

1. Na figura ao lado, está representada, num referencial o.n. xOy, parte da hipérbole que é o gráfico de uma função f

O gráfico da função f intersecta o eixo Ox no ponto de abcissa

As retas de equações x=1 e y=-2 são as assíntotas do gráfico da função f

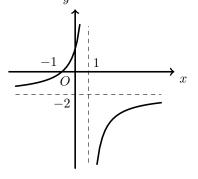
Qual é o conjunto solução da condição $f(x) \leq 0$?

(A)
$$]-\infty, -2[\cup]-2,0$$

(A)
$$]-\infty, -2[\cup]-2,0]$$
 (B) $]-\infty, -1]\cup]0, +\infty[$

(C)
$$]-\infty,0] \cup]1,+\infty[$$
 (D) $]-\infty,-1] \cup]1,+\infty[$

(D)
$$]-\infty,-1] \cup]1,+\infty$$



Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano -11.03.2014

2. Seja f a função, de domínio \mathbb{R} , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{3}x^3 + 3x^2 - 13 & \text{se } x \le 1\\ \frac{2x - 3}{1 - x} & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

2.1. Resolva analiticamente, em]1, + ∞ [, a condição $f(x) < \frac{1}{x-2}$

Apresente o conjunto solução usando a notação de intervalos de números reais.

- 2.2. Considere, para cada número real k, a função g, de domínio \mathbb{R} , definida por g(x) = kx + 2Determine o valor de k para o qual se tem $(g \circ f)(-3) = 6$
- 2.3. Determine o contradomínio da função f

Para resolver este item, recorra à calculadora gráfica. Na sua resposta, deve:

- ullet reproduzir, num referencial, o gráfico da função f que visualizar na calculadora (sugere-se a utilização da janela em que $x \in [-5,5], y \in [-15,10]$; nesse referencial:
 - assinale o ponto do gráfico de abcissa 1 e indique a sua ordenada
 - represente as assíntotas do gráfico de f
 - assinale o ponto do gráfico correspondente ao máximo relativo da função
- ullet apresentar o contradomínio da função f , usando a notação de intervalos de números reais.

Teste Intermédio 11° ano -16.03.2014

3. Considere a função f, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, definida por $f(x) = \frac{1}{x+1}$

Considere a função g definida por g(x) = f(x+a) + k, com $a \in \mathbb{R}$ e $k \in \mathbb{R}$

Sabe-se que as retas de equações x = -2 e y = 2 são assíntotas do gráfico de g

Quais são os valores de a e de k?

(A)
$$a = 1 e k = -2$$

(B)
$$a - 1 + k - 9$$

(A)
$$a = 1 e k = -2$$
 (B) $a = 1 e k = 2$ (C) $a = -1 e k = -2$ (D) $a = -1 e k = 2$

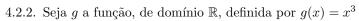
(D)
$$a = -1 e k = 2$$

Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano -06.03.2013

4. Na figura ao lado, está representada, num referencial o.n. xOy, parte da hipérbole que é o gráfico de uma função f, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{2\}$

As retas de equações x=2 e y=-1 são as assintotas do gráfico da função f

- 4.1. Responda aos dois itens seguintes sem apresentar cálculos.
 - 4.1.1. Qual é o valor de k para o qual a equação f(x) = k é impossível?
 - 4.1.2. Qual é o limite de f(x) quando x tende para $+\infty$?
- 4.2. Admita agora que a função f é definida pela expressão $f(x) = \frac{6-x}{x-2}$
 - 4.2.1. Resolva analiticamente a condição $f(x) \leq \frac{4-x}{x+2}$ Apresente o conjunto solução usando a notação de intervalos de números reais.

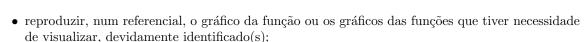


A equação $(f \circ g)(x) = x$ tem exatamente duas soluções.

Determine, recorrendo à calculadora gráfica, essas soluções.

