Tarea 13 Métodos Numéricos

Oscar Dalmau

Entrega: 23:59 del 21/11/21

(1) Implementa la Regla compuesta de Simpson de 3/8. Evalúa las siguientes integrales usando la Regla compuesta de Simpson de 3/8 para n=3,6,9,12,15 y muestra una gráfica de 'n contra el valor absoluto' del error

$$\int_{-1}^{1} e^x dx$$

$$\int_{-1}^{1} \frac{1}{1+x^2} dx$$

(2) Implementa el algoritmo de Newton, para calcular los ceros del polinomio de Legendre $P_{n+1}(x)$, es decir:

$$x^{t+1} = x^{t} - \frac{P_{n+1}(x^{t})}{P'_{n+1}(x^{t})}$$

Usa como puntos iniciales:

$$x_k^0 = \cos \frac{\pi(k+0.75)}{n+1+0.5}, k=0,1,\cdots,n$$

lo que permite obtener los n+1 ceros x_0,x_1,\cdots,x_n (Nodos de Gauss) de $P_{n+1}(x)$

- (3) Implementa el Algoritmo de cuadratura de Gauss-Legendre. Para ello:
 - \blacksquare Use el algoritmo anterior para obtener los nodos de Gauss x_0, x_1, \cdots, x_n
 - Calcule los coeficientes (o pesos) mediante la fórmula

$$a_k = \frac{2}{(1 - x_k^2) \left[P'_{n+1} (x_k) \right]^2}$$

Evalúa las siguientes integrales usando el Algoritmo de cuadratura de Gauss-Legendre para:

- (a) 2 nodos
- (b) 4 nodos
- (c) 10 nodos

$$\int_0^{\pi} x \cos x dx$$
$$\int_{-1}^0 x e^{-x} dx$$

y grafica el valor absoluto de los errores.