



南開大學  
Nankai University

南 开 大 学  
网 络 空 间 安 全 学 院  
数据结构实验报告

---

第四次实验作业

---

罗功成 1910487

年级：2019 级

专业：信息安全

指导教师：王玮

2021 年 11 月 25 日

## 摘要

在键值不重复，节点值可以为负数的非空二叉树，实现找到 p,q 节点公共祖先，遍历打印公共祖先的所有路径，并求最大路径和。

**关键字：**非空二叉树的链表实现，查找，比较，复杂度分析

## 目录

一、 实验流程	1
(一) 实验要求 . . . . .	1
(二) 实验原理和思路 . . . . .	1
(三) 实验核心代码 . . . . .	1
(四) 实验结果与分析 . . . . .	5
二、 实验探究问题解析	6
三、 总结和收获	6

## 一、 实验流程

### (一) 实验要求

1. 找到 p,q 节点公共祖先，一个节点可以是另一个节点的祖先。
2. 输出以上一问中以公共祖先为根节点的到所有叶节点的所有路径。
3. 输出以上一问中以公共祖先为根节点的子树的最大路径和。注意，路径不一定要通过该子树的根节点。

### (二) 实验原理和思路

1. 首先要根据各个元素值不重复的特性，完成 p,q 元素的搜索功能 searchnode（只需要将遍历过程中的节点 value 和 p,q 元素值进行比较，相等时返回当前节点，即可得到 p,q 所在的节点）
2. 确定最近共同祖先：getlastcommonancestor 函数。设计思路是，从根节点出发，同时考虑它左孩子和右孩子。当左孩子和右孩子同时被确定为就是 p,q 对应的节点，那么当前的节点就是 p,q 的最近公共祖先；否则，将进行递归调用，即沿着现在的节点左孩子和右孩子分别向下找，此时把根节点设置为两个孩子，继续比较他们的孩子，直至找到 p,q 或者是遇到终结符号后停止。
3. 遍历打印以公共祖先为根的子树所有路径：用到的是 printpath 函数。将上一问找到的公共祖先节点作为函数中新的根节点，分别向左孩子和右孩子进行遍历，之后递归调用，将孩子节点作为新的节点，继续向下查找。当遇到的不是终结的节点时，把当前节点值保留在 path 数组中，等遇到终止节点时，将会停止记录。
4. 计算以最近公共祖先为根节点的子树最大路径和：构建 solution 类。将上一问找到的公共祖先节点作为函数中新的根节点，指定任意一个在子树的节点作为开始，此时分别沿着 left,right 两个指针遍历路径，然后比较向左和向右的值，取最大，之后再递归调用，直至到空节点。最后，每个节点中得到的路径进行比较，将当前节点值和累加后的向左向右的路径较大值相加，从而得到最大路径。
5. 注意该树是按照先根方式（DLR）构建的，0 作为表示空节点的字符

### (三) 实验核心代码

二叉树的链表实现和用到的函数

```
1 struct BinaryTreeNode
2 {
3     BinaryTreeNode* left;
4     BinaryTreeNode* right;
5     int value;
6 };
7
8 //存储路径的数组
9 vector<int> path(10, 0); //用0表示为空
10
```

```
11 //创建二叉树
12 void createTree(BinaryTreeNode*& root)
13 {
14     int val;
15     cin >> val;
16     if (val != 0)
17     {
18         root = new BinaryTreeNode;
19         root->value = val;
20         root->left = NULL;
21         root->right = NULL;
22         createTree(root->left);
23         createTree(root->right);
24     }
25     else
26         return;
27 }
28 //找公共祖先
29 BinaryTreeNode* GetLastCommonAncestor(BinaryTreeNode* root, BinaryTreeNode*
    node1, BinaryTreeNode* node2)
30 {
31     if (root == NULL || node1 == NULL || node2 == NULL)
32         return NULL;
33
34     if (node1 == root || node2 == root)
35         return root;
36
37     BinaryTreeNode* cur = NULL;
38
39     BinaryTreeNode* left_lca = GetLastCommonAncestor(root->left, node1,
        node2);
40     BinaryTreeNode* right_lca = GetLastCommonAncestor(root->right, node1,
        node2);
41     if (left_lca && right_lca)
42         return root;
43     if (left_lca == NULL)
44         return right_lca;
45     else
46         return left_lca;
47 }
48
49 struct BinaryTreeNode* searchNode(struct BinaryTreeNode*node, int x) {
50     struct BinaryTreeNode* endNode = NULL;
51     if (node == NULL) {
52         return NULL;
53     }
54
55     if (node->value == x) {
```

```

56         endNode = node;
57     }
58     else {
59
60         if (endNode == NULL) {
61             endNode = searchNode(node->left, x);
62         }
63         if (endNode == NULL) {
64             endNode = searchNode(node->right, x);
65         }
66     }
67     return endNode;
68 }
69 //求最大路径和
70 class Solution {
71 public:
72     int dfs(BinaryTreeNode* root, int& res) { //dfs函数的作用是返回从当前
        结点往左或者往右走的单条最大路径
73         if (root == NULL) { //如果扫到空结点, 返回0 (路径为0)
74             return 0;
75         }
76         int left = max(dfs(root->left, res), 0); //left表示从左孩子往
        左或者往右走的单条最大路径, 再与0比较取较大的那个值
77         int right = max(dfs(root->right, res), 0); //right同理
78         res = max(res, root->value + left + right); //res是用来保存全
        局中出现的最大路径的
79         //由于题中意思是可以不从根结点出发
80         //所以题意中的结果就是当前结点的值+左孩子往左
        或者往右走的单条最大路径+右孩子往左或者往
        右走的单条最大路径
81         //要注意的是我们这边的left和right是经过处理的, 与0比较过了,
        所以不会出现当前结点的值+左右孩子的值之后小于当前结点的情况
82         return root->value + max(left, right); //dfs的作用是返回从当前
        结点往左或者往右走的单条最大路径, 所以要用自身+上左右孩子
        中大的那条路径
83
84     }
85     int maxPathSum(BinaryTreeNode* root) {
86         int res = INT_MIN; //用INT_MIN来解决树中全是负数的情况
87         dfs(root, res);
88         return res;
89     }
90 };
91
92
93 //递归实现输出从根节点到叶子结束的所有路径
94 void printPath(BinaryTreeNode* root, int pos)

