

# Heurísticas y Metaheurísticas

**CIDM** 

Algoritmos y Estructuras de Datos III Primer Cuatrimestre de 2015

Integrante	LU	Correo electrónico
Barañao, Facundo	480/11	facundo_732@hotmail.com
Confalonieri, Gisela Belén	511/11	gise_5291@yahoo.com.ar
Mignanelli, Alejandro Rubén	609/11	minga_titere@hotmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359 http://www.fcen.uba.ar

# Índice

1.	. Introducción				
2.	Relación con trabajos previos y aplicaciones				
3.	Propiedades  3.1. Todo conjunto independiente maximal es dominante	<b>5</b> 5 5			
4.	Plataforma de pruebas	5			
5.	Algoritmo Exacto  5.1. Desarrollo de la idea y correctitud.  5.2. Análisis de complejidad.  5.3. Experimentación y gráficos.  5.3.1. Test 1  5.3.2. Test 2	5 7 7 7			
6.	Heurística Golosa Constructiva 6.1. Desarrollo de la idea	8 8 8 8 8			
7.	Heurística de Busqueda Local 7.1. Desarrollo de la idea	<b>9</b> 9 9 9			
8.	8.1. Desarrollo de la idea	10 10 12 12 12			
9.	9.1. Experimentación y gráficos	13 13 13 13			
10	10.1.Código del Problema 1	14 14 14 14			

### 1. Introducción

En el presente trabajo, se pretende analizar y comparar diferentes maneras de encarar el problema de *Conjunto Independiente Dominante Mínimo (CIDM)*, el cual consiste en hallar un conjunto independiente dominante de un grafo, con mínima cardinalidad. En particular se utilizará un algoritmo exacto, una heurística golosa, una heurística de busqueda local, y la metahuristica de GRASP.

A continuación se presentan algunas definiciones que nos serán útiles para comprender y abordar el problema:

- Sea G = (V, E) un grafo simple. Un conjunto D ⊆ V es un conjunto dominante de G si todo vértice de G está en D o bien tiene al menos un vecino que está en D. Por otro lado, un conjunto I ⊆ V es un conjunto independiente de G si no existe ningún eje de E entre dos vértices de I. Definimos entonces un conjunto independiente dominante de G como un conjunto independiente que a su vez es un conjunto dominante del grafo G.
- Un conjunto independiente de  $I \subseteq V$  se dice maximal si no existe otro conjunto independiente  $J \subseteq V$  tal que  $I \subset J$ , es decir tal que I está incluido estrictamente en J.

# 2. Relación con trabajos previos y aplicaciones

En el TP1 de la materia, hemos encontrado y analizado un algoritmo que resolvía un problema que fue llamado **El Señor de los Caballos**. El problema era el siguiente:

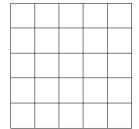
Se tiene un juego de mesa cuyo tablero, dividido en casillas, posee igual cantidad de filas y columnas y hace uso de una conocida pieza del popular ajedrez: el caballo. El juego es solamente para un jugador y consiste en, teniendo caballos ubicados en distintos casilleros, insertar en casilleros vacíos la mínima cantidad de caballos extras, de manera tal que, siguiendo las reglas del movimiento de los caballos en el ajedrez, todas las casillas se encuentren ocupadas o amenazadas por un caballo. Aspectos a tener en cuenta:

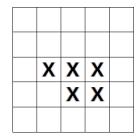
- Se conoce la cantidad de filas y columnas del tablero.
- Se conoce la cantidad de caballos que ocupan el tablero inicialmente.
- Para cada uno de estos caballos, se sabe su ubicación en el tablero.
- Una casilla se considera amenazada si existe un caballo tal que en una movida pueda ocupar dicha casilla.

