Figura 1: $a_n = \frac{n^2}{n+1}$

$$\lim_n a_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) = \lim_n \left(\frac{\cancel{n}(n)}{\cancel{n}\left(1+\cancelto{0}{\frac{1}{n}}\right)}\right) = \lim_n \frac{n}{1} = +\infty$$

É uma sucessão não limitada, monótona e divergente.

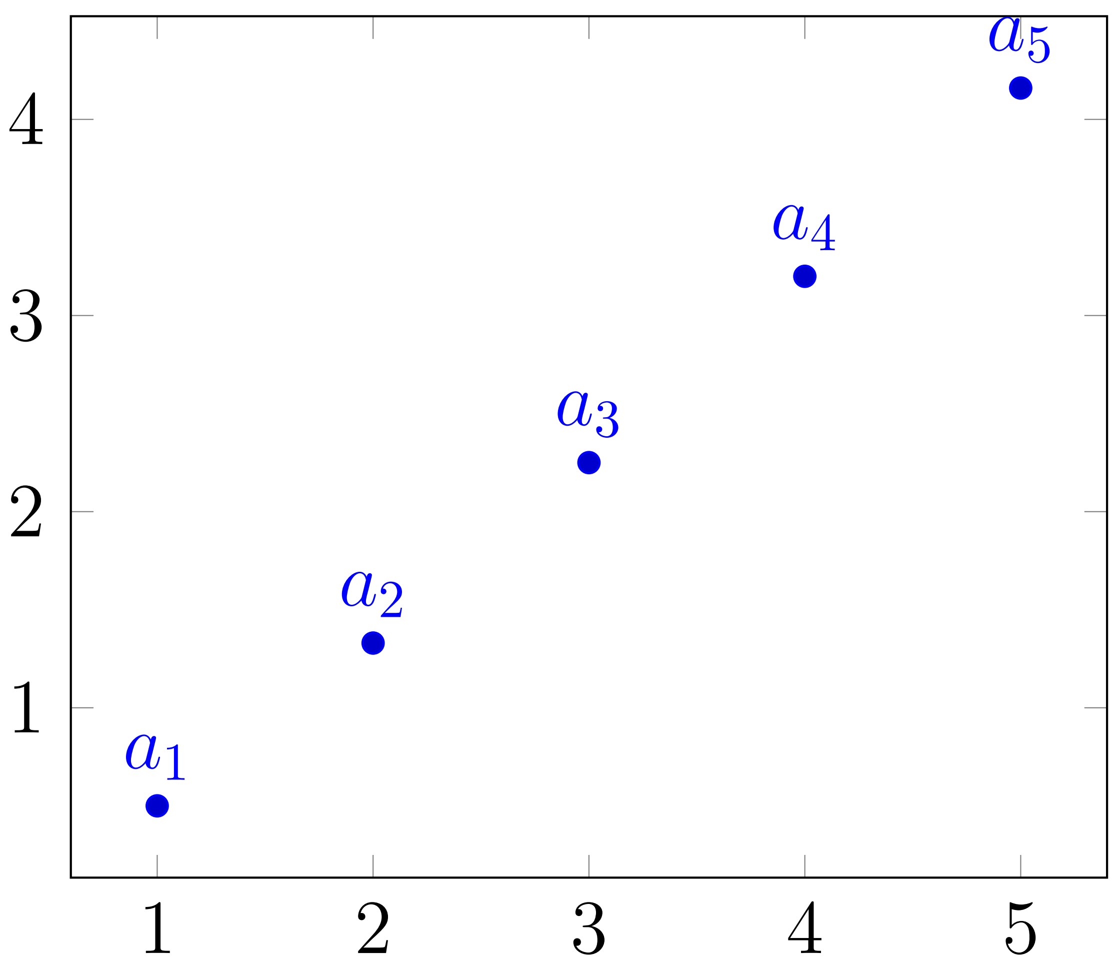


Figura 2: $b_n = -2 + \frac{1}{n+1}$

$$\lim_n b_n = \lim_n \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right) = \lim_n -2 + \lim_n \left(\cancelto{0}{\frac{1}{n+1}}\right) = -2 + 0 = -2$$

É uma sucessão limitada, monótona e convergente.

