Figura 1: $a_n = \frac{n^2}{n+1}$

$$\lim_n a_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) = \lim_n \left(\frac{\cancel{n}(n)}{\cancel{n}\left(1+\cancelto{0}{\frac{1}{n}}\right)}\right) = \lim_n \frac{n}{1} = +\infty$$

É uma sucessão não limitada, monótona e divergente.

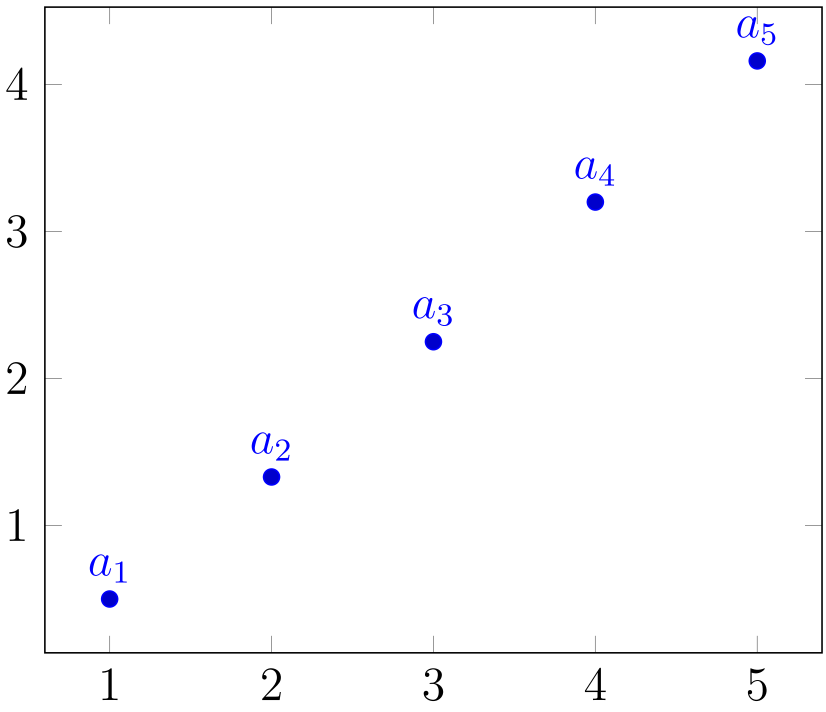


Figura 2: $b_n = -2 + \frac{1}{n+1}$

$$\lim_n b_n = \lim_n \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right) = \lim_n -2 + \lim_n \left(\cancelto{0}{\frac{1}{n+1}}\right) = -2 + 0 = -2$$

É uma sucessão limitada, monótona e convergente.

