

1. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam A e B dois acontecimentos equiprováveis e independentes.

Sabe-se que $P\left(\overline{A} \cup \overline{B}\right) = \frac{8}{9}$

Qual é o valor de P(A)?

- (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{3}{4}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $\frac{2}{3}$

Exame – 2019, Ép. especial

2. Seja Ω o espaço amostral (espaço de resultados) associado a uma certa experiência aleatória. Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \in \Omega \in B \in \Omega)$.

Sabe-se que:

- A e B são acontecimentos independentes e equiprováveis;
- $P(A \cup B) = 0.64$

Qual é o valor de P(A)?

- **(A)** 0,42
- **(B)** 0,40
- **(C)** 0,38

Exame – 2018, Ép. especial

- 3. Seja Ω , conjunto finito, o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória. Sejam A e B dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Sabe-se que:
 - P(A) = 0.4
 - $P(\overline{B}) = 0.7$
 - $\bullet \ P(A \cup B) = 0.5$

Qual é o valor de $P(\overline{A} \cup \overline{B})$?

- **(A)** 0,6
- **(B)** 0,7
- **(C)** 0,8
- **(D)** 0,9

(D) 0,36

Exame -2015, 1.^a Fase

4. Seja Ω , conjunto finito, o espaço de resultados associado a uma experiência aleatória. Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Sabe-se que: ullet A e B são acontecimentos independentes; • P(A) = 0.4• $P(\overline{A} \cap \overline{B}) = 0.48$ Qual é o valor de P(B)? **(A)** 0,08 **(B)** 0,12 **(C)** 0,2 **(D)** 0,6

Exame - 2014, 2.a Fase

- 5. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Sabe-se que:
 - P(A) = 0.3
 - $P(\overline{A} \cap B) = 0.55$
 - $\bullet \ A$ e Bsão acontecimentos incompatíveis.

Qual é o valor de $P(\overline{A} \cap \overline{B})$?

- **(A)** 0,85 **(B)** 0,25
- **(C)** 0,15 **(D)** 0

Exame - 2013, Ép. especial

- 6. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma experiência aleatória. Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Sabe-se que:
 - P(A) = 0.3
 - $P(\overline{B}) = 0.6$
 - $P(\overline{A} \cap \overline{B}) = 0.4$

Averigue se os acontecimentos A e B são independentes.

Teste Intermédio 12.º ano - 28.02.2013

7. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma experiência aleatória. Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$.

Sabe-se que $P(A \cap B) = \frac{1}{5}$

Qual é o valor de $P(\overline{A} \cup (A \cap \overline{B}))$?

- (A) $\frac{1}{5}$ (B) $\frac{2}{5}$ (C) $\frac{3}{5}$

Teste Intermédio $12.^{\circ}$ ano -29.11.2013

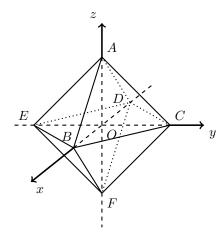
8. Na figura ao lado, está representado, num referencial o.n. Oxyz, um octaedro regular [ABCDEF], cujos vértices pertencem aos eixos coordenados.

Considere a experiência aleatória que consiste em escolher, ao acaso, um dos vértices do octaedro.

Sejam X e Y os acontecimentos seguintes.

X: «o vértice escolhido pertence ao plano definido por y=0» Y: «a soma das coordenadas do vértice escolhido é positiva» Averigue se os acontecimentos X e Y são independentes. Justifi-

Na sua justificação, deve indicar os vértices que pertencem a cada um dos acontecimentos $X,\,Y$ e $X\cap Y$



Teste Intermédio 12.º ano - 29.11.2013

- 9. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Sabe-se que:
 - A e B são acontecimentos independentes;
 - $\bullet \ P\left(\overline{A}\right) = \frac{7}{10}$
 - $P(A \cup B) = \frac{3}{4}$

Qual é o valor de P(B)?

- (A) $\frac{5}{14}$ (B) $\frac{9}{14}$ (C) $\frac{9}{20}$ (D) $\frac{11}{20}$

Exame - 2012, 1.a Fase

10. Uma escola secundária tem alunos de ambos os sexos em todos os anos de escolaridade. Escolhe-se, ao acaso, um aluno dessa escola.

