

Pág. 93

1. O perímetro do círculo é dado por $P = \pi \times d$, onde d é o diâmetro, ou por $P = 2 \times \pi \times r$, sendo r o raio do círculo.

1.1. $d = 6 \text{ cm}$
 $P = \pi \times 6 \approx 18,85 \text{ cm}.$

1.2. $d = 5,2 \text{ dm}$
 $P = \pi \times 5,2 \approx 16,34 \text{ dm}.$

1.3. $r = 1 \text{ cm}$
 $P = 2 \times \pi \times 1 \approx 6,28 \text{ cm}.$

1.4. $r = 3,7 \text{ mm}$
 $P = 2 \times \pi \times 3,7 \approx 23,25 \text{ mm}.$

2. O perímetro do círculo é dado por $P = \pi \times d$, onde d é o diâmetro, ou por $P = 2 \times \pi \times r$, sendo r o raio do círculo.

2.1. $d = 8 \text{ cm}$
 $P = \pi \times 8 \approx 25,1 \text{ cm}.$

2.2. $d = 10 \text{ cm}$
 $P = \pi \times 10 \approx 31,4 \text{ cm}.$

2.3. $r = 6 \text{ cm}$
 $P = 2 \times \pi \times 6 \approx 37,7 \text{ cm}.$

2.4. $r = 2,5 \text{ cm}$
 $P = 2 \times \pi \times 2,5 \approx 15,7 \text{ cm}.$

3. O perímetro da coroa circular corresponde à soma dos perímetros dos círculos interior e exterior.

$r_{\text{interior}} = 2 \text{ cm}$
 $P_{\text{interior}} = 2 \times \pi \times 2 \approx 12,566 \text{ cm}$
 $d_{\text{exterior}} = 5 \text{ cm}$
 $P_{\text{exterior}} = \pi \times 5 \approx 15,708 \text{ cm}.$
 $P_{\text{coroa}} = 12,566 + 15,708 = 28,27 \text{ cm}.$

Opção correta: (D)

4. O perímetro de uma circunferência obtém-se multiplicando o número π pelo seu diâmetro. Logo, dado o perímetro, para determinar o diâmetro basta utilizar a operação inversa da multiplicação, a divisão, vindo que:
 $d = 6,3 : \pi \approx 2 \text{ cm}.$

Opção correta: (B)

Pág. 94

5.1. O perímetro da figura obtém-se somando o comprimento do segmento de reta, 5 cm, com o comprimento de metade do semicírculo.

$d = 5 \text{ cm}$
 $P_{\text{círculo}} = \pi \times 5 \approx 15,708 \text{ cm}.$
 $P = \frac{15,708}{2} + 5 = 12,9 \text{ cm}.$

5.2. O perímetro da figura é dado pela soma dos comprimentos das duas linhas, de 2 cm cada, uma vez que se tratam de raios do mesmo círculo, com o perímetro de um quarto do círculo.

$r = 2 \text{ cm}$
 $P_{\text{círculo}} = 2 \times \pi \times 2 \approx 12,566 \text{ cm}.$
 $P = \frac{12,566}{4} + 2 + 2 \approx 7,1 \text{ cm}.$

5.3. Para determinar o perímetro da figura é necessário somar o comprimento dos segmentos de reta $[AE]$ e $[BD]$ ao perímetro do semicírculo de diâmetro $[AB]$ e ao perímetro do quarto de círculo de raio $[CE]$.

$\overline{BC} = \overline{AE} = 5 \text{ cm}$, pois são lados opostos de um retângulo.
 $\overline{AB} = \overline{EC} = 3 \text{ cm}$, dado serem lados opostos de um retângulo, e $\overline{CD} = \overline{EC} = 3 \text{ cm}$, pois são raios do mesmo círculo.

No círculo de diâmetro $[AB]$ tem-se que:

$d = \overline{AB} = 3 \text{ cm}$
 $P_{\text{círculo menor}} = \pi \times 3 \approx 9,425 \text{ cm}.$

No círculo de raio $[CE]$ tem-se que:

$r = \overline{CE} = 3 \text{ cm}$
 $P_{\text{círculo maior}} = 2 \times \pi \times 3 \approx 18,850 \text{ cm}.$

O perímetro da figura é dado por:

$P = \frac{9,425}{2} + 5 + 3 + \frac{18,850}{4} + 5 \approx 22,4 \text{ cm}.$

6.1. A distância percorrida por uma cápsula da roda gigante corresponde ao perímetro da circunferência correspondente à roda. Como essa circunferência tem 160 m de diâmetro, o seu perímetro é:

$P = \pi \times 160 \approx 503 \text{ m}.$

6.2. A distância entre duas cápsulas consecutivas obtém-se dividindo o comprimento total que as cápsulas ocupam, perímetro da circunferência determinado na alínea anterior, 503 m, pelo número de cápsulas, 28, vindo que: distância = $503 : 28 \approx 18 \text{ m}.$

7. O comprimento da fita da Sónia obtém-se somando os perímetros das quatro semicircunferências representadas no esquema, sendo cada perímetro metade do perímetro da circunferência correspondente.

A semicircunferência de centro C tem 26 cm de diâmetro, logo o seu perímetro é:

$$P_C = (\pi \times 26) : 2 \approx 40,84 \text{ cm.}$$

A semicircunferência de centro B tem $2 \times 26 = 52$ cm de diâmetro, sendo o seu perímetro:

$$P_B = (\pi \times 52) : 2 \approx 81,68 \text{ cm.}$$

O diâmetro da semicircunferência de diâmetro D é $2 \times 52 = 104$ cm, sendo o seu perímetro:

$$P_D = (\pi \times 104) : 2 \approx 163,36 \text{ cm.}$$

A maior semicircunferência, de centro A , tem $2 \times 104 = 208$ cm de diâmetro, pelo que tem de perímetro:

$$P_A = (\pi \times 208) : 2 \approx 326,73 \text{ cm.}$$

O comprimento da fita é dado por:

$$\begin{aligned} \text{Comprimento} &= P_C + P_B + P_D + P_A = \\ &= 40,84 + 81,68 + 163,36 + 326,73 = 612,61 \text{ cm} \approx 6 \text{ m.} \end{aligned}$$

Pág. 95

8.1. O José, ao percorrer uma volta em cima da linha branca, percorreu duas retas com 60 m de comprimento cada e duas semicircunferências com $3 + 16 + 3 = 22$ m de diâmetro.

Assim, a distância percorrida nas duas semicircunferências corresponde ao perímetro de uma circunferência com 22 m de diâmetro, que é $P = \pi \times 22 \approx 69,115$ m.

A distância percorrida pelo José foi:

$$D_J = 60 + 60 + 69,115 \approx 189 \text{ m.}$$

8.2. Ao percorrer a pista pela parte mais interior, o António percorreu duas retas, com 60 m de comprimento cada uma, e duas semicircunferências com 16 m de diâmetro cada.

A distância percorrida nas duas semicircunferências foi:

$$P = 2 \times \frac{\pi \times 16}{2} \approx 50,265 \text{ m.}$$

O António percorreu no total:

$$D_A = 60 + 60 + 50,265 \approx 170 \text{ m.}$$

8.3. A volta dada pelo Francisco é composta por duas retas, com 60 m de comprimento cada uma, e por duas semicircunferências de diâmetro $6 + 16 + 6 = 28$ m.

A distância percorrida nas duas semicircunferências foi:

$$P = 2 \times \frac{\pi \times 28}{2} \approx 87,965 \text{ m.}$$

O Francisco percorreu no total:

$$D_F = 60 + 60 + 87,965 \approx 208 \text{ m.}$$

Calculando a diferença entre a distância percorrida pelo Francisco e as distâncias percorridas pelos irmãos:

$$D_F - D_J = 208 - 189 = 19 \text{ m}$$

$$D_F - D_A = 208 - 170 = 38 \text{ m}$$

A afirmação do Francisco é falsa. Embora ele tenha percorrido, efetivamente, mais 19 m do que o José, percorreu mais 38 m do que o Francisco e não apenas mais 28 m.

