



UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE NUEVO LEÓN FACULTAD DE CIENCIAS FÍSICO MATEMÁTICAS

Simuladores Moleculares

Simulación de una cadena de moleculas de carbono bajo el potencial de Lennard Jones y FENE

Nombre: Matricula: Giovanni Gamaliel López Padilla 1837522

1. Resumen

En este trabajo se presenta la simulación de una cadena de moleculas de carbono que se encuentran bajo los efectos del potencial de Lennard-Jones y el potencial no lineal de atracción finita (FENE). Se realizo la misma simulación un total de nueve veces, en cada una con una configuración inicial diferente en la cual se monitorizo la temperatura, energía potencial y la posición de cada moleucula a lo largo de cada paso de la simulación. Al analizar el comportamieno de cada ente se observo que la tendencia de la energía potencial y la temperatura son muy semejantes llegando a tener una desviación estandar de $6.65x10^{-4}$ en la energía potencial y $5.40x10^{-4}$ en la temperatura, es por ello que apesar que tengan una gran diferencia en el movimiento de cada partícula, al analizar aspectos macroscopicos no una diferencia notable entre simulaciones. Palabras clave: FENE, Lennard-Jones, bidimensional, temperatura, energía potencial, cadenas de moleculas.

2. Introducción

La simualación de sistemas moleculares es de gran ayuda para poder analizar estrucuturas y obtener información como tensiones, fuerzas que resiste el material o los efectos en el sistema cuando esta bajo ciertos ambientes o potenciales de interacción. En algunos casos se busca que el sistema se encuentre a una tempereratura constante para tener un equilibrio termodinámico o mantener el sistema con esa energía interna, para lograr esto se implementan termostatos en el sistema. La simualación de estos termostatos de manera numérica puede ser implementada de diversas formas, una de ellas es el termostato de Andersen.

3. Objetivo general

Realizar una simualción de un polimero de átomos de carbono en un plano bajo la inter-

acción de Lennard-Jones y el potencial FENE

4. Objetivo especifico

- Monitorear la energía potencial durante toda la simulación del sistema.
- Monitorear la temperatura durante toda la simulación del sistema.

5. Marco teórico

El potencial de Lennard-Jones describe la energía potencial de interacción entre dos átomos o moleculas netros sujetos a dos fuerzas distintas, una fuerza que tiene mayor acción cuando la distancia entre las dos sistemas es grande y la otra fuerza de interacción tiene una mayor acción a corta distancia. Este potencial tiene la siguiente forma:

$$V(r)_{LJ} = 4\epsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^{6} \right]$$
 (1)

donde:

- V_{LJ} es el potencial intermolecular entre dos átomos o partículas.
- ε es la profundidad del valle que define que tan fuerte es la atracción entre partículas.
- σ es la distancia a la cual el potencial entre dos partículas es igual a cero.
- r es la distancia de separación entre dos partículas.

Los parámetros ϵ y σ son ajustados para reproducir datos experimentales o pueden ser dedudidos de resultados a partir de cálculos de química cuántica.

En donde expone una gráfica de potenciales universales para estructuras de gráfito, y la que tenemos se asemeja en comportamiento a pesar de no tener la estrucura de un grafito. Teniendo el potencial de la ecuación 1, podemos deducir la fuerza, ya que esta puede ser deducida a partir de aplicar el gradiente a la función V(r), teniendo así la siguiente expresión:

$$\vec{F}(r)_{LJ} = 48\epsilon \left(\frac{\sigma^{12}}{r^{13}} - \frac{1}{2}\frac{\sigma^6}{r^7}\right)\hat{r},$$
 (2)

reescribiendo las ecuaciones 1 y 2 para tener la suma de estas en un sistema de n particulas se tiene lo siguiente:

$$U_{t} = \left\langle \sum_{i=1}^{N-1} V_{i,j}(|r_{j} - r_{i}|) \right\rangle_{t}. \tag{3}$$

$$F_{LJ} = \frac{48}{\sigma^2} \sum_{i=1}^{N-1} \left[\left(\frac{\sigma}{r_{i,j}} \right)^{14} - \frac{1}{2} \left(\frac{\sigma}{r_{i,j}} \right)^8 \right] (r_j - r_i).$$
(4)

El potencial no lineal de atracción finita (FENE) considera que las cadenas moleculares no pueden extenderse de manera infinita, si no que estas tienen una distancia máxima. El potencial FENE tiene la siguiente estructura:

$$V_{FENE} = -\frac{1}{2}k_f R_0^2 \sum_{i=1}^{N-1} \log \left(1 - \left[\frac{r_{i,j}}{R_0^2} \right]^2 \right),$$
(5)

donde

- V_{FENE} es el potencial FENE entre dos moleculas continuas.
- K_f es la constante de resistencia.
- R₀ es la distancia máxima de las cadenas moleculares.
- r_{ij} es la distancia entre la molecula i y j, donde j = i + 1.

