Spadaccini Giovanni

Selezione Territoriale March 24, 2023

Outline

- 1 Rappresentazione dei Grafi
- 2 Visita Grafi
- 3 SSP
- 4 Problemi da Provare
- 5 Risorse

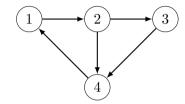
Spadaccini Giovanni 2 / 22

Rappresentazione dei Grafi

Spadaccini Giovanni 3 / 22

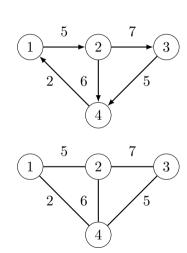
Cos'è un grafo

Un grafo è un insieme di nodi e di archi.



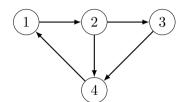
Cos'è un grafo

Un grafo è un insieme di nodi e di archi. Gli archi possono anche contenere informazioni e può essere diretto o non diretto.



Come li memorizziamo

```
vector<int> adj[5];
adj[1].push_back(2);
adj[2].push_back(3);
adj[2].push_back(4);
adj[3].push_back(4);
adj[4].push_back(1);
///vector<vector<int>> adj(5,vector<int>());
```

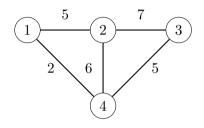


Come li memorizziamo

```
vector<array<int,2>> adj[5];
adj[1].push_back({2,5});
adj[2].push_back({3,7});
adj[2].push_back({4,6});
adj[3].push_back({4,5});
adj[4].push_back({1,2});
///vector<vector<array<int,2>>> adj(5,vector<int>());
```

7/22

Come li memorizziamo



```
vector<array<int,2>> adj[5];
adi[2].push_back({1,5});
adj[3].push_back({2,7});
adj[4].push_back(\{2,6\});
adj[4].push_back({3,5});
adj[1].push_back({4,2});
adj[1].push_back({2,5});
adj[2].push_back({3,7});
adj[2].push_back({4,6});
adj[3].push_back(\{4,5\});
adj[4].push_back({1,2});
```

Visita Grafi

Spadaccini Giovanni 9 / 22

BFS

BFS, visita in ampiezza.

Serve per esplorare un grafo e possiamo rispondere a domande:

- come se un nodo è raggiungibilie da un nodo di partenza
- ▶ a che distanza è ciascun nodo dal nodo di partenza.

Costo algoritmico O(n+m) dove n è il numero di nodi e m è il numero di archi

Visita Grafi 10 / 22

```
Simulazione Online: https://visualgo.net/en/dfsbfs
  Queue q \leftarrow \text{Queue}()
  Bool[] visitato \leftarrow [n,false]
                                 ⊳ n è il numero dei nodi inizialmente sono tutti non visitati
  q.push(s)
  visitato[s] \leftarrow true
  while notq.is_empty() do
      u \leftarrow q.top()
                                                             > prendiamo il prossimo elemento
                                 ⊳ eliminiamo l'elemento che dobbiamo esaminare dalla coda
      q.pop()
      for v \in adj[u] do
                                                               ▶ Esaminiamo tutti i nodi vicino
         if notvisitato[u] then
             visitato[u] \leftarrow true
             q.push(u)
         end if
      end for
  end while
```

BFS

```
queue<int> q;
bool visited[N]:
int distance[N]:
visited[x] = true;
distance[x] = 0;
q.push(x);
while (!q.empty()) {
    int s = q.front(); q.pop();
    //for (auto u : adj[s]) {
    for(int i=0;i<adj[s].size();i++)</pre>
        int u=adj[s][i];
        if (visited[u]) continue;
        visited[u] = true;
        distance[u] = distance[s]+1;
        q.push(u);
```

DFS

Depth-first search, è un algoritmo sempre per visitare un grafo, può essere più intuitivo ma viene implementato ricorsivamente

```
vector<int> adj[N];
bool visited[N];
void dfs(int s) {
   if (visited[s]) return;
   visited[s] = true;
   for (auto u: adj[s]) {
      dfs(u);
   }
}
```

Problema Assieme

Spadaccini Giovanni

Byteland has n cities, and m roads between them. The goal is to construct new roads so that there is a route between any two cities.