Sejam $A \in B$ os acontecimentos:

A: «O aluno é do sexo feminino»

B: «O aluno está no 12.º ano»

Qual das expressões seguintes designa o acontecimento «o aluno é do sexo masculino e não está no $12.^{\rm o}$ ano≫?

- (A) $A \cap B$
- **(B)** $\overline{A \cap B}$
- (C) $A \cup B$
- (D) $\overline{A \cup B}$

Teste Intermédio 12.º ano - 24.05.2012

- 11. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma experiência aleatória. Sejam A e B dois acontecimentos incompatíveis $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$. Qual das afirmações seguintes é necessariamente verdadeira?
 - **(A)** $P(A \cup B) = P(A \cap B)$
- **(B)** P(A) + P(B) = 1
- **(C)** $P(A \cap B) = 0$
- **(D)** $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$

Teste Intermédio 12.º ano - 13.03.2012

- 12. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos (A ⊂ Ω e B ⊂ Ω). Sabe-se que:
 P(A) = 0,9
 P(A∪B) = 0,73
 A e B são acontecimentos independentes.
 Qual é o valor de P(B)?
 - (A) 0 00 (D) 0 077
 - **(A)** 0,63
- **(B)** 0,657
- **(C)** 0,073
- **(D)** 0,7

Exame - 2011, Prova especial

13. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam A e B dois acontecimentos ($A \subset \Omega$ e $B \subset \Omega$) incompatíveis.

Sabe-se que $P(\overline{A} \cap \overline{B}) = 0.3$ e que P(A) = 0.5

Qual é o valor de P(B)?

- **(A)** 0,2
- **(B)** 0
- **(C)** 0,5
- **(D)** 0,4

Exame – 2011, Ép. especial

14. A Ana dispõe de sete cartas todas diferentes: quatro cartas do naipe de espadas e três cartas do naipe de copas.

As cartas de que a Ana dispõe são:

- o ás, o rei, a dama e o valete do naipe de espadas;
- o rei, a dama e o valete do naipe de copas.

Depois de introduzir as sete cartas num saco, a Ana retira uma carta ao acaso.

Sejam $A \in B$ os acontecimentos:

A: «A carta retirada é do naipe de espadas»

B: «A carta retirada é um rei»

Averigue se os acontecimentos A e B são independentes.

Teste Intermédio 12.º ano - 19.01.2011

15. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos ($A \subset \Omega$ e $B \subset \Omega$).

Sabe-se que:

- P(A) = 0.4
- $P(\overline{B}) = 0.3$
- $P(A \cap B) = 0.3$

Qual é o valor de $P(A \cup B)$?

- **(A)** 0,4
- **(B)** 0,6
- (C) 0.7
- **(D)** 0,8

Exame – 2010, Ép. especial



 ${\it mat.absolutamente.net}$

16. A Ana e a Joana são amigas e vão acampar nas férias do Carnaval. A mãe da Ana e a mãe da Joana pediram às filhas que, quando chegassem ao acampamento, lhes telefonassem, pedido que é hábito fazerem sempre que as jovens se ausentam de casa por períodos de tempo alargados. Admita-se que o facto de uma delas telefonar é independente de a outra também o fazer.

Sabe-se pela experiência que elas nem sempre satisfazem o pedido das mães.

Considere os acontecimentos:

A: «a Ana telefona à mãe»;

B: «a Joana telefona à mãe».

Determine a probabilidade de, pelo menos, uma das amigas telefonar à sua mãe, sabendo que P(A) = 70%, que P(B) = 80% e que A e B são acontecimentos independentes.

Apresente o resultado em percentagem.

Exame – 2010, Ép. especial

17. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$.

Sabe-se que:

- P(A) = 30%;
- $P(A \cup B) = 70\%$;
- $\bullet \ A$ e Bsão incompatíveis.

Qual é o valor de P(B)?

- **(A)** 21%
- **(B)** 40%
- (C) 60%
- **(D)** 61%

Exame – 2010, 1.^a Fase

- 18. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória. Sejam A e B dois acontecimentos ($A \subset \Omega$ e $B \subset \Omega$). Sabe-se que:
 - A e B são acontecimentos independentes;
 - P(A) = 0.4 e P(B) = 0.5

Qual é o valor de $P(A \cup B)$?

- **(A)** 0,6
- **(B)** 0,7
- **(C)** 0,8
- **(D)** 0,9

Teste Intermédio 12.º ano - 15.03.2010

19. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$.

