

Teste de Matemática	2021
3.º CICLO DO ENSINO BÁSICO – 9.º ANO	
Duração da Prova: 90 minutos.   Tolerância: 30 minutos.	(14 páginas)
VERSÃO 1	
A PREENCHER PELO ALUNO	
Nome completo:	
Não escrevas o teu nome em mais nenhum local da prova.	
A PREENCHER PELA ESCOLA	
Número convencional	
A PREENCHER PELA ESCOLA	
Número convencional	



Classificação em percentagem: \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ por cento)

A PREENCHER PELO PROFESSOR CLASSIFICADOR

Correspondente ao nível: \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ )

Assinatura do Professor Classificador: \_\_\_\_\_

Data: \_\_\_\_ / \_\_\_\_ / 2021

CD4292

### A prova é realizada no enunciado.

Apresente as suas respostas de forma legível.

Na resposta aos itens de **escolha múltipla**, selecione a opção correta (por exemplo, (A) Na resposta aos restantes, apresente todos os cálculos que tiver de efetuar e todas as justificações necessárias.

As cotações dos itens encontram-se no final do enunciado da prova

### Não é permitido o uso de máquina de calcular.

Não é permitido o uso de corretor.

Como material de escrita, apenas pode usar caneta ou esferográfica de tinta, azul ou preta, exceto nas construções que envolvam a utilização de material de desenho, onde o uso de lápis é permitido.

#### **Formulário**

#### Geometria e Medida

### Áreas

Polígono Regular:  $\frac{\text{Perímetro}}{2} \times \text{Apótema}$ 

Trapézio:  $\frac{\text{Base Maior} + \text{Base menor}}{2} \times \text{Altura}$ 

Superfície esférica:  $4\pi r^2$ , sendo r o raio da esfera

Superfície lateral do cone:  $\pi rg$ , sendo r o raio da base do cone e g a geratriz do cone

