

# NumPy と 数学復習

前回の課題の例（複数のSQL）

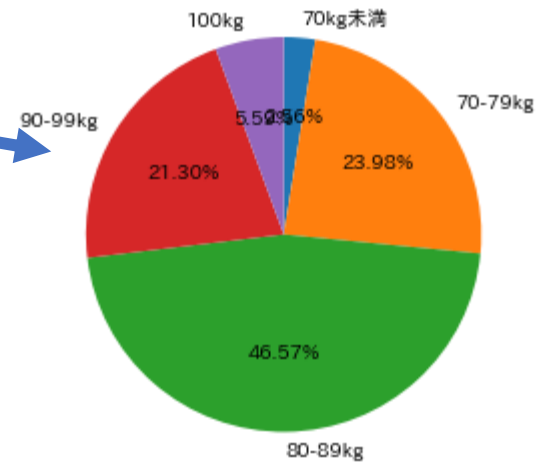
```
sql=["select count(*) from player where 体重<70",
"select count(*) from player where 体重>=70 and 体重<=79",
"select count(*) from player where 体重>=80 and 体重<=89",
"select count(*) from player where 体重>=90 and 体重<=99",
"select count(*) from player where 体重>=100"]
w=[]
for s in sql:
    for row in c.execute(s):
        s1=row[0]
        w.append(s1)
conn.close()
labels = [                # グラフ要素のラベル
    '70kg未満', '70-79kg', '80-89kg', '90-99kg', '100kg'
]
plt.pie(x=w,                # グラフ要素の値を設定
        labels=labels,      # グラフ要素のラベルを設定
        autopct='%.2f%%',   # 構成割合として小数点以下2桁までをプロット
        startangle=90,      # 90度（真上）の位置から開始
        counterclock=False  # 時計回りにする
        )
plt.axis('equal')           # グラフを真円にする
plt.show()
```

["select count(\*) from player where 体重<70",  
"select count(\*) from player where 体重>=70 and 体重<=79",  
"select count(\*) from player where 体重>=80 and 体重<=89",  
"select count(\*) from player where 体重>=90 and 体重<=99",  
"select count(\*) from player where 体重>=100"]

| W  |
|----|
| 23 |

| W  |
|----|
| 23 |
| 34 |

| W  |
|----|
| 23 |
| 34 |
| 45 |



# 課題

- 身長から体重への円グラフに書き換えてください。

# 目次

- numpy復習
- 平均・標準偏差・分散
- 微分・積分・偏微分
- 行列
- 直線の式と空間方程式やベクトル
- 確率（ベイズの定理・二項分布・など）

# スラッシング

- `d=np.array([1,2,3,4,5,6,7]);`  
`print(d[1:5])?`

# 解答

0 1 2 3 4 5 6  
([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7])  
↑            ↑  
1から 5-1=4



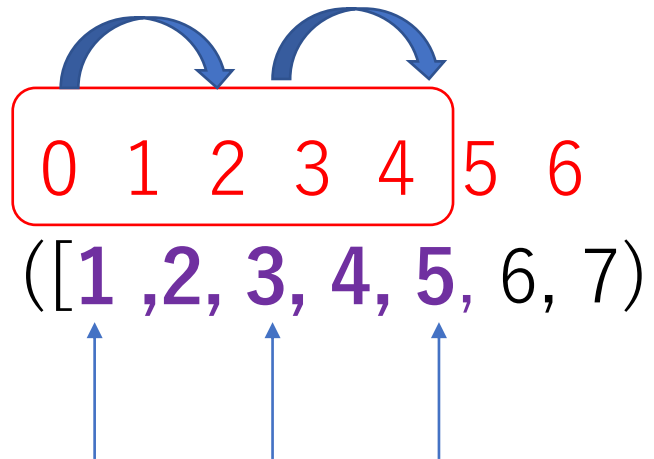
始点    終点    間隔

- `d[0:5:2]`

- `d[::-1]`

- `d[::-1]` 反対に表示される

- `d[0:5:2]`



# ndarray(多次元行列)

```
a=np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
```

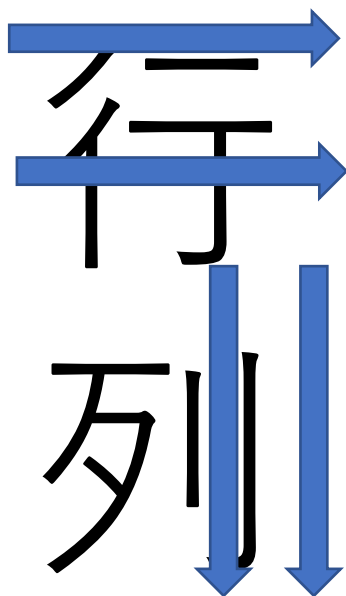
(1)a.T

(2)a.shape

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 |
| 4 | 5 | 6 |

行→横  
列→縦

どちらが縦か横かの覚え方



a.T      転置

a.shape 型を表示

a.ndim    次元

```
>>> a.shape
```

```
(2, 3)
```

```
>>> a.T
```

```
array([[1, 4],  
       [2, 5],  
       [3, 6]])
```

```
>>> a.ndim
```

```
2
```

# 多次元のスライシング

## 問題

`a=np.arange(10)`で以下の出力する数字を書いてください

`a[1:5]`

`a[2:8:2]`

`a[::-1]`

`a[:3]`

`a[4:]`

`a[:3],a[3:]`

`a[::2]`

`a[:]`

解答

# reshape

- 型を変える（行と列）

```
b=np.arange(20).reshape(4,5)
```

```
>>> b
```

```
array([[ 0,  1,  2,  3,  4],  
       [ 5,  6,  7,  8,  9],  
       [10, 11, 12, 13, 14],  
       [15, 16, 17, 18, 19]])
```

# 演習

- $4 \times 5$  の行列をすべて 3 の成分にしてください



```
>>> b=np.repeat(3,20);
```

```
>>> b.reshape(4,5)
```

```
array([[3, 3, 3, 3, 3],  
       [3, 3, 3, 3, 3],  
       [3, 3, 3, 3, 3],  
       [3, 3, 3, 3, 3]])
```

# スラッシング

- 問題

(1) `b[1:3,2:4]`

(2) `b[:2,1:]`

(3) `b[:,::2,:]`

(4) `b[:,::2]`

(5) `b[:,::-1]`

# 3 次元配列

```
c=np.zeros((3,4,5))
```

```
>>> c=np.zeros((3,4,5))
```

```
>>> c
```

5  
array([[[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.]],  
[[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.]],  
[[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.],  
[0., 0., 0., 0., 0.]])

4

3

# 問題

$c[:,1:2,3:] = 1$ は 1 になる部分は？

`c[:,1:2,3:]=1`

`array([[[0., 0., 0., 0.],`  
→ `[0., 0., 0., 1., 1.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.]])`

→ `[[0., 0., 0., 0., 0.],`  
`[0., 0., 0., 1., 1.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.]])`

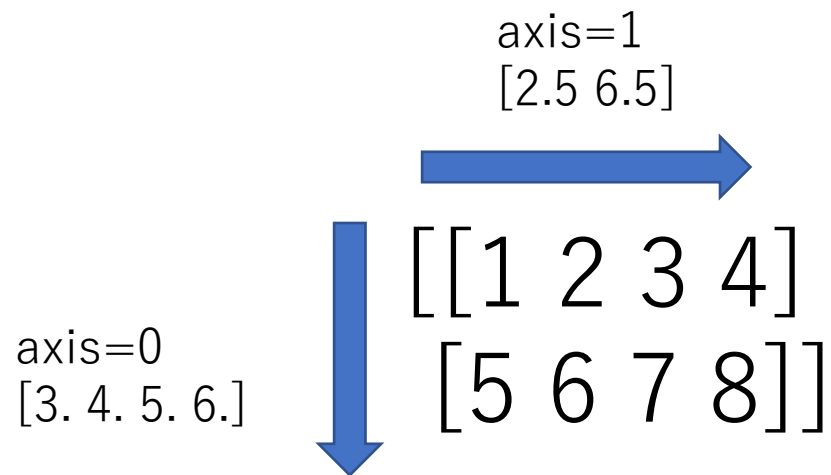
→ `[[0., 0., 0., 0., 0.],`  
`[0., 0., 0., 1., 1.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.],`  
`[0., 0., 0., 0., 0.]])`

⋮はすべて  
1:2は1から2 - 1 = 1 まで  
3:は3からすべて

Numpy数学関数

# np.average

```
a=np.array([1,2,3,4,5,6,7,8])  
print(np.average(a))  
b=a.reshape(2,4)  
print(b)  
print(np.average(b,axis=0))  
print(np.average(b,axis=1))
```



# 平均だけ見ていていいのか (P学院般教の数学レポート)

- 毎年3倍なら4年で平均は？
- 距離90 kmを行きは時速90 km帰りは時速45 km  
平均の時速は
- 社長は年収1億、社員は年収500万、300万  
会社の平均年収は



# 誤答例

(1) 3 倍

(2)  $90 + 45 = 135$      $135 \div 2 = 67.5$

(3)  $(1 \text{ 億} + 500 \text{ 万} + 300 \text{ 万}) \div 3$

# 課題 金利は？(100年後には1024倍)



# 金利が何%のときぐらいで1024倍？ (risoku3.py)

単純条件として税金なしで金利はずっと一定で複利とします  
pythonでシュミレートしてください。

ヒント (risoku3.py)

```
principal=100000#元本として計算
```

```
for year in range(0,100):#100年
```

```
    principal=principal * ( 1.0 + interest )
```

pythonは数式処理もできます

## 多項式の展開 (中3)

```
>>> from sympy import *
```

```
>>> x = Symbol('x')
```

```
>>> y = Symbol('y')
```

```
>>> expr = (x + y)**2
```

```
>>> >>> expand(expr)
```

```
x**2 + 2*x*y + y**2
```

# 方程式を解く (中 3 )

```
>>> expr = x**2+4*x+4
```

```
>>> solve(expr, x)
```

```
[-2]
```

# 連立方程式を解く (中学 2 年)

```
>>> x, y = symbols('x y ')
>>> eq1=x + y-4
>>> eq2=2*x+3*y-6
>>> solve([eq1,eq2], [x,y])
{x: 6, y: -2}
```

# 式に値を代入する (中 3)

```
>>> f = x**2 + 3*x + 2
```

```
>>> f1 = f.subs([(x, 1)])
```

```
>>> f1
```

```
6
```



# 微分 (高 3)

```
>>> x,y = symbols('x y')
```

```
>>> f = x**2 + 2/x+sin(x)
```

```
>>> diff(f,x)
```

```
2*x + cos(x) - 2/x**2
```

# 積分 (高 3)

```
>>> expr = cos(x) * ln(y) + 2/y
```

```
>>> integrate(expr, x)
```

```
2*x/y + log(y)*sin(x)
```

# 例題

$y = x^2 + 4x$  を微分したとき  $x = 1$  のときの  
値を求めてみてください

# 解答

```
from sympy import *  
x,y=symbols('x y')  
f = x**2 + 4*x  
f1=diff(f,x)  
print(f1)  
df = f1.subs([(x, 1)])  
print(df)
```