Sabe-se que P(A) = 0.5 e que P(B) = 0.7

Podemos então garantir que ...

- (A) A e B são acontecimentos contrários
- (B) A e B são acontecimentos compatíveis

(C) A está contido em B

(**D**) o acontecimento $A \cup B$ é certo

Teste Intermédio 12.º ano - 10.12.2008

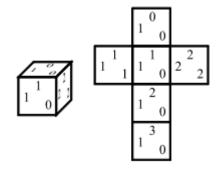


20. Na figura ao lado está representado um dado equilibrado, bem como a respetiva planificação.

Conforme se pode observar na figura, existem três números em cada face.

Lança-se este dado **uma só vez** e observam-se os números da face que fica voltada para cima. Diz-se então que saíram esses três números. Seja R o acontecimento «os números saídos são todos iguais».

Seja S o acontecimento «a **soma** dos números saídos é igual a 3». Os acontecimentos R e S são independentes? Justifique.



Teste Intermédio 12.º ano – 10.12.2008

21. Numa determinada cidade, das 160 raparigas que fizeram o exame nacional de Matemática, 65% tiveram classificação positiva, e, dos 120 rapazes que fizeram o mesmo exame, 60% também tiveram classificação positiva.

Escolhendo, ao acaso, um dos estudantes que realizaram o exame, qual é a probabilidade de o estudante escolhido não ser rapaz ou não ter tido classificação positiva?

Apresente o resultado em forma de dízima, com aproximação às centésimas.

Nota: Se o desejar, utilize a igualdade $P(\overline{A} \cup \overline{B}) = P(\overline{A}) - P(B) + P(A \cup B)$. Neste caso, deverá começar por caracterizar claramente os acontecimentos $A \in B$, no contexto da situação apresentada; no entanto, pode optar por resolver o problema por outro processo.

Exame – 2008, 2.ª Fase

22. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória, e sejam A e B dois acontecimentos.

Sabe-se que:

- $P(A \cup B) = 80\%$
- P(B) = 60%
- $P(A \cap B) = 10\%$

Qual é o valor de P(A)? (P designa probabilidade).

(A) 10%

(B) 20%

(C) 30%

(D) 40%

Exame – 2008, 1.ª Fase



mat.absolutamente.net

23. Considere um espaço de resultados finito, Ω , associado a uma certa experiência aleatória.

A propósito de dois acontecimentos X e Y $(X \subset \Omega \text{ e } Y \subset \Omega)$, sabe-se que,

- P(X) = a
- \bullet P(Y) = b
- \bullet X e Y são independentes

A probabilidade de que não ocorra X nem ocorra Y é igual a $1-a-b+a\times b$

Num frigorífico, há um certo número de iogurtes e um certo número de sumos. Tiram-se do frigorífico, ao acaso, um iogurte e um sumo.

Sabe-se que a probabilidade de o iogurte ser de pêssego é $\frac{1}{5}$ e a probabilidade de o sumo ser de laranja é

Âdmita que os acontecimentos «tirar um iogurte de pêssego» e «tirar um sumo de laranja» são inde-

Utilizando a expressão $1 - a - b + a \times b$, determine a probabilidade de, ao tirar, ao acaso, um iogurte e um sumo do frigorífico, o iogurte não ser de pêssego e o sumo não ser de laranja. Apresente o resultado na forma de fração irredutível.

Exame - 2007, 2.ª Fase

24. Considere todos os números de três algarismos que se podem formar com os algarismos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9.

Escolhe-se, ao acaso, um desses números.

Sejam os acontecimentos:

A: «O número escolhido é múltiplo de 5»

B: «O número escolhido tem os algarismos todos diferentes».

Averigue se A e B são, ou não, acontecimentos independentes.

Exame - 2007, 1.a Fase

25. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam A, B e C três acontecimentos $(A \subset \Omega, B \subset \Omega \in C \subset \Omega)$ tais que $(A \cup B) \cap C = \emptyset$

Sabe-se que P(A) = 0.21 e que P(C) = 0.47.

Calcule $P(A \cup C)$, utilizando as propriedades das operações com conjuntos e a axiomática das probabilidades.

Exame - 2007, 1.a Fase

26. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam A e B dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$ tais que 0 < P(A) < 1 e 0 < P(B) < 1Sabe-se que $A \subset B$. Qual é o valor de $P[(A \cup B) \cap \overline{B}]$?

