

Tópicos de Matemática I

 1° Teste: 14 - 12 - 2019 Duração: 90 minutos



Nome:

N.º de identificação civil:

Turma:

Justifique convenientemente todas as suas respostas.

Exercício 1 Considere os conjuntos:

$$A = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 0 \land x > -2\}, \ B =]0, +\infty[\ \mathrm{e} \ C = \{x \in \mathbb{N} : |x| < 3\}.$$

- a) Escreva na forma de intervalo ou de reunião de intervalos de números reais cada um dos seguintes conjuntos:
 - i. *A*;
 - ii. $A \cup B$.
- b) Represente o conjunto C em extensão.

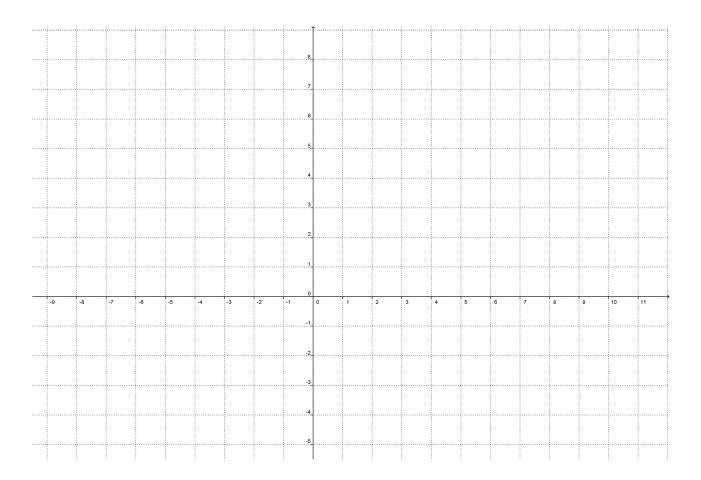
Exercício 2 Sejam a e b números reais. Simplifique a seguinte expressão:

$$(a-b)(a+b)-a(a+2)+(b+1)^2$$
.

Exercício 3 Escreva por ordem crescente os números: $-1; -\frac{5}{4}; 3; 2\pi; \sqrt{2}.$

Exercício 4 Considere, no plano, o ponto A(-6,4) e os vetores $\overrightarrow{r}=(0,3)$ e $\overrightarrow{s}=(2,-1)$. Esboce no referencial cartesiano ortonormado abaixo representado, indicando a respetiva legenda:

- $\bullet \ \ \text{o ponto} \ C = A + \overrightarrow{s};$
- o vetor \overrightarrow{s} ;
- um vetor \overrightarrow{t} colinear com o vetor \overrightarrow{r} e com sentido contrário.



Exercício 5 Considere os vetores $\overrightarrow{v}=(-\frac{1}{2},1)$ e $\overrightarrow{a}=(5,-1)$.

a) Determine:

i.
$$\overrightarrow{v} - 2\overrightarrow{a}$$
;

ii.
$$\|\overrightarrow{v}\|$$
.

b) Considere o vetor $\overrightarrow{w}=(5,2b)$, com $b\in\mathbb{R}$. Determine b de forma a que o vetor \overrightarrow{w} seja colinear com o vetor \overrightarrow{v} .

Exercício 6 Resolva em $\mathbb R$ as seguintes condições:

a)
$$|x-1|=5$$
;

b)
$$(x-2)(x-4)=0$$
;

c)
$$x^2 - 3x + 2 = 0$$
;

d)
$$x(x-9) = -20$$
.

Exercício 7 Determine, usando a notação de intervalos de números reais, o conjunto solução da inequação $\frac{2-x}{2} \leq 3 - \frac{x-6}{6}$.

Exercício 8 Resolva, em
$$\mathbb{R}^2$$
, o seguinte sistema de equações:
$$\begin{cases} 3(y+1)+x=0\\ 2-\frac{x-5}{2}=y \end{cases}.$$

Exercício 9 Determine a área e o perímetro de um quadrado com lado igual a $\sqrt{7}$ cm.

Cotação (total 200 pontos):

- **1.** a) i) 6 a) ii) 6 b) 6 **2.** 20 **3.** 5 **4.** 15 **5.** a) i) 10 a) ii) 10 b) 10
- **6.** a) 16 b) 16 c) 16 d) 16 **7.** 20 **8.** 20 **9.** 8