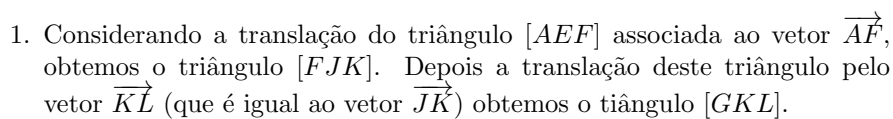


## Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios



Instrumento de Aferição Amostral, 8.º ano - 2021

- 

Resposta: Opção C

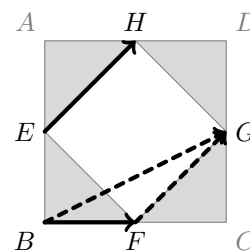
Prova de Matemática, 9.º ano – 2021

- 

Prova Final 3.º Ciclo – 2019, Época especial

4. Observando que  $\overrightarrow{FG} = \overrightarrow{EH}$  (porque são vetores com a mesma direção, o mesmo sentido e o mesmo comprimento), então temos que:

$$\overrightarrow{BF} + \overrightarrow{EH} = \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{FG} = \overrightarrow{BG}$$

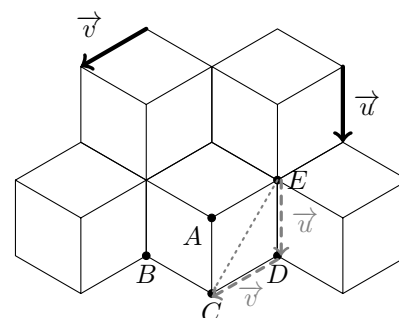


Prova Final 3.º Ciclo – 2019, 2.ª chamada

5. Observando que  $[ACDE]$  é um losango, também é um paralelogramo e como os vetores  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$  podem ser representados sobre lados desse paralelogramo, usando a regra do paralelogramo para a soma de vetores, temos que:

$$E + (\vec{u} + \vec{v}) = C$$

Resposta: **Opção C**



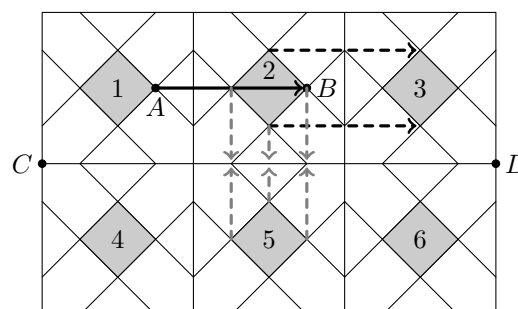
Prova Final 3.º Ciclo – 2019, 1.ª chamada

6. Temos que:

- a reflexão do quadrado 5 relativamente ao eixo  $CD$  é o quadrado 2
- a translação do quadrado 2 associada ao vetor  $\overrightarrow{AB}$  é o quadrado 3

Assim, a imagem do quadrado 5 pela reflexão deslizante de eixo  $CD$  e vetor  $\overrightarrow{AB}$ , é o quadrado 3

Resposta: **Opção B**



Prova Final 3.º Ciclo – 2018, Época especial

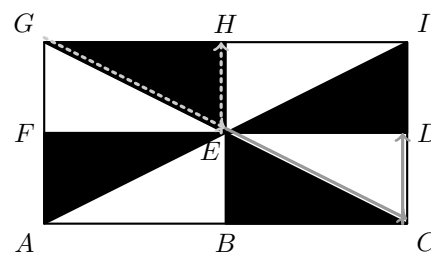
7. Como  $\overrightarrow{GE} = \overrightarrow{EC}$  e  $\overrightarrow{EH} = \overrightarrow{CD}$ , temos que:

- $T_{\overrightarrow{GE}}(E) = T_{\overrightarrow{EC}}(E) = E + \overrightarrow{EC} = C$
- $T_{\overrightarrow{EH}}(C) = T_{\overrightarrow{CD}}(C) = C + \overrightarrow{CD} = D$

Assim, temos que:

$$T_{\overrightarrow{EH}}(T_{\overrightarrow{GE}}(E)) = T_{\overrightarrow{EH}}(C) = D$$

Ou seja a imagem do ponto  $E$  pela translação composta  $T_{\overrightarrow{GE}}$  com  $T_{\overrightarrow{EH}}$  é o ponto  $D$



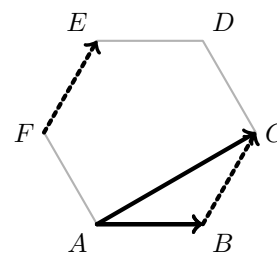
Prova Final 3.º Ciclo – 2018, 2.ª chamada



8. Observando que  $\overrightarrow{FE} = \overrightarrow{BC}$  (porque são vetores com a mesma direção, o mesmo sentido e o mesmo comprimento), então temos que:

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{FE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$

Resposta: **Opção D**



Prova Final 3.º Ciclo – 2018, 1.ª chamada

9.

