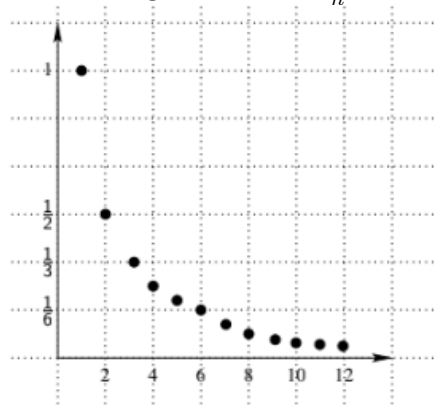


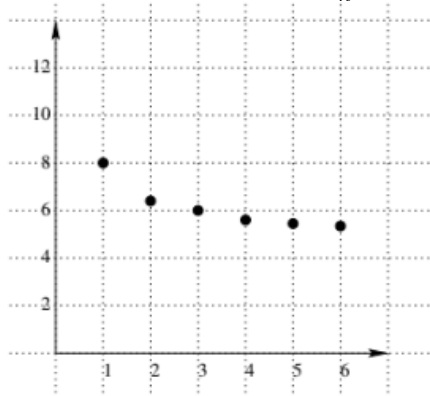
Exercício 1.

Figura 1: $a_n = \frac{1}{n}$



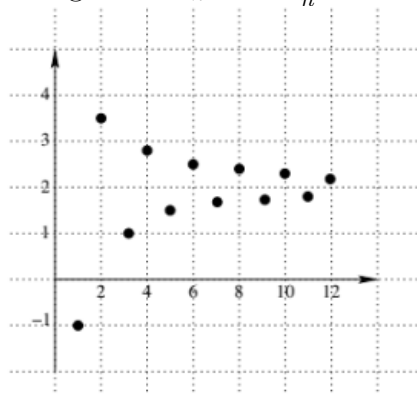
A sucessão a_n é limitada e monótona portanto convergente

Figura 2: $b_n = \frac{5n+3}{n}$



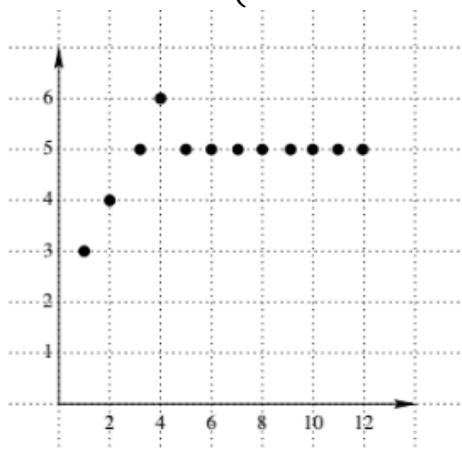
A sucessão b_n é limitada e monótona portanto convergente

Figura 3: $c_n = \frac{3(-1)^n + 2n}{n}$



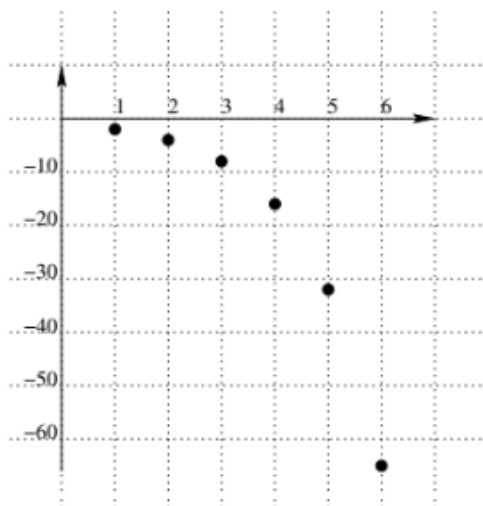
A sucessão c_n é limitada, não monótona mas convergente

Figura 4: $d_n = \begin{cases} n + 2, & \text{se } n < 5 \\ 5 & \text{se, } n \geq 5 \end{cases}$



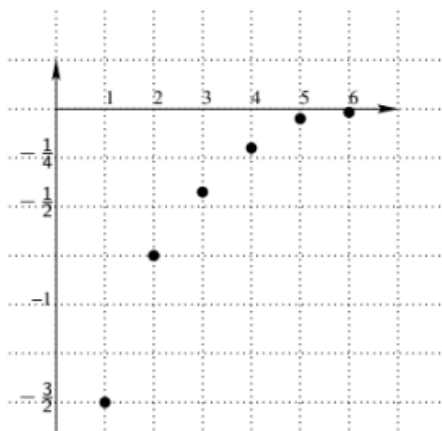
A sucessão d_n é limitada, não monótona mas convergente

Figura 5: $e_n = -2^n$



A sucessão e_n não é limitada, é monótona e não convergente

Figura 6: $f_n = \frac{-3}{2^n}$



A sucessão f_n é limitada e monótona portanto convergente

Exercício 2. Considere a sucessão de termo geral $a_n = 3 - 2n$

a) Determine os três primeiros termos da sucessão.

$$a_1 = 3 - 2 \cdot 1 = 1$$

$$a_2 = 3 - 2 \cdot 2 = -1$$

$$a_3 = 3 - 2 \cdot 3 = -3$$

b) Averigue se -17 é termo da sucessão.

$$3 - 2n = -17$$

$$n = 10$$

Confirmação:

$$a_{10} = 3 - 2 \cdot 10 = -17$$

c) Estude a sucessão a_n quanto à monotonia.