9.1. A distância percorrida pela roda da frente numa volta corresponde ao seu perímetro.

$$d = 90 \text{ cm} = 0,9 \text{ m}$$

$$P = \pi \times 0,9 \approx 2,827 \text{ m}$$

Como a roda da frente deu 100 voltas, a distância total percorrida foi:

$$D = 100 \times 2,827 \approx 283 \text{ m.}$$

9.2. A distância percorrida pela roda de trás numa volta corresponde ao seu perímetro.

$$d = 1,5 \text{ m}$$

$$P = \pi \times 1,5 \approx 4,712 \text{ m}$$

Uma vez que a roda deu 100 voltas, a distância que percorreu foi de:

$$D = 100 \times 4,712 \approx 471 \text{ m.}$$

9.3. Começa-se por calcular o número de voltas que cada roda deve dar para percorrer 900 m.

– Roda dianteira:

$$1 \text{ volta} \quad \underline{\hspace{1cm}} \quad 2,827 \text{ m} \quad (\text{alínea 9.1.})$$

$$x \text{ voltas} \quad \underline{\hspace{1cm}} \quad 900 \text{ m}$$

$$x = \frac{1 \times 900}{2,827} \approx 318 \text{ voltas}$$

– Roda traseira:

$$1 \text{ volta} \quad \underline{\hspace{1cm}} \quad 4,712 \text{ m} \quad (\text{alínea 9.2.})$$

$$x \text{ voltas} \quad \underline{\hspace{1cm}} \quad 900 \text{ m}$$

$$x = \frac{1 \times 900}{4,712} \approx 191 \text{ voltas}$$

A roda dianteira dá mais $318 - 191 = 127$ voltas do que a traseira.

Pág. 97

1. A área de um círculo de raio r é dada por $A = \pi \times r^2$.

1.1. $r = 1 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 1^2 \approx 3,14 \text{ cm}^2$$

1.2. $r = 3,7 \text{ dm}$

$$A = \pi \times 3,7^2 \approx 43,01 \text{ cm}^2$$

1.3. $r = \frac{6}{2} = 3 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 3^2 \approx 28,27 \text{ cm}^2$$

1.4. $r = \frac{5,2}{2} = 2,6 \text{ mm}$

$$A = \pi \times 2,6^2 \approx 21,24 \text{ mm}^2$$

2. A área de um círculo de raio r é dada por $A = \pi \times r^2$.

2.1. $r = 4 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 4^2 \approx 50,27 \text{ cm}^2$$

2.2. $r = 2,5 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 2,5^2 \approx 19,63 \text{ cm}^2$$

2.3. $r = \frac{7}{2} = 3,5 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 3,5^2 \approx 38,48 \text{ cm}^2$$

2.4. $r = \frac{10}{2} = 5 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 5^2 \approx 78,54 \text{ cm}^2$$

3. $A_{\text{quadrado}} = 10^2 = 100 \text{ cm}^2$

$$r = \frac{10}{2} = 5 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times 5^2 \approx 78,5398 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{figura}} = 100 + \frac{78,5398}{2} \approx 139 \text{ cm}^2$$

Opção correta: (A)

4. A área da coroa circular obtém-se subtraindo a área do círculo interior à área do círculo exterior.

$$r_{\text{interior}} = 2 \text{ cm}$$

$$A_{\text{interior}} = \pi \times 2^2 \approx 12,5664 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{exterior}} = \frac{6}{2} = 3 \text{ cm}$$

$$A_{\text{exterior}} = \pi \times 3^2 \approx 28,2743 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{coroa}} = 28,2743 - 12,5664 \approx 15,7 \text{ cm}^2$$

Opção correta: (C)

Pág. 98

5.1. A área colorida obtém-se subtraindo a área do círculo à área do quadrado.

$$A_{\text{quadrado}} = 10^2 = 100 \text{ cm}^2$$

$$r = \frac{10}{2} = 5 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times 5^2 \approx 78,540 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = 100 - 78,540 = 21,460 \text{ cm}^2$$

5.2. A área colorida corresponde a um quarto da diferença entre a área do círculo e a área do quadrado.

$$l = 2 \times 2,8 = 5,6 \text{ cm}$$

$$A_{\text{quadrado}} = 5,6^2 = 31,36 \text{ cm}^2$$

$$r = 4 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times 4^2 \approx 50,265 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = \frac{50,265 - 31,36}{4} \approx 4,726 \text{ cm}^2$$

5.3. A área colorida corresponde à diferença entre a área do quadrado e a área dos quatro quartos de círculo.

$$A_{\text{quadrado}} = 6^2 = 36 \text{ cm}^2$$

$$r = \frac{6}{2} = 3 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times 3^2 \approx 28,274 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = 36 - 4 \times \frac{28,274}{4} = 7,726 \text{ cm}^2$$

5.4. A área colorida é a diferença entre a área do semicírculo maior e a área dos dois semicírculos menores.

$$r_{\text{menor}} = \frac{2}{1} = 1 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo menor}} = \pi \times 1^2 \approx 3,142 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{semicírculo menor}} = \frac{3,142}{2} = 1,571 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{intermédio}} = \frac{4}{2} = 2 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo intermédio}} = \pi \times 2^2 \approx 12,566 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{semicírculo intermédio}} = \frac{12,566}{2} = 6,283 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{maior}} = \frac{2+4}{2} = \frac{6}{2} = 3 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo maior}} = \pi \times 3^2 \approx 28,274 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{semicírculo maior}} = \frac{28,274}{2} \approx 14,137 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = 14,137 - 1,571 - 6,283 = 6,283 \text{ cm}^2$$

5.5. A área colorida corresponde à diferença entre a área do quadrado e a área de um quarto da coroa circular.

$$l = 3 + 3 = 6 \text{ cm}$$

$$A_{\text{quadrado}} = 6^2 = 36 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{pequeno}} = 3 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo pequeno}} = \pi \times 3^2 \approx 28,274 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{grande}} = l = 6 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo grande}} = \pi \times 6^2 \approx 113,097 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{coroa circular}} = 113,097 - 28,274 = 84,823 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{quarto de coroa}} = \frac{84,823}{4} \approx 21,206 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = 36 - 21,206 = 14,794 \text{ cm}^2$$

5.6. A área colorida é a diferença entre a área de um quarto de círculo e a área do semicírculo.

$$r_{\text{grande}} = 5 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo grande}} = \pi \times 5^2 \approx 78,540 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{quarto de círculo}} = \frac{78,540}{4} = 19,635 \text{ cm}^2$$

$$r_{\text{pequeno}} = \frac{5}{2} = 2,5 \text{ cm}$$

$$A_{\text{círculo pequeno}} = \pi \times 2,5^2 \approx 19,635 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{semicírculo}} = \frac{19,635}{2} = 9,818 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{colorida}} = 19,635 - 9,818 = 9,817 \text{ cm}^2$$

6. Piscina A

A base da piscina tem a forma de um círculo com 5 m de diâmetro.

$$r_A = \frac{5}{2} = 2,5 \text{ m}$$

$$A_A = \pi \times 2,5^2 \approx 19,63 \text{ m}^2$$

Piscina B

A base da piscina é formada por um retângulo, com 4 m de comprimento e 3 m de largura, e por dois semicírculos com 3 m de diâmetro.

$$A_{\text{retângulo}} = 4 \times 3 = 12 \text{ m}^2$$

$$r_B = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ m}$$

$$A_{\text{semicírculo}} = \frac{\pi \times 1,5^2}{2} \approx 3,53 \text{ m}^2$$

$$A_B = 12 + 2 \times 3,53 = 19,06 \text{ m}^2$$

Piscina C

A base da piscina tem a forma de um hexágono que pode ser decomposto em seis triângulos geometricamente iguais.

$$b_{\text{triângulo}} = 3 \text{ m}$$

$$h_{\text{triângulo}} = 2,6 \text{ m}$$

$$A_{\text{triângulo}} = \frac{b \times h}{2} = \frac{3 \times 2,6}{2} = 3,9 \text{ m}^2$$

$$A_C = 6 \times 3,9 = 23,4 \text{ m}^2$$

Piscina D

A base da piscina tem a forma de um retângulo, com 8 m de comprimento e 3 m de largura, ao qual foram retirados quatro quartos de círculo com 0,75 m de raio.

$$A_{\text{retângulo}} = 8 \times 3 = 24 \text{ m}^2$$

$$r_D = 0,75 \text{ m}$$

$$A_{\text{quarto de círculo}} = \frac{\pi \times 0,75^2}{4} \approx 0,44 \text{ m}^2$$

$$A_D = 24 - 4 \times 0,44 = 22,24 \text{ m}^2$$

Para satisfazer os filhos, o Sr. Fonseca deve escolher a piscina C.

