

Simetrías en lógicas de descripción

Giovanni Rescia

FaMAFyC

1 de Junio, 2017

Introducción

- ▶ Introducción: intuición, conceptos básicos, qué se hizo en esta tesis
- ▶ Marco teórico del trabajo
- ▶ Detalles de implementación
- ▶ Evaluación empírica y análisis de resultados obtenidos

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos

$\varphi = (p \vee q)$		
v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: lógicas de descripción (DL)

$\varphi = (p \vee q)$		
v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: **lógicas de descripción** (DL)
- ▶ Estudio: detección y uso de simetrías
 - ▶ Aquí: solo detección

$\varphi = (p \vee q)$		
v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: **lógicas de descripción** (DL)
- ▶ Estudio: detección y uso de simetrías
 - ▶ Aquí: solo detección
- ▶ Enfoque:

$$\varphi = (p \vee q)$$

v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: **lógicas de descripción** (DL)
- ▶ Estudio: detección y uso de simetrías
 - ▶ Aquí: solo detección
- ▶ Enfoque:
 - ▶ Todo de cero

$$\varphi = (p \vee q)$$

v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: **lógicas de descripción** (DL)
- ▶ Estudio: detección y uso de simetrías
 - ▶ Aquí: solo detección
- ▶ Enfoque:
 - ▶ Todo de cero
 - ▶ Aprovechando nexos y estudios previos en lógica modal

$$\varphi = (p \vee q)$$

v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Introducción

- ▶ Concepto principal: simetría
- ▶ Contexto: RA / LF
- ▶ Ejemplo: SAT
- ▶ Simetría: permutación de variables que mantiene modelos
- ▶ En particular aquí: lógicas de descripción (DL)
- ▶ Estudio: detección y uso de simetrías
 - ▶ Aquí: solo detección
- ▶ Enfoque:
 - ▶ Todo de cero
 - ▶ Aprovechando nexos y estudios previos en lógica modal

$$\varphi = (p \vee q)$$

v	$v(\varphi)$	$\sigma(v)$
00	0	00
01	1	10
10	1	01
11	1	11

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades
- ▶ Utilizadas para la representación de conocimiento

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades
- ▶ Utilizadas para la representación de conocimiento
- ▶ Una base de conocimiento es una tupla $\langle TBox, ABox \rangle$ y define una ontología

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades
- ▶ Utilizadas para la representación de conocimiento
- ▶ Una base de conocimiento es una tupla $\langle TBox, ABox \rangle$ y define una ontología
 - ▶ Una ontología puede pensarse como conocimiento jerárquico, como una generalización de una taxonomía

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades
- ▶ Utilizadas para la representación de conocimiento
- ▶ Una base de conocimiento es una tupla $\langle TBox, ABox \rangle$ y define una ontología
 - ▶ Una ontología puede pensarse como conocimiento jerárquico, como una generalización de una taxonomía
- ▶ Expresamos estas ontologías en una computadora a través de OWL

Lógicas de descripción

- ▶ Un subconjunto decidable de LPO
- ▶ DLs con diferentes expresividades
- ▶ Utilizadas para la representación de conocimiento
- ▶ Una base de conocimiento es una tupla $\langle TBox, ABox \rangle$ y define una ontología
 - ▶ Una ontología puede pensarse como conocimiento jerárquico, como una generalización de una taxonomía
- ▶ Expresamos estas ontologías en una computadora a través de OWL
 - ▶ OWL es un formato estandar para expresar ontologías

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists \text{ tieneHijo}.Persona$

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists tieneHijo.Persona$
- ▶ Un lenguaje para aserciones

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists tieneHijo.Persona$
- ▶ Un lenguaje para aserciones
 - ▶ ABox

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists tieneHijo.Persona$
- ▶ Un lenguaje para aserciones
 - ▶ ABox
 - ▶ $tieneCapital(Italia, Roma)$

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists tieneHijo.Persona$
- ▶ Un lenguaje para aserciones
 - ▶ ABox
 - ▶ $tieneCapital(Italia, Roma)$
 - ▶ $Músico(Mozart)$

Lógicas de descripción (cont.)

