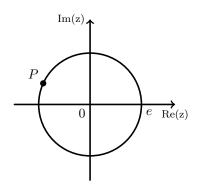
## Números Complexos (12.° ano) Operações e simplificação de expressões Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios

1. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere o número complexo  $z=ee^{ie}$  .

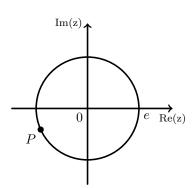
Seja P o afixo de z no plano complexo.

Em qual das opções seguintes pode estar representado, no plano complexo, o ponto P?

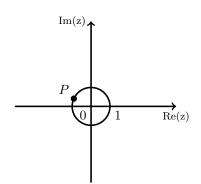
(A)



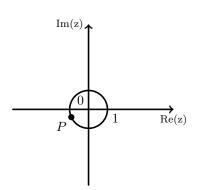
(B)



(C)



(D)



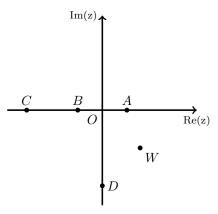
Exame – 2022, Ép. especial

2. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, os afixos de cinco números complexos.

O ponto A pertence ao semieixo real positivo, os pontos B e C pertencem ao semieixo real negativo, e o ponto D pertence ao semieixo imaginário negativo.

O ponto W é o afixo de um número complexo w tal que  $\operatorname{Im}(w) = -\operatorname{Re}(w) \operatorname{e} \operatorname{Re}(w) > 1$ .

Qual dos pontos seguintes pode ser o afixo do número complexo  $-iw^2$ ?



- (A) Ponto A
- **(B)** Ponto B
- (C) Ponto C
- (**D**) Ponto D

Exame - 2022, 1.a Fase

3. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere os números complexos  $z_1$  e  $z_2$  e tais que, para  $\theta \in \left]0, \frac{\pi}{2}\right[, z_1 = e^{i\theta}$  e  $z_2 = 2e^{i(\theta + \pi)}$ 

A qual dos quadrantes do plano complexo pertence o afixo do número complexo  $z_1 + z_2$ ?

- (A) Primeiro
- (B) Segundo
- (C) Terceiro
- (D) Quarto

Exame - 2021, Ép. especial

4. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z=2e^{i\frac{3\pi}{5}}$ 

Seja w o número complexo tal que  $z \times w = i$ 

Qual dos valores seguintes é um argumento do número complexo w?

- (A)  $\frac{19\pi}{10}$  (B)  $\frac{2\pi}{5}$  (C)  $-\frac{2\pi}{5}$  (D)  $-\frac{19\pi}{10}$

Exame – 2021, 2.ª Fase

5. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z_1=-3+2i, z_2=1+2i$  e  $z_3=2-i$ 

Seja w o número complexo tal que  $w = \frac{z_1 \times z_2}{z_3}$ 

Mostre, sem recorrer à calculadora, que a proposição seguinte é verdadeira.

$$|w| = \sqrt{13} \wedge \operatorname{Arg}(w) \in \left] -\frac{3\pi}{4}, -\frac{\pi}{2} \right[$$

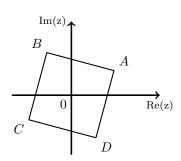
Exame - 2021, 1.a Fase

6. Na figura ao lado, está representado, no plano complexo, o quadrado [ABCD], cujo centro coincide com a origem.

Os pontos A, B, C e D são os afixos imagens geométricas) dos números complexos  $z_1$ ,  $z_2$ ,  $z_3$  e  $z_4$ , respetivamente.

A que é igual  $z_1 + z_2 + z_3 + z_4$ ?





Exame - 2019, Ép. especial

7. Na figura ao lado, está representado, no plano complexo, o quadrado [ABCD]

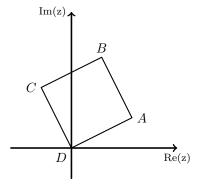
Sabe-se que o ponto A é o afixo (imagem geométrica) de um número complexo z e que o ponto D é o afixo (imagem geométrica) do complexo nulo.

Qual é o número complexo cujo afixo (imagem geométrica) é o ponto B?

