Inequações (9.º ano)

Propostas de resolução

Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios



1. Resolvendo a inequação, temos:

$$-\frac{3x}{2} + \frac{6+x}{7} < \frac{1}{14}(x+3) \Leftrightarrow -\frac{3x}{2} + \frac{6+x}{7} < \frac{x+3}{14} \Leftrightarrow -\frac{3x}{2}_{(7)} + \frac{6+x}{7}_{(2)} < \frac{x+3}{14} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow -\frac{21x}{14} + \frac{12+2x}{14} < \frac{x+3}{14} \Leftrightarrow -21x+12+2x < x+3 \Leftrightarrow -21x+2x-x < 3-12 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow -20x < -9 \Leftrightarrow 20x > 9 \Leftrightarrow x > \frac{9}{20}$$

$$C.S. = \left[\frac{9}{20}, +\infty \right[$$

Prova de Matemática, 9.º ano - 2021

2. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1-5x}{4} > 3(x-1) \Leftrightarrow \frac{1-5x}{4} > 3x-3 \Leftrightarrow \frac{1-5x}{4} > \frac{3x}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{1-5x}{4} > \frac{12x}{4} = \frac{12}{4} \Leftrightarrow \frac{1-5x}{4} > \frac{12x}{4} = \frac{12}{4} \Leftrightarrow \frac{1-5x}{4} > 12x-12 \Leftrightarrow -5x-12x > -12-1 \Leftrightarrow -17x > -13 \Leftrightarrow 17x < 13 \Leftrightarrow x < \frac{13}{17} = \frac{13}{17$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2019, Época especial

3. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x-4}{6} - \frac{1}{3} < 2(x+1) \Leftrightarrow \frac{x-4}{6} - \frac{1}{3} < 2x+2 \Leftrightarrow \frac{x-4}{6} - \frac{1}{3}_{(2)} < \frac{2x}{1}_{(6)} + \frac{2}{1}_{(6)} \Leftrightarrow \frac{x-4}{6} - \frac{2}{6} < \frac{12x}{6} + \frac{12}{6} \Leftrightarrow x-4-2 < 12x+12 \Leftrightarrow x-12x < 12+4+2 \Leftrightarrow -11x < 18 \Leftrightarrow 11x > -18 \Leftrightarrow x > \frac{-18}{11} \Leftrightarrow x > -\frac{18}{11}$$

$$\text{C.S.} = \left| -\frac{18}{11}, +\infty \right|$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2019, 2.ª fase

$$\frac{2+x}{3} \ge 2(x-1) \Leftrightarrow \frac{2+x}{3} \ge 2x - 2 \Leftrightarrow \frac{2+x}{3} \ge \frac{2x}{1} {}_{(3)} - \frac{2}{1} {}_{(3)} \Leftrightarrow \frac{2+x}{3} \ge \frac{6x}{3} - \frac{6}{3} \Leftrightarrow 2+x \ge 6x - 6 \Leftrightarrow x - 6x \ge -6 - 2 \Leftrightarrow -5x \ge -8 \Leftrightarrow 5x \le 8 \Leftrightarrow x \le \frac{8}{5}$$

$$\text{C.S.=} \left[-\infty, \frac{8}{5} \right]$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2019, 1.ª fase

5. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1-x}{2} < 3(2x-1) \Leftrightarrow \frac{1-x}{2} < 6x-3 \Leftrightarrow \frac{1-x}{2} < \frac{6x}{1} \xrightarrow{(2)} -\frac{3}{1} \xrightarrow{(2)} \Leftrightarrow \frac{1-x}{2} < \frac{12}{x} -\frac{6}{1} \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow 1-x < 12x-6 \Leftrightarrow -12x-x < -6-1 \Leftrightarrow -13x < -7 \Leftrightarrow 13x > 7 \Leftrightarrow x > \frac{7}{13}$$
 C.S.=
$$\left] \frac{7}{13}, +\infty \right[$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2018, Época especial

6. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1}{4}(3-x) - 2 > \frac{1}{3}x \iff \frac{3}{4}_{(3)} - \frac{x}{4}_{(3)} - \frac{2}{1}_{(12)} > \frac{x}{3}_{(4)} \iff \frac{9}{12} - \frac{3x}{12} - \frac{24}{12} > \frac{4x}{12} \iff 9 - 3x - 24 > 4x \iff 3x - 4x > -9 + 24 \iff -7x > 15 \iff 7x < -15 \iff x < \frac{-15}{7} \iff x < -\frac{15}{7}$$

$$C.S. = \left[-\infty, -\frac{15}{7} \right]$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2018, 2.ª fase

7. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{2(1-x)}{3} < \frac{1}{2}x + 2 \Leftrightarrow \frac{2-2x}{3}_{(2)} < \frac{x}{2}_{(3)} + \frac{2}{1}_{(6)} \Leftrightarrow \frac{4-4x}{6} < \frac{3x}{6} + \frac{12}{6} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 4 - 4x < 3x + 12 \Leftrightarrow -4x - 3x < 12 - 4 \Leftrightarrow -7x < 8 \Leftrightarrow 7x > -8 \Leftrightarrow x > -\frac{8}{7}$$

$$\text{C.S.=} \left| -\frac{8}{7}, +\infty \right|$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2018, 1.ª fase

$$\frac{2(3-x)}{3} \leq \frac{x}{2} + \frac{2}{3} \Leftrightarrow \frac{6-2x}{3} \leq \frac{x}{2} + \frac{2}{3} \Leftrightarrow \frac{6-2x}{3} \leq \frac{x}{2} + \frac{2}{3} \Leftrightarrow \frac{6-2x}{3} \leq \frac{x}{2} + \frac{2}{3} \Leftrightarrow \frac{12-4x}{6} \leq \frac{3x}{6} + \frac{4}{6} \Leftrightarrow 12-4x \leq 3x+4 \Leftrightarrow -4x-3x \leq 4-12 \Leftrightarrow -7x \leq -8 \Leftrightarrow 7x \geq 8 \Leftrightarrow x \geq \frac{8}{7}$$

$$\text{C.S.} = \left[\frac{8}{7}, +\infty\right[$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2017, Época especial

9. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x+3}{5} > 2(x-1) \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > 2x-2 \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > \frac{2x}{1} = \frac{2}{1} = \frac{2}{1} = \frac{2}{1} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > \frac{10x}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{10x}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > 10x = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > 10x = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > 10x = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} > \frac{10x}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} = \frac{10x}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} = \frac{10x}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+3}{5} = \frac{10}{5} \Leftrightarrow \frac{x+$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2017, 2.ª fase

10. Resolvendo a inequação, temos:

$$3(1-x)>\frac{x+5}{2} \Leftrightarrow 3-3x>\frac{x+5}{2} \Leftrightarrow \frac{3}{1}_{(2)}-\frac{3x}{1}_{(2)}>\frac{x+5}{2} \Leftrightarrow \frac{6}{2}-\frac{6x}{2}>\frac{x+5}{2} \Leftrightarrow \frac{6}{2}-\frac{6x}{2}>\frac{x+5}{2}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2017, 1.ª fase

11. Resolvendo a inequação, temos:

$$-2x < 6 \Leftrightarrow 2x > -6 \Leftrightarrow x > \frac{-6}{2} \Leftrightarrow x > -3$$

$$C.S.=]-3,+\infty[$$

Resposta: Opção A

Prova Final 3.º Ciclo – 2016, Época especial

$$2(1-x) > \frac{x}{5} + 1 \Leftrightarrow 2 - 2x > \frac{x}{5} + 1 \Leftrightarrow \frac{2}{1}_{(5)} - \frac{2x}{1}_{(5)} > \frac{x}{5} + \frac{1}{1}_{(5)} \Leftrightarrow \frac{10}{5} - \frac{10x}{5} > \frac{x}{5} + \frac{5}{5} \Leftrightarrow 2(1-x) > \frac{5}{11}$$

$$C.S. = \left] -\infty, \frac{5}{11} \right[$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2016, 2.ª fase

13. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x-1}{6} \le \frac{5x-1}{3} \Leftrightarrow \frac{x-1}{6} \le \frac{5x-1}{3} \Leftrightarrow \frac{x-1}{6} \le \frac{10x-2}{6} \Leftrightarrow x-1 \le 10x-2 \Leftrightarrow x-10x \le -2+1 \Leftrightarrow -9x \le -1 \Leftrightarrow 9x \ge 1 \Leftrightarrow x \ge \frac{1}{9}$$

$$C.S. = \left[\frac{1}{9}, +\infty\right[$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2016, 1.ª fase

14. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{2}{1_{(6)}} - \frac{x}{1_{(6)}} > \frac{x}{3_{(2)}} - \frac{1}{2_{(3)}} \Leftrightarrow \frac{12}{6} - \frac{6x}{6} > \frac{2x}{6} - \frac{3}{6} \Leftrightarrow 12 - 6x > 2x - 3 \Leftrightarrow -6x - 2x > -3 - 12 \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow -8x > -15 \Leftrightarrow 8x < 15 \Leftrightarrow x < \frac{15}{8}$$

$$C.S.= \left] -\infty, \frac{15}{8} \right[$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2015, Época especial

15. Resolvendo a inequação, temos:

$$-3x \ge 6 \Leftrightarrow 3x \le -6 \Leftrightarrow x \le \frac{-6}{3} \Leftrightarrow x \le -2$$

$$C.S.=]-\infty, -2]$$

Resposta: Opção A

Prova Final 3.º Ciclo - 2015, 2.ª fase

16. Resolvendo a inequação, temos:

$$1 - (3x - 2) < 4 + x \Leftrightarrow 1 - 3x + 2 < 4 + x \Leftrightarrow -3x - x < 4 - 2 - 1 \Leftrightarrow -4x < 1 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 4x > -1 \Leftrightarrow x > \frac{-1}{4} \Leftrightarrow x > -\frac{1}{4}$$

$$C.S. = \left] -\frac{1}{4}, +\infty \right[$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2015, 1.ª fase



mat.absolutamente.net

$$\frac{x}{10} + \frac{3x+1}{5} \underset{(2)}{\ge} \ge \frac{x}{2} \underset{(5)}{\Leftrightarrow} \Leftrightarrow \frac{x}{10} + \frac{6x+2}{10} \ge \frac{5x}{10} \Leftrightarrow x+6x+2 \ge 5x \Leftrightarrow 7x-5x \ge -2 \Leftrightarrow 2x \ge -2 \Leftrightarrow x \ge \frac{-2}{2} \Leftrightarrow x \ge -1$$

$$C.S.=[-1,+\infty[$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2014, 2.ª chamada

18. Resolvendo a inequação, temos:

$$1 + \frac{x+1}{2} \ge \frac{1}{3}(1-2x) \Leftrightarrow 1 + \frac{x+1}{2} \ge \frac{1}{3} - \frac{2x}{3} \Leftrightarrow \frac{1}{1}_{(6)} + \frac{x+1}{2}_{(3)} \ge \frac{1}{3}_{(2)} - \frac{2x}{3}_{(2)} \Leftrightarrow \frac{6}{6} + \frac{3x+3}{6} \ge \frac{2}{6} - \frac{4x}{6} \Leftrightarrow 3x + 4x \ge 2 - 6 - 3 \Leftrightarrow 7x \ge -7 \Leftrightarrow x \ge \frac{-7}{7} \Leftrightarrow x \ge -1$$

$$C.S.=[-1, +\infty[$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2014, 1.ª chamada

19. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1-2x}{3} \leq 1 + \frac{x+1}{2} \Leftrightarrow \frac{1-2x}{3} \underset{(2)}{\leq} \frac{1}{1} \underset{(6)}{} + \frac{x+1}{2} \underset{(3)}{} \Leftrightarrow \frac{2-4x}{6} \leq \frac{6}{6} + \frac{3x+3}{6} \Leftrightarrow 2-4x \leq 6+3x+3 \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow -4x-3x \leq 6+3-2 \Leftrightarrow -7x \leq 7 \Leftrightarrow 7x \geq -7 \Leftrightarrow x \geq \frac{-7}{7} \Leftrightarrow x \geq -1$$

$$\text{C.S.=[-1,+\infty[}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2013, 2.ª chamada

20. Resolvendo a inequação, temos:

$$x - \frac{1}{2}(x - 6) \le 5x + \frac{10}{3} \iff x - \frac{x}{2} + \frac{6}{2} \le 5x + \frac{10}{3} \iff \frac{x}{1_{(6)}} - \frac{x}{2_{(3)}} + \frac{6}{2_{(3)}} \le \frac{5x}{1_{(6)}} + \frac{10}{3_{(2)}} \iff \frac{6x}{6} - \frac{3x}{6} + \frac{18}{6} \le \frac{30x}{6} + \frac{20}{6} \iff 6x - 3x + 18 \le 30x + 20 \iff 3x \le 30x + 20 - 18 \iff 3x - 30x \le 2 \iff -27x \le 2 \iff 27x \ge -2 \iff x \ge -\frac{2}{27}$$

$$C.S. = \left[-\frac{2}{27}, +\infty \right]$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2012, 2.ª chamada

