

# ANÁLISIS DE TRES MÉTODOS DE DERIVACIÓN DE LA IRRADIANCIA SOLAR EFECTIVA PARA LA SÍNTESIS DE PRE-VITAMINA D<sub>3</sub> EN LA PIEL, EN LA CIUDAD DE ROSARIO, ARGENTINA

## ANALYSIS OF THREE DERIVATION METHODS OF EFFECTIVE SOLAR IRRADIANCE FOR THE SYNTHESIS OF PRE-VITAMIN D<sub>3</sub> ON THE SKIN, IN ROSARIO, ARGENTINA

Adriana Ipiña<sup>\*1</sup>, Montserrat Dávalos<sup>2</sup>, Gamaliel López-Padilla<sup>3</sup>, and Rubén D. Piacentini<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Instituto de Física Rosario (IFIR) – Universidad Nacional Rosario – Consejo Nacional de Investigaciones Científicas y Técnicas, 27 de Febrero 210BIS – (S2000EKF) Rosario – Argentina.

<sup>2</sup>Investigadora Independiente, (64810) México

<sup>3</sup>Facultad de Ciencias Físico Matemáticas – Universidad Autónoma de Nuevo León, Pedro de Alba S/N - Ciudad Universitaria San Nicolás de los Garza (66451) – México.

Recibido: xx/xx/xx; Aceptado: xx/xx/xx

En los últimos años, el interés por el estudio de la vitamina D ha aumentado debido al incremento en la incidencia de personas que presentan niveles deficientes de esta vitamina. Pocos alimentos contienen vitamina D<sub>3</sub> de manera natural, siendo la principal fuente de obtención la radiación solar ultravioleta (UV), la cual desencadena el mecanismo de la síntesis de la vitamina D en la parte superficial de la piel. En este estudio se determinó la irradiancia solar UV efectiva para la síntesis de pre-vitamina D<sub>3</sub> en la ciudad de Rosario, Argentina, utilizando tres métodos: a) Coeficiente de proporcionalidad, b) Ecuación de Herman y c) Modelo TUV. Los valores se compararon para condiciones de cielo despejado al mediodía solar. El cálculo de los tiempos de exposición solar (TES) se optimizó mediante un código python con el fin de obtener las dosis mínimas de radiación UV solar para sintetizar pre-vitamina D<sub>3</sub> mínima y suficiente como para producir enrojecimiento de la piel (debido a la dilatación de los vasos sanguíneos superficiales) denominado eritema, diariamente en el periodo junio 2019 - mayo 2020. Se discute la variación de los TES para alcanzar una dosis mínima para la síntesis de pre-vitamina D<sub>3</sub> y aparición de eritema con una fotoexposición del 25 % de la superficie corporal (la cara, el cuello y los brazos).

*Palabras Clave: radiación UV solar, vitamina D, dosis eritémica mínima, tiempos de exposición, Argentina.*

In the last years, interest in the study of vitamin D has raised due to the increase in the incidence of people with deficient levels of this vitamin. Few foods contain it naturally, being the main source of obtaining the ultraviolet solar radiation, which triggers the mechanism of the synthesis of vitamin D on the surface skin. In this study, the effective UV solar irradiance for the synthesis of pre-vitamin D<sub>3</sub> was determined in Rosario city, Argentina, using three methods: a) Coefficient of proportionality, b) Herman equation and c) TUV model. The values were compared in clear sky conditions at solar noon. The calculation of the solar exposure times (TES) was optimized by means of a python code in order to obtain the minimum doses for the synthesis of pre-vitamin D<sub>3</sub> and enough to produce redness of the skin (due to dilation of the superficial blood vessels) also known as erythema, daily in the period June 2019 - May 2020. It is discussed the variation of the TES reaching the minimum dose of pre-vitamin D<sub>3</sub> and erythema with a photoexposure of 25 % of the body (face, neck and arms).