Pág. 99

7.1. $r = 1 \text{ cm}$

$$A = \pi \times 1^2 \approx 3,1 \text{ m}^2$$

Deve comprar 3,1 m² de piso.

7.2. $r_{\text{casa}} = \frac{10}{2} = 5 \text{ m}$

$$A_{\text{casa}} = \pi \times 5^2 \approx 78,54 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{casa de banho}} = \pi \times 1^2 \approx 3,14 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{restante}} = 78,54 - 3,14 = 75,4 \text{ m}^2$$

Como as 4 divisões restantes têm todas a mesma área:

$$A_{\text{quarto}} = A_{\text{sala}} = \frac{75,4}{4} = 18,85 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{madeira}} = 2 \times 18,85 = 37,7 \text{ m}^2$$

Uma vez que a madeira é vendida em caixas com 2 m² de madeira cada uma, é necessário comprar $37,7 : 2 = 18,85$ caixas. Uma vez que não é possível comprar apenas parte de uma caixa, o João terá de adquirir 19 caixas de madeira.

8. O perímetro do chapéu é $2 - 0,5 = 1,5 \text{ m}$.

Como o perímetro do chapéu se obtém multiplicando o seu diâmetro por π , para determinar o diâmetro do chapéu basta utilizar a operação inversa da multiplicação, a divisão, vindo que:

$$d = \frac{1,5}{\pi} \approx 0,477 \text{ m}$$

$$r = \frac{0,477}{2} \approx 0,239 \text{ m}$$

$$A_{\text{chapéu}} = \pi \times 0,239^2 \approx 0,18 \text{ m}^2$$

O chapéu ocupa 0,18 m² de área.

9. A quantidade de rede necessária para vedar os decantadores é dada pelo perímetro dos 12 decantadores.

Os 3768 m^2 correspondem à área dos 12 decantadores, pelo que a área de cada um é:

$$A_{\text{decantador}} = \frac{3768}{12} = 314 \text{ m}^2.$$

A área do decantador obtém-se calculando a área do círculo, $\pi \times r^2$, sendo r o raio do decantador. Como esta área é 314 m^2 , conclui-se que o valor de r^2 é o número que multiplicado por $\pi \approx 3,14$ é igual a 314, ou seja, $r^2 = \frac{314}{3,14} = 100$.

Assim, o raio de cada decantador é o número que, ao quadrado, é igual a 100. Como $10 \times 10 = 100$, o raio de cada decantador é 10 m.

Então:

$$P_{\text{decantador}} = 2 \times \pi \times r = 2 \times 3,14 \times 10 \approx 62,8 \text{ m}.$$

Uma vez que existem 12 decantadores para vedar, será necessário gastar $12 \times 62,8 = 754 \text{ m}$ de rede.

Pág. 101

1.1. Para determinar o volume de cada sólido utilizando como unidade um cubinho de madeira é necessário contar quantos cubinhos de madeira formam cada sólido.

A: 2 u.v. B: 4 u.v. C: 8 u.v.
D: 18 u.v. E: 16 u.v. F: 16 u.v.

1.2. Utilizando o sólido A como unidade de volume, cada 2 cubinhos correspondem a uma unidade de volume, logo o volume será metade do número de cubinhos de cada sólido.

A: $\frac{2}{2} = 1 \text{ u.v.}$ B: $\frac{4}{2} = 2 \text{ u.v.}$ C: $\frac{8}{2} = 4 \text{ u.v.}$
D: $\frac{18}{2} = 9 \text{ u.v.}$ E: $\frac{16}{2} = 8 \text{ u.v.}$ F: $\frac{16}{2} = 8 \text{ u.v.}$

2. Dois sólidos são equivalentes quanto têm o mesmo volume.

Considerando como unidade de volume um dos cubinhos que constituem a figura, têm-se os seguintes volumes:

$V_A = 11 \text{ u.v.}$ $V_B = 9 \text{ u.v.}$ $V_C = 10 \text{ u.v.}$
 $V_D = 12 \text{ u.v.}$ $V_E = 9 \text{ u.v.}$ $V_F = 10 \text{ u.v.}$
 $V_G = 11 \text{ u.v.}$ $V_H = 12 \text{ u.v.}$

Os sólidos equivalentes são: A e G; B e E; C e F; D e H.

3. Determinando o volume de cada um dos sólidos tem-se que:

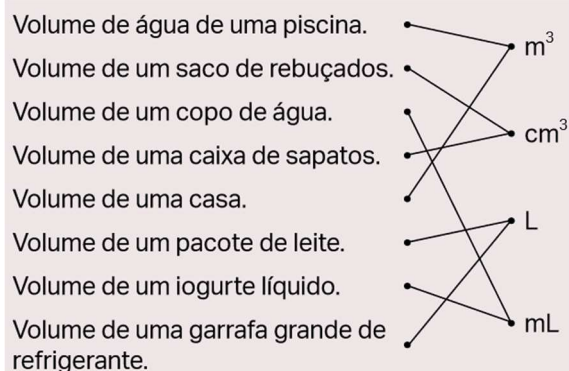
(A) 11 u.v. (B) 13 u.v.
(C) 16 u.v. (D) 15 u.v.

Opção correta: (D)

4. Genericamente, os m^3 e os cm^3 utilizam-se, essencialmente, como unidade de medida de volume de sólidos ou, no caso dos m^3 , do volume de líquidos que ocupam muito espaço (caudais de água, por exemplo). Os m^3 utilizam-se para volumes grandes e os cm^3 para os volumes de objetos mais pequenos.

Já os l e os ml utilizam-se para volumes de líquidos, sendo os ml para volumes menores do que os l.

Assim:



5. Para converter unidades de volume utiliza-se a informação constante da página 100.

5.1. Para converter dm^3 em cm^3 multiplica-se por 1000.
 $2 \text{ dm}^3 = 2 \times 1000 \text{ cm}^3 = 2000 \text{ cm}^3$

5.2. Para converter m^3 em dm^3 é necessário multiplicar por 1000.

$$0,007 \text{ m}^3 = 0,007 \times 1000 \text{ dm}^3 = 7 \text{ dm}^3$$

5.3. Para converter cm^3 para m^3 é necessário dividir por 1000 duas vezes, o que corresponde a deslocar a vírgula seis casas para a esquerda.

$$3200 \text{ cm}^3 = 0,0032 \text{ m}^3$$

5.4. Para converter cl em hl é necessário dividir por 10 quatro vezes, ou seja, deslocar a vírgula quatro casas para a esquerda.

$$25\,000\text{ cl} = 2,5\text{ hl}$$

5.5. Para converter cl em litros divide-se por 10 duas vezes, ou seja, desloca-se a vírgula duas casas para a esquerda.

$$50\text{ cl} = 0,5\text{ l}$$

5.6. Para converter l em ml é necessário multiplicar por 10 três vezes, ou seja, deslocar a vírgula três casas para a direita.

$$0,009\text{ l} = 9\text{ ml}$$

5.7. Como o l é igual ao dm^3 :

$$5\text{ l} = 5\text{ dm}^3$$

5.8. Para converter cl em mm^3 começa-se por converter cl em ml, multiplicando por 10.

$$50\text{ cl} = 500\text{ ml}$$

Como o ml é igual ao cm^3 , para converter em mm^3 basta multiplicar por 1000.

