MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

DE MATEMÁTICA

3.º CICLO DO ENSINO BÁSICO

2006

Prova 23 – 1.ª Chamada 19 páginas Duração da prova: 90 minutos

Critérios de Classificação

Decreto-Lei n.º 6/2001, de 18 de Janeiro, com as alterações introduzidas pelo Decreto-Lei n.º 209/2002, de 17 de Outubro. Este exame destina-se a alunos abrangidos pelo disposto:

- no n.º 42 do Despacho Normativo n.º 1/2005, de 5 de Janeiro, com as alterações introduzidas pelo Despacho n.º 18/2006, de 14 de Março;
- nos n.ºs 43.2 e 43.3 do Despacho Normativo n.º 18/2006, de 14 de Março;
- nos n.ºs 48 e 49 do Despacho Normativo n.º 18/2006, que o realizem em chamada única.

COTAÇÕES

1		. 10 pontos
	1.1 5 pontos	-
	1.2 5 pontos	
	n n o pointe	
2		5 nontos
4.		o pontos
2		17 nantas
ა		. 17 pontos
	3.1	
	3.2 6 pontos	
	3.3 7 pontos	
4		. 13 pontos
	4.1	•
	4.2 6 pontos	
	4.2 0 pointos	
-		Enontos
J		5 pontos
_		
6		7 pontos
7		7 pontos
8		5 pontos
		· p
a		10 nontos
J	9.1 4 pontos	. To politos
	9.2 6 pontos	
10		4 pontos
11		5 pontos
		-
12		. 12 pontos
	12.1 5 pontos	po
	12.2 7 pontos	
	12.2 7 pontos	
TOT	`AL1	00 pontos

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO

Critérios gerais

- 1. A cotação a atribuir a cada resposta deverá ser sempre um número inteiro, não negativo, de pontos.
- **2.** Sempre que o examinando não responda a um item, a respectiva célula da grelha de classificação deverá ser trancada.
- 3. Deverá ser atribuída a cotação de zero pontos a respostas ilegíveis.
- **4.** Caso o examinando utilize as páginas em branco que se encontram no final da prova, o classificador deverá classificar a(s) resposta(s) eventualmente apresentada(s) nessas páginas. Se o examinando se enganar na identificação de um item, ou se a omitir, mas, pela resolução apresentada, for possível identificá-lo inequivocamente, a resposta deve ser classificada.
- **5.** Não devem ser tomados em consideração erros
 - **5.1.** linguísticos e de linguagem simbólica matemática, a não ser que sejam impeditivos da compreensão da resposta;
 - **5.2.** derivados de o examinando copiar mal os dados de um item, desde que não afectem a estrutura ou o grau de dificuldade do item.
- 6. Nos itens de escolha múltipla, deve ser atribuída a cotação indicada às respostas em que o examinando assinale de forma inequívoca, utilizando uma cruz (X) ou outro processo, a alternativa correcta. Se, para além da alternativa correcta, o examinando assinalar outra alternativa, deverá ser atribuída a cotação de zero pontos.
- 7. Nos itens que não são de escolha múltipla, sempre que o examinando apresente mais do que uma resolução do mesmo item e não indicar, de forma inequívoca, a(s) que pretende anular, apenas a primeira deverá ser classificada.
- **8.** Para os itens que não são de escolha múltipla, há dois tipos de **critérios específicos de classificação**.
 - **8.1.** Por níveis de desempenho.
 - Indica-se uma descrição para cada nível e a respectiva cotação. Cabe ao classificador enquadrar a resposta do examinando numa das descrições apresentadas, sem atender às seguintes incorrecções:
 - erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares;
 - não apresentar o resultado final na forma pedida e/ou apresentá-lo mal arredondado.

Nota:

À cotação final a atribuir à resposta a estes itens devem ser aplicadas as seguintes desvalorizações:

- 1 ponto, por erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares (independentemente do número de erros cometidos);
- 1 ponto, por não apresentar o resultado final na forma pedida (por exemplo: responde noutra unidade de medida, que não a pedida) e/ou por apresentar o resultado final mal arredondado.

8.2. Por etapas de resolução do item.

Indica-se uma descrição de cada etapa e a respectiva cotação. A cotação a atribuir à resposta é a soma das cotações obtidas em cada etapa.

