

Proposta de resolução do teste de avaliação - novembro de 2023

- 1. Opção B.
- 2. Opção C.

A raiz quadrada de um quadrado perfeito e a raiz cúbica de um cubo perfeito são representadas por números inteiros.

 $\sqrt{64} = 8$ e $\sqrt[3]{64} = 4$, pelo que 64 é um quadrado perfeito e um cubo perfeito.

3. [EABF] está dividido em três quadrados geometricamente iguais.

Área, em centímetros quadrados, de cada quadrado: $\frac{108}{3} = 36$

Medida, em centímetros, do lado de cada quadrado: $\sqrt{36} = 6$

Em centímetros, tem-se: $\overline{EF} = 3 \times 6 = 18$.

Área, em centímetros quadrados, do retângulo [EFCD]: $\overline{EF} \times \overline{CF} = 18 \times 7,6 = 136,8$

Área do retângulo [ABCD], em centímetros quadrados: 108 + 136,8 = 244,8

4. A planificação de um cubo é constituída por seis quadrados geometricamente iguais.

Área da planificação: 384 cm²

Área, em centímetros quadrados, de cada um dos quadrados: $\frac{384}{6}$ = 64

Medida do comprimento da aresta do cubo, em centímetros: $\sqrt{64} = 8$

Volume do cubo, em centímetros cúbicos: $8^3 = 512$

- **5.** Opção **D**.
- 6.
- 6.1. Verdadeira

$$(P = x + 2 - 4x + 5 = -3x + 7)$$

6.2. Falsa

$$Q = (x+5)(2x+1) = 2x^2 + x + 10x + 5 = 2x^2 + 11x + 5$$

A forma reduzida de Q é um polinómio do 2.º grau cujo coeficiente do termo de maior grau é 2.

6.3. Verdadeira

$$(2 \times (-1)^2 + 11 \times (-1) + 5 = 2 - 11 + 5 = -4)$$



Espiral 8 – Matemática 8.º ano

Proposta de resolução do teste de avaliação - novembro de 2023

6.4. Verdadeira

$$(Q-P=2x^2+11x+5-(-3x+7)=2x^2+11x+5+3x-7=2x^2+14x-2=2(x^2+7x-1))$$

7.

7.1. $P = x^5 + 3$, por exemplo.

7.2.
$$P = x^2 + 2x$$
 e $Q = -x^2$, por exemplo.

8. A região colorida é constituída pelo quadrado [DEFG] e pelo triângulo [FHI].

Medida da área do quadrado [DEFG]: x^2

Medida da área do triângulo [FHI]:

$$\frac{\overline{FI} \times \overline{FH}}{2} = \frac{(2x - 1 - x) \times (2x - 1 - x)}{2} = \frac{(x - 1)^2}{2} = \frac{1}{2}x^2 - x + \frac{1}{2}x^2 -$$

Medida da área da região colorida: $x^2 + \frac{1}{2}x^2 - x + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}x^2 - x + \frac{1}{2}$

9. Opção C.

O problema pode ser traduzido pela equação: $2(x+1) = \frac{1}{2} \Leftrightarrow 4(x+1) = 1 \Leftrightarrow 4x+4=1$

10.
$$-\frac{x-2}{3}+1=\frac{3(x-1)-5}{2} \Leftrightarrow -\frac{x-2}{3}+1=\frac{3x-8}{2} \Leftrightarrow -\frac{2x-4}{6}+\frac{6}{6}=\frac{9x-24}{6} \Leftrightarrow -\frac{2x-4}{6}=\frac{9x-24}{6}$$

$$\Leftrightarrow -2x + 4 + 6 = 9x - 24 \Leftrightarrow -11x = -34 \Leftrightarrow x = \frac{34}{11}$$

O conjunto-solução é $\left\{\frac{34}{11}\right\}$.

11.

11.1. A expressão representa a quantia, em euros, gasta pelo João para obter a licença de condução.



Espiral 8 – Matemática 8.º ano Proposta de resolução do teste de avaliação – novembro de 2023

11.2. $\frac{1}{24}x$: quantia, em euros, gasta na licença de condução

$$\left(x - \frac{1}{24}x\right) \times \frac{3}{4} = \frac{23}{24}x \times \frac{3}{4} = \frac{69}{96}x$$
: preço, em euros, do automóvel

$$x = \frac{1}{24}x + \frac{69}{96}x + 4140 \Leftrightarrow \frac{96}{96}x = \frac{4}{96}x + \frac{69}{96}x + \frac{397440}{96} \Leftrightarrow 96x - 4x - 69x = 397440 \Leftrightarrow 23x = 397440 \Leftrightarrow x = \frac{397440}{23} = 17280$$

No dia em que completou 18 anos, o João tinha 17 280 € na sua conta bancária.