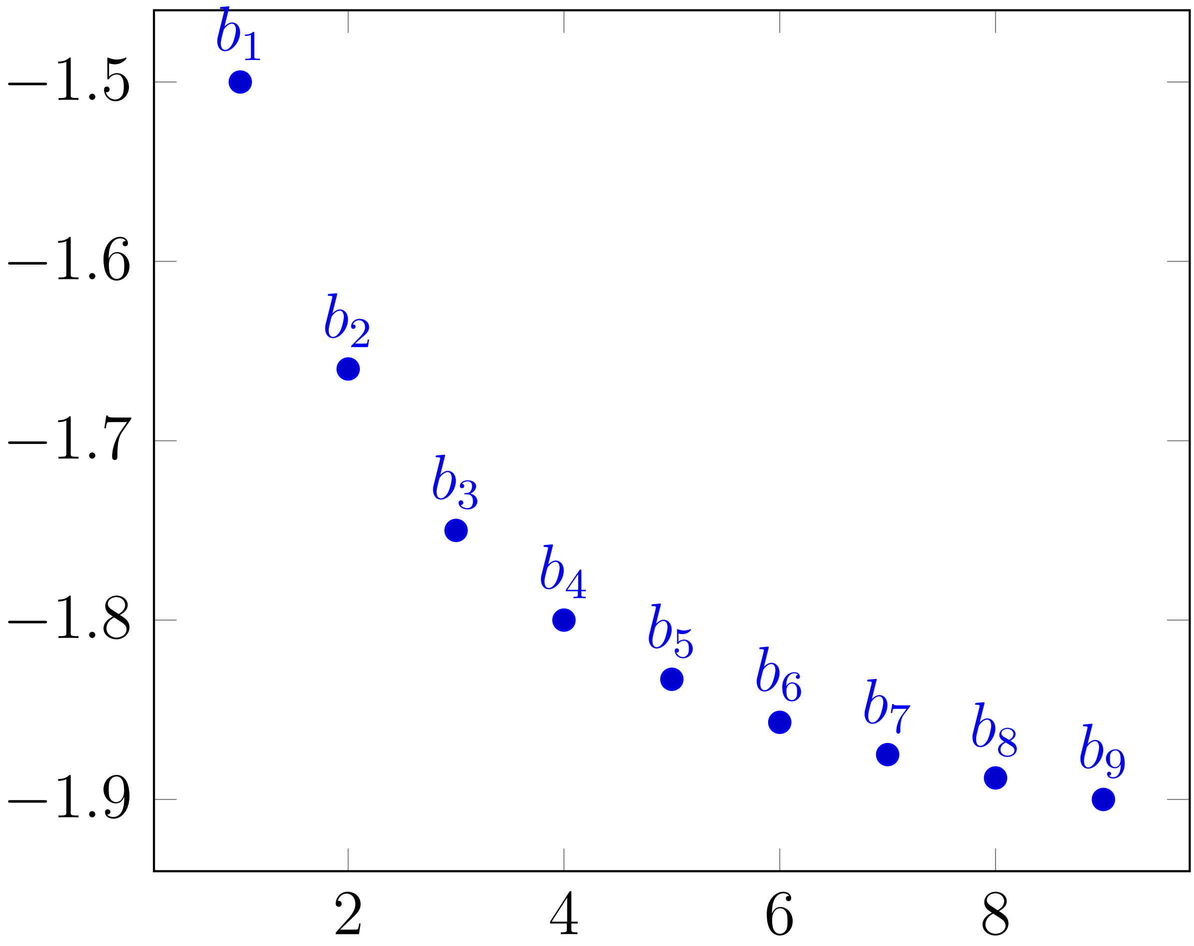


Figura 3: $c_n = \left(-\frac{1}{2}\right)^n$

$$\lim_n c_n = \lim_n \left(-\frac{1}{2}\right)^n = 0$$

É uma sucessão limitada, não monótona e convergente.

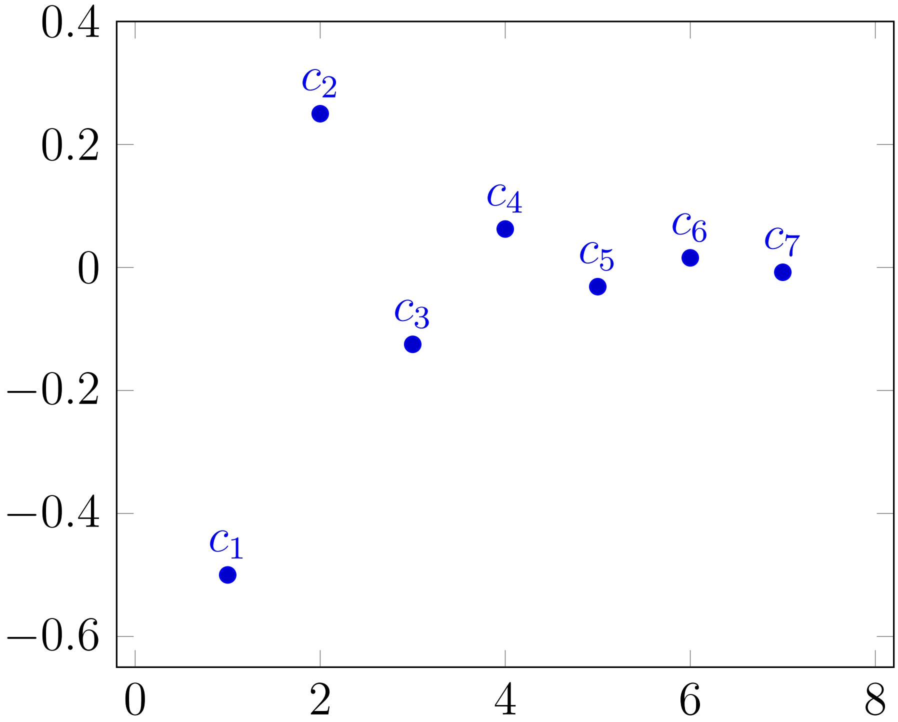


Figura 4: $d_n = 2^n$

É uma sucessão não limitada, monótona e divergente.

