



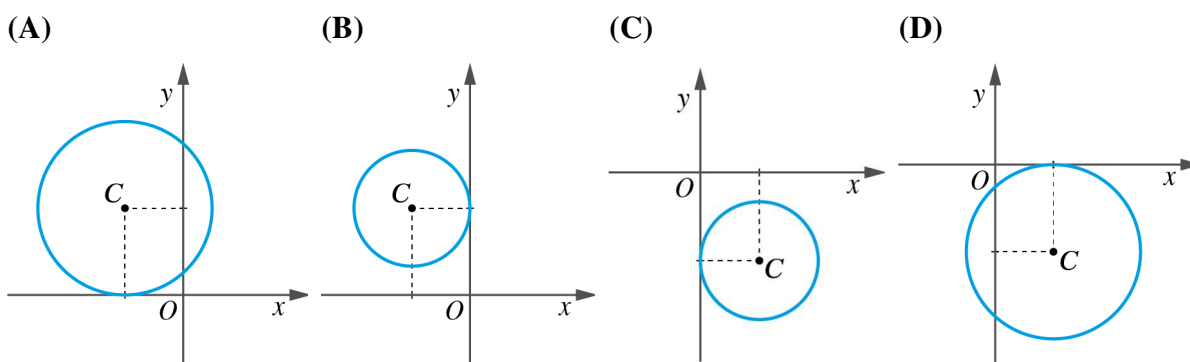
Nome: _____

Ano / Turma: _____ N.º: _____

Data: ____ - ____ - ____

- Não é permitido o uso de corretor. Deves riscar aquilo que pretendes que não seja classificado.
- As cotações dos itens encontram-se no final do enunciado da prova.

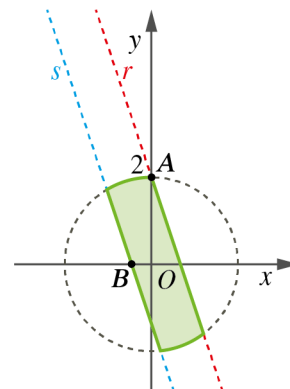
1. Em qual dos seguintes referenciais o.n. pode estar representada a circunferência de equação $x^2 + y^2 + 4x - 6y + 9 = 0$?



2. No referencial da figura estão representadas duas retas, r e s , os pontos $A(0,2)$ e $B(2k, 5-4m)$, $k, m \in \mathbb{R}$, e a circunferência centrada na origem e que passa por A .

Sabe-se que:

- as retas r e s são paralelas;
- a equação reduzida da reta s é $y = -3x - \frac{4}{3}$;
- a reta r passa pelo ponto A .



2.1. Os valores de k e m para os quais B é o ponto de interseção da reta s com o eixo das abscissas são:

- (A) $k = \frac{1}{2}$ e $m = \frac{5}{4}$ (B) $k = -\frac{2}{9}$ e $m = \frac{5}{4}$
- (C) $k = -\frac{2}{9}$ e $m = 0$ (D) $k = -\frac{4}{9}$ e $m = 0$

2.2. Representa, através de uma condição, o conjunto dos pontos da região sombreada da figura.

3. Em relação a um referencial o.n. (O, \vec{i}, \vec{j}) , considera a reta r definida pela seguinte equação vetorial:

$$(x, y) = \left(-\frac{5}{3}, 2\right) + k\left(\frac{1}{2}, -3\right), \quad k \in \mathbb{R}$$

A equação reduzida da reta r é:

(A) $y = -6x + 2$ (B) $y = -\frac{6}{5}x - \frac{12}{5}$ (C) $y = -6x - 8$ (D) $y = -\frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$

4. Dado um referencial o.n., considera os pontos $A(-3, 8)$, $B\left(-\frac{1}{3}, 4\right)$, $C(2, 5)$ e $P(5m+1, 8+9m^2)$, $m \in \mathbb{R}$, e o vetor $\vec{u}(-4, 3)$.

