

## UNIVERSIDAD NACIONAL MAYOR DE SAN MARCOS

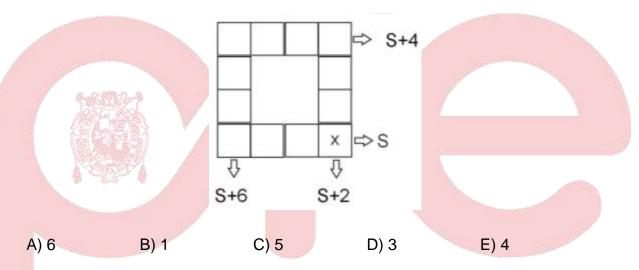
Universidad del Perú, DECANA DE AMÉRICA

#### **CENTRO PREUNIVERSITARIO**

## Habilidad Lógico Matemática SEMANA Nº 8

## EJERCICIOS DE CLASE Nº 8

1. La figura muestra seis fichas de dos juegos completos de dominó. Si la suma de los puntos de cada lado del cuadrado son cantidades impares consecutivas y lo máximo posible, ¿cuánto es el máximo valor que puede tomar x, siendo la suma de los puntos en cada lado del cuadrado S, S+2, S+4 y S+6 como se muestra en la figura?



## Solución:

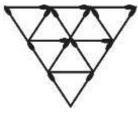
1) Tenemos dos juegos de domino es decir 56 fichas, las sumas impares consecutivas: 23, 21, 19 y 17; el valor máximo para S = 17

5	5	6	5	S+4=21
6			5	
6			3	
6	5	0	6	S=17
+6=23		S	3+2=19	

2) Por tanto el máximo valor para x=6.

Rpta: A

2. ¿Cuántos cerillos se deben retirar, como mínimo, para que no se observe triángulo alguno?



A) 6

B) 7

C) 5

D) 9

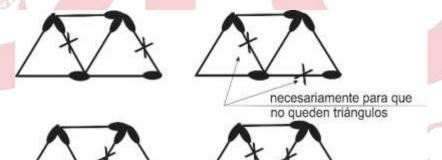
E) 8

## Solución:

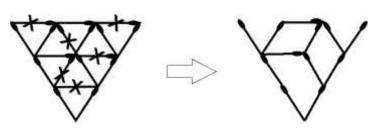
Se pide retirar la menor cantidad de cerillos para que no se observe triángulos. En el gráfico observamos que se puede dividir en tres partes iguales



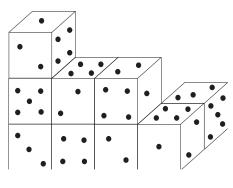
Ahora en cada parte vemos que para no observar triángulos retiraremos los siguientes cerillos, como mínimo:



Entonces, en el gráfico retiramos del siguiente modo:



**3.** Juan construye una ruma con 9 dados convencionales sobre una mesa transparente, ¿calcule la suma máxima de puntos no visibles por Juan?



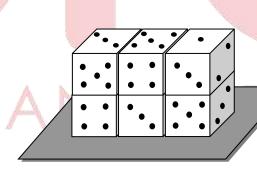
- A) 104
- B) 106
- C) 102
- D) 94
- E) 100

## Solución:

Número máximo de puntos: 94.

Rpta: D

- 4. Sobre una mesa no transparente, Benjamín formó una ruma con seis dados convencionales, tal como se muestra en la figura. Determine la diferencia positiva entre los números que representan al total de puntos como mínimo que no son visibles con el total de puntos impares visibles para él.
  - A) 24
  - B) 26
  - C) 22
  - D) 23
  - E) 25



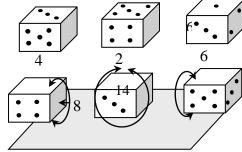
#### Solución:

- Suma de puntos en 1 dado = 21
- Suma de 2 caras opuestas = 7

Puntos de las caras no visibles (mín.) – Total de puntos visibles (impares)

$$= (5+9+11+8+14+11) - (8+9+4+3+3+8)$$

$$= 58 - 35 = 23$$



Rpta.: D

**5.** Hace ya 45 horas que el reloj Sumaq se adelanta 4 minutos cada 5 horas. ¿Qué hora señalará su reloj cuando sean en realidad 9h 40min?

A) 10 h 14 min

B) 9 h 36 min

C) 10 h 16 min

D) 10 h 18 min

E) 9 h 46 min

### Solución:

1) Tiempo total de adelanto: x

$$\begin{array}{ccc}
5h & \to & 4 \min \\
45h & \to & x
\end{array} \Rightarrow x = 36 \min$$

2) Hora que señalara el reloj de Sumaq:

3) Por tanto señalará su reloj: 10 h 16 min.

Rpta.: C

6. José pregunta a Cesar ¿Qué hora es? Cesar responde, si fuera 3horas mas tarde de lo que es, faltaría para acabar el día los 5/7 de lo que faltaría si es que fuera 3 horas más temprano. ¿Que hora será después de 3 horas?

A) 9 am

B) 10 am

C) 3 am

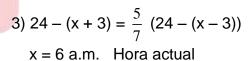
D) 11 am

E) 9 pm

### Solución:

1) Sea "x" horas la hora actual

2) Si fuera 3 horas más tarde: x + 3 Si fuera 3 horas más temprano: x – 3



A Gairin Frond dotted.

4) hora actual: 6 a.m. + 3h = 9 a.m.

Rpta.: A

7. Dos relojes son sincronizados a las 10:00 h. y a partir de ese momento el primero empieza a adelantarse 3 minutos cada hora y el segundo empieza a adelantarse 7 minutos cada hora. ¿Al cabo de cuánto tiempo el segundo estará adelantado 1 hora respecto al primero?

A) 15 h

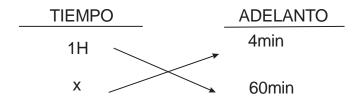
B) 16 h

C) 17 h

D) 14 h

E) 18 h

- El primero estará adelantado en:  $7-3=4 \min$
- 2)  $4x = 6H \Rightarrow x = 15 H$



Rpta.: A

- Un reloj se atrasa 3 minutos cada 2 horas y otro se adelanta 2 minutos cada hora, si 8. se malograron en el mismo instante. A partir de este último momento, después de cuántos días volverán a marcar simultáneamente la hora correcta.

  - A) 60 B) 45
- C) 120
- D) 95
- E) 20

## Solución:

Primero hallemos por separado el tiempo en que se adelantan o se atrasan 12H o 720 min.

#### Primer reloj

Retraso Tiempo 2 h 3min 12h = 720min $T_1$ 

De donde  $T_1 = 20$  dias

#### Segundo reloj

De donde  $T_2 = 15$  dias

Luego marcará la hora correcta cada 20 días y el otro cada 15 días; por lo tanto, para que ambos coincidan en marcar la hora correcta, deberá transcurrir un tiempo común que contenga exactamente a 20 y 15, el cual será:

$$MCM(20,15) = 60 dias$$

Rpta.: A

## EJERCICIOS DE EVALUACIÓN Nº 8

- 1. Roberto apila siete dados normales e idénticos sobre una superficie no transparente como se muestra en la figura, calcule la suma mínima de puntos visibles para Roberto.
  - A) 73
  - B) 76
  - C) 71
  - D) 68
  - E) 78

## Solución:



$$3+7+7$$

$$7+3_{MIN}$$
  $2+7+1_{MIN}$ 

$$(1+2)_{MIN}$$
 7

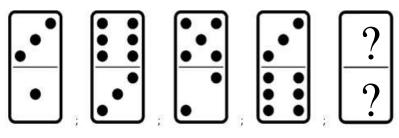
$$7+3+1_{MIN}$$

Total = 73



Rpta.: A

2. En la siguiente secuencia de fichas de dominó, determine la ficha que continúa.







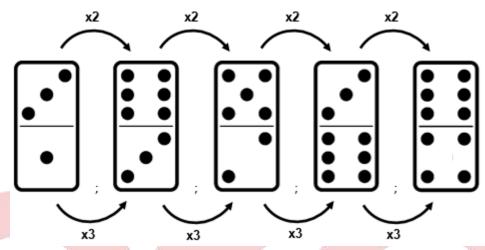
7 + 6 + 2





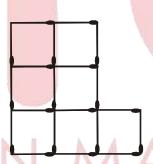


Veamos:

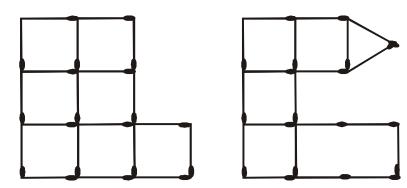


Rpta.: D

- 3. En la figura, se tiene 20 cerillas de igual longitud. ¿Cuál es el mínimo número de cerillas que se debe cambiar de posición para que resulten cuatro cuadrados?
  - A) 4
  - B) 1
  - C) 2
  - D) 3
  - E) 5



## Solución:



Rpta.: C

- **4.** Se lanzan 4 dados normales sobre una mesa no transparente cuya suma de puntajes obtenidos en sus caras superiores, es 11, donde solo uno de ellos es par. Determine el mayor producto de los puntajes de las caras opuestas a las anteriores.
  - A) 320
- B) 124
- C) 163
- D) 216
- E) 144

Puntaje par: a

Puntajes obtenidos: a, b, c, d

Puntajes en las caras opuestas: 7 - a, 7 - b, 7 - c, 7 - d

$$a + b + c + d = 11$$

Para que el producto en las caras opuestas sea máximo a, b, c y d deben ser mínimos.

Entonces a = 2, b + c + d = 3 + 3 + 3 = 9

Luego los mayores puntajes en las caras opuestas: 5, 4, 4, 4 cuyo producto es 320.

Rpta.: A

- 5. Una función de cine durará 4 horas. El número de horas que faltan del día desde que comienza la función, es el doble de la cantidad de horas que falta para acabar el día, desde que termina la función. ¿A qué hora comienza la función de cine?
  - A) 4 pm
- B) 6 pm
- C) 5 pm
- D) 2 pm
- E) 3 pm

## Solución:

Sea x: hora de inicio,

y: hora de finalización de la función.

Datos: y - x = 4

$$(24 - x) = 2(24 - y)$$

Resolviendo: x = 16 h = 4pm

Rpta.: A

- **6.** El reloj de Fernando se adelanta 1 minutos en la primera hora, 2 minutos en la segunda hora, 3 minutos en la tercera hora, 4 minutos en la cuarta hora y así sucesivamente ¿A qué hora empezó a adelantarse dicho reloj si a las 10 horas 25 minutos de la noche, marcaba las 11 horas 01 minutos?
  - A) 2:25 pm

B) 8:15 am

C) 7:15 pm

D) 6:45 am

E) 2:25 am

TIEMPO REAL TIEMPO ADELANTADO

22.25 23:01

DIFERENCIA: 36 minutos

ADELANTO TIEMPO

1+2+3+...+8=36 min 8 horas

x = 8 horas

Empezó adelantarse: 22:25 min - 8 horas = 14:25 pm

Rpta.: A

7. Un reloj empieza a adelantarse a las 10 am a razón de 5 minutos y medio cada día y medio. ¿Dentro de cuántos días marcará la hora correcta nuevamente?

A)  $196\frac{4}{11}$  días

B)  $190\frac{1}{12}$  días

C)  $195\frac{3}{11}$  días

D)  $196\frac{2}{11}$  días

E)  $195\frac{5}{11}$  días

## Solución:

adelanto (min) tiempo (días)

 $5\frac{1}{2}$   $1\frac{1}{2}$  720 x

 $x = 196 \frac{4}{11} \text{días}$ 

Rpta.: A

- 8. Dos relojes de manecillas marcan la hora exacta a las 6:00 a.m. y a partir de ese instante, uno de ellos comienza a adelantarse 3 minutos cada hora y el otro se atrasa 4 minutos cada 2 horas. ¿Después de cuántos días como mínimo volverán a marcar simultáneamente la hora correcta?
  - A) 25
- B) 30
- C) 38
- D) 32
- E) 60

 Para que un reloj vuelva a marcar la hora correctamente debe atrasarse o adelantarse 12h.

2) Para el 1ro: Adelanta Tiempo  $3min \dots 1h$   $12h \dots x$   $\Rightarrow x = \frac{(12h)(60min)(1h)}{} = 240h = 10días$ 

3) Para el 2do: Atrasa Tiempo 4min ....... 2h 12h ..... y

$$\Rightarrow$$
 y =  $\frac{(12h)(60 \text{ min})(2h)}{4 \text{ min}}$  = 360h = 15días

4) Para que ambas coincidan en marcar la hora correcta, debe transcurrir:

 $M.C.M.\{15,10\} = 30dias.$ 

Rpta.: B

# Habilidad Verbal

#### **COHERENCIA TEXTUAL**

#### **COMPATIBILIDAD E INCOMPATIBILIDAD**

Una **idea compatible** es aquella que guarda consistencia con lo expresado en el texto (así no aparezca en él). Se determina la compatibilidad de una idea cuando un enunciado corresponde con lo afirmado en el texto.

Por otro lado, **un enunciado es incompatible** (incoherente, inconsistente, que no se condice) con el texto si constituye una negación directa o indirecta de algún enunciado del texto o de una consecuencia que se infiera válidamente de él. Téngase en cuenta que un enunciado no es incompatible con el texto por el mero hecho de no aparecer en él o que exprese un contenido simplemente diferente. El grado fuerte de incompatibilidad es la negación de la idea central.

De todo lo anterior, podemos establecer que se determina la incompatibilidad de una idea con un texto de dos maneras:

#### A) Se niega un enunciado que figura en el texto

Por ejemplo, si en el texto se dice que en el Perú, el Contralor General de la República es nombrado y removido por el Parlamento, resulta INCOMPATIBLE afirmar que el Contralor General de la República le debe su puesto al Ejecutivo.

#### B) Se niega un enunciado que se infiere del texto

Por ejemplo, si un texto sostiene que la postura epistemológica de Karl Popper se caracteriza como un realismo crítico, resulta INCOMPATIBLE afirmar que para Popper el conocimiento de lo que nos rodea se corresponde con la teoría del reflejo.

Las preguntas de compatibilidad e incompatibilidad se pueden presentar, respectivamente, de las siguientes formas:

	COMPATIBILIDAD		INCOMPATIBILIDAD
	— Es compatible con el	-	— Es incompatible con el texto
	texto		
7	— Se condice con el texto		No se condice con el texto
	— Es congruente con el	-	— Es incongruente con el texto
	texto		
	— Es coherente con el texto	o	Es incoh <mark>erente</mark> con el texto
	— Concordante	-	— Discordante
	— Convergente	-	— Divergente
	— Es verdadero afirmar	-	— Resulta falso sostener
	- Resulta correcto afirmar.	<u>.</u>	— Resulta erróneo afirmar
	— Se asocia	-	— Se disocia

#### TEXTO A

Al igual que un termitero, el Eastgate está ventilado, refrigerado y calefaccionado por medios totalmente naturales. El edificio tiene cuatro paredes gruesas de mampostería en el exterior y un atrio de siete pisos de altura en el interior. El aire exterior ingresa a través de múltiples ventilaciones y la masa del edificio lo calienta o lo enfría en función de cuál está más caliente: el hormigón de la estructura o el aire.

La ventilación del Eastgate cuesta una décima parte de la ventilación de un edificio equipado con aire acondicionado estándar y consume un 35% menor de energía que seis edificios convencionales. Tal como lo descubrieron los propietarios del Eastage, un edificio que tenga un uso eficiente de la energía también puede resultar bueno para el bolsillo. Durante los primeros cinco años del edificio, ahorraron \$ 3,5 millones en gasto energético gracias a su diseño exclusivo.

— Leído el texto, identifique los enunciados compatibles (C) e incompatibles (I) relativos al edificio Eastgate.

I.	El edificio tiene un diseño poco convencional.	(	)
II.	Socialmente, este edificio está diseñado solo para billonarios.	(	)
III.	Permite una interesante comparación con un termitero.	(	)
IV.	En conclusión, la obra resultó muy onerosa.	(	)
٧.	Frente a otros edificios, este ahorra más.	(	)
VI.	El hormigón del edificio es siempre más caliente que el aire.	(	)
VII.	El uso eficiente de la energía demanda gastos elevados.	(	)
VIII.	La exclusividad del diseño se pierde en el primer lustro.	(	)
IX.	Los edificios convencionales consumen mucha más energía.	(	)
Χ.	3.5 millones de dólares es lo que demandó la venta del diseño.	ĺ	)

#### Solución:

B.	El edificio tiene un diseño poco convencional.	(C)
II.	Socialmente, este edificio está diseñado solo para billonarios.	(1)
III. 🧋	Permite una interesante comparación con un termitero.	(C)
IV.	En conclusión, la obra resultó muy onerosa.	$(\mathbf{I})$
V.	Frente a otros edificios, este ahorra más.	( <b>C</b> )
VI.	El hormigón del edificio es siempre más caliente que el aire.	(I)
VII.	El uso eficiente de la energía demanda gastos elevados.	(I)
VIII.	La exclusividad del diseño se pierde en el primer lustro.	(1)
IX.	Los edificios convencionales consumen mucha más energía.	(C)
X.	3,5 millones es lo que demandó la venta del diseño.	(1)

SAN MARCOS

#### TEXTO B

Reflexionemos también que hay gran esperanza de que esto sea un bien. La muerte es una de estas dos cosas: o bien el que está muerto no es nada ni tiene sensación de nada, o bien, según se dice, la muerte es precisamente una transformación, un cambio de morada para el alma, de este lugar de aquí a otro lugar.

Si es una ausencia de sensación y un sueño, como cuando se duerme sin soñar, la muerte sería una ganancia maravillosa. Pues si alguien, tomando la noche en la que ha dormido de tal manera que no ha visto nada en sueños y comparando con esta noche las demás noches y días de su vida, tuviera que reflexionar y decir cuántos días ha vivido en su vida mejor y más agradablemente que esta noche, creo que no ya un hombre cualquiera, sino que incluso el Gran Rey encontraría fácilmente contables estas noches comparándolas con los otros días y noches. Si, en efecto, la noche es algo así, digo que es una ganancia, pues la totalidad del tiempo no resulta ser más que una sola noche.

Si, por otra parte, la muerte es como emigrar de aguí a otro lugar y es verdad, como se dice, que allí están todos los que han muerto, ¿qué bien habría mayor que este, jueces? Pues si, llegando uno al Hades, libre ya de estos que dicen que son jueces, va a encontrar a los verdaderos jueces, a los que se dice hacen justicia allí: Minos, Radamanto, Éaco y Triptólemo, y a cuantos semidioses fueron justos en sus vidas, ¿sería acaso malo el viaje? Además, ¿cuánto daría alguno de vosotros por estar junto a Orfeo, Museo, Hesíodo y Homero? Yo estoy dispuesto a morir muchas veces, si esto es verdad, y sería un entretenimiento maravilloso, sobre todo para mí, cuando me encuentre allí con Palamedes, con Áyax, el hijo de Telamón, y con algún otro de los antiguos que haya muerto a causa de un juicio injusto, comparar mis sufrimientos con los de ellos; esto no sería desagradable, según creo. Y lo más importante, pasar el tiempo examinando e investigando a los de allí, como ahora a los de aquí, para ver quién de ellos es sabio, y quién cree serlo y no lo es. ¿Cuánto daría cualquiera, amigos jueces, por examinar detenidamente al que llevó a Troya aquel gran ejército, o bien a Odiseo o a Sísifo o a otros infinitos hombres y mujeres que se podrían citar? Dialogar allí con ellos, estar en su compañía y examinarlos sería el colmo de la felicidad. En todo caso, los de allí no condenan a muerte por esto. Se trata, por muchos motivos, de gente más feliz la de allí que la de aquí, principalmente, y si es verdad lo que dicen, porque ya son inmortales el resto del tiempo.

Hecha la lectura, identifique los correspondientes enunciados compatibles (C) e incompatibles (I) relativos al texto de la Apología de Sócrates, de Platón.

I.	Segun Socrates, temo a la muerte por lo que ignoro de ella.	)	
II.	En lo de la muerte como otra vida, el autor es un misógino. (	)	
III.	En tanto transformación, Sócrates ve la muerte como benéfica. (	)	
IV.	Para Sócrates, el que no fue justo en vida, lo será ya muerto.	)	
V.	La muerte como vacuidad es descanso perfecto. (	)	
VI.	Comparar vidas y padecimientos pasados es solo fuente de angustia. (	)	
VII.	La muerte es o solo vacío, o transformación o algo más. (	)	
VIII.	La vida después de la muerte carece de certeza absoluta. (	)	
IX.	El autor y el Gran Rey piensan lo mismo de la muerte. (	)	
X.	Para Sócrates, la mejor muerte es la que uno dispone para sí.	)	

l.	Según Sócrates, temo a la muerte por lo que ignoro de ella.	( <b>C</b> )
II.	En lo de la muerte como otra vida, el autor es un misógino.	(1)
III.	En tanto transformación, Sócrates ve la muerte como benéfica.	( <b>C</b> )
IV.	Para Sócrates, el que no fue justo en vida, lo será ya muerto.	(I)
٧.	La muerte como vacuidad es descanso perfecto.	( <b>C</b> )
VI.	Comparar vidas y padecimientos pasados es solo fuente de angustia.	(I)
VII.	La muerte es o solo vacío, o transformación o algo más.	$(\mathbf{I})$
VIII.	La vida después de la muerte carece de certeza absoluta.	( <b>C</b> )
IX.	El autor y el Gran Rey piensan lo mismo de la muerte.	$(\mathbf{I})$
X.	Para Sócrates, la mejor muerte es la que uno dispone para sí.	(I)

#### TEXTO C

La Apología de Sócrates pertenece al periodo socrático del pensamiento de Platón, por lo que trata de reflejar fielmente el pensamiento vivo de Sócrates y se detiene en un momento estelar de la vida de este gran hombre: el enfrentamiento final contra la sociedad ateniense con el fin de insuflarle la búsqueda de la virtud. En la Apología, se trata de poner de relieve la sabiduría humana, lo que más tarde Nicolás de Cusa, en un hermoso oxímoron, llamaría «docta ignorancia». De hecho, los primeros diálogos de Platón giran en torno a la figura de Sócrates. En la Apología, en particular, Platón presenta su versión de la célebre defensa que Sócrates hace de sí mismo en el funesto juicio al que lo sometieron los atenienses.

La sentencia y la muerte de Sócrates dejaron una huella indeleble en el espíritu del joven Platón. Según su juicio severo, riguroso, implacable, la democracia ateniense fue la responsable de tan nefasto magnicidio. Este suceso decidió la acerba opinión de Platón en contra de la democracia, lo que según Karl Popper (en *The Open Society and its Enemies*) lo condujo a idear una ucronía totalitaria.

Raymundo Casas Navarro

	ego de la lectura, identifique los correspondientes enunciados compatibles	(C)	е
inco	ompatibles (I) relativos al comentario sobre la Apología de Sócrates.		
1.7	Por el título de su libro, se ve que Popper coincide con Platón.	(	)
II.	El autor atribuye a Cusa una especie de estética de la contradicción.	(	)
III.	Para Sócrates, como para Platón, sabiduría y virtud son inseparables.	(	)
IV.	Frente a Sócrates, la sociedad ateniense optó por la legítima defensa.	(	)
٧.	Es claro que Platón preferiría cualquier totalitarismo a toda democracia.	(	)
VI.	Karl Popper critica a Platón por la fallida apología que hizo de Sócrates.	(	)
VII.	La Apología de Sócrates fue escrita por Sócrates y difundida por Platón.	Ì	)
VIII.	La Apología es una evidencia del impacto que causó Sócrates en Platón.	Ì	)
IX.	Platón pasó su vida reflejando fielmente el pensamiento vivo de Sócrates.	į	)
	Todo lo que sabemos del juicio de Atenas contra Sócrates viene de Platón.	ì	ĺ

I.	Por el título de su libro, se ve que Popper coincide con Platón.	(I)
II.	El autor atribuye a Cusa una especie de estética de la contradicción.	( <b>C</b> )
III.	Para Sócrates, como para Platón, sabiduría y virtud son inseparables.	(C)
IV.	Frente a Sócrates, la sociedad ateniense optó por la legítima defensa.	(I)
٧.	Es claro que Platón preferiría cualquier totalitarismo a toda democracia.	(I)
VI.	Karl Popper critica a Platón por la fallida apología que hizo de Sócrates.	(I)
VII.	La Apología de Sócrates fue escrita por Sócrates y difundida por Platón.	(I)
VIII.	La Apología es una evidencia del impacto que causó Sócrates en Platón.	( <b>C</b> )
IX.	Platón pasó su vida reflejando fielmente el pensamiento vivo de Sócrates.	(I)
Χ.	Todo lo que sabemos del juicio de Atenas contra Sócrates viene de Platón.	$(\mathbf{I})$

## COMPRENSIÓN LECTORA TEXTO 1

Que la Tierra era redonda lo sabía naturalmente Ptolomeo, de otro modo no habría podido dividirla en trescientos sesenta grados de meridiano; lo sabía Eratóstenes, que en el siglo tercero antes de Cristo calculó con una buena aproximación la longitud del Ecuador; lo sabían Pitágoras, Parménides, Eudoxo, Platón, Aristóteles, Euclides, Aristarco, Arquímedes, y se descubre que los únicos que no lo creyeron eran solo dos materialistas como Leucipo y Demócrito.

Que la Tierra era redonda lo sabían perfectamente Macrobio y Marciano Capella, hacia los siglos IV y V de nuestra era. Por lo que concierne a los Padres de la Iglesia, tenían que medirse con el texto bíblico que hablaba de la forma rectangular del tabernáculo, pero Agustín, aunque no tenía opiniones seguras al respecto, conocía las de los antiguos y **concedía** que el texto sagrado hablara por metáforas. Su posición era más bien otra, bastante común al pensamiento patrístico: puesto que no salvamos el alma conociendo la forma de la Tierra, la cuestión le parecía de escaso interés. Isidoro de Sevilla (que desde luego no era un modelo de meticulosidad científica) calcula la longitud ecuatorial en ochenta mil estadios. ¿Podía pensar que la Tierra era plana?

Incluso un estudiante de primero de bachillerato puede deducir fácilmente que si Dante entra en el embudo infernal y sale por la otra parte viendo estrellas desconocidas al pie de la montaña del Purgatorio, eso significa que sabía perfectamente que la Tierra era redonda. El hecho es que de la misma opinión fueron cristianos tempranos como Orígenes y Ambrosio, y en el periodo escolástico pensaban en y hablaban de una Tierra esférica Alberto Magno y Tomás de Aquino, Roger Bacon, Juan de Sacrobosco, Pierre d'Ailly, Egidio Romano, Nicolás de Oresme y Juan Buridán, por citar a algunos.

- 1. Básicamente, el texto constituye un alegato contra el mito
  - A) de la arraigada creencia de que la Tierra era plana.
  - B) de la doctrina bíblica de la esfericidad de la Tierra.
  - C) de la profunda ignorancia de los autores medievales.
  - D) de la Tierra esférica defendida por Dante Alighieri.
  - E) del interés de los Padres de la Iglesia por la salvación.

Ni los sabios antiguos ni los medievales desconocían la esfericidad del globo terrestre.

Rpta.: A

- 2. El antónimo contextual del verbo CONCEDER es
  - A) arrebatar. B) quitar. C) recibir.
- D) refutar.

E) retacear.

#### Solución:

Agustín aceptaba que la Biblia fuera entendida como metafórica. De no hacerlo, habría recusado o refutado dicha interpretación.

Rpta.: D

- 3. Resulta incompatible con lo planteado en el texto pretender que los representantes eran partidarios de la esfericidad de la Tierra.
  - A) de la academia platónica

B) de la escuela aristotélica

C) del atomismo materialista

D) del periodo escolástico

E) del pensamiento patrístico

#### Solución:

Leucipo y Demócrito eran representantes fundadores del atomismo materialista; no creían en la esfericidad del globo terráqueo.

Rpta.: C

- 4. Se infiere del texto que a Agustín lo motivaba principalmente un propósito
  - A) alegórico.
- B) bíblico.
- C) científico.
- D) literario.
- E) soteriológico.

#### Solución:

En efecto, el mayor interés de Agustín estaba en la salvación de almas: la suya y las de los que lo rodeaban.

Rpta.: E

- **5.** Si Leucipo y Demócrito hubiesen coincidido con sus contemporáneos en el tema que constituye lo central del texto, la tesis de la esfericidad de la Tierra
  - A) carecería absolutamente de interés.
  - B) habría pasado desapercibida hasta hoy.
  - C) habría llegado a ser unánime entonces.
  - D) habría sido planteada en el medievo.
  - E) ni siquiera habría sido planteada.

#### Solución:

Al no registrarse excepciones en las opiniones sobre el tema central, el asunto de la esfericidad de la Tierra en la antigüedad clásica habría tenido el apoyo general.

Rpta.: C

#### **TEXTO 2**

A la rama de las matemáticas que se denomina combinatoria se la conoce en ocasiones como conteo avanzado. Contra lo que se suele pensar, esta no se agota en sumar una columna de cifras mentalmente. «¿Cuántos?» es una pregunta, pero también lo es «¿Cómo pueden combinarse los objetos?». A veces los problemas se exponen de manera sencilla, sin que los acompañe la pesada superestructura de la teoría matemática. Esto hace que los problemas de combinatoria resulten atractivos. Pero deberían llevar una advertencia sanitaria: es posible desarrollar una adicción a ellos y sin duda pueden provocar **insomnio**.

Los niños pueden empezar con la combinatoria a una temprana edad. Hay una canción infantil tradicional que plantea una pregunta combinatoria:

De camino a St. Yves,

Me encontré con un hombre que tenía siete esposas;
Cada esposa tenía siete sacos,
En cada saco había siete gatos,
Cada gato tenía siete gatitos,
Cada gatito, siete garrapatas.

Garrapatas, gatitos, gatos, sacos y esposas,
¿Cuántos iban a St. Yves?

El último verso es la pregunta con trampa. Pero siempre se puede dar la vuelta a cualquier pregunta: ¿cuántos venían de St. Yves?

La interpretación es importante. ¿Podemos estar seguros de que el hombre y sus siete esposas estaban, todos ellos, alejándose de St. Yves? ¿Las esposas estaban acompañando al hombre cuando fue encontrado, o estaban en algún otro lugar? El primer requisito de un problema de combinatoria es que esté claramente expuesto y que se entienda.

Supondremos que el séquito venía por el único camino que se aleja de la ciudad costera de Cornualles y que «las garrapatas, gatitos, gatos, sacos y esposas» estaban todos presentes. ¿Cuántos venían desde St. Yves? La siguiente tabla nos da una solución.

hombre	1	1
esposas	7	7
sacos	7 x 7	49
gatos	7 x 7 x 7	343
gatitos	7 x 7 x 7 x 7	2401
garrapatas	7 x 7 x 7 x 7 x 7	16 807
Total		19 608

En 1858, Alexander Rhind, un anticuario escocés de visita en Luxor, se encontró con un papiro de 5 metros de largo lleno de matemáticas egipcias del periodo de 1800 a. C. Lo compró. Unos años después fue adquirido por el Museo Británico y sus jeroglíficos traducidos. El problema 79 del papiro del Rhind es un problema de casas, gatos, ratones, espigas y granos de trigo muy similar al de las garrapatas, gatitos, gatos, sacos y esposas de St. Yves. Ambas implican potencias de 7 y el mismo tipo de análisis.

Adaptado de Tony Crilly, 50 cosas que hay que saber sobre matemáticas, Ariel, Barcelona, 2014, pp. 170-171

- 1. Básicamente, el autor desarrolla el tema
  - A) del arte combinatorio.

B) del conteo progresivo.

C) de una canción infantil.

D) de preguntas capciosas.

E) de la teoría matemática.

#### Solución:

El tema del texto es el conteo avanzado, otro nombre para el arte combinatorio de las matemáticas.

Rpta.: A

- 2. En el texto, INSOMNIO connota
  - A) zozobra.

B) patología.

C) dedicación.