$$50\text{ cl} = 500\text{ ml} = 500\text{ cm}^3 = 500\,000\text{ mm}^3$$

5.9. Como o dm^3 é igual ao l, para converter em cl basta multiplicar por 100.

$$0,02\text{ dm}^3 = 0,02\text{ l} = 2\text{ cl}$$

5.10. Para converter dl em cm^3 começa-se por transformar os dl em ml, multiplicando por 100, sendo os ml iguais aos cm^3 .

$$0,012\text{ dl} = 1,2\text{ ml} = 1,2\text{ cm}^3$$

5.11. Como o dm^3 é igual ao l, convertem-se os m^3 em dm^3 multiplicando por 1000.

$$1\text{ m}^3 = 1000\text{ dm}^3 = 1000\text{ l}$$

5.12. Uma vez que ml e cm^3 são iguais, para converter em m^3 basta dividir por 1000 duas vezes, deslocando a vírgula seis casas para a esquerda.

$$330\text{ ml} = 330\text{ cm}^3 = 0,000\,33\text{ m}^3$$

6. Para comparar os volumes apresentados é necessário que ambos estejam expressos nas mesmas unidades.

6.1. Convertendo m^3 em dm^3 , isto é, multiplicando por 1000 os m^3 , obtém-se:

$$0,005\text{ m}^3 = 5\text{ dm}^3.$$

6.2. Para converter cm^3 em dm^3 é necessário dividir por 1000.

$$320\text{ cm}^3 = 0,32\text{ dm}^3 < 3,2\text{ dm}^3$$

Logo:

$$320\text{ cm}^3 < 3,2\text{ dm}^3.$$

6.3. Para converter m^3 em mm^3 é necessário multiplicar por 1000 três vezes, ou seja, deslocar a vírgula nove casas para a direita (acrescentando zeros as casas necessárias).

$$0,0008\text{ m}^3 = 800\,000\text{ mm}^3 > 800\text{ mm}^3$$

Assim:

$$0,0008\text{ m}^3 > 800\text{ mm}^3$$

6.4. Para converter ml em cl basta dividir por 10.

$$300\text{ ml} = 30\text{ cl} > 3\text{ cl}.$$

Então:

$$300\text{ ml} > 3\text{ cl}.$$

6.5. Para converter cl em l deve dividir-se por 100.

$$200\text{ cl} = 2\text{ l}.$$

6.6. Para converter l em ml é necessário dividir por 1000, obtendo:

$$0,006\text{ l} = 6\text{ ml} < 60\text{ ml}.$$

Assim:

$$0,006\text{ l} < 60\text{ ml}.$$

6.7. Uma vez que dm^3 são iguais a l e para passar de l a ml é necessário multiplicar por 1000, resulta que:

$$5\text{ dm}^3 = 5\text{ l} = 5000\text{ ml} > 500\text{ ml}.$$

Logo:

$$5\text{ dm}^3 > 500\text{ ml}.$$

6.8. Como cm^3 é igual a ml e para converter ml para cl basta dividir por 10, tem-se que:

$$3\text{ cm}^3 = 3\text{ ml} = 0,3\text{ cl} < 3\text{ cl}.$$

Então:

$$3\text{ cm}^3 < 3\text{ cl}.$$

6.9. Convertendo m^3 em dm^3 , bastando para tal multiplicar por 1000, e como dm^3 é igual a l, vem que:

$$0,001 \text{ m}^3 = 1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ l}.$$

Pelo que:

$$0,001 \text{ m}^3 = 1 \text{ l}.$$

Pág. 103

7.1. A Sara fez $2 \text{ l} = 2000 \text{ ml}$ de sumo de laranja. Como cada copo leva 250 ml de sumo, o número de copos que a Sara consegue encher é:

$$2000 : 250 = 8 \text{ copos}.$$

7.2. Dividindo a quantidade de sumo pelo número de copos utilizado tem-se:

$$2 : 10 = 0,2 \text{ l} = 20 \text{ cl}.$$

A Sara deitou 20 cl de sumo em cada copo.

8. O volume de cada caixa, em m^3 , é:

$$V_{\text{caixa}} = 125 \text{ dm}^3 = 0,125 \text{ m}^3.$$

Como o contentor leva 250 caixas, sem espaços vazios, o volume do contentor é:

$$V_{\text{contentor}} = 250 \times V_{\text{caixa}} = 250 \times 0,125 = 31,25 \text{ m}^3.$$

9. O volume do berlinde corresponde ao volume de líquido deslocado, isto é, à diferença entre o volume final e o volume inicial.

$$V_{\text{inicial}} = 500 \text{ ml}$$

$$V_{\text{final}} = 800 \text{ ml}$$

$$V_{\text{berlinde}} = 800 - 500 = 300 \text{ ml} = 300 \text{ cm}^3 = 0,3 \text{ dm}^3.$$

$$\mathbf{10.1.} \quad V_{\text{diário}} = \frac{V_{\text{anual}}}{366} = \frac{63,7}{366} \approx 0,174 \text{ m}^3$$

Convertendo em litros:

$$0,174 \text{ m}^3 = 174 \text{ dm}^3 = 174 \text{ l}.$$

Conclui-se que, em média, cada português gastou, em 2020, 174 litros de água por dia.

10.2. a) Por dia, cada português desperdiça em média $174 - 110 = 64 \text{ l}$ de água.

b) Como, em média, cada português desperdiçou 64 litros de água e eram cerca de 10 000 000 de portugueses, em média desperdiçaram-se $10\,000\,000 \times 64 = 640\,000\,000 \text{ l}$ de água em 2020. Convertendo em m^3 , desperdiçaram-se $640\,000\,000 \text{ l} = 640\,000\,000 \text{ dm}^3 = 640\,000 \text{ m}^3$.

c) Em Portugal desperdiçaram-se 640 000 000 l de água. Como cada pessoa necessita de 110 l, a água desperdiçada em Portugal chegaria para $\frac{640\,000\,000}{110} \approx 5\,818\,181$ pessoas.

Pág. 105

1. O volume do paralelepípedo é dado por $V = c \times l \times a$, onde c é o comprimento da base, l a largura da base e a a altura.

$$\mathbf{1.1.} \quad V = 3 \times 3 \times 6 = 54 \text{ cm}^3$$

$$\mathbf{1.2.} \quad V = 4 \times 2 \times 3 = 24 \text{ cm}^3$$

$$\mathbf{1.3.} \quad V = 5 \times 4 \times 2 = 40 \text{ dm}^3$$

2. O volume de um cubo cuja aresta mede a é dado por $V = a^3$.

$$V_A = 2^3 = 8 \text{ cm}^3$$

$$V_B = 5^3 = 125 \text{ cm}^3$$

$$V_C = 6^3 = 216 \text{ cm}^3$$

$$V_D = 7^3 = 343 \text{ cm}^3$$

3. Para comparar os volumes é necessário que estes estejam determinados nas mesmas unidades. Determinam-se os volumes dos sólidos em cm^3 .

$$V_A = 3,5^3 = 42,875 \text{ cm}^3$$

$$V_B = 20 \times 10 \times 30 = 6000 \text{ mm}^3 = 6 \text{ cm}^3$$

$$V_C = 5^2 \times 2 = 50 \text{ cm}^3$$

$$V_D = 2 \times 1 \times 0,5 = 1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3$$

Colocando-os por ordem crescente de volume:

$$B < A < C < D.$$

4. O volume do paralelepípedo é dado por:

$$V = \text{área da base} \times \text{altura}.$$

A área da base é:

$$A_{\text{base}} = 5^2 = 25 \text{ cm}^2.$$

A altura é o número que multiplicado por 25 permite obter o volume do paralelepípedo, 100, ou seja, é $100 : 25 = 4 \text{ cm}$.

