



Fundamentos del Paradigma Funcional

Tema 3

Ejemplos de Código

- Todos los ejemplos de código mostrados en estas transparencias están disponibles para el alumno
 - Siguen apareciendo en etiquetas como la que se muestra:

 Consulta el código en:

generics/inference

 Para comprender los conceptos explicados, el alumno deberá abrir el código, analizarlo, modificarlo, ejecutarlo y asegurarse de que lo entiende

Contenido

- Cálculo Lambda
- Funciones como Entidades Primer Orden
- Isomorfismo Curry-Howard
- Cláusulas
- Currificación
- Aplicación Parcial
- Continuaciones
- <u>Evaluación Perezosa</u>
- <u>Transparencia Referencial</u>
- Pattern Matching
- Funciones de Orden Superior
- <u>Listas por comprensión</u>
- <u>LINQ</u> (Language INtegrated Query)

Paradigma Funcional

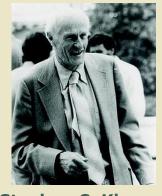
- Paradigma declarativo basado en la utilización de funciones que manejan datos inmutables
 - Los datos nunca se modifican
 - En lugar de cambiar un dato, se llama a una función que devuelve el dato modificado sin modificar el original
- Un programa se define mediante un conjunto de funciones invocándose entre sí
- Las funciones no generan efectos (co)laterales (secundarios):
 - el valor de una expresión <u>depende exclusivamente de los valores</u> <u>de los parámetros</u>
 - devolviendo siempre el mismo valor en función de éstos (paradigma funcional puro)

Cálculo Lambda

- El origen de la programación funcional se remonta al cálculo lambda definido por Alonzo Church y Stephen Kleene en los años 30
- El cálculo lambda (λ-calculus) es un sistema formal basado en la definición de funciones (abstracción) y su aplicación (invocación)
 - Hace uso exhaustivo de la recursión
- El cálculo lambda se considera como el lenguaje más pequeño universal de computación
 - Es **universal** porque <u>cualquier función computable</u> puede ser expresada y evaluada usando este formalismo (lenguaje Turing-completo, tesis de <u>Church-Turing</u>)
- Es utilizado por <u>investigadores y diseñadores de lenguajes</u> para describir nuevos elementos de programación



Alonzo Church (1903-1995)



Stephen C. Kleene (1909-1994)

- En el cálculo lambda, una expresión lambda (o término) se define como
 - Una abstracción lambda λx.M (M, N, M₁, M₂...)
 donde x es una variable (x, y, z, x₁, x₂...) –parámetro-y M es una expresión lambda –cuerpo de la función
 - Una aplicación M N donde M y N son expresiones lambda
- Ejemplos de abstracciones (funciones)
 - La función identidad f(x) = x puede representarse como la expresión $\lambda x.x$
 - La función doble g(x) = x + x puede representarse con la expresión $\lambda x.x + x$ Nota: x + x no es realmente una expresión lambda, pero puede representarse con una expresión lambda (más larga, lo obviamos para ser más concisos)

Aplicación (reducción-β)

- · La aplicación de una función representa su invocación
- La aplicación se define del siguiente modo

```
(\lambda x.M)N \rightarrow M[x:=N] (o M[N/x])
Siendo x una variable y
M y N expresiones lambda
```

Y M[x:=N] (o M[N/x]) representa M donde todas las apariciones de x son sustituidas por N (sustitución)

- Esta sustitución (reducción de expresiones o términos) se denomina reducción-β
 (β-reduction)
- Ejemplos de aplicación
 - $(\lambda x.x+x)3 \rightarrow 3+3$
 - $(\lambda x.x) \lambda y.y^*2 \rightarrow \lambda y.y^*2$

Teorema de Church-Rosser

- En algunos términos lambda se pueden aplicar múltiples reducciones β
 - (λx.x) (λy.y*2) 3
- El teorema de Church-Rosser establece que el orden en el que se hagan estas reducciones no afecta al resultado final:
 - $(\lambda x.x) (\lambda y.y*2) 3 \rightarrow (\lambda y.y*2) 3 \rightarrow 3*2$
 - $(\lambda x.x) (\lambda y.y^*2) 3 \rightarrow (\lambda x.x) (3^*2) \rightarrow 3^*2$
- Por tanto, los paréntesis se usan normalmente para delimitar términos lambda, no indican precedencias
 - (λx.x) (λy.y) es una aplicación de funciones, que se reduce al evaluarse a λy.y
 - λx.x λy.y es una sola abstracción (función)

<u>http://www.cburch.com/proj/lambda/</u> (usa \ para representar λ y sintaxis prefija para operadores)

Variables Libres y Ligadas

- En una abstracción λx.xy se dice que
 - La variable x está ligada (bound)
 - La variable y es libre (free)
- En una sustitución, <u>sólo se sustituyen las variables libres</u> $(\lambda x.x(\lambda x.2+x)y)M \rightarrow \mathbf{x}(\lambda x.2+x)y[x:=M] = M(\lambda x.2+x)y$
 - La <u>segunda x no se sustituye</u> (está ligada) ya que representa una variable distinta (aunque tiene el mismo nombre)
- Para evitar estos conflictos de nombres se creó la **conversión-** α (α -conversion)

Todas las apariciones de una variable **ligada** en una misma abstracción se pueden renombrar a una **nueva** variable

```
(\lambda x.x(\lambda x.2+x)y)M \equiv (\lambda x.x(\lambda z.2+z)y)M \rightarrow x(\lambda z.2+z)y[x:=M] = M(\lambda z.2+z)y \equiv M(\lambda x.2+x)y
```

Conversión-a

 En cuales de las siguientes transformaciones el término resultante es α-equivalente?

```
\lambda x.xy \lambda z.zy \lambda x.2+x \lambda y.2+y xy(\lambda x.2+x) xy(\lambda z.2+z) \lambda x.xy \lambda y.yy
```

Conversión-a

- Gracias a la conversión-α podemos aplicar funciones a sí mismas
- Ejemplo 1. La identidad de la función identidad es ella misma:

$$(\lambda x.x)(\lambda x.x) \equiv (\lambda x.x)(\lambda y.y) \rightarrow \lambda y.y \equiv \lambda x.x$$

Aplicad conversiones- α - para evitar que diferentes variables ligadas tengan el mismo nombre **antes** de aplicar una función

 Ejemplo 2. Definimos la función doble (λx.x+x) y la función de aplicación dos veces (λf. (λx.f(fx))) y calculamos el doble del doble de n

Conversión-a

 Por convenio se hace una evaluación de expresiones lambda de izquierda a derecha

```
(\lambda f.\lambda x.f(fx))(\lambda \underline{x}.\underline{x}+\underline{x})n \equiv (\lambda \underline{f}.\lambda x.\underline{f}(\underline{f}x))(\lambda y.y+y)n \rightarrow \\ \text{reducción-}\beta [f:=(\lambda y.y+y)] \qquad \text{Conversión-}\alpha \text{ en } 1^a \text{ expresión } (y/z) \\ (\lambda x.\overline{(\lambda y.y+y)}(\overline{(\lambda y.y+y)x}))n \equiv (\lambda \underline{x}.\overline{(\lambda y.y+y)}(\overline{(\lambda z.z+z)\underline{x}})\underline{n}) \\ \rightarrow (\lambda y.\underline{y+y})(\overline{(\lambda z.z+z)n}) \rightarrow ((\lambda z.z+z)n) + (\overline{(\lambda z.z+z)n}) \equiv \\ \hline (\lambda y.\underline{y+y})(\underline{(\lambda z.z+z)n}) \rightarrow ((\lambda z.z+z)n) + (\overline{(\lambda z.z+z)n}) \\ \hline (\lambda y.\underline{y+y})(\underline{(\lambda x.x+x)n}) \rightarrow (\overline{n+n}) + (\overline{(\lambda x.x+x)n}) \\ \hline (\lambda \underline{x}.\underline{x+z})\underline{n}) + (\overline{(\lambda x.x+x)n}) \rightarrow (\overline{n+n}) + (\overline{(\lambda x.x+x)n}) \\ \hline (\underline{n+n})+(\underline{n+n})
```



