

Teste Intermédio de Matemática A

Versão 1

Teste Intermédio

Matemática A

Versão 1

Duração do Teste: 90 minutos | 13.03.2012

12.º Ano de Escolaridade

Decreto-Lei n.º 74/2004, de 26 de março

COTAÇÕES

GRUPO I

TOTAL		200 pontos
		150 pontos
4	20 pontos	
3.2.	20 pontos	
3.1	20 pontos	
3.		
2.3.	20 pontos	
2.2.	15 pontos	
2.	20 pontos	
	20 pontos	
1.1	15 pontos 20 pontos	
1.	45 (
GRUPO II		
		50 pontos
5	10 pontos	
4	10 pontos	
3	10 pontos	
2	10 pontos	
1	10 pontos	

A classificação do teste deve respeitar integralmente os critérios gerais e os critérios específicos a seguir apresentados.

CRITÉRIOS GERAIS DE CLASSIFICAÇÃO

A classificação a atribuir a cada resposta resulta da aplicação dos critérios gerais e dos critérios específicos de classificação apresentados para cada item e é expressa por um número inteiro, previsto na grelha de classificação.

As respostas ilegíveis ou que não possam ser claramente identificadas são classificadas com zero pontos. No entanto, em caso de omissão ou de engano na identificação de uma resposta, esta pode ser classificada se for possível identificar inequivocamente o item a que diz respeito.

Se o aluno responder a um mesmo item mais do que uma vez, não eliminando inequivocamente a(s) resposta(s) que não deseja que seja(m) classificada(s), deve ser considerada apenas a resposta que surgir em primeiro lugar.

A ausência de indicação inequívoca da versão do teste (Versão 1 ou Versão 2) implica a classificação com zero pontos das respostas aos itens de seleção (escolha múltipla).

Nos itens de seleção (escolha múltipla), a cotação total do item é atribuída às respostas que apresentem de forma inequívoca a única opção correta.

São classificadas com zero pontos as respostas em que seja assinalada:

- uma opção incorreta;
- mais do que uma opção.

Não há lugar a classificações intermédias.

Os critérios de classificação das respostas aos itens de construção apresentam-se organizados por etapas e/ou por níveis de desempenho. A cada nível de desempenho e a cada etapa corresponde uma dada pontuação.

Nos itens de construção com cotação igual ou superior a quinze pontos e que impliquem a produção de um texto, a classificação a atribuir traduz a avaliação simultânea das competências específicas da disciplina e das competências de comunicação escrita em língua portuguesa. A avaliação das competências de comunicação escrita em língua portuguesa contribui para valorizar a classificação atribuída ao desempenho no domínio das competências específicas da disciplina. Esta valorização corresponde a cerca de 10% da cotação do item e faz-se de acordo com os níveis de desempenho a seguir descritos.

Níveis	Descritores		
3	Composição bem estruturada, sem erros de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, ou com erros esporádicos, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.		
2	Composição razoavelmente estruturada, com alguns erros de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.		
1	Composição sem estruturação aparente, com erros graves de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, cuja gravidade implique perda frequente de inteligibilidade e/ou de sentido.		

No caso de a resposta não atingir o nível 1 de desempenho no domínio específico da disciplina, a classificação a atribuir é zero pontos. Neste caso, não é classificado o desempenho no domínio da comunicação escrita em língua portuguesa.

Até ao ano letivo 2013/2014, na classificação dos testes intermédios, continuarão a ser consideradas corretas as grafias que seguirem o que se encontra previsto quer no Acordo de 1945, quer no Acordo de 1990 (atualmente em vigor), mesmo quando se utilizem as duas grafias numa mesma prova.

No quadro seguinte, apresentam-se os critérios de classificação a aplicar em situações não descritas anteriormente.

Situação	Classificação
Classificação da resposta a um item cujo critério se apresenta organizado por etapas.	A pontuação indicada para cada etapa é a pontuação máxima que lhe é atribuível.
	A classificação da resposta resulta da soma das pontuações das diferentes etapas, à qual se subtrai, eventualmente, um ou dois pontos, de acordo com o previsto nas situações 13 e/ou 18.
2. Pontuação de uma etapa dividida em passos.	A pontuação indicada para cada passo é a pontuação máxima que lhe é atribuível.
	A pontuação da etapa resulta da soma das pontuações dos diferentes passos.
3. Classificação da resposta a um item ou pontuação de uma etapa cujo critério se apresenta organizado por	A resposta é enquadrada numa das descrições apresentadas.
níveis de desempenho.	À classificação/pontuação correspondente subtrai-se, eventualmente, um ou dois pontos, se ocorrer um erro ocasional num cálculo, e/ou utilizar simbologia ou expressões inequivocamente incorretas do ponto de vista formal.
Utilização de processos de resolução que não estão previstos no critério específico de classificação.	É aceite e classificado qualquer processo de resolução cientificamente correto.
	O critério específico deve ser adaptado ao processo de resolução apresentado, mediante distribuição da cotação do item pelas etapas* percorridas pelo aluno. Esta adaptação do critério deve ser utilizada em todos os processos de resolução análogos.
5. Apresentação apenas do resultado final, se a resolução do item exige cálculos e/ou justificações.	A resposta é classificada com zero pontos.
Utilização de processos de resolução que não respeitam as instruções dadas [exemplo: «usando métodos analíticos»].	A etapa em que a instrução não é respeitada é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
7. Ausência de apresentação dos cálculos e/ou das justificações necessárias à resolução de uma etapa*.	A etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
8. Ausência de apresentação explícita de uma dada etapa que não envolva cálculos e/ou justificações.	Se a resolução apresentada permitir perceber inequivocamente que a etapa foi percorrida, a mesma é pontuada com a pontuação total para ela prevista.
	Caso contrário, a etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam.