Opção correta: (D)

Pág. 106

5. Cada cubo de gelo gasta $V_{\text{cubo de gelo}} = 2^3 = 8 \text{ cm}^3$ de água.

Uma vez que cada tabuleiro dá para 15 cubos de gelo, a quantidade de água gasta num tabuleiro é:

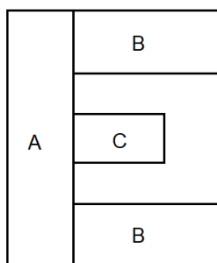
$$V_{\text{tabuleiro}} = 15 \times 8 = 120 \text{ cm}^3.$$

Uma vez que serão utilizados 10 tabuleiros, a quantidade de água será:

$$V_{\text{água}} = 10 \times 120 = 1200 \text{ cm}^3 = 1,2 \text{ dm}^3 = 1,2 \text{ l}.$$

O pai da Leonor terá de utilizar 1,2 litros de água.

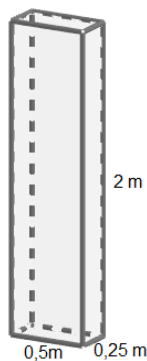
6. A estante pode ser decomposta em paralelepípedos de acordo com o esquema seguinte:



Determinando o volume de cada um dos paralelepípedos e somando-os, obtém-se o volume da estante.

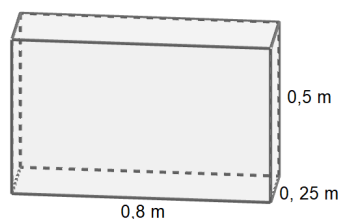
Paralelepípedo A

O comprimento do paralelepípedo é $1,3 - 0,8 = 0,5 \text{ m}$.



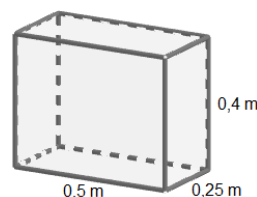
$$V_A = 0,5 \times 0,25 \times 2 = 0,25 \text{ m}^3$$

Paralelepípedo B



$$V_B = 0,8 \times 0,25 \times 0,5 = 0,1 \text{ m}^3$$

Paralelepípedo C



$$V_C = 0,5 \times 0,25 \times 0,4 = 0,05 \text{ m}^3$$

$$V_{\text{estante}} = V_A + 2 \times V_B + V_C \\ = 0,25 + 2 \times 0,1 + 0,05 = 0,5 \text{ m}^3$$

7. A construção é composta por oito cubos, com 5 cm de aresta cada, e por cinco paralelepípedos, cuja base é um quadrado com 5 cm de lado e que têm 10 cm de altura.

$$V_{\text{cubo}} = 5^3 = 125 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{paralelepípedo}} = 5^2 \times 10 = 250 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{construção}} = 8 \times 125 + 5 \times 250 = 2250 \text{ cm}^3$$

8.1. O espaço ocupado pela floreira é o volume de um paralelepípedo com 100 cm de comprimento, 25 cm de largura e 25 cm de altura.

$$V_{\text{floreira}} = 100 \times 25 \times 25 = 62\,500 \text{ cm}^3$$

8.2. O espaço da floreira destinado à terra tem a forma de um paralelepípedo com $100 - 2 \times 5 = 90 \text{ cm}$ de comprimento (ao comprimento da floreira retira-se uma borda de cada lado), $25 - 2 \times 5 = 15 \text{ cm}$ de largura e $25 - 5 = 20 \text{ cm}$ de altura.

$$V_{\text{terra}} = 90 \times 15 \times 20 = 27\,000 \text{ cm}^3 = 27 \text{ dm}^3 = 27 \text{ l}$$

Pág. 107

9. O volume da caixa do Simão é o volume de um cubo com 30 cm de aresta.

$$V_{\text{Simão}} = 30^3 = 27\,000 \text{ cm}^3$$

A área da base da caixa do Francisco é a área de um retângulo com 50 cm de comprimento e 30 cm de largura.

$$A_{\text{base}} = 50 \times 30 = 1500 \text{ cm}^2$$

O volume da caixa do Francisco, como é igual ao volume da caixa do Simão, é $27\,000 \text{ cm}^3$. Dado o volume do paralelepípedo ser $A_{\text{base}} \times \text{altura}$, a altura da caixa do Francisco é o número que multiplicado por 1500 dá 27 000, ou seja:

$$a = \frac{27\,000}{1500} = 18 \text{ cm}.$$

10. O Martim começou por determinar as dimensões do paralelepípedo. Como cada cubo tem 2 cm de aresta e cabem cinco cubos no comprimento, logo o comprimento do paralelepípedo é $5 \times 2 = 10 \text{ cm}$. Tendo o paralelepípedo três cubos na largura, esta mede $3 \times 2 = 6 \text{ cm}$, enquanto a altura é $2 \times 2 = 4 \text{ cm}$.

O volume do paralelepípedo é assim:

$$V = 10 \times 6 \times 4 = 240 \text{ cm}^3.$$

O Miguel verificou que dentro do paralelepípedo cabem $5 \times 3 \times 2 = 30$ cubos (cinco no comprimento, três na largura e dois na altura).

Determinando o volume de cada um dos cubos, 2^3 , o volume do paralelepípedo é:

$$V = 30 \times 2^3 = 240 \text{ cm}^3.$$

$$\mathbf{11.} \quad V_{\text{piscina olímpica}} = 50 \times 25 \times 2 = 2500 \text{ m}^3$$

Como a base da piscina de saltos tem a forma de um quadrado com 100 m de perímetro, o seu lado é

$$l_{\text{piscina saltos}} = \frac{100}{4} = 25 \text{ m, pelo que:}$$

$$V_{\text{piscina saltos}} = 25^2 \times 5 = 3125 \text{ m}^3.$$

A razão procurada é:

$$r = \frac{3125}{2500}.$$

Para simplificar a razão calcula-se o m.d.c. (3125, 2500).

$$\begin{array}{r|l} 3125 & 5 \\ 625 & 5 \\ 125 & 5 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$3125 = 5^5$$

$$\text{m. d. c. (3125, 2500)} = 5^4 = 625$$

A razão simplificada é:

$$r = \frac{3125_{(625)}}{2500_{(625)}} = \frac{5}{4}.$$

$$\begin{array}{r|l} 2500 & 2 \\ 1250 & 2 \\ 625 & 5 \\ 125 & 5 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$2500 = 2^2 \times 5^4$$

1. O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$\mathbf{1.1.} \quad r = 3 \text{ cm e } h = 7 \text{ cm}$$

$$V = \pi \times 3^2 \times 7 \approx 197,920 \text{ cm}^3$$

$$\mathbf{1.2.} \quad r = 2 \text{ cm e } h = 4 \text{ cm}$$

$$V = \pi \times 2^2 \times 4 \approx 50,265 \text{ cm}^3$$

$$\mathbf{1.3.} \quad r = \frac{2}{2} = 1 \text{ cm e } h = 8 \text{ cm}$$

$$V = \pi \times 1^2 \times 8 \approx 25,133 \text{ cm}^3$$

$$\mathbf{1.4.} \quad r = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ cm e } h = 5 \text{ cm}$$

$$V = \pi \times 1,5^2 \times 5 \approx 35,343 \text{ cm}^3$$

2. O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

Uma vez que ml é igual a cm^3 , determina-se o volume da lata em cm^3 , utilizando para isso as medidas do raio e da altura em centímetros.

$$r = \frac{66}{2} = 33 \text{ mm} = 3,3 \text{ cm}$$

$$h = 167 \text{ mm} = 16,7 \text{ cm}$$

$$V = \pi \times 3,3^2 \times 16,7 \approx 571 \text{ cm}^3 = 571 \text{ ml}$$

O volume da lata é de 571 ml.

