



**FICHA DE TRABALHO N.º 5 – MATEMÁTICA A – 10.º ANO**  
**GEOMETRIA ANALÍTICA E CÁLCULO VECTORIAL NO PLANO**

“Conhece a Matemática e dominarás o Mundo.”  
 Galileu Galilei

**GRUPO I – ITENS DE ESCOLHA MÚLTIPLA**

1. Num referencial o.n.  $xOy$  sejam  $A$  e  $B$  dois pontos simétricos em relação à bissetriz dos quadrantes pares. Qual das seguintes pode ser uma equação da mediatriz do segmento de recta  $[AB]$ ?

**A**  $2x + 2y = 0$

**B**  $x = 0$

**C**  $2x - 2y = 0$

**D**  $y = 0$

2. Num referencial o.n.  $xOy$ , considere o segmento de recta  $[AB]$  tais que  $A(0, 2)$  e  $B(a - b, a^2 - a)$ , com  $a \in \mathbb{R}^+$  e  $b \in \mathbb{R}$ . Sabe-se que a bissetriz dos quadrantes ímpares é a mediatriz do segmento de recta  $[AB]$ .

Quais são os valores de  $a$  e de  $b$ ?

**A**  $a = 0$  e  $b = -2$

**B**  $a = 1$  e  $b = -1$

**C**  $a = 3$  e  $b = 1$

**D**  $a = 1$  e  $b = 3$

3. Considere, num referencial o.n.  $xOy$ , a circunferência definida por  $x^2 + y^2 - x + 4y + 4 = 0$ .

As coordenadas do centro e do raio da circunferência são, respectivamente:

**A**  $\left(-\frac{1}{2}, 2\right); \frac{1}{2}$

**B**  $\left(\frac{1}{2}, -2\right); \frac{1}{4}$

**C**  $\left(-2, \frac{1}{2}\right); \frac{1}{4}$

**D**  $\left(\frac{1}{2}, -2\right); \frac{1}{2}$

4. Considere, num referencial o.n.  $xOy$ , a elipse definida por  $x^2 + 4y^2 = 16k$ , com  $k > 0$ , e de eixo maior 8.

Quais são as coordenadas dos focos?

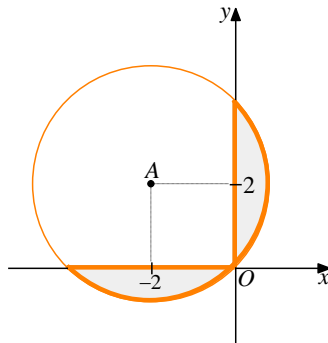
**A**  $F_1(-2\sqrt{15}, 0)$  e  $F_2(2\sqrt{15}, 0)$

**B**  $F_1(-2\sqrt{5}, 0)$  e  $F_2(2\sqrt{5}, 0)$

**C**  $F_1(-2\sqrt{3}, 0)$  e  $F_2(2\sqrt{3}, 0)$

**D**  $F_1(-2\sqrt{17}, 0)$  e  $F_2(2\sqrt{17}, 0)$

5. Na figura está representada num referencial o.n.  $xOy$  uma circunferência centrada no ponto  $A$ , de coordenadas  $(-2, 2)$  e que contém a origem do referencial.



Qual das condições seguintes define o conjunto de pontos da região sombreada da figura?

- A**  $(x+2)^2 + (y-2)^2 \leq 8 \wedge (y \leq 0 \wedge x \geq 0)$
- B**  $(x-2)^2 + (y+2)^2 \leq 8 \wedge (y \leq 0 \vee x \geq 0)$
- C**  $(x-2)^2 + (y+2)^2 \leq 8 \wedge (y \leq 0 \wedge x \geq 0)$
- D**  $(x+2)^2 + (y-2)^2 \leq 8 \wedge (y \leq 0 \vee x \geq 0)$

6. Num referencial  $xOy$  considere os pontos  $A(-24, 0)$  e  $B(24, 0)$ .

Seja  $P(x, y)$  um ponto do plano tais que  $d(P, A) + d(P, B) = 50$ . Então a equação dada é equivalente a:

- A**  $\frac{x^2}{625} + \frac{y^2}{576} = 1$
- B**  $\frac{x^2}{625} + \frac{y^2}{49} = 1$
- C**  $\frac{x^2}{576} + \frac{y^2}{49} = 1$
- D**  $\frac{x^2}{24} + \frac{y^2}{625} = 1$

