

Semelhança (7.º ano)
Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios



1. Na figura seguinte, estão representados os triângulos [ABC] e [AED].

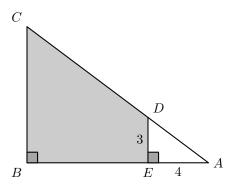
Fixada uma unidade de medida, sabe-se que:

- o ponto E pertence ao lado [AB] e o ponto D pertence ao lado [AC];
- ullet o triângulo [ABC] é retângulo em B;
- o triângulo [AED] é retângulo em E;
- $\overline{AE} = 4 \text{ e } \overline{DE} = 3;$
- $\bullet\,$ a área do quadrilátero [BCDE] é 48.

A figura não está desenhada à escala.

Calcula  $\overline{BC}$ .

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova Final  $3.^{\rm o}$  Ciclo - 2023, Época especial

2. Na figura seguinte, estão representados os triângulos [ABC] e [HIE] e o retângulo [ABDF].

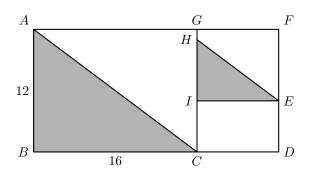
Fixada uma unidade de medida, sabe-se que:

- o ponto C pertence ao lado [BD], o ponto E
  pertence ao lado [DF], o ponto G pertence ao
  lado [AF] e os pontos H e I pertencem ao segmento de reta [CG];
- a reta AB é paralela à reta CG;
- a reta BD é paralela à reta IE;
- $\bullet\,$ a reta AC é paralela à reta HE;
- $\overline{AB} = 12 \text{ e } \overline{BC} = 16;$
- $\bullet$  a área do triângulo [HIE] é 24.

A figura não está desenhada à escala.

Calcula  $\overline{BD}$ .

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova Final 3.º Ciclo - 2023, 2.ª fase

3. Na figura seguinte, estão representados o triângulo [ABC] e o retângulo [DEFG].

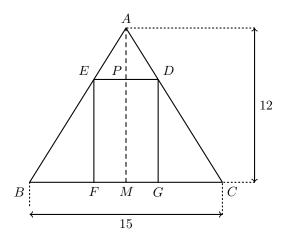
Sabe-se que:

- $\bullet$ o triângulo [ABC]é isósceles, com  $\overline{AB}=\overline{AC}$  ;
- o triângulo [AED] é isósceles, com  $\overline{AE} = \overline{AD}$ ;
- os pontos F e G pertencem ao lado [BC], o ponto E pertence ao lado [AB] e o ponto D pertence ao lado [AC];
- os pontos M e P são os pontos médios dos segmentos de reta [BC] e [ED], respetivamente;
- $\overline{BC} = 15 \text{ e } \overline{AM} = 12;$
- ullet a área do triângulo [AED] é 10 .

A figura não está desenhada à escala.

Calcula  $\overline{EF}$ .

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

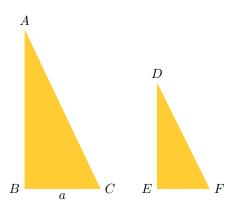


Prova Final 3.º Ciclo – 2023, 1.ª fase

4. A figura da direita é uma fotografia de um veleiro com duas velas.

Na figura da esquerda, , apresenta-se um modelo dessas velas, que não está desenhado à escala.





Relativamente ao modelo, sabe-se que:

- $\bullet\,$ os triângulos [ABC]e [DEF]são semelhantes;
- as retas AB e DE são paralelas;
- $\overline{AB} = 8.4 \text{ m e } \overline{DE} = 5.6 \text{ m};$
- $\overline{BC} = a, a > 0.$

Qual é, em função de a, o comprimento do segmento de reta [EF]? Mostra como chegaste à tua resposta.

Prova de Aferição 8.º ano - 2023

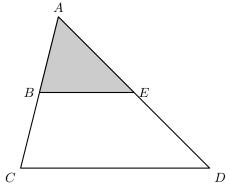
5. Na figura seguinte, estão representados dois triângulos semelhantes,  $\left[ACD\right]$  e  $\left[ABE\right].$ 

Sabe-se que:

- o ponto B pertence ao segmento de reta [AC] e o ponto E pertence ao segmento de reta [AD];
- ullet as retas BE e CD são paralelas;
- a área do triângulo [ACD] é igual a 20 cm<sup>2</sup>;
- $\overline{AC} = 2\overline{AB}$ .

 ${\bf A}$  figura não está desenhada à escala.

Qual das opções seguintes apresenta a área do triângulo  $\left[ABE\right]$  ?