Observemos que si consideramos a cada casilla como un nodo, y que dos nodos son adyacentes cuando un caballo puede llegar de uno a otro con un movimiento, entonces El Señor de los Caballos puede ser visto como la búsqueda de un conjunto dominante minimal que tenga a los nodos/casillas que tienen un caballo preubicado. Sin embargo, no podemos traducir este problema a un CIDM, puesto que no necesariamente debe cumplir el requisito de independencia. O sea, si la solución tiene un caballo en una casilla determinada, no necesariamente ocurre que no haya ningún caballo ubicado en alguna de las casillas que este caballo amenaza. Veamos un ejemplo:

Si nuestro tablero fuera el de la Figura 1, una solución posible (de hecho, la encontrada con el algoritmo propuesto en el TP1) es la Figura 2. Esta solución podemos observar que es dominante, pero no independiente puesto que el caballo de la fila 3 - columna 2 amenaza al de la fila 4 - columna 4. Sin embargo en este caso, existe una solución CIDM como se muestra en la Figura 3. Por lo tanto, CIDM no se adapta del todo al problema de los caballos.

De todos modos, cabe preguntarse en qué situaciones de la vida real podría aplicarse este problema. Veamos algunos ejemplos realistas y alguno no tanto.





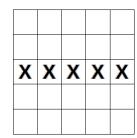


Figura 1: Tablero vacío de  $5 \times 5$  Figura 2: Sol. no independiente Figura 3: Solución independiente

Gaseosas: Una empresa de bebidas gaseosas tiene sus actividades divididas en áreas, las cuales se interrelacionan de cierta manera (no necesariamente todas con todas). Esta empresa está por sacar una nueva bebida sabor cola y quiere hacerlo antes que su rival, quien está más adelantado en la producción. Para lograr sacar el producto antes que su contrincante, nuestra empresa debe lograr una mejora en el trabajo de sus diferentes áreas. Por cómo está estructurada la empresa, si un área tiene una mejora considerable en tiempo, todas las áreas que se relacionan con ella se verán beneficiadas, pero este beneficio ya no impacta en las áreas relacionadas con estas últimas. Queremos entonces lograr impulsar mejoras considerables en las áreas que sean necesarias para que toda la empresa funcione más rápido y logre sacar su producto a tiempo. Para ello se contratarán especialistas con sueldos sumamente importantes, por lo cual se desea que la cantidad de áreas a mejorar considerablemente sea mínima (para minimizar la inversión en especialistas). Además, sabemos que estos especialistas son excelentes, pero muy soberbios/tercos, y ponerlos a cargo de áreas relacionadas puede devenir en discusiones que retrasarían a la empresa, por lo cual procuraremos colocarlos en áreas "no adyacentes".

**Detectives:** Se tiene un caso de asesinato, y debemos resolverlo. Nuestras investigaciones previas nos han dado información de todas las personas que tuvieron algo que ver con el incidente, y sabemos cuáles se conocen entre sí y cuáles no, además de que sabemos que toda persona que conoce a otra, sabe lo que hizo dicha persona el día del incidente. Debido a que somos detectives principiantes, el alquiler por día de nuestra oficina nos sale caro, y entrevistar a un testigo, independientemente del volumen de información obtenida, nos toma un día. Si para resolver el caso debiéramos escuchar información sobre todas las personas involucradas, ¿a quienes deberíamos llamar de testigos, de manera tal que reduzcamos el alquiler de oficina al mínimo? (Estos testigos no pueden conocerse entre sí, para evitar complot y falsos datos).

**Caballeros del Zodíaco:** Milo de Escorpio<sup>1</sup>, guardián de la casa de Escorpio, ha recibido muchas quejas de parte del gran patriarca, debido a que por su casa pasa todo el mundo. Cansado de ser tantas veces derrotado, nos pide ayuda, y para esto nos explica la verdad sobre su gran técnica, la aguja escarlata. Lejos de lo que se cuenta en el animé *Los caballeros del zodíaco*<sup>2</sup>, el verdadero poder de la aguja escarlata es el siguiente:

Milo nos explica que el cuerpo de cada ser humano puede ser dividido en sectores energéticos. Estos sectores energéticos pueden tener una correspondencia entre sí, las cuales no son necesariamente a nivel local (por ejemplo, una porcion del dedo indice de un humano, puede estar conectada a una porción de la cabeza). Cuando la aguja escarlata toca un sector energético de un cuerpo, éste y todos aquéllos sectores que tengan una correspondencia, se inmovilizan. Pero esto sucede sólo si la aguja escarlata impacta contra un sector energético "sano". Si el sector en cuestión ya estuviese inmovilizado, entonces la aplicación de la aguja escarlata no hace ningun efecto.