**(A)** 
$$z(1+i)$$
 **(B)**  $iz$  **(C)**  $i^3z$  **(D)**  $z(2+i)$ 

(C) 
$$i^{3}$$

**(D)** 
$$z(2+i)$$



Exame - 2019, 2.ª Fase

8. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, seja z=-1+2i

Seja  $\theta$  o menor argumento positivo do número complexo  $\overline{z}$  (conjugado de z).

A qual dos intervalos seguintes pertence  $\theta$ ?

**(A)** 
$$0, \frac{\pi}{4}$$

**(B)** 
$$\left| \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2} \right|$$

(C) 
$$\left[\pi, \frac{5\pi}{4}\right]$$

(A) 
$$\left]0, \frac{\pi}{4}\right[$$
 (B)  $\left]\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right[$  (C)  $\left]\pi, \frac{5\pi}{4}\right[$  (D)  $\left]\frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}\right[$ 

Exame - 2019, 1.a Fase

9. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, a expressão  $i^0+i^1+i^2+...i^{2018}$  é igual a

(B) 
$$-i$$

(C) 
$$-1+i$$
 (D)  $1+i$ 

**(D)** 
$$1+i$$

Exame – 2018, Ép. especial

10. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z = \frac{(2-i)^2 + 1 + i}{1-2i} + 3i^{15}$ 

Escreva o complexo  $-\frac{1}{2} \times \overline{z}$  na forma trigonométrica.

Exame - 2018, 2.ª Fase

11. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem e dois diâmetros perpendiculares dessa circunferência, [AC] e [BD]

Im(z) DC

Sabe-se que o ponto A é a imagem geométrica de um certo complexo z

Qual é a imagem geométrica do complexo  $i^3z$ ?

 $\overline{Re}(z)$ 

- (A) Ponto A
- **(B)** Ponto B
- (C) Ponto C
- (**D**) Ponto D

Exame – 2017, Ép. especial

12. Seja z um número complexo de argumento  $\frac{\pi}{5}$ 

Qual dos seguintes valores é um argumento do número complexo -5iz?

- (A)  $-\frac{3\pi}{10}$  (B)  $-\frac{4\pi}{5}$  (C)  $-\frac{7\pi}{5}$  (D)  $-\frac{13\pi}{10}$

Exame - 2017, 2.ª Fase

13. Seja  $\theta$  um número real pertencente ao intervalo  $\left[\pi, \frac{3\pi}{2}\right[$ 

Considere o número complexo  $z=-3e^{i\theta}$ 

A que quadrante pertence a imagem geométrica do complexo z ?

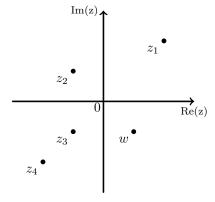
- (A) Primeiro
- (B) Segundo
- (C) Terceiro
- (D) Quarto

Exame – 2016,  $1.^a$  Fase

14. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas dos números complexos: w,  $z_1$ ,  $z_2$ ,  $z_3$  e  $z_4$ .

Qual é o número complexo que pode ser igual a -2iw?

- **(A)**  $z_1$
- **(B)**  $z_2$
- (C)  $z_3$
- (D)  $z_4$



Exame - 2014, Ép. especial

15. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas dos números complexos: z,  $z_1$ ,  $z_2$ ,  $z_3$  e  $z_4$ .

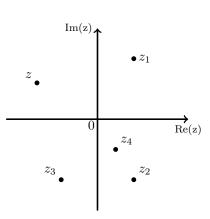
Sabe-se que w é um número complexo tal que  $z=i\times\overline{w}$ 

Qual é o número complexo que pode ser igual a w?



(B) 
$$z_3$$
 (C)  $z_2$ 

(D) 
$$z_1$$



Exame - 2013, Ép. especial

16. Considere, em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, z=2+bi, com b<0Seja  $\alpha \in \left]0, \frac{\pi}{2}\right[$  Qual dos números complexos seguintes pode ser o conjugado de z?

(A) 
$$\frac{3}{2}e^{i\alpha}$$

**(B)** 
$$3e^{i(-\alpha)}$$

(C) 
$$3e^{i\alpha}$$

(A) 
$$\frac{3}{2}e^{i\alpha}$$
 (B)  $3e^{i(-\alpha)}$  (C)  $3e^{i\alpha}$  (D)  $\frac{3}{2}e^{i(-\alpha)}$ 

Exame - 2013, 2.ª Fase

17. Seja  $\mathbb{C}$  o conjunto dos números complexos.

Mostre que 
$$\frac{\cos(\pi - \alpha) + i\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)}{\cos\alpha + i\sin\alpha} = e^{i(\pi - 2\alpha)}$$

Exame - 2013, 2.ª Fase

18. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere z=-8+6i e  $w=\frac{-i\times z^2}{\overline{z}}$ Seja  $\alpha$  um argumento do número complexo zQual das opções seguintes é verdadeira?