- (A)  $4 \text{ cm}^2$
- **(B)**  $5 \text{ cm}^2$
- (C)  $10 \text{ cm}^2$
- **(D)**  $15 \text{ cm}^2$

Prova Final 3.º Ciclo - 2022, 2.ª fase

6. Na figura seguinte, estão representados dois triângulos semelhantes, [ABC] e [ADE].

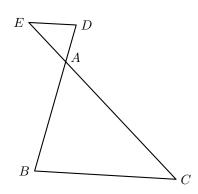
Sabe-se que:

- as retas BD e CE intersectam-se no ponto A;
- $\overline{AB} = 3\overline{AD}$ ;
- $\overline{AC} = 3\overline{AE}$ ;
- a área do triângulo [ADE] é igual a 2 cm<sup>2</sup>.

A figura não está desenhada à escala.

Qual é a área do triângulo [ABC]?

- (A)  $6 \text{ cm}^2$
- **(B)**  $9 \text{ cm}^2$
- (C)  $18 \text{ cm}^2$
- **(D)**  $20 \text{ cm}^2$

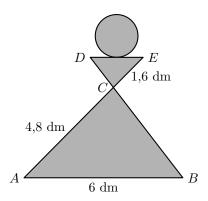


Prova Final 3.º Ciclo - 2022, 1.ª fase

7. Na figura ao lado, está representado um modelo geométrico do símbolo usado para identificar os vestiários femininos de um ginásio.

Sabe-se que:

- ullet os triângulos [ABC] e [EDC] são semelhantes;
- o ponto C é a intersecção dos segmentos de reta [AE] e [BD];
- $\overline{AB} = 6$  dm,  $\overline{AC} = 4.8$  dm e  $\overline{CE} = 1.6$  dm.



7.1. Determina  $\overline{DE}$ .

Apresenta o resultado em decímetros.

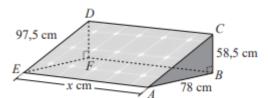
Apresenta todos os cálculos que efetuares.

- 7.2. Qual dos seguintes valores é igual ao quociente  $\frac{\text{Área do triângulo }[ABC]}{\text{Área do triângulo }[EDC]}$ ?
  - (A)  $\frac{1}{9}$  (B)  $\frac{1}{3}$
- (C) 3
- **(D)** 9

Instrumento de Aferição Amostral, 8.º ano - 2021

8. No telhado de uma casa, existe um painel solar incorporado numa peça metálica. O painel e a peça, em conjunto, têm a forma de um prisma triangular reto cujas bases são triângulos retângulos.

Na figura ao lado, está representado o prisma triangular reto [ABCDEF], modelo da peça metálica. Os segmentos de reta [EF] e [AB] são perpendiculares aos segmentos de reta [DF] e [BC], respetivamente.



A figura não está desenhada à escala.

Na figura seguinte, está representada uma das bases do prisma triangular reto [ABCDEF], modelo da peça metálica.

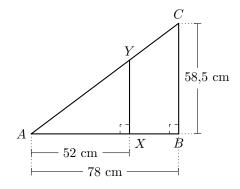
A peça metálica tem uma haste de reforço, representada na figura por  $[XY]. \label{eq:figura}$ 

De acordo com a figura:

- o ponto X pertence a [AB] e o ponto Y pertence a [AC];
- $\bullet\,$ as retas XYeABsão perpendiculares;
- $\overline{AB} = 78$  cm,  $\overline{BC} = 58.5$  cm e  $\overline{AX} = 52$  cm.

Determina o comprimento da haste, ou seja,  $\overline{XY}$ .

Apresenta o resultado em centímetros. Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova Final 3.º Ciclo – 2019, Época especial

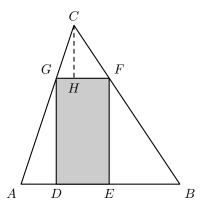
9. Na figura ao lado, estão representados o triângulo [ABC] e o retângulo [DEFG].

Sabe-se que:

- os pontos D e E pertencem ao lado [AB], o ponto F ao lado [BC] e o ponto G ao lado [AC];
- ullet o ponto H pertence ao segmento de reta [FG];
- $\bullet\,$ as retas FGeCHsão perpendiculares;
- $\overline{AC} = 3 \text{ e } \overline{CG} = 1;$
- para um certo valor de a > 0,  $\overline{FG} = \overline{CH} = a$ .

Determina, em função de a, a área do retângulo [DEFG].

Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova Final  $3.^{\rm o}$  Ciclo – 2019,  $2.^{\rm a}$  fase

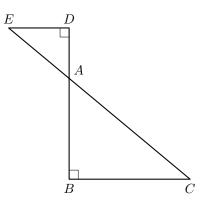
10. Na figura ao lado, estão representados os triângulos [ABC] e [ADE], retângulos em  $B \in D$ , respetivamente.

Sabe-se que:

- as retas BD e CE se intersectam no ponto A;
- os lados [BC] e [DE] são paralelos;
- $\overline{BC} = 4$ ,  $\overline{DE} = 2$  e  $\overline{BD} = a$  (a > 0).