D) padecimiento.

E) preocupación.

#### Solución:

Si bien se habla de una advertencia, es claro que el sentido va por el tema de la dedicación que este tipo de ejercicio concita.

Rpta.: C

3. Si los gatitos estuvieran libres de garrapatas, ¿cuán numeroso sería el séquito entonces?

A) 400

B) 2401

C) 2801

D) 5602

E) 16 807

#### Solución:

En tal caso habría que eliminar la última línea del cuadro y el total del séquito sería 2801.

Rpta.: C

- 4. Resulta erróneo afirmar que el papiro Rhind constituye
  - A) la base para el desarrollo del conteo avanzado.
  - B) un documento de unos 3800 años de antigüedad.
  - C) una muestra de matemática de los antiguos egipcios.
  - D) muestra del peso de Luxor en la antigua cultura egipcia.
  - E) un caso de la cultura egipcia usufructuada por europeos.

#### Solución:

Si bien no se habla en el texto del origen del conteo avanzado, es claro que el célebre papiro del Rhind constituye en este caso una coincidencia rara y feliz.

Rpta.: A

5. Si elaboráramos un cuadro con los datos del problema del papiro de Rhind aludido,

- A) terminaría con un total de 2801 componentes del séquito.
- B) terminaría con un total de 5602 componentes del séquito.
- C) tendría una fila y una columna más que el de la canción infantil.
- D) sería muy semejante al elaborado a partir de la canción francesa.
- E) tendría una fila y una columna menos que el de la canción infantil.

Prácticamente cada dato de la canción infantil coincide con los del problema 79 del papiro; luego, el cuadro a elaborar sería muy semejante al ya hecho.

Rpta.: D

#### **SEMANA 8B**

#### **TEXTO 1**

Oficialmente, la Administración Norteamericana de la Aeronáutica y el Espacio (NASA, por sus siglas en inglés) expone cinco grandes razones por las que considera necesario continuar la investigación espacial y, en concreto, llevar a cabo misiones espaciales a Marte. Estas son las siguientes: 1) para profundizar en la búsqueda de los orígenes de la vida en la Tierra y extender la vida en el sistema solar; 2) para comprender el pasado y futuro de la Tierra aprovechando los nuevos descubrimientos que se obtengan sobre el pasado y futuro de otros planetas; 3) para expandir nuestra existencia en el sistema solar, aprendiendo a vivir y trabajar en otros planetas; 4) para continuar la búsqueda de la humanidad en los campos del conocimiento y la experiencia y así mantener los esfuerzos científicos realizados desde hace siglos; 5) para abrir posibles oportunidades al desarrollo comercial.

De otro lado, en diferentes círculos se esgrimen argumentos contra la investigación del espacio por parte de la humanidad o, cuando menos, contra la forma en que se está realizando. A saber: 1) Las prioridades terrestres. La humanidad debe destinar sus recursos a resolver primero los múltiples problemas que hay en la Tierra. Con el dinero que se destina a la carrera espacial se podría ayudar a paliar el hambre en el mundo, se podría avanzar en el desarrollo de tecnología que permitiera el uso de energías alternativas no contaminantes y, en general, a resolver otras muchas necesidades para permitir una vida mejor en nuestro planeta. 2) No a la contaminación espacial. Algunas voces críticas advierten que, tras contaminar la Tierra, la humanidad está haciendo lo mismo con el espacio. Se calcula que alrededor de 150 000 fragmentos considerados «basura espacial» circulan por el espacio y se estima que pueden representar unos tres millones de toneladas de desechos debidos a la acción humana. De hecho, solo el 5% de los objetos que el hombre ha enviado a la galaxia están en actividad, la parte restante son fragmentos de satélites, cohetes y objetos creados por el hombre que no se encuentran operativos. 3) No a la comercialización del universo. Para algunos, la forma en que se está desarrollando la investigación de la galaxia tiende a reproducir las desigualdades que dominan en la Tierra. Ese proceso se estaría agudizando con los proyectos de comercialización que se barajan, entre los cuales figura a largo plazo incluso la posibilidad de crear centros hoteleros y de ocio en el espacio. De hecho, el turismo espacial ya fue inaugurado por el millonario Dennis Tito. Pero los críticos cuestionan a quién correspondería la «propiedad» del espacio y defienden que debería ser protegido como «Patrimonio del Universo».

UNI	MSM-CENTRO PREUNIVERSI	TARIO	Ciclo 2017-II
1.		del espacio denominar a este «Pa Humanidad», procura evitar la cu	
	A) antrópico. B) apocalíptic	co. C) ecuménico. D) holístico.	E) integral.
	Solución: El sesgo antrópico tiene com su conjunto, convendría evita	no referente al ser humano. Tra r el sesgo.	tándose del planeta en
2.	Resulta incompatible en relacespacial	ción con el contenido del texto p	Rpta.: A retender que el turismo
	<ul><li>B) planteará problemas técnic</li><li>C) puede llegar a convertirse</li><li>D) será una realidad popular</li></ul>		
	Solución:		
	plazo próximo es a todas luce	al turismo espacial, pretender q es una ingenuidad.	
3.	Dado el contexto, la palabra (	GALAXIA está por	Rpta.: D
	A) espacio. B) estrella.	C) órbita. D) satélite.	E) vía láctea.
	Se habla de objetos que el ho	ombr <mark>e ha e</mark> nviado a la galaxia, es	sto es, al espacio. Rpta.: A
4.	Un contraargumento que los es que, de ser cierto y de agr	partidarios de la exploración es avarse el fenómeno del calentan	spacial pueden esgrimir niento global,
	B) resultaría prioritario hallar (C) se lo controlaría para evita D) se podrían evitar los clima	narcada desigualdad hoy impera un lugar en el espacio para color ir poblaciones en el espacio exte s extremos habitando algún otro as por inundaciones con turismo	nizar. rior. planeta.
	Solución: Con el tiempo, y no a mu inhabitable, obligando a la co	y largo plazo, la Tierra o par lonización de otros mundos.	te de ella se volvería <b>Rpta.: B</b>
5.	•	texto afirmar que entre los arg rima a todas luces es el de carác	
	A) científico.     D) epistemológico.	B) cognoscitivo.	C) comercial.

Uno entre otros cinco, y con serios problemas técnicos por enfrentar, no parece tratarse del argumento de mayor peso por ahora.

Rpta.: C

- **6.** De los argumentos esgrimidos por los críticos de la exploración espacial resalta la preocupación por la posibilidad de
  - A) contaminar lo que nos rodea con los grandes logros del hombre.
  - B) explotar la galaxia con el riesgo de que colapse a mediano plazo.
  - C) exportar las fortalezas y las debilidades de la raza humana.
  - D) extender al espacio los yerros y flaquezas del ser humano.
  - E) extrapolar a otros mundos lo bueno y lo malo del hombre.

#### Solución:

Llegar al espacio significa para la humanidad portar sus flaquezas y fortalezas; obviamente, deberían preocuparla aquellas.

Rpta.: D

- 7. Los partidarios de la exploración espacial fallarían si apelasen al argumento de que la NASA los apoya porque en sus próximas misiones prevé
  - A) alcanzar algunos de los cientos de exoplanetas ya descubiertos.
  - B) aprender a vivir y trabajar en planetas cercanos, como Marte.
  - C) comprender el pasado y futuro de la Tierra conociendo el de Marte.
  - D) expandir nuestra existencia en el sistema, colonizando Marte.
  - E) profundizar en Marte la búsqueda de los inicios de la vida.

#### Solución:

El objetivo inmediato es nuestro sistema solar. Los exoplanetas se encuentran más allá de nuestro sistema.

Rpta.: A

- **8.** Por mor de coherencia, quien se oponga a la exploración espacial debería también oponerse
  - A) a la inversión en aprovechamiento energético no contaminante.
  - B) al desarrollo y difusión de tecnologías que beneficien aún más la vida.
  - C) al logro de modos de obtención de energía no contaminantes.
  - D) a los esfuerzos por paliar y aun terminar con el hambre en el mundo.
  - E) al proyecto de alcanzar el núcleo de la Tierra con una nave tripulada.

#### Solución:

Procurar enviar una nave tripulada al núcleo ígneo terrestre debe ser tan oneroso como se prevé la exploración espacial.

Rpta.: E

- 9. Un argumento plausible en contra de la exploración espacial que no ha sido considerado en el texto es el
  - A) de contaminar la Tierra con elementos alienígenas.
  - B) de cometer todas las injusticias y tropelías terrestres.
  - C) de satisfacer cada una de las necesidades terrícolas.
  - D) del modo correcto de evitar el «chatarreo espacial».
  - E) de construir una estación espacial habitable en la Luna.

Se ha contemplado la contaminación espacial del hombre, pero no la del planeta por lo que se pudiera traer del espacio exterior.

Rpta.: A

- 10. Según el texto, el 95% de los objetos enviados fuera de la Tierra desde mediados del siglo XX constituyen «basura espacial». Lo que resulta falso es afirmar que dicha basura
  - A) es resultado de la actividad humana y su irresistible curiosidad por el espacio.
  - B) está constituida por fragmentos de cohetes, satélites de manufactura humana.
  - C) se compone, aproximadamente, de 150 000 fragmentos de diversos tamaños.
  - D) se ha acumulado a lo largo de décadas de exploración y uso del espacio.
  - E) se reduce a equipos y aparatos completos que solo han dejado de funcionar.

#### Solución:

No se trata solo de objetos o aparatos no operativos; se trata en la mayor parte de los casos de fragmentos de los mismos.

Rpta.: E

#### **TEXTO 2**

Intentemos un experimento: preguntémosle a algunas personas corrientes qué quería demostrar Cristóbal Colón cuando pretendía alcanzar el levante por el poniente, y qué se obstinaban en negar los sabios de Salamanca para impedir su viaje. La respuesta en la mayoría de los casos será que Colón consideraba que la Tierra era redonda, mientras que los sabios de Salamanca consideraban que la Tierra era plana y que tras un breve camino las carabelas se precipitarían en el abismo cósmico.

El pensamiento laico decimonónico, irritado por el hecho de que la Iglesia no aceptara la hipótesis heliocéntrica, atribuyó a todo el pensamiento cristiano (patrístico y escolástico) la idea de que la Tierra era plana. El siglo XIX positivista y anticlerical se deleitó con ese cliché que, como ha demostrado Jeffrey Burton Russell (*Inventing the Flat Earth*, Nueva York, 1991), se reforzó en el curso de la lucha de los partidarios de la hipótesis darwiniana contra toda forma de fundamentalismo. Se trataba de demostrar que, así como se habían equivocado sobre la esfericidad de la Tierra, igualmente las iglesias podían equivocarse sobre los orígenes de las especies.

¿Cuál era entonces la materia de discusión en los tiempos de Colón? Era que los sabios de Salamanca habían llevado a cabo cálculos más precisos que los suyos y consideraban que la Tierra, redondísima, era más vasta de lo que creía el genovés y, por lo tanto, era una locura intentar circunnavegarla llegando a oriente pasando por occidente. Colón, en cambio, agitado firmemente por un **fuego sagrado**, buen navegante pero

astrónomo pésimo, pensaba que la Tierra era más pequeña de lo que en realidad era. Naturalmente no él ni los sabios de Salamanca sospechaban que entre Europa y Asia había otro continente. Y, por lo tanto, vean lo complicada que es la vida, y lo sutiles que son los confines entre verdad y error, razón y sinrazón. Teniendo razón, los doctores de Salamanca estaban equivocados; y Colón, estando equivocado, persiguió con constancia el propio error y tuvo razón al final.

- 1. El caso expuesto por el autor tiene el propósito de resaltar
  - A) el pensamiento decimonónico laico, positivista y anticlerical.
  - B) el lío entre Colón y los salmantinos sobre la forma de la Tierra.
  - C) la ironía histórica que supone alcanzar la verdad por el error.
  - D) la superioridad de Cristóbal Colón sobre los sabios de Salamanca.
  - E) lo poco que sabemos de los tiempos de Colón y sus contemporáneos.

### Solución:

El acierto de los salmantinos devino en error; el yerro de Colón, en verdad histórica.

Rpta.: C

- 2. En el texto, la expresión FUEGO SAGRADO connota
  - A) capricho. B) ciencia. C) claridad. D) ob
    - D) obsesión. E) religión.

#### Solución:

Tratándose de Cristóbal Colón y su búsqueda de una vía a las Indias, esta constituyó en él toda una obsesión.

Rpta.: D

- 3. Resulta incompatible con lo desarrollado en el texto asumir que los sabios salmantinos eran partidarios de la idea
  - A) del abismo cósmico.

B) de la esfericidad terrestre.

C) de la Tierra como globo.

D) de llegar a India por oriente.

E) de viajar por levante a India.

#### Solución:

Los sabios salmantinos sabían mejor que Colón las dimensiones de la Tierra; ello implica que la suponían, como este, esférica.

Rpta.: A

- 4. Se infiere del texto que los enemigos decimonónicos de la Iglesia
  - A) alcanzaron el occidente yendo al oriente.
  - B) fueron identificados por Jeffrey Burton Russell.
  - C) pudieron llegar al poniente a través del levante.
  - D) parangonaban los casos de Colón y Darwin.
  - E) preferían a los salmantinos antes que a Colón.

#### Solución:

Es una inferencia directa del segundo párrafo.

Rpta.: D

- **5.** Si el pensamiento laico decimonónico hubiese rechazado el heliocentrismo, probablemente,
  - A) habría rechazado también el evolucionismo.
  - B) lucharía contra toda forma de fundamentalismo.
  - C) recusaría también la esfericidad de la Tierra.
  - D) reivindicaría la teoría darwiniana de las especies.
  - E) tomaría el pensamiento cristiano como un todo.

El pensamiento laico del siglo XIX aceptaba a la par –por la misma razón– el heliocentrismo y el evolucionismo. De rechazar uno, habría rechazado probablemente el otro.

Rpta.: A





Una taza de 2600 años de antigüedad, que desde hace mucho tiempo se está exponiendo en el Museo Arqueológico de Lamia en Grecia, se pensaba que representaba una mezcla aleatoria de los animales. Sin embargo, ahora un grupo de investigadores sugiere que puede contener en realidad una de las primeras representaciones griegas de las constelaciones, según muestra un nuevo análisis publicado en la revista *Hesperia*.

Los investigadores del estudio plantean que otras representaciones artísticas antiguas de animales también pueden remitir a las constelaciones, y dar pistas sobre lo que los antiguos griegos sabían de astronomía, indica el investigador del estudio John Barnes, un estudiante de doctorado de arqueología clásica en la Universidad de Missouri. Para saber más sobre cómo los antiguos griegos veían el cielo, los

investigadores deben **confiar** en las representaciones visuales del cielo, como las que se encuentran en la cerámica, pero estos artefactos son relativamente raros, y lo que queda de ellos por lo general solo muestran uno o dos constelaciones.

Barnes no se propuso encontrar antiguas representaciones de las constelaciones griegas, sino más bien tropezó con esta copa durante su visita al Museo Arqueológico de Lamia. El artefacto, que se remonta al 625 a. C., fue descubierto originalmente en 1990, en una zanja llena de escombros junto a un templo en la Acrópolis de Halai, que se encuentra a unos 40 kilómetros al norte de Tebas, Grecia.

Alrededor de un tercio de la copa de vino (incluyendo un mango) no se encuentra. Lo que queda representa una gran variedad de animales: un toro con solo la parte de atrás conservado, una serpiente, una liebre o un pequeño perro, un perro grande, un escorpión, un delfín y la mitad delantera de una pantera o león.

Lo más probable es que estos animales representen constelaciones, dice Barnes. El toro es Tauro; la serpiente es probablemente Hydra (en lugar de Serpens o Draco, otras dos constelaciones serpiente reconocidas por los griegos); el conejo es Lepus; el perro es el Can Mayor o Canis Minor; el escorpión es Scorpius; el delfín es Delphinus; y el león es Leo.

Curiosamente, Barnes añade que los animales no están dispuestos en la copa en el orden en que aparecen en el cielo. Agrega que él piensa que hay un aspecto estacional de la disposición, con las constelaciones separadas en grupos de otoño, invierno, primavera y verano.

Alexandra Hernández Muro, «Encuentran copa de la antigua Grecia con aparentes dibujos de constelaciones». www.spphimania.pe.(Adaptado)

- 1. Fundamentalmente, el texto vincula
  - A) alfarería y astrología.

B) astrología y zodíaco.

C) religión y alfarería.

D) zodíaco y religión.

E) zoología y astronomía.

#### Solución:

Fragmentos de alfarería de lo que habría sido una copa para vino, con lo que presumiblemente era representación de constelaciones, es lo central de lo que se ocupa el texto.

Rpta.: A

- 2. El antónimo contextual del verbo CONFIAR es
  - - B) ignorar. C) preguntar.

D) restaurar.

E) vituperar.

#### Solución:

A) descreer.

Es claro que en el contexto se trata de que los investigadores consideran –confían– en las representaciones visuales que pueden recuperar. Lo opuesto sería que las ignorasen o no las considerasen.

Rpta.: B

- **3.** Una plausible escena de caza podría ser la lectura o interpretación de los restos hallados si estos se limitaran a las representaciones
  - A) de la serpiente y la liebre.

B) del conejo y el perro grande.

C) del delfín y el escorpión.

D) del escorpión y el perro.

E) del toro y la serpiente.

#### Solución:

Si solo se tratara de la posible representación de un perro grande tras una liebre o conejo, podría pensarse en una elemental escena de caza.

Rpta.: B

- 4. Gráficamente, la hipótesis de John Barnes podría verse reforzada por
  - A) la distancia relativa entre los dibujos de los animales.
  - B) la forma casi semiesférica del cuenco o copa.
  - C) la secuencia de animales mostrada en la copa.
  - D) los colores empleados por los artesanos alfareros.
  - E) los símbolos entre los animales (las cruces, no las letras).

#### Solución:

4-01772-9

Se puede apreciar entre las representaciones de los animales lo que parecen ser pequeñas cruces, que bien podrían representar estrellas; si así fuera, ello reforzaría la hipótesis del doctorando.

Rpta.: E

- 5. Si fuera cierta la hipótesis de Barnes, resultaría falso afirmar que
  - A) es como los griegos veían los cielos una noche cualquiera.
  - B) la copa de las constelaciones pudo tener un propósito ritual.
  - C) los griegos distinguían las constelaciones según las estaciones.
  - D) los griegos ponían nombres de animales a las constelaciones.
  - E) lo que falta de la copa puede que muestre a otros animales.

#### Solución:

Para Barnes, «hay un aspecto estacional en la disposición» de las representaciones. Es claro que difícilmente se verá así el cielo griego en una noche cualquiera.

Rpta.: A

#### SEMANA 8C PLAN LECTOR

#### **TEXTO 1**

Los casos de ayuda mutua entre las termitas, hormigas y abejas son tan conocidos para casi todos los lectores, en especial gracias a los populares libros de Romanes, Büchner y John Lubbock, que puedo limitarme a muy pocas citas. Si tomamos un hormiguero, no solo veremos que todo género de trabajo —la cría de la descendencia, el aprovisionamiento, la construcción, la cría de los pulgones, etc.—, se realiza de acuerdo con los principios de ayuda mutua voluntaria, sino que, junto con Forel, debemos también reconocer que el rasgo fundamental de la vida de muchas especies de hormigas es que cada hormiga comparte y está obligada a compartir su alimento, ya deglutido y en parte digerido, con cada miembro de la comunidad que haya manifestado su demanda de ello. Dos hormigas pertenecientes a dos especies diferentes o a dos hormigueros enemigos, en un encuentro casual, se evitarán la una a la otra. Pero dos hormigas pertenecientes al mismo hormiguero, o a la misma colonia de hormigueros, siempre que se aproximan,

cambian algunos movimientos de antena y «si una de ellas está hambrienta o siente sed, y si especialmente en ese momento la otra tiene el papo lleno, entonces la primera pide inmediatamente alimento». La hormiga a la cual se dirigió el pedido de tal modo, nunca se rehúsa; separa sus mandíbulas, y dando a su cuerpo la posición conveniente, devuelve una gota de líquido transparente, que la hormiga hambrienta sorbe.

La devolución de alimentos para nutrir a otros es un rasgo tan importante de la vida de la hormiga (en libertad) y se aplica tan constantemente, tanto para la alimentación de los camaradas hambrientos como para la nutrición de las larvas, que, según la opinión de Forel, los órganos digestivos de las hormigas se componen de dos partes diferentes; una de ellas, la posterior, se destina al uso especial de la hormiga misma, y la otra, la anterior, principalmente a utilidad de la comunidad. Si cualquier hormiga con el papo lleno, mostrara ser tan egoísta que rehusara alimento a un camarada, la tratarían como enemiga o peor aún. Si la negativa fuera hecha en el momento en que sus congéneres luchan contra cualquier especie de hormiga o contra un hormiguero extraño, caerían sobre su codiciosa compañera con mayor **furor** que sobre sus propias enemigas. Pero si la hormiga no se rehusara a alimentar a otra hormiga perteneciente a un hormiguero enemigo, entonces las congéneres de la última la tratarían como amiga. Todo esto está confirmado por observaciones y experiencias sumamente precisas, que no dejan ninguna duda sobre la autenticidad de los hechos mismos ni sobre la exactitud de su interpretación.

- 1. En el texto, el antónimo contextual de FUROR es
  - A) impaciencia.
- B) exasperación.
- C) violencia.

D) indiferencia.

E) mordacidad.

### Solución:

En el fragmento, el término FUROR significa VEHEMENCIA. Entonces, su antónimo contextual es INDIFIRENCIA porque este significa INSENSIBILIDAD.

Rpta.: D

- 2. El fragmento leído gira en torno a las hormigas y
  - A) los principios de ayuda mutua voluntaria.
  - B) la capacidad de solicitar alimento a otras.
  - C) la práctica de la solidaridad entre ellas.
  - D) sus órganos digestivos fragmentados.
  - E) su obligación de compartir el alimento.

#### Solución:

Kropotkin, en consonancia con Forel, afirma que «el rasgo fundamental de la vida de muchas especies de hormigas es que cada hormiga comparte y está obligada a compartir su alimento, ya deglutido y en parte digerido, con cada miembro de la comunidad que haya manifestado su demanda de ello».

Rpta.: E

- 3. Indique la secuencia correcta de oraciones compatibles (C) e incompatibles (I).
  - i) Las hormigas han suprimido por completo la lucha entre hormigueros.
  - ii) Las hormigas se caracterizan por carecer de formas de comunicación.
  - iii) Las hormigas en cautiverio nutren a otras hormigas constantemente.
  - iv) Naturalistas han confirmado que las hormigas comparten su alimento.

- v) El egoísmo de las hormigas con el papo lleno de alimento es punible.
- A) IICCI
- B) CIICC
- C) IIICC
- D) IIIIC
- E) IICCC

- i) **Incompatible:** Una colonia de hormigas puede luchar contra otra colonia de hormigas.
- ii) **Incompatible:** Las hormigas hambrientas solicitan alimento a las hormigas que tienen el papo lleno
- iii) **Incompatible:** En el texto se especifica que son las hormigas *en libertad* las que practican la devolución de alimentos.
- iv) **Compatible:** En las postrimerías del fragmento se afirma que los naturalistas confirman las hormigas se ayudan obligatoriamente en la alimentación.
- v) **Compatible:** Las hormigas que no comparten el alimento que llevan en sus papos son castigadas severamente.

Rpta.: C

- 4. Se desprende del texto que la solidaridad de las hormigas en la alimentación
  - A) está basada en la convivencia pacífica.
  - B) es una característica privativa de ellas.
  - C) está sujeta al control de la colectividad.
  - D) es producto de la división del trabajo.
  - E) permite que las hormigas sean libres.

#### Solución:

Las hormigas que no comparten el alimento que llevan en el papo son castigadas, incluso con la muerte; es decir, la colonia se encarga de garantizar que la solidaridad en la alimentación se practique obligatoriamente.

Rpta.: C

- 5. Si las hormigas no hubiesen desarrollado la ayuda mutua en la alimentación, posiblemente,
  - A) sería imposible que puedan alimentarse.
  - B) tendrían los órganos digestivos simples.
  - C) la comunidad de hormigas este en guerra.
  - D) estas estarían condenadas a la extinción.
  - E) se exterminarían inexorablemente entre sí.

#### Solución:

Explica Forel que los órganos digestivos de las hormigas se componen de dos partes diferentes: una de ellas, la posterior, se destina al uso especial de la hormiga misma, y la otra, la anterior, principalmente a utilidad de la comunidad.

Rpta.: B

#### **TEXTO 2**

En el lejano norte, los ciervos se reúnen en innumerables rebaños, y aún más al norte, encontramos rebaños de toros almizcleros e incontables sociedades de zorros polares. Las costas del océano están animadas por manadas de focas y morsas, y sus aguas por manadas de animales sociales pertenecientes a la familia de las ballenas; por último, y aun en los desiertos del altiplano del Asia central, encontramos manadas de caballos

salvajes, asnos salvajes, camellos salvajes y ovejas salvajes. Todos estos mamíferos viven en sociedades y en grupos que cuentan, a veces, cientos de miles de individuos, a pesar de que ahora, después de tres siglos de civilización a base de pólvora, quedan únicamente restos lastimosos de aquellas incontables sociedades animales que existían en tiempos pasados. ¡Qué insignificante, en comparación con ella, es el número de los carnívoros! ¡Y qué erróneo, en consecuencia, el punto de vista de aquellos que hablan del mundo animal como si estuviera compuesto solamente de leones y hienas que clavan sus colmillos ensangrentados en la presa! Es lo mismo que si afirmásemos que toda la vida de la humanidad se reduce solamente a las guerras y a las masacres. Las asociaciones y la ayuda mutua son regla en la vida de los mamíferos. La costumbre de la vida social se encuentra hasta en los carnívoros, y en toda esta vasta clase de animales solamente podemos nombrar una familia de felinos (leones, tigres, leopardos, etc.), cuyos miembros realmente prefieren la vida solitaria a la vida social, y solo raramente se encuentran, por lo menos ahora, en pequeños grupos. Además, aun entre los leones, «el hecho más común es cazar en grupos», dice el célebre cazador y conocedor S. Baker. Hace poco, N. Schillings, que estaba cazando en el este del África Ecuatorial, fotografió de noche —al fogonazo repentino de la luz de magnesio— leones que se habían reunido en grupos de tres individuos adultos, y que cazaban en común; por la mañana, contó en el río, adonde durante la seguía acudían de noche a beber los rebaños de cebras, las huellas de una cantidad mayor aún de leones —hasta treinta— que iban a cazar cebras, y naturalmente, nunca, en muchos años, ni Schillings ni otro alguno, oyeron decir que los leones se pelearan o se disputaran la presa. En cuanto a los leopardos, y esencialmente al puma sudamericano, su sociabilidad es bien conocida. El puma, en consecuencia, como lo describió Hudson, se hace amigo del hombre gustosamente. En la familia de los viverridoe, carnívoros que representan algo intermedio entre los gatos y las martas, y en la familia de las martas (marta, armiño, comadreja, garduña, tejón, etc.), también predomina la forma de vida solitaria. Pero puede considerarse plenamente establecido que en épocas no más tempranas que el final del siglo XVIII, la comadreja vulgar (Mustela vulgaris) era más social que ahora; se encontraba entonces en Escocia y también en el cantón de Unterwald, en Suiza, en pequeños grupos. Además, aun entre los leones, «el hecho más común es cazar en grupos», dice el célebre cazador y conocedor S. Baker.

- 1. En el fragmento, el término COMÚN implica
  - A) una acción que persigue el bien de la colectividad.
  - B) un comportamiento caracterizado por el salvajismo.
  - C) la asociación para poder sobrevivir el exterminio.
  - D) una conducta signada por la vida pacífica colectiva.
  - E) una naturaleza eminentemente feroz y antisocial.

#### Solución:

En el contexto, COMÚN hace referencia a que los leones se encontraban cazando en conjunto con la finalidad de poder obtener alimento para cada uno de ellos.

Rpta.: A

- 2. En el texto Kropotkin defiende principalmente la idea de que entre los mamíferos
  - A) se encuentra bien extendida la vida gregaria.
  - B) los casos de salvajismo están disminuyendo.
  - C) la exterminación los empuja a la extinción.
  - D) la pelea salvaje por sus presas está anulada.

E) se evidencia unión para repeler a los leones.

#### Solución:

Kropotkin sostiene que los mamíferos, antes de ser exterminados por el hombre, se caracterizaban por vivir en grupos numerosos, es decir, los caracterizaba la sociabilidad, salvo excepciones.

Rpta.: A

- 3. Es incompatible con el fragmento afirmar que la lucha por la existencia de los mamíferos
  - A) caracteriza la vida de leones y zorros.
  - B) se fundamenta en prácticas colectivas.
  - C) está exenta de prácticas sanguinarias.
  - D) supone enfrentamientos de colectivos.
  - E) implica también coexistencia pacífica.

#### Solución:

La lucha por la existencia de los mamíferos se caracteriza por la cacería en común y la resistencia en conjunto. Obviamente, la cacería supone prácticas sanguinarias.

Rpta.: C

- 4. Se infiere del fragmento que sostener que entre los mamíferos se lleva a cabo una lucha sanguinaria de todos contra todos sin cuartel demostraría
  - A) una actitud anticientífica porque se estaría generalizando un suceso general de la vida de los mamíferos.
  - B) un desatino total porque la lucha por la existencia es una metáfora que excluye de raíz la agresividad.
  - C) que lo más importante es la forma como actúan todos los mamíferos y los hombres en su vida cotidiana.
  - D) miopía en la concepción y estrechez de entendimiento a la luz de la vida en sociedad de los mamíferos.
  - E) un error porque la lucha sanguinaria, según Kropotkin, está totalmente ausente en la lucha por la vida.

#### Solución:

Pensar que la vida de los mamíferos se reduce a la lucha sanguinaria de todos contra todos sin cuartel es un desatino total por no apreciar y comprender que la regla en la vida de estos animales es la ayuda mutua y las asociaciones.

Rpta.: D

- **5.** Si la regla general en la vida de los mamíferos fuera la vida solitaria y el comportamiento salvaje y sanguinario de todos contra todos, entonces,
  - A) la lucha por la vida todavía significaría ayuda mutua.
  - B) la lucha por la existencia sería un suceso misterioso.
  - C) los mamíferos estarían encaminados a la extinción.
  - D) la argumentación de Kropotkin carecería de asidero.
  - E) la hipótesis de Kropotkin aún permanecería intacto.

La argumentación de Kropotkin se basa en la abundancia de evidencias sobre la vida en sociedad de los mamíferos.

Rpta.: D

#### **TEXTO 3**

Las poblaciones de los «perros de las praderas» (Cynomys), en las llanuras de la América del Norte, presentan uno de los espectáculos más atrayentes. Hasta donde el ojo puede abarcar, en la extensión de la pradera se ven, por doquier, pequeños montículos de tierra, y sobre cada uno se encuentra una bestezuela, en conversación animadísima con sus vecinos, valiéndose de sonidos entrecortados parecidos al ladrido. Cuando alguien da la señal de la aproximación del hombre, todos, en un instante, se zambullen en sus pequeñas cuevas, desapareciendo como por encanto. Pero no bien el peligro ha pasado, las bestezuelas salen inmediatamente. Familias enteras salen de sus cuevas y comienzan a jugar. Los jóvenes se arañan y provocan mutuamente, se enojan, se paran graciosamente sobre las patas traseras, mientras los viejos vigilan. Familias enteras se visitan y los senderos bien trillados entre los montículos de tierra demuestran que tales visitas se dan muy a menudo. Dicho más brevemente, algunas de las mejores páginas de nuestros mejores naturalistas están dedicadas a la descripción de las sociedades de los perros de las praderas de América, de las marmotas del Viejo Continente y de las marmotas polares de las regiones alpinas. A pesar de eso, tengo que repetir, respecto a las marmotas lo mismo que dije sobre las abejas. Han conservado sus instintos bélicos, que se manifiestan también en cautiverio. Pero en sus grandes asociaciones, en contacto con la naturaleza libre, los instintos antisociales no encuentran terreno para su desarrollo, y el resultado final es la paz y la armonía. Aun animales tan gruñones como las ratas, que siempre se pelean en nuestros sótanos, son lo bastante inteligentes no solo para no enojarse cuando se entregan al saqueo de las despensas, sino para prestarse ayuda mutua durante sus asaltos y migraciones. Sabido es que a veces hasta alimentan a sus inválidos.

