



Teste Intermédio de Matemática

Versão 1

Teste Intermédio

Matemática

Versão 1

Duração do Teste: 90 minutos | 30.04.2009

${\bf 3.^o}$ Ciclo do Ensino Básico – $8.^{\rm o}$ Ano de Escolaridade

Decreto-Lei n.º 6/2001, de 18 de Janeiro

COTAÇÕES

1.		
	1.1.	6 pontos
	1.2.	6 pontos
2.		5 pontos
3.		6 pontos
4.		
	4.1.	6 pontos
	4.2.	5 pontos
5.		6 pontos
6.		7 pontos
7.		
	7.1.	6 pontos
	7.2.	5 pontos
8.		6 pontos
9.		
	9.1.	6 pontos
	9.2.	5 pontos
10		6 pontos
11		
	11.1.	7 pontos
	11.2.	6 pontos
12		6 pontos
	TOTAL	100 pontos

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO

Critérios Gerais

- 1. A classificação a atribuir a cada resposta deve ser sempre um número inteiro, não negativo, de pontos.
- 2. Deve ser atribuída a classificação de zero pontos a respostas ilegíveis.
- 3. Não devem ser tomados em consideração erros:
 - 3.1. linguísticos, a não ser que sejam impeditivos da compreensão da resposta;
 - **3.2.** na utilização da linguagem simbólica matemática, desde que nada seja referido em contrário nos critérios específicos de classificação;
 - **3.3.** resultantes de o aluno copiar mal os dados de um item, desde que não afectem a estrutura nem o grau de dificuldade do item.
- **4.** Nos itens de escolha múltipla, as respostas em que o aluno seleccione, de forma inequívoca, a alternativa correcta, escrevendo a letra, ou a resposta, que lhe corresponde, a classificação a atribuir deve ser a cotação indicada. Se, além da alternativa correcta, o aluno seleccionar outra alternativa, deve ser atribuída a classificação de zero pontos.
- **5.** Sempre que o aluno apresente mais do que uma resolução do mesmo item e não indique, de forma inequívoca, a(s) que pretende anular, apenas a primeira deve ser classificada.
- **6.** Para os itens que não são de escolha múltipla, há dois tipos de **critérios específicos de classificação**: por *níveis de desempenho* e por *etapas de resolução* do item.
 - 6.1. Por níveis de desempenho

Indica-se uma descrição para cada nível e a respectiva cotação. Cabe ao professor classificador enquadrar a resposta do aluno numa das descrições apresentadas, sem atender às seguintes incorrecções:

- erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares;
- não apresentação do resultado final na forma pedida e/ou apresentação do resultado mal arredondado.

Notas:

À classificação total da resposta destes itens devem ser aplicadas as seguintes desvalorizações:

- 1 ponto, por erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares (independentemente do número de erros cometidos);
- 1 ponto, por não se apresentar o resultado final na forma pedida (por exemplo: sem a respectiva unidade) e/ou por se apresentar o resultado final mal arredondado.

6.2. Por etapas de resolução do item

Indica-se uma descrição de cada etapa e a respectiva cotação. A classificação a atribuir à resposta é a soma das classificações obtidas em cada etapa.

- **6.2.1.** Em cada etapa, a classificação a atribuir deve ser:
 - a cotação indicada, se a mesma estiver inteiramente correcta ou, mesmo não o estando, se as incorrecções resultarem apenas de erros de cálculo que envolvam as quatro operações elementares;
 - · zero pontos, nos restantes casos.

Notas:

À classificação total da resposta destes itens devem ser aplicadas as seguintes desvalorizações:

- 1 ponto, por erros de cálculo que envolvam apenas as quatro operações elementares (independentemente do número de erros cometidos), a não ser que esses erros ocorram apenas em etapas classificadas com zero pontos.
- 1 ponto, por não se apresentar o resultado final na forma pedida (por exemplo: sem a respectiva unidade) e/ou por se apresentar o resultado final mal arredondado.
- **6.2.2.** No caso de o aluno cometer um erro numa das etapas, as etapas subsequentes devem ser classificadas de acordo com **6.2.1.**

Se, apesar do erro cometido, o grau de dificuldade das etapas subsequentes se mantiver, a cotação dessas etapas continua a ser a indicada.

Se, em virtude do erro cometido, o grau de dificuldade das etapas subsequentes diminuir significativamente, a cotação dessas etapas deve ser metade da indicada, arredondada por defeito.

- **6.2.3.** Pode acontecer que um aluno, ao resolver um item, não explicite todas as etapas previstas nos critérios específicos de classificação. Todas as etapas não expressas pelo aluno, mas cuja utilização e/ou conhecimento estejam implícitos na resolução apresentada, devem ser classificadas com a cotação indicada.
- 7. Alguns itens da prova poderão ser correctamente resolvidos por mais do que um processo.

Sempre que o aluno utilizar um processo de resolução correcto, não contemplado nos critérios específicos de classificação, à sua resposta deve ser atribuída a cotação total do item.

Caso contrário, cabe ao professor classificador, tendo como referência os níveis de desempenho / as etapas de resolução do item e as respectivas cotações, adoptar um critério de distribuição da cotação total do item e utilizá-lo em situações idênticas.