9.1. Em cada linha temos que:

- (1) Identificando os vetores  $\overrightarrow{AD}$  e  $\overrightarrow{DN}$  podemos observar que:

$$\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DN} = \overrightarrow{AN}$$

pelo que deve ser assinalada a coluna **(E)** na linha **(1)**

- (2) Identificando os vetores  $\overrightarrow{AD}$  e  $\overrightarrow{DO}$  podemos observar que:

$$\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DO} = \overrightarrow{AO}$$

E que:

$$\overrightarrow{AO} = \overrightarrow{FT}$$

pelo que deve ser assinalada a coluna **(D)** na linha **(2)**

- (3) Identificando os vetores  $\overrightarrow{DN}$  e  $\overrightarrow{DJ}$  e usando a regra do paralelogramo para fazer a soma, podemos observar que:

$$\overrightarrow{DN} + \overrightarrow{DJ} = \overrightarrow{DT}$$

pelo que deve ser assinalada a coluna **(B)** na linha **(3)**

	U	V	W	X	Y	
P	Q		R	S		T
K		L	M	N		O
F		G			I	J
			H			
A	B	C	D	E		

	U	V	W	X	Y
P	Q	R	S		T
K	L	M	N		O
F	G				J
A	B	C	D	E	

	U	V	W	X	Y
P	Q	R	S	T	
K	L	M	N		O
F	G			I	J
		H			
A	B	C	D	E	

	U	V	W	X	Y
P		Q	R	S	T
K		L	M		O
F		G		N	J
A	B	C	D	E	

- 9.2. Considerando a reflexão do pentágono  $[BHLFG]$  de eixo  $KO$  e depois a translação do pentágono transformado pelo vetor  $\overrightarrow{QS}$ , obtemos o pentágono  $[NTXSR]$ , pelo que a isometria que transforma  $[BHLFG]$  em  $[NTXSR]$  é a reflexão deslizante de eixo  $KO$  e vetor  $\overrightarrow{QS}$

Resposta: **Opção C**

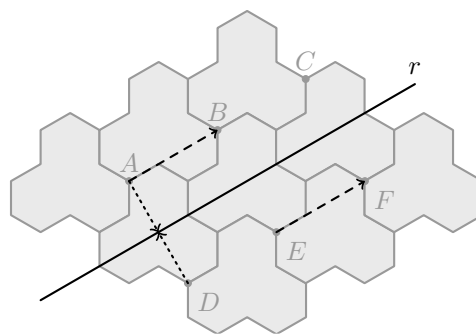
Prova de Aferição 8.º ano - 2018



10. Temos que:

- a reflexão do ponto  $D$  relativamente ao eixo  $r$  é o ponto  $A$
- a translação do ponto  $A$  associada ao vetor  $\overrightarrow{EF}$  é o ponto  $B$

Assim, a imagem do ponto  $D$  pela reflexão deslizante de eixo  $r$  e vetor  $\overrightarrow{EF}$ , é o ponto  $B$



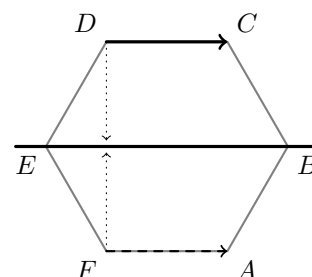
Prova Final 3.º Ciclo – 2017, Época especial

11. Temos que:

- a reflexão do ponto  $F$  relativamente ao eixo  $EB$  é o ponto  $D$
- a translação do ponto  $D$  associada ao vetor  $\overrightarrow{FA}$  é o ponto  $C$

Assim, a imagem do ponto  $F$  pela reflexão deslizante de eixo  $EB$  e vetor  $\overrightarrow{FA}$ , é o ponto  $C$

Resposta: **Opção C**



Prova Final 3.º Ciclo – 2017, 2ª chamada

12. Como um hexágono regular tem os lados opostos paralelos e com o mesmo comprimento, então as diagonais  $[QS]$  e  $[PT]$  também são paralelas e com o mesmo comprimento, pelo que:

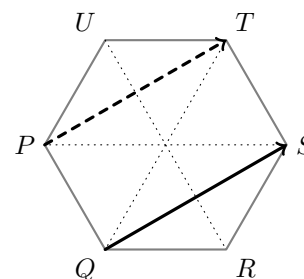
$$\overrightarrow{QS} = \overrightarrow{PT}$$

E assim, vem que:

$$P + \overrightarrow{QS} = P + \overrightarrow{PT} = T$$

Ou seja, a imagem do ponto  $P$  pela translação associada ao vetor  $\overrightarrow{QS}$  é o ponto  $T$  (como se pretende ilustrar na figura ao lado).

