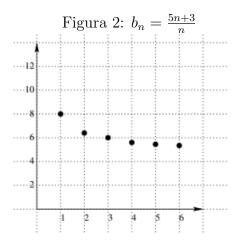
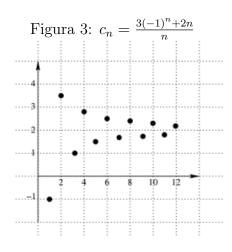
Exercício 1.

Figura 1:
$$a_n = \frac{1}{n}$$

A sucessão a_n é limitada e monótona portanto convergente



A sucessão b_n é limitada e monótona portanto convergente

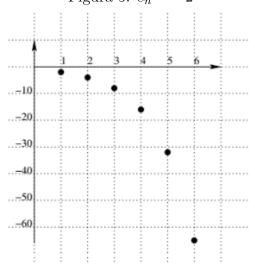


A sucessão c_n é limitada, não monótona mas convergente

Figura 4:
$$d_n = \begin{cases} n+2, \text{ se } n < 5 \\ 5 \text{ se, } n \ge 5 \end{cases}$$

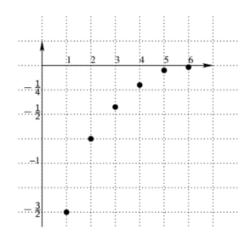
A sucessão d_n é limitada, não monótona mas convergente

Figura 5: $e_n = -2^n$



A sucessão e_n não é limitada, é monótona e não convergente

Figura 6:
$$f_n = \frac{-3}{2^n}$$



A sucessão f_n é limitada e monótona portanto convergente

Exercício 2. Considere a sucessão de termo geral $a_n = 3 - 2n$

a) Determine os três primeiros termos da sucessão.

$$a_1 = 3 - 2 \cdot 1 = 1$$

$$a_2 = 3 - 2 \cdot 2 = -1$$

$$a_3 = 3 - 2 \cdot 3 = -3$$

b) Averigue se -17 é termo da sucessão.

$$3 - 2n = -17$$

$$n = 10$$

Confirmação:

$$a_{10} = 3 - 2 \cdot 10 = -17$$

- c) Estude a sucessão a_n quanto à monotonia.
- Exercício 3. a)

$$\lim_{n} \left(\frac{2+3n}{5n} \right) = \lim_{n} \left(\frac{\varkappa \left(\frac{2}{n} + 3 \right)}{\varkappa(5)} \right) = \frac{3}{5}$$

b)
$$\lim_{n} \left(\frac{3n^2 + 4n - 2}{4n^2 - 3n + 5} \right) = \lim_{n} \left(\frac{\cancel{\cancel{2}} \left(3 + \frac{\cancel{\cancel{4}}}{\cancel{\cancel{n}}} - \frac{\cancel{\cancel{2}}}{\cancel{\cancel{\cancel{n}}}^2} \right)}{\cancel{\cancel{\cancel{\cancel{2}}}} \left(4 - \frac{\cancel{\cancel{3}}}{\cancel{\cancel{\cancel{n}}}} + \frac{\cancel{\cancel{5}}}{\cancel{\cancel{\cancel{n}}}^2} \right)} \right) = \frac{3}{4}$$

c)

d)

$$\lim_{n} \left(\frac{3n^{2} + 1}{4n^{3} + 5} \right) = \lim_{n} \left(\frac{\cancel{\cancel{2}} \left(3 + \frac{\cancel{\cancel{1}}}{\cancel{\cancel{n}^{2}}} \right)}{\cancel{\cancel{\cancel{2}}} \left(4n + \frac{5}{\cancel{\cancel{n}^{3}}} \right)} \right) = \lim_{n} \left(\frac{3}{4n} \right) = 0$$

$$\lim_{n} \left(\frac{3n^3 + 4n^2 - 3n + 2}{4n^2 + 3n + 2} \right) = \lim_{n} \left(\frac{\cancel{\cancel{2}} \left(3n + \cancel{\cancel{4}} - \cancel{\cancel{\cancel{3}}} + \cancel{\cancel{\cancel{2}}} \right)}{\cancel{\cancel{\cancel{2}}} \left(4 + \cancel{\cancel{\cancel{\cancel{3}}}} + \cancel{\cancel{\cancel{\cancel{2}}}} \right)} \right) = \lim_{n} \left(\frac{3n}{4} \right) = +\infty$$

e)
$$\lim_{n} (5(-1)^{n}) \begin{cases} -5 \text{ se n \'e impar} \\ 5 \text{ se n \'e par} \end{cases}$$
 Limite não existe

f)
$$\lim_{n} \left(\sqrt{n^3 + 3} = \lim_{n} \sqrt{n^2 \left(n + \frac{3}{n^2} \right)} \right) = \lim_{n} |n| \sqrt{n + \frac{3}{n^2}} = \lim_{n} n \sqrt{n + \frac{3}{n^2}} = +\infty$$

g)
$$\lim_{n} \frac{\sqrt{4n^2 + 1}}{n+3} = \lim_{n} \frac{\sqrt{n^2 \left(4 + \frac{1}{n^2}\right)}}{n\left(1 + \frac{3}{n}\right)} = \lim_{n} \frac{|n|\sqrt{4 + \frac{1}{n^2}}}{n\left(1 + \frac{3}{n}\right)} = \lim_{n} \frac{\varkappa\sqrt{4 + \frac{1}{n^2}}}{\varkappa(1 + \frac{3}{n})} = 2$$

h)
$$\lim_{n} \left(\frac{1}{\sqrt{n^2 + 1}} - \frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{1}{\sqrt{n^2 + 1}} \right) - \lim_{n} \left(\frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}} \right)$$
$$0 - 0 = 0$$

$$\lim_{n} \left(\frac{1}{\sqrt{n^4 + 2} - \sqrt{n^4 + 3}} \right) = \lim_{n} \left(\frac{\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3}}{\left(\sqrt{n^4 + 2} - \sqrt{n^4 + 3}\right) \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3}\right)} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3}}{-1} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$= -\lim_{n} \left(\sqrt{n^4 + 2} + \sqrt{n^4 + 3} \right)$$

$$\lim_{n} \left(\sqrt{n^{2} + 2} - \sqrt{n^{2} - n} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{\left(\sqrt{n^{2} + 2} - \sqrt{n^{2} - n} \right) \left(\sqrt{n^{2} + 2} + \sqrt{n^{2} - n} \right)}{\left(\sqrt{n^{2} + 2} + \sqrt{n^{2} - n} \right)} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{2 + n}{\left(\sqrt{n^{2} + 2} + \sqrt{n^{2} - n} \right)} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{n \left(\frac{2}{n} + 1 \right)}{\sqrt{n^{2} \left(1 + \frac{2}{n^{2}} \right)} + \sqrt{n^{2} \left(1 - \frac{1}{n} \right)}} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{n \left(\frac{2}{n} + 1 \right)}{|n| \left(\sqrt{1 + \frac{2}{n^{2}}} + \sqrt{1 - \frac{1}{n}} \right)} \right)$$

$$= \lim_{n} \left(\frac{\varkappa\left(\frac{2}{n} + 1\right)}{\varkappa\left(\sqrt{1 + \frac{2}{n^{2}}} + \sqrt{1 - \frac{1}{n}}\right)} \right)$$
$$= \frac{1}{2}$$