Cálculo lambda

El Problema de la Parada

- Problema de la Parada (Halting Problem): Dada la especificación de un programa, demostrar si éste finalizará su ejecución o tendrá una ejecución infinita
- En 1936 Alan Turing probó que es imposible describir un algoritmo que <u>resuelva el</u> <u>problema de la parada para todos</u> los posibles programas y entradas de un lenguaje Turing completo ⇒ problema no decidible
 - Un <u>lenguaje Turing completo</u> es aquél capaz de computar lo mismo que la máquina de Turing (Lenguajes Recursivamente Enumerables o de Tipo 0)
- Hay lenguajes como Coq o Agda que permiten asegurar que <u>un</u> programa termina
- En cálculo lambda se pueden escribir programas que no terminan (que divergen)

```
(\lambda x.xx)(\lambda x.xx) \rightarrow (\lambda x.xx)(\lambda x.xx)
```



Alan Turing (1912-1954)

Lógica como la base del Software

· La lógica es la base formal del desarrollo de software

Lógica _	Cálculo	
Ingeniería del Software	_	Ingeniería Civil

- La lógica es la ciencia formal que se dedica al estudio de las formas válidas de inferencia y su demostración
 - Estudio de los métodos y los principios utilizados para <u>distinguir el razonamiento</u> correcto del incorrecto
- Una demostración (proof) es una prueba convincente de que una proposición (teorema) es necesariamente cierta
 - Las demostraciones suelen realizarse siguiendo un razonamiento deductivo
- Las <u>distintas demostraciones</u> <u>de</u> que <u>una proposición</u> (<u>teorema</u>) es cierta se denominan evidencias (evidence)

Curry-Howard

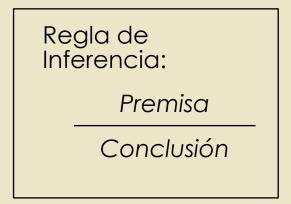
- El isomorfismo o correspondencia de Curry-Howard establece una relación directa entre programas software y demostraciones matemáticas
 - Estableciendo una correspondencia entre la lógica y la computación
 - En cálculo lambda, esta correspondencia es directa
- Esto implica que
 - 1. Existe una correspondencia entre tipos y proposiciones (teoremas o fórmulas)

<u>Lógica</u>	Equivale al	<u>Tipo</u>
$\supset (\rightarrow)$	·	Función
\wedge		Tipo producto (Tupla o Registro)
V		Tipo suma (Unión)
true		Tipo Top (Object)
false		Tipo Bottom (void)
\forall		Genericidad

Curry-Howard, Tipos

 Existe un correspondencia entre programas y evidencias que demuestran la proposición (teoremas o fórmulas) descrita por su tipo

Ejemplo: $A \wedge B \supset B \wedge A$ es una proposición (fórmula o teorema) cierta que puede demostrarse mediante deducción natural del siguiente modo:



$$\frac{A \wedge B}{B} \qquad \frac{A \wedge B}{A}$$

$$B \wedge A$$

$$A \wedge B \supset B \wedge A$$

Curry-Howard, Tipos

Continuación del Ejemplo: La proposición $A \wedge B \supset B \wedge A$ se corresponde con el tipo $A \times B \rightarrow B \times A$ y la demostración anterior se corresponde con la inferencia del tipo del programa:

x:T Significa "x tiene el tipo T" x: A×B

second x: B

first x: A

<second x, first x>: B×A

 $\lambda x:A\times B.$ <second x, first $x>:A\times B\to B\times A$

Correspondencia Curry-Howard

- El proceso deductivo ha sido igual para :
 - 1) Demostrar la proposición (teorema) $A \wedge B \supset B \wedge A$
 - 2) Encontrar un programa cuyo tipo es $A \times B \rightarrow B \times A$

Demostración de Propiedades

 El resultado es que la lógica se puede utilizar como mecanismo formal para la demostración de propiedades del software

- El mejor ejemplo es la verificación de programas: demostrar que un programa es correcto conforme a una especificación
 - Por ejemplo, un algoritmo de ordenación será correcto cuando se demuestre
 - 1. Que, tras su invocación, todos los elementos están ordenados
 - 2. Para cualquier entrada pasada al algoritmo (hay infinitas)

Lógica y Paradigma Funcional

- El paradigma funcional es el más utilizado para realizar demostraciones sobre programas porque
 - 1. Toda computación se puede expresar en cálculo lambda (es universal)
 - 2. Hay una traducción directa con la lógica (isomorfismo Curry-Howard)
- Existen asistentes de demostradores que permiten demostrar propiedades (y corrección) de programas (Coq, Isabelle, Agda, Twelf...)
 - Se basan en <u>lenguajes funcionales</u> (ML y Haskell)
 - <u>Añaden un lenguaje</u> para realizar <u>demostraciones</u> mediante <u>deducción</u> natural
 - Permiten la <u>extracción de programas</u>: generar el código en distintos lenguajes (OCaml, Haskell, Scala...) una vez realizada la demostración

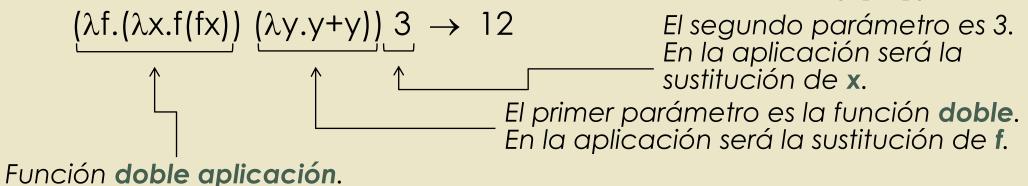
Funciones, Entidades Primer Orden

- El paradigma funcional identifica las funciones como entidades de primer orden, igual que el resto de valores (Ejemplo: objetos): Funciones de primer orden
- Esto significa que las funciones son un tipo más, pudiéndose instanciar variables de tipo función para, por ejemplo:
 - Asignarlas en estructuras de datos (objetos, registros, árboles, tuplas...)
 - Pasarlas como parámetros a otras funciones
 - Retornarlas como valores de otras funciones
- Una función se dice que es una función de orden superior (higher-order) si:
 - O bien recibe alguna función como parámetro
 - O bien retorna una función como resultado

Funciones de Orden Superior

 La función doble aplicación, que vimos anteriormente, es una función de orden superior λf.(λx.f(fx))

 Recibe una función como parámetro (f) y, dada otra expresión (x), la utiliza para pasársela a la función (fx) y, su resultado, se lo vuelve a pasar a la función (f(fx))



Delegados

- En C# las funciones (métodos) son <u>entidades de primer orden</u> gracias a los delegados (y expresiones lambda)
- Un delegado en C# constituye un tipo que representa un método de instancia o de clase (static)
- Las variables de tipo delegado <u>representan un modo de</u> <u>referenciar un método</u>
- Por tanto,
 - El paso de estas variables implican el <u>paso de métodos</u> (funciones) <u>a</u> <u>otros métodos</u> (funciones)
 - La asignación permite <u>parametrizar</u> estructuras de datos (objetos) y algoritmos <u>en base a otras funcionalidades</u> (métodos o funciones)

