



# Fundamentos del Paradigma Funcional

Tema 3

## Ejemplos de Código

- Todos los ejemplos de código mostrados en estas transparencias están disponibles para el alumno
  - Siguen apareciendo en etiquetas como la que se muestra:

Consulta el código en:
generics/inference

 Para comprender los conceptos explicados, el alumno deberá abrir el código, analizarlo, modificarlo, ejecutarlo y asegurarse de que lo entiende

#### Contenido

- Cálculo Lambda
- Funciones como Entidades Primer Nivel
- Isomorfismo Curry-Howard
- Clausuras
- Currificación
- Aplicación Parcial
- Continuaciones
- Evaluación Perezosa
- Transparencia Referencial
- Pattern Matching
- <u>Funciones de Orden Superior</u>
- Listas por comprensión
- LINQ (Language INtegrated Query)

### Paradigma Funcional

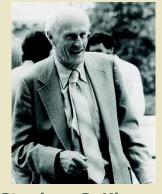
- Paradigma declarativo basado en la utilización de funciones que manejan datos inmutables
  - Los datos nunca se modifican
  - En lugar de cambiar un dato, se llama a una función que devuelve el dato modificado sin modificar el original
- Un programa se define mediante un conjunto de funciones invocándose entre sí
- Las funciones no generan efectos (co)laterales (secundarios):
  - el valor de una expresión depende exclusivamente de los valores de los parámetros
  - devolviendo siempre el mismo valor en función de éstos (paradigma funcional puro)

#### Cálculo Lambda

- El origen de la programación funcional se remonta al cálculo lambda definido por Alonzo Church y Stephen Kleene en los años 30
- El cálculo lambda (λ-calculus) es un sistema formal basado en la definición de funciones (abstracción) y su aplicación (invocación)
  - Hace uso exhaustivo de la recursión
- El cálculo lambda se considera como el lenguaje más pequeño universal de computación
  - Es universal porque <u>cualquier función computable</u> puede ser expresada y evaluada usando este formalismo (lenguaje Turing-completo, tesis de <u>Church-Turing</u>)
- Es utilizado por <u>investigadores y diseñadores de lenguajes</u> para describir nuevos elementos de programación



Alonzo Church (1903-1995)



**Stephen C. Kleene** (1909-1994)

- En el cálculo lambda, una expresión lambda (o término) se define como
  - Una abstracción lambda λx.M (M, N, M<sub>1</sub>, M<sub>2</sub>...)
     donde x es una variable (x, y, z, x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>...) –parámetro y M es una expresión lambda –cuerpo de la función
  - Una aplicación M N
     donde M y N son expresiones lambda
- Ejemplos de abstracciones (funciones)
  - La función identidad f(x) = x puede representarse como la expresión  $\lambda x.x$
  - La función doble g(x) = x + x puede representarse con la expresión  $\lambda x.x + x$ Nota: x+x no es realmente una expresión lambda, pero puede representarse con una expresión lambda (más larga, lo obviamos para ser más concisos)

# Aplicación (reducción-β)

- La aplicación de una función representa su invocación
- La aplicación se define del siguiente modo

```
    (λx.M)N → M[x:=N] (o M[N/x])
    Siendo x una variable y
    M y N expresiones lambda
    Y M[x:=N] (o M[N/x]) representa M donde todas las apariciones de x son sustituidas por N (sustitución)
```

- Esta **sustitución** (reducción de expresiones o términos) se denomina **reducción-** $\beta$  ( $\beta$ reduction)
- Ejemplos de aplicación
  - $(\lambda x.x+x)3 \rightarrow 3+3$
  - $(\lambda x.x) \lambda y.y*2 \rightarrow \lambda y.y*2$

#### Teorema de Church-Rosser

- ullet En algunos términos lambda se pueden aplicar múltiples reducciones eta
  - (λx.x) (λy.y\*2) 3
- El teorema de Church-Rosser establece que el orden en el que se hagan estas reducciones no afecta al resultado final:
  - $(\lambda x.x) (\lambda y.y*2) 3 \rightarrow (\lambda y.y*2) 3 \rightarrow 3*2$
  - $(\lambda x.x) (\lambda y.y*2) 3 \rightarrow (\lambda x.x) (3*2) \rightarrow 3*2$
- Por tanto, los paréntesis se usan normalmente para delimitar términos lambda, no indican precedencias
  - $(\lambda x.x)$   $(\lambda y.y)$  es una aplicación de funciones, que se reduce al evaluarse a  $\lambda y.y$
  - $\lambda x.x \lambda y.y$  es una sola abstracción (función)

<u>http://www.cburch.com/proj/lambda/</u> (usa \ para representar  $\lambda$  y sintaxis prefija para operadores)

### Variables Libres y Ligadas

- En una abstracción λx.xy se dice que
  - La variable x está ligada (bound)
  - La variable y es libre (free)
- En una sustitución, sólo se sustituyen las variables libres

$$(\lambda x.x(\lambda x.2+x)y)M \rightarrow x(\lambda x.2+x)y[x:=M] = M(\lambda x.2+x)y$$

- La <u>segunda x no se sustituye</u> (está ligada) ya que representa una variable distinta (aunque tiene el mismo nombre)
- Para evitar estos conflictos de nombres se creó la conversión-α (α-conversion)
   Todas las apariciones de una variable ligada en una misma abstracción se pueden renombrar a una nueva variable

```
(\lambda x.x(\lambda x.2+x)y)M \equiv (\lambda x.x(\lambda z.2+z)y)M \rightarrow x(\lambda z.2+z)y[x:=M] = M(\lambda z.2+z)y \equiv M(\lambda x.2+x)y
```

#### Conversión-α

• En cuales de las siguientes transformaciones el término resultante es α-equivalente?

$$\lambda x.xy$$
  $\lambda z.zy$   $\lambda x.2+x$   $\lambda y.2+y$   $xy(\lambda x.2+x)$   $xy(\lambda z.2+z)$   $\lambda x.xy$   $\lambda y.yy$ 

#### Conversión-α

- ullet Gracias a la conversión-lpha podemos aplicar funciones a sí mismas
- Ejemplo 1. La identidad de la función identidad es ella misma:
   (λx.x)(λx.x) ≡ (λx.x)(λy.y) → λy.y ≡ λx.x
   Aplicad conversiones-α- para evitar que diferentes variables ligadas tengan el mismo nombre antes de aplicar una función
- **Ejemplo 2**. Definimos la función doble  $(\lambda x.x+x)$  y la función de aplicación dos veces  $(\lambda f.(\lambda x.f(fx)))$  y calculamos el doble del doble de n

#### Conversión- $\alpha$

 Por convenio se hace una evaluación de expresiones lambda de izquierda a derecha

```
(\lambda f.\lambda x.f(fx))(\lambda \underline{x}.\underline{x}+\underline{x})n \equiv (\lambda \underline{f}.\lambda x.\underline{f}(\underline{f}x))(\lambda y.y+y)n \rightarrow \\ \text{reducción-}\beta [f:=(\lambda y.y+y)] \qquad \text{Conversión-}\alpha \text{ en } 1^a \text{ expresión } (y/z) \\ \hline (\lambda x.\overline{(\lambda y.y+y)}((\lambda \underline{y.y+y})x))n \equiv (\lambda \underline{x}.\overline{(\lambda y.y+y)}((\lambda z.z+z)\underline{x}))\underline{n} \\ \text{reducción-}\beta [x:=n] \qquad \text{reducción-}\beta [y:=(\lambda \underline{z}.\underline{z}+\underline{z})n] \\ \rightarrow (\lambda \underline{y.y+y})(\underline{(\lambda z.z+z)n}) \rightarrow ((\lambda z.z+z)n) + ((\lambda \underline{z.z+z})n) \equiv \\ \hline \text{Conversión-}\alpha \text{ en } 2^a \text{ expresión } (z/x) \qquad \text{reducción-}\beta [z:=n] \\ \hline ((\lambda \underline{z}.\underline{z}+\underline{z})\underline{n}) + ((\lambda x.x+x)n) \rightarrow (n+n) + ((\lambda \underline{x}.\underline{x}+\underline{x})n) \\ \hline \rightarrow (n+n)+(n+n)
```



