

1º Teste de Avaliação

Matemática A

12.º Ano de Escolaridade | Turma: B

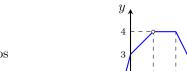
Duração do Teste de Avaliação: 90 minutos | outubro de 2022

Versão 2

Nome — $N^{\underline{0}}$. — $N^{\underline{0}}$.

Instruções gerais

- Não é permitido o uso de corretor
- É permitido o uso de calculadora
- Para responderes aos itens de escolha múltipla, assinala de forma inequívoca, a opção escolhida, escrevendo a letra correspondente Não apresentes cálculos nem justificações neste tipo de itens
- 1. Considera a função f, real de variável real, de domínio $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ Na figura 1, está representado, em referencial $o.n.\ xOy$, parte do gráfico da função f. No intervalo [1;2] a função é constante

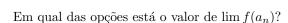


1.1. (20 pontos) Indica, justificando, e caso exista, cada um dos seguintes limites:

1.1.1.
$$\lim_{x \to -2} f(x)$$

1.1.2.
$$\lim_{x \to 1} f(x)$$

1.2. (10 pontos) Seja
$$(a_n)$$
, a sucessão definida por $a_n = 2 + \frac{1}{n+1}$



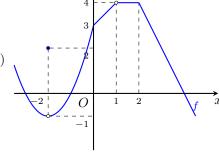


Figura 1

(A)
$$-1$$
 (B) 3 (C) 2 (D) 4

2. (20 pontos) Considera a função f, real de variável real, definida por $f(x) = \frac{x^3 - 3x^2 - 2x + 6}{4x^2 + 3}$

Na figura 2, está representado, em referencial $o.n.\ xOy,$ parte do gráfico da função f

Sabe-se que um dos pontos de interseção do gráfico da função f com o eixo das abcissas tem abcissa 3

Determina, analiticamente, os zeros de f

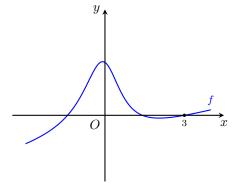


Figura 2

- 3. (10 pontos) Em qual das opções está, em $\mathbb{R} \setminus \{0; 3\}$, uma expressão equivalente a $\frac{x^2 6x + 9}{x^2 3x}$?
 - (A) $\frac{x+3}{x}$
- (B) $\frac{x}{x-3}$
- (C) $\frac{x-3}{x}$
- (D) $\frac{x}{x+3}$

4. (20 pontos) Seja
$$f$$
, a função real, de variável real, definida por, $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 4x + 4}{2x^2 - 8} & se \quad x < -2 \\ \frac{2 - 4k}{7} & se \quad x = -2 \\ \frac{1}{x + 2} \times \left(x^3 + 3x^2 - 4\right) & se \quad x > -2 \end{cases}$ com $k \in \mathbb{R}$

Averigua, analiticamente, se existe algum $k \in \mathbb{R}$, para o qual a função f é contínua no ponto x = -2

5. (10 pontos) Seja f, a função real, de variável real, definida por, $f(x) = 8 - x^2$

Seja g, a função real, de variável real, definida por, $g(x) = \sqrt{f(x) + 1}$

Em qual das opções está o domínio da função q?

(A)
$$]-\infty;-3[\cup]3;+\infty[$$

- (B) [-3;3]
- (C)]-3;3[
- (D) $]-\infty;-3] \cup [3;+\infty[$
- 6. (20 pontos) Determina $\lim_{x \to -\infty} \left(\sqrt{4x^2 2x} + 2x \right)$
- 7. Considera as funções, $f \in g$, reais, de variável real, definidas por $f(x) = \frac{2x+1}{x^2-4}$ e $g(x) = \frac{3x+2}{\sqrt{4+2x}-4}$, respetivamente
 - 7.1. (15 pontos) Recorrendo à definição de limite segundo Heine, determina $\lim_{x \to a} f(x)$
 - 7.2. (20 pontos) Resolve, em \mathbb{R} , e analitica
amente, a condição $f(x) \geq \frac{x}{x+2}$ Apresenta o conjunto solução sob a forma de intervalo ou reunião de intervalos de números reais
 - 7.3. (20 pontos) Determina o domínio da função q
- 8. (10 pontos) Em qual das opções está o valor de $\lim_{x\to 5} \frac{\sqrt{3x+1}-4}{2x^2-9x-5}$?

 (A) $\frac{3}{87}$ (B) $\frac{3}{86}$ (C) $\frac{3}{88}$ (D) $\frac{3}{89}$

- 9. Na figura 3, estão representados partes dos gráficos de duas funções f e g, reais, de variável real, de domínio \mathbb{R}

Sabe-se que:

- a função f é uma função polinomial de grau três
- \bullet a função g é uma função quadrática
- -1 e 3 são os zeros de g
- -3, -1 e 3 são os zeros de f

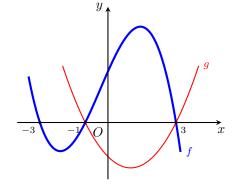


Figura 3

9.1. (10 pontos) Seja h, a função definida por $h(x) = \frac{1}{\sqrt{f(x)}}$

Determina o domínio da função h

9.2. (15 pontos) Resolve a condição $\frac{f(x)}{g(x)} \le 0$

Apresenta o conjunto solução sob a forma de intervalo ou reunião de intervalos de números reais