

ES. Traccia di Nyquist da quella di Nichols

1) Ho sicuramente 2 poli nell'origine: perché ho fase  $-180^\circ$ , ma con  $\omega \rightarrow 0$ ,  $|G| \rightarrow +\infty$ .

2) Con  $\omega \rightarrow +\infty$ , ho fase di  $-270^\circ$  e modulo in dB a  $-\infty \Rightarrow |G| = 0$ .

Quindi alla fine resto nell'origine dall'alto. Nell'intorno dell'origine ho fase tra  $-270^\circ$  e  $-225^\circ$ .

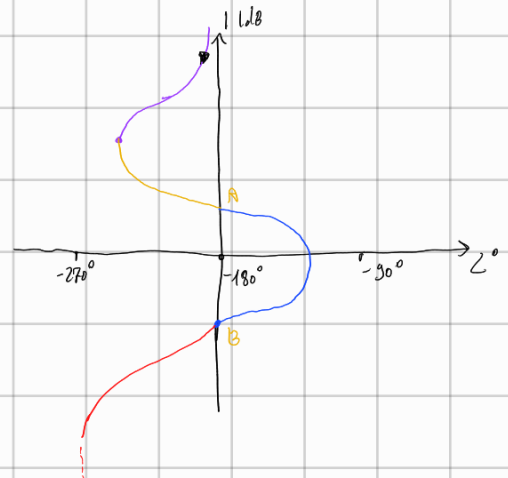
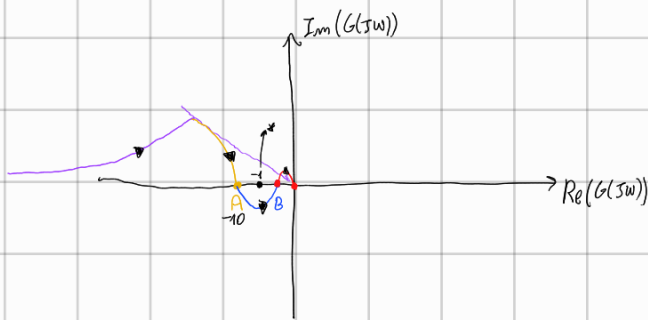


Adesso, da quale quadrante parte? All'inizio ho  $-180 < \varphi < -225$ , quindi  $\omega$  parte da sopra.

Nota: i decibel diventano sempre più negativi.

Con  $\omega \rightarrow 0$ , modulo va a  $+\infty$ . Perché? Lo vedo dal polo di partenza della curva.

Nota: fase è sempre più negativa, quindi gira sempre in senso orario.



Ci fermiamo a  $-230^\circ$  qualitativamente.

A e B sono a  $-180^\circ$ , cioè sull'asse reale negativo.

In A, gain = 21 dB, cioè circa 10.

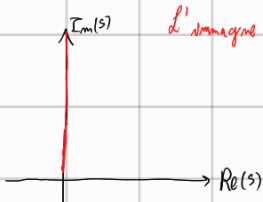
B ha -20 dB  $\Rightarrow$  ha 0.1 in modulo.

Qui intorno con fase che negativamente cresce.

Orientato come? Le  $\omega$  cresce dall'alto verso il basso.

\* -1 è il punto critico.

NOW:

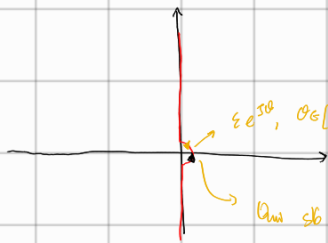


L'immagine del Nyquist è il mirror grafico (se considero l'istinto corrisponde all'immagine di Nyquist). Ha in senso orario una curva chiusa. Quindi tutto il polo.

Nota: per rappresentare anche  $\omega < 0$ ,  $G(s) = G^*(s^*)$ , quindi rispetto a x.

NON CONOSCO ALTRI TERMINI DI  $G(s)$ .

↑ IGNORABILI PERCHÉ  $\omega \rightarrow 0$ ?