Dado que el uso de una aguja escarlata, resulta en un fuerte uso del cosmos de Milo, se nos pide que, dado un oponente y la información sobre todos sus sectores energéticos y correspondencias, nosotros le fabriquemos un algoritmo tal que le diga en qué sectores del cuerpo debe usar la aguja escarlata, de manera tal que deba utilizar la mínima cantidad de agujas escarlata posibles. Milo nos asegura que el

<sup>1</sup>http://es.wikipedia.org/wiki/Milo\_de\_Escorpio

<sup>2</sup>http://es.wikipedia.org/wiki/Saint\_Seiya

tiempo de dicho algoritmo no tiene importancia, dado que le pidió prestada la habitación del tiempo<sup>3</sup> a Kamisama<sup>4</sup>, que está equipada con una notebook y un enchufe para dejar la bateria cargada (eso sí, no tiene wifi dado a una muy mala señal, por lo que debemos darle un pendrive con el código).

# 3. Propiedades

En esta sección demostraremos ciertas propiedades que serán usadas para elaborar una conclusión que nos ayudará a abordar el problema propuesto.

### 3.1. Todo conjunto independiente maximal es dominante.

Lo probaremos por absurdo. Supongamos que existe algún grafo G=(V,E) tal que tiene un conjunto independiente maximal C que no es un conjunto dominante. Como C no es dominante, entonces existe un nodo  $v\in V$  tal que  $v\not\in C$ , y que además dentro del grafo original, v no es vecino de ningún elemento de C. Pero entonces, si añadimos a v a C se obtiene un conjunto C'=C+v que es independiente, o sea que  $C\subset C'$ , lo cual es absurdo, puesto que habíamos dicho que C era maximal. El absurdo proviene de suponer que el conjunto no es dominante, por lo tanto, el conjunto debe ser dominante.

## 3.2. Todo conjunto independiente dominante es independiente maximal.

Lo probaremos por absurdo. Supongamos que existe un grafo G=(V,E) tal que tiene un conjunto independiente dominante I que no es independiente maximal. Como I no es independiente maximal, podemos suponer que existe algún conjunto  $J\subseteq V$  independiente, tal que  $I\subset J$ . Entonces, existe v un nodo que pertenece a J pero no a I, tal que v no es vecino de ningún elemento de I, lo cual es absurdo, ya que suponer eso es decir que I no era dominante.

#### 3.3. Conclusión

Por las propiedades anteriormente demostradas, se puede concluir que el problema de buscar un CIDM es idéntico al problema de buscar un conjunto independiente maximal mínimo(CIMM), o sea, de todos los conjuntos independientes maximales que son posibles formar dado un grafo cualquiera, aquel cuya cardinalidad es la menor. Por esta razón, nuestros algoritmos buscarán encontrar o aproximar un CIMM para un grafo dado.

# 4. Plataforma de pruebas

Para toda la experimentación se utilizará un procesador Intel Core i3, de 4 nucleos a 2.20 GHZ. El software utilizado será Ubuntu 14.04, y G++ 4.8.2.

# 5. Algoritmo Exacto

### 5.1. Desarrollo de la idea y correctitud.

Para resolver el problema de CIDM de manera exacta hemos decidido utilizar la técnica de backtracking. Por todo lo dicho en la seccion de propiedades, nuestro backtracking se encargará de, dado un grafo, ver todos los posibles conjuntos independientes maximales, y tomará aquel que sea menor en cardinalidad.

