## Ficha de Trabalho 5

## Matemática A

12.º Ano de Escolaridade • Turma: B + C + H

Aula de Preparação Para Exame

dezembro de 2022

## SUCESSÕES DE NÚMEROS REAIS

A saber...

- Uma sucessão  $(u_n)$  é monótona crescente se  $u_{n+1} u_n > 0, \forall n \in \mathbb{N}$
- Uma sucessão  $(u_n)$  é monótona decrescente se  $u_{n+1} u_n < 0, \forall n \in \mathbb{N}$
- Uma sucessão  $(u_n)$  é limitada se  $\exists m, M \in \mathbb{R} : m \leq u_n \leq M, \forall n \in \mathbb{N}$

 $m \rightarrow minorante$ ;  $M \rightarrow majorante$ 

- Teorema: Toda a sucessão monótona e limitada é convergente
- 1. Considera as sucessões  $(a_n)$  e  $(b_n)$  de termos gerais  $a_n = \frac{2n+3}{n+1}$  e  $b_n = 2n+1$ 
  - 1.1. Estuda a sucessão  $(b_n)$  quanto à monotonia
  - 1.2. Estuda a sucessão  $(a_n)$  quanto à monotonia
  - 1.3. Mostra que  $2 < a_n \le \frac{5}{2}, \forall n \in \mathbb{N}$
  - 1.4. Comenta a afirmação seguinte: "a sucessão  $(a_n)$  é limitada"
- 2. Considera a sucessão  $(u_n)$  definida por  $u_n = 1 \frac{2}{n}$ 
  - 2.1. Prova que a sucessão  $(u_n)$  é monótona crescente
  - 2.2. Prova que a sucessão é limitada. Determina um majorante e um minorante do conjunto dos seus termos
  - 2.3. A sucessão  $(u_n)$  é convergente Justifica
  - 2.4. Determina  $\lim u_n$
- 3. Considera a sucessão  $(u_n)$  definida por  $u_n = 1 + \frac{2}{n}$ .
  - 3.1. Determina  $u_2$ ,  $u_{10}$  e  $u_{100}$ , termos da sucessão  $(u_n)$
  - 3.2. Averigua se  $\frac{21}{22}$  é termo da sucessão  $(u_n)$
  - 3.3. Mostra que a sucessão é monótona decrescente
  - 3.4. Prova que a sucessão é limitada. Determina um majorante e um minorante do conjunto dos seus termos
  - 3.5. Tendo em conta os resultados obtidos nos dois itens anteriores, o que podes dizer quanto à convergência da sucessão?