

TEMA: FUNÇÃO COMPOSTA

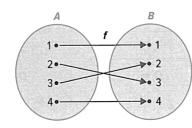
TIPO: FICHA DE TRABALHO N°4

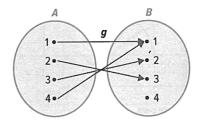
LR MAT EXPLICAÇÕES

$$f \circ g(x) = f(g(x))$$

$$D_{f \circ g} = \left\{ x \in \mathbb{R} : x \in D_g \land g(x) \in D_f \right\}$$

1. Considera as seguintes funções:





- 1.1 Qual é o valor de $(g \circ f)(4)$?
- (A) 1

(B) 2

(C) 3

(D) 4

- 1.2 Qual é o valor de $(f \circ g)(4)$?
- (A) 1

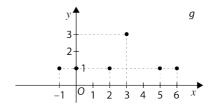
(B) 2

(C) 3

(D) 4

2. Considere as funções $f: \{-1, 0, 1, 4, 5\} \rightarrow \mathbb{R}$ e $g: \{-1, 0, 2, 3, 5, 6\} \rightarrow \mathbb{R}$ definidas, respetivamente, por:

X	-1	0	1	4	5
f(x)	$\frac{1}{2}$	$\sqrt{2}$	√8	-3	3



 $(f \circ g)(5)$ é igual a:

(A) 1

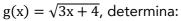
(B)3

(C) $\sqrt{2}$

- (D) $2\sqrt{2}$
- **3.** Considera as funções reais de variável g e h definidas em \mathbb{R} por g(x) = 4x 2 e h(x) = -3x + 5.
 - 3.1 Calcula:

 - (a) $(g \circ h)(-2)$ (b) $(h \circ g)(-2)$

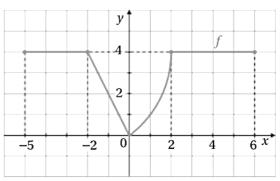
- 3.2 Determina a expressão algébrica que define as funções:
 - (a) $(g \circ h)(x)$
- (b) $(h \circ g)(x)$
- 4. Considera a função f representada no referencial cartesiano da figura.
 - 4.1 Indica $D_f e D'_f$.
 - 4.2 Sendo g a função real de variável real definida por





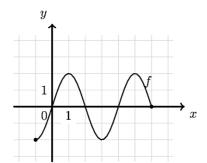
(b)
$$(f \circ g)(7)$$

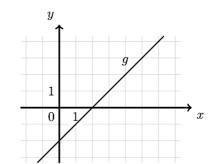
(c)
$$(g \circ f)(0)$$



5. Na figura em baixo, à esquerda, está representado o gráfico de uma função f, de domínio [-1,6], e, na figura da direita, está representada parte do gráfico de uma função g, de domínio \mathbb{R} .

Tal como as figuras sugerem, em ambas as funções, todos os objetos inteiros têm imagens inteiras.





Quais são os zeros da função g \circ f? (o símbolo \circ designa a composição de funções)

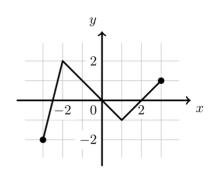
- (A) 0 e 4
- (B) 1 e 5
- (C) -1 e 3
- (D) 2 e 6
- **6.** Seja *f* a função cujo gráfico está representado na figura ao lado.

Seja g a função, de domínio \mathbb{R} , definida por g(x) = -x + 3.

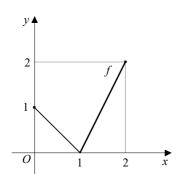
Qual é o valor de $(g \circ f)(3)$?

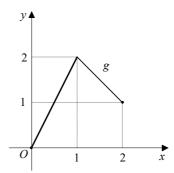
(o símbolo • designa a composição de funções)

- (A) -1
- (B) 0
- (C) 1
- (D) 2



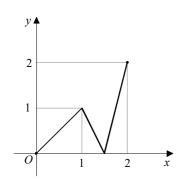
7. Considere duas funções $f \, {\, {\rm e} \,} \, g$, de domínio $\left[0,2\right]$, cujos gráficos se apresentam a seguir.

