Escola Secundária de Francisco Franco Matemática  $A - \underline{10.^{\circ}}$  ano

# Generalidades acerca de funções reais de variável real

# TRANSFORMAÇÕES DE GRÁFICOS DE FUNÇÕES

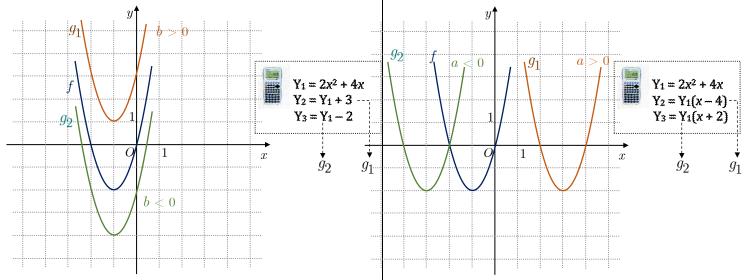
É dado, num plano munido de um referencial, o gráfico cartesiano de uma função real de variável real f.

## Translação vertical

O gráfico cartesiano de uma função g, definida em  $D_g=D_f$  por g(x)=f(x)+b, com  $b\in\mathbb{R}$ , é a imagem do gráfico cartesiano de f pela translação de vetor  $\vec{u}(0,b)$ .

#### Translação horizontal

O gráfico cartesiano de uma função g, definida em  $D_g = \{x+a: x \in D_f\} \quad \text{por} \quad g(x) = f(x-a)\,, \quad \text{com}$   $a \in \mathbb{R}\,, \ \text{\'e} \ \text{a imagem do gráfico cartesiano de } f \ \text{pela}$  translação de vetor  $\vec{u}(a,0)\,.$ 



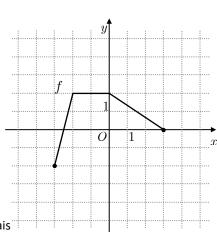
Conclusão: obtém-se o gráfico de g fazendo uma translação (vertical) ao gráfico de f associada ao vetor  $\vec{u}(0,b)$  .

Conclusão: obtém-se o gráfico de g fazendo uma translação (horizontal) ao gráfico de f associada ao vetor  $\vec{u}(a,0)$ .

<u>Propriedade</u>: O gráfico cartesiano de g, definida em  $D_g = \{x+a: x \in D_f\}$  por g(x) = f(x-a)+b, com  $a,b \in \mathbb{R}$ , é a imagem do gráfico cartesiano de f pela translação de vetor  $\vec{u}(a,b)$  (**translação vertical e horizontal**).

### Exercícios:

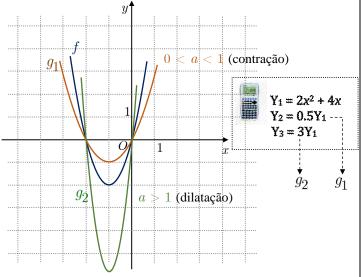
- 1. exercícios 4 e 5 da página 88 do teu manual.
- 2. exercícios 15 e 16 da página 95 do teu manual.
- **3.** No referencial o.n. da figura está o gráfico de uma função f. Constrói, nesse referencial, o gráfico da função definida por g(x) = f(x-2) + 1.



Transformações de gráficos de funções reais

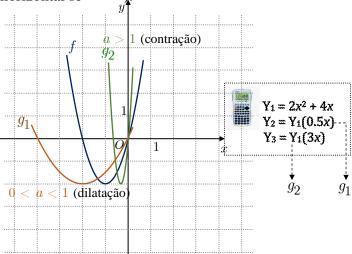
### Contração/dilatação vertical

O gráfico cartesiano de uma função definida em  $D_f$  por g(x) = af(x) é a imagem do gráfico cartesiano de f de coeficiente a (é uma contração vertical se 0 < a < 1 e é uma dilatação vertical se a > 1).



#### Contração/dilatação horizontal

O gráfico cartesiano de uma função definida em  $D_g = \left\{\frac{x}{a} : x \in D_f\right\} \text{ por } g(x) = f(ax) \text{ \'e a imagem do}$  gráfico cartesiano de f de coeficiente  $\frac{1}{a}$  (\'e uma dilatação horizontal se 0 < a < 1 e \'e uma contração horizontal se a > 1).

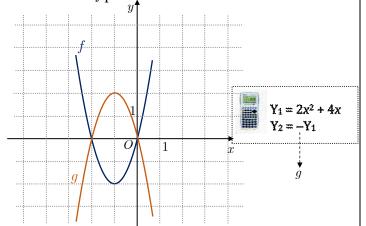


#### Exercício:

4. exercício 7 da página 91 do teu manual.

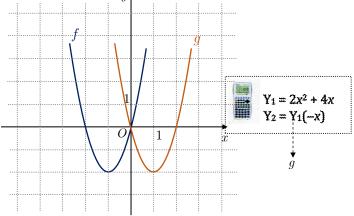
#### Reflexão de eixo Ox

O gráfico cartesiano de uma função definida em  $D_g=D_f$  por g(x)=-f(x) é a imagem do gráfico cartesiano de f pela reflexão de eixo Ox.



# Reflexão de eixo Oy

O gráfico cartesiano de uma função definida em  $D_g = \{-x : x \in D_f\}$  por g(x) = f(-x) é a imagem do gráfico cartesiano de f pela reflexão de eixo Oy.



#### Exercícios:

5. exercícios 8, 9, 10 e 11 das páginas 92 e 93 do teu manual.

6. exercício 23 da página 96 do teu manual.