Cálculo lambda

#### El Problema de la Parada

- Problema de la Parada (Halting Problem): Dada la especificación de un programa, demostrar si éste finalizará su ejecución o tendrá una ejecución infinita
- En 1936 Alan Turing probó que es imposible describir un algoritmo que <u>resuelva el</u> problema de la parada para <u>todos</u> los posibles programas y entradas de un lenguaje Turing completo ⇒ problema *no decidible*
  - Un lenguaje Turing completo es aquél capaz de computar lo mismo que la máquina de Turing (Lenguajes Recursivamente Enumerables o de Tipo 0)
- Hay lenguajes como Coq o Agda que permiten asegurar que un programa termina
- En cálculo lambda se pueden escribir programas que no terminan (que *divergen*)  $(\lambda x.xx)(\lambda x.xx) \rightarrow (\lambda x.xx)(\lambda x.xx)$



Alan Turing (1912-1954)

### Lógica como la base del Software

· La lógica es la base formal del desarrollo de software



- La **lógica** es la <u>ciencia</u> formal que se dedica al <u>estudio</u> de las <u>formas válidas de</u> <u>inferencia y su demostración</u>
  - Estudio de los métodos y los principios utilizados para <u>distinguir el razonamiento correcto</u> del incorrecto
- Una demostración (proof) es una prueba convincente de que una proposición (teorema) es necesariamente cierta
  - Las demostraciones suelen realizarse siguiendo un razonamiento deductivo
- Las <u>distintas demostraciones</u> <u>de</u> que <u>una proposición</u> (<u>teorema</u>) es cierta se denominan <u>evidencias</u> (evidence)

#### Curry-Howard

- El isomorfismo o correspondencia de Curry-Howard establece una relación directa entre programas software y demostraciones matemáticas
  - Estableciendo una correspondencia entre la lógica y la computación
  - En cálculo lambda, esta correspondencia es directa
- Esto implica que
  - 1. Existe una correspondencia entre tipos y proposiciones (teoremas o fórmulas)

<u>Lógica</u>	Equivale al	<u>Tipo</u>
$\supset (\rightarrow)$		Función
$\wedge$		Tipo producto (Tupla o Registro)
V		Tipo suma (Unión)
true		Tipo Top (Object)
false		Tipo Bottom (void)
$\forall$		Genericidad

### Curry-Howard, Tipos

2. Existe un correspondencia entre programas y evidencias que demuestran la proposición (teoremas o fórmulas) descrita por su tipo

<u>Ejemplo</u>:  $A \wedge B \supset B \wedge A$  es una proposición (fórmula o teorema) cierta que <u>puede</u> demostrarse mediante deducción natural del siguiente modo:

Regla de Inferencia: Premisa Conclusión

$$\begin{array}{ccc}
A \wedge B & & A \wedge B \\
\hline
B & & A
\end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
B \wedge A & & \\
\hline
A \wedge B \supset B \wedge A & & \\
\end{array}$$

### Curry-Howard, Tipos

#### Continuación del Ejemplo: La proposición

 $A \wedge B \supset B \wedge A$  se corresponde con el tipo  $A \times B \rightarrow B \times A$  y <u>la</u> demostración anterior se corresponde con la inferencia del tipo del programa:

x:T
Significa "x tiene
el tipo T"

 $x : A \times B$  $x : A \times B$ second x : Bfirst x : A<second x, first  $x > : B \times A$ 

 $\lambda x:A\times B.$ <second x,first x> :  $A\times B\to B\times A$ 

### Correspondencia Curry-Howard

- El proceso deductivo ha sido igual para :
  - 1) Demostrar la proposición (teorema)  $A \wedge B \supset B \wedge A$
  - 2) Encontrar un programa cuyo tipo es  $A \times B \rightarrow B \times A$

### Demostración de Propiedades

 El resultado es que la lógica se puede utilizar como mecanismo formal para la demostración de propiedades del software

- El mejor ejemplo es la verificación de programas: demostrar que un programa es correcto conforme a una especificación
  - Por ejemplo, un algoritmo de ordenación será correcto cuando se demuestre
  - 1. Que, tras su invocación, todos los elementos están ordenados
  - 2. Para <u>cualquier entrada</u> pasada al algoritmo (hay infinitas)

## Lógica y Paradigma Funcional

- El paradigma funcional es el más utilizado para realizar demostraciones sobre programas porque
  - 1. Toda computación se puede expresar en cálculo lambda (es universal)
  - 2. Hay una traducción directa con la lógica (isomorfismo Curry-Howard)
- Existen asistentes de demostradores que permiten demostrar propiedades (y corrección) de programas (Coq, Isabelle, Agda, Twelf...)
  - Se basan en <u>lenguajes funcionales</u> (ML y Haskell)
  - Añaden un lenguaje para realizar demostraciones mediante deducción natural
  - Permiten la <u>extracción de programas</u>: generar el código en distintos lenguajes (OCaml, Haskell, Scala...) una vez realizada la demostración

#### Funciones, Entidades Primer Nivel

NO: entidades de primer **orden** 

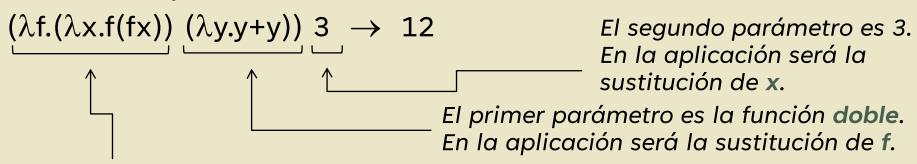
- El paradigma funcional identifica las funciones como entidades de primer nivel, igual que el resto de valores (Ejemplo: objetos): Funciones de primera clase
- Esto significa que las funciones son un tipo más, pudiéndose instanciar variables de tipo función para, por ejemplo:
  - Asignarlas en estructuras de datos (objetos, registros, árboles, tuplas...)
  - Pasarlas como parámetros a otras funciones
  - Retornarlas como valores de otras funciones
- Una función se dice que es una función de orden superior (higher-order) si:
  - O bien recibe alguna función como parámetro
  - O bien retorna una función como resultado

### Funciones de Orden Superior

 La función doble aplicación, que vimos anteriormente, es una función de orden superior

$$\lambda f.(\lambda x.f(fx))$$

Recibe una función como parámetro (f) y, dada otra expresión (x), la utiliza para pasársela a la función (fx) y, su resultado, se lo vuelve a pasar a la función (f(fx))



Función doble aplicación.

#### Delegados

- En C# las funciones (métodos) son entidades de primer nivel gracias a los delegados (y expresiones lambda)
- Un delegado en C# constituye un tipo que representa un método de instancia o de clase (static)
- Las variables de tipo delegado <u>representan un modo de</u> referenciar un método
- Por tanto,
  - El paso de estas variables implican el paso de métodos (funciones) a otros métodos (funciones)
  - La asignación permite <u>parametrizar</u> estructuras de datos (objetos) y algoritmos <u>en base a otras funcionalidades</u> (métodos o funciones)

#### Delegados

La siguiente línea define el tipo del delegado

```
public delegate int Comparacion(Persona p1, Persona p2);
```

- Definiendo el tipo Comparacion como un método que recibe dos Persona y devuelve un int
- Es posible declarar el siguiente método OrdenarPersonas independiente del criterio de ordenación

Y hacer uso del delegado del siguiente modo

```
if (comparacion(vector[i], vector[j]) >0) {
   Persona aux = vector[i];
   vector[i] = vector[j];
   vector[j] = aux;
}
```

Consulta el código en:

