

1)

$$L(s) = \frac{10}{(1+s)^2}$$

Calcola 3 margini

$$\Delta_m = \lim_{\omega \rightarrow \infty} |1 + L(j\omega)|$$

$$M=11 \Rightarrow M_{dB} \approx 20 \text{ dB}$$

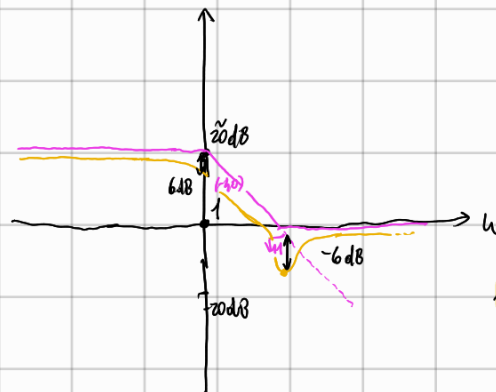
$$1+L(s) = \frac{s^2+2s+11}{1+2s+s^2} = \frac{11(1+\frac{2}{11}s+\frac{s^2}{11})}{1+2s+s^2}$$

• Ho 2 punti di rottura.

- 1) $1/1$, con variaz. di -40 dB/dec
- 2) $\sqrt{11}$, con variaz. di pendenza di 40 dB/dec

Qui abbiamo una antirisonanza. Dal grafico della correz.

errore è circa -6 dB

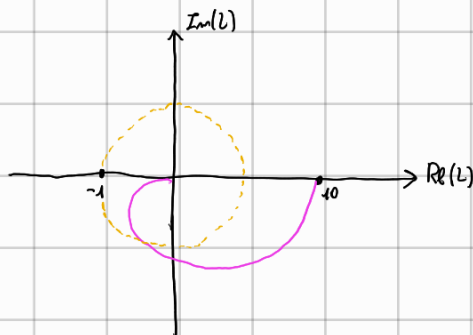


$$\Delta_{dB} \approx -6 \Rightarrow \Delta_m \approx \frac{1}{2}$$

Ora Nyquist di $L(s) = \frac{10}{(s+1)^2}$

$$\varphi_0 = 0 \quad \varphi_F = -180^\circ$$

$$m_0 = 10 \quad m_F = 10$$



NOTA: $K_m = +\infty$. Ho stabilità intrinseca (piccole nascoste dall'approssimazione, e da dinamiche non visibili)

$$G(s) = \frac{10}{(1+s)^2(1+s^2)}$$

$\varphi < 1$: modello vero vs modello approssimato

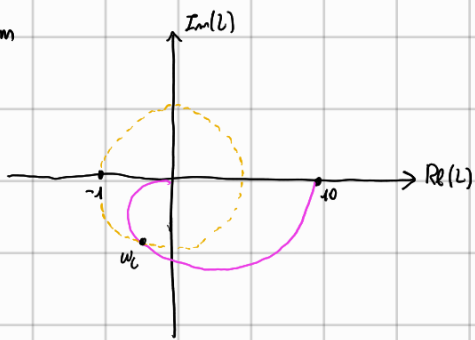
Cambia che $\varphi_F = -270^\circ$, quindi $K_m \neq 0$!

Ha attraversamento origine vicino all'origine,

cioè approssimabile.

$$\left\{ \frac{KL}{1+KL} \rightarrow 1 \text{ se } K \rightarrow \infty \right.$$

Calcolo φ_m



$$|L(j\omega_c)| = 1 \Leftrightarrow \left| \frac{10}{1+(j\omega_c)^2} \right| = 1 \quad 10 + \omega_c^2 = 10 \quad \omega_c = 3 \text{ rad/s}$$