- **8.2.1.** Em cada etapa, a cotação a atribuir deverá ser:
 - a indicada, se a mesma estiver inteiramente correcta ou, mesmo não o estando, se as incorrecções resultarem apenas de erros de cálculo que envolvam as quatro operações elementares;
 - zero pontos, nos restantes casos.

Nota:

À cotação final a atribuir à resposta a estes itens devem ser aplicadas as seguintes desvalorizações:

- 1 ponto, por erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares (independentemente do número de erros cometidos);
- 1 ponto, por não apresentar o resultado final na forma pedida (por exemplo: responde noutra unidade de medida, que não a pedida) e/ou por apresentar o resultado final mal arredondado.
- **8.2.2.** Pode acontecer que um examinando, ao resolver um item, não explicite todas as etapas previstas nos critérios específicos de classificação. Todas as etapas não expressas pelo examinando, mas cuja utilização e/ou conhecimento estejam implícitos na resolução apresentada, devem receber a cotação indicada.
- **8.2.3.** No caso de o examinando cometer um erro numa das etapas, as etapas subsequentes devem ser cotadas de acordo com **8.2.1.**

Se, apesar do erro cometido, o grau de dificuldade das etapas subsequentes se mantiver, a cotação máxima dessas etapas continua a ser a indicada.

Se, em virtude do erro cometido, o grau de dificuldade das etapas subsequentes diminuir significativamente, a cotação dessas etapas deverá ser, no máximo, metade da cotação indicada, arredondada por defeito.

8.2.4. Alguns destes itens poderão ser correctamente resolvidos por mais do que um processo.

Sempre que o examinando utilizar um processo de resolução correcto, não contemplado nos critérios específicos de classificação, à sua resposta deverá ser atribuída a cotação total do item.

Caso contrário, caberá ao professor classificador, tendo como referência as etapas apresentadas para a resolução do item e as respectivas cotações, adoptar um critério de distribuição da cotação total do item e utilizá-lo em situações idênticas.

Critérios específicos

•	ou $3.8\ kg)$ e apresenta os cálculos
Exemplo 1: $4.5 - 0.7 = 3.8$	
	a, mas não lê correctamente o peso da
Exemplo 1: $4.5 - 1.3 = 3.2$	
da Marta e lê correctamente o determina incorrectamente, o valor	determina correctamente 10% do peso peso da mochila. Não determina, ou pedido, mas os valores obtidos não são
da Marta e lê correctamente o determina incorrectamente, o valor absurdos (ver nota)	peso da mochila. Não determina, ou
da Marta e lê correctamente o determina incorrectamente, o valor absurdos (ver nota)	peso da mochila. Não determina, ou pedido, mas os valores obtidos não são Exemplo 2:
da Marta e lê correctamente o determina incorrectamente, o valor absurdos (ver nota)	peso da mochila. Não determina, ou pedido, mas os valores obtidos não são Exemplo 2:

Nota:

São exemplos de valores absurdos números não positivos ou números positivos superiores a $45.\,$

1.2
A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
Apresenta uma razão para rejeitar cada um dos dois gráficos incorrectos (ver nota)
Responde «Gráfico B» e apresenta uma razão para rejeitar um dos gráficos incorrectos (ver nota).
ou
Responde «Gráfico B» e justifica correctamente a sua opção, mas não apresenta qualquer razão para rejeitar os gráficos incorrectos
Apresenta uma razão para rejeitar um dos gráficos incorrectos (ver nota), mas não responde, ou responde incorrectamente
Responde apenas «Gráfico B»
Dá outra resposta 0
Nota: Considera-se que está correcta a justificação para rejeitar um gráfico se o examinando indicar, para esse gráfico, por que razão pelo menos uma das barras não está de acordo com a informação do gráfico circular.
2
A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
Responde correctamente (3,1 \times 10^1) 5
Dá outra resposta 0

A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Exemplo 1: $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$ Exemplo 2: 1:2Há evidência de que identifica os dois rectângulos semelhantes, mas não Exemplo 1: $\frac{2}{1} = \frac{6}{3}$ Exemplo 2: A razão de semelhança é 2. Exemplo 3: B e C têm os lados correspondentes directamente proporcionais. Exemplo 4: B é uma ampliação de C. Dá outra resposta......0 Exemplo 1:

Dois rectângulos são semelhantes se tiverem os lados correspondentes

directamente proporcionais.

