

FT – Função Quadrática / Função Prop. Inversa Matemática

9.º Ano

2018/19

N.°: ____ Turma: ___

Compilação de Exercícios de Exames Nacionais / Provas Finais, Provas de Aferição e de Testes Intermédios

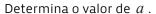
Fonte: www.iave.pt

Parte 2 - sem calculadora

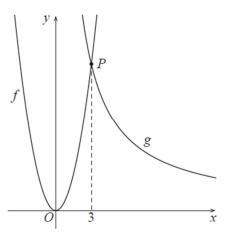
 $oldsymbol{1}$. No referencial cartesiano, de origem no ponto O, da figura ao lado, estão representadas a função quadrática f e a função de proporcionalidade inversa g.

Sabe-se que:

- a função f é definida por $f(x) = \frac{4}{3}x^2$;
- a função g é dada por uma expressão da forma $g(x) = \frac{a}{x}$, com a > 0 e x > 0;
- ullet os gráficos das funções f e g intersectam-se no ponto P , de abcissa 3 .



Apresenta todos os cálculos que efetuares.



9Ano - Prova Final 2018 - 1.ª Fase - item 13

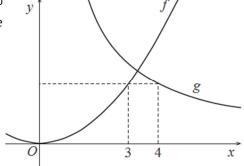
2. No referencial cartesiano, de origem no ponto O, da figura ao lado, estão representadas a função quadrática f e a função de proporcionalidade inversa g .

Sabe-se que:

- a função f é dada por uma expressão da forma $f(x) = ax^2$, com $a \ne 0$;
- a função g é definida por $g(x) = \frac{8}{x}$, com x > 0;
- f(3) = g(4).

Determina o valor de a.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

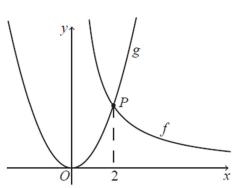


9Ano - Prova Final 2018 - 2.ª Fase - item 13

 $oldsymbol{3}$. No referencial cartesiano, de origem no ponto O, da figura ao lado, estão representadas a função de proporcionalidade inversa f e a função quadrática g.

Sabe-se que:

- a função f é definida por $f(x) = \frac{6}{x}$, com x > 0;
- a função g é dada por uma expressão da forma $g(x) = ax^2$, com $a \ne 0$;
- ullet os gráficos das funções f e g intersectam-se no ponto P , de abcissa 2 .



Determina o valor de a.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

9Ano - Prova Final 2018 - Época Especial - item 13

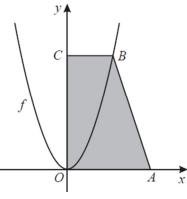
4. Na figura ao lado, estão representados, em referencial cartesiano, uma função quadrática f e o trapézio retângulo [OABC].

Sabe-se que:

- \bullet o ponto O é a origem do referencial;
- o ponto A tem coordenadas (4,0);
- o ponto B é o ponto do gráfico de f que tem abcissa 2;
- o ponto $\,C\,$ pertence ao eixo das ordenadas;
- a função f é definida por $f(x) = 2x^2$.

Determina a área do trapézio [OABC].

Mostra como chegaste à tua resposta.



9Ano - Prova Final 2017 - 1.ª Fase - item 9

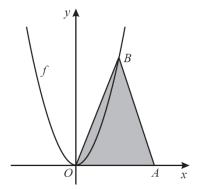
5. Na figura ao lado, estão representados, em referencial cartesiano, uma função quadrática f e o triângulo isósceles [OAB].

Sabe-se que:

- ullet o ponto O é a origem do referencial;
- o ponto A tem coordenadas (4,0);
- ullet o ponto B é um ponto do gráfico de f ;
- OB = AB:
- a função f é definida por $f(x) = 4x^2$.

Determina a área do triângulo [OAB].

Mostra como chegaste à tua resposta.



9Ano - Prova Final 2017 - 2.ª Fase - item 10

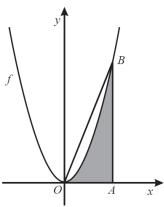
6. Na figura ao lado, estão representados, em referencial cartesiano, a função quadrática f e o triângulo $\begin{bmatrix} AOB \end{bmatrix}$.