^{*} Em situações em que o critério é aplicável tanto a **etapas** como a **passos**, utiliza-se apenas o termo «etapas» por razões de simplificação da apresentação.

Situação	Classificação
Transposição incorreta de dados do enunciado e/ou transposição incorreta de um número ou de um sinal	Se o grau de dificuldade da resolução da etapa não diminuir, é subtraído um ponto à pontuação da etapa.
na resolução de uma etapa.	Se o grau de dificuldade da resolução da etapa diminuir, a pontuação máxima a atribuir a essa etapa deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
10. Ocorrência de um erro ocasional num cálculo.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa em que o erro ocorre.
11. Ocorrência de um erro ocasional que revela desconhecimento de conceitos, de regras ou de propriedades.	A pontuação máxima a atribuir nessa etapa deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
12. Ocorrência de um erro ocasional na resolução de uma	A etapa é pontuada de acordo com o erro cometido.
etapa.	As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido:
	 se o grau de dificuldade das etapas subsequentes não diminuir, estas são pontuadas de acordo com os critérios específicos de classificação;
	 se o grau de dificuldade das etapas subsequentes diminuir, a pontuação máxima a atribuir a cada uma delas deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
13. Apresentação de cálculos intermédios com um número de casas decimais diferente do solicitado e/ou apresentação de um arredondamento incorreto.	É subtraído um ponto à classificação da resposta, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
14. Apresentação do resultado final que não respeita a forma solicitada [exemplos: é pedido o resultado na forma de fração, e a resposta apresenta-se na forma de dízima; é pedido o resultado em centímetros, e a resposta apresenta-se em metros].	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
15. Omissão da unidade de medida na apresentação do resultado final [exemplo: «15» em vez de «15 metros»].	A etapa relativa à apresentação do resultado final é pontuada com a pontuação para ela prevista.
16. Apresentação do resultado final com aproximação quando deveria ter sido apresentado o valor exato.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
17. Apresentação do resultado final com um número de casas decimais diferente do solicitado, e/ou apresentação do resultado final incorretamente arredondado.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
18. Utilização de simbologias ou de expressões inequivo-	É subtraído um ponto à classificação da resposta, exceto:
camente incorretas do ponto de vista formal.	 se as incorreções ocorrerem apenas em etapas já pontuadas com zero pontos;
	 nos casos de uso do símbolo de igualdade onde, em rigor, deveria ter sido usado o símbolo de igualdade aproximada.

CRITÉRIOS ESPECÍFICOS DE CLASSIFICAÇÃO

GRUPO I

1. a 5. (5 × 10 pontos)	50 pontos

As respostas corretas são as seguintes.

probabilidade.

Itens	1	2	3	4	5
Respostas	С	В	Α	В	D

GRUPO II

1.1.			15 pontos
	Indicam-se a seguir possíveis respostas do aluno e as classificações a atribuir en	m cada caso	D.
	$10! \times 12! \times 2$ (ou equivalente)	15 pontos	
	$10! \times 12!$ (ou equivalente)	8 pontos	
	$10! \times 14!$ (ou equivalente) OU		
	$10! \times 14! \times 2$ (ou equivalente)	6 pontos	
	$2 \times 22!$ (ou equivalente)	4 pontos	
	$12! \times 2$ (ou equivalente) OU		
	$10! \times 2$ (ou equivalente)	2 pontos	
	Outras respostas	0 pontos	
1.2.			20 pontos
	Indicar os valores que a variável X pode tomar (${\bf ver\; nota\; 1})$	3 pontos	
	Determinar cada uma das probabilidades (ver nota 2) (5 + 5 + 5)	15 pontos	
	Apresentar a tabela	2 pontos	
	 Notas: A apresentação dos valores que a variável pode tomar pode ser feita de uma forma im Caso o aluno apresente o valor correto de uma probabilidade, mas não o apresent de fração irredutível, deverá ser subtraído 1 ponto à pontuação atribuída ao cál 	e na forma	