(A) 
$$w = 10e^{i\left(3\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$$

**(B)** 
$$w = 2e^{i(3\alpha - \frac{\pi}{2})}$$

(C) 
$$w = 10e^{i\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$$

(A) 
$$w = 10e^{i(3\alpha - \frac{\pi}{2})}$$
 (B)  $w = 2e^{i(3\alpha - \frac{\pi}{2})}$  (C)  $w = 10e^{i(\alpha - \frac{\pi}{2})}$ 

Exame – 2013, 1.ª Fase

19. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos:  $w_1, w_2, w_3 \in w_4$ 

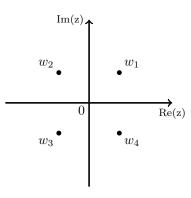
Qual é o número complexo que, com  $n \in \mathbb{N}$ , pode ser igual a  $i^{8n} \times i^{8n-1} + i^{8n-2}$ ?



**(B)** 
$$w_2$$

(C) 
$$w_3$$

(D) 
$$w_4$$



Exame - 2013, 1.a Fase

20. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, seja  $z=e^{i\theta}$ , em que  $\theta$  é um número real pertencente ao intervalo  $\left[ \frac{3\pi}{4}, \pi \right[$  Seja  $w = z^2 - 2$ 

A que quadrante do plano complexo pertence a imagem geométrica de w?

- (A) Primeiro quadrante.
- (B) Segundo quadrante.
- (C) Terceiro quadrante.
- (**D**) Quarto quadrante.

Teste Intermédio 12.º ano - 24.05.2013

21. Seja  $\mathbb{C}$  o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Determine, sem recorrer à calculadora, o valor de  $\frac{i^6 + 2i^7}{2 - i}$  Apresente o resultado na forma algébrica.

Teste Intermédio  $12.^{\circ}$  ano -24.05.2013

22. Sejam  $k \in p$  dois números reais tais que os números complexos z = 1 + i e  $w = (k - 1) + 2pi^{11}$  sejam inversos um do outro.

Qual é o valor de k + p?

- (A)  $-\frac{1}{4}$  (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{5}{4}$  (D)  $\frac{7}{4}$

Exame - 2012, Ép. especial

- 23. Seja k um número real, e sejam  $z_1 = 2 + i$  e  $z_2 = 3 ki$  dois números complexos. Qual é o valor de k para o qual  $z_1 \times \overline{z_2}$  é um imaginário puro?

  - (A)  $\frac{3}{2}$  (B)  $-\frac{3}{2}$  (C) 1

Exame - 2012, 2.ª Fase

24. Seja  $\mathbb C$  o conjunto dos números complexos.

Seja n um número natural.

Determine  $\frac{\sqrt{3} \times i^{4n-6} + 2e^{i\left(-\frac{\pi}{6}\right)}}{2e^{i\frac{\pi}{5}}}$ , sem recorrer à calculadora.

Apresente o resultado na forma trigonométrica.

Exame - 2012, 2.ª Fase

25. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos:  $w,\,z_1,\,z_2,\,z_3$  e  $z_4$ 

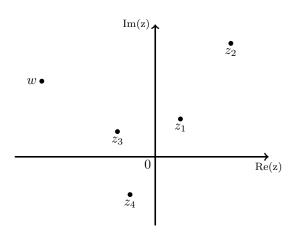
Qual é o número complexo que pode ser igual a  $\frac{w}{3i}$ ?





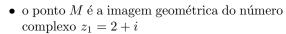
(C) 
$$z_3$$

**(D)**  $z_4$ 

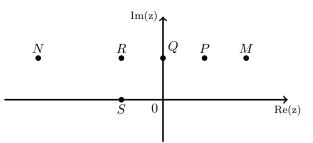


Exame -2012, 1.<sup>a</sup> Fase

26. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, seis pontos,  $M,\,N,\,P,\,Q,\,R$  e S Sabe-se que:



• o ponto N é a imagem geométrica do número complexo  $z_1 \times z_2$ 



Qual dos pontos seguintes pode ser a imagem geométrica do número complexo  $z_2$  ?