```

```

95 {
96     if (root == NULL)
97         return;
98     path[pos] = root->value;
99     if (root->left == NULL && root->right == NULL)
100     {
101         auto it = path.begin();
102         auto end = find(path.begin(), path.end(), 0);
103         while (it != end)
104         {
105             cout << *it++ << " ";
106         }
107         cout << endl;
108     }
109     else
110     {
111         if (root->left != NULL)
112         {
113             printPath(root->left, pos + 1);
114         }
115         if (root->right != NULL)
116         {
117             printPath(root->right, pos + 1);
118         }
119     }
120     path[pos] = 0;
121 }

```

#### 初始化和寻找最近公共祖先

```

1 BinaryTreeNode* root = NULL;
2     cout << "输入各节点，空值用0来表示" << endl;
3     createTree(root);
4     cout << "请输入p,q节点" << endl;
5     int p, q; cin >> p >> q;
6     BinaryTreeNode* node1 = searchNode(root, p);
7     BinaryTreeNode* node2 = searchNode(root, q);
8     BinaryTreeNode* ancestor = GetLastCommonAncestor(root, node1, node2);
9     //实现对p,q最近祖先的查找。
10    cout << "p,q节点的祖先是：" << ancestor->value << endl;

```

#### 遍历打印以公共祖先为根节点的所有路径

```

1     cout << "打印祖先的各条路径" << endl;
2     printPath(ancestor, 0); //两个参数：最近祖先节点和从0开始的路径下标
3     //遍历打印祖先所有节点路径。

```

#### 求出最大路径和

```
1 int m;  
2 Solution max; //实例化一个类max求最大路径,max调用求最大路径的函数。  
3 max.dfs(ancestor, m); //两个参数: 最近祖先节点, 存放最大值的m  
4 cout << "最大路径和为"<<m<<endl;
```

#### (四) 实验结果与分析

注意, 该二叉树是按照 DLR 的方式先序构造的二叉树。

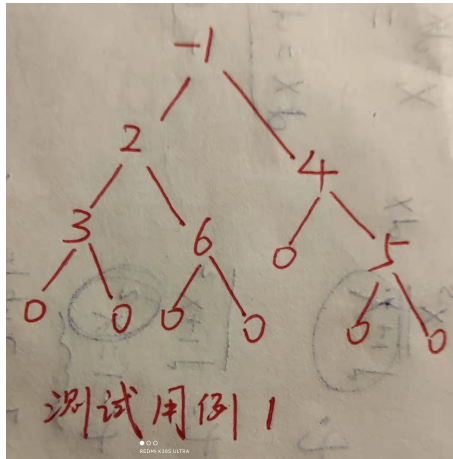


图 1: 输入以下的二叉树

```
C:\D:\LGC信息与基本资料\NKU南开大学学习资源库\3.大三 (G  
输入各节点, 空值用0来表示  
数据-1 2 3 0 0 6 0 0 4 0 5 0 0  
请输入p, q节点  
3 6  
p, q节点的祖先是: 2  
打印祖先的各条路径  
2 3  
2 6  
最大路径和为11  
请按任意键继续. . .
```

图 2: 输出对应的公共祖先, 所有路径与最大路径和

```

D:\LGC信息与基本资料\NKU南开大学学习资源库\3.大三（津南）：信
输入各节点，空值用0来表示
5
-2
6
1
0
0
0
3
0
0
7
4
0
0
0
请输入p, q节点
6
3
p, q节点的祖先是: -2
打印祖先的各条路径
-2 6 1
-2 3
最大路径和为8
请按任意键继续. . .

```

图 3: 助教指定的测试用例的表达结果

可见，以上代码可以满足本次实验的各项要求。

## 二、 实验探究问题解析

时间复杂度： $O(n)$

插入二叉树各个元素过程为  $O(n)$ ，对二叉树的遍历查找和求最大值取决于是否是构造的是平衡二叉树，所以介于  $O(\log n)$  到  $O(n)$  之间，综上为  $O(n)$

空间复杂度： $O(n)$

在计算最大值和公共祖先时，只是中间变量，不影响空间复杂度；

在遍历打印过程中，创建了一个可变大小的数组 `path`，用来分别保存各条路径。

`SP=n*(addr(path)+sizeof(int)).`

## 三、 总结和收获

1. 对二叉树的链表实现方法，二叉树的遍历，查找对应节点等相关知识得到了巩固和提高。
2. 对链表，指针，类的编写和实例化，函数调用等编程能力得到提高。