A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Responde correctamente $(6,25 \text{ ou } 6,25 \text{ } cm^2)$ e apresenta os cálculos Exemplo 1: $10 \div 4 = 2.5$ $2,5 \times 2,5 = 6,25$ Apresenta uma resolução em que determina correctamente o perímetro do rectângulo A $(10 \ {
m ou} \ 10 \ cm)$ e a medida do lado do quadrado (2.5 ou 2.5 cm)......4 Exemplo 1: $P = 2 \times 2 + 2 \times 3$ P = 10 $10 \div 4 = 2.5$ Exemplo 2: $10 \div 4 = 2.5$ $A = 2.5 \times 2 = 5$ Responde apenas ~6,25~0 ou ~6,25~2~2~2~1 Dá outra resposta......0 Exemplo 1: $P = 2 \times 3 = 6$ $6 \div 4 = 1.5$ $A = 1.5 \times 1.5 = 2.25$ Exemplo 2: P = 10 $10 \div 2 = 5$ A = 25Exemplo 3: P = 10

 $10 \times 10 = 100$

A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:

Responde correctamente ($\sqrt{13}$ ou $\sqrt{13}$ cm) e apresenta os cálculos

Exemplo 1:

$$d^2 = 3^2 + 2^2$$

$$d = \sqrt{13}$$

Identifica correctamente o diâmetro da circunferência e aplica correctamente o teorema de Pitágoras. Não completa a resolução, ou completa-a

Exemplo 1:

$$d^2 = 3^2 + 2^2$$

Exemplo 2:

$$d^2 = 3^2 + 2^2$$

$$d^2 = 6 + 4$$
$$d = \sqrt{10}$$

Exemplo 3:

$$d^2 = 3^2 + 2^2$$
$$d^2 = 13$$

$$a^{2} = 13$$

 $d = 6.5$

Exemplo 4:

$$d^2 = 3^2 + 2^2$$

$$d^2 = 6 + 4$$
$$d^2 = 10$$

$$d = 5$$

Há evidência de que identifica correctamente o diâmetro da circunferência, mas não aplica, ou aplica incorrectamente, o teorema de Pitágoras.

ou

Identifica correctamente o diâmetro da circunferência e aplica correctamente o teorema de Pitágoras. Responde incorrectamente e a resposta é absurda

Exemplo 1:

O diâmetro da circunferência é a diagonal do rectângulo A.

Exemplo 2:



Exemplo 3:



$$d^2 = 3^2 - 2^2$$

Exemplo 4:

$$d^2 - 3^2 = 2^2$$

$$d^2 = 4 - 9$$

$$d^2 = -5$$

$$d = \sqrt{-5}$$

$$d=\sqrt{-5}$$

Exemplo 5:

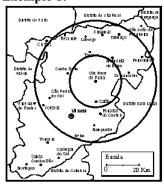
$$d^2 - 3^2 = 2^2$$

$$d^2 = 4 - 9$$

$$d = -5$$

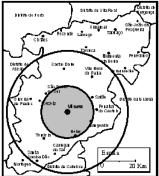
	Dá outra resposta 0
	Nota: São exemplos de respostas absurdas valores não reais ou reais negativos.
.1	
	A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
	Utiliza o compasso para desenhar, com <i>rigor aproximado</i> , duas circunferências, com centro em Vila Nova de Paiva, e pinta apenas a zona pedida (ver nota)
	Utiliza o compasso para desenhar, com <i>rigor aproximado</i> , duas circunferências concêntricas, com centro num ponto do mapa que não Vila Nova de Paiva, e pinta apenas a região compreendida entre elas (ver nota) 6
	Desenha, sem <i>rigor aproximado</i> , duas circunferências concêntricas, com centro num ponto do mapa e pinta apenas a região compreendida entre elas (ver nota)
	Utiliza o compasso para desenhar, com <i>rigor aproximado</i> , duas circunferências concêntricas, com centro num ponto do mapa, mas não pinta a região compreendida entre elas, ou não pinta apenas a região

Exemplo 1:

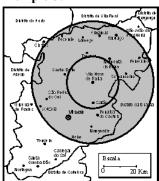


- 17

Exemplo 2:



Exemplo 3:



Utiliza o compasso para desenhar, com *rigor aproximado*, uma circunferência com centro em Vila Nova de Paiva, **e** pinta correctamente apenas a zona correspondente a uma chamada local **ou** nacional **(ver nota)**.... 2

Exemplo 1:



Utiliza o compasso para desenhar, com *rigor aproximado*, uma das circunferências com centro num ponto do mapa **(ver nota)**.

ou

Nota:

Considera-se que o desenho é feito com *rigor aproximado* se o comprimento do raio das circunferências desenhadas estiver compreendido entre $1,4\ cm$ e $1,6\ cm$ e entre $3,4\ cm$ e $3,6\ cm$, respectivamente.