Critérios Específicos

1.1.			6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desem	penho:	
	Responde correctamente (45)	6 pontos	
	Dá outra resposta	0 pontos	
1.2.			6 pontos
1.2.			o pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seguintes etapas: Determinar correctamente o número total de pontos obtidos (54)	3 nontos	
		3 pontos	
	Apresentar a expressão para calcular a média $\left(\begin{array}{c} 54 \\ 30 \end{array} \text{ ou equivalente} \right)$ (ver nota)	3 pontos	
	Nota: Se o aluno escrever um valor arredondado, a sua resposta deve ser desvalorizada em 1 ponto.		
2. .			5 pontos
	Assinala a opção correcta (B)	5 pontos	
3. .			6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desem	penho:	
	Responde correctamente $(5,355 \times 10^{12})$	6 pontos	
	Responde (2.55×10^{11})	3 pontos	
	Dá outra resposta	0 pontos	
4.1.			6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:		•
	Determinar correctamente o tempo em que a torneira esteve aberta		
	\cdot (3 minutos e 25 segundos, ou equivalente)	2 pontos	
	Estabelecer uma relação entre o tempo e a água gasta		
	$\left(\left(\frac{2}{0,6} = \frac{205}{x} \right) $ ou equivalente $\right)$	2 pontos	
	Responder 61,5 litros	2 pontos	
4.2.			5 pontos
7.4.	Assinala a opção correcta (C)		o pontos

5.				6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:			
	Apresenta uma estratégia apropriada de resolução do p	•	6 pontos	
	(120 segundos)		4 pontos	
	Exemplo 1: Exemplo 2:			
	$M_{30} = \left\{0, 30, 60, 90, 120, 150, 180, 210, 240\right\}$ Escreve alguns múlting the 40 paragraphic mass and the 4			
	$M_{40} = \big\{\!0,\!40,\!80,\!120,\!160,\!200,\!240\big\}$	de 40 e conclui que voltam a passar junto de partida ao fim de	os no ponto	
	Os dois irmãos voltam a passar no ponto de partida de segundos diferenda ao fim de $240\mathrm{segundos}$.		te de 120 ,	
	Inicia uma estratégia apropriada de resolução do problema, mas não a completa 2 pontos		. 2 pontos	
	Exemplo:			
	$M_{30} = \big\{\!0,\!30,\!60,\!90,\!\dots\big\}$			
	$M_{40} = \big\{\!0, 40, 80, 120, \ldots \big\}$			
	Responde correctamente, mas não mostra como obteve a resposta		1 ponto	
	Dá outra resposta		0 pontos	
6.				7 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seg			
	Desembaraçar a equação de denominadores		2 pontos	
	Isolar os termos em x num dos membros da equação $$		2 pontos	
	Reduzir os termos semelhantes		2 pontos	
	Obter a igualdade $x=-rac{1}{5}$		1 ponto	
7.1.				6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:			
	Apresenta uma explicação correcta, completa e redigida		6 pontos	
	Exemplo:			
	A amplitude do ângulo BAC é igual a $50^{\rm o}$ ou a EDF é $20^{\rm o}$.	amplitude do ângulo		
	Os dois triângulos são semelhantes, pois têm os âno	gulos iguais.		