O triângulo $\begin{bmatrix} AOB \end{bmatrix}$ está decomposto numa região sombreada e noutra não sombreada. Sabe-se que:

- ullet o ponto O é a origem do referencial;
- o ponto A tem coordenadas (10,0);
- o ponto B é o ponto do gráfico de f que tem abcissa 10;
- a função f é definida por $f(x) = 3x^2$;
- a área da região sombreada do triângulo é 1000.

Determina a área da região **não sombreada** do triângulo [AOB].

Mostra como chegaste à tua resposta.



9Ano - Prova Final 2017 - Época Especial - item 10

7. No referencial cartesiano da figura ao lado, estão representadas graficamente as funções $f \in \mathcal{G}$.

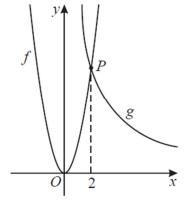
Sabe-se que:

- a função f é definida por $f(x) = 2x^2$;
- a função g é uma função de proporcionalidade inversa;
- ullet os gráficos das funções f e g intersetam-se no ponto P , que tem abcissa 2 .

Determina uma expressão algébrica que defina a função g .

Mostra como chegaste à tua resposta.

9Ano - Prova Final 2016 - 2.ª Fase - item 10



8. Seja f uma função de proporcionalidade direta tal que f(2) = 4. Seja g a função definida por $g(x) = x^2$

8.1. Qual é o valor de f(1)?

8.2. Considera, num referencial cartesiano de origem O, a reta que é o gráfico da função f, a parábola que é o gráfico da função g e o ponto A de coordenadas (2,4).

Qual das afirmações seguintes é verdadeira?

- (A) O ponto A pertence à reta e à parábola.
- **(B)** O ponto A pertence à reta, mas não pertence à parábola.
- (C) O ponto A não pertence à reta, mas pertence à parábola.
- (D) O ponto A não pertence à reta nem à parábola.



9Ano - Prova Final 2015 - 1.ª Fase - item 12

 $oldsymbol{9}$. Na figura ao lado, estão representadas, em referencial cartesiano, a reta AB e parte do gráfico de uma função f . Sabe-se que:



- os pontos $A \in B$ pertencem, respetivamente, aos semieixos positivos $Ox \in Oy$;
- o ponto B tem ordenada 2;
- a função f é definida por $f(x) = x^2$.
- **9.1.** Qual das seguintes equações pode definir a reta AB ?

(A)
$$y = x + 2$$

(B)
$$y = x + 3$$

(C)
$$y = -x + 2$$

(D)
$$y = -x + 3$$

9.2. Seja g a função cujo gráfico é simétrico do gráfico da função f relativamente ao eixo Ox . Calcula o número designado por $f(\sqrt{3})+g(2)$.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

9Ano - Prova Final 2015 - 2.ª Fase - item 12

10. No referencial cartesiano da figura ao lado, estão representadas parte do gráfico da função f definida por $f(x) = x^2$ e parte do gráfico de uma função de proporcionalidade inversa, g.

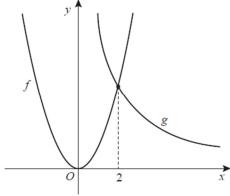
Os gráficos das duas funções intersetam-se num ponto de abcissa 2. Qual das seguintes expressões é equivalente a g(x) ?

(A)
$$g(x) = \frac{2}{x}$$

(B)
$$g(x) = 2x$$

(c)
$$g(x) = \frac{8}{x}$$

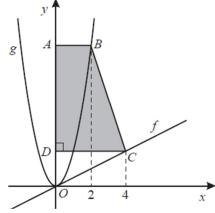
(D)
$$g(x) = 8x$$



9Ano - Prova Final 2015 - Época Especial - item 14

- f 11. Na figura ao lado, estão representadas, num referencial cartesiano de origem $\,O$, partes dos gráficos de duas funções, $f \in g$, bem como o trapézio retângulo |ABCD|. Sabe-se que:
 - ullet os pontos A e D pertencem ao eixo das ordenadas;
 - a função f é definida por $f(x) = \frac{1}{2}x$;
 - a função g é definida por $g(x) = 2x^2$;
 - o ponto B pertence ao gráfico da função g e tem abcissa 2;
 - o ponto C pertence ao gráfico da função f e tem abcissa 4 .
 - 11.1. Identifica, usando letras da figura, dois pontos com a mesma ordenada.
 - **11.2.** Determina a área do trapézio [ABCD].