- ▶ Un lenguaje para definiciones de conceptos
 - ▶ TBox
 - ▶ $Persona \equiv Mujer \sqcup Hombre$
 - ▶ $Padre \equiv Persona \sqcap \exists tieneHijo.Persona$
- ▶ Un lenguaje para aserciones
 - ▶ ABox
 - ▶ $tieneCapital(Italia, Roma)$
 - ▶ $Músico(Mozart)$
- ▶ Modelos relacionales

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades
 - ▶ $[m_i]p \vee \langle m_j \rangle q$

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades
 - ▶ $[m_i]p \vee \langle m_j \rangle q$
- ▶ Utilizada para model checking

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades
 - ▶ $[m_i]p \vee \langle m_j \rangle q$
- ▶ Utilizada para model checking
- ▶ Un ejemplo particular de lógica modal: Lógica temporal

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades
 - ▶ $[m_i]p \vee \langle m_j \rangle q$
- ▶ Utilizada para model checking
- ▶ Un ejemplo particular de lógica modal: Lógica temporal
- ▶ Modelos relacionales (como en DL)

Lógicas modales

- ▶ Desarrollada en los 60
- ▶ Extiende a la lógica proposicional, incluyendo modalidades
 - ▶ $[m_i]p \vee \langle m_j \rangle q$
- ▶ Utilizada para model checking
- ▶ Un ejemplo particular de lógica modal: Lógica temporal
- ▶ Modelos relacionales (como en DL)

ML	DL
p_i	C_i , y C_i es un concepto atómico
$\neg\varphi$	$\neg C$, y C es un concepto
$\varphi \vee \Psi$	$C_j \sqcup C_i$, con C_j , C_i conceptos
$\langle R \rangle \varphi$	$\exists R.C_j$, y R es un rol atómico y C_j es un concepto

De OWL a ML

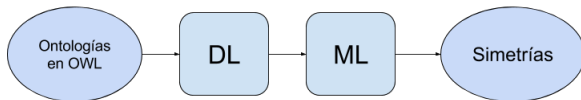
Ya vimos que existe un nexo sintáctico y semántico entre DL y ML

De OWL a ML

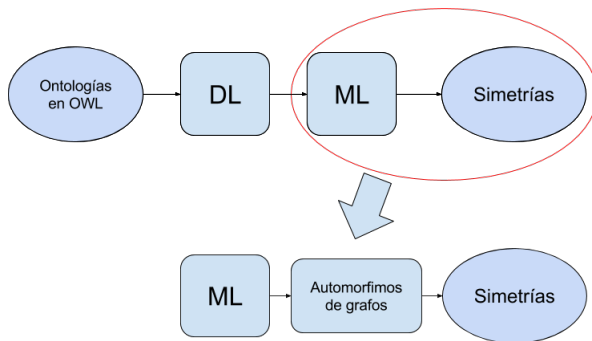
Ya vimos que existe un nexo sintáctico y semántico entre DL y ML

$$\begin{aligned}\Psi(\mathcal{R} \textit{ someValuesFrom } \mathcal{C}) &\doteq \langle \mathcal{R} \rangle \Psi(\mathcal{C}) \\ \Psi(\textit{ complementOf }(\mathcal{C})) &\doteq \neg \Psi(\mathcal{C}) \\ \Psi(\textit{ SubClassOf }(\mathcal{C}_1 \mathcal{C}_2)) &\doteq A(\Psi(\mathcal{C}_1) \implies \Psi(\mathcal{C}_2)) \\ \Psi(\textit{ EquivalentClasses }(\mathcal{C}_1 \equiv \mathcal{C})) &\doteq \Psi(\mathcal{C}_1 \sqsubseteq \mathcal{C}_2) \wedge \Psi(\mathcal{C}_2 \sqsubseteq \mathcal{C}_1) \\ \Psi(\textit{ unionOf }(\mathcal{C}_1 \mathcal{C}_2)) &\doteq \Psi(\mathcal{C}_1) \vee \Psi(\mathcal{C}_2)\end{aligned}$$