7. Num referencial o.n.  $xOy$  considere os pontos  $A(k, -2)$ ,  $B(1, k)$  e  $P(-k, -k)$ , com  $k > 0$ .

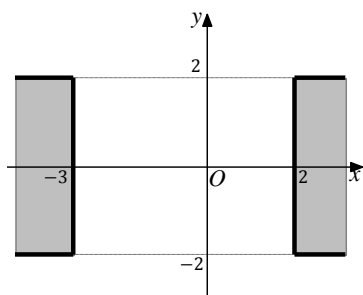
Qual é o valor de  $k$  de que o ponto  $P$  pertença à mediatriz do segmento de recta  $[AB]$ ?

- A** 2
- B**  $\frac{3}{2}$
- C** 1
- D**  $\frac{1}{2}$

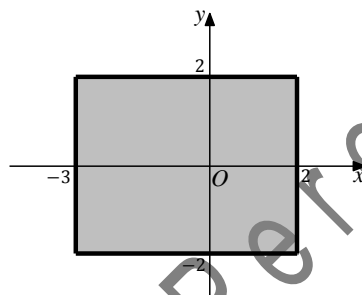
8. Num referencial o.n.  $xOy$  considere a condição  $\sim(x < -3 \vee x > 2) \wedge |y| \leq 2$ .

Em qual dos referenciais está a representação da região do plano definida pela condição?

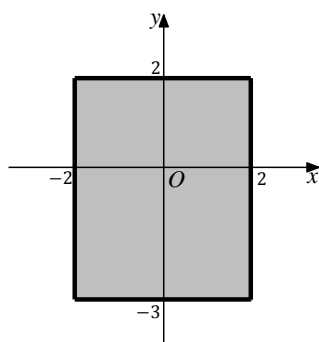
**A**



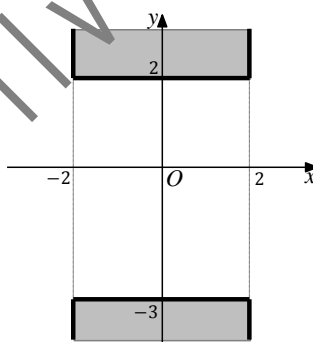
**B**



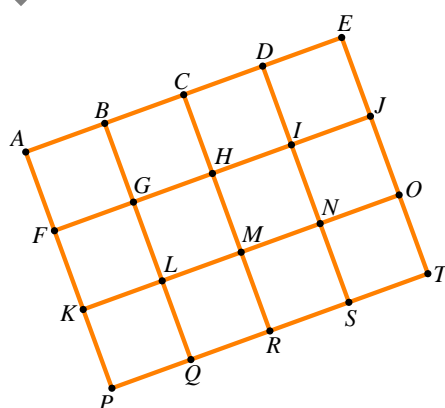
**C**



**D**



9. Na figura está representada um rectângulo dividido em doze quadrados:



9.1. O vector  $\frac{1}{2}(\overrightarrow{AL} - \overrightarrow{OQ} + \overrightarrow{JC})$  pode ser representado por:

**A**  $\overrightarrow{AC}$

**B**  $\overrightarrow{GF}$

**C**  $\overrightarrow{PQ}$

**D**  $\overrightarrow{JH}$

9.2. Qual é o valor real de  $k$  tal que  $\overrightarrow{AQ} - \overrightarrow{SR} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OE} = k\overrightarrow{AS}$ ?

**A**  $\frac{1}{3}$

**B**  $\frac{2}{3}$

**C**  $\frac{3}{2}$

**D** 2

9.3. Suponha agora que o rectângulo está representado num referencial o.n.  $(O', \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ .

Sabendo que  $M(3, -2)$ ,  $\overrightarrow{AD} = \vec{e}_1$  e  $\overrightarrow{AP} = -\vec{e}_2$ , quais são as coordenadas do ponto  $B$ ?

**A**  $\left(\frac{8}{3}, -\frac{4}{3}\right)$

**B**  $\left(\frac{10}{3}, -\frac{4}{3}\right)$

**C**  $\left(\frac{8}{3}, \frac{4}{3}\right)$

**D**  $\left(\frac{10}{3}, \frac{8}{3}\right)$

10. Considere os vectores não nulos  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$ .

Qual das seguintes proposições é falsa?

**A** Se  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$  são perpendiculares, então,  $\|\vec{u} - \vec{v}\| = \|\vec{u} + \vec{v}\|$ .