Mostra como chegaste à tua resposta.



9Ano - Prova Final 2014 - 1.ª Chamada - item 10

12. Na figura ao lado, estão representadas, num referencial cartesiano, partes dos gráficos de duas funções, f e g .

Sabe-se que:

- o ponto O é a origem do referencial;
- ullet o gráfico da função g \dot{g} é uma reta que passa na origem do referencial;
- a função f é definida por $f(x) = -2x^2$
- ullet o ponto P pertence ao gráfico da função f e ao gráfico da função g e tem abcissa igual a 2;
- **12.1.** Qual das expressões seguintes é equivalente a g(x) ?

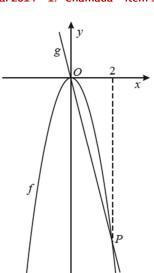
(A)
$$-2x$$

(B)
$$-4x$$

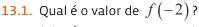
(C)
$$-2x-4$$

(D)
$$-4x-2$$

12.2. Resolve a equação seguinte: $-2x^2 = 4 - 3(x+1)$ Apresenta todos os cálculos que efetuares.



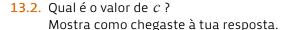
- 13. Na Figura 6, estão representadas, num referencial cartesiano, partes dos gráficos de duas funções, f e g . Sabe-se que:
 - a função f é uma função quadrática definida por $f(x) = ax^2$, sendo *a* um número positivo;
 - a função g é uma função de proporcionalidade inversa;
 - ullet o ponto B pertence ao gráfico da função f e ao gráfico da função g e tem coordenadas (2,6);
 - ullet o ponto $\,C\,$ pertence ao gráfico da função $\,g\,$ e tem coordenadas (c; 1, 2), sendo c um número positivo.



(A)
$$-6$$

(B) 6

(c) -4



$$(C) -4$$



(D) 4

 $oxed{14.}$ No referencial cartesiano da figura ao lado, estão representadas partes dos gráficos de duas funções, $f \in g$, e um trapézio [ABCE]. Sabe-se que:



- a função g é definida por $g(x) = 3x^2$;
- o quadrilátero [ABCD] é um retângulo;
- os pontos A e B pertencem ao eixo das abcissas;
- o ponto D pertence ao gráfico da função g;
- ullet os pontos E e C pertencem ao gráfico da função f ;
- os pontos A e E têm abcissa igual a 1;
- **14.1.** Determina a medida da área do trapézio $\lceil ABCE \rceil$. Mostra como chegaste à tua resposta.
- 14.2. Qual das expressões seguintes define a função cujo gráfico é simétrico do gráfico da função grelativamente ao eixo das abcissas? Transcreve a letra da opção correta.

(A)
$$\frac{1}{3}x^2$$

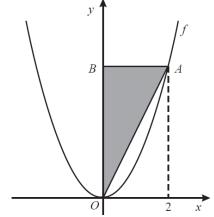
(B)
$$-\frac{1}{3}x^2$$

(c)
$$3x^2$$

(D)
$$-3x^2$$

- f 15. Na figura ao lado, estão representados, num referencial cartesiano, parte do gráfico de uma função quadrática fe o triângulo [OAB]. Sabe-se que:
 - ullet o ponto O é a origem do referencial;
 - o ponto A pertence ao gráfico da função f e tem abcissa igual a 2;
 - o ponto B pertence ao eixo das ordenadas;
 - o triângulo [OAB] é retângulo em B;
 - a função f é definida por $f(x) = ax^2$, sendo a um número positivo.
 - **15.1.** Admite que a área do triângulo [OAB] é igual a 32. Determina o valor de a . Mostra como chegaste à tua resposta.
 - **15.2.** Admite agora que $f(x) = 3x^2$. Resolve a equação f(x) = 5x - 2.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.



9Ano - Teste Intermédio - 12 abril 2013 - V1 - item 11

Publicado a 25 de janeiro de 2019.

Caso detete algum erro ou gralha, agradecemos que nos contacte por email (portalmath@outlook.pt) ou usando o formulário de contacto da página, de forma a podermos corrigir o mesmo e disponibilizar a versão atualizada o mais brevemente possível.