Determina, em função de a, a altura do triângulo [ABC] relativa ao lado [BC].

Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova Final 3.º Ciclo - 2019, 1.ª fase

11. Na figura seguinte, está representado o triângulo [ABC], inscrito numa circunferência de centro no ponto

Sabe-se que:

- os pontos D e E pertencem aos segmentos de reta [AC] e [BC], respetivamente;
- as retas AB e DE são paralelas;
- a amplitude do arco  $AB \neq 110^{\circ}$ ;
- $C\hat{B}A = 85^{\circ}$ .

Qual das seguintes igualdades é verdadeira?

(A) 
$$\frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{EB}}{\overline{DA}}$$
 (B)  $\frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{DA}}{\overline{EB}}$  (C)  $\frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{EB}}{\overline{CA}}$ 

$$\mathbf{(B)} \ \frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{DA}}{\overline{EB}}$$

(C) 
$$\frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{EB}}{\overline{CA}}$$

$$\mathbf{(D)} \ \frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{CA}}{\overline{EB}}$$

85°

Prova Final 3.º Ciclo – 2018, Época especial

9

110°

•0

12. Na figura ao lado, estão representadas duas retas paralelas, a e b, e três retas concorrentes num ponto, r, s e t.

Sabe-se que:

- $\bullet$  a reta r intersecta as retas a e b, respetivamente, nos pontos  $U \in V$ ;
- $\bullet$  a reta s intersecta as retas a e b, respetivamente, nos pontos  $X \in Y$ ;
- $\bullet$  a reta t intersecta as retas a e b, respetivamente, nos pontos  $W \in Z$ ;
- $\overline{UX} = 9 \text{ e } \overline{VY} = 4.$

Qual das seguintes afirmações é verdadeira?



(C) 
$$\frac{\overline{XW}}{\overline{VZ}} = \frac{9}{4}$$

$$\mathbf{(D)} \ \frac{\overline{XW}}{\overline{VZ}} = 3$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2018, 2.ª fase

13. Na figura seguinte, estão representadas as retas concorrentes AD e BC e as retas paralelas AB e CD.

Sabe-se que:

- as retas AD e BC se intersectam no ponto I;
- $\bullet$ os triângulos [ABI] e [CDI]são escalenos e não são geometricamente iguais.

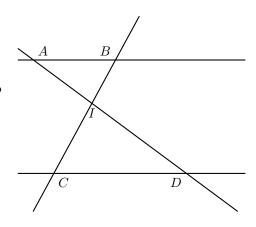
Qual das seguintes afirmações é verdadeira?

(A) 
$$\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{IB}}{\overline{ID}}$$
 (B)  $\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{ID}}{\overline{IA}}$ 

$$\mathbf{(B)} \ \frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{ID}}{\overline{IA}}$$

(C) 
$$\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{IA}}{\overline{ID}}$$
 (D)  $\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{ID}}{\overline{IB}}$ 

(D) 
$$\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{ID}}{\overline{IB}}$$

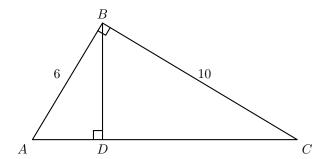


Prova Final 3.º Ciclo – 2018, 1.ª fase

14. Na figura ao lado, está representado o triângulo [ABC], retângulo em B.

Sabe-se que:

- ullet Os triângulos [ABD] e [BCD] são semelhantes,
- $\overline{AB} = 6 \text{ e } \overline{BC} = 10.$



 $\underline{\text{Área do triângulo }[ADB]}_{?}$ Qual dos seguintes valores é igual ao quociente  $\overline{\text{Área do triângulo }[BDC]}$ 

- (A)  $\frac{9}{25}$  (B)  $\frac{8}{15}$  (C)  $\frac{3}{5}$

Prova de Aferição  $8.^{\rm o}$ ano - 2018

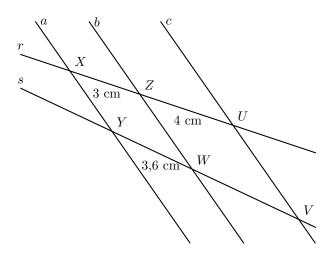
15. Na figura ao lado, estão representadas duas retas concorrentes, r e s, e três retas paralelas entre si, a, b e c.

Sabe-se que:

- a reta a intersecta as retas r e s, respetivamente, nos pontos X e Y;
- a reta b intersecta as retas r e s, respetivamente, nos pontos Z e W;
- a reta c intersecta as retas r e s, respetivamente, nos pontos U e V;
- $\overline{XZ} = 3$  cm,  $\overline{ZU} = 4$  cm e  $\overline{YW} = 3.6$  cm.



Apresenta o resultado em centímetros. Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova de Aferição 8.º ano - 2018

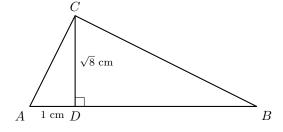
16. Na figura seguinte, está representado o triângulo [ABC], retângulo em C.