4.2. 6 A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Responde correctamente (14 cêntimos **ou** $0,14 \in$) **e** apresenta os cálculos Exemplo 1: $8 + 20 \times 0,3 = 14$ Apresenta uma resolução completa, em que revela compreender como se determina o preço de uma chamada, mas identifica incorrectamente o tipo de chamada **ou** considera 80 segundos de conversação, para além do primeiro minuto 4 Exemplo 1: $8 + 0.2 \times 20 = 8 + 4 = 12$ Exemplo 2: $0,21 \times 20 = 4,2$ A Marta irá pagar 12,2 cêntimos. Exemplo 3: $8 + 80 \times 0.3 = 32$ Apresenta uma resolução incompleta, em que determina correctamente o Responde apenas «14 cêntimos» **ou** « $0,14 \in$ ». ou Identifica correctamente o tipo da chamada, mas não determina o seu Exemplo 1: $0.3 \times 80 = 24$ A Marta irá pagar 24 cêntimos pela chamada. Exemplo 2: A chamada é nacional e foi feita em horário normal. Exemplo 3: 8 + 0.3 = 8.3Dá outra resposta......0 Exemplo 1: A chamada durou 80 segundos.

5 5
A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
Responde correctamente ($sen x = \frac{b}{a}$)
Dá outra resposta 0
6 7
Podem ser utilizados vários processos para responder a este item, como por exemplo:
1.º Processo
A cotação deverá ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:
Desembaraçar a equação de denominadores
Obter uma equação equivalente à dada, na forma $ax^2+bx+c=0$ 1
Substituir correctamente, na fórmula resolvente, a,bec pelos respectivos valores (ver nota 1)
Obter as soluções da equação (-4 e $1)$ (ver nota 2)
 Notas: 1. Se o examinando não identificar correctamente os três coeficientes, a, b e c, a esta etapa deverão ser atribuídos zero pontos.
 Se o examinando obtiver apenas uma das duas soluções da equação, esta etapa deverá ser desvalorizada em 1 ponto.
2.º Processo
A cotação deverá ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:
Verificar que -4 é solução
Verificar que 1 é solução 1
Referir que uma equação do 2.º grau não tem mais do que duas soluções 5

7. 7

A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:

Determina correctamente o volume pedido, aproximado às unidades (20 ou

Exemplo 1:

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} - \frac{\pi \times 0,6^2 \times 2}{3} \approx 20,36 - 0,75 = 19,61$$
O volume \(\delta\) 20 m³

Apresenta uma resolução em que revela compreender que o volume pedido corresponde à diferença do volume dos dois cones ou a um tronco de cone. Substitui correctamente todos os valores na(s) fórmula(s), mas não calcula

Exemplo 1:

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} - \frac{\pi \times 0,6^2 \times 2}{3}$$

$$V = \left(\frac{\pi \times 4}{3}\right) (1,8^2 + 1,8 \times 0,6 + 0,6^2)$$

Apresenta uma resolução em que revela compreender que o volume pedido corresponde à diferença do volume dos dois cones ou a um tronco de cone. Não substitui correctamente um dos valores na(s) fórmula(s)...... 4

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} - \frac{\pi \times 0,6^2 \times 4}{3}$$

Exemplo 2:

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} \approx 20,36$$

$$V = \frac{\pi \times 0,6^2 \times 4}{3} \approx 1,51$$

$$20,36 - 1,51 = 18,85$$

Determina correctamente o volume dos dois cones e apresenta os cálculos

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} \approx 20,36$$
 $V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} \approx 20,36$

$$V = \frac{\pi \times 0.6^2 \times 2}{3} \approx 0.75$$
$$20.36 + 0.75 = 21.11$$

