



# Examen de Teoría de la Programación

E. U. ING. TEC. EN INFORMÁTICA DE OVIEDO

Final Junio – Curso 2009-2010

31 de mayo de 2010



DNI \_\_\_\_\_ Nombre \_\_\_\_\_ Apellidos \_\_\_\_\_  
Titulación: ☐ Gestión ☐ Sistemas

**3. (1,5 puntos) Sea un conjunto de letras de tamaño  $n$ . El problema consiste en obtener todas las palabras posibles que podamos (combinaciones de letras sin repetir ninguna) con un tamaño  $m$ , siendo  $m \leq n$ . Ejemplo: Con el conjunto de letras ABCDE y queremos construir todas las palabras posibles con 3 letras, obtendríamos la siguiente respuesta: ABC, ABD... así hasta EDC.**

**El problema lo tenemos resuelto utilizando la técnica de Backtracking. Completar el código Java para dar solución a este problema (escribirlo en los recuadros preparados a tal efecto).**

```
import java.io.*;

public class Palabras {
    private char[] arrayLetras; // conjunto de letras de tamaño n
    private int numeroLetras;    // tamaño m de las combinaciones de letras
    private boolean[] estaElegida;
    private char[] solucion;

    public Palabras(char[] arrayLetras, int numeroLetras) {
        this.arrayLetras = arrayLetras;
        this.numeroLetras = numeroLetras;
        estaElegida = new boolean[arrayLetras.length];
        solucion = new char[numeroLetras];
    }

    public void construirPalabras( ) {
        for( ) {
            if( ) {
                estaElegida[i] = true;
                solucion[posi] = arrayLetras[i];
                if( )
                    construirPalabras( );
                else {
                    imprimirArray(solucion);
                }
                estaElegida[i] = false;
            }
        }
    }

    private void imprimirArray(char[] array) { ... }

    public static void main(String[] args) {
        char[] arrayLetras = null;
        int numeroLetras = 0;

        // Lectura del conjunto de letras de tamaño n
        ...
        // Lectura del tamaño m de las combinaciones de letras
        ...
        Palabras palabras = new Palabras(arrayLetras, numeroLetras);
        palabras.construirPalabras( );
    }
}
```

**4. (0,5 puntos) Sea la siguiente especificación de una función:**

- $\{Q \equiv b \neq 0\}$
- **fun función( $a, b$ : entero) dev ( $q, r$ : entero)**
- $\{R \equiv (a = b \cdot q + r) \wedge (r < b) \wedge (r \geq 0)\}$

Codificar en Java el esqueleto de esta función utilizando un método público: cabecera, precondition y postcondición (no hace falta codificar la funcionalidad del método en sí).

5. (1,5 puntos) El problema de la mochila consiste en que disponemos de  $n$  objetos y una “mochila” para transportarlos. Cada objeto  $i = 1, 2, \dots, n$  tiene un peso  $w_i$  y un valor  $v_i$ . La mochila puede llevar un peso que no sobrepase  $W$ . En el caso de que un objeto no se pueda meter entero, se fraccionará, quedando la mochila totalmente llena. El objetivo del problema es maximizar valor de los objetos respetando la limitación de peso. Queremos resolver este problema mediante un método voraz.

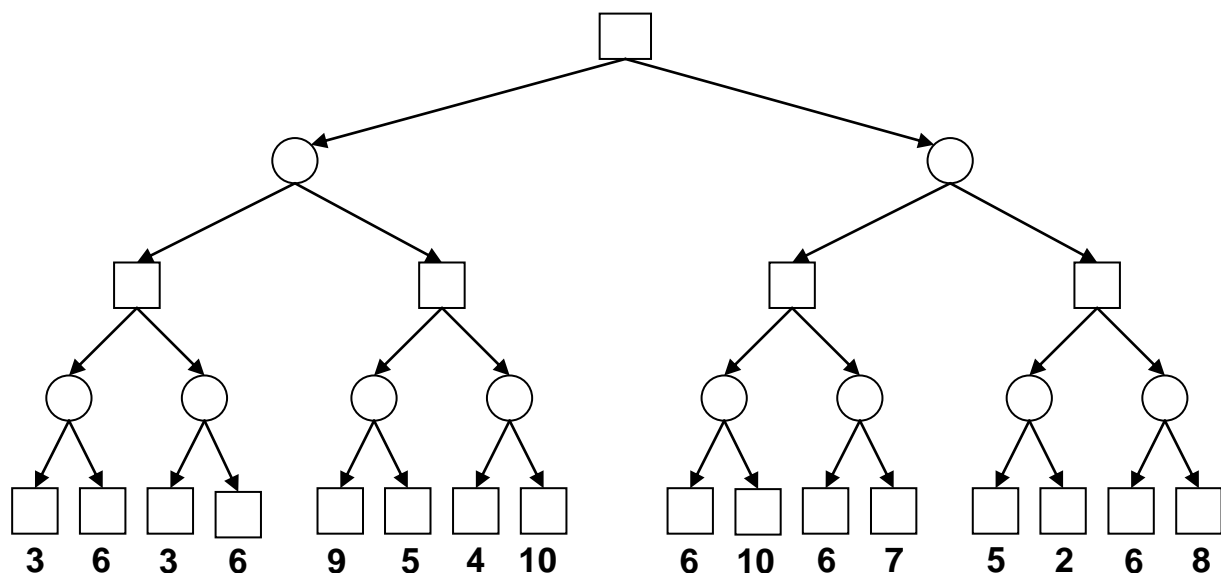
- (0,5 puntos) Escribir pseudocódigo para la función heurística que permita alcanzar la solución óptima.
- (1 punto) Escribir el código Java del método que permita obtener la solución a este problema mediante un algoritmo voraz (escribir exclusivamente el método que realiza el algoritmo voraz suponer ya cargados los arrays necesarios con los datos de los objetos, no realizar ninguna entrada / salida en el método).

6. (2 puntos) El problema de las  $n$  reinas consiste en colocar  $n$  reinas en un tablero de ajedrez sin que ninguna reina pueda comer a otra. Pretendemos buscar la primera solución a este problema con un tablero de  $4 \times 4$ .

Utilizaremos la técnica de ramificación y poda. El heurístico de ramificación que utilizaremos será:  $(n - n^{\circ} \text{ reinas colocadas}) * 10 + \text{diagonal}(i,j)$  para la última reina colocada, siendo  $\text{diagonal}(i,j)$  la longitud de la diagonal más larga que pasa por la casilla  $(i,j)$ .

- (1,5 puntos) Dibujar gráficamente el árbol de estados del algoritmo hasta encontrar la primera solución (sólo los estados en los que las reinas no se coman). En cada estado debemos marcar orden en el que se ha desarrollado y el valor del heurístico de ramificación.
- (0,25 puntos) Razonar que técnica es más eficiente para buscar la primera solución a este problema: ramificación y poda (utilizando el heurístico de ramificación dado) o backtracking.
- (0,25 puntos) ¿Y para buscar todas las soluciones posibles?

7. (1,5 puntos) Desarrollar la poda  $\alpha$ - $\beta$  para conocer que jugada debe realizar el jugador MAX, sobre el siguiente árbol:



- Sombrear los nodos que haya que desarrollar
- Escribir las cotas  $\alpha$  y  $\beta$ ,
- Marcar los cortes e indicar si son de tipo  $\alpha$  o  $\beta$ ,
- Por último, indicar que jugada debe elegir MAX para situarse en la mejor posición posible.

Notas: El jugador que realiza el primer movimiento en el árbol es MAX. Los nodos del árbol se desarrollan de izquierda a derecha.