(B) ponto 
$$Q$$

(C) ponto 
$$R$$

(**D**) ponto 
$$S$$

Exame – 2011, Prova especial

27. Sejam k e p dois números reais e sejam  $z_1 = (3k+2) + pi$  e  $z_2 = (3p-4) + (2-5k)i$  dois números complexos.

Quais são os valores de k e de p para os quais  $z_1$  é igual ao conjugado de  $z_2$ ?

**(A)** 
$$k = -1 e p = 3$$

**(B)** 
$$k = 1 e p = 3$$

(C) 
$$k = 0 e p = -2$$

**(D)** 
$$k = 1 e p = -3$$

Exame – 2011, Ép. especial

28. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, as imagens geométricas de seis números complexos,  $z_1$ ,  $z_2$ ,  $z_3$ ,  $z_4$ ,  $z_5$  e  $z_6$ 

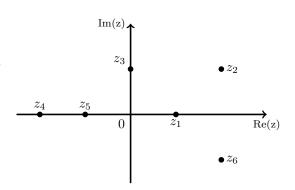
Qual é o número complexo que pode ser igual a  $(z_2 + z_4) \times i$  ?





(C) 
$$z_5$$



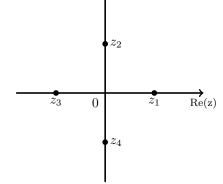


Im(z)

Exame – 2011, 2.ª Fase

29. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos  $z_1,\,z_2,\,z_3$  e  $z_4$ 

Qual é o número complexo que, com  $n \in \mathbb{N}$ , pode ser igual a  $i^{4n} + i^{4n+1} + i^{4n+2}$ ?



**(A)**  $z_1$ 

(B) 
$$z_2$$

(B) 
$$z_2$$
 (C)  $z_3$ 

**(D)** 
$$z_4$$

Exame – 2011,  $1.^a$  Fase

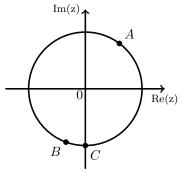
30. Na figura ao lado, está representada, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem O do referencial.

Os pontos  $A,\,B$  e C pertencem à circunferência.

O ponto A é a imagem geométrica do número complexo 3+4i

O ponto C pertence ao eixo imaginário. O arco BC tem  $\frac{\pi}{9}$  radianos de amplitude.

Qual é o número complexo cuja imagem geométrica é o ponto B?



**(A)**  $5e^{i(\frac{10\pi}{9})}$ 

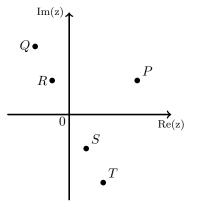
**(B)**  $5e^{i\left(\frac{25\pi}{18}\right)}$  **(C)**  $7e^{i\left(\frac{10\pi}{9}\right)}$  **(D)**  $7e^{i\left(\frac{25\pi}{18}\right)}$ 

Teste Intermédio  $12.^{\circ}$  ano -26.05.2011

31. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, os pontos  $P, Q, R, S \in T$ .

O ponto P é a imagem geométrica de um número complexo z

Qual dos pontos seguintes, representados na figura ao lado, é a imagem geométrica do número complexo  $-i \times z$ ?



(A) Q

**(B)** R

(C) S

(D) T

Exame - 2010, Ép. especial

32. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z=3e^{i\left(\frac{\pi}{8}-\theta\right)}$ , com  $\theta\in\mathbb{R}$ Para qual dos valores seguintes de  $\theta$  podemos afirmar que z é um número imaginário puro?

(A)  $-\frac{\pi}{2}$  (B)  $\frac{\pi}{2}$  (C)  $\frac{\pi}{8}$ 

Exame - 2010, 1.a Fase

33. Seja  $\mathbb C$  o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Determine  $\frac{(1+2i)(3+i)-i^6+i^7}{3i}$  , sem recorrer à calculadora.

Apresente o resultado na forma x + yi, com  $x \in \mathbb{R}$  e  $y \in \mathbb{R}$ 

Teste Intermédio 12.º ano - 19.05.2010

34. Seja  $\theta$  um número real pertencente ao intervalo  $\left]0, \frac{\pi}{2}\right[$ .

Considere o número complexo  $z = i.e^{i\theta}$ .