$$\lim_n d_n = \lim_n \ (2^n) = +\infty$$

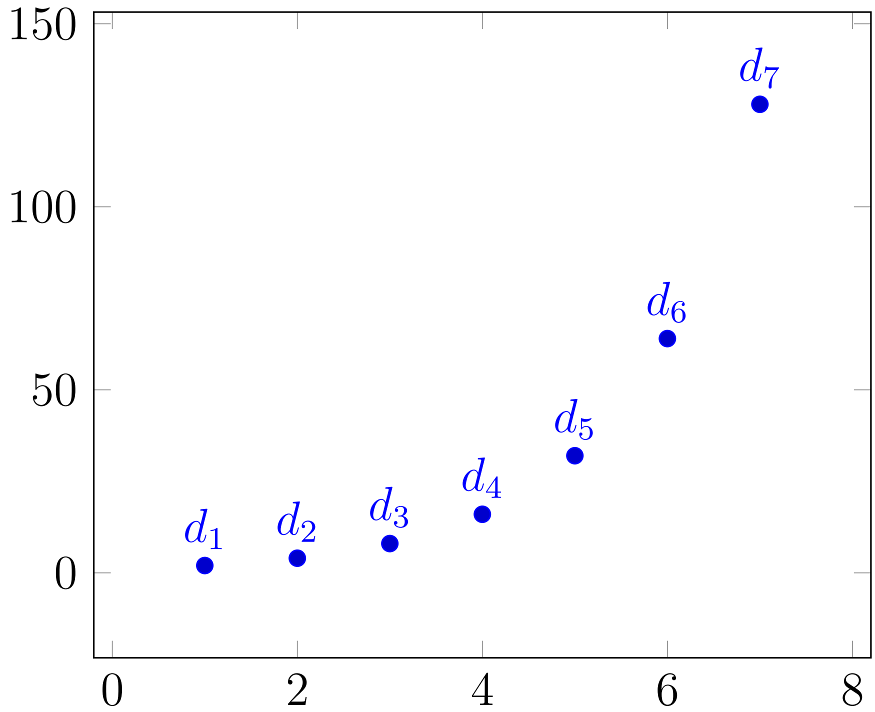
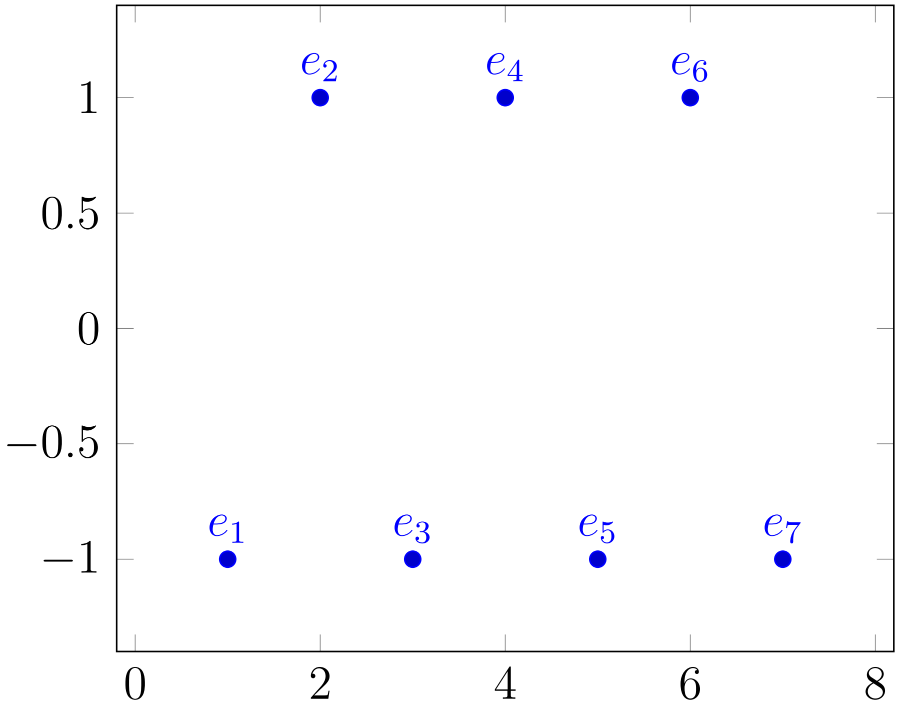


