TESTE INTERMÉDIO DE MATEMÁTICA A

15 de Março de 2007

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO - VERSÃO 1

COTAÇÕES

Grupo I	63
Cada resposta certa Cada resposta errada Cada questão não respondida ou anulada	0
Grupo II	137
1 2	24
2.	12
3.1	17
4 2	24
ГОТAL	200

Grupo I

Deverão ser anulados todos os itens com resposta de leitura ambígua (letra confusa, por exemplo) e todos os itens em que o aluno dê mais do que uma resposta.

As respostas certas são as seguintes:

Itens	1	2	3	4	5	6	7
Respostas	В	В	С	В	D	Α	D

Grupo II

Critérios gerais

- Se o aluno se enganar na identificação do item a que está a responder, ou se a omitir, mas, pela resolução apresentada, for possível identificá-lo inequivocamente, a resposta deve ser vista e classificada.
- 2. Se o aluno apresentar mais do que uma resposta a um item, e não indicar, de forma inequívoca, a que pretende que seja classificada, deve ser vista e classificada apenas a que se encontra em primeiro lugar, na folha de resposta.
- **3.** As classificações a atribuir às respostas dos alunos são expressas obrigatoriamente em números inteiros.
- **4.** Num item em que a respectiva resolução exija cálculos e/ou justificações, a classificação a atribuir deve estar de acordo com o seguinte critério:
 - Se o aluno se limitar a apresentar o resultado final, a classificação deve ser de 0 (zero) pontos.
 - Se o aluno não se limitar a apresentar o resultado final, a classificação deve ser a soma algébrica das classificações atribuídas a cada etapa, de acordo com o disposto nos pontos 6, 7, 8, 9, 10 e 11 destes critérios gerais. Se a soma for negativa, a classificação a atribuir é de 0 (zero) pontos.
- 5. Alguns itens da prova podem ser correctamente resolvidos por mais do que um processo. Sempre que o aluno utilizar um processo de resolução não contemplado nos critérios específicos, caberá ao professor classificador adoptar um critério de distribuição da cotação que julgue adequado e utilizá-lo em situações idênticas. Salienta-se que deve ser aceite qualquer processo cientificamente correcto, mesmo que envolva conhecimentos não contemplados no programa da disciplina.

- A cotação de cada item está subdividida pelas etapas que o aluno deve percorrer para o resolver.
 - **6.1.** Em cada etapa, a cotação indicada é a máxima a atribuir.
 - **6.2.** O classificador não pode subdividir, em cotações parcelares, a cotação atribuída a cada etapa.

Caso uma etapa envolva um único passo, testando apenas o conhecimento de um só conceito ou propriedade, e a sua resolução não esteja completamente correcta, deve ser atribuída a classificação de 0 (zero) pontos.

Caso uma etapa envolva mais do que um passo (por exemplo, o cálculo da derivada de uma função, a resolução de uma equação, a obtenção de uma expressão em função de uma variável, etc.) e a sua resolução esteja incompleta, ou contenha incorrecções, a classificação a atribuir deve estar de acordo com o grau de incompletude e/ou a gravidade dos erros cometidos. Por exemplo:

- erros de contas ocasionais devem ser desvalorizados em um ponto;
- erros que revelem desconhecimento de conceitos, regras ou propriedades devem ser desvalorizados em, pelo menos, metade da cotação da etapa;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em um ponto, desde que o grau de dificuldade da etapa não diminua;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em, pelo menos, metade da cotação da etapa, caso o grau de dificuldade da etapa diminua.
- **6.3.** Nas etapas cuja cotação se encontra discriminada por níveis de desempenho, o classificador deve enquadrar a resposta do aluno numa das descrições apresentadas. O classificador não pode atribuir uma classificação diferente das cotações indicadas.
- **6.4.** No caso de o aluno cometer um erro numa das etapas, as etapas subsequentes devem merecer a respectiva cotação, desde que o grau de dificuldade não tenha diminuído, e o aluno as execute correctamente, de acordo com o erro que cometeu.
- 6.5. Caso o aluno cometa, numa etapa, um erro que diminua o grau de dificuldade das etapas subsequentes, cabe ao classificador decidir a cotação máxima a atribuir a cada uma destas etapas. Em particular, se, devido a um erro cometido pelo aluno, o grau de dificuldade das etapas seguintes diminuir significativamente, a cotação máxima a atribuir a cada uma delas não deverá exceder metade da cotação indicada.
- **6.6.** Pode acontecer que o aluno, ao resolver um item, não percorra explicitamente todas as etapas previstas nos critérios específicos. Todas as etapas não percorridas explicitamente pelo aluno, mas cuja utilização e/ou conhecimento estejam inequivocamente implícitos na resolução do item, devem receber a cotação indicada.

- 7. Quando, num item, é pedida uma forma específica de apresentação do resultado final (por exemplo, "em minutos", "em percentagem", etc.), este deve ser apresentado na forma pedida. Se o resultado final apresentado pelo aluno não respeitar a forma pedida no enunciado (por exemplo, se o enunciado pedir o resultado em minutos, e o aluno o apresentar em horas), devem ser atribuídos 0 (zero) pontos à etapa correspondente ao resultado final. No entanto, a cotação não deve ser desvalorizada caso o aluno não indique a unidade em que é pedido o resultado (por exemplo, se o resultado final for 12 minutos, ou 12 metros, e o aluno escrever simplesmente 12, não se deve aplicar nenhuma desvalorização). Se não for pedida aproximação para o resultado final, o aluno deve apresentar o valor exacto. Se o aluno apresentar, como resultado final, uma aproximação do valor exacto, deve ser aplicada uma desvalorização de 1 ponto na cotação a atribuir à etapa correspondente ao resultado final.
- **8.** O aluno deve respeitar sempre a instrução relativa à apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações. Se, numa etapa, o aluno não respeitar esta instrução, apresentando algo (valor, quadro, tabela, gráfico, etc.) que não resulte de trabalho anterior, deve ser atribuída a classificação de 0 (zero) pontos a essa etapa. Todas as etapas subsequentes que dela dependam devem ser igualmente classificadas com 0 (zero) pontos.
- 9. O aluno deve respeitar sempre qualquer instrução relativa ao método a utilizar na resolução de um item (por exemplo, "sem recorrer à calculadora", "equacione o problema", "resolva graficamente", etc.). Na resolução apresentada pelo aluno, deve ser inequívoco, pela apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações, o cumprimento da instrução. Se tal não acontecer, considera-se que o aluno não respeitou a instrução. A etapa em que se dá o desrespeito, bem como todas as subsequentes que dela dependam devem ser classificadas com 0 (zero) pontos.
- 10. Se, na resolução de um item, o aluno utilizar simbologia, ou escrever uma expressão, inequivocamente incorrecta do ponto de vista formal (por exemplo, se escrever o símbolo de igualdade onde deveria estar o símbolo de equivalência), a cotação total a atribuir ao item deve ser desvalorizada em um ponto. Esta desvalorização não se aplica no caso em que tais incorrecções ocorram apenas em etapas classificadas com 0 (zero) pontos, nem a eventuais utilizações do símbolo de igualdade, onde, em rigor, deveria estar o símbolo de igualdade aproximada.
- 11. Existem itens em cujo enunciado é dada uma instrução relativa ao número mínimo de casas decimais que o aluno deve conservar, sempre que, em cálculos intermédios, proceder a arredondamentos. Indicam-se, a seguir, as desvalorizações a aplicar, na classificação total a atribuir ao item, em caso de desrespeito dessa instrução e/ou de arredondamentos mal efectuados.