#### **Volumes**

**Prisma e cilindro**: Área da Base × Altura

Pirâmide e cone:  $\frac{\text{Área da base} \times \text{Altura}}{3}$ 

**Esfera**:  $\frac{4}{3}\pi r^3$  , sendo r o raio da esfera

## **Trigonometria**

Fórmula fundamental:  $sen^2x + cos^2x = 1$ 

Relação da tangente com o seno e o cosseno:  $tg x = \frac{sen x}{cos x}$ 

# Tabela trigonométrica

1         0,0175         0,9998         0,0175         46         0,7193         0,6947         1,0355           2         0,0349         0,9994         0,0349         47         0,7314         0,6820         1,0724           3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1106           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6118         1,2270           9         0,1564         0,8973         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5732         1,4826           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           1	Graus	Seno	Cosseno	Tangente	Graus	Seno	Cosseno	Tangente
3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1504           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6618         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399	1	0,0175	0,9998	0,0175	46	0,7193	0,6947	1,0355
3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1504           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,66157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,66157         1,2799           9         0,1564         0,8877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399 <t< td=""><td>2</td><td>0,0349</td><td>0,9994</td><td>0,0349</td><td>47</td><td>0,7314</td><td>0,6820</td><td>1,0724</td></t<>	2	0,0349	0,9994	0,0349	47	0,7314	0,6820	1,0724
5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9903         0,1405         53         0,7880         0,6018         1,3270           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6603           14         0,2419         0,9703         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321 <t< td=""><td>3</td><td>0,0523</td><td>0,9986</td><td>0,0524</td><td>48</td><td>0,7431</td><td>0,6691</td><td>1,1106</td></t<>	3	0,0523	0,9986	0,0524	48	0,7431	0,6691	1,1106
6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6161         1,2779           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6243           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           <	4	0,0698	0,9976	0,0699	49	0,7547	0,6561	1,1504
7 0,1219 0,9925 0,1228 52 0,7880 0,6157 1,2799 8 0,1392 0,9903 0,1405 53 0,7986 0,6018 1,3270 9 0,1564 0,9877 0,1584 54 0,8090 0,5878 1,3764 10 0,1736 0,9848 0,1763 55 0,8192 0,5736 1,4281 11 0,1908 0,9816 0,1944 56 0,8290 0,5592 1,4826 12 0,2079 0,9781 0,2126 57 0,8387 0,5446 1,5399 13 0,2250 0,9744 0,2309 58 0,8480 0,5299 1,6003 14 0,2419 0,9703 0,2493 59 0,8572 0,5150 1,6643 15 0,2588 0,9659 0,2679 60 0,8660 0,5000 1,7321 16 0,2756 0,9613 0,2867 61 0,8746 0,4848 1,8040 17 0,2924 0,9563 0,3057 62 0,8829 0,4695 1,8807 18 0,3090 0,9511 0,3249 63 0,8910 0,4540 1,9626 19 0,3256 0,9455 0,3443 64 0,8988 0,4384 2,0503 20 0,3420 0,9397 0,3640 65 0,9063 0,4226 2,1445 21 0,3584 0,9336 0,3839 66 0,9135 0,4067 2,2460 22 0,3746 0,9272 0,4040 67 0,9205 0,3907 2,3559 23 0,3907 0,9205 0,4245 68 0,9272 0,3746 2,4751 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 26 0,4384 0,8988 0,4877 71 0,9455 0,3256 2,9042 27 0,4540 0,8910 0,5095 72 0,9511 0,3090 3,0777 28 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9563 0,2924 3,2708 29 0,4848 0,8746 0,5543 74 0,9613 0,2756 3,4874 30 0,5000 0,8660 0,5774 75 0,9659 0,2588 3,7321 31 0,5150 0,8572 0,6009 76 0,9703 0,2419 4,0108 32 0,5299 0,8480 0,6249 77 0,9744 0,2250 4,3315 33 0,5446 0,8387 0,6494 78 0,9781 0,2079 4,7046 34 0,5592 0,8290 0,6745 79 0,9816 0,1908 5,1445 36 0,5878 0,8090 0,7265 81 0,9877 0,1564 6,3138 37 0,6018 0,7986 0,7536 82 0,9993 0,1392 7,1154 38 0,6157 0,8880 0,7813 83 0,9995 0,0175 57,2900 44 0,6691 0,7431 0,9004 87 0,9998 0,0175 57,2900	5	0,0872	0,9962	0,0875	50	0,7660	0,6428	1,1918
7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040	6	0,1045	0,9945	0,1051	51	0,7771	0,6293	1,2349
8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807	7	0,1219	0,9925	0,1228	52	0,7880	0,6157	1,2799
9 0,1564 0,9877 0,1584 54 0,8090 0,5878 1,3764 10 0,1736 0,9848 0,1763 55 0,8192 0,5736 1,4281 11 0,1908 0,9816 0,1944 56 0,8290 0,5592 1,4826 12 0,2079 0,9781 0,2126 57 0,8387 0,5446 1,5399 13 0,2250 0,9744 0,2309 58 0,8480 0,5299 1,6003 14 0,2419 0,9703 0,2493 59 0,8572 0,5150 1,6643 15 0,2588 0,9659 0,2679 60 0,8660 0,5000 1,7321 16 0,2756 0,9613 0,2867 61 0,8746 0,4848 1,8040 17 0,2924 0,9563 0,3057 62 0,8829 0,4695 1,8807 18 0,3090 0,9511 0,3249 63 0,8910 0,4540 1,9626 19 0,3256 0,9455 0,3443 64 0,8988 0,4384 2,0503 20 0,3420 0,9397 0,3640 65 0,9063 0,4226 2,1445 21 0,3584 0,9336 0,3839 66 0,9135 0,4067 2,2460 22 0,3746 0,9272 0,4040 67 0,9205 0,3907 2,3559 23 0,3907 0,9205 0,4245 68 0,9272 0,3746 2,4751 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 26 0,4384 0,8918 0,4877 71 0,9455 0,3256 2,9042 27 0,4540 0,8910 0,5095 72 0,9511 0,3090 3,0777 28 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9563 0,226 2,7445 30 0,5000 0,8660 0,5774 75 0,9659 0,2588 3,7321 31 0,5150 0,8572 0,6009 76 0,9703 0,2419 4,0108 32 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9657 89 0,9816 0,1908 51,443 39 0,6293 0,7771 0,8098 84 0,9975 0,0698 14,3007 41 0,6561 0,7547 0,8693 86 0,9976 0,0698 14,3007 42 0,6691 0,7431 0,9004 87 0,9998 0,0175 57,2900	8		0,9903	0,1405	53			1,3270
10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460	9			0,1584	54			
11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4334         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4626         2,1445	10				55			
13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559				0,1944	56		0,5592	
13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559	12	0,2079	0,9781	0,2126	57	0,8387	0,5446	1,5399
14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4225         69         0,9336         0,3584         2,6051			•			•	•	
15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475	14		•	•		•		
16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4225         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9963         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475	15							
17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042			•					
18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777								
19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3374         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2244         3,2708								
20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874								
21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321	20		0,9397	0,3640	65	0,9063	0,4226	2,1445
22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108	21	0,3584	0,9336	0,3839	66			
24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046	22			0,4040	67		0,3907	
24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046	23		0,9205	0,4245	68			
25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445	24			0,4452	69			
26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713	25			0,4663	70			
27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138	26	0,4384	0,8988	0,4877	71	0,9455	0,3256	
28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154			0,8910	0,5095	72	0,9511	0,3090	
30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144	28	0,4695	0,8829	0,5317	73	0,9563	0,2924	3,2708
30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144	29	0,4848	0,8746	0,5543	74	0,9613	0,2756	3,4874
32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007	30	0,5000	0,8660	0,5774	75	0,9659		
33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811	31	0,5150	0,8572	0,6009	76	0,9703	0,2419	4,0108
34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363	32	0,5299	0,8480	0,6249	77	0,9744	0,2250	4,3315
35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	33	0,5446	0,8387	0,6494	78	0,9781	0,2079	4,7046
35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	34	0,5592	0,8290	0,6745	79	0,9816	0,1908	5,1445
36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	35				80			
38     0,6157     0,7880     0,7813     83     0,9925     0,1219     8,1443       39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	36	0,5878	0,8090	0,7265	81	0,9877		6,3138
39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	37	0,6018	0,7986	0,7536	82	0,9903	0,1392	7,1154
39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	38				83			
41       0,6561       0,7547       0,8693       86       0,9976       0,0698       14,3007         42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	39	0,6293	0,7771	0,8098	84	0,9945	0,1045	9,5144
41       0,6561       0,7547       0,8693       86       0,9976       0,0698       14,3007         42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	40				85		0,0872	
42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	41		0,7547	0,8693	86			
43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	42			0,9004				
44 0,6947 0,7193 0,9657 89 0,9998 0,0175 57,2900	43		0,7314	0,9325	88		0,0349	28,6363
	44				89			57,2900
	45	0,7071	0,7071	1,0000				

COTAÇÕES

**1.** Qual é o valor do produto  $(1 - \frac{1}{2})(1 - \frac{1}{3})(1 - \frac{1}{4})(1 - \frac{1}{5})$ ?

2. Considere a seguinte inequação

$$\frac{1}{3} - \frac{2x - 1}{3} < \frac{3(x + 2)}{2}$$

**2.1** Resolva a inequação e apresente o seu conjunto solução na forma de intervalo de números reais.

Apresente todos os cálculos que efetuar.