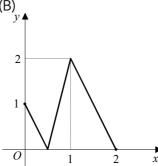




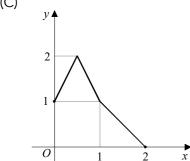
Qual das seguintes opções pode corresponder ao gráfico da função $f \circ g$?

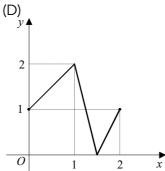
(A)





(C)





8. Seja f a função, de domínio \mathbb{R} , definida por: $f(x) = \frac{2}{3}x^3 + 3x^2 - 13$.

Considera, para cada número real k, a função g, de domínio \mathbb{R} , definida por g(x) = kx + 2.

Determine o valor de k para o qual se tem $(g \circ f)(-3) = 6$.

9. Seja f a função cujo gráfico está representado a figura ao lado.

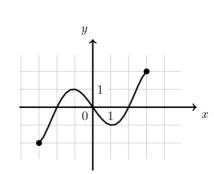
Seja g a função, de domínio \mathbb{R} , definida por g(x) = -2x + 1.

Qual é o valor de $(f \circ g)(2)$?

(o símbolo o designa a composição de funções)







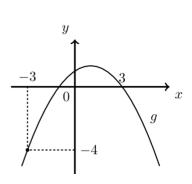
10. Na figura ao lado está representada parte do gráfico de uma função g.

Seja f a função de domínio \mathbb{R} definida por f(x) = |x|.

Qual é o valor de $(f \circ g)(-3)$?

(o símbolo o designa a composição de funções)





11. Considera os conjuntos $A = \{0,2,4,6\}$ e $B = \{0,1,3,5,7,9\}$ e as funções $f: A \to \mathbb{Z}$ e $g: B \to \mathbb{Z}$ tais que:

$$f(x) = 2x + 1; g(x) = 3 - x$$

Determina o domínio e o contradomínio da função g o f e representa a função através de um diagrama de setas.

- 12. Considera os conjuntos $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ e $B = \{-4, -3, -2, -1, 0, 1\}$ e as funções $g: A \to \mathbb{Z}$ e $h: B \to \mathbb{Z}$ tais que: $g(x) = -x^2 e h(x) = 1 - x$.
 - 12.1 Determina o domínio da função g o h.
 - 12.2 Determina o contradomínio de g o h.
 - 12.3 Determina: (a) $g \circ h(0)$ (b) $g \circ h(-1)$ (c) $h \circ h(1)$ (d) $g \circ g(-1)$

- 13. Considera os conjuntos $A = \{0,1,2,3\}$, $B = \{0,2,4,6\}$ e $C = \{1,3,5,7\}$ e as funções $f: A \rightarrow B$ definida por f(x) = 2x, e g: B \rightarrow C, cujo gráfico é $G_g = \{(0,1), (2,3), (4,5), (6,7)\}$.
 - 13.1 Determina o gráfico de f.
 - Calcula: (a) $g \circ f(1)$ 13.2
- (b) g(f(3))
- 13.3 Determina o domínio e o gráfico de f o g.
- 14. Considera as funções f e g definidas pelo diagrama e tabela seguintes, respetivamente.

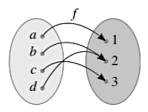
O gráfico da função $g \circ f$ é:

(A)
$$G = \{(1,1), (2,2), (3,3)\}$$

(B)
$$G = \{(a, a), (b, b), (c, c), (d, b)\}$$

(C)
$$G = \{(a, a), (b, b), (c, c), (d, d)\}$$

(D)
$$G = \{(1, a), (2, b), (3, c)\}$$



x	g(x)		
1	а		
2	b		
3	с		

15. Sejam f e g duas funções de domínio \mathbb{R} .

Sabe-se que f(x) = 2x + 1 e que $(f \circ g)(x) = 7$, para todo o valor real de x.

Qual das seguintes expressões define a função g?

(A)
$$-3$$

(C)
$$x - 3$$

(D)
$$x + 3$$