Prácticas de tablero - Sesión 1

EJERCICIO1

Para cada uno de los métodos siguientes, se le pide analizar su complejidad temporal. Posteriormente calcule (para cada uno de ellos) si la llamada *metodox(1 000)* tardase un tiempo de ejecución de 1 seg., cuánto tardaría la llamada *metodox(10 000)*.

```
public static void metodo1 (int n)
      for (int i=1; i<=n/2; i+=2)
         for (int j=n; j>=1; j-=2)
            operacion_O(n);
}
public static void metodo2 (int n)
{
      for (int i=1; i<=2*n; i+=3)
         for (int j=n; j<=n*n; j+=2)
            operacion_0(1);
}
public static void metodo3 (int n)
{
      for (int i=1; i<=n*n; i+=2)
         for (int j=n; j>=-n; j--)
           operacion_0(1);
}
public static void metodo4 (int n)
    for (int i=1; i<=n;i++)
         for (int j=1; j<=i; j++)
            for (int k=1; k<=j; k++)
               for (int l=1; l<=k; l++)
                   operacion_0(1);
}
public static void metodo5 (int n)
{
      for (int i=log_2n; i<n*n; i+=2) // log_2 n es pseudocódigo
         for (int j=n; j>=n/2; j--)
            operacion_0(1);
}
public static void metodo6 (int n)
{
      metodo1(n);
      metodo2(n);
      metodo3(n);
      metodo4(n);
      metodo5(n);
}
```

Grado en Ingeniería Informática del Software

EJERCICIO 2

Sea el bucle:

```
for (int i=1; i<=n/2;i++)
  for (int j=2; j<=n*n; j*=2)
    for (int k=2*n; k>=n/2; k-=3)
        operacion_0(1);
```

- a) Determinar su complejidad temporal
- b) Si para n=100 000 tarda 1 minuto, razonar si tardará más o menos de 500 minutos para n=1 000 000.

EJERCICIO 3

- a) Un algoritmo O(n⁴) tarda 1 segundo para n=10, calcular su tiempo de ejecución para n=20.
- b) Un algoritmo O(2ⁿ) tarda 1 segundo para n=10, calcular su tiempo de ejecución para n=20.
- c) Un algoritmo O(n!) tarda 1 segundo para n=10, calcular su tiempo de ejecución para n=20.

EJERCICIO 4

Tras razonar la complejidad temporal de los dos algoritmos siguientes, concluya cuál tiene menor complejidad.

```
public static void metodo1 (int n)
{ for (int i=n*n; i>n/3; i--)
     { j=1;
        while (j<n*n*n)
          { operacion O(1);
             j=j*4;
     }
}
public static void metodo2 (int n)
     { i=8*n*n;
        while (i>1)
              for (int j=2; j<=2*n; j*=3)
                  operacion_0(1);
         i=i-5;
          }
}
```

EJERCICIO 5

Una operación que suma todos los elementos de una matriz cuadrada de orden n, la ejecutamos en un ordenador para n=100 y tarda 0,4 segundos. Razonar lo que tardará para n=10.000. ¿Tarda más o menos de una hora?

Grado en Ingeniería Informática del Software

EJERCICIO 6

Calcule de complejidad temporal de los dos métodos siguientes:

```
public static void metodo1 (int n)
{
    for (int i=n*n; i>=1; i--)
        for (int j=1; j<=n*n; j++)
            if (i==j) operacion_O(n^4logn);
        else operacion O(n^2)
}

public static void metodo2 (int n)
{
    for (int i=n*n; i>=1; i--)
        for (int j=1; j<=n*n; j++)
            if (i!=j) operacion_O(1);
        else operacion O(n)
}</pre>
```

EJERCICIO 7

Tenemos un algoritmo de complejidad temporal cuadrática $O(n^2)$ y comprobamos en nuestro ordenador que para n=1.000 tarda 1 seg.

- a) Calcular qué tamaño del problema podemos resolver si disponemos de una hora en el mismo ordenador.
- b) Calcular qué tamaño del problema podemos calcular si disponemos de una hora en un superordenador 1.000.000 veces más potente.

EJERCICIO 8

Tenemos un algoritmo de complejidad temporal exponencial O(2ⁿ) y comprobamos en nuestro ordenador que para n=100 tarda 1 seg.

- a) Calcular qué tamaño del problema podemos resolver si disponemos de una hora en el mismo ordenador ¿y en un día?
- b) Calcular qué tamaño del problema podemos calcular disponemos de una hora en un superordenador 1.000.000 veces más potente.