2.2 Indique o menor número inteiro que é solução da inequação.

**Nota:** Caso não tenha resolvido a questão **2.1**, considere o intervalo  $\left[-\frac{9}{5}, +\infty\right[$ .

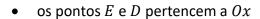
**3.** Na Figura 1 estão representados, em referencial cartesiano, a função quadrática f e os triângulos [OAB] e [BCD].

Sabe-se que:





• os pontos 
$$E$$
 e  $B$  têm abcissa  $x$ , com  $x > 0$ 



• 
$$\overline{EB} = \overline{BC} = \overline{ED}$$

**3.1** Calcule 
$$f(1+\sqrt{2})$$
.

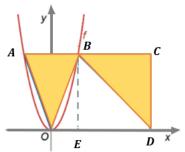


Figura 1

**3.2** Quando x = 1 as coordenadas dos pontos  $D \in C$  são, respetivamente,

**(B)** 
$$(4,0)$$
 e  $(4,3)$ 

**3.3** Mostre que a área da região sombreada é dada por  $3x^3 + \frac{9}{2}x^4$ .

**3.4** Resolva a equação  $3x^2 = (x+1)^2 + 3$ . Apresente todos os cálculos que efetuar.

**4.** A que número temos de elevar  $4^6$  para obter  $8^{24}$ ?

5. Seja x um ângulo agudo.

Sabendo que  $2\cos x = 3\sin x$ , podemos concluir que  $\tan x \in \tan x$ 

- (A)  $\frac{3}{2}$
- (B)  $\frac{2}{3}$
- (C)  $\frac{4}{3}$
- (D)  $\frac{3}{4}$

6. Considere a seguinte Figura 2.

Sabe-se que:

- $A\hat{B}C = 90^{\circ}$
- $D\widehat{E}C = 90^{\circ}$
- $A\hat{C}B = 30^{\circ}$
- $\overline{EC} = 3$
- $\overline{CD} = \overline{EB}$

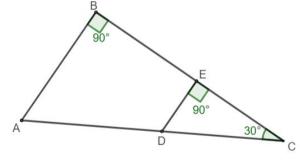
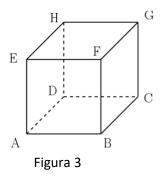


Figura 2

Determine o valor exato de  $\overline{DA}$ .

**7.** Considere o cubo [ABCDEFGH] representado na Figura 3.



7.1 A seguinte afirmação é falsa.

"Se uma reta é paralela a um plano, então essa reta é paralela a todas as retas desse plano."

Utilize letras do cubo representado na figura para dar um exemplo que mostre que a afirmação é falsa.

**7.2** Uma caixa em forma de cubo tem 10 cm de aresta. Se aumentarmos a medida da aresta em 10% qual será o seu volume?

Apresente a resposta em cm<sup>3</sup>.

**8.** Na Figura 4 está representada uma circunferência de centro O e diâmetro [AC].

Sabe-se que:

- o ponto B pertence à circunferência
- a amplitude do arco AC é o triplo da amplitude do arco AB
- $\overline{OC} = 2$

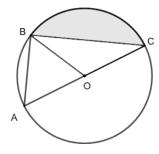


Figura 4

- Mostre que:
- **8.1** a amplitude do arco AB, em graus, é  $60^{\circ}$ .

**8.2** o triângulo [AOB] é equilátero.

**8.3** a área, em unidades quadradas, da região sombreada é  $\frac{4}{3}$   $\pi - \sqrt{3}$ 

**9.** O número  $20^8$ , em notação científica, tem a seguinte representação:  $2,56 \times 10^{10}$ . Sabe-se que  $20^7 = k \times 10^8$ , com  $k \in [a,b]$ , sendo a e b dois números inteiros consecutivos.

Qual é o valor de a?

- (A) 1
- **(B)** 2
- **(C)** 12
- **(D)** 13

10. Considere o seguinte sistema de equações

$$\begin{cases} 4x - 4y = 5 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$$

**10.1** Resolva o sistema de equações.

Apresente todos os cálculos que efetuar.

- **10.2** Considere num referencial cartesiano as retas  $r \in s$ .
  - A retas r é definida pela equação: y = x + 6
  - A reta s é definida pela equação: y = -2x + 6

Diga qual é a posição relativa das retas r e s.

**11.** Seja p um número inteiro.

Para qual dos seguintes valores de p o número  $\frac{17}{2^5 \times 5^3 \times 3^p}$  pode ser representado por uma dízima finita?

(A) 0

- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3

12. Considere as afirmações seguintes:

I. Na Figura 5, a abcissa do ponto  $D \in 2 + \sqrt{5}$  (O arco  $CD \in A$ )

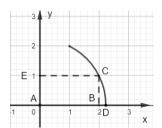


Figura 5

II. A equação  $2x^2 - x + x = 5$  é uma equação do 2.° grau incompleta.

III. 
$$\{x \in Z: |x| < 4\} = \{0,1,2,3\}$$

Qual das opções seguintes é correta?