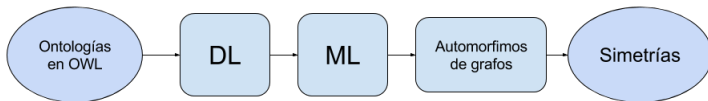
Simetrías



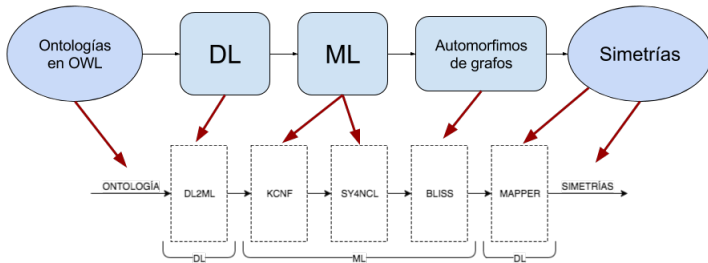
Simetrías



Pipeline de procesamiento



Pipeline de procesamiento



Ejemplo de base de conocimiento

TBox=

<i>gato</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i>
<i>perro</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i>
<i>caballo</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i>
<i>gatito</i>	\equiv	<i>gato</i> \sqcap \exists <i>críaDe.gato</i>
<i>cachorro</i>	\equiv	<i>perro</i> \sqcap \exists <i>críaDe.perro</i>
<i>potrillo</i>	\equiv	<i>caballo</i> \sqcap \exists <i>críaDe.caballo</i>
<i>gato</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i> \sqcap \exists <i>cuadrúpedo.mamífero</i>
<i>perro</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i> \sqcap \exists <i>cuadrúpedo.mamífero</i>
<i>caballo</i>	\sqsubseteq	<i>mamífero</i> \sqcap \exists <i>cuadrúpedo.mamífero</i>

DL2ML

- Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal

DL2ML

- ▶ Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal
- ▶ Implementado para esta tesis

DL2ML

- ▶ Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal
- ▶ Implementado para esta tesis
- ▶ Programado en Scala

DL2ML

- ▶ Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal
- ▶ Implementado para esta tesis
- ▶ Programado en Scala
 - ▶ Con la API de Scowl (wrapper de la API de OWL)

DL2ML

- ▶ Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal
- ▶ Implementado para esta tesis
- ▶ Programado en Scala
 - ▶ Con la API de Scowl (wrapper de la API de OWL)
- ▶ Trabaja solo sobre la TBox de la ontología

DL2ML

- ▶ Toma la ontología en OWL y devuelve la fórmula modal
- ▶ Implementado para esta tesis
- ▶ Programado en Scala
 - ▶ Con la API de Scowl (wrapper de la API de OWL)
- ▶ Trabaja solo sobre la TBox de la ontología

```
<!-- http://www.famaf.unc.edu.ar/giovanni/test.owl#cachorro -->
<Class rdf:about="http://www.famaf.unc.edu.ar/giovanni/test.owl#cachorro">
  <equivalentClass>
    <Class>
      <intersectionOf rdf:parseType="Collection">
        <rdf:Description rdf:about="http://www.famaf.unc.edu.ar/giovanni/test.owl#perro"/>
        <Restriction>
          <onProperty rdf:resource="http://www.famaf.unc.edu.ar/giovanni/test.owl#criaDe"/>
          <someValuesFrom rdf:resource="http://www.famaf.unc.edu.ar/giovanni/test.owl#perro"/>
        </Restriction>
      </intersectionOf>
    </Class>
  </equivalentClass>
</Class>
```

```
begin (A(P8 --> P11));
((A(P5 --> (P8 ^ (<R1>P8)))) ^ (A((P8 ^ (<R1>P8)) --> P5)));
((A(P8 --> (P11 ^ (<R2>P11)))) ^ (A((P11 ^ (<R2>P11)) --> P8)));
...
((A(P3 --> (P11 ^ (<R2>P11)))) ^ (A((P11 ^ (<R2>P11)) --> P3)))
end
```

KCNF

- ▶ Retorna la CNF de una fórmula modal

KCNF

- ▶ Retorna la CNF de una fórmula modal
- ▶ Desarrollado en Haskell

KCNF

- ▶ Retorna la CNF de una fórmula modal
- ▶ Desarrollado en Haskell
- ▶ Adaptado para este proyecto

KCNF

- ▶ Retorna la CNF de una fórmula modal
- ▶ Desarrollado en Haskell
- ▶ Adaptado para este proyecto

```
begin (A(P8 --> P11));  
((A(P5 --> (P8 ^ (<R1>P8)))) ^ (A((P8 ^ (<R1>P8)) --> P5)));  
((A(P8 --> (P11 ^ (<R2>P11)))) ^ (A((P11 ^ (<R2>P11)) --> P8)));  
...  
((A(P3 --> (P11 ^ (<R2>P11)))) ^ (A((P11 ^ (<R2>P11)) --> P3)))  
end
```

```
begin  
A (P3 v -P17);  
A (P7 v P11);  
...  
A (-P18 v -[R1]-P10);  
A (-P19 v -[R2]-P11)  
end
```

SY4NCL

- ▶ Crea el grafo de una fórmula en CNF

SY4NCL

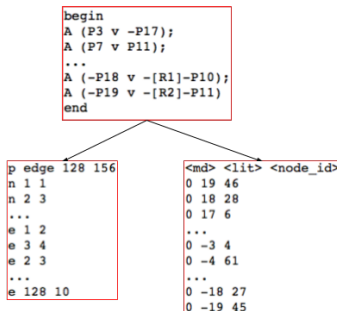
- Crea el grafo de una fórmula en CNF
- Desarrollado en Haskell

