Trattatello ad uso dei consumatori del sì detto *G-Switch* in modalità multiplayer, ovvero nobile giuoco di dinamica bidimensionale in fluidi a basso numero di Reynolds

G. Bocchi, F. Bonetti, M. Ruggeri, V. Tampe, and E. Tesio 1

¹New Zealand Group, Dipartimento di Fisica dell'Università degli Studi di Milano, I-20133 Milano, Italia. (Dated: 26 novembre 2010)

Scopo del presente testo è la divulgazione, ad un livello comunque dedicato a non tutti, e bensì ai pochi, sebbene non pochissimi, che già riconoscono nelle meccaniche proprie dell'attività switchica un qualcosa di inerente alla propria esistenza, inutile prima e dopo la lettura dello stesso, ma densa di perchè soltanto nel mentre dell'acquisizione dei contenuti ivi presentati.

E' ben noto a tutti il funzionamento del giuoco, che pure riportiamo per completezza è comodità dell'ingroppito lettore [1].

Dicesi G Switch un software, originariamente in linguaggio Flash, atto a evidenziare la necessità di ottimizzare il codice in presenza di operazioni contemporanee da parte della macchina in esame. Scopo ludico dell'attività è la conquista del traguarda da parte di un'entità – scherzosamente rassomigliante a Tampe – freneticamente movente gli arti inferiori nella folle ricerca dell'obiettivo. Per chi avesse esaurito le dinamiche relative al gioco single-player, un'ulteriore caratterizzazione del personaggio è altresì fornita; rimandiamo al superamento di questi (banali) livelli per ulteriori approfondimenti.

La fisica del gioco è evidente fin dai primi istanti: per quanto il nome stesso dell'attività videoludica rimandi alla ben nota

$$G_{\mu\nu} = 8\pi T_{\mu\nu} \tag{1}$$

in relazione a una metrica piatta minkowskiana in due dimensioni spaziali, è chiaro ad un'analisi più approfondita che l'esistenza di tali pupattoli ludici è invece limitata ad un'universo a bassi numeri di Reynolds

$$R = \frac{\varrho UL}{\eta} \tag{2}$$

con ϱ densità del fluido, U velocità dell'ominide in esame, L dimensioni lineari del suddetto, e infine η primo coefficiente di viscosità del mezzo. Rimarchiamo fin d'ora che la velocità caratteristica è funzione altamente non lineare della distanza dall'ominide dal centro di massa del sistema individuato dai corridori (eventualmente fittizi). La saturazione della variabile U è ottenuta esattamente al centro di massa.

Passiamo nel seguito alla descrizione della dinamica di gioco, come sviluppata in lunghe ore di simulazioni condotte all'Università degli Studi di Milano. Un Mondiale è una successione di sfide in corrispondenza biunivoca con le soluzioni (anche complesse, scemotto!) dell'equazione $z^3=1$ nel piano di Gauss, percorse per un totale di 4π con raggio unitario (si veda la Fig. (1)); a ogni livello è quindi associato un valore dell'angolo ϑ , con la periodicità determinata in modo naturale una volta fissata la partita iniziale al valore $\vartheta=0$. α protagonisti,

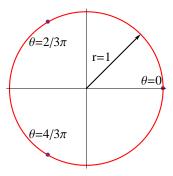


Figura 1. Mundialito

 $\alpha=1,\ldots,\lfloor 2\pi\rfloor$ si sfidano ad ogni partita; α è fissato per ogni Mondiale. Ad α fissato, ogni tasto dell'insieme al più numerabile

$$\mathcal{A} := \{\mathtt{X}, \mathtt{M}, \rightarrow, \mathtt{A}, \mathtt{Ctrl}, \mathtt{3}\}$$

è associato, secondo la relazione d'ordine

$$X \succ M \succ \rightarrow \succ A \succ Ctrl \succ 3$$
,

alle controparti umane associate biunivocamente ai pupottini corridori.

A dispetto del nome che lascia sottintendere (anche correttamente, alla luce dell'interpretazione fluidodinamica prima illustrata) un'inversione del segno del campo gravitazionale al quale i pupottini sono sottoposti, l'effetto misurabile risulta unicamente in un'inversione della velocità nella direzione y. E' curioso sottolineare come l'oggetto in esame possa quindi essere in tutto equiparato ad un'esperienza di Millikan moderna: ogni pupottino possiede infatti la possibilità di switchare indipendentemente la propria velocità [2].

ASSIOMI

Il funzionamento principale dell'attività switchica è lasciato prevalentemente all'esperienza diretta della stessa. Per i più teorici dei presenti autori ie giuocatori riportiamo tuttavia un *brief resumé* che compensi l'ignoranza iniziale del lettore.