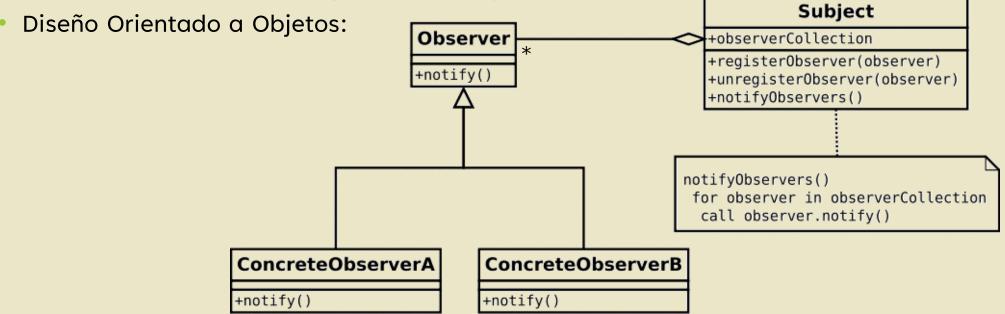
delegates/delegates

• En .Net, un uso muy extendido de los delegados es el basado en el patrón de diseño Observer

Los <u>suscriptores</u> (observer) se registran y desregistran en un asunto (subject)

Cuando sucede un evento, el <u>asunto</u> (**Subject**) notifica de tal evento a los

elementos suscritos (Observers)



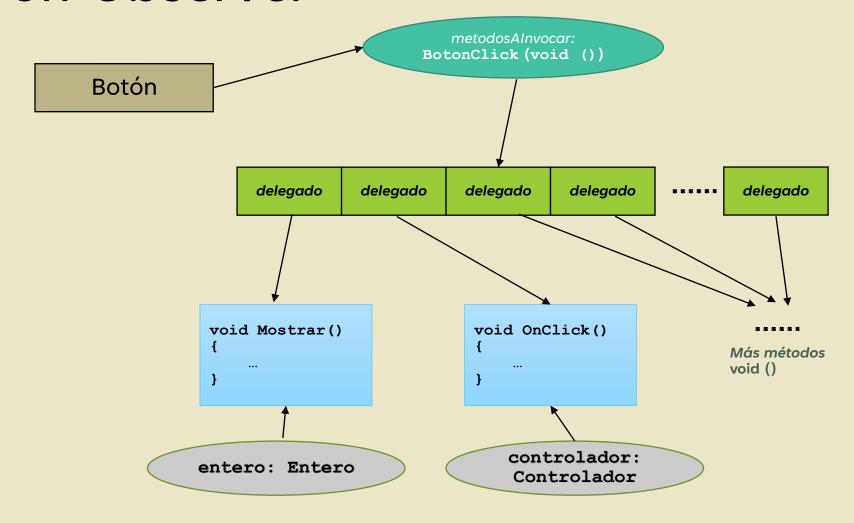
- En .Net una instancia de un delegado puede en realidad coleccionar un conjunto de métodos
  - Con el operador += se añade un método(registro)
  - Con el operador -= se elimina un método (desregistro)
  - Con el operador = se asigna un único método
- Cuando se invoca a un delegado, se producirá una invocación a todos los subscritores registrados en ese delegado
- Por tanto es posible utilizar delegados para implementar el patrón Observer

```
class Boton {
  public delegate void BotonClick();
  private BotonClick metodosAInvocar;
  public void AñadirDelegado(BotonClick metodo) {
        metodosAInvocar += metodo;
  public void EliminarDelegado(BotonClick metodo) {
        metodosAInvocar -= metodo;
  public void Click() {
        metodosAInvocar();
```

```
static void Main() {
 Boton boton = new Boton();
  Entero entero = new Entero(3);
 Controlador controlador = new Controlador();
  boton.AñadirDelegado(entero.Mostrar);
  boton.AñadirDelegado(controlador.OnClick);
  boton.Click();
```

Consulta el código en:

delegates/observer



### Tipos delegados predefinidos

Consulta el código en:

delegates/predefined

- La plataforma .Net tiene un conjunto de delegados predefinidos
  - Hacen uso de la potencia de la genericidad
- Los más utilizados son Func, Action y Predicate
  - Func<T>: Método sin parámetros que retorna un T
  - Func<T1,T2>: Método con un parámetro T1 que retorna un T2
  - •
  - Action: Método sin parámetros ni retorno
  - Action<T>: Método con un parámetro T sin retorno
  - •
  - Predicate<T>: Método que retorna un bool y recibe un T
- Estos tres son muy utilizados (¡no definas nuevos!)

### Tipos delegados predefinidos

```
class Test1 {
   public float Abs(float param) { ... }
   public float Cos(float param) { ... }
class Test2 {
   public float Sin(float param) { ... }
   public bool isPositive(float param) { ... }
   public static void Print(float param) { ... } }
public static void Main(string[] args) {
Test1 t1 = new Test1();
Test2 t2 = new Test2();
Func<float, float> method1 = t1.Abs;
float result = method1(3.4f); //Invocamos Abs de la instancia t1
method1 = t1.Cos;
result = method1(3.4f); //Invocamos Cos de la instancia t1, usando la misma referencia
method1 = t2.Sin;
result = method1(3.4f); //Invocamos Sin de la instancia t2, usando la misma referencia
//Func<float, bool> method2 = t1.Abs; // Error
Func<float, bool> method2 = t2.isPositive; // Ok
Predicate<float> method3 = t2.isPositive; // También válido
bool bResult = method2(3.4f);
Action<float> method4 = Test2.Print;
method4(5.6f); //Invocamos Print de la clase Test2 }
```

### Delegados Anónimos

- El tener que implementar un método para pasarlo como parámetro posteriormente es tedioso
- En la programación funcional es común poder escribir la función en el momento de pasar ésta
- La primera aproximación que ofreció C# para ello fueron los delegados anónimos
  - Sintaxis para definir una variable delegado indicando sus parámetros y su cuerpo (código)

Sigue siendo una sintaxis un tanto prolija

Consulta el código en:

delegates/anonymous.methods

- Las expresiones (funciones) lambda de C# permiten escribir el cuerpo de funciones completas como expresiones (siguiendo la aproximación del  $\lambda$ -cálculo)
  - Son una mejora de los delegados anónimos

#### Sintaxis

- Se especifican los <u>parámetros</u> separados por comas (si los hay)
  - Opcionalmente se pueden anteponer los tipos
  - Si hay más de un parámetro se deben utilizar paréntesis
  - Si hay cero parámetros, se indica con ()
- El símbolo => indica la separación de los parámetros y el cuerpo de la función
- Si el cuerpo tiene varias sentencias se separan con ;
- En el cuerpo se utiliza **return** para devolver valores
- · Si el cuerpo es una única sentencia, no es necesario escribir return ni llaves

```
class Program {
    public static bool MayorDe18 (Persona p)
    { return p.Edad >= 18; }

// ...
}

Persona[] personas =
    ListadoPersonas.CrearPersonasAleatorias();

Persona[] mayoresEdad;

mayoresEdad = Array.FindAll(personas,

Program.MayorDe18);
```

- Los tipos de las expresiones lambda promocionan a los tipos de delegados predefinidos en .Net: Func, Predicate y Action
- A partir de Java 8 se incorporaron las expresiones lambda a Java, siguiendo una aproximación similar (ver presentación "New Functional Features of Java")

Consulta el código en:

delegates/lambda

### **Expresiones Lambda**

#### Más ejemplos:

```
IDictionary <string, Func<int, int, int>> calculadoraFuncional
        = new Dictionary<string, Func<int, int, int>>();
calculadoraFuncional["add"] = (op1, op2) => op1 + op2;
calculadoraFuncional["sub"] = (op1, op2) => op1 - op2;
calculadoraFuncional["mul"] = (op1, op2) => op1 * op2;
calculadoraFuncional["div"] = (op1, op2) => op1 / op2;
calculadoraFuncional["add"](3, 4); // 7
IList<Predicate<string>> condiciones = new List<Predicate<string>>();
condiciones.Add(s => s.Length < 5);</pre>
condiciones.Add(s => !s.StartsWith("F"));
condiciones.Add(s => s.EndsWith("i"));
string str = "Hi";
foreach (var cond in condiciones) { if (!cond(str)) {...} }
```



Funciones de primera clase

### Bucles y Recursividad

- La programación funcional pura no posee el concepto de iteración (bucles)
  - En su lugar, hace uso de la recursividad (recursión)
- En C# (y en la mayor parte de lenguajes) las funciones tienen nombres, por lo que es sencillo hacer una llamada recursiva

```
static ulong fact(ulong n) {
    return n==0 | | n==1 ? 1 : n*fact(n-1);
}
```

- Pero en el cálculo lambda las funciones no poseen nombres, dificultando así la recursividad
- Las funciones recursivas se han de expresar como funciones de orden superior que se reciben a sí mismas

```
\lambda x. if x=0 or x=1 then 1 else x*?(x-1)
Los operadores if-then-else, =, * y - también pueden codificarse en cálculo lambda
```

¿Cómo resolver este problema?

