Algoritmi e Strutture Dati

Giovanni Norbedo

2024-2025

Indice

Algoritmo	1
Modello di calcolo	1
Random-Acces Machine (RAM)	1
Istruzioni RAM	1
Assegnamento	2
Relazione di ordine	2

Algoritmo

E una sequenza di passi "ben definiti" per trasformare in un tempo finito un insieme di dati in input in un insieme di dati in output.

Modello di calcolo

E uno strumento formale per eseguire delle computazioni.

Random-Acces Machine (RAM)

- memoria infinita (**registri**)
- $\bullet\,\,$ ogni registro contiene un numero naturale
- input (sola lettura) e output (sola scrittura)
- il programma è una sequenza di istruzioni
- il program counter (PC) è un registro che indica la prossima istruzione da eseguire
- ad ogni istruzione esegeuita il PC viene automaticamente incrementato

Istruzioni RAM

- CLR(r) azzera il registro R_r
- INC(r) incrementa il registro R r
- *r ottiene il contenuto del registro r
 (se *5 = 8 allora **5 = 8 è il contenuto del registro 8)
- JE(*r, s, j) se *r = s allora PC = j
- HTL termina l'esecuzione del programma

Assegnamento

```
1: CLR(r) # R_r = 0

2: INC(r) # R_r = 1

3: INC(r) # R_r = 2

...

v + 1: INC(r) # R_r = v

R_r <- v
```

Relazione di ordine

```
Verificare se *s < *r
1: JE(*r, *s, 9)
                     \# se *r = *s allora PC = 9
2: R_0 <- *r
                     \# R_0 = *r
3: R_1 <- *s
                     \# R_1 = *s
4: INC(0)
                     \# R_0 = *r + 1
5: JE(*0, *s, 9)
                     # se *r + 1 = *s allora PC = 9
6: INC(1)
                     \# R_1 = *s + 1
7: JE(*1, *r, 11)
                    # se *s + 1 = *r allora PC = 11
8: JE(0, 0, 4)
                     \# PC = 4
9: R_0 <- 0
                     # R O = O
                     \# PC = 12
10: JE(0, 0, 12)
11: R_0 <- 1
                     # R O = 1
12: ...
                     # risultato in R_0
\leq,<,=,>,\geq
```

Esempio con due numeri

```
r = 5
s = 8
                    # 5 != 8 -> PC = 2
1: JE(*r, *s, 9)
2: R_0 <- *r
                    \# R_0 = 5
3: R_1 <- *s
                    \# R_1 = 8
4: INC(0)
                    \# R_0 = 6
5: JE(*0, *s, 9)
                    # 6 != 8 -> PC = 6
6: INC(1)
                    # R 1 = 9
7: JE(*1, *r, 11)
                    # 9 != 5 -> PC = 8
8: JE(0, 0, 4)
                    \# PC = 4
4: INC(0)
                    \# R_0 = 7
                    #7! = 8 -> PC = 6
5: JE(*0, *s, 9)
6: INC(1)
                    \# R_1 = 10
7: JE(*1, *r, 11)
                    # 10 != 5 -> PC = 8
8: JE(0, 0, 4)
                    \# PC = 4
4: INC(0)
                    \# R_0 = 8
5: JE(*0, *s, 9)
                     #8 = 8 -> PC = 9
9: R_0 <- 0
                     \# R_0 = 0
10: JE(0, 0, 12)
                    \# PC = 12
                     # risultato in R_0 (falso)
12: ...
```

Esempio con due numeri

r = 8

```
s = 5
1: JE(*r, *s, 9)
                    # 8 != 5 -> PC = 2
2: R_0 <- *r
                    \# R_0 = 8
3: R_1 <- *s
                    \# R_1 = 5
4: INC(0)
                    \# R_0 = 9
5: JE(*0, *s, 9)
                    # 9 != 5 -> PC = 6
6: INC(1)
                    \# R_1 = 6
7: JE(*1, *r, 11)
                   # 6 != 8 -> PC = 8
8: JE(0, 0, 4)
                    \# PC = 4
4: INC(0)
                    \# R_0 = 10
                    # 10 != 5 -> PC = 6
5: JE(*0, *s, 9)
                    \# R_1 = 7
6: INC(1)
                    # 7 != 8 -> PC = 8
7: JE(*1, *r, 11)
                    \# PC = 4
8: JE(0, 0, 4)
4: INC(0)
                    \# R_0 = 11
5: JE(*0, *s, 9)
                    # 11 != 5 -> PC = 6
6: INC(1)
                    \# R_1 = 8
7: JE(*1, *r, 11)
                    # 8 = 8 -> PC = 11
11: R_0 <- 1
                    \# R_0 = 1
                    # risultato in R_0 (vero)
12: ...
```