I pupottini sfidantisi muovono in un fluido a bassi numeri di Reynolds in 2D: la velocità lungo l'asse longitudinale è determinata da una funzione non lineare della variabile spaziale stessa (vedi Fig.(2)), la quale satura al valore della coordinata corrispondente al centro di massa del sistema. E' considerata uscita la configurazione pupottica nella quale il soggetto in questione assume coordinate longitudinali negative, ovvero viene raggiunto dal fluido comovente al sistema a causa del suo ingroppimento - o di eventuali mosse subite, si veda al proposito la sezione successiva. La velocità lungo la direzione y può

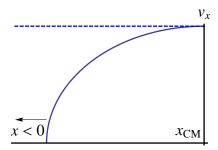


Figura 2. Rappresentazione (unitaria) qualitativa del meccanismo di saturazione della velocità (normalizzata) nel centro di massa del sistema fluido-pupottino. L'uscita corrisponde al raggiungimento di coordinate x<0.

essere switchata via software mediante la pressione di un tasto; rimarchiamo fin d'ora l'importanza del *G-Switch* come primo e imperdibile esempio di software concepito per un hardware di tipo semplificato, corrispondente a un solo tasto e camionate di memoria RAM di ultima generazione.

$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	2	3	4	5	6
\mathbf{W}	2	4	6	8	10
2	1	2	4	5	6
3		1	2	3	4
4			1	2	3
5				1	2
L					1

Tabella I. Punteggi corrispondenti alle diverse situazioni di giuoco multiplayer. α è la dimensionalità del Mondiale considerato, mentre \sharp rappresenta la posizione raggiunta. Ai punteggi nominali va aggiunto il punteggio normalizzato a 1.00 corrispondente al completamento del livello.

Il completamento del livello è raggiunto grazie a una configurazione nella quale la coordinata longitudinale raggiunge forzatamente coordinata negativa; il punteggio relativo è normalizzato in unità naturali a 1.00 [4]. I punteggi associati alla posizione di arrivo, inversamente proporzionale alla coordinata temporale alla quale cor-

risponde l'uscita, è dipendente da α secondo lo schema riportato nella Tabella (I).

Ai punteggi sopra riportati è associata una struttura gruppale ereditata dall'operazione di somma sul campo reale \mathbb{R} ; al termine del mondiale il punteggio maggiore secondo la relazione d'ordine naturale associa univocamente il vincitore del Mondiale stesso, al quale vanno quindi tributati festeggiamenti e onori. Ricordiamo che non esiste pareggio, il quale altro non è se non una mera illusione dettataci dal velo di Maya dell'imprecisione limitata a grandezze dell'ordine di 10^{-2} .

TECNICHERIE, MA QUESTO È IL MESTIERE

Blocco

Forse la più banale e semplice delle *mosse* a disposizione, il blocco consiste nell'impossibilitazione al pupottin-avversario di invertire la velocità, causando l'esaurimento del livello comobile col fluido nel mentre che il suddetto è ancora schiavo dell'ostruzione per via orizzontale. Il soggetto agente il blocco switcha quindi la velocità all'istante desiderato: gli obiettivi solitamente perseguiti sono l'eliminazione diretta o il rallentamento (meno pericoloso, per quanto poco maschio).



Figura 3. Vediamo in figura \mathtt{X} che opera una configurazione di blocco sull'ingroppito $\mathtt{M}.$

50-50

Dicesi 50 – 50 la situazione nella quale due pupottini condividono la medesima posizione al momento dell'uscita dal fluido. Questo può accadere in diversi istanti della partita, e porta i pupottini in una situazione di incertezza riguardo al punteggio, dato che, considerata la maschiezza intrinseca al giuoco, il pareggio non è contemplato. La tradizionale descrizione stocastica del fenomeno è minata alle basi da recenti osservazioni, che sembrano indicare uno schema di regolarità basato sulla relazione d'ordine sopra citata. Ricordiamo altresì che non è dato alla sovrastuttura umana partecipante alcuna informazione oltre la seconda cifra decimale della coordi-

nata longitunale, normalizzata, che è naturale utilizzare per descrivere il sistema.



Figura 4. Rappresentazione in real-time di una configurazione a 50-50; osservazioni di carattere empirico danno vincente il pupottino X.

Giova

La variante Giova è una mossa utilizzata in presenza di avversari ingroppiti, e consiste in una variante a eliminazione diretta basata su uno specifico passaggio del livello corrispondente a $\vartheta=0,2\pi$. Riferiamo pertanto alla figura (5): notiamo come il pupottino X abbia a



Figura 5. Un ingroppito X subisce la *Giova* da parte di M. Per esaltare la didatticità del presente testo, in figura la sovrastuttura umana di Mè identificata con l'autore stesso, per gentile concessione di egli medesimo.

disposizione solo un suicidio tattico per evitare che M possa proseguire nel livello successivamente all'eliminazione di X; notiamo altresì che l'eliminazione di X è comunque ineludibile.