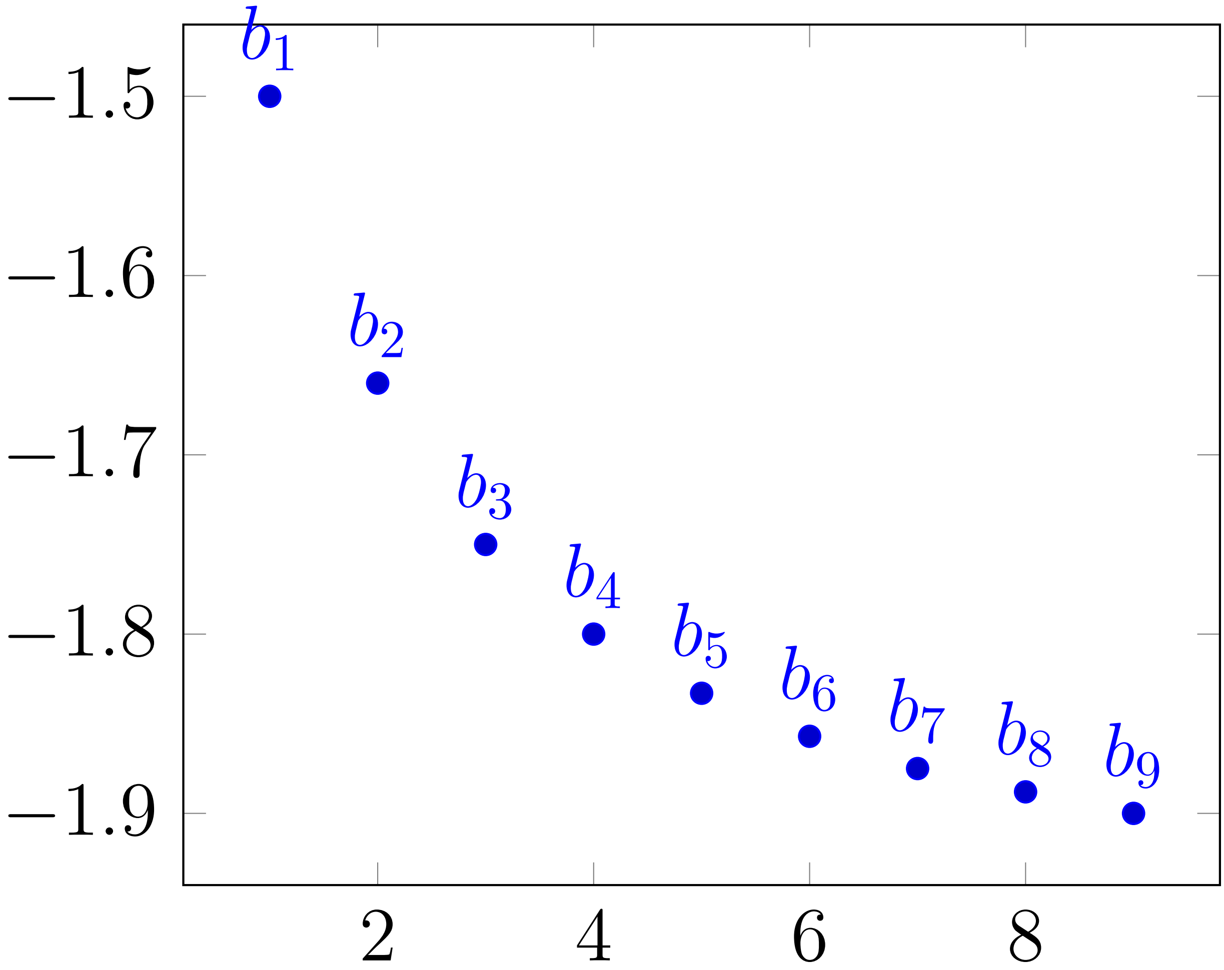


Figura 3: $c_n = \left(-\frac{1}{2}\right)^n$

$$\lim_n c_n = \lim_n \left(-\frac{1}{2}\right)^n = 0$$

É uma sucessão limitada, não monótona e convergente.