- (A) II e III são verdadeiras
- (B) I é falsa e II é verdadeira
- (C) I é verdadeira e III é falsa
- (D) II e III são falsas
- 13. Complete de modo a obter uma igualdade verdadeira

$$(x+5)^2 - 9 = (x+2)(x - \underline{\hspace{1cm}})$$

14. Na Figura 6 estão representados, em referencial cartesiano, parte dos gráficos de duas funções f e g.

Sabe-se que:

- a função f é definida por  $f(x) = \frac{x^2}{3}$
- g é uma função de proporcionalidade inversa
- o ponto A de abcissa 3 pertence aos gráficos das funções f e g
- o ponto B de abcissa b, com b > 0, e ordenada 5 pertence ao gráfico de g

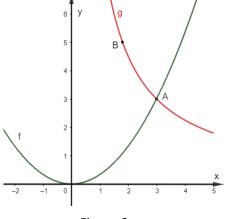


Figura 6

O valor de b é

- **(A)** 45
- (B)  $\frac{1}{3}$  (C)  $\frac{5}{9}$
- (D)  $\frac{9}{5}$

**15.** A Ana tem no seu quarto um aquário que se pode observar na Figura 7 abaixo, à esquerda.

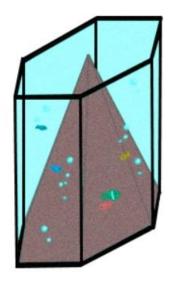


Figura 7

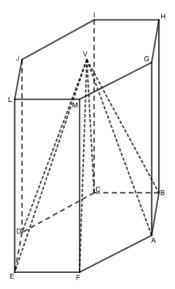


Figura 8

Na Figura 8, está representado um modelo geométrico desse aquário.

O modelo não está desenhado à escala.

O modelo do aquário é composto pelo prisma hexagonal [ABCDEFGHIJLM], a que se retira a pirâmide hexagonal [ABCDEFV].

Relativamente à figura da direita, sabe-se que:

- o prisma e a pirâmide têm a mesma base e a mesma altura
- o volume do prisma hexagonal é igual a 0,00936 m<sup>3</sup>

A Ana necessita de quantos litros de água para encher o aquário?

Apresente todos os cálculos que efetuar.

TOTAL

Esta página só deve ser utilizada se quiser completar ou emendar qualquer resposta. Caso a utilize, não se esqueça de identificar claramente a questão a que se refere cada uma das respostas completadas ou emendadas.

# **FIM**

# **COTAÇÕES**

	Item											
	Cotação (em pontos)											
1.	2.1.	2.2.	3.1.	3.2.	3.3.	3.4.	4.	5.	6.	7.1.	7.2.	8.1.
3	6	3	5	3	5	7	4	3	6	4	4	4
8.2.	8.3.	9.	10.1.	10.2.	11.	12.	13.	14.	15.			
6	6	3	6	3	3	3	4	3	6			

TOTAL	100



Teste de Matemática	2021
3.º CICLO DO ENSINO BÁSICO – 9.º AN	NO
Duração da Prova: 90 minutos.   Tolerância: 30 minutos.	(14 páginas)
VERSÃO 2	
A PREENCHER PELO ALUNO	
Nome completo:	
Não escrevas o teu nome em mais nenhum local da prova.	
A PREENCHER PELA ESCOLA	
Número convencional	
A PREENCHER PELA ESCOLA	
Número convencional	
A PREENCHER PELO PROFESSOR CLASSIFICADOR	
Classificação em percentagem: (	por cento)
Correspondente ao nível: ( ) Da	ata: / / 2021



Assinatura do Professor Classificador:

#### A prova é realizada no enunciado.

Apresente as suas respostas de forma legível.

Na resposta aos itens de **escolha múltipla**, selecione a opção correta (por exemplo, **(A)**Na resposta aos restantes, apresente todos os cálculos que tiver de efetuar e todas as justificações necessárias.

As cotações dos itens encontram-se no final do enunciado da prova

### Não é permitido o uso de máquina de calcular.

Não é permitido o uso de corretor.

Como material de escrita, apenas pode usar caneta ou esferográfica de tinta, azul ou preta, exceto nas construções que envolvam a utilização de material de desenho, onde o uso de lápis é permitido.

#### **Formulário**

#### Geometria e Medida

### Áreas

Polígono Regular:  $\frac{\text{Perímetro}}{2} \times \text{Apótema}$ 

Trapézio:  $\frac{\text{Base Maior} + \text{Base menor}}{2} \times \text{Altura}$ 

Superfície esférica:  $4\pi r^2$ , sendo r o raio da esfera

Superfície lateral do cone:  $\pi rg$ , sendo r o raio da base do cone e g a geratriz do cone