*Keywords: UV solar radiation, vitamin D, minimal erythema dose, exposure times, Argentina.*

## I. INTRODUCCIÓN

La vitamina D participa en múltiples procesos en el cuerpo humano, en varios otros mamíferos, reptiles y anfibios, interviene en la regulación de la homeostasis del calcio y por ende en el metabolismo óseo. La deficiencia de esta vitamina se asocia al incremen-

to de algunos cánceres, enfermedades como el Parkinson, Alzheimer, entre otras.<sup>?, ?, ?</sup> Pocos alimentos contienen esta vitamina de manera natural, siendo la radiación ultravioleta (UV) solar la principal fuente de síntesis en la piel expuesta. La radiación UV solar que llega a la superficie terrestre varía esencialmente en función de la composición atmosférica (especialmente O<sub>3</sub> estratosférico y troposférico), la ubicación

<sup>1</sup>ipina@ifir-conicet.gov.ar

geográfica, la hora del día y los días del año. El intervalo de radiación UV es el más energético por fotón incidente (280-400 nm) y es el que desencadena las reacciones fotoquímicas importantes en la piel humana al interactuar con el 7-dehidrocolesterol (7-DHC) presente en las membranas plasmáticas de los queratinocitos de la epidermis y en los fibroblastos de la dermis.<sup>?,?,?</sup> Se producen dos tipos de vitamina D generada a partir de la interacción entre los fotones de radiación ultravioleta solar y la piel: la vitamina D<sub>2</sub> (ergocalciferol) sintetizada en los vegetales y la vitamina D<sub>3</sub> (colecalciferol) sintetizada en la piel humana.<sup>?</sup> Cuando el precursor 7-dehidrocolesterol presente en la piel, interactúa con fotones de radiación UV se convierte en pre-vitamina D<sub>3</sub>. Esta última se libera de la membrana celular y se asocia a su proteína transportador en sanguíneo que es la  $\alpha$ 1-globulina y viajando por el torrente sanguíneo llega al hígado en donde es hidroxilada, produciendo 1,25-hidroxivitamina D<sub>3</sub>, la forma activa de la vitamina D.<sup>?</sup>

Por otro lado, la sobreexposición solar UV también puede producir efectos nocivos a largo plazo, que van desde el fotoenvejecimiento, fotodermatitis hasta cánceres de piel y cataratas.<sup>?,?</sup> Por esta razón es de gran importancia poder determinar los tiempos óptimos de exposición solar para la síntesis de la pre-vitamina D<sub>3</sub> sin provocar un daño a la piel (ej. eritema). Con este objetivo se utiliza la definición de la dosis efectiva de radiación UV solar:

$$Dosis = \int_{t_1}^{t_2} \int_{250nm}^{400nm} E_{\lambda} \cdot S_{\lambda} d\lambda dt = \int_{t_1}^{t_2} E_t dt \quad (1)$$

donde  $E_{\lambda}$  es la irradiancia solar espectral a nivel del suelo,  $S_{\lambda}$  es el espectro de acción biológica de la síntesis de la pre-vitamina D<sub>3</sub> o eritémica (según sea el caso) y cuyo producto integrado en la longitud de onda representa la irradiancia efectiva,  $E_t$ . Esta irradiancia de acuerdo a sus respectivos  $S_{\lambda}$ , definen las irradiancias de pre-vitamina D<sub>3</sub> ( $E_{vitD}$ ) y eritémica ( $E_{er}$ ). Integrando estas irradiancias en un intervalo de tiempo resultan las dosis en unidades de J/m<sup>2</sup>. La dosis mínima para mantener niveles adecuados de vitamina D<sub>3</sub> en una exposición de cuerpo completo es de 0.34 SDD (Dosis Estándar de vitamina D, SDD por sus siglas en inglés, equivalente a 100 J/m<sup>2</sup> de exposición). Para una exposición del 25 % del cuerpo (brazos, cuello y cara) la dosis mínima es de 136 J/m<sup>2</sup> y la dosis mínima para generar eritema en un fototipo de piel II es de 250 J/m<sup>2</sup>, en la clasificación de Fitzpatrick.<sup>?,?</sup> Ambas dosis se consideran como valores de referencia en este trabajo para determinar los tiempos de exposición solar (TES). Se presenta la estimación de la irradiancia solar efectiva para la producción de la vitamina D<sub>3</sub>, mediante tres métodos: Coeficiente de proporcionalidad,<sup>?</sup> Ecuación de Herman<sup>?</sup> y Modelo TUV.<sup>?</sup> En particular, los resultados obtenidos con el modelo TUV se utilizaron para calcular los TES correspondientes a cada efecto biológico, en la ciudad de Rosario, Argentina.

