EXAME NACIONAL DO ENSINO SECUNDÁRIO

12º Ano de Escolaridade (Decreto-Lei nº 286/89, de 29 de Agosto) Cursos de Carácter Geral e Cursos Tecnológicos Cursos das Escolas Secundárias Soares dos Reis e António Arrojo

Duração da Prova: 90 min + 30 min de tolerância 1997

2ª CHAMADA

PROVA ESCRITA DE MATEMÁTICA

I

Para cada uma das nove questões deste grupo, seleccione a resposta correcta de entre as alternativas que lhe são apresentadas e escreva na sua folha de respostas a letra que lhe corresponde. Não apresente cálculos. Atenção! Se apresentar mais do que uma resposta a questão será anulada, o mesmo acontecendo em caso de resposta ambígua. Cotação: cada resposta certa, +9 pontos; cada resposta errada, -3 pontos; questão não respondida ou anulada, 0 pontos.

1. Uma função real de variável real f é tal que f(x) = f'(x), para qualquer número real x.

Indique qual das seguintes expressões pode definir a função f:

(A)
$$3x^2$$
 (B) $sen x$

(B)
$$sen x$$

(C)
$$e^{5x}$$

(D)
$$2e^{x}$$

 $\lim_{x \to +\infty} \left(\,2\,x^5 e^{-x}\,\right) \quad \text{\'e}$ 2.

(A)
$$-\infty$$
 (B) 0

(D)
$$+\infty$$

3. Indique qual dos seguintes conjuntos de pontos, em referencial o.n. xOy, é sempre o gráfico de uma função real de variável real $f: x \rightarrow y$

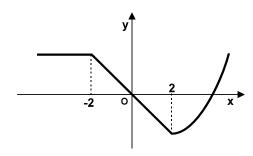
(A) Uma recta vertical

(B) Uma recta horizontal

(C) Uma parábola

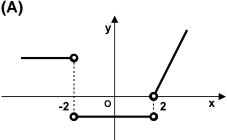
(D) Uma elipse

4. Se a representação gráfica de uma função $\,g\,$ é

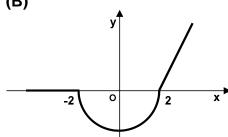


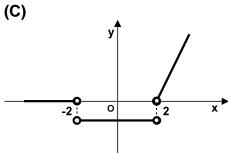
então a representação gráfica de $\,g^{\prime}\,$ pode ser

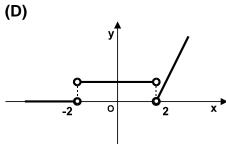
(A)



(B)







5.

Na figura ao lado está parte da representação gráfica da função f definida por

$$f(x) = \cos(\pi x) . \ln(x - 1)$$

Os pontos A,B,C e D são pontos de intersecção do gráfico da função $\,f\,$ com o eixo das abcissas.

A abcissa do ponto $\,A\,$ é:



(C)
$$\frac{3}{2}$$

6. Considere a elipse de focos (-3,0) e (3,0) e a que pertence o ponto (0,4). Um outro ponto que pertence à elipse é:

(A) (5,0) **(B)** (3,4) **(C)** (4,0) **(D)** (0,-5)

7. Num referencial o. n. Oxyz, as rectas AB e r são paralelas.

O vector \overrightarrow{AB} tem coordenadas (-2, m, 3).

A recta r é definida pela condição $\frac{x-1}{2} = y = -\frac{z}{3}$

O valor de $\,m\,$ é:

(A) $-\frac{1}{3}$ **(B)** -1 **(C)** 0

(D) 1

8. Foram oferecidos dez bilhetes para uma peça de teatro a uma turma com doze rapazes e oito raparigas.

Ficou decidido que o grupo que vai ao teatro é formado por cinco rapazes e cinco raparigas. De quantas maneiras diferentes se pode formar este grupo?