$$V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} \approx 20,36$$

$$V = \frac{\pi \times 0.6^2 \times 2}{3} \approx 0.75$$

Determina correctamente o volume de um dos cones e apresenta os Exemplo 1: Exemplo 2: $V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 6}{3} \approx 20,36$ $V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 4}{3} \approx 13,57$ $V = \frac{\pi \times 1.8^2 \times 6}{3} \approx 20.36$ Dá outra resposta...... 0 Exemplo 1: O volume do sólido é $20 m^3$. Exemplo 2: $V = \frac{\pi \times 1,8^2 \times 4}{3}$ Exemplo 3: $A=\pi\times 3.24$ Nota: Se o examinando, nos cálculos intermédios, proceder a arredondamentos e desrespeitar a indicação, expressa no enunciado, de conservação de 2 casas decimais, a sua resposta deverá ser desvalorizada em 1 ponto. 8. 5 A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Dá outra resposta...... 0 9.1. 4 A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Com dois números naturais consecutivos, efectua correctamente o procedimento implícito na afirmação...... 4 Exemplo 1: $8^2 - 7^2 = 64 - 49 = 15$

Dá outra resposta...... 0

Exemplo 1: Exemplo 2: $8^2 - 7^2 = 16 - 14 = 2$ $10^2 - 5^2 = 100 - 25 = 75$

9.2	6
	A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
	Desenvolve correctamente a expressão dada ${\bf e}$ apresenta uma explicação correcta para o facto de $2n+1$ não ser múltiplo de dois6
	Exemplo 1: $(n+1)^2 - n^2 = 2n+1$ $2n+1$ é impar, por isso não é múltiplo de 2.
	Desenvolve correctamente a expressão dada, ${\it mas}$ ${\it não}$ apresenta uma explicação para o facto de $2n+1$ não ser múltiplo de dois, ${\it ou}$ apresenta-a incorrectamente
	Exemplo 1: $(n+1)^2 - n^2 = n^2 + n + n + 1 - n^2 = n + n + 1 = 2n + 1$
	Exemplo 2: Exemplo 3: $(n+1)^2 = n^2 + 2n + 1$ $n^2 + 2n + 1 - n^2$ $(n+1)^2 - n^2 = 2n + 1$
	Não desenvolve correctamente a expressão dada, mas obtém uma expressão em n . Apresenta uma explicação em que evidencia compreender se essa expressão designa um número que não é múltiplo de dois
	Exemplo 1: $n^2+2n+2-n^2=2n+2$ $2n$ é par, por isso $2n+2$ é múltiplo de 2 .
	Dá outra resposta0
	Exemplo 1: $(n+1)^2 - n^2 = n^2 + 1 - n^2 = 1$ 1 é ímpar, por isso não é múltiplo de 2.
	Exemplo 2: $n^2 + 2 - n^2 = 2$ 2 é múltiplo de 2.
10	4
	A cotação deverá ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
	Responde correctamente (Figura B)
	Dá outra resposta 0

	A cotação deverá ser atribuída de acc	ordo com os seguintes níveis de desempenho
	Responde correctamente $((\frac{1}{2}, 1))$.	5
	Dá outra resposta	0
12.1		
	A cotação deverá ser atribuída de acc	ordo com os seguintes níveis de desempenho
	Responde correctamente (Gráfico A).	5
	Dá outra resposta	0
12.2	,	
		ordo com os seguintes níveis de desempenho
		voltas) e apresenta uma estratégia 7
	Exemplo 1: 3 é o comprimento de uma volta $\frac{17}{3} = 5,(6)$ O maior número possível de volt	
	Exemplo 2: 1 volta completa são 3 km .	km e, em 5 voltas, são percorridos
	volta completa (3 km), mas não re	n que identifica o comprimento de uma sponde, ou responde incorrectamente
	Exemplo 1: 1 volta são $3 \ km$.	Exemplo 2: 1 volta são $3 \ km$.

Apresenta uma estratégia incompleta, **mas** correcta, em que identifica o comprimento de uma volta completa (3 km). **Não** responde, **ou** responde incorrectamente (**ver nota**).

ou

Identifica correctamente o comprimento de uma volta completa (3 km)......3

Exemplo 1:

Uma volta completa são $3 \ km$.

$$\frac{10}{3} < \frac{11}{3} < \frac{12}{3} = 4$$

No máximo, percorre 4 voltas completas durante uma hora.

Exemplo 2:

1 volta são $3\ km$.

Responde apenas «5» ou «5 voltas»...... 1

Dá outra resposta...... 0

Exemplo 1:

$$\frac{11}{17} = \frac{3}{x}$$

Nota:

Se o examinando não referir o significado da constante 3 na fórmula $n \times c = 3$, a sua resposta deverá ser desvalorizada em 2 pontos.