Decreto-Lei n.º 74/2004, de 26 de Março

Prova Escrita de Matemática A

0	A	1	T 1		1 1
12.0	Ano	ae	Esco	larıd	lade

Prova 635/2.ª Fase

10 Páginas

Duração da Prova: 150 minutos. Tolerância: 30 minutos.

2009

COTAÇÕES

GRUPO I (8 × 5 pontos)	40 pontos
GRUPO II	160 pontos
1	15 pontos
2	15 pontos
3	15 pontos
4	30 pontos
4.1. 15 pontos 4.2. 15 pontos	
5	30 pontos
5.1.	
6	30 pontos
6.1. 15 pontos 6.2. 15 pontos	
7	25 pontos
TOTAL	200 pontos

A classificação da prova deve respeitar integralmente os critérios gerais e específicos a seguir apresentados

CRITÉRIOS GERAIS DE CLASSIFICAÇÃO

A classificação a atribuir a cada item é obrigatoriamente:

- um número inteiro;
- um dos valores resultantes da aplicação dos critérios gerais e específicos de classificação e previstos na respectiva grelha de classificação.

As respostas que se revelem ilegíveis ou que não possam ser claramente identificadas são classificadas com zero pontos. No entanto, em caso de omissão ou de engano na identificação de um item, o mesmo pode ser classificado se, pela resposta apresentada, for possível identificá-lo inequivocamente.

Se o examinando responder a um mesmo item mais do que uma vez, não eliminando inequivocamente a(s) resposta(s) que não deseja que seja(m) classificada(s), deve ser apenas considerada a resposta que surgir em primeiro lugar.

A ausência de indicação inequívoca da versão da prova (Versão 1 ou Versão 2) implica a classificação com zero pontos de todas as respostas aos itens de escolha múltipla.

Nos itens de resposta fechada de escolha múltipla, a cotação total do item só é atribuída às respostas que apresentam, de forma inequívoca, a única alternativa correcta.

São classificadas com zero pontos as respostas em que é assinalada:

- uma alternativa incorrecta;
- mais do que uma alternativa.

Não há lugar a classificações intermédias.

Os critérios de classificação dos itens de resposta aberta apresentam-se organizados por etapas e/ou por níveis de desempenho. A cada nível de desempenho e a cada etapa corresponde uma dada pontuação.

Nos itens de resposta aberta extensa orientada, com cotação igual ou superior a quinze pontos e que impliquem a produção de um texto, a classificação a atribuir traduz a avaliação simultânea das competências específicas da disciplina e das competências de comunicação escrita em língua portuguesa.

A avaliação das competências de comunicação escrita em língua portuguesa contribui para valorizar a classificação atribuída ao desempenho no domínio das competências específicas da disciplina. Esta valorização é cerca de 10% da cotação do item e faz-se de acordo com os níveis de desempenho a seguir descritos.

Nível	Descritor
3	Composição bem estruturada, sem erros de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, ou com erros esporádicos, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.
2	Composição razoavelmente estruturada, com alguns erros de sintaxe, de pontuação e/ou ortografia, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.
1	Composição sem estruturação aparente, com a presença de erros graves de sintaxe, pontuação e/ou de ortografia, cuja gravidade implique perda frequente de inteligibilidade e/ou de sentido.

No caso de a resposta não atingir o nível 1 de desempenho no domínio específico da disciplina, a classificação a atribuir é zero pontos. Neste caso, não é classificado o desempenho no domínio da comunicação escrita em língua portuguesa.

No quadro seguinte, apresentam-se os critérios de classificação a aplicar em situações não descritas anteriormente.

