法律声明

- □本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容,小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利;只限于善意学习者在本课程使用,不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容,我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。
- □ 课程详情请咨询
 - 微信公众号:小象
 - 新浪微博: ChinaHadoop



判别模型,由y得到x HMM中我们拿到了一连串的字符,这一连串字符背后是由一套规则(分词)决定的,所以从y推断x LDA中由超参数得到了主题分布与词分布,从主题分布确定了词,现在拿到了词,问主题是什么

LR/SVM则是生成模型,由训练集x希望得到标签/分割线。

隐马尔科夫模型



主要内容

- □ 隐马尔科夫模型
 - 概率计算
 - 参数估计
 - 模型预测
- □ 中文分词算法实践
 - 思考:实践问题应该如何建模?

中文分词

前言 1

数据 | , | 数据 | , | 数据 | ! | 想 | 必在等 | 媒介 | 的 | 持续 | 冲击 | 下 | , | 人们的 | 洗礼 | 。 | 现实 | 需求 | 推动 | 了 | 对这些 | 数据 | 来 | 自于 | 社交 | 媒体 | 、 | " | 物联网 | " |) | 、 | 传感器 | 等 | 任何大 | 多 | 数数 | 据 | 挖掘 | 的 | 宣传 | 着 | 数据 | 洪 | 水(| data flood) | 的 | 预言 | 指

数据 | , | 硬件 | 推销 | 人员 | 会进 | 一 能够 | 满足 | 处理 | 速度 | 的 | 要求 | 。 对 | 的 | , | 但 | 是 | 我们 | 值得 | 停下 务 | 进行 | 适当 | 的 | 再 | 认识 | 。 |

近|年来|,|数据|挖掘|和|机器|学习|在|我们|周围|持续|火爆|,|各种|媒体|也|不断|推送|着|海量|的|数据|。|仔细|观察|就|能|发现|,|实际|应用|中|的|那些|机器|学习|算法|与|多|年前|并|没有|什么|两样|;|它们|只|是|在|应用|的|数据|规模|上|有些|不同|。|历数|一|下|产生|数据|的|组织|,|至少|在|我|看来|,|数目|其实|并|不|多|。|无非|是|Google|、|Facebook|、|Twitter|、|NetFlix|以及|其|他|为数|不|多|的|机构|在|使用|若|干学|习算法|和|工具|,|这些|算法|和|工具|使|得|他们|能够|对|数据|进行|测试|分析|。|那么|,|真正|的|问题|是|:|"|对于|其|他人|,|大数|据|框架|下|的|算法|和|工具|的|作用

我承认|本书|将|多|次|提及|大|数据|和|机器|学习|之间|的|关系|,| 这|是|我|无法|忽视|的|一个|客观|问题|;|但|是|它|只|是|一个|很 |小|的|因素|,|终极|目标|是|如何|利用|可用|数据|获取|数据|的|本质

if __name__ == "__main__":
 pi, A, B = load_train()
 f = file(".\\text\\novel.txt")
 data = f.read()[3:].decode('utf-8')
 f.close()
 decode = viterbi(pi, A, B, data)
 segment(data, decode)

🗉 Console | Frames | Variables | Watches | 🛓 📮 🚡 🚡 🕞 ⋤

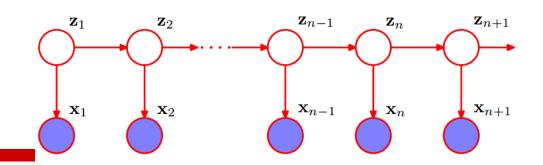
Jason Bell. Machine Learning: Hands-On for Developers and Technical Professionals. Wiley.2015

Machine Learning



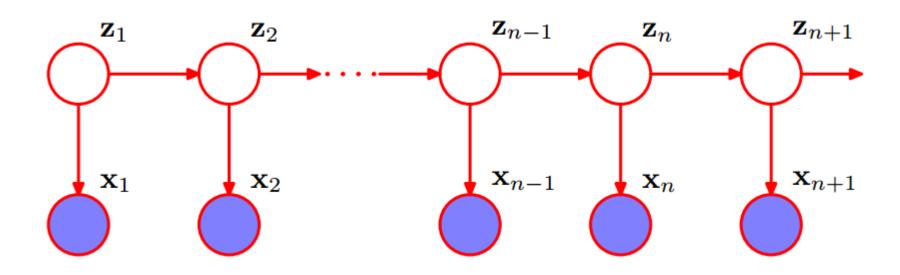
WILEY

HMM定义



- □ 隐马尔科夫模型(HMM, Hidden Markov Model)可用标注问题,在语音识别、NLP、生物信息、模式识别等领域被实践证明是有效的算法。
- □ HMM是关于时序的概率模型,描述由一个隐藏的 马尔科夫链生成不可观测的状态随机序列,再由各 个状态生成观测随机序列的过程。
- □ 隐马尔科夫模型随机生成的状态随机序列,称为状态序列;每个状态生成一个观测,由此产生的观测 随机序列,称为观测序列。
 - 序列的每个位置可看做是一个时刻。

隐马尔科夫模型的贝叶斯网络



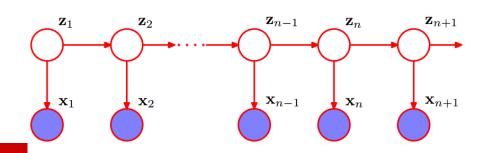
- □ 请思考:
 - 在Z1、Z2不可观察的前提下, X1和Z2独立吗? X1和X2独立吗?