21. Simplificando a inequação, temos:

$$-2x < 4 \Leftrightarrow 2x > -4 \Leftrightarrow x > \frac{-4}{2} \Leftrightarrow x > -2$$

Resposta: Opção B

Prova Final 3.º Ciclo - 2012, 1.ª chamada



mat.absolutamente.net

$$\frac{1}{3}(x-6) \ge \frac{x}{2} - 1 \iff \frac{x}{3}_{(2)} - \frac{6}{3}_{(2)} \ge \frac{x}{2}_{(3)} - \frac{1}{1}_{(6)} \iff \frac{2x}{6} - \frac{12}{6} \ge \frac{3x}{6} - \frac{6}{6} \iff 2x - 12 \ge 3x - 6 \iff 2x - 3x \ge -6 + 12 \iff -x \ge 6 \iff x \le -6$$

$$\text{C.S.=}]-\infty,-6]$$

Exame Nacional $3.^{\rm o}$ Ciclo - 2011, Ép. Especial

23. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{12}{5}x - 4 \ge \frac{5}{2}(x - 3) \iff \frac{12x}{5}_{(2)} - \frac{4}{1}_{(10)} \ge \frac{5x}{2}_{(5)} - \frac{15}{2}_{(5)} \iff \frac{24x}{10} - \frac{40}{10} \ge \frac{25x}{10} - \frac{75}{10} \iff 24x - 40 \ge 25x - 75 \iff 24x - 25x \ge -75 + 40 \iff -x \ge -35 \iff x \le 35$$

$$\text{C.S.=}] - \infty,35]$$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2011, 2.ª chamada

24. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1}{2}(x-1) \ge 4(x+1) - 3x \Leftrightarrow \frac{x}{2} - \frac{1}{2} \ge 4x + 4 - 3x \Leftrightarrow \frac{x}{2} - \frac{1}{2} \ge \frac{x}{1} + \frac{4}{1} + \frac{4}{1} + \frac{4}{1} + \frac{2}{1} \ge \frac{2x}{2} + \frac{8}{2} \Leftrightarrow x - 1 \ge 2x + 8 \Leftrightarrow x - 2x \ge 8 + 1 \Leftrightarrow -x \ge 9 \Leftrightarrow x \le -9$$

$$C.S.=]-\infty, -9]$$

Teste Intermédio 9.º ano – 07.02.2011

25. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{1}{3} - 2x < \frac{5}{3} + \frac{x}{2} \iff \frac{1}{3}_{(2)} - \frac{2x}{1}_{(6)} < \frac{5}{3}_{(2)} + \frac{x}{2}_{(3)} \iff \frac{2}{6} - \frac{12x}{6} < \frac{10}{6} + \frac{3x}{6} \iff 2 - 12x < 10 + 3x \iff 0 + 12x - 3x < 10 - 2 \iff -15x < 8 \iff 15x > -8 \iff x > -\frac{8}{15}$$

$$\text{C.S.} = \left] -\frac{8}{15} + \infty \right[$$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2010, 1.ª chamada

26. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{2(1-x)}{3} \ge \frac{1}{4} \Leftrightarrow \frac{2-2x}{3} \ge \frac{1}{4} \Leftrightarrow \frac{2}{3}_{(4)} - \frac{2x}{3}_{(4)} \ge \frac{1}{4}_{(3)} \Leftrightarrow \frac{8}{12} - \frac{8x}{12} \ge \frac{3}{12} \Leftrightarrow 8 - 8x \ge 3 \Leftrightarrow -8x \ge 3 - 8 \Leftrightarrow -8x \ge -5 \Leftrightarrow 8x \le 5 \Leftrightarrow x \le \frac{5}{8}$$

$$\text{C.S.=} \left] -\infty, \frac{5}{8} \right]$$

Teste Intermédio 9.º ano – 11.05.2010 Teste Intermédio 9.º ano – 11.05.2009



$$\frac{7(2-x)}{3} \ge 7 \Leftrightarrow \frac{14-7x}{3} \ge 7 \Leftrightarrow 14-7x \ge 7 \times 3 \Leftrightarrow -7x \ge 21-14 \Leftrightarrow -7x \ge 7 \Leftrightarrow 7x \le -7 \Leftrightarrow 7x \le -7$$

