

1. Seja f a função, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3x}{e^{5x} - 1} & \text{se } x \neq 0\\ \frac{3}{5} & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Averigue, sem recorrer à calculadora, se a função f é contínua em x=0.

Exame – 2022, Ép. especial

2. Para conhecer a variação do número de bactérias de uma determinada estirpe, colocou-se num tubo de ensaio fechado, com alguns nutrientes, um certo número de bactérias dessa estirpe.

Admita que, nessas condições, o número, N, em milhares, de bactérias vivas existentes no tubo, t horas após a sua colocação nesse tubo, é dado por

$$N(t) = N_0 e^{1,08t - 0,3t^2}$$

em que  $N_0$  representa a dimensão, em milhares, da população inicial.

Com o decorrer do tempo, para que tende o número de bactérias vivas existentes no tubo?

 $(A) + \infty$ 

**(B)**  $0.78N_0$ 

(C)  $N_0$ 

**(D)** 0

Exame – 2021, Ép. especial

3. Resolva este item sem recorrer à calculadora.

Considere, para um certo número real k, a função g, de domínio  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , definida por

$$g(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - x}{x^2 - x} + k & \text{se } x < 0\\ 2 + x \ln x & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

Sabe-se que existe  $\lim_{x\to 0} g(x)$ 

Determine o valor de k

Exame - 2021, 2.ª Fase

4. Seja f a função, de domínio  $]0, +\infty[$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} -x^2(1+2\ln x) & \text{se } 0 < x \le 1\\ \frac{5-5e^{x-1}}{x^2+3x-4} & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

Averigue, sem recorrer à calculadora, se a função f é contínua em x=1

Exame - 2021, 1.a Fase

5. Para um certo número real k, seja g a função, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$g(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - x}{k - kx} & \text{se } x < 1\\ x^2 - 10 + 8 \ln x & \text{se } x \ge 1 \end{cases}$$

Sabe-se que g é contínua no ponto 1

Qual é o valor de k?

**(A)** 
$$\frac{1}{6}$$

**(B)** 
$$\frac{1}{7}$$

(C) 
$$\frac{1}{8}$$

(A) 
$$\frac{1}{6}$$
 (B)  $\frac{1}{7}$  (C)  $\frac{1}{8}$  (D)  $\frac{1}{9}$ 

Exame - 2020, Ép. especial

6. Para um certo número real k, é contínua em  $\mathbb R$  a função f, definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-1}{x^2 + x - 2} & \text{se } x > 1\\ k & \text{se } x \le 1 \end{cases}$$

Qual é o valor de k?

(C) 
$$\frac{1}{3}$$

(B) 3 (C) 
$$\frac{1}{3}$$
 (D)  $\frac{1}{2}$ 

Exame - 2019, Ép. especial



7. Para um certo número real k, é contínua em  $\mathbb R$  a função f, definida por

$$f(x) = \begin{cases} \log_3 k & \text{se } x = 1\\ \frac{x^2 - 1}{x - 1} & \text{se } x \neq 1 \end{cases}$$

Qual é o valor de k?

- **(A)** 5
- **(B)** 6
- **(C)** 8
- **(D)** 9

Exame - 2019, 2.ª Fase

8. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}^+$ , definida por  $f(x) = \ln x$ 

Considere a sucessão de termo geral  $u_n = \frac{n}{e^n}$ 

Qual é o valor de  $\lim f(u_n)$ ?

- $(\mathbf{A}) \infty \qquad (\mathbf{B}) \ 0$

- (C) e (D)  $+\infty$

Exame - 2016, 2.a Fase

9. O José e o António são estudantes de Economia. O José pediu emprestados 600 euros ao António para comprar um computador, tendo-se comprometido a pagar o empréstimo em prestações mensais sujeitas a um certo juro.

Para encontrarem as condições de pagamento do empréstimo, os dois colegas adaptaram uma fórmula que tinham estudado e estabeleceram um contrato.