# 標準偏差と分散と偏差値

$$\text{標準偏差} = \sqrt{\text{分散}}$$

$$\text{平均値} : \bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \cdots + x_n)$$

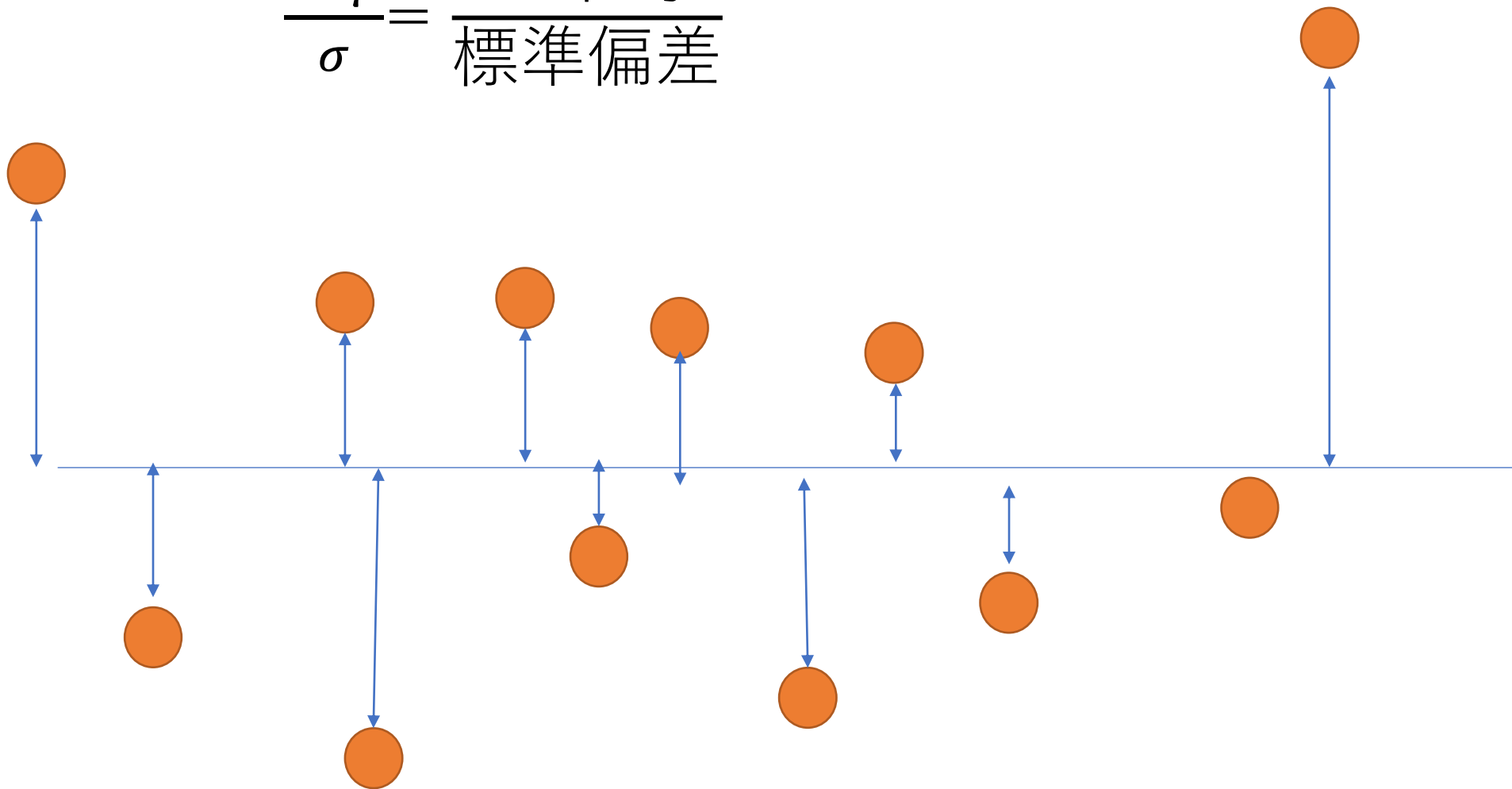
$$\text{偏差} = x_i - \bar{x}$$

$$\text{分散} : \sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

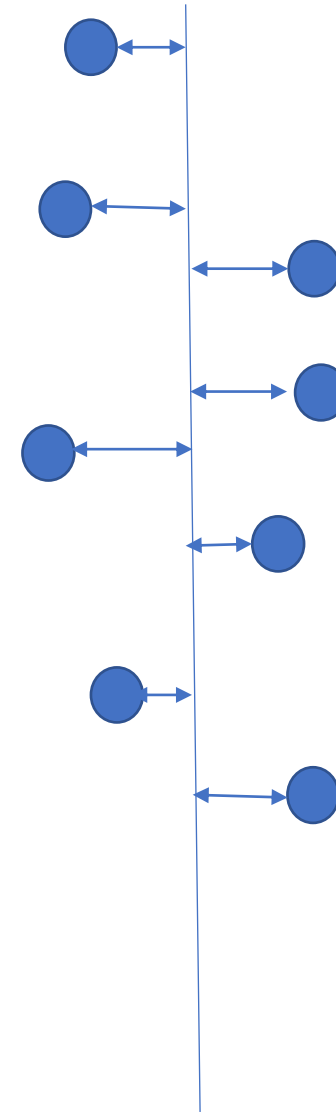
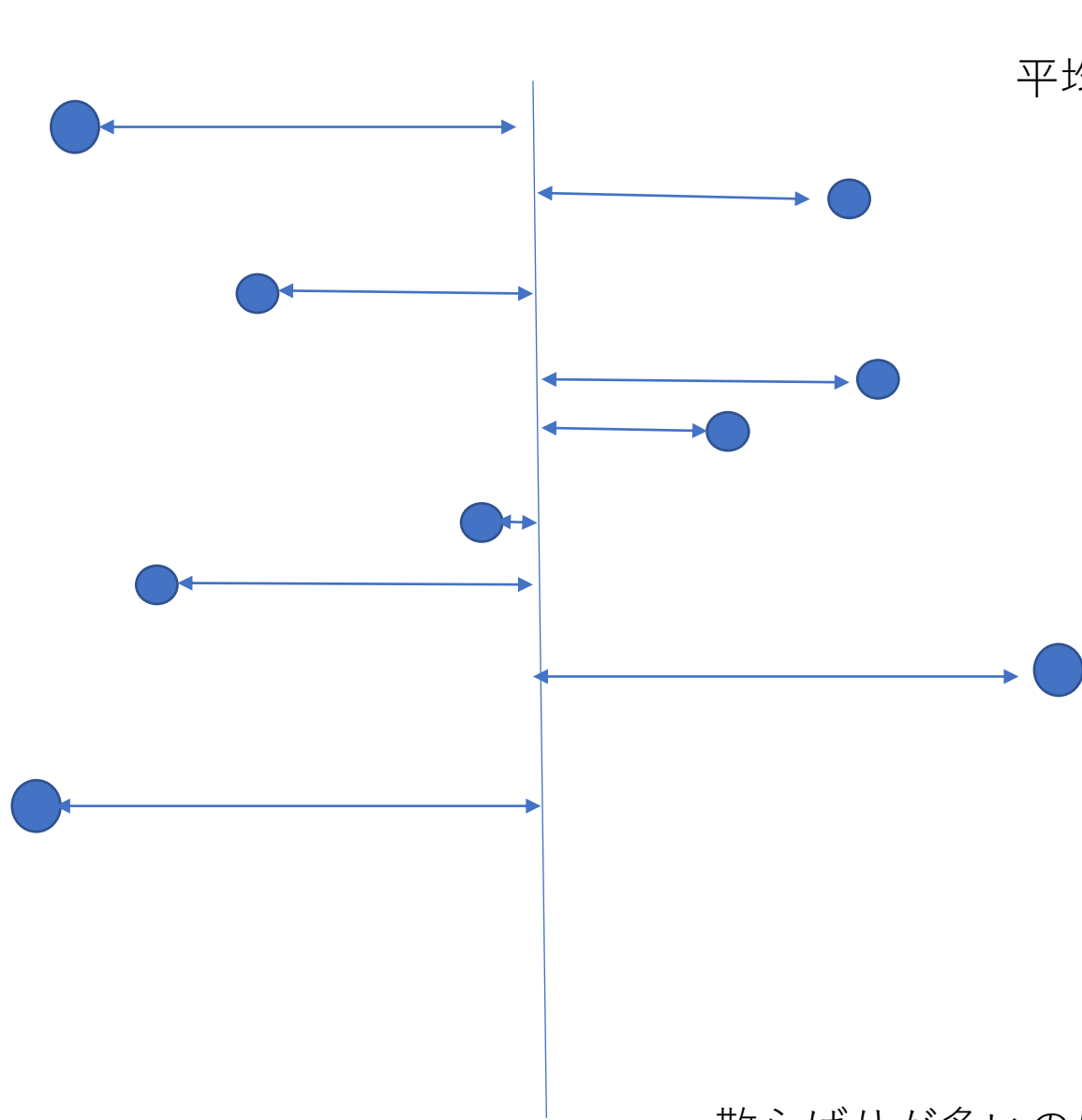
$$\text{標準偏差} : \sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

# 散らばりを表す

$$\frac{x-\mu}{\sigma} = \frac{x-\text{平均}}{\text{標準偏差}}$$



平均



散らばりが多いのはどれか？→この度合いを示すのが標準偏差

## 標準偏差・分散の公式

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2$$



$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i^2 - \mu^2$$

**標準偏差は分散の平方根 $\sqrt{\sigma^2}$**



# 標準偏差std,分散var

|        | 国語 | 社会 | 数学 | 理科 | 英語 |
|--------|----|----|----|----|----|
| 90-100 | 4  | 0  | 8  | 2  | 2  |
| 80-89  | 7  | 17 | 19 | 10 | 13 |
| 70-79  | 18 | 13 | 17 | 6  | 12 |
| 60-69  | 28 | 12 | 23 | 13 | 14 |
| 50-59  | 36 | 17 | 16 | 14 | 26 |
| 40-49  | 27 | 17 | 18 | 20 | 21 |
| 30-39  | 10 | 22 | 17 | 24 | 16 |
| 0-29   | 7  | 39 | 19 | 48 | 33 |

# 標準偏差std,分散var

標準偏差

```
>>> s=np.std([4,7,18,28,36,27,10,7])
```

```
>>> s
```

```
11.18523021667413
```

```
>>> s=np.var([4,7,18,28,36,27,10,7])
```

```
>>> s
```

```
125.109375
```