$$\text{C.S.=}]-\infty,-1]$$

Teste Intermédio 9.º ano - 03.02.2010

28. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x+1}{3} \leq 2x \iff x+1 \leq 2x \times 3 \iff x+1 \leq 6x \iff x-6x \leq -1 \iff \\ \Leftrightarrow -5x \leq -1 \iff 5x \geq 1 \iff x \geq \frac{1}{5}$$
 C.S.= $\left[\frac{1}{5}, +\infty\right[$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2009, 2.ª chamada

29. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{3(x-2)}{5} \le 3 \iff 3(x-2) \le 3 \times 5 \iff 3x-6 \le 15 \iff 3x \le 15+6 \iff 3x \le 21 \iff x \le \frac{21}{3} \iff x \le 7$$

$$\text{C.S.=}]{-\infty,7}]$$

Teste Intermédio 9.º ano - 09.02.2009

30. Resolvendo a inequação, temos:

$$x + \frac{4 - 3x}{2} \le -5 \Leftrightarrow \frac{x}{1}_{(2)} + \frac{4 - 3x}{2} \le -\frac{5}{1}_{(2)} \Leftrightarrow \frac{2x}{2} + \frac{4 - 3x}{2} \le -\frac{10}{2} \Leftrightarrow 2x + 4 - 3x \le -10 \Leftrightarrow 2x - 3x \le -10 - 4 \Leftrightarrow -x \le -14 \Leftrightarrow x \ge 14$$

$$C.S.=[14, +\infty[$$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2008, 2.ª chamada

31. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x-3}{2} + 5 \ge 2x \Leftrightarrow \frac{x-3}{2} + \frac{5}{1} {}_{(2)} \ge \frac{2x}{1} {}_{(2)} \Leftrightarrow \frac{x-3}{2} + \frac{10}{2} \ge \frac{4x}{2} \Leftrightarrow x-3+10 \ge 4x \Leftrightarrow x-4x \ge 3-10 \Leftrightarrow -3x \ge -7 \Leftrightarrow 3x \le 7 \Leftrightarrow x \le \frac{7}{3}$$

$$C.S. = \left] -\infty, \frac{7}{3} \right]$$

Teste Intermédio 9.º ano – 07.05.2008



mat.absolutamente.net

$$x + \frac{1 - 2x}{3} \le \frac{x}{2} \iff \frac{x}{1_{(6)}} + \frac{1}{3_{(2)}} - \frac{2x}{3_{(2)}} \le \frac{x}{2_{(3)}} \iff \frac{6x}{6} + \frac{2}{6} - \frac{4x}{6} \le \frac{3x}{6} \iff 6x + 2 - 4x \le 3x \iff 6x - 4x - 3x \le -2 \iff -x \le -2 \iff x \ge 2$$

$$\text{C.S.}{=}[2,+\infty[$$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2007, 2.ª chamada

33. Resolvendo a inequação, temos:

$$\frac{x}{3} + \frac{1-x}{2} \ge x \Leftrightarrow \frac{x}{3}_{(2)} + \frac{1}{2}_{(3)} - \frac{x}{2}_{(3)} \ge \frac{x}{1}_{(6)} \Leftrightarrow \frac{2x}{6} + \frac{3}{6} - \frac{3x}{6} \ge \frac{6x}{6} \Leftrightarrow 2x + 3 - 3x \ge 6x \Leftrightarrow 2x - 3x - 6x \ge -3 \Leftrightarrow -7x \ge -3 \Leftrightarrow 7x \le 3 \Leftrightarrow x \le \frac{3}{7}$$

$$C.S. = \left] -\infty, \frac{3}{7} \right]$$

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2006, 2.ª chamada

34. Resolvendo a inequação, temos:

$$3 + \frac{1-x}{2} \le 4 \iff \frac{1-x}{2} \le 4-3 \iff 1-x \le 1 \times 2 \iff -x \le 2-1 \iff -x \le 1 \iff x \ge -1$$
 C.S.= $[-1, +\infty[$

Logo o conjunto A é o conjunto solução da inequação.

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2005, 1.ª chamada