Sabe-se que:

- [CD] é a altura do triângulo [ABC] relativa ao lado [AB];
- $\overline{AD} = 1$  cm;
- $\overline{CD} = \sqrt{8}$  cm.

A figura não está desenhada à escala.

Determina a área do triângulo [DBC].



Apresenta o valor pedido em cm², arredondado às centésimas.

Se procederes a arredondamentos nos cálculos intermédios, conserva pelo menos três casas decimais. Apresenta todos os cálculos que efetuares.

Prova Final 3.º Ciclo – 2017, Época especial

17. Na figura seguinte, estão representadas duas semirretas,  $\dot{O}C$  e  $\dot{O}D$ , e duas retas paralelas, r e s.

Sabe-se que:

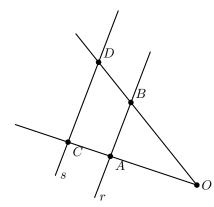
- a reta r intersecta as semirretas  $\dot{O}C$  e  $\dot{O}D$  nos pontos A e B, respetivamente;
- $\bullet$ a retasintersecta as semirretas  $\dot{O}C$ e $\dot{O}D$ nos pontos CeD,respetivamente;
- ullet o ponto A pertence ao segmento de reta [OC];
- $\overline{OA} = 9.8 \text{ cm}$ ,  $\overline{AB} = 5.6 \text{ cm e } \overline{CD} = 8.4 \text{ cm}$ .

A figura não está desenhada à escala.

Determina  $\overline{AC}$ .

Apresenta o resultado em centímetros.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova Final 3.º Ciclo – 2016, Época especial

18. Na figura seguinte, estão representadas duas circunferências,  $c_1$  e  $c_2$ , tangentes no ponto P.

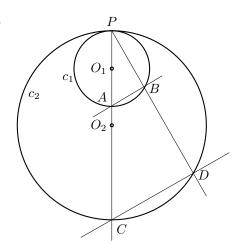
Sabe-se que:

- as circunferências  $c_1$  e  $c_2$  têm centro, respetivamente, no ponto  $O_1$  e no ponto  $O_2$ ;
- ullet os pontos A e B pertencem à circunferência  $c_1$  ;
- os pontos C e D pertencem à circunferência  $c_2$ ;
- os pontos A, C e P pertencem à reta  $O_1O_2$ ;
- $\bullet\,$ as retas AB e CD são paralelas.

A figura não está desenhada à escala.

Admite que:

- $\overline{AB} = 2 \text{ cm}$
- $\overline{CD} = 6 \text{ cm}$
- $\overline{PA} = 3.5 \text{ cm}$



Qual é a medida, em centímetros, do diâmetro da circunferência  $c_2$ ?

- (A) 9,5
- **(B)** 10
- **(C)** 10,5
- **(D)** 11

Prova Final 3.º Ciclo – 2016, 2.ª fase

19. Na figura seguinte, estão representadas duas retas paralelas, r e s, e duas semirretas,  $\dot{O}C$  e  $\dot{O}D$ .

Sabe-se que:

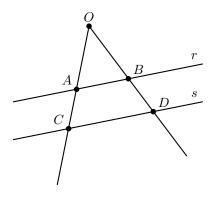
- a reta r intersecta as semirretas  $\dot{O}C$  e  $\dot{O}D$  nos pontos A e B, respetivamente;
- $\bullet\,$ a retasintersecta as semirretas  $\dot{O}C$ e $\dot{O}D$ nos pontos CeD,respetivamente;
- ullet o ponto A pertence ao segmento de reta [OC];
- $\overline{OA} = 8.0 \text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 4.5 \text{cm}$  e  $\overline{OB} = 9.6 \text{cm}$ .

A figura não está desenhada à escala.

Determina  $\overline{BD}$ .

Apresenta o resultado em centímetros.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova Final 3.º Ciclo – 2016, 1.ª fase

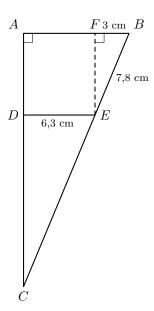
20. Na figura ao lado, está representado um triângulo [ABC], retângulo em  ${\cal A}$ 

Sabe-se que:

- o ponto D pertence ao segmento de reta [AC], o ponto E pertence ao segmento de reta [BC] e o ponto F pertence ao segmento de reta [AB]
- ullet os segmentos de reta [DE] e [AB] são paralelos;
- $\overline{DE} = 6.3 \text{ cm}$
- $\overline{BE} = 7.8 \text{ cm}$
- $\overline{FB} = 3 \text{ cm}$
- $E\hat{F}B = 90^{\circ}$

Determina o valor exato de  $\overline{EC}$  Apresenta o resultado em centímetros.

Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova de Aferição  $8.^{\rm o}$ ano - 2016

- 21. Considera dois triângulos semelhantes, [PQR] e [STU] Sabe-se que:
  - ullet a razão de semelhança que transforma o triângulo [PQR] no triângulo [STU] é 4
  - o triângulo [PQR] tem 25,98 cm<sup>2</sup> de área.

Determina a área do triângulo [STU]

Apresenta o resultado em cm<sup>2</sup>, arredondado às unidades.

Mostra como chegaste à tua resposta.

Prova de Aferição 8.º ano - 2016



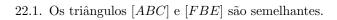
mat.absolutamente.net

22. Na figura ao lado, está representado o triângulo [ABC], retângulo em  ${\cal A}$ 

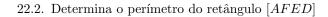
A figura não está desenhada à escala.

Sabe-se que:

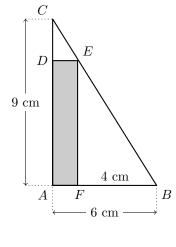
- $\bullet\,$ o ponto F pertence ao segmento de reta [AB]
- ullet o ponto E pertence ao segmento de reta [BC]
- ullet o quadrilátero [AFED] é um retângulo;
- $\overline{AB} = 6 \text{ cm}$
- $\overline{AC} = 9 \text{ cm}$
- $\overline{FB} = 4 \text{ cm}$



Justifica esta afirmação.



Apresenta o resultado em centímetros. Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova Final 3.º Ciclo - 2015, 2.ª fase

23. Na figura ao lado, está representada uma semicircunferência de diâmetro  $\overline{AC}$ 

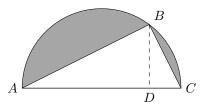
Sabe-se que:

- ulleto ponto B pertence à semicircunferência e o ponto D pertence a [AC]
- $\bullet$  os segmentos de reta [BD] e [AC] são perpendiculares
- $\bullet\,$ o raio da semicircunferência é igual a 5 cm
- $\overline{BD} = 4 \text{ cm}$

Os triângulos  $\left[ABC\right]$ e  $\left[ABD\right]$ são semelhantes.

Considera a semelhança que transforma o triângulo [ABD] no triângulo [ABC] Qual é, nessa semelhança, o lado do triângulo [ABC] que corresponde ao lado [AB] do triângulo [ABD]?

Prova Final 3.º Ciclo - 2015, 1.ª fase



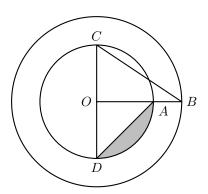
24. Na figura seguinte, estão representadas duas circunferências com centro no ponto O, uma de raio  $\overline{OA}$  e outra de raio  $\overline{OB}$ 

Sabe-se que:

- ullet o ponto A pertence ao segmento de reta [OB]
- $\bullet\,$ o segmento de reta [CD] é um diâmetro da circunferência de raio
- ullet o segmento de reta [CD] é perpendicular ao segmento de reta
- $\overline{OA} = 2 \text{ cm}$
- $\overline{OB} = 3 \text{ cm}$

A figura não está desenhada à escala.

Indica a razão de uma semelhança que transforme o segmento de reta [OA] no segmento de reta [OB]



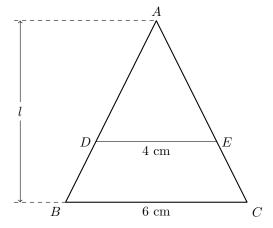
Prova Final 3.º Ciclo - 2014, 2.ª chamada

- 25. Relativamente à figura ao lado, sabe-se que:
  - o triângulo [ABC] é isósceles, com  $\overline{AB} = \overline{AC}$
  - ullet os pontos D e E pertencem aos segmentos de reta [AB]e [AC], respetivamente
  - ullet o triângulo [ADE] é semelhante ao triângulo [ABC]
  - $\overline{DE} = 4 \text{ cm}$
  - $\overline{BC} = 6 \text{ cm}$
  - l é a altura do triângulo [ABC] relativa à base [BC]

A figura não está desenhada à escala.

Qual é o valor do quociente  $\frac{\text{área do triângulo }[ADE]}{\text{área do triângulo }[ABC]}$ ?

- (A)  $\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{2}{3}$  (C)  $\frac{3}{4}$  (D)  $\frac{4}{9}$

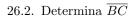


Prova Final 3.º Ciclo – 2014, 1.ª chamada

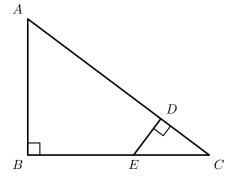
26. Na figura seguinte, estão representados os triângulos retângulos [ABC] e [EDC]

Sabe-se que:

- ullet o ponto E pertence ao segmento de reta [BC]
- $\bullet\,$ o ponto D pertence ao segmento de reta [AC]
- $\overline{AD} = 11 \text{cm}$
- $\overline{DC} = 4 \text{cm}$
- $\overline{EC} = 5 \text{cm}$
- 26.1. Os triângulos [ABC]e <br/> [EDC]são semelhantes. Justifica esta afirmação.