HMM的确定

□ HMM由初始概率分布π、状态转移概率分布 A以及观测概率分布B确定。

$$\lambda = (A, B, \pi)$$

HMM的参数



- □ Q是所有可能的状态的集合
 - N是可能的状态数
- □V是所有可能的观测的集合
 - M是可能的观测数

$$Q = \{q_1, q_2, \dots q_N\}$$

$$V = \{v_1, v_2, \dots v_M\}$$

HMM的参数 $\lambda = (A, B, \pi)$

□ I是长度为T的状态序列,O是对应的观测序 列

$$I = \{i_1, i_2, \dots i_T\}$$
 $O = \{o_1, o_2, \dots o_T\}$

□ A是状态转移概率矩阵

$$A = [a_{ij}]_{N \times N}$$

- $\square \not\perp \varphi a_{ij} = P(i_{t+1} = q_j | i_t = q_i)$
 - \mathbf{a}_{ij} 是在时刻t处于状态 q_i 的条件下时刻t+1转移到状态 q_i 的概率。

HMM的参数 $\lambda = (A, B, \pi)$

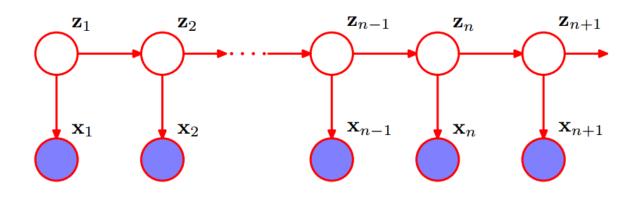
- $lacksymbol{\square}$ B是观测概率矩阵 $B = [b_{ik}]_{N imes M}$
- 口 其中, $b_{ik} = P(o_t = v_k | i_t = q_i)$
 - $lackbox{lack} b_{ik}$ 是在时刻t处于状态 q_i 的条件下生成观测 v_k 的概率。
- \square π 是初始状态概率向量: $\pi = (\pi_i)$
- 口 其中, $\pi_i = P(i_1 = q_i)$
 - π_i是时刻t=1处于状态qi的概率。

HMM的参数总结

□ HMM由初始概率分布π(向量)、状态转移概率分布A(矩阵)以及观测概率分布B(矩阵)确定。π和A决定状态序列,B决定观测序列。因此,HMM可以用三元符号表示,称为HMM的三要素:

$$\lambda = (A, B, \pi)$$

HMM的两个基本性质



□ 齐次假设:

$$P(i_t|i_{t-1},o_{t-1},i_{t-2},o_{t-2}\cdots i_1,o_1) = P(i_t|i_{t-1})$$

□ 观测独立性假设:

$$P(o_t|i_T,o_T,i_{T-1},o_{T-1}\cdots i_1,o_1) = P(o_t|i_t)$$

HMM举例

□ 假设有3个盒子,编号为1、2、3,每个盒子都装有 红白两种颜色的小球,数目如下:

盒子号	1	2	3
红球数	5	4	7
白球数	5	6	3

- □ 按照下面的方法抽取小球,得到球颜色的观测序列:
 - 按照π=(0.2,0.4,0.4)的概率选择1个盒子,从盒子随机抽出
 1个球,记录颜色后放回盒子;
 - 按照某条件概率(下页)选择新的盒子, 重复上述过程;
 - 最终得到观测序列:"红红白白红"。

该示例的各个参数

- □ 状态集合: Q={盒子1,盒子2,盒子3}
- □ 观测集合: V={红, 白}
- □ 状态序列和观测序列的长度T=5
- □ 初始概率分布π:
- □ 状态转移概率分布A:
- □ 观测概率分布B:

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \qquad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

思考:

□ 在给定参数π、A、B的前提下,得到观测序列"红红白白红"的概率是多少?

HMM的3个基本问题

- □ 概率计算问题:前向-后向算法——动态规划
 - 给定模型 $\lambda = (A, B, \pi)$ 和观测序列 $O = \{o_1, o_2, ...o_T\}$,计算模型 λ 下观测序列O出现的概率 $P(O|\lambda)$
- □ 学习问题: Baum-Welch算法(状态未知)——EM
 - 已知观测序列 $O=\{o_1,o_2,...o_T\}$,估计模型 $\lambda=(A,B,\pi)$ 的参数,使得在该模型下观测序列 $P(O|\lambda)$ 最大
- □ 预测问题: Viterbi算法——动态规划
 - 解码问题: 已知模型 $\lambda = (A, B, \pi)$ 和观测序列 $O = \{o_1, o_2, ...o_T\}$ 求给定观测序列条件概率 $P(I|O, \lambda)$ 最大的状态序列I

概率计算问题

- □ 直接算法
 - ■暴力算法
- □前向算法
- □ 后向算法
 - 这二者是理解HMM的算法重点

直接计算法

 \square 按照概率公式,列举所有可能的长度为T的 状态序列 $I = \{i_1, i_2, \dots i_T\}$,求各个状态序列I 与观测序列 $O = \{o_1, o_2, \dots o_T\}$ 的联合概率 $P(O,I|\lambda)$,然后对所有可能的状态序列求和, 从而得到 $P(O|\lambda)$

直接计算法 对于盒子问题,I相当于用1,2,3表示一个长度为T的序列

- 口 状态序列 $I = \{i_1, i_2, \dots i_T\}$ 的概率是: $P(I|\lambda) = \pi_{i_1} a_{i_1 i_2} a_{i_2 i_3} \cdots a_{i_{T-1} i_T}$
- □ 对固定的状态序列I,观测序列O的概率是:

$$P(O|I,\lambda) = b_{i_1o_1}b_{i_2o_2}\cdots b_{i_To_T}$$

P(o1, o2, ..., oT | i1, i2, ..., iT, I amda), 当给定i1的时候o1与i2, ... iT是独立的。

□ O和I同时出现的联合概率是:

$$P(O,I|\lambda) = P(O|I,\lambda)P(I|\lambda) = \pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

$$P(I|\lambda) = \pi_{i_1} a_{i_1 i_2} a_{i_2 i_3} \cdots a_{i_{T-1} i_T}$$

直接计算法 $P(O|I,\lambda)=b_{i_1o_1}b_{i_2o_2}\cdots b_{i_To_T}$

□ O和I同时出现的联合概率是:

$$P(O, I|\lambda) = P(O|I, \lambda)P(I|\lambda)$$

= $\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$

 \square 对所有可能的状态序列I求和,得到观测序列O的概率 $P(O|\lambda)$

$$P(O|\lambda) = \sum_{I} P(O, I|\lambda) = \sum_{I} P(O|I, \lambda) P(I|\lambda)$$

$$= \sum_{i_1, i_2, \dots i_T} \pi_{i_1} b_{i_1 o_1} a_{i_1 i_2} b_{i_2 o_2} \dots a_{i_{T-1} i_T} b_{i_T o_T}$$