3. O volume do sólido obtém-se somando os volumes dos dois cilindros que o compõem.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r_{\text{pequeno}} = \frac{2}{2} = 1 \text{ cm e } h_{\text{pequeno}} = 1 \text{ cm}$$

$$V_{\text{pequeno}} = \pi \times 1^2 \times 1 \approx 3,142 \text{ cm}^3$$

$$r_{\text{grande}} = \frac{4}{2} = 2 \text{ cm e } h_{\text{grande}} = 1,5 \text{ cm}$$

$$V_{\text{grande}} = \pi \times 2^2 \times 1,5 \approx 18,850 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{sólido}} = 3,142 + 18,850 \approx 21,99 \text{ cm}^3$$

4. O volume do sólido obtém-se fazendo a diferença entre o volume do cilindro inicial e o volume do cilindro retirado.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r_{\text{inicial}} = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ cm e } h_{\text{inicial}} = 5 \text{ cm}$$

$$V_{\text{inicial}} = \pi \times 1,5^2 \times 5 \approx 35,34 \text{ cm}^3$$

$$r_{\text{retirado}} = \frac{2}{2} = 1 \text{ cm e } h_{\text{retirado}} = 5 \text{ cm}$$

$$V_{\text{retirado}} = \pi \times 1^2 \times 5 \approx 15,71 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{sólido}} = 35,34 - 15,71 = 19,63 \text{ cm}^3$$

Opção correta: (B)

Pág. 110

5. O volume do bolo obtém-se somando o volume de cada um dos três andares.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r_{\text{superior}} = \frac{20}{2} = 10 \text{ cm e } h = 15 \text{ cm.}$$

$$V_{\text{superior}} = \pi \times 10^2 \times 15 \approx 4\,712,39 \text{ cm}^3$$

$$d_{\text{intermédio}} = 20 + 10 = 30 \text{ cm, } r_{\text{intermédio}} = \frac{30}{2} = 15 \text{ cm e } h = 15 \text{ cm.}$$

$$V_{\text{intermédio}} = \pi \times 15^2 \times 15 \approx 10\,602,88 \text{ cm}^3$$

$$d_{\text{inferior}} = 30 + 10 = 40 \text{ cm, } r_{\text{inferior}} = \frac{40}{2} = 20 \text{ cm e } h = 15 \text{ cm.}$$

$$V_{\text{inferior}} = \pi \times 20^2 \times 15 \approx 18\,849,56 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{bolo}} = 4\,712,39 + 10\,602,88 + 18\,849,56 = 34\,164,83 \text{ cm}^3$$

O bolo foi distribuído, de forma equitativa, pelos 250 participantes, logo:

$$V_{\text{fatia}} = 34\,164,83 : 250 \approx 137 \text{ cm}^3.$$

Cada participante na festa comeu 137 cm^3 de bolo.

6. O volume ocupado pela tenda corresponde a metade do volume do cilindro correspondente.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r = \frac{2,5}{2} = 1,25 \text{ m e } h = 4 \text{ m}$$

$$V_{\text{cilindro}} = \pi \times 1,25^2 \times 4 \approx 19,635 \text{ m}^3$$

$$V_{\text{tenda}} = \frac{19,635}{2} \approx 9,8 \text{ m}^3$$

7.1. O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r = \frac{1}{2} = 0,5 \text{ m} = 5 \text{ dm e } h = 30 \text{ cm} = 3 \text{ dm}$$

$$V_{\text{piscina}} = \pi \times 5^2 \times 3 \approx 236 \text{ dm}^3 = 236 \text{ l.}$$

Serão necessários 236 litros de água para encher a piscina.

7.2. O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r = \frac{20}{2} = 10 \text{ cm} = 1 \text{ dm e } h = 15 \text{ cm} = 1,5 \text{ dm}$$

$$V_{\text{balde do Simão}} = \pi \times 1^2 \times 1,5 \approx 4,7 \text{ l.}$$

Com o balde completamente cheio, o Simão transporta cerca de 4,7 litros de água.

7.3. Para determinar a altura da água é necessário começar por determinar a quantidade de água que foi despejada na piscina.

$$V_{\text{balde do Simão}} \approx 4,7 \text{ dm}^3 \text{ (pela alínea anterior)}$$

O balde da Sofia tem a forma de um cubo cuja aresta mede $a = 15 \text{ cm} = 1,5 \text{ dm}$.

$$V_{\text{balde da Sofia}} = 1,5^3 = 3,375 \text{ dm}^3$$

$$V_{\text{água}} = 20 \times 4,7 + 20 \times 3,375 = 161,5 \text{ dm}^3.$$

A água despejada na piscina corresponde ao volume de um cilindro, cuja base é a base da piscina e cuja altura se pretende determinar.

O volume de um cilindro pode é dado por $V = A_{\text{base}} \times \text{altura}$.

A base corresponde a um círculo com $50 \text{ cm} = 5 \text{ dm}$ de raio, logo:

$$A_{\text{base}} = \pi \times 5^2 \approx 78,540 \text{ dm}^2.$$

Assim, a altura da água é o número que multiplicado pela área da base dá o volume de água despejado, isto é:

$$h = 161,5 : 78,540 \approx 2 \text{ dm.}$$

A água atingiu os 20 cm de altura.

Pág. 111

8.1. Um *macaron* tem a forma de um cilindro com $r = \frac{5}{2} = 2,5 \text{ cm}$ e $h = 3 \text{ cm}$.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$. Logo:

$$V_{\text{macaron}} = \pi \times 2,5^2 \times 3 \approx 58,9 \text{ cm}^3.$$

8.2. A caixa tem a forma de um paralelepípedo.

O comprimento da base corresponde ao diâmetro de três *macarons*, logo $c = 3 \times 5 = 15 \text{ cm}$.

A largura da caixa corresponde à altura de quatro *macarons*, sendo $l = 4 \times 3 = 12 \text{ cm}$.

A altura da caixa corresponde ao diâmetro de um *macaron*, ou seja, $a = 5 \text{ cm}$.

O volume da caixa fechada é:

$$V_{\text{caixa}} = c \times l \times a = 15 \times 12 \times 5 = 900 \text{ cm}^3.$$

8.3. O volume da caixa que não está ocupada pelos *macarons* é a diferença entre o volume da caixa fechada e o volume dos 12 *macarons*.

Na alínea **8.1.** concluiu-se que cada *macaron* tinha $58,9 \text{ cm}^3$ de volume.

$$V_{\text{macarons}} = 12 \times 58,9 = 706,8 \text{ cm}^3.$$

Como o volume da caixa é 900 cm^3 , o volume da caixa que não está ocupada pelos *macarons* é:

$$V = 900 - 706,8 = 193,2 \text{ cm}^3.$$

9. O frasco de perfume que o Ricardo comprou contém 150 ml de perfume, logo o seu volume é $150 \text{ ml} = 150 \text{ cm}^3$.

O volume de um cilindro pode ser determinado por $V = \text{área da base} \times \text{altura}$, sendo a área da base dada por $A = \pi \times r^2$, onde r é o raio da base.

No frasco de perfume, $r = 2 \text{ cm}$, pelo que:

$$A_{\text{base}} = \pi \times 2^2 \approx 12,566 \text{ cm}^2.$$

Assim, a altura do frasco é o número que multiplicado por 12,566 dá 150, ou seja, $h = \frac{150}{12,566} \approx 12 \text{ cm}$.

O altura do perfume é cerca de 12 cm.

10.1. O volume aparado corresponde à diferença entre o volume do toro cilíndrico e o volume do prisma obtido.

O volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$.

$$r = \frac{10}{2} = 5 \text{ cm e } h = 40 \text{ cm}.$$

$$V_{\text{toro}} = \pi \times 5^2 \times 40 \approx 3141,593 \text{ cm}^3$$

O volume do paralelepípedo é dado por $V = c \times l \times a$, onde c é o comprimento da base, l a largura da base e a a altura.

$$c = l = 7 \text{ cm e } a = h = 40 \text{ cm}$$

$$V_{\text{prisma}} = 7 \times 7 \times 40 = 1960 \text{ cm}^3$$

$$V = V_{\text{toro}} - V_{\text{prisma}} = 3141,593 - 1960 \approx 1181,6 \text{ cm}^3$$

10.2. O toro do qual foram retirados os dois bocados de madeira tem a forma de um cilindro com 9 cm de raio e 30 cm de altura.