Delegados

La siguiente línea define el tipo del delegado

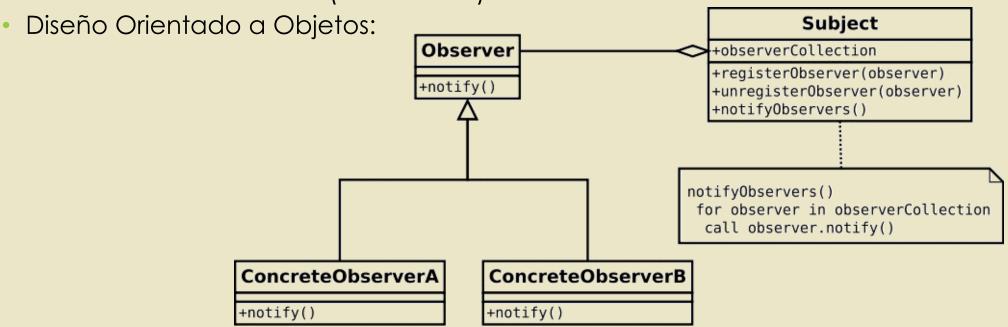
```
public delegate int Comparacion(Persona p1, Persona p2);
```

- Definiendo el tipo Comparacion como un método que recibe dos Persona y devuelve un int
- Es posible declarar el siguiente método OrdenarPersonas independiente del criterio de ordenación

Consulta el código en:

delegates/delegates

- En .Net, un uso muy extendido de los delegados es el basado en el patrón de diseño
 Observer
 - Los <u>suscriptores</u> (observer) se registran y desregistran en un asunto (subject)
 - Cuando sucede un evento, el <u>asunto</u> (Subject) notifica de tal evento a los elementos suscritos (Observers)



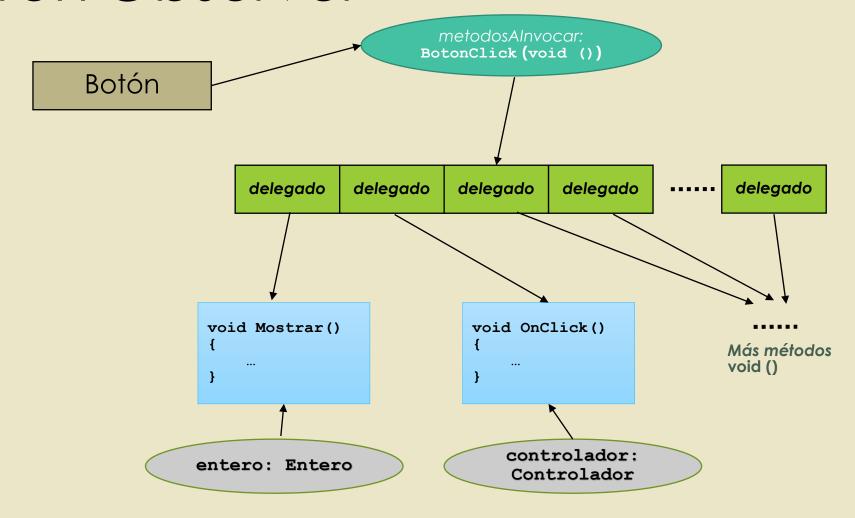
- En .Net una instancia de un delegado puede en realidad coleccionar un conjunto de métodos
 - Con el operador += se añade un método(registro)
 - Con el operador -= se elimina un método (desregistro)
 - Con el operador = se asigna un único método
- Cuando se invoca a un delegado, se producirá una invocación a todos los subscritores registrados en ese delegado
- Por tanto es posible utilizar delegados para implementar el patrón Observer

```
class Boton {
  public delegate void BotonClick();
  private BotonClick metodosAInvocar;
  public void AñadirDelegado(BotonClick metodo) {
      metodosAInvocar += metodo;
  public void EliminarDelegado(BotonClick metodo) {
      metodosAInvocar -= metodo;
  public void Click() {
      metodosAInvocar();
```

```
static void Main() {
 Boton boton = new Boton();
  Entero entero = new Entero(3);
 Controlador controlador = new Controlador();
  boton.AñadirDelegado(entero.Mostrar);
  boton.AñadirDelegado(controlador.OnClick);
  boton.Click();
```

Consulta el código en:

delegates/observer



Tipos delegados predefinidos

- La plataforma .Net tiene un conjunto de delegados predefinidos
 - Hacen uso de la potencia de la genericidad
- · Los más utilizados son Func, Action y Predicate
 - Func<T>: Método sin parámetros que retorna un T
 - Func<T1,T2>: Método con un parámetro T1 que retorna un T2
 - •
 - Action: Método sin parámetros ni retorno
 - Action<T>: Método con un parámetro T sin retorno
 - •
 - Predicate<T>: Método que retorna un bool y recibe un T
- Estos tres son muy utilizados (¡no definas nuevos!)

Consulta el código en:
delegates/predefined

Tecnología y paradigmas de la programación – Curso 2021-2022

Tipos delegados predefinidos

```
class Test1 {
    public float Abs(float param) { ... }
   public float Cos(float param) { ... }
class Test2 {
    public float Sin(float param) { ... }
   public bool isPositive(float param) { ... }
   public static void Print(float param) { ... } }
public static void Main(string[] args) {
Test1 t1 = new Test1();
Test2 t2 = new Test2();
Func<float, float> method1 = t1.Abs;
float result = method1(3.4f); //Invocamos Abs de la instancia t1
method1 = t1.Cos;
result = method1(3.4f); //Invocamos Cos de la instancia t1, usando la misma referencia
method1 = t2.Sin;
result = method1(3.4f); //Invocamos Sin de la instancia t2, usando la misma referencia
//Func<float, bool> method2 = t1.Abs; // Error
Func<float, bool> method2 = t2.isPositive; // Ok
Predicate<float> method3 = t2.isPositive; // También válido
bool bResult = method2(3.4f);
Action<float> method4 = Test2.Print;
method4(5.6f); //Invocamos Print de la clase Test2 }
```

Delegados Anónimos

- El tener que implementar un método para pasarlo como parámetro posteriormente es tedioso
- En la programación funcional es común <u>poder escribir la función en el momento</u> de pasar ésta
- La <u>primera aproximación</u> que ofreció C# para ello fueron los delegados anónimos
 - Sintaxis para definir una variable delegado indicando sus parámetros y su cuerpo (código)

Sigue siendo una sintaxis un tanto prolija

Consulta el código en:
delegates/anonymous.methods

- Las expresiones (funciones) lambda de C# permiten escribir el cuerpo de funciones completas como expresiones (siguiendo la aproximación del λ-cálculo)
 - Son una mejora de los delegados anónimos

Sintaxis

- Se especifican los <u>parámetros</u> separados por comas (si los hay)
 - Opcionalmente se pueden anteponer los tipos
 - Si hay más de un parámetro se deben utilizar paréntesis
 - Si hay cero parámetros, se indica con ()
- El símbolo => indica la separación de los parámetros y el cuerpo de la función
- Si el cuerpo tiene varias sentencias se separan con ;
- En el cuerpo se utiliza **return** para devolver valores
- Si el cuerpo es una única sentencia, no es necesario escribir return ni llaves

```
class Program {
    public static bool MayorDe18 (Persona p)
    { return p.Edad >= 18; }

// ...
}

Persona[] personas =
    ListadoPersonas.CrearPersonasAleatorias();

Persona[] mayoresEdad;

mayoresEdad = Array.FindAll(personas,

Program.MayorDe18);
```

- Los tipos de las expresiones lambda promocionan a los tipos de delegados predefinidos en .Net: Func, Predicate y Action
- A partir de Java 8 se incorporaron las expresiones lambda a Java, siguiendo una aproximación similar (ver presentación "New Functional Features of Java 8")

Consulta el código en:
delegates/lambda

Expresiones Lambda

Más ejemplos:

```
IDictionary <string, Func<int, int, int>> calculadoraFuncional
        = new Dictionary<string, Func<int, int, int>>();
calculadoraFuncional["add"] = (op1, op2) => op1 + op2;
calculadoraFuncional["sub"] = (op1, op2) => op1 - op2;
calculadoraFuncional["mul"] = (op1, op2) => op1 * op2;
calculadoraFuncional["div"] = (op1, op2) => op1 / op2;
calculadoraFuncional["add"](3, 4); // 7
IList<Predicate<string>> condiciones = new List<Predicate<string>>();
condiciones.Add(s => s.Length < 5);</pre>
condiciones.Add(s => !s.StartsWith("F"));
condiciones.Add(s => s.EndsWith("i"));
string str = "Hi";
foreach (var cond in condiciones) { if (!cond(str)) {...} }
```



Funciones de primer orden

Bucles y Recursividad

- La programación funcional pura no posee el concepto de iteración (bucles)
 - En su lugar, hace uso de la recursividad (recursión)
- En C# (y en la mayor parte de lenguajes) las funciones tienen nombres, por lo que es sencillo hacer una llamada recursiva

```
static ulong fact(ulong n) {
   return n==0||n==1 ? 1 : n*fact(n-1);
}
```

- Pero en el cálculo lambda las funciones no poseen nombres, dificultando así la recursividad
- Las funciones recursivas se han de expresar como funciones de orden superior que se reciben a sí mismas

```
\lambda f. \lambda x. if x=0 or x=1 then 1 else x*?(x-1)
```

Los operadores if-then-else, =, * y - también pueden codificarse en cálculo lambda

¿Cómo resolver este problema?