**B** Se  $\vec{u} = k\vec{v}$ , então,  $\|\vec{u}\| = |k| \times \|\vec{v}\|$ .

**C** Se  $\vec{u} = k\vec{v}$ , então,  $2(\vec{u} - 3\vec{v}) = 4\vec{u} + \vec{v} \Leftrightarrow k = \frac{7}{2}$

**D** Se  $\frac{1}{2}\vec{u} - \vec{v} = \vec{v}$ , então,  $\vec{u} = 4\vec{v}$ .

11. Num referencial o.n.  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$  considere os vectores não nulos  $\vec{u}(k^2 + k, k + 1)$  e  $\vec{v} = (k + 1)\vec{e}_1 - 2\vec{e}_2$ , com  $k \in \mathbb{R} \setminus \{-1, 0\}$ .

11.1. Os vectores  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$  são colineares se:

**A**  $k = -1$

**B**  $k = -\frac{1}{3}$

**C**  $k = \frac{1}{3}$

**D**  $k = 1$

11.2. Quais são os valores de  $k$  tais que  $\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\|$ ?

**A**  $k = -2 \vee k = 1$

**B**  $k = 1 \vee k = 2$

**C**  $k = -3 \vee k = 2$

**D**  $k = -2 \vee k = 3$

11.3. Qual é o valor de  $k$  de modo que  $\vec{u} - (2k + 2)\vec{e}_1 = \vec{v} + 6\vec{e}_2$ ?

[A] 1

[B] 2

[C] 3

[D] 4

12. Considere a recta  $r$  definida por  $r: 2x - a = ay$ , com  $a \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . O ponto  $P$ , de coordenadas  $P(4,1)$ , pertence à recta  $r$ .

Uma equação vectorial da recta  $r$  é:

[A]  $(x, y) = (4, 1) + k(-2, 1), k \in \mathbb{R}$ [B]  $(x, y) = (0, -1) + k(2, 1), k \in \mathbb{R}$ [C]  $(x, y) = (4, 1) + k(1, 2), k \in \mathbb{R}$ [D]  $(x, y) = (0, 4) + k(-2, -1), k \in \mathbb{R}$ 

13. Num referencial o.n.  $xOy$  sejam  $r$  e  $s$  as rectas definidas respectivamente por  $(x, y) = (2, 3) + k(2, a), k \in \mathbb{R}$  e  $4x - a^2y = 3$ , com  $a \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . As rectas  $r$  e  $s$  são paralelas.

Qual é o valor de  $a$ ?

[A] 2

[B] 3

[C] 4

[D] 5

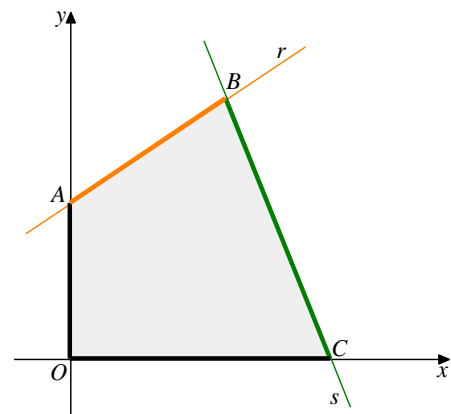
14. Na figura estão representados, em referencial o.n.  $xOy$ , as rectas  $r$  e  $s$  e o quadrilátero  $[ABCO]$ .

Sabe-se que:

- o ponto  $A$  pertence ao eixo  $Oy$  e à recta  $r$
- o ponto  $B$  pertence às rectas  $r$  e  $s$  e tem ordenada 5
- o ponto  $C$  pertence ao eixo  $Ox$  e à recta  $s$
- a recta  $r$  é definida pelo sistema de equações paramétricas:

$$x = 6 + 3k \wedge y = 7 + 2k, k \in \mathbb{R}$$

•  $\vec{AC} = (5, -3)$



14.1. Qual é a equação reduzida da recta  $s$ ?

[A]  $y = -\frac{2}{5}x + 5$ [B]  $y = -\frac{5}{2}x + \frac{25}{2}$ [C]  $y = -\frac{5}{2}x + 5$ [D]  $y = -\frac{2}{5}x + \frac{25}{2}$