Uma vez que o volume de um cilindro de raio da base r e altura h é dado por $V = \pi \times r^2 \times h$, o volume total do toro é:

$$V = \pi \times 9^2 \times 30 \approx 7634,07 \text{ cm}^3.$$

Como as duas partes correspondem a $\frac{1}{4}$ do toro, cada uma equivale a $\frac{1}{4} : 2 = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ do toro, logo:

$$V = \frac{1}{8} \times 7634,07 \approx 954,26 \text{ cm}^3.$$

Pág. 112

1.1. O perímetro do círculo é dado por $P = \pi \times d$, onde d é o diâmetro. Tem-se que $d = 7 \text{ cm}$, logo:

$$P = \pi \times 7 \approx 22,0 \text{ cm}.$$

1.2. A área de um círculo de raio r é dada por $A = \pi \times r^2$.

$$r = \frac{7}{2} = 3,5 \text{ cm, então:}$$

$$A = \pi \times 3,5^2 \approx 38,48 \text{ cm}^2.$$

2. A abertura do compasso corresponde à medida do raio do círculo.

O perímetro do círculo é dado por $P = \pi \times d$, onde d é o diâmetro, logo o diâmetro do círculo pretendido é o número que multiplicado por π dá 9,4, ou seja, $d = \frac{9,4}{\pi} \approx 3 \text{ cm}$.

$$\text{O raio do círculo é } r = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ cm}.$$

Opção correta: (C)

3.1. O perímetro do círculo é dado por $P = 2 \times \pi \times r$, sendo r o raio do círculo. Uma vez que $r = 0,5 \text{ m}$:

$$P = 2 \times \pi \times 0,5 \approx 3,1 \text{ m}.$$

3.2. A área de um círculo de raio r é dada por $A = \pi \times r^2$.

Dado $5 = 0,5 \text{ m} = 50 \text{ cm}$, tem-se que:

$$A = \pi \times 50^2 \approx 7854 \text{ cm}^2.$$

3.3. Para determinar o custo da madeira para a construção do banco é necessário começar por determinar a quantidade de madeira necessária à sua construção, ou seja, a área do banco.

A área do banco corresponde à área da coroa circular que se obtém subtraindo à área do círculo exterior a área do círculo interior.

$$r_{\text{interior}} = 0,5 + 0,2 = 0,7 \text{ m}$$

$$A_{\text{interior}} = \pi \times 0,7^2 \approx 1,54 \text{ m}^2$$

$$r_{\text{exterior}} = 0,5 + 0,2 + 0,5 = 1,2 \text{ m}$$

$$A_{\text{exterior}} = \pi \times 1,2^2 \approx 4,52 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{madeira}} = 4,52 - 1,54 = 2,98 \text{ m}^2$$

$$\text{Custo da madeira: } 40 \times 2,98 = 119,20 \text{ €}$$

4. A área de um círculo de raio r é dada por $A = \pi \times r^2$.

(A) $r = \frac{4}{2} = 2 \text{ cm}$

$A = \pi \times 2^2 \approx 12,57 \text{ cm}^2$

(B) $r = \frac{8}{2} = 4 \text{ cm}$

$A = \pi \times 4^2 \approx 50,27 \text{ cm}^2$

(C) $r = \frac{16}{2} = 8 \text{ cm}$

$A = \pi \times 8^2 \approx 201,06 \text{ cm}^2$

(D) $r = \frac{32}{2} = 16 \text{ cm}$

$A = \pi \times 16^2 \approx 804,25 \text{ cm}^2$

Opção correta: (B)

5. (A) $0,003 \text{ m}^3 = 3 \text{ dm}^3 = 3 \text{ l}$

A igualdade é falsa.

(B) $33 \text{ cl} = 330 \text{ ml} = 330 \text{ cm}^3$

A igualdade é verdadeira.

(C) $2 \text{ dm}^3 = 2 \text{ l} = 2000 \text{ ml}$

A afirmação é falsa.

(D) $0,025 \text{ l} = 25 \text{ ml} = 25 \text{ cm}^3$, logo $0,025 \text{ l} > 2,5 \text{ cm}^3$

A afirmação é falsa.

Opção correta: (B)

Pág. 113

6.1. Por observação das imagens, e ignorando a altura de cada coluna de cubos, conclui-se que as vistas superiores correspondem, respetivamente, às construções D, C, A e B.

6.2. Contando o número de cubos que constituem cada uma das construções, resulta que:

$V_A = 12 \quad V_B = 12 \quad V_C = 10 \quad V_D = 10$

6.3. Dois sólidos são equivalentes se tiverem o mesmo volume, logo A e B são sólidos equivalentes, assim como C e D, respetivamente.

7.1. Considerando como unidade de comprimento a aresta de cada um dos cubinhos utilizados na construção das figuras tem-se que: a figura 1 é um cubo de aresta 2; a figura 2 é um cubo de aresta 3; a figura 3 é um cubo de aresta 4; a figura 4 será um cubo de aresta 5.

Os termos da sequência são o volume destes cubos, sendo que o volume de um cubo de aresta a é $V = a^3$.

Então:

1.º termo: $2^3 = 8$

2.º termo: $3^3 = 27$

3.º termo: $4^3 = 64$

4.º termo: $5^3 = 125$

7.2. O sexto termo da sequência corresponde ao volume de um cubo com $6 + 1 = 7$ u. c. de aresta.

6.º termo: $7^3 = 343$

7.3. $1000 = 10^3$, logo o último termo corresponde ao volume de um cubo com aresta 10. Como a aresta de cada cubo é sempre mais uma unidade do que a sua ordem, trata-se do termo de ordem 9, pelo que a sequência tem nove termos.

Pág. 114

8. Sólido A – Paralelepípedo retângulo

A base é um retângulo com 5 cm de comprimento e 4 cm de largura.

$A_{\text{base}} = 5 \times 4 = 20 \text{ cm}^2$

O volume do paralelepípedo é dado por $V = A_{\text{base}} \times \text{altura}$, sendo a altura do paralelepípedo 8 cm, logo:

$V = 20 \times 8 = 160 \text{ cm}^3$.

Sólido B – Cubo

O cubo da figura tem 4 cm de aresta, sendo a sua base um quadrado com 4 cm de lado.

$A_{\text{base}} = 4^2 = 16 \text{ cm}^2$

$V = 4^3 = 64 \text{ cm}^3$ ou $V = A_{\text{base}} \times a = 16 \times 4 = 64 \text{ cm}^3$

Sólido C – Cilindro

A base do cilindro é um círculo cuja área é $A = \pi \times r^2$, onde r é o raio do círculo.

O cilindro da figura tem 5 cm de diâmetro, logo o seu raio é $r = \frac{5}{2} = 2,5 \text{ cm}$.

$A_{\text{base}} = \pi \times 2,5^2 \approx 19,63 \text{ cm}^2$

O volume do cilindro é dado por $V = A_{\text{base}} \times \text{altura}$, sendo a altura do cilindro 8 cm, pelo que:

$V = 19,63 \times 8 = 157,04 \text{ cm}^3$.

Completando a tabela vem:

	Sólido A	Sólido B	Sólido C
Nome	Paralelepípedo retângulo	Cubo	Cilindro
Área da base	20 cm ²	16 cm ²	19,63 cm ²
Volume	160 cm ³	64 cm ³	157,04 cm ³

9.1. Frasco cúbico

$$V_{\text{cubo}} = 8^3 = 512 \text{ cm}^3 = 0,512 \text{ dm}^3$$

Frasco paralelepipedico

$$V_{\text{paralelepipedico}} = 6 \times 6 \times 12 = 432 \text{ cm}^3 = 0,432 \text{ dm}^3$$

Frasco cilíndrico

$$V_{\text{cilindro}} = \pi \times 5^2 \times 10 \approx 785,398 \text{ cm}^3 = 0,785 \text{ dm}^3$$

Duas grandezas são diretamente proporcionais se o seu quociente for constante.