# Iteración y Recursividad

- Las funciones recursivas deben implementarse como funciones de orden superior, pasándose a si mismas como parámetro  $\lambda f.\lambda x.$  if x=0 or x=1 then 1 else x\*f(x-1)
- La cuestión es: ¿cómo puedo pasar la propia función como parámetro?

## Combinador de Punto Fijo

• El combinador de punto fijo (normalmente denominado fix) es una función de orden superior que cumple lo siguiente

```
fix f \rightarrow f (fix f)
```

- Es decir, que al aplicar fix a f(fix f)
  - 1. Se retorna f
  - 2. Pasando una nueva invocación a fix f como primer parámetro

## Ejemplo de invocación

- Recordemos...
- a) fact  $\equiv \lambda f \cdot \lambda x \cdot if x=0$  or x=1 then 1 else x\*f(x-1)
- b) fix fact  $\rightarrow$  fact (fix fact)
- Evaluemos pues **fix fact 3** (las expresiones evaluadas aparecen subrayadas)
  - 1. fix fact 3

b)  $\rightarrow$ 

2. fact (fix fact) 3

a)  $\rightarrow$ 

3. 3 \* (fix fact) 2

b)  $\rightarrow$ 

4. 3 \* fact (fix fact) 2

 $a) \rightarrow$ 

5. 3 \* 2 \* (fix fact) 1

- b)  $\rightarrow$
- 6. 3 \* 2 \* fact (fix fact) 1  $\alpha$ )  $\rightarrow$

7. 3 \* 2 \* 1

#### Combinador Y

• Una de las funciones **fix** más conocidas es el **combinador Y** fix  $\equiv \lambda f. (\lambda x. f(xx)) (\lambda x. f(xx))$ 

```
fix fact \equiv
\begin{array}{l} \lambda f.(\lambda x) f(xx)) (\lambda x.f(xx)) & \text{fact} \rightarrow \\ (\lambda x.fact(xx)) (\lambda x.fact(xx)) & \equiv_{\alpha} \\ (\lambda y.fact(yy)) (\lambda x.fact(xx)) \rightarrow \\ & \text{fact} & (\lambda x.fact(xx)) (\lambda x.fact(xx)) & \Rightarrow \\ & \text{fact} & (fix fact) & \end{array}
```

- Una clausura (cierre o closure) es una función de primer nivel junto con su ámbito: una tabla que guarda las referencias a sus variables libres
- En cálculo lambda λy. ... x es una clausura

```
\lambda x. ...x... \lambda y. ... x es una variable libre en \lambda y. ... x, pero guarda una referencia (no una copia) a la x externa de \lambda x. ...x...
```

En C#

```
int valor = 1;
Func<int> dobleDeValor = () => valor * 2;
dobleDeValor(); // 2
valor = 7;
dobleDeValor(); // 14
```

- Las variables libres de una clausura representan estado
  - Este estado **puede**, además, **estar oculto** cuando el ámbito de la variable finaliza
- Por tanto, pueden representar objetos

```
static Func<int> RetornarContador() {
  int contador = 0;
  return () => ++contador;
}
```

· Las clausuras también pueden representar estructuras de control

```
void BucleWhile(Func<bool> condicion, Action cuerpo) {
  if (condicion()) {
    cuerpo();
    BucleWhile(condicion, cuerpo);
int i = 0;
BucleWhile( () => i < 10,</pre>
             () => { Console.Write(i); i++; }
```

Consulta el código en:

closures/closures

- Puesto que las clausuras permiten
  - 1. Representar estructuras de control iterativas
  - 2. Objetos y ocultación de información
- Estamos viendo cómo se pueden traducir estos mecanismos imperativos a elementos equivalentes del paradigma funcional
  - No existiendo pérdida de expresividad
  - Sino un modo distinto (paradigma) de expresar las abstracciones

# Clausura - Ejemplo

```
long limit = 10;
int num = 0;
long resultAction1 = 1, resultAction2 = 2; //Variables para quardar el resultado de las Actions
del while
double resultAction3 = 20000; // Podríamos meter los resultados en arrays o listas (si son del
mismo tipo o no)
Func<bool> test = () => num < limit; //Clausura con la condición del while
List<Action> whileActions = new List<Action>();
//Actions para usar como cuerpo del while. Son todas clausuras y gracias a ello no necesitamos
pasarles parámetros
whileActions.Add(() => {resultAction1 *= 2; num++;});
whileActions.Add(() => {resultAction2 += 2; num++;});
whileActions.Add(() => {resultAction3 = Math.Cos(resultAction3); num++;});
//Ejecutamos el while con distintos cuerpos :)
foreach (var action in whileActions)
        WhileLoop (test, action); //En cada iteración ejecutamos un código distinto
        /* Dado que las clausuras comparten una referencia a num, debe re-inicializarse en cada
        iteración. Si no, ¡las iteraciones 2ª y 3ª no se ejecutarán, al ser la condición falsa
(num==limit)!*/
        num = 0;
//Imprime 1024, 22, 0,736924884186011
Console.WriteLine(resultAction1 + ", " + resultAction2 + ", " + resultAction3);
```

#### Currificación

- El cálculo lambda es un lenguaje de programación universal: cualquier función computable puede representarse en él
  - Números y operaciones enteras y booleanas (Church encoding)
- No obstante, <u>la definición de abstracción sólo define un único parámetro</u> para las funciones lambda
- La **currificación** (*currying*) es la técnica para transformar una función de varios parámetros en una función que recibe un único parámetro
  - La función recibe un parámetro y retorna otra función que se puede llamar con el segundo parámetro
  - Esto puede repetirse para todos los parámetros de la función original
  - La invocación se convierte en llamadas a funciones encadenadas (Ej. f (1) (2) (3) vs. f (1, 2, 3))
- El nombre es en honor al matemático Haskell Curry (aunque lo inventó Moses Schönfinkel)

#### Currificación

En cálculo lambda

```
\lambda x \cdot \lambda y \cdot x + y \equiv \lambda x y \cdot x + y
```

• En C#

```
static Func<int, int> SumaCurrificada(int a) {
  return b => a + b;
}
static Predicate<int> MayorQue(int a) {
  return b => a > b;
}
...
SumaCurrificada(3)(1)
Predicate<int> esNegativo = MayorQue(0);
```

Consulta el código en:

closures/currying

- Pregunta: ¿qué característica se ha usado para implementar la currificación?
- Su principal beneficio es la aplicación parcial (siguientes transparencias)

# Aplicación Parcial

- Cuando las funciones están "currificadas" es posible realizar su aplicación (invocación) parcial
  - En lenguajes como Haskell o ML, todas las funciones están currificadas
- Al aplicación parcial consiste en pasar un número menor de parámetros en la invocación de la función
  - El resultado es otra función con un número menor en su aridad (número de parámetros)
- Esto le da gran potencia al lenguaje, especialmente cuando los operadores son funciones (Haskell)
- En cálculo lambda

```
(\lambda x.\lambda y.x+y) 1 \equiv \lambda y.1+y
(sumar) 1 \equiv incrementar
```

## Aplicación Parcial en C#

- En C# la sintaxis para aplicación parcial es prolija
  - 1. Las funciones no están currificadas por omisión
  - 2. Los operadores no son funciones
- Esto hace que este mecanismo en C# no sea tan potente como en lenguajes como Haskell (ofrece ambos)
- Un ejemplo de su utilidad:

```
static Func<int, int> Suma(int a) {
  return b => a + b; }
static Predicate<int> MayorQue(int a) {
  return b => a > b; }
static Predicate<int> SegundoParametro(
     Func<int, Predicate<int>> predicado, int parametro) {
  return a => predicado(a)(parametro); }
```