#### **Volumes**

**Prisma e cilindro**: Área da Base × Altura

Pirâmide e cone:  $\frac{\text{Área da base} \times \text{Altura}}{3}$ 

**Esfera**:  $\frac{4}{3}\pi r^3$  , sendo r o raio da esfera

## **Trigonometria**

Fórmula fundamental:  $sen^2x + cos^2x = 1$ 

Relação da tangente com o seno e o cosseno:  $tg x = \frac{sen x}{cos x}$ 

# Tabela trigonométrica

1         0,0175         0,9998         0,0175         46         0,7193         0,6947         1,0355           2         0,0349         0,9994         0,0349         47         0,7314         0,6820         1,0724           3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1106           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6118         1,2270           9         0,1564         0,8973         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5732         1,4826           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           1	Graus	Seno	Cosseno	Tangente	Graus	Seno	Cosseno	Tangente
3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1504           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6618         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399	1	0,0175	0,9998	0,0175	46	0,7193	0,6947	1,0355
3         0,0523         0,9986         0,0524         48         0,7431         0,6691         1,1106           4         0,0698         0,9976         0,0699         49         0,7547         0,6561         1,1504           5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,66157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,66157         1,2799           9         0,1564         0,8877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399 <t< td=""><td>2</td><td>0,0349</td><td>0,9994</td><td>0,0349</td><td>47</td><td>0,7314</td><td>0,6820</td><td>1,0724</td></t<>	2	0,0349	0,9994	0,0349	47	0,7314	0,6820	1,0724
5         0,0872         0,9962         0,0875         50         0,7660         0,6428         1,1918           6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9903         0,1405         53         0,7880         0,6018         1,3270           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6603           14         0,2419         0,9703         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321 <t< td=""><td>3</td><td>0,0523</td><td>0,9986</td><td>0,0524</td><td>48</td><td>0,7431</td><td>0,6691</td><td>1,1106</td></t<>	3	0,0523	0,9986	0,0524	48	0,7431	0,6691	1,1106
6         0,1045         0,9945         0,1051         51         0,7771         0,6293         1,2349           7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6161         1,2779           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6243           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           <	4	0,0698	0,9976	0,0699	49	0,7547	0,6561	1,1504
7 0,1219 0,9925 0,1228 52 0,7880 0,6157 1,2799 8 0,1392 0,9903 0,1405 53 0,7986 0,6018 1,3270 9 0,1564 0,9877 0,1584 54 0,8090 0,5878 1,3764 10 0,1736 0,9848 0,1763 55 0,8192 0,5736 1,4281 11 0,1908 0,9816 0,1944 56 0,8290 0,5592 1,4826 12 0,2079 0,9781 0,2126 57 0,8387 0,5446 1,5399 13 0,2250 0,9744 0,2309 58 0,8480 0,5299 1,6003 14 0,2419 0,9703 0,2493 59 0,8572 0,5150 1,6643 15 0,2588 0,9659 0,2679 60 0,8660 0,5000 1,7321 16 0,2756 0,9613 0,2867 61 0,8746 0,4848 1,8040 17 0,2924 0,9563 0,3057 62 0,8829 0,4695 1,8807 18 0,3090 0,9511 0,3249 63 0,8910 0,4540 1,9626 19 0,3256 0,9455 0,3443 64 0,8988 0,4384 2,0503 20 0,3420 0,9397 0,3640 65 0,9063 0,4226 2,1445 21 0,3584 0,9336 0,3839 66 0,9135 0,4067 2,2460 22 0,3746 0,9272 0,4040 67 0,9205 0,3907 2,3559 23 0,3907 0,9205 0,4245 68 0,9272 0,3746 2,4751 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 26 0,4384 0,8988 0,4877 71 0,9455 0,3256 2,9042 27 0,4540 0,8910 0,5095 72 0,9511 0,3090 3,0777 28 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9563 0,2924 3,2708 29 0,4848 0,8746 0,5543 74 0,9613 0,2756 3,4874 30 0,5000 0,8660 0,5774 75 0,9659 0,2588 3,7321 31 0,5150 0,8572 0,6009 76 0,9703 0,2419 4,0108 32 0,5299 0,8480 0,6249 77 0,9744 0,2250 4,3315 33 0,5446 0,8387 0,6494 78 0,9781 0,2079 4,7046 34 0,5592 0,8290 0,6745 79 0,9816 0,1908 5,1445 36 0,5878 0,8090 0,7265 81 0,9877 0,1564 6,3138 37 0,6018 0,7986 0,7536 82 0,9993 0,1392 7,1154 38 0,6157 0,8880 0,7813 83 0,9995 0,0175 57,2900 44 0,6691 0,7431 0,9004 87 0,9998 0,0175 57,2900	5	0,0872	0,9962	0,0875	50	0,7660	0,6428	1,1918
7         0,1219         0,9925         0,1228         52         0,7880         0,6157         1,2799           8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040	6	0,1045	0,9945	0,1051	51	0,7771	0,6293	1,2349
8         0,1392         0,9903         0,1405         53         0,7986         0,6018         1,3270           9         0,1564         0,9877         0,1584         54         0,8090         0,5878         1,3764           10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807	7	0,1219	0,9925	0,1228	52	0,7880	0,6157	1,2799
9 0,1564 0,9877 0,1584 54 0,8090 0,5878 1,3764 10 0,1736 0,9848 0,1763 55 0,8192 0,5736 1,4281 11 0,1908 0,9816 0,1944 56 0,8290 0,5592 1,4826 12 0,2079 0,9781 0,2126 57 0,8387 0,5446 1,5399 13 0,2250 0,9744 0,2309 58 0,8480 0,5299 1,6003 14 0,2419 0,9703 0,2493 59 0,8572 0,5150 1,6643 15 0,2588 0,9659 0,2679 60 0,8660 0,5000 1,7321 16 0,2756 0,9613 0,2867 61 0,8746 0,4848 1,8040 17 0,2924 0,9563 0,3057 62 0,8829 0,4695 1,8807 18 0,3090 0,9511 0,3249 63 0,8910 0,4540 1,9626 19 0,3256 0,9455 0,3443 64 0,8988 0,4384 2,0503 20 0,3420 0,9397 0,3640 65 0,9063 0,4226 2,1445 21 0,3584 0,9336 0,3839 66 0,9135 0,4067 2,2460 22 0,3746 0,9272 0,4040 67 0,9205 0,3907 2,3559 23 0,3907 0,9205 0,4245 68 0,9272 0,3746 2,4751 24 0,4067 0,9135 0,4452 69 0,9336 0,3584 2,6051 25 0,4226 0,9063 0,4663 70 0,9397 0,3420 2,7475 26 0,4384 0,8918 0,4877 71 0,9455 0,3256 2,9042 27 0,4540 0,8910 0,5095 72 0,9511 0,3090 3,0777 28 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9563 0,226 2,7445 30 0,5000 0,8660 0,5774 75 0,9659 0,2588 3,7321 31 0,5150 0,8572 0,6009 76 0,9703 0,2419 4,0108 32 0,4695 0,8829 0,5317 73 0,9657 89 0,9816 0,1908 51,443 39 0,6293 0,7771 0,8098 84 0,9975 0,0698 14,3007 41 0,6561 0,7547 0,8693 86 0,9976 0,0698 14,3007 42 0,6691 0,7431 0,9004 87 0,9998 0,0175 57,2900	8		0,9903	0,1405	53			1,3270
10         0,1736         0,9848         0,1763         55         0,8192         0,5736         1,4281           11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460	9			0,1584	54			
11         0,1908         0,9816         0,1944         56         0,8290         0,5592         1,4826           12         0,2079         0,9781         0,2126         57         0,8387         0,5446         1,5399           13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4334         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4626         2,1445	10				55			
13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559				0,1944	56		0,5592	
13         0,2250         0,9744         0,2309         58         0,8480         0,5299         1,6003           14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559	12	0,2079	0,9781	0,2126	57	0,8387	0,5446	1,5399
14         0,2419         0,9703         0,2493         59         0,8572         0,5150         1,6643           15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4225         69         0,9336         0,3584         2,6051			•			•	•	