- 1. En el fragmento, la frase CONVERSACIÓN ANIMADÍSIMA entraña
  - A) eliminación del carácter salvaje.
- B) vida entregada a la gandulería.
- C) desarrollo progresivo intelectual.
- D) situación de inminente amenaza.
- E) estimulación del instinto belicoso.

#### Solución:

Según Kropotkin, la vida en sociedad y la ayuda mutua permitió el desarrollo progresivo de la anatomía, de la fisiología, del intelecto y de la moral. Entonces, si estos animales están «conversando animadamente» es porque han desarrollado un sistema de comunicación.

Rpta.: C

- 2. En el fragmento, Kropotkin asevera fundamentalmente que
  - A) los roedores viven en paz y armonía.
  - B) pocos animales tienen instintos bélicos.
  - C) los viejos vigilan y los jóvenes juegan.
  - D) las familias de animales aman el juego.
  - E) los animales libres viven pacíficamente.

Kropotkin sostiene principalmente que diversos animales, en estado de libertad, viven armoniosamente, incluso aquellos que aún conservan sus instintos bélicos.

Rpta.: E

- 3. Es compatible con el fragmento afirmar que las ratas
  - A) son animales anormales.
  - B) practican la solidaridad.
  - C) asaltan a los migrantes.
  - D) son familia de los Cynomys.
  - E) conversan animadamente.

#### Solución:

Las ratas a veces alimentan a sus inválidos.

Rpta.: B

- 4. Se colige del texto que los animales en cautiverio
  - A) forman grandes asociaciones en paz.
  - B) se encuentran en estado de extinción.
  - C) mantienen su conducta pusilánime.
  - D) no desarrollaron un tipo de lenguaje.
  - E) pueden tener conductas antisociales.

#### Solución:

Los animales en libertad no tienen conductas antisociales, sino que viven en paz y armonía.

Rpta.: E

- Si los «perros de las praderas» fuesen indiferentes a la presencia humana, es probable que
  - A) estos jamás necesitarían zambullirse en sus cuevas.
  - B) los hombres los habrían utilizado para alimentarse.
  - C) este los habría llevado ya a un proceso de extinción.
  - D) los perros estarían emparentados con los Cynomys.
  - E) los viejos *Cynomys* no necesitarían estar vigilantes.

#### Solución:

Así como a otras especies de animales.

Rpta.: C

## EVALUACIÓN DE LA AYUDA MUTUA ENTRE LOS ANIMALES Piotr Kropotkin

- 1. A partir de La ayuda mutua entre los animales, se puede concluir que las metáforas
  - A) son utilizadas exclusivamente por los literatos.
  - B) pueden ser utilizadas proficuamente en ciencia.

- C) acarrean inevitablemente confusiones científicas.
- D) son formas sutiles de referirse a casos horribles.
- E) son interpretadas correctamente de forma general.

Es común sostener que la metáfora se utiliza solamente en la práctica literaria. Sin embargo, investigaciones han determinado que la metáfora es un hecho cotidiano. Aún más, se puede utilizar en ciencia, tal es el caso de la metáfora «lucha por la existencia» que utilizó Darwin para referirse a la dependencia de un ser respecto de otro, la cual es resaltada por Kropotkin en *La ayuda mutua entre los animales*.

Rpta.: B

- 2. Según Kropotkin, el método de la inducción se tiene que fundamentar en
  - A) una abundancia de evidencias.
  - B) varias conjeturas verosímiles.
  - C) la voz de algunas autoridades.
  - D) indagaciones de corte teórico.
  - E) la forma de percibir el mundo.

#### Solución:

En la página 39, Kropotkin acude al párrafo titulado «La lucha por la existencia es rigurosísima entre individuos y variedades de una misma especie», y critica que no se encuentra en él aquella abundancia de pruebas y ejemplos que estamos acostumbrados a encontrar en toda la obra de Darwin

Rpta.: A

- 3. Según Huxley, los animales más fuertes, los más ágiles y los más astutos son los que sobreviven únicamente, y estos son los aptos para salir avante en la lucha sin cuartel de todos contra todos. Ante este razonamiento, Kropotkin le refuta aseverando que
  - A) un animal puede ser ágil y astuto pero no fuerte, y aun así podría sobrevivir sin ayuda porque sus atributos le permitirían evitar a los animales más fuertes.
  - B) la lucha sin cuartel de todos contra todos afecta solamente a los menos aptos, es decir, afecta a aquellos animales que se niegan a la migración individual.
  - C) la lucha por la existencia es un factor que no tiene ningún asidero en la realidad, de manera que es una idea descabellada que promueve el racismo.
  - D) los animales que adquirieron costumbres gregarias son más inteligentes, o sea, son más aptos y capaces de defender su territorio los 365 días del año.
  - E) los animales que adquirieron las costumbres de la lucha mutua son los más aptos, aun cuando se trate de animales insignificantes vistos individualmente.

#### Solución:

Muchos animales, como insectos y aves, que individualmente son vulnerables al ataque de sus depredadores, son capaces de resistir y de pasar al ataque cuando están dispuestos en sociedad.

Rpta.: E

**4.** Es incompatible con la lectura sostener que Kropotkin

- A) se halla en las antípodas de Huxley en la concepción de la lucha de las especies.
- B) reconoce que la vida en sociedad de diversos animales les ha sido beneficioso.
- C) recusa que la lucha por la existencia es la única característica de los animales.
- D) rechaza que la abundancia de especies diferentes en una región decante en lucha.
- E) niega la existencia de animales que pueden vivir aislados o en grupos minúsculos.

En el apartado dedicado a las sociedades de los monos, Kropotkin reconoce que los orangutanes viven aislados en grupos de tres o cuatro individuos.

Rpta.: E

- 5. Se deduce del texto que entre la vida en sociedad y el desarrollo de las capacidades intelectuales existe una relación
  - A) directamente proporcional.

B) que no se puede demostrar.

C) que no necesita evidencia.

D) hipotéticamente indiscutible.

E) inversamente proporcional.

#### Solución:

Se desprende de los pasajes de la lectura que la vida en sociedad ha permitido el desarrollo de las capacidades intelectuales de los animales.

Rpta.: A

- **6.** Según Kropotkin, podemos evidenciar arquitectura, calidad de vida, agricultura, división del trabajo y más en la sociedad humana porque
  - A) la iniciativa personal ha excluido la vida en sociedad.
  - B) la naturaleza provee al hombre de hartos alimentos.
  - C) los hombres han sabido valerse de la ayuda mutua.
  - D) los humanos se han beneficiado del individualismo.
  - E) los hombres han exterminado a sus competidores.

#### Solución:

Según Kropotkin, los hormigueros ostentan principios arquitectónicos, buena calidad de vida, agricultura y división del trabajo porque estos han descubierto los beneficios de la ayuda mutua. Entonces, podemos extrapolar plausiblemente estas características a la sociedad humana.

Rpta.: C

- 7. ¿Qué enunciados son compatibles (C) o incompatibles (I) con la lectura? Elija la alternativa que contenga la secuencia correcta.
  - I) La confianza mutua y la inteligencia van de la mano entre las hormigas.
  - II) Las hormigas hacen frente al exterminio porque se ayudan mutuamente.
  - III) Hay insectos que temen la fuerte organización colectiva de las hormigas.
  - IV) Las hormigas pancistas son muertas por hormigas ajenas a su hormiguero.
  - V) Las hormigas se caracterizan por carecer de un sistema de comunicación.

A) ICCCI

B) CICIC

C) CCCII

D) CCCCI

E) CCCCC

#### Solución:

- I) **Compatible:** La sociedad de las hormigas se caracteriza por la ayuda mutua y por la iniciativa personal.
- II) **Compatible:** Las hormigas no sufren gran exterminio por parte de sus depredadores porque su fuerza reside en el apoyo mutuo.
- III) **Compatible:** Forel vació un saco de hormigas en un prado y notó que los grillos se dispersaban abandonando sus nidos al pillaje de las hormigas.
- IV) **Incompatible:** Las hormigas egoístas llegan a ser expulsadas o aniquiladas por las hormigas de su propio hormiguero.
- V) **Incompatible:** Dos hormigas pertenecientes al mismo hormiguero cambian algunos movimientos de antena y se comunican si tienen o no hambre.

Rpta.: C

- 8. Si un naturalista evidenciara que las focas organizadas les declaran la guerra a las manadas de morsas cuando estas ocupan el espacio costero habitual de los primeros, entonces,
  - A) de esta manera quedaría desbaratada la hipótesis de Kropotkin.
  - B) la noción de «lucha por la existencia» alcanzaría el estatus de ley.
  - C) la hipótesis de la Mutual Aid de Kropotkin permanecería incólume.
  - D) este hecho demostraría que las focas no practican la ayuda mutua.
  - E) Darwin habría acertado al afirmar que las especies luchan por su vida.

#### Solución:

La guerra entre morsas y focas en estas condiciones sería un hecho particular que no refutaría la tendencia general de la ayuda mutua, pues podría ser tratada como un hecho excepcional.

Rpta.: C

- 9. Si en el altiplano peruano-boliviano se experimentara una severa sequía de un año de manera que los brotes de ichu disminuyen, entonces
  - A) toda la fauna de aquel lugar se extinguiría inexorablemente por la falta de agua.
  - B) la competencia por hacerse con los escasos brotes de ichu se tornaría en mortal.
  - C) quizás los mamíferos del altiplano se comerían a los más débiles para sobrevivir.
  - D) las aves de aquel lugar tendrían que emigrar y adaptarse a nuevas circunstancias.
  - E) las alpacas salvajes se matarían entre sí para eliminar los posibles competidores.

#### Solución:

Como expone Kropotkin en su obra, cuando acontece un obstáculo natural, en este caso la severa sequía anual, algunos los animales se adaptarían a las nuevas circunstancias y podrían resistir, mientras que otros buscarían un nuevo hábitat y tendrían que adaptarse a la ingesta de un nuevo género de alimentos.

Rpta.: D

- 10. Es compatible con la obra afirmar que, según Kropotkin, algunas especies migran en época de sequía porque
  - A) de esta manera evitarían la competencia por los alimentos.
  - B) la naturaleza las ha programado para que procedan así.
  - C) de esta forma están a salvo de sus posibles depredadores.
  - D) así pueden salvarse del exterminio de sus depredadores.
  - E) pueden adaptarse sin dificultad alguna a un nuevo ambiente.

Según Kropotkin, algunas especies migran en época de seguía para no entrar en competencia por el alimento con otras especies, y de esta manera evitan desatar contiendas sangrientas.

Rpta.: A

## Aritmética **EJERCICIOS DE CLASE Nº 8**

- Si  $\frac{64}{n}$  es una fracción propia e irreductible mayor que  $\frac{4}{15}$ , ¿cuántos valores puede tomar n?
  - A) 97
- B) 79
- C) 88
- D) 83
- E) 93

## Solución:

$$\frac{4}{15} < \frac{64}{n} < 1 \rightarrow 64 < n < 240 : n = \underbrace{65, 67, 69, ..., 239}_{88 \text{ valores}}$$

Rpta.: C

- Sea f una fracción equivalente a  $\frac{13}{15}$ , donde la suma de sus términos es un múltiplo 2. de 91 comprendido entre 1500 y 2100. Halle la cantidad de divisores compuestos del denominador de f.
  - A) 8
- B) 6
- C) 4
- D) 7
- E) 13

Solución:  

$$f = \frac{13k}{15k} \rightarrow S_{términos} = 28k = 91 \therefore k = 13$$

$$1500 < 28k < 2100 \rightarrow 53, 5 < k < 75 : k = 65 \rightarrow f = \frac{13 \times 65}{15 \times 65}$$

Denominador: 
$$D = 13 \times 3 \times 5^2 \rightarrow \text{CD}(D) = 2 \times 2 \times 3 = 12$$
 ::  $CD_{Comp}(D) = 12 - 4 = 8$ 

Rpta.: A

- Si  $\frac{a}{b}$  y  $\frac{c}{d}$  son fracciones irreducibles, además  $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = 2$  y a + c = 20, ¿cuántas 3. fracciones de la forma  $\frac{a}{b}$  se pueden formar?
  - A) 12
- B) 10
- C) 9
- D) 11
- E) 8

Como se tienen dos fracciones irreducibles, sus términos son PESI, y como su suma es un entero, son homogéneas.

b=d: 
$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b} = \frac{20}{b} = 2 \rightarrow b = 10 = d$$

$$\frac{a}{b} = \frac{a}{10} \text{ es irreducible } \rightarrow a \neq \overset{\circ}{2}, \overset{\circ}{5} \rightarrow a = \underbrace{1,3,7,9,11,13,17,19}_{\text{8 valores}}$$

Rpta.: E

- Si n es un entero positivo de dos cifras, ¿cuántas fracciones de la forma 4.  $\frac{n^3 + 2n^2 + 3n + 55}{n+2}$  son irreducibles?
  - A) 86
- B) 87
- C) 77
- D) 76
- E) 66

#### Solución:

Solucion:  

$$\frac{n^3 + 2n^2 + 3n + 55}{n + 2} = n^2 + 3 + \frac{49}{n + 2} \rightarrow n + 2 \neq 7 = \underbrace{14,21,...,98}_{13 \text{ valores}} \land n = \underbrace{10,11,...,99}_{90 \text{ valores}}$$

Por tanto hay 90 - 13 = 77 fracciones irreducibles

Rpta.: C

- ¿Cuántas fracciones irreducibles con numerador 45 existen, tales que el 5. denominador esté comprendido entre 85 y 907?
  - A) 426
- B) 348
- C) 438
- D) 391
- E) 442

#### Solución:

$$f = \frac{45}{d}$$
; 86 < d < 906;  $d \neq 3$ ;  $d \neq 5 \rightarrow \emptyset(45) = 3^{1}(3-1) \cdot 5^{0}(5-1) = 24$ 

$$d = \underbrace{86,\ 88,89}_{\text{3 valores}}, 45(2), \dots, 45(3), \dots, 45(4), \dots, 45(20), \underbrace{901,902,904}_{\text{3 valores}}$$

Cantidad = 18(24) + 6 = 438 : habrá 438 fracciones.

Rpta.: C

- **6.** Al dividir cada una de las siguientes fracciones  $\frac{84}{16}$ ,  $\frac{108}{8}$  y  $\frac{114}{16}$  por una misma fracción irreductible f, se obtienen cocientes que son números enteros. Si f es la mayor fracción posible, determine la suma de sus términos.
  - A) 8
- B) 11
- C) 13
- D) 15
- E) 19

$$\frac{84}{16} \div \mathbf{f} = k_1 \in \mathbb{Z}$$

$$\frac{108}{8} \div \mathbf{f} = k_2 \in \mathbb{Z}$$

$$\rightarrow \mathbf{f} \text{ es divisor común de } \frac{84}{16}, \frac{108}{8}, \frac{114}{16}$$

$$\frac{114}{16} \div \mathbf{f} = k_3 \in \mathbb{Z}$$

y se pide mayor valor posible: 
$$f = MCD\left(\frac{84}{16}, \frac{108}{8}, \frac{114}{16}\right) = MCD\left(\frac{21}{4}, \frac{27}{2}, \frac{57}{8}\right) = \frac{3}{8}$$

Rpta.: B

- 7. Un tanque tiene dos grifos. Uno, en la parte superior, que lo llena en seis horas cuando éste está vacío y otro, en la parte inferior, que lo vacía en ocho horas cuando éste está lleno. Estando el tanque vacío se abre simultáneamente ambos grifos; al cabo de tres horas se cierra el grifo inferior y se vuelve a abrirlo dos horas después. ¿En cuántas horas en total se logrará llenar todo el tanque?
  - A) 18
- B) 13
- C) 19
- D) 16
- E) 17

### Solución:

$$3\left(\frac{1}{6} - \frac{1}{8}\right) + 2\left(\frac{1}{6}\right) + x\left(\frac{1}{6} - \frac{1}{8}\right) = 1 \implies x = 13$$

Luego se llenó el tanque en 18 horas

Rpta.: A

- **8.** Tres reglas de más de un metro de longitud cada una, están uniformemente graduadas cada  $\frac{16}{30}$ ,  $\frac{20}{33}$  y  $\frac{44}{78}$  milímetros respectivamente. Si se les hace coincidir por primera vez en la marca del cero, ¿a qué distancia de la marca del cero coincidirán sus marcas por cuarta vez?
  - A) 85 cm
- B) 50 cm
- C) 56 cm
- D) 52 cm
- E) 44 cm

### Solución:

$$MCM\left(\frac{8}{15}, \frac{20}{33}, \frac{22}{39}\right) = \frac{MCM(8, 20, 22)}{MCD(15, 33, 39)} = \frac{440}{3}mm$$

∴ Coincidirán por cuarta vez en =  $\frac{440}{3}$ (3) 440mm = 44cm

Rpta.: E

Se tiene una viga de madera de  $7\frac{1}{2}$  metros de largo,  $\frac{25}{4}$  metros de ancho y 9.  $\frac{20}{3}$  metros de altura, la cual se divide, sin desperdiciar madera, en cubos iguales cuyas medidas de sus aristas están comprendidas entre  $\frac{1}{7}$  y  $\frac{2}{5}$ . ¿Cuántos metros mide cada una de dichas aristas?

A)  $\frac{1}{8}$ 

B)  $\frac{5}{24}$  C)  $\frac{5}{18}$  D)  $\frac{5}{12}$  E)  $\frac{5}{6}$ 

#### Solución:

Sea m la longitud de la arista de cada cubo, entonces m está contenido en  $\frac{15}{3}$ ,  $\frac{25}{4}$ y  $\frac{20}{3}$ , por tanto es divisor de MCD $\left(\frac{12}{5}, \frac{25}{4}, \frac{20}{3}\right) = \frac{5}{12} \rightarrow m = \frac{5}{12k}, k \in \mathbb{Z}^+$ 

Además:  $\frac{1}{7} < \frac{5}{12k} < \frac{2}{5}$  :  $k = 2 \rightarrow m = \frac{5}{24}$ 

Rpta.: B

10. Una lámina de latón de forma rectangular, cuyo largo mide L cm, se divide a lo largo en tres partes rectangulares desiguales. La primera de largo menor que  $\frac{L}{2}$ , la segunda de largo menor que  $\frac{\mathsf{L}}{\mathsf{7}}$  y la tercera cuyo largo mide 88 cm. Si el largo de las partes obtenidas, es un número entero de centímetros, determine la suma de las cifras del mayor valor que puede tomar L.

A) 14

B) 12

C) 15

D) 17

E) 13

#### Solución:

Sean las partes . a , b y 88 cm 🗦 a+b+88=L

$$a < (L/3)$$
  
 $b < (L/7)$   
entonces  $a + b < (10L/21)$ 

 $\rightarrow$  a < 56 cm;  $\dot{b}$  < 24 cm

De donde: a=55 cm ; b= 23 cm  $\rightarrow$  L<sub>Máx.</sub> = 55+23+88=166 cm Por lo tanto: 1 + 6 + 6 = 13

Rpta.: E

### **EVALUACIÓN DE CLASE Nº 8**

- ¿Cuántas fracciones comprendidas entre  $\frac{19}{43}$  y  $\frac{23}{29}$  son tales que sus términos son 1. números consecutivos?
  - A) 4
- B) 2
- C) 1
- D) 3
- E) 5

$$\frac{19}{43} < \frac{n}{n+1} < \frac{23}{29} \rightarrow 0, 4... < n < 3, 8 : n = 1, 2, 3$$

Clave: D

- 2. ¿Cuántas fracciones propias e irreductibles de denominador 168 existen tales que la suma de sus términos sea múltiplo de 11?
  - A) 9
- B) 4
- D) 5
- E) 6

Solución:

$$f = \frac{n}{168} < 1 \rightarrow n < 168 = 8 \times 3 \times 7 : n \neq 2, 3,7$$

Dato: n+168=11 : n=11+8=19, 41, 85, 107, 151

Rpta.: D

- Si las fracciones  $\frac{\overline{abc}}{231}$  y  $\frac{124}{\overline{bed}}$  son irreducibles y la suma de sus inversas es e-b, 3. halle el valor de e-d.
  - A) 1
- B) 2 C) 3 D) 4

$$\frac{231}{\overline{abc}} + \frac{\overline{bed}}{124} = e - b \rightarrow \overline{abc} = 124 \rightarrow \frac{231 + \overline{2ed}}{124} = e - 2 \rightarrow \underbrace{114e = 679 + d}_{e=6 \land d=5}$$

Rpta.: A

- ¿Para cuántos valores enteros positivos de n menores que 100, la fracción  $\frac{n^2 + 64n}{n^2}$ 4. es reducible?
  - A) 44
- B) 45
- C) 42
- D) 43
- E) 47

$$\frac{n^2 + 64n}{n+1} = n + 63 - \frac{63}{n+1} \rightarrow n + 1 = \overset{0}{7} \vee \overset{0}{3}$$

$$n + 1 = \overset{0}{7} = \underbrace{7,14,21,...,98}_{14 \text{ valores}} \wedge n + 1 = \overset{0}{3} = \underbrace{3,6,9,...,99}_{33 \text{ valores}} \wedge n + 1 = \overset{0}{21} = 21,42,63,84$$

 $\therefore$  # valores de n + 1 = 14 + 33 - 4 = 43

Rpta.: D

- **5.** ¿Cuántas fracciones propias e irreducibles con denominador 5096 existen, tal que el numerador sea mayor a 10?
  - A) 1004
- B) 2012
- C) 1508
- D) 668
- E) 2348

#### Solución:

$$f = \frac{n}{5096} < 1 \rightarrow n < 5096$$
;  $5096 = 2^3.7^2.13 \rightarrow$ 

 $\emptyset(5096) = 2^2(2-1)$ .  $7^1(7-1)$ .  $13^0(13-1) = 2016$  pero no se debe considerar a los números: 1, 3, 5 y 9.

Rpta.: B

- 6. En el estreno de la película "Buscando a Nirvana" de Enrique Mendoza y Alex Wright el día 23 de Febrero del presente año, durante las tres funciones en un cine de Plaza Norte se obtuvo la siguiente recaudación: En la función de matiné S/. 14 210, en vermut S/ 58 058 y en noche S/. 6 496. Si el costo en soles de cada boleto es el mismo y es una cantidad entera comprendida entre 20 y 30, ¿cuál es su valor en soles?
  - A) 29
- B) 25
- C) 23
- D) 27
- E) 21

#### Solución:

Descomponiendo en sus factores primos se tiene:

 $14210 = 2.5.7^2.29$ 

58058 = 2 . 7 . 11 . 13 . 29

 $6496 = 2^5 . 7 . 29$ 

MCD { 14210 ; 58058 ; 6496 } = 2 . 7 . 29 = 406

→ Cantidad de divisores positivos de (406) = {1; 2; 7; 14; 29; 58; 203; 406}.

Como 20 < Divisores positivos de (406) < 30.

→El precio por boleto es de S/. 29.

Rpta.: A

- 7. Un comerciante tiene cierto número de artículos y piensa venderlos de la siguiente manera: los <sup>4</sup>/<sub>5</sub> del total a S/ 60 cada uno y el resto a S/ 40 cada uno. Si a la hora de hacer la venta hizo todo lo contrario, entonces dejó de percibir S/ 3 000. ¿Cuántos soles recibió por la venta?
  - A) 14000
- B) 14500
- C) 18000
- D) 12000
- E) 13800

Sea x: número de artículos.

Piensa vender:  $\frac{4}{5}$ x a S/ 60 cada uno ;  $\frac{1}{5}$ x a S/ 40 cada uno

Vende:  $\frac{4}{5}x$  a S/ 40 cada uno ;  $\frac{1}{5}x$  a S/ 60 cada uno

Por dato:  $\left(\frac{4}{5}x(60) + \frac{1}{5}x(40)\right) - \left(\frac{4}{5}x(40) + \frac{1}{5}x(60)\right) = 3000$ 

(48x+8x)-(32x+12x)=3000

 $56x - 44x = 2800 \implies 12x = 3000 \implies x = 250$ 

Por lo tanto, recibió por la venta:  $\frac{4}{5}(250)(40) + \frac{1}{5}(250)(60) = 56(250) = 14000$ 

Rpta.: A

Carlos en busca de empleo encuentra una vacante en una empresa de Lácteos. Al 8. preguntar por el sueldo que le pagarían, el dueño de la empresa le dijo que su sueldo en soles por día de trabajo sería equivalente a la suma de los términos de la fracción irreductible M, dada por:

$$M = \frac{1}{4} + \frac{1}{28} + \frac{1}{70} + \frac{1}{130} + \dots$$
31 sumandos

Si Carlos aceptó el sueldo que le ofrecieron y empezó a trabajar, ¿cuántos soles recibirá por cuatro días de trabajo?

A) 496

B) 500 C) 620 D) 428

Solución:  

$$M = \frac{1}{1 \times 4} + \frac{1}{4 \times 7} + \frac{1}{7 \times 10} + \frac{1}{10 \times 13} + \dots$$

Dato: 4, 7, 10, 13, . . . . x : son 31 términos Entonces:  $\frac{x-4}{3} + 1 = 31 \longrightarrow x = 94$ 

$$3M = \frac{3}{1 \times 4} + \frac{3}{4 \times 7} + \frac{3}{7 \times 10} + \frac{3}{10 \times 13} + \dots + \frac{3}{91 \times 94}$$

$$3M = \left(1 - \frac{1}{4}\right) + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{7}\right) + \left(\frac{1}{7} - \frac{1}{10}\right) + \left(\frac{1}{10} - \frac{1}{13}\right) + \dots + \left(\frac{1}{91} - \frac{1}{94}\right)$$

$$3M = 1 - \frac{1}{94} = \frac{93}{94}$$

$$M=\frac{31}{94}$$

La suma de los términos de M: 31 + 94 = 125

Por tanto Carlos recibe: 4(125) = 500

Rpta.: B

- **9.** Se tiene un terreno de forma rectangular, cuyas dimensiones son  $\frac{39}{52}$  y  $\frac{34}{85}$  millas. Para cercar este terreno se han colocado postes a igual distancia uno de otro, empezando por una de sus esquinas, de modo tal que la distancia entre poste y poste esté comprendida entre 0,02 y 0,05 millas. ¿Cuál es el número de postes empleados?
  - A) 104
- B) 92
- C) 112
- D) 86
- E) 108

#### Solución:

Sea x la distancia entre los postes

x es divisor de 
$$\frac{39}{52} = \frac{3}{4}$$

x es divisor de  $\frac{34}{85} = \frac{2}{5}$  . Entonces, x es un divisor común de  $\frac{3}{4}$  y  $\frac{2}{5}$ 

$$\wedge MCD\left(\frac{3}{4}, \frac{2}{5}\right) = \frac{1}{20}$$

Luego x es divisor de  $\frac{1}{20}$ . Entonces

$$x = \frac{1}{20d} \land 0,02 < \frac{1}{20d} < 0,05 \implies d = 2 \implies x = \frac{1}{40} \qquad \therefore \text{ # postes} =$$

. # postes =  $\frac{2\left(\frac{2}{5} + \frac{3}{4}\right)}{\frac{1}{40}} = 92$ 

Rpta.: B

**10.** Las dimensiones de un ladrillo que tiene la forma de paralelepípedo son  $\frac{24}{25}$ ;  $\frac{8}{15}$  y

 $\frac{16}{35}$  decímetros respectivamente. ¿Cuántos ladrillos idénticos al mencionado, como mínimo se tendrán que utilizar para formar un cubo compacto?

- A) 3 450
- B) 4 020
- C) 3 906
- D) 3 780
- E) 3 800

N°ladrillos = 
$$\frac{\left(\frac{48}{5}\right)^3}{\left(\frac{24}{25}\right)\left(\frac{8}{15}\right)\left(\frac{16}{35}\right)} = 3780$$

Rpta.: D

# Álgebra EJERCICIOS DE CLASE № 8

- 1. El coeficiente del quinto término del binomio  $\left(ax \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^7$  es -175, determine la suma de coeficientes de  $x + a^{a^2}$ .
  - A) 2<sup>25</sup>
- B) 1
- C) 8<sup>16</sup>
- $D) 2^{50}$
- $E) 4^{50}$

#### Solución:

$$t_{4+1} = {7 \choose 4} (ax)^{7-4} \left( -\frac{1}{\sqrt{5}} \right)^4$$

$$= {7 \choose 4} \frac{a^3}{25} x^3 \Rightarrow \frac{7!}{4!3!} \cdot \frac{a^3}{25} = -175 \Rightarrow \frac{7.6.5.4!}{4!.3.2.1} \cdot \frac{a^3}{25} = -175 \Rightarrow a = -5$$

Para  $(x+a)^{a^2}$ 

 $\therefore \sum \text{coeficientes} = (1-5)^{25} = -4^{25} = -2^{50}.$ 

Rpta.: D

- 2. El desarrollo del binomio  $\left(x^{-8}y+\frac{x^2}{\sqrt[4]{y^{n-4}}}\right)^n$  tiene un término independiente. Determine el valor de  $T=\sqrt{5nq-4}$ , si q representa el lugar que ocupa el término independiente.
  - A) 10
- B) 13
- C) 12
  - D) 9
- E) 11

$$\begin{split} &i) \left( x^{-8}y + \frac{x^2}{\sqrt[4]{y^{n-4}}} \right)^n \to t_{k+1} = C_k^n \left( x^{-8}y \right)^{n-k} \left( \frac{x^2}{\sqrt[4]{y^{n-4}}} \right)^k \\ &\to t_{k+1} = C_k^n \left( x^{-8}y \right)^{n-k} \left( x^2 y^{\frac{4-n}{4}} \right)^k \to t_{k+1} = C_k^n x^{-8(n-k)+2k}. y^{n-k+\left( \frac{4-n}{4} \right)k} \\ ⅈ) - 8(n-k) + 2k = 0 \ \land \ n-k + \left( \frac{4-n}{4} \right)k = 0 \\ &\to k = \frac{4n}{5} \ \land \ n(5-n) = 0 \ \to n = 0 \lor n = 5 \\ &\to n = 5 \to k = 4 \to q = k+1 = 5 \\ &\therefore T = \sqrt{5nq-4} = 11 \end{split}$$

Rpta: E

- La edad de Juan está dada por el grado del segundo término del desarrollo de 3.  $\left(x^2+3x\right)^n\left(x^2-9\right)^{n+3}\left(1-3x^{-1}\right)^n$ , la cual tiene 24 términos. ¿Cuántos años tendrá Juan dentro de 6 años?

  - A) 50 años B) 46 años
- C) 52 años
- D) 48 años
- E) 30 años

Solución:

i) 
$$\left(x^2 + 3x\right)^n \left(x^2 - 9\right)^{n+3} \left(1 - 3x^{-1}\right)^n = x^n \left(x + 3\right)^n \left(x^2 - 9\right)^{n+3} \left(\frac{x - 3}{x}\right)^n = \left(x^2 - 9\right)^{2n+3}$$

ii) N° de Términos= 24 
$$\rightarrow$$
 2n+3+1=24  $\rightarrow$  2n+3=23  $\rightarrow$   $(x^2-9)^{23}$   
iii)  $t_2 = t_{1+1} = {23 \choose 1} (x^2)^{22} (-9) = -207x^{44} \rightarrow Grad(t_2) = 44$ 

iii) 
$$t_2 = t_{1+1} = {23 \choose 1} (x^2)^{22} (-9) = -207x^{44} \rightarrow Grad(t_2) = 44$$

Juan tiene 44 años y dentro de 6 años tendrá 50 años.