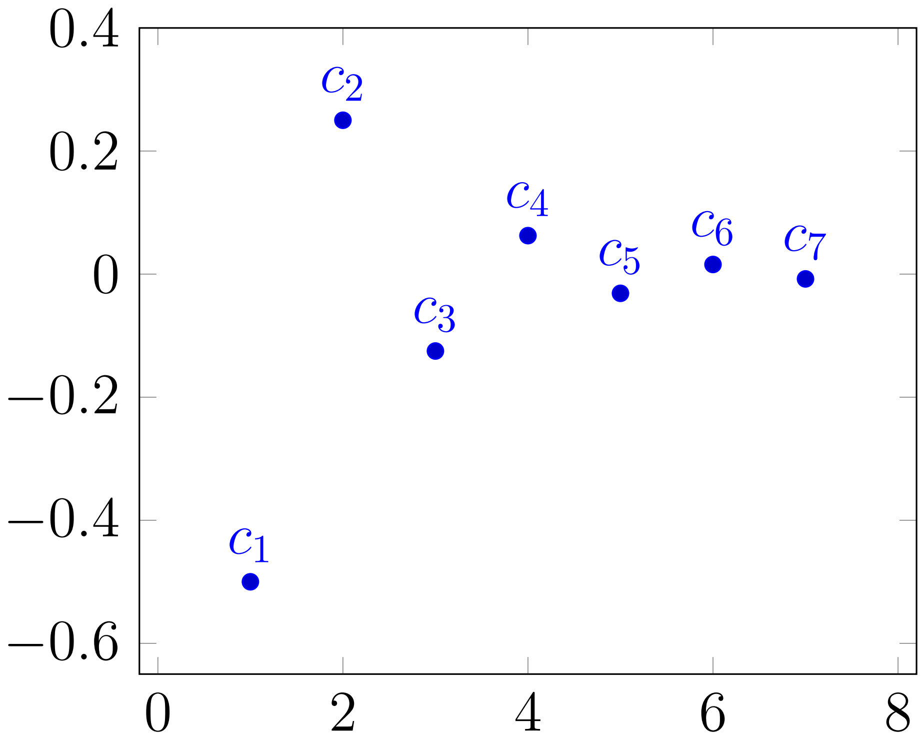


Figura 4: $d_n = 2^n$

É uma sucessão não limitada, monótona e divergente.