Apresenta o resultado em centímetros. Mostra como chegaste à tua resposta.



Teste Intermédio  $9.^{\rm o}$ ano – 21.03.2014

27. O quadrilátero [ABCD], representado na figura seguinte, é um trapézio retângulo.

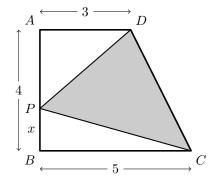
Sabe-se que:

- $\overline{AD} = 3$
- $\overline{AB} = 4$
- $\overline{BC} = 5$

O ponto P desloca-se ao longo do segmento de reta [AB] Para cada posição do ponto P, tem-se  $\overline{PB}=x$ 

Para um certo valor de x, os triângulos [DAP] e [CBP] são semelhantes, sendo [AD] e [BC] lados correspondentes.

Determina esse valor de  $\boldsymbol{x}$  Mostra como chegaste à tua resposta.



Prova Final 3.º Ciclo - 2013, 2.ª chamada

28. Na figura seguinte, estão representados uma circunferência de centro no ponto O e os triângulos [ABC] e [CDE]

Sabe-se que:

- $\bullet$ os pontos  $A,\,B$ e C pertencem à circunferência
- $\bullet \ [BC]$ é um diâmetro da circunferência
- $\bullet\,$ o triângulo [CDE]é retângulo em E
- os triângulos [ABC] e [CDE] são semelhantes

A figura não está desenhada à escala.

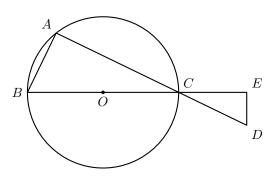
Admite que 
$$\frac{\overline{CD}}{\overline{BC}} = 0.5$$

Qual é o valor do quociente  $\frac{\text{área do triângulo }[CDE]}{\text{área do triângulo }[ABC]}$ ?

**(B)** 0,25

(C) 0,5

**(D)** 1



Prova Final 3.º Ciclo – 2013, 1.ª chamada

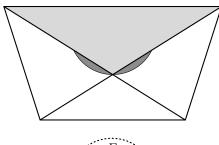
29. Na figura seguinte, em cima, está representado um dos envelopes que a Beatriz desenhou para os convites da sua festa de aniversário.

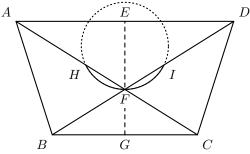
Na figura seguinte, em baixo, está um modelo geométrico do mesmo envelope.

Sabe-se que:

- $\bullet$  [ABCD] é um trapézio isósceles
- $\bullet$ o ponto Fé o ponto de interseção das diagonais do trapézio
- $\bullet$ os pontos Ee Gsão os pontos médios das bases do trapézio
- o ponto H pertence ao segmento de reta [AF] e o ponto I pertence ao segmento de reta [DF]
- ullet HFI é um arco de circunferência
- $\overline{EF} = 3.75 \text{ cm}$
- $\overline{FG} = 2.5 \text{ cm}$
- $\overline{BC} = 8 \text{ cm}$

Determina a área, em  ${\rm cm}^2$ , do trapézio [ABCD] Mostra como chegaste à tua resposta.



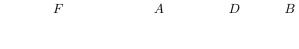


Teste Intermédio 9.º ano – 12.04.2013

30. Relativamente à figura ao lado, sabe-se que:

- $\bullet$ os triângulos [ABC]e [AFC]são retângulos em A
- $\bullet\,$ o triângulo [AFC] é isósceles
- ullet o ponto E pertence ao segmento de reta [BC]
- ullet o ponto D pertence ao segmento de reta [AB]
- $\bullet$ os segmentos de reta[AC]e[DE]são paralelos
- $\overline{AC} = 12 \text{ cm}$
- $\bullet\,$ o perímetro do triângulo [ABC]é 48 cm
- $\bullet$ o perímetro do triângulo [DBE]é 16 cm

 $\mathbf{Nota} - \mathbf{A}$  figura não está desenhada à escala.



C

Qual dos valores seguintes é a medida, em centímetros, do comprimento do segmento de reta [DE]?

- **(A)** 3
- **(B)** 3,5
- **(C)** 4
- **(D)** 4,5

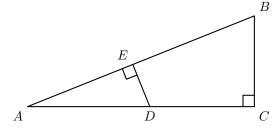
Prova Final 3.º Ciclo – 2012, 2.ª chamada

31. Relativamente à figura ao lado, sabe-se que:

- $\bullet\,$ o triângulo [ABC]é retângulo em C
- ullet o ponto E pertence ao segmento de reta [AB]
- ullet o ponto D pertence ao segmento de reta [AC]
- $\bullet$ o triângulo [ADE]é retângulo em E

Sabe-se ainda que:

- $\overline{ED} = 2 \text{ cm}$
- $\bullet \ \overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AC}$
- a área do triângulo [ABC] é  $20 \text{ cm}^2$



Determina  $\overline{AC}$ 

Apresenta a tua resposta em centímetros.

