Novo Espaço – Matemática A, 12.º ano



Proposta de teste de avaliação [março - 2023]

Nome: _____

Ano / Turma: _____ N.º: ____

Data: - -

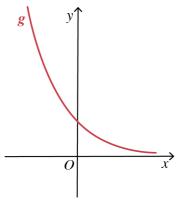


1. Na figura ao lado, está representada parte do gráfico da função g, de domínio \mathbb{R} , definida por $g(x) = e^{-x}$.

Considera as sucessões (u_n) , (v_n) e (w_n) tais que:

$$u_n = n - n^2$$
; $v_n = \sqrt{n}$ e $w_n = \frac{1}{n^2 + 1}$

Determina $\lim [g(u_n)]$, $\lim [g(v_n)]$ e $\lim [g(w_n)]$.



2. Considera a equação:

$$x(e^{3x}-e^2)(x^2-4)\log_3(2x-1)=0$$

Do conjunto-solução da equação, escolhe-se, ao acaso, uma solução.

Qual é a probabilidade de escolher uma solução que seja um número inteiro?

- (A) $\frac{2}{3}$
- **(B)** $\frac{4}{5}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- **(D)** $\frac{1}{5}$
- 3. Para um certo número k, diferente de zero, sabe-se que $\lim_{x\to 0} \frac{e^{3x} e^x}{e^{kx} 1} = 3$.

Qual é o valor de *k*?

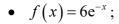
- **(A)** 3
- **(B)** $\frac{3}{2}$
- (C) $\frac{1}{3}$
- **(D)** $\frac{2}{3}$



4. Considera, para um certo número real k, a função f, de domínio $\mathbb R$, definida por:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x}}{x} & \text{se } x > 0\\ k & \text{se } -1 \le x \le 0\\ \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) & \text{se } x < -1 \end{cases}$$

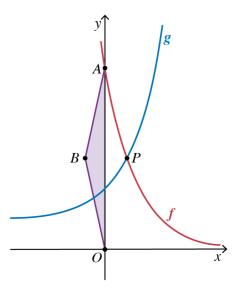
- **4.1.** Verifica se o gráfico de f tem assíntotas horizontais. Em caso afirmativo, apresenta uma equação para cada uma dessas assíntotas.
- 4.2. Mostra que:
- a) qualquer que seja o valor de k, a função f não é contínua em x = 0 nem em x = -1.
- **b)** se x < -1, então $f'(x) = -\frac{1}{x^2 + x}$.
- **5.** Na figura ao lado, estão representações gráficas das funções f e g, de domínio \mathbb{R} , e um triângulo [OAB]. Sabe-se que:



•
$$g(x) = e^x + 1$$
;

- o ponto P é o ponto de interseção dos gráficos das funções f e g;
- o ponto A é o ponto de interseção do gráfico de f com o eixo Oy;
- os pontos *B* e *P* são simétricos um do outro em relação ao eixo *Oy*.

Mostra que a medida da área do triângulo [OAB] é igual a $\ln 8$.



Novo Espaço - Matemática A, 12.º ano

Proposta de teste de avaliação [março - 2023]



6. Seja f uma função de domínio \mathbb{R}^+ .

A função
$$f'$$
, função derivada de f , é definida por $f'(x) = \frac{2\ln(x)}{x}$.

- **6.1.** O gráfico de f tem um ponto de inflexão. Determina a abcissa desse ponto.
- **6.2.** Considera a reta r que passa no ponto A(1,1) e num ponto B do gráfico da função f'.

Sabe-se que o declive da reta r é igual a $-\sqrt{2}$.

Recorre às capacidades gráficas da calculadora e determina a abcissa do ponto B.

Apresenta o resultado arredondado às décimas.

Na tua resposta:

- apresenta uma equação que te permita obter o valor pedido;
- reproduz, num referencial, o(s) gráfico(s) da(s) função(ões) visualizado(s) na calculadora;
- assinala o ponto cuja abcissa é pedida com valor arredondado às décimas.

FIM

Cotações										Total
Questões	1.	2.	3.	4.1	4.2. a)	4.2. b)	5.	6.1.	6.2.	Total
Cotações	21	16	16	25	25	25	25	25	22	200