Obteniendo el término para la fuerza debido al potencial FENE se obtiene la siguiente expresión:

$$F_{FENE} = -K_f \frac{R_0^2}{R_0^2 - r_{ij}^2}. (6)$$

El potencial de Lennard-Jones y el potencial FENE serán utilizados en la siguiente distribución:

$$V(r) = \begin{cases} V_{LJ} + V_{FENE} & r_{ij} < R_0 \\ 0 & r_{ij} \ge R_0 \end{cases}$$
 (7)

Usando a $R_0 = 1.3$, se obtiene que el potencial actuando sobre el sistema es el mostrado en la figura 1 junto con la fuerza que esta mostrada en la figura 2.

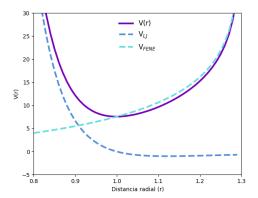


Figura 1: Potencial de Lennard-Jones y FENE

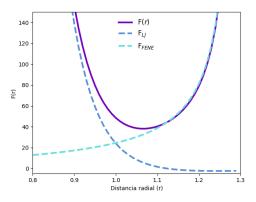


Figura 2: Fuerza de Lennard-Jones y FE-NE

Teniendo definidos los potenciales que actuaran en la simulación la energía cinética del sistema se estará monitoreando de la siguiente manera:

$$T_t = \left\langle \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{2} m |v_i(t)|^2 \right\rangle$$
 (8)

por lo tanto, la energía total para un tiempo t será:

$$E_t = T_t + U_t \tag{9}$$

Número de moleculas	Número de pasos	Número de ejecuciones	ϵ_{LJ}	σ_{LJ}	K_f	R_0
50	$2x10^{5}$	9	1	1	10	1.3

Tabla 1: Parámetros para las diferentes simulaciones del sistema de cadenas de moleculas bajo el potencial de Lennard-Jones y el potencial FENE.

6. Resultados

La configuración inicial que se le dio a cada sistema esta dado por las siguientes ecuaciones:

$$x_{i+1} = (i-1) * 0.9 + a$$
$$y_{i+1} = \begin{cases} 0.5 + a & mod(i,2) = 0 \\ a & mod(i,2) \neq 0 \end{cases}$$

donde a representa un número aleatorio entre -0.1 y 0.1. Con ello, las configuraciones iniciales de cada ejecución del modelo estan mostradas en la figura 3.

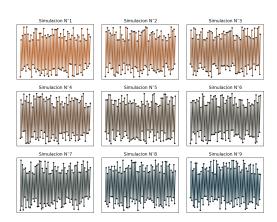


Figura 3: Configuración inicial de las cadenas de moleculas.

Las velocidades de cada molecula fueron dada siguiendo las siguientes ecuaciones:

$$v_{xi} = v_0 \cos(2v_0\pi)$$
$$v_{yi} = v_0 \sin(2v_0\pi)$$

donde v_0 es un número aleatorio entre 0 y 1. Los parámetros usados para cada simulación son los que se muestran en la tabla 1, la dinámica que presento cada simulación estan guardadas en el siguiente link (simulaciones.mp4). En cada una de ellas se realizó

la monitorización de la energía potencial, energía cinética y las posiciones de cada molecula. En la figura 4 se visualiza como es la evolución a diferentes tiempos de una simulación.

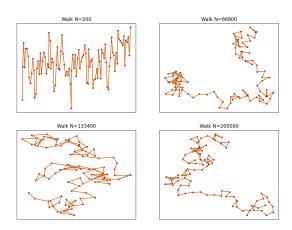


Figura 4: Dinámica de una simulación de la cadena de moleculas a diferentes tiempos.

Realizando el calculo de la temperatura del sistema a cada paso de la simulación se obtuvo la figura 5.

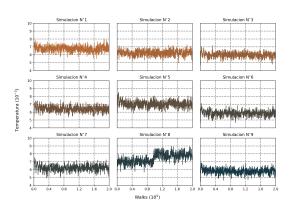


Figura 5: Temperatura de las diferentes simulaciones de la cadena de moleculas bajo el potencial de Lennard-Jones y el potencial FENE.

