

1º Teste de Avaliação

Matemática A

12.º Ano de Escolaridade | Turma: H

Duração do Teste de Avaliação: 90 minutos | outubro de 2022

Versão 2

Nome ----- Nº. ----

Instruções gerais

- Não é permitido o uso de corretor
- É permitido o uso de calculadora
- Para responderes aos itens de escolha múltipla, assinala de forma inequívoca, a opção escolhida, escrevendo a letra correspondente Não apresentes cálculos nem justificações neste tipo de itens
- 1. (10 pontos) Em qual das opções está o valor de $\lim_{x\to -3^-} \frac{-2x-6}{(x+3)^2}$?

 $(A) +\infty$

(B) $-\infty$

(C) -2

(D) 0

2. (15 pontos) Seja f, a função real, de variável real, definida por $f(x) = \frac{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}{x^2 + 2x + 1}$

Simplifica a função f, e indica o respetivo domínio de validade da simplificação

3. Considera a função f, real de variável real, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{2\}$

Na figura 1, está representado, em referencial $o.n.\ xOy$, parte do gráfico da função f. No intervalo]2; 4[a função é constante

3.1. (20 pontos) Indica, justificando, e caso exista, cada um dos seguintes limites:

3.1.1. $\lim_{x \to 4} f(x)$

3.1.2. $\lim_{x \to 2} f(x)$

3.2. (10 pontos) Seja (a_n) , a sucessão definida por $a_n = -2 - \frac{2}{n+2}$

Em qual das opções está o valor de $\lim f(a_n)$?

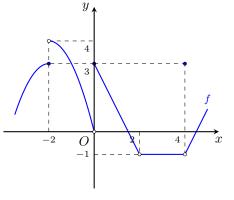


Figura 1

(A) 4

(B) 3

(C) -2

(D) -1

4. (10 pontos) Seja f, a função real, de variável real, definida por, $f(x) = x^2 - 2x$ Seja g, a função real, de variável real, definida por, $g(x) = \sqrt{f(x)}$ Em qual das opções está o domínio da função g?

(A) $]-\infty;0[\cup]2;+\infty[$

(B) [0; 2]

(C) $]-\infty;0] \cup [2;+\infty[$

(D)]0;2[

- 5. Considera as funções, $f \in g$, reais, de variável real, definidas por $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 4x}$ e $g(x) = \frac{x^2 1}{\sqrt{4x + 5} 3}$ respetivamente
 - 5.1. (15 pontos) Recorrendo à definição de limite segundo Heine, determina $\lim_{x \to \infty} f(x)$
 - 5.2. (20 pontos) Resolve, em \mathbb{R} , e analiticaamente, a condição $f(x) \leq \frac{1}{x}$ Apresenta o conjunto solução sob a forma de intervalo ou reunião de intervalos de números reais 5.3. (20 pontos) Determina o domínio da função q
- 6. Na figura 2, estão representados partes dos gráficos de duas funções f e g, reais, de variável real, de domínio \mathbb{R}

Sabe-se que:

- ullet a função g é uma função polinomial de grau três
- ullet a função f é uma função quadrática
- 0 e 3 são os zeros de f
- -2, 0 e 3 são os zeros de g

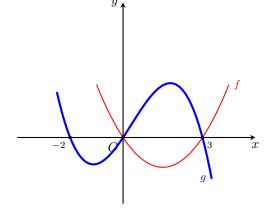


Figura 2

6.1. (10 pontos) Seja h, a função definida por
$$h(x) = \sqrt[3]{\frac{1}{g(x)}}$$

Determina o domínio da função \boldsymbol{h}

6.2. (20 pontos) Resolve a condição $\frac{g(x)}{f(x)} \leq 0$ Apresenta o conjunto solução sob a forma de intervalo ou reunião de intervalos de números reais

7. (10 pontos) Em qual das opções está o valor de
$$\lim_{x\to 1} \left[\frac{1}{x^3-1} \times \left(2x^2+3x-5\right)\right]$$
?

(A) $\frac{7}{2}$ (B) $\frac{7}{5}$ (C) $\frac{7}{4}$ (D) $\frac{7}{3}$

(A)
$$\frac{7}{2}$$

(B)
$$\frac{7}{5}$$

(C)
$$\frac{7}{4}$$

(D)
$$\frac{7}{3}$$

8. (20 pontos) Seja
$$f$$
, a função real, de variável real, definida por, $f(x) = \begin{cases} \frac{3x^2 - 6x - 9}{x^2 - 7x + 12} & se \quad x < 3 \\ -2k + 3 & se \quad x = 3 \\ \frac{\sqrt{x + 6} - 3}{x - 3} & se \quad x > 3 \end{cases}$

$$com $k \in \mathbb{R}$$$

Averigua, analiticamente, se existe algum $k \in \mathbb{R}$, para o qual a função f é contínua no ponto x = 3

9. (20 pontos) Determina
$$\lim_{x \to -\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 5} + 3x}{x + 2}$$