15         0,2588         0,9659         0,2679         60         0,8660         0,5000         1,7321           16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475	14		•	•		•		
16         0,2756         0,9613         0,2867         61         0,8746         0,4848         1,8040           17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4225         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9963         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475	15							
17         0,2924         0,9563         0,3057         62         0,8829         0,4695         1,8807           18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042			•					
18         0,3090         0,9511         0,3249         63         0,8910         0,4540         1,9626           19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777								
19         0,3256         0,9455         0,3443         64         0,8988         0,4384         2,0503           20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3374         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2244         3,2708								
20         0,3420         0,9397         0,3640         65         0,9063         0,4226         2,1445           21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874								
21         0,3584         0,9336         0,3839         66         0,9135         0,4067         2,2460           22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321	20		0,9397	0,3640	65	0,9063	0,4226	2,1445
22         0,3746         0,9272         0,4040         67         0,9205         0,3907         2,3559           23         0,3907         0,9205         0,4245         68         0,9272         0,3746         2,4751           24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108	21	0,3584	0,9336	0,3839	66			
24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046	22			0,4040	67		0,3907	
24         0,4067         0,9135         0,4452         69         0,9336         0,3584         2,6051           25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046	23		0,9205	0,4245	68			
25         0,4226         0,9063         0,4663         70         0,9397         0,3420         2,7475           26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445	24			0,4452	69			
26         0,4384         0,8988         0,4877         71         0,9455         0,3256         2,9042           27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713	25			0,4663	70			
27         0,4540         0,8910         0,5095         72         0,9511         0,3090         3,0777           28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138	26	0,4384	0,8988	0,4877	71	0,9455	0,3256	
28         0,4695         0,8829         0,5317         73         0,9563         0,2924         3,2708           29         0,4848         0,8746         0,5543         74         0,9613         0,2756         3,4874           30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154			0,8910	0,5095	72	0,9511	0,3090	
30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144	28	0,4695	0,8829	0,5317	73	0,9563	0,2924	3,2708
30         0,5000         0,8660         0,5774         75         0,9659         0,2588         3,7321           31         0,5150         0,8572         0,6009         76         0,9703         0,2419         4,0108           32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144	29	0,4848	0,8746	0,5543	74	0,9613	0,2756	3,4874
32         0,5299         0,8480         0,6249         77         0,9744         0,2250         4,3315           33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007	30	0,5000	0,8660	0,5774	75	0,9659		
33         0,5446         0,8387         0,6494         78         0,9781         0,2079         4,7046           34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811	31	0,5150	0,8572	0,6009	76	0,9703	0,2419	4,0108
34         0,5592         0,8290         0,6745         79         0,9816         0,1908         5,1445           35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363	32	0,5299	0,8480	0,6249	77	0,9744	0,2250	4,3315
35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	33	0,5446	0,8387	0,6494	78	0,9781	0,2079	4,7046
35         0,5736         0,8192         0,7002         80         0,9848         0,1736         5,6713           36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	34	0,5592	0,8290	0,6745	79	0,9816	0,1908	5,1445
36         0,5878         0,8090         0,7265         81         0,9877         0,1564         6,3138           37         0,6018         0,7986         0,7536         82         0,9903         0,1392         7,1154           38         0,6157         0,7880         0,7813         83         0,9925         0,1219         8,1443           39         0,6293         0,7771         0,8098         84         0,9945         0,1045         9,5144           40         0,6428         0,7660         0,8391         85         0,9962         0,0872         11,4301           41         0,6561         0,7547         0,8693         86         0,9976         0,0698         14,3007           42         0,6691         0,7431         0,9004         87         0,9986         0,0523         19,0811           43         0,6820         0,7314         0,9325         88         0,9994         0,0349         28,6363           44         0,6947         0,7193         0,9657         89         0,9998         0,0175         57,2900	35				80			
38     0,6157     0,7880     0,7813     83     0,9925     0,1219     8,1443       39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	36	0,5878	0,8090	0,7265	81	0,9877		6,3138
39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	37	0,6018	0,7986	0,7536	82	0,9903	0,1392	7,1154
39     0,6293     0,7771     0,8098     84     0,9945     0,1045     9,5144       40     0,6428     0,7660     0,8391     85     0,9962     0,0872     11,4301       41     0,6561     0,7547     0,8693     86     0,9976     0,0698     14,3007       42     0,6691     0,7431     0,9004     87     0,9986     0,0523     19,0811       43     0,6820     0,7314     0,9325     88     0,9994     0,0349     28,6363       44     0,6947     0,7193     0,9657     89     0,9998     0,0175     57,2900	38				83			
41       0,6561       0,7547       0,8693       86       0,9976       0,0698       14,3007         42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	39	0,6293	0,7771	0,8098	84	0,9945	0,1045	9,5144
41       0,6561       0,7547       0,8693       86       0,9976       0,0698       14,3007         42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	40				85		0,0872	
42       0,6691       0,7431       0,9004       87       0,9986       0,0523       19,0811         43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	41		0,7547	0,8693	86			
43       0,6820       0,7314       0,9325       88       0,9994       0,0349       28,6363         44       0,6947       0,7193       0,9657       89       0,9998       0,0175       57,2900	42			0,9004				
44 0,6947 0,7193 0,9657 89 0,9998 0,0175 57,2900	43		0,7314	0,9325	88		0,0349	28,6363
	44				89			57,2900
	45	0,7071	0,7071	1,0000				