Nesse contrato, a prestação mensal p, em euros, que o José tem de pagar ao António é dada por

$$p = \frac{600x}{1 - e^{-nx}}$$

em que n é o número de meses em que o empréstimo será pago e x é a taxa de juro mensal.

Determine, recorrendo a métodos analíticos,  $\lim_{x\to 0} \frac{600x}{1-e^{-nx}}$ , em função de n, e interprete o resultado no contexto da situação descrita.

Exame - 2016, 2.ª Fase

10. Seja a um número real diferente de 0

Qual é o valor de  $\lim_{x\to a} \frac{ae^{x-a}-a}{x^2-a^2}$ ?

- (A)  $\frac{1}{4}$  (B)  $\frac{1}{2}$  (C) 1

Exame – 2016, 1.ª Fase



11. Para um certo número real k, é contínua em  $\mathbb R$  a função f definida por

$$f(x) = \begin{cases} 2 + e^{x+k} & \text{se } x \le 0\\ \frac{2x + \ln(x+1)}{x} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

Qual é o valor de k?

- **(A)** 0
- **(B)** 1
- (C) ln 2
- (**D**) ln 3

Exame - 2015, 2.ª Fase

12. Considere a função f , de domínio  $\mathbb{R}^+$ , definida por  $f(x) = \frac{1 + \ln x}{x}$ Considere a sucessão de termo geral  $u_n = n^2$ 

Qual é o valor de  $\lim f(u_n)$ ?

- (A) 0
- **(B)** 1
- (C) e (D)  $-\infty$

Exame - 2015, 1.a fase

13. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{e^{x-4} - 3x + 11}{4 - x} & \text{se } x < 4\\ \ln(2e^x - e^4) & \text{se } x \ge 4 \end{cases}$$

Recorrendo a métodos analíticos, sem utilizar a calculadora, averigue se a função f é contínua em x=4Exame - 2014, 1.a Fase

14. Considere, para um certo número real k positivo, a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3x}{1 - e^{2x}} & \text{se } x < 0\\ \ln k & \text{se } x = 0\\ \frac{x}{2} - \ln\left(\frac{6x}{x + 1}\right) & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

Determine k de modo que  $\lim_{x\to 0^-} f(x) = f(0)$ , recorrendo a métodos analíticos, sem utilizar a calculadora.

Exame – 2013, Ép. especial

15. Para um certo número real k, positivo, seja f a função, de domínio  $]-\infty,1[$  definida por

$$f(x) = \begin{cases} \ln(k-x) & \text{se } x \le 0 \\ 2e^x + \frac{1}{\ln x} & \text{se } 0 < x < 1 \end{cases}$$

Sabe-se que f é contínua. Qual é o valor de k?

- **(A)** ln 2
- **(B)**  $e^2$
- (C) ln 3
- (D)  $e^{3}$

Teste Intermédio  $12.^{\circ}$  ano -24.05.2013

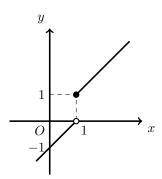
16. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por  $f(x) = \begin{cases} \frac{e^{x-1}-1}{x-1} & \text{se } x < 1 \\ \ln x & \text{se } x \ge 1 \end{cases}$ 

Seja guma outra função, de domínio  $\mathbb R$ 

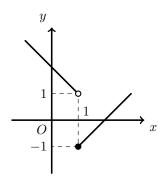
Sabe-se que a função  $f \times g$  é contínua no ponto 1

Em qual das seguintes opções pode estar representada parte do gráfico da função g?

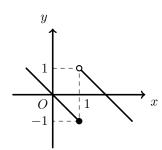
(A)



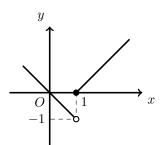
(B)



(C)



(D)



Teste Intermédio 12.º ano – 28.02.2013

17. Seja f a função, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por  $f(x) = \begin{cases} \frac{3x+3}{\sqrt{x^2+9}} & \text{se } x \leq 4 \\ \\ \frac{\ln(3x-11)}{x-4} & \text{se } x > 4 \end{cases}$  Averigue se existe  $\lim f(x)$ , recorrendo a métodos analysis.

