## Lab 1: Problema da Formação de Equipes

MC658 - Projeto e Análise de Algoritmos III 2S2019 Professor: Flávio Keidi Miyazawa

> Giovani Nascimento Pereira giovani.x.pereira@gmail.com 168609

## I. DEFINIÇÃO DO PROBLEMA

Dado um conjunto P de pessoas de tamanho n, onde cada pessoa tem um nível de similaridade com cada outra pessoa do grupo. Queremos montar um número n de grupos onde seja minimizado o nível de dissimilaridade total.

## II. RESOLUÇÃO

Seja  $x_{ij}^k$ , variável que indica que os funcionários i e j estão na equipe k, onde  $x_{ij}^k \in \{0,1\}$ .

Assim,  $x_{ii}^k$  indica que o funcionário i está na equipe k.

Vamos chamar de  $S_k$  o conjunto de todas as pessoas que pertencem ao grupo k.

Temos uma matriz de relacionamentos A, onde  $A_{ij}$  indica o nível de similaridade das pessoas envolvidas e  $A_{ij} \in \{-1,0,1\}$ , onde é 0 se i=j,1 se os funcionários têm similaridade e -1 se têm dissimilaridade.

Temos também a e b que indicam respectivamente os tamanhos mínimo e máximo que os grupos de pessoas podem assumir

Queremos minimizar o nível de dissimilaridade dentro de um mesmo grupo.

Note que, se  $x_{ij}^k=1$ , para algum k, indica que a entrada  $A_{ij}$ , que é o nível de similaridade entre i e j, pertence a solução.

Como vamos diminuir o nível de dissimilaridade, queremos que as arestas que pertencem à solução sejam as maiores possíveis.

III. FORMULAÇÃO

Maximizar,

$$\sum_{(i,j,k)} x_{ij}^k * A_{ij} \tag{1}$$

Sujeito a,

$$|S_k| \le b \to \Sigma_{i \in P} x_{ii}^k \le b, \forall k$$
 (2)

$$|S_k| \ge a \to \sum_{i \in P} x_{ii}^k \ge a, \forall k$$
 (3)

$$\sum x_{ii}^k = 1, \forall k \tag{4}$$

$$x_{ij}^k \le (x_{ii}^k + x_{ji}^k)/2 \tag{5}$$

$$x_{ij}^k \ge (x_{ii}^k + x_{jj}^k - 1)/2 \tag{6}$$

Onde, 1 é nossa função objetivo de maximização e

- 2 define o tamanho mínimo de um grupo,
- 3 define o tamanho máximo de um grupo,
- 4, define que uma pessoa pode estar alocada em apenas 1 grupo,
- 5 e 6 forçam que x<sup>k</sup><sub>ij</sub> seja 1 se i e j estão no grupo k, e 0 caso contrário, indicando que o relacionamento de i e j pertence à solução.