課題定義で求めてください

# 偏差値

- 平均が50、標準偏差が10の正規分布は偏差値を表す曲線
- 一般に言われているところは  
「平均点だと偏差値が50」、「偏差値が70の学校はかなり難しい」

$$\frac{x-\mu}{\sigma} \times 10 + 50 = \frac{x - \text{平均}}{\text{標準偏差}} \times 10 + 50$$

# 問題

mathscore=[8,19,17,23,16,18,17,19]

(順番に階級値は90-100,80-89,70-79,60-69,50-59,40-49,30-39,0-29)

でこの学校の標準偏差を求めよ (階級値は真ん中の数を点数とする。  
90から100までは95が8人とする)

また29点の偏差値を求めなさい

90-100 → 95点が8人

80-89, → 85点が19人

70-79, → 75点が17人

60-69, → 65点が23人

50-59, → 55点が16人

40-49, → 45点が18人

30-39, → 35点が17人

0-29 → 15点が19人

# 相関係数

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{j=1}^n (x_j - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{k=1}^n (y_k - \bar{y})^2}}$$

# 相関係数

```
#相関係数
```

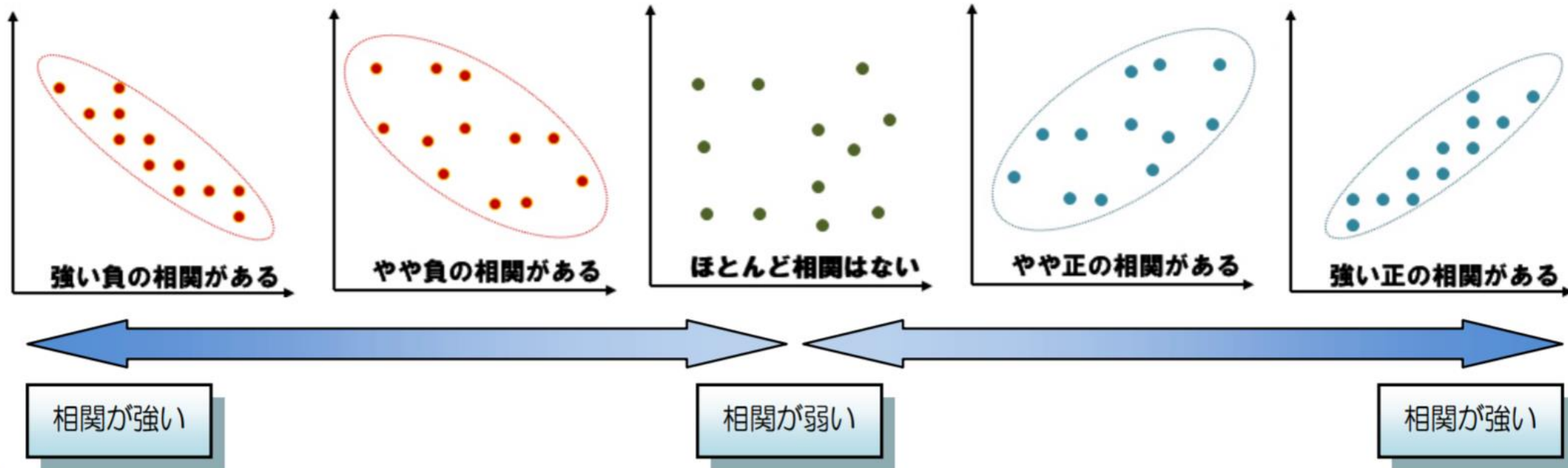
```
import numpy
```

```
japanese = [5, 73, 29, 63, 68, 28, 45, 78, 70, 93]
```

```
math = [11, 82, 25, 61, 66, 27, 42, 88, 71, 84]
```

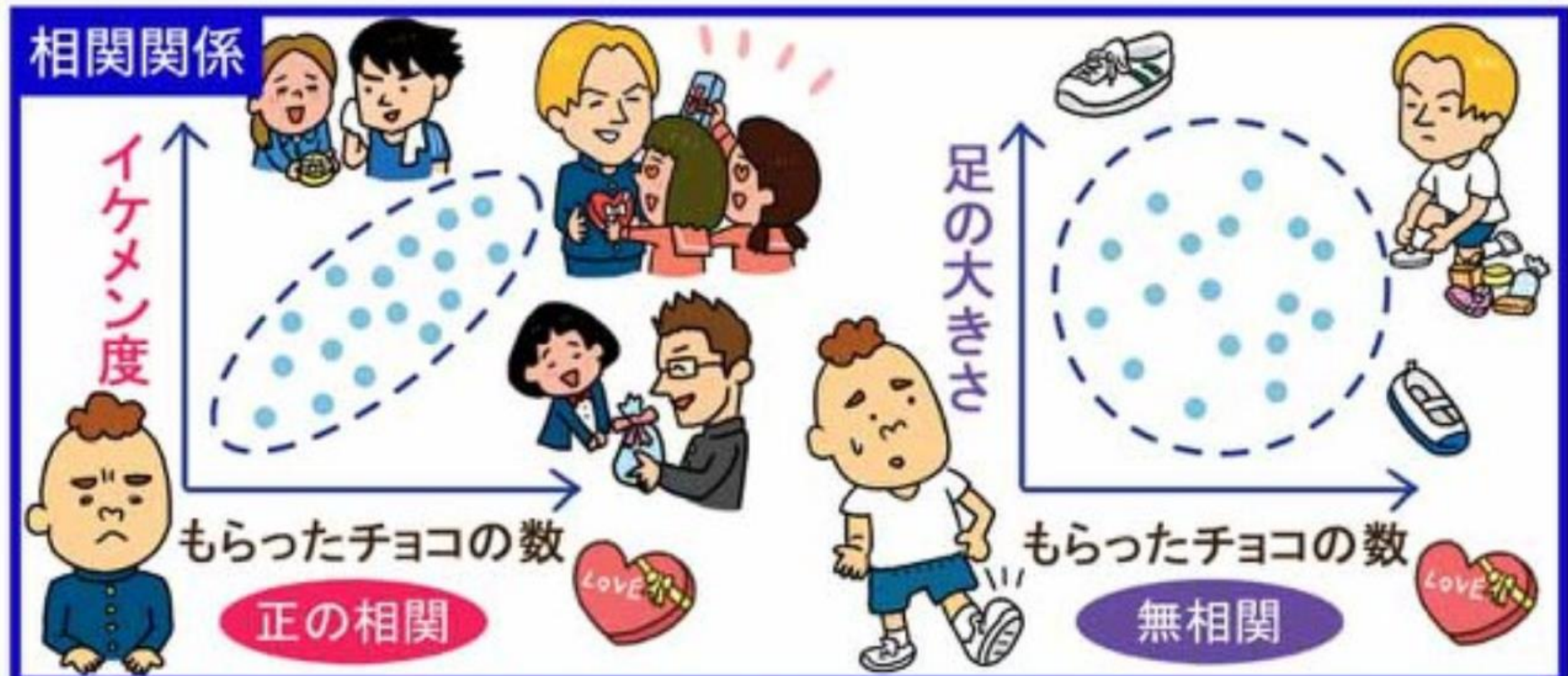
```
correlation = numpy.corrcoef(japanese, math)
```

```
print(correlation[0,1])
```



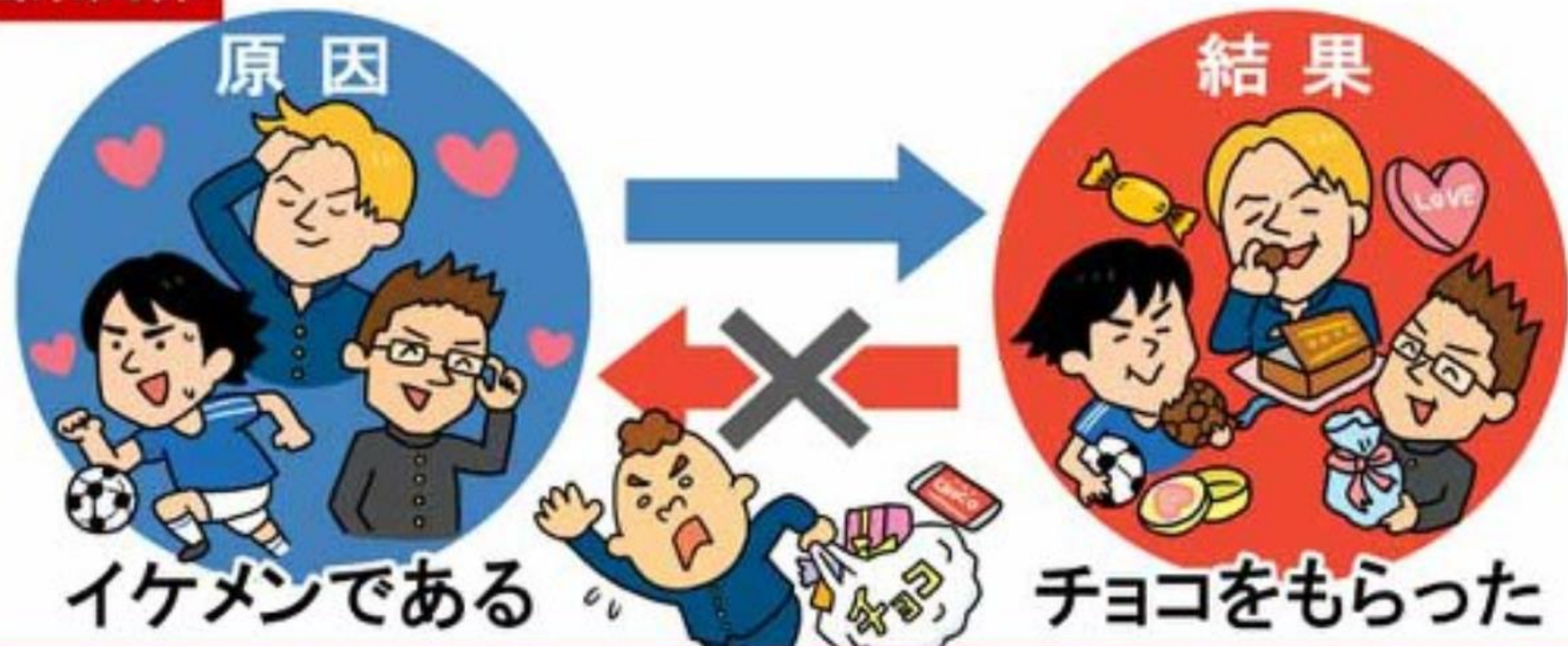


# 相関と因果



一方が変われば、もう一方も変わる

## 因果関係



一方が原因で、もう一方が結果

練習 11) 次のような 2 つの変量  $x, y$  からなるデータがある。これらについて  $x$  と  $y$  の間に相関があるかどうかを調べよ。また、相関がある場合には、正か負のどちらの相関であるかをいえ。

(1)

|     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $x$ | 3.5 | 2.6 | 5.2 | 2.5 | 3.9 | 6.5 | 3.3 | 6.0 | 4.4 | 3.5 |
| $y$ | 129 | 128 | 152 | 120 | 143 | 168 | 131 | 177 | 130 | 129 |

