

# Tópicos de Matemática I- 2019/2020 1º Teste- Tópicos de resolução



# Exercício 1

a) i. 
$$A = ]-2,0]$$

ii. 
$$A \cup B = ]-2, +\infty[$$

b) 
$$|x| < 3 \Leftrightarrow x < 3 \land x > -3 \Leftrightarrow x \in ]-3,3[$$

$$C = \{1, 2\}$$

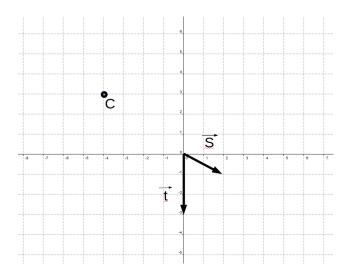
#### Exercício 2

$$a^2 - b^2 - a^2 - 2a + b^2 + 2b + 1 = -2a + 2b + 1$$

# Exercício 3

$$-\frac{5}{4} < -1 < \sqrt{2} < 3 < 2\pi$$

# Exercício 4



# Exercício 5

a) i. 
$$\left(-\frac{1}{2},1\right)-2(5,-1)=\left(-\frac{1}{2}-10,1+2\right)=\left(-\frac{1}{2}-\frac{20}{2},1+2\right)=\left(-\frac{21}{2},3\right)$$

ii. 
$$\sqrt{(-\frac{1}{2})^2 + 1^2} = \sqrt{\frac{1}{4} + 1} = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{4}{4}} = \sqrt{\frac{5}{4}} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

b) 
$$\frac{\frac{5}{1}}{-\frac{1}{2}} = \frac{2b}{1} \Leftrightarrow -10 = 2b \Leftrightarrow b = -5$$

Nota: Fazendo  $\overrightarrow{w}=k\overrightarrow{v}$ , obtemos k=-10 e b=-5.

Exercício 6

a) 
$$|x-1| = 5 \Leftrightarrow x-1 = 5 \lor x-1 = -5 \Leftrightarrow x = 5+1 \lor x = -5+1 \Leftrightarrow x = 6 \lor x = -4$$
  
 $S = \{-4, 6\}$ 

b) 
$$(x-2)(x-4) = 0 \Leftrightarrow x-2 = 0 \lor x-4 = 0 \Leftrightarrow x = 2 \lor x = 4$$
  
 $S = \{2,4\}$ 

c) 
$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9-8}}{2} \Leftrightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{1}}{2} \Leftrightarrow x = \frac{3+1}{2} \lor x = \frac{3-1}{2} \Leftrightarrow x = 2 \lor x = 1$$

$$S = \{1, 2\}$$

d) 
$$x^2 - 9x + 20 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 80}}{2} \Leftrightarrow x = \frac{9 \pm \sqrt{1}}{2} \Leftrightarrow x = \frac{9 + 1}{2} \lor x = \frac{9 - 1}{2} \Leftrightarrow x = 5 \lor x = 4$$

$$S = \{4, 5\}$$

Exercício 7

$$\frac{6-3x}{6} \leq \frac{18}{6} - \frac{x-6}{6} \Leftrightarrow 6-3x \leq 18-x+6 \Leftrightarrow -3x+x \leq 18-6+6 \Leftrightarrow -2x \leq 18$$

$$\Leftrightarrow 2x \ge -18 \Leftrightarrow x \ge -9$$

$$S = [-9, +\infty[$$

Exercício 8

$$\begin{cases} 3y+3+x=0 \\ 4-x+5=2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=-3y-3 \\ 4-(-3y-3)+5=2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -x \\ 4+3y+3+5=2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -x \\ 3y-2y=-12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=-3(-12)-3 \\ y=-12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=36-3 \\ y=-12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=33 \\ y=-12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=33 \\ y=-12 \end{cases} \end{cases}$$

A solução é o par ordenado (33, -12).

Exercício 9  $A = \sqrt{7}\sqrt{7} = 7$ 

A área do quadrado é 7 cm<sup>2</sup>.

$$P = 4\sqrt{7}$$

O perímetro do quadrado é  $4\sqrt{7}$  cm.