Y observando la variación de la energía potencial a lo largo de la simulación se obtuvo la figura 6.

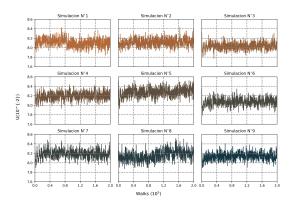


Figura 6: Energía potencial de las diferentes simulaciones de la cadena de moleculas bajo el potencial de Lennard-Jones y el potencial FENE

Obteniendo un valor medio de la temperatura y la energía potencial se obtiene la tabla 2.

Simulación	$ar{U}(r)$	$ar{T}$
1	0.0811	0.0068
2	0.0811	0.0063
3	0.0804	0.006
4	0.082	0.0064
5	0.0827	0.007
6	0.0807	0.0059
7	0.0819	0.0062
8	0.0815	0.0074
9	0.0814	0.0058

Tabla 2: Valores medios de la energía potencial $(\bar{U}(r))$ y la temperatura (\bar{T}) en cada simulación realizada.

En donde la desviación estandar de cada valor es:

$$\sigma_U = 6.65x10^{-4}$$
$$\sigma_T = 5.40x10^{-4}$$

7. Conclusiones

Las simulaciones de cadenas de moleculas afectadas por los potenciales de Lennard-Jones y el potencial FENE presentan situaciones caóticas, esto debido a que aun que sean mínimas las diferencias entre posiciones y velocidades iniciales de cada molecua esta lleva a presentar una dinámica muy diferente, en cambio la temperatura y la energía potencial presentan una evolución oscilante independientemente de cual sean las condiciones iniciales y la mayoria ronda por valores semejantes en el promedio, es por ello que aunque la dinámica sea diferente los fenomenos macroscopicos guardan una misma tendencia.

8. Código

■ MD-n2.f

Este código realiza la simulación de cada sistema tomando en cuenta al potencial de Lennard-Jones y al potencial FENE.

run.py

Este código es en el encargado de ejecutar al modelo varias veces automaticamente.

Potencial_Graphics.py

Este código realiza el calculo de los potenciales y fuerzas de Lennard-Jones y FENE para generar las figuras 1 y 2.

■ Dim_Graphics.py

Este código realiza cuatro capturas de la dinámica de una simulación para generar la figura 4.

temp_graphics.py

Este código realiza el calculo de la temperatura para generar la figura 5.

Energy_Graphics.py

Este código realiza la captura de la energía potencial de cada simulación para generar la figura 6.

Dim_gif.py

Este código realiza una animación de la dinámica de cada simulación.

Referencias

- [1] Monica Bulacu. Molecular Dynamics Studies of Entangled Polymer Chains. Advanced Materials, (49):152, 2008.
- [2] Bogdan Z. Dlugogorski, Miroslav Grmela, and Pierre J. Carreau. Viscometric functions for FENE and generalized Lennard-Jones dumbbell liquids in Couette flow: molecular dynamics study. *Journal of Non-Newtonian Fluid Mecha*nics, 48(3):303–335, 1993.
- [3] Ondřej Kreml and Milan Pokorný. On the local strong solutions for the fene dumbbell model. Discrete and Continuous Dynamical Systems - Series S, 3(2):311–324, 2010.
- [4] N. W. Lima, L. I. Gutierres, R. I. Gonzalez, S. Müller, R. S. Thomaz, E. M. Bringa, and R. M. Papaléo. Molecular dynamics simulation of polymerlike thin films irradiated by fast ions: A comparison between FENE and Lennard-Jones

- potentials. Physical Review B, 94(19):1–8, 2016.
- [5] Julien Morthomas, Claudio Fusco, Zengqiang Zhai, Olivier Lame, and Michel Perez. Crystallization of finite-extensible nonlinear elastic Lennard-Jones coarsegrained polymers. *Physical Review E*, 96(5):1–10, 2017.
- [6] Giuseppe Mulone and Brian Straughan. Boundary conditions for the microscopic FENE models*. 69(6):1739–1758, 2009.
- [7] Armando Rodulfo Reyes. Absorción de un polímero doble atado a una superficie.
- [8] Juan David Torrenegra, Juan Pablo Hernandez-Ortiz, and Jarol Molina. Modelo mesoscópico de una membrana de intercambio protónico. Revista CIN-TEX, 23(2):76–85, 2018.
- [9] A. P.G. Van Heel, M. A. Hulsen, and B. H.A.A. Van Den Brule. On the selection of parameters in the FENE-P model. *Journal of Non-Newtonian Fluid Mechanics*, 75(2-3):253–271, 1998.