Triplo

E' noto ai più che nei livelli corrispondenti a $\vartheta=\ldots$ non è possibile il sorpasso, eccettuate ingroppitudini autoeliminatorie, nella fase finale del livello. Più concisamente, detta x_i la coordinata longitudinale associata all'i-esimo pupottino, la vittoria è assegnata a quest'ultimo qualora $x_i \geq x_j + \varepsilon, \ \forall j \neq i, \varepsilon > 0$ [3]. Questi più non sanno però che nel passaggio finale, il quale sembra configurarsi appunto come il più semplice, consegnante l'agognata vittoria di tappa al pupottino con coordinata longitudinale anche solo infinitesimamente superiore, nasconde in realtà la possibilità tampica di superare il

pupottin-vincitore per così dire in finazza, grazie a un pericoloso e molto maschio *triplo*. Questo è descrivibile,



Figura 6. Un audace X opera un *triplo* ai danni di M. Sempre nell'ottica di fornire al lettore la massima e approfondita comprensione del fenomeno, il *triplo* è qui effettato dal Gran Maestro, la cui fede incrollabile nell'accadimento di un triplo switch con sorpasso è tanto incrollabile e salda da comunicare in figura, unita alla più sopraffina tecnica, la feroce passione di questa circostanza.

all'atto pratico, come una rapida successione di N=3 switch della velocità, i quali permettono di entrare in configurazione di vantaggio rispetto al (già cantante vittoria) pupottino avversario. Benchè questa occorrenza non si sia ancora empiricamente manifestata, è forte nei giuocatori la fede, nonchè grande e viva la speranza.

Trenino

Con riferimento ai livelli $\vartheta=\frac{2}{3}\pi,\frac{2}{3}\pi+2\pi$, è possibile nei primi istanti di giuoco bloccare uno dei pupazzottoli contendenti in ambo le direzioni permesse, grazie a un eventuale accordo tra due pupattoli con coordinata x maggiore. Come sempre ci riferiamo all'autoevidente situazione in Fig. (7); sottolineiamo la pericolosità di questa mossa soprattutto per il pupottino intermedio (nell'esempio, X), e la poca maschiezza del non operarla qualora la possibilità venga resa manifesta. Nel caso di mondiali ad α superiore è possibile operare configurazioni a trenino anche in altri livelli, sfruttando la maggior lunghezza della configurazione ottenuta; è naturalmente necessaria in questo caso una maschiezza $\sim e^{\alpha}$.



Figura 7. Una configurazione detta a trenino, nella quale il malcapitato $\tt M$ subisce l'accordo prestabilito di $\tt X$ e \to , porgendo il fianco ad una assai precoce (e cocente) eliminazione.

Panino

Il panino è una variante a eliminazione o rallentamento simile al trenino, ma operata in direzione y. L'ingroppito pupottino intermedio è ivi bloccato per via orizzontale (così come i soggetti operanti il panino stesso), e impedito nello switchamento y-direzionale dai pupattolotti avversari. Come sempre, la maschiezza è tutto nell'operare questa variante, e come sempre la Fig. (8) vale $\geq \mathcal{M} = 1000$ parole.

Anche questa mossa, analogamente al trenino, è di com-



Figura 8. Un'efficace rappresentazione della configurazione a panino, nella quale X subisce l'orribile onta dell'eliminazione da parte dei virili M e \rightarrow .

plessa realizzazione, in quanto sono difficilmente reperibili le distribuzioni di ostacoli adatte allo scopo. Per completezza suggeriamo infine la possibilità di sviuppi paninici a dimensionalità superiori, $\alpha>3$.

RINGRAZIAMENTI

Gli autori ringraziano sentitamente Vasco F per aver donato loro ore di tempo perduto ma non sprecato, e ne approfittano per richiedere caldamente ulteriori sviluppi del codice, sia per la correzione di imprecisioni sia per uno sviluppo online del multiplayer.

Gli autori desiderano inoltre ringraziare quella meravigliosa creatura di Peter Round per averci regalato numerose frasi d'amore e tanto, tanto tempo nello switching. Ultimo, e proprio ultimo, L. Ianni per averci permesso di affinare le più crudeli tecniche di eliminazione.

- [1] e.g., G. Fatti
- [2] Il lettore attento noterà subito come si stia quindi analizzando un sistema sostanzialmente classico, dato che nessuna correlazione di scambio risulta tra i vari pupottini partecipanti. Emerge inoltre in maniera naturale l'interpretazione geometrica del sistema in termini di un fibrato di gauge con gruppo di struttura abeliano

$$U(1)^n$$
;

il pupottin-multipletto viene pertanto a coincidere con una rappresentazione non-triviale del gruppo di gauge, nella quale a ciascuna componente del pupottin-multipletto si associa un numero quantico distinto da quello delle altre componenti. Al lettore più disadattato non può così sfuggire la possilità affascinante di considerare modelli di G Switch gaugeato. Chiunque, infine, avrà notato l'apprezzamento dei presenti autori per note a margine sovradimensionate, in omaggio ad un noto luminare della Meccanica Razionale di questo Ateneo.

- [3] Una naturale eccezione, sperimentalmente verificata nella transizione di fase di prima specie ε > 0 → ε < 0, può occorrere qualora la sovrastuttura umana sia fornita da L. Janni.
- [4] Ulteriori cifre significative, per quanto chimicamente utili, sono nascoste alla sovrastruttura umana.