Todos os valores intermédios estão de acordo com a instrução, mas existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado1 ponto
Todos os valores intermédios estão bem arredondados, mas existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução1 ponto
Existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado e existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução2 pontos

Critérios específicos

1.		24
	Calcular $\lim_{x \to 0^-} f(x)$ (ver nota 1)10	
	Factorizar o numerador3	
	Factorizar o denominador3	
	Simplificar a fracção2	
	Calcular o limite da fracção simplificada2	
	Calcular $\lim_{x \to 0^+} f(x)$ (ver nota 1)	
	Escrever a expressão como diferença de duas fracções 3	
	Simplificar as fracções 3	
	Calcular o limite da expressão obtida4	
	Conclusão (ver nota 2)4	
	Notas:	
	 Não se exige que o aluno explicite o tipo de indeterminação. No entanto, caso o aluno se limite a fazê-lo, deverá ser atribuída a esta etapa a classificação de 1 ponto. 	
	A classificação desta etapa deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:	
	O aluno conclui correctamente e apresenta uma justificação completa4	
	O aluno conclui correctamente, mas apresenta uma justificação incompleta (por exemplo, refere a igualdade dos limites laterais, mas não refere a igualdade destes ao valor da função no ponto)	
	O aluno conclui correctamente, mas não apresenta qualquer justificação1	
	Outras situações0	

2.1			20
	Eq	uacionar o problema5	
	_	$\log_{10}(x) = 7.4 \; \Leftrightarrow \; x = 10^{-7.4} \;$ (ver nota 1)10	
	Арі	resentação do resultado na forma $a imes10^b$ (ver nota 2)5	
	No 1.	tas: Esta etapa deverá ser classificada de acordo com os seguintes níveis de desempenho:	
		Obtém correctamente $\ x=10^{-7.4}$ 10	
		Obtém $x=10^{7,4}$ 3	
		Outras situações (por exemplo, $x=-10^{7,4}$ ou $x=7,4^{10}$)0	
	2.	A classificação a atribuir a esta etapa deverá ser de zero pontos, caso o aluno, na etapa anterior, tenha obtido um valor negativo. Não sendo este o caso, a classificação a atribuir deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:	
		Resultado correcto (de acordo com a etapa anterior) e apresentado na forma pedida	
		Resultado correcto (de acordo com a etapa anterior) e apresentado na forma pedida, mas o valor de a	
		não está arredondado às unidades, ou está mal arredondado	
		Outras situações0	

2.2.		22
	pH do leite $=-\log_{_{10}}\left(l ight)$ 1	
	pH do café $= -\log_{_{10}}\left(3l ight)$ 3	
	pH do leite $ pH$ do café $=$ $-\log_{10}\left(l ight) + \log_{10}\left(3l ight)$ 5	
	$\begin{split} -\log_{10}(l) + \log_{10}(3l) &= \\ &= -\log_{10}(l) + \log_{10}(3) + \log_{10}(l) \end{split}$	
	ou $= \log_{10}\left(\frac{3l}{l}\right) \qquad \qquad \text{(ver nota 2)} 9$	
	pH do leite $ pH$ do café $=\log_{10}\left(3\right)$ 2	
	nH do leite — nH do cofé ~ 0.5	

Notas:

- 1. Se o aluno traduzir o pedido por meio de uma equação (como, por exemplo, $-\log_{10}\left(\,l\,\right) + \log_{10}\left(\,3\,l\,\right) \ = 0$), a classificação total a atribuir à resposta deverá ser de 0 (zero) pontos.
- 2. Exige-se que o aluno explicite esta etapa (aplicação das propriedades dos logaritmos). Se a etapa não estiver explicitada, não deverá ser atribuída a respectiva cotação.