14.2. Qual é a área do quadrilátero  $[ABCO]$ ?

**A** 17

**B** 18

**C** 19

**D** 20

14.3. Qual das condições seguintes define o conjunto de pontos da região sombreada da figura, incluindo a fronteira?

**A**  $x \geq 0 \wedge y \geq 0 \wedge y \leq -\frac{2}{5}x + \frac{25}{2} \wedge y \leq \frac{3}{2}x + 3$

**B**  $x \geq 0 \wedge y \geq 0 \wedge y \leq -\frac{5}{2}x + \frac{25}{2} \wedge y \geq \frac{2}{3}x + 3$

**C**  $x \geq 0 \wedge y \geq 0 \wedge y \leq -\frac{2}{5}x + \frac{25}{2} \wedge y \geq \frac{3}{2}x + 3$

**D**  $x \geq 0 \wedge y \geq 0 \wedge y \leq -\frac{5}{2}x + \frac{25}{2} \wedge y \leq \frac{2}{3}x + 3$

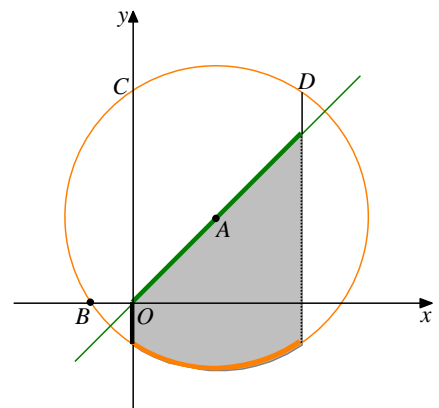
Adaptado de um exercício da minha sebenta "Propostas de Testes Intermédios – Matemática A – 11.º Ano"

#### GRUPO II – ITENS DE RESPOSTA ABERTA

15. Na figura está representada num referencial o.n.  $xOy$  uma circunferência centrada em  $A$  que contém o ponto  $B$  e de raio igual a  $\sqrt{13}$ .

Sabe-se que:

- o ponto  $A$  pertence à bissetriz dos quadrantes ímpares;
- $B(-1, 0)$
- o ponto  $C$  pertence ao eixo  $Oy$  e à circunferência;
- o ponto  $D$  pertence à circunferência e tem a mesma ordenada que o ponto  $C$ .



15.1. Mostre que uma equação da circunferência é  $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 13$ .

15.2. Mostre que as coordenadas do ponto  $D$  são  $(4, 5)$ .

**15.3.** Determine uma equação da mediatriz do segmento de  $[AD]$ , apresentando-a na forma  $y = mx + b$ , com  $m, b \in \mathbb{R}$ .

**15.4.** Seja  $P(a, a^2 + 4a)$ , com  $a \in \mathbb{R}$ , um ponto do segundo quadrante pertencente à recta  $CD$ . Mostre que  $P$  pertence à bissectriz dos quadrantes pares.

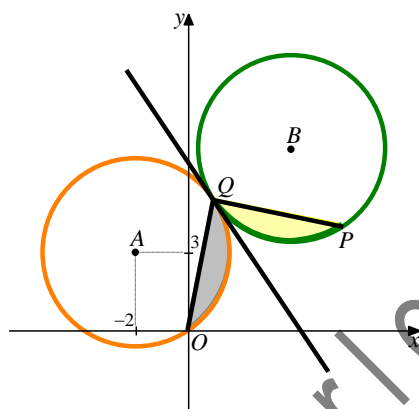
**15.5.** Defina, por meio de uma condição, a região sombreada da figura.

**Nota:** as fronteiras a carregado devem ser incluídas e as fronteiras a tracejado devem ser excluídas.

**16.** Considere, num referencial o.n.  $xOy$ , a condição  $(x+1)^2 + (y+2)^2 \geq 9 \wedge -4 \leq x \leq 2 \wedge -2 \leq y < 3$ .

Represente a região do plano definido pela condição e determine a sua área.

**17.** Na figura estão representadas, em referencial o.n.  $xOy$ , uma recta  $r$  e duas circunferências: uma centrada no ponto  $A$  e que contém o ponto  $O$  e outra, de equação  $(x-4)^2 + (y-7)^2 = 13$ , centrada em  $B$ .



Sabe-se que:

- as coordenadas do ponto  $A$  são  $(-2, 3)$ ;
- o ponto  $Q$  pertence às duas circunferências e tem ordenada 5;
- o ponto  $P$  pertence à circunferência centrada em  $B$  e tem abcissa 6;
- a recta  $r$  é tangente às duas circunferências no ponto  $Q$ .