直接计算法分析

□ 对于最终式

 $i_1,i_2,\cdots i_T$

$$P(O|\lambda) = \sum_{I} P(O, I|\lambda) = \sum_{I} P(O|I, \lambda) P(I|\lambda)$$

$$= \sum_{I} \pi_{i_1} b_{i_1 o_1} a_{i_1 i_2} b_{i_2 o_2} \cdots a_{i_{T-1} i_T} b_{i_T o_T}$$

□分析:加和符号中有2T个因子,I的遍历个数为N^T,因此,时间复杂度为O(T N^T),复杂度过高。

借鉴算法的优化思想

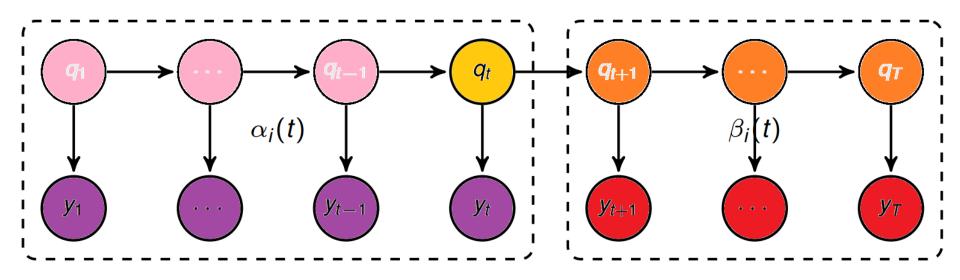
- □ 最长递增子序列
 - 给定一个长度为N的数组,求该数组的一个最长的单调递增的子序列(不要求连续)。
 - 数组: 5, 6, 7, 1, 2, 8的LIS: 5, 6, 7, 8
- □ 最大连续子数组
 - 给定一个长度为N的数组,求该数组中连续的一段数组(子数组),使得该子数组的和最大。
 - □ 数组: 1, -2, 3, 10, -4, 7, 2, -5,
 - □ 最大子数组: 3,10,-4,7,2
- □ KMP中next数组的计算

模式串	а	b	а	а	b	С	а	b	а
next	-1	0	0	1	1	2	0	1	2

定义:前向概率-后向概率

$$\alpha_i(t) = p(y_1, y_2, \dots, y_t, q_t = i|\lambda)$$

$$\beta_i(t) = p(y_{t+1}, \ldots, y_T | q_t = i, \lambda)$$



前向算法

- 口定义: 给定儿,定义到时刻t部分观测序列为01,02...ot且状态为qi的概率称为前向概率,记做: $\alpha_t(i) = P(o_1,o_2,\cdots o_t,i_t=q_i|\lambda)$
 - 可以递推计算前向概率 $\alpha_t(i)$ 及观测序列概率 $P(O|\lambda)$

前向算法 $\alpha_t(i) = P(o_1, o_2, \cdots o_t, i_t = q_i | \lambda)$

$$lacksymbol{\square}$$
 初值: $lpha_1(i) = \pi_i b_{io_1}$

□ 递推: 对于t=1,2...T-1

$$\alpha_{t+1}(i) = \left(\sum_{j=1}^{N} \alpha_{t}(j)a_{ji}\right)b_{io_{t+1}}$$

 \square 最终: $P(O|\lambda) = \sum_{i=1}^{N} \alpha_{T}(i)$

前向算法 $\alpha_t(i) = P(o_1, o_2, \cdots o_t, i_t = q_i | \lambda)$

□ 思考: 前向算法的时间复杂度是O(N²T)。

- □ 为什么?
 - 重点考察第二步:
 - 递推:对于t=1,2...T-1

$$\alpha_{t+1}(i) = \left(\sum_{j=1}^{N} \alpha_{t}(j)a_{ji}\right)b_{io_{t+1}}$$

例: 盒子球模型

□ 考察盒子球模型, 计算观测向量O="红白红" 的出现概率。

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

解: 盒子球模型

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

□ 计算初值

$$\alpha_1(1) = \pi_1 b_{1o_1} = 0.2 \times 0.5 = 0.1$$

$$\alpha_1(2) = \pi_2 b_{2o_1} = 0.4 \times 0.4 = 0.16$$

$$\alpha_1(3) = \pi_3 b_{3o_1} = 0.4 \times 0.7 = 0.28$$

解

$$A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix} \quad \alpha_1(1) = \pi_1 b_{1o_1} = 0.2 \times 0.5 = 0.1$$

$$\alpha_1(2) = \pi_2 b_{2o_1} = 0.4 \times 0.4 = 0.16$$

$$\alpha_1(3) = \pi_3 b_{3o_1} = 0.4 \times 0.7 = 0.28$$

□递推

$$\alpha_{2}(1) = \left(\sum_{j=1}^{N} \alpha_{1}(j)a_{j1}\right)b_{1o_{2}}$$

$$= (0.1 \times 0.5 + 0.16 \times 0.3 + 0.28 \times 0.2) \times 0.5$$

$$= 0.077$$

$$\alpha_2(2) = 0.1104$$
 $\alpha_3(1) = 0.04187$
 $\alpha_3(2) = 0.03551$
 $\alpha_2(3) = 0.0606$
 $\alpha_3(3) = 0.05284$

解: 盒子球模型

□最终

$$\alpha_3(1) = 0.04187$$

$$\alpha_3(2) = 0.03551$$

$$P(O|\lambda) = \sum_{i=1}^{3} \alpha_3(i)$$

$$\alpha_3(3) = 0.05284$$

$$= 0.04187 + 0.03551 + 0.05284$$

$$=0.13022$$

后向算法

□ 定义: 给定λ, 定义到时刻t状态为qi的前提下, 从t+1到T的部分观测序列为O_{t+1},O_{t+2}...O_T的概率为后向概率,记做:

$$\beta_t(i) = P(o_{t+1}, o_{t+2}, \dots o_T | i_t = q_i, \lambda)$$

□ 可以递推计算后向概率 $β_t(i)$ 及观测序列概率 P(O|λ)