Rpta.: A

- 4. De (m+n+2) padres de familias citados para la reunión mensual de una I. E. Estatal, solamente asistieron m padres de familias, donde el valor de m y n se obtienen de la expresión βx<sup>m</sup>y<sup>n</sup> que corresponde al tercer término del desarrollo de M<sup>4</sup>, donde  $M = 64x^{15} - 96x^{10}y^4 + 48x^5y^8 - 8y^{12}$ . ¿Cuántos padres de familias no asistieron a la reunión?
  - A) 12
- B) 9
- C) 10
- D) 8
- E) 11

i) 
$$M = 64x^{15} - 96x^{10}y^4 + 48x^5y^8 - 8y^{12} \rightarrow M = (4x^5 - 2y^4)^3$$
  
 $M^4 = [(4x^5 - 2y^4)^3]^4 \rightarrow M^4 = (4x^5 - 2y^4)^{12}$ 

ii) 
$$t_3 = t_{2+1} = {12 \choose 2} (4x^5)^{10} (-2y^4)^2 = 66(4)^{11} x^{50} y^8 = \beta x^m y^n$$
  
 $\rightarrow \beta = 66(4)^{11}, \ m = 50, \ n = 8$ 

∴ Total de padres de familias citados: m + n + 2 = 60

Número padres de familias que no asistieron: n + 2 = 10

Rpta.: C

- 5. El término central del desarrollo del cociente notable  $\frac{x^{a^3-252}+y^{b^3-138}}{x^a+y^b}$  es el séptimo término y está representado por  $x^c y^d$ . Halle el valor de a+b+c+d.
  - A) 99
- B) 74
- C) 77
- D) 91
- E) 89

#### Solución:

Sea n, el número de términos que tiene el desarrollo del cociente notable y n es impar.

i) 
$$t_c = t_7 = t_{\frac{n+1}{2}} \rightarrow \frac{n+1}{2} = 7 \rightarrow n = 13$$

ii) Por propiedad:

$$\frac{a^3 - 252}{a} = 13 \rightarrow a^3 - 13a - 252 = 0 \rightarrow (a - 7)(a^2 + 7a + 36) = 0 \rightarrow a = 7$$

$$\frac{b^3 - 138}{b} = 13 \rightarrow b^3 - 13b - 13b = 0 \rightarrow (b - 6)(b^2 + 6b + 23) = 0 \rightarrow b = 6$$

iii) 
$$\begin{split} \frac{x^{91} + y^{78}}{x^7 + y^6} &= \frac{(x^7)^{13} + (y^6)^{13}}{x^7 + y^6} \\ t_c &= t_7 = (x^7)^{13-7} (y^6)^6 = x^{42} y^{36} = x^c y^d \to c = 42 \;, \;\; d = 36 \end{split}$$

 $\therefore$  a + b + c + d = 7 + 6 + 42 + 36 = 91.

Rpta.: D

- 6. La expresión ... +  $x^{120}y^{60} + x^{90}y^{70} + ...$  representa el desarrollo del cociente notable de n términos y sea j el lugar que ocupa el término  $x^{60}y^{80}$ . Halle el valor de n + j.
  - A) 17
- B) 20
- C) 18
- D) 15
- E) 22

$$\begin{split} &i) \ \dots + x^{120}y^{60} + x^{90}y^{70} + \dots = \dots + (x^{30})^4(y^{10})^6 + (x^{30})^3(y^{10})^7 + \dots = \frac{(x^{30})^n - (y^{10})^n}{(x^{30}) - (y^{10})} \\ ⅈ) \ t_k = (x^{30})^{n-k}(y^{10})^{k-1} = (x^{30})^4(y^{10})^6 \to n-k = 4 \ \land k-1 = 6 \\ & \to k = 7 \ \land n-7 = 4 \ \to n = 11 \ \to \frac{(x^{30})^{11} - (y^{10})^{11}}{(x^{30}) - (y^{10})} \end{split}$$

iii) El término que ocupa el lugar j es:

$$t_{j} = (x^{30})^{11-j}(y^{10})^{j-1} = x^{60}y^{80} = (x^{30})^{2}(y^{10})^{8}$$

$$\rightarrow 11 - j = 2 \rightarrow j = 9$$

$$\therefore n+j=11+9=20$$

Rpta.: B

7. Al desarrollar el cociente notable  $\frac{x^{ab} - y^b}{x^a - y}$  se tiene que el grado absoluto del quinto

término es 95 y los grados absolutos de los términos disminuyen de 6 en 6. Si el precio de una casaca es (2ab+8) soles, pero por oferta se hace un descuento del 10%, ¿cuál es el precio de oferta de la casaca?

#### Solución:

De 
$$\frac{x^{ab} - y^b}{x^a - y} = \frac{(x^a)^b - y^b}{x^a - y}$$

$$t_5 = (x^a)^{b-5} y^4 = x^{ab-5a} y^4 \rightarrow GA(t_5) = ab - 5a + 4 = 95 \rightarrow ab - 5a = 91$$

$$t_6 = (x^a)^{b-6} y^5 = x^{ab-6a} y^5 \rightarrow GA(t_6) = ab - 6a + 5 = 89 \rightarrow ab - 6a = 84$$
resolviendo  $a = 7$  y  $b = 18$ 

Precio de la casaca: S/2ab+8=2(7)(18) + 8 = S/ 260 Precio de oferta de la casaca: 90%(260) = S/ 234

Rpta.: E

- 8. El precio de un celular está dado por  $[38-C(\sqrt{2})]$  soles, donde  $C(\sqrt{2})$  es el valor numérico de C(x) que representa al cuarto término del cociente notable  $\frac{(x+2)^{21}-(x-2)^{21}}{12x^2+16}$ . ¿Cuánto se debe pagar por la compra de dos celulares idénticos?
  - A) S/ 1076

B) S/ 1116

C) S/588

D) S/1100

E) S/2124

#### Solución:

$$\overline{i) (x+2)^3} - (x-2)^3 = [x+2-(x-2)][(x+2)^2 + (x+2)(x-2) + (x-2)^2]$$

$$= 4[2(x^2+2^2) + x^2 - 4] = 12x^2 + 16$$

ii) 
$$\frac{(x+2)^{21} - (x-2)^{21}}{(x+2)^3 - (x-2)^3} = \frac{[(x+2)^3]^7 - [(x-2)^3]^7}{(x+2)^3 - (x-2)^3}$$
$$C(x) = t_4 = [(x+2)^3]^3 [(x-2)^3]^3 = (x+2)^9 (x-2)^9 = (x^2-4)^9$$
$$C(\sqrt{2}) = [(\sqrt{2})^2 - 4]^9 = -512$$

Precio de un celular:  $[38 - C(\sqrt{2})]$  soles=(38+512) soles =550 soles

Precio de dos celulares: S/1100

Rpta.: D

#### **EVALUACIÓN DE CLASE Nº 8**

- Si los coeficientes de los términos de lugar cinco y siete en ese orden, del desarrollo 1. del binomio  $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^n$  están en la relación de 5 a 2, halle el segundo término.
  - A) 8x
- B)  $x^3$  C)  $16\sqrt{x}$

#### Solución:

i) Sea el binomio  $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^n$ 

$$t_5 = \binom{n}{4} \left(\sqrt{x}\right)^{n-4} \left(\sqrt{x}\right)^{-4} \ \wedge \ t_7 = \binom{n}{6} \left(\sqrt{x}\right)^{n-6} \left(\sqrt{x}\right)^{-6}$$

ii) 
$$\frac{\binom{n}{4}}{\binom{n}{6}} = \frac{5}{2} \Rightarrow \frac{\frac{n!}{(n-4)!4!}}{\frac{n!}{(n-6)!6!}} = \frac{(n-6)!6!}{(n-4)!4!} = \frac{(n-6)!6.5.4!}{(n-4)(n-5)(n-6)!4!} = \frac{5}{2}$$

$$0 = n^2 - 9n + 8 \Rightarrow n = 1 \lor n = 8 \ \rightarrow \ \left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^8$$

$$\therefore \ t_2 = t_{1+1} = \binom{8}{1} \left( \sqrt{x} \right)^7 \left( \sqrt{x} \right)^{-1} = 8x^3.$$

Rpta.: E

- El grado absoluto del término central del desarrollo de  $\left(\sqrt{x} y^3\right)^n$  es 14. Carmen es 2. una estudiante regular de la Facultad de Enfermería que tiene finalizado sus estudios hasta el semestre n. Halle el número de semestres académicos que le faltan a Carmen para concluir sus estudios universitarios, sabiendo que en total son 10 semestres en estudios.
  - A) 3
- B) 4
- C) 5
- D) 2
- E) 6

i) 
$$t_c = t_{\frac{n}{2}+1} = \left(\frac{n}{2}\right) \left(\sqrt{x}\right)^{\frac{n}{2}} \left(-y^3\right)^{\frac{n}{2}}$$

ii) 
$$GA(t_c) = 14 \rightarrow \frac{n}{4} + \frac{3n}{2} = 14 \rightarrow n = 8$$

A Carmen le faltan dos semestres académicos.

Rpta.: D

- 3. Si el lugar que ocupa el término independiente en el desarrollo de  $\left(x^3 + \frac{1}{x^3}\right)^8$  representa el número de hermanos de la familia Quispe, donde la edad del hermano mayor es el término independiente de ese desarrollo y se sabe que las edades de dichos hermanos están en progresión aritmética con razón 3. Halle la edad del hermano menor.
  - A) 58
- B) 70
- C) 40
- D) 36
- E) 46

Solución:

Sea el término 
$$t_{k+1} = {8 \choose k} (x^3)^{8-k} (x^{-3})^k = {8 \choose k} x^{24-3k} x^{-3k}$$
.

En el término independiente, la variable tiene exponente cero  $\rightarrow$  24-6k=0  $\rightarrow$  k=4. La familia tiene k+1=5 hermanos.

El término independiente es:  $\binom{8}{4} = \frac{8!}{4!4!} = 70$ .

La edad del hermano mayor es 70 años y la edad del hermano menor es 58 años.

Rpta.: A

- **4.** En la ecuación  $3 \binom{n}{1} + 21 \binom{n}{2} + 117 \binom{n}{3} + ... + (5^n 2^n) \binom{n}{n} = 1215$ , halle el valor de  $3^{n-1}$ .
  - A) 27
- B) 81
- C) 9
- D) 243
- E) 3

$$\begin{split} &(5^{0}-2^{0})\binom{n}{0}+3\binom{n}{1}+21\binom{n}{2}+117\binom{n}{3}+...+(5^{n}-2^{n})\binom{n}{n}=1215\\ &(5^{0}-2^{0})\binom{n}{0}+(5^{1}-2^{1})\binom{n}{1}+(5^{2}-2^{2})\binom{n}{2}+(5^{3}-2^{3})\binom{n}{3}+...+(5^{n}-2^{n})\binom{n}{n}=1215\\ &\left[1\binom{n}{0}+5\binom{n}{1}+5^{2}\binom{n}{2}+...+5^{n}\binom{n}{n}\right]-\left[1\binom{n}{0}+2\binom{n}{1}+2^{2}\binom{n}{2}+...+2^{n}\binom{n}{n}\right]=1215\\ &(1+5)^{n}-(1+2)^{n}=1215\to 3^{n}(2^{n}-1)=3^{4}(2^{4}-1)\to n=4\to 3^{n-1}=27. \end{split}$$

Se dan 4 generaciones y para llenarse el contenedor se tarda 4(15 min)=1hora

Rpta.: A

- 5. El sueldo mensual de Luis está dado por la suma de los exponentes de los términos del desarrollo del binomio  $(x^5 + 3x^{-2})^{30}$ . Si Luis gasta mensualmente el 60% de su sueldo y el resto de dinero lo ahorra, ¿cuánto tendrá ahorrado Luis al cabo de seis meses?
  - A) S/ 3340 B) S/ 3240
- C) S/ 3348 D) S/ 3560
- E) S/ 3200

Solución:

$$i) \left(x^{5} + 3x^{-2}\right)^{30} = {30 \choose 0}^{30} (x^{5})^{30} + {30 \choose 1}^{30} (x^{5})^{29} (3x^{-2}) + {30 \choose 2}^{30} (x^{5})^{28} (3x^{-2})^{2} + \dots$$

$$+ {30 \choose 29}^{30} (x^{5}) (3x^{-2})^{29} + {30 \choose 30}^{30} (3x^{-2})^{30}$$

ii) 
$$\sum$$
 exponentes =  $5(30) + 5(29) - 2(1) + 5(28) - 2(2) + ... + 5(1) - 2(29) - 2(30)$   
=  $5(30 + 29 + 28 + ... + 1) - 2(1 + 2 + ... + 29 + 30)$   
=  $\frac{5(30)(31)}{2} - \frac{2(30)(31)}{2} = \frac{3(30)(31)}{2} = 1395$ 

Luis gana mensualmente: S/1395

Luis ahorra mensualmente: 40%(1395)=S/558

∴ Por lo tanto en seis meses tendrá 6(558) = S/ 3348

Rpta.: C

- 6. Si S(x) es el séptimo desarrollo del cociente notable  $\frac{(x+1)^{12}(x^2-x+1)^{12}-(x-1)^{12}(x^2+x+1)^{12}}{2(x^3+1)-2}$ , halle el coeficiente del cuarto término de  $S(x)(x^3-1)^{-1}$ 
  - A) 10
- B) 20
- C) -10 D) -20
- E) 60

$$i) \; \frac{(x+1)^{12}(x^2-x+1)^{12}-(x-1)^{12}(x^2+x+1)^{12}}{2x^3} = \frac{(x^3+1)^{12}-(x^3-1)^{12}}{(x^3+1)+(x^3-1)}$$

ii) 
$$S(x) = t_7 = (x^3 + 1)^{12-7}(x^3 - 1)^{7-1} = (x^6 - 1)^5(x^3 - 1)$$

$$\rightarrow$$
  $S(x)(x^3-1)^{-1} = (x^6-1)^5(x^3-1)(x^3-1)^{-1} = (x^6-1)^5$ 

iii) El cuarto término de  $(x^6 - 1)^5$  es :

$$t_4 = {5 \choose 3} (x^6)^{5-3} (-1)^3 = -10x^{12}$$

∴ El coeficiente del cuarto término es −10.

Rpta.: C

En el cociente notable  $\frac{x^{153}-y^{34}}{x^9-y^2}$  el grado absoluto del término que ocupa el lugar 7.

k, excede en 42 al grado absoluto del término que ocupa el lugar k contado a partir del extremo final. Halle el grado absoluto del término que ocupa el lugar k+2.

- A) 109
- B) 95
- C) 67
- D) 116
- E) 102

Solución:

$$\frac{x^{153} - y^{34}}{x^9 - y^2} = \frac{(x^9)^{17} - (y^2)^{17}}{x^9 - y^2}$$

i) 
$$t_k = (x^9)^{17-k} (y^2)^{k-1} = x^{153-9k} y^{2k-2} \rightarrow GA(t_k) = 151-7k$$

$$t_k = (y^2)^{17-k} (x^9)^{k-1} = y^{34-2k} x^{9k-9} \rightarrow GA(t_k) = 25 + 7k$$

$$\rightarrow$$
 k = 6 y k + 2 = 8

$$\rightarrow$$
 k = 6 y k + 2 = 8  
iii) t<sub>8</sub> =  $(x^9)^{17-8}(y^2)^{8-1} = x^{81}y^{14}$ 

$$\rightarrow$$
 GA( $t_8$ ) = 81+14 = 95

Rpta.: B

- El número de vehículos vendidos mensualmente por la empresa MITSHUE es 10V, 8. siendo V, el valor absoluto de la suma de los cubos de las soluciones enteras del conjunto solución de la inecuación  $(|x+1|^{18}-|x+1|^{17}+...-|x+1|+1)(x^2+2x) \le 0$ . ¿Cuántos vehículos vendió mensualmente la empresa?
  - A) 80
- B) 100
- C) 180
- D) 90
- E) 20

$$\begin{split} &(|x+1|^{18}-|x+1|^{17}+...-|x+1|+1)(x^2+2x)\leq 0\\ &(|x+1|^{18}-|x+1|^{17}+...-|x+1|+1)(x+2)x\leq 0\\ &\frac{|x+1|^{19}+1}{|x+1|+1}(|x+1|+1)(|x+1|-1)\leq 0 \to (|x+1|^{19}+1)(|x+1|-1)\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -1\leq x+1\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to |x+1|\leq 1 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0$$
 &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0\\ &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0 &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0 &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0 &|x+1|-1\leq 0 \to -2\leq x\leq 0

Vendió 10V=90 vehículos.

4-63730-9

Rpta.: D

# Trigonometría EJERCICIOS DE LA SEMANA Nº 8

- Simplifique la expresión sec 60° (sen 20° + 2 sen 50° ⋅ sen 20°).
  - A)  $\frac{3}{4}$  B)  $\frac{3}{2}$  C)  $\sqrt{3}$  D)  $\frac{3}{8}$

- E) 1

#### Solución:

sec 60° [sen (40° - 20°) + 2 sen 50° · sen 20°)

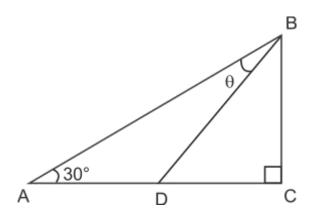
- = sec 60° (sen 40° cos 20° sen 20° cos 40° + 2 cos 40° · sen 20°)
- $= \sec 60^{\circ} (\sec 40^{\circ} \cos 20^{\circ} + \cos 40^{\circ} \cdot \sec 20^{\circ})$
- = sec 60° ·sen 60°
- = tg60°
- $=\sqrt{3}$ .

Rpta.: C

Con la información dada en la figura, si AD = DC, calcule  $tg\theta$ .



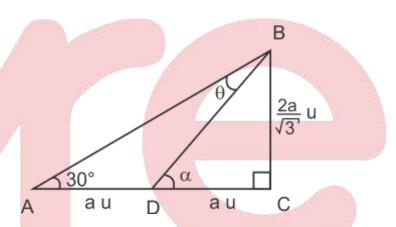
- B)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- C)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$
- D)  $\frac{\sqrt{3}}{5}$
- E)  $\frac{\sqrt{3}}{6}$



#### Solución:

$$\alpha = \theta + 30^{\circ} \implies \theta = \alpha - 30^{\circ}$$

$$\Rightarrow tg\theta = \frac{\frac{2}{\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 + (\frac{2}{\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{\sqrt{3}})} = \frac{\sqrt{3}}{5}.$$



Rpta.: D

3. Si 
$$tg(20^{\circ} + x) = \frac{3}{5}$$
, calcule  $tg(155^{\circ} + x)$ .  
A) -1 B)  $-\frac{1}{2}$  C)  $-\frac{1}{3}$  D)  $-\frac{1}{4}$ 

### Solución:

$$155^{\circ} = 135^{\circ} + 20^{\circ}, \ tg135^{\circ} = -1$$

Como Luego, 
$$tg(155^{\circ} + x) = tg(135^{\circ} + (20^{\circ} + x)) = \frac{tg135^{\circ} + tg(20^{\circ} + x)}{1 - tg135^{\circ} \cdot tg(20^{\circ} + x)}$$

$$= \frac{-1 + \frac{3}{5}}{1 - (-1)\left(\frac{3}{5}\right)} = -\frac{1}{4}$$

Rpta.: D

Una partícula se desplaza del punto A hacia el segmento OB 4. en sentido antihorario, siguiendo una trayectoria del arco de una circunferencia con centro el

origen de coordenadas, como se muestra en la figura. Calcule la tangente del ángulo determinado por el desplazamiento de la partícula.

- B) -15
- D) -16

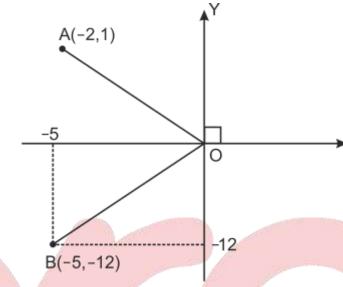


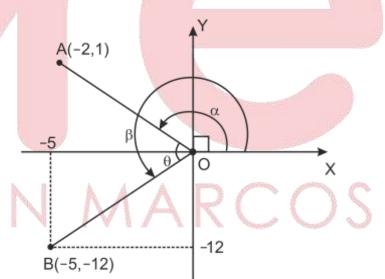
Del gráfico  $\theta = \beta - \alpha$ 

$$\Rightarrow tg\theta = \frac{tg\beta - tg\alpha}{1 + tg\beta tg\alpha}$$

$$\Rightarrow tg\theta = \frac{\frac{12}{5} - \left(\frac{-1}{2}\right)}{1 + \left(\frac{12}{5}\right)\left(-\frac{1}{2}\right)}$$

$$\therefore \operatorname{tg} \theta = -\frac{29}{2}$$





Rpta.: A

5. La suma de tres ángulos  $\alpha$ ,  $\beta$  y  $\gamma$  es igual a cien vueltas y media. Calcule el valor de la expresión

$$\frac{\cos\alpha\cdot\cos\gamma-\text{sen}(\alpha+\beta)\cdot\text{sen}(\gamma+\beta)}{\cos\alpha\cdot\text{sen}\gamma-\text{sen}(\beta+\gamma)\cdot\cos(\alpha+\beta)}$$

- A) tgβ
- B)  $-tg\alpha$  C)  $-ctg\beta$  D)  $tg\alpha$  E)  $-ctg\gamma$

De la condición  $\alpha + \beta + \gamma = 100(2\pi) + \pi = 201\pi$ 

$$sen(\alpha + \beta) = sen\gamma$$
,  $sen(\gamma + \beta) = sen\alpha$ ,  $cos(\alpha + \beta) = -cos\gamma$ 

Luego

$$\begin{split} \frac{\cos\alpha \cdot \cos\gamma - \text{sen}(\alpha + \beta) \cdot \text{sen}(\gamma + \beta)}{\cos\alpha \cdot \text{sen}\gamma - \text{sen}(\beta + \gamma) \cdot \cos(\alpha + \beta)} &= \frac{\cos\alpha \cdot \cos\gamma - \text{sen}\gamma \cdot \text{sen}\alpha}{\cos\alpha \cdot \text{sen}\gamma - \text{sen}\alpha(-\cos\gamma)} \\ &= \frac{\cos\alpha \cdot \cos\gamma - \text{sen}\gamma \cdot \text{sen}\alpha}{\cos\alpha \cdot \text{sen}\gamma + \text{sen}\alpha \cdot \cos\gamma} \\ &= \frac{\cos(\alpha + \gamma)}{\text{sen}(\alpha + \gamma)} &= \frac{-\cos\beta}{\text{sen}\beta} = -\text{ctg}\beta. \end{split}$$

Rpta.: C

Calcule el máximo valor que puede tomar la expresión 6.

$$\frac{4\cos^{2}(y-90^{\circ})\cdot\cos^{2}x\cdot sen(x+y)}{sen^{2}y+sen^{2}(x+y)+cos^{2}x-1},$$

si  $x, y \in [0, \frac{\pi}{2}]$  y son diferentes.

A) 3

B) -1

C) 1

D) -2

E) 2

#### Solución:

$$\begin{split} & L = \frac{4\cos^{2}(y - 90^{\circ}) \cdot \cos^{2}x \cdot \text{sen}(x + y)}{\text{sen}^{2}y + \text{sen}^{2}(x + y) + \cos^{2}x - 1} = \frac{4\sin^{2}y \cdot \cos^{2}x \cdot \text{sen}(x + y)}{\sin^{2}y + \sin^{2}(x + y) - \sin^{2}x} \\ & = \frac{4\sin^{2}y \cdot \cos^{2}x \cdot \text{sen}(x + y)}{(\sin^{2}y - \sin^{2}x) + \sin^{2}(x + y)} = \frac{4\sin^{2}y \cdot \cos^{2}x \cdot \text{sen}(x + y)}{\sin(y - x) \cdot \sin(x + y) + \sin^{2}(x + y)} \\ & = \frac{4\sin^{2}y \cdot \cos^{2}x}{\sin(y - x) + \sin(x + y)} = \frac{4\sin^{2}y \cdot \cos^{2}x}{2\sin y \cdot \cos x} \\ \Rightarrow L & = 2\sin y \cdot \cos x , x, y \in [0, \frac{\pi}{2}] \end{split}$$

Luego el valor máximo que puede tomar L es 2.

Rpta.: E

- Si  $tg\beta = 3tg\alpha$ , simplifique la expresión  $\frac{2sen\alpha \cdot cos\beta}{cos(\beta-\alpha)}(1+tg\alpha \cdot tg\beta)+tg\alpha$ . 7.
  - A)  $sen(\alpha-\beta)$  B)  $ctg\beta$
- C)  $\cos(\alpha+\beta)$  D)  $tg\beta$
- E)  $tg(\beta-\alpha)$

$$\begin{split} \frac{sen\beta}{cos\beta} = & \frac{3sen\alpha}{cos\alpha} \Rightarrow sen\beta \cdot cos\alpha = 3cos\beta \cdot sen\alpha \\ \Rightarrow sen\beta \cdot cos\alpha - cos\beta \cdot sen\alpha = 2cos\beta \cdot sen\alpha \\ \Rightarrow sen(\beta - \alpha) = 2cos\beta \cdot sen\alpha. \\ \text{Luego,} \\ \frac{sen(\beta - \alpha)}{cos(\beta - \alpha)} (1 + tg\alpha \cdot tg\beta) + tg\alpha = tg(\beta - \alpha) \cdot (1 + tg\alpha \cdot tg\beta) + tg\alpha \\ = & \frac{tg\beta - tg\alpha}{1 + tg\beta \cdot tg\alpha} (1 + tg\alpha \cdot tg\beta) + tg\alpha \\ = & tg\beta. \end{split}$$

Rpta.: D

Si atg $\alpha = \frac{1 + a\cos^2\beta}{\operatorname{sen}\beta \cdot \cos\beta}$ , calcule el valor de la expresión

$$\frac{\operatorname{tg}(\alpha+\beta)\cdot\operatorname{tg}\beta+2}{1-a^2}.$$

A) 
$$\frac{-1}{1+a}$$
 B)  $\frac{1}{1-a}$  C)  $\frac{a}{1-a}$  D)  $\frac{1}{1+a}$  E)  $\frac{-1}{1-a}$ 

B) 
$$\frac{1}{1-a}$$

C) 
$$\frac{a}{1-a}$$

D) 
$$\frac{1}{1+a}$$

E) 
$$\frac{-1}{1-a}$$

#### Solución:

$$a\frac{sen\alpha}{cos\alpha} = \frac{1 + acos^{2}\beta}{sen\beta \cdot cos\beta} \Rightarrow asen\alpha \cdot sen\beta \cdot cos\beta = cos\alpha + acos\alpha \cdot cos^{2}\beta$$
$$\Rightarrow acos\beta(sen\alpha \cdot sen\beta - cos\alpha \cdot cos\beta) = cos((\alpha + \beta) - \beta)$$
$$\Rightarrow -acos\beta \cdot cos(\alpha + \beta) = cos(\alpha + \beta) \cdot cos\beta + sen(\alpha + \beta) \cdot sen\beta$$
$$\Rightarrow -a = 1 + tg(\alpha + \beta) \cdot tg\beta$$

$$\Rightarrow \frac{\operatorname{tg}(\alpha+\beta)\cdot\operatorname{tg}\beta+2}{1-a^2} = \frac{1-a}{1-a^2} = \frac{1}{1+a}.$$

Rpta.: D

9. Si 
$$A = \frac{(1+ tg \ 22^\circ)(1+ tg \ 23^\circ)}{(1+ tg \ 25^\circ)(1+ tg \ 20^\circ)} \quad \text{y} \quad B = \frac{\sqrt{3} \, sen 50^\circ - cos 50^\circ}{sen 25^\circ - cos 25^\circ} \ ,$$

calcule el valor de la expresión  $\frac{A^2 + B^2}{B^2 - 1}$ .

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D)  $\frac{1}{3}$  E)  $\frac{2}{3}$

Se tiene que

$$\alpha + \beta = 45^{\circ} \implies tg(\alpha + \beta) = \frac{tg\alpha + tg\beta}{1 - tg\alpha \cdot tg\beta} \implies tg\alpha + tg\beta + tg\alpha \cdot tg\beta = 1$$

Luego aplicando en la expresión A

$$A = \frac{1 + tg\ 23^{\circ} + tg\ 22^{\circ} + tg\ 23^{\circ} \cdot tg\ 22^{\circ}}{1 + tg\ 20^{\circ} + tg\ 25^{\circ} + tg\ 25^{\circ} \cdot tg\ 20^{\circ}} = \frac{1 + 1}{1 + 1} = 1$$

Desarrollando la expresión B

$$B = \frac{2[\frac{\sqrt{3}}{2} \operatorname{sen} 50^{\circ} - \frac{1}{2} \cos 50^{\circ}]}{\sqrt{2}[\frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{sen} 25^{\circ} - \frac{1}{\sqrt{2}} \cos 25^{\circ}]} = \frac{2[\cos 30^{\circ} \operatorname{sen} 50^{\circ} - \operatorname{sen} 30^{\circ} \cos 50^{\circ}]}{\sqrt{2}[\cos 45^{\circ} \operatorname{sen} 25^{\circ} - \operatorname{sen} 45^{\circ} \cos 25^{\circ}]}$$
$$= \frac{2 \operatorname{sen} 20^{\circ}}{-\sqrt{2} \operatorname{sen} 20^{\circ}} = -\sqrt{2}$$

Finalmente, haciendo los reemplazos  $\frac{A^2 + B^2}{R^2 - 1} = \frac{1 + 2}{2 - 1} = 3$ .

Rpta.: C

- **10.** Si se verifica que  $tg^2y + msen x \cdot sec y + 1 = 0$  y (tgx + ctg x)(tgy + ctg y) = n, halle sen(x+y).
  - A)  $2m(n+m^2)$  B)  $\frac{2n}{m}$  C)  $\frac{2m}{n}$  D)  $-\frac{n+m^2}{mn}$  E)  $\frac{n+m^2}{mn}$

Solución:
De la primera condición se tiene

$$\sec^2 y = -m \sec x \cdot \sec y \implies \sec x \cos y = \frac{-1}{m}$$
 (1)

De la segunda condición se tiene

$$\sec x \cdot \csc x \cdot \sec y \cdot \csc y = n \implies \sec x \cdot \csc x \cdot \sec y \cdot \csc y = n$$

$$\frac{1}{\operatorname{sen} x \cdot \cos y \cdot \operatorname{sen} y \cdot \cos x} = n \tag{2}$$

De (1) y (2) se tiene

$$-m=n\cdot seny\cos x \Rightarrow seny\cos x = -\frac{m}{n}$$

Luego, 
$$sen(x+y) = -\frac{1}{m} - \frac{m}{n} = -\frac{n+m^2}{mn}$$

Rpta.: D

### **EVALUACIÓN DE CLASE Nº 8**

1. En un triángulo ABC se cumple que:

 $sen A = m \cdot sen B \cdot sen C$  y  $cos A = m \cdot cos B \cdot cos C$ 

Calcule tqA.

- A) m+1
- B) m-1
- C) m+2
- D) m-2
- E) 1-m

#### Solución:

De la condición

 $\cos A - \sin A = m(\cos B \cdot \cos C - \sin B \cdot \sec C) = m \cdot \cos (B + C)$ 

$$=m \cdot \cos(180^{\circ} - A) = -m \cdot \cos A$$

 $\Rightarrow$  (m+1)cos A = sen A  $\Rightarrow$  tg A = m + 1.

Rpta.: A

2. En un triángulo rectángulo ABC, recto en B, AB = c u, BC = a u y AC = b u ; se traza la mediana AM y la altura BH, formando el ángulo agudo x. Halle tg x en términos de los lados del triángulo.