Resposta: **Opção D**



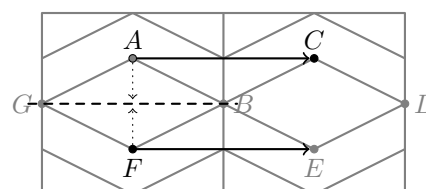
Prova Final 3.º Ciclo – 2017, 1.ª chamada

13. Como a reflexão do ponto  $F$  e eixo  $GB$  é o ponto  $A$

E a imagem do ponto  $A$  pela translação associada ao vetor  $\overrightarrow{FE}$ , ou seja, ao vetor  $\overrightarrow{AC}$ , é o ponto  $C$

então, a reflexão deslizante de eixo  $GB$  e vetor  $\overrightarrow{FE}$  é:

o ponto  $C$



Prova Final 3.º Ciclo – 2016, Época especial

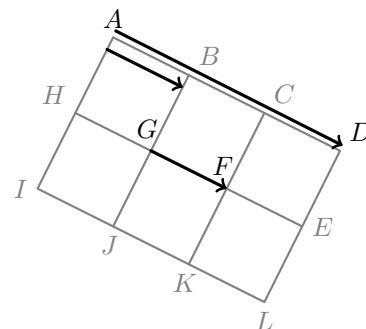


14.

14.1. Como  $\overrightarrow{AD} = 3\overrightarrow{AB}$ , então  $\frac{1}{3}\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB}$

E assim, temos que a imagem do ponto  $G$  pela translação associada ao vetor  $\frac{1}{3}\overrightarrow{AD}$ , ou seja, ao vetor  $\overrightarrow{AB}$ , é:

o ponto  $F$

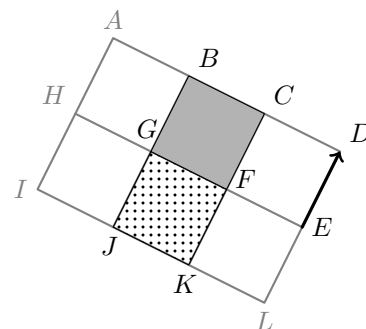


14.2. Como podemos observar que:

- $G + \overrightarrow{ED} = B$
- $F + \overrightarrow{ED} = C$
- $K + \overrightarrow{ED} = F$
- $J + \overrightarrow{ED} = G$

Logo, o transformado do quadrado  $[GFKJ]$  pela translação associada ao vetor  $\overrightarrow{ED}$  é o quadrado  $[BCFG]$

Resposta: **Opção D**



Prova de Aferição 8.º ano - 2016

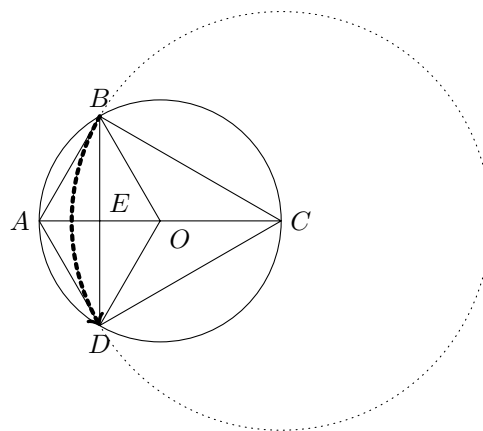
15. Como  $\hat{BAD} = \hat{EAB} + \hat{EAD} = 60 + 60 = 120^\circ$  (porque os triângulos  $OAB$  e  $OAD$  são equiláteros), a rotação de centro  $A$ , que transforma o ponto  $B$  no ponto  $D$  tem amplitude  $120^\circ$  (no sentido negativo).

Relativamente à rotação de centro no ponto  $O$ , pela mesma razão a amplitude da rotação também tem amplitude de  $120^\circ$

Como o ponto  $E$  é o ponto médio do segmento de reta  $[AD]$  a rotação de centro  $E$ , que transforma o ponto  $B$  no ponto  $D$  tem amplitude  $180^\circ$

Como o triângulo  $[CBD]$  também é equilátero, a rotação de centro  $C$ , que transforma o ponto  $B$  no ponto  $D$  tem amplitude  $60^\circ$

Resposta: **Opção C**

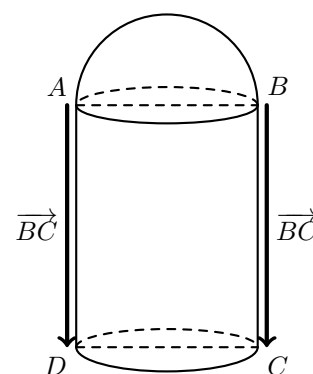


Prova Final 3.º Ciclo – 2015, Época especial



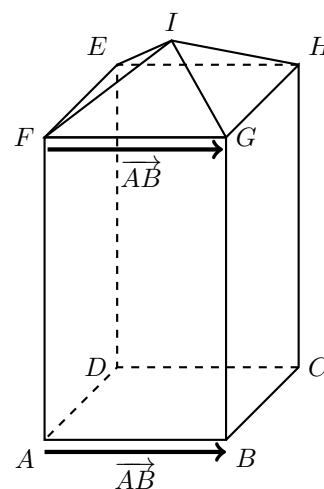
16. A translação associada ao vetor  $\overrightarrow{BC}$  transforma o ponto  $B$  no ponto  $C$ , pelo que, da mesma forma, transforma o ponto  $A$  no ponto  $D$

