



ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ
ΣΧΟΛΗ ΗΛΕΚΤΡΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΚΑΙ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ

ΓΛΩΣΣΕΣ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΙΣΜΟΥ 2
ΑΣΚΗΣΗ 4 ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΤΥΠΩΝ

Γεώργιος Καράκος

Αριθμός Μητρώου: 03113204

Μέρος 1ο - Αυτοεφαρμογή

Έχουμε σύστημα τύπων με απλές συναρτήσεις όπως περιγράφεται στη σελίδα 14 των διαφανειών. Προσπαθούμε να αποδείξουμε αν μπορεί να υπάρχει κάποιο περιβάλλον Γ και κάποιος τύπος τ ώστε να ισχύει:

$$\Gamma \vdash x : \tau$$

Ακολουθούμε τη μέθοδο της εις άτοπο απαγωγής.

Αν υποθέσουμε ότι υπάρχει περιβάλλον Γ για το οποίο να ισχύει: $\Gamma \vdash x : \tau$ τότε πρέπει να ισχύουν τα ακόλουθα: $\Gamma \vdash x : \tau' \rightarrow \tau$ και $\Gamma \vdash x : \tau'$, όπου τ' ένας τύπος. Σύμφωνα με τα παραπάνω η έκφραση x έχει τύπους $\tau \rightarrow \tau'$ και τ' . Για να ικανοποιούνται και οι δύο σχέσεις, οι τύποι αυτοί πρέπει να είναι δομικά ίδιοι. Παρατηρούμε όμως ότι αυτό δεν είναι δυνατόν, καθώς ο τύπος $\tau' \rightarrow \tau$ υποδηλώνει συνάρτηση που παίρνει είσοδο ένα δεδομένο τύπου τ' και επιστρέφει τιμή τύπου τ , οπότε δε μπορεί να είναι ίδιος με τον τύπο τ' στο σύστημα τύπων που έχουμε διαθέσιμο.

Μέρος 2ο - Αναφορές και αναδρομή

1.

Πρέπει να κατασκευάσουμε ένα πρόγραμμα το οποίο να μην τερματίζει. Γράφτηκε χρησιμοποιώντας το syntactic sugar `let`, καθώς γνωρίζουμε ότι είναι ισοδύναμο με λάμδα έκφραση.

```
let r = ref (λn: Int.n)
  in let f = Int → Int.(λn. !r n)
    in (r:=f; f 1)
```

Το παραπάνω πρόγραμμα δε θα τερματίσει ποτέ καθώς η κλήση της συνάρτησης f με παράμετρο 1, θα καλέσει την συνάρτηση την οποία κάνει reference η r με παράμετρο πάλι 1. Εφόσον η συνάρτηση που κάνει reference η r είναι η f , αυτό σημαίνει πως θα καλείται συνεχώς η f με το ίδιο όρισμα, οπότε το πρόγραμμα δεν τερματίζει.

2.

Στην ίδια γλώσσα γράφουμε τη συνάρτηση που να υπολογίζει το παραγοντικό ενός φυσικού αριθμού.

```
let r = ref (λn: Int.n)
  in let f = Int → Int.(λn. if n<=1 then 1 else n*(!r (n-1)))
    in (r:=f; f)
```

Η r τώρα μπορεί να καλεστεί με όρισμα έναν φυσικό αριθμό και επιστρέφει το παραγοντικό αυτού του αριθμού.