(2)

|     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $x$ | 15  | 33  | 18  | 25  | 45  | 33  | 38  | 40  | 32  | 15  |
| $y$ | 180 | 143 | 172 | 160 | 142 | 146 | 155 | 128 | 175 | 180 |

(3)

|     |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| $x$ | 29 | 34 | 25 | 20 | 40 | 24 | 37 | 33 | 44 | 29 |
| $y$ | 11 | 8  | 9  | 13 | 16 | 8  | 10 | 15 | 7  | 11 |

# 課題

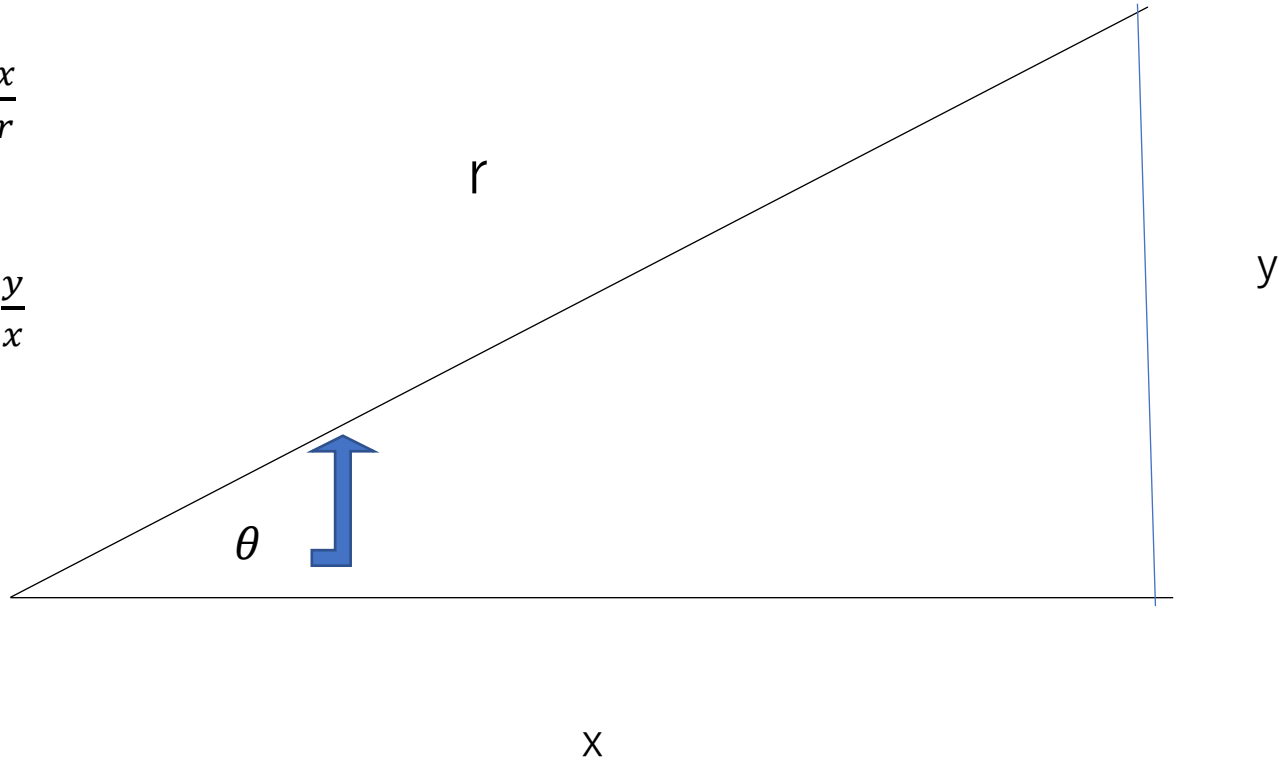
相関係数を`numpy.corrcoef`を使わず定義式でコーディングしてみてください。（相関係数の`python.txt`）

# 三角関数

$$\sin\theta = \frac{y}{r}$$

$$\cos\theta = \frac{x}{r}$$

$$\tan\theta = \frac{y}{x}$$



# 三角関数

弧度法

$\pi / 180 = 1$ 度とする

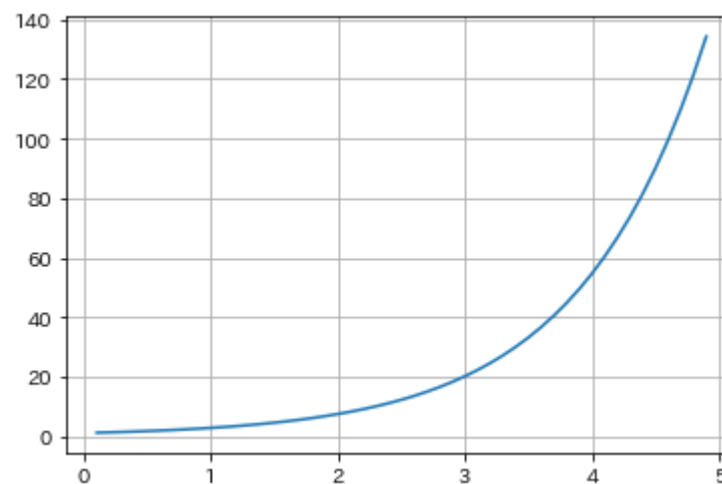
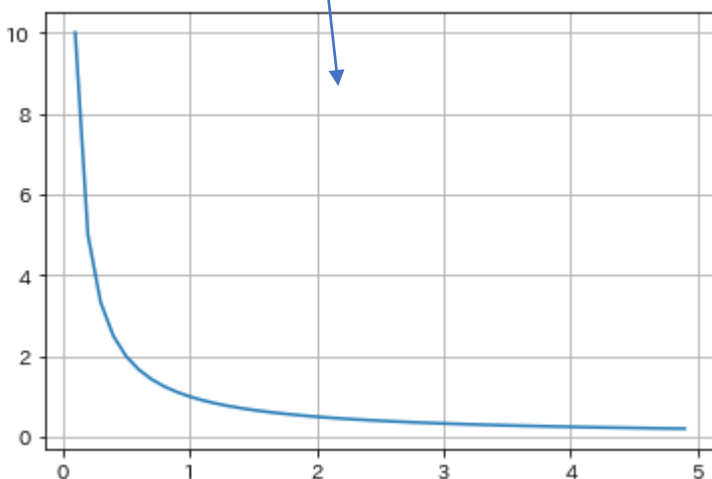
例

$$\pi / 180 \times 30 = \pi / 3$$

$\sin 60 = \sin \pi / 3$ と表現します

# 指数関数(発散と収束をすると?)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e \text{ (値は収束する)} = 2.71828182845904523536$$





# 課題

- eが収束するのpythonで確かめてください

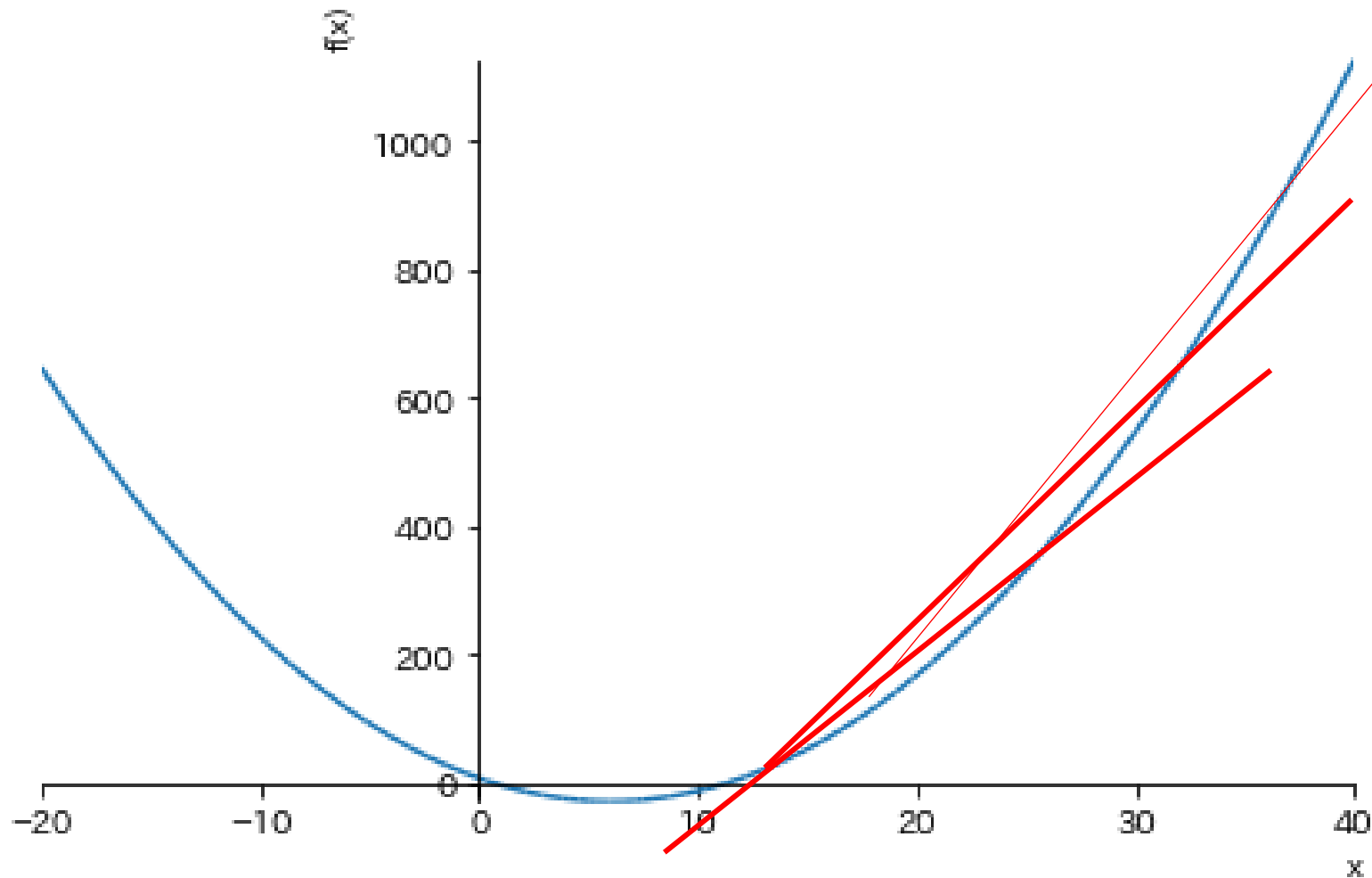
```
const_neipia=2.71828182845904523536
def neipia(x,n):
    y=1+1/x
    y1=np.power(y, n)
    return y1
w=[]

for x in range(1,10000):
    y=neipia(x,x)
    error=const_neipia-y
    print(x,'*****',y,"error=",error)
    w.append(y)
plt.ylim(2.69,2.72)
plt.plot(w)
```