(A) $^{12}C_5 \times {}^8C_5$

(B) $^{12}A_5 \times {}^8A_5$

(C) $12 \times 8 \times 5^2$

(D) $\frac{12! \times 8!}{5!}$

9. Uma empresa de cofres atribui ao acaso um código secreto a cada cofre que comercializa. Cada código secreto é formado por quatro algarismos, por uma certa ordem. Escolhendo-se um cofre ao acaso, qual é a probabilidade de o código ter exactamente três zeros?

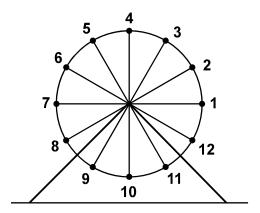
(A) 0,0004

(B) 0,0027 **(C)** 0,0036

(D) 0,004

П

1. Uma roda gigante de um parque de diversões tem doze cadeiras, numeradas de 1 a 12, com um lugar cada uma (ver figura abaixo). Seis raparigas e seis rapazes, vão andar na roda gigante e sorteiam entre si os lugares que vão ocupar. Qual é a probabilidade de rapazes e raparigas ficarem sentados alternadamente, isto é, cada rapaz entre duas raparigas e cada rapariga entre dois rapazes? Apresente o



2. Depois de toda a gente estar sentada nas respectivas cadeiras, a roda gigante começa a girar. Um dos rapazes, o Manuel, ficou sentado na cadeira número 1. No instante em que a roda gigante começa a girar, a cadeira 1 está na posição indicada na figura acima. A distância, em metros, da cadeira 1 ao solo, t segundos após a roda gigante ter começado a girar, é dada por

$$d(t) = 7 + 5 sen\left(\frac{\pi t}{30}\right)$$

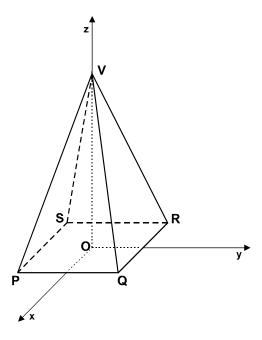
- **a)** Determine a distância a que a cadeira número 1 se encontra do solo no instante em que a roda gigante começa a girar.
- b) Esboce o gráfico da função d, para $t \in [0, 90]$. Assinale as coordenadas dos pontos correspondentes aos extremos da função. Da análise do gráfico, indique quanto tempo demora o Manuel a dar uma volta completa.
- Resolva a equação $d(t)=9,5\,$ para $t\in[0,\,90]$. A partir do conjunto solução obtido, indique quanto tempo demora o Manuel a encontrar-se pela primeira vez a uma distância de 9,5 metros do solo, depois da roda gigante ter começado a girar.
- **d)** Indique, justificando, qual é o raio da roda gigante.

resultado na forma de percentagem.

Considere, num referencial o.n. Oxyz, uma pirâmide regular de base quadrada (ver figura abaixo). O vértice V da pirâmide pertence ao semi-eixo positivo Oz.

A base da pirâmide está contida no plano xOy.

A aresta [PQ] é paralela ao eixo Oy. O ponto Q tem coordenadas (2, 2, 0).



a) Sabendo que, na unidade considerada, o volume da pirâmide é igual a 32, determine a cota do vértice $\,V.\,$

Volume da Pirâmide = $\frac{1}{3}$ × Área da Base × Altura

- Mostre que o plano QRV pode ser definido pela equação 3y+z=6. Se não resolveu a alínea anterior, considere que o ponto V tem cota 6.
- C) Determine uma condição que defina a recta que passa na origem do referencial e é perpendicular ao plano $\,QRV\,.$
- d) Justifique que a intersecção da aresta [QV] com o plano de equação z=3 é o ponto $M\left(1,\,1,\,3\right)$ e determine a área da secção produzida na pirâmide por esse plano.

COTAÇÕES

GRUPO I	81
Cada questão certa Cada questão errada Cada questão não respondida ou anulada	- 3
GRUPO II	67
1	20
2	47
GRUPO III	52
a)	
ΤΟΤΔΙ	200