Qual dos números complexos seguintes é o conjugado de z?

(A)  $e^{i\left(-\frac{\pi}{2}-\theta\right)}$  (B)  $e^{i\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right)}$  (C)  $e^{i\left(\frac{\pi}{2}+\theta\right)}$ 

Exame – 2009, Ép. especial

35. Considere, em  $\mathbb{C}$ , o número complexo  $z_1 = 3 - 2i$ .

Determine, sem recorrer à calculadora, o número complexo  $z = \frac{z_1 + z_1^2 + 2i^{43}}{8e^{i\left(\frac{3\pi}{2}\right)}}$ .

Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame - 2009, Ép. especial

- 36. Seja z um número complexo, em que um dos argumentos é  $\frac{\pi}{3}$ Qual dos valores seguintes é um argumento de  $\frac{2i}{\overline{z}}$ , sendo  $\overline{z}$  o conjugado de z?
  - (A)  $\frac{\pi}{6}$
- (B)  $\frac{2}{3}\pi$  (C)  $\frac{5}{6}\pi$  (D)  $\frac{7}{6}\pi$

Exame - 2009, 1.ª Fase

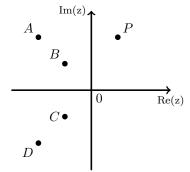
37. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z_1 = \frac{i}{1-i} - i^{18}$ . Determine  $z_1$  na forma trigonométrica, sem recorrer à calculadora.

Exame - 2009, 1.ª Fase

38. Para um certo número real positivo  $\rho$  e para um certo número real  $\alpha$  compreendido entre 0 e  $\frac{\pi}{2}$ , o número complexo  $\rho e^{i\alpha}$  tem por imagem geométrica o ponto P, representado na figura ao lado.

Qual é a imagem geométrica do número complexo  $\frac{\rho}{2}e^{i(2\alpha)}$ ?

- (A) O ponto A
- (B) O ponto B
- (C) O ponto C
- (**D**) O ponto D



Teste Intermédio 12.º ano – 27.05.2009

39. Seja  $\mathbb C$  o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Determine  $\frac{(2+i)^2+1+6i^{35}}{1+2i}$  sem recorrer à calculadora.

Apresente o resultado na forma algébrica.

Teste Intermédio 12.º ano - 27.05.2009

40. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, sejam o número  $z_1 = (1-i) \cdot \left(1 + e^{i\frac{\pi}{2}}\right)$  e  $z_2 = 8e^{i\left(-\frac{\pi}{4}\right)}$  (*i* designa a unidade imaginária).

Determine, sem recorrer à calculadora, o número complexo  $w = \frac{z_1}{z_2}$ .

Apresente o resultado na forma trigonométrica.

Exame – 2008, Ép. especial

41. Seja zum número complexo de argumento  $\frac{\pi}{\kappa}.$ 

Qual dos seguintes valores é um argumento de -z?

- (A)  $-\frac{\pi}{6}$  (B)  $\frac{5}{6}\pi$  (C)  $\pi$

Exame - 2008, 2.a Fase

mat.absolutamente.net

42. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere  $z_1 = 1 - i$  (*i* designa a unidade imaginária).

Sem recorrer à calculadora, determine o valor de  $\frac{2z_1 - i^{18} - 3}{1 - 2i}$ .

Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame - 2008, 2.ª Fase

43. Seja z = 3i um número complexo.

Qual dos seguintes valores é um argumento de z?

- (A) 0 (B)  $\frac{1}{2}\pi$  (C)  $\pi$  (D)  $\frac{3}{2}\pi$

Exame – 2008, 1.a fase

44. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, seja i a unidade imaginária.

Seja n um número natural tal que  $i^n = -i$ .

Indique qual dos seguintes é o valor de  $i^{n+1}$ .

- **(A)** 1

- **(B)** i **(C)** -1 **(D)** -i

Exame -2007, 2.<sup>a</sup> fase

45. Em C, conjunto dos números complexos, sejam:

$$z_1 = 3 + yi$$
 e  $z_2 = 4iz_1$ 

 $(i \notin a \text{ unidade imaginária e } y \text{ designa um número real}).$ 

Considere que, para qualquer número complexo z não nulo,  $\arg(z)$  designa o argumento z de que pertence ao intervalo  $[0,2\pi[$ .

