

## Aufgabensammlung Mathematik III/B

für WI/ET

Prof. Dr. Thomas Carraro Frühjahrstrimester 2025

## Gewöhnliche Differentialgleichungen

## Aufgabe 1: Bernoulli'sche Differentialgleichung

Eine Differentialgleichung der Form

$$u'(x) = f(x) \cdot u(x) + g(x) \cdot \left(u(x)\right)^n$$

heißt Bernoulli'sche Differentialgleichung. Sie läßt sich mit Hilfe der Substitution

$$z(x) = \left(u(x)\right)^{1-n}$$

in eine lineare Differentialgleichung für z(x) überführen.

Bestimmen Sie die allgemeine Lösung der Differentialgleichung für y(x)

$$y' = \frac{-2}{x} \cdot y + x^2 \cdot y^2 \ .$$