## II. MATERIALES Y MÉTODOS

Los datos de la columna total de ozono (O<sub>3</sub>) utilizados en este trabajo provienen de la Colección 3, OMTD3 v8.5, en Unidades Dobson (DU), medidos por el Instrumento de Monitoreo de Ozono (OMI) para las coordenadas de la ciudad de Rosario, Argentina. A bordo del satélite AURA-NASA, OMI realiza observaciones diarias en una superficie de 13x24 Km<sup>2</sup> en el nadir [disc.gsfc.nasa.gov](http://disc.gsfc.nasa.gov). Por otro lado, se utilizó un espectroradiómetro Optronic-OL756 y la estación meteorológica DAVIS para mediciones *in situ* de  $E_{\lambda}$  e índice UV, respectivamente. Ambos ubicados en el Instituto de Física Rosario (CONICET-UNR), en la ciudad de Rosario

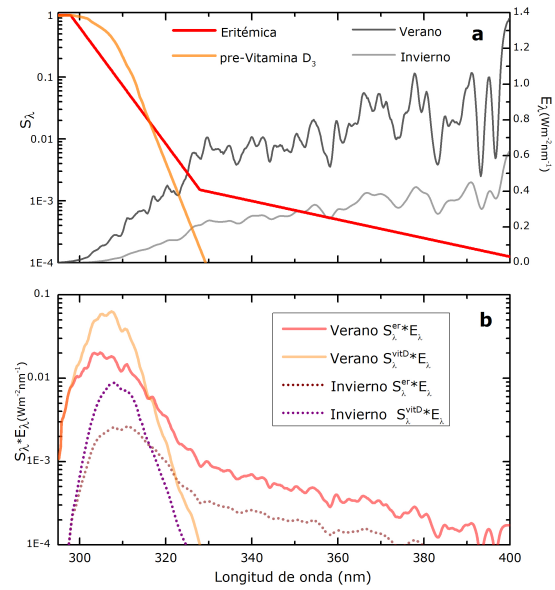


Figura 1: a) Espectros de acción de pre-vitamina D<sub>3</sub> y eritémica, e irradiancia espectral solar medida en cielo despejado, cerca de los solsticios de verano (28/Dic/2011) e invierno (23/Jun/2011), en la ciudad de Rosario. b) Irradiancia ponderada por cada espectro de acción y estación del año.

## III. Coeficiente de proporcionalidad

En el reporte de la Racionalización de la Nomenclatura de Dosis y Efectos de UV en Humanos,<sup>?</sup> elaborado por la Commission Internationale de l'Eclairage (CIE) y la World Meteorological Organization (WMO), se define la relación:

$$E_{vitD} = k \cdot E_{er} \quad (2)$$

donde  $k$  toma dos valores distintos en verano e invierno para una ciudad del hemisferio sur. En este trabajo, los factores  $k$  para la ciudad de Rosario fueron determinados calculando las irradiancias  $E_{er}$  y  $E_{vitD}$ , por medio de Ec. 1 y las mediciones espectrales  $E_{\lambda}$  realizadas bajo cielo despejado en verano e invierno (Figura 1). Posteriormente, las  $E_{er}$  y  $E_{vitD}$

Tabla 1: Coeficientes<sup>2</sup> para obtener  $U(\theta);RAF(\theta) = \frac{a+c\theta^2+e\theta^4}{1+b\theta^2+d\theta^4+f\theta^6}$