COTAÇÕES

**1.** Qual é o valor do produto  $\left(1-\frac{1}{2}\right)\left(1-\frac{1}{3}\right)\left(1-\frac{1}{4}\right)\left(1-\frac{1}{5}\right)$ ?

2. Considere a seguinte inequação

$$\frac{1}{3} - \frac{2x-1}{3} < \frac{3(x+2)}{2}$$

**2.1** Resolva a inequação e apresente o seu conjunto solução na forma de intervalo de números reais.

Apresente todos os cálculos que efetuar.

2.2 Indique o menor número inteiro que é solução da inequação.

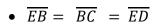
**Nota:** Caso não tenha resolvido a questão **2.1**, considere o intervalo  $\left[-\frac{9}{5}, +\infty\right[$ .

**3.** Na Figura 1 estão representados, em referencial cartesiano, a função quadrática f e os triângulos [OAB] e [BCD].

Sabe-se que:



- os pontos A e B pertencem ao gráfico de f
- os pontos E e B têm abcissa x, com x > 0
- os pontos *E* e *D* pertencem a *Ox*



- os pontos A, B e C têm a mesma ordenada
- **3.1** Calcule  $f(1+\sqrt{2})$ .

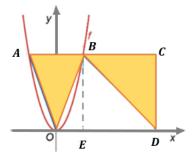


Figura 1

**3.2** Quando x = 1 as coordenadas dos pontos  $D \in C$  são, respetivamente,

- **3.3** Mostre que a área da região sombreada é dada por  $3x^3 + \frac{9}{2}x^4$ .
- **3.4** Resolva a equação  $3x^2 = (x+1)^2 + 3$ . Apresente todos os cálculos que efetuar.

**4.** A que número temos de elevar  $4^6$  para obter  $8^{24}$ ?

**5.** Seja *x* um ângulo agudo.

Sabendo que  $2\cos x = 3\sin x$ , podemos concluir que  $\tan x \in \tan x$ 

- (A)  $\frac{3}{2}$  (B)  $\frac{3}{4}$  (C)  $\frac{4}{3}$

6. Considere a seguinte Figura 2.

Sabe-se que:

- $A\hat{B}C = 90^{\circ}$
- $D\widehat{E}C = 90^{\circ}$
- $A\hat{C}B = 30^{\circ}$
- $\overline{EC} = 3$
- $\overline{CD} = \overline{EB}$

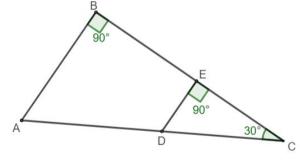
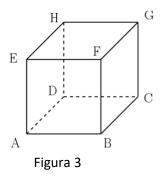


Figura 2

Determine o valor exato de  $\overline{DA}$ .

**7.** Considere o cubo [ABCDEFGH] representado na Figura 3.



7.1 A seguinte afirmação é falsa.

"Se uma reta é paralela a um plano, então essa reta é paralela a todas as retas desse plano."

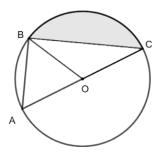
Utilize letras do cubo representado na figura para dar um exemplo que mostre que a afirmação é falsa.