Resposta: **Opção D**



Prova Final 3.º Ciclo – 2015, 1.ª chamada

17. A translação do ponto  $F$  pelo vetor  $\overrightarrow{AB}$  é o ponto  $G$

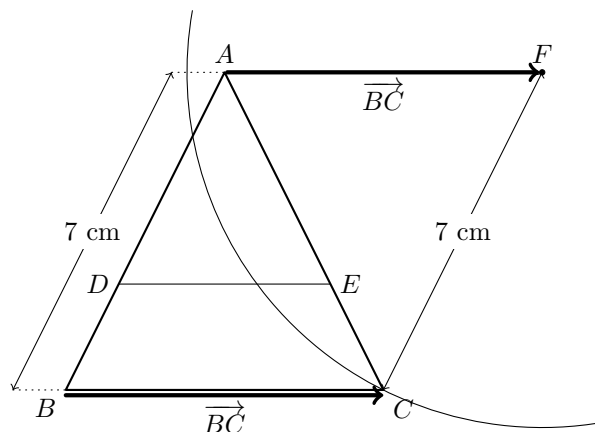


Prova Final 3.º Ciclo – 2014, 2.ª chamada

18. Os triângulos  $[ABC]$  e  $[AFC]$  são congruentes, porque  $\overline{AF} = \overline{BC}$ ,  $[AC]$  é um lado comum, e os ângulos  $ACB$  e  $CAF$  são iguais (porque são ângulos alternos internos).

Assim, temos que os lados  $[FC]$  e  $[AB]$  são lados correspondentes, e por isso  $\overline{FC} = \overline{AB} = 7$

Logo o raio da circunferência de centro em  $F$  e que contém o ponto  $C$  tem comprimento 7 cm.

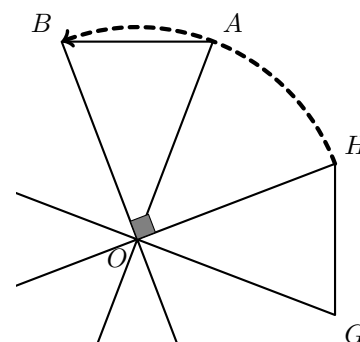


Prova Final 3.º Ciclo – 2014, 1.ª chamada



19. Uma rotação de  $90^\circ$  (no sentido positivo), de centro em  $O$ , transforma o ponto  $H$  no ponto  $B$

Resposta: **Opção B**



Teste Intermédio 9.º ano – 21.03.2014

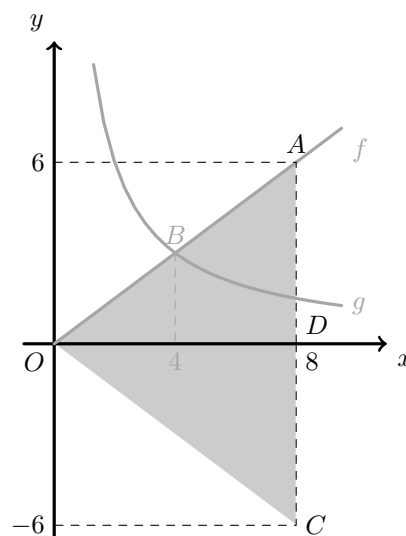
20. Como o ponto  $C$  é uma reflexão do ponto  $A$  relativamente ao eixo  $Ox$  tem a mesma abscissa e ordenada simétrica, ou seja, as coordenadas do ponto  $C$  são  $C(8, -6)$

Relativamente ao triângulo  $[OAC]$  temos que  $\overline{AC} = 6 + 6 = 12$  e que  $\overline{OA} = \overline{OC}$ , e podemos determinar  $\overline{OA}$  recorrendo ao Teorema de Pitágoras, considerando o triângulo retângulo  $[OAD]$ , em que  $D$  é a projeção ortogonal do ponto  $A$  no eixo  $Ox$ :

$$\begin{aligned}\overline{OA}^2 &= \overline{OD}^2 + \overline{DA}^2 \Leftrightarrow \overline{OA}^2 = 8^2 + 6^2 \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow \overline{OA}^2 &= 64 + 36 \Leftrightarrow \overline{OA}^2 = 100 \xRightarrow{\overline{OA} > 0} \\ \Rightarrow \overline{OA} &= \sqrt{100} \Leftrightarrow \overline{OA} = 10\end{aligned}$$

E assim, temos que o perímetro do triângulo  $[OAC]$  é:

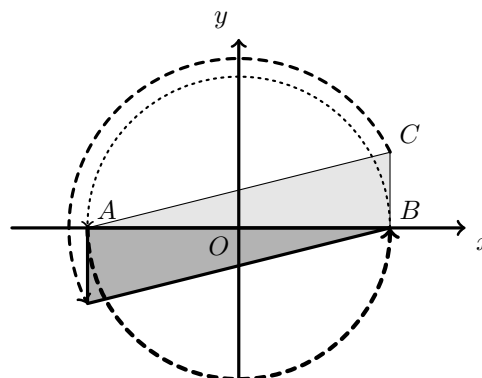
$$P_{[OAC]} = \overline{AC} + 2\overline{OA} = 12 + 2 \times 10 = 12 + 20 = 32$$



Teste intermédio 9.º ano - 12.04.2013

21. Considerando a rotação de cada ponto, podemos construir o triângulo o transformado do triângulo  $[ABC]$  por meio da rotação de centro no ponto  $O$  e amplitude  $180^\circ$  e verificar que é o triângulo representado na opção (C)

Resposta: **Opção C**

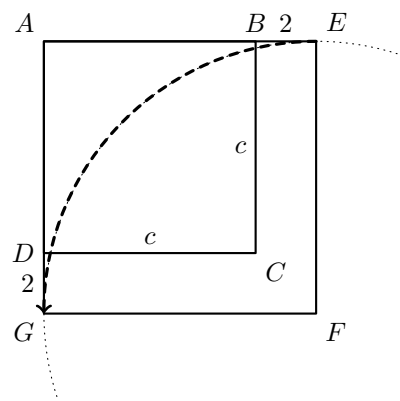


Prova Final 3.º Ciclo – 2012, 2.ª chamada



22. Como  $[AGFE]$  é um quadrado, uma rotação de  $90^\circ$ , de centro no ponto  $F$  transforma o ponto  $E$  no

ponto  $G$



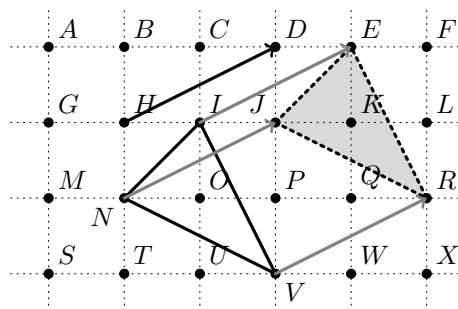
Prova Final 3.º Ciclo - 2012, 1.ª chamada

23.

- 23.1. Identificando o vetor  $\overrightarrow{HD}$  como o vetor associado à translação que transforma o ponto  $H$  no ponto  $D$ ,  $H + \overrightarrow{HD} = D$ , temos que

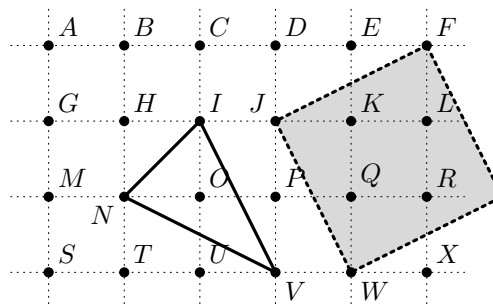
- $N + \overrightarrow{HD} = J$
- $I + \overrightarrow{HD} = E$
- $V + \overrightarrow{HD} = R$

Logo, o transformado do triângulo  $[NIV]$  pela translação associada ao vetor  $\overrightarrow{HD}$  é o triângulo  $[JER]$



- 23.2. Considerando os dois quadrados de lado  $JF$ , o único que tem como outro vértice um dos pontos assinalados (representado na figura ao lado) é o quadrado com vértice no ponto  $W$

Resposta: **Opção C**

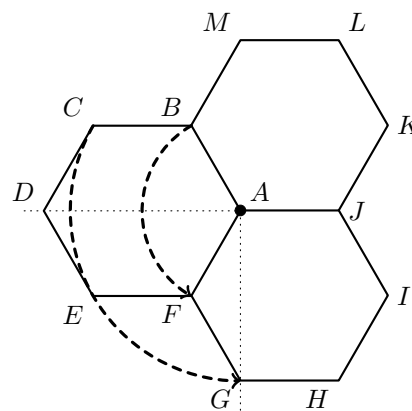


Teste intermédio 8.º ano - 29.02.2012

24. Como os ângulos internos de um hexágono regular têm  $120^\circ$  de amplitude, o transformado do ponto  $B$  por uma rotação de centro em  $A$  e amplitude  $120^\circ$  é o ponto  $F$

Traçando retas perpendiculares pelo ponto  $A$  podemos observar que o ângulo  $DAG$  é reto, e que o ângulo  $CAD$  tem amplitude de  $30^\circ$ , pelo que o ângulo  $CAG$  tem amplitude de  $120^\circ$ , ou seja, o transformado do ponto  $C$  por uma rotação de centro em  $A$  e amplitude  $120^\circ$  é o ponto  $G$