Situação	Classificação
1. Classificação de um item cujo critério se apresenta organizado por etapas.	A cotação indicada para cada etapa é a classificação máxima que lhe é atribuível.
	A classificação da resposta resulta da soma das classificações das diferentes etapas, à qual se subtraem, eventualmente, um ou dois pontos, de acordo com o previsto nas situações 14 e/ou 19.
2. Classificação de uma etapa dividida em passos.	A cotação indicada para cada passo é a classificação máxima que lhe é atribuível.
	A classificação da etapa resulta da soma das classificações dos diferentes passos.
3. Classificação de um item ou de uma etapa cujo critério se apresenta organizado por níveis de desempenho.	A resposta é enquadrada numa das descrições apresentadas. À classificação correspondente subtraem-se, eventualmente, um, dois ou três pontos, de acordo com o previsto nas situações 9, 10 e/ou 19.
4. Utilização de processos de resolução que não estão previstos no critério específico de classificação.	É aceite e classificado qualquer processo de resolução cientificamente correcto. O critério específico deve ser adaptado ao processo de resolução apresentado, mediante a distribuição da cotação do item pelas etapas* percorridas pelo examinando. Esta adaptação do critério deve ser utilizada em todos os processos de resolução análogos.
5. Apresentação apenas do resultado final, embora a resolução do item exija cálculos e/ou justificações.	A resposta é classificada com zero pontos.
 Utilização de processos de resolução que não respeitam as instruções dadas [por exemplo, «usando métodos analíticos»]. 	A etapa em que a instrução não é respeitada é classificada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário, no critério específico de classificação.
7. Ausência de apresentação dos cálculos e/ou das justificações necessárias à resolução de uma etapa*.	A etapa é classificada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário, no critério específico de classificação.
8. Ausência de apresentação explícita de uma dada etapa.	Se a resolução apresentada permitir perceber, inequivocamente, que a etapa foi percorrida, a mesma é classificada com a cotação total para ela prevista.
9. Transposição incorrecta de dados do enunciado.	Se o grau de dificuldade da resolução não diminuir, é subtraído um ponto à classificação da etapa. Se o grau de dificuldade da resolução da etapa diminuir, a classificação máxima a atribuir a essa etapa deve ser a parte inteira de metade da cotação prevista.
10. Ocorrência de um erro ocasional num cálculo.	É subtraído um ponto à classificação da etapa em que o erro ocorre.
11. Ocorrência de um erro que revela desconhecimento de conceitos, de regras ou de propriedades.	A classificação máxima a atribuir a essa etapa deve ser a parte inteira de metade da cotação prevista.

^{*} Em situações em que o critério é aplicável tanto a **etapas** como a **passos**, utiliza-se apenas o termo «etapas» por razões de simplificação da apresentação.

Situação	Classificação
12. Ocorrência de um erro na resolução de uma etapa.	A etapa é classificada de acordo com o erro cometido.
	As etapas subsequentes são classificadas de acordo com os efeitos do erro cometido:
	- se o grau de dificuldade das etapas subsequentes não diminuir, estas são classificadas de acordo com os critérios específicos de classificação;
	- se o grau de dificuldade das etapas subsequentes diminuir, a classificação máxima a atribuir a cada uma delas deve ser a parte inteira de metade da cotação prevista.
13. Resolução incompleta de uma etapa.	Se, à resolução da etapa, faltar apenas o passo final, é subtraído um ponto à classificação da etapa; caso contrário, a classificação máxima a atribuir deve ser a parte inteira de metade da cotação prevista.
14. Apresentação de cálculos intermédios com um número de casas decimais diferente do solicitado e/ou apresentação de um arredondamento incorrecto.	É subtraído um ponto à classificação total da resposta.
15. Apresentação do resultado final que não respeita a forma solicitada [exemplos: é pedido o resultado na forma de fracção, e a resposta apresenta-se na forma de dízima; é pedido o resultado em centímetros, e a resposta apresenta-se em metros].	É subtraído um ponto à classificação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
16. Omissão da unidade de medida na apresentação do resultado final [por exemplo, «15» em vez de «15 metros»].	A etapa relativa à apresentação do resultado final é classificada com a cotação total para ela prevista.
17. Apresentação do resultado final com aproximação, quando deveria ter sido apresentado o valor exacto.	É subtraído um ponto à classificação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
18. Apresentação do resultado final com um número de casas decimais diferente do solicitado, e/ou apresentação do resultado final incorrectamente arredondado.	É subtraído um ponto à classificação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
19. Utilização de simbologias ou de expressões inequivocamente incorrectas do ponto de vista formal.	É subtraído um ponto à classificação total da resposta, excepto:
	- se as incorrecções ocorrerem apenas em etapas já classificadas com zero pontos;
	- nos casos de uso do símbolo de igualdade onde, em rigor, deveria ter sido usado o símbolo de igualdade aproximada.