**7.2** Uma caixa em forma de cubo tem  $10~\rm cm$  de aresta. Se aumentarmos a medida da aresta em 10% qual será o seu volume? Apresente a resposta em  $\rm cm^3$ .

**8.** Na Figura 4 está representada uma circunferência de centro O e diâmetro AC.

Sabe-se que:

- o ponto B pertence à circunferência
- a amplitude do arco AC é o triplo da amplitude do arco AB
- $\overline{OC} = 2$



Mostre que: Figura 4

**8.1.** a amplitude do arco AB, em graus, é  $60^{\circ}$ .

**8.2.** o triângulo [AOB] é equilátero.

**8.3.** a área, em unidades quadradas, da região sombreada é  $\frac{4}{3}$   $\pi - \sqrt{3}$ .

**9.** O número  $20^8$ , em notação científica, tem a seguinte representação:  $2,56 \times 10^{10}$  Sabe-se que  $20^7 = k \times 10^8$ , com  $k \in [a,b]$ , sendo  $a \in b$  dois números inteiros consecutivos.

Qual é o valor de a?

- **(A)** 13
- **(B)** 12

- **(C)** 2
- **(D)** 1

10. Considere o seguinte sistema de equações.

$$\begin{cases} 4x - 4y = 5 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$$

10.1 Resolva o sistema de equações. Apresente todos os cálculos que efetuar.

- **10.2** Considere num referencial cartesiano as retas  $r \in s$ .
  - A retas r é definida pela equação: y = x + 6
  - A reta s é definida pela equação: y = -2x + 6

Diga qual é a posição relativa das retas r e s.

**11.** Seja p um número inteiro.

Para qual dos seguintes valores de p o número  $\frac{17}{2^5 \times 5^3 \times 3^p}$  pode ser representado por uma dízima finita?

**(A)** 3

- (B) 2
- (C) 1
- (D) 0

- 12. Considere as afirmações seguintes.
  - I. Na Figura 5, a abcissa do ponto  $D \in 2 + \sqrt{5}$ . (O arco CD é um arco de circunferência de centro A)

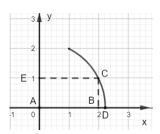


Figura 5

II. A equação  $2x^2 - x + x = 5$  é uma equação do 2. ° grau incompleta.

III. 
$$\{x \in Z: |x| < 4\} = \{0,1,2,3\}$$

Qual das opções seguintes é correta?

- (A) II e III são verdadeiras
- (B) I é verdadeira e III é falsa
- (C) I é falsa e II é verdadeira
- (D) II e III são falsas
- 13. Complete de modo a obter uma igualdade verdadeira.

$$(x+5)^2 - 9 = (x+2)(x - \underline{\hspace{1cm}})$$

14. Na Figura 6 estão representados, em referencial cartesiano, parte dos gráficos de duas funções f e g.

Sabe-se que:

- a função f é definida por  $f(x) = \frac{x^2}{3}$
- g é uma função de proporcionalidade inversa
- o ponto A de abcissa 3 pertence aos gráficos das funções f e g
- o ponto B de abcissa b, com b > 0, e ordenada 5 pertence ao gráfico de g

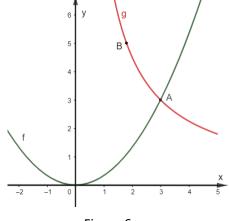


Figura 6

O valor de b é

(A) 
$$\frac{9}{5}$$
 (B)  $\frac{1}{3}$  (C)  $\frac{5}{9}$ 

(B) 
$$\frac{1}{3}$$

(c) 
$$\frac{5}{9}$$

**15.** A Ana tem no seu quarto um aquário que se pode observar na Figura 7 abaixo, à esquerda.

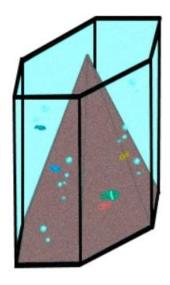


Figura 7

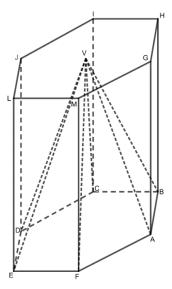


Figura 8

Na Figura 8, está representado um modelo geométrico desse aquário.

O modelo não está desenhado à escala.

O modelo do aquário é composto pelo prisma hexagonal [ABCDEFGHIJLM], a que se retira a pirâmide hexagonal [ABCDEFV].

Relativamente à figura da direita, sabe-se que:

- o prisma e a pirâmide têm a mesma base e a mesma altura
- o volume do prisma hexagonal é igual a 0,00936 m<sup>3</sup>

A Ana necessita de quantos litros de água para encher o aquário?

Apresente todos os cálculos que efetuar.

TOTAL

Esta página só deve ser utilizada se quiser completar ou emendar qualquer resposta. Caso a utilize, não se esqueça de identificar claramente a questão a que se refere cada uma das respostas completadas ou emendadas.

# **FIM**

# **COTAÇÕES**

	Item											
	Cotação (em pontos)											
1.	2.1.	2.2.	3.1.	3.2.	3.3.	3.4.	4.	5.	6.	7.1.	7.2.	8.1.
3	6	3	5	3	5	7	4	3	6	4	4	4
8.2.	8.3.	9.	10.1.	10.2.	11.	12.	13.	14.	15.			
6	6	3	6	3	3	3	4	3	6			

TOTAL	100