Iteración y Recursividad

 Las funciones recursivas deben implementarse como funciones de orden superior, pasándose a si mismas como parámetro

```
\lambda f.\lambda x. if x=0 or x=1 then 1 else x*f(x-1)
```

 La cuestión es: ¿cómo puedo pasar la propia función como parámetro?

Combinador de Punto Fijo

 El combinador de punto fijo (normalmente denominado fix) es una función de orden superior que cumple lo siguiente

```
fix f \rightarrow f (fix f)
```

- Es decir, que al aplicar fix a f(fix f)
 - 1. Se retorna f
 - 2. Pasando una nueva invocación a fix f como primer parámetro

Ejemplo de invocación

- Recordemos...
- a) fact $\equiv \lambda f \cdot \lambda x \cdot if x=0$ or x=1 then 1 else x*f(x-1)
- b) fix fact \rightarrow fact (fix fact)
- Evaluemos pues fix fact 3 (las expresiones evaluadas aparecen subrayadas)
 - 1. fix fact 3

b) \rightarrow

2. fact (fix fact) 3

 $a) \rightarrow$

3. 3 * (fix fact) 2

b) \rightarrow

4. 3 * fact (fix fact) 2

- a) \rightarrow
- 5. 3 * 2 * (fix fact) 1
- b) \rightarrow
- 6. 3 * 2 * fact (fix fact) 1 \rightarrow

7. 3 * 2 * 1

Combinador Y

 Una de las funciones fix más conocidas es el combinador Y

```
fix \equiv \lambda f. (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx))

fix fact \equiv \lambda f. (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx)) fact \rightarrow (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx)) =_{\alpha} (\lambda y. f(xx)) (\lambda x. f(xx)) \rightarrow f(xx) (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx)) \rightarrow f(xx) (f(xx)) (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx)) =_{\alpha} (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) =_{\alpha} (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) (f(xx)) =_{\alpha} (f(xx)) (
```

- Una cláusula (closure) es una función de primer orden junto con su ámbito: una tabla que guarda las referencias a sus variables libres
- En cálculo lambda λy. ... x es una cláusula

```
λχ. ...χ... λ<u>y. ... x</u> x es una variable libre en λy. ... x, pero guarda una referencia (<u>no una copia</u>) a la x externa de λχ. ...χ...
```

En C#

```
int valor = 1;
Func<int> dobleDeValor = () => valor * 2;
dobleDeValor(); // 2
valor = 7;
dobleDeValor(); // 14
```

- · Las variables libres de una cláusula representan estado
 - Este estado puede, además, estar oculto cuando el ámbito de la variable finaliza
- Por tanto, pueden representar objetos

```
static Func<int> RetornarContador() {
  int contador = 0;
  return () => ++contador;
}
```

 Las cláusulas también pueden representar estructuras de control

Consulta el código en:

closures/closures

- Puesto que las cláusulas permiten
 - 1. Representar estructuras de control iterativas
 - 2. Objetos y ocultación de información
- Estamos viendo cómo se pueden traducir estos mecanismos imperativos a elementos equivalentes del paradigma funcional
 - No existiendo pérdida de expresividad
 - Sino un modo distinto (paradigma) de expresar las abstracciones

Cláusulas - Ejemplo

```
long limit = 10;
int num = 0;
long resultAction1 = 1, resultAction2 = 2; //Variables para quardar el resultado de las Actions
del while
double resultAction3 = 20000; // Podríamos meter los resultados en arrays o listas (si son del
mismo tipo o no)
Func<bool> test = () => num < limit; //Cláusula con la condición del while
List<Action> whileActions = new List<Action>();
//Actions para usar como cuerpo del while. Son todas cláusulas y gracias a ello no necesitamos
pasarles parámetros
whileActions.Add(() => {resultAction1 *= 2; num++;});
whileActions.Add(() => {resultAction2 += 2; num++;});
whileActions.Add(() => {resultAction3 = Math.Cos(resultAction3); num++;});
//Ejecutamos el while con distintos cuerpos :)
foreach (var action in whileActions)
        WhileLoop (test, action); //En cada iteración ejecutamos un código distinto
        /* Dado que las clausulas comparten una referencia a num, debe re-inicializarse en cada
        iteración. Si no, ; las iteraciones 2ª y 3ª no se ejecutarán, al ser la condición falsa
(num==limit)!*/
        num = 0;
//Imprime 1024, 22, 0,736924884186011
Console.WriteLine(resultAction1 + ", " + resultAction2 + ", " + resultAction3);
```

Currificación

- El cálculo lambda es un lenguaje de programación universal: cualquier función computable puede representarse en él
 - Números y operaciones enteras y booleanas (Church encoding)
- No obstante, <u>la definición de abstracción sólo define un único parámetro</u> para las funciones lambda
- La currificación (currying) es la técnica para transformar una función de varios parámetros en una función que recibe un único parámetro
 - La función recibe un parámetro y retorna otra función que se puede llamar con el segundo parámetro
 - Esto puede repetirse para todos los parámetros de la función original
 - La invocación se convierte en llamadas a funciones encadenadas (Ej. f (1) (2) (3) vs. f (1, 2, 3))
- El nombre es en honor al matemático Haskell Curry (aunque lo inventó Moses Schönfinkel)

Currificación

En cálculo lambda

```
\lambda x \cdot \lambda y \cdot x + y \equiv \lambda x y \cdot x + y
```

En C#

```
static Func<int, int> SumaCurrificada(int a) {
  return b => a + b;
}
static Predicate<int> MayorQue(int a) {
  return b => a > b;
}
...
SumaCurrificada(3)(1)
Predicate<int> esNegativo = MayorQue(0);
```

Consulta el código en:

closures/currying

- Pregunta: ¿qué característica se ha usado para implementar la currificación?
- Su principal beneficio es la aplicación parcial (siguientes transparencias)

Aplicación Parcial

- Cuando las funciones están "currificadas" es posible realizar su aplicación (invocación) parcial
 - En lenguajes como Haskell o ML, todas las funciones están currificadas
- Al aplicación parcial consiste en pasar un número menor de parámetros en la invocación de la función
 - El resultado es otra función con un número menor en su aridad (número de parámetros)
- Esto le da gran potencia al lenguaje, especialmente cuando los operadores son funciones (Haskell)
- En cálculo lambda

```
(\lambda x.\lambda y.x+y) 1 \equiv \lambda y.1+y
(sumar) 1 \equiv incrementar
```

Aplicación Parcial en C#

- En C# la sintaxis para aplicación parcial es prolija
 - 1. Las funciones no están currificadas por omisión
 - 2. Los operadores no son funciones
- Esto hace que este mecanismo en C# no sea tan potente como en lenguajes como Haskell (ofrece ambos)
- Un ejemplo de su utilidad:

```
static Func<int, int> Suma(int a) {
  return b => a + b; }
static Predicate<int> MayorQue(int a) {
  return b => a > b; }
static Predicate<int> SegundoParametro(
     Func<int, Predicate<int>> predicado, int parametro) {
  return a => predicado(a)(parametro); }
```