$$\lim_n d_n = \lim_n \ (2^n) = +\infty$$

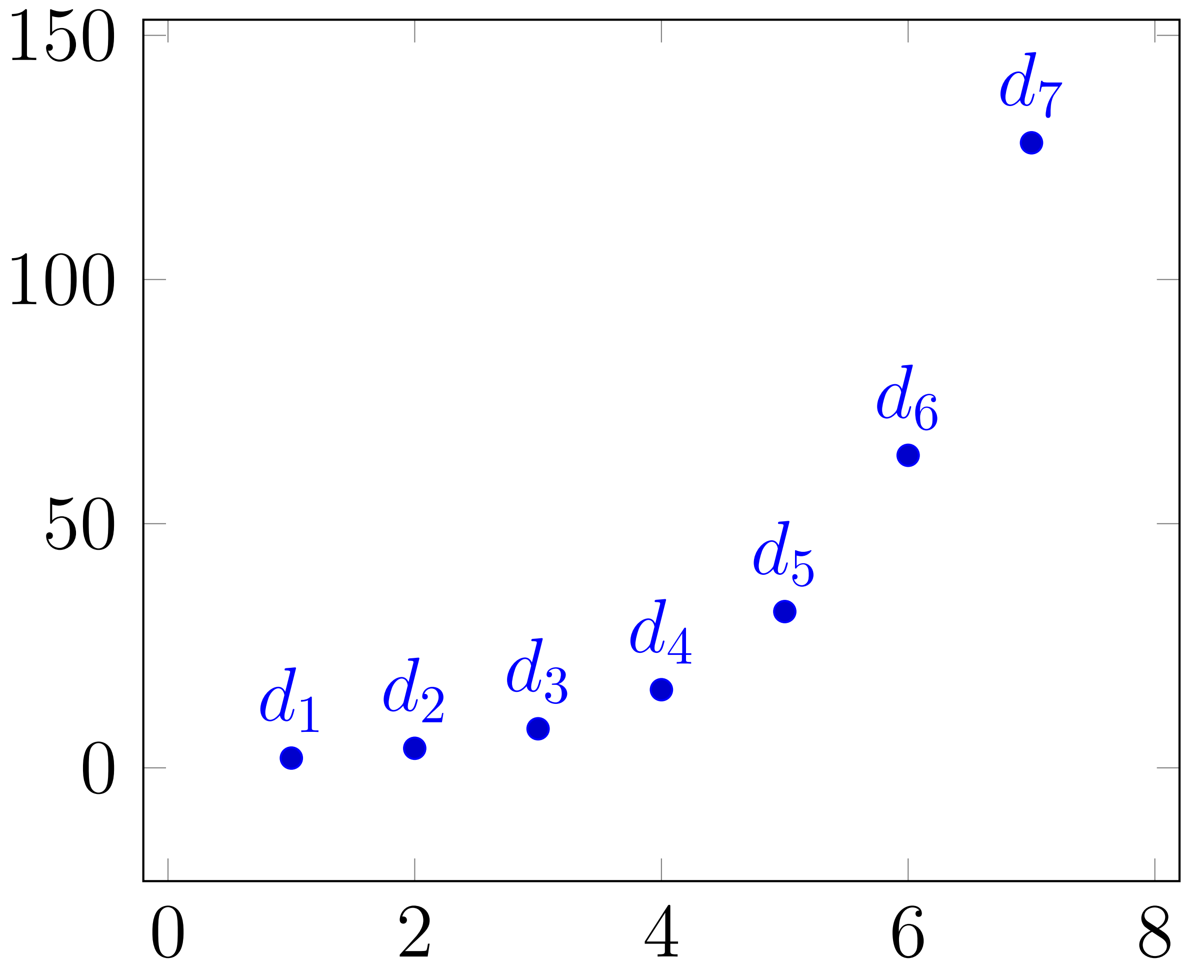
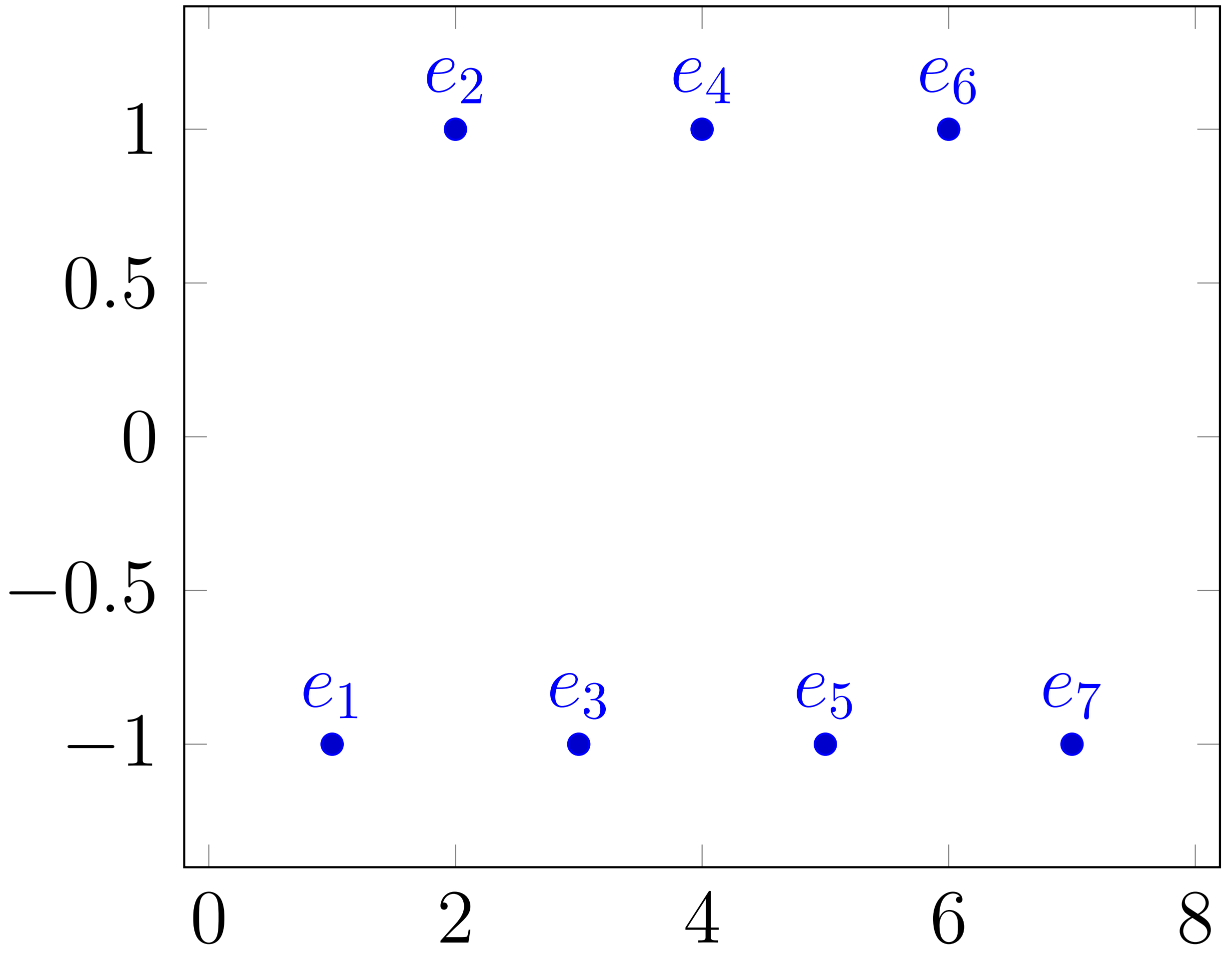