	U	RAF
a	0.9659616883022778	1.349378286522954
b	0.0001089314449687077	-0.0002926808443875372
c	-0.0002681987275053843	-0.0003059282407232034
d	1.410783665933483E <sup>-8</sup>	2.879164470755759E <sup>-8</sup>
e	1.894213900598701E <sup>-8</sup>	1.920553492457117E <sup>-8</sup>
f	1.695104643516458E <sup>-12</sup>	-8.580442654658103E <sup>-13</sup>

fueron sustituidas en la Ec. 2, obteniendo  $k=1.6$  en invierno y de  $k=2$  en verano. Luego de establecer los factores  $k$  para cada época del año fue posible estimar  $E_{vitD}$  a partir de mediciones de irradiancia eritémica. El índice UV es una medida de la intensidad solar en este rango espectral y el riesgo de sufrir eritema. Este índice es una cantidad adimensional que resulta de multiplicar la  $E_{er}$  por  $40 \text{ m}^2/\text{W}$  y cuya escala va de 0 a 20 (o más). A partir de las mediciones diarias del índice UV al mediodía solar en cielo despejado de la estación DAVIS, fueron obtenidas las  $E_{er}$  y finalmente por medio de la Ec. 2, los valores de  $E_{vitD}$ .

#### IV. Ecuación de Herman

Herman<sup>2</sup> determinó las  $E_{vitD}$  ejecutando el modelo TUV para diferentes ciudades alrededor del mundo. De los resultados derivó la siguiente ecuación general:

$$E_{vitD} = U \left( \frac{O_3}{200} \right)^{-RAF} \quad (3)$$

donde el  $O_3$  es la columna total de ozono, RAF es el Factor de Amplificación de Radiación y  $U$  es una función de ajuste, estos dos últimos dependientes el ángulo cenital solar ( $\theta$ ). Esta ecuación permite determinar la  $E_{vitD}$  sustituyendo el valor de  $O_3$  medido en el sitio en cuestión y las funciones de RAF y  $U$  de acuerdo al ángulo cenital (relacionado a la hora del día). Los coeficientes para establecer  $U$  y RAF se muestran en la Tabla 1.

#### V. Modelo TUV

El modelo Tropospheric Ultraviolet Radiation (TUV) permite obtener los valores de radiación solar nanómetro a nanómetro mediante una ecuación de transferencia radiativa que lleva a determinar  $E_\lambda$  a nivel del suelo, en los rangos ultravioleta, visible e infrarrojo cercano. El modelo incorpora el perfil de aerosoles cuya profundidad óptica (AOD) es de 0.23 a 340 nm (desde 5.24 km al espacio) y un perfil de  $O_3$  correspondiente a la atmósfera estándar de EE.UU. Entre los datos de entrada más relevantes se encuentran las coordenadas geográficas del lugar, altura sobre el nivel del mar, AOD a 550 nm, reflectividad del suelo, albedo de dispersión simple, coeficiente de Angstrom, fecha y hora del día. La columna total de  $O_3$  ingresada tiene un valor climatológico de acuerdo a la medición diaria de OMI.

Con el modelo TUV también se calcularon los valores de  $E_{vitD}$  y  $E_{er}$  para la latitud, longitud y altura

sobre el nivel del mar (32.95°S, 60.62°W, 25 m s.n.m) de la ciudad de Rosario, Argentina. Las estimaciones se realizaron cada día, minuto a minuto entre las 11:00 - 15:00 h, en el periodo junio 2019 - mayo 2020. Posteriormente se seleccionaron las irradiancias al mediodía solar.

#### VI. Cálculo de los TES

Por medio de un código en python y la Ec. 1 se calcularon los TES, utilizando las irradiancias  $E_{vitD}$  y  $E_{er}$  derivadas del modelo TUV. Se integraron las irradiancias en intervalos  $t_2 - t_1$  hasta alcanzar las dosis mínimas en fototipo II, necesarias para la producción de vitamina D<sub>3</sub> y para la aparición de eritema. Se consideró el comienzo de la exposición a las 11 h y se repitió la operación diariamente, revelando así el intervalo de tiempo  $t_2 - t_1$  para generar cada efecto a lo largo de un año.

#### VII. RESULTADOS

La irradiancia pre-vitamina D<sub>3</sub> calculada al mediodía solar empleando los tres métodos se muestra en la Fig. 2. Como puede observarse, existe una razonablemente alta similitud entre los resultados obtenidos con la Ec. de Herman y con el modelo TUV. La diferencia relativa promedio fue de 5% en verano y de 2% en invierno, respecto al TUV. Mientras que las diferencias relativas en razón del Coeficiente de proporcionalidad con el TUV y la Ec. de Herman fueron de: 8.8% y 8.4% en invierno, así como de 22.3% y 17.1% en verano, respectivamente.