# Aplicación Parcial en C#

```
static int[] Map(int[] origen, Func<int, int> funcion) {
 int[] destino = new int[origen.Length];
 for (int i = 0; i < origen.Length; i++)</pre>
    destino[i] = funcion(origen[i]);
 return destino;
static IEnumerable<int> Filtrar(IEnumerable<int> origen, Func<int, bool> predicado) {
 IList<int> destino = new List<int>();
 foreach (int elemento in origen)
    if (predicado(elemento)) destino.Add(elemento);
                                                                          Consulta el código en:
 return destino;
                                                                   closures/partial.application
static void Main() {
                                       (1+) en Haskell
 int[] enteros = new int[10];
                                            (>0) eAn Haskell
 int[] inc = Map(enteros, Suma(1)));
 var positivos = Filtrar(enteros, |SegundoParametro(MayorQue, 0));
```

## Partial Application in C#: Example

- La aplicación parcial se puede utilizar para escribir menos código
- En lugar de crear multiples elementos con una parte común, podemos definir esa parte común una vez y reutilizarla
  - Definimos la parte comun gracias a la aplicación parcial
  - Lo guardamos en un delegado (función parcialmente-aplicada)
  - Invocamos la función parcialmenteaplicada con el resto de parametros (parte variable)

```
Email BuildCombinedEmail(string signature,
DateTime date, string text, string origin,
string greeting, string destination) {
    return new Email (signature,
       date, text, origin, greeting,
        destination). ToString();
                       Versión currificada
Func<string, Func<DateTime, Func<string,</pre>
Func<string, Func<string, Func<string,
Email>>>>>
  BuildCombinedEmail() {
     return signature => date => text =>
origin => greeting => destination =>
        new Email(signature,
            date, text, origin, greeting,
            destination);
```

# Aplicación Parcial en C#: Ejemplo

```
//Creación "Traditional" de un email
                                                   //Creación "currificada" de un email
// (función con 6 parametros)
                                                   //(sequencia de funciones con 1 parametro).
var nonCurried = new NonCurriedCombinedEmail();
                                                   //Builder pattern
var johnLetter = nonCurried.BuildCombinedEmail(
                                                   var curried = new CurriedCombinedEmailBuilder();
    "Hans Gruber, Department of Dark Arts",
                                                   var letterForJohnCurried =
    DateTime.Today,
                                                            curried.BuildCombinedEmail()
    "You are fired",
                                                             ("Hans Gruber, Department of Dark Arts")
    "HansGruber@F.org",
                                                             (DateTime.Today)
    "Dear John McLane",
                                                             ("You are fired")
    "diehard@F.org");
                                                             ("HansGruber@F.org")
                           Llamada "Tradicional"
                                                             ("Dear John McLane")
                                                                                          Llamada
                                                             ("diehard@F.org");
string[] employees = { "John McLane", "Patricia McLane", "Angus Dumbledore" };
//Podemos pre-construir parte de un email gracias a la aplicación parcial
var preBuiltFiringLetter = curried.BuildCombinedEmail()("Hans Gruber, Department of Dark Arts")
         (DateTime.Today) ("You are fired") ("HansGruber@F.org");
                                                                                Aplicación parcial
//Posteriormente construimos la parte "variable" del correo
                                                                               Consulta el código en:
foreach (var employee in employees)
        Console.WriteLine(preBuiltFiringLetter("Dear " + employee)
                                                                          closures/curryingBuilder
                 (employee.Replace(" ", " ") + "@F.org"));
```

#### Continuaciones

- Una continuación representa el estado de computación en un momento de ejecución
- El estado de computación normalmente está compuesto por, al menos
  - 1. El estado de la pila de ejecución
  - 2. La siguiente instrucción a ejecutar
- Los lenguajes que ofrecen continuaciones son capaces de almacenar su estado de ejecución y recuperarlo posteriormente
  - Scheme y Ruby ofrecen continuaciones
  - C# no las ofrece de un modo directo

#### Continuaciones

- Los lenguajes que ofrecen continuaciones añaden una función call/cc (call with current continuation) para obtener el estado de computación
- Lo siguiente es un ejemplo en sintaxis C# (no válido en C#)

```
static Func<int> continuacion = null;
static int Test() {
  int i = 0;
  // Asigna a continuación el estado actual
  // (estado dinámico en la línea actual)
  callcc(estado => continuacion = estado);
  i = i + 1;
  return i;
}
```

#### Generadores

- Un generador
  - es una función
  - que simula la devolución de una colección de elementos
  - sin construir toda la colección
  - devolviendo un elemento cada vez que la función es invocada
- Una implementación de generadores es mediante continuaciones
- El hecho de no construir toda la colección hace que sea más eficiente
  - Requiere menos memoria
  - El invocador obtiene el <u>primer elemento</u> de forma <u>inmediata</u>
  - Sólo se generan los elementos que se usan
- Un generador es una <u>función</u> que se comporta como un **iterador**

#### Generadores en C#

 C# implementa los generadores mediante yield una especie de continuaciones ad hoc

```
static IEnumerable<int> FibonacciInfinito() {
  int primero = 1, segundo = 1;
 while (true) {
    yield return primero;
    int suma = primero + segundo;
   primero = segundo;
    segundo = suma;
foreach (int valor in Fibonacci.FibonacciInfinito()) {
 Console.WriteLine("Término {0}: {1}.", i, valor);
  if (i++ == numeroTerminos) break;
```

#### Generadores en C#

```
IEnumerable<int> FibonacciFinito(int términoMáximo) {
  int primero = 1, segundo = 1, término = 1;
 while (true) {
   yield return primero;
   int suma = primero + segundo;
   primero = segundo;
   segundo = suma;
    if (término++ == términoMáximo)
     yield break;
foreach (int valor in Fibonacci. Fibonacci Finito (10))
 Console.Write(valor);
```

Consulta el código en:

continuations/generators

#### Evaluación Perezosa

- La evaluación perezosa (lazy) es la técnica por la que se demora la evaluación de una expresión hasta que ésta es utilizada
  - Lo contrario es la evaluación ansiosa (eager) o estricta (strict)
- Relativo al paso de parámetros, la mayoría de lenguajes ofrecen paso ansioso
  - Haskell y Miranda ofrecen paso perezoso de argumentos
  - Ejemplo en sintaxis C# (código no válido en C#)

```
int Eager(int n) { return 0;}
int Lazy(int n) { return 0;}
int a = 1, b = 1;
Eager(a++); // a == 2 tras la invocación
Lazy(b++); // b == 1 tras la invocación
```

#### Evaluación Perezosa

- · Los beneficios de la evaluación perezosa son
  - 1. Un menor consumo de memoria
  - 2. Un mayor rendimiento
  - 3. La posibilidad de poder crear estructuras de datos potencialmente infinitas
- La implementación de un procesador de lenguaje (compilador o intérprete) que soporte evaluación perezosa es más compleja

#### Evaluación Perezosa en C#

Cuidado con el Reset. Solo se consumen una vez

- C# no ofrece evaluación perezosa de un modo directo
  - A excepción de las continuaciones implementadas en los generadores
- Puesto que la generación de elementos es perezosa, podemos generar colecciones de un número infinito de números con yield
  - y hacer uso de ellas con los siguientes <u>métodos extensores</u>
    - Skip para desoír un conjunto de elementos de una secuencia, retornando los restantes
    - **Take** para retornar un nº concreto de elementos contiguos desde el principio de una secuencia

#### Evaluación Perezosa en C#

```
static private IEnumerable<int> GeneradorLazyNumerosPrimos() {
 int n = 1;
 while (true) {
    if (EsPrimo(n))
      yield return n;
    n++;
                                                                    Consulta el código en:
                                                                  continuations/lazy
static internal IEnumerable<int> NumerosPrimosLazy(
                                 int desde, int númeroDeNúmeros) {
 return GeneradorLazyNumerosPrimos()
                      .Skip(desde).Take(númeroDeNúmeros);
```

### Transparencia Referencial

- Una <u>expresión</u> se dice que es <u>referencialmente transparente</u> si ésta <u>se puede</u> <u>sustituir por su valor sin que cambie la semántica</u> (significado) del programa
  - Lo contrario es la opacidad referencial
- Mientras que en matemáticas todas las funciones son referencialmente transparentes, en programación no
- La transparencia referencial es un de los pilares del paradigma funcional
- Cuando es ofrecida por un lenguaje, se dice que es funcional puro: Haskell, Clean y Charity
- Elementos de un lenguaje que hacen que no ofrezca transparencia referencial son:
  - 1. Variables globales mutables
  - 2. Asignaciones destructivas (=, +=, \*=, ++, --...)
  - 3. Funciones impuras (E/S, random, datetime...)

