

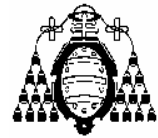


Examen de Teoría de la Programación

E. U. ING. TEC. EN INFORMÁTICA DE OVIEDO

Final Junio – Curso 2003-2004

11 de junio de 2004



Soluciones (versión 2, corregidas erratas en ejercicio alfa-beta)

(A continuación se proporciona una idea de las soluciones a las preguntas propuestas. Hay que tener en cuenta que las respuestas no son exhaustivas, se pretende más bien de orientar sobre la respuesta que se pedía. Por otra parte, a cada ejercicio se proporciona una respuesta correcta que normalmente no es la única, por tanto, el que tu respuesta no coincida con esta no quiere decir que el ejercicio este mal)

3.

a) Pseudocódigo para calcular un determinante por adjuntos.

- Tenemos una matriz cuadrada de orden n de la cual queremos calcular su determinante.
- Sabemos calcular el determinante para matrices de orden 1, 2 y 3. Subproblema elemental.
- Sabemos convertir el cálculo del determinante en varias operaciones con determinantes de ordenes una unidad inferiores \rightarrow Descomposición recursiva.

función `det(A:matriz;orden:integer):real;`

```
{
  if (orden=1) then
    det:= A[1,1]; // subproblema elemental
  else
    {
      sumatorio:= 0;
      for (i:= 1 hasta orden)
      {
        M= Calcular la matriz complementaria del elemento a[1,i] ;
        if impar(i) then sumatorio:= sumatorio + A[1,i] * det(M,orden-1)
          else sumatorio:= sumatorio - A[1,i] * det(M,orden-1)
      }
      det:= sumatorio;
    }
}
```

b) Análisis de la complejidad.

Ecuación recurrente: $T(n) = n \cdot T(n-1) + O(n^2)$

Complejidad: $O(n! \cdot n^2) \rightarrow O(n!)$

4.

- Heurístico: Dar la moneda de mayor valor posible sin que exceda a lo que nos queda por devolver.

```
function CambioMinimo(cantidadDevolver: integer, // cantidad que hay que devolver
                     tiposMonedas: Vector,      // tipos de monedas de mayor a menor
                     cantidadMonedas: Vector    // cantidad de cada tipo de monedas
                     ):Vector;                  // devolvemos monedas usadas de cada tipo
{
  // El vector tiposMonedas está ordenado de mayor a menor valor
  monedas_cambio:= vacio;
  indice_tipo= moneda de mayor valor;

  // Hasta que encontremos la solución o
  // no se puedan coger más monedas (no hay solución)
  while (cantidadDevolver>0) and (se pueda coger otra moneda) do
  {
    if (not cantidadMonedas[indice_tipo]>0) then
      indice_tipo++;
    valor_moneda= tiposMonedas[indice_tipo];
    if (cantidadDevolver-valor_moneda>=0) then
    {
      cantidadMonedas[indice_tipo]--;
    }
  }
}
```

```

        Monedas_cambio[indice_tipo]= Monedas_cambio[indice_tipo] + 1;
        cantidadDevolver= cantidadDevolver-valor_moneda;
    }
}
if (cantidadDevolver==0) then Voraz:= Monedas_cambio
    else "no hay soluciones"
}

```

5.

a) Esquema general backtracking primera solución.

```

procedure Ensayar_nuevo_estado(estado_actual;VAR hay_solucion:boolean);
{
    saber todos los estados accesibles desde el actual;
    repeat
        seleccionar un estado;
        if estado es posible then
            begin
                anotar nuevo estado;
                if not solución final then
                    begin
                        Ensayar_nuevo_estado(estado,hay_solucion);
                        if not hay_solucion then borrar anotación del estado;
                    end
                else hay_solucion:= true;
            end
        until (no haya mas estados) or hay_solucion;
    }
}

```

b) Método Java, que busca una solución.

```

/**
 * Método de vuelta atrás para buscar la salida al laberinto
 */
public boolean buscarSalida(int x, int y)
{
    int k= -1;
    boolean haySolucion= false;
    int nx, ny; // nuevas coordenadas

    do
    {
        k++;
        nx= x+movHor[k]; ny= y+movVer[k];
        // comprobamos que la coordenada cumple las condiciones
        if ((nx>=0) && (nx<n) && (ny>=0) && (ny<n) && (mapa[nx][ny]==0))
        {
            mapa[nx][ny]= 2;
            if (!esSolucion(nx,ny))
            {
                //mostrarMapa(mapa);
                haySolucion= buscarSalida(nx, ny);
                if (!haySolucion) mapa[nx][ny]= 0;
            }
            else
                haySolucion= true;
        }
    }
    while (k<(numMov-1) && !haySolucion);
    return haySolucion;
}

```

6.