Un estudio<sup>2</sup> sobre el porcentaje de conversión de 7-DHC a pre-vitamina D<sub>3</sub> en diferentes latitudes, épocas del año y horas del día, reveló que a latitudes  $> 40^\circ[\text{S-N}]$  en invierno, esta conversión es extremadamente ineficiente. La magnitud de este porcentaje resultó inversamente proporcional a la latitud en ciudades del continente americano. En el hemisferio norte, las ciudades de Boston y Edmonton tuvieron su máximo % de conversión a pre-vitamina D<sub>3</sub> alrededor del mediodía solar el mes de junio, mientras que en el hemisferio sur, Buenos Aires y Ushuaia lo tienen el mes de diciembre. Estos resultados concuerdan con los obtenidos con los tres métodos de derivación de la irradiancia efectiva de pre-vitamina D<sub>3</sub> en Rosario, ya que el máximo valor se encontró en el mes de diciembre (Figura 2).

Para una exposición que comienza a las 11 h, en el periodo junio 2019 - mayo 2020 se estimaron los TES

Tabla 2: TES obtenidos por Cabrera 2005, Diaz et al. 2011 (celdas grises) y análisis presente con modelo TUV (celdas con fondo blanco): tasa de dosis ( $W/m^2$ ), fototipo y dosis eritémica (x: dosis no alcanzada) determinada por cada autor.

Ciudad	Cabrera 2005 fototipo III, Dosis=210 $J/m^2$				Diaz et al. 2011 fototipo II, Dosis=250 $J/m^2$		Presente fototipo II, Dosis=62 $J/m^2$		Presente fototipo II, Dosis=250 $J/m^2$		Presente Pre Vitamina D Dosis=136 $J/m^2$	
	Tasa de dosis $W/m^2$						TES (minutos)					
	verano	invierno	verano	invierno	verano	invierno	verano	invierno	verano	invierno	verano	invierno
Santiago de Chile	0.36	0.06	10	56	21	119	4	14	16	52	4	14
Rosario	0.29	0.1	-	-	-	-	2	12	14	52	2	16
Punta Arenas	0.13	0.03	26	134	37	x	4	92	22	x	8	192

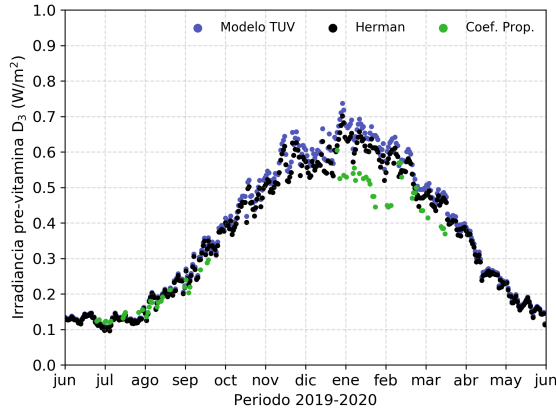


Figura 2: Irradiancia de pre-vitamina  $D_3$  para la ciudad de Rosario, obtenida con: Coeficiente de proporcionalidad, Ec. de Herman y Modelo TUV.

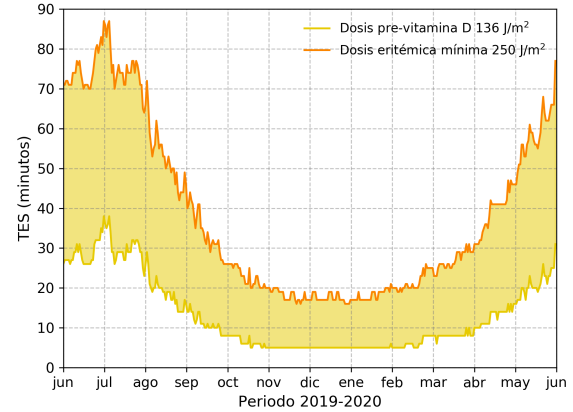


Figura 3: TES diarios para generar pre-vitamina  $D_3$  (área amarilla) y límite para evitar el eritema de la piel en una persona de un fototipo de piel II (curva naranja). TES comenzando a las 11 h con cielo despejado, en la ciudad de Rosario.