**17.1.** Escreva uma condição que defina a circunferência centrada em  $A$  e mostre que a abcissa do ponto  $Q$  é 1.

**17.2.** Justifique que  $AQ = BQ$  e escreva uma equação da recta  $r$ , apresentando-a na forma  $y = mx + b$ , com  $m, b \in \mathbb{R}$ .

**17.3.** Mostre que o triângulo  $[AOQ]$  é rectângulo em  $A$  e, usando este facto, determine o valor exacto da área da região sombreada a cinza da figura.

**17.4.** Mostre que as coordenadas de  $P$  são  $(6, 4)$  e justifique que as áreas regiões sombreadas a cinza e a amarelo são iguais.

18. Num referencial o.n.  $xOz$  considere a elipse definida pela equação  $x^2 + b(\sqrt{50}y)^2 = a^2$ , com  $a, b \in \mathbb{R}^+$  e  $50b > 1$ . Sabe-se que:

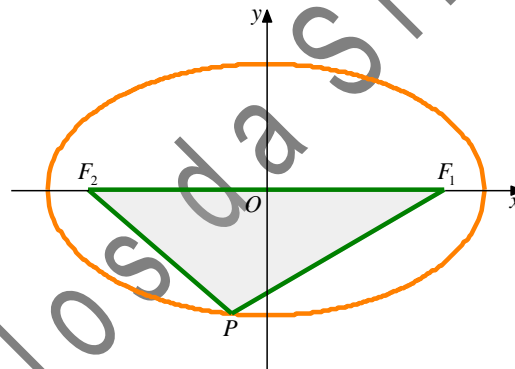
- a distância focal é 14
- o ponto de coordenadas  $\left(5, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$  pertence à elipse.

Sejam  $F_1$  e  $F_2$  os focos da elipse e  $P(x, y)$  um ponto do plano pertencente à elipse.

18.1. Mostre que  $d(P, F_1) + d(P, F_2) = 10\sqrt{2}$  e escreva a equação da elipse na forma reduzida.

18.2. Determine a área do losango  $[ABCD]$ , onde  $A, B, C$  e  $D$  são os vértices da elipse.

19. Na figura está representada, num referencial o.n.  $xOy$ , a elipse de focos  $F_1$  e  $F_2$  e o triângulo  $[PF_1F_2]$ .



Sabe-se que as coordenadas do ponto  $P$  são  $\left(-\frac{3}{4}, -\frac{5\sqrt{5}}{4}\right)$  e que a área do triângulo  $[PF_1F_2]$  é  $5\sqrt{5}$ .

19.1. Determine as coordenadas dos focos e o comprimento do eixo maior.

19.2. Mostre que uma equação da elipse é  $x^2 + 3y^2 = 24$ .

19.3. Sejam  $A$  e  $B$  os pontos de intersecção da elipse com a bissetriz dos quadrantes pares. O ponto  $A$  tem abcissa positiva e o ponto  $B$  tem abcissa negativa.

a) Determine as coordenadas de  $A$  e de  $B$  e justifique que o quadrilátero  $[AF_1BF_2]$  é um paralelogramo.

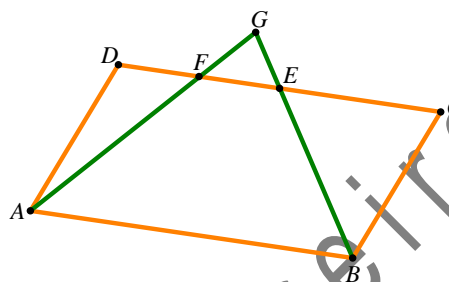
b) Determine a área do paralelogramo  $[AF_1BF_2]$ .



**20.** Na figura está representado um quadrilátero  $[ABCD]$  e um triângulo  $[ABG]$ .

Sabe-se que:

- os pontos  $E$  e  $F$  pertencem ao lado  $[CD]$
- o ponto  $E$  pertence ao lado  $[BG]$  e o ponto  $F$  ao lado  $[AG]$
- $\overline{EF} = k \times \overline{CD}$ ,  $\overline{FG} = k \times \overline{AG}$  e  $\overline{EG} = k \times \overline{BG}$ , com  $k \in \mathbb{R}^+$



Usando cálculo vectorial, mostre que o quadrilátero  $[ABCD]$  é um paralelogramo.

**21.** Considere num referencial o.n.  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$  os vectores  $\vec{u}(5, -3)$  e  $\vec{v} = -2\vec{e}_1 + 3\vec{e}_2$  e os pontos  $P(0, 3)$  e  $Q(-1, k+1)$ , com  $k \in \mathbb{R}$ .