Assim, o transformado do segmento  $[BC]$  por uma rotação de centro em  $A$  e amplitude  $120^\circ$  é o segmento  $[FG]$



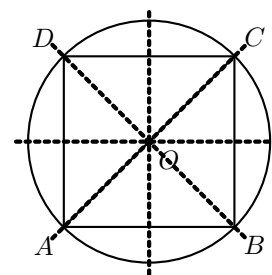
Exame Nacional 3.º Ciclo - 2011, Ép. especial





25. Desenhando sobre o quadrado as duas diagonais e as duas perpendiculares aos lados pelos pontos médios podemos visualizar os 4 eixos de simetria do quadrado.

Resposta: **Opção C**



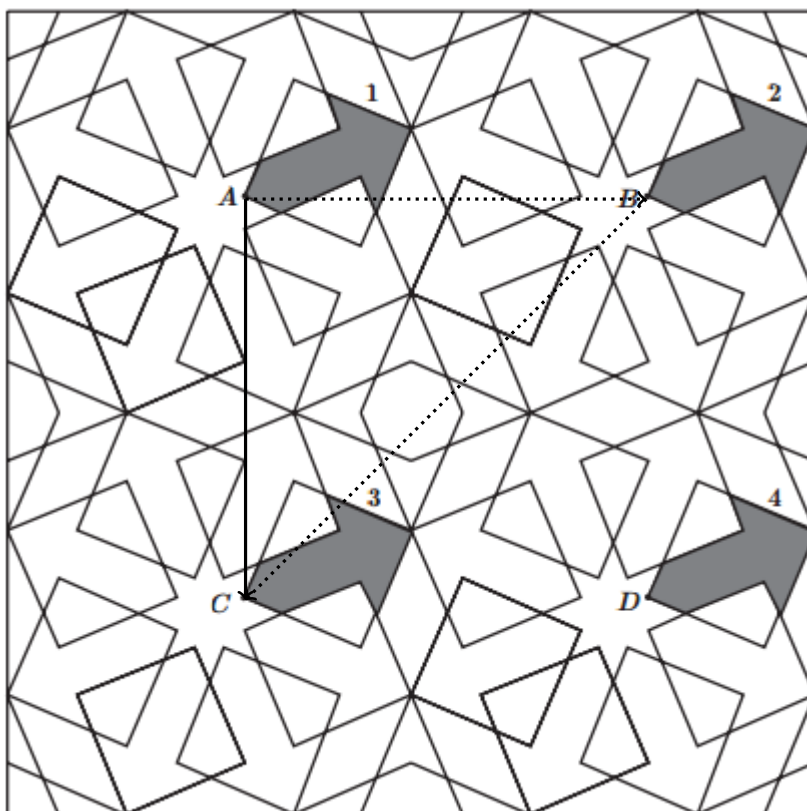
Teste Intermédio 9.º ano – 17.05.2011

26. Como o polígono 3 pode ser obtido como imagem do polígono 1 por meio da translação associada ao vetor  $\overrightarrow{AC}$ , e temos que

- $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{AB}$
- $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AA} = \vec{0}$
- $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD}$
- $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$

Temos que é o  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$  translação associada ao vetor  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$  que transforma o polígono 1 no polígono 3

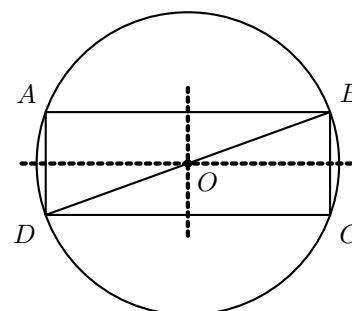
Resposta: **Opção D**



Teste Intermédio 8.º ano – 11.05.2011

27. Desenhando sobre o retângulo as duas perpendiculares aos lados pelos pontos médios podemos visualizar os 2 eixos de simetria do retângulo (as diagonais não são eixos de simetria).

Logo, o retângulo  $[ABCD]$  tem 2 eixos de simetria

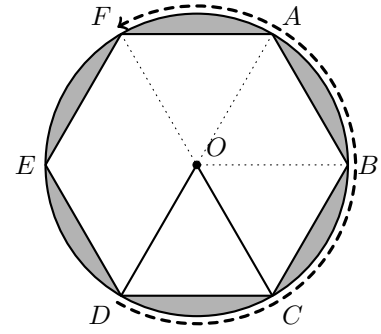


Exame Nacional 3.º Ciclo – 2010, 1.ª chamada



28. Como os ângulos internos de um triângulo equilátero têm amplitude  $60^\circ$ , uma rotação de amplitude  $240^\circ$  corresponde a 4 ângulos internos de triângulos equiláteros ( $4 \times 60 = 240^\circ$ ).