微分・積分・偏微分

- 微分の定義



曲線のその点での傾きを  
求めること

微分係数の求め方

$$f'(a) = \lim_{b \rightarrow a} \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

または

$$f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

微分係数の求め方  $f'(x) = y' = dy/dx = (x^2)'$

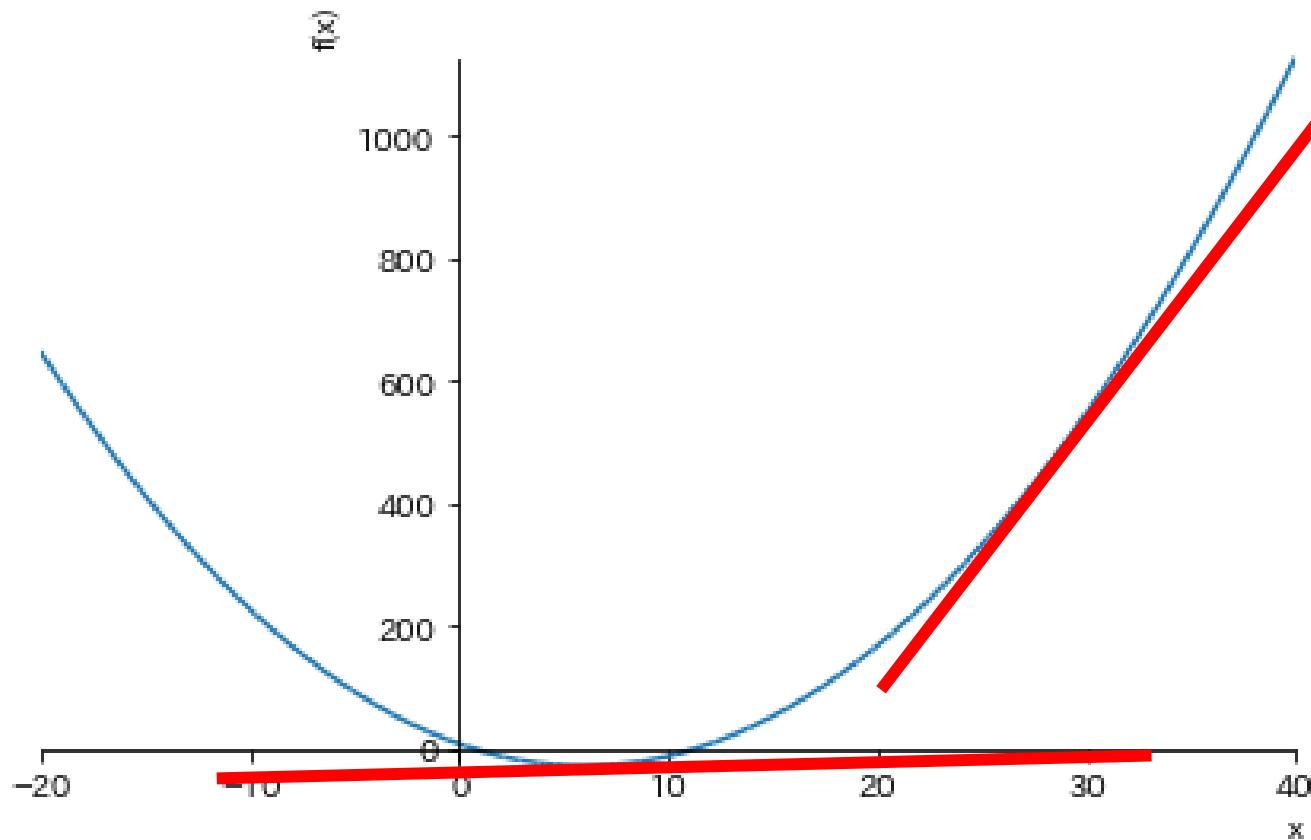
公式  $y' = nx^{n-1}$

$$f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

$y = x^2$  の関数の  $x = 2$   $y = 4$  の接線の方程式は？

# 傾きが0ということとは？

- 傾き 0 を極値（最大値、最小値）



つまり傾き 0 が  $y$  の値の最大値または最小値  $\rightarrow$  極値という

# 積分

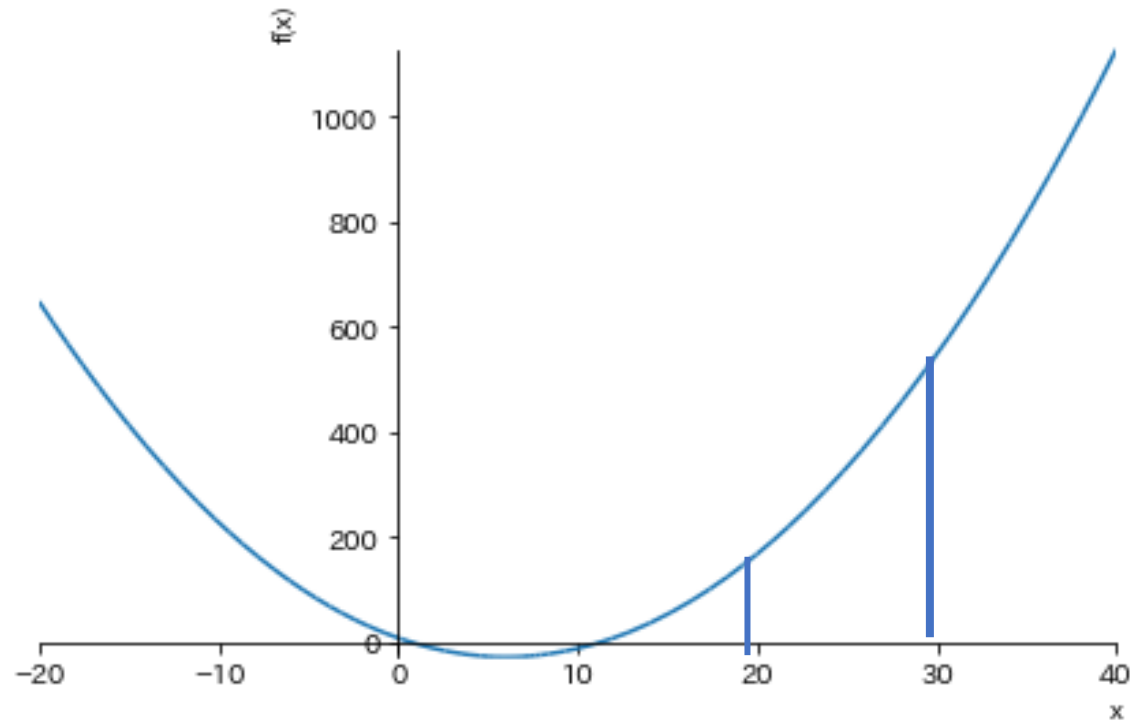
(1)

微分→積分

積分→微分    微分したものを元に戻すこと

$$\int x dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + c$$

積分はx軸と囲まれた面積の関数といえる

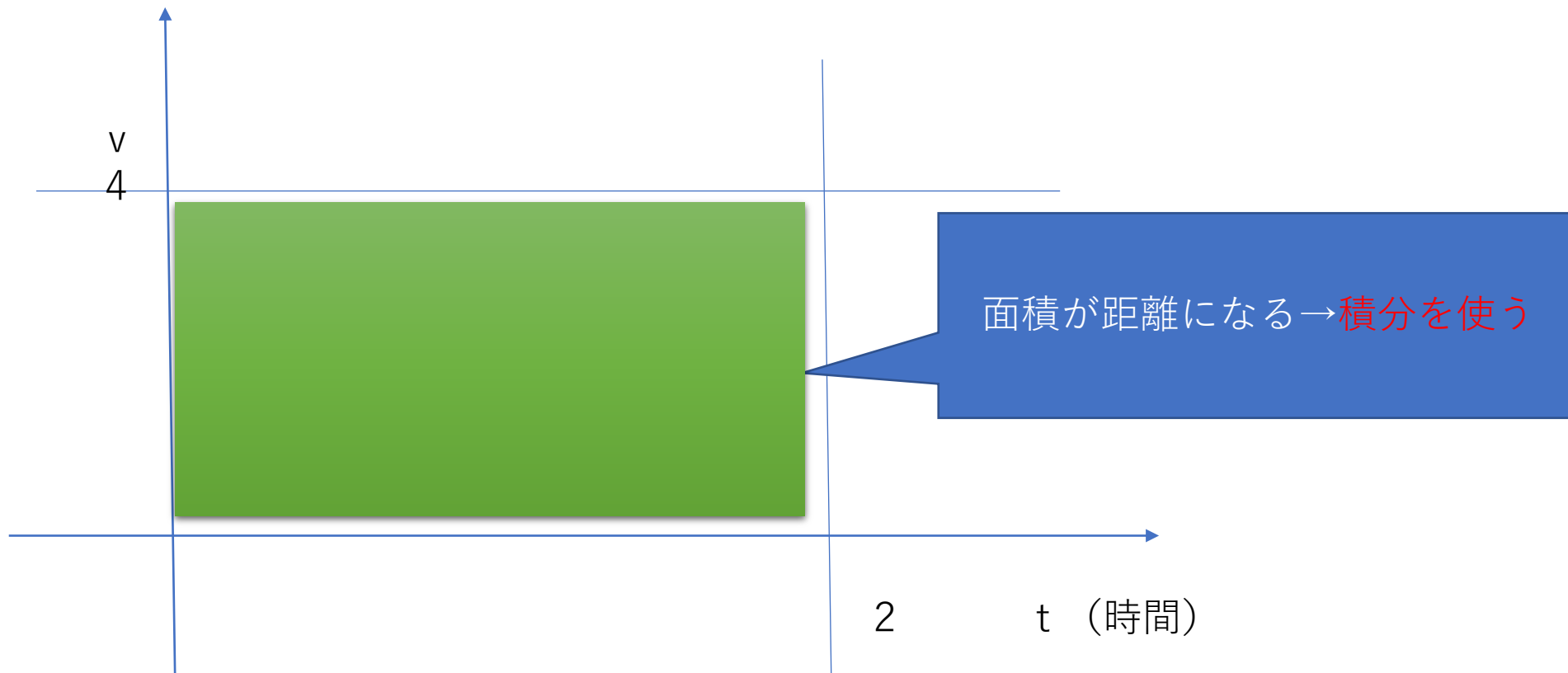




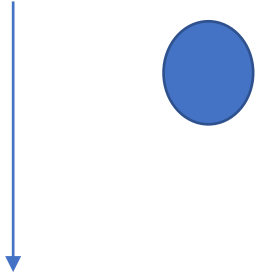
物理の世界では

$s=vt$ (距離=速さ×時間)