Figura 5: $e_n = (-1)^n$

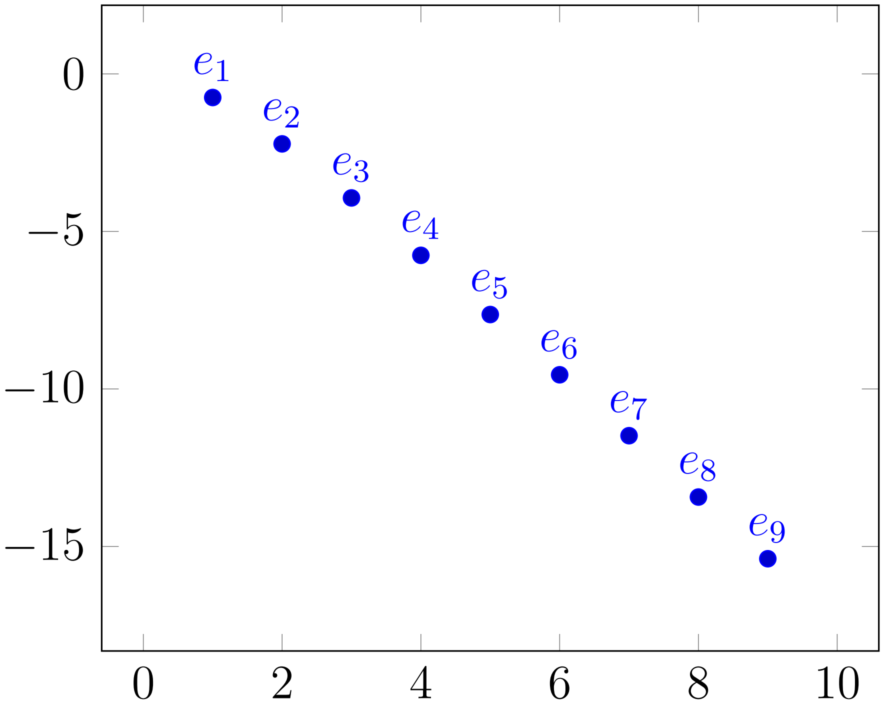
É uma sucessão limitada, não monótona e divergente.

$$\lim_n \ (-1)^n \begin{cases} -1 \text{ se n é ímpar} \\ 1 \text{ se n é par} \end{cases}$$



Exercicio 1. i) $a_n b_n = -\infty$

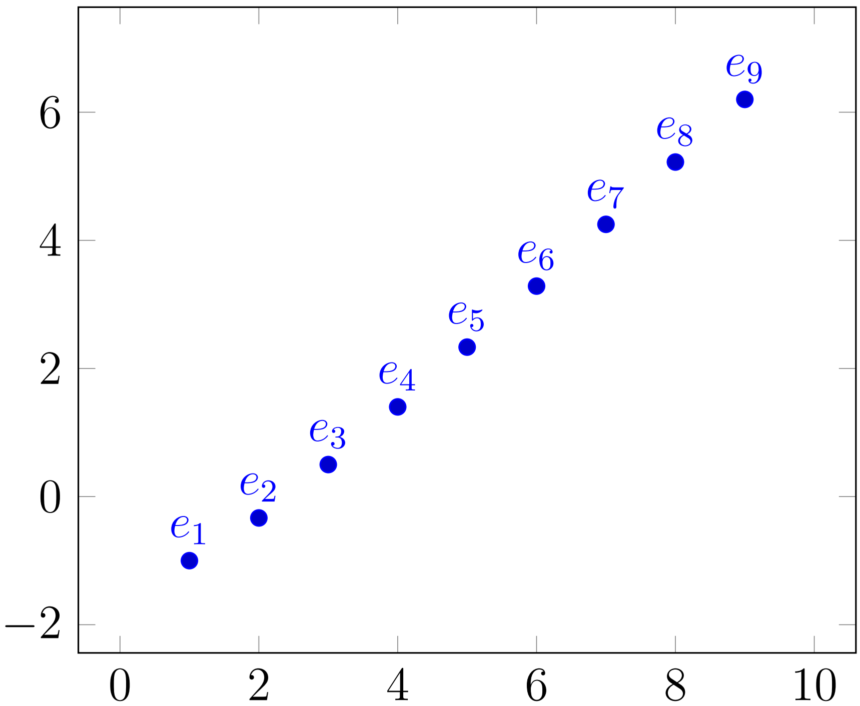
$$\lim_n a_n b_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) \cdot \lim_n \ \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right)$$
$$= (+\infty)\,(-2) = -\infty$$