**21.1.** Considere que  $k = 8$  e seja  $\vec{w} = 3\overline{QP} - 2(\vec{u} + 3\vec{v})$ .

a) Mostre que  $\vec{w} = (5, -30)$ .

b) Seja  $T$  um ponto tais que  $\overline{TQ} = \vec{w} + 2\vec{u} + 3\vec{v}$ . Determine as coordenadas do ponto  $T$ .

**21.2.** Determine as coordenadas do ponto  $Q$  de modo que  $\|2\overline{PQ} + \vec{v}\| = 5$ .

**21.3.** Determine um vector de norma  $\sqrt{17}$  e colinear com o vector  $\vec{u} - \vec{v}$ .

**21.4.** Determine  $k$  de modo que  $\overline{QP} = k^2(\vec{v} + 3\vec{e}_1)$ .

**21.5.** Escreva um sistema de equações paramétricas que defina a recta que contém o ponto  $P$  e tem a direcção do vector  $\vec{u} - \vec{w}$ .

**22.** Considere num referencial o.n.  $xOy$  a circunferência definida por  $x^2 + y^2 + 6x - 7y + 19 = 0$  e a recta  $r$  definida pelo sistema de equações paramétricas  $r: x = -2 + 2k \wedge y = 1 - 5k, k \in \mathbb{R}$ .

**22.1.** Mostre que o centro da circunferência pertence à recta  $r$ .

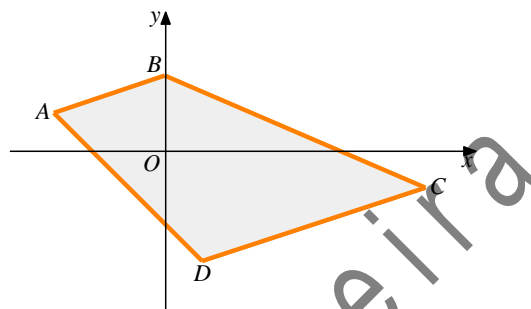
**22.2.** O ponto  $P(-4, 4)$  pertence a um semicírculo limitado pela circunferência e pela recta  $r$ .

Defina, por meio de uma condição, o referido semicírculo.

**23.** Na figura está representado, em referencial o.n.  $xOy$ , um quadrilátero  $[ABCD]$ .

Sabe-se que:

- os pontos  $A$  e  $D$  são simétricos em relação à bissetriz dos quadrantes ímpares
- o vector  $\overrightarrow{BC}$  tem de coordenadas  $(7, -3)$  e o vector  $\overrightarrow{DC}$  tem de coordenadas  $(6, 2)$
- o ponto  $B$  pertence ao eixo  $Oy$  e tem ordenada 2



**23.1.** Mostra que as coordenadas do ponto  $A$  são  $(-3, 1)$  e que as coordenadas do ponto  $C$  são  $(7, -1)$ .

**23.2.** Escreva uma equação vectorial da mediatriz do segmento de recta  $[AC]$ .

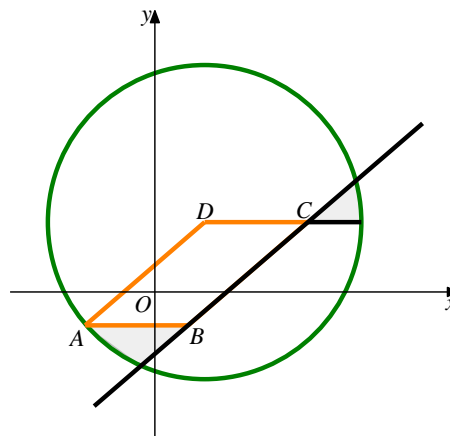
**23.3.** Defina por uma condição a região sombreada da figura, incluindo a fronteira.

Adaptado de um exercício da minha aluna "Propostas de Testes Intermédios – Matemática A – 11.º Ano"

**24.** Na figura está representada num referencial o.n.  $xOy$  uma circunferência centrada em  $D$  que contém o ponto  $A$  e o paralelogramo  $[ABCD]$ .

Sabe-se que:

- o ponto  $B$  pertence à bissetriz dos quadrantes pares;
- $A(-2, -1)$
- $\overrightarrow{AC} = \left(\frac{13}{2}, 3\right)$
- a recta  $AB$  é paralela a  $Ox$ .



