

TEMA: FUNÇÃO DEFINIDA POR RAMOS (AULA 5)

TIPO: GUIÃO DE APOIO #ESTUDOEMCASA

LR MAT EXPLICAÇÕES

(A) Acede à aula a partir do link:

https://www.facebook.com/SRE.GRM/videos/2604147313136748/

(B) Conhecimentos prévios (3° ciclo) – Revisão:

Qualquer número real x é representado por um único ponto na reta numérica.

O **valor absoluto** ou **módulo** de um número x representa-se por |x| e é a distância à origem do ponto que o representa na reta numérica.

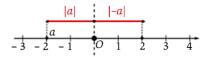
$$|b| = |1| = 1$$

 $|c| = |2,5| = 2,5$
 $|a| = |-2| = 2$
 $|a|$
 $|b|$
 $|c|$
 $|a|$
 $|c|$
 $|a|$
 $|c|$
 $|a|$
 $|c|$
 $|c|$
 $|c|$
 $|c|$

Qualquer que seja o número real x, |x| é um número não negativo.

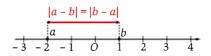
- x é positivo se e só se |x| = x
- x é negativo se e só se |x| = -x
- |0| = 0

O **simétrico** de x representa-se por -x (|x| = |-x|)



A distância entre dois pontos a e b é

$$|a - b| = |b - a|$$



Se a = -2 e b = 1, por exemplo,

$$|a - b| = |-2 - 1| = |-3| = 3$$

$$|b-a| = |1-(-2)| =$$

= $|1+2| = |3| = 3$

Retirado do manual MATEMÁTICA 10, da AREAL Editores

1. Determina:

$$1.1)|6| =$$

$$1.2)|-6| =$$

$$|-\frac{1}{2}| =$$

$$1.4) |0| =$$

$$1.6)-|4| =$$

$$1.7)-|-2| =$$

2. Escreve em linguagem matemática:

2.1) a distância entre 2 e 10 é 8.

2.2) a distância entre -2 e 5 é 7.

2.3) a distância de x à origem é 4.

2.4) a distância de x à origem é 12.

3. Resolve as equações seguintes:

$$3.1)|x| = 2$$

$$3.2)|x| = \sqrt{3}$$

$$3.3|x| = 0$$

$$3.4)|x| = -5$$

(C) Resolve os exercícios seguintes:

4. Explica como se obter o gráfico de cada uma das funções reais de variável real definidas pelas expressões seguintes, a partir do gráfico da função real de variável real definida por y = |x|, utilizando a linguagem das transformações de funções.

$$4.1)y = |x - 1|$$

$$4.2$$
) $y = 2|x| - 1$

$$4.3)y = -2|x| + 2$$

$$4.4)y = \frac{2}{3}|x+1| + 3$$

- **5.** Considera a função f definida por f(x) = x 3.
 - 5.1 Representa graficamente num referencial cartesiano.
 - 5.2 Com base na representação da alínea anterior, representa graficamente |f(x)|.
- **6.** Tendo em atenção que, de uma forma geral, $y = a|x b| + c = \begin{cases} a(x b) + c & se & x \ge b \\ -a(x b) + c & se & x < b \end{cases}$ define analiticamente, por ramos, sem usar o símbolo de valor absoluto, as funções representada a seguir:

6.1)
$$f(x) = |x - 2|$$

6.2)
$$g(x) = |x + 3|$$

6.3)
$$h(x) = \left| \frac{1}{2} - 3x \right|$$

- **7.** Considera a função f, de domínio \mathbb{R} , definida por $f(x) = \frac{1}{2}|x-1| 3$.
 - 7.1 Indica as coordenadas do vértice e uma equação do eixo de simetria do gráfico de f.
 - 7.2 Indica o contradomínio, indica e caracteriza o extremo e apresenta os intervalos de monotonia de f.
 - 7.3 Esboça o gráfico da função f.
 - 7.4 Calcula os zeros de f, se existirem, e caracteriza o sinal da função.