ii) $a_n + b_n = +\infty$

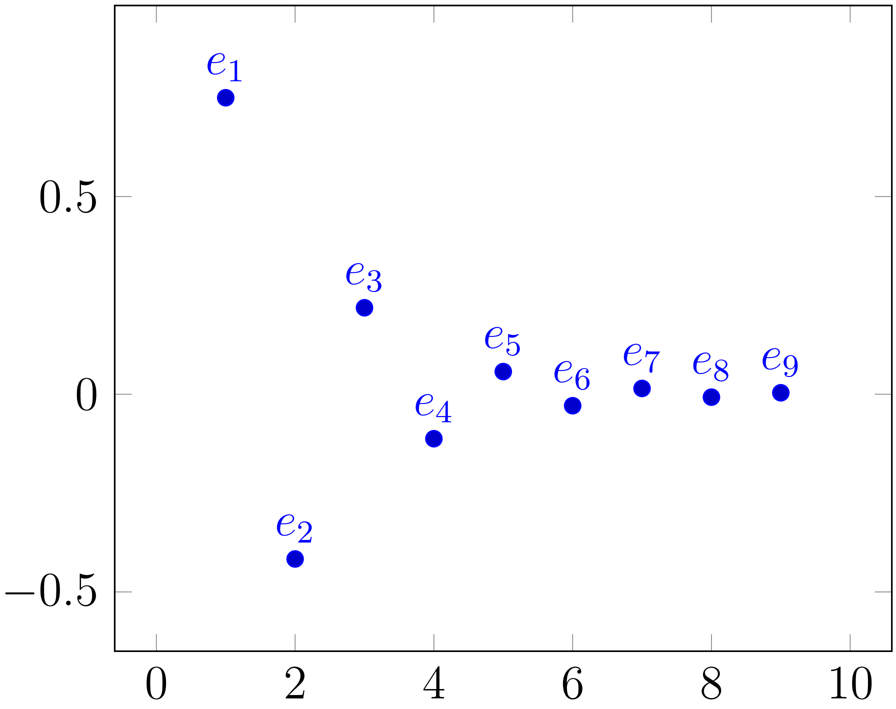
$$\lim_n a_n + b_n = \lim_n \left(\frac{n^2}{n+1}\right) + \lim_n \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right)$$

$$= (+\infty) + (-2) = +\infty$$



iii) $b_n c_n = 0$

$$\lim_n b_n c_n = \lim_n \left(-2 + \frac{1}{n+1}\right) \cdot \lim_n \left(-\frac{1}{2}\right)^n = (-2)\,(0) = 0$$

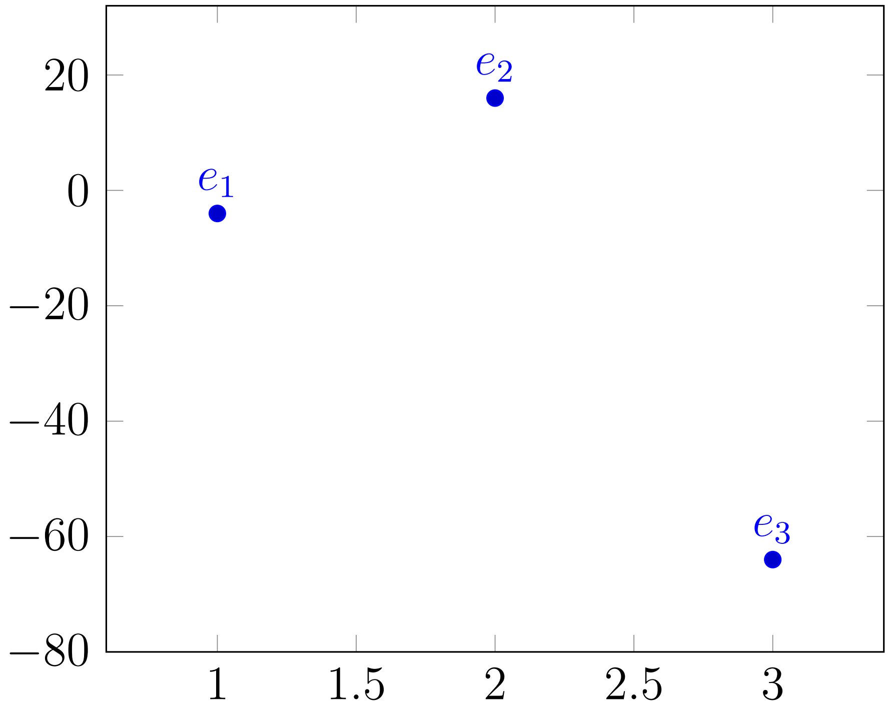


iv) $\frac{d_n}{c_n}$

$$\lim_n \frac{d_n}{c_n} = \lim_n \left(\frac{2^n}{\left(-\frac{1}{2}\right)^n}\right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{2^n}{\left(-\frac{1}{2}\right)^n}\right) = \lim_n \,(-4)^n$$

$$= \begin{cases} -\infty \text{ se n é ímpar} \\ +\infty \text{ se n é par} \end{cases} \quad \text{Limite não existe}$$


20
0
−20
−40
−60
−80
1
1.5
2
2.5
3
e_1
e_2
e_3