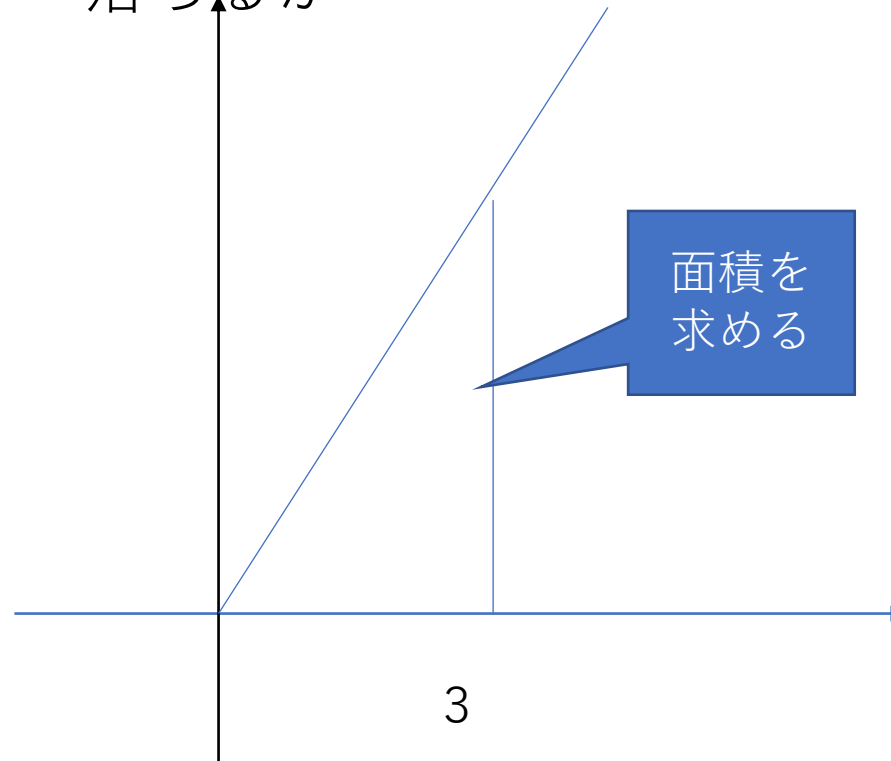
時速4 kmで2時間歩いたときの距離



例 物の自由落下



$v = 10 \times t$  で表せる。3 秒後にはどれだけ物は落ちるか



# 直線の式・平面の式

$y=ax+b$ は直線

$z=ax+by+c$ は？

点を多数集めたものが直線

直線をたくさん集めたものが平面

平面をたくさん集めたもの？

0次元 点    1次元 直線    2次元 面

3次元 立体    4次元？

- $y=ax+b$ と移行した $cx+dy+e=0$ の違い  
→直線は $(c,d)$ と直線の傾きは90度すなわち直交する

例

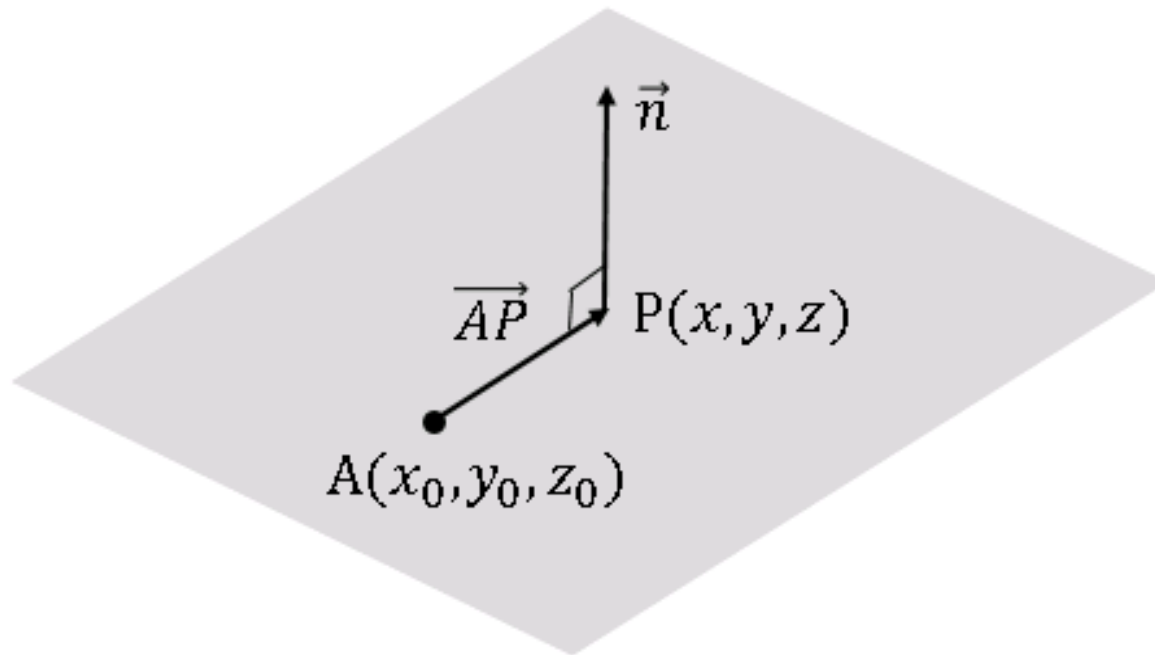
$$y=2x+3 \text{ と } 2x-y-3=0$$

傾きは2 (2,-1)の傾きは $-1/2$

$2 \times -1/2 = -1$ は直交している

平面では？

同じで $ax+by+c=0$ は  $(a,b,c)$ で平面とで直交



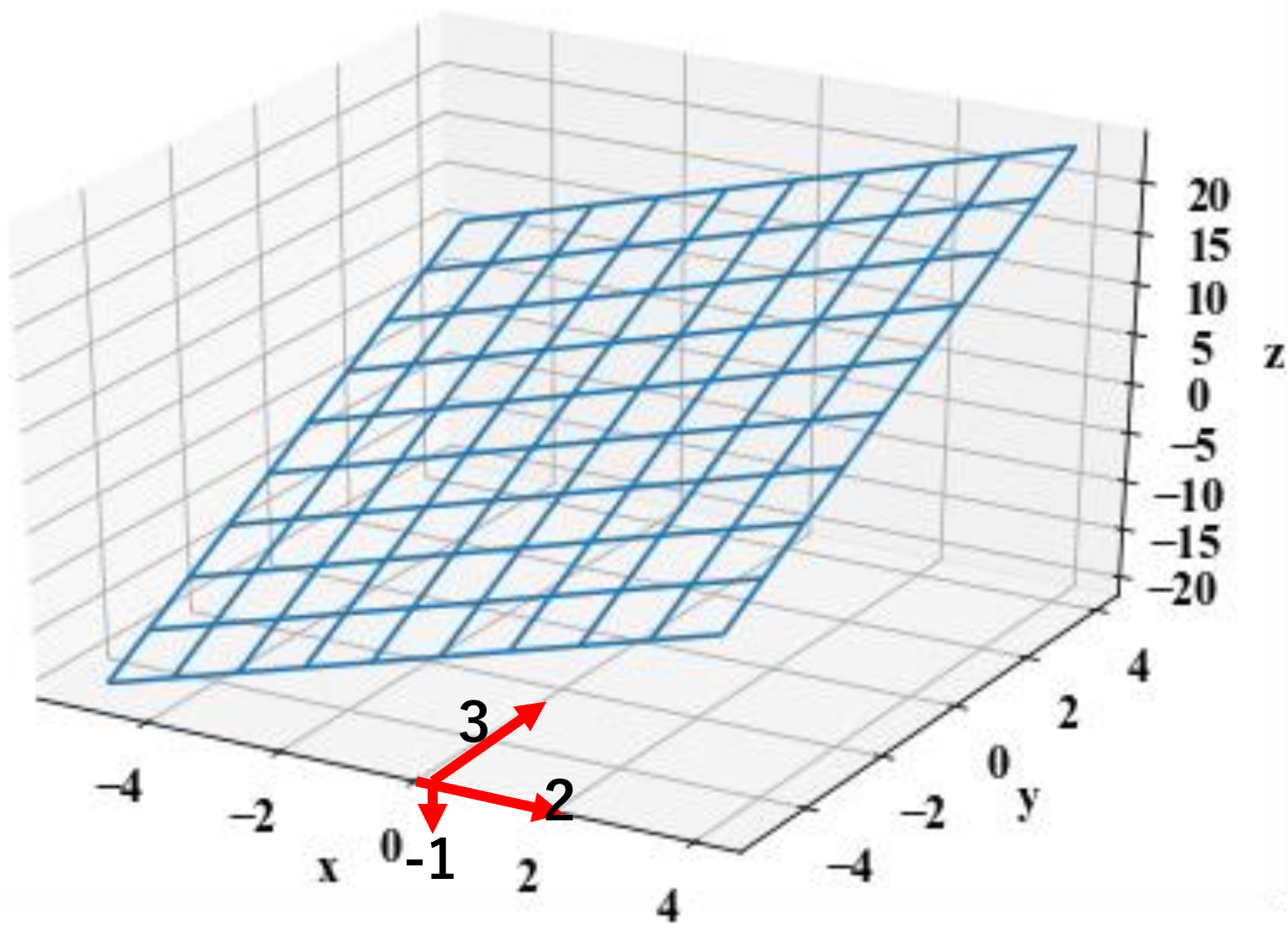
ベクトルでは内積が 0 が直交条件

# 課題

$z=2x+3y+4$ のグラフを描いてください

この平面の法線のベクトルを考えてください。

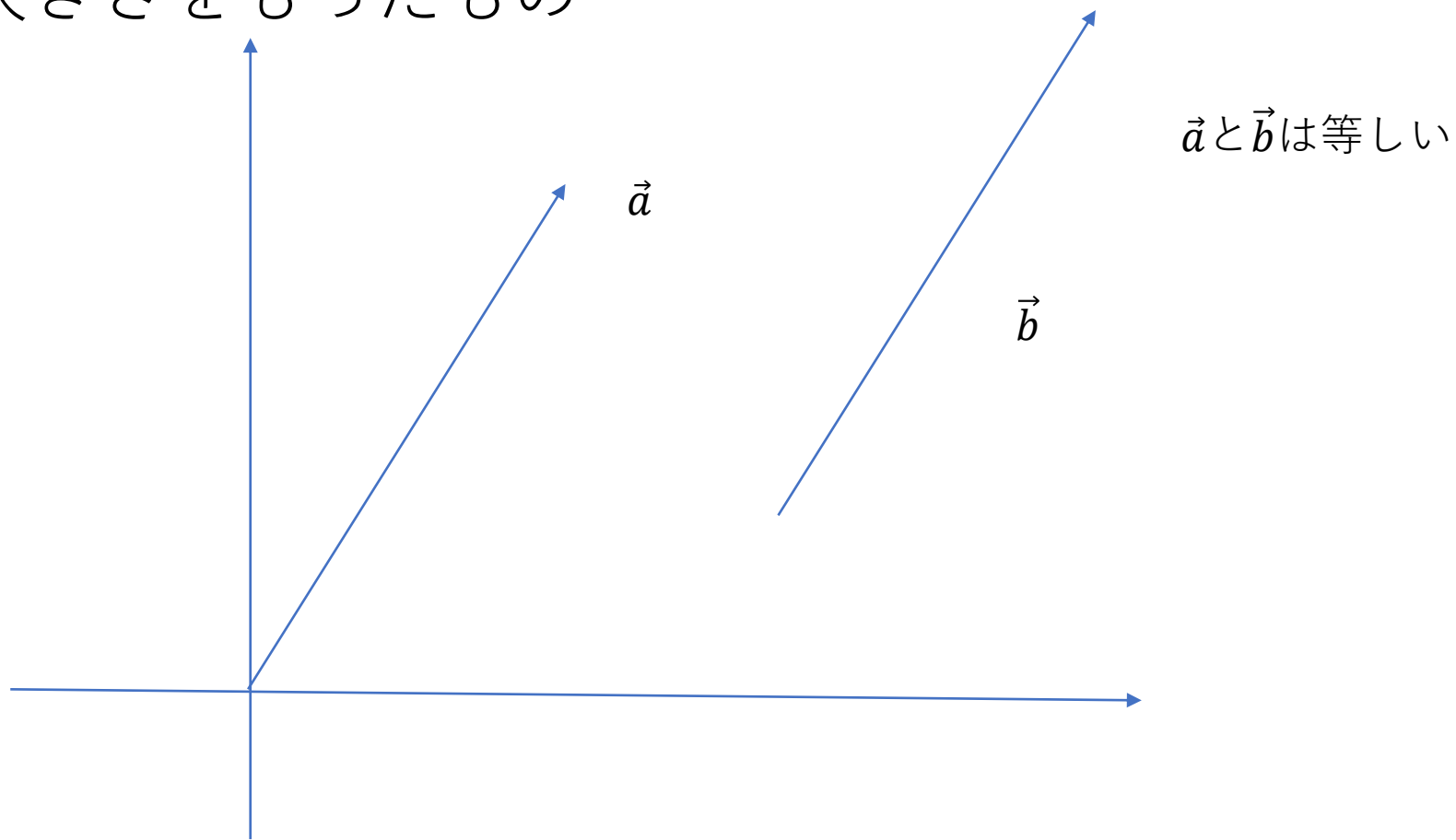
( $2x+3y+4-z=0$ 。法線ベクトル  $(2,3,-1)$ )





# ベクトル

- 向きと大きさをもったもの



# ベクトル 内積

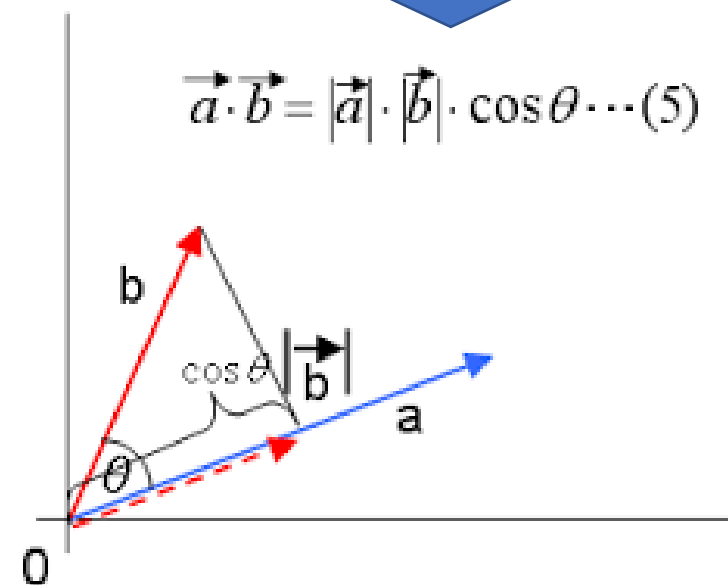
2つのベクトル  $\vec{a} = (a_1, a_2)$ ,  $\vec{b} = (b_1, b_2)$  に対して

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$$

$\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の内積

内積が0は2つのベクトルが垂直である

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \theta \cdots (5)$$



# 行列の積

**2列 = 2行**

$$\begin{bmatrix} a & c \\ b & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ax+cy \\ bx+dy \end{bmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} a_1 & a_2 \\ a_3 & a_4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} b_1 & b_2 \\ b_3 & b_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1b_1 + a_2b_3 & a_1b_2 + a_2b_4 \\ a_3b_1 + a_4b_3 & a_3b_2 + a_4b_4 \end{pmatrix}$$

【例】

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \times 5 + 2 \times 7 & 1 \times 6 + 2 \times 8 \\ 3 \times 5 + 4 \times 7 & 3 \times 6 + 4 \times 8 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} 19 & 22 \\ 43 & 50 \end{pmatrix}$$

```
>>> a = np.array([[1, 2], [3,4]])
>>> b = np.array([[5, 6], [7,8]])
>>> c=np.dot(a,b)
>>> c
array([[19, 22],
       [43, 50]])
>>>
```

# 行列の和

$$\begin{array}{cc} \text{行列 A} & \text{行列 B} \\ \text{和} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} w & x \\ y & z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a+w & b+x \\ c+y & d+z \end{pmatrix} \end{array}$$

$$\begin{array}{cc} \text{行列 A} & \text{行列 B} \\ \text{差} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} w & x \\ y & z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a-w & b-x \\ c-y & d-z \end{pmatrix} \end{array}$$