后向算法 $\beta_t(i) = P(o_{t+1}, o_{t+2}, \cdots o_T | i_t = q_i, \lambda)$

$$\square$$
 初值: $\beta_T(i)=1$

□ 递推: 对于t=T-1,T-2...,1

$$\beta_{t}(i) = \left(\sum_{j=1}^{N} a_{ij} b_{jo_{t+1}} \beta_{t+1}(j)\right)$$

口 最终: $P(O|\lambda) = \sum_{i=1}^{N} \pi_i b_{io_1} \beta_1(i)$

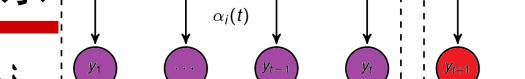
后向算法的说明

□为了计算在时刻t状态为qi条件下时刻t+1之后的观测序列为 O_{t+1} , O_{t+2} ... O_T 的后向概率 β_t (i),只需要考虑在时刻t+1所有可能的N个状态qi的转移概率(a_{ij} 项),以及在此状态下的观测 O_{t+1} 的观测概率(b_{jot+1} 项),然后考虑状态qj之后的观测序列的后向概率 β_{t+1} (j)

$$\alpha_i(t) = p(y_1, y_2, \dots y_t, q_t = i|\lambda)$$

$$\beta_i(t) = p(y_{t+1}, \ldots, y_T | q_t = i, \lambda)$$

前后向关系



$$P(i_t = q_i, O|\lambda)$$

$$=P(O|i_{t}=q_{i},\lambda)P(i_{t}=q_{i}|\lambda)$$

$$P = P(o_1, \dots o_t, o_{t+1}, \dots o_T | i_t = q_i, \lambda) P(i_t = q_i | \lambda)$$

$$= P(o_1, \dots o_t | i_t = q_i, \lambda) P(o_{t+1}, \dots o_T | i_t = q_i, \lambda) P(i_t = q_i | \lambda)$$

$$= P(o_1, \dots o_t, i_t = q_i | \lambda) P(o_{t+1}, \dots o_T | i_t = q_i, \lambda)$$

$$=\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)$$

口 思考: 试计算 $\xi_t(i,j) = P(i_t = q_i, i_{t+1} = q_j | O, \lambda)$

单个状态的概率 $P(i_t = q_i, O|\lambda) = \alpha_t(i)\beta_t(i)$

- □ 求给定模型λ和观测O,在时刻t处于状态qi的概率。
- 口记: $\gamma_t(i) = P(i_t = q_i | O, \lambda)$

单个状态的概率

□ 根据前向后向概率的定义,

$$P(i_t = q_i, O | \lambda) = \alpha_t(i) \beta_t(i)$$

$$\gamma_{t}(i) = P(i_{t} = q_{i}|O,\lambda) = \frac{P(i_{t} = q_{i},O|\lambda)}{P(O|\lambda)}$$

$$\gamma_{t}(i) = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{P(O|\lambda)} = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{\sum_{i=1}^{N} \alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}$$

γ的意义

- 口在每个时刻t选择在该时刻最有可能出现的状态 i_t^* ,从而得到一个状态序列 $I^*=\{i_1^*,i_2^*\cdots i_T^*\}$,将它作为预测的结果。
- □ 给定模型和观测序列,时刻t处于状态qi的概率为: $\alpha(i)\beta(i)$ $\alpha(i)\beta(i)$

$$\gamma_{t}(i) = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{P(O|\lambda)} = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{\sum_{i=1}^{N} \alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}$$

两个状态的联合概率

□ 求给定模型λ和观测O,在时刻t处于状态qi升 且时刻t+1处于状态qj的概率。

$$\xi_t(i,j) = P(i_t = q_i, i_{t+1} = q_j | O, \lambda)$$

$$\alpha_i(t) = p(y_1, y_2, \dots, y_t, q_t = i|\lambda)$$

$$\beta_i(t) = p(y_{t+1}, \ldots, y_T | q_t = i, \lambda)$$

两个状态的联合概率

$$\begin{split} \xi_{t}(i,j) &= P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j} | O, \lambda) \\ &= \frac{P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j}, O | \lambda)}{P(O | \lambda)} \\ &= \frac{P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j}, O | \lambda)}{P(O | \lambda)} \\ &= \frac{P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j}, O | \lambda)}{\sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j}, O | \lambda)} \\ P(i_{t} = q_{i}, i_{t+1} = q_{j}, O | \lambda) &= \alpha_{t}(i) a_{ij} b_{jo_{t+1}} \beta_{t+1}(j) \end{split}$$

期望

□ 在观测O下状态i出现的期望:

$$\sum_{t=1}^{T} \gamma_{t}(i)$$

□ 在观测O下状态i转移到状态j的期望:

$$\sum_{t=1}^{T-1} \xi_t(i,j)$$

□ 思考:在观测O下状态i转移的期望是多少?

学习算法

- □ 若训练数据包括观测序列和状态序列,则 HMM的学习非常简单,是监督学习;
- □ 若训练数据只有观测序列,则HMM的学习需要使用EM算法,是非监督学习。

大数定理

□ 假设已给定训练数据包含S个长度相同的观测序列和对应的状态序列 $\{(O_1,I_1),(O_2,I_2)...$ $(O_s,I_s)\}$,那么,可以直接利用Bernoulli大数定理的结论"频率的极限是概率",给出HMM的参数估计。