A) 
$$\frac{a^2+c^2}{ac}$$

B) 
$$\frac{b^2 + c}{ac}$$

C) 
$$\frac{b^2-c^2}{ac}$$

A) 
$$\frac{a^2+c^2}{ac}$$
 B)  $\frac{b^2+c^2}{ac}$  C)  $\frac{b^2-c^2}{ac}$  D)  $\frac{a^2+c^2}{ab}$  E)  $\frac{b^2-c^2}{abc}$ 

E) 
$$\frac{b^2-c^2}{abc}$$

#### Solución:

Del gráfico

$$x = \theta + \beta$$
,  $tg\theta = \frac{a}{2c}$ ,

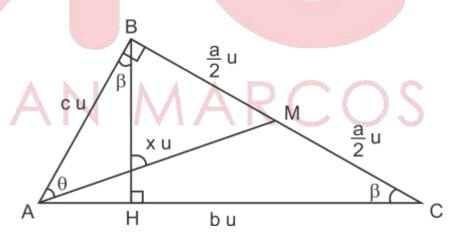
$$tg\beta = \frac{c}{a}, a^2 + c^2 = b^2$$

$$\Rightarrow tgx = \frac{tg\theta + tg\beta}{1 - tg\theta \cdot tg\beta}$$

$$\Rightarrow tgx = \frac{\frac{a}{2c} + \frac{c}{a}}{1 - \left(\frac{a}{2c}\right)\left(\frac{c}{a}\right)}$$

$$\Rightarrow tgx = \frac{b^2 + c^2}{ac}$$
.

Semana Nº 8



Rpta.: B

3. Con la información dada en la figura, halle el valor de la expresión 377 sen x.

- A) -176
- B) 176
- C) 228
- D) -352
- E) 352

- I) Calculando, a = -12
- II) Calculando b:  $b^2 + (b-1)^2 = 29^2$

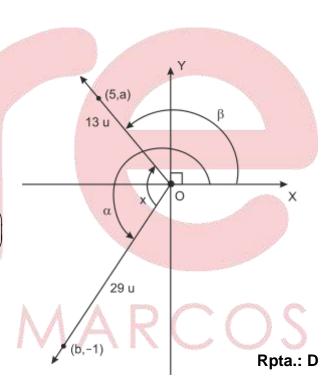
$$\Rightarrow$$
 b=-20

Además,  $\alpha = \beta - x \implies x = \beta - \alpha$ 

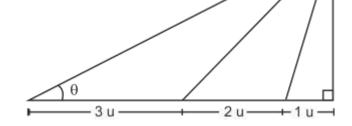
Luego,  $sen x = sen \beta cos \alpha - cos \beta sen \alpha$ 

$$= \left(\frac{5}{13}\right) \left(\frac{-20}{29}\right) - \left(-\frac{12}{13}\right) \left(-\frac{21}{29}\right)$$

 $\therefore$  377 sen x = -352.



- **4.** Considerando la figura dada, determinar el valor  $tg\theta$ .
  - A) 4
- B) 2
- C) 0,5
- D) 0,6
- E) 0,25

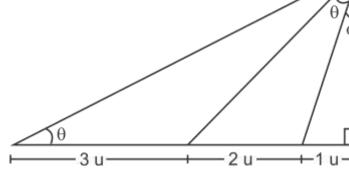


**Tenemos** 

$$tg\theta = \frac{x}{6}, tg(\theta + \alpha) = \frac{3}{x}, tg\alpha = \frac{1}{x}$$

$$\frac{3}{x} = tg(\theta + \alpha) = \frac{tg\theta + tg\alpha}{1 - tg\theta \cdot tg\alpha}$$

$$= \frac{\frac{x}{6} + \frac{1}{x}}{1 - \left(\frac{x}{6}\right)\left(\frac{1}{x}\right)}$$



$$\Rightarrow$$
 15= $x^2$ +6  $\Rightarrow$  x=3

$$\therefore tg\theta = \frac{3}{6} = 0.5.$$

Rpta.: C

x u

Si  $\alpha + \beta + \gamma = \frac{4\pi}{9}$ , simplifique la expresión

$$\frac{tg(\alpha+20^\circ)\cdot ctg(80^\circ-\beta)\cdot tg(\gamma+70^\circ)}{tg(\alpha+20^\circ)+tg(\beta+10^\circ)+ctg(20^\circ-\gamma)} \ + \ tg(\alpha+10^\circ)\cdot tg\beta \ + \ tg(\alpha+10^\circ)\cdot tg\gamma + tg\beta\cdot tg\gamma \ .$$

D)  $tg\alpha + tg\beta + tg\gamma$ 

B) 1 E)  $ctg\alpha + ctg\beta$ 

C) 2

#### Solución:

Se tiene que 
$$\alpha + \beta + \gamma = 80^{\circ} \Rightarrow \begin{cases} \alpha + 10^{\circ} + \beta + \gamma = 90^{\circ} \\ (\alpha + 20^{\circ}) + (\beta + 10^{\circ}) + (\gamma + 70^{\circ}) = 180^{\circ} \end{cases}$$
 (2)

De (1) se tiene que

$$tg(\alpha+10^{\circ})\cdot tg\beta+tg(\alpha+10^{\circ})\cdot tg\gamma+tg\beta\cdot tg\gamma=1$$

De (2) se tiene que

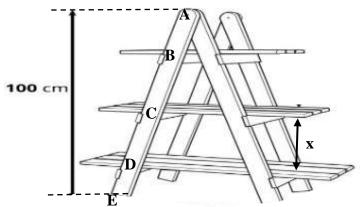
$$\frac{tg(\alpha+20^{\circ})\cdot ctg(80^{\circ}-\beta)\cdot tg(\gamma+70^{\circ})}{tg(\alpha+20^{\circ})+tg(\beta+10^{\circ})+ctg(20^{\circ}-\gamma)}=1$$

$$\label{eq:total_equation} \therefore \ \frac{tg(\alpha + 20^\circ) \cdot ctg(80^\circ - \beta) \cdot tg(\gamma + 70^\circ)}{tg(\alpha + 20^\circ) + tg(\beta + 10^\circ) + ctg(20^\circ - \gamma)} \ + \ tg(\alpha + 10^\circ) \cdot tg\beta + tg(\alpha + 10^\circ) \cdot tg\gamma + tg\beta \cdot tg\gamma = 2.$$

Rpta.: C

# Geometría EJERCICIOS DE CLASE Nº 8

- 1. En la figura, la escalera tiene las siguientes medidas 6AB = 3BC = 4CD = 12DE. Halle x.
  - A) 40 cm
  - B) 56 cm
  - C) 30 cm
  - D) 40 cm
  - E) 50,5 cm

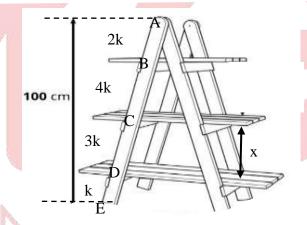


#### Solución:

A) TEOREMA DE THALES

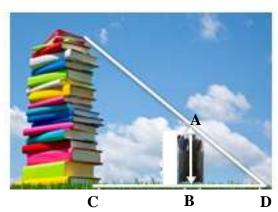
$$\frac{3k}{10k} = \frac{x}{100}$$

$$x = 30 \text{ cm}$$



Rpta.: C

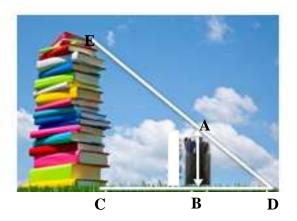
- 2. En la figura, BD = 8 cm, BC = 16 cm y AB = 18 cm, halle la altura de la pila de libros situados en el césped.
  - A) 58 cm
  - B) 56 cm
  - C) 59 cm
  - D) 54 cm
  - E) 59,5 cm



1)  $\Delta ECD \sim \Delta ABD(AAA)$ 

$$\frac{EC}{18} = \frac{24}{8}$$

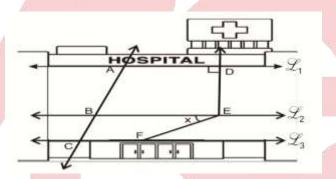
$$ED = 54 \text{ cm}$$



Rpta.: D

**3.** En la figura,  $\mathcal{L}_1 // \mathcal{L}_2 // \mathcal{L}_3$ . Si 3AB = 7BC, DE = 2.8 m y EF = 1.5 m, halle x.

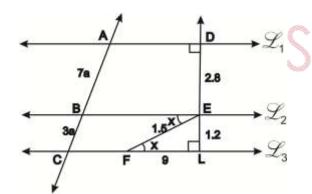
- A) 30°
- B) 37°
- C) 45°
- D) 53°
- E) 60°



#### Solución:

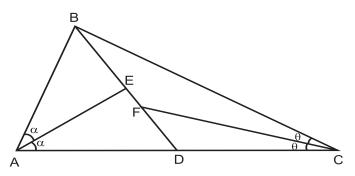
$$L_2 // L_3 : mEFL = x$$

2) Teorema de Thales : 
$$\frac{EL}{2.8} = \frac{3a}{7a}$$
,  
EL = 1.2 cm



Rpta.: D

- 4. En la figura, AD = DC, 2BC = 3AB, BE = 12 cm y EF = 4 cm. Halle DF.
  - A) 36 cm
  - B) 40 cm
  - C) 32 cm
  - D) 30 cm
  - E) 48 cm



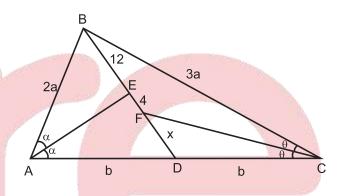
1) ABAD: Teorema Bisectriz interior

$$\frac{2a}{b} = \frac{12}{4+x}$$

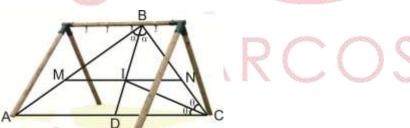
2) ABCD: Teorema Bisectriz interior

$$\frac{3a}{b} = \frac{16}{x}$$

3) De (1) y (2): x = 32 cm



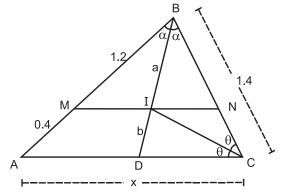
- Rpta.: C
- 5. En la figura,  $\overline{MN} // \overline{AC}$ , BM = 3AM = 1.2 m y BC = 1.4 m. Halle AC.
  - A) 1 m
  - B) 1,6 m
  - C) 0,9 m
  - D) 8,5 m
- m A



E) 9,5 m

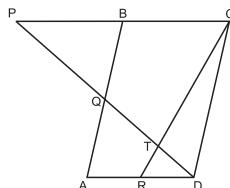
### Solución:

- 1) I: Incentro ABC
- 2)  $\overline{\text{MI}} // \overline{\text{AD}}$ : Teorema de Thales  $\frac{a}{b} = \frac{1.2}{0.4} = 3$
- 3)  $\triangle ABC$ : Teorema del Incentro  $\frac{a}{b} = \frac{3}{x} = 3$
- 4) De (2) y (3): x = 1 m



Rpta.: A

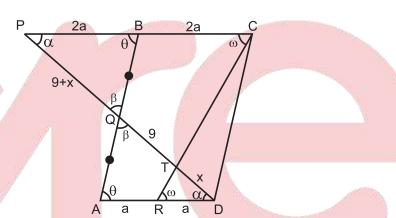
- **6.** En la figura, ABCD es un romboide. Si B es punto medio de  $\overline{PC}$ , AR = RD y QT = 9 cm, halle DT.
  - A) 6 cm
  - B) 8 cm
  - C) 6,5 cm
  - D) 5 cm
  - E) 7,5 cm



1)  $\triangle PQB \cong \triangle DQA(ALA)$ 

$$PQ = 9 + x$$

2)  $\triangle PTC \sim \triangle DTR(AA)$ x = 6 cm



Rpta.: A

- 7. En un triángulo ABC, se ubican los puntos Q , P y M en AB, AC y en la prolongación de AC respectivamente. Si PQ // BC, BC ∩ QM = {N} ,7AQ = 11QB, 2BN = 7NC y QN = 14 cm, halle MN.
  - A) 4,5 cm
- B) 6,5 cm
- C) 7 cm
- D) 8 cm
- E) 10 cm

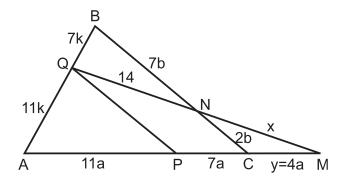
#### Solución:

- 1)  $7AQ = 11QB \Rightarrow AQ = 11k$ , QB = 7k
- 2)  $\overline{PQ}/\overline{BC}$ : AP = 11a, PC = 7a
- 3)  $2BN = 7NC \Rightarrow BN = 7b$ , NC = 2b
- 4) Teorema de Menelao:

$$11k.7b.y = 7k.2b.(18a + y)$$

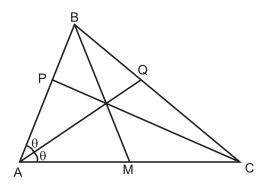
$$y = 4a$$

5)  $\overline{QP} // \overline{NC}$ :  $\frac{x}{14} = \frac{4a}{7a}$  entonces x = 8 cm



Rpta.: D

- **8.** En la figura,  $\overline{BM}$  es mediana. Si AP = 4 cm y AC = 12 cm, halle BP.
  - A) 1 cm
  - B) 1,5 cm
  - C) 2 cm
  - D) 2,5 cm
  - E) 3 cm



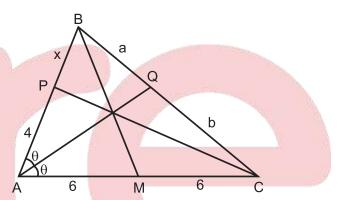
1) Teorema de Ceva: 4.a.6 = x.b.6

$$\frac{a}{b} = \frac{x}{4}$$

2) Teorema de la bisectriz interior:

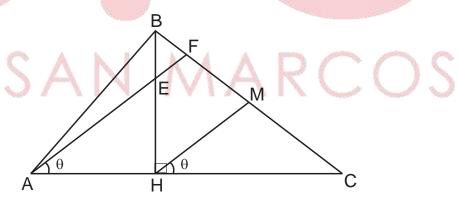
$$\frac{a}{b} = \frac{x+4}{12}$$

3) De (1) y (2): x = 2 cm



Rpta.: C

- 9. En la figura, 5AH = 3HC, BM = MC y AE = 18 cm. Halle EF.
  - A) 6.6 cm
  - B) 4 cm
  - C) 5,5 cm
  - D) 8 cm
  - E) 6 cm



#### Solución:

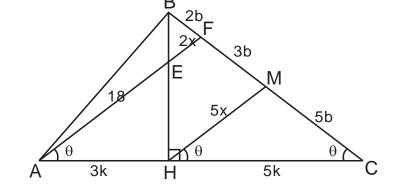
1) Thales:

$$\frac{MF}{MC} = \frac{3}{5}$$

2) ΔHBM ~ ΔBEF:

$$\frac{2x}{HM} = \frac{2b}{5b}$$

$$35 = HM$$



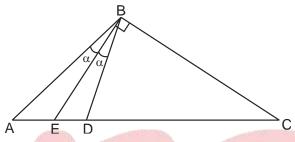
3)  $\triangle AFC \sim \triangle HMC$ :

$$\frac{18+2x}{5x}=\frac{8k}{5k}$$

$$\Rightarrow$$
 2x = 6 cm

Rpta.: E

- **10.** En la figura, 2DC = 7DE y AE = 4 cm. Halle CE.
  - A) 15 cm
  - B) 12 cm
  - C) 14 cm
  - D) 10 cm
  - E) 13 cm



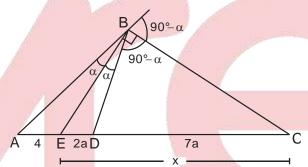
#### Solución:

1) T.D.A.:

$$\frac{4}{2a} = \frac{9a+4}{7a}$$

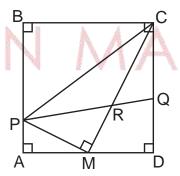
$$9a = 10$$

$$\Rightarrow$$
 x = 10 cm



Rpta.: D

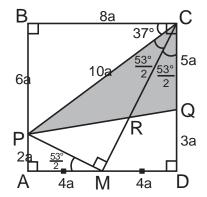
- 11. En la figura, ABCD es un cuadrado. Si AM = MD y 3CQ = 5QD, halle  $\frac{PR}{RQ}$ 
  - A) 3
- B)  $\frac{3}{2}$
- C) 2
- D) 3
- E)  $\frac{5}{2}$



#### Solución:

1) T.B.I. (ΔPCQ):

$$\frac{PR}{RQ} = \frac{10}{5} = 2$$



Rpta.: C

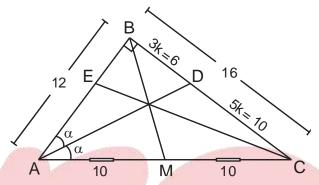
- 12. En un triángulo rectángulo ABC, se trazan la bisectriz interior  $\overline{AD}$ , la mediana  $\overline{BM}$  y la ceviana  $\overline{CE}$  concurrentes. Si AB = 12 cm y BC = 16 cm, halle EB.
  - A) 4,5 cm
- B) 5 cm
- C) 5,5 cm
- D) 7,5 cm
- E) 9 cm

- 1) Pitágoras: AC = 20
- 2) T.B.I.:

$$\frac{BD}{DC} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

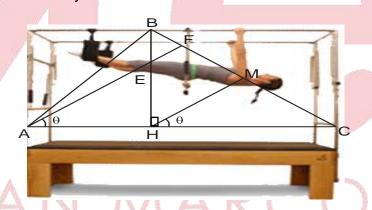
3) T. Ceva:

$$(12 - x) \cdot 6(10) = x(10)(10)$$



Rpta.: A

- 13. En la figura, 3AH = 2HC, BM = MC y AE = 1.8 m. Halle EF.
  - A) 0,3 m
  - B) 0,4 m
  - C) 1,5 m
  - D) 0,45 m
  - E) 0,2 m



#### Solución:

1) Thales:

$$\frac{MF}{MC} = \frac{2}{3}$$

2)  $\triangle HBM \sim \triangle BEF$ :

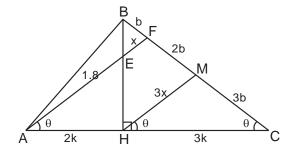
$$\frac{x}{HM} = \frac{b}{3b}$$

$$3x = HM$$

3)  $\triangle AFC \sim \triangle HMC$ :

$$\frac{1.8+x}{3x} = \frac{5k}{3k}$$

$$\Rightarrow$$
 1.8 + x = 5x  $\Rightarrow$  x = 0.45 cm



Rpta.: D

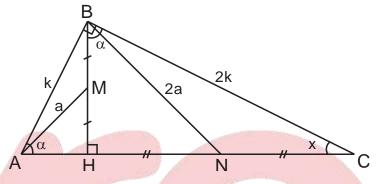
- 14. En un triángulo rectángulo ABC, se traza la altura BH, M y N son los puntos medios de  $\overline{BH}$  y  $\overline{HC}$  respectivamente. Si BN = 2AM, halle mBCA.
  - A) 30°
- B)  $\frac{37^{\circ}}{2}$  C)  $\frac{53^{\circ}}{2}$
- D) 45°
- E) 60°

⊾AHB ~ ⊾BHC (AA) 1)

$$\Rightarrow \frac{AB}{BC} = \frac{a}{2a} = \frac{1}{2}$$

Notable 53°/2 ABC: Notable 53°/2 2)

$$x = \frac{53^{\circ}}{2}$$



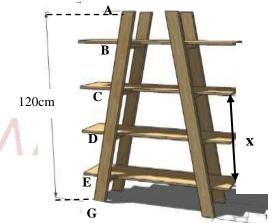
Rpta.: C

### **EVALUACIÓN Nº 8**

En la figura, la escalera tiene las siguientes medidas, 6AB = 3BC = 4CD = 3DE = 6EG. Halle x.



- B) 56 cm
- C) 70 cm
- D) 60 cm
- E) 62,5 cm

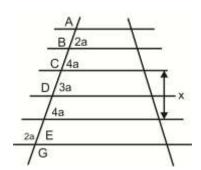


### Solución:

- 1. Por dato 6AB = 3BC = 4CD = 3DE = 6EG = 12a
- TEOREMA DE THALES

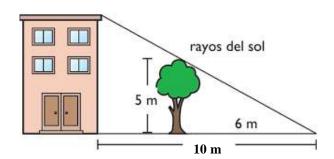
$$\frac{7a}{15a} = \frac{x}{120}$$

$$x = 56 cm$$



Rpta.: B

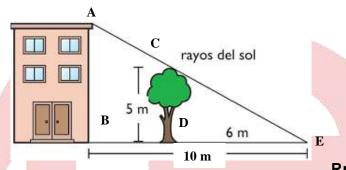
- 2. En la figura, halle la altura del edificio.
  - A) 40/3 m
  - B) 56/3 m
  - C) 70/3 m
  - D) 25/3 m
  - E) 62/5 cm



1)  $\Delta ECD \sim \Delta ABD(AAA)$ 

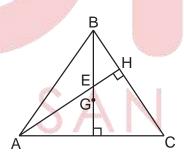
$$\frac{AB}{5} = \frac{10}{6}$$

$$AB = 25/3 \text{ cm}$$



Rpta.: D

- 3. En la figura, G es baricentro del triángulo AHC. Si BE = 8 m y EG = 1 m, halle AC.
  - A) 9 m
  - B) 7 m
  - C) 8 m
  - D) 6 m
  - E) 10 m



# 1ARCOS

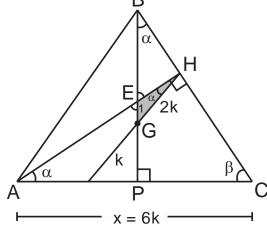
#### Solución:

1)  $\triangle$ BGH ~  $\triangle$ EHG:

$$\frac{9}{2k} = \frac{2k}{1}$$

$$k = \frac{3}{2}$$

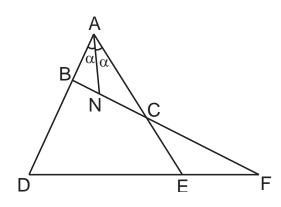
$$\Rightarrow$$
 x = 6 ·  $\frac{3}{2}$  = 9 m



Rpta.: A

**4.** En la figura, BD = CE, BN = 4 m y DE = 2EF. Halle BC.

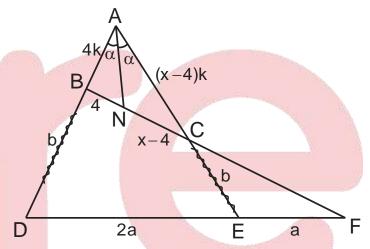
- A) 16 m
- B) 18 m
- C) 12 m
- D) 14 m
- E) 20 m



Solución:

- 1) T.B.I.: (∆BAC)
- $\frac{AB}{AC} = \frac{4}{x-4}$
- 3) T. Menelao:  $b(x-4)k \cdot a = 4k \cdot b \cdot 3a$

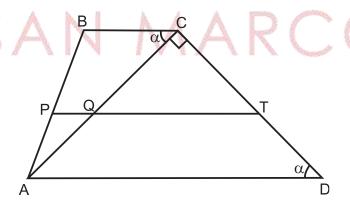
$$x = 16 \text{ m}$$



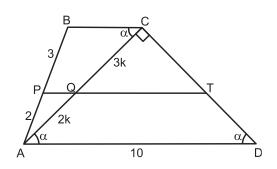
Rpta.: A

**5.** En la figura,  $\overline{BC} / / \overline{AD} / / \overline{PT}$ , AD = 10 cm, AP = 2 cm y BP = 3 cm. Halle QC.

- A) 3√2 cm
- B) 2√3 cm
- C)  $2\sqrt{2}$  cm
- D) 4 cm
- E) 5 cm

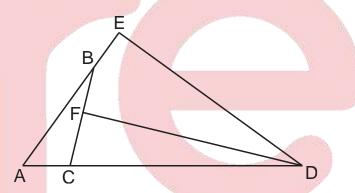


- 1)  $\overline{BC} / / \overline{AD} : mCAD = \alpha$
- 2) PQ//BC: Teorema de Thales AQ = 2k, QC = 3k
- 3) ACD: Notable de 45°  $k = \sqrt{2}$
- 4) Luego: QC =  $3\sqrt{2}$  cm



Rpta.: A

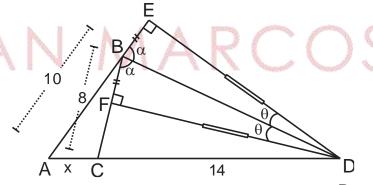
- En la figura, FD = DE, AB = 10 m, BC = 8 m y CD = 14 m. Si mBFD = mBED = 90°, 6. halle AC.
  - A)  $\frac{7}{2}$  m B)  $\frac{7}{3}$  m



### Solución:

- BD: Bisectriz del FBE
- T.B.E. (∆ABC) 2)

$$\frac{10}{8} = \frac{x + 14}{14}$$
$$\Rightarrow x = \frac{7}{2} \, m$$



Rpta.: A

## Lenguaje Evaluación de clase № 8

- **1.** Marque la alternativa en la que se presenta enunciado conceptualmente correcto respecto de la semántica.
  - A) Es la disciplina que estudia el contenido del texto en una lengua.
  - B) Tiene como objeto de estudio a la unidad denominada morfema.
  - C) Describe y explica el contenido conceptual del signo lingüístico.
  - D) Es una técnica de elaboración de diccionarios, léxicos y glosarios.
  - E) Su unidad de análisis es el significante del signo lingüístico.

#### Solución:

La semántica es la disciplina lingüística que se ocupa del estudio del significado de los signos lingüísticos.

Rpta.: C

C) lexicografía.

- 2. La disciplina lingüística que estudia la organización del léxico de una lengua se denomina
  - A) sintaxis.

    B) semiótica.

    D) lexicología.

    E) morfología.

#### Solución:

La lexicología estudia el registro vocabular o léxico de una lengua y su organización en campos léxico-semánticos.

Rpta.: D

- 3. La palabra, la frase, la proposición, la oración y el texto constituyen las distintas dimensiones del
  - A) lexicón de una lengua. B) sistema morfológico. C) sistema gramatical
  - D) signo lingüístico. E) inventario léxico.

#### Solución:

Los signos lingüísticos están constituidos por palabras, frases, proposiciones, oraciones y textos que poseen significado propio.

Rpta.: D

- **4.** Marque la alternativa donde las palabras son signos lingüísticos del español.
  - A) Basin, dune, clock B) Tándem, yantar, croar C) Goal, party, leiv D) Lluqi, paray, monsieur E) Mulli, cuore, chaqra.

#### Solución:

Según el diccionario del español "yantar" es un término en desuso para señalar "comer", "tándem" equipo de dos miembros, "croar" canto del sapo.

Rpta.: B

UN	MSM-CENTRO PREUNIVERSITARIO	Ciclo 2017-II
5.	Escriba a la derecha de cada palabra el sinónimo corre	spondiente.
	A) Anomia B) Abonar C) Arrogarse D) Escarnio E) Gravar	
	Solución: A) desgobierno, caos, B) pagar, amortizar, C) apropiars E) cargar o imponer tasas	se, atribuirse D) mofa, mofa,
6.	El significado connotativo se denomina también	
	A) conativo.  B) objetivo.  E) figurado.	C) directo.
	Solución: El significado connotativo se crea a partir de un ra denotativo al cual se le asigna mayor peso subjetivo sentido figurado, si este es tomado en sentido directo o la mano de su hija.	o por lo cual deviene en un literal resulta ilógico: Le pidió
		Rpta.: E
7.	Señale la opción que expresa significado denotativo.	
	<ul> <li>A) Febrero es el mes que determina el año bisiesto.</li> <li>B) Toda persona proviene de un tronco familiar.</li> <li>C) Muchos cantantes populares son estrellas fugaces.</li> <li>D) Los ancianos, cual trastos viejos, estaban en el asilo</li> <li>E) No supo controlar su ira, y respondió con el hígado.</li> </ul>	
	Solución: El significado de cada palabra es directo: "bisiesto adicional en el mes de febrero.	$D \cap C \cap C$
		Rpta.: A
8.	Indique dónde se requiere de la situación para entende	r su significado
	<ul> <li>A) Compraron los vegetales para la ensalada.</li> <li>B) Los estudiantes expusieron sobre sus temas.</li> <li>C) Muchos parques están descuidados y sucios.</li> <li>D) El egresado saludó a su maestro feliz de verlo.</li> <li>E) El partido de fútbol de ayer fue muy comentado.</li> </ul>	
	Solución:	
	Hay ambigüedad. No se sabe si el maestro o el egres la situación para saber a quién se refiere.	ado está feliz. Se necesita de
	·	Rpta.: D
9.	Seleccione la opción donde se expresa significado	denotativo.

- A) Hazle caso ya que más sabe el diablo...
- B) Agradece el regalo y no le mires el diente.
- C) El veterinario operó a nuestra gata.
- D) Los políticos debatieron pico a pico.
- E) El negocio marcha viento en popa.

Todas las palabras están en sentido denotativo, objetivo ya que el enunciado representa el hecho objetivamente.

Rpta.: C

- **10.** Indique el par de palabras que se hallan en relación de hiperonimia.
  - A) flor-ramo

B) oficio-electricista

C) fresa-lúcuma

D) rosa- flor

E) silla-pata

#### Solución:

La palabra "oficio" es hiperónimo de "electricista" pues el primero incluye al segundo.

Rpta.: B

- 11. Marque la alternativa donde hay antonimia complementaria.
  - A) Temprano / tardío

B) Partida / Ilegada

C) Alto / mediano

D) Remitente / receptor

E) Libre / preso

#### Solución:

Estas palabras mantienen relación de antonimia complementaria porque su oposición es culturalmente arbitraria, no es objetiva (ni causal ni por gradación).

Rpta.: E

- **12.** Marque la opción donde las palabras subrayadas expresan relación semántica de homonimia absoluta
  - A) El alumno fue reprendido porque se fue a la playa.
  - B) Ella se lima las uñas con la mejor lima de grano fino.
  - C) Voto por que nuestro voto ciudadano sea respetado.
  - D) El pico es parte del equipo para escalar el pico más alto.
  - E) Esperó fuera del banco sentado en un banco de piedra.

#### Solución:

Las palabras subrayadas "fue": del verbo ser, y "fue": del verbo ir, se encuentran en relación de homonimia absoluta pues ambas provienen de raíces distintas y tienen la misma categoría lexical de verbo.

Rpta.: A

- 13. Seleccione la opción en la que hay relación semántica de cohiponimia.
  - A) Mueble, cama

B) Índice, dedo

C) Alacena, casa

D) Quinua, cañihua

E) Puerta, marco

#### Solución:

"Quinua y cañihua" son granos andinos, es decir, son cohipónimos.

Rpta.: D

14.	Marque la alternativa en la que antonimia propia.	e las palabras se encuentran e	n relación semántica de
	A) Guerra, paz D) Ladrón, policía	B) Silencio, bulla E) Óptimo, pésimo	C) Hombre, mujer
	Solución: Estas palabras están en relacionistroducir un grado intermedio:		ndual porque es posible Rpta.: E
15.	En el enunciado "el valle del <u>fértil</u> ", las palabras subrayadas		
	A) polisemia. D) antonimia.	B) sinonimia. E) homonimia.	C) hiperonimia.
	Solución: Las palabras "feraz" y "fértil" so	on sinónimas, expresan signific	ados parecidos. <b>Rpta.: B</b>
16.	Marque la opción en la que la antonimia gramatical.	as palabras se encuentran en	relación semántica de
	A) Vencible/imbatible D) gremial/antigremial	B) Alma/desalmado E) puesto/impuesto	C) Masa/líquido
	Solución: La palabra "antigremial"forma s	su antónimo añadiendo el prefij	
17.	Escriba la clase de relación se	mántica que corresponde a cac	Rpta.: D da alternativa.
	A) Urna: caja B) Sólido: líquido C) Profesor: alumno D) Zapato: bota E) Televisor: aparato		
	Solución: A) sinonimia, B) antonimia com D) cohiponimia, E) hiponimia	nplementaria, C) antonimia recí	proca,
18.	En el enunciado "De pronto, la una discreta <u>llama</u> en el os relación semántica de		
	<ul><li>A) sinonimia.</li><li>D) homonimia absoluta.</li></ul>	B) polisemia. E) homonimia parcial.	C) cohiponimia.
	Solución:		
_			

Las palabras <u>llama</u> corresponden respectivamente a los nombres "fuego" y "camélido sudamericano" respectivamente. Hay homonimia absoluta.