```
>>> c=a+b
>>> c
array([[ 6,  8],
       [10, 12]])
>>>
```

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$$

# 行列のルール

必ず同じ値

- $(3, 2) \times (2, 3) \times (3, 5) = (3, 5)$  になる

単位行列（対角が 1 で他は 0 の行列）

$$E = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

どのような行列をEにかけても変わらない

# 逆行列

行列  $A$  に対して逆行列  $A^{-1}$  とは

$$A \cdot A^{-1} = A^{-1} \cdot A = E$$



# 逆行列を求める np.linalg.inv

$$\begin{aligned}x+y &= 5 \\ 2x+y &= 8\end{aligned}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 8 \end{pmatrix}$$

```
>>> a=np.array([[1,1],[2,1]])
>>> np.linalg.inv(a)
array([[-1., 1.],
       [ 2., -1.]])
>>> inv=np.linalg.inv(a)
>>> b=np.array([[5],[8]])
>>> np.dot(inv,b)
array([[3.],
       [2.]])
>>>
```

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$A \text{ の逆行列} = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$$

連立方程式を行列で表し解いてみてください

$$\begin{aligned}5x - 4y + 6z &= 8 \\7x - 6y + 10z &= 14 \\4x + 9y + 7z &= 74\end{aligned}$$

$$\begin{pmatrix} 5 & -4 & 6 \\ 7 & -6 & -10 \\ 4 & 9 & 7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ 14 \\ 74 \end{pmatrix}$$

解答

```
>>> a=np.array([[5,-4,6],[7,-  
6,10],[4,9,7]])  
>>> np.linalg.inv(a)  
array([[ 1.29411765, -0.80392157,  
0.03921569],  
       [ 0.08823529, -0.10784314,  
0.07843137],  
       [-0.85294118,  0.59803922,  
0.01960784]])  
>>> inv=np.linalg.inv(a)  
>>> b=np.array([[8],[14],[74]]  
... )  
>>> np.dot(inv,b)  
array([[2.],  
       [5.],  
       [3.]])
```

float値/ndarray値



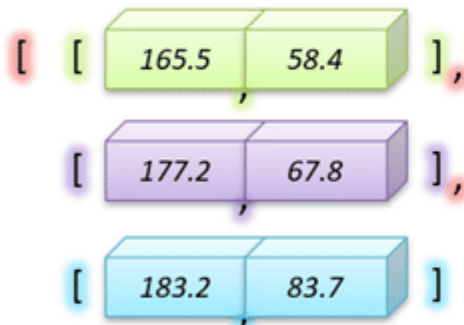
「スカラー」  
個別の数値

1次元のlist値/ndarray値



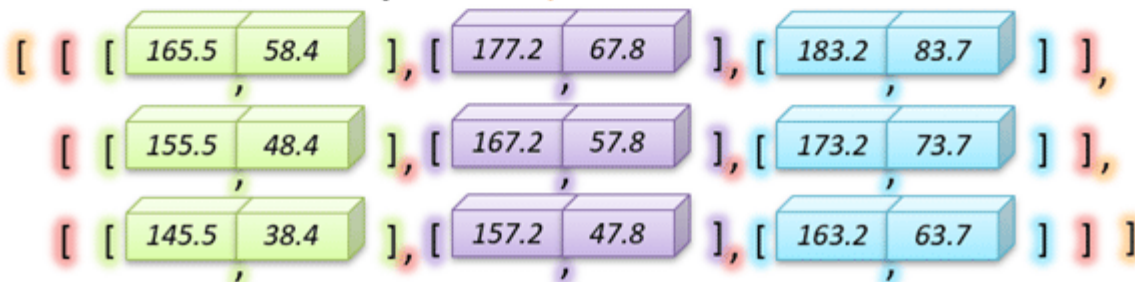
「ベクトル」  
1次元配列

2次元のlist値/ndarray値



「行列」  
2次元配列

N次元のlist値/ndarray値



「テンソル」  
N次元配列

前回の続き

復習

# 問題

(1) ベクトル  $(2,3)$  と  $(4,5)$  の内積を求めてください

(2)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$

(3)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

(4) 
$$\begin{aligned} x + y + z &= 9 \\ 2x + 3y - 2z &= 5 \\ 3x - y + z &= 7 \end{aligned}$$

を逆行列を使って求めてください

(5) `temprature.csv` 中の東京都と豊中及び豊中と関空島の相関係数を求めてください

$$(6) X = (1 \ 0.5) \quad W = \begin{pmatrix} 0.1 & 0.3 & 0.5 \\ 0.2 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix} \quad B = (0.1 \ 0.2 \ 0.3)$$

の行列の  $A = XW + B$  の計算結果を求めてください  
(ニューロで出てきます)