Para esto, le daremos a los nodos un orden en particular, y para cada nodo consideraremos las siguientes dos opciones o "ramas":

 $<sup>^3 \</sup>verb|http://es.dragonball.wikia.com/wiki/Habitacion_del_Tiempo$ 

<sup>4</sup>http://es.wikipedia.org/wiki/Kamisama\_(personaje)

- Tomar el nodo como parte del conjunto solución. Esta rama sólo será considerada cuando el nodo no sea adyacente a otro nodo que ya fue colocado anteriormente en el conjunto. Por eso, en caso de tomar el nodo actual, marcaremos a este nodo y a todos sus vecinos, de manera de no tomarlos nuevamente en el futuro de esa rama, puesto que si tomásemos a alguno de ellos en el conjunto, este no sería independiente.
- No tomar el nodo como parte del conjunto solución. En este caso no se hará nada, y se avanzará hacia el próximo nodo, de existir éste.

Luego de la elección tomada para un determinado nodo, consultaremos las siguientes posibilidades:

- Si el nodo tratado en el último paso es el último nodo y no están todos los nodos marcados, el conjunto obtenido no es un independiente maximal, por lo que no lo tomamos en cuenta.
- Si todos los nodos quedaron marcados, el conjunto obtenido es independiente maximal. Se verá entonces la cardinalidad de este conjunto, y de ser mejor que el de la mejor solución obtenida hasta el momento, se lo guardará como nueva mejor solución.
- De no haber visto el último nodo, y de existir nodos no marcados aún, avanzaremos al siguiente nodo y repetiremos el procedimiento.

Para poder afirmar que nuestro algoritmo es correcto, basta con poder probar que todo conjunto que forma es independiente maximal, y que realmente observa todo conjunto independiente maximal de un grafo:

- Podemos afirmar que este procedimiento encuentra conjuntos independientes, puesto que sólo se toman aquellos nodos que no están marcados, o sea, que no tienen ninguna arista en común con los elementos del conjunto.
- Podemos afirmar que este procedimiento encuentra conjuntos independientes que son maximales puesto que el programa deja de agregar nodos cuando todos estos están marcados, lo que significa que todos los nodos del grafo, o bien son adyacentes a algún elemento del conjunto, o bien están dentro del conjunto. Por eso, no podemos tomar ningún nuevo elemento de modo tal que el nuevo conjunto sea independiente.
- Podemos afirmar que se observan **todos** los posibles conjuntos independientes maximales por lo siguiente: sea C un conjunto independiente maximal del grafo G, conformado por los vertices  $v_1, v_2, ..., v_h$ , entonces, por cómo esta diseñado nuestro algoritmo, se llegaría a observar este conjunto independiente maximal cuando estemos en la rama que solo toma a  $v_1, v_2, ..., v_h$  y no toma a los demás. Notemos que esta rama existe, pues  $v_1, v_2, ..., v_h$  son nodos independientes, y por lo tanto, al tomar uno de ellos, los otros no se marcan y quedan disponibles para ser tomados como parte de la solución.

Para mejorar la velocidad de ejecución del algoritmo, se han aplicado las siguientes podas:

- Poda Clásica: Si en la rama actual que está revisando nuestro algoritmo, la cantidad de elementos del conjunto maximal de esta rama es mayor a la cantidad de elementos de la mejor solución encontrada hasta el momento, esta rama deja de ser considerada, puesto que, de conseguir una solución, seguro no es la mejor.
- Nodos solitarios: Si el grafo tiene algún nodo con grado 0, no tiene sentido considerar la opción de no tomarlo como parte de la solución, por lo cual dicha rama no será revisada cuando el nodo cumple esta característica.
- El nodo decisivo: Si durante el procesamiento de un nodo, al tomarlo, cubre a todos los que estaban libres hasta el momento, entonces no se considerará la rama resultante de no tomarlo, ya que en el mejor de los casos uno de los nodos siguientes también cubre a todos y esto no mejora la cardinalidad del conjunto hallado, y en casos peores, será necesario tomar más de uno de los nodos siguientes para lograr un conjunto independiente maximal.