CRITÉRIOS ESPECÍFICOS DE CLASSIFICAÇÃO

GRUPO I

1. a 8	(8)	× 5	pontos))	40	pontos
1. a v.	(-		Politos	/	70	POLICOS

As respostas correctas são as seguintes.

Itens	1	2	3	4	5	6	7	8
Versão 1	D	С	С	В	С	D	С	Α
Versão 2	Α	В	В	С	В	Α	В	D

GRUPO II

É de aceitar qualquer processo de resolução cientificamente correcto, ainda que não esteja previsto nestes critérios específicos, nem no programa (ver critério 4 dos critérios gerais).

1.	15 pontos

Multiplicar ambos os termos da fracção por i (por exemplo) 2 pontos

Nota: Se o examinando escrever $(2+i)^3=8+i^3$, a classificação a atribuir a esta etapa é zero pontos.

2.			15 pontos
	Representar um ponto A situado no 1.º quadrante	1 ponto	
	Representar o ponto B	3 pontos	
	Representar o ponto C	3 pontos	
	Referir que $\overline{AC}=10$	3 pontos	
	Calcular \overline{AB}	3 pontos	
	Calcular a área do triângulo $[ABC] \; (\mbox{\'area} = 24)$	2 pontos	
	Nota: Não é pedido no enunciado a representação dos pontos A , B e C . Se o examinando $\overline{AC}=10$, consideram-se a primeira e a terceira etapas implícitas. Se o examinan \overline{AB} , aplicando o Teorema de Pitágoras, consideram-se todas as etapas anteriores i	do calcular	

A demonstração deve abordar os seguintes pontos:

- propriedade relativa à probabilidade do acontecimento contrário;
- fórmula da probabilidade condicionada;
- propriedade $P(A \cap B) = P(A) P(A \cap B)$.

Na tabela seguinte, indica-se como a resposta a este item deve ser classificada, de acordo com o respectivo nível de desempenho, no domínio específico da disciplina.

		Pontuação			
	4	4 A demonstração aborda correctamente os três pontos, concluindo o pretendido.			
Níveis*	3	A demonstração aborda correctamente os três pontos, mas não conclui o pretendido.	12 pontos		
	2	A demonstração aborda correctamente apenas dois pontos.	8 pontos		
	1	A demonstração aborda correctamente apenas um ponto.	4 pontos		

^{*} No caso de a resposta não atingir o nível 1, a classificação a atribuir é zero pontos.

4.1.		15 pontos
	Expressão que dá o valor pedido (ver nota 1)	
	$\label{eq:Valor pedido} \mbox{ Valor pedido } (15840) \mbox{ (ver nota 2)} \mbox{.} \mbox{3 pontos}$	
	Notas:	
	1. Indicam-se a seguir possíveis respostas do examinando, no que respeita à escrita da expressão, com a respectiva classificação a atribuir.	
	$^4A_2 imes ^{12}A_3$ (ou equivalente)	
	$^4A_2^\prime imes ^{12}A_3^\prime$ (ou equivalente)	
	Outras situações	

2. A classificação relativa a esta etapa só é atribuída se a etapa anterior não tiver sido classificada com zero pontos.

A composição deve abordar os seguintes pontos:

- Enunciado da Regra de Laplace: a probabilidade de um acontecimento é o quociente entre o número de casos favoráveis e o número de casos possíveis, quando estes são todos equiprováveis (não se exige que o examinando refira a equiprobabilidade dos casos possíveis);
- Explicação do número de casos possíveis: $^{52}C_3$ corresponde ao número de conjuntos formados com três cartas retiradas de um baralho com 52 cartas;
- Explicação do número de casos favoráveis: ${}^4C_2 \times 48$ corresponde ao número de hipóteses diferentes de escolher dois ases de entre os quatro ases existentes no baralho, e uma carta que não seja ás, de entre as 48 cartas restantes.

Na tabela seguinte, indica-se a forma como as respostas são classificadas, de acordo com os níveis de desempenho no domínio da comunicação escrita em língua portuguesa, descritos nos critérios gerais, e com os níveis de desempenho no domínio específico da disciplina.