SY4NCL

- ▶ Crea el grafo de una fórmula en CNF
- ▶ Desarrollado en Haskell
- ▶ Adaptado para este proyecto

SY4NCL

- ▶ Crea el grafo de una fórmula en CNF
- ▶ Desarrollado en Haskell
- ▶ Adaptado para este proyecto



BLISS

- Desarrollado en C++

BLISS

- ▶ Desarrollado en C++
- ▶ Automorfismos en grafos

BLISS

- ▶ Desarrollado en C++
- ▶ Automorfismos en grafos

```
p edge 128 156
n 1 1
n 2 3
...
e 1 2
e 3 4
e 2 3
...
e 128 10
```

```
Computation time: 0.00705 sec
Color count:[38,36,38,1,1,0,0,3,3,0,0,4,4,0,0]
|Nodes|: 128
|Edges|: 156
Generator: (1,51)(2,52)(3,22)(4,21)(5,53)(6,54)
(81,104)(84,93)(85,94)(86,95)(108,114)(109,115)
...
Generators:      1
Max level:      1
|Aut|:          2
Total time:      0.00 seconds
```

MAPPER

- Python, adaptado

MAPPER

- Python, adaptado
- Nodos del grafo -> variables proposicionales -> conceptos de la ontología

MAPPER

- ▶ Python, adaptado
- ▶ Nodos del grafo -> variables proposicionales -> conceptos de la ontología

Generator: (1,51)(2,52)(3,22)(4,21)(5,53)(6,54)
(81,104)(84,93)(85,94)(86,95)(108,114)(109,115)



(gato perro)(caballo gato)(gatito cachorro)(potrillo gatito)

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores
- ▶ Diferentes expresividades

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores
- ▶ Diferentes expresividades
- ▶ Algunas muy conocidas

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores
- ▶ Diferentes expresividades
- ▶ Algunas muy conocidas
 - ▶ Go: vocabulario de términos sobre material bioquímico

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores
- ▶ Diferentes expresividades
- ▶ Algunas muy conocidas
 - ▶ Go: vocabulario de términos sobre material bioquímico
 - ▶ NCIT: vocabulario para la atención clínica, información pública, etc.

Set de datos

- ▶ +20 Ontologías obtenidas en la web
- ▶ La mayoría utilizadas por razonadores
- ▶ Diferentes expresividades
- ▶ Algunas muy conocidas
 - ▶ Go: vocabulario de términos sobre material bioquímico
 - ▶ NCIT: vocabulario para la atención clínica, información pública, etc.
 - ▶ Uberon: ontología de anatomía para representar partes del cuerpo

Resultados

- ▶ Go
 - ▶ Tamaño de la TBox: 104783
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 432315, Aristas: 528394
 - ▶ Generadores detectados: 8496
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 57.93 seg.

Resultados

- ▶ Go
 - ▶ Tamaño de la TBox: 104783
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 432315, Aristas: 528394
 - ▶ Generadores detectados: 8496
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 57.93 seg.
- ▶ NCIT
 - ▶ Tamaño de la TBox: 46940
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 164267, Aristas: 183694
 - ▶ Generadores detectados: 10218
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 37.24 seg.

Resultados

- ▶ Go
 - ▶ Tamaño de la TBox: 104783
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 432315, Aristas: 528394
 - ▶ Generadores detectados: 8496
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 57.93 seg.
- ▶ NCIT
 - ▶ Tamaño de la TBox: 46940
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 164267, Aristas: 183694
 - ▶ Generadores detectados: 10218
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 37.24 seg.
- ▶ Uberon
 - ▶ Tamaño de la TBox: 25683
 - ▶ Tamaño del grafo: Nodos: 107903, Aristas: 135288
 - ▶ Generadores detectados: 818
 - ▶ Tiempo para la detección de automorfismos: 6.18 seg.

Análisis

- ▶ Simetrías en todas las ontologías utilizadas
- ▶ Tiempo despreciable
- ▶ Memoria despreciable

Trabajo futuro

- ▶ Solo trabajamos con la TBox de cada ontología
 - ▶ Extender Ψ para que traduzca la ABox también
- ▶ Implementar las simetrías en los razonadores para en cuánto mejora el rendimiento de los mismos

Outro

Preguntas?