Averigue se existe  $\lim_{x\to 4} f(x)$ , recorrendo a métodos analíticos, sem utilizar a calculadora.

Teste Intermédio 12.º ano – 28.02.2013

18. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{1 - \sqrt{1 - x^3}} & \text{se } x < 0\\ 1 - e^{k+1} & \text{se } x = 0 \text{ com } k \in \mathbb{R}\\ \\ \frac{1 - e^{4x}}{x} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

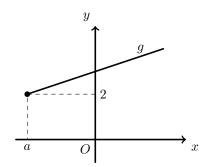
Determine k, de modo que  $\lim_{x\to 0^+} f(x) = f(0)$ , recorrendo a métodos exclusivamente analíticos.

Exame – 2012, 2.ª Fase

19. Na figura ao lado, está representada, num referencial o.n. xOy, parte do gráfico de uma função g, de domínio  $[a,+\infty[$  com  $a<-\frac{1}{3}$ 

Para esse valor de a, a função f, contínua em  $\mathbb{R}$ , é definida por

$$f(x) = \begin{cases} \log_3\left(-x - \frac{1}{3}\right) & \text{se } x < a \\ g(x) & \text{se } x \ge a \end{cases}$$



Qual é o valor de a?

(A) 
$$-\frac{28}{3}$$
 (B)  $-\frac{25}{3}$  (C)  $-\frac{19}{3}$  (D)  $-\frac{8}{3}$ 

Exame – 2012, 1.<sup>a</sup> Fase

20. Seja f a função de domínio  $\mathbb{R}$  definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{xe^x - 2e^2}{x - 2} & \text{se } x < 2\\ 3e^x + \ln(x - 1) & \text{se } x \ge 2 \end{cases}$$

Averigue se a função f é contínua em x=2

Teste Intermédio 12.º ano – 24.05.2012

21. Para um certo valor de  $\alpha$  e para um certo valor de  $\beta$ , é contínua no ponto 0 a função g, definida por

$$g(x) = \begin{cases} \frac{e^{2x} - 1}{x} & \text{se } x < 0 \\ \alpha & \text{se } x = 0 \end{cases}$$
$$\beta - \frac{\ln(x+1)}{x} & \text{se } x > 0$$

Qual é esse valor de  $\alpha$  e qual é esse valor de  $\beta$ ?

**(A)** 
$$\alpha = 1 \text{ e } \beta = 2$$
 **(B)**  $\alpha = 2 \text{ e } \beta = 3$ 

**(B)** 
$$\alpha = 2 \text{ e } \beta = 3$$

(C) 
$$\alpha = 1 \text{ e } \beta = 3$$
 (D)  $\alpha = 2 \text{ e } \beta = 1$ 

**(D)** 
$$\alpha = 2 \ e \ \beta = 1$$

Teste Intermédio 12.º ano - 13.03.2012

22. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} k + \frac{1 - e^{x-1}}{x-1} & \text{se } x < 1 \\ \\ -x + \ln x & \text{se } x \ge 1 \end{cases}$$
 (k designa um número real)

Determine k, sabendo que f é contínua em x = 1, recorrendo a métodos exclusivamente analíticos.

Exame - 2011, Prova especial

23. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{1-e^{x+1}} + 1 & \text{se } x \neq -1 \\ \\ a+2 & \text{se } x = -1 \end{cases}$$
 (a é um número real.)

Determine a sabendo que f é contínua em x = -1, recorrendo a métodos exclusivamente analíticos.

Exame – 2011, Ép. especial

24. Considere a função h, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por  $h(x) = \begin{cases} \frac{e^{-x} - e^{x}}{x} & \text{se } x > 0 \\ \ln(x^2 + 1) & \text{se } x \leq 0 \end{cases}$ 

Estude a continuidade da função h em x=0, recorrendo a métodos exclusivamente analíticos.

Exame – 2010, Ép. especial

- 25. De uma função h, de domínio  $\mathbb{R}$ , sabe-se que:
  - h é uma função par;

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \left( h(x) - 2x \right) = 0$$

Qual é o valor de  $\lim_{x\to-\infty} h(x)$ ?

