

Espiral 8 – Matemática 8.º ano

Proposta de resolução do teste de avaliação – janeiro de 2024

1. Opção D.

$$A = \frac{b \times h}{2} \Leftrightarrow 2A = b \times h \Leftrightarrow h = \frac{2A}{b}$$

2. Opção B.

$$\begin{cases} 2 \times (-1) + \frac{2}{2} = -1 \\ -2 \times (-1) + 2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2 + 1 = -1 \\ 2 + 2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 = -1 \\ 4 = 4 \end{cases}$$
 Verdadeiro

3.

$$\begin{cases} x + y = 52 \\ 4x + 8y = 336 \end{cases}$$

4.

$$\begin{cases} \frac{2x-y}{2} = -2 \\ 3(y-10)-2 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x-y = -4 \\ 3y-30-2 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 3(2x+4)-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = y \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 6x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 = x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+4 = x \\ 2x+12-32 =$$

O sistema é possível determinado.

5. Opção D.

Os gráficos das funções f e g são representados por retas paralelas, já que têm o mesmo declive $\left(\frac{1}{2} = 0.5\right)$.

6.

6.1.

f é uma função linear, pelo que a respetiva expressão algébrica é da forma f(x) = ax. Como o ponto de coordenadas (-4, -6) pertence ao gráfico de f, então:

$$f(-4) = -6 \Leftrightarrow -4a = -6 \Leftrightarrow a = \frac{3}{2}$$
, pelo que a expressão algébrica de $f \in f(x) = \frac{3}{2}x$.

6.2.
$$f(x) = -\frac{5}{4} \Leftrightarrow \frac{3}{2}x = -\frac{5}{4} \Leftrightarrow x = -\frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \Leftrightarrow x = -\frac{5}{6}$$



Espiral 8 – Matemática 8.º ano

Proposta de resolução do teste de avaliação – janeiro de 2024

7.

7.1. f(x) = 3x + 1, por exemplo.

7.2. $g(x) = \frac{1}{3}$, por exemplo.

8.

8.1.

$$r: g(x) = 7$$

$$s: h(x) = -\frac{1}{3}x + 10$$

$$t: f(x) = 3x$$

$$u:i(x)=3x+10$$

8.2. Um sistema de duas equações do 1.º grau impossível é representado graficamente por duas retas que não se intersetam. As únicas retas representadas que não se intersetam são as retas t e u, pelo que o sistema terá de ser $\begin{cases} y = 3x \\ y = 3x + 10 \end{cases}$.

8.3.

Área do triângulo
$$[OAB]$$
: $\frac{\overline{OA} \times \overline{OB}}{2}$

Para calcular a medida da área do triângulo, é necessário determinar as coordenadas dos pontos *A* e *B*, que são os pontos de interseção da reta *s* com os eixos coordenados.

$$s: y = -\frac{1}{3}x + 10$$

$$0 = -\frac{1}{3}x + 10 \Leftrightarrow \frac{1}{3}x = 10 \Leftrightarrow x = 30$$

$$y = -\frac{1}{3} \times 0 + 10 \Leftrightarrow y = 10$$

Assim, a área do triângulo [OAB] é igual a $\frac{\overline{OA} \times \overline{OB}}{2} = \frac{30 \times 10}{2} = 150$ unidade de área.



Espiral 8 – Matemática 8.º ano

Proposta de resolução do teste de avaliação – janeiro de 2024

8.4.

- a) Uma reta perpendicular ao eixo Oy é uma reta paralela ao eixo Ox, pelo que é uma reta horizontal. Assim, $j(x) = \sqrt{2}$.
- **b)** Uma reta paralela à reta s tem declive igual a $-\frac{1}{3}$. Assim, $j(x) = -\frac{1}{3}x + b$. O ponto P pertence ao gráfico da função j, logo $\sqrt{2} = -\frac{1}{3} \times 1 + b \Leftrightarrow b = \sqrt{2} + \frac{1}{3}$. Uma expressão algébrica da função j é $j(x) = -\frac{1}{3}x + \sqrt{2} + \frac{1}{3}$.

9.

- **9.1.** No início da contagem do tempo, a distância que os três ainda têm de percorrer até ao fim corresponde ao número de quilómetros dos passadiços. Como d(0) = 8, então os novos passadiços têm, ao todo, uma extensão de 8 km.
- **9.2.** d(1) = 4 significa que, uma hora depois de terem iniciado o percurso pelos passadiços, ainda faltavam ao João e aos seus pais 4 km para chegar ao fim desse percurso.
- **9.3.** Os três já haviam percorrido 6 km quando faltavam 2 km para o fim do percurso. Como d(1,5) = 2, então foi ao fim de uma hora e meia.
- 9.4. Opção A.

O segmento de reta que representa a função está contido numa reta de declive negativo e ordenada na origem igual a 8. A expressão é da forma d = at + 8.

Por exemplo, para
$$t=2$$
, $d=0$, logo $0=2a+8 \Leftrightarrow 2a=-8 \Leftrightarrow a=-4$.
 $d=-4t+8=8-4t$

10.

Uma reta paralela à reta de equação $y = \frac{1}{10}x + 4$ tem declive igual a $\frac{1}{10}$.

$$\frac{k-1}{5} = \frac{1}{10} \Leftrightarrow 2k-2 = 1 \Leftrightarrow 2k = 3 \Leftrightarrow k = \frac{3}{2}$$

A reta passa no ponto de coordenadas (20, 4), logo:

$$4 = \frac{1}{10} \times 20 + b \Leftrightarrow 4 = 2 + b \Leftrightarrow b = 2$$

Então,
$$k = \frac{3}{2}$$
 e $b = 2$.