

1.  $A'(-1, -1, 0)$  e  $B'(-3, -3, -2)$

$$\overrightarrow{A'B'} = B' - A' = (-2, -2, -2)$$

**Resposta:** Opção (A)

2.

2.1. Duas retas paralelas têm igual declive.

O declive da reta  $AB$  é  $\frac{8}{5}$ . Um vetor diretor é  $\vec{u}(5, 8)$ .

Uma equação vetorial da reta  $s$  é, por exemplo:  $(x, y) = (8, 2) + k(5, 8)$ ,  $k \in \mathbb{R}$

2.2. Reta  $BC$ :  $(x, y) = (4, 3) + k(3, -6)$ ,  $k \in \mathbb{R}$

Assim, o declive da reta  $BC$  é  $m = \frac{-6}{3} = -2$ .

$$y = -2x + b$$

O ponto  $(4, 3)$  pertence à reta  $BC$ . Então,  $3 = -2 \times 4 + b$ , ou seja,  $b = 11$ .

**Resposta:** A equação reduzida da reta  $BC$  é  $y = -2x + 11$ .

2.3. O ponto  $B$  é a interseção das retas  $AB$  e  $BC$ .

$$\text{Reta } AB: y = \frac{8}{5}x + 2$$

$$\text{Reta } BC: (x, y) = (4, 3) + k(3, -6), k \in \mathbb{R}$$

O ponto  $B$  é do tipo  $(4 + 3k, 3 - 6k)$ ,  $k \in \mathbb{R}$ .

As coordenadas do ponto  $B$  são solução da equação  $y = \frac{8}{5}x + 2$ .

$$3 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) + 2$$

$$3 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) + 2 \Leftrightarrow 1 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) \Leftrightarrow 5 - 30k = 32 + 24k \Leftrightarrow k = -\frac{1}{2}$$

Sendo  $k = -\frac{1}{2}$ , tem-se  $B\left(4 + 3 \times \left(-\frac{1}{2}\right), 3 - 6 \times \left(-\frac{1}{2}\right)\right)$ , ou seja,  $B\left(\frac{5}{2}, 6\right)$ .

A ordenada de  $B$ , ou seja, 6 é a distância de  $B$  a  $Ox$ .

**Resposta:** A distância de  $B$  ao solo é 6 metros.

3. O declive da reta  $r$  é:  $m = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$

Equação da reta  $s$ :  $y - 2x = ax + 5 \Leftrightarrow y = 2x + ax + 5 \Leftrightarrow y = (2 + a)x + 5$

O declive da reta  $s$  é:  $m' = 2 + a$

$$m' = m \Leftrightarrow 2 + a = -\frac{3}{2} \Leftrightarrow a = -\frac{7}{2}$$

**Resposta:** Opção (C)  $-\frac{7}{2}$

4.

4.1. Centro  $G(6, 8, 3)$  e raio 3

Equação:  $(x - 6)^2 + (y - 8)^2 + (z - 3)^2 = 9$

4.2. Equação da reta  $r$ :  $(x, y, z) = (-2, 14, 3) + k(4, -6, -1)$ ,  $k \in \mathbb{R}$

O ponto  $T$  é do tipo  $(-2 + 4k, 14 - 6k, 3 - k)$ ,  $k \in \mathbb{R}$  e pertence ao plano  $BAF$ , que é definido pela equação  $x = 6$ .

Se  $x = 6$ , então  $-2 + 4k = 6$ , ou seja,  $k = 2$ .

Sendo  $k = 2$ , tem-se  $T(6, 2, 1)$ .

O ponto  $S$  é do tipo  $(-2 + 4k, 14 - 6k, 3 - k)$ ,  $k \in \mathbb{R}$  e pertence ao plano  $BCD$  que é definido pela equação  $y = 8$ .

Se  $y = 8$ , então  $14 - 6k = 8$ , ou seja,  $k = 1$ .

Sendo  $k = 1$ , tem-se  $S(2, 8, 2)$ .

$$\overline{TS} = \sqrt{(6 - 2)^2 + (2 - 8)^2 + (1 - 2)^2} = \sqrt{53}$$

$$\overline{TS} \approx 7,28$$

**Resposta:**  $\overline{TS} \approx 7,28$

5. Se  $f(x) = 2x^2 - 3$ :

$$f(-1) = 2 - 3 = -1; f(2) = 8 - 3 = 5 \text{ e } f(1) = 2 - 3 = -1$$

**Resposta:** Opção (C)  $2x^2 - 3$

6.

6.1. Após 12 minutos, a quantidade de água, em litros, é igual a  $2 + 0,6 \times 12 = 9,2$ .

**Resposta:** Passados 12 minutos, o recipiente terá 9,2 litros de água.

6.2.  $f(x) = 2 + 0,6x$

a)  $f(0) = 2 + 0,6 \times 0 = 2$

A ordenada do ponto  $A$  é 2 e representa a quantidade de água, em litros, existente no recipiente no momento em que foi colocado debaixo da torneira.

b)  $f(30) = 2 + 0,6 \times 30 = 20$

A ordenada do ponto  $B$  é 20 e representa a quantidade de água, em litros, existente no recipiente 30 minutos após ter sido colocado debaixo da torneira.

c)  $f(x) = 26$

$$2 + 0,6x = 26 \Leftrightarrow 0,6x = 24 \Leftrightarrow x = 40$$

A abcissa do ponto  $C$  é 40 e representa o tempo decorrido, em minutos, até o recipiente ficar cheio.