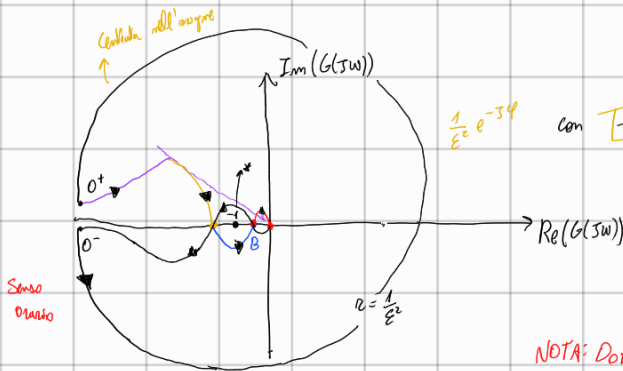
$$\varepsilon e^{j0}, \arg[-90^\circ, 90^\circ] \rightarrow \frac{1}{s} \Big|_{s=j\omega} = \frac{1}{j\omega} e^{-j90^\circ} = \frac{1}{\omega} e^{-j90^\circ} \quad \arg[-180^\circ, 180^\circ]$$

Qui si è moltiplicato di senso antiorario ma ha  $e^{-j90^\circ}$ , che cambia di senso orario.

Regolarizzo facendo la semicirconferenza  
a destra, quindi chiude il cerchio in senso

NOTA: PERCHÉ NON È ANTIORARIO?

CON

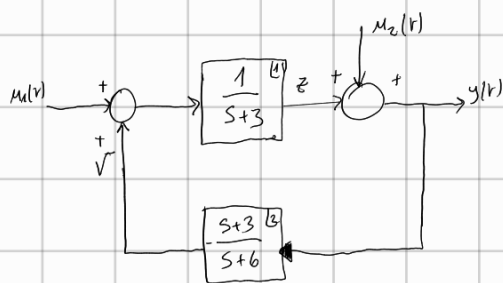


NOTA: Dovrebbe essere



Nella curva risultante, visto che è il coniugato, parte da  $\omega$  da  $-\infty$  fino a  $0^- \Rightarrow$  esattamente opposto.

2)



Verifico che sia A.S.  $\Rightarrow$  Determino ISU.

①

$$\dot{x}_1 = -3x_1 + (u_1 + v)$$

$$z = x_1$$

$$\dot{x}_1 = -3x_1 + u_1 + 3x_2 - u_2 - x_1$$

$$\dot{x}_2 = -6x_2 + u_2 + x_1$$

$\Rightarrow$

$$y = u_2 + x_1$$

$$\dot{X} = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 1 & -6 \end{pmatrix} X(t) + \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} U(t)$$

②

$$\dot{x}_2 = -6x_2 + (u_2 + z)$$

$$v = 3x_2 - (u_2 + z)$$

$$y = (1 \ 0)X(t) + (0 \ 1)U(t)$$

Ona ha  $|sI - A| = \begin{vmatrix} s+4 & -3 \\ -1 & s+6 \end{vmatrix} = s^2 + 10s + 24 - 3 = s^2 + 10s + 21$

È asintoticamente stabile, in più a

parte reale negativa.

Ha senso parlare di risposta a regime.

$$y(t) = y_1(t) + y_2(t), \quad \text{risposta ad singoli ingressi.}$$

$$y_1(t) = sG_1(0) = s \cdot \frac{\frac{1}{s+3}}{1 - \left(-\frac{s+3}{s+6} \cdot \frac{1}{s+3}\right)} = s \cdot \frac{s+6}{(s+7)(s+3)} \Big|_{s=0}$$

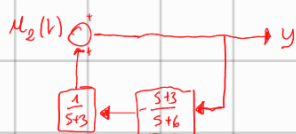
$\hookrightarrow$  Non posso raggiungere e osservabili: da  $u_1$  è completamente raggiungibile.

Riduzione fra 1 e  $G_2(s)$

$$G_2(s) = \frac{1}{1 - \left(-\frac{s+3}{s+6} \cdot \frac{1}{s+3}\right)} = \frac{s+6}{s+7}$$

NOTA: Guad, rispetto a  $u_2$ , non riesco ad eccitare tutte le dinamiche del sistema.

Però la raggiungibilità.



Confermo con  $Q = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -4 & 3 \end{pmatrix}$ , complet. osservabile

$\hookrightarrow$  già rango 2, quindi è raggiungibile

$$R = \begin{pmatrix} B & AB \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$\uparrow$   
2x2

NOTA:

$$y_2(r) = |G_2(55)| \sin(\pi r + \angle G(55))$$