- $(\mathbf{A}) + \infty \qquad (\mathbf{B}) 2$
- (C) 0 (D)  $-\infty$

Exame - 2010, 2.ª Fase

26. Seja a um número real diferente de zero.

Qual é o valor de  $\lim_{x\to 0} \frac{e^{ax} - 1}{ax^2 + a^2x}$ ? (A)  $\frac{1}{a}$  (B)  $\frac{1}{2a}$  (C) 0 (D)  $+\infty$ 

Teste Intermédio 12.º ano - 19.05.2010

27. Seja f a função, de domínio  $\mathbb{R}^+$ , definida por  $f(x)=\begin{cases} \dfrac{x-2}{x-\sqrt{2x}} & \text{se } 0 < x < 2\\ xe^{-x}+x+1 & \text{se } x \geq 2 \end{cases}$ 

Usando exclusivamente métodos analíticos, averigúe se a função f é contínua em x=2

Teste Intermédio  $12.^{\circ}$  ano -15.03.2010

28. Considere a função h, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por  $h(x)=\begin{cases} \sqrt{x^2+4}-x & \sec x>0\\ 2 & \sec x=0\\ \frac{e^{2x}-1}{x} & \sec x<0 \end{cases}$  Recorrendo a métodos

Recorrendo a métodos exclusivamente analíticos, estude a continuidade de h no domínio  $\mathbb{R}$ .

Exame – 2009, 2.ª Fase

29. Num certo dia, o Fernando esteve doente e tomou, às 9 horas da manhã, um medicamento cuja concentração C(t) no sangue, em mg/l, t horas após o medicamento ter sido ministrado, é dada por

$$C(t) = 2te^{-0.3t} \quad (t \ge 0)$$

Recorrendo a métodos exclusivamente analíticos, calcule  $\lim_{t \to +\infty} C(t)$  e interprete esse valor no contexto da situação apresentada.

Exame - 2009, 1.a Fase

30. Considere a função 
$$g$$
, de domínio  $\left[-\frac{1}{2}, +\infty\right[$ , definida por

$$g(x) = \begin{cases} 2x + \ln(1 + x - x^2) & \text{se } -\frac{1}{2} \le x < 1 \\ 2 & \text{se } x = 1 \\ \frac{x - 1}{\sqrt{x} - 1} & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

Verifique se a função g é contínua em x=1, sem recorrer à calculadora.

Teste Intermédio 12.º ano - 27.05.2009

## 31. Para um certo valor de a, é **contínua** em $\mathbb{R}$ a função f definida por

$$g(x) = \begin{cases} x^2 - 2x & \text{se } x < a \\ x^2 - x + 3 & \text{se } x \ge a \end{cases}$$

Qual  $\acute{e}$  o valor de a?

**(A)** 
$$-3$$
 **(B)**  $-2$  **(C)**  $2$ 

Teste Intermédio 12.º ano – 11.03.2009

## 32. Aqueceu-se água num recipiente, durante um determinado tempo, num local onde a temperatura ambiente é constante e igual a 25° Celsius. Interrompeu-se o processo de aquecimento, e nesse instante, a água começou a arrefecer.

**(D)** 3

O arrefecimento da água segue a Lei do arrefecimento de Newton, de acordo com o modelo matemático:  $T(t) = 25 + 48e^{-0.05t}$ , em que T(t) representa a temperatura da água em graus Celsius, t minutos após o início do arrefecimento.

Recorrendo exclusivamente a métodos analíticos, determine T(0) e  $\lim_{t\to +\infty} T(t)$ .

Interprete os valores obtidos, no contexto do problema.

**Nota**: A calculadora pode ser utilizada em eventuais cálculos numéricos; sempre que proceder a arredondamentos, use quatro casas decimais.

Exame – 2008, Ép. especial

## 33. Num determinado dia, um grupo de amigos decidiu formar uma associação desportiva.

Admita que, t dias após a constituição da associação, o número de sócios é dado, aproximadamente, por:

$$N(t) = \frac{2000}{1 + 199e^{-0.01t}}, \ t \ge 0$$

Resolva, usando métodos analíticos, o item seguinte.