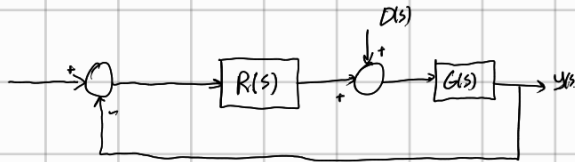
$$\varphi_m = 180^\circ - |\varphi_c|$$

$$\varphi_c = \angle L(j\omega_c) = -2 \arctan(\omega_c) = -2 \arctan(3) = -2.5 \text{ rad} \Rightarrow \varphi_c^\circ = -143^\circ$$

$$\varphi_m = 180^\circ - 143^\circ = 37^\circ$$

2)

$$L(s) = \frac{K}{s^2(s+2)}$$



$$G(s) = \frac{1}{s(s+2)}$$

Per l'esercizio 1: devo avere un polo nell'origine. Why?

$$R(s) = \frac{M}{s}$$

Solo HP che sistema sia A.S. \Rightarrow lo devo verificare

$$y_{\infty} = \lim_{s \rightarrow 0} s Y(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{G(s)}{1+G(s)R(s)} \cdot \frac{A}{s} = \lim_{s \rightarrow 0} A \cdot \frac{1}{s(s+2)} \cdot \frac{s}{1 + \frac{1}{s(s+2)} \cdot \frac{M}{s}} = \lim_{s \rightarrow 0} A \cdot \frac{s}{s^2(s+2)+M} = 0 \quad \forall A.$$

SOLO SE SISTEMA A C.C. E' A.S.

Uso Nyquist:

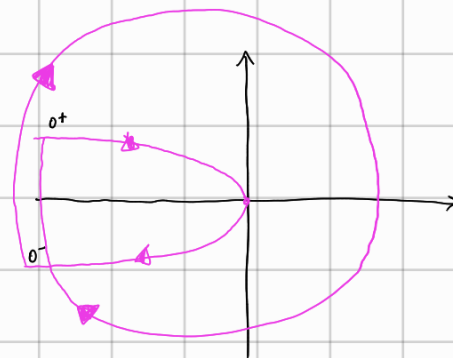
$$L(s) = \frac{M}{s^2(s+2)}$$

$$\varphi_0 = -x \quad \varphi_F = -\frac{3}{2}x$$

$$m_0 = +\infty \quad m_F = 0$$

Da dove parte? Sopra asse negativo

o sotto?



$P=0, N=-2$. Instabile!

• Il problema sta nelle fasi, voglio farla salire invece che scendere

Metto uno zero prima di 0,2!

$$R(s) = \frac{M(s+8)}{s}$$

$$G(s) = \frac{1}{s(s+2)}$$

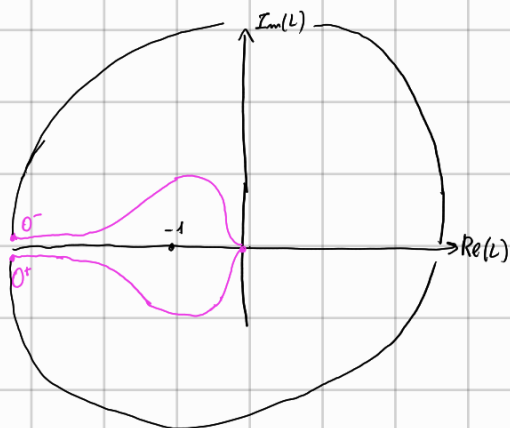
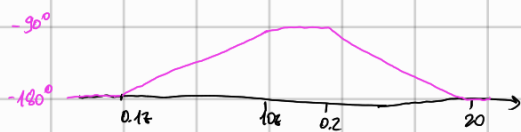
Con $0 < z < 2$
 Per avere
 auto-coppo
 Prima di 0,2

Now: $L(s) = \frac{M}{s^2}$

$$\varphi_0 = -180^\circ \quad \varphi_F = -180^\circ$$

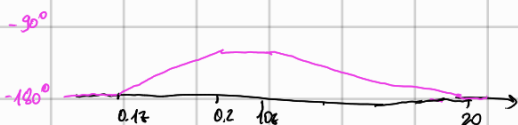
$$m_0 = +\infty \quad m_F = 0$$

Hp: Voglio z tale che estingua la differenza di fase ≈ -0.2 .