Rpta.: D

- **19.** Señale la opción donde las palabras subrayadas mantienen relación de homonimia parcial.
  - A) Él la visitaba el día que yo no la visitaba.
  - B) <u>Tuvo</u> que reponer el <u>tubo</u> que se partió.
  - C) Di solamente que yo te los di por tu santo.
  - D) Deja el sobre de manila sobre mi velador.
  - E) Graba cuánta grava le echó a la mezcla.

#### Solución:

Las palabras subrayadas de esta opción presentan homonimia parcial: "sobre" (1) sustantivo; "sobre" (2) preposición.

Rpta.: D

- **20.** Marque la alternativa donde las palabras subrayadas mantienen relación semántica de homonimia paradigmática.
  - A) Es inminente la llegada del eminente científico.
  - B) Si no se siente bien, es mejor que se siente.
  - C) Luz <u>fue</u> quien se <u>fue</u> a comprarle un regalo.
  - D) No cobre mucho por ese adorno de cobre.
  - E) No me pida que cante, mejor cante solo usted.

#### Solución:

Ambas palabras están en relación semántica de homonimia paradigmática pues tienen la misma raíz verbal "cant-ar" y difieren por la persona.

Rpta.: E

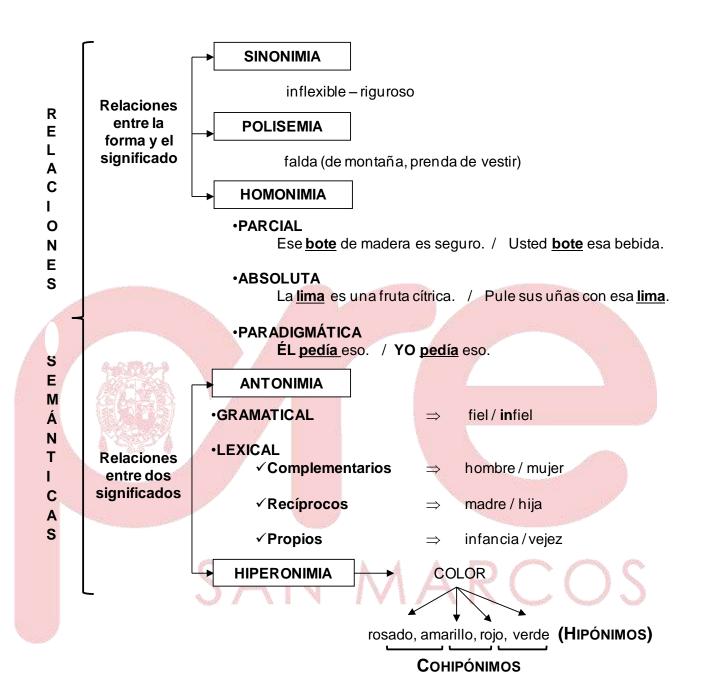
- 21. Marque la alternativa en la que hay precisión léxica.
  - A) Trató cosas interesantes en la conferencia.
  - B) Luisito lleva muchas cosas en su mochila
  - C) Carlos elaboró las preguntas del examen.
  - D) Mauro tenía mucho temor a las alturas.
  - E) El sastre le dio los datos de las telas

#### Solución:

El verbo "elaboró" es más preciso que "hizo".

22.	Complete las oraciones con las formas precisas "debe + inf," y "debe de + inf".
	A) Llaman a la puerta, ser Rosa, quien salió a comprar.
	B) Los clientes pagar sus cuotas mensuales puntualmente.
	C) Ana no contesta; su celular haberse descargado.
	D) El tesorerocobrar las cuotas pendientes de los socios.
	E) Hay un gran embotellamiento; haber sucedido un accidente.
	Solución:

	A) debe de, B) deben, C) debe de, D) debe, E) debe de
23.	Complete las oraciones siguientes con las palabras precisas.
	A) En el Panteón de los Próceres los restos del héroe. B) El juez ordenó los restos de la víctima. C) La secretaria publicó el de las entrevistas. D) Muchas veces nuestros errores el ámbito familiar. E) La información en las cubiertas de los alimentos es
	Solución: A) inhumaron, B) exhumar, C) cronograma, D) trascienden, E) relevante
24.	Complete adecuadamente las oraciones con porvenir y por venir.
	A) Por nuestros hijos, debemos construir un mejor  B) En los tiempos, viviremos con equidad y paz.  C) Su falta de prevención auguraba un oscuro  D) El próximo año tendremos mejores propuestas  E) Prepárense, hermanos (as), el Santo Padre está  Solución:  A) porvenir, B) por venir, C) porvenir, D) por venir, E) por venir
25.	Marque la alternativa en la que hay precisión léxica.  A. Elsa absorbió/absolvió las preguntas de sus alumnos.  B. Ella tiene una aptitud/actitud negativa en la empresa.  C. La asistente se arrogó/irrogó la potestad de expulsarlo.  D. Sr. Director, gracias por su grata deferencia/diferencia.  E. La policía exhumó/inhumó los restos para examinarlos.  F. Sus palabras revelaban su prejuicio/perjuicio racista.  G. El policía detuvo al ladrón en flagrante/fragante delito.  H. El joven padecía de una adición/adicción a las drogas.  I. Siente gran aflicción/afición por tan irreparable pérdida.  J. Los pescadores desecan/disecan los pescados excedentes.  K. Los osos hibernan/invernan sin probar ningún alimento.
	Solución: A) absolvió, B) actitud, C) arrogó, D) deferencia, E) exhumó, F) prejuicio, G) flagrante, H) adicción, I) aflicción, J) desecan, K) hibernan



## Literatura EJERCICIOS DE CLASE Nº8

- 1. El Romanticismo implica una ruptura con la tradición neoclásica, esto se aprecia cuando
  - A) el positivismo y la subjetividad consolidan un sincretismo.
  - B) las obras, basadas en la fantasía, proponen un fin didáctico.
  - C) la literatura desarrolla a plenitud la noción de verosimilitud.
  - C) el romántico no logra experimentar la angustia metafísica.
  - E) la imaginación y la subjetividad se imponen al racionalismo.

#### Solución:

El Romanticismo implica una ruptura con la tradición neoclásica, esto se aprecia cuando la imaginación y la subjetividad se imponen al racionalismo.

Rpta.: E

2. Marque la alternativa que contiene afirmaciones correctas en relación a la "Rima XIII", de Gustavo Adolfo Bécquer.

#### RIMA XIII

Tu pupila es azul,
y cuando ríes, su claridad suave me recuerda
el trémulo fulgor de la mañana
que en el mar se refleja.
Tu pupila es azul, y cuando lloras,
las transparentes lágrimas en ella
se me figuran gotas de rocío
sobre una violeta.
Tu pupila es azul, y si en su fondo
como un punto de luz radia una idea
me parece, en el cielo de la tarde,

¡una perdida estrella!

- I. Idealiza a la mujer amada.
- II. Resalta su complejidad formal.
- III. Recurre al uso del epíteto.
- IV. Destaca por su larga extensión.
- A) VVVF
- B) FVFV
- C) VFVF
- D) FFVV
- E) FVFF

#### Solución:

- I. Idealiza la imagen de la mujer amada. (V)
- II. Resalta su sencillez formal. (F)
- III. Recurre al uso del epíteto (transparentes lágrimas, trémulo fulgor) (V)
- IV. Destaca por su brevedad. (F)

3.	Respecto a los siguientes versos de la "Rima III", de Gustavo Adolfo Bécquer, ¿cua	á
	es el tema que se desprende?	

¡Tal es la inspiración! gigante voz que el caos ordena en el cerebro, y entre las sombras hace la luz aparecer

- A) La aparición repentina del amor
- B) El amor deslumbrante y platónico
- C) La fuerza creadora del poeta
- D) La historia de una pasión frustrada
- E) Lo trágico de una pasión vedada

#### Solución:

En la "Rima III", de Gustavo Adolfo Bécquer, la inspiración aparece como una "voz", un mandato, que ordena el caos y de él extrae la luz, esto es, la poesía. Por lo tanto, el tema que se desprende de los versos citados es la fuerza creadora del poeta.

Rpta.: C

- 4. Marque la alternativa que completa correctamente el siguiente enunciado: "Bécquer, en "La ajorca de oro" hace referencia a la hermosura \_\_\_\_\_\_, es decir, lo bello se vincula a lo \_\_\_\_\_. Se trata de un aspecto de la estética romántica".
  - A) idealizada demoniaco
- B) angelical ideal
- C) sacralizada terrenal

- D) diabólica monstruoso
- E) grotesca -- cosmopolita

#### Solución:

El romanticismo supuso una ruptura con la estética clásica, que asocia la belleza a lo sublime, mientras que los románticos exaltan, por oposición, lo grotesco o monstruoso.

Rpta.: D

- 5. Con respecto a la verdad (V) o falsedad (F) sobre las características de la Generación del 27, marque la alternativa que contiene la secuencia correcta.
  - Sus integrantes se alejaron de la influencia ejercida por las vanguardias.
  - II. Manifestaron una actitud iconoclasta, rebelde y de militancia política.
  - III. Se desarrolló a la par del movimiento ultraísta y su poesía es metafórica.
  - IV. El nombre surge en homenaje al tricentenario del nacimiento de Góngora.
  - A) FFVV
- B) VFVF
- C) FVVF
- D) VVFF
- E) FVFF

#### Solución:

I. Los miembros de la Generación del 27 recibieron notable influencia del vanguardismo (F). II. Sus integrantes mostraron una actitud iconoclasta, de inconformidad y de militancia política (V). III. La Generación del 27 se desarrolló a la par del ultraísmo y en su poesía predomina la metáfora (V). IV. Se denominó así en homenaje al tricentenario de la muerte de Góngora. (F)

6. Yo denuncio a toda la gente que ignora la otra mitad, la mitad irredimible que levanta sus montes de cemento donde laten los corazones de los animalitos que se olvidan y donde caeremos todos en la última fiesta de los taladros.

En relación a los versos citados de "Oficina y denuncia", poema de *Poeta en Nueva York*, de García Lorca, marque la alternativa que contiene la afirmación correcta.

- A) Denuncia la enajenación del hombre en la sociedad capitalista.
- B) Expresa su admiración por la moderna ciudad de Nueva York.
- C) Manifiesta dolor por la ausencia y lejanía de sus seres queridos.
- D) Muestra un paisaje de edificio, celebrando el crecimiento urbano.
- E) Enuncia la plenitud erótica mediante la metáfora de la ciudad.

#### Solución:

Los versos citados expresan que el hombre ha enajenado su originario entorno vital (donde laten los corazones de los animalitos), lo explota y destruye, sometido a los intereses de una sociedad consumista (fiesta de los taladros) y de esta forma se destruye a sí mismo (la mitad irredimible).

Rpta.: A

- Con respecto al teatro de García Lorca, el conflicto dramático está basado en personajes
  - A) de rasgos fantásticos.

B) moralistas y puritanos.

C) solamente masculinos.

D) tomados de la realidad.

E) sencillos y predecibles.

#### Solución:

El teatro lorquiano es realista en su temática porque el conflicto dramático está basado en personajes tomados de una realidad concreta, casi siempre gitana.

Rpta.: D

#### 8. Leonardo:

¿Y qué manos me calzaron las espuelas?

#### Novia:

Estas manos, que son tuyas, pero que al verte quisieran quebrar las ramas azules y el murmullo de tus venas. ¡Te quiero! ¡Te quiero! ¡Aparta! Que si matarte pudiera, te pondría una mortaja

con los filos de violetas. ¡Ay, que lamento, qué fuego me sube por la cabeza!

A partir del fragmento citado del acto tercero de *Bodas de sangre*, de Federico García Lorca, marque la afirmación correcta.

- A) Leonardo representa para la Novia un amor pasional que la arrastra.
- B) La Novia reprocha a Leonardo el haberla raptado pues ama al Novio.
- C) Los amantes, tras asesinar al Novio, son perseguidos por el pueblo.
- D) En la persecución, la Novia pronostica su muerte y la de Leonardo.
- E) La Novia planifica su fuga con Leonardo antes de celebrar la boda.

#### Solución:

En Bodas de sangre, Leonardo representa para la Novia una fuerza pasional que la embarga y desencadenará la muerte trágica del Novio y Leonardo.

Rpta.: A

## Psicología PRÁCTICA Nº 8

#### Instrucciones:

Lea atentamente las preguntas y conteste eligiendo la alternativa correcta.

- 1. Es correcto en relación a la atención
  - I. La atención es un proceso que otorga significado a los objetos captados.
  - II. Sin atención no sería posible el aprendizaje académico
  - III. Permite transferir información de la MCP a la MLP.

A) I y II

B) II y III

C) I y III

D) Sólo I

E) Sólo II

#### Solución:

La atención es un proceso que permite seleccionar datos que pueden ser relevantes. Permite transferir información de la MS a la MCP. Al ser el primer proceso de control, resulta también fundamental en el proceso de aprendizaje académico.

Rpta: E

- 2. Durante su mensaje a la nación, el presidente de la república expresa: "...Nuestro primer año de gobierno enfrentó, lamentablemente, varios contratiempos imprevistos como Lava Jato y el Niño Costero... Un objetivo fundamental de la revolución social es reducir la pobreza. Por ello nos hemos puesto como meta reducir la pobreza total de 20.7% hoy a 15% en el 2021..." De lo expresado, identifique lo correcto en relación a la memoria
  - I. Es un ejemplo de memoria declarativa
  - II. Al recordar el dato estadístico de la pobreza actual se usa la memoria semántica
  - III. Al citar los contratiempos se hace uso de la memoria emocional
  - IV. Es un caso de alzheimer.

A) I y II

B) II y III

C) I y IV

D) II y IV

E) III y IV

La memoria explícita o declarativa consiste en el recuerdo de hechos y experiencias y que puede ser expresado en palabras. Comprende el recuerdo de conocimientos a través de la memoria semántica y los recuerdos autobiográficos a través de la memoria episódica.

Rpta.: A

- Grecia es una estudiante a quien le agrada la literatura. Cuando lee un libro interesante, puede estar concentrada incluso durante varias horas, encontrándose casi del todo ajena a lo que sucede a su alrededor. Este sería un ejemplo de atención
  - A) dividida.

B) sostenida.

C) involuntaria.

D) refleja.

E) selectiva.

#### Solución:

La atención sostenida es la que permite atender un estímulo por un largo período de tiempo.

Rpta.: B

- 4. Durante una clase, un docente de Lenguaje observa que uno de sus estudiantes ya no recuerda el tema de reglas ortográficas que había aprendido hace un mes. Al preguntarle qué sucedió, el estudiante responde: "... Es que como ya lo sabía, no he continuado practicando." En relación al caso, señale lo correcto.
  - A) Lo ocurrido en el estudiante refleja un caso de amnesia retrógrada.
  - B) Es un ejemplo de "jamais vu".
  - C) El estudiante utilizó inadecuadamente el proceso de control de atención.
  - D) La información de las reglas ortográficas no llegó a almacenarse a largo plazo.
  - E) Es un caso de olvido que puede explicarse por la teoría del decaimiento de la huella.

#### Solución:

La teoría del decaimiento de la huella sugiere que al no ensayarse, una información se desvanece, produciendo el olvido.

Rpta.: E

- 5. En un informe médico se reporta el caso de una paciente cuya pérdida de memoria se extendió a los acontecimientos de toda su vida. Sin embargo, podía adquirir y conservar nueva información. Este sería un caso de
  - A) Olvido.

B) déja vu.

C) amnesia anterógrada.

D) jamais vu.

E) amnesia retrógrada.

#### Solución:

La amnesia retrógrada consiste en una pérdida de memoria que abarca sucesos o hechos pasados.

Rpta.: E

6.	información que recibe en cla proceso de control que él está	se con otros co	nocimientos previ	•
	<ul><li>A) repetición.</li><li>D) pensamiento.</li></ul>	B) atención. E) memoria.		C) ensayo elaborativo.
	Solución: El ensayo elaborativo permirelacionando la información nu			
7.	Mientras una de las causas de cambio, en la amnesia, la caus	•		
	A) repaso, orgánica o funciona C) asociación, funcional o lesio E) almacenamiento, psicológic	onal	B) filtro, orgánico D) atención, org	a o patológica ánica o psicológica
	Solución: Podemos afirmar que las diferencies, una de las causas es causas son ORGANICA (daño	s p <mark>or falta</mark> de RI	EPA <mark>SO; en camb</mark>	io, en la amnesia las
8.	Una persona tiembla de ansi hombre golpea a un niño. Esta padre lo castigo físicamente. P memoria	a es <mark>cena l</mark> e recu	erda el episodio d	l <mark>e su niñez en</mark> que su
	A) procedimental. D) episódica.	B) emocional. E) semántica.	$\Lambda$ AR	C) asociativa.
	Solución:  La memoria emocional alma condicionamiento clásico como			ales aprendidas por <b>Rpta.: B</b>
9.	Un adulto mayor con enferme de conversación y vuelve a prepapá?". Podemos afirmar que	eguntar varias v	eces a su interloc	
	<ul><li>A) la MCP de la MLP.</li><li>C) el proceso de control de la I</li><li>E) la MLP de la atención.</li></ul>	MLP.	, ·	e control de la MCP. nsorial de la MLP.

En el caso presentado de enfermedad de Alzheimer, el proceso neurodegenerativo ha desconectado la MCP de la MLP produciendo una amnesia.

Rpta.: A

- **10.** Una persona lesionada del cerebro sufre de apraxia, pues no puede vestirse ni amarrarse los zapatos. Podemos afirmar que la lesión afectó la memoria
  - A) semántica.

B) emocional.

C) episódica.

D) procedimental.

E) precategorial.

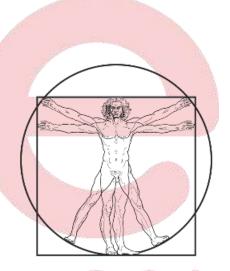
#### Solución:

Las apraxias se caracterizan por la pérdida de la memoria procedimental donde se almacenan hábitos y habilidades motoras.

Rpta.: D

### Historia EVALUACIÓN Nº 8

- 1. El Hombre de Vitruvio es un dibujo de que expresa el ideal en la concepción de la figura humana como obra de perfección matemática, tal como se entendía en la cultura \_\_\_\_\_\_.
  - A) Miguel Ángel / barroco / egipcia
  - B) Rafael / contrarreformista / occidental
  - C) Brunelleschi / protestante / griega
  - D) Leonardo / renacentista / greco-romana
  - E) Miguel Ángel / humanista / bizantina



#### Solución:

El renacimiento tuvo entre sus características la búsqueda de la representación perfecta del cuerpo humano, usando como modelo el arte greco-romano, como se aprecia en este dibujo de Leonardo.

Rpta.: D

2. Habla la Estulticia: "Imaginaos un hombre como son a veces los reyes, desconocedor de las leyes, enemigo, o poco menos, del bien público, atento a su provecho, dado a los placeres, hostil al saber, a la libertad y a la verdad; desinteresado por completo del bienestar de su Estado y que lo mide todo a tenor de sus caprichos y liviandades. Si se le coloca collar de oro, emblema de la coherencia de todas las virtudes; enjoyada corona, que represente que debe sobrepasar a todo el mundo por el brillo de sus acciones; el cetro, símbolo de justicia y de rectitud de ánimo, y, en fin, el manto de púrpura, insignia de vivo amor a su pueblo y el monarca confronta lo que representan estas insignias y su verdadera conducta, yo os digo que habrían de abochornarle tales atributos y viviría en el temor de que algún malicioso hiciese burla y risa de todo ese aparato teatral." (Erasmo de Rotterdam).

Del texto se puede inferir que Erasmo de Rotterdam

- A) buscó fortalecer la autoridad del rey.
- B) difundió el pensamiento ilustrado.
- C) fue un humanista y crítico social.
- D) destacó como vocero protestante.
- E) cuestionó los valores del cristianismo.

#### Solución:

En *Elogio de la Estulticia*, Erasmo pasa revista a todos los sectores de la sociedad – sin perdonar a los reyes- para criticar la necedad de la conducta humana.

Rpta.: C

- 3. La Reforma Protestante fue un proceso que conmocionó a Europa en el siglo XVI. Sus causas fueron numerosas; en el ámbito político podemos destacar
  - A) la venta de indulgencias cuestionada y rechazada en toda Europa.
  - B) los constantes conflictos entre el clero occidental y oriental.
  - C) el interés de la burguesía en una ética que no censure el lucro.
  - D) la crítica de los humanistas al aparato eclesiástico romano.
  - E) las tensiones entre el emperador Carlos V y los príncipes alemanes.

#### Solución:

Muchos príncipes alemanes se unieron a la Reforma porque era una manera de romper lazos con el emperador católico.

Rpta.: E

**4.** La expansión europea entre los siglos XV y XVI marcó rotundamente las relaciones entre los pueblos y culturas. Señale la idea que trasmite la ilustración propuesta.



- A) la habilidad de Colón para negociar con los indígenas.
- B) el eurocentrismo europeo que asume un rol civilizador.
- C) la condición paradisíaca del paisaje de la India.
- D) el inicio de las campañas militares españolas en América.
- E) el intercambio cultural y tecnológico entre Asia y Europa.

#### Solución:

La imagen nos muestra el rol civilizador de Europa en América en el marco de una visión eurocéntrica de la Historia.

Rpta.: B

- **5.** Señale una idea fundamental en la defensa del estado absolutista como sistema apropiado de gobierno.
  - A) Providencialismo: el poder de los reyes es dado por Dios.
  - B) Respeto por la prensa y las libertades ciudadanas.
  - C) Tolerancia religiosa y fin de las guerras confesionales.
  - D) Principio de soberanía popular y contrato social.
  - E) Los medios de producción pertenecen a toda la sociedad.

El Absolutismo se apoyó en la teoría providencialista, también llamada "derecho divino de los reyes".

Rpta.: A

## Geografía EJERCICIO Nº 8

- 1. Del total de las aguas dulces en el mundo, los glaciares y los casquetes polares abarcan el 69 %. El Perú es un país que posee muchos glaciares que en los últimos años han manifestado un retroceso. Identifique la importancia de la conservación de los glaciares y luego marque la alternativa correcta.
  - a. Son las principales fuentes agua dulce.
  - b. Sus deshielos erosionan y forma quebradas.
  - c. Sus aguas son exclusivamente oceánicas.
  - d. Constituyen un regulador climático.
  - e. Están conformados principalmente por vapor de agua.

A) a-b-c B) a-b-d C) a-b-e D) b-c-d E) b-c-e

#### Solución:

Los glaciares constituyen la primera fuente de abastecimiento de agua dulce, su acción erosiva forma quebradas y valles, constituyen agentes reguladores del ciclo estacional y son un importante regulador climático. En su estado normal mantienen el nivel adecuado del mar.

Rpta.: B

- 2. Los ríos Uncallame y Grande nacen en la cordillera occidental de los Andes del sur, tienen un origen glacial y pluvial, comprenden cuencas endorreicas, son torrentosos en su curso alto y de régimen irregular. El texto hace referencia a la vertiente del
  - A) Titicaca. B) Pacífico. C) Atlántico.

D) Madre de Dios E) Amazonas.

#### Solución:

Los ríos Uncallame y Grande alimentan al río llave de la hoya hidrográfica del Titicaca forma una cuenca endorreica, tiene un origen glacial-pluvial, se localiza en el sector sur andino entre las cordilleras occidental (Volcánica) y oriental (Carabaya).

Rpta.: A

- 3. Identifique las características que le corresponden al Río Rímac y luego marque la alternativa correcta.
  - I. Nace en el nevado de Paca con el nombre de Alto Rímac-San Mateo.
  - II. Incrementa su caudal con el trasvase de Marcapomacocha.
  - III. En sus orillas se encuentra la central hidroeléctrica Restitución.
  - IV. Es la unidad hidrográfica de mayor uso poblacional de la Costa.

A) I-II-III

B) I-II-IV

C) II-III-IV

D) I-III-IV

E) sólo I y II

#### Solución:

El rio Rímac nace en el nevado de Paca con el nombre de Alto Rímac-San Mateo a una altitud aproximada de 5 508 msnm. Tiene 204 Km. de longitud, incrementa su caudal con el trasvase de Marcapomacocha. Es una de las cuencas hidrográficas más importantes de país al encontrarse en sus orillas la capital del Perú. Es la unidad hidrográfica de mayor uso poblacional de la Costa.

Rpta.: B

4. Relacione correctamente la unidad hidrográfica con su respectiva característica y luego marque la respuesta.

I. Huallaga

a. Forma el pongo de Rentema.

II. Marañón

- b. Sirve de límite fronterizo entre Perú y Colombia.
- III.Putumayo
- c. En su margen derecha se localiza el puerto de Yurimaguas.
- IV.Madre de Dios
- d. Uno de sus afluentes es el río Inambari.

A) la-llb-lllc-lVd

B) Ic-IId-IIIb-IVa

C) Ic-IIa-IIIb-IVd

D) la-IIc-IIIb-IVd

E) Id-IIc-IIIb-IVa

#### Solución:

Huallaga: En su margen derecha se localiza el puerto de Yurimaguas

Marañón: Forma el pongo de Rentema.

Putumayo: Sirve de límite fronterizo entre Perú y Colombia. Madre de Dios: Uno de sus afluentes es el río Inambari.

Rpta.: C

### Educación Cívica EJERCICIOS DE CLASE Nº 8

- El Perú es un país rico en costumbres y tradiciones como la procesión del Señor de los Milagros, la corrida de toros, la marinera norteña, la danza de tijeras y comidas típicas como la pachamanca. Estas expresiones son el reflejo de nuestra
  - A) diversidad cultural.

B) convivencia étnica.

C) variedad étnica.

D) complejidad lingüística.

E) multiplicidad religiosa.

La diversidad cultural es la variedad de formas en que se expresan diferentes culturas. Estas expresiones se transmiten dentro y entre los grupos y las sociedades. La UNESCO reconoce la diversidad cultural como Patrimonio Cultural de la Humanidad y fuente de desarrollo.

Rpta.: A

2. Una comisión de miembros de la Organización de las Naciones Unidas para la Agricultura y la Alimentación (FAO) visitó una comunidad andina de la región Apurímac, para promover una alimentación adecuada y reducir los niveles de desnutrición de su población. De lo expuesto identifique las actividades que corresponden al proceso de interculturalidad que se genera del intercambio entre la comisión y la comunidad. Luego marque la alternativa correcta.

<ul> <li>a. Comunicación activa sobre prácticas alimentarias con los comuneros.</li> <li>b. Intercambio y convivencia armónica con los miembros de la FAO.</li> <li>c. Promoción de productos transgénicos en el área agrícola.</li> <li>d. Migración hacia las zonas desarrolladas para reducir la desnutrición.</li> </ul>
A) a-c B) a-b C) b-c D) b-d E) a-d
Solución:
La interculturalidad es la interacción entre culturas, es el proceso de comunicación
entre diferentes grupos humanos, promueve la igualdad, integración y convivencia
armónica, ningún grupo cultural está por encima de otro.
Rpta.: B
Juan le dice a Pedro "¿ Qué haces por aquí?, tu taita te está buscando por la chacra.
Pedro le responde Estuve en la cancha jugando futbol, ahorita me pongo mis ojotas
y voy a buscarle en la <b>pampa</b> ". En este texto las palabras en negritas son de origen
quechua y se han incorporado en el lenguaje español. En relación a este relato
podemos afirmar que el Estado peruano reconoce el derecho de las poblaciones a
preservar la diversidad de lenguas promoviendo la educación
A) religiosa B) bilingüe C) especial D) rural E) democrática

#### Solución:

3.

La Constitución Política del Perú, en su artículo 17 señala que el Estado peruano garantiza la erradicación del analfabetismo, como también fomenta la educación bilingüe e intercultural y preserva las diversas manifestaciones culturales y lingüísticas del país. El Estado preserva la diversidad de lenguas a través de una educación bilingüe, la cual incentiva a que los maestros que enseñan en las poblaciones nativas, hablen el idioma originario.

Rpta.: B

- 4. La étnia de los ashánincas ocupa las laderas orientales, entre la cordillera de los Andes y el alto Yurúa. Los hombres se dedican a la caza, respetando la costumbre de no hacerlo en exceso, las mujeres hacen cestos y esteras de fibras vegetales que les servirá a toda la comunidad. Los chamanes son sabios especialistas que tienen el poder de curar enfermedades basados en el uso de plantas medicinales. Del texto se infiere que los miembros de esta étnia comparten
  - a. los códigos.
  - b. el idioma.
  - c. la jerarquía.
  - d. el territorio.
  - e. las creencias.
  - A) a-b-c
- B) c-d-e
- C) c y e
- D) a-c-e
- E) a-b-d-e

En el Perú existen 52 pueblos originarios distribuidos en 22 regiones. Las etnias de la zona amazónica se organizan, mayoritariamente, en torno a comunidades nativas que tienen su origen en los grupos tribales de la selva y ceja de selva y están constituidas por conjuntos de familias vinculadas una diversidad de elementos como: idioma o dialecto; características culturales y sociales; y tenencia y usufructo común y permanente de un mismo territorio con asentamiento nucleado o disperso. La edad y la experiencia son algunos elementos de jerarquía que ellos respetan.

El censo del 2007 registró que 3 919 314 personas de cinco a más años hablan lenguas indígenas, de las cuales: 3 261 750 son quechua hablantes, 434 370 aymara hablantes y, 223 194 hablan otra lengua nativa.

Rpta.: E

## Economía EVALUACIÓN Nº 08

Martha y José trabajan en distintas actividades, siempre pensando en obtener el mejor resultado. Martha, por su parte, trabaja en una empresa de confecciones de calzado "luchita"y por cada docena de pares de zapatos percibe una remuneración de S/. 200; José, por otro lado, tiene a su cargo realizar la auditoria del ejercicio anual del mini-market "Dorita", por lo que recibe como pago S/. 3000 por los diez días laborados.

Los salarios percibidos por Martha y José, respectivamente son:

A) Dieta y por tiempo.

B) A destajo y sueldo.

C) Honorario y a destajo.

D) Jornal y por tiempo.

E) A destajo y por tiempo.

#### Solución:

El salario a destajo perciben los trabajadores por cantidades producidas o por obra, en tanto que al realizar un servicio en el plazo de diez días corresponde un salario por tiempo.

Rpta.: E

2.	rango meta d , e demandas en	e 3% anual, la I sindicato de	asa de inflación a cual afecta a trabajadores po remento de sus ado.	la capacidad a rtuarios del Ca	adquisitiva d Ilao evalúa	lel salario presentar
	A) nominal – o C) real – nivel E) real – costo	de vida		B) nominal – p D) nominal – c		
	de los bienes d adquiere una d destinar una c	que consumen l cantidad menor	nflación se ve ref as familias, por lo de bienes, de ta de dinero para ao	o que, con el mis I manera que los	smo salario n s hogares tei	ominal se ndrán que
	doon or door o	o vida oo may				Rpta.: D
3.	(CNT), el trabajadores s	fijo ur ujetos al régim	TR, con participa incremento de en laboral de la a partir del 1ro de	e S/. <mark>100 al</mark> (la activ <mark>idad privad</mark>	a, llegando a	_ de los a la suma
	A) legislativo – salario mínimo legal – S/.850 B) legislativo – salario mínimo vital – S/.850 C) ejecutivo – remuneración mínima vital – S/.850 D) ejecutivo – salario mínimo legal – S/.950 E) ejecutivo – remuneración mínima vital – S/.750					
	Promoción del determinan la	Empleo (MTPE	olica con refren E) con la participa mínima vital (	ción del CNT (pa	ara el estudio	o técnico),
	dottaanaaa aoo	.o., a o,	•			Rpta.: C
4.		rduras dentro d	e precio al consu le la canasta de	,		
	Sí el salario no	minal permane	ció constante y s	in variaciones po	odemos afirm	nar que
	II. el costo de III. hay una re IV. hay un aur	ducción de la c nento del salari	y familiar ha aum apacidad de com	pra del salario re	eal.	
	A) II, III	B) II, III, V	C) I, III, V	D) II, V	E) I, II, III	

El aumento de los precios al consumidor ha hecho que el costo de vida de las personas aumente; adicionalmente el tener salarios estancados ha reducido la capacidad de compra del salario nominal.