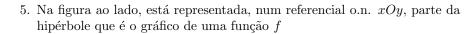
Apresente as soluções arredondadas às centésimas.

Na sua resposta, deve:



• assinalar os pontos relevantes para responder à questão colocada.

Teste Intermédio 11º ano – 06.03.2013



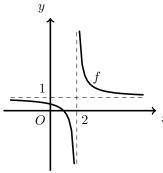
As retas de equações x=2 e y=1 são as assíntotas do gráfico da função f

Para um certo número real k, a função g, definida por g(x) = f(x) + k, não tem zeros.

Qual $\acute{\mathrm{e}}$ o valor de k?

$$(A) -1$$

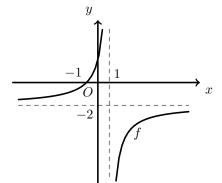
(C)
$$-2$$



Teste Intermédio 11° ano -09.02.2012

6. Na figura seguinte, está representada, num referencial o.n. xOy, parte da hipérbole que é o gráfico de uma função f

O gráfico da função f intersecta o eixo Ox no ponto de abcissa -1 As retas de equações x=1 e y=-2 são as assíntotas do gráfico da função f



- 6.1. Responda aos dois itens seguintes sem efetuar cálculos, ou seja, recorrendo apenas à leitura do gráfico.
 - 6.1.1. Indique o contradomínio da função f
 - 6.1.2. Apresente, usando a notação de intervalos de números reais, o conjunto solução da condição $f(x) \leq 0$
- 6.2. Defina, por uma expressão analítica, a função \boldsymbol{f}

Teste Intermédio 11º ano – 09.02.2012

7. Seja h a função, de domínio \mathbb{R} , definida por h(x) = x + 1

Seja g a função, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ definida por $g(x) = \frac{1}{x}$

Para um certo número real a, tem-se $(g \circ h)(a) = \frac{1}{9}$ (o símbolo \circ designa a composição de funções)

Qual é o valor de a?

- (A) 7
- **(B)** 8
- **(C)** 9
- **(D)** 10

Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano -24.05.2011

- 8. Considere:
 - a função f, de domínio \mathbb{R} , definida por $f(x) = x^3 + 3x^2 9x 11$
 - a função g, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, definida por $g(x) = \frac{x-1}{x+1}$

Seja P o ponto de interseção das assintotas do gráfico da função gPara um certo número real k, o ponto P pertence ao gráfico da função h, de domínio \mathbb{R} , definida por h(x) = f(x) + k

Determine, utilizando métodos exclusivamente analíticos, o valor de k

Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano – 24.05.2011

9. Num certo ecossistema habitam as espécies animais A e B.

Admita que, t anos após o início do ano 2009, o número de animais, em **milhares**, da espécie A é dado aproximadamente por

$$A(t) = \frac{11t + 6}{t + 1}, \ (t \ge 0)$$

e que o número de animais, em milhares, da espécie B é dado aproximadamente por

$$B(t) = \frac{t+9}{t+3}, \ (t \ge 0)$$

Resolva os dois itens seguintes, usando exclusivamente métodos analíticos.

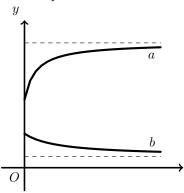
9.1. Desde o início do ano 2009 até ao início do ano 2010, morreram 500 animais da espécie A.

Determine quantos animais dessa espécie nasceram nesse intervalo de tempo.

9.2. Na figura ao lado, estão representadas graficamente as funções a e b

Tal como estes gráficos sugerem, a **diferença** entre o número de animais da espécie A e o número de animais da espécie B vai aumentando, com o decorrer do tempo, e tende para um certo valor.

Determine esse valor, recorrendo às assimptotas horizontais dos gráficos das funções e cujas equações deve apresentar.



