

1. Funcția `map`: Aplică o funcție dată fiecărui element al unei liste și returnează rezultatele într-o nouă listă.

$\text{map} :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]$

$\text{map } _ [] = []$

$\text{map } f (x:xs) = f\ x : \text{map } f\ xs$

2. Funcția `filter`: Selectează elementele dintr-o listă care satisfac o anumită condiție și le returnează într-o nouă listă.

$\text{filter} :: (a \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow [a] \rightarrow [a]$

$\text{filter } _ [] = []$

$\text{filter } p (x:xs) \mid p\ x = x : \text{filter } p\ xs$
 $\quad \mid \text{otherwise} = \text{filter } p\ xs$

3. Funcția `foldl` (left fold): Aplică o funcție binară asupra elementelor unei liste, folosind un acumulator și parcurgerea listei de la stânga la dreapta.

$\text{foldl} :: (b \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b$

$\text{foldl } _ \text{acc } [] = \text{acc}$

$\text{foldl } f\ \text{acc } (x:xs) = \text{foldl } f\ (f\ \text{acc } x)\ xs$

4. Funcția `foldr` (right fold): Aplică o funcție binară asupra elementelor unei liste, folosind un acumulator și parcurgerea listei de la dreapta la stânga.

$\text{foldr} :: (a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b$

$\text{foldr } _ \text{acc } [] = \text{acc}$

$\text{foldr } f\ \text{acc } (x:xs) = f\ x\ (\text{foldr } f\ \text{acc } xs)$

5. Funcția `zip`: Preia două liste și le combină într-o singură listă de perechi, conținând elementele corespondente.

$\text{zip} :: [a] \rightarrow [b] \rightarrow [(a, b)]$

$\text{zip } []\ _ = []$

$\text{zip } _ [] = []$

$\text{zip } (x:xs)\ (y:ys) = (x, y) : \text{zip } xs\ ys$

6. Funcția `concat`: Concatenează o listă de liste într-o singură listă.

$\text{concat} :: [[a]] \rightarrow [a]$

$\text{concat } [] = []$

`concat (x:xs) = x ++ concat xs`

7. Funcția ``length``: Returnează lungimea unei liste.

`length :: [a] -> Int`

`length [] = 0`

`length (_:xs) = 1 + length xs`

8. Funcția ``reverse``: Inversează ordinea elementelor unei liste.

`reverse :: [a] -> [a]`

`reverse [] = []`

`reverse (x:xs) = reverse xs ++ [x]`

9. Funcția ``take``: Preia primele n elemente dintr-o listă.

`take :: Int -> [a] -> [a]`

`take _ [] = []`

`take n (x:xs)`

| `n <= 0` = []

| otherwise = `x : take (n-1) xs`

10. Funcția ``drop``: Elimină primele n elemente dintr-o listă.

`drop :: Int -> [a] -> [a]`

`drop _ [] = []`

`drop n lst@(x:xs)`

| `n <= 0` = `lst`

| otherwise = `drop (n-1) xs`

11. Funcția ``maximum``: Returnează valoarea maximă dintr-o listă.

`maximum :: (Ord a) => [a] -> a`

`maximum [] = error "Lista este goală."`

`maximum [x] = x`

`maximum (x:xs) = max x (maximum xs)`

12. Funcția ``minimum``: Returnează valoarea minimă dintr-o listă.

`minimum :: (Ord a) => [a] -> a`

`minimum [] = error "Lista este goală."`

`minimum [x] = x`
`minimum (x:xs) = min x (minimum xs)`

13. Funcția ``elem``: Verifică dacă un element există într-o listă.

`elem :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool`
`elem _ [] = False`
`elem x (y:ys) = x == y || elem x ys`

14. Funcția ``notElem``: Verifică dacă un element nu există într-o listă.

`notElem :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool`
`notElem _ [] = True`
`notElem x (y:ys) = x /= y && notElem x ys`