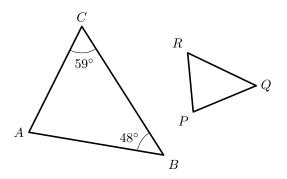
Mostra como chegaste à tua resposta.

Teste Intermédio 9.º ano – 10.05.2012

32. Considera os triângulos [ABC] e [PQR] representados na figura ao lado. Os dois triângulos são semelhantes.

Sabe-se que:

- $A\hat{C}B = 59^{\circ}$
- $C\hat{B}A = 48^{\circ}$
- $\bullet \ [RQ]$ é o lado maior do triângulo [PQR]
- a ampliação que transforma o triângulo [PQR] no triângulo [ABC] tem razão igual a 2



- 32.1. Determina, sem efetuar medições, a amplitude do ângulo QPR Mostra como chegaste à tua resposta.
- 32.2. Admite que o triângulo [ABC] tem área igual a 18 cm² Qual é a área, em cm², do triângulo [PQR]?
  - **(A)** 3,5
- **(B)** 7
- **(C)** 4,5
- **(D)** 9

Teste Intermédio 8.º ano – 29.02.2012

33. Na figura ao lado, está representada uma circunferência. A figura não está desenhada à escala.

Sabe-se que:

- $\bullet$ os pontos  $A,\,B,\,C$  e D pertencem à circunferência;
- $\bullet$ o ponto P é o ponto de interseção das cordas [AC] e [BD]

Os triângulos [ABP] e [DCP] são semelhantes. Admite que:

- $\overline{DP} = 2\overline{AP}$
- a área do triângulo [ABP] é 6 cm<sup>2</sup>

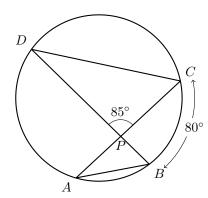
Qual é a área, em  $cm^2$  do triângulo [DCP]?



**(B)** 18

(C) 24

**(D)** 30



Exame Nacional 3.º Ciclo - 2011, 2.ª chamada

34. Na figura seguinte, estão representados dois triângulos semelhantes. O triângulo [ABC] é uma ampliação do triângulo [DEF]

A figura não está desenhada à escala.

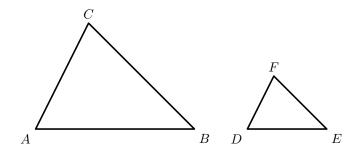
Sabe-se ainda que:

- $\bullet \ \ A\hat{C}B = D\hat{F}E$
- $\overline{DE} = 2$
- $\overline{AB} = 5$

Qual é a razão de semelhança dessa ampliação?



- **(B)**  $\frac{5}{2}$
- (C)  $\frac{12}{5}$
- (D)  $\frac{5}{12}$

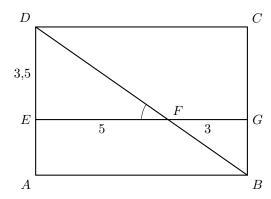


Teste Intermédio 9.º ano – 17.05.2011

35. Na figura seguinte, está representado um retângulo [ABCD]. A figura não está desenhada à escala.

Sabe-se que:

- $\bullet$ os pontos Ee G pertencem aos lados [AD]e [BC],respetivamente;
- ullet o segmento [EG] é paralelo ao segmento [AB]
- o segmento [BD]interseta o segmento [EG]no ponto  ${\cal F}$
- $\overline{EF} = 5$
- $\overline{FG} = 3$
- $\overline{ED} = 3.5$



35.1. Admite que  $D\hat{F}E = 35^{\circ}$ 

Qual é a amplitude, em graus, do ângulo FBG? Mostra como chegaste à tua resposta.

35.2. Os triângulos [EFD]e [GFB]são semelhantes. Determina  $\overline{BG}$ 

Mostra como chegaste à tua resposta.

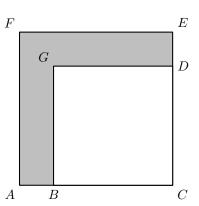
Teste Intermédio 8.º ano – 11.05.2011



- $\bullet$  [ACEF] é um quadrado
- $\bullet$  [BCDG] é um quadrado
- $\overline{BC} = 9$

Admite que  $\overline{AC}=12$ 

O quadrado [BCDG]é uma redução do quadrado [ACEF] Indica a razão de semelhança dessa redução.