Aplicación Parcial en C#

```
static int[] Map(int[] origen, Func<int, int> funcion) {
 int[] destino = new int[origen.Length];
 for (int i = 0; i < origen.Length; i++)</pre>
    destino[i] = funcion(origen[i]);
 return destino;
static IEnumerable<int> Filtrar(IEnumerable<int> origen, Func<int, bool> predicado) {
 IList<int> destino = new List<int>();
 foreach (int elemento in origen)
    if (predicado(elemento)) destino.Add(elemento);
                                                                         Consulta el código en:
 return destino;
                                                                  closures/partial.application
static void Main() {
                                       (1+) en Haskell
 int[] enteros = new int[10];

√ (>0) en Haskell
 int[] inc = Map(enteros, Suma(1)));
 var positivos = Filtrar(enteros, |SegundoParametro(MayorQue, 0));
```

Partial Application in C#: Example

- La aplicación parcial se puede utilizar para escribir menos código
- En lugar de crear multiples elementos con una parte común, podemos definir esa parte común una vez y reutilizarla
 - Definimos la parte comun gracias a la aplicación parcial
 - Lo guardamos en un delegado (función parcialmente-aplicada)
 - Invocamos la función parcialmenteaplicada con el resto de parametros (parte variable)

```
string BuildCombinedEmail(string signature,
DateTime date, string text, string origin,
string greeting, string destination) {
    return new Email (signature,
       date, text, origin, greeting,
        destination). ToString();
                       Versión currificada
Func<string, Func<DateTime, Func<string,</pre>
Func<string, Func<string, Func<string,
Email>>>>>
  BuildCombinedEmail() {
     return signature => date => text =>
origin => greeting => destination =>
        new Email(signature,
            date, text, origin, greeting,
            destination);
```

Aplicación Parcial en C#: Ejemplo

```
//Creación "Traditional" de un email
                                                   //Creación "currificada" de un email
// (función con 6 parametros)
                                                   //(sequencia de funciones con 1 parametro).
var nonCurried = new NonCurriedCombinedEmail();
                                                   //Builder pattern
var johnLetter = nonCurried.BuildCombinedEmail(
                                                   var curried = new CurriedCombinedEmailBuilder();
    "Hans Gruber, Department of Dark Arts",
                                                   var letterForJohnCurried =
    DateTime.Today,
                                                            curried.BuildCombinedEmail()
    "You are fired",
                                                             ("Hans Gruber, Department of Dark Arts")
    "HansGruber@F.org",
                                                             (DateTime.Today)
    "Dear John McLane",
                                                             ("You are fired")
    "diehard@F.org");
                                                             ("HansGruber@F.org")
                                                             ("Dear John McLane")
                           Llamada "Tradicional"
                                                                                         Llamada
                                                                                        "currficada"
                                                             ("diehard@F.org");
string[] employees = { "John McLane", "Patricia McLane", "Angus Dumbledore" };
//Podemos pre-construir parte de un email gracias a la aplicación parcial
var preBuiltFiringLetter = curried.BuildCombinedEmail()("Hans Gruber, Department of Dark Arts")
         (DateTime.Today) ("You are fired") ("HansGruber@F.org");
                                                                                Aplicación parcial
//Posteriormente construimos la parte "variable" del correo
                                                                              Consulta el código en:
foreach (var employee in employees)
        Console.WriteLine(preBuiltFiringLetter("Dear " + employee)
                                                                         closures/curryingBuilder
                 (employee.Replace(" ", " ") + "@F.org"));
```

Continuaciones

- Una continuación representa el estado de computación en un momento de ejecución
- El estado de computación normalmente está compuesto por, al menos
 - 1. El estado de la pila de ejecución
 - 2. La siguiente instrucción a ejecutar
- Los lenguajes que ofrecen continuaciones son capaces de almacenar su estado de ejecución y recuperarlo posteriormente
 - Scheme y Ruby ofrecen continuaciones
 - C# no las ofrece de un modo directo

Continuaciones

- Los lenguajes que ofrecen continuaciones añaden una función call/cc (call with current continuation) para obtener el estado de computación
- Lo siguiente es un ejemplo en sintaxis C# (no válido en C#)

```
static Func<int> continuacion = null;
static int Test() {
  int i = 0;
  // Asigna a continuación el estado actual
  // (estado dinámico en la línea actual)
  callcc(estado => continuacion = estado);
  i = i + 1;
  return i;
}
```

Generadores

- Un generador
 - es una función
 - que simula la devolución de una colección de elementos
 - sin construir toda la colección
 - devolviendo un elemento cada vez que la función es invocada
- · Una implementación de generadores es mediante continuaciones
- El hecho de no construir toda la colección hace que sea más eficiente
 - Requiere <u>menos memoria</u>
 - El invocador obtiene el <u>primer elemento</u> de forma <u>inmediata</u>
 - Sólo se generan los elementos que se usan
- Un generador es una <u>función</u> que se comporta como un iterador

Generadores en C#

 C# implementa los generadores mediante yield una especie de continuaciones ad hoc

```
static IEnumerable<int> FibonacciInfinito() {
  int primero = 1, segundo = 1;
 while (true) {
    yield return primero;
    int suma = primero + segundo;
   primero = segundo;
    segundo = suma;
foreach (int valor in Fibonacci.FibonacciInfinito()) {
  Console.WriteLine("Término {0}: {1}.", i, valor);
  if (i++ == numeroTerminos) break;
```

Generadores en C#

```
IEnumerable<int> FibonacciFinito(int términoMáximo) {
 int primero = 1, segundo = 1, término = 1;
 while (true) {
   yield return primero;
   int suma = primero + segundo;
   primero = segundo;
   segundo = suma;
    if (término++ == términoMáximo)
     yield break;
foreach (int valor in Fibonacci. Fibonacci Finito (10))
 Console.Write(valor);
```

Consulta el código en:

continuations/generators

Evaluación Perezosa

- La evaluación perezosa (lazy) es la técnica por la que se demora la evaluación de una expresión hasta que ésta es utilizada
 - Lo contrario es la evaluación ansiosa (eager) o estricta (strict)
- Relativo al paso de parámetros, la mayoría de lenguajes ofrecen paso ansioso
 - Haskell y Miranda ofrecen paso perezoso de argumentos
 - Ejemplo en sintaxis C# (código no válido en C#)

```
int Eager(int n) { return 0;}
int Lazy(int n) { return 0;}
int a = 1, b = 1;
Eager(a++); // a == 2 tras la invocación
Lazy(b++); // b == 1 tras la invocación
```

Evaluación Perezosa

- Los beneficios de la evaluación perezosa son
 - 1. Una menor consumo de memoria
 - 2. Un mayor rendimiento
 - 3. La posibilidad de poder crear estructuras de datos potencialmente infinitas
- La implementación de un procesador de lenguaje (compilador o intérprete) que soporte evaluación perezosa es más compleja

Evaluación Perezosa en C#

- C# no ofrece evaluación perezosa de un modo directo
 - A excepción de las continuaciones implementadas en los generadores
- Puesto que la generación de elementos es perezosa, podemos generar <u>colecciones de un número infinito de</u> números con yield
 - y hacer uso de ellas con los siguientes <u>métodos extensores</u>
 - Skip para desoír un conjunto de elementos de una secuencia, retornando los restantes
 - Take para retornar un nº concreto de elementos contiguos desde el principio de una secuencia

Evaluación Perezosa en C#

```
static private IEnumerable<int> GeneradorLazyNumerosPrimos() {
 int n = 1;
 while (true) {
    if (EsPrimo(n))
      yield return n;
    n++;
                                                                   Consulta el código en:
                                                                continuations/lazy
static internal IEnumerable<int> NumerosPrimosLazy(
                                int desde, int númeroDeNúmeros) {
 return GeneradorLazyNumerosPrimos()
                      .Skip(desde).Take(númeroDeNúmeros);
```

Transparencia Referencial

- Una <u>expresión</u> se dice que es **referencialmente transparente** si ésta <u>se puede</u> <u>sustituir por su valor sin que cambie la semántica</u> (significado) del programa
 - Lo contrario es la opacidad referencial
- Mientras que en matemáticas todas las funciones son referencialmente transparentes, en programación no
- La transparencia referencial es un de los pilares del paradigma funcional
- Cuando es ofrecida por un lenguaje, se dice que es funcional puro: Haskell, Clean y Charity
- Elementos de un lenguaje que hacen que no ofrezca transparencia referencial son:
 - Variables globales mutables
 - 2. Asignaciones destructivas (=, +=, *=, ++, --...)
 - Funciones impuras (E/S, random, datetime...)