Admitindo que  $\arg(z_1) = \alpha$  e que  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$  determine o valor de  $\arg(-z_2)$  em função de  $\alpha$ .

Exame – 2007, 2.ª fase

46. Na figura seguinte está representada, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem do referencial.

Os pontos A, B e C pertencem à circunferência.

O ponto A é a imagem geométrica do número complexo 4+3i

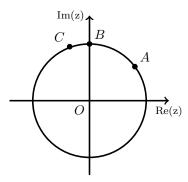
O ponto B pertence ao eixo imaginário.

O arco BC tem 18 graus de amplitude.

Em cada uma das quatro alternativas que se seguem, está escrito um número complexo na forma trigonométrica (os argumentos estão expressos em radianos).

Qual deles tem por imagem geométrica o ponto C?

- (A)  $7e^{i\left(\frac{2\pi}{3}\right)}$  (B)  $7e^{i\left(\frac{3\pi}{5}\right)}$  (C)  $5e^{i\left(\frac{2\pi}{3}\right)}$  (D)  $5e^{i\left(\frac{3\pi}{5}\right)}$



Exame – 2006, Ép. especial

47. Seja  $\mathbb C$  o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Considere 
$$z_1 = (2 - i) \left( 2 + e^{i \left( \frac{\pi}{2} \right)} \right)$$
 e  $z_2 = \frac{1}{5} e^{i \left( -\frac{\pi}{7} \right)}$ 

Sem recorrer à calculadora, escreva o número complexo  $\frac{z_1}{z_2}$ na forma trigonométrica.

Exame - 2006, 2.a fase

48. Considere, no plano complexo, um ponto A imagem geométrica de um certo número complexo z. Sabe-se que A não pertence a qualquer um dos eixos do plano complexo.

Seja B o ponto simétrico do ponto A, relativamente ao eixo imaginário.

Qual dos números complexos seguintes tem por imagem geométrica o ponto B?

- (A)  $\overline{z}$  (B)  $\frac{1}{z}$  (C)  $-\overline{z}$  (D) -z

Exame - 2005, Ép. especial

49. Em C, conjunto dos números complexos, considere

$$w_1 = 1 + i, w_2 = \sqrt{2}e^{i(\frac{\pi}{12})}$$
 e  $w_3 = \sqrt{3}e^{i(-\frac{\pi}{2})}$ 

$$e w_3 = \sqrt{3}e^{i\left(-\frac{\pi}{2}\right)}$$

Sem recorrer à calculadora, determine  $\frac{w_1 \times w_2 - 2}{w_3}$ 

Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame - 2005, 2.a fase

50. Seja  $\mathbb C$  o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Considere 
$$w = \frac{2+i}{1-i} - i$$

Sem recorrer à calculadora, escreva w na forma trigonométrica.

Exame - 2005, 1.a fase

51. Em C, conjunto dos números complexos, considere

$$w = 4 - 3i$$
 (*i* designa a unidade imaginária)

- 51.1. Sem recorrer à calculadora, calcule, na forma algébrica,  $2i + \frac{w^2}{i}$
- 51.2. Seja  $\alpha$  um argumento do número complexo w.

Exprima, na forma trigonométrica, em função de  $\alpha$ , o produto de i pelo conjugado de w.

Exame - 2004, 2.a fase

52. Em  $\mathbb{C}$ , considere os números complexos:  $z_1 = -6 + 3i$  e  $z_2 = 1 - 2i$ 

Sem recorrer à calculadora, determine  $\frac{z_1+i^{23}}{z_2}$ , apresentando o resultado final na forma trigonométrica.

Exame -2004, 1.<sup>a</sup> fase

53. Em  $\mathbb{C}$ , conjunto dos números complexos, considere

$$z = 2e^{i\left(\theta - \frac{\pi}{5}\right)}$$

Para qual dos seguintes valores de  $\theta$  é que z é um número real?



(B) 
$$\frac{7\pi}{5}$$

(C) 
$$\frac{8\pi}{5}$$

**(D)** 
$$\frac{9\pi}{5}$$

Exame - 2003, Prova para militares

54. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos:

 $w, z_1, z_2, z_3 \in z_4$ .

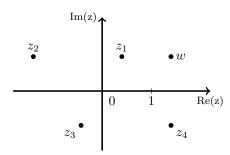
Qual é o número complexo que pode ser igual a 1 - w?