ベイズの定理・順列・組み合わせ・重複  
順列

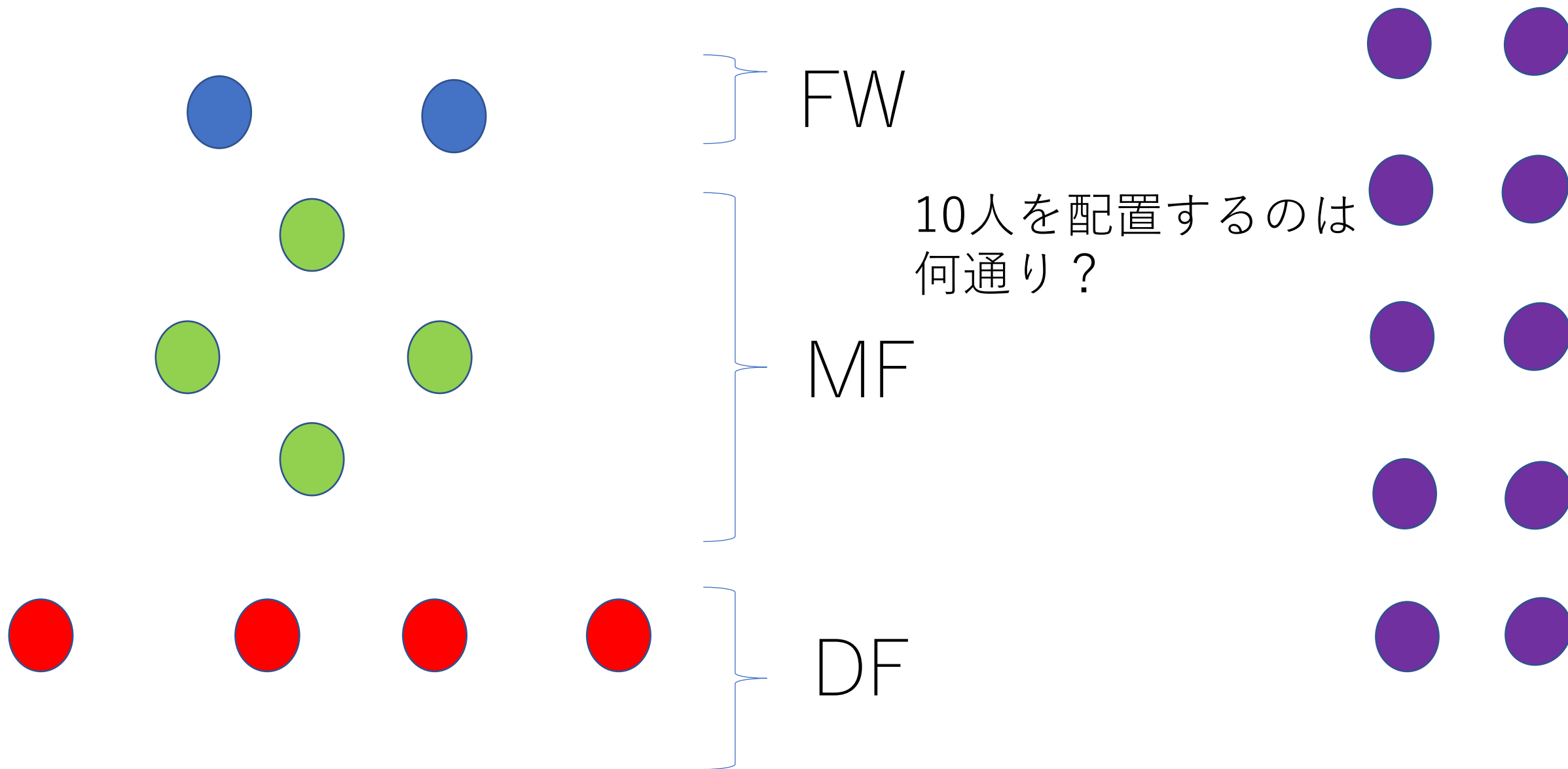
# AKB 48 の並び方→順列(Permutation) センターは誰か？



BTSの中から3人選ぶ通り数→組み合わせ  
(Combination) AKBで言えば選抜メンバー



# サッカー (2 - 4 - 4)



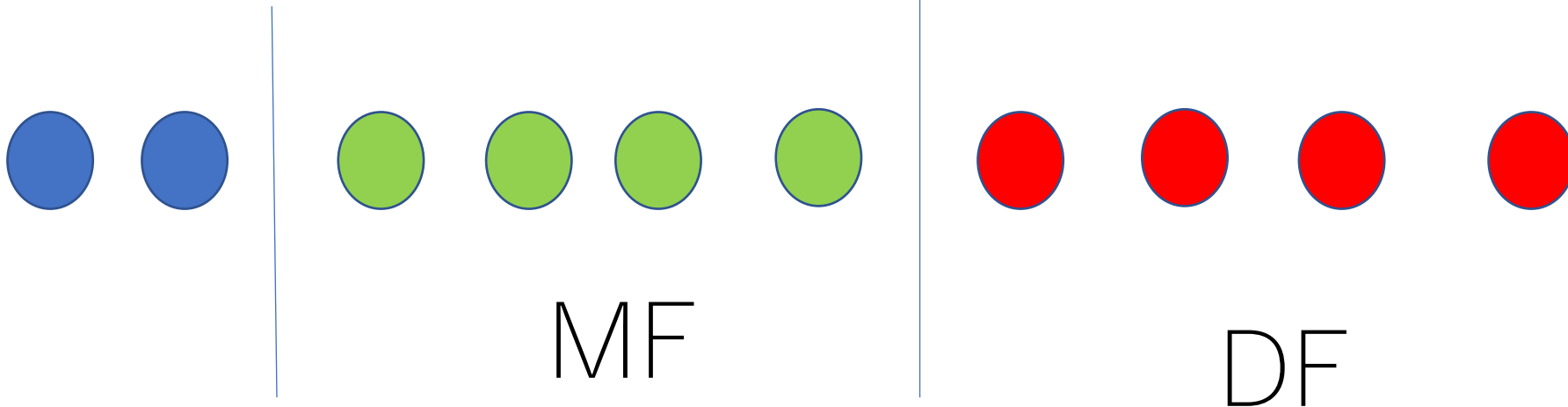
# 重複順列



$10!$

---

$2! \times 4! \times 4!$



# ベイズの定理

$$P(A|B)P(B)=P(B|A)P(A)$$



コロナにかかり検査が陽性になった



原因から結果  
では逆は 検査の陽性がコロナである確率



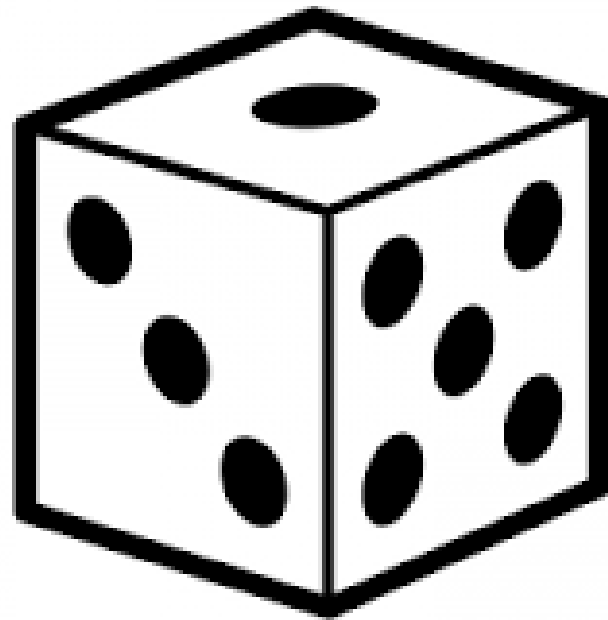
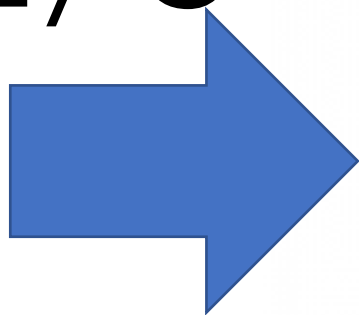
## 条件付き確率

大きなサイコロと小さなサイコロがある。大きなサイコロで6が出る

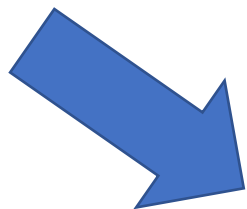
確率を求めよ

ただし、大きなサイコロを選ぶ確率は $\frac{2}{3}$ とする

$2/3$



$1/6$



$1/3$



$1/6$



# 問題

病気にかかる率=0.01%としたとき

偽陰性

|    | 陽性  | 陰性  |
|----|-----|-----|
| 病人 | 98% | 2%  |
| 健康 | 20% | 80% |

偽陽性

病気にかかっている人に検査すると98%で正しく診断される  
健康な人に検査すると20%で陽性と診断される

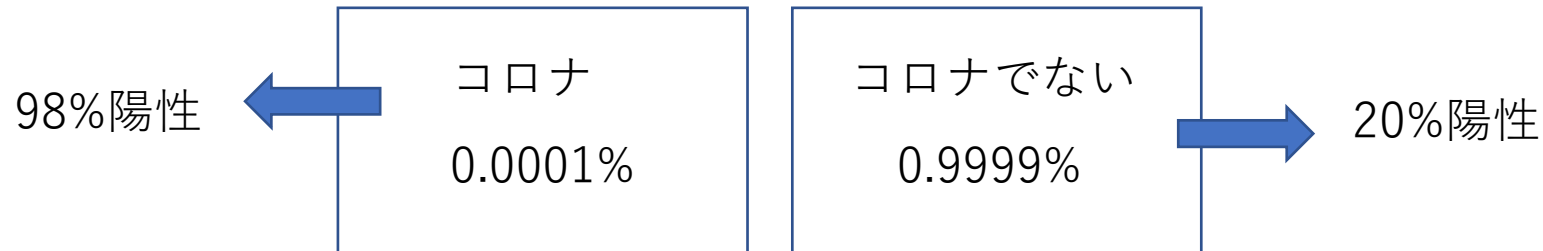
# 病気で陽性である確率

- $0.0001 \times 0.98 / (0.0001 \times 0.98 + 0.9999 \times 0.2) = 0.0004 \dots$

$$P(\text{病気}|\text{陽}) \times P(\text{陽}) = P(\text{陽}|\text{病}) \times P(\text{病})$$

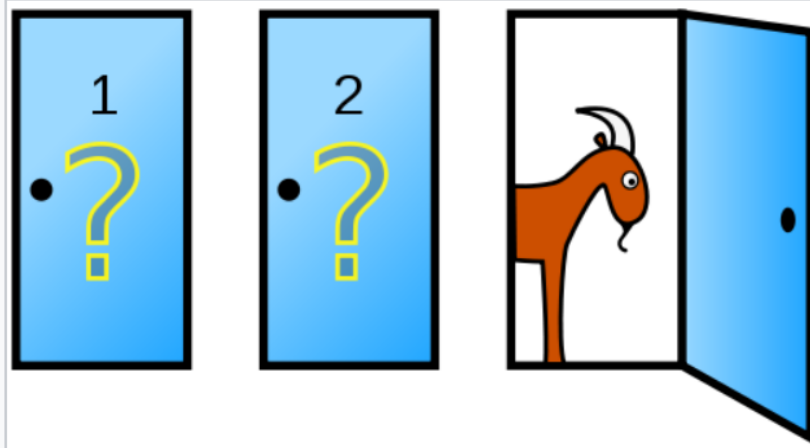


$$P(\text{病気}|\text{陽}) = P(\text{陽}|\text{病}) \times P(\text{病}) / P(\text{陽})$$



組み合わせと順列

# モンティ・ホール問題



## モンティ・ホール問題



閉まった3つのドアのうち、当たりは1つ。例示のように1つのドアが外れとわかった場合、直感的には残り2枚の当たりの確率はそれぞれ $1/2$ になるように思える。