Assim, temos que o transformado do ponto  $D$  pela rotação de centro no ponto  $O$  e de amplitude  $240^\circ$  é o ponto  $F$  (como se pode observar na figura ao lado).



Teste Intermédio 9.º ano – 11.05.2010

29. As rotações de centro em  $O$  e amplitudes  $180^\circ$  ou  $-180^\circ$  transformam o quadrado  $[OHDE]$  no quadrado  $[OFG]$ , assim como a simetria axial de eixo  $AC$

O transformado do quadrado  $[OHDE]$  simetria axial de eixo  $DB$  é o próprio quadrado  $[OHDE]$ , porque a diagonal  $[OD]$  é um eixo de simetria do quadrado.

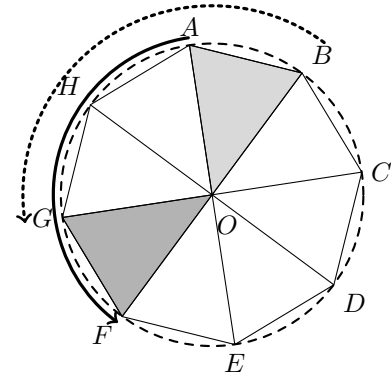
Resposta: **Opção D**

Exame Nacional 3.º Ciclo – 2009, 2.ª chamada

30. Como  $[ABCDEFGH]$  é um octógono regular, pode ser dividido em 8 triângulos isósceles congruentes, cujos ângulos menores têm amplitude  $\frac{360}{8} = 45^\circ$

Assim, como  $\frac{135}{45} = 3$ , o transformado do triângulo  $[AOB]$  pela rotação de centro no ponto  $O$  e de amplitude  $135^\circ$  é o triângulo  $[GOF]$  (como se pode observar na figura ao lado).

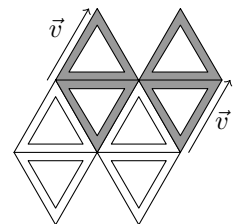
Resposta: **Opção D**



Exame Nacional 3.º Ciclo – 2009, 1.ª chamada

31. Considerando a figura e a translação da mesma associada, ao vetor  $\vec{v}$  (representada na figura ao lado a sombreado) podemos observar a representação conjunta das duas, ou seja, a figura da primeira opção.

Resposta: **Opção A**



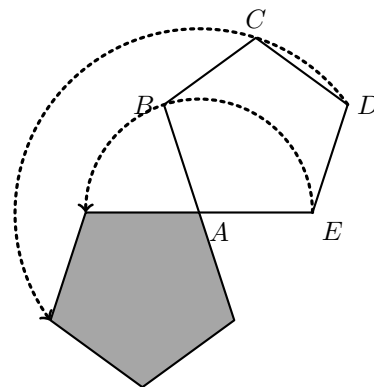
Teste Intermédio 9.º ano – 11.05.2009



32. Como se pretende que o pentágono sombreado seja a imagem do pentágono  $[ABCDE]$  obtida por meio de uma rotação de centro no ponto  $A$ , o ponto  $A$  permanece inalterado, pelo que as opções (A) e (D) não estão corretas.

Traçando semicircunferências de centro no ponto  $A$  (como na figura ao lado) podemos verificar que na opção (C) o pentágono sombreado é a imagem do pentágono  $[ABCDE]$  obtida por meio de uma rotação de centro no ponto  $A$  e amplitude  $180^\circ$

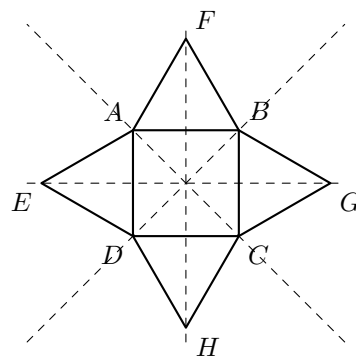
Resposta: **Opção C**



Teste Intermédio 9.º ano – 07.05.2008

33. Desenhando sobre o quadrado as duas diagonais e as duas perpendiculares aos lados pelos pontos médios podemos visualizar todos os eixos de simetria do quadrado.

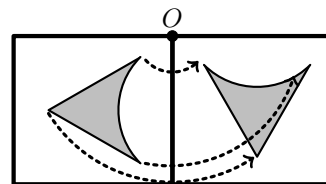
Logo, a figura tem quatro eixos de simetria.



Exame Nacional 3.º Ciclo – 2007, 2.ª chamada

34. Construindo o transformado da figura da esquerda por meio de uma rotação, com centro no ponto de  $O$ , amplitude  $90^\circ$  (como na figura ao lado), podemos observar que corresponde à figura da direita na opção (B).