**(A)** 
$$z_1$$

(B) 
$$z_2$$

(C) 
$$z_3$$

(B) 
$$z_2$$
 (C)  $z_3$  (D)  $z_4$ 



Exame - 2003, 2.a fase

55. Em C, conjunto dos números complexos, considere

$$z_1 = 2 - 2i$$
 e  $z_2 = \sqrt{2}e^{i\left(\frac{5\pi}{4}\right)}$ 

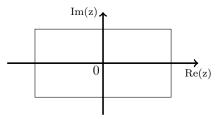
Sem recorrer à calculadora, determine  $\frac{z_1}{z_2}$  apresentando o resultado na forma algébrica.

Exame - 2003, 1.ª fase - 1.ª chamada

56. Na figura ao lado está representado um retângulo de comprimento 4 e largura 2, centrado na origem do plano complexo.

Seja z um número complexo qualquer, cuja imagem geométrica está situada no interior do retângulo.

Qual dos seguintes números complexos tem também, necessariamente, a sua imagem geométrica no interior do retângulo?



- (A)  $z^{-1}$  (B)  $\overline{z}$  (C)  $z^2$  (D) 2z

Exame - 2002, 2.a fase

- 57. De dois números complexos  $z_1$  e  $z_2$  sabe-se que:
  - $\bullet\,$ um argumento de  $z_1$  é  $\frac{\pi}{3}$
  - $\bullet\,$ o módulo de  $z_2$  é 4

Seja 
$$w = \frac{-1+i}{i}$$

Justifique que w é diferente de  $z_1$  e de  $z_2$ 

Exame - 2002, 1.ª fase - 2.ª chamada

58. Em C, conjunto dos números complexos, seja

 $z_1 = 1 + i$ (i designa a unidade imaginária).

Sem recorrer à calculadora, determine o valor de  $\frac{z_1 + i^{23} + 4}{2 - i}$ Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame - 2001, Ép. especial

59. Em C, conjunto dos números complexos, considere

w = 2 + i (*i* designa a unidade imaginária).

Averigue se o inverso de w é, ou não,  $\sqrt{2}e^{i\left(\frac{3\pi}{4}\right)}$ 

Exame - 2001, 2.a fase

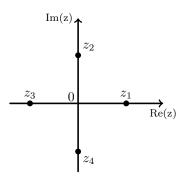
60. Seja w um número complexo diferente de 0, cuja imagem geométrica, no plano complexo, está no primeiro quadrante e pertence à bissetriz dos quadrantes impares.

Seja  $\overline{w}$  o conjugado de w.

Na figura ao lado estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos:  $z_1, z_2, z_3$  e  $z_4$ .

Qual deles pode ser igual a  $\frac{w}{\overline{w}}$ ?

- (A)  $z_1$  (B)  $z_2$  (C)  $z_3$  (D)  $z_4$



Exame - 2001, 1.a fase - 1.a chamada

61. Seja z um número complexo de argumento  $\frac{\pi}{5}$ 

Qual poderá ser um argumento do **simétrico** de z?

- (A)  $-\frac{\pi}{5}$  (B)  $\pi + \frac{\pi}{5}$  (C)  $\pi \frac{\pi}{5}$

Exame – 2000, 1. a fase - 2. a chamada

62. Seja A o conjuntos dos números complexos cuja imagem, no plano complexo, é o interior do círculo de centro na origem do referencial e raio 1.

Sem recorrer à calculadora, mostre que o número complexo  $\frac{1+\sqrt{3}i}{4e^{i(\frac{\pi}{6})}}$  pertence ao conjunto A.

Exame - 2000, 1.ª fase - 1.ª chamada

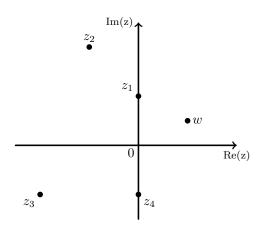
63. Seja  $\mathbb C$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Na figura ao lado estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos:

$$w,\,z_1,\,z_2,\,z_3$$
e $z_4$ 

Qual deles pode ser igual a 2iw?

- **(A)**  $z_1$
- **(B)**  $z_2$
- (C)  $z_3$
- **(D)**  $z_4$



 ${\bf Exame-2000,\,Prova\,\,modelo}$