Rpta.: D

5. Pedro es un trabajador destacado especializado en cortes de tela en una fábrica textil de Gamarra; su vecina Lorena es supervisora en el área de control de calidad en la industria de gaseosas. Ambos, preocupados por el incremento de los precios de los alimentos, alquiler de vivienda, los gastos de salud, educación y demás bienes que consumen en sus respectivos hogares, están de acuerdo en plantear a sus jefe un aumento de sus salarios aduciendo un incremento del costo de vida, pero por otro lado Lorena advierte además que un factor que determina el salario es el (la) \_\_\_\_\_\_ asociada a la innovación, educación, eficiencia, etc.

A) demanda laboral

B) oferta laboral

C) costo de vida

D) productividad

E) poder del sindicato

#### Solución:

La productividad del trabajo es un factor que determina el nivel de salarios, por lo que aumentar el nivel de productividad reduce los costos sin afectar los precios de los bienes y además incrementa la producción y las ganancias.

Rpta.: D

6. Lea el siguiente texto:

"Los trabajadores de la minera Cerro Verde pusieron fin a su lucha que iniciaron el 10 de marzo y que demandaba el pago de utilidades así como su participación en el Comité de Seguridad y Salud en el Trabajo. Así lo anunció el Ministerio de Trabajo en comunicado.

Ambas partes acordaron revisar el sistema convencional de participación de utilidades para lo cual se reunirán a partir del mes de julio.

Asimismo, se dio un plazo de 45 días calendario para la instalación de dicho grupo de trabajo. De no llegar a un acuerdo, cualquiera de las partes podrá solicitar nuevamente la participación del Ministerio de Trabajo".

(Diario La República - 31/03/2017).

Podemos determinar la validez de las siguientes proposiciones:

- El fin del conflicto laboral se realizó a través de una conciliación.
- II. Una de las peticiones sindicales representa una mejora salarial.
- III. El estado ayudo a poner fin al conflicto laboral.
- IV. El siguiente paso si no se cumple los acordados es el lockout.
- V. La suspensión de las labores de los trabajadores representa un paro.

A) I, II

B) II, III, V

C) II, III

D) I, II, V

E) I, II, III

#### Solución:

- II. Una de las peticiones sindicales representa una mejora salarial. (V)
- III. El estado ayudo a poner fin al conflicto laboral. (V)

7. La década de los 90 se caracterizó por un "desfile" de normas que modificaron el marco legal laboral del Perú que fueron dictados por el gobierno del expresidente Alberto Fujimori, las cuales generan recuerdos positivos y negativos entre los peruanos.

"En aquella época existía una protección bastante fuerte contra el despido arbitrario y este fue el aspecto, a mi parecer, más sustancial que cambia el gobierno de Fujimori porque flexibiliza mucho la protección contra el despido", señala Juan Carlos Benavente, socio y encargado del Área Laboral de Torres y Torres Lara Abogados.

Diario Gestión: Jueves, 09 de julio del 2015

Del texto anterior se pone en relieve el (la)

- A) poder de los sindicatos.
- B) huelga en los años 90.
- C) flexibilidad laboral.
- D) baja aceptación del gobierno de Fujimori.
- E) el cierre de empresas en los años 90.

#### Solución:

Las normas orientadas a la flexibilidad laboral del gobierno de Alberto fujimori tenían como objetivo reducir los altos costos de contratación de trabajadores en detrimento de los derechos de los mismos.

Rpta.: C

8. Un docente de nivel superior percibe 3 ingresos para lo cual genera 3 comprobantes electrónicos, en los cuales indica su número de RUC y el importe a cobrar por cada empleador.

De la información concluimos que los importes percibidos por el docente representan

A) jornales.

B) sueldos.

C) honorarios.

D) dietas.

E) emolumentos.

#### Solución:

Los honorarios representan el pago realizado a personas que ejercen una actividad de manera independiente.

# Filosofía EVALUACIÓN N° 8

1.	Para el primer	Wittgenstein, la	s proposiciones	guardan rela	ción con los
	A) signos.	B) juegos.	C) tratados.	D) usos.	E) hechos.
	Solución: Para Wittgensicon los hechos		s guardan relac	ión con los ol	ojetos y las proposiciones <b>Rpta.: E</b>
2.	Marque la alte	rnativa que cont	enga elementos	s de la teoría f	igurativa de Wittgenstein.
۷.	A) Deducción-	falsación s (del lenguaje)	enga elementos	B) Hechos	moleculares-inducción hechos atómicos
	el mundo el d				ra de la realidad, esto es ueden ser moleculares o
		7 A 7			Rpta.: D
3.	Según Martín I	Heid <mark>egger, el</mark> se	er d <mark>el hom</mark> bre se	e caract <mark>eriza</mark> p	or ser un
	A) cuerpo con tendencias racionales e instintivas. B) abanico de posibilidades proyectadas al mundo. C) sujeto que busca la libertad y la vida auténtica. D) sujeto débil que vive creyendo en Dios y el cielo. E) cuerpo que no se distingue de las cosas.  Solución: El análisis existencial tiene como objeto la vida cotidiana del hombre. Heidegge considera que el hombre, debe dar cuenta de todas sus posibilidades proyectadas a				
	mundo, incluid	a la posibilidad	inminente y defi	nitiva de la m	uerte. <b>Rpta.: B</b>
4.		er, los filósofos n distintos		centraron su	ı reflexión en el
	A) ser-entes C) conocimien E) valor – obje			B) hombre - D) ente – se	
		idental por ider	•	`	y tiempo 1927), criticó la s decir, al Ser lo sostuvo
					Rpta.: A

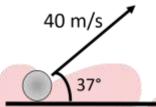
5.	Para Popper un sistema explicativo solo puede ser calificado como científico, a partir de la posibilidad de presentar					
	A) enunciados D) la realidad.		B) hechos. E) investigació	n.	C) contraej	emplos.
	mediante un	smo sostiene qu contraejemplo. U científica, si es s	Jn sistema exp	olicativo (una t	eoría) solo <sub>l</sub>	ouede ser
						Rpta.: C
6.		a el psicoanálisis nces, según Pop				
		ntífico para catalogarse pro de la pseudo			C) Epistem	
	recae en er ac	no de la pseddo	olericia.			Rpta.: A
7.	A) Popper-inco C) Wittgenstein E) Russell-refu Solución: Para Kuhn los	n-ininteligibles	rla <mark>s al no posee</mark>	B) Carnap-ve D) Kuhn-incor	rificables nmensurables lecen a inves	s Stigaciones
8.	Sobre la episte	emología de Tom	aás Kuhn, es co	rrecto afirmar q	ue	
	II. todo parad	ón de un paradio ligma vigente sie gmas científicos s	mpre presenta	enigmas.	ase de cienci	a normal.
	A) I y III	B) I y II	C) II y III	D) I, II y III	E) III	
		de un paradig r lo cual, la única	•	•		

## Física EJERCICIOS DE CLASE Nº 8

1. Durante las pruebas o ensayos con proyectiles se tiene en cuenta la energía necesaria para impulsarlos. Se lanza un proyectil, de 100 g de masa, con una rapidez de 40 m/s y bajo un ángulo de inclinación de 37° con la horizontal, tal como se muestra en la figura. Determine la energía cinética del proyectil 2 s después del lanzamiento.

 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

- A) 104 J
- B) 52 J
- C) 43 J
- D) 64 J
- E) 51,2 J



#### Solución:

**Datos:** m = 0.1 kg, v = 40 m/s, t = 2 s,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ . Descomponiendo la velocidad y analizando para t = 2 s:

$$v_x = 40\cos 37 \rightarrow v_x = 32 \, m/s$$

$$v_{0y} = 40 sen 37 \rightarrow v_{0y} = 24 m/s$$

Luego:

$$t = 2 s$$

$$v_{y} = v_{0y} - gt$$

$$v_y = 24 - 10(2) \rightarrow v_y = 4 \, m/s$$

Finalmente la energía cinética del cuerpo para t = 2 s:

$$E_{c} = \frac{1}{2} m \left( v_{x}^{2} + v_{y}^{2} \right)^{2}$$

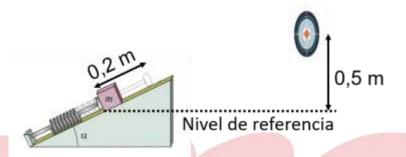
$$E_c = \frac{1}{2}(0,1)[32^2 + 4^2]$$

$$E_c = 52 J$$

Rpta.: B

2. Cuando actúan fuerzas conservativas sobre un sistema, la energía mecánica permanece constante en el transcurso del tiempo. Un bloque de masa 100 g se impulsa a través de un resorte comprimido 0,2 m y de constante elástica k = 30 N/m, tal como se muestra en la figura. Determine la rapidez del bloque en el instante del impacto con el centro de un objetivo. Desprecie la fricción con la superficie y el aire.

 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 



A) 2 m/s

- B)  $2\sqrt{2}$  m/s
- C) 3 m/s
- D)  $\sqrt{2}$  m/s
  - E) 2√5 m/s

#### Solución:

**Datos:** m = 0.1 kg, x = 0.2 m, k = 30 N/m, h = 0.5 m

Por conservación de la energía mecánica:

$$E.M_0 = E.M_f$$

$$\frac{1}{2}kx^2 = mgh + \frac{1}{2}mv^2$$

$$\frac{1}{2}(30)(0,2)^2 = (0,1)(10)(0,5) + \frac{1}{2}(0,1)v^2$$

$$0,6 = 0,5 + \frac{1}{2}(0,1)v^2$$

$$0,1 = \frac{1}{2}(0,1)v^2 \Rightarrow v = \sqrt{2} m/s$$

Rpta.: D

3. Un bloque de masa desconocida se desplaza inicialmente sobre una superficie horizontal con energía cinética de 5 J. Si el bloque logra ascender 0,4 m (figura), determine su masa. Desprecie la fricción con la superficie y el aire.

 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

- A) 1,25 kg
- B) 2,5 kg
- C) 12,5 kg
- D) 1 kg
- E) 1,4 kg

#### Solución:

**Datos:**  $E_C = 5 \text{ J}, H = 0.4 \text{ m}$ 

Por conservación de la energía mecánica:

$$EM_i = EM_f$$

$$E_{c(i)} = E_{pg(f)}$$

$$5 = m(10)(0.4)$$

$$m = 1,25 kg$$

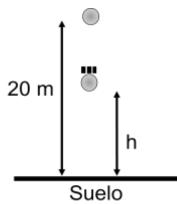
Rpta.: A

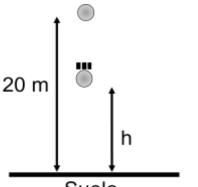
 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

Una esfera de masa m = 1 kg se suelta libremente desde una altura de 20 m y alcanza una rapidez de 8 m/s en cierto intervalo de tiempo y antes de llegar al suelo, tal como se muestra en la figura. Si la energía liberada debido al rozamiento con el aire es 40 J; determine la altura h.



- B) 10,8 m
- C) 16 m
- D) 2,8 m
- E) 7,2 m





**Datos:**  $m = 1 \text{ kg}, h_i = 20 \text{ m}, v_i = 0 \text{ m/s}, v_f = 8 \text{ m/s}$ 

Por conservación de la energía mecánica:

$$E.M_i + W = E.M_f$$
 ;  $W = W^{fr}$ 

$$Epg_i + W^{fr} = Ec_f + Epg_f$$

$$(1)(10)(20) - 40 = \frac{1}{2}(1)(8^2) + (1)(10)(h)$$

$$200 - 40 = 32 + 10h$$

$$h = 12.8 m$$

Rpta.: A

5. Se lanza verticalmente hacia arriba un proyectil de masa 0,2 kg con rapidez inicial de 10 m/s. Si el proyectil alcanza la altura máxima de 4 m; indique la verdad (V) o falsedad (F) de las siguientes proposiciones:

 $(q = 10 \text{ m/s}^2)$ 

- La energía cinética inicial del proyectil es 10 J.
- II. La energía potencial gravitatoria del proyectil en el instante que alcanza la altura máxima es 8 J
- III. El trabajo de la fuerza de rozamiento del aire es 2 J.
- A) FVF
- B) VFV
- C) FVV
- D) VVV
- E) VVF

#### Solución:

I) Verdadero

$$E.C_0 = \frac{1}{2}(0,2)(10)^2 \Rightarrow E.C_0 = 10J$$

$$E.P.G_f = (0,2)(10)(4) \Rightarrow E.P.G_f = 8J$$

II) Verdadero

$$E.P.G_f = (0,2)(10)(4) \Rightarrow E.P.G_f = 8J$$

III) Falso

$$E.C_0 + W^{fr} = E.P.G_f$$
$$10 + W^{fr} = 8 \Rightarrow W^{fr} = -2J$$

Rpta.: E

6. La figura muestra esquemáticamente a un esquiador de masa 80 kg que pasa por el punto A con rapidez de 10 m/s y luego por el punto B con la mitad de su rapidez en A. Determine el trabajo de la fuerza de rozamiento efectuado sobre el esquiador en el intervalo AB.



 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

- A) +3 kJ
- B) 9 kJ
- C) –3 kJ
- D) +8 kJ
- E) -6 kJ

#### Solución:

**Datos:**  $v_A = 10 \text{ m/s}, m = 80 \text{ kg}, v_B = 5 \text{ m/s}$ 

Por el teorema del trabajo y la energía:

$$W = E.C_f - E.C_o$$

$$W = \frac{1}{2}m(v_B)^2 - \frac{1}{2}m(v_A)^2$$

$$W = \frac{80}{2}(5)^2 - \frac{80}{2}(10)^2$$

$$W = 1000 - 4000$$

$$W = -3kJ$$

Rpta.: C

7. El trabajo de una fuerza resultante sobre un cuerpo puede ocasionar un cambio en su energía cinética. En un laboratorio se sometió a un bloque de masa 4 kg una fuerza resultante variable como indica en la figura. Determine F<sub>0</sub> si el movimiento del bloque se inicia en la posición x = 0 y cuando pasa por x = 11 m su rapidez es 8 m/s.

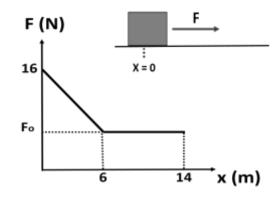












Del Teorema del Trabajo y la Energía:

$$W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_0^2$$

$$W = \frac{1}{2}(4)(8^2)$$

$$W = 128 J...(1)$$

Del gráfico:

$$W \equiv Area$$

$$W = \left(\frac{16 + F_0}{2}\right)(6) + (5)(F_0)$$

$$W = 48 + 8F_0 \dots (2)$$

$$F_0 = 10 N$$

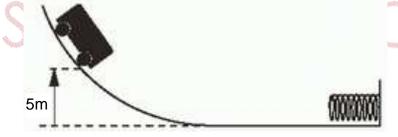
Rpta.: C

#### **EJERCICIOS DE CASA Nº 8**

Existen diversos experimentos para determinar la constante elástica de un resorte. Tal es el caso de un carrito de 1 kg que se deja caer desde una altura de 5 m por una rampa curva lisa que finaliza en un tramo horizontal, como se muestra en la figura. Determine la constante elástica del resorte si la máxima compresión fue de 0,2 m.

 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

- A) 250 N/m
- B) 25 N/m
- C) 125 N/m
- D) 280 N/m
- E) 2500 N/m



#### Solución:

**Datos:** m = 1 kg, h = 5 m,  $v_i$  = 0 m/s, x = 0,2 m La máxima compresión se da cuando  $v_f$  = 0 m/s Por la ley de conservación de la energía mecánica:

$$E.M_i = E.M_f$$
  
 $Epg_i = Epk_f$   
 $(1)(10)(5) = \frac{1}{2}k(0,2)^2$ 

 $k = 2500 \ N / m$ 

Rpta.: E

- 2. Durante un entrenamiento un joven atleta de 70 kg de masa logra pasar una valla que está 2,25 m del suelo, tal como se ilustra en la figura. Determine su energía potencial justo al pasar la valla.
  - $(g = 10 \text{ m/s}^2)$

- A) 1800 J
- B) 1900 J
- C) 1575 J
- D) 2000 J
- E) 3150 J



#### Solución:

La energía potencial justo en la valla es:

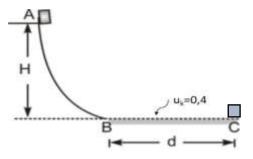
$$E.P_g = mgh$$

$$E.P_g = 70 \times 10 \times 2,25$$

$$E.P_g = 1575J$$

- 3. Un bloque de masa m = 2 kg se libera desde una altura H = 2 m y se desplaza por una rampa rugosa y pasa por el punto B, liberando 12 J como calor. Continúa su movimiento hasta detenerse en el punto C, tal como se muestra en la figura. Determine la distancia entre los puntos B y C.
  - $(q = 10 \text{ m/s}^2)$

- A) 3,2 m
- B) 3,5 m
- C) 5 m
- D) 7 m
- E) 1,5 m



**Datos:** H = 2 m,  $v_i = 0 \text{ m/s}, v_f = 0 \text{ m/s},$ 

Por el principio de conservación de la energía:

$$E.M_i + W = E.M_f$$
,  $W = W_{A-B}^{calor} + W_{B-C}^{fr}$ ,  $W_{B-C}^{fr} = -u_k mgd$ 

$$Epg_A + W^{calor} + W^{fr} = 0$$

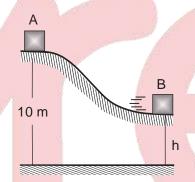
$$(2)(10)(2) + -12 + -(0,4)(2)(10)d = 0$$

$$d = 3,5 m$$

Rpta.: B

- **4.** En la figura, el bloque de masa 1 kg parte del reposo en el punto A y pierde 10% de su energía mecánica entre los puntos A y B por efecto del rozamiento. Si su rapidez en el punto B es 10 m/s, determine la altura h.
  - $(g = 10 \text{ m/s}^2)$

- A) 8 m
- B) 7 m
- C) 9 m
- D) 4 m
- E) 6 m



#### Solución:

Por el conservación de la energía mecánica:

$$E.M_o + W = E.M_f$$

$$(1)(10)(10) - 10\%(100) = (1)(10)h + \frac{1}{2}(1)(10)^2$$

$$90 = 10h + 50$$

$$h = 4 m$$

Rpta.: D

- 5. Un carrito de 2 kg de masa se mueve horizontalmente con rapidez de 2 m/s, tal como muestra la figura y en dirección de un resorte horizontal de constante elástica k = 200 N/m sin elongación. Despreciando las fuerzas de fricción; determine la máxima compresión del resorte.
  - A) 2 m
  - B) 0,4 m
  - C) 0,1 m
  - D) 0,2 m
  - E) 0,6 m

De conservación de la energía mecánica:

$$EM_o = EM_f$$

$$E.C_o = E.P.Elas._f$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}k(x_{M\acute{a}x})^2$$

$$x_{M\acute{a}x} = \sqrt{\frac{mv^2}{k}}$$

$$x_{M\acute{a}x} = \sqrt{\frac{2 \times 2^2}{200}}$$

$$x_{M\acute{a}x} = 0, 2m$$

Rpta.: D

 $(g = 10 \text{ m/s}^2)$ 

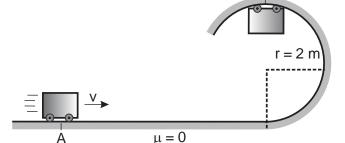
- 6. La figura muestra a un carrito pasando por el punto A. Determine la mínima rapidez que debe tener el carrito en el punto A para que logre pasar por el punto B. Se desprecia todo tipo e rozamiento.
  - A) 15 m/s





D) 25 m/s

E) 12 m/s



Al pasar por B la normal debe ser N = 0:

$$\sum_{radial} F_{radial} = ma_{c}$$

$$mg = m \frac{(v_{B})^{2}}{r}$$

$$v_{B}^{2} = gr \dots (1)$$

Por conservación de la energía mecánica:

$$E.M_{A} = E.M_{B}$$

$$\frac{1}{2}m(v_{A})^{2} = \frac{1}{2}m(v_{B})^{2} + mgH ...(2)$$

$$(1) en (2):$$

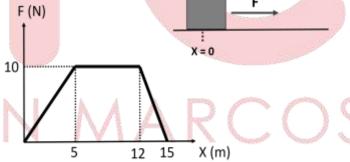
$$\frac{1}{2}m(v_{A})^{2} = \frac{1}{2}mgr + mg(2r)$$

$$v_{A}^{2} = 5gr$$

$$v_{A} = \sqrt{5(10)(2)} \Rightarrow v_{A} = 10 \text{ m/s}$$

Rpta.: B

- 7. Un bloque se desplaza sobre una superficie horizontal sin rozamiento. Si sobre el bloque actúa una fuerza horizontal de magnitud variable, indicado en la gráfica adjunta, determine el cambio en la energía cinética del bloque desde la posición x=0 hasta x=15 m.
  - A) 410 J
- B) 55 J
- C) 220 J
- D) 205 J
- E) 110 J



#### Solución:

Del Teorema del Trabajo y la Energía:

$$W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 \dots (1)$$

$$W \equiv Area...(2)$$

$$W = \left(\frac{15+7}{2}\right)(10)$$

$$W = 110J \dots en (1)$$

Por tanto:

$$\frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = 110 J$$

Rpta.: E

### Química

#### SEMANA N°8: UNIDADES QUIMICAS DE MASA Y ESTEQUIOMETRÍA

- 1. El sulfato cúprico pentahidratado (CuSO<sub>4</sub>·5H<sub>2</sub>O) es una sal de color azul que se utiliza como fungicida, alguicida y como complemento en la alimentación de animales. Al respecto, indique la secuencia correcta de verdadero (V) o falso (F).
  - I. En 499 g de sal hay  $1,2 \times 10^{24}$  átomos de Cu.
  - II. En 10 moles de sal hay 3,0 x 10<sup>25</sup> moléculas de H<sub>2</sub>O.
  - III. Existen 3,6 x 10<sup>24</sup> iones totales en 3 moles de sal.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) Cu = 63,5; S = 32; O = 16; H = 1

A) VFV

B) VFF

C) FVF

D) VVV

E) FFF

#### Solución:

I. VERDADERO: En 499 g de sal hay 1,2 x 10<sup>24</sup> átomos de Cu.

Masa Molar 
$$(\overline{M}_{Sal}) = 63.5 + 32 + 4 \times (16) + 5 \times (18) = 249.5 \frac{g}{mol}$$

$$N^{\circ}$$
 átomos (Cu) = 499 g Sal ×  $\left(\frac{1 mol \ Sal}{249,5 \ g \ Sal}\right)$  ×  $\left(\frac{1 mol \ Cu}{1 mol \ Sal}\right)$  ×  $\left(\frac{6 \times 10^{23} \ átomos \ de \ Cu}{1 mol \ Cu}\right)$ 

 $N^{\circ}$  átomos (Cu) = 1,2 × 10<sup>24</sup> átomos de Cu.

II. VERDADERO: En 10 moles de sal hay 3,0 x 10<sup>25</sup> moléculas de H<sub>2</sub>O.

$$N^{\circ} \, mol \'eculas \, (H_2O) = 10 \, mol \, Sal \times \left(\frac{5 \, mol \, H_2O}{1 mol \, Sal}\right) \times \left(\frac{6 \times 10^{23} \, mol \'eculas \, H_2O}{1 \, mol \, H_2O}\right)$$

 $N^{\circ}$  moléculas  $(H_2O) = 3.0 \times 10^{25}$  moléculas de  $H_2O$ .

III. **VERDADERO**: Existen 3,6 x 10<sup>24</sup> iones totales en 3 moles de sal.

1 mol de  $CuSO_4 \cdot 5H_2O$  contiene 1 mol de  $Cu^{2+}$  y 1 mol de  $(SO_4)^{2-}$  por lo cual contiene 2 moles de iones en total.

$$N^{\circ}$$
 iones = 3 mol Sal ×  $\left(\frac{2 \, mol \, iones}{1 mol \, Sal}\right)$  ×  $\left(\frac{6 \times 10^{23} \, iones}{1 mol \, iones}\right)$ 

 $N^{\circ}$  iones = 3,6×10<sup>24</sup> iones.

Rpta.: D

2. El carbonato de calcio (CaCO<sub>3</sub>) es una sustancia abundante en la naturaleza. Es utilizado en la elaboración de vino, cemento y suplementos de calcio. Determine la masa, en gramos, de calcio que están presentes en 800 gramos de CaCO<sub>3</sub>.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) Ca = 40; C = 12; O = 16

A) 
$$3.2 \times 10^{\circ}$$

A) 
$$3.2 \times 10^0$$
 B)  $3.20 \times 10^2$  C)  $8.0 \times 10^1$ 

D) 
$$3.2 \times 10^{1}$$

D) 
$$3.2 \times 10^1$$
 E)  $8.0 \times 10^2$ 

#### Solución:

Carbonato de Calcio: CaCO<sub>3</sub> 
$$\overline{M}_{CaCO_3} = 40 + 12 + 3(16) = 100 \frac{g}{mol}$$

$$masa(Ca) = 800 g CaCO_{3} \times \left(\frac{1molCaCO_{3}}{100 g CaCO_{3}}\right) \times \left(\frac{1molCa}{1molCaCO_{3}}\right) \times \left(\frac{40 g Ca}{1molCaCO_{3}}\right) \times \left(\frac{40 g Ca}{1molCaCO_{3}}\right) \times \left(\frac{1molCaCO_{3}}{1molCaCO_{3}}\right) \times \left(\frac{1molCaCO_{3}}{1molCaCO_{3}}\right)$$

$$masa(Ca) = 320 g Ca$$

Rpta.: B

El ácido acético es un ácido orgánico utilizado en industrias alimentarias como 3. agente acidulante y en la preparación de ésteres frutales. Este compuesto tiene una masa molar de 60 g/mol y contiene 40,0% de C, 6,7% de H y 53,3% de O. Determine la fórmula molecular del compuesto.

Datos: M(g/mol) C = 12; O = 16; H = 1

### Solución:

Asumiendo 100 g de ácido oxálico, se tiene:

	Elemento	Porcentaje (%)	Masa (g)	N° moles	Dividir entre el menor	Fórmula empírica (F.E.)
•	С	40,0	40,0	40,0 / 12 = 3,33	3,33 / 3,33 = 1	
	Н	6,7	6,7	6,7 / 1 = 6,7	6.7 / 3,33 = 2	CH <sub>2</sub> O
	0	53,3	53,3	53,3 / 16 = 3,33	3,33 / 3,33 = 1	

Para determinar la formula molecular (F.M.):

Masa molar 
$$(F.E.) = 12 + 2 \times (1) + 16 = 30 \frac{g}{mol}$$
  
 $M_{FE} = K \times M_{FM} \Rightarrow 60 \frac{g}{mol} = K \times 30 \frac{g}{mol} \Rightarrow K = 2$ 

$$FM = K \times FE$$
  $\Rightarrow FM = C_2 H_4 O_2$ 

Rpta.: A

4. El ácido oxálico (C<sub>2</sub>H<sub>2</sub>O<sub>4</sub>) es un compuesto orgánico utilizado como blanqueador y protector de cueros curtidos contra la putrefacción. Determine el porcentaje en masa de carbono y oxígeno en este ácido, según el orden mencionado.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) C = 12; O = 16

#### Solución:

$$\overline{M}_{C_2H_2O_4} = \underbrace{\frac{2(12)}{C}} + \underbrace{\frac{2(1)}{H}} + \underbrace{\frac{4(16)}{O}} = 90 \frac{9}{mol}$$

Porcentaje en masa (C) = 
$$\left(\frac{24 gC}{90 g \acute{a} c i do}\right) \times 100 \implies \%$$
 (C) = 26,67  
Porcentaje en masa (O) =  $\left(\frac{64 gO}{90 g \acute{a} c i do}\right) \times 100 \implies \%$  (O) = 71,11

Porcentaje en masa (O) = 
$$\left(\frac{64 \text{ g O}}{90 \text{ g ácido}}\right) \times 100 \implies \% \text{ (O)} = 71,11$$

Rpta.: E

El trietilenglicol (C<sub>6</sub>H<sub>14</sub>O<sub>4</sub>) es un líquido utilizado como disolvente y reactivo para 5. obtener los plásticos de polivinilo y el poliuretano. Para la reacción de combustión de este compuesto se tiene la siguiente ecuación:

$$2 C_6 H_{14} O_{4(i)} + 15 O_{2(g)} \rightarrow 12 CO_{2(g)} + 14 H_2 O_{(g)}$$

Determine la masa, en kg, de C<sub>6</sub>H<sub>14</sub>O<sub>4</sub> que al reaccionar con suficiente O<sub>2</sub> producirá 96 moles de CO<sub>2</sub>.

Datos: 
$$\overline{M}$$
 (g/mol) C = 12; O = 16; H = 1

#### Solución:

$$2C_6H_{14}O_{4(l)} + 15O_{2(g)} \rightarrow 12CO_{2(g)} + 14H_2O_{(g)}$$
  
 $2(150)$  g 12 mol  
m 96 mol

$$m_{C_6H_{14}O_4} = 96 \, mol \times \frac{2(150) \, g}{12 \, mol} = 2400 \, g \equiv 2.4 \, kg$$
  $C_6H_{14}O_4$ 

Rpta.: B

6. La reacción de sustitución simple entre el aluminio sólido y el ácido clorhídrico acuoso, constituye un método sencillo para preparar cloruro de aluminio y pequeños volúmenes de gas hidrógeno en el laboratorio. Determine el volumen, en L, de gas hidrógeno recolectado a condiciones normales si reaccionan 2,70 g de aluminio con exceso de ácido.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol)  $A\ell = 27$ ;  $C\ell = 35,5$ ; H = 1

A) 2,10

B) 3,36

C) 2,36

D) 5,40

E) 2,70

Solución:

$$2Al_{(s)} + 6HCl_{(ac)} \rightarrow 2AlCl_{3(ac)} + 3H_{2(g)}$$
  
2(27) g 3(22,4)L  
2,70 g V

$$V_{H_2} = 2,70 g \times \frac{3(22,4)L}{2(27) g} = 3,36 L H_2.$$

Rpta.: B

7. El tricloruro de fósforo, PCl<sub>3</sub>, es un compuesto importante desde el punto de vista comercial, se utiliza en la fabricación de pesticidas, aditivos para la gasolina y otros productos. Se puede obtener mediante la siguiente reacción:

$$P_{4(s)} + 6C\ell_{2(g)} \rightarrow 4PC\ell_{3(l)}$$

Determine las moles de PCl<sub>3</sub> que se forma en la reacción de 186 g de P<sub>4</sub> con 426 g de Cl<sub>2</sub>.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) P<sub>4</sub> = 124; C $l_2$  = 71

A) 6,0

B) 1,1

C).3.0

D) 5.5

E) 4.0

Solución:

$$P_{4(s)}$$
 +  $6C\ell_{2(g)}$   $\rightarrow$   $4PC\ell_{3(l)}$   
1(124) g 6(71) g 4 mol  
186 g 426 g  $n$ 

Hallando el reactivo limitante:

 $C\ell_2$ : 124 × 426 = 52824 (*menor*)

 $P_4$ : 186 × 6(71) = 79236 (mayor)

Reactivo limitante: C<sub>2</sub>

Reactivo en exceso:P4

Finalmente:

$$\eta_{PC\ell_3} = 426 g C\ell_2 \times \frac{3 \, mol \, PC\ell_3}{6(71) g \, C\ell_2} = 4 \, mol \, PC\ell_3$$

Rpta.: E

**8.** La urea [(NH<sub>2</sub>)<sub>2</sub>CO] se prepara por la reacción del amoniaco con dióxido de carbono, según la siguiente reacción:

$$2NH_{3(g)} + CO_{2(g)} \rightarrow (NH_2)_2CO_{(ac)} + H_2O_{(l)}$$

En un proceso se hacen reaccionar 374 g de NH<sub>3</sub> con 10 moles de CO<sub>2</sub>. Indique la secuencia correcta de verdadero (V) o falso (F).