Escrever a condição $2 + \log_3 x \ge 4 + \log_3 (x - 8)$ Escrever a condição $x > 0 \land x - 8 > 0$ 3 pontos Transformar a soma de logaritmos no logaritmo de um produto 4 pontos Obter uma inequação do 1.º grau equivalente, em $[8, +\infty[$, à OU Transformar a diferença de logaritmos no logaritmo de um quociente 4 pontos Nota - Se o aluno escrever uma destas condições, a etapa anterior deve ser considerada como cumprida, ainda que o aluno não a tenha explicitado. 2.2. 15 pontos Escrever $f(36^{1000}) = 2 + \log_3(36^{1000})$ Escrever $f(4^{1000}) = 2 + \log_3(4^{1000})$ 1 ponto Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = 2 + \log_3(36^{1000}) - 2 - \log_3(4^{1000})$ 2 pontos Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = 1000 \log_3(36) - 1000 \log_3(4)$ OU Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = \log_3\left(\frac{36^{1000}}{4^{1000}}\right)$ Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = 1000 (\log_3(36) - \log_3(4))$ OU Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = \log_3(9^{1000})$ 2 pontos Escrever $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = 1000 \log_3(9)$ Concluir $f(36^{1000}) - f(4^{1000}) = 2000$ 3 pontos

2.3.			20 pontos
	Referir que a função g é contínua em $\left[1,3\right]$ (ver nota)	4 pontos	
	Calcular $g(1)$	4 pontos	
	Calcular $g(3)$	4 pontos	
	Escrever $g(1) < 5 < g(3)$	5 pontos	
	Referir que o pretendido resulta do teorema de Bolzano	3 pontos	
	Nota — Se o aluno referir que a função g é contínua no domínio, a pontuação a atribuir a não deve ser desvalorizada. Se o aluno referir que a função g é contínua e pontuação a atribuir a esta etapa é 0 pontos.		
3.1.			20 pontos
	$ \ {\rm Determinar} f(0) \\$	4 pontos	
	Equacionar o problema $\left(\frac{200}{1+3\times2^{3-0,1x}}=80\right)$	5 pontos	
	Resolver a equação	10 pontos	
	Obter a equação $1 + 3 \times 2^{3 - 0.1x} = 2.5$		
	Obter a equação $2^{3-0.1x} = 0.5$		
	Obter a equação $3-0.1x=-1$		
	Obter o valor de x		
	2 pontoo		
	Responder ao problema	1 ponto	
	Responder ao problema		
3.2.	Responder ao problema		20 pontos
3.2.	Responder ao problema		20 pontos
3.2.	Responder ao problema		20 pontos
3.2.	Responder ao problema	e por B o	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	e por B o	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	e por B o 1 ponto 4 pontos	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	1 ponto 4 pontos 1 ponto	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos 1 ponto	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos 1 ponto 2 pontos 2 pontos 2 pontos 2 pontos	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos 1 ponto 2 pontos 2 pontos 2 pontos	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	e por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos 1 ponto 2 pontos 2 pontos 2 pontos 2 pontos 1 pontos 1 pontos	20 pontos
3.2.	Responder ao problema	por B o 1 ponto 4 pontos 1 ponto 2 pontos 1 ponto 2 pontos 2 pontos 2 pontos 2 pontos 2 pontos	20 pontos

4.			20 pontos
	Escrever $\lim_{x \to -\infty} f(x)$	1 ponto	
	Determinar $\lim_{x \to -\infty} f(x)$	7 pontos	
	Escrever $\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} (k + x e^x)$		
	Escrever $\lim_{x \to -\infty} (k + x e^x) = k + \lim_{x \to -\infty} (x e^x)$		
	Escrever $k + \lim_{x \to -\infty} \left(x e^x \right) = k + \lim_{x \to -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}} \right)$		
	Escrever $k + \lim_{x \to -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}}\right) = k - \lim_{-x \to +\infty} \frac{-x}{e^{-x}}$ OU Escrever $k + \lim_{x \to -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}}\right) = k - \lim_{y \to +\infty} \frac{y}{e^y}$ 2 pontos		
	Escrever $k - \lim_{-x \to +\infty} \frac{-x}{e^{-x}} = k$ OU Escrever $k - \lim_{y \to +\infty} \frac{y}{e^y} = k$		
	Concluir que a reta de equação $y=k$ é assíntota horizontal do gráfico da função f , quando $x\to -\infty$	2 pontos	
	Escrever $\lim_{x \to +\infty} f(x)$	1 ponto	
	Determinar $\lim_{x \to +\infty} f(x)$	5 pontos	
	Escrever $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{2x + \ln x}{x}$ 1 ponto		
	Escrever $\lim_{x \to +\infty} \frac{2x + \ln x}{x} = 2 + \lim_{x \to +\infty} \frac{\ln x}{x}$ 2 pontos		
	Escrever $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 2$		
	Concluir que a reta de equação $y=2$ é assíntota horizontal do gráfico da função f , quando $x\to +\infty$	2 pontos	
	Obter o valor de k	2 pontos	