Resposta: **Opção B**



Exame Nacional 3.º Ciclo – 2006, 2.ª chamada

35. As opções (A), (C) e (D) representam translações da figura, segundo um vetor com direção perpendicular à reta  $r$

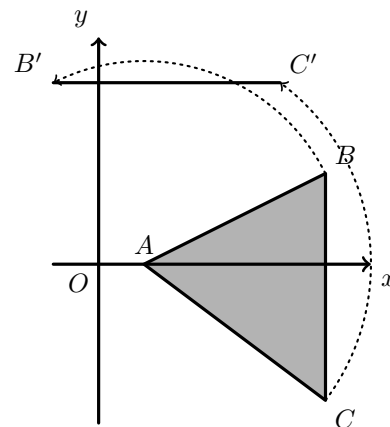
Resposta: **Opção B**

Exame Nacional 3.º Ciclo – 2006, 1.ª chamada



36. Considerando o transformado do segmento de reta  $[BC]$  obtido por meio de uma rotação de centro em  $A$  e amplitude  $90^\circ$ , obtemos o segmento de reta  $[B'C']$  paralelo ao eixo dos  $xx$  (como se pode observar na figura ao lado).

Resposta: **Opção A**



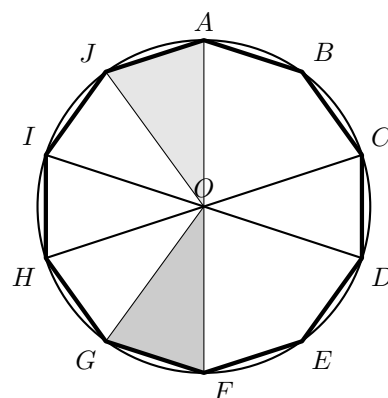
Exame Nacional 3.º Ciclo – 2005, 2.ª chamada

37. Como  $[ABCDEFGH IJ]$  é um decágono regular, pode ser dividido em 10 triângulos isósceles congruentes, cujos ângulos menores têm amplitude  $\frac{360}{10} = 36^\circ$

Assim, como  $\frac{144}{36} = 4$ , o transformado do ponto  $A$  pela rotação de centro em  $O$  e de amplitude  $144^\circ$  é o

ponto  $G$

(como se pode observar na figura ao lado).

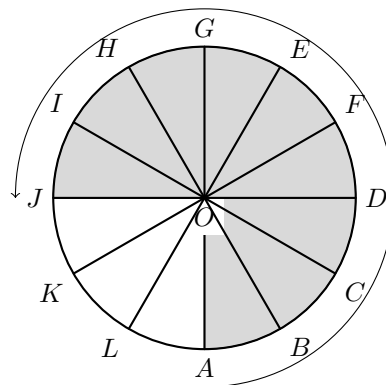


Exame Nacional 3.º Ciclo – 2005, 1.ª chamada

38. Ao fim de cada volta completa cada cadeira volta à sua posição inicial, pelo que ao fim de duas voltas completas a cadeira da Rita está novamente na posição  $A$

Assim, após completar os restantes  $\frac{3}{4}$  de volta a cadeira da Rita estará na posição assinalada com a

letra  $J$



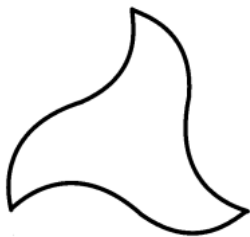
Prova de Aferição – 2004



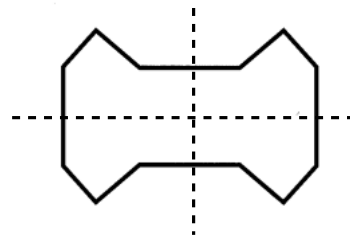
39. Podemos identificar eixos de simetria nas figuras das opções (B), (C) e (D) (assinalados na figura ao lado), pelo que a figura que não tem qualquer eixos de simetria é a figura da opção (A).

Resposta: **Opção A**

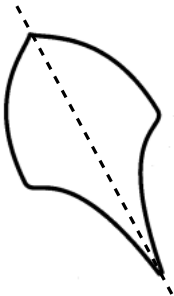
(A)



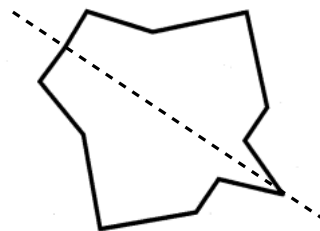
(B)



(C)



(D)



Prova de Aferição – 2004

40. O friso da opção (B) pode ser obtido por translações sucessivas do azulejo após uma rotação de  $90^\circ$  no sentido contrário ao dos ponteiros do relógio.

O friso da opção (C) pode ser obtido por translações sucessivas do azulejo após uma rotação de  $90^\circ$  no sentido dos ponteiros do relógio.

O friso da opção (D) pode ser obtido por translações sucessivas do azulejo após uma rotação de  $180^\circ$ .

Pelo que o friso da opção (A) é o único que não pode ser construído com 3 destes azulejos.

Resposta: **Opção A**

Prova de Aferição – 2003

