



Matemática A

Dezembro de 2009

Matemática A

Itens – 10.º Ano de Escolaridade – Soluções

Itens de Matemática A - 10º Ano de Escolaridade

Soluções

1. A área do triângulo
$$[XYZ]$$
 é igual a 1

2.1.
$$C(6,5)$$
, $E(2,0)$ e $A(0,3)$

2.2.
$$N\left(\frac{18}{5}, \frac{6}{5}\right)$$

2.3.
$$y = \frac{1}{2} x - 1$$
 $\land x \in [2, 6]$ ou $(x, y) = (2, 0) + k(4, 2), k \in [0, 1]$

2.4.
$$0 < x < 6 \land 0 < y < 5 \land \frac{1}{2} x - 1 < y < \frac{1}{2} x + 3$$

3.1.
$$A(-2,3)$$
 e $C(2,-3)$

3.3.
$$\frac{17}{5}$$

3.4. A origem do referencial pertence ao interior do círculo de diâmetro [AB]

4.2.
$$\frac{95+5\sqrt{73}}{2}$$

4.3.
$$A'(-1,6)$$
 e $C'(\frac{1}{2},6)$

5.2.
$$S(2,0)$$
, $B(4,6)$, $C(8,8)$ e $D(4,-2)$

6.1.
$$D(11,6)$$
 e $F(5,6)$

6.2.
$$y \ge \frac{4}{3}x - \frac{2}{3} \land y \ge -\frac{4}{3}x - \frac{10}{3} \land y \le \frac{2}{3}x + \frac{14}{3}$$

7.1. Cada uma das rectas, r, s e t, que desenhou, deve pertencer a cada uma das seguintes famílias de rectas:

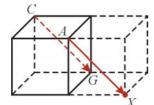
r: y = x + b sendo b um número real negativo

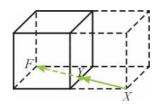
s: y = x + b sendo b um número real não negativo

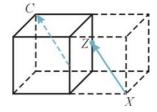
 $t:y=m(x-2)+2 \,\,{
m sendo}\,\,\,m\,\,{
m um}$ número real menor do que 1

7.2.
$$]-\infty,3]$$

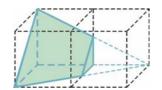
8.1. X é o ponto da semi-recta $\dot{E}H$ tal que $\overline{AX}=\overline{CG}$, Y é o ponto médio de $\begin{bmatrix} HG \end{bmatrix}$ e Z é o ponto médio de $\begin{bmatrix} BG \end{bmatrix}$







- **8.2.** $\overline{XW} = \overline{XB} \Leftrightarrow (x-1)^2 + (y-3)^2 + (z+1)^2 = 12$ É a superfície esférica de centro no ponto X e que contém o ponto B.
- **8.3.** $\left(1, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$
- **8.4.** $\frac{7}{3}$



- **9.1.** $P(10,3,10), Q(0,7,10), R(0,10,4), S(5,10,0) \in T(10,8,0)$
- **9.2.** $\frac{175\sqrt{2}}{2}$
- **10.1.** $D(8, -9, 7), F(10, 8, 6), G(4, 6, 9) \in H(2, 3, 3)$
- **10.2.** 686
- **10.3.** $(x, y, z) = (14, -7, 4) + k(2, 3, 6), k \in [0, 1]$
- **10.4.** $(x-9)^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 + \left(z \frac{13}{2}\right)^2 = \frac{147}{2}$
- **10.5.** $49\sqrt{5}$
- **10.6.** 4x y 9z = -22