# Transparencia Referencial

Pregunta: Si un lenguaje ofrece clausuras, ¿puede ofrecer transparencia referencial?

### Variables Globales y Asignaciones

- 1. Las variables <u>mutables</u> fuera del ámbito de una función hacen que no se obtenga transparencia referencial
  - Vimos en el ejemplo de clausuras cómo éstas guardaban un valor como estado
  - La clausura RetornaContador devolvía el número de veces que había sido invocada (depende de su "historia") ⇒ No puede sustituirse por un valor

```
static Func<int> RetornarContador() {
  int contador = 0;
  return () => ++contador;
}
```

- 2. Con las asignaciones sucede lo mismo
  - La evaluación de una variable depende de sus asignaciones previas

#### **Funciones Puras**

- 3. La utilización de funciones que no son puras, implican opacidad referencial
  - Una función es pura cuando
    - 1. <u>Siempre devuelve el mismo valor ante los mismos valores de los argumentos</u>
      No depende de un estado dinámico, ni de un dispositivo de entrada salida
    - La evaluación de una función no genera efectos secundarios ((co)laterales)
       No actualiza variables globales, ni dispositivos de entrada y salida, ni estados dinámicos
  - Ejemplos de funciones no puras: DateTime::Now, Random::Random,
     Console::ReadLine
  - Ejemplos de funciones puras: Math::Sin, String::Length,DateTime::ToString

#### Beneficios

- Los beneficios de la transparencia referencial son:
  - 1. Se puede aplicar el razonamiento matemático a los programas para, por ejemplo:
    - Demostrar su corrección (correctness) ⇒ Demostrar que hace lo descrito en una especificación (cálculo de un valor, cumplimiento de invariantes y postcondiciones...)
    - Razonamiento acerca de su comportamiento ⇒ Identificación de propiedades (terminación, errores de ejecución, consumo de memoria...)
  - 2. Se pueden realizar transformaciones en los programas para, por ejemplo:
    - Simplificación y paralelización de algoritmos
    - Optimización de programas ⇒ memoización, eliminación de subexpresiones repetidas, <u>paralelización...</u>

### Memoización

- A modo de ejemplo, veremos una técnica de optimización que puede ser aplicada sobre expresiones con transparencia referencial: la memoización (memoization)
  - Si una expresión posee <u>transparencia referencial</u>, ésta <u>puede sustituirse</u> <u>por su valor</u>
  - Si la expresión es una invocación a una función (pura), ésta puede sustituirse por el valor de retorno
  - La primera vez que se invoca se retorna el valor guardándolo en una caché
  - En <u>sucesivas invocaciones</u>, se <u>retornará el valor de la caché</u> sin necesidad de ejecutar la función

#### Memoización

```
static class FibonacciMemoizacion {
 private static IDictionary<int, int> valores =
                  new Dictionary<int, int>();
 internal static int Fibonacci(int n) {
   if (valores.Keys.Contains(n))
      return valores[n];
   int valor = n <= 2 ? 1 :</pre>
                 Fibonacci(n - 2) + Fibonacci(n - 1);
   valores.Add(n, valor);
   return valor;
```

Consulta el código en:

continuations/memoization

**Preguntas:** 

¿Ventajas?

¿Inconvenientes?

# Evaluación Perezosa (Revisitada)

- Recordemos que en el paso de parámetros perezoso
  - se demora la evaluación de un parámetro hasta que éste sea utilizado
- Este comportamiento se puede conseguir
  - Haciendo que los parámetros sean funciones (siendo las funciones, por tanto, de orden superior)
  - Memoizando su evaluación
- Actividad Obligatoria: Analice, ejecute y comprenda este ejemplo de implementación

Consulta el código en:

continuations/lazy.simulated

#### Pattern Matching

- Pattern matching (coincidencia de patrones) es el acto de comprobar si (la secuencia de) un conjunto de elementos siguen algún patrón determinado
- Los elementos suelen ser
  - Tipos (clases) de variables (objetos)
  - Listas
  - Cadenas de caracteres (strings)
  - Tuplas
  - Arrays
  - •
- Los patrones suelen ser
  - Secuencias (generalmente mediante expresiones regulares)
  - Estructuras de árboles (listas bidimensionales)
- Lenguajes que ofrecen pattern matching: Haskell, ML, Mathematica, Prolog

#### Pattern Matching de Tipos en C#

C# no ofrecía pattern matching hasta la versión 7.0

```
La única forma de ofrecer comprobación de patrones era haciendo uso de introspección: operador is o método GetType
static double AreaIs(Object figura) {
  if (figura is Circulo)
    return Math.PI * Math.Pow(((Circulo) figura).Radio, 2);
  if (figura is Cuadrado)
    return Math.Pow(((Cuadrado) figura).Lado, 2);
 if (figura is Rectangulo) {
    Rectangulo rectangulo = figura as Rectangulo;
    return rectangulo.Alto * rectangulo.Ancho;
  if (figura is Triangulo) {
    Triangulo triangulo = figura as Triangulo;
    return triangulo.Base * triangulo.Altura / 2;
  throw new ArgumentException ("El parámetro no es una figura");
```

NUNCA escribais código de esta forma!!! Es completamente inmantanible

Consulta el código en:

pattern.matching/types

#### Pattern Matching de Tipos

- La utilización de introspección para este escenario posee dos inconvenientes
  - 1. Es costosa en rendimiento en tiempo de ejecución
  - 2. Los errores no son detectados en tiempo de compilación (se detectan en tiempo de ejecución)
- Pregunta: En C#, lenguaje orientado a objetos,
  - ¿cuál es la técnica más apropiada para obtener los beneficios pattern matching de tipos (como en el ejemplo anterior)?

#### Pattern Matching en F#

- F# es una implementación del lenguaje ML sobre .Net
- ML hace uso exhaustivo de pattern matching
- Lo siguiente es un ejemplo de implementación de la función Fibonacci en ML, utilizando pattern matching (con patrones de secuencia)

Consulta el código en:

pattern.matching/fsharp

#### Pattern Matching de Tipos en F#

• F# también ofrece pattern matching (con patrones de árbol)

```
type Figura =
| Circulo of double
| Rectangulo of double * double
| Cuadrado of double
| Triangulo of double * double
;;
let area figura =
    match figura with
    | Circulo(radio) -> 3.141592 * radio * radio
    | Rectangulo (ancho, alto) -> ancho * alto
    | Cuadrado(lado) -> lado * lado
    | Triangulo(labase, altura) -> labase*altura/2.0
    ;;
```

Consulta el código en:

pattern.matching/fsharp

#### Pattern Matching de Tipos en F#

 Pregunta: Identifique cómo representar las dos secciones de código en un lenguaje orientado a objetos como Java/C#

```
type Figura =
| Circulo of double
| Rectangulo of double * double
                                                      Sección 1
| Cuadrado of double
| Triangulo of double * double
;;
let area figura =
    match figura with
    | Circulo(radio) -> 3.141592 * radio * radio
    | Rectangulo (ancho, alto) -> ancho * alto
                                                                 Sección 2
    | Cuadrado(lado) -> lado * lado
    | Triangulo(labase, altura) -> labase*altura/2.0
    ;;
```