监督学习方法

$$lacksymbol{\square}$$
 初始概率 $\hat{\pi}_i = \frac{|q_i|}{\sum\limits_i |q_i|}$

从i 状态到i 状态的转移过程观察到了qi i

口 转移概率
$$\hat{a}_{ij} = \frac{|q_{ij}|}{\sum\limits_{i=1}^{N} |q_{ij}|}$$

在i 状态下观察到k的结果: 从第1个盒子里拿到红球。

$$oldsymbol{\square}$$
 观测概率 $\hat{b}_{ik} = rac{\left|S_{ik}
ight|}{\displaystyle\sum_{k=1}^{M} \left|S_{ik}
ight|}$

| pku_training.utf8 - 记事本

希望 的 新 世纪 -- 一九九八年 新年 讲话 中共中央 总书记 、 国家 主席 江 泽民

(一九九七年 十二月 三十一日)

, 中共中央 总书记 、 国家 主席 江 泽民 发表 1998年 新年 讲话 。 (新华社 记者 兰 红光 摄

女士 们 、 先生 们:

在 1998年 来临 之际 , 我 十分 高兴 地 通过 中央 人民 广播 电台 广播 电台 和 中央 电视台 , 向 全国 各族 人民 , 向 香港 特别 行政区 同胞 向 世界 各国 的 朋友 们 , 良好 的 祝愿!

决心 继承 邓 小平 同志 的 遗志, 继续 把 建设 有 中国 特色 社会主义 事业 推向

| pku training.utf8 - 记事本

四年前让已离队 八 年 的 北京 武术院 院长 吴 彬 回 并 提 出 重振 北京 武术队 雄风 的 决策; 更 应该 归功 于 以 吴 彬 总 教练 为首 的 武术队

正如 北京 武术队 队员 们 在 总结 飘来的又是新的挑战 在新的周期, 我们要培养新的教练

随着 部分 老 队员 的 离队 , 北京 武术队 进行 了 新 队员 的 一个 新 的 充满 活力 的 队伍 就 投入 了 全面 冬训 全队 还 将 赴 美 进行 为期 70 多 天 的 封闭 训练 , 为了 九运会 , 为了 新 的 更 高 的 目标 , 全队 将 会 更加 勤奋 、 更加 努力 , 明天 会 更 美好

西班牙 国际象棋 公开赛 诸 宸 暂 并列 第二

1月 26日 电 (林 峰) 西班牙 利纳雷斯 消息

文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V)

难忘 的 歌

音乐 荡气回肠 一首永唱不厌的歌 论 词 甚至 与 甚 多 的 军旅 它 并 不 比 任何 金榜 军人 听 来

出现 我们 军人 合唱 时 说 句 心里话 说句实在话,我也有 虽然 我们 的 歌声 没有 晚会 其他 歌曲 那么 悦耳, 不清 、 道不明 的 思绪 漫 上 心头 , 强忍 了 很 久 的 泪水 , 那 歌 分明 已经 告诉 了 我们 , 虽然 当兵 要 离开 妈 、 离开 她 、 离开 家 ; 可 军人 牺牲 是 为了 千千万万 位 母亲 , 千千万万 个 她 和 千千万万 个 家

Baum-Welch算法

□ 若训练数据只有观测序列,则HMM的学习需要使用EM算法,是非监督学习。

附: EM算法整体框架

Repeat until convergence {

(E-step) For each i, set

$$Q_i(z^{(i)}) := p(z^{(i)}|x^{(i)};\theta).$$

(M-step) Set

$$\theta := \arg \max_{\theta} \sum_{i} \sum_{z^{(i)}} Q_i(z^{(i)}) \log \frac{p(x^{(i)}, z^{(i)}; \theta)}{Q_i(z^{(i)})}$$

}



Baum-Welch算法

- □ 所有观测数据写成 $O=(o_1,o_2...o_T)$,所有隐数据写成 $I=(i_1,i_2...i_T)$,完全数据是 $(O,I)=(o_1,o_2...o_T,i_1,i_2...i_T)$,完全数据的对数似然函数是 $InP(O,I|\lambda)$
- \square 假设 $\overline{\lambda}$ 是HMM参数的当前估计值, λ 为待求的参数。 $Q(\lambda,\overline{\lambda}) = \sum (\ln P(O,I|\lambda))P(I|O,\overline{\lambda})$

$$= \sum_{I} \ln P(O, I|\lambda) \frac{P(O, I|\overline{\lambda})}{P(O, \overline{\lambda})}$$

$$\propto \sum_{I} \ln P(O, I|\lambda) P(O, I|\overline{\lambda})$$

EM过程

口根据
$$P(O,I|\lambda) = P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)$$

= $\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$

$$Q(\lambda, \overline{\lambda}) = \sum_{I} \ln P(O, I | \lambda) P(O, I | \overline{\lambda})$$

$$= \sum_{I} \ln \pi_{i_{1}} P(O, I | \overline{\lambda})$$

$$+ \sum_{I} \left(\sum_{t=1}^{T-1} \ln a_{i_{t}i_{t+1}} \right) P(O, I | \overline{\lambda})$$

$$+ \sum_{I} \left(\sum_{t=1}^{T} \ln b_{i_{t}o_{t}} \right) P(O, I | \overline{\lambda})$$

极大化

- □ 极大化Q, 求得参数A,B,π
- 口由于该三个参数分别位于三个项中,可分别极大化 $\sum_{I} \ln \pi_{i_1} P(O, I | \overline{\lambda}) = \sum_{i=1}^{N} \ln \pi_{i_1} P(O, i_1 = i | \overline{\lambda})$
- □ 注意到 π i满足加和为1,利用拉格朗日乘子法,得到: $\sum_{i=1}^{N}\ln\pi_{i}P(O,i_{1}=i\big|\overline{\lambda}\big)+\gamma\bigg(\sum_{i=1}^{N}\pi_{i}-1\bigg)$

初始状态概率 $\sum_{i=1}^{N} \ln \pi_i P(O, i_1 = i | \overline{\lambda}) + \gamma \left(\sum_{i=1}^{N} \pi_i - 1\right)$