**24.1.** Mostre que as coordenadas do ponto  $D$  são  $\left(\frac{3}{2}, 2\right)$  e escreva uma equação da circunferência.

**24.2.** Determine  $a \in \mathbb{R}$  de modo que o ponto de coordenadas  $\left(a^2, a - \frac{1}{8}\right)$  pertença à mediatriz do segmento de recta  $[BD]$ .

**24.3.** Escreva uma equação vectorial do segmento de recta  $[AC]$ .

**24.4.** Seja  $\vec{u} = (k\sqrt{2}, (k-1)\sqrt{2})$ , com  $k \in \mathbb{R}$ . Determine  $k$  de modo que os vectores  $\vec{u}$  e  $\overrightarrow{BC}$  sejam colineares.

**24.5.** Seja  $M$  o ponto médio do segmento de recta  $[CD]$ . Determine  $x, y \in \mathbb{R}$  tais que  $\overrightarrow{AB} + y\overrightarrow{DB} = x\overrightarrow{MA}$ .

**24.6.** Defina, por meio de uma condição, a região sombreada da figura, incluindo a fronteira, começando por escrever a equação reduzida da recta  $BC$ .

**25.** Num referencial o.n.  $xOy$  considere as rectas  $r$  e  $s$ , estritamente paralelas, definidas respectivamente por  $y + a^2x = x + 6$  e  $(x, y) = (0, a + 4) + k(2, -6)$ ,  $k \in \mathbb{R}$ , com  $a \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

**25.1.** Mostre que  $a = -2$ .

**25.2.** A recta  $r$  intersecta o eixo  $Oy$  no ponto  $A$  e a recta  $s$  intersecta o eixo  $Ox$  no ponto  $B$ .

a) Determine a área do triângulo  $[AOB]$ .

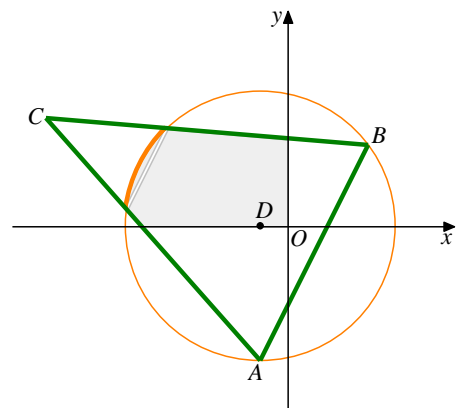
b) Escreva uma equação do círculo de diâmetro  $[AB]$ .

c) Escreva uma equação vectorial da recta  $r$ .

**26.** Na figura está representada, num referencial o.n.  $xOy$ , o triângulo isósceles  $[ABC]$  e a circunferência, centrada em  $D$  que contém os pontos  $A$  e  $B$ .

Sabe-se que:

- o ponto  $D$  pertence ao eixo  $Ox$  e à mediatriz do segmento de recta  $[AB]$
- o ponto  $B$  tem abcissa igual a 3
- uma equação da recta  $AC$  é  $9x + 8y + 49 = 0$
- uma equação vectorial da recta  $AB$  é  $(x, y) = (1, -1) + k(1, 2)$ ,  $k \in \mathbb{R}$



**26.1.** Mostre que a ordenada do ponto  $B$  é 3 e escreva a equação reduzida da recta  $AB$ .

**26.2.** Mostre que as coordenadas do ponto  $A$  são  $(-1, -5)$ .

**26.3.** Determine a equação reduzida da mediatriz do segmento de recta  $[AB]$  e mostre que as coordenadas do ponto  $C$  são  $(-9, 4)$  e as do ponto  $D$  são  $(-1, 0)$ .

**26.4.** Determine a área do triângulo  $[ABC]$

**26.5.** Defina por uma condição a região sombreada da figura, incluindo a fronteira.

### SOLUCIONÁRIO

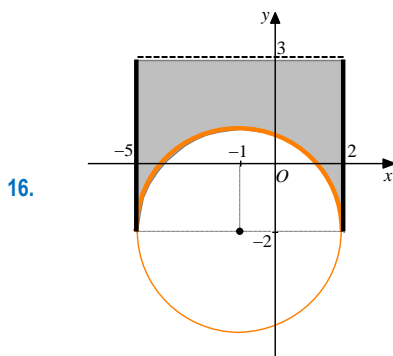
#### GRUPO I – ITENS DE ESCOLHA MÚLTIPLA

