



TEMA: FUNÇÃO QUADRÁTICA COMO MODELO DE SITUAÇÕES DO QUOTIDIANO (AULA 3)

TIPO: GUIÃO DE APOIO #ESTUDOEMCASA

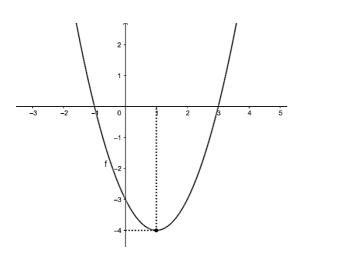
LR MAT EXPLICAÇÕES

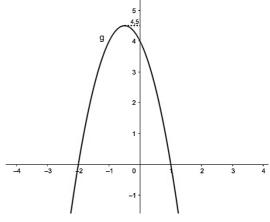
(A) Acede à aula a partir do link:

https://www.facebook.com/SRE.GRM/videos/446407402849080/

(B) Exercícios de Revisão:

1. Considera cada uma das funções representadas f e g:





- 1.1 Indica o vértice de cada umas das parábolas.
- 1.2 Estuda cada uma das funções quanto ao sentido das concavidades.
- **1.3** Escreve a expressão algébrica de cada uma das funções: $y = a(x h)^2 + k$.
- 1.4 Estuda cada uma das funções quanto à monotonia e existência de extremos.
- 1.5 Elabora um quadro de sinal para cada função.
- 2. Para cada uma das funções seguintes indica:
 - o vértice;
 - os zeros;
 - o eixo de simetria;
 - o contradomínio;
 - o sinal.
 - o extremo absoluto.

2.1
$$f(x) = x^2 + 4x + 3$$
.

2.2
$$g(x) = 6x^2 - 24x + 25$$
.

Faz um esboço do gráfico de cada uma das funções.

3. Represente sob a forma de intervalos ou uniões de intervalos os conjuntos-solução das seguintes condições em ℝ:

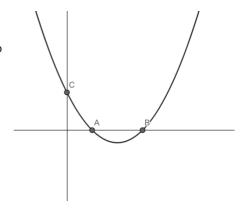
$$3.1 - 2x^2 \le 6x$$

$$3.2 x^2 > 4 + 3x$$

3.3
$$x(x + 2) \ge 2(6 - x)$$

3.4
$$(x-2)^2 < -2$$

4. Na figura 3 está representado o gráfico de uma função quadrática f.
O gráfico de f interseta o eixo 0x nos pontos A e B e o eixo 0y no ponto C.



Sabe-se que:

- a abcissa do ponto A é 1;
- a abcissa do ponto B é 3;
- a ordenada do ponto C é 2.

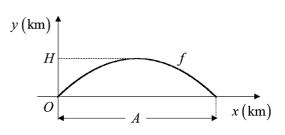
Determina as coordenadas do vértice do gráfico da função f e indica o seu contradomínio.

Sugestão: Começa por escrever a expressão analítica da função f na forma $f(x) = a(x - h)^2 + k$.

(C) Resolve os problemas seguintes:

- 5. A altura, h, em metros, de um corpo lançado na vertical, de baixo para cima, de uma altura de 60 metros relativamente ao solo, e com velocidade inicial de $25\,m/s$, em função do tempo, t, em segundos, é dada por: $h(t) = -4.9t^2 + 25t + 60$.
 - **5.1** Determina o contradomínio da função h e interpreta-o no contexto da situação (caso seja necessário arredondamentos, apresenta os resultados com 2 casas decimais).
 - **5.2** Determina, analiticamente, durante quanto tempo o corpo se encontrou a uma altura superior a 40 metros (apresenta o resultado em segundos, arredondado às décimas).
 - **5.3** Determina, analiticamente, quanto tempo o corpo se encontrou em movimento (apresenta o resultado em segundos, arredondado às décimas).

6. Na figura seguinte, o gráfico de f descreve a trajetória de um projétil, lançado de um ponto coincidente com a origem do referencial. No gráfico, relaciona-se o deslocamento do projétil (x) com a respetiva altura (y = f(x)), ambos expressos em quilómetros (km).



Sabendo que $f(x) = -\frac{1}{200}x^2 + \frac{1}{5}x$, a altura máxima, H, e o alcance, A, do projétil são, respetivamente, iguais a:

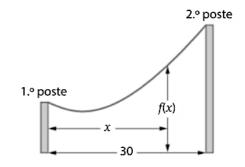
7. O Tomás encontrou um gafanhoto em cima de um muro. Quando o gafanhoto saltou, a sua altura em relação ao chão (a, em centímetros) variou com o tempo (t, em segundos) de acordo com a função definida por $a(t) = -30t^2 + 20t + 80$.



- 7.1 Determina a altura do muro.
- 7.2 No contexto da situação descrita, para que valores de t a expressão a(t) tem significado? Justifica.
- 7.3 Qual foi a altura máxima atingida pelo gafanhoto? Explica como procedeste para chegar à resposta.
- 7.4 Desde que iniciou o salto, quanto tempo esteve o gafanhoto acima de meio metro de altura?
 Apresenta o resultado arredondado às décimas de segundo.
- **8.** Um fio rígido com configuração parabólica encontra-se apoiado em dois postes, como mostra a figura.

A distância entre os postes é 30 metros. Considera a função definida por: $f(x) = 0.07x^2 - 1.4x + 16$

Admite que f(x) é a distância ao solo, em metros, do ponto do fio situado x metros à direita do primeiro poste.



- 8.1 Determina a diferença entre as duas alturas dos dois postes.
- 8.2 Determina a distância do primeiro posta ao fundo do fio mais próximo do solo.