A relação entre a quantidade e o preço encontra-se na seguinte tabela.

Quantidade (dm ³)	0,512	0,432	0,785
Preço (€)	2,5	2	3,5

Efetuada a razão preço/quantidade:

$$\frac{2,5}{0,512} = 4,883 \text{ €/dm}^3$$

$$\frac{2}{0,432} = 4,630 \text{ €/dm}^3$$

$$\frac{3,5}{0,785} = 4,459 \text{ €/dm}^3$$

Como a razão preço/quantidade não é constante, o preço não é diretamente proporcional à quantidade.

9.2. A razão preço/quantidade, calculada na alínea anterior, é:

Frasco cúbico: 4,883 €/dm³

Frasco paralelepipedico: 4,630 €/dm³

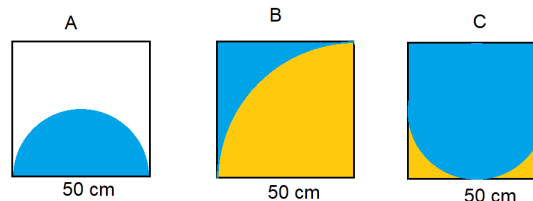
Frasco cilíndrico: 4,459 €/dm³

Conclui-se que a opção mais barata são os frascos cilíndricos, pois são aqueles em que o preço por dm³ de compota é menor.

Cada frasco cilíndrico custa 3,5 €, logo 70 € correspondem a:

$$\frac{70}{3,5} = 20 \text{ frascos.}$$

10.1. O azul-claro será utilizado em três painéis:



Painel A

O perímetro da região delimitada a azul-claro corresponde ao comprimento do lado do quadrado e ao perímetro da semicircunferência de diâmetro 50 cm.

$$P_{\text{circunferência}} = \pi \times d = \pi \times 50 \approx 157,080 \text{ cm}$$

$$P_A = 50 + \frac{157,080}{2} = 128,54 \text{ cm}$$

Painel B

O perímetro da região delimitada a azul-claro corresponde a dois dos lados do quadrado e ao perímetro de um quarto de circunferência com 50 cm de raio.

$$P_{\text{circunferência}} = 2 \times \pi \times r = 2 \times \pi \times 50 = 314,159 \text{ cm}$$

$$P_B = 50 + 50 + \frac{314,159}{4} = 178,54 \text{ cm}$$

Painel C

O perímetro da região azul-clara corresponde ao comprimento de duas metades do lado do quadrado, ao comprimento de um dos lados do quadrado e ao perímetro de uma semicircunferência com 50 cm de diâmetro.

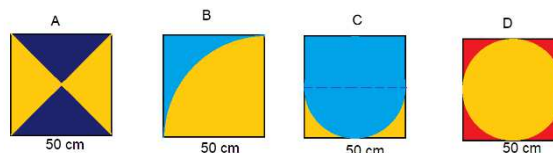
$$P_{\text{circunferência}} = \pi \times d = \pi \times 50 \approx 157,080 \text{ cm}$$

$$P_C = 25 + 50 + 25 + \frac{157,080}{2} = 178,54 \text{ cm}$$

O perímetro pedido é:

$$P_A + P_B + P_C = 128,54 + 178,54 + 178,54 = 485,6 \text{ cm.}$$

10.2. O amarelo será utilizado em quatro painéis.



Painel A

A área a amarelo corresponde à área de dois triângulos com 50 cm de base e 25 cm de altura.

$$A_{\text{triângulo}} = \frac{b \times h}{2} = \frac{50 \times 25}{2} = 625 \text{ cm}^2$$

$$A_A = 2 \times 625 = 1250 \text{ cm}^2$$

Painel B

A área a amarelo corresponde à área de um quarto de círculo com 50 cm de raio.

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times r^2 = \pi \times 50^2 \approx 7853,98 \text{ cm}^2$$

$$A_B = \frac{7853,98}{4} = 1963,50 \text{ cm}^2$$

Painel C

A área a amarelo obtém-se subtraindo à área de metade do quadrado com 50 cm de lado, a área de um semicírculo com $\frac{50}{2} = 25$ cm de raio.

$$A_{\text{quadrado}} = l^2 = 50^2 = 2500 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{círculo}} = \pi \times r^2 = \pi \times 25^2 \approx 1963,50 \text{ cm}^2$$

$$A_C = \frac{2500}{2} - \frac{1963,50}{2} = 268,25 \text{ cm}^2$$

Painel D

A área a amarelo é a área de um círculo com $\frac{50}{2} = 25$ cm de raio.

$$A_D = \pi \times r^2 = \pi \times 25^2 \approx 1963,50 \text{ cm}^2$$

A área total a amarelo é:

$$A = A_A + A_B + A_C + A_D$$

$$A = 1250 + 1963,50 + 268,25 + 1963,50 \approx 5445 \text{ cm}^2$$

10.3. a) A quantidade de tinta contida na lata corresponde ao volume, em litros, da lata. Como o litro é igual ao dm^3 , determina-se o volume da lata, que tem a forma de um cilindro, em dm^3 .

O volume de um cilindro com $r = \frac{10}{2} = 5 \text{ cm} = 0,5 \text{ dm}$ e $h = 20 \text{ cm} = 2 \text{ dm}$ é:

$$V = \pi \times r^2 \times h = \pi \times 0,5^2 \times 2 \approx 1,6 \text{ dm}^3 = 1,6 \text{ l}$$

b) Uma vez que se gastaram 0,2 l de tinta na pintura do mural, sobraram $1,6 - 0,2 = 1,4 \text{ l}$ de tinta.

A tinta que sobrou corresponde ao volume de um cilindro cuja base é um círculo com 0,5 dm de raio e altura desconhecida.

O volume de um cilindro pode ser determinado por

$$V = A_{\text{base}} \times \text{altura}.$$

Neste caso, a área da base é:

$$A_{\text{base}} = \pi \times r^2 = \pi \times 0,5^2 \approx 0,785 \text{ dm}^2.$$

Logo, a altura da tinta é o número que multiplicado por 0,785 dá 1,4, ou seja:

$$h = \frac{1,4}{0,785} \approx 1,783 \text{ dm} \approx 18 \text{ cm}.$$

10.4 a) A quantidade de água contida no aquário corresponde ao volume de um paralelepípedo com 50 cm de comprimento, 40 cm de largura e $\frac{1}{3} \times 30 = 10 \text{ cm}$ de altura.

$$V_{\text{água}} = 50 \times 40 \times 10 = 20\,000 \text{ cm}^3 = 20 \text{ dm}^3 = 20 \text{ l}$$

O aquário continha 20 litros de água.

b) Os 35 litros de água acrescentados correspondem ao volume de um paralelepípedo cuja base é um retângulo com 50 cm de comprimento e 40 cm de largura e cuja altura se pretende determinar.

O volume do paralelepípedo é dado por $V = A_{\text{base}} \times \text{altura}$.

$$A_{\text{base}} = 50 \times 40 = 2000 \text{ cm}^2 = 20 \text{ dm}^2$$

O volume do paralelepípedo é $35 \text{ l} = 35 \text{ dm}^3$, logo a altura é o valor que multiplicado por 20 dá 35, ou seja:

$$h = \frac{35}{20} = 1,75 \text{ dm} = 17,5 \text{ cm}.$$

A água subiu 17,5 cm.

c) A água no aquário atinge, depois de acrescentados os 35 litros, os $10 + 17,5 = 27,5 \text{ cm}$ de altura.

A água que falta acrescentar corresponde assim ao volume de um paralelepípedo com 50 cm de comprimento, 40 cm de largura e $30 - 27,5 = 2,5 \text{ cm}$ de altura.

$$V = 50 \times 40 \times 2,5 = 5000 \text{ cm}^3 = 5 \text{ dm}^3 = 5 \text{ l}$$

Para encher o aquário é necessário acrescentar 5 litros de água.