

Tarea 04 - Optimización

Giovanni Gamaliel López Padilla

Resumen

Los métodos del descenso del gradiente y de Newton son los métodos más simples en la rama de la optimización. Esto debido a que se basan en principios matemáticos los cuales indican que existe un mínimo global o local en una función con dominio convexo. En este trabajo se analizó la eficiencia de estos dos métodos usando las funciones de Rosembrock, de Wood y de suavizado. Llegando así a que el método del descenso del gradiente tiende a obtener mínimos locales cercanos al mínimo global en cuestión del valor de la función a analizar. Por otro lado el método de Newton obtiene un mínimo local cercano al punto inicial con un número menor de iteraciones a comparación del método del descenso del gradiente.

Índice

1. Introducción	1
2. Marco teórico	1
2.1. Región de confianza	2

1. Introducción

La optimización es procedimiento que con sus resultados se toman de decisiones en el análisis de sistemas físicos. Para realizar es la optimización de un sistema o situación se debe de contemplar un objetivo, el cual debe ser caracterizado por una función cuantitativa.

El resultado de realizar la optimización a un sistema puede representarse como un ahorro de tiempo, energía o cualquier objeto que pueda ser reflejado en un número. El objetivo del proceso de una optimización es obtener un conjunto de números o características que representen un mínimo o máximo de objeto el cual esta siendo caracterizado. Esto puede ser representado como se encuentra en la ecuación 1.

$$\min_{x \in \mathbb{R}} f(x) \tag{1}$$

donde f es la caracterización cuantitativa del problema y x son los objetos que interactúan con el sistema.

Una optimización local es una solución al problema de optimización en una vecindad alrededor del valor de x encontrado. En cambio una optimización global es aquella solución que es menor o mayor con respecto a todas las demás. La solución de un proceso de optimización no siempre encontrará los valores en que el sistema se sitúe una optimización global.

2. Marco teórico

Una técnica para la optimización de funciones es definir la función de objetivo, generalmente para obtener alguna solución del problema se escogen pasos de búsqueda unidireccionales.

2.1. Región de confianza

Un método empleado para acotar las soluciones del problema es usar una región de confianza dado un punto. Para formalizar este método se define un modelo que aproxima a la función objetivo en un punto. El modelo se encuentra descrito en la ecuación 2.

$$m_k(p) = f(x_k) + \nabla f(x_k)^T p + \frac{1}{2} p^T \nabla^2 f(x_k) p \quad (2)$$

donde su mínimo se encuentra dentro de la región de confianza. Se denomina al arco de Cauchy al segmento tal que:

$$x_k^C(t) = \{x : x = x_k + t \nabla f(x_k), t \leq 0, \|t \nabla f(x_k)\| < \Delta_k\}$$