Figura 5: $e_n = (-1)^n$

É uma sucessão limitada, não monótona e divergente.

$$\lim_{n} \ (-1)^n \begin{cases} \text{-1 se n é ímpar} \\ \text{1 se n é par} \end{cases}$$



Exercicio 1. i) $a_n b_n = -\infty$

$$\lim_n a_n b_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) \cdot \lim_n \ \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{\cancel{n}\,(n)}{\cancel{n}\left(1+\cancelto{0}{\frac{1}{n}}\right)}\right) \cdot \lim_n \ \left(-2 + \lim_n \ \left(\cancelto{0}{\frac{1}{n+1}}\right)\right)$$

$$= \lim_n \ \left(\frac{n}{1}\right) . \lim_n \ (-2) = -\infty$$

ii) $a_n + b_n = +\infty$

$$\lim_n a_n b_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) + \lim_n \ \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{\cancel{n}\,(n)}{\cancel{n}\left(1 + \cancel{\frac{1}{n}}^{0}\right)} \right) + \lim_n \left(-2 + \lim_n \left(\cancel{\frac{1}{n+1}}^{0} \right) \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{n}{1} \right) . \lim_n \, (-2) = +\infty$$

iii) $b_n c_n = 0$

iv) $\frac{d_n}{c_n} = -\infty$