2

Tuần	Nội dung	CĐR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
	nghiệm tổng quát, nghiệm riêng. Giới thiệu một vài ứng dụng thực tế của PTVP cấp 1.			
7	<ul style="list-style-type: none"> - Các PT khuyết y, khuyết x - PT biến số phân ly - PT thuần nhất (đẳng cấp) - PT tuyến tính - PT Bernoulli - PTVP toàn phần 	M1,M2		A1 A2
8	2.3 Phương trình vi phân cấp 2 <ul style="list-style-type: none"> - Đại cương về PTVP cấp 2: Dạng tổng quát, định lý về sự tồn tại và duy nhất nghiệm, bài toán Cauchy, nghiệm tổng quát, nghiệm riêng. Giới thiệu một vài ứng dụng thực tế của PTVP cấp 2. - Các PT khuyết y và y', khuyết y, khuyết x - PT tuyến tính dạng: $y'' + p(x)y' + q(x) = f(x)$ PT thuần nhất: Các định lý về cấu trúc nghiệm của PTVP tuyến tính cấp 2 thuần nhất (chứng minh định lý để dẫn đến công thức $y = C_1 y_1(x) + C_2 y_2(x)$	M1,M2		A2
9	THI GIỮA KỲ : TỪ CHƯƠNG 1 ĐẾN HẾT MỤC 2.2 CHƯƠNG 2			
10	<ul style="list-style-type: none"> - PT không thuần nhất: Định lý về nghiệm tổng quát (học sinh tự đọc chứng minh). Phương pháp biến thiên hằng số Lagrange. Nguyên lý chồng chất nghiệm - PTVP tuyến tính cấp 2 có hệ số không đổi: PT thuần nhất 	M1,M2		A2
11	<ul style="list-style-type: none"> - PT không thuần nhất với vế phải $f(x)$ có dạng: $f(x) = e^{\alpha x} P_n(x)$ $f(x) = e^{\alpha x} [P_n(x) \cos \beta x + Q_m(x) \sin \beta x]$ 	M1,M2		A2
12	<ul style="list-style-type: none"> - PT <i>Euler</i> (giáo viên hướng dẫn thông qua một số ví dụ) 	M1,M2		A2

Tuần	Nội dung	CĐR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
	2.4 Hệ phương trình vi phân cấp 1 - Định nghĩa dạng tổng quát, nghiệm, đưa PTVP cấp cao về hệ chuẩn tắc và ngược lại. Định lý về sự tồn tại duy nhất nghiệm. Phương pháp khử (thể hiện qua một ví dụ giải hệ gồm 2 phương trình có hệ số không đổi dạng đơn giản) (giáo viên hướng dẫn học sinh tự đọc và làm bài tập).			
13	Chương 3. Phương pháp toán tử Laplace (8LT+ 7BT) 3.1 Phép biến đổi Laplace và phép biến đổi ngược - Phép biến đổi Laplace (PBĐ), tính chất tuyến tính, bảng PBĐ Laplace của một số hàm, hàm số liên tục từng khúc, sự tồn tại của PBĐ Laplace. Ví dụ. - PBĐ Laplace nghịch đảo, sự duy nhất của PBĐ Laplace nghịch đảo. Ví dụ.	M1,M2		A2
14	3.2 Phép biến đổi của bài toán với giá trị ban đầu - PBĐ của đạo hàm, nghiệm của bài toán giá trị ban đầu, Ví dụ giải PTVP tuyến tính cấp 2 với hệ số hằng số - Hệ PTVP tuyến tính cấp hai, giới thiệu mô hình toán - PBĐ của tích phân	M1,M2		A2
15	3.3 Phép tịnh tiến và phân thức đơn giản - Phân thức đơn giản tuyến tính, phân thức đơn giản bậc 2, biến đổi trên trục s . - Giải PTVP tuyến tính cấp cao (lớn hơn hay bằng 3) với hệ số hằng số	M1,M2		A2
16	3.4 Đạo hàm, tích phân và tích của các phép biến đổi - Tích chập của hai hàm, PBĐ Laplace của tích chập - Vi phân của PBĐ - Tích phân của PBĐ	M1,M2		A2

Tuần	Nội dung	CĐR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
	<ul style="list-style-type: none"> - Giải PTVP tuyến tính thuần nhất cấp 2 với hệ số biến đổi (nhị thức bậc nhất) - Giải PTVP tuyến tính cấp 2 có hệ số hằng số với vế phải là hàm liên tục từng khúc 			

7. QUY ĐỊNH CỦA HỌC PHẦN

(Các quy định của học phần nêu có)

8. NGÀY PHÊ DUYỆT:

Viện Toán ứng dụng và Tin học

VIỆN TRƯỞNG
VIỆN TOÁN ỨNG DỤNG & TIN HỌC
TS. Lê Quang Thủy