- (A) 0
- **(B)** P(A) **(C)** P(B)
- **(D)** 1

Teste Intermédio 12.º ano - 07.12.2006

27. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma experiência aleatória.

Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$.

Sabe-se que A e B são acontecimentos independentes, que $P(B) = \frac{2}{3}$ e que $P(A \cap B) = \frac{1}{2}$.

Determine o valor de $P(A \cup B)$. Apresente o resultado na forma de fração irredutível.

Teste Intermédio 12.º ano - 07.12.2006



28. A Sofia tem dois dados equilibrados.

Um dos dados é um cubo com as faces numeradas de 1 a 6.

O outro dado é um octaedro com as faces numeradas de 1 a 8.

A Sofia lança os dois dados e observa os números saídos (nas faces que ficam voltadas para cima).





No âmbito desta experiência, dê o exemplo de dois acontecimentos, A e B, nem impossíveis nem certos, e tais que, $A \neq B$ e $P(A \cap B) = P(A)$.

Exame – 2006, Ép. especial

29. Uma turma de 12.º ano é constituída por raparigas, umas de 16 anos e as restantes de 17 anos, e por rapazes, uns de 17 anos e os restantes de 18 anos.

Os alunos dessa turma estão numerados consecutivamente, a partir do número 1.

Escolhe-se, ao acaso, um aluno dessa turma e regista-se o número, a idade e o sexo desse aluno.

Em cada uma das opções seguintes estão indicados dois acontecimentos, X e Y, associados a esta experiência aleatória.

Opção 1: X: «O aluno escolhido tem idade superior ou igual a 17 anos»

Y: «O aluno escolhido tem 16 ou 17 anos»

Opção 2: X : «O número do aluno escolhido é par»

Y: «O número do aluno escolhido é múltiplo de 4»

Opção 3: X : «O aluno escolhido tem 18 anos»

Y: «O aluno escolhido é rapariga»

Opção 4: X : «O aluno escolhido é rapaz»

Y: «O aluno escolhido tem 17 anos»

Em apenas uma das opções acima apresentadas os acontecimentos, X e Y, são tais que são verdadeiras as três afirmações seguintes:

$$P(X\cup Y)>P(X),\,P(X\cup Y)<1,\,P(X\cap Y)>0$$

Qual é essa opção? Numa pequena composição, explique por que é que rejeita as outras três opções (para cada uma delas, indique, **justificando**, qual é a afirmação falsa).

Exame - 2006, 2. Fase

30. Seja Ω o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset \Omega \in B \subset \Omega)$.

Sabe-se que P(A) = 0.3

Apenas um dos acontecimentos seguintes pode ter probabilidade inferior a 0,3.

Qual deles?

(A) $A \cup B$

(B) $\overline{A} \cup B$

(C) $A \cap B$

(D) $\overline{A \cap B}$

Exame – 2006, 1.ª Fase

31. Escolhe-se, ao acaso, um aluno de uma turma de uma escola secundária.

Considere os acontecimentos:

A: «O aluno é uma rapariga»

B: «O aluno não usa óculos»

Qual é o acontecimento **contrário** de $A \cup B$?

(A) O aluno é um rapaz e usa óculos

(B) O aluno é um rapaz e não usa óculos

(C) O aluno é um rapaz ou usa óculos

(D) O aluno é um rapaz ou não usa óculos

Exame – 2005, Ép. especial



32. Seja Ω o espaço de resultados (com um número finito de elementos) associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam X e Y dois a
contecimentos ($X \subset \Omega$ e $Y \subset \Omega$).

Apenas uma das afirmações seguintes <u>não</u> é equivalente à igualdade $P(X \cap Y) = 0$. Qual?

- (A) X e Y são acontecimentos incompatíveis.
- (B) X e Y não podem ocorrer simultaneamente.
- (C) Se X ocorreu, Y não pode ocorrer.
- (D) X e Y são ambos impossíveis.

Exame - 2005, 1.a Fase

33. Seja S o conjunto de resultados associado a uma experiência aleatória. Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset S \in B \subset S)$. Sabe-se que:

$$P(A) = 0.3$$
 $P(A \cap B) = 0.1$ $P(A \cup B) = 0.8$

$$P(A \cup B) = 0.8$$

Qual é o valor de $P(\overline{B})$?