CIDM\_EXACTO(lista\_nodos cidm, lista\_nodos cidm\_sol, nodo, int n, int res\_sol, int res)

```
if se encontró una solución mejor a la obtenida hasta el momento
 2
          cidm\_sol \leftarrow cidm
 3
         res\_sol \leftarrow res
 4
          return
 5
    if se llegó al final y no se encontró una solución
 6
          return
 7
    if nodo no está "tomado"
8
          cidm \leftarrow agregar \ nodo
 9
          incrementar res
10
          marcar a nodo y a sus vecinos como "tomados"
11
          CIDM\_EXACTO(cidm, cidm\_sol, nodo\_siguiente, n, res\_sol, res)
12
    if nodo se tomó en la rama anterior
13
          cidm \leftarrow \mathbf{sacar} \ nodo
14
          decrementar res
15
          marcar a nodo y a sus vecinos como "no tomados"
16
    CIDM\_EXACTO(cidm, cidm\_sol, nodo\_siguiente, n, res\_sol, res)
```

Figura 4: Algoritmo exacto para CIDM

## 5.2. Análisis de complejidad.

Trataremos ahora de justificar que la complejidad de nuestro algoritmo es  $\mathcal{O}(2^n * n)$ .

Observemos que, como también dijimos anteriormente, nuestro backtracking irá generando distintas soluciones mediante la generación de distintas ramas en base a si un nodo es tomado como parte de la solución o no. Notemos que partiendo de esto tenemos  $2^n$  casos posibles. Como indica el pseudocódigo (Figura 4), sea cual sea la ruta que tomemos, nos vemos obligados a marcar a este nodo y a sus vecinos como "no tomados" o "tomados". Esto no es más que recorrer una lista de vecinos realizando operaciones  $\mathcal{O}(1)$ , llegando a tener un costo de, en el peor caso,  $\mathcal{O}(n)$ . Luego por cada uno de los  $2^n$  casos tendriamos un costo de  $\mathcal{O}(n)$ .

Por otro lado hay que mencionar que si se llegara a una solución, esta tendría que ser comparada con la solución óptima obtenida hasta ese momento y, en caso de ser mejor, reemplazarla mediante la copia de todos los elementos que componen a esta solución:  $\mathcal{O}(n)$ . A este costo tendríamos que incurrir una cantidad k de veces, donde k es la cantidad de soluciones que resultan ser mejores que las que se poseían hasta el momento.

Teniendo todo esto en cuenta, y siendo T(n) la complejidad de nuestro algoritmo tenemos:

$$T(n) = \mathcal{O}(n) * 2^n + k\mathcal{O}(n)$$
  
$$T(n) = \mathcal{O}(2^n * n)$$

#### 5.3. Experimentación y gráficos.

5.3.1. Test 1

#### 5.3.2. Test 2

```
CIDM_GOLOSO(lista\_nodos\ cidm\_sol)

1 res \leftarrow 0

2 while no se hayan "tomado" todos los nodos

3 elegido \leftarrow nodo "óptimo"

4 cidm\_sol \leftarrow agregar elegido

5 incrementar res

6 marcar a elegido y a sus vecinos como "tomados"

7 return res
```

Figura 5: Heurística golosa constructiva para CIDM

### 6. Heurística Golosa Constructiva

#### 6.1. Desarrollo de la idea.

Sea G un grafo cualquiera, I un conjunto independiente de ese nodo, y  $n_1,n_2$  nodos de G que no pertenecen a I y no tienen aristas en común con ningún elemento de I, diremos que  $n_1$  es óptimo si no existe ningún  $n_2$  tal que  $(\#(Vecinos(n_2)) - \#(Vecinos(n_2) \cap Vecinos(I))) > (\#(Vecinos(n_1)) - \#(Vecinos(n_1) \cap Vecinos(I)))$ . Definimos  $Vecinos(\alpha)$  como el conjunto de nodos a los cuales  $\alpha$  lleva una arista si  $\alpha$  es un nodo, y si  $\alpha$  es un conjunto, entonces es el conjunto de nodos a los cuales les llega un arista desde por lo menos un elemento de  $\alpha$ . De manera más informal, podemos decir que un nodo óptimo es aquél que más vecinos "libres" tiene, siendo un nodo "libre" uno que no está en el conjunto solución ni es adyacente a un nodo de la solución.