Your task is to find out the minimum number of roads required, and also determine which roads should be built.

Input

The first input line has two integers n and m: the number of cities and roads. The cities are numbered $1, 2, \ldots, n$.

After that, there are m lines describing the roads. Each line has two integers a and b: there is a road between those cities.

A road always connects two different cities, and there is at most one road between any two cities.

Output

First print an integer k: the number of required roads.

Then, print k lines that describe the new roads. You can print any valid solution.

Constraints

• $1 \le n \le 10^5$ • $1 \le m \le 2 \cdot 10^5$ • $1 \le a,b \le n$

Example

Input: 4 2 1 2 3 4

Output:

1

https://cses.fi/problemset/task/1666/ 123

Mia soluzione

Spadaccini Giovanni

```
using namespace std;
                                             cin >> n >> k:
const int MN = 100002;
                                             visited = vector<bool>(n, false);
int n, k,a,b;
                                             for (int i = 0: i < k: i++) {
vector<int> adj[MN];
                                                cin >> a >> b: a--:b--:
                                                adj[a].push_back(b);adj[b].push_back(a)
vector<bool> visited:
vector<array<int, 2>> sol;
                                             for (int i = 0; i < n; i++) {
void dfs(int c) {
                                                if (!visited[i]) {
 visited[c] = true:
                                                 dfs(i):
 for (int i = 0; i < adj[c].size(); i++) {
                                                if (i != 0) {sol.push_back({0, i});}
    int current = adj[c][i];
    if (!visited[current]) {
      dfs(current):
                                             cout << sol.size() << endl:</pre>
                                             for (int i = 0; i < sol.size(); i++) {
                                                cout << sol[i][0] + 1 << " "
                                                << sol[i][1] + 1 << endl:
```

Visita Grafi

15/22

SSP

Spadaccini Giovanni 16/22

Dijkstra

Dijkstra, è un algorimo per trovare la path meno costosa tra due nodi di un grafo pesato . (notare che il caso non pesato è equivalente a una bfs)

L'algoritmo ha un costo di $O(n + m \log m)$

Materiale su cui studiare https://wiki.olinfo.it/extra/unimi/dijkstra.pdf

Spadaccini Giovanni SSP 17/22

```
for (int i = 1; i \le n; i++) distance[i] = INF:
distance[x] = 0:
q.push({0,x});
while (!q.empty()) {
    int a = q.top().second; q.pop();
    if (processed[a]) continue;
    processed[a] = true;
    for (auto u : adi[a]) {
        int b = u.first, w = u.second;
        if (distance[a]+w < distance[b]) {</pre>
            distance[b] = distance[a]+w:
            q.push({-distance[b],b});
```

Problemi da Provare

Spadaccini Giovanni 19/22

Problemi

- ► https://cses.fi/problemset/task/1682
- ▶ https://cses.fi/problemset/task/1683
- ▶ https://cses.fi/problemset/task/1193
- ▶ https://cses.fi/problemset/task/1671
- ▶ https://codeforces.com/contest/17/problem/B
- ▶ https://codeforces.com/contest/35/problem/C

20 / 22Problemi da Provare

Risorse

Spadaccini Giovanni 21/22

Materiali

Questa è una lista molto comprensiva di materiali (anzi troppo) ma se volete approfondire questi argomenti c'è un mondo:

- Libro di riferimento gratis: https://cses.fi/book/book.pdf
- ► Tutti le implementazioni di tutti i più svariati algoritmi: https://cp-algorithms.com/
- ▶ Principale sito per i Competitive Programmers codeforces.com
- ▶ Wiki delle olimpiadi (c'è anche il canale youtube) https://olinfo.it/
- ▶ Buon modo per iniziare e guardare diversi argomenti: https://algobadge.olinfo.it/
- ▶ Buon modo per iniziare anche se molto più complicato: https://usaco.guide/

22 / 22Risorse