a partir de los resultados obtenidos con el modelo TUV (Fig. 3). En invierno los TES para comenzar la síntesis de pre-vitamina  $D_3$  en personas con fototipo II, se encuentran en promedio a los  $22 \pm 8$  minutos y para la aparición de eritema a los  $59 \pm 17$  minutos. En verano, en promedio se requieren  $6 \pm 1$  minutos para alcanzar la dosis mínima de pre-vitamina  $D_3$  y  $21 \pm 3$  minutos para la eritémica.

## VIII. DISCUSIÓN Y CONCLUSIONES

El modelo TUV y la Ec. de Herman mostraron valores semejantes de irradiancia pre-vitamina  $D_3$  debido a que ambos métodos consideran el  $O_3$  y el  $\theta$  como principales elementos de influencia. Además, particularmente en la ciudad de Rosario, las concentraciones de  $SO_2$  y  $NO_2$  no varían significativamente a lo largo del año. Sin embargo, los aerosoles pudieran tener una importante contribución en la atenuación del UV entre mayo-agosto cuando suelen tener lugar incendios en el delta del río Paraná frente a Rosario.<sup>7</sup> Respecto al método basado en el Coeficiente de proporcionalidad, aunque su aplicación es práctica, la precisión depende del factor  $k$  de cada época del año. En verano, subestima la magnitud de la irradiancia pre-vitamina  $D_3$  con respecto a los otros dos métodos.

Diaz et al. 2011 calculó los TES para las dosis de síntesis de pre-vitamina  $D_3$  y eritémica en un fototipo II, en una exposición del 9 % del cuerpo (sólo la cabeza). Los TES para la síntesis de vitamina  $D_3$  en Buenos Aires (a 300 km de Rosario) y Santiago de

Chile, fueron de 13 y 12 minutos en verano, respectivamente.<sup>7</sup> Estos TES para alcanzar la dosis mínima de pre-vitamina  $D_3$  difieren más del doble respecto a la estimación hecha para la ciudad de Rosario ( $6 \pm 1$  min). A pesar de que estas ciudades se encuentran a latitudes cercanas, en los primeros dos casos, los TES son más largos debido a que las mediciones no discriminan las condiciones de cielo y consideran un área expuesta del cuerpo de menor tamaño.

Un análisis comparativo de los TES para acumular la dosis mínima eritémica a diferentes latitudes, fue utilizando para dos ciudades incluidas en dos estudios distintos.<sup>7,7</sup> En la Tabla 2 se muestra para la ciudad de Santiago y de Punta Arenas, las tasas de dosis medidas y los TES de acuerdo a los fototipos y dosis consideradas. Los valores para la ciudad de Rosario corresponden a los valores estimados para este trabajo con el Modelo TUV, incorporando la aproximación también para las otras ciudades.

Los valores para Santiago de Chile fueron estimados con el modelo TUV, se encuentran entre los otros dos TES de referencia. Las diferencias se pueden atribuir a la nubosidad, hora del día y número de mediciones, así como diferencias entre los parámetros de entrada introducidos en el modelo. Para Punta Arenas, los TES en los tres estudios muestran concordancia en verano sin embargo, en invierno la dosis no es

alcanzada con los resultados de irradiancia eritémica del modelo TUV al igual que lo reportó Díaz et al. 2011. Para alcanzar la dosis mínima eritémica en Rosario se necesita en promedio TES de  $21 \pm 3$  min en verano, los cuales se encuentran en el rango esperado de acuerdo a la latitud.

El modelo TUV, la Ec. de Herman y el Coeficiente de proporcionalidad estiman valores para cielo despejado, en consecuencia podrían ser considerados como un límite superior para la exposición a la radiación solar UV a lo largo del año. Este estudio podría extenderse en un futuro para analizar la contribución de las nubes y los aerosoles,<sup>7</sup> así como la mezcla en altura con la capa límite atmosférica.

## **IX. REFERENCIAS**