Nuestra heurística se basa en formar un conjunto independiente maximal de la siguiente manera: Primero, considerando al conjunto independiente vacío, tomamos a un nodo óptimo, y lo agregamos como nuevo elemento de nuestro conjunto independiente. Luego con nuestro nuevo conjunto independiente, tomamos un nodo óptimo, y lo agregamos a nuestro conjunto independiente. Repetimos esto hasta que no exista un nodo óptimo, puesto que nuestro conjunto independiente se transformó en maximal, y por lo tanto en un conjunto dominante.

#### 6.2. Análisis de complejidad.

#### 6.3. Instancias no óptimas.

A continuación presentaremos dos familias de grafos para las cuales nuestra heurística golosa no siempre encuentra una solución óptima.

#### 6.4. Experimentación y gráficos.

#### 6.4.1. Test 1

#### 6.4.2. Test 2

# 7. Heurística de Busqueda Local

#### 7.1. Desarrollo de la idea.

La heurística de búsqueda local que hemos diseñado, parte de una solución inicial, y a partir de ahí irá encontrando nuevas soluciones "vecinas". Si una solución "vecina" resulta ser mejor, es decir, es un conjunto independiente maximal con menos elementos que la solución anterior, entonces la reemplazará. Estos pasos se repitirán hasta que se encuentre una solución que no pueda mejorarse, es decir, una solución óptima local.

Se analizarán dos posibles soluciones iniciales:

- La solución hallada por el algoritmo goloso presentado anteriormente.
- Una solución hallada de la siguiente manera: tomando los nodos del grafo en cierto orden, si el nodo actual no forma parte del conjunto solución ni es adyacente a un nodo del conjunto solución, entonces agregarlo al mismo; en caso contrario, avanzar al siguiente nodo.

Para cada solución factible S, se define N(S) como el conjunto de "soluciones vecinas" de S. Plantearemos dos "vecindades" posibles para las soluciones.

- Vecindad 1: Una solución  $S' \in N(S)$  si y sólo si puede obtenerse intercambiando tres nodos de S por dos nodos que no pertenecía a S. Es decir, para  $u, v, w \in S$ , y x, y nodos del grafo original tal que  $x \notin S$  y  $y \notin S$ , definimos  $S' = S \{u, v, w\} + \{x, y\}$  y decimos que S' es "vecina" de S si y sólo si S' es un conjunto independiente maximal del grafo original. La Figura 8 es un ejemplo de solución "vecina" conisderando a la Figura 7 como solución inicial para el grafo de la Figura 6. En este caso, se han quitado los nodos 1, 8 y 11 para agregar los nodos 3 y 5.
- Vecindad 2: Una solución  $S' \in N(S)$  si y sólo si puede obtenerse agregando a S un nodo del grafo original que no pertenezca a S, y quitando todos los nodos de S adyacentes a este nuevo nodo. Es decir, para v un nodo del grafo original tal que  $v \notin S$ , y  $A \subseteq S$  tal que para todo  $w \in S$ , si w es adyacente a v entonces  $w \in A$ , definimos  $S' = S A + \{v\}$  y decimos que S' es "vecina" de S si y sólo si S' es un conjunto independiente maximal del grafo original. La Figura 9 es un ejemplo de solución "vecina" conisderando a la Figura 7 como solución inicial para el grafo de la Figura 6. En este caso, se ha agregado el nodo 2 y se han quitado los nodos 1, 6 y 7.