Transparencia Referencial

Pregunta: Si un lenguaje ofrece cláusulas, ¿puede ofrecer transparencia referencial?

Variables Globales y Asignaciones

- Las variables <u>mutables</u> fuera del ámbito de una función hacen que no se obtenga transparencia referencial
 - Vimos en el ejemplo de cláusulas cómo éstas guardaban un valor como estado
 - La cláusula RetornaContador devolvía el número de veces que había sido invocada (depende de su "historia") ⇒ No puede sustituirse por un valor

```
static Func<int> RetornarContador() {
  int contador = 0;
  return () => ++contador;
}
```

- 2. Con las **asignaciones** sucede lo mismo
 - La evaluación de una variable depende de sus asignaciones previas

Funciones Puras

- La utilización de funciones que no son puras, implican opacidad referencial
 - Una función es pura cuando
 - 1. <u>Siempre devuelve el mismo valor ante los mismos valores de los argumentos</u> No depende de un estado dinámico, ni de un dispositivo de entrada salida
 - La evaluación de una función no genera efectos secundarios ((co)laterales)
 No actualiza variables globales, ni dispositivos de entrada y salida, ni estados dinámicos
 - Ejemplos de funciones no puras: DateTime::Now, Random::Random,
 Console::ReadLine
 - Ejemplos de funciones puras: Math::Sin, String::Length,

DateTime::ToString

Beneficios

- Los beneficios de la transparencia referencial son:
 - Se puede aplicar el razonamiento matemático a los programas para, por ejemplo:
 - Demostrar su corrección (correctness) ⇒ Demostrar que hace lo descrito en una especificación (cálculo de un valor, cumplimiento de invariantes y postcondiciones...)
 - Razonamiento acerca de su comportamiento ⇒ Identificación de propiedades (terminación, errores de ejecución, consumo de memoria...)
 - Se pueden realizar transformaciones en los programas para, por ejemplo:
 - Simplificación y paralelización de algoritmos
 - Optimización de programas ⇒ memorización, eliminación de subexpresiones repetidas, paralelización...

Memorización

- A modo de ejemplo, veremos una técnica de optimización que puede ser aplicada sobre expresiones con transparencia referencial: la memorización (memoization)
 - Si una expresión posee <u>transparencia referencial</u>, ésta <u>puede</u> <u>sustituirse por su valor</u>
 - Si la expresión es una invocación a una función (pura), ésta puede sustituirse por el valor de retorno
 - La <u>primera vez que se invoca</u> se retorna el valor <u>guardándolo en</u> <u>una caché</u>
 - En <u>sucesivas invocaciones</u>, se <u>retornará el valor de la caché</u> sin necesidad de ejecutar la función

Memorización

```
static class FibonacciMemorizacion {
  private static IDictionary<int, int> valores =
                  new Dictionary<int, int>();
  internal static int Fibonacci(int n) {
    if (valores.Keys.Contains(n))
      return valores[n];
    int valor = n <= 2 ? 1 :</pre>
                 Fibonacci(n - 2) + Fibonacci(n - 1);
    valores.Add(n, valor);
    return valor;
```

Consulta el código en:

continuations/memoization

Preguntas:

¿Ventajas? ¿Inconvenientes?

Evaluación Perezosa (Revisitada)

- · Recordemos que en el paso de parámetros perezoso
 - se demora la evaluación de un parámetro hasta que éste sea utilizado
- Este comportamiento se puede conseguir
 - Haciendo que los parámetros sean funciones (siendo las funciones, por tanto, de orden superior)
 - Memorizando su evaluación
- Actividad Obligatoria: Analice, ejecute y comprenda este ejemplo de implementación

Consulta el código en:

continuations/lazy.simulated

Pattern Matching

- Pattern matching (coincidencia de patrones) es el acto de <u>comprobar si (la secuencia de) un conjunto de elementos siguen algún patrón determinado</u>
- Los elementos suelen ser
 - Tipos (clases) de variables (objetos)
 - Listas
 - Cadenas de caracteres (strings)
 - Tuplas
 - Arrays
 - •
- Los patrones suelen ser
 - Secuencias (generalmente mediante expresiones regulares)
 - Estructuras de árboles (listas bidimensionales)
- Lenguajes que ofrecen pattern matching: Haskell, ML, Mathematica, Prolog

Pattern Matching de Tipos en C#

- C# no ofrecía pattern matching hasta la versión 7.0
- La única forma de ofrecer comprobación de patrones era haciendo uso de introspección: operador is o método
 GetType

```
static double AreaIs(Object figura) {
  if (figura is Circulo)
    return Math.PI * Math.Pow(((Circulo) figura).Radio, 2);
  if (figura is Cuadrado)
    return Math.Pow(((Cuadrado) figura).Lado, 2);
  if (figura is Rectangulo) {
    Rectangulo rectangulo = figura as Rectangulo;
    return rectangulo.Alto * rectangulo.Ancho;
  }
  if (figura is Triangulo) {
    Triangulo triangulo = figura as Triangulo;
    return triangulo.Base * triangulo.Altura / 2;
    }
  throw new ArgumentException("El parámetro no es una figura");
}
```

NUNCA escribais código de esta forma!!! Es completamente inmantanible

Consulta el código en:
pattern.matching/types

Pattern Matching de Tipos

- La utilización de introspección para este escenario posee dos inconvenientes
 - 1. Es costosa en rendimiento en tiempo de ejecución
 - 2. Los errores no son detectados en tiempo de compilación (se detectan en tiempo de ejecución)
- Pregunta: En C#, lenguaje orientado a objetos,
 - ¿cuál es la técnica más apropiada para obtener los beneficios pattern matching de tipos (como en el ejemplo anterior)?

Pattern Matching en F#

- F# es una implementación del lenguaje ML sobre .Net
- ML hace uso exhaustivo de pattern matching
- Lo siguiente es un ejemplo de implementación de la función Fibonacci en ML, utilizando pattern matching (con patrones de secuencia)

Consulta el código en:
pattern.matching/fsharp

Pattern Matching de Tipos en F#

F# también ofrece pattern matching (con patrones de árbol)

```
type Figura =
| Circulo of double
| Rectangulo of double * double
| Cuadrado of double
| Triangulo of double * double
;;
let area figura =
    match figura with
    | Circulo(radio) -> 3.141592 * radio * radio
    | Rectangulo (ancho, alto) -> ancho * alto
    | Cuadrado(lado) -> lado * lado
    | Triangulo(labase, altura) -> labase*altura/2.0
    ;;
```

Consulta el código en:
pattern.matching/fsharp

Pattern Matching de Tipos en F#

 Pregunta: Identifique cómo representar las dos secciones de código en un lenguaje orientado a objetos como Java/C#

```
type Figura =
| Circulo of double
| Rectangulo of double * double
                                                     Sección 1
| Cuadrado of double
| Triangulo of double * double
;;
let area figura =
    match figura with
    | Circulo(radio) -> 3.141592 * radio * radio
    | Rectangulo (ancho, alto) -> ancho * alto
                                                                 Sección 2
    | Cuadrado(lado) -> lado * lado
    | Triangulo(labase, altura) -> labase*altura/2.0
```