Teste Intermédio 11° ano -06.05.2010

10. Considere:

- $\bullet\,$ a função f, de domínio $\mathbb{R}\setminus\{0\},$ definida por $f(x)=3+\frac{6}{x}$
- $\bullet\,$ a função g, de domínio $\mathbb{R},$ definida por $g(x)=\frac{1}{3}x^3-3x^2+8x-3$
- 10.1. Determine, usando exclusivamente métodos analíticos, o conjunto dos números reais que são soluções da inequação $f(x) \le 5$

Apresente a sua resposta utilizando a notação de intervalos de números reais.

10.2. A equação f(x) = g(x) tem exatamente duas soluções, sendo uma delas positiva e a outra negativa. Determine a solução positiva, **utilizando as capacidades gráficas da sua calculadora**. Apresente essa solução arredondada às centésimas. Apresente o(s) gráfico(s) visualizado(s) na calculadora e assinale o ponto relevante para a resolução do problema.

Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano -06.05.2010

11. Considere a função f, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{-2\}$, definida por $f(x) = 4 - \frac{4}{x+2}$

Sem recorrer à calculadora, resolva os itens seguintes:

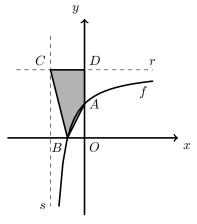
- 11.1. Determine o conjunto dos números reais que são soluções da inequação $f(x) \geq 3$ Apresente a sua resposta utilizando a notação de intervalos de números reais.
- 11.2. Na figura ao lado estão representados, em referencial o.n. xOy:
 - parte do gráfico da função f
 - ullet as retas r e s assíntotas do gráfico de f
 - o quadrilátero [ABCD]

A e B são os pontos de intersecção do gráfico da função f com os eixos coordenados.

C é o ponto de interseção das retas r e s.

D é o ponto de interseção da reta r com o eixo Oy.

Determine a área do quadrilátero [ABCD]



Teste Intermédio 11° ano -07.05.2009

12. Na figura está representada, em referencial o.n. xOy, parte do gráfico de uma função f, bem como as duas assíntotas deste gráfico.

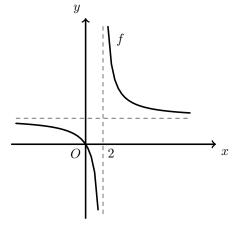
Tal como a figura sugere,

- ullet a origem do referencial pertence ao gráfico de f
- ullet uma das assíntotas é paralela ao eixo Ox
- a outra assíntota é paralela ao eixo Oy e intersecta o eixo Oxno ponto de abcissa 2

Admita ainda que:

- $\bullet\,$ a assíntota do gráfico de f é paralela ao eixo das abcissas tem
- f é definida por uma expressão do tipo $f(x) = a + \frac{b}{x c}$ onde $a,\,b$ e c designam números reais.

Indique os valores de a e de c e determine o valor de b



Teste Intermédio 11° ano -06.05.2008

13. Considere um retângulo cuja área é igual a 5.

Qual das seguintes expressões representa o perímetro deste retângulo, em função do comprimento, x, de um dos seus lados?

(A)
$$2x + \frac{10}{x}$$
 (B) $2x + \frac{2x}{x}$ (C) $x + \frac{5}{x}$

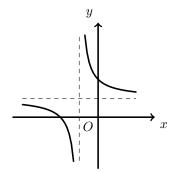
(B)
$$2x + \frac{2x}{x}$$

(C)
$$x + \frac{5}{x}$$

(D)
$$2x + \frac{5}{x}$$

Exame - 2007, 2ª fase

14. Para um certo valor de a e para um certo valor de b, a expressão $f(x)=a+rac{1}{x-b},$ define a função cujo gráfico está parcialmente representado na figura ao lado.



Qual das afirmações seguintes é verdadeira?