Determine N(0) e  $\lim_{x\to +\infty} N(t)$ .

Interprete os valores obtidos, no contexto do problema.

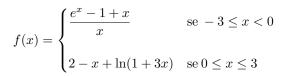
**Nota**: A calculadora pode ser utilizada em eventuais cálculos intermédios; sempre que proceder a arredondamentos, use aproximações às milésimas.

Exame – 2008, 1.ª Fase

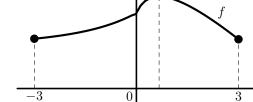


 ${\it mat.absolutamente.net}$ 

34. Seja f a função de domínio [-3,3] definida por



Na figura ao lado está representado o gráfico da função fTal como a figura sugere:



- ullet A é o ponto do gráfico de f de ordenada máxima
- $\bullet$  a abcissa do ponto A é positiva

Utilizando métodos exclusivamente analíticos, mostre que, tal como a figura sugere, f é contínua no ponto 0.

Teste Intermédio 12.º ano - 29.04.2008

35. Na figura ao lado, está representada parte do gráfico de uma função f, real de variável real.

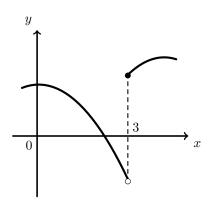
Qual das afirmações seguintes é verdadeira?



**(B)** 
$$\lim_{x\to 3} \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{2}$$

(C) 
$$\lim_{x\to 3} \frac{1}{f(x)} = -\frac{1}{2}$$





Exame – 2007, 2.a fase

36. Identifique o valor de  $\lim_{x\to 2^+} \frac{1}{4-x^2}$ 

(B) 1 (C) 
$$+\infty$$
 (D)  $-\infty$ 

$$(D) -\infty$$

Exame -2007, 1.<sup>a</sup> fase

37. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 2x}{x^3 + x} & \text{se } x < 0 \\ \\ 2 & \text{se } x = 0 \\ \\ \frac{3x^2 - x \ln(x+1)}{x^2} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$
 (ln designa logaritmo de base  $e$ )

Utilizando métodos exclusivamente analíticos, averigue se a função f é contínua em x=0. Justifique a sua resposta.

Teste Intermédio 12.º ano - 15.03.2007

38. Considere a função g, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$g(x) = \begin{cases} \frac{e^x - 1}{2x} & \text{se } x < 0 \\ 2 & \text{se } x = 0 \\ \frac{2x + 1}{x} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

Relativamente à continuidade da função g, no ponto de abcissa 0, qual das seguintes afirmações é verdadeira?

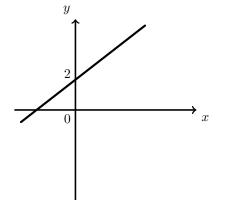
- (A) É contínua
- (B) É contínua à esquerda e descontínua à direita
- (C) É contínua à direita e descontínua à esquerda
- (D) É descontínua à esquerda e à direita

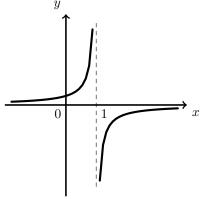
Exame – 2006, Ép. especial

- 39. De duas funções, f e g, sabe-se que:
  - ullet o gráfico de f é uma reta, cuja ordenada na origem é igual a 2;
  - ullet o gráfico de g é uma hipérbole.

Nas figuras ao lado estão representadas parte dessa reta e parte dessa hipérbole.

A reta de equação x = 1 é assintota do gráfico de g





Indique o valor de  $\lim_{x\to 1^+} \frac{f(x)}{g(x)}$ 

- **(A)** 0 **(B)** 2 **(C)**  $+\infty$  **(D)**  $-\infty$

Exame – 2006, 2.ª Fase

40. Com o objetivo de estudar as leis do aquecimento e do arrefecimento, realizou-se, num laboratório de Física, a seguinte experiência: aqueceu-se ao lume uma certa quantidade de água, durante cinco minutos; passado este tempo, apagou-se o lume e deixou-se a água a arrefecer. A temperatura da água foi sendo medida, ao longo do decorrer da experiência.