### 7.2. Análisis de complejidad de una iteración.

- 7.3. Experimentación y gráficos.
- 7.3.1. Test 1
- 7.3.2. Test 2

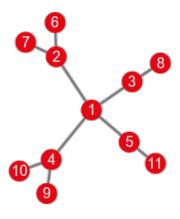


Figura 6: Ejemplo de grafo

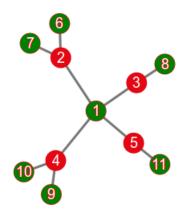


Figura 7: Posible solución inicial

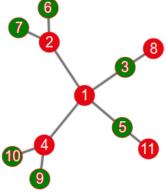


Figura 8: Solución vecina según Vecindad 1

Figura 9: Solución vecina según Vecindad 2

#### Metaheurística de GRASP 8.

#### 8.1. Desarrollo de la idea.

GRASP (Greedy Randomized Adaptative Search Procedure) es una combinación entre una heurística golosa "aleatorizada" y un procedimiento de búsqueda local. La idea es la siguiente:

- while no se alcance el criterio de terminación
- 2 Obtener una solución inicial mediante una heurística golosa aleatorizada.
- 3 Mejorar la solución mediante búsqueda local.
- Recordar la mejor solución obtenida hasta el momento.

Como criterios de terminación, analizaremos dos casos particulares:

- Se realizaron *k* iteraciones.
- Se realizaron *k* iteraciones sin encontrar una solución mejor.

En cuanto a la heurística golosa aleatorizada, hemos continuado con la idea del algoritmo goloso descrito anteriormente, con la variación de que, en cada paso, se genera una Lista Restricta de Candidatos (RCL) y se elige aleatoriamente un candidato de esa lista. Analizaremos dos posibles maneras de construir dicha RCL:

```
CIDM_BUSQUEDA(int\ mej)

1 cidm\_sol \leftarrow lista de nodos de una solución inicial

2 res \leftarrow |cidm\_sol|

3 while haya mejoras y la última solución tenga más de un nodo

4 if mej == 1

5 MEJORADOR1(cidm\_sol, res)

6 else MEJORADOR2(cidm\_sol, res)
```

Figura 10: Heurística de búsqueda local para CIDM

```
MEJORADOR1(lista_nodos cidm_sol, int res)
    for cada grupo de 3 de nodos en cidm_sol
 1
 2
         "sacar" los 3 nodos
 3
         for cada par de vecinos n1, n2 de estos nodos
 4
              if n1 y n2 quedaron "libres" y no son advacentes
                   "agregar" n1 y n2
 5
 6
                  if se forma una solución válida
                       salir del ciclo
 7
 8
         if se encontró una solución mejor
              actualizar cidm\_sol
 9
              actualizar res
10
              return
11
12 return
```

Figura 11: Pseudocódigo de la mejora 1

```
MEJORADOR2(lista\_nodos\ cidm\_sol, int\ res)
    for cada nodo n
 1
 2
         if n se conecta con al menos dos nodos de cidm\_sol
 3
              for cada nodo de cidm\_sol que se conecta a n
 4
                   "sacar" el nodo
 5
                   if se forma una solución válida
                        salir del ciclo
 6
              if se encontró una solución mejor
 7
 8
                   actualizar cidm_sol
                   actualizar res
 9
10
                   return
11 return
```

Figura 12: Pseudocódigo de la mejora 2

- lacktriangle Hallar al mejor candidato, es decir, el nodo que hemos definido como óptimo, y colocar en la RCL los nodos candidatos cuya cantidad de vecinos "libres" sea no menor a un cierto porcentaje lpha de la cantidad de vecinos "libres" del mejor candidato.
- Hallar al mejor candidato y colocar en la RCL los  $\beta$  mejores candidatos, es decir, los  $\beta$  nodos que más nodos "libres" cubran.
- 8.2. Experimentación y gráficos.
- 8.2.1. Test 1
- 8.2.2. Test 2

# 9. Comparación de los distintos métodos

- 9.1. Experimentación y gráficos.
- 9.1.1. Test 1
- 9.1.2. Test 2

# 10. Apéndice 1: acerca de los tests

- 10.1. Código del Problema 1
- 10.2. Código del Problema 2
- 10.3. Código del Problema 3