Exercício 3. a)

$$\lim_n \left(\frac{2 + 3n}{5n} \right) = \lim_n \left(\frac{\mathcal{N}\left(\frac{2}{n} + 3\right)}{\mathcal{N}(5)} \right) = \frac{3}{5}$$

b)

$$\lim_n \left(\frac{3n^2 + 4n - 2}{4n^2 - 3n + 5} \right) = \lim_n \left(\frac{\cancel{n^2} \left(3 + \frac{4}{\cancel{n}} - \frac{2}{\cancel{n^2}} \right)}{\cancel{n^2} \left(4 - \frac{3}{\cancel{n}} + \frac{5}{\cancel{n^2}} \right)} \right) = \frac{3}{4}$$

c)

$$\lim_n \left(\frac{3n^2 + 1}{4n^3 + 5} \right) = \lim_n \left(\frac{\cancel{n^2} \left(3 + \frac{1}{\cancel{n^2}} \right)}{\cancel{n^3} \left(4 + \frac{5}{\cancel{n^3}} \right)} \right) = \lim_n \left(\frac{3}{4n} \right) = 0$$

d)

$$\lim_n \left(\frac{3n^3 + 4n^2 - 3n + 2}{4n^2 + 3n + 2} \right) = \lim_n \left(\frac{\cancel{n^3} \left(3 + \frac{4}{\cancel{n}} - \frac{3}{\cancel{n^2}} + \frac{2}{\cancel{n^3}} \right)}{\cancel{n^2} \left(4 + \frac{3}{\cancel{n}} + \frac{2}{\cancel{n^2}} \right)} \right) = \lim_n \left(\frac{3n}{4} \right) = +\infty$$

e)

$$\lim_n (5(-1)^n) \begin{cases} -5 \text{ se } n \text{ é ímpar} \\ 5 \text{ se } n \text{ é par} \end{cases} \quad \text{Limite não existe}$$

f)

$$\lim_n \left(\sqrt{n^3 + 3} = \lim_n \sqrt{n^2 \left(n + \frac{3}{n^2} \right)} \right) = \lim_n |n| \sqrt{n + \frac{3}{n^2}} = \lim_n n \sqrt{n + \frac{3}{n^2}} = +\infty$$

g)

$$\lim_n \frac{\sqrt{4n^2 + 1}}{n + 3} = \lim_n \frac{\sqrt{n^2 \left(4 + \frac{1}{n^2} \right)}}{n \left(1 + \frac{3}{n} \right)} = \lim_n \frac{|n| \sqrt{4 + \frac{1}{n^2}}}{n \left(1 + \frac{3}{n} \right)} = \lim_n \frac{\cancel{n} \sqrt{4 + \frac{1}{\cancel{n^2}}}}{\cancel{n} \left(1 + \frac{3}{\cancel{n}} \right)} = 2$$

h)

$$\lim_n \left(\frac{1}{\sqrt{n^2 + 1}} - \frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{1}{\sqrt{n^2+1}} \right) - \lim_n \left(\frac{1}{\sqrt{n^2+2}} \right)$$

$$0 - 0 = 0$$

i)

$$\lim_n \left(\frac{1}{\sqrt{n^4+2} - \sqrt{n^4+3}} \right) = \lim_n \left(\frac{\sqrt{n^4+2} + \sqrt{n^4+3}}{(\sqrt{n^4+2} - \sqrt{n^4+3})(\sqrt{n^4+2} + \sqrt{n^4+3})} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{\sqrt{n^4+2} + \sqrt{n^4+3}}{-1} \right)$$

$$= -\lim_n \left(\sqrt{n^4+2} + \sqrt{n^4+3} \right)$$

$$= -\lim_n \left(\sqrt{n^4 \left(1 + \frac{2}{n^4} \right)} + \sqrt{n^4 \left(1 + \frac{3}{n^4} \right)} \right) = -\lim_n \left(|n| \sqrt{1 + \frac{2}{n^4}} + |n| \sqrt{1 + \frac{3}{n^4}} \right)$$

j)

$$\lim_n \left(\sqrt{n^2+2} - \sqrt{n^2-n} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{(\sqrt{n^2+2} - \sqrt{n^2-n})(\sqrt{n^2+2} + \sqrt{n^2-n})}{(\sqrt{n^2+2} + \sqrt{n^2-n})} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{2+n}{(\sqrt{n^2+2} + \sqrt{n^2-n})} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{n \left(\frac{2}{n} + 1 \right)}{\sqrt{n^2 \left(1 + \frac{2}{n^2} \right)} + \sqrt{n^2 \left(1 - \frac{1}{n} \right)}} \right)$$

$$= \lim_n \left(\frac{n \left(\frac{2}{n} + 1 \right)}{|n| \left(\sqrt{1 + \frac{2}{n^2}} + \sqrt{1 - \frac{1}{n}} \right)} \right)$$

$$\begin{aligned}
&= \lim_n \left(\frac{\mathcal{K}\left(\frac{2}{n} + 1\right)}{\mathcal{K}\left(\sqrt{1 + \frac{2}{n^2}} + \sqrt{1 - \frac{1}{n}}\right)} \right) \\
&= \frac{1}{2}
\end{aligned}$$