Admita que:

- neste laboratório, a temperatura ambiente é constante;
- a temperatura da água, no instante em que começou a ser aquecida, era igual à temperatura ambiente:
- depois de se ter apagado o lume, a temperatura da água tende, com o passar do tempo, a igualar a temperatura ambiente.

Em resultado da experiência, concluiu-se que a relação entre a temperatura da água e o tempo t, contado em minutos, a partir do instante em que se colocou a água ao lume, é modelada por uma, e uma só, das quatro funções a, b, c e d, definidas a seguir:

$$a(t) = \begin{cases} 24 - 2t & \text{se } 0 \le t \le 5 \\ 24 - 10e^{-0.04(t-5)} & \text{se } t > 5 \end{cases} \qquad b(t) = \begin{cases} 12(t+2) & \text{se } 0 \le t \le 5 \\ 24 + 70e^{-0.04(t-5)} & \text{se } t > 5 \end{cases}$$

$$c(t) = \begin{cases} 14(t+1) & \text{se } 0 \le t \le 5 \\ 24 + 60e^{-0.04(t-5)} & \text{se } t > 5 \end{cases} \qquad d(t) = \begin{cases} 12(t+2) & \text{se } 0 \le t \le 5 \\ 24 + 60e^{-0.04(t-5)} & \text{se } t > 5 \end{cases}$$

Qual das quatro funções é a correta?

Numa pequena composição, explique porque não pode ser nenhuma das outras três, indicando, para cada uma delas, uma razão pela qual a rejeita, explicando a sua inadequação, relativamente à situação descrita.

Teste Intermédio 12.º ano - 17.03.2006

41. Para um certo valor de k, é contínua em  $\mathbb{R}$  a função f definida por

$$f(x) = \begin{cases} k + \sin x & \text{se } x \le 0\\ \frac{3x + \ln(1+x)}{x} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$
 (ln designa logaritmo de base  $e$ )

Qual  $\acute{e}$  o valor de k?

Exame – 2005, Ép. especial

42. Admita que o número de elementos de uma população de aves, anos após o início de 1970, é dado aproximadamente por

$$P(t) = 5.2 \times 10^7 \times e^{(N-M)t}, \ t \ge 0,$$

em que N e M são duas constantes, denominadas, respetivamente, por taxa de natalidade e taxa de mortalidade da população.

Sabendo que N < M calcule  $\lim_{t \to +\infty} P(t)$  e interprete o resultado obtido, no contexto do problema, sem recorrer à calculadora, a não ser para efetuar eventuais cálculos numéricos.

Exame – 2005, 1.<sup>a</sup> Fase



mat.absolutamente.net

43. Seja 
$$f$$
 a função definida, em  $\mathbb{R}$ , por  $f(x)=\begin{cases} \frac{e^x-1}{x} & \text{se } x<0\\ \frac{3x+2}{2x+2} & \text{se } x\geq0 \end{cases}$ 

Sem recorrer à calculadora, justifique a seguinte afirmação: «A função f é contínua em  $\mathbb{R}$ .»

Exame - 2004, Ép. especial

44. Para um certo valor de k, é **contínua** em  $\mathbb{R}$  a função g definida por

$$g(x) = \begin{cases} k + \cos x & \text{se } x \le 0 \\ \frac{\ln(1+x)}{x} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$
 (ln designa logaritmo de base  $e$ )

Qual é o valor de k?

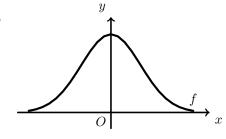
- (A) -1
- **(B)** 0
- **(C)** 1
- **(D)** 2

Exame - 2004, 1.a Fase

45. Na figura ao lado está parte da representação gráfica de uma função f, par e positiva, da qual a reta de equação y = 0 é assintota.

Qual é o valor de  $\lim_{x\to +\infty} \frac{1}{f(x)}$ ?

