

Tarea 7 - Análisis de datos
Giovanni Gamaliel López Padilla

Problema 2

Supongamos que $[1.15, 4.20]$ es un intervalo de 95 % de confianza para el promedio μ del número de televisiones por hogar en EE.UU. ¿Cómo interpretar eso? Clasifica cada una de las siguientes frases como cierto o falso. Motiva tu respuesta.

1. 95 % de los hogares tienen entre 1.15 y 4.20 televisiones
2. La probabilidad que μ esté entre 1.15 y 4.20 es de 95 %.
3. De 100 intervalos calculados de la misma manera, esperamos que 95 % contiene a μ .

Problema 3

1. Si $\hat{\theta}$ es un estimador insesgado para θ , entonces $\hat{\theta}^2$ es un estimador insesgado para θ^2 ?
2. Si $[\hat{\theta}_L, \hat{\theta}_R]$ es un intervalo de 95 % de confianza para θ , entonces $[\exp(\hat{\theta}_L), \exp(\hat{\theta}_R)]$ es un intervalo de 95 % de confianza para $\exp(\theta)$?

Problema 4

El tiempo de ejecución de un programa sigue una distribución normal. Para una muestra de tamaño 40 se obtiene que $\bar{x} = 32.2$ s y $\sigma^2 = 3.1$ s².

1. ¿Cuántas veces se debe ejecutar el programa para obtener un intervalo de confianza de 95 % con un ancho menor que 2 s?
2. En muchas situaciones, el interés no es tanto en el comportamiento promedio, sino en la variabilidad. Usando el hecho que para una muestra de una misma distribución normal con varianza σ^2

$$\frac{nS^2}{\sigma^2} \sim \chi_{n-1}^2$$

con $S^2 = \frac{1}{n} \sum (X_i - \bar{X})^2$ y χ_{n-1}^2 una distribución chicuadrada, deriva un intervalo de confianza de 95 % para la varianza.

Problema 5

En este ejercicio usamos intervalos de confianza para entender mejor el desempeño de algoritmos. En general, el componente aleatorio puede entrar de dos maneras: en la dinámica del algoritmo o por los datos/parámetros de entrada. Calcula un intervalo de confianza de 95 % para el promedio del tiempo que los algoritmos quicksort y shellsort requieren para ordenar 10,000,000 números elegidos al azar de una distribución continua, basado en 100 corridas de cada algoritmo. Puedes usar la versión que está en R. Por ejemplo, para calcular el tiempo de una corrida el código es:

```
system.time(x1 <- sort(x, method = "shell"), gcFirst = TRUE)[1]  
system.time(x2 <- sort(x, method = "quick"), gcFirst = TRUE)[1]
```

con `GcFirst = FIRST` se libera primero la memoria (en caso de que sea posible). Explica porque no importa de cual distribución se generan los números siempre y cuando que sean de una variable continua. Construye también un intervalo de confianza para la diferencia de sus tiempos de ejecución para un (mismo) conjunto.

Problema 6

El pasado 27 de octubre la revista forbes publicó que según un sondeo entre 800 personas, 28.1 % de los mexicanos está muy de acuerdo con la reforma energética mientras 35.7 % está algo de acuerdo. Calcula un intervalo de 90 % de confianza para el porcentaje de la categoría mu de acuerdo.