□ 对上式相对于πi求偏导,得到:

$$P(O, i_1 = i | \overline{\lambda}) + \gamma \pi_i = 0$$

□对i求和,得到:

$$\gamma = -P(O|\overline{\lambda})$$

□ 从而得到初始状态概率:

$$\pi_{i} = \frac{P(O, i_{1} = i | \overline{\lambda})}{P(O | \overline{\lambda})} = \frac{P(O, i_{1} = i | \overline{\lambda})}{\sum_{i=1}^{N} P(O, i_{1} = i | \overline{\lambda})} = \frac{\gamma_{1}(i)}{\sum_{i=1}^{N} \gamma_{1}(i)}$$

转移概率和观测概率

□ 第二项可写成:

$$\sum_{I} \left(\sum_{t=1}^{T-1} \ln a_{i_t i_{t+1}} \right) P(O, I | \overline{\lambda}) = \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} \sum_{t=1}^{T-1} \ln a_{ij} P(O, i_t = i, i_{t+1} = j | \overline{\lambda})$$

□仍然使用拉格朗日乘子法,得到

$$a_{ij} = \frac{\sum_{t=1}^{T-1} P(O, i_t = i, i_{t+1} = j | \overline{\lambda})}{\sum_{t=1}^{T-1} P(O, i_t = i | \overline{\lambda})} = \frac{\sum_{t=1}^{T-1} \xi_t(i, j)}{\sum_{t=1}^{T-1} \gamma_t(i)}$$

同理,得到: $b_{ik} = \frac{\sum_{t=1}^{T} P(O, i_t = i | \overline{\lambda}) I(o_t = v_k)}{\sum_{t=1}^{T} P(O, i_t = i | \overline{\lambda})} = \frac{\sum_{t=1, o_t = v_k}^{T} \gamma_t(i)}{\sum_{t=1}^{T} \gamma_t(i)}$

预测算法

- □近似算法
- □ Viterbi 算法

P(1|0,1amda)

预测的近似算法

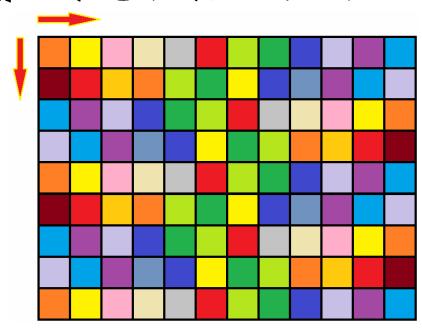
- 口在每个时刻t选择在该时刻最有可能出现的状态 i_t^* ,从而得到一个状态序列 $I^*=\{i_1^*,i_2^*\cdots i_T^*\}$,将它作为预测的结果。
- \square 给定模型和观测序列,时刻t处于状态qi的概率为: $\alpha_{\alpha}(i)\beta_{\alpha}(i)$ $\alpha_{\alpha}(i)\beta_{\alpha}(i)$

$$\gamma_{t}(i) = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{P(O|\lambda)} = \frac{\alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}{\sum_{i=1}^{N} \alpha_{t}(i)\beta_{t}(i)}$$

- □ 选择概率最大的i作为最有可能的状态
 - 会出现此状态在实际中可能不会发生的情况

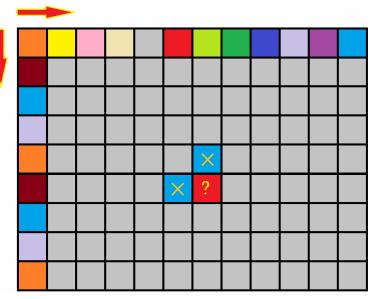
算法: 走棋盘/格子取数

□ 给定m*n的矩阵,每个位置是一个非负整数, 从左上角开始,每次只能朝右和下走,走到 右下角,求总和最小的路径。



问题分析

□ 走的方向决定了同一个格子不会经过两次。



- 若当前位于(x,y)处,它来自于哪些格子呢?
- dp[0,0]=a[0,0]/第一行(列)累积
- dp[x,y] = min(dp[x-1,y]+a[x,y],dp[x,y-1]+a[x,y])
- □ 思考: 若将上述问题改成"求从左上到右下 的最大路径"呢?

Viterbi算法

- □ Viterbi算法实际是用动态规划解HMM预测问题, 用DP求概率最大的路径(最优路径), 这是一条路径对应一个状态序列。
- \square 定义变量 $\delta_t(i)$: 在时刻t状态为i的所有路径中,概率的最大值。

给定m*n的矩阵,每个位置是一个非负整 数,从左上角开始,每次只能朝右和下走, 走到右下角,求总和最小的路径。

Viterbi算法

□ 定义:

$$\delta_t(i) = \max_{i_1, i_2, ... i_{t-1}} P(i_t = i, i_{t-1}, ... i_1, o_t, ... o_1 | \lambda)$$

口 递推:
$$\delta_1(i) = \pi_i b_{io_1}$$

$$\delta_{t+1}(i) = \max_{i_1, i_2, \dots i_t} P(i_{t+1} = i, i_t, \dots i_1, o_{t+1}, \dots o_1 | \lambda)$$

$$= \max_{1 \le i \le N} (\delta_t(j) a_{ji}) b_{io_{t+1}}$$

□ 终止:

$$P^* = \max_{1 \le i \le N} \delta_T(i)$$

例

□ 考察盒子球模型,观测向量O="红白红", 试求最优状态序列。

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \qquad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

解:观测向量O="红白红" $\pi = \begin{bmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} 0.6 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

- □ 初始化:
- □ 在t=1时,对于每一个状态i,求状态为i观测 到01=红的概率,记此概率为 $\delta_1(t)$

在第一个时刻位于第i 号隐状态 $\delta_{ ext{l}}(i) = \pi_i b_{io_1} = \pi_i b_{i ext{l}}$

deat2(1) = max[deat1(i)ai1] * b1白

□ 求得 $\delta_1(1)=0.1$

 0.1×0.5 0.16×0.3

 \Box $\delta_1(2)=0.16$

 0.28×0.2

 \Box $\delta_1(3)=0.28$

解: 观测向量O="红白红" $^{17}A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$

$$A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

□ 在t=2时,对每个状态i,求在t=1时状态为j观测为红 并且在t=2时状态为i观测为白的路径的最大概率, 记概率为 $\delta_2(t)$,则:

$$\delta_{t+1}(i) = \max_{1 \le j \le 3} (\delta_1(j)a_{ji})b_{io_2} = \max_{1 \le j \le 3} (\delta_1(j)a_{ji})b_{i \ne j}$$