3.1		23
	Calcular $f(0)$ (ou $f(0)-5$)4	
	Calcular $f(1)$ (ou $f(1)-5$)4	
	Referir a continuidade de f 4	
	Referir que $\ f(0) < 5 < f(1)$ (ou referir que $\ f(0) - 5$ e $\ f(1) - 5$ têm sinais contrários)	
	Concluir o pretendido, evocando o Teorema de Bolzano (ver nota 1) 5	

Notas:

- 1. Se o aluno concluir o pretendido, mas não referir que tal conclusão resulta do Teorema de Bolzano (ou do seu corolário), a classificação a atribuir a esta etapa deverá ser de 2 pontos.
- 2. Não se exige que o aluno explicite a equação $\,e^x+3x=5.\,$ No entanto, caso o aluno se limite a fazê-lo, deverá ser atribuída à sua resposta a classificação de 3 pontos.

3.2.		
	De	senho pedido9
		Reprodução correcta do referencial, da curva C e da recta $r,$ de acordo com a janela indicada no enunciado (ver nota 1)2
		Representação correcta do ponto O
		Representação correcta do ponto P (ver nota 2)4
		Representação correcta do ponto Q
		Desenho do triângulo $\ [OPQ]$ 1
	Abo	cissa do ponto Q (ver nota 3)
	Cál	lculo da área do triângulo $\ [OPQ]$ (ver notas 4 e 5)9
	No	tas:
	1.	Se o aluno reproduzir incorrectamente pelo menos um dos três elementos referidos (referencial, curva C e recta r), esta etapa deverá ser classificada com 0 (zero) pontos.
	2.	Esta etapa deverá ser classificada de acordo com os seguintes níveis de desempenho:
		Ponto P no eixo das ordenadas, entre os pontos de intersecção da recta r e da curva C com este eixo, e ligeiramente mais próximo deste do que daquele4
		Ponto P no eixo das ordenadas, entre os pontos de intersecção da curva C e da recta r com este eixo, mas não cumprindo a outra condição (referida no nível anterior)2
		Outras situações0
	3.	Esta etapa deverá ser classificada de acordo com o seguinte critério:
		$\underline{\mbox{1° Caso}}$ (apresentação da abcissa de Q com duas casas decimais, de acordo com o enunciado):
		0,876
		0.86 ou 0.88 3
		Outros valores

24

 2° Caso (apresentação da abcissa de Q com mais de duas casas decimais): Valor no intervalo [0.867; 0.874]4 Valor não pertencente ao intervalo anterior, mas no Outras situações0 3° Caso (apresentação da abcissa de Q com uma casa decimal): 0,92 Outros valores 0 4. O cálculo da área pedida pode ser feito por, pelo menos, dois processos: <u>1º Processo</u> (o aluno toma para base do triângulo o segmento [OP]): Resultado final (correctamente arredondado às décimas)2 2° Processo (o aluno toma para base do triângulo o segmento [OQ]): Norma de \overrightarrow{OQ} 1 Equação da recta $\,OQ\,$ 1 Intersecção das duas rectas1 Determinação da altura correspondente à base considerada............1 $\acute{A}rea\ pedida = \frac{5.08 \times 0.47}{2}$ 2 Resultado final (correctamente arredondado às décimas)2 **5.** Se, por deficiente representação do triângulo [OPQ], o grau de dificuldade desta etapa diminuir, nomeadamente pelo facto do triângulo, desenhado pelo aluno, ter a altura, correspondente à base [OP], no interior do triângulo, a classificação máxima a atribuir a esta etapa deverá ser de 4 pontos (ver critério geral 6.5).

Nota:

Se o aluno provar a implicação contrária da que se pretende, isto é, se começar por substituir $\,c\,$ por $\,e\,$ e concluir que o declive da recta $\,AB\,$ é $\,e\,-1$, a classificação máxima a atribuir à resposta deverá ser de 10 pontos.

Escrever $-\frac{1-c}{\ln(c)}=c-1$ 1

 $-\frac{1-c}{\ln(c)} = c-1 \Leftrightarrow \ln(c) = 1$ 4

 $ln(c) = 1 \Leftrightarrow c = e$ 4