15. Funcția ``null``: Verifică dacă o listă este goală.

`null :: [a] -> Bool`
`null [] = True`
`null (_:_) = False`

16. Funcția ``head``: Returnează primul element dintr-o listă.

`head :: [a] -> a`
`head [] = error "Lista este goală."`
`head (x:_) = x`

17. Funcția ``tail``: Elimină primul element dintr-o listă și returnează restul.

`tail :: [a] -> [a]`
`tail [] = error "Lista este goală."`
`tail (_:xs) = xs`

18. Funcția ``init``: Elimină ultimul element dintr-o listă și returnează restul.

`init :: [a] -> [a]`
`init [] = error "Lista este goală."`
`init [_] = []`
`init (x:xs) = x : init xs`

19. Funcția `last`: Returnează ultimul element dintr-o listă.

`last :: [a] -> a`

`last [] = error "Lista este goală."`

`last [x] = x`

`last (_:xs) = last xs`

20. Funcția `replicate`: Creează o listă cu n copii ale unui element dat.

`replicate :: Int -> a -> [a]`

`replicate n x`

`| n <= 0 = []`

`| otherwise = x : replicate (n-1) x`

21. Funcția `zipWith`: Preia două liste și aplică o funcție binară asupra elementelor corespondente.

`zipWith :: (a -> b -> c) -> [a] -> [b] -> [c]`

`zipWith _ [] _ = []`

`zipWith _ _ [] = []`

`zipWith f (x:xs) (y:ys) = f x y : zipWith f xs ys`

22. Funcția `any`: Verifică dacă orice element dintr-o listă satisface o anumită condiție.

`any :: (a -> Bool) -> [a] -> Bool`

`any _ [] = False`

`any p (x:xs) = p x || any p xs`

23. Funcția `all`: Verifică dacă toate elementele dintr-o listă satisfac o anumită condiție.

`all :: (a -> Bool) -> [a] -> Bool`

`all _ [] = True`

`all p (x:xs) = p x && all p xs`

24. Funcția `splitAt`: Desparte o listă în două la un anumit index.

`splitAt :: Int -> [a] -> ([a], [a])`

`splitAt _ [] = ([], [])`

`splitAt n xs`

`| n <= 0 = ([], xs)`

`| otherwise = let (ys, zs) = splitAt (n-1) (tail xs) in (head xs : ys, zs)`

25. Funcția `concatMap`: Map-ează o funcție asupra elementelor unei liste și apoi concatenează rezultatele.

```
concatMap :: (a -> [b]) -> [a] -> [b]
```

```
concatMap _ [] = []
```

```
concatMap f (x:xs) = f x ++ concatMap f xs
```

1. ****Exercițiul:**** Implementați o funcție `subsets :: [a] -> [[a]]` care primește o listă și returnează toate submulțimile acelei liste.

```
subsets :: [a] -> [[a]]
```

```
subsets [] = [[]]
```

```
subsets (x:xs) = subsets xs ++ map (x:) (subsets xs)
```

2. ****Exercițiul:**** Implementați o funcție `permutations :: [a] -> [[a]]` care primește o listă și returnează toate permutările posibile ale elementelor listei.

```
permutations :: [a] -> [[a]]
```

```
permutations [] = [[]]
```

```
permutations (x:xs) = concatMap (insertElem x) (permutations xs)
```

where

```
insertElem :: a -> [a] -> [[a]]
```

```
insertElem x [] = [[x]]
```

```
insertElem x (y:ys) = (x:y:ys) : map (y:) (insertElem x ys)
```

3. ****Exercițiul:**** Implementați o funcție `combinations :: Int -> [a] -> [[a]]` care primește un număr `k` și o listă și returnează toate combinațiile de `k` elemente posibile din lista dată.

```
combinations :: Int -> [a] -> [[a]]
```

```
combinations 0 _ = [[]]
```

```
combinations k xs = [x:ys | x:xs' <- tails xs, ys <- combinations (k-1) xs']
```