□ 求得

$$\begin{split} & \delta_2(1) = \max_{1 \le j \le 3} (\delta_1(j)a_{j1})b_{i fi} \\ &= \max\{0.10 \times 0.5, 0.16 \times 0.3, 0.28 \times 0.2\} \times 0.5 = 0.028 \end{split}$$

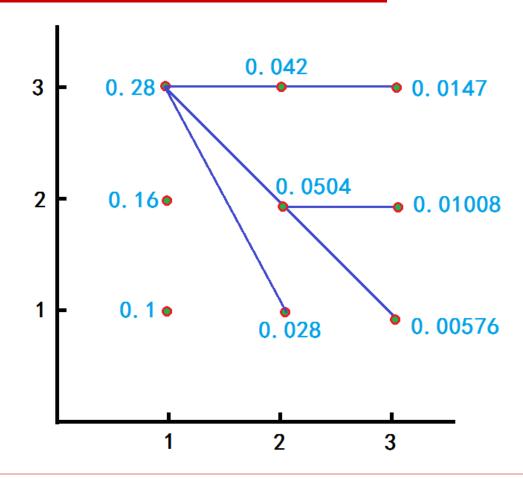
- 同理:
 - $\delta_2(2)=0.0504$
 - $\delta_2(3)=0.042$

解:观测向量O="红白红"

- □ 同理, 求得
- \square $\delta_3(1)=0.00756$
- \square $\delta_3(2)=0.01008$
- \square $\delta_3(3)=0.0147$

□ 从而,最大是 $\delta_3(3)$ = 0.0147,根据每一步的最大,得到序列是(3,3,3)

求最优路径图解



Baum-Welch: 主函数

```
def baum welch(pi, A, B):
   f = file(".\\text\\1.txt")
   sentence = f.read()[3:].decode('utf-8')# 跳过文件头
   f.close()
   T = len(sentence) # 观测序列
   alpha = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
   beta = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
   gamma = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
   ksi = [[[0 for j in range(4)] for i in range(4)] for t in range(T-1)]
   for time in range(100):
       calc_alpha(pi, A, B, sentence, alpha) # alpha(t,i): 给定Lamda, 在时刻t的状态为i
       calc_beta(pi, A, B, sentence, beta) # beta(t,i): 给定Lamda和时刻t的状态i, 观
       calc_gamma(alpha, beta, gamma) # gamma(t,i): 给定Lamda和O,在时刻t状态位
       calc_ksi(alpha, beta, A, B, sentence, ksi) # ksi(t,i,j): 给定Lamda和O,在时刻t
       bw(pi, A, B, alpha, beta, gamma, ksi, sentence) #baum welch 算法
```

前向-后向

```
def calc_beta(pi, A, B, o, beta):
    T = len(o)
    for i in range(4):
        beta[T-1][i] = 1
    temp = [0 for i in range(4)]
    del i
    for t in range(T-2, -1, -1):
        for i in range(4):
            beta[t][i] = 0
            for j in range(4):
                temp[j] = A[i][j] + B[j][ord(o[t+1])] + beta[t+1][j]
            beta[t][i] += log sum(temp)
```

EM迭代

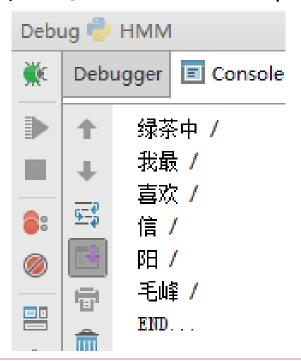
```
def bw(pi, A, B, alpha, beta, gamma, ksi, o):
    T = len(alpha)
    for i in range(4):
         pi[i] = gamma[0][i]
    s1 = [0 \text{ for } x \text{ in } range(T-1)]
    s2 = [0 \text{ for } x \text{ in } range(T-1)]
    for i in range(4):
         for j in range(4):
             for t in range(T-1):
                  s1[t] = ksi[t][i][j]
                  s2[t] = gamma[t][i]
             A[i][j] = log_sum(s1) - log_sum(s2)
    s1 = [0 \text{ for } x \text{ in } range(T)]
    s2 = [0 \text{ for } x \text{ in } range(T)]
    for i in range(4):
         for k in range(65536):
             valid = 0
             for t in range(T):
                  if ord(o[t]) == k:
                       s1[valid] = gamma[t][i]
                       valid += 1
                  s2[t] = gamma[t][i]
             if valid == 0:
                  B[i][k] = infinite
             else:
                  B[i][k] = log_sum(s1[:valid]) - log_sum(s2)
```

Viterbi

```
def viterbi(pi, A, B, o):
   T = len(o) # 观测序列
    delta = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
    pre = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)] # 前一个状态
    for i in range(4):
        delta[0][i] = pi[i] + B[i][ord(o[0])]
    for t in range(1, T):
        for i in range(4):
            delta[t][i] = delta[t-1][0] + A[0][i]
            for i in range(1,4):
                vj = delta[t-1][j] + A[j][i]
                if delta[t][i] < vj:</pre>
                    delta[t][i] = vj
                    pre[t][i] = i
            delta[t][i] += B[i][ord(o[t])]
    decode = [-1 for t in range(T)] # 解码: 回溯查找最大路径
    q = 0
    for i in range(1, 4):
        if delta[T-1][i] > delta[T-1][q]:
            a = i
    decode[T-1] = q
    for t in range(T-2, -1, -1):
       q = pre[t+1][q]
       decode[t] = q
    return decode
```