Descritores do nível de desempenho no domínio da comunicação escrita em língua portuguesa Descritores do nível de desempenho				Níveis*		
no d	omínio	específico da disciplina	1	2	3	
*	3 A composição aborda correctamente os três pontos.				15	
Níveis*	<u>.s</u>				10	
_ z	1	A composição aborda correctamente apenas um ponto.	3	4	5	

^{*} Descritores apresentados nos critérios gerais.

^{**} Apenas podem ser atribuídas classificações correspondentes a um dos valores constantes do quadro. Não há lugar a classificações intermédias.

5.1.			15 pontos
	Determinar $f'(x)$	6 pontos	
		1 ponto	
	Calcular $f'(0)$	2 pontos	
	Calcular $f(0)$	2 pontos	
	Indicar a ordenada na origem da recta tangente	2 pontos	
	Escrever a equação reduzida da recta tangente $\left(y=2x\right)$	2 pontos	

5.2.			15 pontos
	Representar graficamente a função f no intervalo $\left[0,rac{\pi}{2}\right]$	2 pontos	
	Representar a recta $y=0,3$	1 ponto	
	Identificar o(s) gráfico(s) (ver nota)	1 ponto	
	Assinalar o ponto ${\cal A}$	1 ponto	
	Assinalar os pontos B e C	2 pontos	
	Desenhar o triângulo	1 ponto	
	Indicar a ordenada do ponto A	1 ponto	
	Indicar as abcissas dos pontos B e C (1 + 1)	2 pontos	
	Calcular a base	1 ponto	
	Calcular a altura	1 ponto	
	Calcular a área do triângulo (Área $=0,2)$	2 pontos	
	Nota: Se o examinando identificar apenas 1 gráfico, a classificação a atribuir a esta etapa ser desvalorizada.	a não deve	
6.1.			15 pontos
	Calcular $\lim_{x \to 0^+} h(x)$	2 pontos	
	Calcular $\lim_{x \to 0^-} h(x)$	3 pontos	
	Levantar a indeterminação		
	Levantar a indeterminação		
	Indicar o valor $\lim h(x)$	2 pontos	
	Indicar o valor $\lim_{x\to 0^-} h(x)$	•	
	Indicar o valor $\lim_{x\to 0^-} h(x)$	•	
	Indicar o valor $\lim_{x\to 0^-}h(x)$	3 pontos	

Notas:

- 1. Se o examinando apenas referir que a função é contínua por ser a diferença entre duas funções contínuas, a classificação a atribuir a esta etapa é de 2 pontos.
- 2. Se o examinando apenas referir que a função é contínua por ser o quociente de duas funções contínuas, a classificação a atribuir a esta etapa é de 2 pontos.

6.2.			15 pontos
	Concluir da existência ou não de assimptotas verticais do gráfico da função $h\dots$ Determinar a equação da assimptota horizontal quando $x \to +\infty$	-	
	Calcular $\lim_{x \to +\infty} h(x)$ 7 pontos		
	Levantar a indeterminação		
	Concluir que a recta de equação $y=0$ é assimptota horizontal do gráfico de h quando $x\to +\infty$		
	Determinar a equação da assimptota horizontal quando $x \to -\infty$	5 pontos	
	Calcular $\lim_{x \to -\infty} h(x)$ 3 pontos		
	Concluir que a recta de equação $\ y=0$ é assimptota horizontal do gráfico de h quando $x\to -\infty$		
7.1.			10 pontos
	Calcular $A(0)$	3 pontos	
	Calcular $A(1)$	2 pontos	
	Calcular $A(1)$ – $A(0)$	5 pontos	
7.2.			15 pontos
	Calcular $A'(t)$ $\left(A'(t)=-1+rac{5}{t+1} ight)$	3 pontos	
	Determinar o zero de A^\prime	4 pontos	
	Escrever $A^\prime(t)=0$		
	Resolver a equação $(t=4)$		
	Estudar o sinal de A^\prime e consequente conclusão, relativamente ao extremo relativo de A , com recurso a um quadro (ver nota)	3 pontos	
	Primeira linha do quadro (relativa à variável t)		
	Determinar a área máxima afectada pela doença $(A=6.05~\mathrm{ha})$	5 pontos	
	Nota: Se o examinando não recorrer a um quadro, mas apresentar uma justificação en classificação a atribuir a esta etapa não deve ser desvalorizada.	quivalente, a	