Exame - 2004, 2.a Fase

- 34. Qual das afirmações seguintes é necessariamente verdadeira?
 - (A) A soma das probabilidades de dois acontecimentos incompatíveis é 1
 - (B) O produto das probabilidades de dois acontecimentos incompatíveis é 1
 - (C) A soma das probabilidades de dois acontecimentos contrários é 1
 - (D) O produto das probabilidades de dois acontecimentos contrários é 1

Exame - 2004, 1.ª Fase

35. Um saco contém bolas azuis, brancas e pretas.

Tira-se, ao acaso, uma bola do saco.

Sejam os acontecimentos:

A – a bola retirada é azul

B – a bola retirada é branca

Qual das afirmações seguintes é verdadeira?

- (A) $A \in B$ são contrários
- (B) $A \in \overline{B}$ são contrários
- (C) $A \in B$ são incompatíveis
- (**D**) $A \in \overline{B}$ são incompatíveis

Exame - 2003, 1ª Fase - 2.ª chamada

36. Seja E o espaço de resultados associado a uma certa experiência aleatória.

Sejam $A \in B$ dois acontecimentos $(A \subset E \in B \subset E)$.

Tem-se que:

$$P(A) = 0.3 \text{ e } P(B) = 0.5$$

Qual dos números seguintes pode ser o valor de $P(A \cup B)$?

- (A) 0,1
- **(B)** 0,4
- **(C)** 0,6
- **(D)** 0,9

Exame - 2003, 1.ª Fase - 1.ª chamada

37. Numa turma de vinte e cinco jovens, as suas idades e sexos estão distribuídos como indica a tabela:

Idade	Rapazes	Raparigas
15	4	2
16	5	4
17	6	4

Pretende-se escolher um jovem para representar a turma. Sabendo que esse representante é escolhido ao acaso, qual é a probabilidade de que tenha dezasseis anos ou seja uma rapariga? Apresente o resultado na forma de fração irredutível.

Exame – 2002, Prova para militares

38. Dois atiradores, António e Belmiro, disparam simultaneamente sobre um alvo.

A probabilidade de o António acertar no alvo é 0,7.

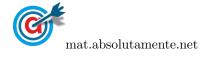
A probabilidade de o Belmiro acertar no alvo é 0,6.

Admita que são independentes os acontecimentos «O António acerta no alvo» e «O Belmiro acerta no alvo»

Qual é a probabilidade de o alvo ser atingido?

- **(A)** 0,86
- **(B)** 0,88
- **(C)** 0,90
- **(D)** 0,92

Exame - 2001, Ép. especial



39. Num saco existem quinze bolas, indistinguíveis ao tato.

Cinco bolas são amarelas, cinco são verdes e cinco são brancas.

Para cada uma das cores, as bolas estão numeradas de 1 a 5.

Suponha que, no saco, estão apenas algumas das quinze bolas.

Nestas condições, admita que, ao retirarmos, ao acaso, uma bola do saco, se tem:

- a probabilidade dessa bola ser amarela é 50%
- a probabilidade dessa bola ter o número 1 é 25%
- \bullet a probabilidade dessa bola ser amarela ou ter o número 1 é 62,5%

Prove que a bola amarela número 1 está no saco.

Exame - 2001, 1.ª Fase - 1.ª chamada

40. Seja S o conjunto de resultados (com um número finito de elementos) associado a uma experiência aleatória.

Sejam A e B dois acontecimentos, contidos em S, nenhum deles impossível nem certo.

Sabe-se que $A \subset B$

Indique qual das afirmações seguintes é verdadeira (P designa probabilidade, e \overline{A} e \overline{B} designam os acontecimentos contrários de A e B, respetivamente).

- **(A)** P(A) > P(B) **(B)** $P(A \cap B) = 0$
- (C) $P(A \cup B) = 1$ (D) $P(\overline{A}) \ge P(\overline{B})$

Prova modelo - 2001

41. Lança-se um dado com as faces numeradas de 1 a 6.

Considere os acontecimentos:

A: «sair face ímpar»;

B: «sair face de número maior ou igual a 4».

Qual é o acontecimento **contrário** de $A \cup B$?

- (A) sair a face 1 ou a face 5
- (B) sair a face 4 ou a face 6

(C) sair a face 2

(D) sair a face 5

Exame - 2000, 1.ª Fase - 1.ª chamada