Baum-Welch算法的结果

- □全国销量领先的红罐凉茶改成广州恒大
- □绿茶中我最喜欢信阳毛峰





HMM与中文分词

前言 |

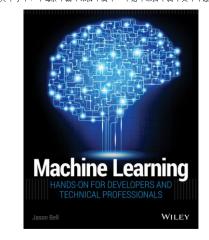
数据 | , | 数据 | , | 数据 | ! | 想 | 必在 | 新闻 | 、 | 报刊 等 | 媒介 | 的 | 持续 | 冲击 | 下 | , | 人们 | 无法 | 摆 脱 | 大 的 | 洗礼 | 。 | 现实 | 需求 | 推动 | 了 | 对 | 数据 | 的 | 学习 这些 | 数据 | 来 | 自于 | 社交 | 媒体 | 、 | 智能 | 手机 | 、 | " | 物联网 | " |) | 、 | 传感器 | 等 | 任何 | 可以 | 产生 | 数 大 | 多 | 数数 | 据 | 挖掘 | 的 | 宣传 | 着 | 重于 | 数据 | 规模

数据 | 洪 | 水(| data flood) | 的 | 预言 | 告诉 | 人们 | 我们 | 无法 | 实时 | 处理 | 这些 | 数据 | , | 硬件 | 推销 | 人员 | 会进 | 一步 | 卖 | 给 | 我们 | 需要 | 的 | 服务 | , | 以期能够 | 满足 | 处理 | 速度 | 的 | 要求 | 。 | 从 | 某种 | 程度 | 上来 | 说 | , | 他们 | 是 | 对 | 的 | , | 但 | 是 | 我们 | 值得 | 停下 | 来 | 思考 | 片刻 | , | 并 | 对 | 手边 | 的 | 任务 | 进行 | 适当 | 的 | 再 | 认识 | 。 |

近 | 年来 | , | 数据 | 挖掘 | 和 | 机器 | 学习 | 在 | 我们 | 周围 | 持续 | 火爆 | , | 各种 | 媒体 | 也 | 不断 | 推送 | 着 | 海量 | 的 | 数据 | 。 | 仔细 | 观察 | 就 | 能 | 发现 | , | 实际 | 应用 | 中 | 的 | 那些 | 机器 | 学习 | 算法 | 与 | 多 | 年前 | 并 | 没有 | 什么 | 两样 | ; | 它们 | 只 | 是 | 在 | 应用 | 的 | 数据 | 规模 | 上 | 有些 | 不同 | 。 | 历数 | 一 | 下 | 产生 | 数据 | 的 | 组织 | , | 至少 | 在 | 我 | 看来 | , | 数目 | 其实 | 并 | 不 | 多 | 。 | 无非 | 是 | Google | 、 | Facebook | 、 | Twitter | 、 | NetFlix | 以及 | 其 | 他 | 为数 | 不 | 多 | 的 | 机构 | 在 | 使用 | 若 | 干学 | 习算法 | 和 | 工具 | , | 这些 | 算法 | 和 | 工具 | 使 | 得 | 他们 | 能够 | 对 | 数据 | 进行 | 测试 | 分析 | 。 | 那么 | , | 真正 | 的 | 问题 | 是 | : | " | 对于 | 其 | 他人 | , | 大数 | 据 | 框架 | 下 | 的 | 算法 | 和 | 工具 | 的 | 作用 | 是 | 什么 | 呢 | ? | " |

我承认|本书|将|多|次|提及|大|数据|和|机器|学习|之间|的|关系|,| 这|是|我|无法|忽视|的|一个|客观|问题|;|但|是|它|只|是|一个|很 |小|的|因素|,|终极|目标|是|如何|利用|可用|数据|获取|数据|的|本质

if __name__ == "__main__":
 pi, A, B = load_train()
 f = file(".\\text\\novel.txt")
 data = f.read()[3:].decode('utf-8')
 f.close()
 decode = viterbi(pi, A, B, data)
 segment(data, decode)



Jason Bell. Machine Learning: Hands-On for Developers and Technical Professionals. Wiley.2014

总结

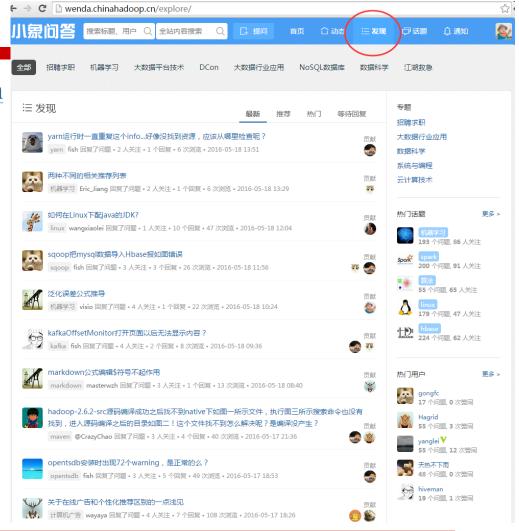
- □ 马尔科夫模型可以用来统一解释贪心法和动态规划。
- □ HMM解决标注问题,在语音识别、NLP、 生物信息、模式识别等领域被广泛使用。
 - 思考:可否用深度学习代替HMM?
 - 思考:如果观测状态是连续值,可否将多项分布改成高斯分布或者混合高斯分布?
- □在一定意义下,数据比算法更重要。
- □加强算法模型和实践问题的相互转换能力。

参考文献

- □ 孝航,统计学习方法,清华大学出版社,2012
- ☐ Christopher M. Bishop. Pattern Recognition and Machine Learning Chapter 10. Springer-Verlag, 2006
- □ Radiner L,Juang B. *An introduction of hidden markov Models*. IEEE ASSP Magazine, 1986
- Lawrence R. Rabiner. *A tutorial on hidden Markov models and selected applications in speech recognition*. Proceedings of the IEEE 77.2, pp. 257-286, 1989
- ☐ Jeff A. Bilmes. A gentle tutorial of the EM algorithm and its application to parameter estimation for Gaussian mixture and hidden Markov models. 1998.
- https://en.wikipedia.org/wiki/Hidden_Markov_model

我们在这里

- http://wenda.ChinaHadoop.cn
 - 视频/课程/社区
- □ 微博
 - @ChinaHadoop
 - @邹博_机器学习
- □ 微信公众号
 - 小象
 - 大数据分析挖掘



感谢大家!

恳请大家批评指正!