Patrones con condiciones

- En ML (F#) es posible poner **condiciones** a los patrones
 - Para ello se utiliza la palabra reservada **when** y el carácter comodín

```
let regular figura =
   match figura with
    // es un comodín: implica que puede valer cualquier cosa
    | Cuadrado ( ) -> true
    // cierto si el ancho y el alto son iguales
    | Rectangulo (ancho, alto) when ancho = alto -> true
    // falso para el resto de rectángulos
    | Rectangulo( , ) -> false
   // cierto si es isósceles
    | Triangulo(labase, altura) -> altura =
                      labase*System.Math.Sqrt(3.0)/2.0
    -> false // falso para el resto de figuras (el círculo)
    ;;
```

Consulta el código en: pattern.matching/fsharp

En Haskell, los patrones condicionales se llaman Guards

Pattern Matching de Listas en F#

- ML (F#) también ofrece pattern matching de listas
- Para ello se utiliza el **operador ::**
- El patrón head::tail indica que
 - head es el primer elemento de la lista
 - Y tail la lista resultante de quitar el primer elemento

```
let lista = ["hola"; "mundo"; "adios"; "amigos"]
let rec concatenar lista =
 match lista with
   cabeza :: cola -> cabeza + " " + concatenar cola
   [] -> ""
```

Se aprecia un estilo **declarativo** (no imperativo)

Consulta el código en: pattern.matching/fsharp

Preguntas

Consulta el código en:

pattern.matching/fsharp

 Responda las siguientes preguntas acerca del siguiente código escrito en lenguaje ML (F#)

```
Que función de
                                     orden superior es?
                                                              Cual es la principal
                                                              diferencia con su
              let rec higherOrder list f =
                                                              implementación en C#?
                 match list with
  Qué
                   head :: tail -> f head :: higherOrder tail f
caracterí
stica del
                   [] -> []
lenguaje
se usa?
               printfn "%A" (higherOrder [1; 2; 3; 4; 5] ((+) 1))
                                                         Qué característica
                Qué se muestra en la consola?
                                                        del lenguaje se usa?
```

Actividad Obligatoria

- En el <u>reconocimiento de patrones</u> aparecen tres elementos:
 - 1. El **elemento** sobre el cuál se aplica el patrón
 - 2. El patrón
 - 3. La acción a realizar si el patrón se evalúa cierto
- Los dos últimos elementos se pueden <u>representar mediante</u> funciones
 - Si el elemento es de tipo **T**, entonces
 - El patrón será Predicate<T>
 - La acción Func<T, TResultado>

pattern.matching/pattern.matching

Consulta el código en:

- Por tanto, es posible implementar una clase PatternMatch que, recibiendo los tres elementos simule esta característica
- · Analice, ejecute y comprenda el código de la etiqueta

Pattern Matching de Tipos en C#

C# 7.0 incorporó un subconjunto de las funcionalidades de pattern matching de F# (ver la

presentación de "new features of C#")

```
static double Area(Figura figura)
{
    switch (figura)
    {
        case Circulo c:
            return Math.PI * c.Radio * c. Radio;
        case Cuadrado u:
            return u.Lado * u.Lado;
        case Rectangulo r:
            return r.Alto * r.Ancho;
        case Triangulo t:
            return t.Base * t.Altura / 2.0;
        default:
            throw new InvalidCastException("Tipo de figura desconocido");
        case null:
            throw new ArgumentNullException (nameof(figura));
}
```

```
static bool EsRegular(Figura figura)
{
    switch (figura)
    {
        case Cuadrado c:
            return true;
        case Rectangulo r when (r.Alto == r.Ancho):
            return true;
        case Triangulo t:
            return t.Altura == t.Base * Math.Sqrt(3.0)/2.0;
        default:
            return false;
        case null:
            throw new ArgumentNullException(nameof(figura));
    }
}
```

Siempre se ejecuta si ningún otro patrón encaja, aunque físicamente no sea el último case

Funciones de Orden Superior Típicas

- Recordemos que una función de orden superior es una función que
 - O bien recibe alguna función como parámetro
 - O bien retorna una función como resultado
- Existen numerosas funciones de orden superior, aunque <u>las</u> más típicas son:
 - Filter: Aplica un predicado a todos los elementos de una colección, devolviendo otra colección con aquellos elementos que satisfagan el predicado
 - Map: Aplica una función a todos los elementos de una colección, devolviendo otra nueva colección con los resultados obtenidos
 - Reduce (Fold, Accumulate, Compress o Inject): Se aplica una función a todos los elementos de una lista, dado un orden, devolviendo un valor

Funciones de Orden Superior en C#

- En el .Net Framework 4.0 se han añadido múltiples funciones de orden superior genéricas en System. Linq
 - Reciben colecciones de tipo IEnumerable utilizando métodos extensores
 - Reciben funciones de orden superior mediante los tipos delegado predefinidos Predicate, Func y Action
- Los nombres que han dado para las funciones de orden superior mencionadas son
 - Filter \Rightarrow Where
 - Map ⇒ Select
 - Reduce \Rightarrow Aggregate

Consulta el código en:

higher.order

Funciones de Orden Superior en .Net

Función	Recibe	Devuelve	Qué cambia	Ejemplos
Map (Select)	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <q></q>	T no tiene porque ser del mismo tipo que Q. Cambia el tipo de los elementos	 "Dame los nombres de todos los clientes" (Cliente->string) "Dame la Dirección y la Ciudad de todos los alumnos" (Alumno -> {Direccion, Cuidad}
Filter (Where)	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Cambia el Nº de elementos devueltos	 "Dame los alumnos que viven en Oviedo" "Dame los clientes que sean mayores de edad y más de 10.000 euros ahorrados"
Reduce (Aggregate)	IEnumerable <t></t>	Q	Q puede ser cualquier tipo (int, List, Dictionary,)	 "Dame la suma de todas las edades de los alumnos" (Q: int) "Dame una distribución de nombres de los clientes y cuantos clientes hay por cada nombre" (Q: Dictionary<string, int=""></string,>

Ejemplos de Select (Map)

 "Dame los nombres de todos los clientes" IEnumerable<string> names = clients.Select(client => client.Name); "Dame la Dirección y la Ciudad de todos los alumnos" // 1ª opción: Usando una clase creada a propósito para este fin IEnumerable<FullAddress> fullAddresses = students.Select(student => new FullAddress { Address = student.Address, City = student.City, }); /* 2ª opción: Usando tipos anónimos. En este caso solo podemos usar var, ya que un tipo anónimo no tiene nombre, y por tanto no podemos declarar una variable de su tipo directamente*/ var fullAddresses2 = students.Select(student => new { Address = student.Address, City = student.City, });

Ejemplos de Where (Filter)

"Dame los alumnos que viven en Oviedo"

```
IEnumerable<Student> studentsFromOviedo = students.Where(student =>
student.City.ToLower().Equals("oviedo"));
```

 "Dame los clientes que sean mayores de edad y más de 10.000 euros ahorrados"

```
IEnumerable<Client> oviedoRichClients = clients.Where(client => client.Age
>= 18 && client.Savings > 10000);
```

Ejemplos de Reduce (Aggregate)

"Dame la suma de todas las edades de los alumnos"

```
int sumOfAges = students.Aggregate(0, (previousSum, currentElement) => previousSum +
currentElement.Age);
```

O también existe una función Sum que se usa para estos casos particulares:

```
int sumOfAges2 = students.Sum(currentElement => currentElement.Age);
```

 "Dame una distribución de nombres de los clientes y cuantos clientes hay por cada nombre"