$P=0 \quad N=0!$

Se z era un po' dopo?



Non cambia nulla.

NOW: $\varphi_M = 40^\circ \quad \omega_c = 1 \text{ rad/s}$

$$|L(j\omega_c)| = 1 \quad \left| \frac{M(j\omega_c + z)}{\omega_c^2(j\omega_c + 2)} \right|_{\omega_c=1} = 1 \Rightarrow \frac{M\sqrt{1+z^2}}{\sqrt{4+1}} = 1 \Rightarrow M\sqrt{1+z^2} = \sqrt{5} \quad (z \in (0,2), \text{ ma } \mu \text{ e } z. \text{ GOL})$$

$$\varphi_m = 180^\circ - |\varphi_c|$$

$$\varphi_c^\circ = \underset{\text{con } \omega_c=1}{\arctan\left(\frac{1}{z}\right)} + 180^\circ - \arctan(0.5) < 0 \quad \text{perché nel diagramma sono nel 3° quadrante!}$$

$$40^\circ = 180^\circ - \arctan\left(\frac{1}{z}\right) - (180^\circ + \arctan\left(\frac{1}{z}\right)) \Rightarrow z = \frac{1}{\tan(40^\circ + \arctan(\frac{1}{z}))} = 0.43 \quad \checkmark \text{ accettabile}$$

$$M = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{4+(0.43)^2}} \approx 2$$

$$\text{Perché } M\sqrt{1+z^2} = \sqrt{5}$$

3) DOMANDA ORALE

$$G(s) = \frac{1}{1+s^2} \quad \varphi > 0; \quad \text{Voglio } R(s) = \frac{M}{s}, \text{ perché voglio } y_{ss} = 0 \text{ con derivata costante}$$

Voglio S che chiedo costante. Mi basta questo regolatore? E per stabilità?

Poi voglio $K_{mag} = 6 \text{ dB}$

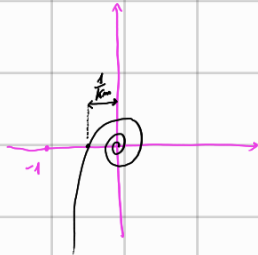
$$L(s) = \frac{M}{(1+s^2)s} e^{-s} \quad M > 0 \quad \varphi > 0$$

NYQUIST:

$$\varphi_0 = -90^\circ \quad \varphi_p = -\infty$$

$$m_0 = +\infty \quad m_c = 0$$

$$\frac{1}{K_m} = 0.5, \text{ perché } K_m = 2 \quad (K_{dB} = 6 \text{ dB})$$



$$|L(j\omega_c)| = \frac{1}{2}$$

$$\angle L(j\omega_c) = -\pi$$

↓

$$-\frac{\pi}{2} - \arctan(\omega_c \varphi) - \omega_c = -\pi$$

$$\arctan(\omega_c \varphi) + \omega_c = \frac{\pi}{2}$$

COME TROVO ω_c ?

Per Nyquist posso cancellare nel semipiano sinistro quando va bene.

Suggerimento: $R(s) = \frac{M}{s} (1+sT) \Rightarrow$ idea: $T = \varphi$ $L(s) = \frac{M}{s} \frac{(1+sT)}{1+s^2} e^{-s}$

$$-\pi = \angle L(j\omega_c) = -\frac{\pi}{2} - \omega_c \cdot 1 \Rightarrow \frac{\pi}{2} = \omega_c \Rightarrow \omega_c = \frac{\pi}{2} \text{ rad/s}$$

CONDIZ. SUL MODULO:

$$\frac{1}{2} = |L(j\omega_c)| = \frac{M}{\omega_c} \Rightarrow M = \frac{\omega_c}{2} = \frac{\pi}{4}, \text{ quindi } R(s) = \frac{\pi/4}{s} (1+s\varphi)$$