4.1. Determina as coordenadas do vetor \vec{v} , colinear com \vec{u} , de sentido oposto e com norma 8.

4.2. Determina o valor de m de modo que $\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{BC}$.

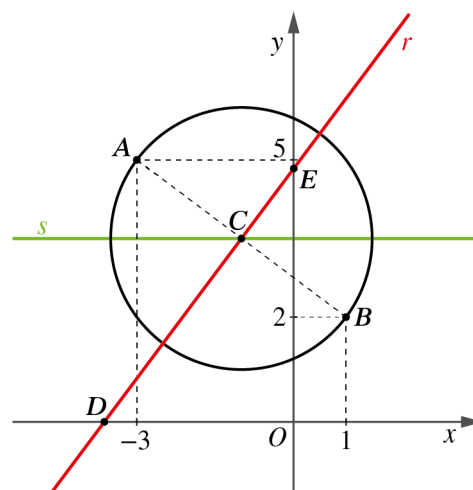
4.3. A reta AC pode ser representada através de uma das seguintes equações vetoriais. Identifica-a.

(A) $(x, y) = (7, 2) + k(5, -3)$, $k \in \mathbb{R}$ (B) $(x, y) = (-3, 8) + k(2, 5)$, $k \in \mathbb{R}$
(C) $(x, y) = (2, 5) + k(-3, 8)$, $k \in \mathbb{R}$ (D) $(x, y) = (1, 1) + k(5, -3)$, $k \in \mathbb{R}$

5. Na figura, em referencial o.n. Oxy , estão representados os pontos $A(-3, 5)$, $B(1, 2)$, a circunferência de diâmetro $[AB]$ e centro C e as retas r e s .

Sabe-se que:

- a reta r é a mediatriz de $[AB]$;
- os pontos D e E são os pontos de interseção de r com cada um dos eixos coordenados.

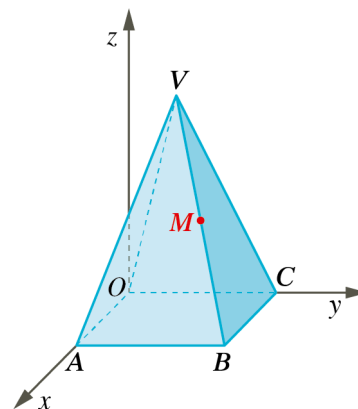


- 5.1. Representa, através de uma condição, a reta s , sabendo que passa por C e é paralela ao eixo das abscissas.
- 5.2. Determina as coordenadas dos pontos D e E .
- 5.3. Representa a reta AB através da equação reduzida.

6. Considera a pirâmide quadrangular regular $[OABCV]$ representada na figura, à qual foi aplicado um referencial o.n. $Oxyz$.

Os pontos A e C pertencem, respetivamente, aos eixos Ox e Oy , tal como a figura sugere.

Sabe-se que os pontos A e V têm de coordenadas $(4, 0, 0)$ e $(2, 2, 8)$, respetivamente.



- 6.1. Qual das seguintes expressões representa a medida do perímetro do triângulo $[ABV]$?

(A) $10\sqrt{2}$ (B) $4+12\sqrt{2}$
(C) $4+4\sqrt{3}$ (D) $4+6\sqrt{2}$

- 6.2. Seja M o ponto médio de $[BV]$.

Uma equação do plano paralelo ao plano coordenado xOz e que passa por M é:

(A) $y=3$ (B) $x=3$ (C) $z=4$ (D) $y=2$

- 6.3. Determina o ponto de interseção da reta AV com o plano coordenado yOz .

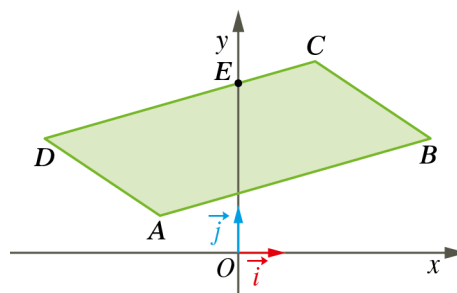
- 6.4. Determina uma equação cartesiana do plano mediador do segmento de reta $[AV]$ e identifica o ponto onde intersesta o eixo das cotas.

7. Considera o paralelogramo $[ABCD]$ representado no referencial o.n. (O, \vec{i}, \vec{j}) da figura.

Sabe-se que as coordenadas dos pontos A , B e C são, respetivamente, $(-2, 1)$, $(5, 3)$ e $(2, 5)$.

Determina as coordenadas:

- 7.1. do ponto D ;
7.2. do ponto E , sabendo que é o ponto de interseção da reta CD com o eixo das ordenadas.



FIM

	Cotações																
Questões	1.	2.1.	2.2.	3.	4.1	4.2.	4.3.	5.1.	5.2.	5.3.	6.1.	6.2.	6.3.	6.4.	7.1.	7.2.	Total
Pontos	10	10	14	10	15	15	10	12	15	12	10	10	15	15	12	15	200