Map, Filter, Reduce en otros lenguages

- La programación functional se ha incorporado a multiples lenguages de programación populares
 - Python
 - Map: map(lambda x: x**2, number list)
 - Filter: filter(lambda x: x < 0, number list)
 - Reduce: reduce((lambda x, y: x * y), number_list)
 - Javascript
 - Map: number_list.map((value, index, array) => {return value * value; });
 - Filter: number_list.filter((value, index, array) => {return value < 0; });</pre>
 - Reduce: number_list.reduce((acc, currValue, currIndex, array) => {return acc * currValue; },1);
 - Java: Ver presentación "New Functional Features of Java 8"
 - Otros lenguajes
 - Programación funcional: https://en.wikipedia.org/wiki/Functional_programming
 - Soporte de funciones de orden superior: https://en.wikipedia.org/wiki/Higher-order_function
 - Map: https://en.wikipedia.org/wiki/Map (higher-order function)
 - Filter: https://en.wikipedia.org/wiki/Filter_(higher-order_function)
 - Reduce (Fold): https://en.wikipedia.org/wiki/Fold (higher-order_function)

Otras funciones

Función	Recibe	Devuelve	Qué cambia
SelectMany	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <q></q>	Similar al select pero obtiene una colección de elementos de tipo Q por cada elemento de tipo T . El resultado se concatena en una única colección.
Take	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Toma 'n' elementos. Menor tamaño que la original.
Skip	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Omite los primeros 'n' elementos de la original.
Range	int n, int m	IEnumerable <int></int>	Genera una colección de 'm' enteros comenzando en 'n'.
Repeat	T element, int n	IEnumerable <t></t>	Genera una colección con 'n' repeticiones de 'element'.
Reverse	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Misma colección en orden inverso.
Any	IEnumerable <t></t>	bool	Comprueba si alguno de los elementos cumple el predicado
All	IEnumerable <t></t>	bool	Comprueba si todos los elementos cumplen el predicado
SequenceEqual	<pre>IEnumerable<t>, IEnumerable<t></t></t></pre>	bool	Comprueba si las dos colecciones son iguales comparandon sus elementos. Se le puede pasar un criterio de comparación.
Zip	IEnumerable <t1>, IEnumerable<t2></t2></t1>	<pre>IEnumerable<(T1, T2)></pre>	Empareja cada elemento de la primera colección con el elemento de la segunda colección en su misma posición. Devuelve una tupla con cada pareja de elementos.
Zip	IEnumerable <t1>, IEnumerable<t2></t2></t1>	IEnumerable <tresult></tresult>	Empareja cada elemento de la primera colección con el elemento de la segunda colección en su misma posición. Devuelve el resultado de aplicar la función a cada pareja creada.



Claúsulas

Listas por comprensión

- Las listas por comprensión son una característica de un lenguaje que permite crear listas basándose en listas existentes
- Usa la notación de creación de conjuntos de la teoría de conjuntos (usada en matemáticas y la lógica)
- Ejemplo:

```
S = \{ 2x \mid x \in \mathbb{N}, x < 10 \land x\%2=0 \}
```

- Lenguajes como Haskell, OCaml, F# o Python soportan la creación de listas por comprensión
- Ejemplo en Python:

```
S = [2*x for x in range(10) if x%2==0]
```

La pregunta es: Las soporta C#?

LINQ

• LINQ es bastante parecido a las listas por comprensión:

```
public static IEnumerable<uint> NumeroNatural (uint max) {
   uint n = 0;
   while (n<max)</pre>
     yield return n++;
static IEnumerable<uint> SinAzucarSintactico () {
 return NumeroNatural(10)
                  .Where (x => x % 2 == 0)
                 .Select(x \Rightarrow 2 * x);
```

Consulta el código en:

list.comprehensions

LINQ Syntax Sugar

 LINQ ofrece azúcar sintáctico para poder crear listas por comprensión de forma similar a la que usan otras aproximaciones:

Consulta el código en:

list.comprehensions

 No obstante, no hay una equivalencia para todas las posibles expresiones expresadas en la primera sintaxis mostrada

Programación orientada a objetos vs funcional

Como cambian ciertas operaciones comunes gracias a las características adicionales de la programación funcional

Ordenación (POO)

Dada la siguiente clase:

```
class Person {
    public string Name { get; set; }
    public string NIF { get; set; }
    public override string ToString() { return Name + "; " + NIF; }
}
```

 Si queremos ordenar personas por un criterio (Nombre) debemos hacer un IComparer:

```
class PersonByNameComparator : IComparer<Person> {
    public int Compare(Person x, Person y) {
        return x.Name.CompareTo(y.Name); }
}
```

Para finalmente ordenar:

```
Array.Sort(persons, new PersonByNameComparator());
```

Ordenación (Funcional)

 Basta con indicar el criterio de ordenación con una función

```
var sorted = persons.OrderBy(person => person.NIF);
```

Generación de colecciones (POO)

 Generar una colección de números desde 0 hasta limit:

```
int [] OOPNumberGenerator (int limit) {
   int counter = 0;
   int [] temp = new int[limit];
   while (counter < limit)
     temp[counter] = counter++;
   return temp;
}</pre>
```

Generación de colecciones (Funcional)

 Generar una colección de números desde 0 hasta limit, de forma lazy:

```
IEnumerable<int> LazyNumberGenerator (int limit) {
   int counter = 0;
   while (counter < limit) yield return counter++;
}</pre>
```

Procesar elementos de una colección (POO)

Convertir números < 100 en string:

```
var numbers = OOPNumberGenerator(100);
var temp = new string[numbers.Count()];

for(int i = 0;i<100;i++)
   temp[i] = numbers[i].ToString();
Show(temp);</pre>
```

Procesar elementos de una colección (Funcional)

Convertir números < 100 en string:

```
Show(LazyNumberGenerator(100).Select(number =>
   number.ToString());
```

Filtrar elementos de una colección (POO)

Calcular los nos primos <100:

```
numbers = OOPNumberGenerator(100);
var tempInt = new int[numbers.Length];
int counter = 0;
foreach (var number in numbers)
    if (IsPrime(number))
        tempInt[counter++] = number;
Array.Resize(ref tempInt, counter);
Show(tempInt);
```

Filtrar elementos de una colección (Funcional)

Calcular los nos primos <100:

```
Show(LazyNumberGenerator(100).Where(number =>
IsPrime(number));
```

Hacer cálculos con elementos de una colección (POO)

Calcular la suma de todos los primos <100:

```
numbers = OOPNumberGenerator(100);
var result = 0;
foreach (var number in numbers)
    if (IsPrime(number))
    result += number;
Console.WriteLine(result);
```

Hacer cálculos con elementos de una colección (Funcional)

Calcular la suma de todos los primos <100:

```
Console.WriteLine(LazyNumberGenerator(100).
    Aggregate((accum, number) => {
        if (IsPrime(number))
            return accum + number;
        return accum;
    }));
```

O bien...

```
Console.WriteLine(LazyNumberGenerator(100).Where(n =>
IsPrime(n)).Sum());
```

IEnumerable (POO)

Para hacer la clase MyList enumerable...

```
class MyList<T> : IEnumerable<T>{
    public IEnumerator<T> GetEnumerator() {
        return new MyListEnumerator<T>(this);
    }
    IEnumerator IEnumerable.GetEnumerator() {
        return GetEnumerator();
    }
}
```

• Es necesario además crear una clase que implemente IEnumerator<T>:

```
class MyListEnumerator<T> : IEnumerator<T> {
    public MyListEnumerator(MyList<T> listToEnumerate) {...}
    public void Dispose() {...}
    public bool MoveNext() {...}
    public void Reset() {...}
    public T Current { get; }
    object IEnumerator.Current { get { return Current; }}
}
```

IEnumerable (Funcional)

 Con programación funcional, ya no es necesario hacer una clase aparte que implemente IEnumerator<T>:

```
class MyListEnumeratorFunctional<T> : IEnumerable<T>
     public T GetElement(int pos) { ...}
     public int Length { get; private set; }

     public IEnumerator<T> GetEnumerator() {
          for (int i = 0;i<this.Length;i++)
               yield return GetElement(i);
     }
     IEnumerator IEnumerable.GetEnumerator() {
          return GetEnumerator();
     }
}</pre>
```