#### Patrones con condiciones

• En ML (F#) es posible poner condiciones a los patrones

Para ello se utiliza la palabra reservada when y el carácter comodín

En Haskell, los patrones condicionales se llaman Guards

Consulta el código en:

pattern.matching/fsharp

#### Pattern Matching de Listas en F#

- ML (F#) también ofrece pattern matching de listas
- Para ello se utiliza el operador ::
- El patrón head::tail indica que
  - head es el primer elemento de la lista
  - Y tail la lista resultante de quitar el primer elemento

```
let lista = ["hola"; "mundo"; "adios"; "amigos"]
let rec concatenar lista =
  match lista with
  | cabeza :: cola -> cabeza + " " + concatenar cola
  | [] -> ""
  ;;
```

Se aprecia un estilo declarativo (no imperativo)

Consulta el código en:
pattern.matching/fsharp

#### Preguntas

Consulta el código en:

pattern.matching/fsharp

 Responda las siguientes preguntas acerca del siguiente código escrito en lenguaje ML (F#)

```
Que función de orden
                                       superior es?
                                                                 Cual es la principal diferencia
               let rec higherOrder list f =
                                                                  con su implementación en
                                                                  C#?
                  match list with
  Qué
                   | head :: tail -> f head :: higherOrder tail f
característ
                   | [] -> []
 ica del
lenguaje
 se usa?
                printfn "%A" (higherOrder [1; 2; 3; 4; 5] ((+) 1))
                                                            Qué característica del
                 Qué se muestra en la consola?
                                                              lenguaje se usa?
```

#### Actividad Obligatoria

- En el <u>reconocimiento de patrones</u> aparecen tres elementos:
  - 1. El elemento sobre el cuál se aplica el patrón
  - 2. El patrón
  - 3. La acción a realizar si el patrón se evalúa cierto
- Los dos últimos elementos se pueden <u>representar mediante funciones</u>
  - Si el elemento es de tipo T, entonces
    - El patrón será Predicate<T>
    - La acción Func<T,TResultado>
- Por tanto, es posible implementar una clase **PatternMatch** que, recibiendo los tres elementos simule esta característica
- · Analice, ejecute y comprenda el código de la etiqueta

Consulta el código en:

pattern.matching/pattern.matching

#### Pattern Matching de Tipos en C#

C# 7.0 incorporó un subconjunto de las funcionalidades de pattern matching de F#

```
switch (figura)
static double Area (Figura figura)
                                                                   case Cuadrado c:
                                                                       return true;
    switch (figura)
                                                                   case Rectangulo r when (r.Alto == r.Ancho):
                                                                       return true;
        case Circulo c:
                                                                   case Triangulo t:
            return Math.PI * c.Radio * c. Radio;
                                                                       return t.Altura == t.Base * Math.Sqrt(3.0)/2.0;
        case Cuadrado u:
                                                                   default:
            return u.Lado * u.Lado;
                                                                       return false:
        case Rectangulo r:
                                                                   case null:
            return r.Alto * r.Ancho;
                                                                       throw new ArgumentNullException(nameof(figura));
        case Triangulo t:
            return t.Base * t.Altura / 2.0;
        default:
            throw new InvalidCastException ("Tipo de figura desconocido");
        case null:
            throw new ArgumentNullException (nameof(figura));
```

Siempre se ejecuta si ningún otro patrón encaja, aunque físicamente no sea el último case

static bool EsRegular(Figura figura)

#### Funciones de Orden Superior Típicas

- Recordemos que una función de orden superior es una función que
  - O bien recibe alguna función como parámetro
  - O bien retorna una función como resultado
- Existen numerosas funciones de orden superior, aunque <u>las más</u> <u>típicas son</u>:
  - Filter: Aplica un predicado a todos los elementos de una colección, devolviendo otra colección con aquellos elementos que satisfagan el predicado
  - Map: Aplica una función a todos los elementos de una colección, devolviendo otra nueva colección con los resultados obtenidos
  - Reduce (Fold, Accumulate, Compress o Inject): Se aplica una función a todos los elementos de una lista, dado un orden, devolviendo un valor

#### Funciones de Orden Superior en C#

- En el .Net Framework 4.0 se han añadido múltiples funciones de orden superior genéricas en System.Linq
  - Reciben colecciones de tipo IEnumerable utilizando métodos extensores
  - Reciben funciones de orden superior mediante los tipos delegado predefinidos Predicate, Func y Action
- Los nombres que han dado para las funciones de orden superior mencionadas son
  - Filter  $\Rightarrow$  Where
  - ullet Map  $\Rightarrow$  Select
  - Reduce  $\Rightarrow$  Aggregate

Consulta el código en:

higher.order

#### Funciones de Orden Superior en .Net

Función	Recibe	Devuelve	Qué cambia	Ejemplos
Map (Select)	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <q></q>	<b>T no tiene porque</b> ser del mismo tipo que <b>Q</b> . Cambia el <b>tipo</b> de los elementos	<ul> <li>"Dame los nombres de todos los clientes"     (Cliente-&gt;string)</li> <li>"Dame la Dirección y la Ciudad de todos los alumnos" (Alumno -&gt; {Direccion, Cuidad}</li> </ul>
Filter (Where)	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Cambia el <b>Nº</b> de elementos devueltos	<ul> <li>"Dame los alumnos que viven en Oviedo"</li> <li>"Dame los clientes que sean mayores de edad y más de 10.000 euros ahorrados"</li> </ul>
Reduce (Aggregate)	IEnumerable <t></t>	Q	Q puede ser cualquier tipo (int, List, Dictionary,)	<ul> <li>"Dame la suma de todas las edades de los alumnos" (Q: int)</li> <li>"Dame una distribución de nombres de los clientes y cuantos clientes hay por cada nombre" (Q: Dictionary<string, int=""></string,></li> </ul>

#### Ejemplos de Select (Map)

"Dame los nombres de todos los clientes" IEnumerable<string> names = clients.Select(client => client.Name); "Dame la Dirección y la Ciudad de todos los alumnos" // 1ª opción: Usando una clase creada a propósito para este fin IEnumerable<FullAddress> fullAddresses = students.Select( student => new FullAddress { Address = student.Address, City = student.City, }); /\* 2ª opción: Usando tipos anónimos. En este caso solo podemos usar var, ya que un tipo anónimo no tiene nombre, y por tanto no podemos declarar una variable de su tipo directamente\*/ var fullAddresses2 = students.Select(student => new { Address = student.Address, City = student.City, });

### Ejemplos de Where (Filter)

"Dame los alumnos que viven en Oviedo"

```
IEnumerable<Student> studentsFromOviedo = students.Where(student =>
student.City.ToLower().Equals("oviedo"));
```

 "Dame los clientes que sean mayores de edad y más de 10.000 euros ahorrados"

```
IEnumerable<Client> oviedoRichClients = clients.Where(client => client.Age
>= 18 && client.Savings > 10000);
```

#### Ejemplos de Reduce (Aggregate)

"Dame la suma de todas las edades de los alumnos"

```
int sumOfAges = students.Aggregate(0, (previousSum, currentElement) => previousSum +
currentElement.Age);
```

O también existe una función Sum que se usa para estos casos particulares:

```
int sumOfAges2 = students.Sum(currentElement => currentElement.Age);
```

"Dame una distribución de nombres de los clientes y cuantos clientes hay por cada nombre"

#### Map, Filter, Reduce en otros lenguages

- La programación functional se ha incorporado a multiples lenguages de programación populares
  - Python
    - Map: map(lambda x: x\*\*2, number list)
    - Filter: filter(lambda x: x < 0, number list)</li>
    - Reduce: reduce((lambda x, y: x \* y), number\_list)
  - Javascript
    - Map: number list.map((value, index, array) => {return value \* value; });
    - Filter: number list.filter((value, index, array) => {return value < 0; });</li>
    - Reduce: number\_list.reduce((acc, currValue, currIndex, array) => {return acc \* currValue; },1);
  - Java: Ver presentación "New Functional Features of Java 8"
  - Otros lenguajes
    - Programación funcional: <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Functional\_programming">https://en.wikipedia.org/wiki/Functional\_programming</a>
    - Soporte de funciones de orden superior: <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Higher-order\_function">https://en.wikipedia.org/wiki/Higher-order\_function</a>
    - Map: <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Map\_(higher-order\_function">https://en.wikipedia.org/wiki/Map\_(higher-order\_function)</a>
    - Filter: <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Filter\_(higher-order\_function">https://en.wikipedia.org/wiki/Filter\_(higher-order\_function)</a>
    - Reduce (Fold): <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Fold\_(higher-order\_function">https://en.wikipedia.org/wiki/Fold\_(higher-order\_function)</a>