- **(A)** 0
- (B) 1 (C)  $+\infty$  (D)  $-\infty$



Exame -2004, 1.<sup>a</sup> Fase

46. Considere a função f, de domínio  $\mathbb{R}^+$ , definida por  $f(x) = \ln\left(x + \frac{1}{x}\right)$ Sem recorrer à calculadora, calcule  $\lim_{x \to +\infty} (f(x) - \ln x)$ 

Exame – 2003, Prova para militares

47. Indique o valor de  $\lim_{x\to 0^+}\frac{\log_2 x}{e^x-1}$ 

- **(A)** 0 **(B)** 1 **(C)**  $-\infty$  **(D)**  $+\infty$

Exame - 2003, 1.ª fase - 2.ª chamada

48. A Sofia preparou um pudim, para servir como sobremesa ao jantar. Depois de o ter confecionado, a Sofia colocou o pudim a arrefecer, na bancada da cozinha. Uma hora depois, colocou-o no frigorífico, para ficar bem frio.

Admita que a temperatura do pudim, em graus centígrados, t minutos depois de ter sido colocado na bancada, é dada, para um certo valor de A, por

$$f(t) = \begin{cases} 20 + 80 \times 2^{-0.05t}, & 0 \le t < 60 \\ 6 + A \times 2^{-0.05(t-60)}, & t \ge 60 \end{cases}$$

Atendendo a que a função é contínua, mostre que A=24, utilizando métodos exclusivamente analíticos.

Exame - 2001, Prova para militares

49. Para um certo valor de k, é contínua em  $\mathbb{R}$  a função f definida por

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \le 0 \\ & \text{ln}(x+k) & \text{se } x > 0 \end{cases}$$
 (ln designa logaritmo de base  $e$ )

Qual é o valor de k?

- **(A)** -1 **(B)** 0 **(C)** 1
- **(D)** 2

Exame - 2001, 2.ª Fase

50. Seja h a função, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por

$$h(x) = \begin{cases} 1 + e^x & \text{se } x < 0 \\ 2 & \text{se } x = 0 \\ 3x + 2 & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

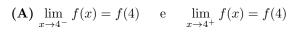
Relativamente à continuidade de h, no ponto de abcissa 0, qual das afirmações seguintes é verdadeira?

- (A) É contínua
- (B) É contínua à esquerda e descontínua à direita
- (C) É contínua à direita e descontínua à esquerda
- (D) É descontínua à esquerda e à direita

Exame - 2001, 1.a fase - 2.a chamada

51. Na figura ao lado está representada parte do gráfico de uma função f, de domínio  $\mathbb R.$ 

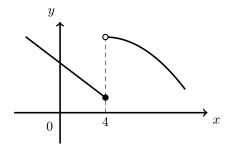
Qual das seguintes afirmações é verdadeira?



**(B)** 
$$\lim_{x \to 4^{-}} f(x) = f(4)$$
 e  $\lim_{x \to 4^{+}} f(x) \neq f(4)$ 

(C) 
$$\lim_{x \to 4^{-}} f(x) \neq f(4)$$
 e  $\lim_{x \to 4^{+}} f(x) = f(4)$ 

**(D)** 
$$\lim_{x \to 4^{-}} f(x) \neq f(4)$$
 e  $\lim_{x \to 4^{+}} f(x) \neq f(4)$ 



Exame - 2000, 1.ª fase - 2.ª chamada

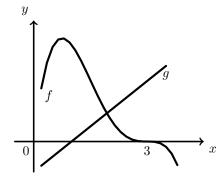
52. Na figura ao lado está representada parte dos gráficos de duas funções f e g, contínuas em  $\mathbb{R}$ .

O gráfico de f interseta o eixo Ox no ponto de abcissa 3.

indique o valor de  $\lim_{x\to 3^-} \frac{g(x)}{f(x)}$ 

**(B)** 1

(C) 
$$-\infty$$
 (D)  $+\infty$ 



Exame – 1999, 1.ª fase - 2.ª chamada (prog. antigo)