Teste Intermédio 9.º ano – 07.02.2011

37. Para assegurar a atividade de prevenção, vigilância e deteção de incêndios florestais, existem torres de vigia. Na figura seguinte, à esquerda, está uma fotografia de uma dessas torres.

> Para determinar a altura da plataforma da torre, imaginaram-se dois triângulos retângulos, semelhantes, representados na figura da direita.

> A figura ao lado representa um esquema desses dois triângulos. O esquema não está desenhado à escala.

Sabe-se que:

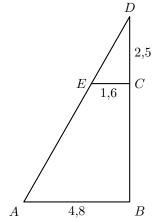
- $\overline{DC} = 2.5 \, m$
- $\overline{EC} = 1.6 \, m$
- $\overline{AB} = 4.8 \, m$

Qual é o comprimento, em metros, de [CB]?

Apresenta os cálculos que efetuaste.







 $\begin{array}{c} {\rm Teste~Interm\acute{e}dio~9.^o~ano-11.05.2010} \\ {\rm Teste~Interm\acute{e}dio~8.^o~ano-30.04.2008~(adaptado)} \end{array}$ 

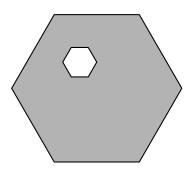
38. Na figura ao lado, estão representados dois hexágonos regulares.

Sabe-se que:

- o comprimento do lado do hexágono exterior é cinco vezes maior do que o comprimento do lado do hexágono interior;
- $\bullet$  a área do hexágono interior é 23 cm<sup>2</sup>

Determina a área, em  ${\rm cm}^2,$  da parte sombreada a cinzento na figura ao lado.

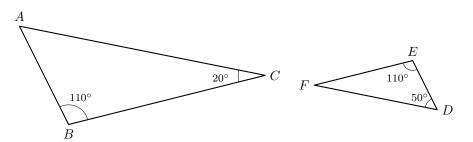
Mostra como chegaste à tua resposta.



Teste Intermédio  $8.^{\rm o}$ ano – 27.04.2010

39. Considera os triângulos [ABC] e [DEF] da figura ao lado e as medidas neles inscritas.

Nota: Os triângulos não estão desenhados à escala.



- 39.1. Justifica que os dois triângulos são semelhantes.
- 39.2. Admite que o triângulo [DEF] é uma redução do triângulo [ABC] de razão 0,8. Qual é o perímetro do triângulo [ABC], sabendo que o perímetro do triângulo [DEF] é 40?
  - **(A)** 50
- **(B)** 40,8
- **(C)** 39,2
- **(D)** 32

Teste Intermédio  $8.^{\circ}$  ano -30.04.2009

40. Considera um segmento de reta [AB] com 4cm de comprimento.

Efetuou-se uma redução do segmento de reta [AB].

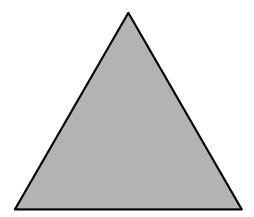
O segmento de reta obtido tem 0,8 cm de comprimento.

Qual dos seguintes valores é igual à razão de semelhança desta redução?

- **(A)** 0,2
- **(B)** 0,3
- (C) 0,4
- **(D)** 0,5

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2007, 2.ª chamada

41. Na figura abaixo, está desenhado um triângulo **equilátero** que tem 6 cm de lado. Recorrendo a material de desenho e de medição, constrói a ampliação, de razão 1,5 deste triângulo. Efectua a construção a lápis. (Não apagues as linhas auxiliares que traçares para construíres o triângulo.)

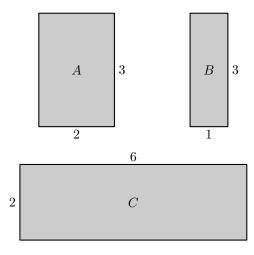


Exame Nacional 3.º Ciclo - 2006, 2.ª chamada

42. Na figura ao lado, estão representados três retângulos, A, B e C, cujas dimensões estão indicadas em centímetros (cm).

Apenas dois dos retângulos representados na figura são semelhantes.

Indica a razão dessa semelhança, considerando-a uma redução.

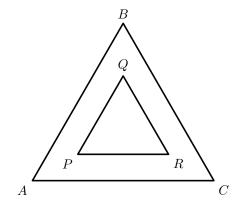


Exame Nacional 3.º Ciclo – 2006, 1.ª chamada

43. O triângulo [PQR]é uma redução do triângulo equilátero [ABC], de razão  $0,\!5$ 

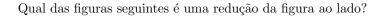
Sabendo que  $\overline{QR}=5$ , calcula o **perímetro** do triângulo [ABC]

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



Prova de Aferição - 2003

44. Neste ano comemoram-se os 500 anos do nascimento de Pedro Nunes. Há alguns anos, os correios editaram o selo reproduzido na figura ao lado, alusivo a este matemático português.





**(A)** 



(B)



(C)



(D)



Prova de Aferição – 2002