Datos: M (g/mol) NH<sub>3</sub> = 17; CO<sub>2</sub> = 44; (NH<sub>2</sub>)<sub>2</sub>CO = 60

- . El reactivo que se consume primero es el NH<sub>3</sub>.
- II. La masa del reactivo en exceso sin reaccionar es 34 g.
- III. La masa de urea que se forma es 600 g.
- A) VVV
- B) FVV
- C) FFF
- D) VFV
- E) VFF

# Solución:

$$2NH_{3}(g) + CO_{2}(g) \rightarrow (NH_{2})_{2}CO_{(ac)} + H_{2}O_{(l)}$$
 $2(17) g \downarrow 1mol \qquad 1(60)g$ 
 $374 g \downarrow 10mol \qquad m_{urea}$ 

I. FALSO: El reactivo que se consume primero, es decir, el reactivo limitante es el CO<sub>2</sub>.

$$CO_2: 2(17) \times 10 = 340 \ (menor)$$
  $NH_3: 1 \times 374 = 374 \ (mayor)$   
Reactivo limitante:  $CO_2$  Reactivo en exceso:  $NH_3$ 

II. VERDADERO: La masa del reactivo en exceso sin reaccionar es 34 g.

$$\begin{split} m_{\mathrm{N}H_{3}\ reacciona} &= 10\,mol\,\,\mathrm{C}O_{2} \times \frac{2(17)\,g\,\,NH_{3}}{1\,mol\,\,\,\mathrm{C}O_{2}} = 340\,g\,\,NH_{3} \\ m_{\mathrm{N}H_{3}\ \sin\,reaccionar} &= m_{\mathrm{N}H_{3}\ inicial} - m_{\mathrm{N}H_{3}\ reacciona} \\ m_{\mathrm{N}H_{3}\ \sin\,reaccionar} &= 374\,g - 340\,g = 34\,g \end{split}$$

III. VERDADERO: La masa de urea que se forma es 600 g.

$$m_{urea} = 10 \, mol \, CO_2 \times \frac{1(60) \, g \, NH_3}{1 \, mol \, CO_2}$$
  $\Rightarrow m_{urea} = 600 \, g$ 

Rpta.: B

**9.** El titanio es un metal fuerte, ligero y resistente a la corrosión, que se utiliza en la construcción de naves espaciales, aviones, motores para aviones y armazones de bicicletas. Se obtiene por la reacción de cloruro de titanio (IV) con magnesio fundido entre 950°C y 1 150°C según la reacción:

$$TiC\ell_{4(g)} + Mg(\iota) \rightarrow Ti(s) + MgC\ell_{2(\iota)}$$

Si reacciona 570 g de TiC4 con 192 g de Mg. Determine el porcentaje de rendimiento de la reacción, si en realidad se obtienen 126 g de Ti.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) TiC $\ell_4$  = 190; Mg = 24; Ti = 48

A) 80,0

B) 85,5

C) 87,5

D) 90,0

E) 82,5

Solución:

Hallando el reactivo limitante:

$$TiCl_4: \frac{570 g}{190 g} = 3,0 \ (menor)$$

Reactivo limitante: TiCl<sub>4</sub>

$$Mg: \frac{192 \, g}{2(24) \, g} = 4,0 \ (mayor)$$

Reactivo en exceso: Mg

La masa teórica de Ti obtenida es

$$m_{Ti} = 570 g \ TiCl_4 \times \frac{48 g \ Ti}{190 g \ TiCl_4}$$
  $\Rightarrow$   $m_{Ti} = 144 g \ Ti$ 

Finalmente:

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{masa\ real}{masa\ teórica}\right) \times 100$$

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{126 \ g \ Ti}{144 \ g \ Ti}\right) \times 100$$

Re  $n \dim iento porcentual = 87,5\%$ 

Rpta.: C

**10.** La cuarcita, un mineral que contiene 90 % de SiO<sub>2</sub> es utilizado como materia prima para obtener silicio de grado electrónico (para el uso en chips y circuitos integrados). En este proceso la cuarcita reacciona con carbono (C) según la siguiente reacción:

$$SiO_{2(s)} + C_{(s)} \rightarrow Si_{(l)} + CO_{2(g)}$$

Determinar el rendimiento porcentual de la reacción si se obtuvo 10,5 kg de Silicio a partir de 300 kg de cuarcita con 6 kg de carbono.

Datos:  $M(g/mol) SiO_2 = 60$ ; C = 12; Si = 28

- A) 90,0
- B) 85,5
- C) 82,5
- D) 80,0
- E) 75,0

# Solución:

SiO<sub>2(s)</sub> + C<sub>(s)</sub> 
$$\rightarrow$$
 Si<sub>(l)</sub> + CO<sub>2(g)</sub>  
1(60) g 1(12) g 1(28) g  
300 kg 6kg  $m_{Si}$   
(90%)

Hallando el reactivo limitante:

 $SiO_2: 300 \times 12 = 3600 \ (mayor)$ 

Reactivo en exceso: SiO<sub>2</sub>

 $C: 60 \times 6 = 360 \ (menor)$ 

Reactivo Limitante: C

La masa teórica de Si obtenido es

$$m_{Si} = 6000 g C \times \frac{28 g Si}{12 g C} \qquad \Rightarrow \qquad m_{Si} = 14000 g Ti \equiv 14 kg Ti$$

Finalmente:

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{masa \ real}{masa \ teórica}\right) \times 100$$

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{10.5 \ kg \ Si}{14 \ kg \ Si}\right) \times 100$$

Re  $n \dim iento porcentual = 75,0 \%$ 

Rpta.: E

#### EJERCICIO DE REFORZAMIENTO PARA LA CASA

1. El alcohol cinámico (C<sub>9</sub>H<sub>10</sub>O) se utiliza principalmente en perfumería, en especial en la elaboración de jabones y cosméticos. Determine la secuencia correcta de verdadero (V) o falso (F)

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) C = 12; O = 16; H = 1

- I. El porcentaje en masa de C y O en el alcohol cinámico es 11,9 y 80,6 respectivamente.
- Existen 2,4 x 10<sup>21</sup> moléculas de alcohol cinámico presentes en una muestra de 0,536 g.
- III. Existen 6,0 x 10<sup>25</sup> átomos en una muestra de 5 moles de alcohol cinámico.
- A) VVV
- B) FVV
- C) FFF
- D) VFV
- E) VFF

# Solución:

I. FALSO: El porcentaje en masa de C y O en el alcohol cinámico es 80,6 y 11,9 respectivamente.

Álcohol cinámico: 
$$C_9H_{10}O$$
  $\overline{M}_{C_9H_{10}O} = \underline{\frac{9(12)}{C}} + \underline{\frac{10(1)}{H}} + \underline{\frac{1(16)}{O}} = 134 \frac{g}{mol}$ 

Porcentaje en masa (C) = 
$$\left(\frac{108 \, gC}{134 \, galcohol}\right) \times 100$$
  $\Rightarrow$  % (C) = 80,6  
Porcentaje en masa (O) =  $\left(\frac{16 \, gO}{134 \, galcohol}\right) \times 100$   $\Rightarrow$  % (O) = 11,9

 VERDADERO: Existen 2,4 x 10<sup>21</sup> moléculas de alcohol cinámico presentes en una muestra de 0,536 g.

$$N^{\circ} \ mol \'eculas \ \ (C_{9}H_{10}O) = 0,536 \ \ g \ \ C_{9}H_{10}O \times \left(\frac{1 \ mol \ \ C_{9}H_{10}O}{134 \ g \ \ C_{9}H_{10}O}\right) \times \left(\frac{6 \times 10^{23} \ mol \'eculas \ \ \ C_{9}H_{10}O}{1 \ mol \ \ C_{9}H_{10}O}\right)$$

$$N^{\circ}$$
 moléculas ( $C_9H_{10}O$ ) = 2,4×10<sup>21</sup> moléculas de  $C_9H_{10}O$ 

III. **VERDADERO**: Existen 6,0 x 10<sup>25</sup> átomos en una muestra de 5 moles de alcohol cinámico.

$$N^{\circ} \acute{a}tomos = 5 \ mol \ C_{9}H_{10}O \times \left(\frac{20 \ mol \ \acute{a}tomos}{1 \ mol \ C_{9}H_{10}O}\right) \times \left(\frac{6 \times 10^{23} \ \acute{a}tomos}{1 \ mol \ \acute{a}tomos}\right)$$

 $N^{\circ}$ átomos = 6.0×10<sup>25</sup> átomos.

Rpta.: B

2. El etanoato de octilo es el compuesto responsable del olor característico de la naranja. Un análisis de dicho compuesto muestra la siguiente composición porcentual en masa: C: 69,77%; H: 11,63%; y O: 18,60%. Calcule su fórmula molecular si su masa molar es 172 g/mol.

Datos:  $\overline{M}$  (g/mol) C = 12; O = 16; H = 1

A) C<sub>12</sub>H<sub>12</sub>O<sub>2</sub> B) C<sub>12</sub>H<sub>12</sub>O<sub>4</sub> C) C<sub>5</sub>H<sub>10</sub>O<sub>2</sub>

D)  $C_{11}H_{24}O_2$  E)  $C_{10}H_{20}O_2$ 

# Solución:

Asumiendo 100 g de etanoato de octilo, se tiene:

Elemento	Porcentaje (%)	Masa (g)	N° moles	Dividir entre el menor	Fórmula Empírica (F.E.)
С	69,77	69,77	69,77 / 12 = 5,81	5,81 / 1,16 = 5	
Н	11,63	11,63	11,63 / 1 = 11,63	11,63 / 1,16 = 10	C <sub>5</sub> H <sub>10</sub> O
0	18,60	18,60	18,60 / 16 = 1,16	1,16 / 1,16 = 1	

Para determinar la formula molecular (F.M.):

Masamolar (F.E.) = 
$$5(12) + 10(1) + 16 = 86 \frac{g}{mol}$$

$$M_{FE} = K \times M_{FM}$$
  $\Rightarrow 172 \frac{g}{mol} = K \times 86 \frac{g}{mol}$   $\Rightarrow K = 2$ 

$$FM = K \times FE$$
  $\Rightarrow FM = C_{10}H_{20}O_2$ 

Rpta.: E

El octano (C<sub>8</sub>H<sub>18</sub>) es uno de los componentes de la gasolina, este reacciona con el 3. oxígeno para formar CO<sub>2</sub> y agua. En cierta prueba, se quemó 1,14 galones de octano en un motor y la masa de CO2 que se produjo fue de 7,5 kg. Calcule el rendimiento porcentual de la reacción.

Datos:  $\rho_{\text{octano}} = (2,65 \text{ kg/gal}); \overline{\text{M}} (\text{g/mol}) C_8H_{18} = 114; CO_2 = 44$ 

- A) 86,0
- B) 91,5
- C) 97,0
- D) 80,4
- E) 75,0

#### Solución:

Al quemarse 1,14 galones de octano, la masa de octano que se quema sería

$$\rho = \frac{m}{v} \implies 2.65 \frac{kg}{gal} \times 1.14 gal = m_{octan o}$$

$$2C_8H_{18(1)} + 25O_{2(g)} \rightarrow 16CO_{2(g)} + 18H_2O_{(g)}$$
  
 $2(114) g$   $16 (44) g$   
 $(2,65 \times 1,14)kg$   $m_{CO_2}$ 

$$m_{CO_2} = (2,65 \times 1,14)kg C_8 H_{18} \times \frac{16(44) g CO_2}{2(114) g C_8 H_{18}} = 9,328 kg CO_2.$$

Finalmente:

4-0170-9

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{masa \ real}{masa \ teórica}\right) \times 100$$

Re n dim iento porcentual = 
$$\left(\frac{7.5 \text{ kg } CO_2}{9.3 \text{ kg } CO_2}\right) \times 100$$

Re  $n \dim iento porcentual = 80,4\%$ 

Rpta.: D

Se produce CO<sub>2</sub> mediante el tratamiento de piedra caliza, que contienen 70% de CaCO<sub>3</sub>, con ácido sulfúrico (H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>) según la reacción:

$$CaCO_{3(s)} + H_2SO_{4(ac)} \rightarrow CaSO_{4(ac)} + CO_{2(g)} + H_2O_{(l)}$$

Si reaccionan 160 g de piedra caliza y con 98 g de ácido. Determine el porcentaje de rendimiento de la reacción, si se obtuvo 21 L de CO2 medidos a condiciones normales.

Datos: M (g/mol)  $CaCO_3 = 100$ ;  $H_2SO_4 = 98$ 

A) 96,75

B) 95,25 C) 94,75 D) 92,50 E) 93,75

# Solución:

CaCO<sub>3(s)</sub> + H<sub>2</sub>SO<sub>4(ac)</sub> 
$$\rightarrow$$
 CaSO<sub>4(ac)</sub> + CO<sub>2(g)</sub> + H<sub>2</sub>O<sub>(l)</sub>

RE 1(100) g 1(98) g 1(22,4)L

Dato 160 g 98 g  $Vco_2$ 
(70%)

Hallando el reactivo limitante:

$$CaCO_3: \frac{0.7 \times 160 \, g}{100 \, g} = 1.12 \, (mayor)$$
  $H_2SO_4: \frac{98 \, g}{98 \, g} = 1 \, (menor)$ 

Reactivo en exceso: CaCO<sub>3</sub> Reactivo Limitante: H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>

El volumen de CO<sub>2</sub> obtenido producto de la reacción es

$$Vco_2 = 98 g \text{ H}_2 SO_4 \times \frac{22,4 L CO_2}{98 g \text{ H}_2 SO_4}$$
  $\Rightarrow$   $Vco_2 = 22,4 L CO_2.$ 

Finalmente:

Re 
$$n \dim iento \ porcentual = \left(\frac{21 \ L \ CO_2}{22,4 \ L \ CO_2}\right) \times 100$$

Re  $n \dim iento porcentual = 93,75\%$ 

Rpta.: E

# **Biología**EJERCICIOS DE CLASE Nº8

1.	Varios estudios han descubierto evidencias de que algunos componentes del humo
	producido al quemar madera estimulan la germinación, lo que contribuye a la
	recuperación del bosque luego de un incendio forestal. Por este descubrimiento hay
	quienes consideran que algunos componentes del humo tienen en las semillas un
	efecto similar, o estimulan la síntesis, de la fitohormona

A \	(38935)/98
A)	Auxina.
, ,,	/ turtifica

B) Citocinina.

C) IAA.

D) GA<sub>3</sub>.

E) ABA.

# Solución:

Se ha estudiado el efecto del fuego de un incendio forestal en la germinación de las semillas. Hay estudios que afirman que el fuego y la alta temperatura daña (escarifica) la cubierta de la semilla facilitando el ingreso de aire y agua lo que promueve el desarrollo del embrión. Además, algunos componentes del humo tendrían en las semillas un efecto similar al de las giberelinas y en otros casos estimularían la síntesis de esta hormona lo que provocaría germinación.

Rpta.: D

2. Sofía, una amante de la horticultura, noto que luego de plantar varios tallos leñosos en su jardín estos demoraban mucho en echar raíces por lo que varios terminaban muriendo. Tras investigar sobre el tema para mejorar estas circunstancias, se entera que existe una versión sintética de una hormona vegetal capaz de estimular el desarrollo de las raíces adventicias más rápido. Dicha hormona sintética resulta que tiene una estructura química similar a la fitohormona

A) IAA

B) ABA

C) Etileno

D) GA<sub>3</sub>

E) Citocinina

#### Solución:

Existen algunas versiones sintéticas de fitohormonas auxinas como el ácido indolacético (IAA). Una de ellas es el ácido 1-naftalenacético (NAA ó ANA) que se utiliza como agente de enraizamiento ya que estimula el desarrollo de raíces en cortes de tallos (estacas) utilizados en la propagación vegetativa de especies frutales y en horticultura.

Rpta.: A

- 3. En las plantas, los tejidos adultos se forman a partir de tejidos embrionarios o meristemáticos. Esto implica que la célula meristemática (célula joven no diferenciada) luego de dividirse realiza un proceso de diferenciación celular para convertirse en una célula madura especializada. Mientras esta célula no se separe de la planta verá retardado su proceso de envejecimiento natural (senescencia). Tomando en cuenta los procesos descritos, indique las principales fitohormonas que participan en dichos procesos.
  - A) IAA y ácido giberélico
  - C) Giberelinas y ABA
  - E) Auxinas y citocininas.

- B) ABA y etileno
- D) Citocininas y etileno

Las citocininas estimulan la división celular en presencia de auxinas, además de retardar el envejecimiento (senescencia) en las células vegetales, si estas se separan de la planta pierden su suministro de citocininas,así que envejecen más rápido y mueren. Las citocininas también promueven la diferenciación celular proceso en el cual células jóvenes no especializadas se convierten en células maduras especializadas.

Rpta.: E

- 4. Como parte de sus actividades en el curso de Biología, Juan colocó 2 granos de maíz en un vaso con algodón húmedo, a los pocos días notó que de cada grano crecía una raíz, además le llamó la atención que el volumen del grano se reducía a medida que la raíz crecía más con el paso de los días. Al consultarle a su profesor este le indica que para la formación y el crecimiento de la raíz la semilla tuvo que hidrolizar sus glúcidos de reserva, lo cual explica la reducción de su volumen. ¿Qué sustancias están implicadas en este proceso?
  - A) Citocininas y proteasas

B) Giberelinas y amilasas

C) Auxinas y glucosidasas

D) ABA y glucosidasas

E) GA<sub>3</sub> y celulasas «

# Solución:

En el proceso de germinación el embrión de la semilla libera ácido giberélico (GA<sub>3</sub>) el cual promueve la síntesis de enzimas amilasas las cuales hidrolizan el almidón almacenado en el endospermo de la semilla para que sea utilizado por el embrión y pueda desarrollar una raíz embrionaria que es lo primero que brota de la semilla cuando está germinando.

Rpta.: B

5. Durante el embarazo, las glándulas mamarias crecen por acción de estrógenos, progesterona y prolactina. Luego del parto, el desprendimiento de la placenta disminuye los niveles de hormonas sexuales, lo que permite el inicio de la síntesis de leche o lactogénesis por parte de los altos niveles de prolactina. Para la síntesis y salida de la leche también es importante la succión que ejerce el bebé en el pezón. En base a lo indicado en el texto coloque verdadero (V) o falso (F) donde corresponda y marque la alternativa correcta.

(	) Las horr prolactina		sexuales	placentarias	inhiben la	acción	lactogénica	de	la	
(	) La succión del pezón estimula la secreción de oxitocina. ) La succión del pezón estimula la secreción de prolactina. ) La succión del pezón no estimula al hipotálamo.									
A)	VFVF	B) VV	FV	C) VVVF	D) FVVF	Е	) FVVV			

Durante el embarazo la prolactina contribuye al crecimiento de las glándulas mamarias pero su función formadora de leche (lactogénica) es inhibida por hormonas sexuales placentarias, por eso cuando esta se desprende totalmente del útero luego de 20 a 30 horas los niveles altos de prolactina inician la lactogénesis. La succión que ejerce la boca del bebé sobre el pezón genera impulsos nerviosos que estimulan en el hipotálamo la liberación de oxitocina, que provoca salida o eyección de la leche, y la menor secreción de dopamina, que bloquea la liberación de prolactina en la adenohipófisis.

Rpta.: C

- Mariela piensa consumir los denominados "anabólicos" para incrementar su masa muscular y mejorar su rendimiento deportivo. Al investigar sobre el tema descubre que son hormonas sintéticas, además encuentra tres hormonas del cuerpo relacionadas con incremento del desarrollo corporal: Una de 191 aminoácidos, otra formada a partir del aminoácido tirosina y otra formada a partir del colesterol. También lee sobre los efectos masculinizantes y otros riesgos para la salud por el abuso de estos "anabólicos". En base a lo descrito en el texto señale
  - a. ¿Qué tipos de hormonas son, respectivamente, las tres en las que se interesó Mariela?
  - b. Los "anabólicos" son versiones sintéticas de la hormona \_\_\_\_\_\_.
  - A) a:Oligopéptido, proteína y esteroide, b: Testosterona
  - B) a:Amina, esteroide y oligopeptido, b: Estrógeno
  - C) a:Esteroide, oligopéptido y amina, b: Progesterona
  - D) a:Proteína, amina y esteroide, b: Testosterona
  - E) a:Amina, proteína y oligopeptido, b: Estrógeno

#### Solución:

Una hormona de 191 aminoácidos es una proteína que, por relacionarse con el desarrollo corporal, se trataría de la SH o somatotropina. Una hormona derivada de un aminoácido como la tirosina es una amina, y una hormona formada a partir del colesterol es un esteroide. Los "anabólicos" son versiones sintéticas de la testosterona por lo cual también se denominan "esteroides anabólicos", se desarrollaron en la década de los treinta con fines terapéuticos pero luego de descubrirse que también facilitan el desarrollo muscular, empezaron a ser utilizados por atletas. El abuso de estas sustancias provoca problemas cardiovasculares, hepáticos, dérmicos y psicológicos, además en mujeres provoca efectos masculinizantes (androgénicos o virilizantes).

Rpta.: D

7. Uno de los mecanismos de acción hormonal es la unión de la hormona a un receptor intracelular formando un complejo hormona-receptor que activa genes cuya expresión genera el efecto de la hormona en la célula. Un tratamiento contra el cáncer de mama consiste en el uso de tamoxifeno, un medicamento que se une a receptores hormonales intracelulares evitando la formación del complejo, la expresión de genes y la división de la célula tumoral. Considerando lo descrito en el texto señale la hormona cuyo efecto se verá inhibido por el tamoxifeno.

A) Adrenalina

B) Prolactina

C) Somatotropina

D) Oxitocina

E) Estrógeno

### Solución:

Si el tamoxifeno se une a receptores intracelulares de la célula tumoral entonces solo inhibirá a aquella hormona que puede ingresar a la célula blanco, las cuales son hormonas tiroideas y esteroideas, como el estrógeno.

Rpta.: E

- 8. La hipertensión arterial es un importante factor que contribuye a desarrollar insuficiencia cardiaca (incapacidad del corazón para bombear la sangre necesaria). Se sabe que un hombre mayor de 40 años con presión arterial mayor de 160/90 tiene doble riesgo de padecer insuficiencia cardiaca que otro hombre con presión menor de 140/90. Considerando que el aumento de la presión depende directamente del aumento del volumen sanguíneo y este a su vez del aumento en su contenido de agua y sodio, ¿Qué hormonas convendría inhibir en un tratamiento contra la hipertensión arterial?
  - A) Timosina y adrenalina

B) Vasopresina y aldosterona

C) Paratohormona y FSH

D) Aldosterona y melatonina

E) Adrenalina y oxitocina

# Solución:

Algunos tratamientos contra la hipertensión arterial emplean diuréticos o promotores de la pérdida de agua por la orina. Hay diuréticos que inhiben a las hormonas que estimulan la reabsorción de agua y sodio hacia la sangre desde los túbulos del nefrón. Dos de estas hormonas son la vasopresina (ADH) y la aldosterona que provocan reabsorción de agua en tubo contorneado distal, la aldosterona además provoca reabsorción de sodio y perdida de potasio por la orina.

Rpta.: B

- 9. Los padres de Jovit, de 11 años, notan que tiene estatura baja y no crece al mismo ritmo que otros niños de su edad. Acuden a un endocrinólogo quien luego de analizarlo le detecta una baja producción de hormonas que promuevan el desarrollo muscular y óseo por lo que recomienda iniciar un tratamiento. Este déficit hormonal podría deberse a que no produce suficiente hormona \_\_\_\_\_ ya que no reciben la debida estimulación química por parte de \_\_\_\_\_
  - A) TSH la tiroides
- B) SH la neurohipófisis
- C) SH el hipotálamo

- A) ISH la tiroidesD) SH la pituitaria
  - E) ACTH el infundíbulo

#### Solución:

Para incrementar la estatura de un niño que sufre déficit de hormona del crecimiento se puede realizar una terapia administrándole una versión sintética de la hormona del crecimiento SH (GH o somatotropina). El déficit de SH puede deberse a que las células somatótropas de la pars distalis de la adenohipófisis no la producen en suficiente cantidad debido a que no reciben el debido estímulo químico mediante hormonas liberadoras producidas por el hipotálamo.

Rpta.: C

- 10. En la glándula tiroides pueden formarse tumores (nódulos tiroideos), la mayoría benignos y algunos malignos que constituyen cáncer de tiroides. Este cáncer es de baja frecuencia, comparado con otros, pero es el cáncer endocrino más frecuente sobretodo en mujeres. Su tratamiento es efectivo e incluye cirugía y a veces empleo de elementos radiactivos que se almacenan en la glándula y destruyen a las células cancerosas. En un tratamiento con elementos radiactivos, ¿cuál de los siguientes tendría mayor facilidad para acumularse en la glándula y obtener buenos resultados?
  - A) Cesio radiactivo (Cs-137)

B) Yodo radiactivo (I-131)

C) Cobalto radiactivo (Co-60)

D) Fósforo radiactivo (P-32)

E) Oro radiactivo (Au-198)

# Solución:

En algunos tratamientos contra el cáncer de tiroides se utiliza yodo radiactivo, el isótopo I-131. La glándula tiroides tiene gran afinidad por el yodo ya que lo utiliza para la síntesis de sus hormonas triyodotironina (T3) y tetrayodotironina (T4 o tiroxina), por lo tanto, al administrar I-131 este viaja por la sangre y se concentra en la glándula tiroides donde empieza a destruir células cancerosas.

Rpta.: B

- 11. A la señora Marilú le han diagnosticado osteoporosis debido a que produce exceso de hormonas glucocorticoides. Todo indica que estas hormonas están provocando, entre otros efectos, el aumento de la pérdida de calcio en orina y reducción de la absorción de calcio a nivel intestinal. En base a lo indicado en el texto responda las siguientes preguntas:
  - a. ¿Cuál sería una posible causa de la producción excesiva de glucocorticoides?
  - b. Un tratamiento contra los efectos señalados sería aplicar una versión sintética de

#### Solución:

El exceso de glucocorticoides puede ser consecuencia de una proliferación celular, como en un tumor, en la corteza suprarrenal, así que estas células producen mayor cantidad de glucocorticoides. Otra causa es que la adenohipófisis secreta demasiada hormona ACTH la cual estimula a la corteza suprarrenal para que libere más glucocorticoides. Para contrarrestar los efectos del exceso de glucocorticoides se puede utilizar una versión sintética de la paratohormona (PTH), como la teriparatida que, al igual que la PTH, reduce la pérdida de calcio en la orina al aumentar la reabsorción de calcio en el nefrón, e incrementa la absorción de calcio en el intestino delgado.

Rpta.: E

A) a: exceso de hormona ACTH, b: calcitonina

B) a: aumento de tamaño de la médula suprarrenal, b: calcitonina

C) a: déficit de hormona ACTH, b: paratohormona

D) a: lisis celular en la corteza suprarrenal, b: calcitonina

E) a: aumento de tamaño de la corteza suprarrenal, b: paratohormona

- 12. En páncreas humano, los islotes pancreáticos o de Langerhans, poseen las células A (α) reproducen glucagón y las células B (β) reproducen insulina, estas son hormonas de efecto antagónico cuya acción coordinada mantiene un nivel normal de glucosa en la sangre. Si en la enfermedad de Von Gierke el paciente carece de una enzima necesaria para convertir el glucógeno hepático en glucosa entonces esto provocará
  - A) hipoglicemia, por incremento de la acción del glucagón.
  - B) hiperglicemia, por incremento de la acción de la insulina.
  - C) hipoglicemia, porque se reduce la acción del glucagón.
  - D) hiperglicemia, porque se reduce la acción de la insulina.
  - E) hipoglicemia, porque se reduce la acción de la insulina.

En la enfermedad de Von Gierke el paciente carece de la enzima glucosa-6fosfatasa, necesaria en el último paso de la glucogenólisis hepática (degradar glucógeno hasta glucosa) y la gluconeogénesis (síntesis de glucosa). Por lo tanto el glucagón, de acción hiperglicemiante, ve reducida su acción ya que no puede formar glucosa a partir de glucógeno para liberarlo a la sangre de modo que se reduce el nivel de glucosa sanguínea (hipoglicemia).

Rpta.: C

- 13. Los elementos celulares del sistema inmunológico cumplen diversas funciones como la fagocitosis de antígenos, activación de células inmunológicas, destrucción de células infectadas y extrañas, y producción de inmunoglobulinas. Si luego del trasplante de un órgano el paciente manifiesta un rechazo agudo que se le atribuye a células asesinas y anticuerpos del paciente, ¿qué elementos celulares del sistema inmunológico del paciente están implicados en este rechazo?
  - A) Linfocitos T y plasmocitos.

- B) Macrófagos y neutrófilos.
- C) Células plasmáticas y eosinófilos.
- D) Plasmocitos y linfocitos B.

E) Monocitos y linfocitos T.

#### Solución:

Si en un rechazo agudo participan células asesinas y anticuerpos, los elementos celulares implicados son los linfocitos T8 asesinos o citotóxicos que destruyen células infectadas, tumorales y trasplantadas, también participan los plasmocitos o células plasmáticas, derivadas del linfocito B, las cuales son las únicas células del organismo que producen anticuerpos.

Rpta.: A

- 14. En la respuesta inmunológica cuando el linfocito T4 auxiliar se une a los antígenos de la membrana del fagocito, empieza a liberar moléculas que activan a otros linfocitos como los linfocitos T8 citotóxicos y los linfocitos B. Teniendo en cuenta la función que están realizando las moléculas liberadas por el linfocito T4 auxiliar se puede afirmar que estas son un tipo de
  - A) Globulina

B) Monoquina

C) Linfoquina

D) Complemento

E) Aglutinógeno

Las moléculas liberadas por el linfocito T4 auxiliar son denominadas interleucinas de tipo 2 que por participar en la comunicación entre linfocitos, como factores de activación, promoviendo la proliferación de otros linfocitos, son consideradas un tipo de citoquinas que, cuando son liberadas por linfocitos, se denominan linfoquinas.

Rpta.: C

- 15. Megan lleva a su hijo al centro médico para que le apliquen la vacuna contra el sarampión. El médico le indica que es posible que en algunos días manifieste los síntomas de la enfermedad, pero más leves y de corta duración, debido a la composición de la vacuna, además el niño ya no sufrirá probablemente de sarampión durante su vida. De lo señalado en el texto se puede inducir que los síntomas se deben a que la vacuna está compuesta por \_\_\_\_\_\_\_ y el niño ya no sufrirá sarampión porque adquirió inmunidad \_\_\_\_\_\_.
  - A) anticuerpos contra el virus del sarampión activa natural
  - B) toxinas atenuadas producidas por el virus pasiva artificial
  - C) genes del nucleoide del sarampión activa artificial
  - D) interferones contra el sarampión pasiva natural
  - E) virus vivos atenuados del sarampión activa artificial

# Solución:

La vacuna provoca leves síntomas del sarampión, como fiebre y a veces erupciones rojizas en la piel, debido a que está constituida por virus vivos pero atenuados del sarampión, además otra consecuencia de la vacuna es que el niño ya no sufrirá la enfermedad al exponerse a virus activos del sarampión ya que adquirió inmunidad activa artificial.

Rpta.: E

SAN MARCOS