- |         |        |        |         |         |         |         |
|---------|--------|--------|---------|---------|---------|---------|
| 1. A    | 2. B   | 3. D   | 4. C    | 5. D    | 6. B    | 7. D    |
| 8. B    | 9.1. C | 9.2. B | 9.3. A  | 10. C   | 11.1. B | 11.2. A |
| 11.3. C | 12. B  | 13. A  | 14.1. B | 14.2. A | 14.3. D |         |

#### GRUPO II – ITENS DE RESPOSTA ABERTA

**15.3.**  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{11}{2}$

**15.5.**  $(x-2)^2 + (y-2)^2 \leq 13 \wedge 0 \leq x < 4 \wedge y \leq x$



$$A_{\text{região}} = \frac{60 - 9\pi}{2}$$

**17.1.**  $(x+2)^2 + (y-3)^2 = 13$

**17.2.**  $y = -\frac{3}{2}x + \frac{13}{2}$

**17.3.**  $\frac{13\pi - 26}{4}$

**18.1.**  $\frac{x^2}{50} + y^2 = 1$

**18.2.**  $A_{[ABCD]} = 10\sqrt{2}$

**19.1.**  $F_1(4, 0); F_2(-4, 0); 4\sqrt{6}$

**19.2.** a)  $A(\sqrt{6}, -\sqrt{6}); B(-\sqrt{6}, \sqrt{6})$

**19.3.** b)  $A_{[ABCD]} = 8\sqrt{6}$

**21.1.** b)  $T(-10, 36)$

**21.2.**  $Q(-1, 0)$  ou  $Q(-1, 3)$

**21.3.**  $\left(\frac{7\sqrt{5}}{5}, -\frac{6\sqrt{5}}{5}\right)$  ou  $\left(-\frac{7\sqrt{5}}{5}, \frac{6\sqrt{5}}{5}\right)$

**21.4.**  $k = -1$

**21.5.** Por exemplo,  $x = 0 \wedge y = 3 + 27k, k \in \mathbb{R}$

**22.2.**  $y \leq -\frac{5}{2}x - 4 \wedge (x+3)^2 + \left(y - \frac{7}{2}\right)^2 \leq \frac{9}{4}$

**23.2.** Por exemplo,  $(x, y) = (0, -10) + k(1, 5), k \in \mathbb{R}$

**23.3.**  $y \leq \frac{1}{3}x + 2 \wedge y \leq -\frac{3}{7}x + 2 \wedge y \geq \frac{1}{3}x - \frac{10}{3} \wedge y \geq -x - 2$

$$24.1. \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + (y-2)^2 = \frac{85}{4}$$

$$24.2. a = -3 - \sqrt{14} \vee a = -3 + \sqrt{14}$$

$$24.3. (x, y) = (-2, -1) + k\left(\frac{13}{2}, 3\right), k \in [0, 1]$$

$$2.4. k = 7$$

$$24.5. x = y = -\frac{2}{3}$$

$$24.6. BC: y = \frac{6}{7}x - \frac{13}{7}$$

Condição:

$$\left(\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + (y-2)^2 \leq \frac{85}{4} \wedge y \geq 2 \wedge y \leq \frac{6}{7}x - \frac{13}{7}\right) \vee \left(\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + (y-2)^2 \leq \frac{85}{4} \wedge y \leq -1 \wedge y \geq \frac{6}{7}x - \frac{13}{7}\right)$$

ou

$$\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + (y-2)^2 \leq \frac{85}{4} \wedge \left(\left(y \geq 2 \wedge y \leq \frac{6}{7}x - \frac{13}{7}\right) \vee \left(y \leq -1 \wedge y \geq \frac{6}{7}x - \frac{13}{7}\right)\right)$$

$$25.2. a) A_{[AOB]} = 2 \quad 25.2. b) \left(x - \frac{1}{3}\right)^2 + (y-3)^2 \leq \frac{82}{9}$$

$$25.2. c) (x, y) = (0, 6) + k(1, -3), k \in \mathbb{R}$$

$$26.1. y = 2x - 3 \quad 26.3. y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2} \quad 26.4. A_{[ABC]} = 50$$

$$26.5. x \leq 0 \wedge y \geq 0 \wedge y \leq -\frac{1}{12}x + \frac{13}{4} \wedge y \geq -\frac{9}{8}x - \frac{49}{8} \wedge (x+1)^2 + y^2 \leq 25$$