(A)
$$a > 0 \land b > 0$$

(B)
$$a > 0 \land b < 0$$

(C)
$$a < 0 \land b > 0$$

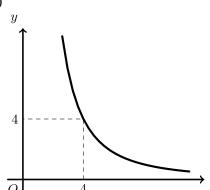
(C)
$$a < 0 \land b > 0$$
 (D) $a < 0 \land b < 0$

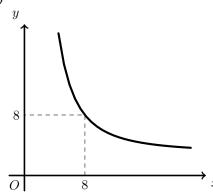
Teste Intermédio $11^{\rm o}$ ano -10.05.2007

15. Pretende-se construir um prisma quadrangular regular com $64\ cm^3$ de volume.

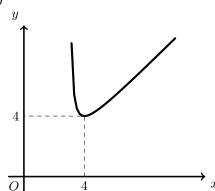
A altura y do prisma, medida em cm, depende do comprimento x da aresta da base, igualmente medido

Qual dos gráficos seguintes traduz corretamente a relação entre estas duas variáveis?

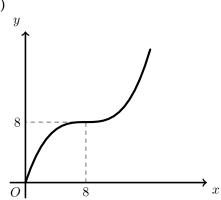




(C)



(D)



Exame – 2006, Ép. especial

- 16. Considere a função f, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{1\}$, definida por $f(x) = 2 + \frac{1}{1-x}$
 - 16.1. Sem recorrer à calculadora, determine o conjunto dos números reais x tais que

$$f(x) \leq -1$$

Apresente a resposta final na forma de intervalo (ou união de intervalos).

16.2. O gráfico da função f tem duas assimptotas. Escreva as suas equações.

Teste Intermédio 11° ano -19.05.2006

17. Considere a função f, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{3\}$, definida por $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$

Em cada uma das opções seguintes estão escritas duas equações.

Em qual das opções as duas equações definem as assíntotas do gráfico de f?

- **(A)** x = 2 e y = 1
- **(B)** x = 2 e y = 2
- (C) x = 3 e y = 1 (D) x = 3 e y = 2

Exame - 2005, Ép. especial (cód. 435)

- 18. Sabe-se que:
 - o nível de álcool no sangue de uma pessoa, uma hora depois de ter tomado uma bebida alcoólica, é, numa certa unidade, igual ao quociente entre o peso do álcool ingerido (em gramas) e 70% do peso dessa pessoa (em quilogramas).
 - num decilitro de um certo tipo de vinho existem 5 gramas de álcool.

Qual das expressões seguintes dá o **nível de álcool** no sangue de uma pessoa, em função do seu peso x(em quilogramas), uma hora depois de essa pessoa ter bebido dois decilitros desse vinho?

- (A) $\frac{10}{70x}$ (B) $\frac{10}{0.7x}$ (C) $\frac{2}{70x}$ (D) $\frac{2}{0.7x}$

Exame - 2004, 2.ª fase (cód. 435)

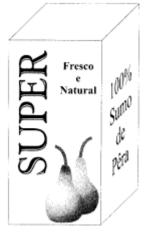
19. Uma nova empresa de refrigerantes pretende lançar embalagens de sumo de fruta, com capacidade de dois litros. Por questões de marketing, as embalagens deverão ter a forma de um prisma quadrangular regular.

Mostre que a área total da embalagem é dada por

$$A(x) = \frac{2x^3 + 8}{x}$$

 $(x \notin o \text{ comprimento da aresta da base, em } dm)$

Nota: Recorde que $1 litro = 1 dm^3$



Exame - 2002, 2ª fase

20. O coeficiente de ampliação A de uma certa lupa é dado, em função da distância d (em decímetros) da lupa ao objeto, por

$$A(d) = \frac{5}{5 - d}$$

Indique a que distância do objeto tem de estar a lupa para que o coeficiente de ampliação seja igual a 5.

- (A) 2 dm
- **(B)** 4 dm
- (C) 6 dm
- **(D)** 8 dm

Exame – 2000, 2.^a fase (cód. 435)