

TEMA: OPERAÇÕES COM POLINÓMIOS. FATORIZAÇÃO. MULTIPLICIDADE.

TIPO: FICHA DE TRABALHO N.º 5

LR MAT EXPLICAÇÕES

1.	Considera o polinómio $P(x) = x^3 + x^2 + kx + 15$. Sabe-se que o resto da divisão de $P(x)$ por $x - 2$ é igual a -7 .
	Qual é o valor de k ?

(A) -17

(B) -2

(C) 2

(D) 9

2. O polinómio
$$P(x) = 4x^3 - 8x^2 - x + 2$$
 admite a raiz 2. As outras raízes deste polinómio são

(A) $-\frac{1}{2}e^{\frac{1}{2}}$

(B) -2 e 1

(C) -1 = 0

(D) $-\frac{1}{3}e^{\frac{1}{3}}$

3. Considera o polinómio
$$P(x) = -3x^4 + 6x^3 + 21x^2 - 60x + 36$$
. Sabe-se que 2 é uma raiz dupla de $P(x)$.

- 3.1) Apresenta, justificando, uma expressão simplificada para o valor de $P(\sqrt{2})$.
- 3.2) Escreve P(x) como produto de polinómios de grau não superior a 1.

4. Seja P(x) um polinómio do terceiro grau tal que:

- 2 é raiz dupla de P(x)
- P(x) é divisível por x + 1
- o resto da divisão de P(x) por $x + 3 ext{ é } 25$.

Qual das seguintes opções corresponde ao polinómio P(x)?

(A)
$$x^3 - 3x^2 + 4$$

(B)
$$-\frac{x^3}{2} + \frac{3x^2}{2} - 2$$

(C)
$$-\frac{x^3}{3} - \frac{5x^2}{3} - 4x + 2$$

(D)
$$\frac{x^3}{2} - \frac{5x^2}{2} + 4x + 2$$

5. Seja P(x) um polinómio do terceiro grau.

Sabe-se que:

- é divisível por $x^2 + 1$;
- dividido por $x 1 \sqrt{2}$ dá resto $-2\sqrt{2}$;
- 2 é uma raiz do polinómio.

Determina P(x) e escreva-o na forma de polinómio reduzido.

6. Considera o polinómio $P(x) = x^4 - 2x^3 + 2x - 1$.

Qual é a multiplicidade da raiz 1?

(A) 1

(B) 2

(C) 3

(D) 4

- 7. Considera o polinómio $P(x) = 3x^3 2x^2 + ax + b$, onde $a, b \in \mathbb{R}$.
 - 7.1) Sejam a = 1 e b = 2. Determina o quociente e o resto da divisão de P(x) por $x^2 + 1$.
 - 7.2) Supõe agora que a=-1 e b=0. Determina o conjunto-solução da condição P(x)=0.
 - 7.3) Sabendo que o resto da divisão de P(x) por x+1 é -10 e que P(x) é divisível por x-1 determina os valores de a e b.
- 8. Considera os seguintes polinómios:

$$A(x) = x^4 + 3x^3 - 10x^2 - 24x$$

$$B(x) = x^2 - 2x$$

- $C(x) = ax^2 + bx + c$, onde a, b, c são números reais, com $a \neq 0$
- 8.1) Determina o valor exato de $A(\sqrt{3}) + B(1 \sqrt{2})$.
- 8.2) Determina o quociente e o resto da divisão inteira de A(x) por B(x).
- 8.3) Decompõe o polinómio A(x) num produto de fatores de grau 1, sabendo que -2 é raiz simples do polinómio.
- 8.4) Determina o conjunto-solução da condição A(x) = 0.
- 8.5) Determina os valores de a, b e c, sabendo que 3 é uma raiz de multiplicidade 2 do polinómio C(x) e que o resto da divisão de C(x) por x-1 é 6.
- 9. Considera o polinómio $P(x) = x^3 + 4x^2 + x 6$.
 - 9.1) Resolve a equação P(x) = 0.
 - 9.2) Fatoriza o polinómio P(x).
- 10. Considera o polinómio $P(x) = -x^5 + 2x^4 + 5x^3 6x^2$.

Sabendo que 3 é uma raiz simples do polinómio, determina as restantes raízes de P(x).

- 11. O polinómio $P(x) = -2x^3 2x^2 + kx + 8$, com $k \in \mathbb{R}$ é divisível por x + 1.
 - 11.1) Mostra que k = 8.
 - 11.2) Calcula o resto da divisão inteira de P(x) pelo polinómio $x \sqrt{2}$.
 - 11.3) Decompões o polinómio P(x) em fatores polinomiais de 1.° grau.
 - 11.4) Resolve a equação P(x) = 0.
- 12. Considera os polinómios $P(x) = x^4 2x^3 + 5x 1$ e $A(x) = x^2 + 2x$.

Recorre ao algoritmo da divisão inteira e determina os polinómios quociente e resto da divisão inteira de P(x) por A(x).

- 13. Considera o polinómio $P(x) = x^4 x^3 2x^2 + 3x 1$. Sabe-se que 1 é raiz do polinómio.
 - 13.1) Determinada a multiplicidade de raiz 1.
 - 13.2) Mostra que a soma das raízes do polinómio é igual a zero.