Assinala a opção correcta (A) 5 pontos 6 por A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Responde correctamente $(5x+10)$ 6 pontos Responde $\left(x+\left(x+4\right)+x+\left(2x+6\right)$ ou equivalente $\left(x+\left(x+4\right)+x+\left(2x+6\right)\right)$ 3 pontos Dá outra resposta 0 pontos		explicação correcta, mas incomple a		3 pontos	
Dá outra resposta	Exemplo:				
Assinala a opção correcta (A)	Os dois triânç	gulos são semelhantes, pois têm os	ângulos iguais.		
Assinala a opção correcta (A)	Dá outra resposta	a		0 pontos	
A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Responde correctamente $(5x+10)$	2				5 pont
A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Responde correctamente $(5x+10)$	Assinala a opção	correcta (A)		5 pontos	
Responde correctamente $(5x+10)$					6 pont
Responde $(x+(x+4)+x+(2x+6)$ ou equivalente $)$	A classificação de	eve ser atribuída de acordo com os	seguintes níveis de deser	mpenho:	
Dá outra resposta				6 pontos	
A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Apresenta uma estratégia apropriada e completa de resolução e responde (5) 6 pontos Apresenta uma estratégia apropriada de resolução, mas responde incorrectamente ou não responde	`		<i>'</i>		
A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho: Apresenta uma estratégia apropriada e completa de resolução e responde $(5)\dots 6$ pontos Apresenta uma estratégia apropriada de resolução, mas responde incorrectamente ou não responde	Dá outra resposta	3		0 pontos	
Apresenta uma estratégia apropriada e completa de resolução e responde (5) 6 pontos Apresenta uma estratégia apropriada de resolução, mas responde incorrectamente ou não responde	1				6 pon
Apresenta uma estratégia apropriada de resolução, mas responde incorrectamente ou não responde	A classificação de	eve ser atribuída de acordo com os	seguintes níveis de deser	mpenho:	
incorrectamente ou não responde	Apresenta uma es	stratégia apropriada e completa de re	solução e responde $(5)\dots$	6 pontos	
$\frac{2}{3} \times \frac{15}{2} = \frac{51}{6} \qquad \qquad 15 - \frac{15}{6} - \frac{15}{6} \times 3 = \qquad \qquad x + \frac{2}{3}x + \frac{1}{3}x = 15 \Leftrightarrow$ $= 15 - \frac{5}{2} - \frac{15}{2} = \qquad \qquad \Leftrightarrow 4x + 2x + x = 15 \Leftrightarrow$ $= \frac{30 - 5 - 15}{2} = 10 \qquad \Leftrightarrow x = \frac{15}{7}$ Inicia uma estratégia apropriada de resolução, mas não a completa	•	• • •	•	4 pontos	
$=15-\frac{5}{2}-\frac{15}{2}=$ $=\frac{30-5-15}{2}=10$ $\Leftrightarrow 4x+2x+x=15\Leftrightarrow$ $\Leftrightarrow x=\frac{15}{7}$ Inicia uma estratégia apropriada de resolução, mas não a completa	Exemplo 1:	Exemplo 2:	Exemplo 3:		
$=15-\frac{1}{2}-\frac{1}{2}=$ $=\frac{30-5-15}{2}=10 \qquad \Leftrightarrow x=\frac{15}{7}$ Inicia uma estratégia apropriada de resolução, mas não a completa	$\frac{2}{3} \times \frac{15}{2} = \frac{51}{6}$	$15 - \frac{15}{6} - \frac{15}{6} \times 3 =$	$x + \frac{2}{3}x + \frac{1}{3}x = 1$	$5 \Leftrightarrow$	
Inicia uma estratégia apropriada de resolução, mas não a completa		$=15-\frac{5}{2}-\frac{15}{2}=$		$15 \Leftrightarrow$	
Exemplo: $15-V_1-V_3$ Responde (5) sem apresentar a estratégia seguida		$=\frac{30-5-15}{2}=10$	$\Leftrightarrow x = \frac{15}{7}$		
$15-V_1-V_3$ Responde (5) sem apresentar a estratégia seguida	Inicia uma estrate	égia apropriada de resolução, mas r	não a completa	2 pontos	
Responde (5) sem apresentar a estratégia seguida	Exemplo:				
Dá outra resposta	$15 - V_1 - V_3$				
5 por	Responde (5) se	em apresentar a estratégia seguida		1 ponto	
·	Dá outra resposta	а		0 pontos	
·	<u>)</u>				5 nor
					o poi

IU.			o pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desen	npenho:	
	Apresenta uma estratégia apropriada e completa de resolução do problema e responde (O número de rosas vermelhas é 9)	6 pontos	
	Apresenta uma estratégia apropriada e completa de resolução do problema e responde (O número de rosas amarelas é 15)	4 pontos	
	Inicia uma estratégia apropriada de resolução do problema, mas não a completa ou completa-a de forma incorrecta	2 pontos	
	Exemplo 1: Exemplo 2:		
	x + x + 6 = 24 $x + x - 6 = 24$		
	Responde (O ramo tem 9 rosas vermelhas) sem apresentar a estratégia seguida	1 ponto	
	Dá outra resposta	0 pontos	
11.1			7 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:		
	Estabelecer uma igualdade que traduz a aplicação do Teorema de Pitágoras ao triângulo $[AEF]$	3 pontos	
	Determinar o comprimento de $[AE]\ (4,1)$	4 pontos	
11.2			6 pontos
	Podem ser utilizados vários processos para responder a este item, como, por e	exemplo:	
	1.º Processo		
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:		
	Determinar a área do quadrado $\left[\mathrm{ACDF}\right]\left(16\right)$	2 pontos	
	Determinar a área do triângulo $[ABE]\ (4)$	2 pontos	
	Calcular a área pedida (12)	2 pontos	
	2.º Processo		
	A classificação deve ser atribuída de acordo com as seguintes etapas:		
	Determinar a área do trapézio $[\mathrm{BCDE}] \ (10)$	2 pontos	
	Determinar a área do triângulo $[AEF]\ (2)$	2 pontos	
	Calcular a área pedida (12)	2 pontos	

12.		6 pontos
	A classificação deve ser atribuída de acordo com os seguintes níveis de desempenho:	
	Utiliza o compasso e a régua para desenhar as mediatrizes de, pelo menos, dois segmentos de recta e assinala o ponto de intersecção (ver notas 1 e 2)	os
	Utiliza o compasso e a régua para desenhar uma das mediatrizes dos três segmentos de recta (ver nota 1)	os
	Dá outra resposta 0 pont	os
	Notas:	
	 Se houver evidência de o aluno não ter utilizado o compasso para desenhar as mediatrizes dos segmentos de recta, a sua resposta deve ser desvalorizada em 1 ponto. 	

2. Se o aluno não assinalar o ponto com a letra «A», a sua resposta deve ser

desvalorizada em 1 ponto.