#### Otras funciones

Función	Recibe	Devuelve	Qué cambia
SelectMany	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <q></q>	Similar al <b>Select</b> pero obtiene una colección de elementos de tipo <b>Q</b> por cada elemento de tipo <b>T</b> . El resultado se concatena en una única colección.
Take	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Toma 'n' elementos. Menor tamaño que la original.
Skip	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Omite los primeros 'n' elementos de la original.
Range	int n, int m	IEnumerable <int></int>	Genera una colección de 'm' enteros comenzando en 'n'.
Repeat	T element, int n	IEnumerable <t></t>	Genera una colección con 'n' repeticiones de 'element'.
Reverse	IEnumerable <t></t>	IEnumerable <t></t>	Misma colección en orden inverso.
Any	IEnumerable <t></t>	bool	Comprueba si alguno de los elementos cumple el predicado
All	IEnumerable <t></t>	bool	Comprueba si todos los elementos cumplen el predicado
SequenceEqual	<pre>IEnumerable<t>, IEnumerable<t></t></t></pre>	bool	Comprueba si las dos colecciones son iguales comparandon sus elementos. Se le puede pasar un criterio de comparación.
Zip	IEnumerable <t1>, IEnumerable<t2></t2></t1>	<pre>IEnumerable&lt;(T1, T2)&gt;</pre>	Empareja cada elemento de la primera colección con el elemento de la segunda colección en su misma posición. Devuelve una tupla con cada pareja de elementos.
Zip	IEnumerable <t1>, IEnumerable<t2></t2></t1>	IEnumerable <tresult></tresult>	Empareja cada elemento de la primera colección con el elemento de la segunda colección en su misma posición. Devuelve el resultado de aplicar la función a cada pareja creada.



Clausuras

#### Listas por comprensión

- Las listas por comprensión son una característica de un lenguaje que permite crear listas basándose en listas existentes
- Usa la notación de creación de conjuntos de la teoría de conjuntos (usada en matemáticas y la lógica)
- Ejemplo:

```
S = \{ 2x \mid x \in N, x < 10 \land x\%2=0 \}
```

- Lenguajes como Haskell, OCaml, F# o Python soportan la creación de listas por comprensión
- Ejemplo en Python:

```
S = [2*x for x in range(10) if x%2==0]
```

La pregunta es: Las soporta C#?

#### LINQ

• LINQ es bastante parecido a las listas por comprensión:

```
public static IEnumerable<uint> NumeroNatural (uint max) {
   uint n = 0;
   while (n<max)</pre>
     yield return n++;
static IEnumerable<uint> SinAzucarSintactico () {
 return NumeroNatural(10)
                 .Where (x => x % 2 == 0)
                 .Select(x \Rightarrow 2 * x);
```

Consulta el código en:

list.comprehensions

#### LINQ Syntax Sugar

 LINQ ofrece azúcar sintáctico para poder crear listas por comprensión de forma similar a la que usan otras aproximaciones:

Consulta el código en:

list.comprehensions

No obstante, no hay una equivalencia para todas las posibles expresiones expresadas en la primera sintaxis mostrada

# Programación orientada a objetos vs funcional

Como cambian ciertas operaciones comunes gracias a las características adicionales de la programación funcional

#### Ordenación (POO)

Dada la siguiente clase:

```
class Person {
    public string Name { get; set; }
    public string NIF { get; set; }
    public override string ToString() { return Name + "; " + NIF; }
}
```

 Si queremos ordenar personas por un criterio (Nombre) debemos hacer un IComparer:

```
class PersonByNameComparator : IComparer<Person> {
    public int Compare(Person x, Person y) {
        return x.Name.CompareTo(y.Name); }
}
```

Para finalmente ordenar:

```
Array.Sort(persons, new PersonByNameComparator());
```

#### Ordenación (Funcional)

 Basta con indicar el criterio de ordenación con una función

```
var sorted = persons.OrderBy(person => person.NIF);
```

#### Generación de colecciones (POO)

 Generar una colección de números desde 0 hasta limit:

```
int [] OOPNumberGenerator (int limit) {
   int counter = 0;
   int [] temp = new int[limit];
   while (counter < limit)
     temp[counter] = counter++;
   return temp;
}</pre>
```

#### Generación de colecciones (Funcional)

 Generar una colección de números desde 0 hasta limit, de forma lazy:

```
IEnumerable<int> LazyNumberGenerator (int limit) {
   int counter = 0;
   while (counter < limit) yield return counter++;
}</pre>
```

#### Procesar elementos de una colección (POO)

Convertir números < 100 en string:</li>

```
var numbers = OOPNumberGenerator(100);
var temp = new string[numbers.Count()];

for(int i = 0;i<100;i++)
   temp[i] = numbers[i].ToString();
Show(temp);</pre>
```

### Procesar elementos de una colección (Funcional)

Convertir números < 100 en string:</li>

```
Show(LazyNumberGenerator(100).Select(number =>
   number.ToString());
```

#### Filtrar elementos de una colección (POO)

• Calcular los nºs primos <100:

```
numbers = OOPNumberGenerator(100);
var tempInt = new int[numbers.Length];
int counter = 0;
foreach (var number in numbers)
    if (IsPrime(number))
        tempInt[counter++] = number;
Array.Resize(ref tempInt, counter);
Show(tempInt);
```

#### Filtrar elementos de una colección (Funcional)

Calcular los nºs primos <100:</li>

```
Show(LazyNumberGenerator(100).Where(number =>
IsPrime(number));
```

### Hacer cálculos con elementos de una colección (POO)

Calcular la suma de todos los primos <100:</li>

```
numbers = OOPNumberGenerator(100);
var result = 0;
foreach (var number in numbers)
   if (IsPrime(number))
   result += number;
Console.WriteLine(result);
```

## Hacer cálculos con elementos de una colección (Funcional)

Calcular la suma de todos los primos <100:</li>

```
Console.WriteLine(LazyNumberGenerator(100).
    Aggregate((accum, number) => {
        if (IsPrime(number))
            return accum + number;
        return accum;
    }));
```

O bien...

```
Console.WriteLine(LazyNumberGenerator(100).Where(n =>
IsPrime(n)).Sum());
```

#### IEnumerable (POO)

Para hacer la clase MyList enumerable...

```
class MyList<T> : IEnumerable<T>{
    public IEnumerator<T> GetEnumerator() {
        return new MyListEnumerator<T>(this);
    }
    IEnumerator IEnumerable.GetEnumerator() {
        return GetEnumerator();
    }
}
```

• Es necesario además crear una clase que implemente IEnumerator<T>:

```
class MyListEnumerator<T> : IEnumerator<T> {
    public MyListEnumerator(MyList<T> listToEnumerate) {...}
    public void Dispose() {...}
    public bool MoveNext() {...}
    public void Reset() {...}
    public T Current { get; }
    object IEnumerator.Current { get { return Current; }}
}
```

#### Cuidado con el Reset

#### IEnumerable (Funcional)

 Con programación funcional, ya no es necesario hacer una clase aparte que implemente IEnumerator<T>:

```
class MyListEnumeratorFunctional<T> : IEnumerable<T> {
    public T GetElement(int pos) { ...}
    public int Length { get; private set; }

    public IEnumerator<T> GetEnumerator() {
        for (int i = 0;i<this.Length;i++)
            yield return GetElement(i);
        }
        IEnumerator IEnumerable.GetEnumerator() {
            return GetEnumerator();
        }
}</pre>
```