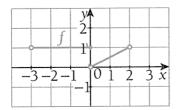


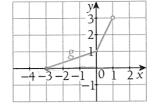
TEMA: EXTREMOS DE UMA FUNÇÃO

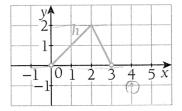
TIPO: FICHA DE TRABALHO Nº 10

LR MAT EXPLICAÇÕES

1. Considera as funções f, g e h representadas nas figuras.

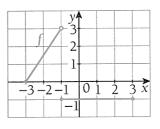




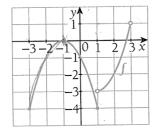


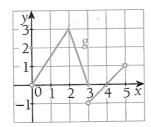
Para cada uma das funções, indica:

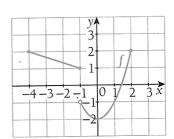
- 1.1 o conjunto dos minorantes;
- 1.2 o conjunto dos majorantes.
- 2. Considera a função f de domínio [-3,3] representada na figura.
 - 2.1 Constrói o quadro de variação e um quadro de sinal da função f.
 - 2.2 Indica o conjunto dos minorantes de f.
 - 2.3 Indica o conjunto dos majorantes de f.
 - 2.4 A função f é limitada? Justifica a tua resposta.



3. Nas figuras estão representadas duas funções $f \, e \, g$.

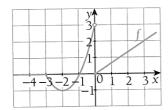


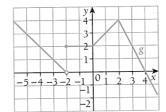


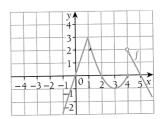


- 3.1 Indica o domínio de cada uma das funções.
- 3.2 Indica os intervalos de monotonia e constrói o quadro de variação para cada uma das funções.

4. Para cada uma das funções representadas graficamente, constrói um quadro de variação.







- 5. Observa a figura estão representadas parte dos gráficos das funções $f \, {\rm e} \, g$.
 - 5.1 Indica o conjunto-solução das seguintes condições:

(a)
$$f(x) = g(x)$$

(b)
$$f(x) > g(x)$$

(c)
$$f(x) \times g(x) \le 0$$

5.2 Calcula:

(a)
$$f(2) + g(-4)$$

(b)
$$f(1) - g(4)$$

- 5.3 Indica os extremos de g.
- 5.4 Constrói o quadro de sinal e o quadro de variação da função g.



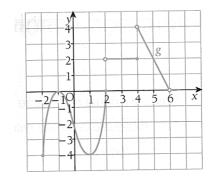
- 6. Considera a representação gráfica, em referencial o.n. 0xy, da função g.
 - 6.1 Indica:
 - (a) o domínio e o contradomínio de g;
 - (b) os zeros da função g;
 - (c) um intervalo onde a função é decrescente e positiva;
 - (d) os intervalos de monotonia da função g.
 - 6.2 Determina os valores de x, tais que:

(a)
$$g(x) \le -4$$

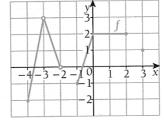
(b)
$$g(x) = 2$$

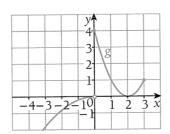
(c)
$$-4 \le g(x) < 0$$

6.3 A função g 'e injetiva? Justifica a tua resposta.



7. Considera as representações das funções $f \in g$.

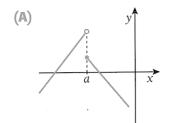


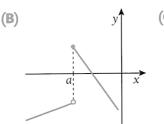


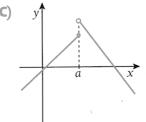
Qual das opções seguintes é verdadeira?

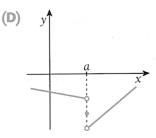
- (A) f é positiva para $x \in [0,2]$ e g é positiva em x = 0.
- (B) g é negativa para $x \in [-4, -3]$ e f é positiva em x = -3.

- (C) A função f e a função g têm ambas dois zeros.
- (D) As funções f e g têm máximo absoluto.
- 8. Qual das opções seguintes corresponde à representação gráfica de uma função com um extremo relativo em x=a?

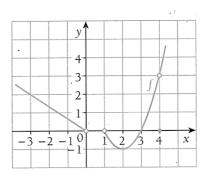








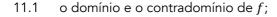
- 9. Observa uma representação gráfica de uma função f. Indica:
 - 9.1 o domínio e o contradomínio de f.
 - 9.2 os zeros de f;
 - 9.3 os extremos de f, caso existam;
 - 9.4 um intervalo onde a função é positiva e crescente;
 - 9.5 um intervalo onde o gráfico da função f tem a concavidade voltada para cima.



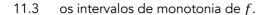
10. Completa a tabela de variação de uma função g definida em \mathbb{R}^+ .

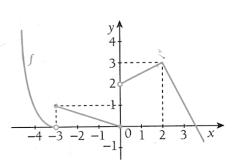
x	0		2		4	+∞
g(x)		/	1	>	- 1	>

- 10.1 Constrói um gráfico que possa representar a função g.
- 10.2 Indica os intervalos de monotonia de g.
- 10.3 Estuda a existência de mínimo absoluto de g.
- 11. Na figura está representada parte do gráfico de uma função f. Indica:



11.2 os extremos da função f, caso existam, e os respetivos maximizantes e minimizantes;





- 12. Considera a função g representada graficamente. Constrói:
 - 12.1 um quadro de sinal;
 - 12.2 um quadro de variação e indica os extremos de g.

